

수학 정답 및 해설



1. 어떤 기약분수를 4로 나누어야 할 것을 잘못하여 곱했 더니 $\frac{8}{7}$ 이 되었습니다. 어떤 분수를 기약분수로 구하 시오.

(답)
$$\frac{2}{7}$$

(풀이) 어떤 분수를 □라 하면 $\square \times 4 = \frac{8}{7}$,

$$\Box = \frac{8}{7} \div 4 = \frac{8}{7} \times \frac{1}{4} = \frac{8}{28} = \frac{2}{7}$$

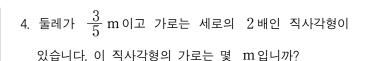
2. □ 안에 알맞은 분수를 써넣으시오.



(답)
$$\frac{7}{48}$$
 (풀이) $\frac{7}{12} \div 4 = \frac{7}{12} \times \frac{1}{4} = \frac{7}{48}$

3. 평행사변형의 넓이가 $31\frac{3}{7} \text{ cm}^2$ 이고 밑변이 10 cm일 때. 높이는 몇 cm 인지 기약분수로 나타내어 보시오.

(답) $3\frac{1}{7}$ cm (풀이) (평행사변형의 높이) = (넓이) ÷ (밑변) $=31\frac{3}{7} \div 10 = \frac{220}{7} \div 10 = \frac{220 \div 10}{7}$ $=\frac{22}{7}=3\frac{1}{7}$ (cm)



- ① $\frac{1}{10}$ m ② $\frac{1}{5}$ m ③ $\frac{3}{10}$ m
- $4 \frac{2}{5} \text{ m}$ $5 \frac{1}{2} \text{ m}$

(답) ②

(풀이) 세로를 □m라 하면 가로는 세로의 2배이므로 (□×2)m 입니다.

(직사각형의 둘레) = {(가로) + (세로)} ×2 이므로

$$(\square \times 2 + \square) \times 2 = \frac{3}{5} , \square \times 3 \times 2 = \frac{3}{5} ,$$

$$\square \times 6 = \frac{3}{5}$$
,

$$\Box = \frac{3}{5} \div 6 = \frac{3}{5} \times \frac{1}{6} = \frac{3}{30} = \frac{1}{10} (m)$$

(가로) =
$$\square \times 2 = \frac{1}{10} \times 2 = \frac{1}{5}$$
 (m)

5. 나눗셈의 몫이 서로 같은 것을 찾아 기호를 쓰시오. (단, ㄱ. ㄴ, ㄷ, ㄹ 순으로 쓰시오.)

(답) ㄱ, ㄹ

$$(\frac{3}{2})$$
 기. $2\frac{2}{3} \div 8 = \frac{8}{3} \div 8 = \frac{8 \div 8}{3} = \frac{1}{3}$

$$\exists \frac{5}{6} \div 2 = \frac{23}{6} \times \frac{1}{2} = \frac{23}{12} = 1 \cdot \frac{11}{12}$$

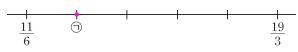
$$=. 2\frac{1}{3} \div 7 = \frac{7}{3} \div 7 = \frac{7 \div 7}{3} = \frac{1}{3}$$



수학 정답 및 해설



6. 수직선에서 ①이 나타내는 수를 기약분수로 구하시오



(답) $2\frac{11}{15}$

(풀이)
$$(\frac{11}{6}$$
 과 $\frac{19}{3}$ 사이의 크기)
$$=\frac{19}{3}-\frac{11}{6}=\frac{38-11}{6}=\frac{27}{6}=4\frac{1}{2}$$

(수직선 한 카의 크기)

$$=4\frac{1}{2} \div 5 = \frac{9}{2} \times \frac{1}{5} = \frac{9}{10}$$

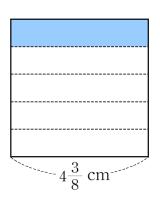
(①이 나타내는 수) =
$$\frac{11}{6} + \frac{9}{10} = \frac{55}{30} + \frac{27}{30}$$

= $\frac{82}{30} = 2\frac{22}{30} = 2\frac{11}{15}$

- 7. $\blacksquare = 5\frac{1}{7}$, $\bigstar = 4$ 일 때 $\frac{\blacksquare}{\bigstar}$ 의 값을 대분수로 나타 내시오.
- (답) $1\frac{2}{7}$

$$\frac{\blacksquare}{\bigstar} = \blacksquare \div \bigstar = 5\frac{1}{7} \div 4 = \frac{36}{7} \times \frac{1}{4} = \frac{9}{7} = 1\frac{2}{7}$$

8. 그림과 같이 정사각형을 똑같이 5부분으로 나누었습니 다. 색칠한 부분의 둘레는 몇 cm 인지 기약분수로 나타 내어 보시오.



(답) $10\frac{1}{2}$ cm

(풀이) (색칠한 부분의 세로)

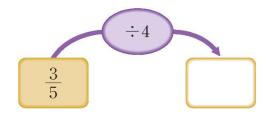
$$=4\frac{3}{8} \div 5 = \frac{35 \div 5}{8} = \frac{7}{8}$$
 (cm)

(색칠한 부분의 둘레)

$$=(4\frac{3}{8}+\frac{7}{8})\times 2$$

$$=5\frac{2}{8}\times2=\frac{42}{8}\times2=\frac{21}{2}=10\frac{1}{2}$$
 (cm)

9. 빈칸에 알맞은 기약분수를 써넣으시오.



(답) $\frac{3}{20}$

$$(\frac{3}{2})$$
 $\frac{3}{5} \div 4 = \frac{12}{20} \div 4 = \frac{12 \div 4}{20} = \frac{3}{20}$

10. 다음은 하늘이가 $\frac{7}{24} \div 4$ 를 계산한 것입니다. 잘못된 이유를 설명하고 바르게 계산한 값을 기약분수로 구하시 오.



수학 정답 및 해설





이유 : (분수) ÷ (자연수)를 계산하려면 분수의 ⑦(분 자, 분모)를 자연수로 나누어야 하기 때문입 니다.

> © |입니다. 따라서 바르게 계산하면

(답) ① 분자, ① 7 96

(풀이) 분자가 자연수의 배수가 아닐 때에는 크기가 같 은 분수 중에서 분자가 자연수의 배수인 분수로 바꾸어 계산합니다.

$$\frac{7}{24} \div 4 = \frac{28}{96} \div 4 = \frac{28 \div 4}{96} = \frac{7}{96}$$

11. 다음 중 가장 작은 수를 가장 큰 수로 나눈 몫을 기약 분수로 나타내시오.

$$\frac{5}{6}$$
 4 $\frac{12}{16}$ 3

(답) $\frac{3}{16}$

(풀이)
$$\frac{12}{16} < \frac{5}{6} < 3 < 4$$
 이므로

가장 작은 수 : $\frac{12}{16}$, 가장 큰 수 : 4

$$ightharpoonup \frac{12}{16} \div 4 = \frac{12 \div 4}{16} = \frac{3}{16}$$

12. 한 통에 $\frac{2}{5}$ L씩 들어 있는 슬라임이 7통 있습니다. 이를 4명의 친구에게 똑같이 나누어 주려면 한 친구에

게 주어야 할 슬라임은 몇 L인지 기약분수로 나타내어 보시오.

(답) <u>7</u> L

(풀이) (전체 슬라임의 양)
$$=\frac{2}{5} \times 7 = \frac{14}{5} (L)$$

(한 명이 사용할 수 있는 슬라임의 양)

$$= \frac{14}{5} \div 4 = \frac{14}{5} \times \frac{1}{4} = \frac{14}{20} = \frac{7}{10} (L)$$

13. □ 안에 들어갈 수 있는 자연수는 모두 몇 개입니까?

$$\frac{20}{7} \div 4 > \frac{\square}{7}$$

(답) 4개

(풀이)
$$\frac{20}{7} \div 4 = \frac{20 \div 4}{7} = \frac{5}{7}$$
 이므로 식을 간단하게 나타내면 $\frac{5}{7} > \frac{\square}{7}$ 입니다.

따라서 \square 안에 들어갈 수 있는 자연수는 1, 2, 3,4 입니다.

14. 계산한 값이 다른 것을 찾아 기호를 써 보시오.

가.
$$7\frac{1}{2\times5}$$
 나. $\frac{15}{2} \div 5$ 다. $7\frac{1}{2} \div 5$ 라. $\frac{15 \div 5}{2}$

(답) 가

(풀이)
$$\frac{7\frac{1}{2} \div 5}{\text{다}} = \frac{\frac{15}{2} \div 5}{\text{나}} = \frac{\frac{15 \div 5}{2}}{\text{라}} = \frac{3}{2}$$



수학 정답 및 해설





15. ㈜와 따의 차는 얼마인지 기약분수로 구하시오.

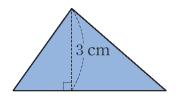
- ② $3 \div 8$ ④ $\frac{5}{6} \div 2$

(풀이)
$$③ 3÷8 = \frac{3}{8}$$

$$\bigcirc$$
 $\frac{5}{6} \div 2 = \frac{5}{6} \times \frac{1}{2} = \frac{5}{12}$

$$\rightarrow \frac{5}{12} - \frac{3}{8} = \frac{10}{24} - \frac{9}{24} = \frac{1}{24}$$

16. 높이가 $3 \, \mathrm{cm}$ 이고 넓이가 $\frac{42}{5} \, \mathrm{cm}^2$ 인 삼각형의 밑변 의 길이는 몇 cm인지 가분수로 구하시오. (단. 기약분 수로 나타내시오.)



(답) $\frac{28}{5}$ cm

(풀이) 삼각형의 밑변의 길이를 □cm 라 하면

$$\square \times 3 \div 2 = \frac{42}{5}$$
 이므로

$$\Box = \frac{42}{5} \times 2 \div 3 = \frac{84}{5} \div 3 = \frac{84 \div 3}{5}$$

$$=\frac{28}{5}$$
 (cm) 입니다.

17. □ 안에 알맞은 단위분수를 써넣으시오.

$$\square \times 5 = 5 \cdot \frac{5}{7} \div 8$$

(답) $\frac{1}{7}$

(풀이)
$$5\frac{5}{7} \div 8 = \frac{40}{7} \div 8 = \frac{40 \div 8}{7} = \frac{5}{7}$$

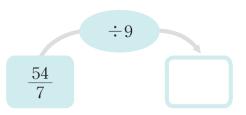
$$\rightarrow \square \times 5 = \frac{5}{7} \rightarrow \square = \frac{1}{7}$$

- 18. 진섭이는 일주일 동안 $9\frac{4}{5}$ km를 달렸습니다. 매일 같은 거리를 달렸다면 하루에 몇 km씩 달렸는지 약분 하여 대분수로 나타내어 보세요.
- (답) $1\frac{2}{5}$ km

(풀이) 일주일은 7일이므로 하루에 달린 거리는

9
$$\frac{4}{5}$$
÷7= $\frac{49}{5}$ ÷7= $\frac{49\div7}{5}$ = $\frac{7}{5}$ ==1 $\frac{2}{5}$ (km) 입니다.

19. 빈 곳에 알맞은 수를 기약분수로 나타내어 보세요.



(답) $\frac{6}{7}$

(풀이)
$$\frac{54}{7} \div 9 = \frac{54 \div 9}{7} = \frac{6}{7}$$



수학 정답 및 해설



20. 수 카드 3장을 한 번씩 모두 사용하여 계산 결과가 가장 큰 (진분수) ÷ (자연수)의 나눗셈식을 만들려고 합니다. 이때의 몫은 얼마인가요?







(답) <u>5</u> 18

> (풀이) 몫이 가장 크게 되려면 나누는 자연수는 되도록 작아야 하므로 $\frac{5}{9} \div 2$ 를 계산합니다.

따라서 몫이 가장 크게 되는 경우의 몫은

$$\frac{5}{9} \div 2 = \frac{5}{9} \times \frac{1}{2} = \frac{5}{18}$$
 입니다.