

시스템 소프트웨어(059)

HW1- datalab

학번 :

소속 :

이름 : 김태훈

1. bitAnd

드모르간의 법칙을 이용하여 $x \& y = \sim(\sim x | \sim y)$ 임을 사용하여 해결하였다.

2. getByte

먼저 추출하고자 하는 자리를 least significant로 만들기 위해 n 이 0,1,2,3 일 때 각각 0,8,16,24비트씩 오른쪽으로 옮겨야 된다(16진수 1자리 수는 4비트이기 때문이다.).

따라서 n 이 주어지면 $(n \ll 3)$ 비트만큼 x 를 오른쪽으로 shift해야 되고 least significant를 추출하기 위해 255(=0b11111111)와 bit and 하여 최종적으로 getByte를 한다,

3. logicalShift

$\text{int } m = ((1 \ll 31) \gg n) \ll 1$ 은 11111100000....을 만들어내는데, 여기서 1의 개수는 n 이다.

$x = x \gg n$ 으로 arithmetic shift를 한 후, $\sim m$ (=00000011111... 0의 개수는 n)과 x 를 bit and 하면 arithmetic shift에 의해 생성된 n 개의 1이 0과 and되면서 0이되어, logical shift가 된다.

4.

5. bang

$\text{int } nz = x | (\sim x + 1);$ //0이 아니면 $\sim x$ 와의 연산의 sign bit가 1이 된다.

$(nz \gg 31)$ 은 0이 아닌 경우에는 0xFFFFFFFF가 되고 0인 경우 0이 되고 $0xFFFFFFFF + 1 = 0$, $0+1$ 은 1이므로 답은 $(nz \gg 31) + 1$ 이다.

6. tmin

2의 보수에서 가장 작은 int 정수는 $-2^{31} = 1 \ll 31$ 이다.

7. fitBits

수 x 를 $32-n$ 번 left shift 했다가 $32-n$ 번 right shift해서 앞 $32-n$ 비트를 0으로 만들어 원래 숫자와 비교하면 된다.

-를 쓸 수 없으므로 $32-n = 32 + (\sim n + 1) = 33 + \sim n = \text{shift}$

x 를 shift번 왼쪽으로 옮겼다가 오른쪽으로 옮긴 후 원래 숫자와 bit xor를 하면 같으면 0, 다르면 1이 나온다. 따라서 not을 취하면 각각 1, 0이 나오므로 원하는 결과가 나오게 된다.

8.

나눗셈일 때 x 가 음수이면 $x + (2^k - 1)$ 을 한 후 나누게 된다.

이것을 뺄셈과 조건문 없이 구현하면 된다.

$negative = x \gg 31$ 을 하면 음수이면 $-1(0xFFFFFFFF)$ 이 양수이면 $0(0x00000000)$ 이 저장된다.

$tmp = x + (negative \& ((1 \ll n) (\sim 1 + 1)))$ 는 $negative$ 가 -1 이면 $(1 \ll n) + -1$ 가 선택되고, 0 이면 $0(=negative)$ 가 선택된다.

선택된 tmp 를 2^n 으로 나누면 된다.

9. negate

2의 보수에서 음수는 양수를 bit not한 후 1을 더하면 된다.

10. isPositive

$!(x \gg 31)$ 에서 x 가 음수일 경우 $!(0xFFFFFFFF) = 0$, 아닐 경우 $!(0x00000000) = 1$ 이 저장된다.

따라서 $!x \& (x \gg 31)$ 는 양수일 경우 $0 \& 1 = 1$, 음수일 경우 $0 \& 0 = 0$, 0일 경우 $1 \& 1$ 이 출력되어 양수 일때만 1이 출력되게 된다.

11. isLessOrEqual

$int\ xs = (x \gg 31) \& 1; int\ ys = (y \gg 31) \& 1;$

에서 x 와 y 가 양수이거나 0이면 0이 저장되고, 음수이면 1이 저장된다.

x 와 y 의 부호가 다른지 검사하는 것이 중요한데, 두 수의 부호가 다르다면 $x - y$ 가 overflow가 나서 sing bit를 검사할 때 오류가 발생할 수 있기 때문이다.

또한 $-x == (\sim x + 1)$ 이므로 $y - x == y + (\sim x + 1)$ 이고, $yMinusx \gg 31 \& 1$ 을 통해 $y - x$ 의 sing bit를 추출한다.

x 와 y 의 부호가 다를 때($xs \neq ys$) x 가 음수이고, y 가 양수라면 1을 리턴해야한다. 따라서 $condition1 = (xs \neq ys) \& (xs \& !ys);$

그리고 x 와 y 의 부호가 같다면($xs == ys$) $y - x$ 의 sign bit의 not을 리턴하면 된다($condition2 = !(xs \& ys) \& !signBitOfyMinusx;$)

12. ilog2

13. float_neg

$int\ ret = (0x01 \ll 31) \wedge uf;$

을 통해 맨 앞 sing bit의 not 값을 만든다.

이제 NaN인지 검사해야한다. NaN은 $exp == 0b11111111$, $frac \neq 0$ 일 때이므로,

$(0xFF \ll 23)$ 과 uf 을 bit and 하여 uf 에서 exp 를 추출하고

$0b0000\ 0000\ 0111\ 1111\ 1111\ 1111\ \dots$ 과 uf 을 bit and 하여 $frac$ 을 추출한다,

추출한 exp 와 $frac$ 으로 NaN인지 검사하고, NaN이면 uf 를 아니면 ret 을 리턴한다.

14. float_i2f

15. float_twice

13번과 마찬가지로 sign, exp, frac을 추출하고 NaN이면 uf를 리턴한다.

그리고 uf가 0이거나 -0이면 uf 그대로 리턴한다.

float이 denormalized인 경우 너무 작아($0.xxxx... * 2^{-126}$) exp가 1증가되지 않고, frac이 왼쪽 shift되는 경우가 있다. normalized인 경우 frac에 1을 더하며 된다.

즉 denormalized인 경우 $(0.xxx * 2) * 2^{-126}$ 을 연산하고, normalized인 경우 $(1.xxxx) * 2^a * 2 =$

$(1.xxx) * 2^{(a+1)}$ 을 연산하면 된다.