Министерство образования и науки Российской Федерации

федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

Санкт-Петербургский исследовательский университет Информационных технологий, механики и оптики

Мегафакультет трансляционных информационных технологий

Факультет информационных технологий и программирования

Компьютерная графика и геометрия

Отчет по лабораторной работе №4 Изучение цветовых пространств

Выполнил: студент гр. M3101 Ершов Михаил Юрьевич Преподаватель: Скаков П.С. **Цель работы:** реализовать программу, которая позволяет проводить преобразования между цветовыми пространствами.

Описание работы

Входные и выходные данные могут быть как одним файлом ppm, так и набором из 3 pgm.

Описание:

Программа должна быть написана на С/С++ и не использовать внешние библиотеки.

Аргументы передаются через командную строку:

lab4.exe -f <from_color_space> -t <to_color_space> -i <count> <input_file_name> -o <count> <output_file_name>,

где

- <color_space> RGB / HSL / HSV / YCbCr.601 / YCbCr.709 / YCoCg / CMY
- <count> 1 или 3
- <file_name>:
 - о для count=1 просто имя файла; формат ppm
 - о для count=3 шаблон имени вида <name.ext>, что соответствует файлам <name_1.ext>, <name_2.ext> и <name_3.ext> для каждого канала соответственно; формат pgm

Порядок аргументов (-f, -t, -i, -o) может быть произвольным. Везде 8-битные данные и полный диапазон (**0..255**, **PC range**).

Полное решение: всё работает + корректно выделяется и освобождается память, закрываются файлы, есть обработка ошибок.

/* да, частичного решения нет */

Если программе передано значение, которое не поддерживается – следует сообщить об опибке.

Коды возврата:

0 - ошибок нет

1 - произошла ошибка

В поток вывода ничего не выводится (printf, cout).

Сообщения об ошибках выводятся в поток вывода ошибок:

C: fprintf(stderr, "Error\n");

C++: std::cerr

Следующие параметры гарантировано не будут выходить за обусловленные значения:

• <count> = 1 или 3;

- width и height в файле положительные целые значения;
 яркостных данных в файле ровно width * height;

Теоретическая часть

1. Модель зрения человека

Представление и обработка графической информации в вычислительных системах основаны на наших знаниях о модели зрения человека. Не только регистрация и отображение изображений стараются соответствовать системе зрения человека, но и алгоритмы кодирования и сжатия данных становятся намного эффективнее при учёте того, что видит и не видит человек.

Согласно современным представлениям, система зрения человека имеет 4 вида рецепторов:

- 3 вида "колбочек": S (short), M (medium), L (long), отвечающих за цветное зрение. Работают только при высокой освещённости.
- 1 вид "палочек": R (rods), позволяющих регистрировать яркость. Работают только при низкой освещённости.

Система цветного зрения человека трёхкомпонентная: воспринимаемый цвет описывается тремя значениями. Любые спектры излучения, приводящие к одинаковым этим трём значениям, неразличимы для человека.

Регистрация спектра L, M и S рецепторами лежит в основе цветовой модели RGB, описывающей цвет как комбинацию красного, синего и зелёного.

SML сигнал (что условно соответствует RGB) преобразуется следующим образом:

$$Y = S + M + L$$

 $\mathbf{A} = \mathbf{L} - \mathbf{M}$

$$\mathbf{B} = (\mathbf{L} + \mathbf{M}) - \mathbf{S}$$

То есть представление красный-зелёный-синий превращается в яркость (Y) и две цветоразницы: красно-зелёную (A) и жёлто-синюю (B).

Всё это послужило основой для различных цветоразностных систем представления цвета, например, YUV (альтернативное название: YCbCr), широко используемых при эффективном кодировании и сжатии графической информации.

2. Цветовые пространства

Цветовые пространства соответствуют различным системам представления информации о цвете.

Так как в соответствии с моделью зрения человека мы имеем 3 вида рецепторов, отвечающих за цветное зрение, то и для кодирования информации о цвете разумно использовать трёхмерное цветовое пространство.

Переход от одного цветового пространства к другому можно представить себе как изменение базиса системы координат: значения меняются, но информация остаётся.

Цветовые пространства бывают аддитивные (например, RGB) и субтрактивные (например, CMY). В аддитивных пространствах 0 соответствует чёрному цвету, а 100% всех компонент — белому. Это отражает работу источников света, например, отображение информации на мониторе. В субтрактивных наоборот: отсутствие компонент — это белый, а полное присутствие — чёрный. Это соответствует смешению красок на бумаге.

3. RGB

Пространство RGB — это самое широко используемое цветовое пространство. Его компоненты примерно соответствуют трём видам наших цветовых рецепторов: L, M, S.

R (Red) — красный G (Green) — зелёный B (Blue) — синий

Типичный диапазон значений: 0..255 для каждой компоненты, но возможны и другие значения, например, 0..1023 для 10-битных данных.

4. HSL/HSV

Пространства HSL (другие названия: HLS, HSI) и HSV (другое название: HSB) широко используются в интерфейсах выбора цвета. Предназначены для "интуитивно понятного" изменения таких характеристик цвета как: оттенок, насыщенность, яркость.

H (Hue) -оттенок: диапазон $0..360^{\circ}, 0..100$ или 0..1

S (Saturation) – насыщенность: 0..100 или 0..1

L/I (Lightness/Intensity) – "светлота": 0..100 или 0..1

V/B (Value/Brightness) – "яркость": 0..100 или 0..1

5. YUV/YCbCr

Пространство YUV (другое название: YCbCr) крайне широко используется для обработки и хранения графической и видео информации. Отдельные компоненты примерно соответствуют разложению нашей зрительной системой информации о цвете на яркость и две цветоразницы.

Y – яркость

U/Cb – цветоразность "хроматический синий"

V/Cr – цветоразность "хроматический красный"

В пространстве YUV традиционно существует два диапазона значений. Для 8-битных данных:

РС уровни	TV уровни	
Y: 0255	Y: 16235	
U: 0255	U: 16240	
V: 0255	V: 16240	

При этом значения U и V — числа со знаком, закодированные в форме со смещением ± 128 .

6. YCoCg

Пространство YCoCg – недавно разработанная альтернатива YCbCr. Те же принципы, но более простое преобразование в/из RGB.

Ү – яркость

Сд – цветоразность "хроматический зелёный"

Со – цветоразность "хроматический оранжевый"

7. CMY/CMYK

Пространства СМУ и СМУК соответствуют устройству цветных принтеров. СМУК для улучшения эффективности использования красок добавляет компонент, соответствующий чёрной краске: без него получение широко востребованного чёрного требует смешивания всех трёх красок.

С (Суап) – голубой

М (Magenta) – пурпурный

Y(Yellow) – жёлтый

К (blacK) – чёрный

Экспериментальная часть

Язык программирования: С++14

Полное решение.

Считываем изображение из PPM файла, либо же из 3 PGM файлов, для каждого из 3 каналов соответственно, затем методом convert применяем конвертацию из исходного цветового пространства в требуемое и, сохранив все величины в диапазоне 0..255, выводим изображение либо в указанный PPM файл, либо по каналам выводим изображения в 3 PGM файла. Конвертация осуществляется сначала из исходного пространства в RGB, затем из RGB в требуемое, за исключением пространства HSV, которое конвертируется в HSL, и только затем, если требуется, осуществляется конвертация в RGB и перевод в требуемое. Аналогично HSL конвертируется в HSV напрямую.

Формулы перехода:

1. RGB/HSL

$$Cmax = \max(R', G', B')$$

$$Cmin = \min(R', G', B')$$

$$\Delta = Cmax - Cmin$$

$$H = \begin{cases} 0^{\circ} & \Delta = 0 \\ 60^{\circ} \times (\frac{G' - B'}{\Delta} mod6) & , C_{max} = R' \\ 60^{\circ} \times (\frac{B' - R'}{\Delta} + 2) & , C_{max} = G' \\ 60^{\circ} \times (\frac{R' - G'}{\Delta} + 4) & , C_{max} = B' \end{cases}$$

$$S = \begin{cases} 0 & , \Delta = 0 \\ \frac{\Delta}{1 - |2L - 1|} & , \Delta <> 0 \end{cases}$$

$$L = (Cmax + Cmin) / 2$$

```
if(s == 0){
    r = g = b = l; // achromatic
}else{
    var hue2rgb = function hue2rgb(p, q, t){
        if(t < 0) t += 1;
        if(t > 1) t -= 1;
        if(t < 1/6) return p + (q - p) * 6 * t;
        if(t < 1/2) return q;
        if(t < 2/3) return p + (q - p) * (2/3 - t) * 6;
        return p;
}

var q = 1 < 0.5 ? 1 * (1 + s) : 1 + s - 1 * s;
    var p = 2 * 1 - q;
    r = hue2rgb(p, q, h + 1/3);
    g = hue2rgb(p, q, h);
    b = hue2rgb(p, q, h - 1/3);
}</pre>
```

2. HSL/HSV

```
sat*=light<.5?light:1-light;

return[ //[hue, saturation, value]
   //Range should be between 0 - 1
   hue, //Hue stays the same
   2*sat/(light+sat), //Saturation
   light+sat //Value
]</pre>
```

```
var 1 = (2 - s) * v / 2;

if (1 != 0) {
    if (1 == 1) {
        s = 0
    } else if (1 < 0.5) {
        s = s * v / (1 * 2)
    } else {
        s = s * v / (2 - 1 * 2)
    }
}</pre>
```

3. RGB/CMY

$$\begin{array}{ll} R = 255 - C & C = 255 - R \\ G = 255 - M & M = 255 - G \\ B = 255 - Y & Y = 255 - B \end{array}$$

4. RGB/YCbCr(601/709)

$$Y = a * R + b * G + c * B$$

 $Cb = (B - Y) / d$
 $Cr = (R - Y) / e$

	BT.601	BT.709	BT.2020
a	0.299	0.2126	0.2627
b	0.587	0.7152	0.6780
С	0.114	0.0722	0.0593
d	1.772	1.8556	1.8814
е	1.402	1.5748	1.4747

5. RGB/YCoCg

$$\begin{bmatrix} Y \\ Co \\ Cg \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{4} & \frac{1}{2} & \frac{1}{4} \\ \frac{1}{2} & 0 & -\frac{1}{2} \\ -\frac{1}{4} & \frac{1}{2} & -\frac{1}{4} \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} R \\ G \\ B \end{bmatrix}$$
$$\begin{bmatrix} R \\ G \\ B \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & -1 & -1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} Y \\ Co \\ Cg \end{bmatrix}$$

Выводы

Выполнение данной работы позволило изучить различные цветовые пространства и способы перехода из одного пространства в другое.

Листинг

main.cpp

```
#include <iostream>
#include <string>
#include <cstdlib>
#include "ppm.h"
using namespace std;
int main(int argc, char* argv[]) {
    char* from, * to;
    int count_in, count_out;
    char* input;
    char* output;
    try {
        for (int i = 0; i < argc; i++) {</pre>
             if (string(argv[i]) == "-f") {
                 if (i != argc - 1) {
                     from = argv[i + 1];
                 else {
                     cerr << "Invalid input\n";</pre>
                     return 1;
             if (string(argv[i]) == "-t") {
                 if (i != argc - 1) {
                     to = argv[i + 1];
                 else {
                     cerr << "Invalid input\n";</pre>
                     return 1;
             if (string(argv[i]) == "-i" && i != argc - 1) {
                 count_in = atoi(argv[i + 1]);
                 if (i < argc - 2) {</pre>
                     input = argv[i + 2];
                 else {
                     cerr << "Invalid input\n";</pre>
                     return 1;
                 }
             if (string(argv[i]) == "-o" && i != argc - 1) {
                 count_out = atoi(argv[i + 1]);
                 if (i < argc - 2) {</pre>
                     output = argv[i + 2];
                 }
                 else {
                     cerr << "Invalid input\n";</pre>
                     return 1;
                 }
             }
        if (count_in != 1 && count_in != 3 || count_out != 1 && count_out != 3) {
             cerr << "Invalid input\n";</pre>
             return 1;
        }
    }
    catch (const exception& e) {
        cerr << "Invalid input\n" << e.what() << "\n";</pre>
```

```
return 1;
   image.convert(from, to);
             if (count_out == 1) {
                 image.print(output);
             }
             else {
                 image.print(output, 3);
        }
else {
             PPM image(input, 3);
image.convert(from, to);
if (count_out == 1) {
                 image.print(output);
             else {
                 image.print(output, 3);
             }
        }
    }
    catch (const exception& e) {
        cerr << e.what() << "\n";</pre>
        return 1;
    }
    return 0;
}
```

pgm.h

```
#ifndef LAB4 PGM H
#define LAB4_PGM_H
#include <vector>
#include <cstdio>
#include <cstring>
typedef unsigned char uchar;
struct Pixel {
    uchar first, second, third;
    Pixel(uchar first, uchar second, uchar third) : first(first), second(second), third(third) {}
    Pixel() = default;
};
class PPM {
private:
    char header[2];
    int width, height;
    uchar maxValue;
    Pixel* data;
    static Pixel convertRGBtoHSL(const Pixel& pixel);
    static Pixel convertHSLtoRGB(const Pixel& pixel);
    static Pixel convertHSLtoHSV(const Pixel& pixel);
    static Pixel convertHSVtoHSL(const Pixel& pixel);
    static Pixel convertRGBtoYCbCr 601(const Pixel& pixel);
    static Pixel convertRGBtoYCbCr 709(const Pixel& pixel);
    static Pixel convertYCbCr_601toRGB(const Pixel& pixel);
    static Pixel convertYCbCr_709toRGB(const Pixel& pixel);
    static Pixel convertRGBtoYCoCg(const Pixel& pixel);
    static Pixel convertYCoCgtoRGB(const Pixel& pixel);
    static Pixel convertRGBtoCMY(const Pixel& pixel);
    static Pixel convertCMYtoRGB(const Pixel& pixel);
    void readP5(char* fileName, int pos);
    void printP5(char* fileName, int pos);
public:
    explicit PPM(char* fileName);
    explicit PPM(char* fileName, int num);
    ~PPM();
    void print(char* fileName);
    void print(char* fileName, int num);
    void convert(char* from, char* to);
};
#endif //LAB4 PGM H
```

pgm.cpp

```
#include "ppm.h"
#include <stdexcept>
#include <string>
#include <algorithm>
PPM::PPM(char* fileName) {
    FILE* fin = fopen(fileName, "rb");
    if (fin == nullptr) {
        throw std::runtime_error("File can't be opened\n");
    }
    int tmp;
    if (fscanf(fin, "%s%d%d%d", header, &width, &height, &tmp) < 4) {</pre>
        throw std::runtime_error("Invalid header\n");
    if (strcmp(header, "P6") != 0) {
        throw std::runtime_error("File is not a PGM image\n");
    if (tmp > 255) {
        throw std::runtime_error("Unsupported colours\n");
    }
    maxValue = (uchar)tmp;
    if (width < 0 || height < 0) {</pre>
        throw std::runtime_error("Invalid header\n");
    if (fgetc(fin) == EOF) {
        throw std::runtime error("Invalid header\n");
    data = new Pixel[width * height];
    fread(data, sizeof(Pixel), width * height, fin);
    if (fclose(fin) != 0) {
        throw std::runtime_error("File can't be closed\n");
    }
}
void PPM::readP5(char* fileName, int pos) {
    FILE* fin = fopen(fileName, "rb");
    if (fin == nullptr) {
        throw std::runtime error("File can't be opened\n");
    int tmp;
    if (fscanf(fin, "%s%d%d%d", header, &width, &height, &tmp) < 4) {</pre>
        throw std::runtime_error("Invalid header\n");
    if (strcmp(header, "P5") != 0) {
        throw std::runtime error("File is not a PGM image\n");
    if (tmp > 255) {
        throw std::runtime_error("Unsupported colours\n");
    maxValue = (uchar)tmp;
    if (width < 0 || height < 0) {</pre>
        throw std::runtime error("Invalid header\n");
    if (fgetc(fin) == EOF) {
        throw std::runtime_error("Invalid header\n");
    if (data == NULL) {
        data = new Pixel[width * height];
    uchar* dataP5 = new uchar[width * height];
    fread(dataP5, sizeof(uchar), width * height, fin);
    for (int i = 0; i < width * height; i++) {</pre>
        switch (pos) {
```

```
case 0: data[i].first = dataP5[i]; break;
         case 1: data[i].second = dataP5[i]; break;
         case 2: data[i].third = dataP5[i]; break;
         }
    }
    delete[] dataP5;
    if (fclose(fin) != 0) {
         throw std::runtime error("File can't be closed\n");
}
PPM::PPM(char* fileName, int num) {
    data = NULL;
    std::string in(fileName);
    int pos = -1;
    for (int i = in.size() - 1; i >= 0; i--) {
         if (in[i] == '.') {
             pos = i;
             break;
         }
    }
    readP5((char*)std::string(in.substr(0, pos) + "_1" + in.substr(pos, in.size())).c_str(), 0);
readP5((char*)std::string(in.substr(0, pos) + "_2" + in.substr(pos, in.size())).c_str(), 1);
readP5((char*)std::string(in.substr(0, pos) + "_3" + in.substr(pos, in.size())).c_str(), 2);
    strcpy(header, "P6");
}
PPM::~PPM() {
    delete[] data;
}
void PPM::print(char* fileName) {
    FILE* fout = fopen(fileName, "wb");
    if (fout == nullptr) {
         throw std::runtime_error("File can't be opened or created\n");
    fprintf(fout, "%s\n%i %i\n%i\n", header, width, height, maxValue);
    fwrite(data, sizeof(Pixel), width * height, fout);
    fclose(fout);
void PPM::printP5(char* fileName, int pos) {
    FILE* fout = fopen(fileName, "wb");
    if (fout == nullptr) {
         throw std::runtime_error("File can't be opened or created\n");
    uchar* dataP5 = new uchar[width * height];
    for (int i = 0; i < width * height; i++) {</pre>
         switch (pos) {
         case 0: dataP5[i] = data[i].first; break;
         case 1: dataP5[i] = data[i].second; break;
         case 2: dataP5[i] = data[i].third; break;
         }
    fprintf(fout, "%s\n%i %i\n%i\n", "P5", width, height, maxValue);
    fwrite(dataP5, 1, width * height, fout);
    fclose(fout);
void PPM::print(char* fileName, int num) {
    std::string in(fileName);
    int pos = -1;
    for (int i = in.size() - 1; i >= 0; i--) {
         if (in[i] == '.') {
              pos = i;
              break;
```

```
}
    }
    printP5((char*)std::string(in.substr(0, pos) + "_1" + in.substr(pos, in.size())).c_str(), 0);
printP5((char*)std::string(in.substr(0, pos) + "_2" + in.substr(pos, in.size())).c_str(), 1);
printP5((char*)std::string(in.substr(0, pos) + "_3" + in.substr(pos, in.size())).c_str(), 2);
}
void PPM::convert(char* from, char* to) {
    std::string f = std::string(from);
    std::string t = std::string(to);
    if (f == "HSL" && t == "HSV") {
         for (int i = 0; i < height * width; i++) {</pre>
              data[i] = convertHSLtoHSV(data[i]);
         }
         return;
    if (f == "HSV" && t == "HSL") {
         for (int i = 0; i < height * width; i++) {</pre>
              data[i] = convertHSVtoHSL(data[i]);
         }
         return;
    }
    for (int i = 0; i < height * width; i++) {</pre>
         if (f == "HSV") {
              data[i] = convertHSLtoRGB(convertHSVtoHSL(data[i]));
         if (f == "HSL") {
              data[i] = convertHSLtoRGB(data[i]);
         if (f == "CMY") {
              data[i] = convertCMYtoRGB(data[i]);
         if (f == "YCbCr.601") {
              data[i] = convertYCbCr_601toRGB(data[i]);
         if (f == "YCbCr.709") {
              data[i] = convertYCbCr_709toRGB(data[i]);
         if (f == "YCoCg") {
              data[i] = convertYCoCgtoRGB(data[i]);
         }
    }
    for (int i = 0; i < height * width; i++) {</pre>
         if (t == "HSV") {
              data[i] = convertHSLtoHSV(convertRGBtoHSL(data[i]));
         if (t == "HSL") {
              data[i] = convertRGBtoHSL(data[i]);
         if (t == "CMY") {
              data[i] = convertRGBtoCMY(data[i]);
         if (t == "YCbCr.601") {
              data[i] = convertRGBtoYCbCr_601(data[i]);
         if (t == "YCbCr.709") {
              data[i] = convertRGBtoYCbCr_709(data[i]);
         if (t == "YCoCg") {
              data[i] = convertRGBtoYCoCg(data[i]);
    }
}
```

```
Pixel PPM::convertRGBtoHSL(const Pixel& pixel) {
    double R = (double)pixel.first / 255.0;
    double G = (double)pixel.second / 255.0;
    double B = (double)pixel.third / 255.0;
    double Cmax = std::max(std::max(R, G), B);
    double Cmin = std::min(std::min(R, G), B);
    double delta = Cmax - Cmin;
    double L = (Cmax + Cmin) / 2.0;
    double H, S;
    if (delta == 0) {
        H = 0.0;
        S = 0.0;
    else {
        S = delta / (1 - std::abs(2.0 * L - 1.0));
        if (Cmax == R) {
            H = (G - B) / delta;
            int d = (int)H / 6;
            H -= d * 6.0;
        if (Cmax == G) {
            H = (B - R) / delta + 2.0;
        if (Cmax == B) {
            H = (R - G) / delta + 4;
        }
    H = std::max(std::min(H, 6.0), 0.0);
    S = std::max(std::min(S, 1.0), 0.0);
    L = std::max(std::min(L, 1.0), 0.0);
    return Pixel((H / 6.0) * 255, S * 255, L * 255);
}
Pixel PPM::convertHSLtoHSV(const Pixel& pixel) {
    double S = (double)pixel.second / 255.0;
    double L = (double)pixel.third / 255.0;
    S *= L < 0.5 ? L : 1 - L;
    double newS = 2 * S / (L + S);
    double newV = L + S;
    newS = std::max(std::min(newS, 1.0), 0.0);
    newV = std::max(std::min(newV, 1.0), 0.0);
    return Pixel(pixel.first, 255 * newS, 255 * newV);
Pixel PPM::convertHSVtoHSL(const Pixel& pixel) {
    double S = (double)pixel.second / 255.0;
    double V = (double)pixel.third / 255.0;
    double L = (2.0 - S) * V / 2.0;
    if (L < 1e-5) {
        L = 0.0;
    if (1 - L < 1e-5) {
        L = 1.0;
    if (L != 0.0) {
        if (L == 1.0) {
            S = 0.0;
        else if (L < 0.5) {
           S = S * V / (L * 2.0);
        else {
            S = S * V / (2.0 - L * 2.0);
    }
```

```
S = std::max(std::min(S, 1.0), 0.0);
    L = std::max(std::min(L, 1.0), 0.0);
    return Pixel(pixel.first, 255 * S, 255 * L);
};
double HtoRGB(double p, double q, double t) {
    if (t < 0.0) {
        t += 1.0;
    if (t > 1.0) {
        t = 1.0;
    if (t < 1.0 / 6.0) {
        return p + (q - p) * 6.0 * t;
    if (t < 0.5) {
        return q;
    if (t < 2.0 / 3.0) {
        return p + (q - p) * (2.0 / 3.0 - t) * 6.0;
    return p;
}
Pixel PPM::convertHSLtoRGB(const Pixel& pixel) {
    double H = (double)pixel.first / 255.0;
    double S = (double)pixel.second / 255.0;
    double L = (double)pixel.third / 255.0;
    double R, G, B;
    if (S < 1e-5) {
        R = G = B = L;
    }
    else {
        double q = L < 0.5? L * (1.0 + S) : L + S - L * S;
        double p = 2.0 * L - q;
        R = HtoRGB(p, q, H + 1.0 / 3.0);
        G = HtoRGB(p, q, H);
        B = HtoRGB(p, q, H - 1.0 / 3.0);
    R = std::max(std::min(R, 1.0), 0.0);
    G = std::max(std::min(G, 1.0), 0.0);
    B = std::max(std::min(B, 1.0), 0.0);
    return Pixel(R * 255, G * 255, B * 255);
Pixel PPM::convertCMYtoRGB(const Pixel& pixel) {
    return Pixel(255 - pixel.first, 255 - pixel.second, 255 - pixel.third);
Pixel PPM::convertRGBtoCMY(const Pixel& pixel) {
    return Pixel(255 - pixel.first, 255 - pixel.second, 255 - pixel.third);
Pixel PPM::convertRGBtoYCbCr_601(const Pixel& pixel) {
    double R = (double)pixel.first / 255.0;
    double G = (double)pixel.second / 255.0;
    double B = (double)pixel.third / 255.0;
    double Y = 0.299 * R + 0.587 * G + 0.114 * B;
    double Cb = (B - Y) / 1.772 + 0.5;
    double Cr = (R - Y) / 1.402 + 0.5;
    Y = std::max(std::min(Y, 1.0), 0.0);
    Cb = std::max(std::min(Cb, 1.0), 0.0);
    Cr = std::max(std::min(Cr, 1.0), 0.0);
    return Pixel(255 * Y, 255 * Cb, 255 * Cr);
}
```

```
Pixel PPM::convertYCbCr_601toRGB(const Pixel& pixel) {
    double Y = (double)pixel.first / 255.0;
    double Cb = (double)pixel.second / 255.0 - 0.5;
    double Cr = (double)pixel.third / 255.0 - 0.5;
    double R = Y + 1.402 * Cr;
    double G = Y - (0.299 * 1.402 / 0.587) * Cr - (0.114 * 1.772 / 0.587) * Cb;
    double B = Y + 1.772 * Cb;
    R = std::max(std::min(R, 1.0), 0.0);
    G = std::max(std::min(G, 1.0), 0.0);
    B = std::max(std::min(B, 1.0), 0.0);
    return Pixel(R * 255, G * 255, B * 255);
}
Pixel PPM::convertRGBtoYCbCr_709(const Pixel& pixel) {
    double R = (double)pixel.first / 255.0;
    double G = (double)pixel.second / 255.0;
    double B = (double)pixel.third / 255.0;
    double Y = 0.2126 * R + 0.7152 * G + 0.0722 * B;
    double Cb = (B - Y) / 1.8556 + 0.5;
    double Cr = (R - Y) / 1.5748 + 0.5;
    Y = std::max(std::min(Y, 1.0), 0.0);
    Cb = std::max(std::min(Cb, 1.0), 0.0);
    Cr = std::max(std::min(Cr, 1.0), 0.0);
    return Pixel(Y * 255, Cb * 255, Cr * 255);
Pixel PPM::convertYCbCr_709toRGB(const Pixel& pixel) {
    double Y = (double)pixel.first / 255.0;
    double Cb = (double)pixel.second / 255.0 - 0.5;
    double Cr = (double)pixel.third / 255.0 - 0.5;
    double R = Y + 1.5748 * Cr;
    double G = Y - (0.2126 * 1.5748 / 0.7152) * Cr - (0.0722 * 1.8556 / 0.7152) * Cb;
    double B = Y + 1.8556 * Cb;
    R = std::max(std::min(R, 1.0), 0.0);
    G = std::max(std::min(G, 1.0), 0.0);
    B = std::max(std::min(B, 1.0), 0.0);
    return Pixel(R * 255, G * 255, B * 255);
}
Pixel PPM::convertRGBtoYCoCg(const Pixel& pixel) {
    double R = (double)pixel.first / 255.0;
    double G = (double)pixel.second / 255.0;
    double B = (double)pixel.third / 255.0;
    double Y = 0.25 * R + 0.5 * G + 0.25 * B;
    double Co = 0.5 * R - 0.5 * B + 0.5;
    double Cg = -0.25 * R + 0.5 * G - 0.25 * B + 0.5;
    Y = std::max(std::min(Y, 1.0), 0.0);
    Co = std::max(std::min(Co, 1.0), 0.0);
    Cg = std::max(std::min(Cg, 1.0), 0.0);
    return Pixel(Y * 255, Co * 255, Cg * 255);
Pixel PPM::convertYCoCgtoRGB(const Pixel& pixel) {
    double Y = (double)pixel.first / 255.0;
    double Co = (double)pixel.second / 255.0 - 0.5;
    double Cg = (double)pixel.third / 255.0 - 0.5;
    double R = Y + Co - Cg;
    double G = Y + Cg;
    double B = Y - Co - Cg;
    R = std::max(std::min(R, 1.0), 0.0);
    G = std::max(std::min(G, 1.0), 0.0);
    B = std::max(std::min(B, 1.0), 0.0);
    return Pixel(255 * R, 255 * G, 255 * B);
}
```