Bài A. JUMP

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Khu vườn có thể mô tả như một mảng một chiều: $H = h_1, h_2, \dots, h_n$ trong đó h_i là chiều cao ở vị trí i. Có một con ếch sống trong khu vườn kỳ diệu đó. Mỗi buổi sáng, ếch đều tập nhảy trong vườn. Sáng thứ i, ếch sẽ xuất phát tại x_i , nhảy k_i bước theo quy tắc nhảy sau:

- Nếu đang quay mặt về bên phải, nó sẽ nhảy đến vị trí gần nó nhất về bên phải, sao cho độ cao ở đó lớn hơn hoặc bằng độ cao ở hiện tại. Nếu vị trí như thế không tồn tại, nó sẽ nhảy quay đầu, tức là nhảy tại chỗ và quay đầu lại (vẫn tính 1 bước nhảy)
- Nếu nó đang quay mặt về bên trái, nó sẽ nhảy đến vị trí gần nó nhất về bên trái, sao cho độ cao ở đó nhỏ hơn hoặc bằng độ cao ở hiện tại. Nếu vị trí như thế không tồn tại, nó sẽ nhảy quay đầu, tức là nhảy tại chỗ và quay đầu lại (vẫn tính 1 bước nhảy)

Biết rằng mỗi sáng ếch đều bắt đầu ở tư thế quay sang phải. Hãy cho biết vị trí mà ếch kết thúc buổi tập

Dữ liệu vào

- Dòng đầu tiên chứa n, m là số vị trí và số ngày
- ullet Dòng tiếp theo chứa dãy H
- m dòng tiếp theo, dòng thứ i chứa x_i, k_i

Kết quả

ullet In ra m dòng là vị trí kết thúc của ếch trong m ngày đó

Ví dụ

stdin	stdout
5 2 1 2 3 4 5 1 4	5
1 2 3 4 5	1
1 4	
1 9	

- $1 \le n, m \le 10^5, 1 \le k_i, h_i \le 10^9$
- 20% test có $m, k_i \le 5000$
- $\bullet~20\%$ test có dãy Htăng nghiêm ngặt

Bồi dưỡng HSGQG Nghệ An, 17/01/2022

Bài B. SAG

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Một xâu S độ dài n chỉ gồm các ký tự trong số k chữ cái đầu của bảng chữ cái latin thường $(1 \le k \le 26)$. Một người đã tiến hành ghi chép các thông tin về xâu này. Mỗi lần, anh ta chọn 2 vị trí i,j và tính ra ký tự c là =, >, < tương ứng là $S_i = S_j$, $S_i > S_j$, $S_i < S_j$

Cho biết m thông tin dạng trên, hãy khôi phục lại xâu S

Dữ liệu vào

 \bullet Dòng đầu: $n \ k \ m$

 $\bullet \,\, m$ dòng tiếp theo, mỗi dòng ghi một thông tin
: $i \,\, c \,\, j$ (viết liền nhau)

Chỉ số của xâu đánh số từ 1, dữ liệu đảm bảo không mâu thuẫn

Kết quả

 \bullet Ghi xâu S. Với các ký tự không thể xác định được, ghi ?

Ví dụ

stdin	stdout
4 3 2	abc?
1<2	
1<2 2<3	
5 3 3	cba?b
1>2	
2>3	
2>3 5=2	

Hạn chế

• Subtask 1: $1 \le n, m \le 1000$

• Subtask 2: $1 \le n, m \le 10^5$

Bài C. MNUM

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Trên hành tinh XYZ, việc quay thưởng xổ số được làm như sau: Kết quả xổ số là 1 số có k chữ số. Họ tiến hành quay từng số bằng cách:

- $\bullet\,$ Chọn 1 số nguyên dương n
- Viết các số tự nhiên từ 1 đến n liền nhau thu được xâu S
- Nếu độ dài S là 1 thì S chính là kết quả của lần quay
- ullet Nếu độ dài S lớn hơn 1, xóa hết các ký tự ở vị trí lẻ của S, các ký tự còn lại được viết lại liền nhau
- ullet Xóa hết các ký tự ở vị trí chẵn của S, các ký tự còn lại được viết lại liền nhau, quay lại bước 3

Cho biết thông tin chọn số của các lần quay, hãy tính toán và đưa ra kết quả xổ số Lưu ý, hành tinh này sử dụng hệ đếm 10, và các ký tự trên xâu S được đánh số từ trái sang phải bắt đầu bằng 1

Dữ liệu vào

- $\bullet\,$ Dòng đầu chứa số nguyên dương k
- ullet Dòng tiếp theo chứa k số nguyên dương là số được chọn trong các lần quay

Kết quả

 $\bullet\,$ Kết quả xổ số ở hành tinh XYZ. Gồm k chữ số viết liền nhau

Ví dụ

stdin	stdout
2	26
5 6	

- $1 < k < 10^5, 1 < n < 10^{15}$
- Subtask 1: $k, n \leq 10$
- Subtask 2: $k, n \leq 100$
- Subtask 3: $k, n \le 1000$
- Subtask 4: $k, n \le 100000$
- Subtask 5: Ràng buộc gốc

Bồi dưỡng HSGQG Nghệ An, 17/01/2022

Bài D. PCOUNT

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Với $p = p_1, p_2, \dots, p_n$ là một hoán vị của n số nguyên dương từ 1 đến n, gọi $\beta(p)$ là số vị trí i có $p_i < i$. Cho n và k, hãy đếm số hoán vị p của n số từ 1 đến n có $\beta(p) = k$

Dữ liệu vào

 $\bullet\,$ Một dòng duy nhất chứa n~k

Kết quả

 $\bullet\,$ Ghi số lượng hoán vị tìm được sau khi chia lấy dư cho $10^9 + 7$

Ví dụ

stdin	stdout
4 1	11

- $1 \le n \le 1000, 0 \le k \le n$

Bài E. CAL2

File dữ liệu vào: stdin File kết quả: stdout Hạn chế thời gian: 1 giây

Cho hàm f được định nghĩa: $f(i,0)=f(0,i)=0,\,i\in N$ f(1,1)=1 $f(n,k)=((n+k)\%2+1)\times f(n-1,k)+((n+k+1)\%2+1)\times f(n,k-1),\,n+k>2$

Hãy tính f(n,k)%1000003

Dữ liệu vào

 $\bullet \;$ Gồm 2 số nguyên $n \; k$

Kết quả

• Gồm 1 số nguyên là kết quả bài toán

Ví dụ

stdin	stdout
3 4	73
4 3	86

- Subtask 1: $1 \le n, k \le 5000$
- Subtask 2: $1 \le n, k \le 10^5$
- Subtask 3: $1 \le n, k \le 10^{10}$
- Subtask 4: $1 \le n, k \le 10^{12}$