Турнир Архимеда по программированию 2015

Олег Мингалёв 1 Елизавета Игнатьева 2 Александр Тимин 3 Валерия Петрова 4

¹ГБОУ «Физматшкола 2007», г. Москва

² Московский Физико-Технический Институт, г. Долгопрудный

³000 «Яндекс», г. Москва

 $^{f 4}$ Центр онлайн-обучения «Фоксфорд», г. Санкт-Петербург

http://archimedes-contest.org/ 26 апреля 2015 — 3 мая 2015

Задача «Папа, я физик!»

Автор задачи: Олег Мингалёв Автор условия: Елизавета Игнатьева Автор тестов: Олег Мингалёв

Постановка задачи

- lacksquare Даны числа v_1 и v_2 , C=299792458.
- Выведите $min(v_1 + v_2, C)$.

Реализация

- Считайте числа v_1 и v_2 .
- Выведите $min(v_1 + v_2, 299792458)$.

Вопросы?

Задача «Детский сад»

Автор задачи: Валерия Петрова Автор условия: Елизавета Игнатьева Автор тестов: Елизавета Игнатьева

Постановка задачи

- Есть N детей, для i-того ребёнка определена величина его плаксивости q_i .
- Если в какой-то момент плачет A детей, то все дети, у которых $q_i \leq A$, тоже начинают плакать.
- Заплачут ли в итоге все дети?

Сортировка

- **E** Если $q_i < q_i$, то j-ый ребёнок не может заплакать раньше i-ого.
- Значит дети начинают плакать в порядке увеличения их плаксивости.
- \blacksquare Отсортируем q_i .
- Будем поддерживать количество уже плачущих детей A и идти в порядке увеличения q_i .
- Если текущее $q_i > A$, то и все следующие $q_j > A$, то есть больше никто не заплачет и ответ «NO».
- Иначе увеличиваем А на 1 (ребёнок заплакал) и переходим к следующему ребёнку.
- Если дети кончились, значит все дети уже плачут и ответ «YES».

Решение

Вопросы?

Задача «Слова не пройдут»

Автор задачи: Олег Мингалёв Автор условия: Елизавета Игнатьева Автор тестов: Александр Тимин

Постановка задачи

- Из исходной строки s получили строку s', заменив некоторые символы по следующему правилу:
 - e ⇒ 3
 - lacksquare o \Rightarrow 0
 - i ⇒ 1
 - $\,\blacksquare\, t \Rightarrow 7$
 - a ⇒ 4
 - \blacksquare s \Rightarrow 5
- Даны строки s' и t; возможно ли, что строка t входила в s до выполненных замен?

Реализация

- Выполним обратные замены:
 - 3 ⇒ e
 - 0 ⇒ o
 - 1 ⇒ i
 - 7 ⇒ t
 - $4 \Rightarrow a$
 - 5 ⇒ s
- Проверим, встречается ли строка t в полученной строке.

Решение

Вопросы?

Задача «Нью-Кэпитал»

Автор задачи: Олег Мингалёв Автор условия: Елизавета Игнатьева Автор тестов: Олег Мингалёв

Постановка задачи

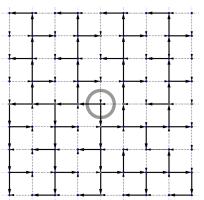
- \blacksquare На плоскости отмечены две точки S и F: (S_X, S_Y) и (F_X, F_Y) .
- Из точек с чётными X-координатами разрешено двигаться на 1 влево.
- Из точек с нечётными X-координатами разрешено двигаться на 1 вправо.
- Из точек с чётными Y-координатами разрешено двигаться на 1 вниз.
- Из точек с нечётными Y-координатами разрешено двигаться на 1 верх.
- Другие ходы запрещены
- **3** а какое минимальное число ходов из точки S можно попасть в точку F?

- └─Задача «Нью-Кэпитал»
 - ___ Решение

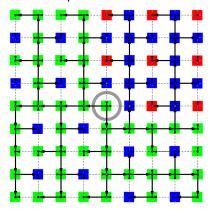
■ Рассмотрим решение для случая, в котором S_X и S_Y чётные, остальные случаи разбираются аналогично.

- Если бы из точек можно было ходить в любую сторону, то ответом на задачу было бы число $D = |S_X F_X| + |S_Y F_Y|$.
- Понятно, что в решаемой нами задаче ответ не может быть меньше, чем D.
- Назовём штрафом точки A:(X,Y) разность минимального количества ходов, необходимого для достижения точки A из точки S и величины $|S_X-Y|+|S_Y-Y|$.

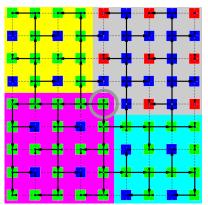
■ Нарисуем все кратчайшие пути из *S*.



■ Для каждой точки посчитаем её штраф (на рисунке штраф, равный 0, отмечен зелёным цветом, равный 2 — синим, равный 4 — красным.



 Заметим, что плоскость разбивается на четыре области, в каждой из которых штраф точки зависит только от чётности её координат.



- Проверить, в какой области лежит точка F относительно точки S.
- Посчитать её штраф в зависимости от полученной области и чётности координат.
- Прибавить к штрафу величину $|S_X F_X| + |S_Y F_Y|$.
- Это и есть ответ.
- Для остальных случаев, когда S_X или S_Y нечётные, рассуждения полностью аналогичны.

Поиск в ширину

- Можно было честно искать кратчайшее расстояние между точками с помощью, например, алгоритма поиска в ширину.
- Подробнее например, на сайте http://informatics.msk.ru/ в разделе «Алгоритмы на графах».

Решение

Вопросы?

Задача «Мама, я математик»

Автор задачи: Олег Мингалёв Автор условия: Елизавета Игнатьева Автор тестов: Олег Мингалёв

- └─Задача «Мама, я математик»
 - └─ Постановка задачи

Постановка задачи

■ В исходном числе *N* каждую цифру в каждой позиции умножили на 19, прибавили 40, снова умножили на 19, взяли последнюю цифру полученного произведения и поставили вместо исходной цифры. Какое число получилось?

Решение

Решение

- Цифры числа не меняются
- Ответ исходное число.

Решение

Вопросы?

Задача «Том и Джерри»

Автор задачи: Олег Мингалёв Автор условия: Елизавета Игнатьева Автор тестов: Олег Мингалёв

Постановка задачи

- ASCII-артом нарисованы висящая на верёвке наковальня и Том.
 Заденет ли наковальня Тома при падении, если перерезать веревку?
- Наковальня строго ниже веревки, Том строго ниже наковальни.
- Наковальня состоит из символов «#» и имеет прямоугольную форму.
- Между наковальней и Томом есть хотя бы одна пустая строка.

Реализация

- Найдём горизонтальные размеры наковальни. Для этого возьмём первую строку, в которой встречается символ «#» и найдём позиции первого и последнего вхождения в неё этого символа.
- Найдём первую строку, состоящую только из пробелов. Все непробельные символы, которые есть ниже её – часть Тома.
- Переберём все строки ниже неё, в каждой переберём все символы. Если символ непробельный и его позиция лежит между границами наковальни, значит при падении наковальня заденет Тома.
- Если таких индексов нет, то не заденет.

∟ Решение

Вопросы?

Задача «Куртки»

Автор задачи: Елизавета Игнатьева Автор условия: Елизавета Игнатьева Автор тестов: Елизавета Игнатьева

Постановка задачи

- Есть две куртки, первая рассчитана на температуру не выше x градусов, вторая на температуру выше x градусов.
- Куртка меняется с первой на вторую, если температура стала не ниже x+d градусов.
- Куртка меняется со второй на первую, если температура стала не выше x-d градусов.
- Дан список изменения температуры. Сколько раз будет надета куртка, не рассчитанная на актуальную температуру?
- Изначально надета куртка, рассчитанная на первую температуру.

Реализация

- Будем поддерживать переменную, в которой указана надетая в настоящий момент куртка. Инициализируем её в зависимости от первой температуры.
- По очереди для всех температур выполним следующие операции:
 - **\blacksquare** Если надета первая куртка, а температура не ниже x+d, то наденем вторую куртку
 - Иначе, если надета вторая куртка, а температура не выше x-d, то наденем первую куртку
 - Если надета первая куртка, а температура выше x, то увеличим счётчик с ответом на один.
 - Если надета вторая куртка, а температура не выше x, то увеличим счётчик с ответом на один.

Решение

Вопросы?

Задача «Мама, я диспетчер»

Автор задачи: Олег Мингалёв Автор условия: Елизавета Игнатьева Автор тестов: Олег Мингалёв

- └─Задача «Мама, я диспетчер»
 - └─ Постановка задачи

Постановка задачи

• Самолёт подлетает к аэропорту в момент времени t_i , посадка занимает время B, самолёт, прилетевший во время посадки другого, отправляется делать дополнительные круги над городом, каждый занимает время F. За какое время сядут все самолёты?

Реализация

- Будем поддерживать значения массива t_i в какой момент времени подлетает i-ый самолёт.
- Каждый раз на посадку будем отправлять первый прилетевший из оставшихся самолёт.
- Для каждого из оставшихся ещё не севших самолётов происходит одна из следующих ситуаций:
 - Самолёт прилетает через время, не меньшее В (времени посадки), то есть коллизии не происходит и нам ни о чём думать не нужно.
 - Самолёт прилетает через время, меньшее B, то есть во время посадки другого самолёта. В таком случае мы должны отправить его выполнять дополнительный круг над городом, то есть заменить t_i на $t_i + F$.

Реализация

 Возможно, что самолётам придётся выполнять больше одного круга, пока происходт посадка другого воздушного судна. На самом деле, пока садится самолёт j, самолёту i нужно выполнить С кругов.

$$C = \left\lceil \frac{t_j + B - t_i}{F} \right\rceil$$

lacksquare То есть t_i мы заменяем не на t_i+F , а на $t_i+C imes F$.

Вопросы?