计算机组织结构

6 二进制编码的十进制数运算

刘博涵 2022年10月13日



回顾: 二进制编码的十进制数表示

- 使用原因
 - 精度限制
 - 转换成本高
- 编码方式: 自然BCD码 (NBCD, 8421 码)
 - 0 ~ 9: 0000 ~ 1001
 - 符号
 - 正: 1100 / 0
 - 负: 1101 / 1



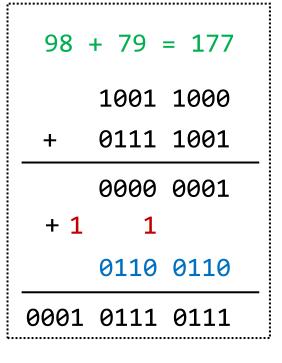
回顾: 补码表示整数的加减法

- 加法
 - $[X+Y]_c = [X]_c + [Y]_c (MOD 2^n)$
 - 溢出判定

- 减法
 - $[X-Y]_c = [X]_c + [-Y]_c$ (MOD 2ⁿ)
 - 硬件实现



加法

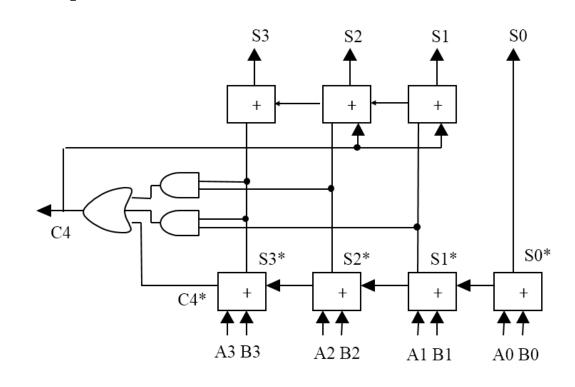




加法 (续)

• 硬件实现: 当值在[10,19]范围内时, 需要对结果进行调整

S_3^*	S_2^*	<i>S</i> ₁ *	<i>S</i> ₀ *	C_4^*
1	0	1	0	0
1	0	1	1	0
1	1	0	0	0
1	1	0	1	0
1	1	1	0	0
1	1	1	1	0
0	0	0	0	1
0	0	0	1	1
0	0	1	0	1
0	0	1	1	1



$$C_4 = (S_1^* \cdot S_3^*) + (S_2^* \cdot S_3^*) + C_4^*$$



减法

• 思路:参照补码减法,避免借位

$$N_1 - N_2 = N_1 + (10^n - N_2) - 10^n$$

= $N_1 + (99 ... 9 - N_2 + 1) - 10^n$

- "反转"数字
 - 按位反转, 并添加 "1010"
 - 添加 "0110" , 并按位反转
- 结果调整
 - 如果有进位, 舍弃进位
 - 如果没有进位,对结果按位反转后加1, 并将结果符号设为负

"反转"	每—/	个数字,	最后-	-位加1
八人子之	母—		取加	17777H I

数字	反转	数字	反转
0000	1001	0001	1000
0010	0111	0011	0110
0100	0101	0101	0100
0110	0011	0111	0010
1000	0001	1001	0000



减法 (续)

```
309 - 125
= 309 + 874 + 1 - 1000
= 184
      0011 0000 1001
      1000 0111 0101
      1011 0111 1110
      0110
                0110
   1 0001 1000 0100
```

```
125 - 309
= 125 + 690 + 1 - 1000
= 816 - 999 -1
= -184
      0001 0010 0101
      0110 1001 0001
      0111 1011 0110
           0110
      1000 0001 0110
     0001 1000 0100
```



总结

- 加法
 - 结果调整: 进位引起加0110
 - 硬件实现
- 减法
 - 思路:参照补码进行数字反转,以避免借位
 - 反转数字
 - 结果调整



谢谢

bohanliu@nju.edu.cn

