

# Subject Name (Gujarati)

1323203 -- Winter 2024

Semester 1 Study Material

Detailed Solutions and Explanations

## પ્રશ્ન 1(a) [3 ગુણ]

ફ્લોચાર્ટને વ્યાખ્યાયિત કરો અને ફ્લોચાર્ટના કોઈપણ ચાર પ્રતીકોની સૂચિ બનાવો.

### જવાબ

ફ્લોચાર્ટ એ એક પ્રક્રિયા, એલ્ગોરિધમ અથવા પ્રોગ્રામમાં પગલાંઓના ક્રમને દર્શાવવા માટે માનક પ્રતીકોનો ઉપયોગ કરતું ચિત્રાત્મક પ્રતિનિધિત્વ છે.

સામાન્ય ફ્લોચાર્ટ પ્રતીકો:

પ્રતીક	નામ	હેતુ
લંબગોળ/ગોળાકાર આયત આયત	Terminal/Start/End Process	પ્રક્રિયાની શરૂઆત અથવા અંત દર્શાવે છે ગણતરી અથવા ડેટા પ્રોસેસિંગનું પ્રતિનિધિત્વ કરે છે
હીરા આકાર સમાંતર ચતુષ્કોણ	Decision Input/Output	શરતી શાખાના બિંદુને દર્શાવે છે ડેટા ઈનપુટ અથવા આઉટપુટનું પ્રતિનિધિત્વ કરે છે

### મેમરી ટ્રીક

``TP-DI" (Terminal-Process-Decision-Input/Output)

## પ્રશ્ન 1(b) [4 ગુણ]

પાયથોનમાં વિવિધ ડેટા પ્રકારોની યાદી બનાવો. કોઈપણ ત્રણ ડેટા પ્રકારો ઉદાહરણ સાથે સમજાવો.

### જવાબ

પાયથોનના ડેટા પ્રકારો વિવિધ પ્રકારની ડેટા કિંમતોને વર્ગીકૃત કરે છે.

ડેટા પ્રકાર	વર્ણન	ઉદાહરણ
Integer	દશાંશ બિંદુઓ વિનાના સંપૂર્ણ સંખ્યાઓ	x = 10
Float	દશાંશ બિંદુઓ સાથેની સંખ્યાઓ	y = 3.14
String	અક્ષરોની શ્રેણી	name = "Python"
Boolean	સાચું અથવા ખોટું મૂલ્યો	is_valid = True
List	ક્રમબદ્ધ, પરિવર્તનશીલ સંગ્રહ	colors = ["red", "green"]
Tuple	ક્રમબદ્ધ, અપરિવર્તનીય સંગ્રહ	point = (5, 10)
Dictionary	કી-વેલ્યુ જોડીઓ	person = {"name": "John"}
Set	અવ્યવસ્થિત અનન્ય આઈટમોનો સંગ્રહ	unique = {1, 2, 3}

**Integer:** દર્શાવેલ બિંદુઓ વિનાની સંપૂર્ણ સંખ્યાઓનું પ્રતિનિધિત્વ કરે છે.

```
age = 25  
count = {-}10
```

**String:** અવતરણ ચિહ્નોમાં બંધ અક્ષરોના ક્રમનું પ્રતિનિધિત્વ કરે છે.

```
name = "Python"  
message = {Hello World}
```

**List:** વિવિધ પ્રકારની વસ્તુઓનો ક્રમબદ્ધ, પરિવર્તનશીલ સંગ્રહ.

```
numbers = [1, 2, 3, 4]  
mixed = [1, "Python", True, 3.14]
```

### મેમરી ટ્રીક

“FIBS-LTDS” (Float-Integer-Boolean-String-List-Tuple-Dictionary-Set)

## પ્રશ્ન 1(c) [7 ગુણ]

પ્રથમ વીસ સમાન પ્રાકૃતિક સંખ્યાઓના સરવાળાની ગણતરી કરવા માટે ફ્લોચાર્ટ ડિઝાઇન કરો.

### જવાબ

```
flowchart LR  
  A([ ]) --> B[/sum = 0, count = 0, num = 2 /]  
  B --> C[/count 20? \]  
  C --> D[/sum = sum + num \]  
  D --> E[/count = count + 1 \]  
  E --> F[/num = num + 2 \]  
  F --> C  
  C --> G[/sum /]  
  G --> H([ ])
```

### સમજૂતી:

- ચલોનો પ્રારંભ: sum=0, count=0 (મળેલ સમ સંખ્યાઓને ટ્રેક કરવા માટે), num=2 (પ્રથમ સમ સંખ્યા)
- લૂપ શરત: 20 સમ સંખ્યાઓ મળે ત્યાં સુધી ચાલુ રાખો
- પ્રક્રિયા: વર્તમાન સમ સંખ્યાને સરવાળામાં ઉમેરો
- અપડેટ: કાઉન્ટર વધારો અને આગળની સમ સંખ્યા પર જાઓ
- આઉટપુટ: લૂપ પૂર્ણ થાય ત્યારે અંતિમ સરવાળો પ્રિન્ટ કરો

### મેમરી ટ્રીક

“SCNL-20” (Sum-Count-Number-Loop until 20)

## પ્રશ્ન 1(c) અથવા [7 ગુણ]

1 થી 20 ની વચ્ચેની વિષમ સંખ્યાઓ પ્રિન્ટ કરવા માટે એલ્ગોરિથમ બનાવો.

### જવાબ

### એલ્ગોરિથમ:

1. ચલ num = 1 (પ્રથમ વિષમ સંખ્યાથી શરૂ કરીને) પ્રારંભ કરો
2. જ્યાં સુધી num ≤ 20, 3 – 5
2. num ની કિંમત પ્રિન્ટ કરો
3. num ને 2 વધારો (આગળની વિષમ સંખ્યા મેળવવા માટે)
4. પગલું 2 થી પુનરાવર્તન કરો
5. સમાપ્ત

### આકૃતિ:

```

flowchart LR
    A([ ]) --{-}-> B[/num = 1 /]
    B --{-}-> C[{ num 20?}]
    C --{-}-> D[/num /]
    D --{-}-> E[num = num + 2]
    E --{-}-> C
    C --{-}-> F([ ])

```

#### કોડ અમલીકરણ:

```

\# 1 20
num = 1
while num != 20:
    print(num)
    num += 2

```

#### મેમરી ટ્રીક

``SOLO-20" (Start Odd Loop Output until 20)

### પ્રશ્ન 2(a) [3 ગુણ]

પાયથોનના સભ્યપદ ઓપરેટર વિશે ચર્ચા કરો.

#### જવાબ

પાયથોનમાં સભ્યપદ ઓપરેટરનો ઉપયોગ કોઈ મૂલ્ય અથવા ચલ અનુક્રમમાં અસ્તિત્વમાં છે કે નહીં તેનું પરીક્ષણ કરવા માટે થાય છે. સભ્યપદ ઓપરેટરની સારણી:

ઓપરેટર	વર્ણન	ઉદાહરણ	આઉટપુટ
in	જો મૂલ્ય અનુક્રમમાં અસ્તિત્વમાં હોય તો True પરત કરે છે	5 in [1,2,5]	True
not in	જો મૂલ્ય અસ્તિત્વમાં ન હોય તો True પરત કરે છે	4 not in [1,2,5]	True

#### સામાન્ય ઉપયોગ:

- લિસ્ટમાં તત્વ અસ્તિત્વમાં છે કે નહીં તેની તપાસ કરવી: if item in my\_list:
- શબ્દકોશમાં કી અસ્તિત્વમાં છે કે નહીં તેની તપાસ કરવી: if key in my\_dict:
- સબસ્ટ્રિંગ અસ્તિત્વમાં છે કે નહીં તેની તપાસ કરવી: if "py" in "python":

#### મેમરી ટ્રીક

``IM-NOT" (In Membership - NOT in Membership)

### પ્રશ્ન 2(b) [4 ગુણ]

continue અને break સ્ટેટમેન્ટની જરૂરિયાત સમજાવો.

#### જવાબ

સ્ટેટમેન્ટ	હેતુ	ઉપયોગ કેસ	ઉદાહરણ
break	લૂપને તાત્કાલિક સમાપ્ત કરે છે	જ્યારે શરત પૂરી થાય ત્યારે લૂપમાંથી બહાર નીકળો	તત્વ શોધવું
continue	વર્તમાન પુનરાવર્તનને છોડી આગળના પર જાય છે	અમુક મૂલ્યોને છોડી આગળ વધવું	ફિલ્ટરિંગ મૂલ્યો

### Break સ્ટેટમેન્ટ:

- હેતુ: તાત્કાલિક લૂપમાંથી બહાર નીકળે છે
- ક્યારે ઉપયોગ કરવો: જ્યારે જરૂરી શરત હાંસલ થાય અને વધુ પ્રક્રિયાની જરૂર ન હોય
- ઉદાહરણ: લિસ્ટમાં ચોક્કસ તત્વ શોધવું

```
for num in range(1, 10):  
    if num == 5:  
        print("Found 5!")  
        break  
    print(num)
```

### Continue સ્ટેટમેન્ટ:

- હેતુ: વર્તમાન પુનરાવર્તનને છોડી આગળના પર જાય છે
- ક્યારે ઉપયોગ કરવો: જ્યારે અમુક મૂલ્યોને છોડવાના હોય પરંતુ લૂપ ચાલુ રાખવાનો હોય
- ઉદાહરણ: લૂપમાં સમ સંખ્યાઓને છોડવી

```
for num in range(1, 10):  
    if num % 2 == 0:  
        continue  
    print(num) \#
```

## મેમરી ટ્રીક

``BS-CE" (Break Stops, Continue Excepts)

## પ્રશ્ન 2(c) [7 ગુણ]

ચુર તરફથી ઇનપુટ તરીકે લેવામાં આવેલા ચાર વિષયના ગુણના આધારે કુલ અને સરેરાશ ગુણની ગણતરી કરવા માટે એક પ્રોગ્રામ બનાવો.

### જવાબ

```
\#  
\#  
subject1 = float(input(" 1 : "))  
subject2 = float(input(" 2 : "))  
subject3 = float(input(" 3 : "))  
subject4 = float(input(" 4 : "))  
  
\#  
total\_marks = subject1 + subject2 + subject3 + subject4  
average\_marks = total\_marks / 4  
  
\#  
print(f" : \{total\_marks\}")  
print(f" : \{average\_marks\}")
```

### આકૃતિ:

flowchart LR  
A([ ]) --> B[/subject1, subject2, subject3, subject4 /]  
B --> C[/total\\_marks = subject1 + subject2 + subject3 + subject4/]  
C --> D[/average\\_marks = total\\_marks / 4/]  
D --> E[/total\\_marks, average\\_marks /]  
E --> F([ ])

### સમજૂતી:

- ઇનપુટ: ચુર પાસેથી ચાર વિષયોના ગુણ મેળવો
- પ્રક્રિયા: બધા વિષયના ગુણને ઉમેરીને કુલ અને વિષયોની સંખ્યા વડે ભાગીને સરેરાશની ગણતરી કરો
- આઉટપુટ: કુલ અને સરેરાશ ગુણ પ્રદર્શિત કરો

### મેમરી ટ્રીક

“IAPO” (Input-Add-Process-Output)

### પ્રશ્ન 2(a) અથવા [3 ગુણ]

અસાઇનમેન્ટ ઓપરેટર પર ટૂંકી નોંધ લખો.

#### જવાબ

પાયથોનમાં અસાઇનમેન્ટ ઓપરેટરનો ઉપયોગ ચલોને મૂલ્યો સોંપવા માટે થાય છે.

ઓપરેટર	નામ	વર્ણન	ઉદાહરણ
=	સરળ અસાઇનમેન્ટ	જમણા ઓપરન્ડ મૂલ્યને ડાબા ઓપરન્ડને સોંપે છે	$x = 10$
+=	ઉમેરો અને સોંપો	જમણા ઓપરન્ડને ડાબામાં ઉમેરે અને પરિણામ સોંપે છે	$x += 5$ ( $x = x + 5$ સમાન)
-=	બાદ કરો અને સોંપો	જમણા ઓપરન્ડને ડાબામાંથી બાદ કરે અને સોંપે છે	$x -= 3$ ( $x = x - 3$ સમાન)
*=	ગુણાકાર અને સોંપો	ડાબાને જમણા વડે ગુણાકાર કરે અને સોંપે છે	$x *= 2$ ( $x = x * 2$ સમાન)
/=	ભાગાકાર અને સોંપો	ડાબાને જમણા વડે ભાગે અને સોંપે છે	$x /= 4$ ( $x = x / 4$ સમાન)

મિશ્રિત અસાઇનમેન્ટ ઓપરેટર અંકગણિતીય ઓપરેશન અને અસાઇનમેન્ટને જોડે છે, જેથી કોડ વધુ સંક્ષિપ્ત અને વાંચવા યોગ્ય બને છે.

### મેમરી ટ્રીક

“SAME” (Simple Assignment Makes Easy)

### પ્રશ્ન 2(b) અથવા [4 ગુણ]

for લૂપનો ઉપયોગ સિન્ટેક્સ, ફ્લોચાર્ટ અને ઉદાહરણ આપીને સમજાવો.

#### જવાબ

##### For લૂપનો સિન્ટેક્સ:

```
for variable in sequence:  
    \#
```

##### ફ્લોચાર્ટ:

```
flowchart LR  
    A([ ]) --> B[/]  
    B --> C{ }  
    C --> D[ ]  
    D --> E[ ]  
    E --> C  
    C --> F([ ])
```

##### ઉદાહરણ:

```
\# 1 5  
for num in range(1, 6):  
    square = num ** 2  
    print(f"{num}\t\t\t = \{square\}")
```

પાયથોનમાં for લૂપનો ઉપયોગ સિક્વન્સ (લિસ્ટ, ટપલ, સ્ટ્રિંગ, વગેરે) અથવા અન્ય ઇટેરેબલ ઓબ્જેક્ટ્સ પર ચોક્કસ પુનરાવર્તન માટે થાય છે. તે ખાસ કરીને ત્યારે ઉપયોગી છે જ્યારે તમે પુનરાવર્તનોની સંખ્યા અગાઉથી જાણતા હો.

### મેમરી ટ્રીક

``SIFE" (Sequence Iteration For Each item)

### પ્રશ્ન 2(c) અથવા [7 ગુણ]

યુઝર દ્વારા આપેલ નંબરનો વર્ગ અને ઘન શોધવા માટે કોડ વિકસાવો.

#### જવાબ

```
\#
\#
num = float(input("          : "))

\#
square = num ** 2
cube = num ** 3

\#
print(f"          : \{num}")
print(f"\{num}      : \{square}")
print(f"\{num}      : \{cube}")
```

#### આકૃતિ:

flowchart LR

```
A([ ]) --> B[/num /]
B --> C[square = num ** 2]
C --> D[cube = num ** 3]
D --> E[/num, square, cube /]
E --> F([ ])
```

#### સમજૂતી:

- **ઇનપુટ:** યુઝર પાસેથી નંબર મેળવો
- **પ્રક્રિયા:** 2-ની ઘાત પર ઉઠાવીને વર્ગ, 3-ની ઘાત પર ઉઠાવીને ઘનની ગણતરી કરો
- **આઉટપુટ:** ઇનપુટ નંબર, તેનો વર્ગ અને ઘન પ્રદર્શિત કરો

### મેમરી ટ્રીક

``ISCO" (Input-Square-Cube-Output)

### પ્રશ્ન 3(a) [3 ગુણ]

if-elif-else સ્ટેટમેન્ટને ફ્લોચાર્ટ અને યોગ્ય ઉદાહરણ સાથે સમજાવો.

#### જવાબ

પાયથોનમાં if-elif-else સ્ટેટમેન્ટ એ એવી શરતી ક્રિયા માટે છે જ્યાં ઘણા અભિવ્યક્તિઓનું મૂલ્યાંકન કરવામાં આવે છે.

#### ફ્લોચાર્ટ:

flowchart LR

```
A([ ]) --> B{\ condition1 ?}
B --> C[if ]
B --> D{\ condition2 ?}
D --> E[elif ]
D --> F[else ]
C --> G([ ])
E --> G
F --> G
```

#### ઉદાહરણ:

```

\#
marks = 75

if marks {=} 90:
    grade = "A"
elif marks {=} 80:
    grade = "B"
elif marks {=} 70:
    grade = "C"
elif marks {=} 60:
    grade = "D"
else:
    grade = "F"

print(f"      : \{grade\}")

```

### મેમરી ટ્રીક

``CITE" (Check If Then Else)

## પ્રશ્ન 3(b) [4 ગુણ]

યુઝર ડિફાઇન ફંક્શન વ્યાખ્યાયિત કરો અને કેવી રીતે યુસર ડિફાઇન ફંક્શન કોલ કરવું તે યોગ્ય ઉદાહરણ આપીને સમજાવો.

### જવાબ

ફંક્શન વ્યાખ્યા અને કોલિંગ:

પાસું	સિન્ટેક્સ	હેતુ
વ્યાખ્યા	def	પુનઃઉપયોગી કોડનો બ્લોક બનાવે છે
ફંક્શન બોડી	function_name(parameters):	ફંક્શનનો લોજિક ધરાવે છે
રિટર્ન સ્ટેટમેન્ટ	return [expression]	કોલરને મૂલ્ય પાછું મોકલે છે
ફંક્શન કોલ	function_name(arguments)	ફંક્શન કોડ ચલાવે છે

ફંક્શન વ્યાખ્યાયિત અને કોલ કરવાનું ઉદાહરણ:

```

\#
def calculate\_area(length, width):
    """          """
    area = length * width
    return area

\#
result = calculate\_area(5, 3)
print(f"      : \{result\}")

```

### સમજૂતી:

- ફંક્શન વ્યાખ્યા: def કીવર્ડનો ઉપયોગ કરીને ફંક્શન નામ અને પેરામીટર્સ સાથે
- ડોક્ઝ્યુમેન્ટેશન: ફંક્શનનું વર્ણન કરતું વૈકલ્પિક ડોકસ્ટ્રિંગ
- ફંક્શન બોડી: કાર્ય કરતો કોડ
- રિટર્ન સ્ટેટમેન્ટ: કોલરને પરિણામ પાછું મોકલે છે
- ફંક્શન કોલ: ફંક્શન ચલાવવા માટે આર્ગ્યુમેન્ટ્સ પસાર કરો

### મેમરી ટ્રીક

``DBRCA" (Define-Body-Return-Call-Arguments)

### પ્રશ્ન 3(c) [7 ગુણ]

આપેલ નંબરનો ફેક્ટોરીયલ શોધવા માટે કોડ વિકસાવો.

જવાબ

```
\#
\#
num = int(input("          : "))

\#
factorial = 1

\#
if num <= 0:
    print("          ")
elif num == 0:
    print("0          1 ")
else:
    \#
    for i in range(1, num + 1):
        factorial *= i
    print(f"\{num\}          \{factorial\} ")
```

આકૃતિ:

```
flowchart LR
    A([ ]) --> B[/num /]
    B --> C[factorial = 1 ]
    C --> D{ num <= 0? }
    D --> E[/ /]
    D --> F{ num == 0? }
    F --> G[/0 1 /]
    F --> H[i = 1 num ]
    H --> I[factorial = factorial * i]
    I --> J[/ /]
    J --> K([ ])
    K --> L[K]
    L --> M[K]
```

સમજૂતી:

- **ઇનપુટ:** યુઝર પાસેથી નંબર મેળવો
- **ચકાસણી:** તપાસો કે નંબર નકારાત્મક (ફેક્ટોરીયલ વ્યાખ્યાયિત નથી), શૂન્ય (ફેક્ટોરીયલ 1 છે), અથવા સકારાત્મક છે
- **પ્રક્રિયા:** સકારાત્મક નંબરો માટે, ફેક્ટોરીયલને 1 થી num સુધીના દરેક નંબર સાથે ગુણાકાર કરો
- **આઉટપુટ:** ફેક્ટોરીયલ પરિણામ પ્રદર્શિત કરો

મેમરી ટ્રીક

“MICE” (Multiply Incrementally, Check Edge-cases)

### પ્રશ્ન 3(a) અથવા [3 ગુણ]

યોગ્ય ઉદાહરણનો ઉપયોગ કરીને નેસ્ટેડ લૂપ સમજાવો.

જવાબ

નેસ્ટેડ લૂપ એ એક લૂપની અંદર બીજું લૂપ છે. બાહ્ય લૂપના દરેક પુનરાવર્તન માટે આંતરિક લૂપ તેના બધા પુનરાવર્તનો પૂર્ણ કરે છે.

આકૃતિ:

```
flowchart LR
    A([ ]) --> B{ }
    B --> C{ }
    C --> D[ ]
```



```

D {-{-} E[           ]}
E {-{-} C}
C {-{-}| | F[           ]}
F {-{-} B}
B {-{-}| | G([   ])}

```

#### ઉદાહરણ:

```

\# 1 3
for i in range(1, 4): \#      : 1 3
    print(f"\{i\}      :")
    for j in range(1, 6): \#      : 1 5
        print(f"\{i\} x \{j\} = \{i*j\}")
    print() \#

```

#### મેમરી ટ્રીક

``LOFI" (Loop Outside, Finish Inside)

### પ્રશ્ન 3(b) અથવા [4 ગુણ]

ફંક્શન હેન્ડલિંગમાં રિટર્ન સ્ટેટમેન્ટ સમજાવો.

#### જવાબ

પાસું	વર્ણન	ઉદાહરણ
હેતુ	કોલરને મૂલ્ય પાછું મોકલો	return result
મલ્ટિપલ રિટર્ન	ટપલ તરીકે ઘણા મૂલ્યો પાછા મોકલો	return x, y, z
અર્લી એક્ઝિટ નો રિટર્ન	અંત પહેલા ફંક્શનમાંથી બહાર નીકળો	if error: return None
	ફંક્શન મૂળભૂત રીતે None પાછું મોકલે છે	def show(): print("Hi")

પાયથોન ફંક્શનમાં return સ્ટેટમેન્ટ:

1. ફંક્શન એક્ઝિક્યુશન સમાપ્ત કરે છે
2. ફંક્શન કોલરને મૂલ્ય પાછું મોકલે છે
3. ઘણા મૂલ્યો (ટપલ તરીકે) પાછા મોકલી શકે છે
4. વૈકલ્પિક છે (જો છોડવામાં આવે, તો ફંક્શન None પાછું મોકલે છે)

#### ઉદાહરણ:

```

def calculate\_circle(radius):
    """      """
    if radius {} 0:
        return None \#

    area = 3.14 * radius ** 2
    circumference = 2 * 3.14 * radius

    return area, circumference \#

\#
result = calculate\_circle(5)
print(f"      : \{result\}")

```

#### મેમરી ટ્રીક

``TERM" (Terminate Execution, Return Multiple values)

### પ્રશ્ન 3(c) અથવા [7 ગુણ]

લૂપ કોન્સેપ્ટનો ઉપયોગ કરીને નીચેની પેટર્ન દર્શાવવા માટે એક પ્રોગ્રામ બનાવો

A  
AB  
ABC  
ABCD  
ABCDE

#### જવાબ

```
\#
\#      : A      E

\#      (1      5)
for i in range(1, 6):
    \#      , {A      }
    for j in range(i):
        \# {A      ASCII      65      ,      j      }
        print(chr(65 + j), end="")
    \#
    print()
```

#### આકૃતિ:

```
flowchart LR
    A([ ]) --{-{-} B["i = 1"]}>
    B --{-{-} C[" i = 5?"\]}>
    C --{-{-}| | D["j = 0"]}>
    D --{-{-} E[" j i?"\]}>
    E --{-{-}| | F["chr(65 + j)      "]}>
    F --{-{-} G["j = j + 1"]}>
    G --{-{-} E}>
    E --{-{-}| | H["      "]}>
    H --{-{-} I["i = i + 1"]}>
    I --{-{-} C}>
    C --{-{-}| | J([ )]>
```

#### સમજૂતી:

- બાહ્ય લૂપ: પંક્તિઓની સંખ્યા (1 થી 5) નિયંત્રિત કરે છે
- આંતરિક લૂપ: દરેક પંક્તિ i માટે, 'A' થી શરૂ કરીને i અક્ષરો પ્રિન્ટ કરે છે
- અક્ષર જનરેશન: ASCII મૂલ્ય રૂપાંતર (chr(65+j)) 'A', 'B', વગેરે આપે છે
- આઉટપુટ ફોર્મેટિંગ: દરેક પંક્તિ માટે end="" નો ઉપયોગ કરીને અક્ષરો એક જ લાઇનમાં પ્રિન્ટ કરવા

#### મેમરી ટ્રીક

``OICE" (Outer-Inner-Character-Endline)

#### પ્રશ્ન 4(a) [3 ગુણ]

નીચેના બિલ્ટ-ઇન ફંક્શનો યોગ્ય ઉદાહરણ સાથે વર્ણન કરો. i) max() ii) input() iii) pow()

#### જવાબ

ફંક્શન	હેતુ	સિન્ટેક્સ	ઉદાહરણ
max()	ઇટરેબલમાં સૌથી મોટી વસ્તુ અથવા બે અથવા વધુ આર્ગ્યુમેન્ટમાંથી સૌથી મોટી વસ્તુ પાછી મોકલે છે	max(iterable) અથવા max(arg1, arg2, ...)	max([1, 5, 3]) 5 પાછું મોકલે છે
input()	ઇનપુટમાંથી એક લાઇન વાંચે છે અને સ્ટ્રિંગ તરીકે પાછી મોકલે છે	input([prompt])	input("      : ")
pow()	x ને y ની ઘાત પર ઉઠાવેલું પાછું મોકલે છે	pow(x, y)	pow(2, 3) 8 પાછું મોકલે છે

### કોડમાં ઉદાહરણો:

```
\# max()
numbers = [10, 5, 20, 15]
maximum = max(numbers)
print(f"      : \{maximum\}") \#      : 20

\# input()
name = input("      : ")
print(f"      , \{name\}!")

\# pow()
result = pow(2, 4)
print(f"2    4      : \{result\}") \#      : 2    4      : 16
```

### મેમરી ટ્રીક

``MIP" (Max-Input-Power)

## પ્રશ્ન 4(b) [4 ગુણ]

યોગ્ય ઉદાહરણ આપીને સ્ટ્રિંગના સ્લાઇસિંગને સમજાવો.

### જવાબ

પાયથોનમાં સ્ટ્રિંગ સ્લાઇસિંગનો ઉપયોગ સ્ટ્રિંગમાંથી સબસ્ટ્રિંગ બહાર કાઢવા માટે થાય છે.  
સિન્ટેક્સ: string[start:end:step]

પેરામીટર	વર્ણન	ડિફોલ્ટ	ઉદાહરણ
start	પ્રારંભિક ઇન્ડેક્સ (સમાવેશીત)	0	"Python"[1:] → "ython"
end	અંતિમ ઇન્ડેક્સ (અસમાવેશીત)	સ્ટ્રિંગની લંબાઈ	"Python"[3:] → "Pyt"
step	અક્ષરો વચ્ચે વધારો	1	"Python"[:2] → "Pto"

### ઉદાહરણો:

```
text = "Python Programming"

\#
print(text[0:6]) \# : "Python"
print(text[7:]) \# : "Programming"
print(text[:6]) \# : "Python"

\#
print(text[:2]) \# : "Pto rgamn"
print(text[0:10:2]) \# : "Pto r"

\#      (      )
print(text[{-}11:]) \# : "Programming"
print(text[{-}12:]) \# : "Python"

\#
print(text[::{-}1]) \# : "gnimmargorP nohtyP"
```

### મેમરી ટ્રીક

``SES" (Start-End-Step)

### પ્રશ્ન 4(c) [7 ગુણ]

1 થી 7 ની વચ્ચેની તમામ વિષમ સંખ્યાઓના ક્યુબને પ્રિન્ટ કરતું યુઝર ડિફાઇન ફંક્શન બનાવો.

જવાબ

```
\#
def print\_odd\_cubes(start, end):
    """
        ( )
    """
    print(f"\{start\} \{end\} :")

    \#
    for num in range(start, end + 1):
        \#
        if num \% 2 != 0:
            \#
            cube = num ** 3
            print(f"\{num\} \{cube\} ")

\# 1 7
print\_odd\_cubes(1, 7)
```

આકૃતિ:

```
flowchart TD
    A([ ]) --> B[print\_odd\_cubes ]
    B --> C["print\_odd\_cubes(1, 7) "]
    C --> D[" "]
    D --> E["start end num "]
    E --> F[" num \% 2 != 0?\"]
    F --> G["cube = num ** 3"]
    G --> H["num cube "]
    H --> I[ ]
    I --> J["?\"]
    J --> E
    J --> K([ ])
```

સમજૂતી:

- ફંક્શન વ્યાખ્યા: શ્રેણીમાં વિષમ સંખ્યાઓને પ્રોસેસ કરવા માટે ફંક્શન બનાવો
- લૂપ: શરૂઆતથી અંત સુધીના નંબરો પર પુનરાવર્તન કરો
- શરત: મોડ્યુલો ઓપરેટરનો ઉપયોગ કરીને તપાસો કે નંબર વિષમ છે કે નહીં
- પ્રોસેસિંગ: વિષમ સંખ્યાઓના ક્યુબની ગણતરી કરો
- આઉટપુટ: દરેક વિષમ સંખ્યા અને તેનો ક્યુબ પ્રદર્શિત કરો

મેમરી ટ્રીક

“FLOOP” (Function-Loop-Odd-Output-Power)

### પ્રશ્ન 4(a) અથવા [3 ગુણ]

વિવિધ ફંક્શનો સાથે random મોડ્યુલ સમજાવો.

જવાબ

પાયથોનમાં random મોડ્યુલ રેન્ડમ નંબર જનરેટ કરવા અને રેન્ડમ પસંદગીઓ કરવા માટે ફંક્શનો પ્રદાન કરે છે.

ફંક્શન	વર્ણન	ઉદાહરણ	પરિણામ
random()	0 અને 1 વચ્ચે રેન્ડમ ફ્લોટ પાછું મોકલે છે	random.random()	0.7134346335849448
randint(a, b)	a અને b (સમાવેશીત) વચ્ચે રેન્ડમ પૂર્ણાંક પાછું મોકલે છે	random.randint(1, 10)	7
choice(seq)	સિક્વન્સમાંથી રેન્ડમ તત્વ પાછું મોકલે છે	random.choice(['red', 'green', 'green', 'blue'])	
shuffle(seq)	સિક્વન્સને ઇન-પ્લેસ શફલ કરે છે	random.shuffle(my_list)	કોઈ રિટર્ન મૂલ્ય નહીં
sample(seq, k)	સિક્વન્સમાંથી k અનન્ય રેન્ડમ તત્વો પાછા મોકલે છે	random.sample(range(1, 30), 5)	

#### ઉદાહરણ:

```
import random

\# 0 1
print(random.random())

\# 1 10
print(random.randint(1, 10))

\#
colors = ["red", "green", "blue", "yellow"]
print(random.choice(colors))

\# {- }
random.shuffle(colors)
print(colors)

\# 2
print(random.sample(colors, 2))
```

#### મેમરી ટ્રીક

“RICES” (Random-Integer-Choice-Elements-Shuffle)

#### પ્રશ્ન 4(b) અથવા [4 ગુણ]

નીચેના લિસ્ટ ફંક્શનોની ચર્ચા કરો. i. len() ii. sum() iii. sort() iv. index()

#### જવાબ

ફંક્શન	હેતુ	સિન્ટેક્સ	ઉદાહરણ	આઉટપુટ
len()	લિસ્ટમાં આઇટમોની સંખ્યા પાછી મોકલે છે	len(list)	len([1, 2, 3])	3
sum()	લિસ્ટની બધી આઇટમોનો સરવાળો પાછો મોકલે છે	sum(list)	sum([1, 2, 3])	6
sort()	લિસ્ટને ઇન-પ્લેસ સોર્ટ કરે છે	list.sort()	[3, 1, 2].sort()	None (મૂળને સંશોધિત કરે છે)
index()	પ્રથમ ઘટનાનો ઇન્ડેક્સ પાછો મોકલે છે	list.index(value)	[10, 20, 30].index(20)	1

### ઉદાહરણો:

```
\# len()
numbers = [5, 10, 15, 20, 25]
print(f"      : \{len(numbers)\}") \#      : 5

\# sum()
print(f"      : \{sum(numbers)\}") \#      : 75

\# sort()
mixed = [3, 1, 4, 2]
mixed.sort() \# {-      }
print(f"      : \{mixed\}") \#      : [1, 2, 3, 4]
mixed.sort(reverse=True)
print(f"      : \{mixed\}") \#      : [4, 3, 2, 1]

\# index()
fruits = ["apple", "banana", "cherry", "apple"]
print(f"banana      : }\{fruits.index('banana')\}") \#      : 1
```

### મેમરી ટ્રીક

``LSSI" (Length-Sum-Sort-Index)

### પ્રશ્ન 4(c) અથવા [7 ગુણ]

0 થી N સંખ્યાઓની ફિબોનાક્કી શ્રેણીને પ્રિન્ટ કરવા માટે યુઝર-ડિફાઇન ફંક્શન બનાવો. (જ્યાં N એક પૂર્ણાંક સંખ્યા છે અને આર્ગ્યુમેન્ટ તરીકે પસાર થાય છે)

### જવાબ

```
\# N
def print\_fibonacci(n):
    """
    n
    0    0    1    1
    """
    \#
    if n {} 0:
        print(" ")
        return

    \#
    a, b = 0, 1
    count = 0

    print(f"\{n\}      :")

    \#
    while count {} n:
        print(a, end=" ")
        \#
        next\_term = a + b
        a = b
        b = next\_term
        count += 1
```

### આકૃતિ:

flowchart TD
 A([ ]) --{-{-} B["print\\_fibonacci "]]

```

B {-{-} C\{" n 0?"\}}
C {-{-} | D["      "]}
D {-{-} E([  ])}
C {-{-} | F["a=0,

b=1, count=0      "]}

F {-{-} G["      "]}
G {-{-} H\{" count n?"\}}
H {-{-} | I["a      "]}
I {-{-} J["next\_term = a + b"]}
J {-{-} K["a = b"]}
K {-{-} L["b = next\_term"]}
L {-{-} M["count += 1"]}
M {-{-} H}
H {-{-} | N([  ])}

```

**સમજૂતી:**

- **ઇનપુટ વેલિડેશન:** તપાસો કે N એક માન્ય સકારાત્મક પૂર્ણાંક છે
- **ચલો પ્રારંભ કરો:** પ્રથમ બે ફિબોનાક્કી પદો સેટ કરો
- **શ્રેણી પ્રિન્ટ કરો:** ફિબોનાક્કી નંબરોને પ્રિન્ટ કરવા માટે લૂપ
- **પદો અપડેટ કરો:** આગળના પદની ગણતરી કરો અને આગળના પુનરાવર્તન માટે મૂલ્યો શિફ્ટ કરો
- **સમાપ્તિ:** જ્યારે કાઉન્ટ N સુધી પહોંચે ત્યારે અટકો

### મેમરી ટ્રીક

“FIST” (Fibonacci-Initialize-Shift-Terminate)

## પ્રશ્ન 5(a) [3 ગુણ]

આપેલ સ્ટ્રિંગ મેથડ્સ સમજાવો: i. count() ii. upper() iii. replace()

### જવાબ

મેથડ	હેતુ	સિન્ટેક્સ	ઉદાહરણ	આઉટપુટ
count()	સબસ્ટ્રિંગની ઘટનાઓની ગણતરી કરે છે	str.count(substring)	hello".count("l")	2
upper()	સ્ટ્રિંગને અપરકેસમાં રૂપાંતરિત કરે છે	str.upper()	"hello".upper()	"HELLO"
replace()	સબસ્ટ્રિંગની બધી ઘટનાઓને બદલે છે	str.replace(old, new)	"hello".replace("l","herro")	"r")

### ઉદાહરણો:

```
text = "Python programming is fun and Python is easy to learn"
```

```

\# count()
print(f"Python      : }\{text.count({Python})\}") \#      : 2
print(f"is         : }\{text.count({is})\}") \#         : 2

```

```

\# upper()
print(f"      : }\{text.upper()\}") \#      : "PYTHON PROGRAMMING IS FUN AND PYTHON IS EASY TO LEARN"

```

```

\# replace()
print(f"Python  Java      : }\{text.replace({Python}, {Java})\}")
\#      : "Java programming is fun and Java is easy to learn"

```

## મેમરી ટ્રીક

“CUR” (Count-Upper-Replace)

### પ્રશ્ન 5(b) [4 ગુણ]

ટપલ ઓપરેશન ઉદાહરણ સાથે સમજાવો.

#### જવાબ

પાયથોનમાં ટપલ્સ એ ક્રમમાં રહેલા, અપરિવર્તનીય સંગ્રહો છે જે કૌંસમાં બંધ થાય છે.

ઓપરેશન	વર્ણન	ઉદાહરણ	પરિણામ
સર્જન	મૂલ્યો સાથે ટપલ વ્યાખ્યાયિત કરો	<code>t = (1, 2, 3)</code>	3 આઇટમો સાથે ટપલ
ઇન્ડેક્સિંગ	સ્થિતિ દ્વારા આઇટમને એક્સેસ કરો	<code>t[0]</code>	1
સ્લાઇસિંગ	ટપલનો ભાગ બહાર કાઢો	<code>t[1:3]</code>	(2, 3)
કેટેનેશન	બે ટપલ્સને જોડો	<code>t1 + t2</code>	સંયુક્ત ટપલ
રિપિટિશન	ટપલ તત્વોને પુનરાવર્તિત કરો	<code>t * 2</code>	ડુપ્લિકેટેડ તત્વો

#### ઉદાહરણો:

```
\#
fruits = ("apple", "banana", "cherry")
print(f"      : \{fruits\}")

\#
print(f"      : \{fruits[0]\}") \#      : "apple"
print(f"      : \{fruits[-1]\}") \#      : "cherry"

\#
print(f"      : \{fruits[:2]\}") \#      : ("apple", "banana")

\#
more\_fruits = ("orange", "kiwi")
all\_fruits = fruits + more\_fruits
print(f"      : \{all\_fruits\}") \#      : ("apple", "banana", "cherry", "orange", "kiwi")

\#
duplicated = fruits * 2
print(f"      : \{duplicated\}") \#      : ("apple", "banana", "cherry", "apple", "banana", "cherry")

\#
print(f"      : \{len(fruits)\}") \#      : 3
print(f"      : \{max(fruits)\}") \#      : "cherry" (      )
print(f"      : \{min(fruits)\}") \#      : "apple" (      )
```

## મેમરી ટ્રીક

“ICSM” (Immutable-Create-Slice-Merge)

### પ્રશ્ન 5(c) [7 ગુણ]

બે સેટ બનાવવા અને આ બનાવેલા સેટ સાથે આપેલ ઓપરેશન કરવા માટે કોડ વિકસાવો: i) સેટ પર યુનિયન ઓપરેશન ii) સેટ પર ઇન્ટરસેક્શન ઓપરેશન iii) સેટ પર ડિફરન્સ ઓપરેશન iv) બે સેટનો સિમેટ્રિક ડિફરન્સ



```

\#

\#
set\_A = \{1, 2, 3, 4, 5\}
set\_B = \{4, 5, 6, 7, 8\}

print(f"  A: \{set\_A\}")
print(f"  B: \{set\_B\}")

\# i)          (A  B)
\# A    B
union\_result = set\_A.union(set\_B) \#    set\_A | set\_B
print(f"{n}i) A    B          (A  B): \{union\_result\}")

\# ii)          (A  B)
\# A    B
intersection\_result = set\_A.intersection(set\_B) \#    set\_A \& set\_B
print(f"ii) A    B          (A  B): \{intersection\_result\}")

\# iii)          (A {- B})
\# A          B
difference\_result = set\_A.difference(set\_B) \#    set\_A {- set\_B}
print(f"iii)          (A {- B): }\{difference\_result\}")

\#          (B {- A})
difference\_alt = set\_B.difference(set\_A) \#    set\_B {- set\_A}
print(f"          (B {- A): }\{difference\_alt\}")

\# iv)          (A  B)
\# A    B
symmetric\_difference = set\_A.symmetric\_difference(set\_B) \#    set\_A \^{\set\_B}
print(f"iv)          (A  B): \{symmetric\_difference\}")

```

### આકૃતિ:

flowchart TD

```

A([ ]) --{-}-> B["set\_A = \{1,2,3,4,5\}    "]
B --{-}-> C["set\_B = \{4,5,6,7,8\}    "]
C --{-}-> D["  A    B    "]
D --{-}-> E["union\_result = set\_A.union(set\_B)"]
E --{-}-> F["union\_result    "]
F --{-}-> G["intersection\_result = set\_A.intersection(set\_B)"]
G --{-}-> H["intersection\_result    "]
H --{-}-> I["difference\_result = set\_A.difference(set\_B)"]
I --{-}-> J["difference\_result    "]
J --{-}-> K["difference\_alt = set\_B.difference(set\_A)"]
K --{-}-> L["difference\_alt    "]
L --{-}-> M["symmetric\_difference = set\_A.symmetric\_difference(set\_B)"]
M --{-}-> N["symmetric\_difference    "]
N --{-}-> O([ ])
```

### સમજૂતી:

- **યુનિયન:** ડુબ્લિકેટ વિના બંને સેટના બધા તત્વો (1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8)
- **ઇન્ટરસેક્શન:** બંને સેટમાં સામાન્ય તત્વો (4, 5)
- **ડિફરન્સ (A-B):** A માં પરંતુ B માં નહીં એવા તત્વો (1, 2, 3)
- **ડિફરન્સ (B-A):** B માં પરંતુ A માં નહીં એવા તત્વો (6, 7, 8)
- **સિમેટ્રિક ડિફરન્સ:** A અથવા B માં પરંતુ બંનેમાં નહીં એવા તત્વો (1, 2, 3, 6, 7, 8)

## મેમરી ટ્રીક

``UIDS" (Union-Intersection-Difference-Symmetric)

### પ્રશ્ન 5(a) અથવા [3 ગુણ]

લિસ્ટને વ્યાખ્યાયિત કરો અને તે પાયથોનમાં કેવી રીતે બનાવવામાં આવે છે?

#### જવાબ

પાયથોનમાં લિસ્ટ એ ક્રમબદ્ધ, પરિવર્તનશીલ વસ્તુઓનો સંગ્રહ છે જે વિવિધ ડેટા પ્રકારોના હોઈ શકે છે, જે ચોરસ કૌંસમાં બંધ હોય છે. લિસ્ટ સર્જન પદ્ધતિઓની સારણી:

પદ્ધતિ	વર્ણન	ઉદાહરણ
લિટરલ	ચોરસ કૌંસનો ઉપયોગ કરીને બનાવો	my_list = [1, 2, 3]
કન્સ્ટ્રક્ટર	list() ફંક્શનનો ઉપયોગ કરીને બનાવો	my_list = list((1, 2, 3))
કોમ્પ્રિહેન્શન	એક લાઇન એક્સપ્રેશનનો ઉપયોગ કરીને બનાવો	my_list = [x for x in range(5)]
ઇટરેબલથી	અન્ય ઇટરેબલ્સને લિસ્ટમાં રૂપાંતરિત કરો	my_list = list("abc")
ખાલી લિસ્ટ	ખાલી લિસ્ટ બનાવો અને પછીથી ઉમેરો	my_list = []

#### ઉદાહરણો:

```
\#
numbers = [1, 2, 3, 4, 5]
mixed = [1, "hello", 3.14, True]

\# list()
tuple\_to\_list = list((10, 20, 30))
string\_to\_list = list("Python")

\#
squares = [x**2 for x in range(1, 6)]

\#
empty\_list = []
empty\_list.append("first")
empty\_list.append("second")

print(f" : \{numbers\}")
print(f" : \{mixed\}")
print(f" : \{tuple\_to\_list\}")
print(f" : \{string\_to\_list\}")
print(f" : \{squares\}")
print(f" : \{empty\_list\}")
```

## મેમરી ટ્રીક

``LCMIE" (Literal-Constructor-Mixed-Iterable-Empty)

### પ્રશ્ન 5(b) અથવા [4 ગુણ]

ડિક્શનરી બિલ્ટ-ઇન ફંક્શન અને મેથડ્સ સમજાવો.

#### જવાબ

ડિક્શનરી એ ક્લોઝ્ડ બ્રેસિઝ {} માં બંધ કી-વેલ્યુ જોડીઓનો સંગ્રહ છે.

ફંક્શન/મેથડ	વર્ણન	ઉદાહરણ	પરિણામ
dict()	ડિક્શનરી બનાવે છે	dict(name='John', age=25)	{'name': 'John', 'age': 25}
len()	આઇટમોની સંખ્યા પાછી મોકલે છે	len(my_dict)	પૂર્ણાંક ગણતરી
keys()	બધી કીનું વ્યૂ પાછું મોકલે છે	my_dict.keys()	ડિક્શનરી વ્યૂ ઓબ્જેક્ટ
values()	બધા મૂલ્યોનું વ્યૂ પાછું મોકલે છે	my_dict.values()	ડિક્શનરી વ્યૂ ઓબ્જેક્ટ
items()	(કી, મૂલ્ય) જોડીઓનું વ્યૂ પાછું મોકલે છે	my_dict.items()	ડિક્શનરી વ્યૂ ઓબ્જેક્ટ
get()	કી માટે મૂલ્ય, અથવા ડિફોલ્ટ પાછું મોકલે છે	my_dict.get('key', 'default')	મૂલ્ય અથવા ડિફોલ્ટ
update()	બીજા ડિક્શનરીથી કી/મૂલ્યો સાથે ડિક્શનરી અપડેટ કરે છે	my_dict.update(other_dict)	None (ઇન-પ્લેસ અપડેટ કરે છે)
pop()	કી સાથેની આઇટમ દૂર કરે છે અને મૂલ્ય પાછું મોકલે છે	my_dict.pop('key')	દૂર કરેલી આઇટમનું મૂલ્ય

#### ઉદાહરણો:

```
\#
student = \{
    {name}: {John},
    {age}: 20,
    {courses}: [{Math}, {Science}]
\}

\# {- }
print(f" : \{len(student)\}") \# : 3

\#
print(f" : \{student.keys()\}")
print(f" : \{student.values()\}")
print(f" : \{student.items()\}")

\# get
print(f" ( ): \{student.get({grade}, {N/A})\}")

\#
student.update(\{grade}: {A}, {age}: 21\})
print(f" : \{student\}")

\#
removed\_item = student.pop({age})
print(f" : \{removed\_item\}")
print(f" : \{student\}")
```

#### મેમરી ટ્રીક

“LKVIGUP” (Length-Keys-Values-Items-Get-Update-Pop)

#### પ્રશ્ન 5(c) અથવા [7 ગુણ]

1 થી 50 શ્રેણીમાં અવિભાજ્ય અને સંયુક્ત સંખ્યાઓની સૂચિ બનાવવા માટે પાયથોન કોડ વિકસાવો.

#### જવાબ

```
\# 1 50

def is\_prime(num):
    """
```

```

        True,      False
"""
\# 1
if num {=} 1:
    return False

\# 2
if num == 2:
    return True

\# 2
if num \% 2 == 0:
    return False

\# num
\# (      :      sqrt(num)      )
for i in range(3, int(num**0.5) + 1, 2):
if num \%

i == 0:

        return False

    return True

\#
prime\_numbers = []
non\_prime\_numbers = []

\# 1    50
for num in range(1, 51):
    if is\_prime(num):
        prime\_numbers.append(num)
    else:
        non\_prime\_numbers.append(num)

\#
print(f"1    50          : \{prime\_numbers\}")
print(f"1    50          : \{non\_prime\_numbers\}")

```

### આકૃતિ:

flowchart LR

```

A([ ]) --{-}-> B["is\_prime          "]
B --{-}-> C["prime\_numbers = [ ], non\_prime\_numbers = [ ]          "]
C --{-}-> D["num = 1    50          "]
D --{-}-> E[" is\_prime(num) True ?"\}]
E --{-}->| | F["num    prime\_numbers          "]
E --{-}->| | G["num    non\_prime\_numbers          "]
F --{-}-> H["          ?"\}]
G --{-}-> H
H --{-}->| | D
H --{-}->| | I["prime\_numbers    non\_prime\_numbers          "]
I --{-}-> J([ ])

```

### સમજૂતી:

- **હેલ્પર ફંક્શન:** is\\_prime() કાર્યક્ષમ રીતે તપાસે છે કે સંખ્યા અવિભાજ્ય છે કે નહીં
- **ઓપ્ટિમાઇઝેશન:** સંખ્યાના વર્ગમૂળ સુધી જ વિભાજ્યતા તપાસે છે
- **વર્ગીકરણ:** સંખ્યાઓને અવિભાજ્ય અથવા સંયુક્ત સૂચિમાં વર્ગીકૃત કરે છે
- **આઉટપુટ:** અંતે બંને સૂચિઓ પ્રદર્શિત કરે છે

**અવિભાજ્ય સંખ્યાઓ (1 થી 50):** 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47 સંયુક્ત સંખ્યાઓ (1 થી 50): 1, 4, 6, 8, 9, 10, 12, 14, 15, 16, 18, 20, 21, 22, 24, 25, 26, 27, 28, 30, 32, 33, 34, 35, 36, 38, 39, 40, 42, 44, 45, 46, 48, 49, 50

## મેમરી ટ્રીક

``POEMS" (Prime-Optimization-Efficient-Modulo-Sorting)