



Basi di Dati

Linguaggi per le basi di dati (parte II)

Marco Maratea
Laurea in Informatica, DeMaCS, UNICAL

14 Novembre 2025

- combinando selezione e proiezione, possiamo estrarre informazioni da **una** relazione
- non possiamo però correlare informazioni presenti in relazioni diverse, né informazioni in ennuple diverse di una stessa relazione

Join

- il join è l'operatore più interessante dell'algebra relazionale
- permette di correlare dati in relazioni diverse



Prove scritte in un concorso pubblico

- I compiti sono anonimi e ad ognuno è associata una busta chiusa con il nome del candidato
- Ciascun compito e la relativa busta vengono contrassegnati con uno stesso numero



1	25	1	Mario Rossi
2	13	2	Nicola Russo
3	27	3	Mario Bianchi
4	28	4	Remo Neri

Mario Rossi	25
Nicola Russo	13
Mario Bianchi	27
Remo Neri	28



Numero	Voto
1	25
2	13
3	27
4	28

Numero	Candidato
1	Mario Rossi
2	Nicola Russo
3	Mario Bianchi
4	Remo Neri

Numero	Candidato	Voto
1	Mario Rossi	25
2	Nicola Russo	13
3	Mario Bianchi	27
4	Remo Neri	28

Join naturale

- operatore binario (generalizzabile)
- produce un risultato
 - sull'unione degli attributi degli operandi
 - con ennuple costruite ciascuna a partire da una ennupla di ognuno degli operandi



Join, sintassi e semantica

- $R_1(X_1), R_2(X_2)$
- $R_1 \text{ JOIN } R_2$ è una relazione su X_1X_2

$$\{ t \text{ su } X_1X_2 \mid \text{esistono } t_1 \in R_1 \text{ e } t_2 \in R_2 \\ \text{con } t[X_1] = t_1 \text{ e } t[X_2] = t_2 \}$$



Impiegato	Reparto	Reparto	Capo
Rossi	A	A	Mori
Neri	B	B	Bruni
Bianchi	B		

Impiegato	Reparto	Capo
Rossi	A	Mori
Neri	B	Bruni
Bianchi	B	Bruni

- ogni ennupla contribuisce al risultato:
 - join **completo**





Un join non completo

Impiegato	Reparto	Reparto	Capo
Rossi	A	B	Mori
Neri	B	C	Bruni
Bianchi	B		

Impiegato	Reparto	Capo
Neri	B	Mori
Bianchi	B	Mori



Un join vuoto

Impiegato Reparto		Reparto Capo	
Rossi	A	D	Mori
Neri	B	C	Bruni
Bianchi	B		

Impiegato	Reparto	Capo

Un join completo, con n x m ennuple

Impiegato	Reparto	Reparto	Capo
Rossi	B	B	Mori
Neri	B	B	Bruni

Impiegato	Reparto	Capo
Rossi	B	Mori
Rossi	B	Bruni
Neri	B	Mori
Neri	B	Bruni

Cardinalità del join

- Il join di R_1 e R_2 contiene un numero di ennuple ...
 - compreso fra zero e il prodotto di $|R_1|$ e $|R_2|$
- se il join coinvolge una chiave di R_2 , allora il numero di ennuple è ...
 - compreso fra zero e $|R_1|$
- se il join coinvolge una chiave di R_2 e un vincolo di integrità referenziale, allora il numero di ennuple è
 - pari a $|R_1|$



Cardinalità del join, 2

- $R_1(A,B)$, $R_2(B,C)$
- in generale

$$0 \leq |R_1 \text{ JOIN } R_2| \leq |R_1| \times |R_2|$$

- se B è chiave in R_2

$$0 \leq |R_1 \text{ JOIN } R_2| \leq |R_1|$$

- se B è chiave in R_2 ed esiste vincolo di integrità referenziale fra B (in R_1) e R_2 :

$$|R_1 \text{ JOIN } R_2| = |R_1|$$



Join, una difficoltà

Impiegato	Reparto	Reparto	Capo
Rossi	A	B	Mori
Neri	B	C	Bruni
Bianchi	B		

Impiegato	Reparto	Capo
Neri	B	Mori
Bianchi	B	Mori

- alcune ennuple non contribuiscono al risultato: vengono "tagliate fuori"

Join esterno

- Il join **esterno** estende, con valori nulli, le ennuple che verrebbero tagliate fuori da un join (**interno**)
- esiste in tre versioni:
 - sinistro, destro, completo



Join esterno

- **sinistro**: mantiene tutte le ennuple del primo operando, estendendole con valori nulli, se necessario
- **destro**: ... del secondo operando ...
- **completo**: ... di entrambi gli operandi ...





Impiegati

Impiegato	Reparto
Rossi	A
Neri	B
Bianchi	B

Reparti

Reparto	Capo
B	Mori
C	Bruni

Impiegati JOIN_{LEFT} Reparti

Impiegato	Reparto	Capo
Neri	B	Mori
Bianchi	B	Mori
Rossi	A	NULL



Impiegati

Impiegato	Reparto
Rossi	A
Neri	B
Bianchi	B

Reparti

Reparto	Capo
B	Mori
C	Bruni

Impiegati JOIN_{RIGHT} Reparti

Impiegato	Reparto	Capo
Neri	B	Mori
Bianchi	B	Mori
NULL	C	Bruni



Impiegati

Impiegato	Reparto
Rossi	A
Neri	B
Bianchi	B

Reparti

Reparto	Capo
B	Mori
C	Bruni

Impiegati JOIN_{FULL} Reparti

Impiegato	Reparto	Capo
Neri	B	Mori
Bianchi	B	Mori
Rossi	A	NULL
NULL	C	Bruni

Semijoin

- Operatore su due relazioni $R_1(X_1)$, $R_2(X_2)$
- Restituisce una relazione su X_1 , con le ennuple di R_1 che contribuiscono al join con R_2
- $R_1 \text{ SEMIJOIN } R_2$ è una relazione su X_1

$$\{ t \mid t \in R_1 \text{ ed esiste } t_2 \in R_2 \\ \text{con } t[X_1 \cap X_2] = t_2[X_1 \cap X_2] \}$$



Semijoin

Impiegati

Impiegato	Reparto
Rossi	A
Neri	B
Bianchi	B

Reparti

Reparto	Capo
B	Mori
C	Bruni

Impiegati SEMIJOIN Reparti

Impiegato	Reparto
Neri	B
Bianchi	B



Join e proiezioni

Impiegato	Reparto
Rossi	A
Neri	B
Bianchi	B

Reparto	Capo
B	Mori
C	Bruni

Impiegato	Reparto	Capo
Neri	B	Mori
Bianchi	B	Mori

Impiegato	Reparto
Neri	B
Bianchi	B

Reparto	Capo
B	Mori

Join e proiezioni

- $R_1(X_1), R_2(X_2)$

$$\text{PROJ}_{X_1}(R_1 \text{ JOIN } R_2) \subseteq R_1$$





Impiegato	Reparto	Capo
Neri	B	Mori
Bianchi	B	Bruni
Verdi	A	Bini

Impiegato	Reparto	Reparto	Capo
Neri	B	B	Mori
Bianchi	B	B	Bruni
Verdi	A	A	Bini

Impiegato	Reparto	Capo
Neri	B	Mori
Neri	B	Bruni
Bianchi	B	Mori
Bianchi	B	Bruni
Verdi	A	Bini

Join e proiezioni

- $R_1(X_1), R_2(X_2)$

$$\text{PROJ}_{X_1}(R_1 \text{ JOIN } R_2) \subseteq R_1$$

- $R(X), X = X_1 \cup X_2$

$$(\text{PROJ}_{X_1}(R)) \text{ JOIN } (\text{PROJ}_{X_2}(R)) \supseteq R$$

Prodotto cartesiano

- un join naturale su relazioni senza attributi in comune
- contiene sempre un numero di ennuple pari al prodotto delle cardinalità degli operandi (le ennuple sono tutte combinabili)



Impiegati

Impiegato	Reparto
Rossi	A
Neri	B
Bianchi	B

Reparti

Codice	Capo
A	Mori
B	Bruni

Impiegati JOIN Reparti

Impiegato	Reparto	Codice	Capo
Rossi	A	A	Mori
Rossi	A	B	Bruni
Neri	B	A	Mori
Neri	B	B	Bruni
Bianchi	B	A	Mori
Bianchi	B	B	Bruni



- Il prodotto cartesiano, in pratica, ha senso (quasi) solo se seguito da selezione:

$SEL_{Condizione} (R_1 \text{ JOIN } R_2)$

- L'operazione viene chiamata **theta-join** e indicata con

$R_1 \text{ JOIN}_{Condizione} R_2$

Perché "theta-join"?

- La condizione **C** è spesso una congiunzione (**AND**) di atomi di confronto $A_1 \vartheta A_2$ dove ϑ è uno degli operatori di confronto ($=$, $>$, $<$, ...)



Equi-join

- Se l'operatore di confronto nel theta-join è sempre l'uguaglianza (=) allora si parla di **equi-join**

Nota: ci interessa davvero l'equi-join, non il theta-join più generale



Impiegati

Impiegato	Reparto
Rossi	A
Neri	B
Bianchi	B

Reparti

Codice	Capo
A	Mori
B	Bruni

Basi di dati

VI edizione

connect

Mc
Graw
Hill

Impiegati JOIN_{Reparto=Codice} Reparti

Impiegato	Reparto	Codice	Capo
Rossi	A	A	Mori
Neri	B	B	Bruni
Bianchi	B	B	Bruni

Impiegati

Impiegato	Reparto
Rossi	A
Neri	B
Bianchi	B

Reparti

Reparto	Capo
A	Mori
B	Bruni

Impiegati JOIN Reparti

Join naturale ed equi-join

Impiegati

Impiegato Reparto

Reparti

Reparto Capo

Impiegati JOIN Reparti

$$\text{PROJ}_{\text{Impiegato, Reparto, Capo}} \left(\text{SEL}_{\text{Reparto}=\text{Codice}} \right. \\
\left. \left(\text{Impiegati JOIN REN}_{\text{Codice} \leftarrow \text{Reparto}} (\text{Reparti}) \right) \right)$$



Esempi

Impiegati

Matricola	Nome	Età	Stipendio
7309	Rossi	34	45
5998	Bianchi	37	38
9553	Neri	42	35
5698	Bruni	43	42
4076	Mori	45	50
8123	Lupi	46	60

Supervisione

Impiegato	Capo
7309	5698
5998	5698
9553	4076
5698	4076
4076	8123

- Trovare matricola, nome, età e stipendio degli impiegati che guadagnano più di 40

$SEL_{\text{Stipendio} > 40}(\text{Impiegati})$

- Trovare matricola, nome ed età degli impiegati che guadagnano più di 40

$\text{PROJ}_{\text{Matricola, Nome, Età}} (\text{SEL}_{\text{Stipendio} > 40} (\text{Impiegati}))$

- Trovare i capi degli impiegati che guadagnano più di 40

$\text{PROJ}_{\text{Capo}} (\text{Supervisione}$
 $\text{JOIN}_{\text{Impiegato=Matricola}}$
 $(\text{SEL}_{\text{Stipendio}>40}(\text{Impiegati})))$

- Trovare nome e stipendio dei capi degli impiegati che guadagnano più di 40

```
PROJNome,Stipendio (  
  Impiegati JOINMatricola=Capo  
    PROJCapo(Supervisione  
      JOINImpiegato=Matricola (SELStipendio>40(Impiegati))))
```

- Trovare gli impiegati che guadagnano più del proprio capo, mostrando matricola, nome e stipendio dell'impiegato e del capo

```

PROJMatr, Nome, Stip, MatrC, NomeC, StipC
  (SELStipendio > StipC
    RENMatrC, NomeC, StipC, EtàC ←
      Matr, Nome, Stip, Età (Impiegati)
      JOINMatrC = Capo
      (Supervisione JOINImpiegato = Matricola
        Impiegati)))
    
```


- Trovare le matricole dei capi i cui impiegati guadagnano **tutti** più di 40

$$\text{PROJ}_{\text{Capo}}(\text{Supervisione}) -$$
$$\text{PROJ}_{\text{Capo}}(\text{Supervisione}$$
$$\text{JOIN}_{\text{Impiegato}=\text{Matricola}}$$
$$(\text{SEL}_{\text{Stipendio} \leq 40}(\text{Impiegati})))$$