CHƯƠNG I: SỐ HỮU TỈ - SỐ THỰC

Họ tên: Lớp: 7A1/7A2 Ngày: / ... / 20....

BÀI 5,6. LŨY THỪA CỦA MỘT SỐ HỮU TỈ.

I. Tóm tắt lý thuyết

1. Định nghĩa:

Lũy thừa bậc n của một số hữu tỉ x, kí hiệu x^n , là tích của n thừa số x (n là số tự nhiên lớn hơn 1).

$$x^{n} = \underbrace{x.x...x}_{n} \ (x \in \mathbb{Q}, n \in \mathbb{N}, n > 1)$$

- Quy ước: $x^1 = x$ với $\forall x \in \mathbb{Q}$; $x^0 = 1$ với $\forall x \neq 0$.
- Khi số hữu tỉ $x = \frac{a}{b}$ $(a, b \in \mathbb{Z}, b \neq 0)$ ta có: $\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$.
- Chú ý: $x^{2n} \ge 0$ với $\forall x \in \mathbb{Q}$; x^{2n+1} cùng dấu với dấu của x; $(-x)^{2n} = x^{2n}$ và $(-x)^{2n+1} = -x^{2n+1}$

2. Các phép toán về lũy thừa

- Tích hai lũy thừa cùng cơ số: $x^m.x^n = x^{m+n} \ (x \in \mathbb{Q}, m, n \in \mathbb{N})$
- Thương hai lũy thừa cùng cơ số: $x^m: x^n = x^{m-n} \ (x \in \mathbb{Q}^*, m, n \in \mathbb{N}, m \ge n)$
- Lũy thừa của lũy thừa: $(x^m)^n = x^{m,n} \quad (x \in \mathbb{Q}, m, n \in \mathbb{N})$
- Lũy thừa của một tích: $(x.y)^n = x^n.y^n \ (x,y \in \mathbb{Q}, n \in \mathbb{N})$
- Lũy thừa của một thương: $\left(\frac{x}{y}\right)^n = \frac{x^n}{y^n} \ (x, y \in \mathbb{Q}, n \in \mathbb{N})$
- Lũy thừa số mũ nguyên âm: Với $x \in \mathbb{Q}, x \neq 0; n \in \mathbb{N}^*$ ta có: $x^{-n} = \frac{1}{x^n}$.
- Hai lũy thừa bằng nhau:

Nếu
$$x^m = x^n$$
 thì $m = n$ với $(x \neq 0; x \neq \pm 1)$.

Nếu $x^n = y^n$ thì x = y nếu n lẻ, $x = \pm y$ nếu n chẵn.

Ví dụ 1. Tính:
$$\left(\frac{2}{3}\right)^3$$
; $\left(-\frac{1}{3}\right)^3$; $\left(-1\frac{3}{4}\right)^2$

II. Bài tập vận dụng

Bài 2.1. Viết các biểu thức sau dưới dạng lũy thừa của một số hữu tỉ:

- a) $(2^3)^4 (2^6)^2$
- b) $x^8: x^2 ; (x \neq 0)$

c) $27^8.9^4$

d) $16^5:8^3$

e) $2^6.125^2$

g) $27^5:(-7)^{15}$

h)
$$\left(\frac{3}{4}\right)^5 : \left(\frac{9}{16}\right)^2$$

$$i) \left(\frac{9}{4}\right)^3 : \left(\frac{27}{8}\right)^2$$

$$k) \left\lceil \left(\frac{-1}{3}\right)^2 \right\rceil^5 - \left(\frac{-1}{3}\right)^{10}$$

Bài 2.2. Tìm x, biết:

a)
$$(x+5)^3 = -64$$

b)
$$\left(\frac{1}{2}\right)^{2x-1} = \frac{1}{8}$$

c)
$$(x-2,5)^2 = \frac{4}{9}$$

d)
$$\left(-\frac{1}{3}\right)^{x-3} = \frac{1}{81}$$

e)
$$\frac{2}{3} \cdot 3^{x+1} - 7 \cdot 3^x = -405$$

g)
$$x^{3} = x$$

h)
$$3.(-2)^{5x+13} + 24 = 0$$

i)
$$75^x : 3^x = 625$$

k)
$$(x+1)^{x+1} = (x+1)^{x+3}$$

Bài 2.3. So sánh các cặp số sau:

b)
$$\left(-\frac{1}{4}\right)^8$$
 và $\left(\frac{1}{8}\right)^5$

c)
$$(-5)^{39}$$
 và $(-2)^{91}$

d)
$$102^7$$
 và 9^{13}

Bài 2.4. a) Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức: $A = \left(2x + \frac{1}{3}\right)^4 - 1$

b) Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức: $B = -\left(\frac{4}{9}x - \frac{2}{15}\right)^6 + 3$

Bài 2.5*. Chứng tỏ rằng $9^{1945} - 2^{1930}$ chia hết cho 5.

III. Bài tập bổ sung

Bài 3.1. Rút gọn các biểu thức:

a)
$$\frac{\left(\frac{2}{3}\right)^{3} \cdot \left(\frac{-3}{4}\right)^{2} \cdot \left(-0,1\right)^{5}}{\left(\frac{2}{5}\right)^{2} \cdot \left(-\frac{5}{12}\right)^{2}}$$

$$b) \ \frac{4^{10} + 8^4}{4^5 + 8^6}$$

c)
$$\frac{6^6 + 6^3 \cdot 3^3 + 3^6}{-73}$$

d)
$$\frac{2^{13}.3^7}{2^{15}.3^2.9^2}$$

$$e) \ \frac{45^{10}.5^{10}}{75^{10}}$$

g)
$$\frac{\left(-5\right)^{3} \cdot \left(\frac{-9}{10}\right)^{2}}{\left(\frac{3}{2}\right)^{4} \cdot \left(-\frac{10}{3}\right)^{3} \cdot \left(-1\right)^{7}}$$

IV. Bài tập về nhà

Bài 4.1. Viết các biểu thức sau dưới dạng lũy thừa của một số hữu tỉ:

c)
$$4^9:5^{27}$$

$$d) \left(\frac{1}{8}\right)^2 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^5$$

e)
$$\left(\frac{27}{64}\right)^5 : \left(\frac{9}{16}\right)^2$$

$$g) \left(\frac{8}{125}\right)^2 \cdot \left(\frac{4}{25}\right)^3$$

Bài 4.2. Tìm x, biết:

a)
$$\left(x + \frac{1}{3}\right)^3 = -\frac{8}{27}$$

b)
$$\frac{1}{6} + \frac{5}{6}x^2 = \frac{3}{8}$$

c)
$$(2x-3)^2 = 9$$

d)
$$\frac{6}{81} - \left(x - \frac{3}{4}\right)^2 = \frac{2}{81}$$

d)
$$\frac{6}{81} - \left(x - \frac{3}{4}\right)^2 = \frac{2}{81}$$
 e) $\frac{1}{16} - \frac{3}{2} \left(\frac{1}{5} - 3x\right)^3 = -\frac{1}{8}$

$$g) x^2 = 2x$$

h)
$$4.3^x + 3^{x+1} = 63$$

i)
$$9.\left(\frac{2}{3}\right)^{x+2} - \left(\frac{2}{3}\right)^x = \frac{4}{3}$$

$$k^*$$
) $(x+1,5)^2 + (y-2,5)^{10} = 0$

Bài 4.3. So sánh các cặp số sau:

a)
$$2^{21}$$
 và 3^{14}

b)
$$(0,1)^{15}$$
 và $(0,3)^{30}$

c)
$$(-8)^9$$
 và $(-32)^5$

d)
$$0.4^4$$
 và 0.8^3

Bài 4.4. a) Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức: $A = (2x-1)^4 + 3$

b) Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức:
$$B = -\left(8x - \frac{4}{5}\right)^6 + 1$$

Bài 4.5. Chứng tỏ rằng $4^{2010} + 2^{2014}$ chia hết cho 10.

---- Hết -----