

Title:

# Sistemas Numéricos:

## Keyword

Numeración

Decimal

Parte entera

Parte fraccionaria

Exponentes

Base 10

## Topic: Sistema Decimal:

**■** Caracteres utilizados → [0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]

**■** Representación posicional →

Asignación al valor posicional a cada cifra un función del lugar que ocupa dentro del número.

Ejemplo: 836.74

\* Parte entera →

$$\begin{cases} 8 & \rightarrow 100 \\ 3 & \rightarrow 10 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 6 & \rightarrow 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 7 & \rightarrow 0.1 \\ 4 & \rightarrow 0.01 \end{cases}$$

Valor posicional

\* Parte fraccionaria →

**■** Representación exponencial:

Utiliza exponentes para representar un número en base 10

• Valor de posición determinada por el exponente: -1/4

\* Para la parte entera: desechar a izquierda.

\* Para la parte fraccionaria: izquierda a desechar.

Ejemplo: 836.74

Expresión exponencial:

$$8 \cdot 10^1 + 3 \cdot 10^0 + 6 \cdot 10^{-1} + 7 \cdot 10^{-2} + 4 \cdot 10^{-3}$$

## Questions

¿Cuál es la diferencia entre la representación posicional y la exponencial en el sistema decimal.

**Summary:** El sistema decimal utiliza 10 caracteres del 0 al 9 para representar cantidades. Se asigna un valor posicional a cada cifra según su lugar en el número. La representación exponencial se usa para expresar números en base 10 mediante exponentes. Y permite convertir cantidades de otros sistemas al sistema decimal.

Title:

# Sistemas Numéricos

## Keyword

Resto

Entero

Binario

Topic: Sistemas binario, octal y hexadecimal.

Sistema

Binario

Utiliza las cifras 10 y 1

Base del sistema binario 2

Utilizando la representación exponencial podemos convertir el número binario 10011.01 a decimal.

$$1 \cdot 2^4 + 0 \cdot 2^3 + 0 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^{-1} + 0 \cdot 2^{-2}$$

$$16 + 0 + 0 + 2 + 0 + 0.25 = 19.25_{(10)}$$

Toda cantidad multiplicada por 0 es 0, sin embargo supondremos esto en las operaciones que realizaremos.

Para convertir de decimal a binario, debemos saber si tiene parte fraccionaria para proceder como sigue:

$$28.37_{(10)} \text{ a binario. } 28_{(10)} = 11100_{(2)}$$

$$\text{Entera: } 28/2 = 14 \quad 0 \quad \text{Resto:}$$

$$14/2 = 7 \quad 0 \quad \text{se toman en}$$

$$7/2 = 3 \quad 1 \quad \text{orden inverso a}$$

$$3/2 = 1 \quad 1 \quad \text{como se encontraron}$$

$$1/2 = 1 \quad 1$$

## Questions

Diferencias entre el sistema binario y el decimal, cuáles encuentra?

**Summary:** El sistema binario utiliza dos cifras (0 y 1) con base 2. La conversión se realiza mediante la representación exponencial para llevarla a decimal.

NAME	PAGES	SPEAKER/CLASS	DATE - TIME
Milena Vélez	213	Carlos Richardo	19/5/23

Title:

Keyword Octal	Topic: Sistemas binario, octal y hexadecimal.  El sistema utiliza 8 dígitos: 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7. Octal 8. Las reglas aplicadas a decimal y binario también se aplican en octal. * Si la conversión de binario a octal y viceversa es simple si se utiliza la tabla de equivalencia. * Cada 3 bits se convierten en un dígito octal. Para convertir octal a binario se utiliza una tabla de equivalencias:  Octal   Binario ----- ----- 0   000 1   001 2   010 3   011 4   100 5   101 6   110 7   111  * Igualmente se puede convertir de octal a decimal y luego convertir a binario. Ejemplo: $(631.532)_8 = 6 \times 8^2 + 3 \times 8^1 + 1 \times 8^0 + 5 \times 8^{-1} + 3 \times 8^{-2} + 2 \times 8^{-3}$ $= 409.6758_{(10)}$ Luego convertir a binario que daría $110011001.1010_{(2)}$ Utilizando la tabla solo sería: $6 \quad 3 \quad 1 \quad . \quad 5 \quad 3 \quad 2 \quad (8)$ $110 \quad 011 \quad 001 \quad . \quad 101 \quad 011 \quad 010 \quad (2)$
------------------	---

Summary: El sistema octal utiliza 8 dígitos y se utilizan computación. Su conversión a binario se realiza utilizando una tabla de equivalencias (forma simple) o utilizando el método general (convertir octal a decimal y luego a binario).

NAME	PAGES	SPEAKER/CLASS	DATE - TIME
Elovia Victoria	3/3	Carlos Richardo	19/5/23

Title:

Keyword	Topic:																									
Hexadecimal	<p>Sistemas binario, octal y hexadecimal.</p> <p>El Sistema</p> <p>*Base numérica de 16. Hexadecimal</p> <p>Utiliza los dígitos del sistema decimal [0-9] y las letras [A-B-C-D-E-F]</p> <p>Los caracteres válidos en hexadecimal van del #1 al 15, siendo A = 10, B = 11, C = 12, D = 13, E = 14 y F = 15.</p> <p>Para convertir de octal a hexadecimal (y viceversa) hay que ir a decimal y luego a octal.</p> <p>También se puede convertir simplemente utilizando la tabla de equivalencias.</p>																									
Questions	<p>¿Cuáles son los dígitos válidos en hexadecimal?</p> <p>¿Qué pasa del número o dígito d, que se utiliza como carácter?</p> <p>* El número mayor del sistema hexadecimal es el que manda en relación con cuántos bits se deberán usar para representar cada uno de los caracteres.</p> <p>Ejemplo: Convertiremos E8A7<sub>(16)</sub> a octal usando la tabla de equivalencias.</p> <table style="margin-left: 20px;"> <tr> <td>E</td><td>8</td><td>A</td><td>7</td><td>(16)</td> </tr> <tr> <td>1110</td><td>1000</td><td>1010</td><td>0111</td><td>(2)</td> </tr> <tr> <td>001</td><td>110</td><td>100</td><td>010</td><td>100111</td> </tr> <tr> <td>1</td><td>6</td><td>4</td><td>2</td><td>4</td> </tr> <tr> <td></td><td></td><td></td><td></td><td>7</td> </tr> </table> <p>→ Lo pasamos a octal</p>	E	8	A	7	(16)	1110	1000	1010	0111	(2)	001	110	100	010	100111	1	6	4	2	4					7
E	8	A	7	(16)																						
1110	1000	1010	0111	(2)																						
001	110	100	010	100111																						
1	6	4	2	4																						
				7																						

**Summary:** El sistema hexadecimal utiliza dígitos del sistema decimal y letras A-F. Podemos realizar las conversiones mediante las tablas de equivalencia, pasando primero a binario y luego al sistema deseado (decimal u octal). Ya que el sistema intermedio entre estos se utiliza el binario en primer lugar, si usamos las tablas.

NAME	PAGES	SPEAKER/CLASS	DATE - TIME
Milia Victoria	1	Carlos Richardo	19/5/23

Title:

Keyword

Topic: Generalización de las conversiones:

Bases

Sistemas posicionales existentes o convencionales:

■ Binario ■ Octal

■ Decimal ■ Hexadecimal

Podemos crear nuestro propio sistema ya sea usando dígitos del 0-9 o agregando también letras del alfabeto.

Por ejemplo esta cifra en base 7, es un sistema posicional inexistente pero, respeta todas las reglas de los demás.

20.541.32 (7)

Questions

Se podría convertir de cualquier otra base a decimal?

Conversion a decimal.

(Notación exponencial)

Conversion desde

decimal

(División y multiplicar)

Sistema X (Cualquier base)



Caracteres válidos:

Desde 0 a base -1

Sistema Y

(Cualquier base)

y A,B,C (base -1)

Mismos caracteres

válidos

Cuando no es posible usar las tablas con estos sistemas personalizados, recurriremos a el método general, convirtiendo a decimal primero.

Summary: La generalización de conversiones como podemos ver se trata de la posibilidad de crear sistemas numéricos posicionales personalizados utilizando dígitos del 0 al 9 y en algunos casos, letras del alfabeto. Estos sistemas respetan las reglas de los posicionales y se pueden representar cantidades de manera válida.

NAME

Milita Victoria

PAGES

1/4

SPEAKER/CLASS

Carlos Pachardo

DATE - TIME

9/15/23

Title:

## Keyword

Suma  
Resta  
División  
Multiplicación  
Operaciones

Topic: Operaciones básicas.

Operaciones básicas realizadas en decimal:

- Suma ■ Resta ■ Multiplicación
- División

Pueden también llevarse a cabo en cualquier sistema numérico si:

■ Aplicando las mismas reglas.

■ Tomando en cuenta la base en la que se encuentran los números.

■ Deben tener la misma base, sino hacer la conversión.

## Questions

¿Qué se debe tomar en cuenta al realizar operaciones básicas con los distintos sistemas numéricos?

Suma: En sistema decimal ( $_{(10)}$ ).  $156.78_{(10)}$ Si la suma excede de  $+17.820.649_{(10)}$   
9, se deberá: $18277.429$ ■ Dividir entre la base ( $_{(10)}$ ).

■ Colocar el resto debajo de la línea.

■ Sumar el cociente a los números de la columna siguiente.

**Summary:** Las operaciones básicas (de suma, resta, multiplicación y división) se pueden realizar en cualquier sistema numérico siguiendo las mismas reglas y considerando la base. Es importante convertir las cantidades a la misma base antes de operar.

Title:

Keyword

Sustraendo

Minuendo

Topic: Operaciones básicas.

Resta

Revisar si el sustraendo es  $>$  minuendo.

Si es así, suma la base al minuendo antes de llevar a cabo la resta de 2 dígitos de cualquier columna.

~~El 1 indica que se ha agregado una vez la base en la columna anterior.~~

Cuando se suma la base al minuendo, se debe llevar un 1 al dígito de la sig. columna izq.  
~~(Se suma al sustraendo)~~

Resta con octal:

$$\begin{array}{r}
 2\ 1\ 0\ 7\ 2.\ 1\ 1(8) \\
 - 3\ 6\ 0\ 4\ 3.\ 7\ 1; \ 3(8) \\
 \hline
 0\ 3\ 0\ 2\ 6.\ 2\ 2\ 5(8)
 \end{array}$$

Questions

¿Qué pasa cuando el sustraendo es mayor que el minuendo?

**Summary:** En la resta, evaluamos si el sustraendo es mayor que el minuendo, si es así, se debe sumar la base al minuendo antes de restar. Si se suma tal sustraendo en las siguientes columnas, si se sumó la base al minuendo de la columna anterior la resta se realiza en cada columna.

NAME

Máloca Victoria

PAGES

3 / 7

SPEAKER/CLASS

Carlos Richardo

DATE - TIME

19/5/23

Title:

Keyword  
Multiplicación

Topic: Operaciones básicas 3

Multiplicación 

Misma forma que en otros sistemas,  
con diferencia en las bases.

□ Cuando el resultado no  
es un dígito válido en  
la columna:

→ Divide lo entre la  
base correspondiente.

→ Coloca el resto debajo  
de la línea.

$$\begin{array}{r} 8057 \cdot 2 \\ 3(10) \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times 53 \cdot 7 \\ \hline 5640061 \\ + 2417169 \\ \hline 4028615 \end{array}$$

→ Obtén el cociente y el  
resto.

→ Suma el cociente  
a los dígitos de la  
siguiente columna izq.

$$= 432673 \cdot 251(10)$$

Questions  
¿Cuál es la  
ventaja de  
usar un sistema  
numérico con  
una base menor  
para realizar  
operaciones  
aritméticas?

Menor la base

Sencillo resolver  
operaciones aritméticas

$$\begin{array}{r} 100 \cdot 11 \cdot 01 \\ 2(2) \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times 1101 \\ \hline 1001101 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1001101 \\ 0000000 \\ \hline 1001101 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1001101 \\ 1111101001 \\ \hline 2(2) \end{array}$$

**Summary:** En la multiplicación el procedimiento es similar en todos los sistemas numéricos, pero se debe tener en cuenta la base correspondiente en cada sistema. Se multiplica columna por columna, llevando los resultados y los acarres a la columna siguiente.

NAME  
Helvia VictoriaPAGES  
4/4SPEAKER/CLASS  
Carlos RichardoDATE - TIME  
19/5/23

Title:

Keyword

Dividendo  
Divisor

Topic: Operaciones básicas

Division:  Involucra a    
Mas compleja que las demás.

Resta / Multiplica

Se recomienda:

\* Division desarrollada →  Multiplica.  
 Resta.

En decimal:

• Puede tener punto decimal.  Dividendo

• " no " " "

• No puede tener.  Divisor

• Debe tenerlo al final.

Si se recorre el punto.  Divisor

Debe hacerse tanto en  las posiciones de  Dividendo

• Debe recorrerse el punto antes de llevar a cabo la division, sin importar en que sistema numérico este.

Questions

**Summary:** La division en sistema numérico involucra resta y multiplicación. Se utiliza el método de division desarrollada, siguiendo primero la multiplicación y luego resta. Se recorre el punto decimal. Se toman dígitos del dividendo, se obtiene el cociente y restamos. Por último verificar multiplicando el divisor por el cociente y sumando el resto.

Title:

## Keyword

Bit de signo

Complemento

Desbordamiento

Topic: Suma de dos cantidades en complemento a 2.

\* Operaciones en computación se realizan en binario con el bit de signo.

Representaciones:

Magnitud verdadera (bits informales)

Complemento a 1.

Complemento a 2.

Cambia todos los 1's por 0's y 0's por 1's. Sin cambiar el bit de signo.

Suma 1 al bit menos

Significativo del complemento a 1.

Multiplicación

Sucesión de sumas.

División

Sucesión de restas.

Si alguna es negativa (se debe restar)

Desbordamiento: la cant. negativa se complementa

Resultado supera a 2 y luego se suma con la otra cantidad.

de almacenamiento. → Para evitarlo.

Ocurre cuando son de diferentes capacidades. → se usan variables con mayor mismo signo ambas cant.

## Questions

¿Qué causa los desbordamientos?

La computadora

solo realiza

sumas.

**Summary:** Las sumas en complemento a 2 se aplican tanto a enteros como fraccionarios, este se obtiene sumando 1 al bit menos significativo y se aplica solo a cantidades negativas y resultados negativos de suma. El complemento a 1, cambia todos los 1's por 0's y viceversa. Para evitar el desbordamiento se debe trabajar con suficientes bits.

By Carlos Richardo Vique

NAME  
Ulvia VictoriaPAGES  
1SPEAKER/CLASS  
Carlos RichardoDATE - TIME  
9/5/23

Title:

## Keyword

Lenguaje  
Conversion  
Compactos

Topic: Aplicación de sistemas numéricos

- Comunicación con computadoras en lenguaje binario.
- Conversión de cantidades a binario para operaciones como retiro de dinero.
- Sistema Binario como lenguaje natural de la computadora.
- Código ASCII: tabla de equivalencia entre sistema binario y caracteres.

■ Sistemas numéricos más importantes en el campo de la computación:

Binario Octal Hexadecimal

■ Sistemas octal y hexadecimal son fáciles de interpretar para la computadora y más compactos para los seres humanos (sencillos de visualizar y entender)

Octal / hexadecimal:

- Lenguajes intermedios entre computadora y humano.
- Cadenas de información mucho más compactas.

Summary: Los sistemas numéricos tratados (binario, octal y hexadecimal) son importantes en computación, ya que permiten presentar información de manera más compacta y facilitan la comunicación humano-máquina. Se regulan siempre convirtiendo los valores a binario para realizar operaciones como suma y resta. Por ejemplo en un cajero automático.

By Carlos Richardo Vique

Maria Victoria

1

Carlos Ricardo

19/5/23

# Title: Mitoelos de conteo:

## **Keyword**

## Contes

## Productos

## Admission

## Topic: Principios fundamentales del conteo.

Operación 1: Puede realizarse de **n** formas.

Juntas, las operaciones pueden realizarse de **D**o**m** formas distintas.

el numero total de posibilidades està dado por la multiplicación de las opciones en cada operación individual.

Principio fundamental de la adicción:

- 7 El evento se puede llevar a cabo en otros lugares.
  - 8 No es posible que se haga en distintos lugares al mismo tiempo.

⇒ Se puede realizar el evento de **m+n** maneras diferentes.

Algunas veces es necesario combinar la adición y el producto.

etiquetas = dígitos + letras + letras \* dígitos + dígitos

\* Letras =

$$10 + 27 + 27 \times 10 + 10 \times 27 = 577$$

**Summary:** En los métodos de conteo, se aplican dos principios fundamentales: el principio del producto ( $n \cdot m$ ) para determinar el número de formas que se pueden combinar dos operaciones distintas, y el principio de la adición ( $n+m$ ) para calcular el número de opciones en eventos que se pueden llevar a cabo en diferentes lugares. Fundamental para resolver problemas de conteo.

Title:

## Keyword

Combinatoria  
Permutación

## Topic: Permutaciones ??

**Combinatoria:** *Aplicaciones*  $\Rightarrow \Rightarrow \Rightarrow$  *Algebra - Teoría de física estadística probabilidad*  
*Teoría ergódica.*

Brama matemática, estudia colecciones finitas de objetos que satisfacen criterios específicos y se ocupa del recuento de los objetos.

**Permutaciones:** Formas distintas en que se pueden colocar objetos intercambiando sus lugares.

**Ejemplo:** Número de ordenaciones en un mazo de 52 cartas =  $52!$

Factorial de  $n = n! = n(n-1)(n-2) \dots (2) \cdot 1$

para  $n > 1$ , siendo  $n$  un entero no negativo

$$n = 6 = 6! = 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 720$$

$P$  = Permutaciones  $n$  = número de elementos

$r$  = número de elementos que forman el conjunto

conjunto (repetición)

$$P(n, r) = \frac{n!}{(n-r)!}$$

Sistema octal

$$n = 2 \quad (0 \text{ y } 1)$$

$$r = 3 \quad (\text{long de cod})$$

$$\text{Cuando } r > n \rightarrow P(n, r) = n^r \quad P(2, 3) = 2^3 = 8$$

**Summary:** Las permutaciones son arreglos en los que la posición de cada elemento importa, y se representan mediante el factorial.

Se pueden realizar permutaciones con y sin repeticiones, y el número de permutaciones varía según el número de elementos y el tamaño del arreglo.

NAME	PAGES	SPEAKER/CLASS	DATE - TIME
Milvia Victoria	1	Carlos Pichardo	19/5/23

Title:

Keyword Combinaciones Arreglos	Topic: Combinaciones  El número de combinaciones de $n$ objetos distintos tomados $r$ a la vez $\rightarrow \binom{n}{r} = \frac{n!}{r!(n-r)!}$  ■ Arreglo de elementos seleccionados en un conjunto. □ No importa el orden de los elementos del arreglo.  Se desea formar un comité de 3 maestros con un presidente, secretario y un vocal. Los arreglos que se pueden formar son: $r = n = 3 \quad \binom{3}{3} = \frac{3!}{3!(3-3)!} = 1$  Si $n = 8$ , entonces: $\binom{8}{3} = \frac{8!}{3!(8-3)!} = \frac{8 \times 7 \times 6 \times 5!}{3! \times 5!} = 56$
Questions ¿En qué situaciones de la vida cotidiana se pueden aplicar los conceptos de combinaciones para resolver problemas y tomar decisiones?	

**Summary:** Las combinaciones son arreglos de elementos seleccionados de un conjunto donde no importa el orden. Las combinaciones se utilizan para contar arreglos en situaciones donde el orden no es relevante, como formar comités y seleccionar personal. Son diferentes las permutaciones, que consideran el orden de los elementos en los arreglos.

Title:

Keyword  
Competencia  
Conteo  
Binomio

Topic: Aplicaciones en la "computación".

**Conteo** → Utilizado en la computación, determina la ejecución de instrucciones, palabras generadas por una gramática, representación de bits, etc.

**Binomio elevado a la potencia n:**

Ejemplo de aplicación de conteo en computación  
Se utiliza la regla del binomio para calcular los coeficientes binomiales de Newton, que representan los términos de un binomio elevado a una potencia determinada.

Questions

¿Cómo se usa el sistema binomial en computación?

**Coefficientes binomiales de Newton:**  $\binom{n}{r} = \frac{n!}{r!(n-r)!}$

**Números del Triángulo Pascal** → Coeficientes binomiales.  
Utilizado en computación para obtener combinaciones, operaciones matemáticas y calcular coeficientes.

**Sort de la burbuja** → Para ordenar un conjunto de datos.

Número mínimo de comparaciones que realiza:  
 $(N-1)$ , en el peor de los casos  $N(N-1)/2$

**Summary:** Los métodos de conteo son útiles en todas las ramas de las ciencias, y en particular en las ciencias de la computación ya que la cantidad de información que procesa la computadora es extremadamente grande y la exigencia en la velocidad de procesamiento es fundamental.