Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Национальный Исследовательский Университет ИТМО»

Факультет Программной Инженерии и Компьютерной техники

Лабораторная работа № 1 Перевод чисел между различными системами счисления Вариант № 31

Выполнил:

Михальченков Александр Николаевич

Группа Р3109

Проверила:

Малышева Татьяна Алексеевна

Оглавление

| Задание | 3 |
|--|---|
| Основные этапы вычисления | 4 |
| 1. $59637_{10} = ?_7$ | 4 |
| 2. $176839 = ?_{10}$ | 4 |
| 3. $37485_9 = ?_{11}$ | 4 |
| 4. $10.68_{10} = ?_2$ | 4 |
| 5. $8B.71_{16} = ?_2$ | 5 |
| $6.\ 22.76_8 = ?_2$ | 5 |
| 7. $0.111101_2 = ?_{16}$ | 6 |
| 8. $0.110001_2 = ?_{10}$ | 6 |
| 9. $45.5E_{16} = ?_{10}$ | 6 |
| 10. $121_{10} = ?_{(\Phi a \kappa T)}$ | 6 |
| 11. $1010101_{(\Phi_{\text{M}6})} = ?_{10}$ | 6 |
| 12. $1000010101_{(\Phi_{\text{H}6})} = ?_{10}$ | 6 |
| 13. $1678_{-10} = ?_{10}$ | 6 |
| Дополнительное задание | 7 |
| Заключение | 8 |
| Список использованных источников | 9 |

Задание

Перевести числа «А», заданные в системе счисления «В», в систему счисления «С».

Основные этапы вычисления

1.
$$59637_{10} = ?_7$$

| Деление | Целая часть | Остаток |
|-----------|-------------|---------|
| 59637 ÷ 7 | 8519 | 4 |
| 8519 ÷ 7 | 1217 | 0 |
| 1217 ÷ 7 | 173 | 6 |
| 173 ÷ 7 | 24 | 5 |
| 24 ÷ 7 | 3 | 3 |
| 3 ÷ 7 | 0 | 3 |

$$59637_{10} = 335604_7$$

$$2.176839 = ?_{10}$$

$$17683_9 = 1 * 9^4 + 7 * 9^3 + 6 * 9^2 + 8 * 9^1 + 3 * 9^0 = 6561 + 5103 + 486 + 72 + 3 = 12225_{10}$$

$$3.37485_9 = ?_{11}$$

$$37485_9 = 3 * 9^4 + 7 * 9^3 + 4 * 9^2 + 8 * 9^1 + 5 * 9^0 = 19683 + 5103 + 324 + 72$$

+ 5 = 25187₁₀

| Деление | Целая часть | Остаток |
|------------|-------------|---------|
| 25187 ÷ 11 | 2289 | 8 |
| 2289 ÷ 11 | 208 | 1 |
| 208 ÷ 11 | 18 | 10 → A |
| 18 ÷ 11 | 1 | 7 |
| 1 ÷ 11 | 0 | 1 |

$$25187_{10} = 17A18_{11}$$

4.
$$10.68_{10} = ?_2$$

Перевод целой части:

| Деление | Целая часть | Остаток |
|---------|-------------|---------|
| 10 ÷ 2 | 5 | 0 |
| 5 ÷ 2 | 2 | 1 |
| 2 ÷ 2 | 1 | 0 |

| 1 ÷ 2 | 0 | 1 |
|-------|---|---|
| | | |

 $10_{10} = 1010_2$

Перевод дробной части (с точностью до 5 знака):

$$0.68 * 2 = 1.36$$

$$0.36 * 2 = 0.72$$

$$0.72 * 2 = 1.44$$

$$0.44 * 2 = 0.88$$

$$0.88 * 2 = 1.76$$

$$0.68_{10}\!\approx0.10101_2$$

Результат:

$$10.68_{10} = 10_{10} + 0.68_{10} \approx 1010_2 + 0.10101_2 \approx 1010.10101_2$$

5.
$$8B.71_{16} = ?_2$$

$$8_{16} = 1000_2$$

$$B_{16} = 1011_2$$

$$7_{16} = 0111_2$$

$$1_{16} = 0001_2$$

Целая часть:

10001011

Дробная часть (с точностью до 5 знака):

0.01110

Результат:

$$8B.71_{16} = 10001011.01110_2$$

$$6.22.768 = ?_2$$

$$2_8 = 010_2$$

$$2_8 = 010_2$$

$$7_8 = 111_2$$

$$6_8 = 110_2$$

Целая часть:

10010

Дробная часть (с точностью до 5 знака):

11111

Результат:

$$22.76_8 = 10010.111111_2$$

7.
$$0.1111101_2 = ?_{16}$$

$$0.1111101_2 = 0.111110100_2 = 0.F4_{16}$$

8.
$$0.110001_2 = ?_{10}$$

$$0.110001_2 = 1 * 2^{-1} + 1 * 2^{-2} + 1 * 2^{-6} = 0.5 + 0.25 + 0.015625 = 0.765625_{10} \approx 0.76563_{10}$$

9.
$$45.5E_{16} = ?_{10}$$

$$45.5E_{16} = 4 * 16^{1} + 5 * 16^{0} + 5 * 1/16 + 14 * (1/16)^{2} = 64 + 5 + 0.3125 + 7/128$$

$$\approx 69.36719_{10}$$

10.
$$121_{10} = ?_{(\Phi a \kappa T)}$$

Старший факториал для 121 — это 5! (5! < 121 < 6!; 120 < 121 < 720)

| Деление | Целая часть | Остаток |
|-----------------|-------------|---------|
| 121 ÷ 5! (120) | 1 | 1 |
| 1 ÷ 4! (24) | 0 | 1 |
| 1 ÷ 3! (6) | 0 | 1 |
| 1 ÷ 2! (2) | 0 | 1 |
| 1 ÷ 1! (1) | 1 | 0 |
| $0 \div 0! (1)$ | 0 | 0 |

$$121_{10} = 100010_{(\Phi a \kappa \tau)}$$

11. $1010101_{(\Phi_{\text{H}6})} = ?_{10}$

Ряд Фибоначчи: 1: 1, 2: 2, 3: 3, 4: 5, 5: 8, 6: 13, 7: 21, 8: 34, 9: 55, 10: 89,...

$$1010101_{(\Phi_{\text{M}6})} = 1 * 21 + 0 * 13 + 1 * 8 + 0 * 5 + 1 * 3 + 0 * 2 + 1 * 1 = 21 + 8$$

$$+3+1=33_{10}$$

12. $1000010101_{(\Phi_{\text{M}6})} = ?_{10}$

Ряд Фибоначчи: 1: 1, 2: 2, 3: 3, 4: 5, 5: 8, 6: 13, 7: 21, 8: 34, 9: 55, 10: 89,... $1000010101_{(\Phi_{\text{H}}6)} = 89 + 8 + 3 + 1 = 101_{10}$

13.
$$1678_{-10} = ?_{10}$$

$$1678_{-10} = 1 * (-10)^3 + 6 * (-10)^2 + 7 * (-10)^1 + 8 * (-10)^0 = -462_{10}$$

Дополнительное задание

```
🗬 main.py 🗵
# Дополнительное задание: перевод числа из десятичной системы счисления в фибоначчиеву
def dec_to_fib(n: int) -> int: 1 usage new *
   fib = [1, 2]
   while fib[-1] < n:
        fib.append(fib[-1] + fib[-2])
   if fib[-1] > n:
       fib.pop()
   result = []
   skip_next = False
    for f in reversed(fib):
       if skip_next:
            result.append(0)
            skip_next = False
        if f <= n:
            result.append(1)
            skip_next = True
       else:
            result.append(0)
   return int(''.join(map(str, result)))
print(dec_to_fib(int(input())))
```

Рисунок 1. Программный код для дополнительного задания

Заключение

В ходе выполнения лабораторной работы мной были закреплены знания по классическим системам счисления и освоены методы перевода чисел между ними. Кроме того, мной было изучено применение более необычных систем счисления, таких как фибоначчиева, факториальная и система Бергмана, освоена запись чисел в этих системах и перевод их в другие системы счисления. Работа позволила развить аналитическое мышление, внимание к деталям и углубить понимание принципов работы различных систем счисления, что является важной основой для дальнейшего изучения информатики и программирования.

Список использованных источников

- 1. Орлов С. А., Цилькер Б. Я. Организация ЭВМ и систем: Учебник для вузов. 2-е изд. СПб.: Питер, 2011. 688 с.: ил.
- 2. Алексеев Е.Г., Богатырев С.Д. Информатика. Мультимедийный электронный учебник. Режим доступа: http://inf.e-alekseev.ru/text/toc.html