

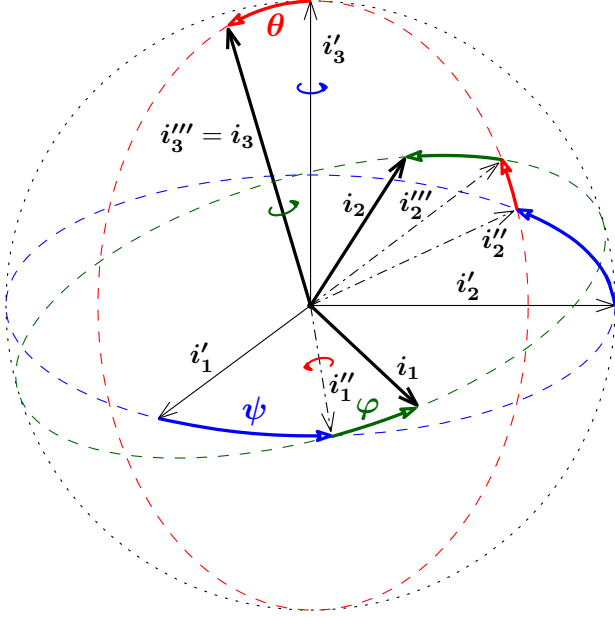
1. $\mathbf{r}: \mathbf{r}(t), (x, y, z)(t), \mathbf{r}(s).$
 $\dot{\mathbf{r}}: \dot{\mathbf{r}}(t), (\dot{x}, \dot{y}, \dot{z})(t), \tau \dot{s}.$
 $\ddot{\mathbf{r}}: \ddot{\mathbf{r}}(t), (\ddot{x}, \ddot{y}, \ddot{z})(t), \ddot{s}\tau + \dot{s}^2 k_1 \mathbf{n}$

2. $\langle ? \rangle$

3. В криволинейных координатах

- ▷ $\mathbf{v} = \sum_k \dot{q}^k \mathbf{e}_k$
- ▷ $\mathbf{w} = \sum_k \ddot{q}^k \mathbf{e}_k + \sum_{k,i} \dot{q}^k \dot{q}^i \frac{\partial \mathbf{e}_k}{\partial q^i}$
- ▷ $w^j = \ddot{q}^j + \sum_{k,i} \dot{q}^k \dot{q}^i \Gamma_{ki}^j$
- ▷ $\Gamma_{j,ki} = \frac{\partial \mathbf{e}_k}{\partial q^i} \cdot \mathbf{e}_j$ — I рода
- ▷ $\Gamma_{ki}^j = \frac{\partial \mathbf{e}_k}{\partial q^i} \cdot \mathbf{e}^j$ — II рода
- ▷ $w_\ell = \frac{d}{dt} \left(\frac{\partial}{\partial \dot{q}^\ell} \left(\frac{\dot{\mathbf{r}}^2}{2} \right) \right) - \frac{d}{dq^\ell} \left(\frac{\dot{\mathbf{r}}^2}{2} \right)$

4. Про углы Эйлера



$$\triangleright \boldsymbol{\omega} = \dot{\psi} \mathbf{i}'_3 + \dot{\theta} \mathbf{i}''_1 + \dot{\varphi} \mathbf{i}_3$$

¹У нас тут вроде косяк, а дальше снова как здесь $\langle \sim \rangle$

²Здесь по-хорошему надо меру на многообразии вводить

- ▷ $\mathbf{R}(t) = \mathbf{R}_0(t) + \mathbf{r}(t)$
- ▷ $\mathbf{v} = \mathbf{v}_0 + \boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r} + \mathbf{v}_r$
- ▷ $\mathbf{w} = \mathbf{w}_0 + \dot{\boldsymbol{\omega}} \times \mathbf{r} + \boldsymbol{\omega} \times (\boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r}) + 2\boldsymbol{\omega} \times \mathbf{v}_r + \mathbf{w}_r$

5.

6.

7.

8.

9. В поле центральной силы \neg

- ▷ $u = 1/\rho.$
- ▷ Формулы Бине
- $$\begin{cases} v^2 = c^2 \left(\left(\frac{du}{d\varphi} \right)^2 + u^2 \right) \\ w_\rho = -c^2 u^2 \left(\frac{d^2 u}{d\varphi^2} + u \right) \end{cases}$$
- ▷ Невыразимая жжесть

10. $\langle ? \rangle \langle : \text{set aflame} \rangle$ Движение твёрдого тела \neg

- ▷ $\boldsymbol{\omega} = 0$ — поступательное
- ▷ $\mathbf{v}_0, \mathbf{w}_0 = 0, \boldsymbol{\omega} = \dot{\varphi} \mathbf{i}_3$ — вращение вокруг неподвижной оси
- ▷ $\mathbf{v}_0 \uparrow \boldsymbol{\omega}$ — винт
- ▷ $\langle ? \rangle$ Как попало вокруг неподвижной точки ¹ \neg
- $$\begin{aligned} \boldsymbol{\omega} = & \mathbf{i}_1 (\dot{\psi} \sin \theta \sin \varphi + \dot{\theta} \cos \varphi) + \\ & + \mathbf{i}_2 (\dot{\psi} \sin \theta \cos \varphi - \dot{\theta} \sin \varphi) + \\ & + \mathbf{i}_3 (\dot{\psi} \cos \varphi + \dot{\varphi}) \end{aligned}$$

11. Скорость и ускорение точек твердого тела

- ▷ $\mathbf{v} = \mathbf{v}_0 + \boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r}$
- ▷ $\mathbf{w} = \mathbf{w}_0 + \dot{\boldsymbol{\omega}} \times \mathbf{r} + \boldsymbol{\omega} \times (\boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r})$

12. Сложение движений ТТ

- ▷ $\mathbf{v}_{r_n} = \sum_{k=0}^{n-1} \left(\mathbf{v}_k + \boldsymbol{\omega}_k \times \overrightarrow{O_k O} \right) + \sum_{k=0}^{n-1} \boldsymbol{\omega}_k \times \mathbf{r}_0, O_0 = O.$
- ▷ $\mathbf{V} = \sum_{k=0}^{n-1} \left(\mathbf{v}_k + \boldsymbol{\omega}_k \times \overrightarrow{O_k O} \right)$

$$\triangleright \boldsymbol{\Omega} = \sum_{k=0}^{n-1} \boldsymbol{\omega}_k \Rightarrow \mathbf{v}_{r_n} = \mathbf{V} + \boldsymbol{\Omega} \times \mathbf{r}_0$$

13. Кинематический винт

$$\triangleright \boldsymbol{\omega} \times \mathbf{v}_0 + \boldsymbol{\omega} \times (\boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r}) = 0$$

14. Плоское движение

- ▷ $0 = \mathbf{v}_0 + \boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r}_c$
- ▷ $\mathbf{r}_* = \left(-\frac{v_{0y}}{\omega}, +\frac{v_{0x}}{\omega} \right)$ — подвижная центроида
- ▷ $\mathbf{r}'_* = \mathbf{r}_* + \mathbf{r}_0$ — неподвижная центроида
- ▷ $\omega = \frac{|\mathbf{v}_B - \mathbf{v}_A|}{|\mathbf{r}_B - \mathbf{r}_A|}$
- ▷ $\omega = \frac{|\mathbf{v}_a \times \mathbf{r}_{A*}|}{r_{A*}^2}$ и то же с $B.$
- ▷ центр ускорений: $\langle ? \rangle$

15. Динамика вращения ТТ ²

- ▷ $M = \int_\tau 1 d\mu(r), \mathbf{r}_c = \frac{\int_\tau \mathbf{r} d\mu(r)}{\int_\tau 1 d\mu(r)}$
- ▷ $\boldsymbol{\ell} = \int_\tau (\mathbf{r} \times (\boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r})) d\mu, \boldsymbol{\ell}' = \int_\tau (\mathbf{R} \times \mathbf{v}) d\mu$
- ▷ $\boldsymbol{\ell}' = \mathbf{R}_0 \times \mathbf{v}_0 M + \mathbf{r}_c \times \mathbf{v}_0 M + \mathbf{R}_0 \times (\boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r}_c) M + \boldsymbol{\ell}$
- ▷ $T = \frac{1}{2} \int_\tau (\boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r})^2 d\mu, T' = \frac{1}{2} \int_\tau v^2 d\mu$
- ▷ $T' = T + \frac{1}{2} M v_0^2 + M \mathbf{v}_0 \cdot (\boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r}_c)$
- ▷ $\ell_\omega = \omega J_\omega$
- ▷ $\boldsymbol{\ell} = \hat{J} \boldsymbol{\omega} = \sum_{j,k} J_{jk} \omega_k \mathbf{i}_j, J_{ik} = \int_\tau (r^2 \delta_{jk} - x_j x_k) d\mu$
- ▷ $T = \frac{J_\omega \omega^2}{2} = \frac{\hat{J} \boldsymbol{\omega} \cdot \boldsymbol{\omega}}{2}$