

Dies ist der Titel der Abschlussarbeit der sich auch über mehrere  
Zeilen erstrecken kann

**Abschlussarbeit**

zur Erlangung des akademischen Grades  
**Master of Science (M.Sc.)**

an der

Hochschule für Technik und Wirtschaft Berlin  
Fachbereich Wirtschaftswissenschaften II  
Studiengang Angewandte Informatik

1. Prüfer: Max Mustermann  
2. Prüfer: Max Mustermann

Eingereicht von: Max Mustermann  
Matrikelnummer: s0000000  
Datum der Abgabe: 25.04.2017

# Inhaltsverzeichnis

<b>1</b>	<b>Einleitung</b>	<b>1</b>
<b>2</b>	<b>Finite Differenzen der stationären Gleichung</b>	<b>2</b>
2.1	Lineare stationäre Gleichung . . . . .	2
2.2	Nicht Lineare stationäre Gleichung . . . . .	4
<b>3</b>	<b>Implizite Einschrittverfahren</b>	<b>6</b>
3.1	Entwicklung . . . . .	6
3.2	Anwendung . . . . .	6
	<b>Abbildungsverzeichnis</b>	<b>A</b>
	<b>Literatur</b>	<b>B</b>

# 1 Einleitung

In dieser Hausarbeit sollen die Grundlagen einer Simulation der Dynamik in neuartigen Perowskit-Solarzellen gelegt werden. Diese Art der Dünnschicht Solarzellen erreicht hohe Wirkungsgerade von über 20% und ist somit für die Forschung von großer Interesse[Pro].

## 2 Finite Differenzen der stationären Gleichung

Im folgendem Kapitel soll die stationäre Verteilung der Ladungsträger bei kontinuierlicher Bestrahlung modelliert werden. Dadurch kann die zeitliche Abhängigkeit vernachlässigt werden ( $\frac{\partial u}{\partial t} = 0$ )

Die allgemeine DGL ist gegeben durch:

$$\frac{\partial u}{\partial t} = D \cdot \frac{\partial^2 u}{\partial z^2} - (k_1 + k_2 \cdot N_D) \cdot u - k_2 u^2 + s(t, z) \quad (2.1)$$

Mit  $\frac{\partial u}{\partial t} = 0$  folgt die stationäre Gleichung:

$$D \cdot \frac{du}{dz} - (k_1 + k_2 N_D) \cdot u - k_2 \cdot u^2 = -s(z), \quad 0 < z < d \quad (2.2)$$

mit den Randbedingungen:

$$D \cdot \frac{\partial u}{\partial z}(0) = S_L u(0), \quad D \frac{\partial u}{\partial z}(d) = -S_R u(d) \quad (2.3)$$

### 2.1 Lineare stationäre Gleichung

Im folgenden Kapitel soll nur der in  $u$  lineare Anteil der stationären, zeitunabhängigen Gleichung (Eq. 2.2) ohne den quadratischen Term  $-k_2 u^2$  behandelt werden[Pro].

$$D \frac{\partial^2 u}{\partial z^2} - kz = -s(z), \quad 0 < z < d, \quad (2.4)$$

## 2.2 Nicht Lineare stationäre Gleichung

Nichtlineare DGL:

$$D \frac{\partial^2 u}{\partial z^2} - (k_1 + k_2 N_D)u - k_2 u^2 = -s(z) \quad (2.5)$$

Diskretisierung der DGL:

$$D \frac{u_{i+1} - 2u_i + u_{i-1}}{h^2} - k \cdot u_i - k_2 \cdot u_i^2 = z_i \quad (2.6)$$

Mit den Randbedingung:

$$D \cdot \frac{\partial u}{\partial z}(0) = S_L u(0), \quad D \frac{\partial u}{\partial z}(d) = -S_R u(d) \quad (2.7)$$

Und den Approximationen der ersten Ableitung der Randbedingungen:

$$u'(0) \approx \frac{u_1 - u_{-1}}{2h} \quad u'(d) \approx \frac{u_{N+1} - u_{N-1}}{2h} \quad (2.8)$$

Damit folgt für die Randbedingung:

$$D \cdot \frac{u_1 - u_{-1}}{2h} = S_L u_0, \quad D \frac{u_{N+1} - u_{N-1}}{2h} = -S_R u_N \quad (2.9)$$

umgestellt nach  $u_{-1}$

$$u_{-1} = -\frac{S_L 2h}{D} \cdot u_0 + u_1 \quad (2.10)$$

umgestellt nach  $u_{N+1}$

$$u_{N+1} = -\frac{S_R 2h}{D} \cdot u_N + u_{N-1} \quad (2.11)$$

Damit folgt für die Funktion  $F(u) = b$ :

$$\begin{aligned}
F_0 &= \frac{D}{h^2}u_1 - \frac{2D + kh^2}{h^2}u_0 + \frac{D}{h^2} \cdot \left( -\frac{S_L 2h}{D} \cdot u_0 + u_1 \right) - k_2 u_0^2 \\
&\vdots \\
F_i &= \frac{D}{h^2}u_{i+1} - \frac{2D + kh^2}{h^2}u_i + \frac{D}{h^2} \cdot u_{i-1} - k_2 u_i^2 \\
&\vdots \\
F_N &= \frac{D}{h^2} \left( -\frac{S_R 2h}{D} \cdot u_N + u_{N-1} \right) - \frac{2D + kh^2}{h^2}u_N + \frac{D}{h^2}u_{N-1} - k_2 u_N^2
\end{aligned}$$

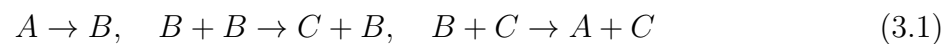
Vereinfacht zu :

$$\begin{aligned}
F_0 &= 2 \cdot \frac{D}{h^2}u_1 - \left( \frac{S_L 2h + 2D + kh^2}{h^2} \right) u_0 - k_2 u_0^2 \\
&\vdots \\
F_i &= \frac{D}{h^2}u_{i+1} - \frac{2D + kh^2}{h^2}u_i + \frac{D}{h^2} \cdot u_{i-1} - k_2 u_i^2 \\
&\vdots \\
F_N &= -\frac{2D + kh^2 + S_R 2h}{h^2}u_N + 2\frac{D}{h^2}u_{N-1} - k_2 u_N^2
\end{aligned}$$

# 3 Implizite Einschrittverfahren

In diesem Kapitel werden Methoden zur Lösung von sogenannten steifen Anfangswertproblemen behandelt. Dazu soll Folgendes Chemisches Problem anhand einer DGL untersucht werden.

Die zu untersuchenden Reaktionsgleichungen sind:



Die Dynamik der Konzentrationen der Komponenten werden durch folgende Anfangswertprobleme beschrieben:

$$\begin{array}{lll} A : y_1' = & -0.04 \cdot y_1 + 10^4 \cdot y_2 y_3 & \\ B : y_2' = & 0.04 \cdot y_1 - 10^4 \cdot y_2 y_3 & -3 \cdot 10^7 y_2^2 \\ C : y_3' = & & 3 \cdot 10^7 y_2^2 \end{array}$$

mit den Anfangswerten

## 3.1 Entwicklung

## 3.2 Anwendung



# Abbildungsverzeichnis

# Literatur

- [Pro] Prof. Dr. Andreas Zeiser. *Angewandte Mathematik: Projekt Zeitaufgelöste Photolumineszenz*. Moodle.