

### Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

## «Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

(национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ ГОЛОВНОЙ УЧЕБНО-ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ И МЕТОДИЧЕСКИЙ ЦЕНТР
ПРОФЕССИОНАЛЬНОЙ РЕАБИЛИТАЦИИ ЛИЦ С ОГРАНИЧЕННЫМИ
ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ

КАФЕДРА СИСТЕМЫ ОБРАБОТКИ ИНФОРМАЦИИ И УПРАВЛЕНИЯ

Отчёт по лабораторной работе №6 по курсу «Технологии машинного обучения».

«Анализ и прогнозирование временного ряда».

Выполнил: Проверил: Новиков С. А. Гапанюк Ю.Е. студент группы ИУ5-62Б

Подпись и дата: Подпись и дата:

## 1. Задание лабораторной работы

- Выбрать набор данных (датасет) для решения задачи прогнозирования временного ряда.
- Визуализировать временной ряд и его основные характеристики.
- Разделить временной ряд на обучающую и тестовую выборку.
- Произвести прогнозирование временного ряда с использованием как минимум двух методов.
- Визуализировать тестовую выборку и каждый из прогнозов.
- Оценить качество прогноза в каждом случае с помощью метрик.

## 2. Ячейки Jupyter-ноутбука

### 2.1. Выбор и загрузка данных

#### 2.1.1. Текстовое описание

В качестве датасета для решения задачи прогнозирования временного ряда будем использовать набор данных, содержащий ежедневные климатические данные в городе Дели с 2013 по 2017 год. Данный набор доступен по адресу: https://www.kaggle.com/datasets/sumanthvrao/daily-climate-time-series-data

Набор данных имеет следующие атрибуты:

- date Дата метка времени
- meantemp Средняя температура средняя температура, расчитанная по нескольким 3часовым интервалам в день
- humidity Влажность показатель влажности в граммах воды на кубический метр воздуха
- wind\_speed Скорость ветра скорость ветра в километрах в час
- meanpressure Среднее давление среднее давление в атмосферах

#### 2.1.2. Импорт библиотек

Импортируем библиотеки с помощью команды import:

```
[1]: import numpy as np import pandas as pd from matplotlib import pyplot import matplotlib.pyplot as plt
```

Уберем предупреждения:

```
[2]: import warnings warnings.filterwarnings('ignore')
```

#### 2.1.3. Загрузка данных

Выборка уже разделена. Для первичного анализа объединим тестовую и обучающую выборку:

#### 2.2. Первичная обработка данных и визуализация

#### 2.2.1. Первичный анализ

Выведем первые 5 строк датасета:

```
[4]: data.head()
```

[4]:		meantemp	humidity	wind_speed	meanpressure
	date				
	2013-01-01	10.000000	84.500000	0.000000	1015.666667
	2013-01-02	7.400000	92.000000	2.980000	1017.800000
	2013-01-03	7.166667	87.000000	4.633333	1018.666667
	2013-01-04	8.666667	71.333333	1.233333	1017.166667
	2013-01-05	6.000000	86.833333	3.700000	1016.500000

Определим размер датасета:

```
[5]: data.shape
```

[5]: (1576, 4)

Определим типы данных:

```
[6]: data.dtypes
```

[6]: meantemp float64
humidity float64
wind\_speed float64
meanpressure float64
dtype: object

#### 2.2.2. Обработка данных

Оставим только столбец влажности для временного ряда:

```
[7]: data = data.drop(columns=['meantemp'], axis=1)
data = data.drop(columns=['wind_speed'], axis=1)
data = data.drop(columns=['meanpressure'], axis=1)
```

#### [8]: data.head()

```
[8]: humidity date 2013-01-01 84.500000 2013-01-02 92.000000 2013-01-03 87.000000 2013-01-04 71.333333 2013-01-05 86.833333
```

#### 2.2.3. Основные статистические характеристки

Определим основные статистические характеристки временного ряда:

[9]: data.describe()

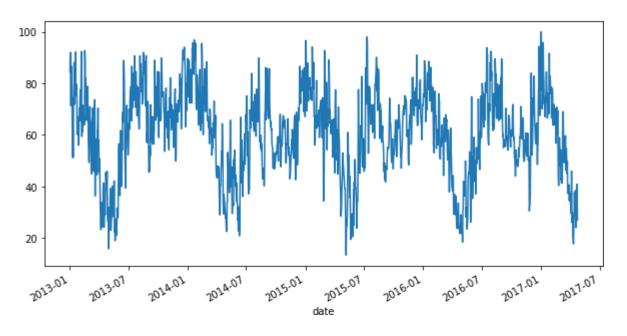
```
[9]:
               humidity
             1576.000000
     count
              60.445229
     mean
     std
              16.979994
              13.428571
     min
     25%
              49.750000
     50%
              62.440476
     75%
              72.125000
             100.000000
     max
```

#### 2.2.4. Визуализация исходного временного ряда

#### В виде графика:

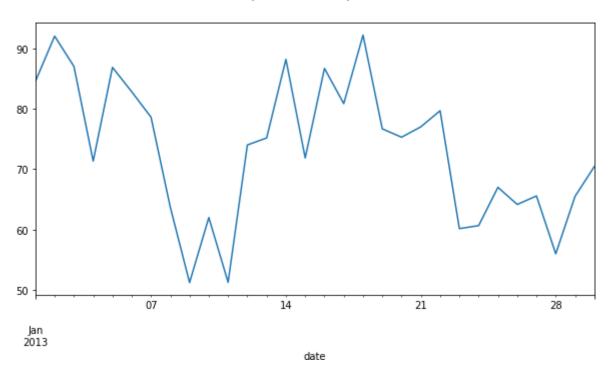
```
[10]: fig, ax = pyplot.subplots(1, 1, sharex='col', sharey='row', figsize=(10,5)) fig.suptitle('Временной ряд в виде графика') data.plot(ax=ax, legend=False) pyplot.show()
```

#### Временной ряд в виде графика

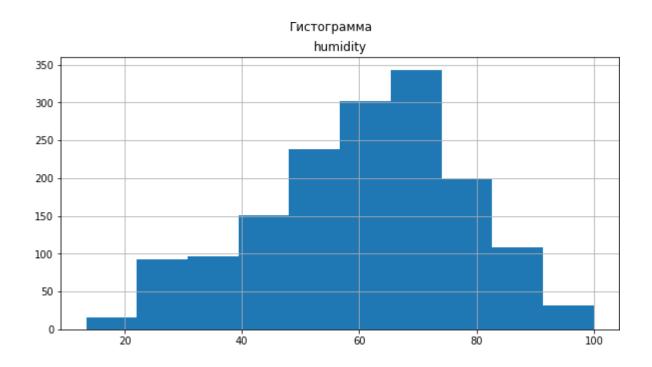


```
fig, ax = pyplot.subplots(1, 1, sharex='col', sharey='row', figsize=(10,5)) fig.suptitle('Первые 30 точек ряда') data[:30].plot(ax=ax, legend=False) pyplot.show()
```

Первые 30 точек ряда



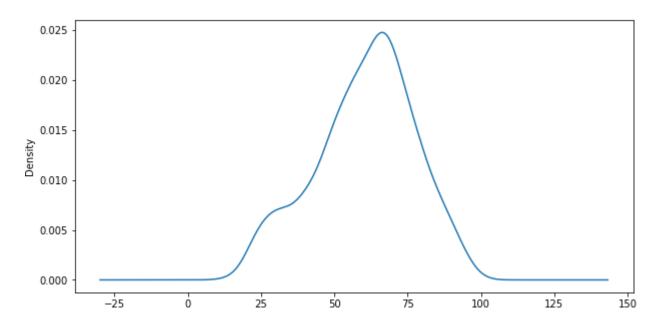
#### В виде гистограммы:



Вероятностная плотность распределения данных:

```
fig, ax = pyplot.subplots(1, 1, sharex='col', sharey='row', figsize=(10,5)) fig.suptitle('Плотность вероятности распределения данных') data.plot(ax=ax, kind='kde', legend=False) pyplot.show()
```

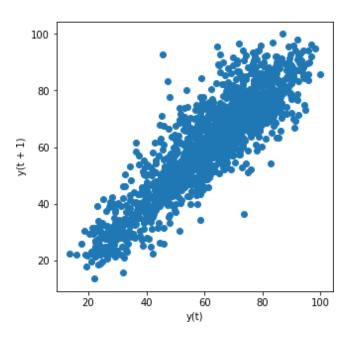
#### Плотность вероятности распределения данных



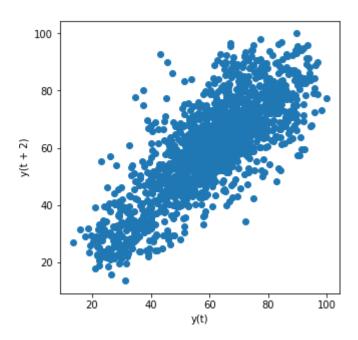
### С помощью Lag Plot:

```
for i in range(1, 5):
    fig, ax = pyplot.subplots(1, 1, sharex='col', sharey='row', figsize=(5,5))
    fig.suptitle(f'Лаг порядка {i}')
    pd.plotting.lag_plot(data, lag=i, ax=ax)
    pyplot.show()
```

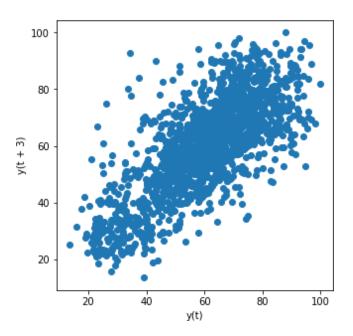
Лаг порядка 1



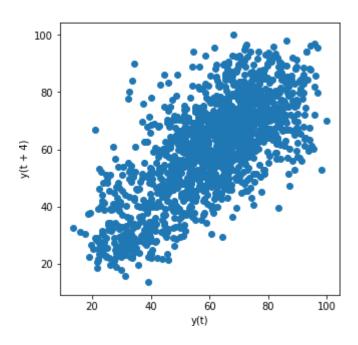




## Лаг порядка 3



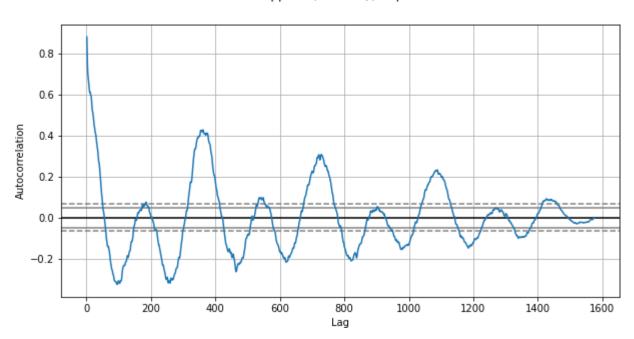
Лаг порядка 4



Наблюдается достаточно сильная положительная корреляция. Автокорреляционная диаграмма:

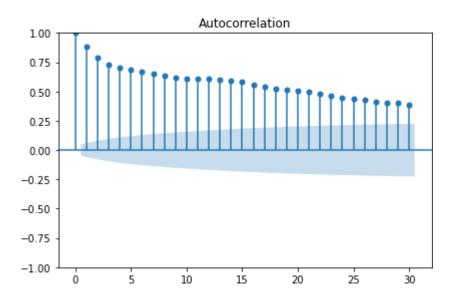
[15]: fig, ax = pyplot.subplots(1, 1, sharex='col', sharey='row', figsize=(10,5)) fig.suptitle('Автокорреляционная диаграмма') pd.plotting.autocorrelation\_plot(data, ax=ax) pyplot.show()

#### Автокорреляционная диаграмма



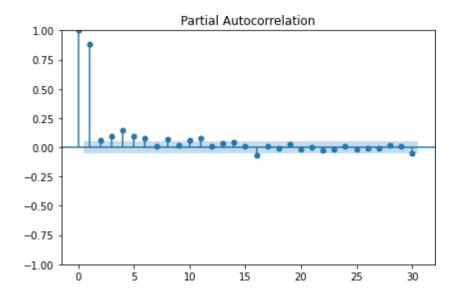
Автокорреляционная функция:

```
[16]: from statsmodels.graphics.tsaplots import plot_acf plot_acf(data, lags=30) plt.tight_layout()
```



Частичная автокорреляционная функция:

[17]: from statsmodels.graphics.tsaplots import plot\_pacf
plot\_pacf(data, lags=30)
plt.tight\_layout()



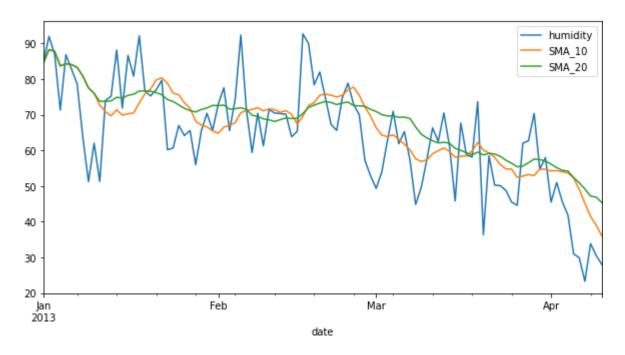
Временной ряд со скользящими средними:

```
[18]: data2 = data.copy()
```

[19]: data2['SMA\_10'] = data2['humidity'].rolling(10, min\_periods=1).mean() data2['SMA\_20'] = data2['humidity'].rolling(20, min\_periods=1).mean()

```
[20]: fig, ax = pyplot.subplots(1, 1, sharex='col', sharey='row', figsize=(10,5)) fig.suptitle('Временной ряд со скользящими средними') data2[:100].plot(ax=ax, legend=True) pyplot.show()
```

#### Временной ряд со скользящими средними



# 2.3. Прогнозирование временного ряда с использованием авторегрессионного метода

Будем использовать авторегриссионный метод ARIMA:

[21]: from statsmodels.tsa.arima.model import ARIMA

#### 2.3.1. Разделение выборки на обучающую и тестовую

```
[22]: xnum = list(range(data2.shape[0]))
Y = data2['humidity'].values
train_size = int(len(Y) * 0.7)
xnum_train, xnum_test = xnum[0:train_size], xnum[train_size:]
train, test = Y[0:train_size], Y[train_size:]
history_arima = [x for x in train]
```

#### 2.3.2. Прогноз ARIMA

```
[23]: arima_order = (6, 1, 0)
predictions_arima = list()
for t in range(len(test)):
    model_arima = ARIMA(history_arima, order=arima_order)
    model_arima_fit = model_arima.fit()
```

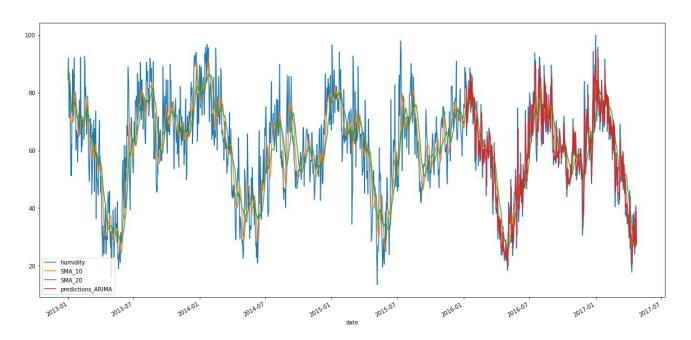
```
yhat_arima = model_arima_fit.forecast()[0]
predictions_arima.append(yhat_arima)
history_arima.append(test[t])
```

[24]: data2['predictions\_ARIMA'] = (train\_size \* [np.NAN]) + list(predictions\_arima)

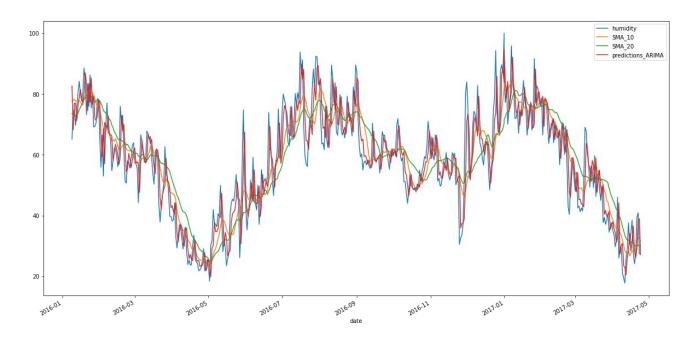
#### 2.3.3. Визуализация

[25]: fig, ax = pyplot.subplots(1, 1, sharex='col', sharey='row', figsize=(20,10)) fig.suptitle('Предсказания временного ряда') data2.plot(ax=ax, legend=True) pyplot.show()

Предсказания временного ряда



[26]: fig, ax = pyplot.subplots(1, 1, sharex='col', sharey='row', figsize=(20,10)) fig.suptitle('Предсказания временного ряда (тестовая выборка)') data2[train\_size:].plot(ax=ax, legend=True) pyplot.show()



Предсказания ARIMA точны, близки к исходному, далеки от среднего скользящего.

#### 2.3.4. Метрики

MAE и MSE:

[27]: from sklearn.metrics import mean\_absolute\_error, mean\_squared\_error

[28]: mean\_squared\_error(test, predictions\_arima, squared=False)

[28]: 7.277480320087945

[29]: mean\_absolute\_error(test, predictions\_arima)

[29]: 5.499332563097871

# 2.4. Прогнозирование временного ряда с использованием метода символьной регрессии

Будем использовать библиотеку gplearn:

[30]: from gplearn.genetic import SymbolicRegressor

#### 2.4.1. Прогноз

[32]: est\_gp.fit(np.array(xnum\_train).reshape(-1, 1), train.reshape(-1, 1))

1	Population	Average		Best Individual	I	
Gen	Length	Fitness	Length	Fitness	00B Fitness	Time
Left	2 02		- 0-			
0	263.65	1.91324e+67	26	3366.8	N/A	
6.89m						
1	161.42	1.73488e+15	3	771.22	N/A	
3.18m	62.67	2 00747 44	2	774.00	21/2	
2 1.78m	62.67	3.99717e+14	3	771.22	N/A	
3	39.15	3.51722e+10	3	285.6	N/A	
1.41m	33.13	3.317220110	3	203.0	NA	
4	24.00	3.38638e+11	3	285.6	N/A	
1.24m						
5	26.05	6.84991e+09	34	280.86	N/A	
1.24m						
6	11.13	1.4874e+10	35	280.438	N/A	
1.02m 7	19.15	4.04141e+06	33	280.136	N/A	
1.19m	19.13	4.041416+00	33	280.130	IN/A	
8	33.94	2.44637e+10	62	279.776	N/A	
1.37m					•	
9	36.48	2.2103e+06	42	279.19	N/A	
1.45m						
10	45.82	1.61747e+09	39	279.026	N/A	
1.60m 11	FO 93	1 249690106	60	270 720	N1/A	
1.72m	50.83	1.24868e+06	60	278.728	N/A	
12	51.02	1.20327e+06	72	278.686	N/A	
1.65m					•	
13	46.53	5.97296e+08	64	278.507	N/A	
1.59m						
14	59.07	988142	67	278.056	N/A	
1.74m 15	90.40	1 47140+06	70	277.651	N/A	
1.95m	80.40	1.4714e+06	70	277.031	IN/A	
16	91.46	4.15928e+06	58	274.954	N/A	
2.14m					•	
17	94.69	1.16678e+06	58	274.954	N/A	
2.24m						
18	131.75	3.04158e+06	113	274.223	N/A	
2.68m	154.70	500430	70	267.044	N1/A	
19 3.01m	154.79	599428	70	267.841	N/A	
20	129.60	5.39217e+06	128	267.662	N/A	
2.65m					7,1	
21	100.25	4.61995e+06	67	263.942	N/A	
2.26m						
22	92.04	274173	103	263.402	N/A	
2.13m						

23 2.34m	107.35	193345	183	258.85	N/A
24	108.87	140414	183	258.017	N/A
2.35m 25	123.21	185654	212	240.913	N/A
2.52m 26	180.34	297662	210	240.84	N/A
3.19m 27	208.77	143690	211	239.988	N/A
3.55m 28	213.35	338481	299	238.607	N/A
3.60m 29	222.05	231000	476	238.538	N/A
3.85m 30	267.90	200555	303	238.41	N/A
4.21m 31	298.85	110925	556	238.103	N/A
4.54m 32	309.06	185395	556	238.07	N/A
4.76m					
33 5.06m	340.90	132016	354	238.051	N/A
34 4.87m	326.51	129423	332	237.828	N/A
35 4.77m	314.32	939493	344	237.792	N/A
36 4.94m	327.52	129602	303	230.187	N/A
37 4.71m	318.18	7.70537e+07	340	220.34	N/A
38	329.86	157729	366	220.279	N/A
4.92m 39	330.05	310550	329	219.403	N/A
5.46m 40	342.88	184113	348	218.34	N/A
5.47m 41	349.80	1.90276e+09	329	217.718	N/A
5.27m 42	360.93	303619	327	217.701	N/A
5.24m 43	344.29	226896	320	210.026	N/A
4.91m 44	337.52	231055	398	206.541	N/A
4.91m 45	340.60	294015	398	206.541	N/A
4.94m 46	359.81	256564	407	195.67	N/A
5.08m 47	407.65	152362	493	193.514	N/A
5.65m 48	424.48	5.85872e+06	450	190.798	, N/A
5.74m 49	464.99	356433	450	190.793	N/A
		220.00			,

6.45					
6.15m 50	479.00	2.61636e+06	469	189.585	N/A
6.23m					
51 5.96m	463.20	97706.7	574	181.247	N/A
52	486.36	314938	641	180.519	N/A
6.18m 53	E22 12	210412	582	190 251	N/A
6.65m	533.12	319413	362	180.251	N/A
54	599.20	154258	580	179.739	N/A
7.33m 55	605.87	115203	780	179.665	N/A
7.32m					,
56	607.26	1.10202e+06	580	161.751	N/A
7.30m					
57	590.25	325810	607	157.107	N/A
7.11m	F00 F1	175627	400	154.016	N1/A
58 7.55m	599.51	175627	498	154.816	N/A
7.55III 59	615.73	2.05937e+07	585	147.345	N/A
7.40m	013.73	2.033376.07	303	117.515	14,71
60	572.38	381544	597	146.883	N/A
6.80m					,
61	576.44	289927	509	145.037	N/A
6.85m					
62	557.31	243327	651	144.194	N/A
6.49m	F74.90	2 90695 2 06	F70	142.065	NI/A
63 6.70m	574.89	2.80685e+06	579	142.065	N/A
64	595.33	217064	582	140.262	N/A
6.93m	333.33	217001	302	110.202	14,71
65	592.78	112236	578	139.268	N/A
7.19m					
66	601.12	214792	687	139.167	N/A
6.90m					
67	596.97	401058	580	138.77	N/A
6.64m	506.00	402000	724	120 107	A1/A
68 6.66m	596.88	183980	731	138.407	N/A
6.66m 69	605.00	196923	645	138.124	N/A
6.63m	003.00	190923	043	136.124	N/A
70	624.28	120101	702	134.96	N/A
6.68m					,
71	613.74	65220.9	700	134.95	N/A
6.54m					
72	662.45	219994	706	134.663	N/A
6.93m					
73	713.11	84137	720	134.383	N/A
8.34m 74	706 10	145405	700	12/1271	N1/A
74 8.62m	706.18	145495	708	134.371	N/A
75	691.32	164370	734	133.882	N/A
7.93m	001.02	10-370	757	133.002	14/ 🔼

76	714.10	112927	859	133.105	N/A
7.28m	714.10	112927	633	155.105	N/A
77	741.06	81064	920	132.395	N/A
7.66m					
78	804.12	234355	1049	132.429	N/A
7.90m	000.00	00064.5	0.00	424.007	21/2
79 9 02m	822.98	90264.5	869	131.907	N/A
8.02m 80	832.85	205834	942	131.6	N/A
8.21m	632.63	203634	342	131.0	N/A
81	860.39	295080	983	131.305	N/A
9.52m					·
82	891.89	244599	891	130.529	N/A
8.71m					
83	941.01	236574	1051	130.064	N/A
8.72m	045.25	F 00010 a 100	1051	120.010	NI/A
84 8.33m	945.35	5.90819e+08	1051	129.819	N/A
85	942.77	93379.8	1049	129.519	N/A
8.01m	3 12.77	33373.0	1013	123.313	14,71
86	983.41	235777	995	126.097	N/A
8.39m					·
87	1043.72	581588	999	125.898	N/A
9.05m					
88	1142.51	286982	1005	124.618	N/A
9.94m	1021 67	100700	000	122.27	NI/A
89 8.37m	1031.67	108799	989	123.27	N/A
90	1074.67	128401	981	123.027	N/A
8.70m			552		
91	1026.87	5.90862e+08	987	121.965	N/A
8.54m					
92	1003.39	2.34917e+09	1274	121.202	N/A
8.24m	1010 ==	221727		400.00	
93 9.20m	1012.57	201797	982	120.63	N/A
8.29m 94	1065.47	128891	974	120.402	N/A
8.60m	1005.47	120031	374	120.402	N/A
95	1066.71	251783	1023	120.04	N/A
8.50m					,
96	1003.03	202755	1037	119.958	N/A
8.05m					
97	981.58	159988	1001	119.906	N/A
8.11m	002.04	222564	000	110.464	N1/A
98 7.99m	993.94	322564	989	119.464	N/A
99	991.74	187031	946	119.374	N/A
7.32m	331.71	10,031	310	113.37	14,71
100	993.97	105857	1142	119.102	N/A
7.14m					•
101	976.85	79860.2	1144	119.079	N/A
7.14m	00= ==		<b>6</b>	4.5.5	
102	995.50	221920	951	118.929	N/A

7.40m					
103	938.70	90457.6	950	118.854	N/A
6.86m	550.70	30437.0	550	110.054	N/A
104	937.47	314656	939	118.68	N/A
6.62m	337.47	314030	333	110.00	14/73
105	936.34	149304	919	118.526	N/A
6.47m	330.34	143304	313	110.520	14/71
106	937.20	2.00517e+07	923	118.466	N/A
6.38m	337.20	2.003176107	323	110.400	NA
107	941.85	8.91926e+09	1041	117.759	N/A
6.61m	541.05	0.515200105	1041	117.733	NA
108	943.66	159067	1041	117.646	N/A
6.67m	545.00	155007	1041	117.040	N/A
109	968.74	94109	1041	117.582	N/A
6.73m	300.74	54105	1041	117.502	NA
110	1048.24	75924.5	1136	117.307	N/A
7.16m	1040.24	73324.3	1130	117.507	N/A
111	1057.97	1.13477e+06	1180	117.163	N/A
7.35m	1037.37	1.134//6100	1100	117.103	N/A
112	1076.84	236939	1182	116.834	N/A
7.29m	1070.04	250555	1102	110.854	N/A
113	1128.41	73033.1	1188	116.809	N/A
7.36m	1120.41	73033.1	1100	110.809	N/A
114	1120.40	256617	1178	116.745	N/A
7.28m	1120.40	250017	1170	110.745	N/A
115	1142.22	139713	1205	116.588	N/A
7.34m	1142.22	133713	1205	110.566	N/A
116	1161.78	119681	1389	116.536	N/A
7.36m	1101.70	113001	1303	110.550	14/71
117	1177.39	163665	1523	116.336	N/A
7.38m	11//.00	100003	1525	110.000	,
118	1174.59	1.49591e+06	1210	116.279	N/A
7.19m		2, 1000 20 100			,
119	1171.17	164129	1212	116.271	N/A
7.12m					,
120	1158.92	37142.5	1389	116.147	N/A
7.51m		07 = 1=10			,
121	1197.40	46742.8	1217	116.097	N/A
7.93m					
122	1216.58	332484	1343	116.026	N/A
7.59m					,
123	1203.00	63012.6	1215	115.981	N/A
7.06m					•
124	1205.20	217140	1208	115.942	N/A
7.12m					,
125	1200.88	195967	1361	115.919	N/A
6.74m				·	, .
126	1201.62	36773.3	1213	115.845	N/A
6.31m		55.15.0			
127	1192.41	175546	1436	115.636	N/A
6.46m	·	· <del>-</del>			, .
128	1178.73	118886	1436	115.632	N/A
6.20m	-	<del>-</del>			, .

129 6.29m	1228.00	92349.2	1435	115.615	N/A
130 6.44m	1219.99	177369	1435	115.615	N/A
131 6.30m	1219.26	581658	1435	115.581	N/A
132 6.27m	1241.64	5.95807e+08	1338	115.248	N/A
133 6.16m	1238.89	278341	1361	115.15	N/A
134 6.11m	1248.58	1.60758e+11	1383	115.108	N/A
135 6.43m	1302.84	142129	1362	115.062	N/A
136 6.47m	1327.08	80862	1628	110.496	N/A
137 6.30m	1368.02	119268	1745	110.206	N/A
138 6.74m 139	<ul><li>1492.48</li><li>1678.08</li></ul>	37613.6 26897.3	1747 1753	109.06 108.847	N/A N/A
7.39m 140	1722.07	122838	1936	107.952	N/A
7.45m 141	1781.41	83720.5	2025	107.852	N/A
7.60m 142	1842.02	48335.6	1971	107.611	N/A
7.75m 143	1947.55	82681.7	1964	107.512	, N/A
7.94m 144	1933.71	6.0061e+08	1970	107.395	N/A
7.95m 145	1972.54	74686.6	1970	106.999	N/A
8.15m 146	1954.03	64469.6	2011	106.981	N/A
6.84m 147	1951.31	8795.11	1942	106.773	N/A
7.37m 148	1955.85	975.374	1941	106.647	N/A
7.33m 149 7.20m	1965.40	3.42713e+06	2020	106.646	N/A
150 7.08m	1947.16	78761.9	2019	106.512	N/A
151 6.79m	1933.35	58093.1	2018	106.506	N/A
152 7.04m	1964.62	57360.7	2004	106.35	N/A
153 6.61m	1970.03	69364.7	1881	106.234	N/A
154 6.41m	1950.37	5.95297e+08	1882	106.112	N/A
155	1939.50	123477	1878	106.099	N/A

6.23m					
156	1909.67	217390	1824	105.998	N/A
5.97m					•
157	1879.78	48951.3	1841	105.954	N/A
6.11m					
158	1852.92	2.00151e+07	1828	105.831	N/A
5.57m	1024 74	44002	4020	405.024	N1 / A
159 5.37m	1834.71	41082	1828	105.831	N/A
160	1817.06	74661.6	1832	105.797	N/A
5.10m	1017.00	, 100110	1002	203.737	, / .
161	1814.77	3860.34	1832	105.783	N/A
5.00m					
162	1808.57	62680.3	1842	105.664	N/A
4.96m					
163	1758.15	203506	1712	105.417	N/A
4.69m 164	1690.86	92262	1712	105.394	N/A
4.39m	1090.60	92202	1/12	103.394	N/A
165	1692.49	116450	1741	105.261	N/A
4.28m					•
166	1727.47	66436.9	1739	105.171	N/A
4.22m					
167	1716.24	3.89336e+11	1741	105.141	N/A
4.23m	4720.64	1 00102 - 07	4750	405.003	N1 / A
168 4.06m	1730.61	1.00493e+07	1750	105.092	N/A
169	1741.79	571328	1742	104.97	N/A
3.93m	1, 11,75	3,1020	1, 12	20 1.37	14/1
170	1733.52	1.78267e+07	1741	104.953	N/A
3.72m					
171	1730.60	502739	1954	104.847	N/A
3.58m					
172	1753.23	196115	1954	104.847	N/A
3.48m 173	1755.67	5.67425e+08	2047	104.254	N/A
3.44m	1/33.07	J.0742Je+08	2047	104.234	N/A
174	1757.01	82979	2047	104.254	N/A
3.40m					•
175	1806.70	93743.3	2049	103.817	N/A
3.14m					
176	1954.89	35559.4	2022	103.736	N/A
3.22m	2026 45	72024	2026	402 506	N1 / A
177 3.38m	2026.45	73924	2036	103.596	N/A
178	2044.62	87278.4	2048	103.544	N/A
3.16m	2011.02	0,2,0.1	2010	103.3 1 1	14/71
179	2045.47	124714	2047	103.372	N/A
3.02m					
180	2031.76	130210	2134	103.226	N/A
2.83m					
181	2055.03	35068.6	2631	102.926	N/A
2.78m					

182	2066.12	72599.6	2633	102.919	N/A
2.62m 183	2020.26	161000	2022	102.01	N/A
2.28m	2030.26	161098	2032	103.01	N/A
184	2020.91	136310	2076	102.829	N/A
2.29m			_0,0		,
185	2018.65	30982.9	2009	102.519	N/A
2.00m					
186	2003.83	6.01768e+08	2012	102.519	N/A
1.86m					
187		79395.3	2527	102.476	N/A
1.78m					
188	2005.91	56386.1	2100	102.348	N/A
1.61m 189	2016.43	115070	2184	102.245	NI/A
1.44m		115070	2184	102.345	N/A
190	2016.36	94111.4	2147	102.316	N/A
1.32m		31111.1	2117	102.310	14,71
191	2018.53	173633	2083	102.054	N/A
1.21m					
192	2020.19	116259	2085	102.036	N/A
1.05m					
193	2036.41	134852	2081	101.931	N/A
53.909		(2022.2	2077	101 005	N1 / A
194 45.34s	2064.99	63033.3	2077	101.905	N/A
	2083.19	33114.6	2082	101.271	N/A
36.69		33114.0	2002	101.271	14/71
	2076.44	242556	2082	101.259	N/A
27.569	5				•
197	2075.79	192377	2082	101.247	N/A
18.45	5				
198	2089.56	5.95726e+08	2101	101.067	N/A
9.32s					
199	2086.89	58925.5	2051	101.046	N/A
0.00s					

[32]: SymbolicRegressor(const\_range=(-10, 10),
function\_set=['add', 'sub', 'mul', 'div', 'sin'],
generations=200, init\_depth=(4, 10), metric='mse',
population\_size=500, random\_state=0, stopping\_criteria=0.01,
verbose=1)

```
[33]: y_gp = est_gp.predict(np.array(xnum_test).reshape(-1, 1))
y_gp[:10]
```

[33]: array([73.80469798, 74.62276246, 74.81765215, 74.88961676, 74.91224874, 74.90617581, 74.87934757, 74.83554142, 74.77687615, 74.70473071])

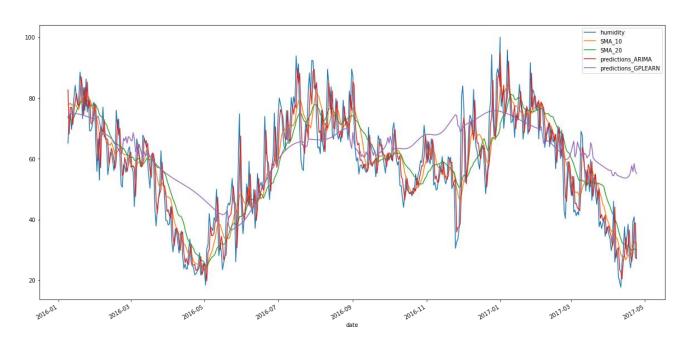
```
[34] : data2['predictions_GPLEARN'] = (train_size * [np.NAN]) + list(y_gp)
```

#### 2.4.2. Визуализация

Построим график по тестовой выборке:

```
[37]: fig, ax = pyplot.subplots(1, 1, sharex='col', sharey='row', figsize=(20,10)) fig.suptitle('Предсказания временного ряда (тестовая выборка)') data2[train_size:].plot(ax=ax, legend=True) pyplot.show()
```

Предсказания временного ряда (тестовая выборка)



Визуально предсказания по методу сивольной регрессии менее точны, чем предсказания по ARIMA. Для повышения точности требуется настройка параметров метода, в частности увеличенное количество итераций цикла. Однако при этом сильно возрастут затраты времени.

#### 2.4.3. Метрики

MAE и MSE:

[38]: mean\_squared\_error(test, y\_gp, squared=False)

[38]: 13.52324614284193

[39]: mean\_absolute\_error(test, y\_gp)

[39]: 10.607119049073066

#### 2.5. Сранение качества моделей

Чем ближе значение MAE и MSE к нулю, тем лучше качество модели.

MAE для авторегрессионного метода ARIMA = 5.5, а для метода символьной регрессии = 10.6.

MSE для авторегрессионного метода ARIMA = 7.3, а для метода символьной регрессии = 13.5.

Качество модели для авторегрессионного метода ARIMA выше. Для выполенения ARIMA также требуется меньше времени.