Использовать стандартную библиотеку (priorityqueue, set, TreeSet, и т. п.) не разрешается.

Задача А. Хип ли?

Имя входного файла: isheap.in Имя выходного файла: isheap.out

Структуру данных Неар можно реализовать на основе массива.

Для этого должно выполнятся *основное свойство Heap'a*, которое заключается в следующем. Для каждого $1 \le i \le n$ выполняются следующие условия:

- Если $2i\leqslant n$, то $a[i]\leqslant a[2i]$
- Если $2i + 1 \leqslant n$, то $a[i] \leqslant a[2i + 1]$

Дан массив целых чисел. Определите является ли он Неар'ом.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит целое число n ($1 \le n \le 10^5$). Вторая строка содержит n целых чисел по модулю не превосходящих $2 \cdot 10^9$.

Формат выходного файла

Выведите «YES», если массив является Неар'ом и «NO» в противном случае.

isheap.in	isheap.out
5	NO
1 0 1 2 0	
5	YES
1 3 2 5 4	

Задача В. Система непересекающихся множеств

Имя входного файла: dsu.in Имя выходного файла: dsu.out

Реализуйте систему непересекающихся множеств. Вместе с каждым множеством храните минимальный, максимальный элемент в этом множестве и их количество.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит n — количество элементов в носителе ($1 \le n \le 100000$). Далее операций с множеством. Операция **get** должна возвращать минимальный, максимальный элемент в соответствующем множестве, а также их количество.

Формат выходного файла

Выведите последовательно результат выполнения всех операций get.

dsu.in	dsu.out
5	3 3 1
union 1 2	1 2 2
get 3	1 3 3
get 2	5 5 1
union 2 3	4 5 2
get 2	1 5 5
union 1 3	
get 5	
union 4 5	
get 5	
union 4 1	
get 5	

Задача С. Приоритетная очередь

Имя входного файла: priorityqueue.in Имя выходного файла: priorityqueue.out

Реализуйте приоритетную очередь. Ваша очередь должна поддерживать следующие операции: добавить элемент, извлечь минимальный элемент, уменьшить элемент, добавленный во время одной из операций.

Все операции нумеруются по порядку, начиная с 1.

Формат входного файла

Входной файл содержит описание операций со очередью. В очередь помещаются и извлекаются только целые числа, не превышающие по модулю 10^9 .

Формат выходного файла

Выведите последовательно результат выполнения всех операций extract-min. Если перед очередной операции extract-min очередь пуста, выведите вместо числа звездочку.

priorityqueue.in	priorityqueue.out
push 3	2
push 4	1
push 2	3
extract-min	*
decrease-key 2 1	
extract-min	
extract-min	
extract-min	

Задача D. Парковка

Имя входного файла: parking.in Имя выходного файла: parking.out

На кольцевой парковке есть n мест пронумерованых от 1 до n. Есть два вида событий прибытие машину на парковку и отъезд машины с парковки. Если машина приезжает на парковку, а её место занято, то она едет далее по кругу и встаёт на первое свободное место.

Формат входного файла

В первой строке входного файла находится два числа n и m — размер парковки и количество запросов $(1 \le n, m \le 100000)$. В следующих m строках находятся события. Каждая из этих строк имеет следующий вид:

- \bullet enter x приехала машина, которая хочет встать на место x. Для каждой такой команды выведите какое место займёт эта машина.
- \bullet exit x уехала машина занимавшая место x. Гарантируется, что на этом месте была машина.

Формат выходного файла

Выведите последовательно результаты выполнения всех операций enter.

parking.in	parking.out
3 5	1
enter 1	2
enter 1	3
exit 1	1
enter 2	
enter 2	