Zestaw 5, Zadanie 2

Miłosz Bargieł

Obliczanie złożoności obliczeniowej pesymisrycznej, średniej oraz optymistycznej dla algorytmu sortowania Selection sort. Dominujaca operacja w tym algorytmie jest operacja porównania. W pierwszej iteracji wykonujemy n-1 porównań, w kolejnej n-2, nastepnie n-3 itd. Otrzymujemy nastepujaca sume: $(n-1)+(n-2)+(n-3)+\ldots+3+2+1=\frac{n(n-1)}{2}$. Złożoność tej operacji jest zawsze równa $O(n^2)$ niezależnie od kolejności danych wejściowych. W celu ustalenia jaka jest złożoność optymistyczna, pesymistyczna oraz średnia porównam operacje swap.

Kod algorytmu:

- 1. Złożoność optymistyczna scenariusz, w którym dane wejściowe sa już posortowane. Jak wyżej wspomniano wykonywane jest $O(n^2)$ porównań, lecz w przypadku gdy dane sa posortowane i == min_idx dla każdej iteracji wiec operacja swap nigdy nie jest wykonywana. Złożoność dla tej operacji wynosi zatem O(1). Tak wiec optymistyczna złożoność to $O(n^2)$ porównań i O(1) swapów.
- 2. Złożoność pesymityczna scenariusz, w którym dane wejściowe sa posortowane malejaco a nasz algorytm sortuje je rosnaco. W takim przypadku dla każdej iteracji warunek i != min_idx bedzie prawdziwy, wiec zostanie wykonane łacznie n swapów. Tak wiec pesymistyczna złożoność to $O(n^2)$ porównań i O(n) swapów.
- 3. Średnia złożoność obliczana w nastepujacy sposób wszystkie możliwe

przypadki złożoności czasowej operacji podzielone przez liczbe przypadków. Powyższy algorytm może wykonać $1+2+3+\ldots+(n-2)+(n-1)$ swapów. Liczba wszystkich możliwych scenariuszy wynosi n. Tak wiec średnia złożoność to $O(n^2)$ porównań i $\frac{n(n+1)}{2n}=\frac{n+1}{2}=O(n)$ swapów.