

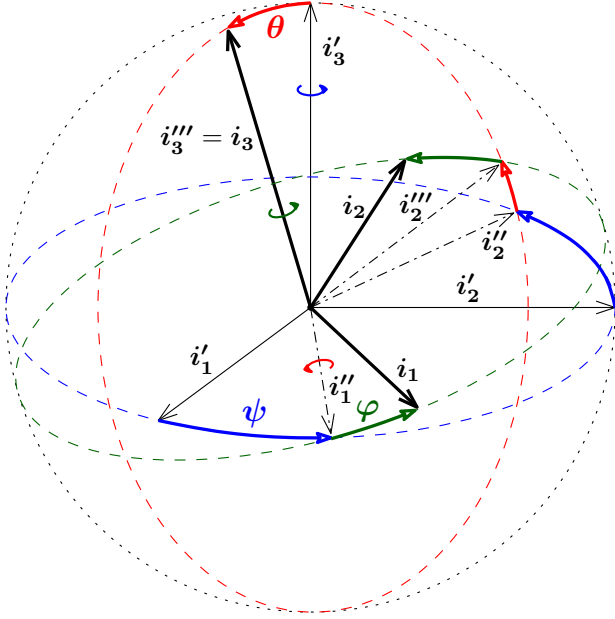
1.  $\mathbf{r}: \mathbf{r}(t), (x, y, z)(t), \mathbf{r}(s).$   
 $\dot{\mathbf{r}}: \dot{\mathbf{r}}(t), (\dot{x}, \dot{y}, \dot{z})(t), \tau \dot{s}.$   
 $\ddot{\mathbf{r}}: \ddot{\mathbf{r}}(t), (\ddot{x}, \ddot{y}, \ddot{z})(t), \ddot{s}\tau + \dot{s}^2 k_1 \mathbf{n}$

2.  $\langle ? \rangle$

3. В криволинейных координатах

- ▷  $\mathbf{v} = \sum_k \dot{q}^k \mathbf{e}_k$
- ▷  $\mathbf{w} = \sum_k \ddot{q}^k \mathbf{e}_k + \sum_{k,i} \dot{q}^k \dot{q}^i \frac{\partial \mathbf{e}_k}{\partial q^i}$
- ▷  $w^j = \ddot{q}^j + \sum_{k,i} \dot{q}^k \dot{q}^i \Gamma_{ki}^j$
- ▷  $\Gamma_{j,ki} = \frac{\partial \mathbf{e}_k}{\partial q^i} \cdot \mathbf{e}_j$  — I рода
- ▷  $\Gamma_{ki}^j = \frac{\partial \mathbf{e}_k}{\partial q^i} \cdot \mathbf{e}^j$  — II рода
- ▷  $w_\ell = \frac{d}{dt} \left( \frac{\partial}{\partial \dot{q}^\ell} \left( \frac{\dot{\mathbf{r}}^2}{2} \right) \right) - \frac{d}{dq^\ell} \left( \frac{\dot{\mathbf{r}}^2}{2} \right)$

4. Про углы Эйлера



$$\triangleright \boldsymbol{\omega} = \dot{\psi} \mathbf{i}'_3 + \dot{\theta} \mathbf{i}''_1 + \dot{\varphi} \mathbf{i}_3$$

<sup>1</sup>У нас тут вроде косяк, а дальше снова как здесь  $\langle \sim \rangle$

<sup>2</sup>Здесь по-хорошему надо меру на многообразии вводить

- ▷  $\mathbf{R}(t) = \mathbf{R}_0(t) + \mathbf{r}(t)$
- ▷  $\mathbf{v} = \mathbf{v}_0 + \boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r} + \mathbf{v}_r$
- ▷  $\mathbf{w} = \mathbf{w}_0 + \dot{\boldsymbol{\omega}} \times \mathbf{r} + \boldsymbol{\omega} \times (\boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r}) + 2\boldsymbol{\omega} \times \mathbf{v}_r + \mathbf{w}_r$

5.

6.

7.

8.

9. В поле центральной силы  $\neg$

- ▷  $u = 1/\rho.$
- ▷ Формулы Бине
- $$\begin{cases} v^2 = c^2 \left( \left( \frac{du}{d\varphi} \right)^2 + u^2 \right) \\ w_\rho = -c^2 u^2 \left( \frac{d^2 u}{d\varphi^2} + u \right) \end{cases}$$
- ▷ Невыразимая жжесть

10.  $\langle ? \rangle \langle \text{:set aflame} \rangle$  Движение твёрдого тела  $\neg$

- ▷  $\boldsymbol{\omega} = 0$  — поступательное
- ▷  $\mathbf{v}_0, \mathbf{w}_0 = 0, \boldsymbol{\omega} = \dot{\varphi} \mathbf{i}_3$  — вращение вокруг неподвижной оси
- ▷  $\mathbf{v}_0 \uparrow \boldsymbol{\omega}$  — винт
- ▷  $\langle ? \rangle$  Как попало вокруг неподвижной точки <sup>1</sup>  $\neg$
- $$\boldsymbol{\omega} = \mathbf{i}_1(\dot{\psi} \sin \theta \sin \varphi + \dot{\theta} \cos \varphi) +$$

$$+ \mathbf{i}_2(\dot{\psi} \sin \theta \cos \varphi - \dot{\theta} \sin \varphi) +$$

$$+ \mathbf{i}_3(\dot{\psi} \cos \varphi + \dot{\varphi})$$

11. Скорость и ускорение точек твердого тела

- ▷  $\mathbf{v} = \mathbf{v}_0 + \boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r}$
- ▷  $\mathbf{w} = \mathbf{w}_0 + \dot{\boldsymbol{\omega}} \times \mathbf{r} + \boldsymbol{\omega} \times (\boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r})$

12. Сложение движений ТТ

- ▷  $\mathbf{v}_{r_n} = \sum_{k=0}^{n-1} \left( \mathbf{v}_k + \boldsymbol{\omega}_k \times \overrightarrow{O_k O} \right) + \sum_{k=0}^{n-1} \boldsymbol{\omega}_k \times \mathbf{r}_0, O_0 = O.$
- ▷  $\mathbf{V} = \sum_{k=0}^{n-1} \left( \mathbf{v}_k + \boldsymbol{\omega}_k \times \overrightarrow{O_k O} \right)$

$$\triangleright \boldsymbol{\Omega} = \sum_{k=0}^{n-1} \boldsymbol{\omega}_k \Rightarrow \mathbf{v}_{r_n} = \mathbf{V} + \boldsymbol{\Omega} \times \mathbf{r}_0$$

13. Кинематический винт

$$\triangleright \boldsymbol{\omega} \times \mathbf{v}_0 + \boldsymbol{\omega} \times (\boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r}) = 0$$

14. Плоское движение

- ▷  $0 = \mathbf{v}_0 + \boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r}_c$
- ▷  $\mathbf{r}_* = \left( -\frac{v_{0y}}{\omega}, +\frac{v_{0x}}{\omega} \right)$  — подвижная центроида
- ▷  $\mathbf{r}'_* = \mathbf{r}_* + \mathbf{r}_0$  — неподвижная центроида
- ▷  $\omega = \frac{|\mathbf{v}_B - \mathbf{v}_A|}{|\mathbf{r}_B - \mathbf{r}_A|}$
- ▷  $\omega = \frac{|\mathbf{v}_a \times \mathbf{r}_{A*}|}{r_{A*}^2}$  и то же с  $B.$
- ▷ центр ускорений:  $\langle ? \rangle$

15. Динамика вращения ТТ <sup>2</sup>

- ▷  $M = \int_\tau 1 d\mu(r), \mathbf{r}_c = \frac{\int_\tau \mathbf{r} d\mu(r)}{\int_\tau 1 d\mu(r)}$
- ▷  $\boldsymbol{\ell} = \int_\tau (\mathbf{r} \times (\boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r})) d\mu, \boldsymbol{\ell}' = \int_\tau (\mathbf{R} \times \mathbf{v}) d\mu$
- ▷  $\boldsymbol{\ell}' = \mathbf{R}_0 \times \mathbf{v}_0 M + \mathbf{r}_c \times \mathbf{v}_0 M + \mathbf{R}_0 \times (\boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r}_c) M + \boldsymbol{\ell}$
- ▷  $T = \frac{1}{2} \int_\tau (\boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r})^2 d\mu, T' = \frac{1}{2} \int_\tau v^2 d\mu$
- ▷  $T' = T + \frac{1}{2} M v_0^2 + M \mathbf{v}_0 \cdot (\boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r}_c)$
- ▷  $\ell_\omega = \omega J_\omega$
- ▷  $\boldsymbol{\ell} = \hat{J} \boldsymbol{\omega} = \sum_{j,k} J_{jk} \omega_k \mathbf{i}_j, J_{ik} = \int_\tau (r^2 \delta_{jk} - x_j x_k) d\mu$
- ▷  $T = \frac{J_\omega \omega^2}{2} = \frac{\hat{J} \boldsymbol{\omega} \cdot \boldsymbol{\omega}}{2}$