# 四足机器人的控制逻辑

# 启动

核心代码块

当用户设置use\_rc为1时, cheetah始终处于关节无使能的状态,

当用户设置use rc为0时,进入cheetah的初始化。

# 初始化

四肢会从当前姿态,通过贝塞尔曲线逐渐走到target\_ipos。该部分的参数在下面的文件中定义的。

```
1 | #config/initial_jpos_ctrl.yaml
```

这段轨迹是走的**位置环**。

# 各种模式

# K\_BALANCE\_STAND 平衡站立

模式功能:站立下的姿态扭动。

平衡站立模式下,默认四个足端都是触地状态(不发生位移),通过WBC实现姿态的扭动。

### K\_RECOVERY\_STAND 恢复站立模式

模式功能:将跌倒或翻转的cheetah恢复到正常的站立状态,均使用

- 1. 判断cheetah是否翻转, 若翻转, 进入2; 若未翻转, 进入3
- 2. 将一侧两条腿收缩,将另一侧两条腿向下踹,使狗子完成翻身;
- 3. 将两条腿按照贝塞尔曲线收缩至身下;
- 4. 将腿伸直,完成站立。#位置环的PD控制

### K LOCOMOTION 运动模式

模式功能:基于多种运动步态进行移动

运动模式下的理论包括足端规划,MPC计算足端作用力和WBC优化,这三块内容需要逐一说明。

#### 足端规划

- 1. 足端规划的是四肢末端的位置。通过状态观测器获得当前的位置;
- 2. 根据目标速度, 计算期望的本体中心的世界坐标;

3. 将足端摆动的整个过程分为摆动过程和站立过程,通过计算摆动过程剩余时间,不断更新摆动的末端世界位置;

### 4. **更新MPC**

- 5. 根据时序计算足端是否是否触地;
- 6. 对于摆动过程,通过更新贝塞尔曲线,计算得到当前期望的足端世界位置;
- 7. 此时通过计算足端相对于该腿臀部的位置(将腿看作机械臂了);
- 8. 通过位置环的PD该腿进行迈步;
- 9. 对于触地过程,足端世界坐标始终保持不变,其他计算方法不变;
- 10. 通过位置环的PD该腿进行迈步。如果开启了WBC,就把MPC的前馈加入到控制中;

#### **MPC**

通过单纯的足端位置控制,已经可以实现cheetah的运动。研究者为了让控制的目的性更强,希望在运动状态下,能根据实际的控制要求主动设计合适的驱动力矩,即假如动力学前馈。对于cheetah,正常运行中可以优化的外力作用只有足端的作用力,因此将足端作用力作为控制量,实现对本体的控制优化。因此,MPC的优化目的,是在足端位置控制的计算关节力矩的时候,计算前馈作用力,提高控制精度。

需要特别强调的是,如果没有这个足端作用力作为前馈量,力矩模式下姿态不可能保持目标位置,否则没有Error产生PD的输出,因此如果此时有前馈值,则可以确保姿态更加精准。但是由于底层仍旧是PID控制,所以任何误差的存在都会直接导致关节力矩在前馈值上叠加Error引起的控制量,从而导致系统会有波动,且该波动无法避免。

首先是要理解,构造的状态方程的物理意义

$$x(k+1) = A_k x(k) + B_k f(k) + g (1)$$

这个方程的具体参数参考《MPC内容说明V1》。 x的设计,是为了控制本体的状态,位置和速度。上式表明了当前状态下,输入的四条腿的作用力决定了下一时刻的状态。反过来,假如已知当前状态,同时设定未来时刻的状态,则可以反向求解控制量。MPC就是基于QP优化理论,将状态方程的控制量优化,转为一个标准的QP优化问题,从而解算出能够实现未来时刻的状态量。具体的MPC优化理论参考《MPC内容说明V1》。

### WBC

仅靠**位置环的控制**、或者**在位置环上加入MPC的前馈控制方法**,分别都可以完成四足的控制。**前者提供最基本的位置PD控制,后者优化前馈量。** 

在运动规划中,我们有相应的位置指令,因此**理论的速度、加速度**都是已知的。但是实际中位置Error的存在,控制品质会下降。

理论上

$$S_f(A\ddot{q}_{cmd} + b + g) = S_f J_c^T f_{MPC}$$
(2)

但是实际上由于执行、环境等带来的误差,上式需要更新为

$$S_f(A(\ddot{q}_{emd} + \delta \ddot{q}) + b + g) = S_f J_c^T (f_{MPC} + \delta f)$$
(3)

为了提高控制品质,我们希望通过在MPC计算得到的足端作用力f下,对其进行微调,从而在满足上式的同时,又能够保证加速度和足端前馈作用的偏差足够小(最理想的状态是偏移量为0,但是由于实际系统的偏差,如果控制量f按照MPC理论计算给出,则实际的加速度相对于 $\ddot{q}_{cmd}$ 的偏移量可能较大,导致运动状态(位置和速度)与期望值偏差较大。因此定义的性能方程:

$$\min_{\delta \ddot{q}, \delta f} = \delta_{\ddot{q}}^T Q_1 \delta_{\ddot{q}} + \delta_f^T Q_1 \delta_f \tag{4}$$

优化的目标是,在保证前馈作用力的偏移量较小的同时,让加速度的偏移值也较小。