Определения из дифуров

taxus

21 сентября 2016 г.

Определение 1 (Дифференциальное уравнение). Пусть $f \in C(G)$, $G \subset \mathbb{R}^2$. Тогда диффур — вот такая штука:

$$y' = f(x, y)$$

Определение 2. Решение — функция $y=\varphi(x)$, определённая на $\langle a,b \rangle$:

- 1. $\varphi(x)$ дифференцируема
- 2. $(x, \varphi(x)) \in G$
- 3. $\varphi'(x) = f(x, \varphi(x))$

Определение 3 (Задача Коши и вокруг неё). Основные понятия тут:

- 1. (x_0, y_0) начальные данные
- 2. Решение задачи Коши частное решение дифура + выполнение начальных условий
- 3. Решение задачи Коши существует, если $\exists\, (a,b)\ni x_0,y=\varphi(x)\colon y_0=\varphi(x_0)$
- 4. Решение задачи Коши единственно, если любые 2 решения совпадают в окрестности x_0

Определение 4. $(x_0,y_0)\in G$ — тоска единственности, если решение задачи Коши в ней единственно.

Определение 5. $\tilde{G} \in G$ — область единственности, если каждая её точка — точка единственности.