Программа курса «Математическая логика» итмо, группы 2536-2539, осень 2014 г.

- 1. Исчисление высказываний. Общезначимость, доказуемость и выводимость. Теорема о дедукции для исчисления высказываний.
- 2. Теорема о полноте исчисления высказываний.
- 3. Интуиционистское исчисление высказываний. Теорема Гливенко (группы 2538, 2539-c доказательством). Решетки, булевы и псевдобулевы алгебры. Топологическая интерпретация интуиционистской логики.
- 4. Модели Крипке. Вложение моделей Крипке в алгебры Гейтинга. Полнота интуиционистского исчисления высказываний в моделях Крипке и псевдобулевых алгебрах. Нетабличность интуиционистской логики.
- 5. Исчисление предикатов. Общезначимость и выводимость. Теорема о дедукции в исчислении предикатов.
- 6. Теорема о полноте исчисления предикатов.
- 7. Теории первого порядка, структуры и модели. Аксиоматика Пеано. Формальная арифметика.
- 8. Рекурсивные функции и отношения. Функция Аккермана. Существование рекурсивных функций, не являющихся примитивно-рекурсивными (группы 2538, 2539— с доказательством).
- 9. Представимость функций в формальной арифметике. Бета-функция Гёделя. Представимость рекурсивных функций в формальной арифметике.
- 10. Выразимость отношений. Гёделева нумерация. Выводимость и рекурсивные функции.
- 11. Непротиворечивость и ω -непротиворечивость. Первая теорема Гёделя о неполноте арифметики.
- 12. Вторая теорема Гёделя о неполноте арифметики, Consis, условия выводимости Гильберта-Бернайса.
- 13. Теория множеств. Аксиоматика Цермело-Френкеля.
- 14. Ординальные числа. Операции над ординальными числами.
- 15. Кардинальные числа. Теорема Лёвенгейма-Сколема. Парадокс Сколема.
- 16. Теорема о непротиворечивости формальной арифметики.