

Dies ist der Titel der Abschlussarbeit der sich auch über mehrere  
Zeilen erstrecken kann

**Abschlussarbeit**

zur Erlangung des akademischen Grades  
**Master of Science (M.Sc.)**

an der

Hochschule für Technik und Wirtschaft Berlin  
Fachbereich Wirtschaftswissenschaften II  
Studiengang Angewandte Informatik

1. Prüfer: Max Mustermann  
2. Prüfer: Max Mustermann

Eingereicht von: Max Mustermann  
Matrikelnummer: s0000000  
Datum der Abgabe: 25.04.2017

# Inhaltsverzeichnis

<b>1</b>	<b>Einleitung</b>	<b>1</b>
<b>2</b>	<b>Finite Differenzen der stationären Gleichung</b>	<b>2</b>
2.1	Lineare stationäre Gleichung . . . . .	2
<b>3</b>	<b>Nicht Lineare stationäre Gleichung</b>	<b>4</b>
<b>4</b>	<b>Implizite Einschrittverfahren</b>	<b>6</b>
4.1	Entwicklung . . . . .	6
	<b>Abbildungsverzeichnis</b>	<b>A</b>

# 1 Einleitung

In dieser Hausarbeit sollen die Grundlagen einer Simulation der Dynamik in neuartigen Perowskit-Solarzellen gelegt werden. Diese Art der Dünnschicht Solarzellen erreicht hohe Wirkungsgerade von über 20% und ist somit für die Forschung von großer Interesse[**Prof.Dr.AndreasZeiser.April2021**].

## 2 Finite Differenzen der stationären Gleichung

Im folgendem Kapitel soll die stationäre Verteilung der Ladungsträger bei kontinuierlicher Bestrahlung modelliert werden. Dadurch kann die zeitliche Abhängigkeit vernachlässigt werden ( $\frac{\partial u}{\partial t} = 0$ )

Die allgemeine DGL ist gegeben durch:

$$\frac{\partial u}{\partial t} = D \cdot \frac{\partial^2 u}{\partial z^2} - (k_1 + k_2 \cdot N_D) \cdot u - k_2 u^2 + s(t, z) \quad (2.1)$$

Mit  $\frac{\partial u}{\partial t} = 0$  folgt die stationäre Gleichung:

$$D \cdot \frac{du}{dz} - (k_1 + k_2 N_D) \cdot u - k_2 \cdot u^2 = -s(z), \quad 0 < z < d \quad (2.2)$$

mit den Randbedingungen:

$$D \cdot \frac{\partial u}{\partial z}(0) = S_L u(0), \quad D \frac{\partial u}{\partial z}(d) = -S_R u(d) \quad (2.3)$$

### 2.1 Lineare stationäre Gleichung

Im folgenden Kapitel soll nur der in  $u$  lineare Anteil der stationären, zeitunabhängigen Gleichung (Eq. 2.2) ohne den quadratischen Term  $-k_2 u^2$  behandelt werden [Prof. Dr. Andreas Zeiser, April 2012]

$$D \frac{\partial^2 u}{\partial z^2} - kz = -s(z), \quad 0 < z < d, \quad (2.4)$$

### 3 Nicht Lineare stationäre Gleichung

Nichtlineare DGL:

$$D \frac{\partial^2 u}{\partial z^2} - (k_1 + k_2 N_D)u - k_2 u^2 = -s(z) \quad (3.1)$$

Diskretisierung der DGL:

$$D \frac{u_{i+1} - 2u_i + u_{i-1}}{h^2} - k \cdot u_i - k_2 \cdot u_i^2 = z_i \quad (3.2)$$

Mit den Randbedingung:

$$D \cdot \frac{\partial u}{\partial z}(0) = S_L u(0), \quad D \frac{\partial u}{\partial z}(d) = -S_R u(d) \quad (3.3)$$

Und den approximation der ersten Ableitung der Randbedingungen:

$$u'(0) \approx \frac{u_1 - u_{-1}}{2h} \quad u'(d) \approx \frac{u_{N+1} - u_{N-1}}{2h} \quad (3.4)$$

Damit folgt für die Randbedingung:

$$D \cdot \frac{u_1 - u_{-1}}{2h} = S_L u_0, \quad D \frac{u_{N+1} - u_{N-1}}{2h} = -S_R u_N \quad (3.5)$$

umgestellt nach  $u_{-1}$

$$u_{-1} = \frac{-2h}{D} \cdot S_L u_0 - \frac{u_1}{D} \quad (3.6)$$

umgestellt nach

Damit folgt für die DGL:

$$F_0 = \frac{Du_1}{h^2} - \frac{2D + kD}{h^2}u_0 + \frac{D}{h^2} \cdot \left( \frac{-2h}{D} \cdot S_L u_0 - \frac{u_1}{D} \right) - k_2 u_0^2 \quad (3.7)$$

$$F_N = \frac{Du_{N+1}}{h^2} - \frac{2D + kD}{h^2}u_N + \frac{D}{h^2} \left( \frac{-2h}{D} \cdot S_L u_0 - \frac{u_1}{D} \right) - k_2 u_N^2 \quad (3.8)$$

## 4 Implizite Einschrittverfahren

### 4.1 Entwicklung

$$\delta \tag{4.1}$$



# Abbildungsverzeichnis