

Implementering af programmeringssprog - Skriftlig 4 timer



14

22 juni 2022

Planlagt: 17:00 - 21:00

Eksamensnr: 14

Plads: EH-2151

Side 1 af 17

## Opgave 1.

### 1.1

$move(s, \epsilon) = \epsilon - \{1\} = \{1,4\} = s_0$  accepting

$move(s_0, x) = \epsilon - \{2,3\} = \{1,2,3,4\} = s_1$  accepting

$move(s_0, y) = \epsilon - \{ \} = \{ \}$

$move(s_0, z) = \epsilon - \{2\} = \{1,2,4\} = s_2$  accepting

$move(s_1, x) = \epsilon - \{2,3\} = s_1$

$move(s_1, y) = \epsilon - \{4\} = \{4\} = s_3$  accepting

$move(s_1, z) = \epsilon - \{2,3\} = s_1$

$move(s_2, x) = \epsilon - \{2,3\} = s_1$

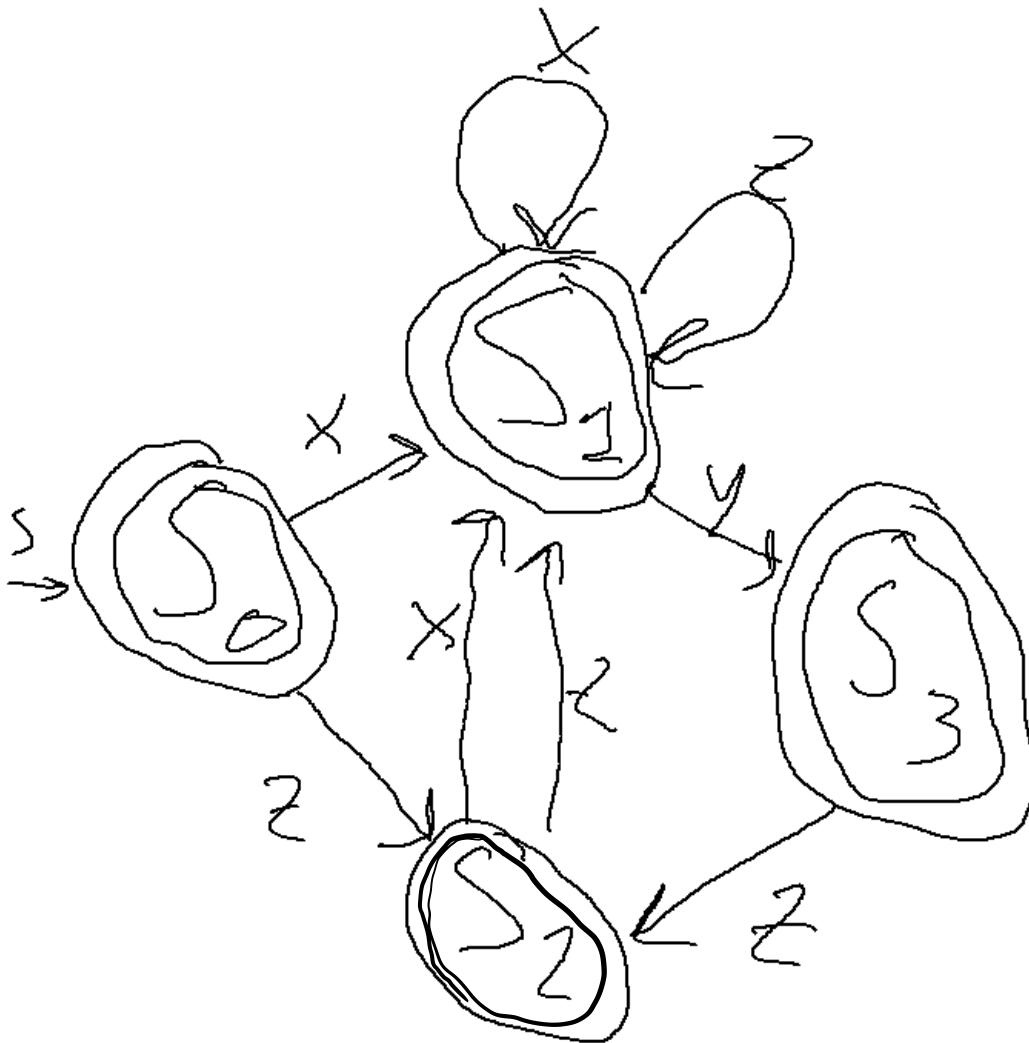
$move(s_2, y) = \epsilon - \{ \} = \{ \}$

$move(s_2, z) = \epsilon - \{2,3\} = s_1$

$move(s_3, x) = \epsilon - \{ \} = \{ \}$

$move(s_3, y) = \epsilon - \{ \} = \{ \}$

$move(s_3, z) = \epsilon - \{2\} = s_2$



## 1.2

$$G_1 = \{2,5\}$$

$$G_2 = \{1,3,4,6,7,D\}$$

$G_2$	$a$	$b$
1	$G_2$	$G_2$
3	$G_1$	$G_2$
4	$G_2$	$G_1$
6	$G_2$	$G_2$
7	$G_2$	$G_2$

D	$G_2$	$G_2$
---	-------	-------

$G_2$  bliver lavet om til

$$\cancel{G_3 = 1, 6, 7, D}$$

$$G_4 = 3$$

$$G_5 = 4$$

$G_3$	$a$	$b$
1	$G_5$	$G_4$
6	$G_3$	$G_3$
7	$G_3$	$G_3$
D	$G_3$	$G_3$

$G_3$  bliver lavet om til

$$G_6 = 1$$

$$G_7 = 6, 7, D$$

$G_7$	$a$	$b$
6	$G_7$	$G_7$
7	$G_7$	$G_7$
D	$G_7$	$G_7$

$G_1$	$a$	$b$
2	$G_1$	$G_6$
5	$G_1$	$G_6$

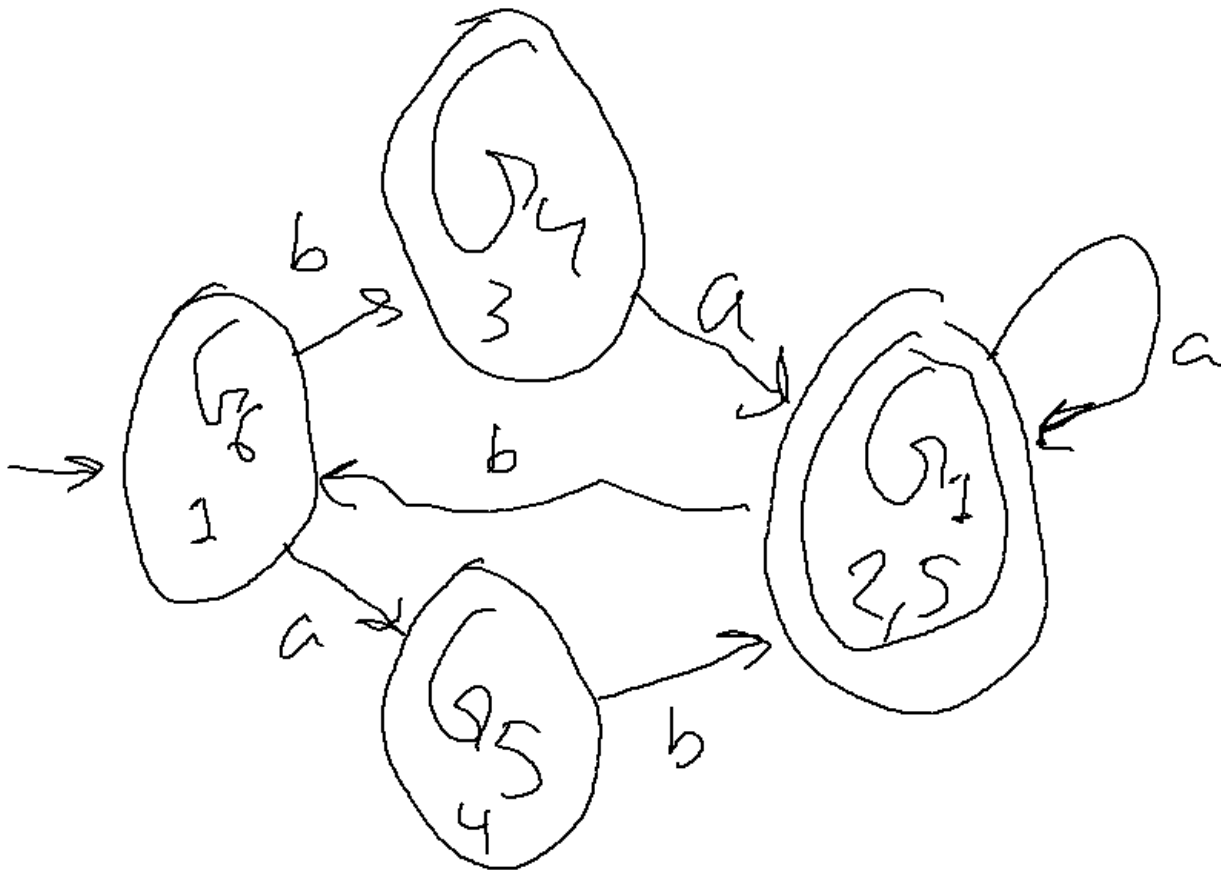
$G_4$	$a$	$b$
3	$G_1$	$G_7$

$G_5$	$a$	$b$
4	$G_7$	$G_1$

$G_6$	$a$	$b$
-------	-----	-----

1	$G_5$	$G_4$
---	-------	-------

$G_7$  er blevet fjernet, da det er en død state.



### 1.3

a) Det er muligt, at lave en RegEx, da man kan lave en, for alle keywords, og trække dem fra den man har lavet for identifiere, som starter med en bogstav, efterfulgt af bogstaver, tal og underscore.

b) Det ville være muligt, da man kan lave en regex, som kan have alle tegn (inklusive intet tegn) foran sig, og det samme efter sig, og så med et givent keyword i midten, eller flere keywords i midten.

`[0-127]*(int | in | ..) [0-127]*`

hvor [0-127] er alle ascii tegn

c) Igen kan man have alle tegn, inklusiv intet tegn, foran, og det samme efter sig, med 2 keywords i midten.

`[0-127]*(intint | inin | .. |)[0-127]*`

hvor [0-127] er alle ascii tegn

d) Det kan man ikke, hvis der er ikke er en begrænsning på, hvor langed identifierne kan være, da den givene regex vil blive uendeligt stort. Hvis der er en grænse, kan man matche op mod alt, inden for den givene længde, men det vil blive en meget stor regex.

e) Man kan have alle tegn, inklusiv intet tegn, foran, og det samme efter sig, med et keyword, efterfulgt af alle tegn, inklusiv intet tegn efter sig, efterfulgt af det samme keyword igen.

`[0-127]*(int [0-127]* int | in [0-127]* in | .. |) [0-127]*`

hvor [0-127] er alle ascii tegn

## Opgave 2.

### 2.1

a)

S

A

aA

aaP

aaA +

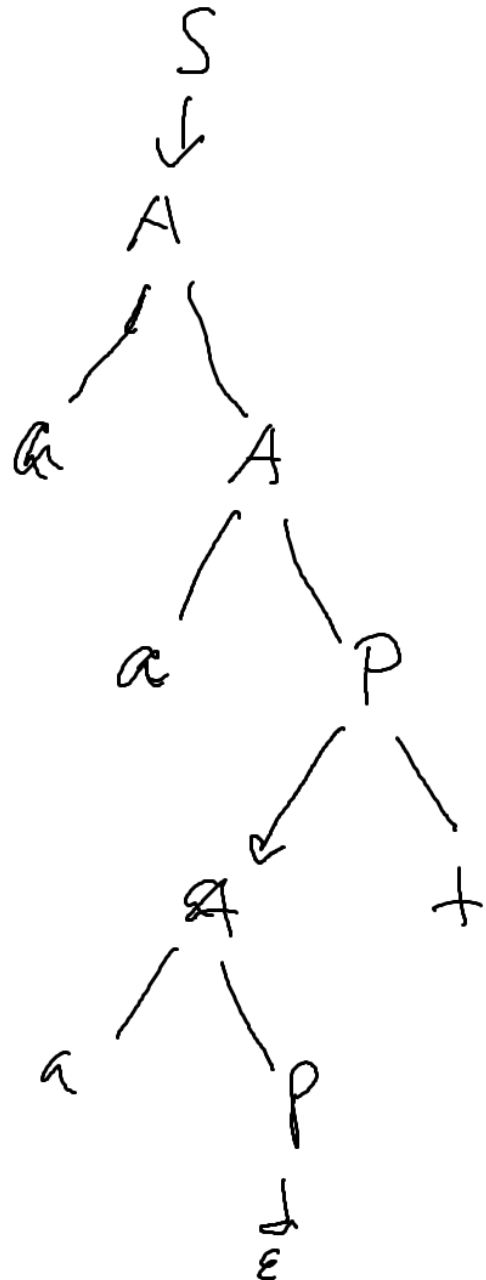
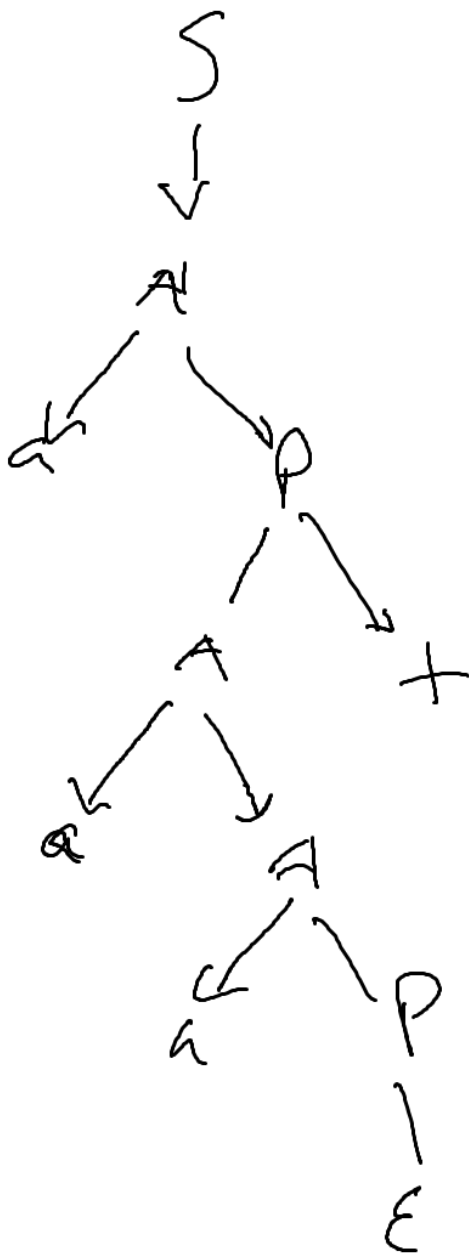
aaaP+

aaa+

b) Det kan ikke lade sig gøre, da der mindst skal være et a mere end +’er

c) ja,  $a^+(a+)^*$  er den tilsvarende regex

d)



e)

$S \rightarrow A$   
 $A \rightarrow a A$   
 $A \rightarrow A'$   
 $A' \rightarrow a P$   
 $P \rightarrow A' +$   
 $P \rightarrow \epsilon$

**2.2**

a)

$$\begin{aligned}
 \text{Nullable}(S) &= \text{Nullable}(F \$) \\
 &= \text{Nullable}(F) \wedge \text{Nullable}(\$) \\
 &= \text{Nullable}(F) \wedge \text{false} = \text{false}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{Nullable}(F) &= \text{Nullable}(f [ H T ] \\
 = \text{Nullable}(F) &= \text{Nullable}(f) \wedge \text{Nullable}([ ] ) \wedge \text{Nullable}(H) \wedge \text{Nullable}(T) \wedge \text{Nullable}([ ] ) \\
 &= \text{Nullable}(F) = \text{false} \wedge \text{Nullable}([ ] ) \wedge \text{Nullable}(H) \wedge \text{Nullable}(T) \wedge \text{Nullable}([ ] ) \\
 &= \text{false}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{Nullable}(H) &= \text{Nullable}(f) \vee \text{Nullable}(g) \\
 &= \text{false} \vee \text{false} = \text{false}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{Nullable}(T) &= \text{Nullable}(+H T) \vee \text{Nullable}(\epsilon) \\
 &= \text{Nullable}(+HT) \vee \text{true} \\
 &= \text{true}
 \end{aligned}$$

b)

$$\begin{aligned}
 \text{First}(F) &= \{f[ \} \\
 \text{First}(H) &= \{f, g\} \\
 \text{First}(T) &= \{+\} \\
 \text{First}(S) &= \text{First}(F) = \{f\}
 \end{aligned}$$

c)

Production	Constraint
$S \rightarrow F\$$	$\{\$ \} \subseteq \text{Follow}(F)$
$F \rightarrow f [ H T ]$	$\text{First}(T) \subseteq \text{Follow}(H),$ $\{ \} \subseteq \text{Follow}(T)$
$H \rightarrow f$	



$H \rightarrow g$	
$T \rightarrow + H T$	$First(T) \subseteq Follow(H)$
$T \rightarrow \epsilon$	

d)

$$Follow(F) = \{\$ \}$$

$$Follow(H) = \{+\}$$

$$Follow(T) = \{\}$$

e)

$$la(S \rightarrow F\$) = First(F) = \{f\}$$

$$la(F \rightarrow f [ H T ]) = \{f\}$$

$$la(H \rightarrow f) = \{f\}$$

$$la(H \rightarrow g) = \{g\}$$

$$la(T \rightarrow + H T) = \{+\}$$

$$la(T \rightarrow \epsilon) = First(\epsilon) \cup Follow(T) = \{\}$$

f)

function parseS () =

if input = 'f' or input = '\$' then

parseF() ; match('\$')

else reportError()

function parseF () =

if input = 'f' then

match('f') ; match('[') ; parseH() ; parseT() ; match(']')

else reportError()

function parseH () =

if input = 'f' then

match('f')

else if input = 'g' then

```

        match('g')
    else reportError()

```

```

function parseT () =
    if input = ']' or input = '$' then
        (* do nothing, just return *)
    else if input = '+' then
        match('+') ; parseH() ; parseT()
    else reportError()

```

### Opgave 3.

#### 3.1

$Eval_{Exp}(Exp, vtable, ftable) = \text{case } Exp \text{ of}$

$\text{max}(Exps)$	$v = Eval_{max}(Exps, vtable, ftable)$ $getvalue(v)$
--------------------	---

$Eval_{max}(Exps, vtable, ftable) = \text{case } Exps \text{ of}$

$Exp$	$v_1 = Eval_{Exp}(Exp, vtable, ftable)$ <i>if <math>v_1</math> is an interger then</i> $v_1$ <i>else error()</i>
$Exp, Exps$	$v_1 = Eval_{Exp}(Exp, vtable, ftable)$ <i>if <math>v_1 = INT\_MAX</math> then</i> $v_1$ $v_2 = Eval_{max}(Exps, vtable, ftable)$ <i>if <math>v_1</math> and <math>v_2</math> are integers then</i> <i>if <math>v_1 &lt; v_2</math> then</i> $v_2$ <i>else <math>v_1</math></i>

	<i>else error()</i>
--	---------------------

### 3.2

$Check_{Exp}(Exp, vtable, ftable) = \text{case } Exp \text{ of}$

$acc(f, Exp_{arr}, Exp_b)$	$t_{arr} = Check_{Exp}(Exp_{arr}, vtable, ftable)$ $t_{el} = \text{case } t_{arr} \text{ of}$ $  \text{Array}(t_1) \rightarrow t_1$ $  \text{Otherwise} \rightarrow error()$ $t_b = Check_{Exp}(Exp_b, vtable, ftable)$ $t_f = \text{lookup}(ftable, name(f))$ $\text{case } t_f \text{ of}$ $  \text{unbound} \rightarrow error()$ $  ([t_{in,a}, t_{in,b}] \rightarrow t_{out}) \rightarrow$ $\text{if } t_{in,a} == t_{el} \text{ and } t_{in,b} == t_b \text{ and } t_{out} == t_b \text{ then}$ $t_{out}$ $\text{else } error()$ $  \text{otherwise} \rightarrow error()$
----------------------------	--

## Opgave 4.

### 4.1

Går ud fra j ikke er med, da den ikke bliver brugt i koden, selvom der står j mapper til  $v_1$

$$t_1 = v_2$$

$$t_2 = t_1 + 4$$

$$v_0 = M[t_2]$$

*Label startWhile:*

$$t_3 = v_0$$

$$t_4 = 0$$

*if  $t_3 > t_4$  then trueLabel else endWhile*

*Label trueLabel:*

$t_5 = v_2$

$t_6 = v_0$

$t_7 = t_5 + t_6$

$t_8 = M[t_7]$

$t_9 = 0$

*if  $t_8 \neq t_9$  then bodywhile else endWhile*

*Label bodyWhile:*

$t_{10} = v_0$

$t_{11} = 1$

$t_{12} = CALL\_f_0(t_{10}, t_{11})$

$v_0 = t_{12}$

*Label endWhile:*

$t_{13} = v_0$

$t_{14} = v_2$

$t_{15} = t_{13} + t_{14}$

$M[t_{15}] = t_{13}$

## 4.2

*slt R1,  $r_a$ ,  $r_c$*

*beq R1, R0,  $lab_2$*

*Label  $lab_1$*

*addi  $r_a$ ,  $r_a$ , 471*

*add  $r_b$ ,  $r_a$ ,  $r_b$*

*lw  $r_x$ , 0( $r_a$ )*

*lw  $r_y$ , 0( $r_b$ )*

### 4.3

Let t1 = newReg "expt\_L"

Let t2 = newReg "expt\_R"

Let 1Reg = newReg "1Reg"

Let negativReg = newReg "negativReg"

Let code1 = compileExp e1 vtable t1

Let code2 = compileExp e2 vtable t2

Let newLab = "negativExpt"

Let newLab = "0Expt"

Let newLab = "body"

Let newLab = "endLab"

Code2 @

[ Mips.SLT (negativReg, t2, RZ)

; Mips.BEQ (negativReg, RZ, negativExpt)

; Mips.BEQ (t2, RZ, 0Expt)

; Mips.LI (1Reg, 1)

; Mips.LABEL body

; Mips.BEQ (t2, RZ, endLab)

; Mips.MUL (place, t1, t1)

; Mips.SUB (t2, t2, 1Reg)

; Mips.J body

; Mips.Label negativExpt

; Mips.LI (RN5, pos)

; Mips.LA(RN6. "\_Msg\_IllegalExpt\_")

; Mips.J "\_RuntimeError\_"

; Mips.LABEL 0Expt

; Mips.ADDI (place, t1, 0)

; Mips.LABEL endLab

## Opgave 5

### 5.1

- a) c, da d bliver dræbt og b bliver læst  
 b) a, da der ikke er noget, som bliver dræbt, og e bliver læst  
 og d, da c bliver dræbt, og e og c bliver læst

### 5.2

a)

$i$	$succ[i]$	$gen[i]$	$kill[i]$
1	2		
2	3, 9	Y	
3	4		
4	5	Y, x	S
5	6	Y	T
6	7	S, x	X
7	8	T, y	Y
8	1		
9	10		
10		X	

b)

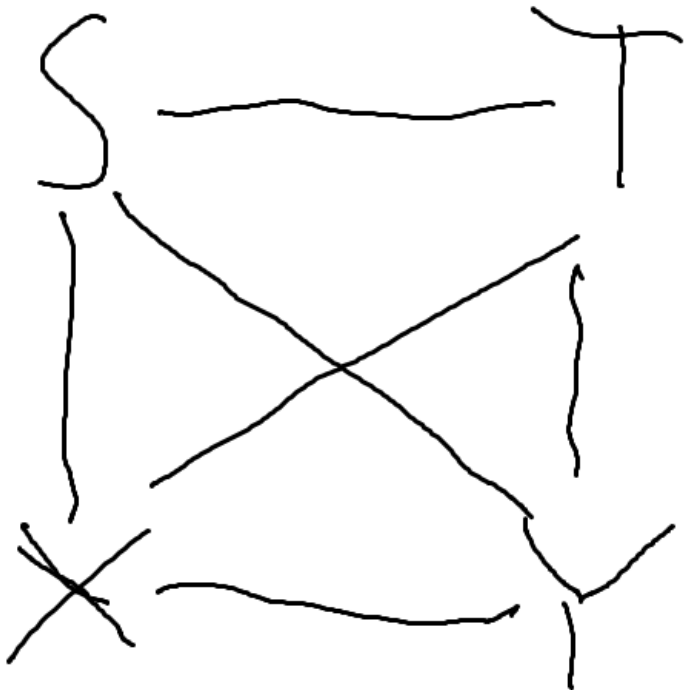
	Iteration 1		Iteration 2	
$i$	$out[i]$	$in[i]$	$out[i]$	$in[i]$
1	Y, x	Y, x	Y, x	Y, x

2	Y, x	Y, x	Y, x	Y, x
3	Y, x	Y, x	Y, x	Y, x
4	Y, s, x	Y, x	Y, s, x	Y, x
5	T, y, s, x	Y, s, x	T, y, s, x	Y, s, x
6	T, y	T, y, s, x	T, y, x	T, y, s, x
7		T, y	Y, x	T, y x
8			Y, x	Y, x
9	X	X	x	X
10		X		X

c)

<i>i</i>	<i>out[i]</i>	<i>kill[i]</i>	Interferes with
4	Y, x	S	Y, x
5	Y, s, x	T	Y, s, x
6	T, y, s, x	X	T, y, s
7	T, y x	Y	T, x

d)

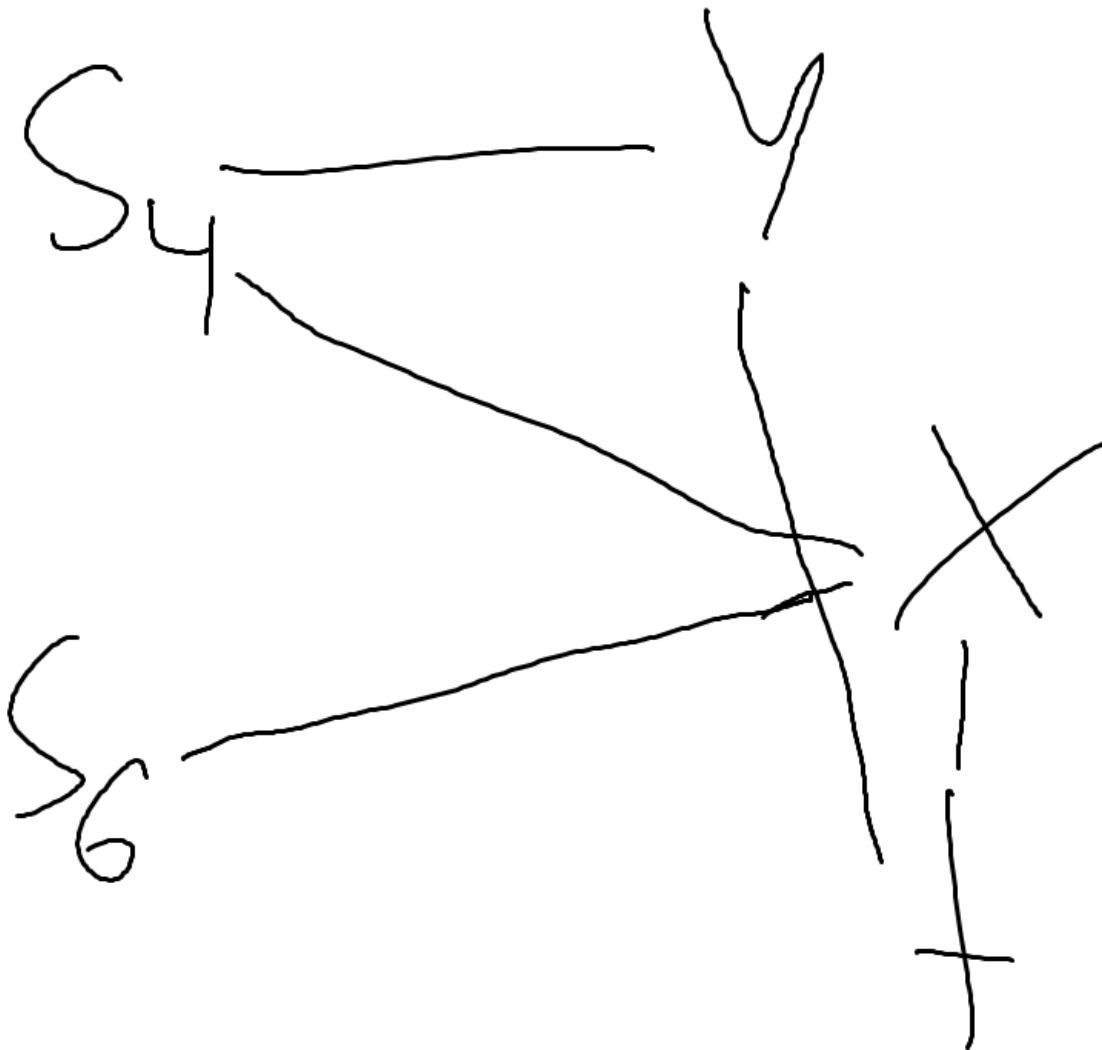


e)

Node	Neighbors	color
T		1
X	T	2
Y	T, x	3
S	T, x, y	Spill

Spill:





Node	Neighbors	Color
S4		1
T		1
Y	T	2
X	T,y	3
S6	X	1