|  |
| --- |
|  |
| page1image29306176  Τμήμα Μηχανικών Η/Υ και Πληροφορικής  Πανεπιστήμιο Πατρών  Πολυτεχνική Σχολή  Τομέας Λογικού των Υπολογιστών  Διδάσκοντες: Βασίλειος Μεγαλοοικονόμου, Χρήστος Μακρής  Ακαδημαϊκό Έτος: 2023 – 2024  Ημ / νία Παράδοσης: 09/ 06 / 2024 |

Εξόρυξη Δεδομένων και Αλγόριθμοι Μάθησης

Επιλεγόμενο Μάθημα – CEID\_ΝΕ562

Εργαστηριακή Άσκηση

Εαρινό Εξάμηνο 2024

Χρυσαυγή Πατέλη | 1084513 | up1084513@ac.upatras.gr

Μηλτιάδης Μαντές | 1084661 | up1084661@ac.upatras.gr

ΠΕΡΙΕΧΟΜΕΝΑ

**1 ΕΙΣΑΓΩΓΗ 1.1** Σύνολο Δεδομένων ……………..…………..……..……………………………………………….. 3 **1.2** Περιβάλλον Υλοποίησης & Βιβλιοθήκες …………………………………………………………… 4

**2 ΕΡΩΤΗΜΑ 1Ο 2.1** Περιγραφή …..…………………………………………………………………………………….. 6 **2.2** Υλοποίηση …..…………………………………………………………………………………….. 7  **2.3** Αποτελέσματα ……………………………………………………………………………….…... 13

**3 ΕΡΩΤΗΜΑ 2Ο 3.1** Περιγραφή …………………………………………………………………………………..…… 23 **3.2** Υλοποίηση ……………………………………………………………………………………..…  **3.3** Αποτελέσματα …………………………………………………………………………………..

**4 ΕΡΩΤΗΜΑ 3Ο 4.1** Περιγραφή ……………………………………………………………………………………… **4.2** Υλοποίηση ………………………………………………………………………………………  **4.3** Αποτελέσματα …………………………………………………………………………………..

**5 ΠΑΡΑΡΤΗΜΑ**

1. **ΕΙΣΑΓΩΓΗ**

**1.1 Σύνολο Δεδομένων**

**1.2 Περιβάλλον Υλοποίησης & Βιβλιοθήκες**

**Περιβάλλον Υλοποίησης:**

Ως περιβάλλον υλοποίησης έχουμε επιλέξει το **Google Colab**, το οποίο μας προσφέρει μεγάλη διευκόλυνση όσον αφορά την υλοποίηση και τη ταχύτητα εκτέλεσης κώδικα πάνω σε μεγάλο όγκο δεδομένων. Πιο συγκεκριμένα, προσφέρει δωρεάν πρόσβαση σε *Τ4* *GPU* (Graphics Processing Unit) και *TPU* (Tensor Processing Unit), επιτρέποντας έτσι την ταχύτερη εκτέλεση αλγορίθμων μηχανικής μάθησης και deep learning, το οποίο είναι και το κύριο αντικείμενο αυτής της εργασίας. Άλλωστε σε κάθε κελί ενός Notebook σε **Google Colab** μπορούμε να γράψουμε και να εκτελέσουμε κώδικα Python ακριβώς όπως και σε ένα τοπικό **Jupyter Notebook** χωρίς καμία απολύτως διαφορά. Τέλος, ένας άλλος λόγος που επιλέξαμε το **Google Colab** είναι ότι διευκόλυνε τη συνεργατική υλοποίηση της εργασίας, καθώς μπορούσαμε να μοιραστούμε τα Notebooks μας και να τα επεξεργαστούμε σε πραγματικό χρόνο.

Παρακάτω ακολουθεί και μια σύντομη περιγραφή όλων των βιβλιοθηκών λογισμικού που εγκαταστήσαμε στο περιβάλλον μας για την υλοποίηση της εργασίας:

**Γενικές Βιβλιοθήκες:**

1. **os:** παρέχει διασύνδεση με το λειτουργικό σύστημα, επιτρέποντας την εκτέλεση εντολών για τη διαχείριση αρχείων και καταλόγων. Έτσι, μπορούμε να αλλάξουμε τον τρέχοντα κατάλογο και να διαβάσουμε το περιεχόμενο ενός καταλόγου στο κώδικά μας.
2. **pandas:** είναι μια ισχυρή βιβλιοθήκη για την ανάλυση και τη διαχείριση δεδομένων. Παρέχει δομές δεδομένων όπως DataFrame και Series που διευκολύνουν την επεξεργασία, τον καθαρισμό και την ανάλυση δεδομένων που διαβάζουμε από τα αρχεία CSV του dataset.
3. **numpy:** είναι η βασική βιβλιοθήκη για αριθμητικούς υπολογισμούς στη Python. Παρέχει υποστήριξη για πολυδιάστατους πίνακες και μια πληθώρα μαθηματικών συναρτήσεων για τη λειτουργία πάνω σε αυτούς τους πίνακες.
4. **matplotlib.pyplot:** είναι ένα υποσύνολο της βιβλιοθήκης **matplotlib** και παρέχει ένα σύνολο εντολών που επιτρέπουν τη δημιουργία διαγραμμάτων και γραφημάτων.

**Βιβλιοθήκες 1ου Ερωτήματος:**

1. **seaborn:** είναι μια βιβλιοθήκη για τη στατιστική απεικόνιση των δεδομένων μας που βασίζεται στη **matplotlib**. Παρέχει ευκολότερους τρόπους για τη δημιουργία σύνθετων γραφημάτων. Στο συγκεκριμένο ερώτημα εμείς τη χρησιμοποιούμε για την υλοποίηση γραφημάτων διασποράς και θερμοχάρτες (heatmaps) που προκύπτουν από τη στατιστική επεξεργασία των δεδομένων.

**Βιβλιοθήκες 2ου Ερωτήματος:**

1. **sklearn.metrics:** είναι υποσύνολο της βιβλιοθήκης **sklearn** η οποία χρησιμοποιείται για μηχανική μάθηση καιπαρέχει εργαλεία για την αξιολόγηση της απόδοσης μοντέλων μηχανικής μάθησης. Περιλαμβάνει μετρικές για ταξινόμηση, παλινδρόμηση και ομαδοποίηση, όπως **accuracy\_score**, **precision\_score**, **recall\_score**, **f1\_score**, **confusion matrix** κ.ά.
2. **sklearn.ensemble:** είναι υποσύνολο της βιβλιοθήκης **sklearn** και περιλαμβάνει αλγορίθμους συνόλων (ensemble algorithms) που συνδυάζουν τις προβλέψεις πολλαπλών μοντέλων για τη βελτίωση της απόδοσης και της ακρίβειας. Το μοντέλο που θα αξιοποιήσουμε εμείς από αυτή τη βιβλιοθήκη είναι αυτό του **Random Forest**.
3. **tensorflow:** είναι μια βιβλιοθήκη ανοιχτού κώδικα για τη μηχανική μάθηση και την ανάπτυξη νευρωνικών δικτύων μέσω του *Keras API*. Από το *Keras API* εμείς αξιοποιούμε για την υλοποίηση του **Artificial Neural Network** το Sequential μοντέλο και το στρώμα Dense.
4. **pgmpy.models:** είναι μέρος της βιβλιοθήκης **pgmpy** που χρησιμοποιείται για τη δημιουργία και τη διαχείριση μοντέλων γραφικών πιθανοτήτων (probabilistic graphical models). Αυτά τα μοντέλα περιλαμβάνουν τα **Bayesian Networks** που θα αξιοποιήσουμε εμείς.
5. **pgmpy.estimators:** είναι μέρος της βιβλιοθήκης **pgmpy** και παρέχει μεθόδους για την εκτίμηση παραμέτρων και δομών για τα μοντέλα γραφικών πιθανοτήτων. Χρησιμοποιείται για την εκμάθηση της δομής του δικτύου και των πιθανοτήτων από τα δεδομένα σε ένα **Bayesian Network**. Από αυτές τις μεθόδους εμείς αξιοποιούμε τη **MaximumLikelihoodEstimator**, τη **HillClimbSearch** και τη **BicScore**.
6. **pgmpy.inference:** είναι μέρος της βιβλιοθήκης **pgmpy** και παρέχει εργαλεία και αλγορίθμους για τον υπολογισμό πιθανοτήτων και εκτίμηση μεταβλητών σε πιθανοτικά γραφικά μοντέλα. Η ανάλυση που παρέχει βοηθά στην κατανόηση των συμπερασμάτων που μπορούν να εξαχθούν από τα πιθανοτικά μοντέλα και τις εκτιμήσεις που μπορούν να πραγματοποιηθούν. Για το Bayesian Network αξιοποιήσαμε τη κλάση **VariableElimination** για τον υπολογισμό πιθανοτήτων ή αναμενόμενων τιμών.
7. **sklearn.preprocessing:** είναι υποσύνολο της βιβλιοθήκης **sklearn** και παρέχει εργαλεία για την προεπεξεργασία δεδομένων. Κάποια από αυτά τα εργαλεία τα οποία θα αξιοποιήσουμε είναι η κανονικοποίηση (normalization), και η μετατροπή κατηγοριών σε δυαδικούς δείκτες (one-hot encoding).

**Βιβλιοθήκες 3ου Ερωτήματος:**

1. **sklearn.preprocessing:** είναι υποσύνολο της βιβλιοθήκης **sklearn** και παρέχει εργαλεία για την προεπεξεργασία δεδομένων. Κάποια από αυτά τα εργαλεία τα οποία θα αξιοποιήσουμε είναι η κανονικοποίηση (normalization), και η μετατροπή κατηγοριών σε δυαδικούς δείκτες (one-hot encoding).
2. **sklearn.cluster:** είναι υποσύνολο της βιβλιοθήκης **sklearn** και περιλαμβάνει αλγορίθμους για την ομαδοποίηση (clustering) δεδομένων, όπως **K-means**.
3. **sklearn.mixture:** είναι υποσύνολο της βιβλιοθήκης **sklearn** και παρέχει μοντέλα μείγματος (mixture models), όπως **Gaussian Mixture Model (GMM)** το οποίο και χρησιμοποιήσαμε.
4. **mpl\_toolkits.mplot3d:** είναι μια υποβιβλιοθήκη της **matplotlib** που επιτρέπει τη δημιουργία τρισδιάστατων γραφημάτων. Αξιοποιήθηκε για τη τρισδιάστατη αναπαράσταση των συστάδων στις οποίες χωρίσαμε τα δεδομένα για κάθε έναν από τους δύο αισθητήρες.
5. **minisom:** είναι μια απλή και γρήγορη βιβλιοθήκη για την εκπαίδευση και την εφαρμογή αυτοοργανωμένων χαρτών (Self-Organizing Maps, SOMs). Τα SOMs είναι ένας τύπος τεχνητών νευρωνικών δικτύων που χρησιμοποιούνται για την ομαδοποίηση και τη μείωση της διάστασης των δεδομένων. Μέσω αυτής της βιβλιοθήκης υλοποιήσαμε έτσι τη συσταδοποίηση μέσω **Kohonen Networks**.
6. **ΕΡΩΤΗΜΑ 1Ο**

**2.1 Περιγραφή**

Για να κατανοήσουμε περισσότερο τη δομή του συνόλου δεδομένων που θα μελετήσουμε καθώς και τη κατανομή και τις συσχετίσεις των μετρήσεων των αισθητήρων σε αυτό, πραγματοποιούμε στατιστική επεξεργασία τόσο με **αριθμητικό περιγραφικό** τρόπο όσο και με **γραφικό**.

Όσον αφορά τα **αριθμητικά περιγραφικά μέτρα**, πρόκειται για ποσοτικά μεγέθη που βοηθούν στην περιγραφή της κατανομής του συνόλου δεδομένων με όρους ποσοτικούς. Στη προκειμένη περίπτωση θα χρησιμοποιήσουμε στατιστικά **μέτρα θέσης** (μέση τιμή, διάμεσος, 25ο και 75ο εκατοστημόριο) και **μεταβλητότητας** (εύρος συνόλου δεδομένων ή αλλιώς μέγιστη και ελάχιστη τιμή, τυπική απόκλιση).

**Στατιστικά Μέτρα Θέσης:**

1. **Μέση Τιμή (Mean):** Υπολογίζει τον αριθμητικό μέσο όρο των τιμών κάθε γνωρίσματος.
2. **Διάμεσος (50%):** Η τιμή που χωρίζει τα δεδομένα σε δύο ίσα μέρη όταν αυτά ταξινομούνται.
3. **25ο και 75ο Εκατοστημόριο (Quartiles):** Τα σημεία που χωρίζουν το κατώτερο 25% και 75% των δεδομένων.

**Στατιστικά Μέτρα Μεταβλητότητας:**

1. **Εύρος (Range):** Η διαφορά μεταξύ της μέγιστης και ελάχιστης τιμής.
2. **Τυπική Απόκλιση (Standard Deviation):** Ένα μέτρο της διασποράς των τιμών γύρω από τη μέση τιμή.

Όσον αφορά την **γραφική αναπαράσταση** των δεδομένων αξιοποιούμε ένα **ιστόγραμμα κατανομής συχνοτήτων** κάθε γνωρίσματος, καθώς και ένα **θερμοχάρτη (heatmap)** για τον εντοπισμό της ετεροσυσχέτισης ανάμεσα στα 6 γνωρίσματα του συνόλου δεδομένων. Το ιστόγραμμα συχνοτήτων επιπλέον προσαρμόζεται κατάλληλα για να απεικονίζεται η πυκνότητα πιθανότητας κάθε γνωρίσματος και όχι οι απόλυτες συχνότητες εμφάνισής του. Αυτό σημαίνει ότι το άθροισμα των περιοχών των ράβδων θα είναι ίσο με 1, καθιστώντας το ιστόγραμμα κατάλληλο για τη σύγκριση με κανονικοποιημένες κατανομές. Έχουμε επιλέξει πάνω σε κάθε ιστόγραμμα να εμφανίζεται γραφικά και η αντίστοιχη **κατανομή Gauss** την οποία προσεγγίζει η κάθε συνάρτηση πυκνότητας πιθανότητας, προκειμένου η σύγκριση να είναι πιο κατανοητή. Ακόμη, για τον θερμοχάρτη επιλέγουμε να χρησιμοποιήσουμε τον **συντελεστή συσχέτισης Pearson** για να μετρήσουμε τη γραμμική συσχέτιση μεταξύ των γνωρισμάτων.

Τέλος, εφόσον τα δεδομένα μας μεταβάλλονται και με βάση το χρόνο, πέρα από στατιστική επεξεργασία κάνουμε και απεικόνιση της **χρονοσειράς** κάθε γνωρίσματος. Η χρησιμότητα της χρονοσειράς έγκειται στο ότι μπορούμε να αναγνωρίσουμε πιο εύκολα τάσεις, διακυμάνσεις, μοτίβα και ανωμαλίες στα δεδομένα με τη πάροδο του χρόνου.

Πριν προχωρήσουμε στην υλοποίηση, σημειώνουμε ότι έχουμε πραγματοποιήσει στατιστική επεξεργασία των γνωρισμάτων του συνόλου δεδομένων τόσο συγκεντρωτικά (λαμβάνοντας υπόψη τις μετρήσεις των αισθητήρων από όλους τους συμμετέχοντες ταυτόχρονα), όσο και ατομικά (λαμβάνοντας υπόψη τις μετρήσεις από κάθε συμμετέχοντα ξεχωριστά). Επιπλέον, έχουμε επεξεργαστεί στατιστικά όχι μόνο τα δεδομένα ως προς τους συμμετέχοντες αλλά και ως προς τις διακριτές φυσικές δραστηριότητες που πραγματοποιούν. Άρα συνολικά έχουμε πραγματοποιήσει 3 φάσεις επεξεργασίας: **Συνολική Στατιστική Επεξεργασία**, **Στατιστική Επεξεργασία ανά Συμμετέχοντα** και **Στατιστική Επεξεργασία ανά Δραστηριότητα (label)**.

**2.2 Υλοποίηση 2.2.1 Συνολική Στατιστική Επεξεργασία**

Αρχικά, ορίζουμε το μονοπάτι του φακέλου που περιέχει τα αρχεία CSV και μέσω της **os.chdir( )** αλλάζουμε τον τρέχοντα κατάλογο εργασίας με το μονοπάτι που είναι αποθηκευμένο το dataset, ώστε να μπορεί να διαβάσει το πρόγραμμα τα αρχεία CSV από αυτόν τον φάκελο. Έπειτα, για κάθε αρχείο (δηλαδή για κάθε συμμετέχοντα) αποθηκεύουμε τις στήλες του σε ένα ξεχωριστό DataFrame και έπειτα όλα τα DataFrames από όλα τα αρχεία αποθηκεύονται στη λίστα **dfs**. Μέσω της **pd.concat( )** όλα τα DataFrame ενώνονται σε ένα **merged\_df**, από το οποίο μέσω της **drop( )** αφαιρούμε όλες τις αχρείαστες στήλες. Τέλος, με τη **describe( )** εμφανίζονται στην οθόνη τα βασικά στατιστικά μεγέθη που αναφέραμε πιο πάνω συγκεντρωτικά για όλο το dataset. Έπειτα, δημιουργούμε ένα ιστόγραμμα με τη χρήση της μεθόδου **ax.hist()** καθένα από τα οποία αναπαριστά τη συχνότητα εμφάνισης των διαφορετικών τιμών σε κάθε μία από τις 6 στήλες με τα δεδομένα των αισθητήρων.

import os

import pandas as pd

import matplotlib.pyplot as plt

import numpy as np

import seaborn as sns

*# Μονοπάτι για τον φάκελο που περιέχει τα αρχεία CSV*

path = '/content/drive/MyDrive/harth'

os.chdir(path)

*# Πραγματοποίηση πέρασματος σε κάθε αρχείο CSV*

dfs = []

for filename in os.listdir(path):

if filename.endswith('.csv'):

df = pd.read\_csv(os.path.join(path, filename))

dfs.append(df)

*# Συγχώνευση όλων των DataFrame σε ένα*

merged\_df = pd.concat(dfs, ignore\_index=True)

*# Αφαίρεση των αχρείαστων στηλών 'index', 'label' και 'Unnamed: 0'*

merged\_df.drop(['index', 'label', 'Unnamed: 0'], axis=1, inplace=True)

print(merged\_df.describe().T)

Αρχικά, ορίζουμε το μονοπάτι του φακέλου που περιέχει τα αρχεία CSV και μέσω της **os.chdir( )** αλλάζουμε τον Έπειτα, δημιουργούμε ένα ιστόγραμμα με τη χρήση της μεθόδου **ax.hist( )** καθένα από τα οποία αναπαριστά τη συχνότητα εμφάνισης των διαφορετικών τιμών σε κάθε μία από τις 6 στήλες με τα δεδομένα των αισθητήρων. Για κάθε στήλη, προσεγγίζουμε την κατανομή των δεδομένων με μια κανονική κατανομή. Υπολογίζουμε τη μέση τιμή **mu** και την τυπική απόκλιση **sigma** των δεδομένων του **merged\_df** με τις συναρτήσεις **mean( )** και **std( )** και σχεδιάζουμε την κατανομή πιθανότητας της κανονικής κατανομής **p** πάνω από το αντίστοιχο ιστόγραμμα.

*# Αναπαράσταση γραφικών της συχνότητας των τιμών για τις 6 στήλες*

fig, axes = plt.subplots(2, 3, figsize=(15, 10))

fig.suptitle('Appearance Frequency Distributions of Features', fontsize=10)

for ax, column in zip(axes.flatten(), ['back\_x', 'back\_y', 'back\_z', 'thigh\_x', 'thigh\_y', 'thigh\_z']):

ax.hist(merged\_df[column], bins=35, color='skyblue', edgecolor='black', density=True)

ax.set\_title(f'{column}', fontsize=10)

ax.set\_ylabel('Density', fontsize=8)

ax.tick\_params(axis='both', which='major', labelsize=6)

ax.grid(True)

*# Προσεγγίζουμε τη κατανομή συχνοτήτων με μια Κανονικη Κατανομή*

mu, sigma = merged\_df[column].mean(), merged\_df[column].std()

xmin, xmax = merged\_df[column].min(), merged\_df[column].max()

x = np.linspace(xmin, xmax, 50000)

p = (1 / (sigma \* np.sqrt(2 \* np.pi))) \* np.exp(-(x - mu) \*\* 2 / (2 \* sigma \*\* 2))

ax.plot(x, p, 'k', linewidth=1)

plt.tight\_layout()

plt.show()

Με την εντολή **merged\_df[['back\_x', 'back\_y', 'back\_z', 'thigh\_x', 'thigh\_y', 'thigh\_z']].corr( )** υπολογίζουμε τον πίνακα συσχέτισης για τις επιλεγμένες στήλες του DataFrame. Η συνάρτηση **corr( )** υπολογίζει το συντελεστή συσχέτισης Pearson για κάθε ζεύγος στηλών. Επίσης, η **sns.heatmap( )** υλοποιεί το θερμοχάρτη με βάση τις τιμές των συσχετίσεων που υπολογίσθηκαν.

*# Δημιουργία του heatmap*

plt.figure(figsize=(10, 6))

sns.heatmap(merged\_df[['back\_x', 'back\_y', 'back\_z', 'thigh\_x', 'thigh\_y', 'thigh\_z']].corr(), annot=True, cmap='coolwarm', fmt=".2f")

plt.title('Heatmap of Feature Correlations')

plt.show()

Με βάση τον θερμοχάρτη που εμφανίστηκε εντοπίζουμε τα 4 ζεύγη γνωρισμάτων με τη μεγαλύτερη συσχέτιση (**thigh\_x και back\_x, thigh\_x και thigh\_z, back\_y και thigh\_y,** **back\_z και thigh\_z**) και με την συνάρτηση **scatter( )** εκτυπώνουμε για κάθε ζεύγος το scatter plot με όλα τα δεδομένα κάθε γνωρίσματος. Αυτή η απεικόνιση μπορεί να βοηθήσει στην αναγνώριση τυχόν γραμμικών σχέσεων ή άλλων μοτίβων μεταξύ των χαρακτηριστικών.

*# Γραφική αναπαράσταση των 4 ζευγαριών από features με τις μεγαλύτερες ετεροσυσχετίσεις*

fig, axs = plt.subplots(2, 2, figsize=(12, 8))

*# Ζευγάρι 1: thigh\_x και back\_x*

axs[0, 0].scatter(merged\_df['thigh\_x'], merged\_df['back\_x'], alpha=0.5)

axs[0, 0].set\_xlabel('thigh\_x')

axs[0, 0].set\_ylabel('back\_x')

axs[0, 0].set\_title('Correlation between thigh\_x and back\_x')

*# Ζευγάρι 2: thigh\_x και thigh\_z*

axs[0, 1].scatter(merged\_df['thigh\_x'], merged\_df['thigh\_z'], alpha=0.5)

axs[0, 1].set\_xlabel('thigh\_x')

axs[0, 1].set\_ylabel('thigh\_z')

axs[0, 1].set\_title('Correlation between thigh\_x and thigh\_z')

*# Ζευγάρι 3: back\_y και thigh\_y*

axs[1, 0].scatter(merged\_df['back\_y'], merged\_df['thigh\_y'], alpha=0.5)

axs[1, 0].set\_xlabel('back\_y')

axs[1, 0].set\_ylabel('thigh\_y')

axs[1, 0].set\_title('Correlation between back\_y and thigh\_y')

*# Ζευγάρι 4: back\_z και thigh\_z*

axs[1, 1].scatter(merged\_df['back\_z'], merged\_df['thigh\_z'], alpha=0.5)

axs[1, 1].set\_xlabel('back\_z')

axs[1, 1].set\_ylabel('thigh\_z')

axs[1, 1].set\_title('Correlation between back\_z and thigh\_z')

plt.tight\_layout()

plt.show()

**2.2.2 Στατιστική Επεξεργασία ανά Συμμετέχοντα**

Τώρα θέλουμε να δημιουργήσουμε και εμφανίσουμε τις χρονοσειρές για κάθε αρχείο CSV που βρίσκεται στο συγκεκριμένο φάκελο με το dataset. Αρχικά, η λίστα **file\_names** δημιουργείται για να αποθηκεύσει τα ονόματα των αρχείων CSV (δηλαδή των συμμετεχόντων). Αφού αποθηκεύσουμε πάλι κάθε αρχείο σε ένα DataFrame μέσω της **pd.to\_datetime( )** μετατρέπουμε τη στήλη **‘timestamp’** κάθε **df** από αλφαριθμητικό σε μορφή datetime. Tέλος, για κάθε χαρακτηριστικό (**back\_x**, **back\_y**, **back\_z**, **thigh\_x**, **thigh\_y**, **thigh\_z**), σχεδιάζεται η χρονοσειρά του μέσω της **plot( )**.

*# Λίστα για τα ονόματα των συμμετεχόντων*

file\_names = []

*# Σχεδιάζουμε τη χρονοσειρά για κάθε αρχείο CSV*

for filename in os.listdir(path):

file\_path = os.path.join(path, filename)

df = pd.read\_csv(file\_path)

*# Χωρίς κατάληξη*

base\_name = os.path.splitext(filename)[0]

*# Μετατροπή του timestamp σε datetime*

df['timestamp'] = pd.to\_datetime(df['timestamp'])

*# Δημιουργία γραφήματος για τα γνωρίσματα*

plt.figure(figsize=(12, 6))

*# Σχεδιάζουμε τη χρονοσειρά για κάθε γνώρισμα*

for column in ['back\_x', 'back\_y', 'back\_z', 'thigh\_x', 'thigh\_y', 'thigh\_z']:

plt.plot(df['timestamp'], df[column], label=column)

*# Διαμόρφωση γραφήματος*

plt.title(f"Time Series for {base\_name}")

plt.xlabel("Time")

plt.ylabel("Values")

plt.legend()

plt.grid(True)

plt.tight\_layout()

*# Εμφάνιση γραφήματος*

plt.show()

Όμοια τώρα για κάθε αρχείο αποθηκεύουμε τα δεδομένα στο **df** και καλώντας πάνω σε αυτό τη **describe( )** εμφανίζονται τα ίδια στατιστικά μεγέθη για κάθε αρχείο ατομικά αντί από όλα τα αρχεία συνολικά όπως πριν.

*# Πραγματοποίηση πέρασματος στο φάκελο για την εμφάνιση στατιστικών για κάθε αρχείο ξεχωριστά*

for filename in os.listdir(path):

if filename.endswith('.csv'):

df = pd.read\_csv(os.path.join(path, filename))

*# Αφαίρεση της αχρείαστης στήλης 'label'*

df.drop(['label'], axis=1, inplace=True)

*# Χωρίς κατάληξη*

base\_name = os.path.splitext(filename)[0]

print(f"\n Statistic Values for Participant {base\_name}")

print(df.describe().T)

Αρχικά, ορίζουμε ένα λεξικό **mean\_values\_per\_file** που θα αποθηκεύει τις μέσες τιμές των γνωρισμάτων για κάθε συμμετέχοντα.

*# Λίστα με τα ονόματα των συμμετεχόντων*

file\_names = []

*# Λεξικό που θα διατηρεί τις μέσες τιμές των γνωρισμάτων ανά συμμετέχοντα*

mean\_values\_per\_file = {}

*# Λίστα με τα features*

features = ['back\_x', 'back\_y', 'back\_z', 'thigh\_x', 'thigh\_y', 'thigh\_z']

*# Δημιουργούμε ένα γράφημα για κάθε γνώρισμα*

fig, axes = plt.subplots(2, 3, figsize=(15, 10))

axes = axes.flatten()

for i, feature in enumerate(features):

*# Πραγματοποιούμε πέρασμα σε όλα τα αρχεία CSV στο φάκελο*

for filename in os.listdir(path):

if filename.endswith('.csv'):

*# Χωρίς κατάληξη*

base\_name = os.path.splitext(filename)[0]

file\_names.append(base\_name)

df = pd.read\_csv(os.path.join(path, filename))

*# Υπολογίζουμε τη μέση τιμή του γνωρίσματος για το συγκεκριμένο συμμετέχοντα*

mean\_value = np.mean(df[feature])

*# Προσθέτουμε τη μέση τιμή στο λεξικό*

if base\_name not in mean\_values\_per\_file:

mean\_values\_per\_file[base\_name] = {}

mean\_values\_per\_file[base\_name][feature] = mean\_value

*# Ταξινομούμε τα ονόματα των συμμετεχόντων για να διατηρήσουμε την ίδια σειρά στο γράφημα*

sorted\_file\_names = sorted(mean\_values\_per\_file.keys())

x\_values = range(len(sorted\_file\_names))

y\_values = [mean\_values\_per\_file[participant][feature] for participant in sorted\_file\_names]

axes[i].plot(x\_values, y\_values, '-o', color='blue')

*# Υπολογίζουμε τη συνολική μέση τιμή του γνωρίσματος από όλα τα αρχεία*

total\_mean\_value = np.mean([mean\_values\_per\_file[participant][feature] for participant in sorted\_file\_names])

*# Δημιουργούμε την οριζόντια γραμμή για την συνολική μέση τιμή*

axes[i].axhline(y=total\_mean\_value, color='orange', linestyle='--', label='Overall Mean')

*# Προσθήκη τίτλου και ετικέτας*

axes[i].set\_title(f'Mean Value of Feature {feature}')

axes[i].set\_xlabel('Participants')

axes[i].set\_ylabel('Mean Value')

*# Χρησιμοποιούμε τις ονομασίες των συμμετεχόντων ως ticks στον άξονα x*

axes[i].set\_xticks(range(len(sorted\_file\_names)))

axes[i].set\_xticklabels(sorted\_file\_names, rotation=45)

*# Προσθέτουμε το κάθετο διαγώνιο και εμφανίζουμε το γράφημα*

axes[i].grid(True)

plt.tight\_layout()

plt.show()

**2.2.3 Στατιστική Επεξεργασία ανά Δραστηριότητα**

*# Λίστα με τα χαρακτηριστικά*

features = ['back\_x', 'back\_y', 'back\_z', 'thigh\_x', 'thigh\_y', 'thigh\_z']

*# Λίστα με τα labels*

labels = [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 13, 14, 130, 140]

*# Δημιουργία λεξικού για τα DataFrames*

dfs\_per\_label = {label: pd.DataFrame(columns=features) for label in labels}

*# Πραγματοποιούμε πέρασμα σε όλα τα αρχεία CSV στο φάκελο*

for filename in os.listdir(path):

if filename.endswith('.csv'):

df = pd.read\_csv(os.path.join(path, filename))

for label in labels:

label\_df = df[df['label'] == label]

*# Αν υπάρχουν δεδομένα για το συγκεκριμένο label, τα προσθέτουμε στο αντίστοιχο DataFrame*

if not label\_df.empty:

dfs\_per\_label[label] = pd.concat([dfs\_per\_label[label], label\_df[features]], ignore\_index=True)

*# Τυπώνουμε τα στατιστικά για κάθε label*

for label, df in dfs\_per\_label.items():

print(f"Statistics for Label {label}:")

print(df.describe().T)

print("\n")

*# Για κάθε label δημιουργούμε τα γραφήματα*

fig, axes = plt.subplots(4, 3, figsize=(20, 15))

axes = axes.flatten()

for i, (label, df) in enumerate(dfs\_per\_label.items()):

*# Υπολογίζουμε τις μέσες τιμές για κάθε γνώρισμα*

mean\_values = df.mean()

*# Υπολογίζουμε τη συνολική μέση τιμή*

overall\_mean = mean\_values.mean()

*# Δημιουργία γραφήματος*

sns.lineplot(x=features, y=mean\_values, color='blue', marker='o', ax=axes[i])

axes[i].axhline(y=overall\_mean, color='orange', linestyle='--', label='Overall Mean')

*# Προσθήκη τίτλου και ετικετών*

axes[i].set\_title(f'Mean Values of Features for Label {label}')

axes[i].set\_xlabel('Features')

axes[i].set\_ylabel('Mean Value')

axes[i].grid(True)

plt.tight\_layout()

plt.show()

**2.3 Αποτελέσματα 2.3.1 Συνολική Στατιστική Επεξεργασία**

Παρακάτω φαίνονται τα συνολικά στατιστικά μεγέθη για κάθε ένα από τα 6 γνωρίσματα που μελετάμε:

count mean std min 25% 50% \

back\_x 6461328.0 -0.884957 0.377592 -8.000000 -1.002393 -0.974900

back\_y 6461328.0 -0.013261 0.231171 -4.307617 -0.083129 0.002594

back\_z 6461328.0 -0.169378 0.364738 -6.574463 -0.372070 -0.137451

thigh\_x 6461328.0 -0.594888 0.626347 -8.000000 -0.974211 -0.421731

thigh\_y 6461328.0 0.020877 0.388451 -7.997314 -0.100087 0.032629

thigh\_z 6461328.0 0.374916 0.736098 -8.000000 -0.155714 0.700439

75% max

back\_x -0.812303 2.291708

back\_y 0.072510 6.491943

back\_z 0.046473 4.909483

thigh\_x -0.167876 7.999756

thigh\_y 0.154951 7.999756

thigh\_z 0.948675 8.406235

**Συνολικά Συμπεράσματα:**

* Όλα τα χαρακτηριστικά έχουν τον ίδιο αριθμό δειγμάτων, δηλαδή 6.461.328. Αυτό δείχνει ότι δεν υπάρχουν ελλείποντα δεδομένα για κανένα από τα χαρακτηριστικά. Οι μέσες τιμές δείχνουν ότι τα δεδομένα είναι σχετικά συγκεντρωμένα γύρω από το μηδέν, με κάποιες μικρές αποκλίσεις. Το χαρακτηριστικό **thigh\_z** έχει τη μεγαλύτερη μέση τιμή (0.374916), ενώ το **back\_x** έχει την πιο αρνητική μέση τιμή (-0.884957). Η τυπική απόκλιση δείχνει πόσο διασπασμένα είναι τα δεδομένα από τη μέση τιμή. Το χαρακτηριστικό **thigh\_z** έχει τη μεγαλύτερη διασπορά (0.736098), ενώ το **back\_y** έχει τη μικρότερη (0.231171).
* Ακόμα, τα χαρακτηριστικά **back\_x**, **thigh\_x**, **thigh\_y** και **thigh\_z** έχουν ελάχιστες τιμές κοντά στο -8, που υποδηλώνουν ακραίες αρνητικές τιμές. Το **back\_x** και το **back\_z** έχουν ακραίες θετικές τιμές με μέγιστα 2.291708 και 4.909483 αντίστοιχα, ενώ το **thigh\_x**, **thigh\_y** και **thigh\_z** έχουν μέγιστες τιμές κοντά στο 8.
* Οι τιμές του 25% και του 75% για τα περισσότερα χαρακτηριστικά είναι σχετικά κοντά στο μηδέν, δείχνοντας ότι τα δεδομένα είναι σχετικά συγκεντρωμένα γύρω από τη διάμεσο (50%).

**Σύνθετα Συμπεράσματα:**

* Τα δεδομένα των χαρακτηριστικών **back\_x**, **back\_z** και **thigh\_x** φαίνεται να έχουν πιο αρνητική συμμετρία, καθώς οι μέσες τιμές τους είναι αρνητικές και οι ελάχιστες τιμές τους είναι πολύ χαμηλές. Αντίθετα, τα χαρακτηριστικά **thigh\_y** και **thigh\_z** δείχνουν μια θετική κλίση, με μέσες τιμές θετικές και ελάχιστες τιμές αρνητικές.
* Το χαρακτηριστικό **thigh\_z** έχει τη μεγαλύτερη διασπορά, που δείχνει μεγαλύτερη μεταβλητότητα στις μετρήσεις του. Αντίθετα, το χαρακτηριστικό **back\_y** έχει τη μικρότερη διασπορά, υποδεικνύοντας σταθερότητα στις μετρήσεις του.

Παρακάτω φαίνονται οι γραφικές με τη πυκνότητα πιθανότητας και τη κατανομή που προσεγγίζει κάθε ένα από τα 6 γνωρίσματα που μελετάμε:

Εικόνα που περιέχει γραμμή, γράφημα, διάγραμμα

Περιγραφή που δημιουργήθηκε αυτόματα**Κατανομή Τιμών Αισθητήρα "thigh":**

* Όλες οι κατανομές είναι κεντραρισμένες γύρω από το μηδέν.
* Η κατανομή των τιμών στις διαστάσεις **y** και **z** είναι πιο συγκεντρωμένη γύρω από το μηδέν σε σχέση με την διάσταση **x**.

Εικόνα που περιέχει γραμμή, διάγραμμα, γράφημα, παράλληλα

Περιγραφή που δημιουργήθηκε αυτόματα**Κατανομή Τιμών Αισθητήρα "back":**

* Οι κατανομές είναι επίσης όλες κεντραρισμένες γύρω από το μηδέν.
* Η κατανομή των τιμών στις διαστάσεις **y** και **z** είναι πιο συγκεντρωμένη γύρω από το μηδέν σε σχέση με την διάσταση **x**.

**Συγκριτική Ανάλυση:**

Και για τα δύο μέρη του σώματος οι κατανομές των τιμών στις διαστάσεις **y** και **z** είναι πιο συγκεντρωμένες και στενότερες γύρω από το μηδέν, υποδεικνύοντας μικρότερη διακύμανση (μεγαλύτερη σταθερότητα) σε αυτές τις διαστάσεις. Αντίθετα, οι κατανομές των τιμών στη διάσταση **x** είναι ελαφρώς πιο πλατιές, υποδεικνύοντας μεγαλύτερη διακύμανση στις μετρήσεις. Συνοψίζοντας, οι κατανομές των τιμών και για **thigh** και για **back** είναι κατά προσέγγιση κανονικές και συμμετρικές, με μικρές αποκλίσεις που μπορεί να υπάρχουν λόγω φυσιολογικής διακύμανσης των δεδομένων. Οι κατανομές δεν φαίνονται να έχουν πολλά ακραία σημεία (outliers), γεγονός που υποδηλώνει ότι τα δεδομένα είναι σχετικά ομοιογενή.

Τέλος, βλέπουμε το θερμοχάρτη και τις γραφικές παραστάσεις συσχέτισης των δεδομένων για κάθε ένα από τα 4 πιο ισχυρά συσχετιζόμενα ζεύγη γνωρισμάτων:

Εικόνα που περιέχει κείμενο, στιγμιότυπο οθόνης, τετράγωνο, αριθμός

Περιγραφή που δημιουργήθηκε αυτόματα

**Συμπεράσματα:**

* Τα γνωρίσματα **thigh\_x** και **back\_x** έχουν συντελεστή συσχέτισης 0.44, υποδεικνύοντας μια μέτρια θετική συσχέτιση. Αυτό σημαίνει ότι καθώς αυξάνεται η τιμή του **thigh\_x**, τείνει να αυξάνεται και η τιμή του **back\_x**.
* Τα γνωρίσματα **thigh\_x** και **thigh\_z** έχουν συντελεστή συσχέτισης 0.43, υποδεικνύοντας επίσης μια μέτρια θετική συσχέτιση.
* Τα γνωρίσματα **thigh\_y** και **thigh\_z** έχουν συντελεστή συσχέτισης 0.15, υποδεικνύοντας μια χαμηλή αλλά θετική συσχέτιση.
* Τα γνωρίσματα **back\_y** και **thigh\_y** έχουν συντελεστή συσχέτισης -0.19, υποδεικνύοντας μια χαμηλή αρνητική συσχέτιση.
* Τα γνωρίσματα **back\_z** και **thigh\_z** έχουν συντελεστή συσχέτισης -0.17, υποδεικνύοντας μια χαμηλή αρνητική συσχέτιση.
* Εικόνα που περιέχει στιγμιότυπο οθόνης, διάγραμμα, γράφημα

  Περιγραφή που δημιουργήθηκε αυτόματαΟι περισσότερες από τις υπόλοιπες συσχετίσεις είναι κοντά στο μηδέν, υποδηλώνοντας ότι δεν υπάρχει σημαντική γραμμική συσχέτιση μεταξύ των χαρακτηριστικών αυτών.

Εικόνα που περιέχει στιγμιότυπο οθόνης, διάγραμμα, γράφημα, γραμμή

Περιγραφή που δημιουργήθηκε αυτόματα

**2.3.2 Στατιστική Επεξεργασία ανά Συμμετέχοντα**

Παρακάτω φαίνονται ενδεικτικά τα στατιστικά μεγέθη για 3 συμμετέχοντες που μελετάμε:

Statistic Values for Participant S008

count mean std min 25% 50% 75% \

back\_x 418989.0 -0.920351 0.130877 -3.066853 -0.998823 -0.972054 -0.826290

back\_y 418989.0 0.040018 0.107516 -1.209330 -0.013310 0.048302 0.101082

back\_z 418989.0 -0.326746 0.297591 -0.960136 -0.580225 -0.297335 -0.143575

thigh\_x 418989.0 -0.332798 0.463427 -5.922062 -0.882999 -0.085027 -0.005905

thigh\_y 418989.0 0.050361 0.218070 -2.857320 -0.088989 0.068947 0.166770

thigh\_z 418989.0 0.656598 0.523197 -4.233158 0.256630 0.950087 0.994429

max

back\_x 0.873471

back\_y 1.255642

back\_z 1.872940

thigh\_x 2.312848

thigh\_y 4.809320

thigh\_z 5.324356

Statistic Values for Participant S010

count mean std min 25% 50% 75% \

back\_x 351649.0 -1.019898 0.186093 -2.365137 -1.049960 -1.015238 -0.974607

back\_y 351649.0 -0.002224 0.089664 -0.891766 -0.054221 -0.000030 0.047685

back\_z 351649.0 -0.014543 0.155128 -1.120693 -0.085287 -0.000642 0.071708

thigh\_x 351649.0 -0.905389 0.409359 -4.449651 -1.035450 -0.989746 -0.843884

thigh\_y 351649.0 0.017624 0.262037 -3.333658 -0.097479 0.020164 0.115373

thigh\_z 351649.0 0.146144 0.542611 -4.198951 -0.114183 0.022649 0.313726

max

back\_x -0.309204

back\_y 0.994556

back\_z 1.586732

thigh\_x 1.372425

thigh\_y 2.662940

thigh\_z 5.062087

Statistic Values for Participant S012

count mean std min 25% 50% 75% \

back\_x 382414.0 -0.915515 0.242906 -3.810360 -1.000070 -0.987624 -0.971043

back\_y 382414.0 0.005064 0.137488 -1.506640 -0.035278 0.023321 0.073108

back\_z 382414.0 -0.130062 0.290484 -1.343093 -0.151946 -0.058455 0.027089

thigh\_x 382414.0 -0.321236 0.350287 -6.547333 -0.451028 -0.165490 -0.103086

thigh\_y 382414.0 0.011753 0.204115 -3.652872 -0.121605 0.049881 0.131408

thigh\_z 382414.0 0.809352 0.395776 -2.656861 0.879231 0.978771 0.999394

max

back\_x 0.511867

back\_y 1.758769

back\_z 2.035369

thigh\_x 2.828190

thigh\_y 4.131459

thigh\_z 3.386593

**Συνολικά Συμπεράσματα:**

* Για τα περισσότερα χαρακτηριστικά, οι μέσες τιμές των συμμετεχόντων είναι κοντά στις συνολικές μέσες τιμές, αλλά με μικρότερες τυπικές αποκλίσεις, υποδηλώνοντας ότι τα δεδομένα των συμμετεχόντων είναι λιγότερο διασκορπισμένα σε σχέση με τα συνολικά δεδομένα.
* Υπάρχουν μερικές διαφορές στις μέσες τιμές μεταξύ των συμμετεχόντων και των συνολικών δεδομένων, οι οποίες μπορεί να υποδηλώνουν συγκεκριμένες ιδιαιτερότητες στις κινήσεις ή τις στάσεις των συμμετεχόντων.
* Οι τιμές των χαρακτηριστικών **back\_x**, **back\_y** και **back\_z** για τους συμμετέχοντες φαίνεται να έχουν λιγότερες ακραίες τιμές σε σχέση με τα συνολικά δεδομένα.

Με βάση τα παραπάνω, μπορούμε να συμπεράνουμε ότι οι συμμετέχοντες εμφανίζουν αρκετή ομοιογένεια στις μετρήσεις τους, αλλά υπάρχουν και συγκεκριμένες διαφορές που μπορεί να χρειάζονται περαιτέρω διερεύνηση.

Εικόνα που περιέχει κείμενο, γραμμή, γράφημα, αριθμός

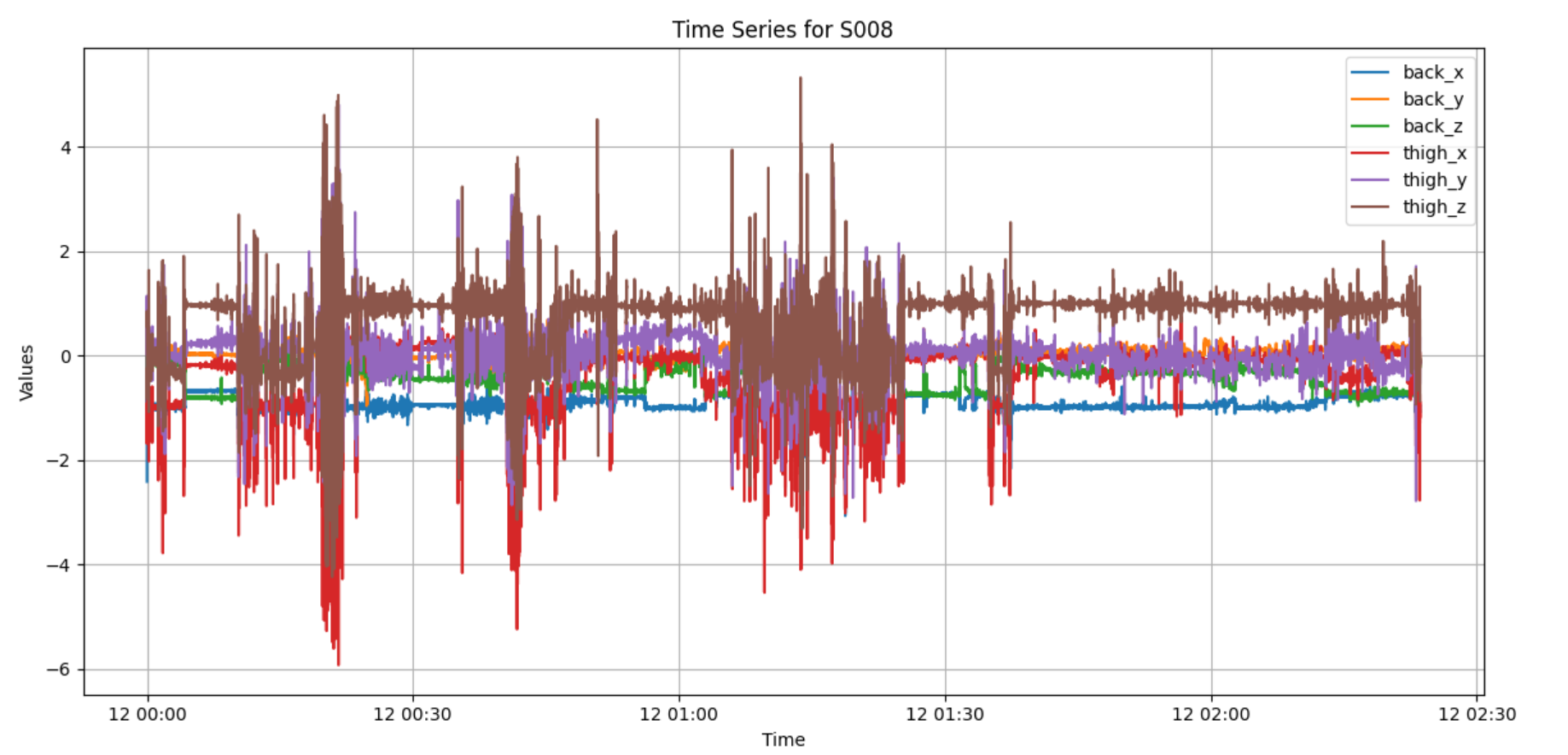
Περιγραφή που δημιουργήθηκε αυτόματαΕικόνα που περιέχει γραμμή, διάγραμμα, κείμενο, γράφημα

Περιγραφή που δημιουργήθηκε αυτόματαΕπίσης, βλέπουμε συνολικά τη μεταβολή της μέσης τιμής κάθε γνωρίσματος αναλογικά με κάθε συμμετέχοντα και την απόκλιση της από τη συνολική μέση τιμή που υπολογίσαμε πριν:

**Συνολικά Συμπεράσματα:**

Εικόνα που περιέχει κείμενο, στιγμιότυπο οθόνης, γράφημα, διάγραμμα

Περιγραφή που δημιουργήθηκε αυτόματα

Τέλος, βλέπουμε ενδεικτικά πάλι τις χρονοσειρές για τους ίδιους 3 συμμετέχοντες και τη μεταβολή κάθε γνωρίσματος τους σε σχέση με το χρόνο μετρήσεων:

**Εικόνα που περιέχει γραμμή, κείμενο, γράφημα, διάγραμμα

Περιγραφή που δημιουργήθηκε αυτόματα Συνολικά Συμπεράσματα:**

**2.3.3 Στατιστική Επεξεργασία ανά Δραστηριότητα**

Παρακάτω φαίνονται ενδεικτικά τα στατιστικά μεγέθη για τις πρώτες 3 δραστηριότητες που μελετάμε:

Statistics for Label 1:

count mean std min 25% 50% \

back\_x 1197155.0 -0.992566 0.311378 -7.974365 -1.158848 -0.975721

back\_y 1197155.0 -0.038755 0.190476 -3.016498 -0.141057 -0.030273

back\_z 1197155.0 -0.137808 0.287737 -3.827393 -0.278809 -0.127185

thigh\_x 1197155.0 -1.056683 0.639900 -8.000000 -1.314697 -0.994395

thigh\_y 1197155.0 -0.023477 0.536738 -7.997314 -0.200704 -0.000487

thigh\_z 1197155.0 -0.074345 0.721997 -8.000000 -0.372559 -0.095456

75% max

back\_x -0.803997 2.291708

back\_y 0.070179 3.256592

back\_z 0.044074 2.896858

thigh\_x -0.808350 4.272705

thigh\_y 0.172181 5.979248

thigh\_z 0.216064 6.897688

Statistics for Label 2:

count mean std min 25% 50% 75% \

back\_x 291356.0 -0.965280 1.113858 -8.000000 -1.871094 -0.858643 0.040771

back\_y 291356.0 -0.076626 0.407701 -4.307617 -0.278076 -0.070312 0.121338

back\_z 291356.0 -0.259829 0.451772 -6.574463 -0.430176 -0.225586 -0.022217

thigh\_x 291356.0 -1.246811 1.438550 -8.000000 -2.219727 -1.141688 -0.265869

thigh\_y 291356.0 -0.164790 0.898353 -7.929199 -0.680930 -0.142822 0.338391

thigh\_z 291356.0 -0.140530 1.381836 -8.000000 -0.871582 -0.169678 0.560547

max

back\_x 1.698069

back\_y 6.491943

back\_z 3.306308

thigh\_x 7.999756

thigh\_y 7.999756

thigh\_z 8.406235

Statistics for Label 3:

count mean std min 25% 50% 75% \

back\_x 254839.0 -0.982356 0.106649 -4.255035 -1.015621 -0.989241 -0.954638

back\_y 254839.0 -0.022316 0.158300 -1.694547 -0.122845 -0.012600 0.079404

back\_z 254839.0 -0.031349 0.208112 -2.093994 -0.159320 -0.027011 0.096443

thigh\_x 254839.0 -0.974374 0.192159 -4.853268 -1.009913 -0.976833 -0.935715

thigh\_y 254839.0 0.020759 0.226300 -5.268984 -0.085332 0.031040 0.136107

thigh\_z 254839.0 -0.068220 0.294548 -5.178711 -0.244184 -0.101230 0.063019

max

back\_x 1.849398

back\_y 1.974854

back\_z 1.754575

thigh\_x 1.664554

thigh\_y 3.755050

thigh\_z 4.701908

**Συνολικά Συμπεράσματα:**

* Η δραστηριότητα 2 (**running**) δείχνει να έχει μεγαλύτερη διακύμανση στα περισσότερα χαρακτηριστικά, όπως υποδεικνύεται από τις υψηλότερες τιμές τυπικής απόκλισης. Επίσης, έχει χαμηλότερες μέσες τιμές σε πολλά χαρακτηριστικά σε σύγκριση με τις δραστηριότητες 1 (**walking**) και 3 (**shuffling**), υποδεικνύοντας πιθανές διαφορές στην κλίση ή τη στάση του σώματος των συμμετεχόντων που ανήκουν σε αυτήν την κατηγορία.
* Οι μέσες τιμές των χαρακτηριστικών για τις δραστηριότητες 1 και 3 (**walking** και **shuffling**) είναι πιο κοντά στη συνολική μέση τιμή, υποδεικνύοντας ότι οι μετρήσεις τους είναι πιο αντιπροσωπευτικές του συνολικού συνόλου.

Αυτές οι διαφορές είναι αναμενόμενες καθώς κάθε φυσική δραστηριότητα απαιτεί διαφορετικές κινήσεις και στάσεις του σώματος.

**Εικόνα που περιέχει κείμενο, γραμμή, διάγραμμα, γράφημα

Περιγραφή που δημιουργήθηκε αυτόματαΕικόνα που περιέχει γραμμή, διάγραμμα, γράφημα, αριθμός

Περιγραφή που δημιουργήθηκε αυτόματα**Τέλος, βλέπουμε ενδεικτικά πάλι τις χρονοσειρές για τους ίδιους 3 συμμετέχοντες και τη μεταβολή κάθε γνωρίσματος τους σε σχέση με το χρονικό διάστημα μετρήσεων: