INP-ENSEEIHT  $1^{\rm \`ere}$  année SN

# TP6 – Classification par arbres de décision et forêts aléatoires

Les arbres de décision sont des modèles d'apprentissage automatique qui organisent les décisions en forme de structure arborescente. Ils représentent un processus de prise de décision en utilisant des règles simples basées sur la valeur des variables. Chaque noeud de l'arbre représente une condition sur la valeur d'une variable, et les branches indiquent les résultats possibles de cette condition. En utilisant un ensemble de règles hiérarchiques, les arbres de décision permettent de résoudre des problèmes de classification ou de régression en prédisant des résultats à partir des données d'entrée, offrant ainsi une compréhension intuitive du processus de décision.

Dans ce TP, nous vous proposons tout d'abord d'implémenter et de visualiser un arbre de décision ainsi qu'une forêt aléatoire sur le même ensemble de données que pour les précédents TPs. Pour ce faire, recopiez dans un premeir temps le contenu de la fonction qualite\_classification présente depuis le TP3. Dans un second temps vous appliquerez votre code à une nouvelle base de données, et chercherez à obtenir la meilleure performance possible.

### Rappel

L'impureté d'un ensemble  $\mathcal{D}$  de données labellisées mesure le degré de mélange des étiquettes de classe à l'intérieur de cet ensemble. L'indice de Gini est l'une des mesures couramment utilisées pour quantifier cette impureté dans le contexte des arbres de décision. Si on appelle  $n_j$  la proportion d'éléments de la classe j dans l'ensemble de données, et  $n = \sum_{j=1}^K n_j$  le nombre total d'élements de l'ensemble, alors on a :

$$Gini(\mathcal{D}) = i_n = \sum_{j=1}^K \frac{n_j}{n} (1 - \frac{n_j}{n}) = 1 - \sum_j \left(\frac{n_j}{n}\right)^2 = 1 - \frac{1}{n^2} \sum_j n_j^2$$
(1)

où K désigne le nombre de classes du problème. Pour calculer la perte d'impureté associée à la séparation des données lors de la construction d'un arbre de décision, on compare généralement l'indice de Gini de l'ensemble initial avant la séparation avec la somme pondérée des indices de Gini des ensembles résultants après la séparation. La diminution de l'impureté, ou la perte d'impureté, est alors la différence entre l'impureté initiale et la somme pondérée des impuretés des ensembles divisés.

$$\Delta i_n = i_n - P_G i_G - P_D i_D \tag{2}$$

avec  $P_G = \frac{n_G}{n}, P_D = \frac{n_D}{n}$  les proportions des ensembles  $D_G, D_D$  (gauche et droit).

Cette mesure est utilisée pour sélectionner la meilleure séparation possible lors de la construction de l'arbre de décision, visant à maximiser la pureté des noeuds fils résultants.

# Exercice 0 : meilleure première séparation

Complétez la fonction premiere\_coupure, appelée par le script exercice\_0, permettant de déterminer la coupure qui maximise la perte d'impureté mesurée par l'indice de Gini sur les données mélanomes. En l'occurrence, plutôt de que de maximiser la perte d'impureté, on minimise l'impureté pondérée de l'ensemble séparé  $P_Gi_G + P_Di_D$ , ce qui est plus simple à calculer.

INP-ENSEEIHT 1<sup>ère</sup> année SN

## Exercice 1 : construction d'un arbre de décision

En appliquant récursivement l'algorithme de coupure implémenté dans l'exercice 0, on peut construire un arbre de décision complet. L'algorithme CART (pour *Classification And Regression Trees*), abordé en cours, nécessite un paramètre supplémentaire qui est le nombre de données minimal pour une feuille, c'est-à-dire le nombre de données en-deça duquel on ne cherche plus à séparer les données restantes.

Complétez le script entrainement\_arbre qui permet d'entraîner un arbre de décision à partir des données X\_app et des labels associés Y\_app ainsi que du nombre de données minimal pour une feuille taille\_minimale\_feuille. Vous utiliserez pour cela la fonction fitctree qui construira cet arbre pour vous : à vous de déterminer comment l'appeler. Complétez ensuite le script classification\_arbre qui calcule la prédiction Y\_pred de l'arbre de décision arbre sur des données X. Pour cela, vous pouvez utiliser la fonction predict de Matlab.

Observez la forme de la frontière décision qui est composée d'une union de régions rectangulaires, en raison des séparations qui se font sur chaque variable séparément. Testez différentes valeurs pour le paramètre taille\_minimale\_feuille et observez l'évolution des résultats.

#### Exercice 2 : forêts aléatoires

Une technique courante d'apprentissage automatique consiste à créer un ensemble (bag) de prédicteurs dits faibles (c'est-à-dire, dont la performance est limitée) pour former un prédicteur performant. L'algorithme des forêts aléatoires appartient à cette famille d'algorithmes de bagging. Cet algorithme consiste à entraı̂ner un ensemble d'arbres de décision complémentaires : ces arbres ne sont pas tous entraı̂nes sur les mêmes données, ni en utilisant nécessairement les mêmes variables pour réaliser les séparations.

Les arbres sont ensuite utilisés lors de l'inférence pour la prédiction finale via un vote de majorité, comme illustré sur la FIGURE 1.

# Random Forest Simplified Instance

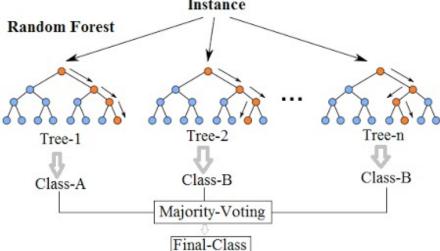


FIGURE 1 – Diagramme illustrant le fonctionnement des forêts aléatoires

Écrivez le script entrainement\_foret qui permet d'entraîner un ensemble d'arbre de décision à partir des données X\_app et des labels associés Y\_app. Cette fonction compte deux paramètres additionnels : nb\_arbres qui définit le nombre d'arbres composant la forêt, et proportion\_individus qui désigne le pourcentage des données sur lequel on va entraîner chaque arbre de décision.

INP-ENSEEIHT 1ère année SN

#### Conseils de programmation :

• Vous aurez besoin de la structure de données cell pour manipuler une forêt d'arbre comme étant un tableau de cellules. L'appel à chaque case se fait avec des accolades : foret{i}.

- Pour chaque arbre de décision, vous devez commencer par tirer aléatoirement un sous-ensemble des données d'apprentissage (dans une proportion indiquée par le paramètre proportion\_individus). Ce tirage s'effectue avec remise, c'est-à-dire que chaque tirage se fera à partir de l'ensemble des données d'apprentissage. Vous pouvez utiliser la fonction randperm pour obtenir un ordre aléatoire sur les indices de cet ensemble.
- La séparation de ces arbres de décision ne doit pas prendre en compte toutes les  $n_{var}$  variables mais seulement un sous-ensemble de  $\sqrt{n_{var}}$  variables, ce qui garantit une bonne variabilité des prédictions des arbres. Ceci peut être réalisé grâce au paramètre NumVariablesToSample de la fonction fitctree.

Complétez ensuite le script classification\_foret qui calcule la prédiction de tous les arbres de décision de la forêt sur des données X, puis qui en calcule un vote de majorité pour obtenir les prédictions Y\_pred. Pour cela, vous pouvez utiliser la fonction mode de Matlab qui permet de retrouver la valeur majoritaire d'un ensemble d'échantillons.

Testez différentes valeurs des paramètres nb\_arbres et proportion\_individus dans le script exercice\_2 et observez comment ces changements affectent la frontière de décision.

# Exercice 3 - classification de type de forêt par forêt aléatoire!

Dans cet exercice, nous vous fournissons une nouvelle base de données permettant de classifier 7 types de couvert végétal (Épinette/Sapin, Pin tordu, Pin ponderosa, Peuplier/Saule, Peuplier faux-tremble, Douglas de Menzies, Krummholz) en fonction d'un grand nombre de variables (54 en tout). Cette base de données est décrite plus en détail sur https://archive.ics.uci.edu/dataset/31/covertype.

Complétez le script exercice\_3 pour entraîner et tester une forêt aléatoire sur cette nouvelle base de données. Ce script calcule le pourcentage de bonnes classifications ainsi qu'une matrice de confusion, qui permet de visualiser les erreurs du prédicteur entre les différentes classes. A vous de chercher les paramètres qui permettent d'obtenir les meilleurs résultats sur l'ensemble de test!