

基于浮动价格下的蔬菜商品补货与自动定价决策模型

摘要

关键词：关键词1，关键词2，关键词3

1 问题复述

1.1 问题背景

生鲜商超中的蔬菜类商品具有显著的易腐性特征，其保鲜期通常极短，且品相会随销售时间的增加而持续变差。对于大多数蔬菜品种而言，如果当日未能售出，次日便无法继续销售，这直接导致了高昂的损耗风险和对每日精准补货的迫切需求。为了应对这一挑战，商超通常会根据各类商品的历史销售和需求情况进行每日补货。

然而，补货决策的制定面临多重复杂性。蔬菜的进货交易时间通常在凌晨3:00至4:00之间，这意味着商家必须在不确切了解具体单品和其进货价格的情况下，做出当日各蔬菜品类的补货决策。这种固有的不确定性构成了决策过程中的核心挑战，我们需要结合附件中各品种的各方面数据，建立一个有效的模型来指导商超的补货决策。

1.2 问题一

蔬菜类商品的不同种类间可能存在一种内在联系，例如某些蔬菜可能在销售上存在着竞争、替补或相互依存的关系。我们需要对各蔬菜品种的销售分布进行分析，得出各蔬菜品种之间的规律及其相互关系。

1.3 问题二

蔬菜类商品通常以品类为单位进行补货决策。为了得到最大收益，实现最优补货决策，需要我们对蔬菜的销售情况与成本加成定价的关系进行平衡。以过往数据为基础，为未来一周的蔬菜品类的日进货总量和定价策略给出最优方案。

1.4 问题三

根据过去一周的销售品类，在销售单品数在27到33，且各订单订购量大于等于2.5千克的条件下，给出7月1日各蔬菜单品补货量及其定价策略，以实现最大化的收益。

1.5 问题四

分析除批发价格、损耗率、品类竞争关系之外影响蔬菜商品补货和定价决策的其他因素。通过对这些因素的深入研究，提出更全面的补货和定价策略。

2 问题分析

2.1 问题一分析

问题一要求我们对各个品类的单品销售量之间的潜在相互关系。本研究对各蔬菜商品品类的时间、销售分布的方向，探究各品类销量随时间的分布规律（应季蔬菜），随其他品类蔬菜销售量的分布规律（存在竞争或依存关系的蔬菜）和随商品定价的分布规律三个角度进行分析。其中相互关系可以分为品类间的相互关系和单品间的相互关系。从这几个角度出发，我们可以较为清楚直观地得到销售量的分布规律和相互关系。除此之外，通过对销售量分布规律和相互关系的研究也可以辅助我们得到销售量的影响因素。结合生活中的常识以及经济学理论，可以提高对影响因素分析的准确性。

2.2 问题二分析

问题二可以被视为一个线性规划的最优解问题，可以被拆分为几个问题逐一求解。商品加成定价与销售量之间的关系，蔬菜商品未来一周的预期批发价格 and 市场需求即销售量，其中销售总量和定价受到多方面因素影响。最后本研究综合上述预测值，结合蔬菜商品定价与销售量的分布规律和附件中给出的个单品损耗率，建立一个线性规划模型来求解最优的蔬菜品类补货量和定价策略，并最终实现未来一周实收益最大化。

2.3 问题三分析

2.4 问题四分析

3 符号说明

Q 日销售量

4 数据预处理

由经济学原理和生活常识可知，蔬菜存在时令性，即蔬菜产量通常呈现出集中在一年中的某一时间段的特点，且不同蔬菜品类的销售量会受到季节、气候等因素的影响，进而影响到定价。在本研究中，我们把异常值定义为在某一时间段内，销售价格有明显偏离正常范围的蔬菜商品。异常值的存在会对模型的建立和计算结果产生较大影响，因此需要对数据进行预处理，剔除异常值。本研究针对这一特性，决定对蔬菜单品的利润率进行异常值检测。

4.1 数据的整合与排查

为确保后续模型建立和计算的准确性和可靠性，对原始数据进行彻底的排查和整合十分重要。本研究将利用附件1（商品信息）、附件2（销售流水明细）、附件3（蔬菜批发价格）和附件4（商品近期损耗率）中提供的全部数据对其中的缺失值、异常值进行处理和排除，以便后续分析。

- 异常值的处理：从附件中提取各个关键的数据，将数据按“销售日期”、“品类”和“单品名称”进行聚合，计算每日的销售总量和总金

额，减去进货成本，并进一步计算每日的利润率。采用Z-Score方法检测异常值，设定阈值为3，剔除超过该阈值的异常数据。

$$Z = \frac{x - \mu}{\sigma}$$

Z-Score方法公式

- 无关值的处理：观察蔬菜商品销售数据，注意到部分数据难以找到内在联系，无法观察出其周期性规律，并且数据样本过少或过于离散，没有呈现出一定的客观规律。本研究认为此类蔬菜商品属于特殊蔬菜品种，不属于主流蔬菜品种，供应量极少或不属于本地品种，在本地市场需求少，没有稳定的供需关系和销售目标，此类蔬菜商品对蔬菜销量的预测和商品定价的决策没有有利贡献，因此本研究认为此类数据是无关数据，做剔除处理。
- 不同参量的分类：按时间、价格为参量，对数据进行整合和分类，
- 蔬菜品类平均利润率的计算：对每个蔬菜品类，计算其利润率，公式为

$$X_i = \frac{\sum_j Q_{ij} \times x_i}{Q_i}$$

其中 Q_i 是蔬菜品类 i 的日销售量， x_i 是蔬菜品类 i 的单品利润率， Q_{ij} 是蔬菜品类 i 在 j 日的销售量。

- 数据的可视化：将处理后的数据进行可视化展示，以便更直观地观察各蔬菜品类的销售趋势和利润率变化。

4.2 数据处理结果

通过代码编程，我们整合了附件中的数据，并对异常值进行了处理。最终得到的蔬菜品类销售数据和利润率数据（放入附件`profit_filtered`中）。

注意到利润率的分布较为集中，且大部分蔬菜品类的利润率在 0.1 到 0.3 之间波动，少数品类的利润率较高，超过 0.5。但也存在明显异常数据，如李润率为 -0.56 等，推测发生了意外事件。我们通过 Z-Score 方法和按蔬菜定价区分从中剔除了这些异常值，删去了 11574 个异常数据。

此外，我们针对蔬菜品类销量分布，对蔬菜销量分布发现了至少两种不同的蔬菜销售方式。

- 销量均匀型：如黄心菜，销量为2911kg有6个品类。
- 销量集中型：如紫茄子，销量为13602kg有13个品类。

5 模型假设

5.1 问题一的模型假设

5.1.1 确立对象化模型

对问题一的分析，我们确立了三个不同角度来对各蔬菜品类商品的分布规律和相互联系进行研究，这样能综合各方面影响因素，结合最多的数据得到较为准确的结论，分别是

$$r = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 \sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2}}$$

- 时间分布规律：附件中给出的各蔬菜商品销售数据，通过观察，发现各蔬菜品类商品的销售量在时间上存在明显的周期性规律，像某些应季性蔬菜在特定季节的销售量会显著增加，而在非应季时则销量较低。同时对于全年可种植的蔬菜，也会有呈现出特定季节、气候销量突增的情况。受到气候、消费者喜好及工作时间等因素影响。这些因素大多数与单品或品类的影响呈同向性，能体现外部环境因素的作用。
 - 首先我们对销售总量进行时间上的分布规律分析。观察影响因素对全局的影响作用，体现出各蔬菜品类和单品的共通性，和起到影响全局的因素。
 - 然后我们对不同蔬菜品类销量的时间分布进行分析，观察同一品种不同时间上的销量，发掘人们时间维度上的不同需求。
 - 最后针对蔬菜单品的销售量分析，发掘单品在时间的上的销售量分布规律，观察单品的周期性规律和季节性规律。
- 商品定价分布规律：我们跟踪销售量随商品定价的变化，将蔬菜商品类型分为三类：薄利多销型高价精品型和零散型。
- 各蔬菜品种间销售量分布规律：我们剔除了消费者喜好，气候，蔬菜生产上市周期等外部影响因素，聚焦于蔬菜品类销量间数据的相关

性。本文认为经济生活对消费者的影响反应在其总销售量上，因我们对各品类蔬菜商品销售量做偏相关分析，剔除其他因素的影响，观察各蔬菜品类间的销售量分布规律。

5.1.2 随时间分布规律的研究

本研究为得到蔬菜商品销售量的周期性规律，对三年间的蔬菜商品的销售数据进行筛选排除异常数据，并剩余数据对进行拟合，进行了一下几个步骤的研究分析：

- 数据拟合绘图：对蔬菜商品的销售量数据进行拟合，观察其周期性规律。通过绘制时间序列图，直观展示各蔬菜品类在不同时间段的销售量变化趋势。
- 周期性分析：本研究采用ACF自相关系数对数据进行周期性判断。

本研究在对商品销售量的时间分布规律的周期性判断上，采用了ACF自相关系数方法。通过计算各蔬菜品类销售量的自相关系数，判断其周期性规律。自相关系数的计算公式为：

$$ACF(k) = \frac{\text{序列与其自身滞后 } k \text{ 期的协方差}}{\text{序列的方差}} = \frac{Cov(k)}{Var}$$

其中

- $Cov(k) = \frac{1}{n} \sum_{t=1}^{n-k} (X_t - \mu)(X_{t+k} - \mu)$
- $Var = \frac{1}{n} \sum_{t=1}^n (X_t - \mu)^2$
- X_t 为时间序列在时刻 t 的值，
- μ 为时间序列的均值，
- n 为时间序列的长度。

5.1.3 随商品定价分布规律的研究

本研究对每种单品总销量的累计值进行研究，发现头部百分之30的蔬菜品类占据了总销量的90%以上，呈现长尾型分布。此外，蔬菜商品销售模

式差异巨大，主要分为三类：薄利多销型、高价精品型和零散型。其中，薄利多销型蔬菜品类的销售量较大，但单价较低；高价精品型蔬菜品类的销售量较小，但单价较高；零散型蔬菜品类的销售量和单价均较低。

为了尽可能减少商品销售模式差异带来的影响，本研究将每单笔销售量恒定为一，着重分析蔬菜品类包含所有单品的定价对销量的影响。因此本研究选用偏相关系数建立模型，公式为：

$$r = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2 \sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2}}$$

其中

- x_i 为蔬菜品类 i 的定价，
- y_i 为蔬菜品类 i 的销售量，
- \bar{x} 为蔬菜品类定价的均值。
- \bar{y} 为蔬菜品类销售量的均值。
- n 为蔬菜品类的数量。

5.1.4 随其他品类蔬菜销售量的分布规律的研究

由于各蔬菜商品的销售量均为时间排序，直接计算相关性易受时间上的宏观因素影响，导致结果不准确。因此，本研究同样采用偏相关系数来衡量各蔬菜品类间的销售量分布规律。

5.2 问题二的模型假设

5.2.1 损耗率深度分析

本研究为了使最优解线性模型的建立和计算更加准确，决定对蔬菜商品的损耗率进行深度分析。损耗率是指蔬菜商品在销售过程中由于腐烂、变质等原因导致的损失比例。通过对附件4中提供的各蔬菜品类的损耗率数据进行分析，我们可以更好地理解损耗率对蔬菜商品补货和定价决策的影响。经过计算，一下是各蔬菜品类的平均损耗率：

表 1: 各小分类平均损耗率

小分类编码	分类名称	平均损耗率(%)
1011010201	花菜类	15.51
1011010402	水生根茎类	13.65
1011010101	花叶类	12.83
1011010801	食用菌	9.45
1011010504	辣椒类	9.24
1011010501	茄类	6.68

6 模型求解

6.1 问题一模型求解

在问题一中，我们针对不同的情况分别建立了三个模型来分析蔬菜商品的销售量分布规律。在数据预处理阶段我们对蔬菜商品的数据进行了筛选和排查，剔除了异常值，使得数据更加精准可靠，减少了模型计算的误差。将处理后的数据分别代入时间分布规律模型、商品定价分布规律模型和各蔬菜品种间销售量分布规律模型。得到的

6.2 问题二模型求解

6.3 问题三模型求解

6.4 问题四模型求解

7 模型检验

8 模型优点和展望