

Algoritmos Genéticos

Módulo 4 : Técnicas computacionales avanzadas para modelar fenómenos sociales
Concentración en Economía Aplicada y Ciencia de Datos
ITESM

13 de abril de 2023



Algoritmos genéticos

- Un **Algoritmo Genético** es una meta-heurística de optimización basada en los principios de la genética y la selección natural ([La Rocca, 2022](#), p. 628).
- Incorporan procesos de adaptación basados en mecanismos de la evolución natural:
 - ▶ **Teoría de la herencia**,
 - ▶ **Selección natural**.
- Explotan los principios de la selección natural, esto es, de qué tan bien un organismo se adapta a su ambiente, sobrevive y genera descendencia.

Algoritmos genéticos

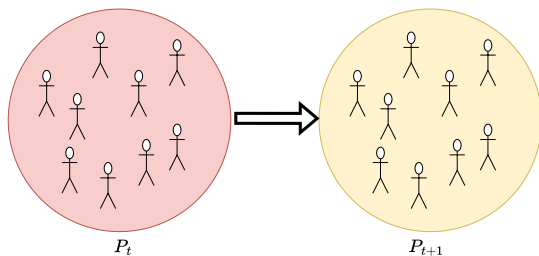
Los algoritmos genéticos presentan un balance adecuado entre

- **Explotación**, ¿cómo utilizamos la solución ya conocida para construir una mejor solución?
- **Exploración** del espacio de búsqueda de posibles soluciones.

Este balance lo logran por los mecanismos de **selección** de los individuos de la población en función a su **aptitud** y del **operador genético** de **cruza**, para el caso de la **explotación**, mientras que para la **exploración** la base es el operador de **mutación**.

Algoritmos genéticos

- Un algoritmo genético simula la dinámica de una población genética.
- En este proceso se genera una base de conocimientos en función de la forma cómo los individuos se adaptan al medio al cual se enfrentan (el problema a resolver).
- La población se va modificando de acuerdo a la **probabilidad de selección** para contribuir en la generación de una nueva generación de la población.



En este contexto ¿Qué significa la adaptación?

En este contexto ¿Qué significa la adaptación?

La adaptación involucra una **transformación progresiva** de los individuos.

Buscar más sobre adaptación.

Elementos generales de un algoritmo genético

- **Codificación de la población.**
- **Decodificación de la población.**
- **Selección de individuos.**
- **Reproducción de individuos.**

Algoritmos Genéticos vs Algoritmos tradicionales de optimización

Genéticos	Tradicionales
<ul style="list-style-type: none">• Tratan el problema como una caja negra (no requieren información a priori del problema).• Sólo requieren evaluar la función.• La búsqueda se realiza en una población de soluciones posibles, logrando con ello reducir la probabilidad de caer en óptimos locales.• Emplea reglas de transición probabilísticas.	<ul style="list-style-type: none">• Necesitan información del problema, como derivadas, gradientes, hessianos, etc.• Trabajan <i>punto a punto</i> para determinar el siguiente punto a analizar, ocasionando llegar a óptimos locales.• Emplea reglas determinísticas.• Necesita partir de un punto factible.

Factores que afectan el desempeño del algoritmo

- **Convergencia:**

- ▶ Presión selectiva: buscar en regiones del espacio de búsqueda que son prometedoras. Esto se logra mediante el cruzamiento de los individuos con mejor aptitud.
- ▶ Esto es necesario para que la búsqueda no sea aleatorio.

- **Diversidad de la población:**

- ▶ Evita una convergencia prematura.
- ▶ La carencia de la diversidad se traduce en que todos los individuos son iguales, llevando a un proceso de explotación no adecuado, llevando así a óptimos locales.

Algoritmo Genético Binario (simple)

Un **Algoritmo Genético Binario** se caracteriza por contar con un mecanismo de selección de los individuos más aptos de la población, los cuales contribuirán en la generación de la siguiente generación, y del uso de los operadores de cruce y mutación.

- **Generación de la población inicial.**

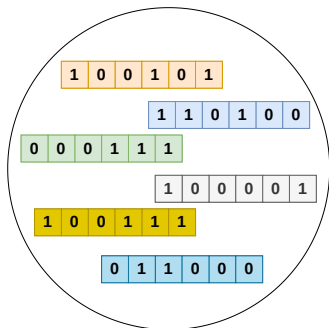


Figura: Generación de la población: se parte de individuos representados como cadenas de m bits, los cuales pueden ser generados de forma aleatoria.

Algoritmo Genético Binario (simple)

Un **Algoritmo Genético Binario** se caracteriza por contar con un mecanismo de selección de los individuos más aptos de la población, los cuales contribuirán en la generación de la siguiente generación, y del uso de los operadores de cruce y mutación.

- Generación de la población inicial.
- Evaluación de Fitness.

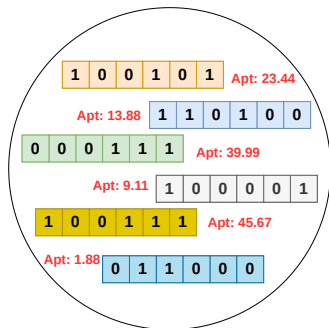


Figura: Se evalúa cada individuo con respecto al problema a resolver y se le asigna una medida llamada **fitness** o **aptitud** que es un valor numérico de qué tan bueno es el individuo para resolver el problema

Algoritmo Genético Binario (simple)

Un **Algoritmo Genético Binario** se caracteriza por contar con un mecanismo de selección de los individuos más aptos de la población, los cuales contribuirán en la generación de la siguiente generación, y del uso de los operadores de cruce y mutación.

- Generación de la población inicial.
- Evaluación de Fitness.
- Selección
- Cruza y Mutación

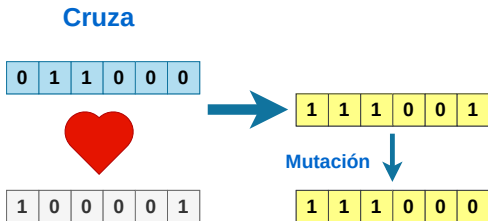


Figura: Se aplican los operadores genéticos de **cruza** y **mutación** a cada pareja seleccionada de la generación presente hasta que se crean n nuevos individuos. La generación actual es reemplazada por completo por la generación nueva

Algoritmo Genético Binario (simple)

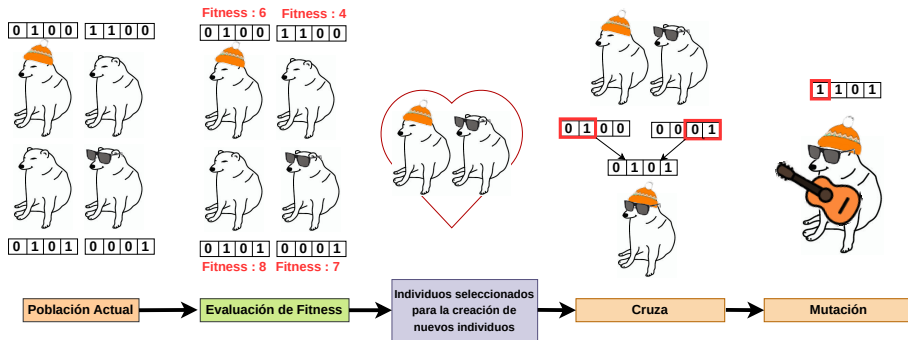


Figura: Elementos de un Algoritmo Genético Binario (simple)

Algoritmo Genético Binario (simple)



Figura: Elementos de un Algoritmo Genético Binario (simple)

Selección

En la selección se escogen a los individuos que cuentan con las mejores condiciones para contribuir en la formación de la siguiente generación.

Algunos métodos de selección son:

- **Reproducción proporcional o Método de la ruleta:**

- ▶ Muestreo determinístico.
- ▶ Muestreo aleatorio.

- **Torneo:**

- ▶ Con substitución.
- ▶ Sin substitución.

Reproducción proporcional o Método de la ruleta

Los individuos son seleccionados con una probabilidad proporcional a su valor relativo de fitness con respecto al total de la población.

La probabilidad de selección p_i de un individuo en la generación t está dada por la siguiente expresión:

$$p_i(t) = \frac{f_i(t)}{\sum_{j=1}^n f_j(t)} \quad (1)$$

Donde $f_i(t)$ es el valor de fitness del individuo i en el tiempo t .

Ejemplo

Individuo	Fitness	Proporción relativa
A	8	7 %
B	12	11 %
C	27	24 %
D	4	3 %
E	45	40 %
F	17	15 %
Total	113	100 %

Cuadro: Valores de fitness individuales

Ejemplo

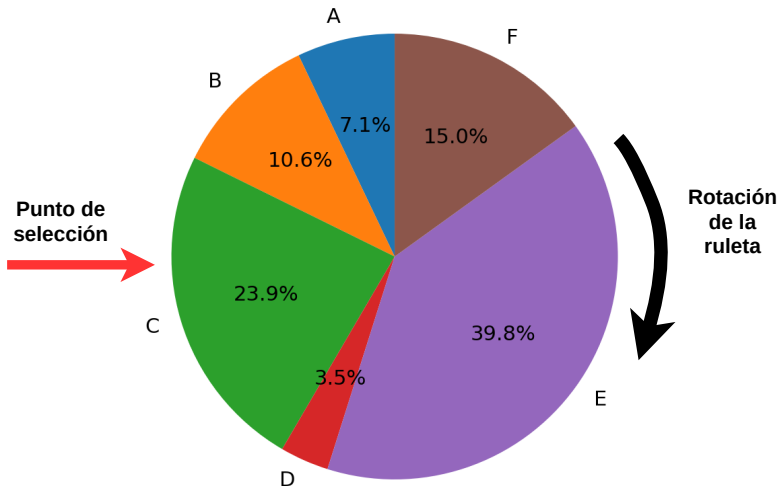


Figura: Método de selección de ruleta

Muestreo estocástico universal

- Se utiliza la misma ruleta así como las mismas proporciones de los individuos, pero en vez de usar un sólo punto de selección, la ruleta se gira una sola vez y se realizan múltiples puntos de selección que se encuentran igualmente espaciados en la ruleta.
- Los individuos son escogidos al mismo tiempo.
- Este método previene que individuos con valores altos de fitness acaparen la selección para la reproducción de la siguiente generación al ser escogidos una y otra vez.

Muestreo estocástico universal

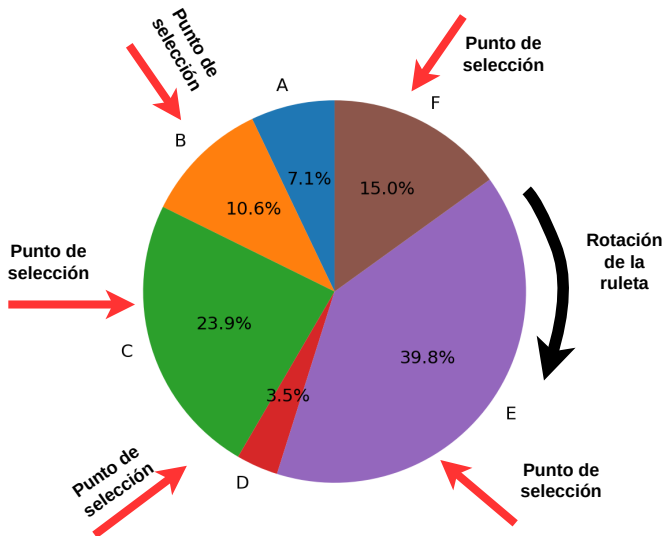


Figura: Muestreo estocástico universal

Fitness scaling

Fitness scaling aplica una transformación de escalamiento a los valores originales de fitness y los reemplaza con la transformación resultante.

Dicha transformación mapea los valores originales dentro de un rango deseado mediante la siguiente expresión:

$$\text{scaled fitness} = a \times \text{valor original de fitness} + b \quad (2)$$

Donde a y b son constantes que seleccionamos para lograr el rango deseado de los valores de fitness escalados.

Ejemplo

Utilizando los mismos valores de fitness, los mapearemos a un nuevo rango entre 50 y 100.

Calculamos los valores de a y b tomando a los individuos con el valor de fitness más bajo y más alto, respectivamente.

- $50 = a \times 4 + b$
- $100 = a \times 45 + b$

Resolviendo el sistema de ecuaciones obtenemos los siguientes valores para $a = 1,22$ y $b = 45,12$.

De manera que los valores escalados se pueden calcular con la siguiente expresión:

$$\text{scaled fitness} = 1,22 \times \text{valor original de fitness} + 45,12$$

Ejemplo

Individuo	Fitness	Scaled fitness	Proporción relativa
A	8	50	13 %
B	12	60	15 %
C	27	78	19 %
D	4	50	12 %
E	45	100	25 %
F	17	66	16 %
Total	113	404	100 %

Cuadro: Valores de fitness individuales

Fitness scaling

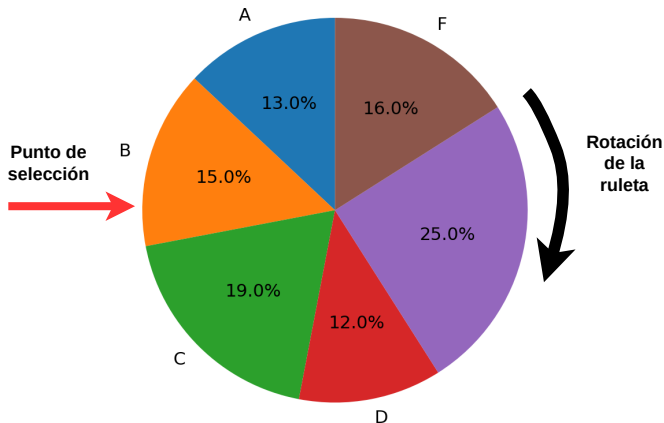


Figura: Fitness scaling

Selección por torneo

- En cada ronda se toman aleatoriamente dos o más individuos de la población, y aquel individuo con la puntaje de fitness más alto gana la contienda y es seleccionado.
- El número de individuos que participan en cada ronda del torneo se denomina *tamaño del torneo*.
- En la medida que el tamaño del torneo es grande, hay más oportunidades que el mejor individuo participe en las contiendas y las gane, mientras que para un tamaño de torneo pequeño, hay más oportunidades que sean seleccionados los individuos con menor fitness.

Ejemplo

Individuo	Fitness
A	8
B	12
C	27
D	4
E	45
F	17

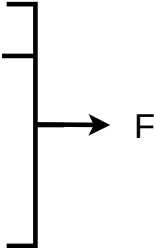


Figura: Selección por torneo con tamaño de torneo igual a 3

Cruza o Recombinación

- Es un proceso que genera una recombinación de los alelos mediante el intercambio de segmentos entre pares de cromosomas.
- El operador de cruza es el operador principal en algoritmos genéticos.
- Es usado para combinar la información genética de dos individuos para generar (usualmente dos) nuevos individuos.
- Típicamente el operador de cruza se aplica con una probabilidad relativamente alta, de forma análoga a la vida natural ($\in [0,6,1]$).
- Si **no** se aplica el operador de cruza, ambos individuos seleccionados son clonados directamente para la siguiente generación.

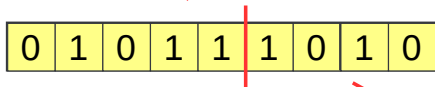
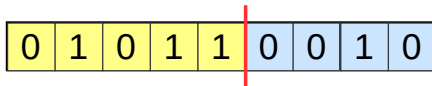
Cruza o Recombinación

El operador de craza puede ejecutarse en dos pasos:

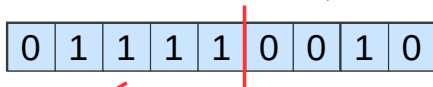
- Se seleccionan los individuos con algún método de selección.
- Los individuos se combinan con alguno de los siguientes métodos;
 - ▶ Cruza en un punto.
 - ▶ Cruza en dos puntos.
 - ▶ Cruza multipunto.
 - ▶ Cruza uniforme.

Cruza en un punto

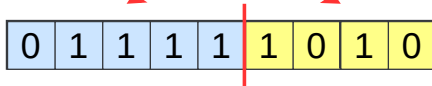
Seleccionamos un punto de corte aleatorio para los cromosomas de ambos individuos



Punto de corte

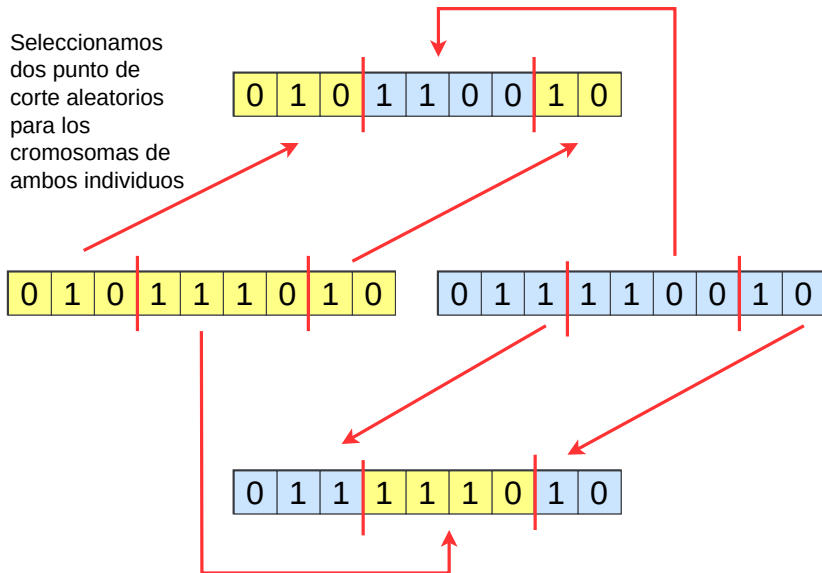


Punto de corte



Cruza en dos punto

Seleccionamos
dos punto de
corte aleatorios
para los
cromosomas de
ambos individuos



Mutación

- La mutación es el último operador genético en el proceso de creación de la nueva población.
- La mutación puede interpretarse de varias maneras:
 - ▶ Un mecanismo para asegurar diversidad en la población.
 - ▶ Una protección contra pérdidas prematuras de material genético generado durante la cruce.
 - ▶ Permite explorar el espacio de búsqueda, escapar de óptimos locales y evitar la convergencia prematura.
- La mutación es un proceso donde un alelo de un gen es reemplazado aleatoriamente para generar un nuevo cromosoma.
- Al igual que en la vida natural, la mutación aparece con una probabilidad baja.

Mutación

Al igual que en la vida natural, la mutación aparece con una probabilidad baja.

Se ha propuesto que la probabilidad de mutación esté en función de la longitud del cromosoma, L , de acuerdo a la siguiente expresión:

$$\text{Probabilidad de mutación} = 0,1 \times \left(\frac{1}{L}\right)$$

Es decir, en promedio, se estará mutando 1 % de la población en un bit.

Flip bit mutation

Se selecciona un gen de forma aleatoria y se reemplaza su valor.

0	1	0	1	1	1	0	1	0
---	---	---	---	---	---	---	---	---



0	1	1	1	1	1	0	1	0
---	---	---	---	---	---	---	---	---

Podemos extenderlo a seleccionar y reemplazar más de un gen.

Swap mutation

Se seleccionan dos genes de forma aleatoria y se intercambian sus valores.

0	1	0	1	1	1	0	1	0
---	---	---	---	---	---	---	---	---



0	1	1	1	1	1	0	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---	---

References I

La Rocca, M. (2022). *Advanced Algorithms and Data Structures*.
Manning, first edition.