

## Algorytmy i Struktury Danych II, Zestaw 5

### WYKRYWANIE CYKLI Z WYKORZYSTANIEM ALGORYTMU DFS

Proszę napisać program wykrywający cykle w grafie skierowanym, działający w oparciu o algorytm przeszukiwania “w głąb” (DFS - *Depth-first search*).

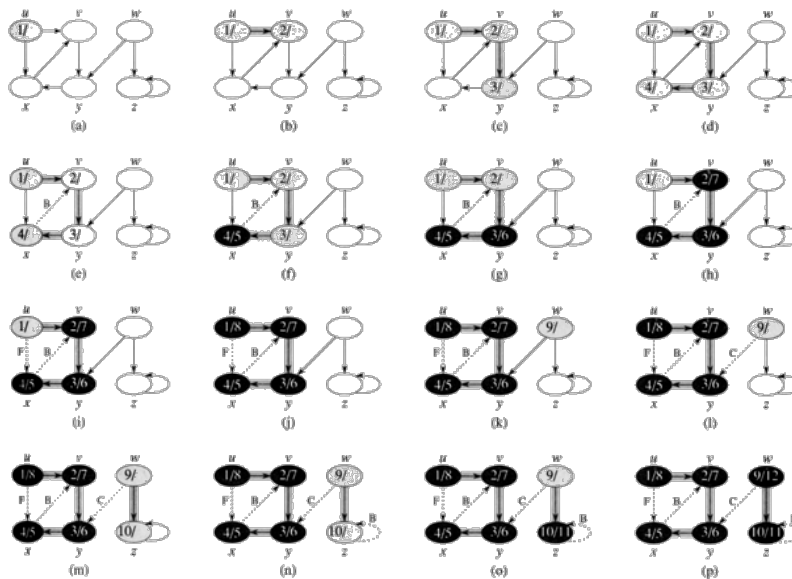
Działania algorytmu tłumaczy poniższy pseudokod:

```

DFS(G)
1  for each vertex  $u \in G.V$ 
2       $u.color = \text{WHITE}$ 
3       $u.\pi = \text{NIL}$ 
4   $time = 0$ 
5  for each vertex  $u \in G.V$ 
6      if  $u.color == \text{WHITE}$ 
7          DFS-VISIT( $G, u$ )

DFS-VISIT( $G, u$ )
1   $time = time + 1$            // white vertex  $u$  has just been discovered
2   $u.d = time$ 
3   $u.color = \text{GRAY}$ 
4  for each  $v \in G.Adj[u]$      // explore edge  $(u, v)$ 
5      if  $v.color == \text{WHITE}$ 
6           $v.\pi = u$ 
7          DFS-VISIT( $G, v$ )
8   $u.color = \text{BLACK}$          // blacken  $u$ ; it is finished
9   $time = time + 1$ 
10  $u.f = time$ 
    
```

Na poniższym rysunku zaprezentowano przykład zastosowania algorytmu przeszukiwania grafu DFS.



W procesie przeszukiwania grafu z wykorzystaniem algorytmu DFS, każdemu wierzchołkowi przypisywana jest etykieta czasowa  $d/f$ , gdzie  $d$  to czas pierwszych odwiedzin a  $f$  czas drugich odwiedzin. Wierzchołkom przypisywane są kolory: BIAŁY (nie odwiedzony wierzchołek), SZARY (jednokrotnie odwiedzony wierzchołek), CZARNY (dwukrotnie odwiedzony wierzchołek). Ponadto, krawędzie grafu podlegają następującej klasyfikacji: T (krawędzie drzewowe) - prowadzą do nieodwiedzonego wężła, F (krawędzie w przód) - krawędzie niedrzewowe prowadzące do potomka, B (krawędzie powrotne) - krawędzie skierowane do przodka, C (krawędzie poprzeczne) - wszystkie inne krawędzie.

Istnienie cyklu w grafie jest równoważne występowaniu krawędzi typu  $B$ .

Materiały pomocnicze: [Link 1](#), [Link 2](#).

Zachęcam do poczytania na temat generowania labiryntów z wykorzystaniem algorytmu DFS: [Link 3](#).