Datatähti 2007 -loppukilpailu

Ohjelmointitehtävä 1/1: Numerot

Herra Aatos Hajamielen piti uusia kassakaappinsa oven koodinumero. Hän keksi mielestään hyvän tavan generoida sellainen. Ensin otetaan perheenjäsenten iät heidän nimiensä aakkosjärjestyksen mukaisessa järjestyksessä. Sitten näiden lukujen (ikien) välillä sovelletaan tietyssä järjestyksessä joko yhteen-, vähennys- tai kertolaskuja. Lopputulos on uusi koodinumero.

Valitettavasti herra Hajamieli unohti koodinumeronsa. "No, ei hätää", hän ajatteli. "Muistan suunnilleen millaiseen lukuväliin koodinumero asettui, ja tottakai tiedän perheenjäsenteni nimet ja iät koodinumeron generointihetkellä. Vain käyttämäni laskutoimenpiteet, sekä niiden järjestys, on unohtunut. Äkkiähän minä tutkin kaikki nämä reunaehdot täyttävät luvut".

Tehtäväsi on toteuttaa ohjelma auttamaan herra Hajamieltä. Ohjelman tulee tulostaa kaikki luvut, jotka voisivat näiden tietojen nojalla mahdollisesti olla herra Hajamielen koodinumeroita.

Syöte

Ohjelmasi lukee syötteenä yhden ASCII-tekstitiedoston, jonka nimi on **numerot.in**. Kukin syötetiedoston rivi päättyy rivinvaihtoon, eikä tiedostossa ole ylimääräisiä välilyöntejä tai muuta vastaavaa tyhjää tilaa.

Tiedoston numerot.in ensimmäinen rivi sisältää ei-negatiivisen kokonaisluvun p, joka ilmoittaa alarajan herra Hajamielen mahdollisten koodinumeroiden arvoille.

Toinen rivi sisältää ei-negatiivisen kokonaisluvun q, joka ilmoittaa mahdollisten koodinumeroiden arvojen ylärajan. Luvuille p ja q pätevät ehdot $p \le q < 2^{31}$ sekä $q - p < 10^6$.

Kolmas rivi sisältää luvun n, joka ilmoittaa ikien lukumäärän. Luvulle n pätee $3 \le n \le 9$.

Seuraavat n riviä sisältävät järjestyksessä kokonaisluvut i_1, i_2, \ldots, i_n , missä i_k on k:s ikä. Kukin luku i_k on omalla rivillään. Lisäksi pätee $0 \le i_k < 2^{31}$.

Tuloste

Ohjelmasi kirjoittaa mahdolliset herra Hajamielen koodinumerot uuteen ASCII-tekstitiedostoon nimeltä **numerot.out**.

Kokonaisluku x on mahdollinen koodinumero jos ja vain jos seuraavat ehdot pätevät:

- $p \le x \le q$
- luku x voidaan generoida laskemalla muotoa $i_1 \circ i_2 \circ \ldots \circ i_n$ olevan aritmeettisen lausekkeen arvo, jossa
 - luvut i_k ja i_{k+1} peräkkäin, ja niiden välissä on aritmeettinen operaattori (merkitty yllä symbolilla \circ)
 - Kukin aritmeettinen operaattori \circ on +, tai *
 - lauseke voidaan suluttaa mielivaltaisesti (mutta tietenkin laillisesti)

Syötetiedoston luvut i_k on valittu siten, että jokaisen luvuista i_1, i_2, \ldots, i_n koostetun aritmeettisen lausekkeen arvo on välillä $(-2^{31}, 2^{31})$.

Esimerkiksi arvoja $n=3,\ i_1=2,\ i_2=5$ ja $i_3=4$ vastaavat aritmeettiset lausekkeet arvoineen ovat

$$\begin{array}{llll} (2+5)+4=11 & (2+5)-4=3 & (2+5)*4=28 \\ (2-5)+4=1 & (2-5)-4=-7 & (2-5)*4=-12 \\ (2*5)+4=14 & (2*5)-4=6 & (2*5)*4=40 \\ 2+(5+4)=11 & 2+(5-4)=3 & 2+(5*4)=22 \\ 2-(5+4)=-7 & 2-(5-4)=1 & 2-(5*4)=-18 \\ 2*(5+4)=18 & 2*(5-4)=2 & 2*(5*4)=40 \end{array}$$

Jos esimerkiksi ala- ja ylärajat olisivat p = 10 ja q = 20, niin yllä luetelluista lausekkeiden arvoista saataisiin mahdollisten koodinumeroiden joukko $\{11, 14, 18\}$, koska muut arvot ovat pienempiä kuin p = 10 tai suurempia kuin q = 20.

Tulostiedostossa kukin mahdollinen koodinumero x tulostetaan omalle rivilleen, eikä tulostiedostossa tule olla ylimääräistä tyhjää tilaa (välilyöntejä tms.).

Toteutustiedosto ja pisteytys

Ohjelmasi toteutuksen tulee olla yhdessä lähdekooditiedostossa. Tiedoston nimen tulee olla $\mathbf{numerot.}x$, missä tiedostopääte x vastaa käyttämääsi ohjelmointikieltä. Siis joko $\mathbf{numerot.}\mathbf{c}$ tai $\mathbf{numerot.}\mathbf{cpp}$.

Ohjelmasi testataan 10 kertaa erilaisilla syötteillä. Ohjelmasi saa kutakin testiä varten 1 sekunnin keskusyksikköaikaa ja 16 megatavua keskusmuistia. Kukin testi pisteytetään laskemalla ensin arvot

- \bullet mikä on mahdollisten koodinumeroiden oikea kokonaismäärä (olkoon tämä arvo w)
- ullet kuinka monta oikeaa mahdollista koodinumeroa tulostiedosto sisältää (olkoon tämä arvo o)
- ullet kuinka monta väärää koodinumeroehdokasta tulostiedosto sisältää (olkoon tämä arvov)

ja sitten käyttäen kaavaa $pistemäärä = \max\{100*(o-v)/w,0\}$. Eli pistemäärä = kuinka monta prosenttia mahdollisista koodinumeroista löydettiin, kun kutakin väärää koodinumeroehdokasta kohden poistetaan tuloksesta yksi oikea koodinumero (tämä pätee myös duplikaatteihin: jos oikea koodinumero esiintyy useammin kuin kerran, lasketaan kukin duplikaatti virheelliseksi koodinumeroksi). Pistearvo lasketaan pyöristäen alaspäin mikäli pistearvo olisi vähintään 1. Muuten pyöristetään ylöspäin eli saat yhden pisteen mikäli $0 < \max\{100*(o-v)/w, 0\} < 1$. Aika- tai muistirajan ylittäminen tuottaa tulosteen oikeellisuudesta riippumatta 0 pistettä.

Tehtävän kokonaispistemäärä on yksittäisten tapausten pistemäärien keskiarvo. Näin ollen tehtävän maksimipistemäärä on 100.

Aiempaa esimerkkiä vastaavat syötetiedosto ja tulostiedosto

numerot.in:	numerot.out:
10	11
20	14
3	18
2	
5	
4	

Sääntöjä ja ohjeita

Kääntäjän parametrit

Lähdekooditiedosto käännetään käyttäen seuraavia parametreja:

	Kieli	parametrit	
	С	-02 -Wall -std=c99 -static -lm	
Ì	C++	-02 -Wall -static -lm	

Ohjelman toiminta

Ohjelmasi on noudatettava alla lueteltuja vaatimuksia, tai muuten seurauksena saattaa olla pistemenetyksiä.

- Ohjelma saa lukea ja kirjoittaa vain tehtävässä nimettyjä tiedostoja. Erityisesti näppäimistöltä lukeminen tai näytölle tulostaminen on kiellettyä.
- Tulostiedoston täytyy aina päättyä rivinvaihtoon.
- Pääohjelman main suorituksen pitää päättyä lauseeseen return 0;
- Ohjelmointikielessä pitää rajoittua vain sen standardoituihin peruspiirteisiin, ja välttää laite- tai kääntäjäkohtaisia erikoisuuksia.
 - Ohjelmointikielissä C ja C++ on käytössä standardoitu matematiikkakirjasto (eli käännettäessä annetaan valitsin -lm).
 - Ohjelmointikielessä C++ on käytössä myös Standard Template Library (STL) -kirjasto, koska se on osa kielen standardia.

Resurssirajat

Tehtävässä viitattiin seuraaviin resurssirajoihin:

Työmuisti Käsittää kaiken muun ohjelmasi käyttämän muistin paitsi sen suori-

tuskelpoista ohjelmakoodia.

Keskusyksikköaika Sisältää sen ajan, jonka tietokoneen keskusyksikkö käyttää suorittaes-

saan sinun omaa ohjelmakoodiasi sekä sen kutsumia kirjastoaliohjelmia. Se ei sisällä sitä aikaa, jonka keskusyksikkö käyttää suorittaessaan käyttöjärjestelmäpalveluita, kuten tiedostojen avaamisia ja sulkemisia. Keskusyksikköajan mittarina toimii Linux/Unix ympäristön ns."user

time".

Oheismateriaali

Kilpailun aikana ei lähtökohtaisesti saa käyttää kirjallista tai esim. verkossa olevaa lähdemateriaalia. Ainoa poikkeus tähän on C/C++-kirjastojen dokumentaatio. WWW-selaimen käyttö on kielletty muuhun kuin osoitteesta www.cppreference.com löytyvän dokumentaation lukemiseen.