### VƯƠT ĐÈO

Ông chủ trang trại bò cho n con bò tham gia một chuyến dã ngoại xuyên Việt. Trên đường đi chúng cần vượt qua đèo Hải Vân, đường đi gồm một đoạn đường dốc đi lên đỉnh đèo và một đoạn đường dốc đi từ đỉnh đèo xuống.

Vì đường hầm xuyên đèo cấm súc vật nên mỗi con bò sẽ phải trèo lên đỉnh đèo rồi ... lăn xuống phía bên kia. Để giữ an toàn cho cả đoàn, ông chủ trang trại cho các con bò sẽ xếp hàng lần lượt để vượt đèo: Một con bò sẽ bắt đầu lên dốc khi đường dốc lên không có con bò nào khác và khi lên đến đỉnh đèo, mỗi con bò có thể sẽ phải đợi cho tới khi đường dốc xuống không có con bò nào khác mới bắt đầu xuống dốc.

**Yêu cầu:** Biết thời gian lên dốc và xuống dốc của mỗi con bò, hãy giúp ông chủ trang trại xếp các con bò theo thứ tự để thời gian tính từ lúc bắt đầu tới lúc con bò cuối cùng xuống dốc là nhỏ nhất.

Dữ liệu: Vào từ file văn bản CLIMBE.INP

- Dòng 1 chứa số nguyên dương  $n \le 10^5$
- Dòng 2 chứa n số nguyên dương  $a_1, a_2, ..., a_n$  ( $\forall i: a_i \leq 100$ ) là thời gian lên dốc của n con bò
- Dòng 3 chứa n số nguyên dương  $b_1, b_2, \dots, b_n$  ( $\forall i : b_i \le 100$ ) là thời gian xuống dốc của n con bò

**Kết quả:** Ghi ra file văn bản CLIMBE.OUT

- Dòng 1 ghi thời gian tối thiểu để vượt đèo tính từ lúc con bò đầu tiên khởi hành tới lúc con bò cuối cùng kết thúc đường đèo.
- Dòng 2 ghi số hiệu các con bò theo thứ tư vượt đèo tìm được

CLIMBE.INP	CLIMBE.OUT
4	12
3 1 2 4	2 1 4 3
4 2 1 3	

### **CÂY KHUNG**

Cho một đồ thị vô hướng G gồm n đỉnh đánh số từ 1 tới n và không có cạnh nào. Người ta lần lượt thêm vào đồ thị m cạnh, cạnh thứ i nối hai đỉnh  $u_i$ ,  $v_i$  và có trọng số là  $w_i$ . Trong quá trình thêm cạnh, giữa hai đỉnh có thể có nhiều cạnh nối.

**Yêu cầu:** Sau mỗi lệnh thêm cạnh, cho biết trọng số của cây khung nhỏ nhất của đồ thị *G*.

**Dữ liệu:** Vào từ file văn bản SMST.INP

- Dòng 1: Chứa hai số nguyên dương  $n \le 200$ ;  $m \le 10^5$
- m dòng tiếp, dòng thứ i chứa ba số nguyên  $u_i, v_i, w_i (|w_i| \le 10^9, \forall i)$

**Kết quả:** Ghi ra file văn bản SMST.OUT m dòng, dòng thứ i ghi một số nguyên là trọng số cây khung nhỏ nhất của đồ thị G sau lệnh thêm cạnh thứ i, nếu sau lệnh thêm cạnh thứ i mà đồ thị không tồn tại cây khung, cần ghi ra dòng này số 123456789.

#### Ví dụ

SMST.INP	SMST.OUT
4 4	123456789
1 2 2	123456789
1 3 3	9
2 4 4	7
2 3 1	

## **CĂT BÁNH**

Bờm được tặng một chiếc bánh ga tô nhân ngày sinh nhật. Chiếc bánh có hình chữ nhật kích thước  $m \times n$  và được trang trí bởi  $2 \times (m+n)$  cây nến. Trước tiên Bờm cắm một cây nến ở góc trên trái của chiếc bánh, rồi sau đó theo chiều kim đồng hồ dọc theo chu vi của chiếc bánh, cứ cách một đơn vị độ dài Bờm cắm thêm một cây nến. Các cây nến được đánh số thứ tư từ 1 tới  $2 \times (m+n)$  theo thứ tư cắm nến.

Vào tiệc sinh nhật, Bờm tiến hành cắt chiếc bánh để chia cho các khách mời. Chiếc bánh được cắt bởi k lát cắt (đánh số từ 1 tới k), lát cắt thứ i là một đường cắt thẳng nối từ vị trí cây nến thứ  $a_i$  tới cây nến thứ  $b_i$ , hai lát cắt khác nhau có thể trùng nhau.

**Yêu cầu:** Cho biết sau *k* lát cắt, chiếc bánh được tách rời làm bao nhiêu phần.

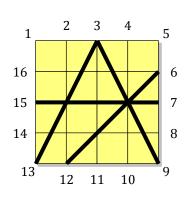
**Dữ liệu**: Vào từ file văn bản GATEAU.INP

- Dòng 1 chứa ba số nguyên dương  $m, n, k \le 200$
- k dòng tiếp theo, mỗi dòng chứa hai số nguyên dương  $a_i, b_i$

Các số trên một dòng của Input file được ghi cách nhau ít nhất một dấu cách

**Kết quả:** Ghi ra file văn bản GATEAU. OUT một số nguyên duy nhất là số phần tách ra của chiếc bánh sau k lát cắt **Ví dụ** 

G	ATEAU.INP	GATEAU.OUT
4	4 4	8
3	9	
6	12	
7	15	
3	13	



# THÁM HIỂM SA MẠC (Hard version)

Bản đồ sa mạc được vẽ trên mặt phẳng với hệ tọa độ trực chuẩn 0xy. Trên đó đánh dấu vị trí của n ốc đảo đánh số từ 1 tới n. Một nhà thám hiểm muốn đi từ ốc đảo 1 tới ốc đảo n, để tránh bị lạc đường, tại mỗi thời điểm anh ta chỉ đi tiếp theo hướng song song với một trong hai trục tọa độ

Nhà thám hiểm mang theo một bình nước dung tích là k. Khi tới mỗi ốc đảo, nhà thám hiểm sẽ đổ đầy bình nước và với bình nước đầy này anh ta có đủ nước uống để đi tiếp một quãng đường không quá k đơn vị độ dài trên bản đồ.

Yêu cầu: Xác định dung tích nhỏ nhất của bình nước cần mang theo (k) để thực hiện được hành trình từ ốc đảo 1 tới ốc đảo n và cho biết một hành trình với bình nước đó.

Dữ liệu: Vào từ file văn bản DESERT.INP

- Dòng 1: Chứa số nguyên dương  $n \ (2 \le n \le 10^5)$
- n dòng tiếp theo, dòng thứ i chứa hai số nguyên  $x_i$ ,  $y_i$  lần lượt là hoành độ và tung độ của ốc đảo thứ i.  $(-10^9 \le x_i, y_i \le 10^9)$

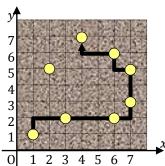
Kết quả: Ghi ra file văn bản DESERT.OUT

- ullet Dòng 1: Ghi số nguyên k là dung tích nhỏ nhất của bình nước cần mang theo.
- Dòng 2: Ghi số hiệu các ốc đảo đi qua theo đúng thứ tự trên hành trình bắt đầu là ốc đảo 1, kết thúc là ốc đảo
  n

Các số trên một dòng của Input/Output files được/phải ghi cách nhau ít nhất một dấu cách

#### Ví dụ

DESERT.OUT	
3	1
1 2 3 4 6 7 8	_
	7
	5
	4
	5
	2
	1
	_
	3



Time Limit: 1s; Mem Limit: 100MB;

Subtask 1 (20):  $n \le 10$ 

Subtask 2 (20):  $n \le 1000$ 

Subtask 3 (20):  $n \le 5000$ 

Subtask 4 (20):  $n \le 30000$ 

Subtask 5 (20):  $n \le 100000$ 

## TÌM CHỮ SỐ

Xét hệ cơ số 36, hệ cơ số này gồm 36 chữ số với giá trị từ 0 tới 35, các chữ số được liệt kê lần lượt như sau:

(a là chữ số có giá trị 10, b có giá trị 11, ..., z có giá trị 35)

Ví du số zzw trong hệ 36 có giá trị bằng

$$35 \times 36^2 + 35 \times 36 + 32 = 46652$$

Cho một số tự nhiên x, người ta viết các số tự nhiên liên tiếp bắt đầu từ x trong hệ 36 tạo thành một dãy vô hạn các chữ số. Hãy xác định chữ số đứng thứ k trong dãy (các chữ số trong dãy được đánh số bắt đầu từ 1).

Ví dụ với  $x = zzw_{(36)}$ , ta có dãy: zzwzzxzzyzzz10001001100210031004... chữ số đứng thứ k = 24 là chữ số 2.

Dữ liệu: Vào từ file văn bản DIGIT.INP

- Dòng 1 chứa số tự nhiên x trong hệ 36 gồm không quá 10<sup>5</sup> chữ số.
- Dòng 2 chứa số nguyên dương  $k \le 10^{18}$  viết trong hệ thập phân.

Kết quả: Ghi ra file văn bản DIGIT.OUT một ký tự duy nhất là chữ số tìm được viết trong hệ 36

### Ví dụ

DIGIT.INP	DIGIT.OUT
ZZW	2
24	
z0	1
73	
z16	Z
3762	

## **TẮT MÁY**

Bản đồ sàn nhà hình chữ nhật kích thước  $m \times n$  được chia thành lưới ô vuông đơn vị, mỗi ô có đặt một máy tính. Các máy tính được đánh số từ 1 tới  $m \times n$  và máy tính ở mỗi ô có kênh nối hai chiều với các máy tính nằm ở ô chung cạnh. Ta nói máy tính i có thể truyền tin tới máy tính j nếu giữa hai máy đó có kênh nối trực tiếp hoặc truyền qua một số máy trung gian.

Ban đầu các máy tính đều bật và người ta lần lượt tắt các máy từ máy 1 tới máy  $m \times n$ . Việc tắt một máy mất đúng 1 đơn vị thời gian và khi máy đó tắt xong thì không cho gửi, nhận và truyền tin qua máy đó nữa.

Nhiệm vụ của bạn là cho k cặp máy  $(s_1, t_1), (s_2, t_2), \dots, (s_k, t_k)$ . Với mỗi cặp máy  $(s_i, t_i)$  xác định thời điểm  $q_i$  mà bắt đầu từ thời điểm đó máy  $s_i$  không thể truyền tin tới máy  $t_i$  nữa.

Dữ liệu: Vào từ file văn bản SHUTDOWN.INP

- Dòng 1 chứa ba số nguyên dương  $m \le 500$ ;  $n \le 500$ ;  $k \le 2.10^5$
- m dòng tiếp theo, dòng thứ x chứa n số nguyên, số nguyên thứ y là số hiệu máy đặt ở ô (x, y) của sàn.
- k dòng tiếp theo, dòng thứ i chứa hai số nguyên dương  $s_i$ ,  $t_i$

Các số trên một dòng của Input/Output files được/phải ghi cách nhau ít nhất một dấu cách

**Kết quả:** Ghi ra file văn bản SHUTDOWN.OUT k dòng, dòng thứ i ghi một số nguyên duy nhất  $q_i$ .

SHUTDOWN.INP			SHUTDOWN.OUT
4 4 2	<u>-</u>		4
15 16	5 1	9	6
14 13	3 4	8	
6 !	3	7	
12 1°	2	10	
14 10	)		
15 1°			

# CHẠY TIẾP SỨC

Một giải chạy tiếp sức diễn ra trên đường đua độ dài k mét. Trên đường đua, ta gọi vạch 0 là nơi bắt đầu đường đua, vạch x ( $0 \le x \le k$ ) là vị trí cách nơi bắt đầu đường đua x mét (vạch k là đích).

Đội SuperRacers có n vận động viên tham gia giải đánh số từ 1 tới n, vận động viên thứ i xuất phát từ vạch  $a_i$  và chạy tới vạch  $b_i$ , anh ta mất  $c_i$  giây để chạy mỗi mét trên đoạn đường chạy của mình.

Tại thời điểm xuất phát (thời điểm 0), những vận động viên xuất phát từ vạch 0 bắt đầu chạy. Từ đó về sau, mỗi vận động viên i chỉ được phép xuất phát khi có một vận động viên khác của đội mình chạy tới vạch  $a_i$ .

**Yêu cầu:** Biết rằng đội SuperRacers chắc chắn có vận động viên tới đích. Tính thời điểm (theo đơn vị giây) vận động viên đầu tiên của đội SuperRacers tới đích.

Dữ liệu: Vào từ file văn bản RELAY.INP

- Dòng 1 chứa hai số nguyên dương  $n \le 10^5$ ;  $k \le 10^9$
- n dòng tiếp theo, mỗi dòng chứa ba số nguyên  $0 \le a_i < b_i \le k; 1 \le c_i \le 10^9$

**Kết quả:** Ghi ra file văn bản RELAY.OUT một số nguyên duy nhất là thời điểm tìm được

#### Ví dụ

RELAY.INP	RELAY.OUT
6 8	40
0 3 9	
1 2 1	
3 5 5	
4 6 3	
5 8 2	
7 8 1	
3 9	16
0 8 1	
2 9 3	
8 9 8	