

Формулы приколы

Для задачи 2

$E|X|$ = выигрыш на первой ставке + второй ставке + третьей ставке - потери

$$E|X| = E_1 + E_2 + E_3 - E_{\text{потери}}$$

это если три раза, если разов больше то и E_x больше

Для задачи 3

$\mu = n \cdot p$ – математическое ожидание

$\sigma^2 = n \cdot p \cdot (1 - p)$ – дисперсия

σ – стандартное отклонение

Если у меня задача вида $P(100 \leq X \leq 200)$:

Сначала преобразовать X в стандартизованную Z -переменную

$$Z = \frac{X - \mu}{\sigma}$$

Стандартизовать обе границы для обоих X по каждому из значений (Z_1, Z_2)

Дальше найти вероятность, что Z лежит между Z_1 и Z_2

$$P(Z_1 \leq Z \leq Z_2) = P(Z \leq Z_2) - P(Z \leq Z_1)$$

Дальше требуется использовать **таблицу стандартного нормального распределения**

$$P(Z \leq Z_1) \approx \dots$$

$$P(Z \leq Z_2) \approx \dots$$

Для задачи 4

Доход = $n \cdot$ плата за страховку – $X \cdot$ выплата

$$X \sim \text{Bin}(n = 15000, p = 0.4)$$

Математическое ожидание μ_X

$$\mu_x = n \cdot p$$

Дисперсия σ_X^2

$$\sigma_X^2 = n \cdot p \cdot (1 - p)$$

Стандартное отклонение σ_X

$$\sigma_X = \sqrt{\sigma_X^2}$$

Для большого np , биномиальное распределение XX можно приближать нормальным распределением:

$$X \sim N(\mu_X = \dots, \sigma_X = \dots)$$

Так как X - нормальная случайная величина, то убытки ($650 \cdot X$) тоже имеют нормальное распределение с параметрами:

- мат. ожидание убытков

$$\mu_{\text{убытков}} = 650 \cdot \mu_X$$

- стандартное отклонение убытков

$$\sigma_{\text{убытков}} = 650 \cdot \sigma_X$$

Итого доход Y компании распределен нормально:

$$Y \sim N(\mu_Y = \dots, \sigma_Y = \dots)$$

Для доверительного интервала с вероятностью 0.94 нам нужно найти границы, в которых находится 94% доходов. Это соответствует Z -значениям ± 1.88 (для 94% вероятности).

Для нахождения доверительного интервала с вероятностью 0.94

$$\text{Границы} = \mu_Y \pm Z \cdot \sigma_Y$$

Для задачи 5

- если дана некая константа, то интеграл плотности от функции $f(x)$ должен быть = 1

В данном примере:

$$\int_{-\infty}^{\infty} f(x) dx = 1, \text{ но тут при } x < 1, f(x) = 0 \implies \int_{-\infty}^{\infty} f(x) dx = \int_1^{\infty} f(x) dx = \int_1^{\infty} f(x) dx = 1$$

Такое уравнение уже решаемо

- для решения уравнений для СВ Y если дана СВ от X

Если случайная величина Y выражается через X как $Y = g(X)$, а X - СВ с известной плотностью $f_X(x)$, то плотность Y определяется по формуле

$$f_Y(y) = f_X(g^{-1}(y)) \cdot \left| \frac{d}{dy}(g^{-1}(y)) \right|$$

- $g^{-1}(y)$ — обратная функция для $Y = g(X)$
- $\frac{d}{dy}g^{-1}(y)$ — производная обратной функции

Итого потом вставляю решаю сокращаю

Для задачи 6

- найти коэффициенты a и b чтобы $f(x)$ было корректной функцией плотности
- имеем мат ожидание $E_X = \frac{5}{6}$

$$\int_{-\infty}^{\infty} f(x) dx = 1$$

и второе уравнение используя мат. ожидание

$$E_X = \int_{-\infty}^{\infty} x \cdot f(x) dx$$

Для задачи 7

Нормальная случайная величина == делаем Z- переменную

$$Z = \frac{X - \mu}{\sigma} = \dots$$

$$P(X > 9) = P(Z > \dots)$$

далее подставляем в таблицу и находим ВСЕ ответы.

Для задачи 8

должно решаться так же как задача 7