

我们阐述了构造有效性证明要使用的19条规则。它们是：

基本有效论证形式：

1.肯定前件式(M.P.):

$p \supset q, p, \therefore q$

2.否定后件式(M.T.):

$p \supset q, \sim q, \therefore \sim p$

3.假言三段论(H.S.):

$p \supset q, q \supset r, \therefore p \supset r$

4.析取三段论(D.S.):

$p \vee q, \sim p, \therefore q$

5.构造式二难(C.D.):

$(p \supset q) \cdot (r \supset s), p \vee r, \therefore q \vee s$

6.吸收律(Abs.)

$p \supset q, \therefore p \supset (p \cdot q)$

7.简化律(Simp.):

$p \cdot q, \therefore p$

8.合取律(Conj.):

$p, q, \therefore p \cdot q$

9.附加律(Add.):

$p, \therefore p \vee q$

逻辑等价表达式：

10.德摩根律(De M.):

$\sim(p \cdot q)$ 逻辑等价 $(\sim p \vee \sim q)$

$\sim(p \vee q)$ 逻辑等价 $(\sim p \cdot \sim q)$

11.交换律(Com.):

$(p \vee q)$ 逻辑等价 $(q \vee p)$

$(p \wedge q)$ 逻辑等价 $(q \wedge p)$

12.结合律(Assoc.):

$[p \vee (q \vee r)]$ 逻辑等价 $[(p \vee q) \vee r]$

$[p \wedge (q \wedge r)]$ 逻辑等价 $[(p \wedge q) \wedge r]$

13.分配律(Dist.):

$[p \wedge (q \vee r)]$ 逻辑等价 $[(p \wedge q) \vee (p \wedge r)]$

$[p \vee (q \wedge r)]$ 逻辑等价 $[(p \vee q) \wedge (p \vee r)]$

14.双重否定律(D.N.):

p 逻辑等价 $\sim\sim p$

15.易位律(Trans.)

$(p \supset q)$ 逻辑等价 $(\sim q \supset \sim p)$

16.实质蕴含律(Impl.):

$(p \supset q)$ 逻辑等价 $(\sim p \vee q)$

17.实质等值律(Equiv.):

$(p \equiv q)$ 逻辑等价 $[(p \supset q) \wedge (q \supset p)]$

$(p \equiv q)$ 逻辑等价 $[(p \wedge q) \vee (\sim p \wedge \sim q)]$

18.输出律(Exp.):

$((p \wedge q) \supset r)$ 逻辑等价 $[p \supset (q \supset r)]$

19.重言律(Taut.):

p 逻辑等价 $(p \vee p)$

p 逻辑等价 $(p \wedge p)$

推论规则

我们阐述了构造有效性证明要使用的 19 条规则。它们是：

基本有效论证形式：

逻辑等价表达式：

1. 肯定前件式 (M. P.):

$$p \supset q, p, \therefore q$$

10. 德摩根律 (De M.):

$$\sim(p \cdot q) \stackrel{T}{=} (\sim p \vee \sim q)$$

$$\sim(p \vee q) \stackrel{T}{=} (\sim p \cdot \sim q)$$

417

逻辑符号论 (第 11 版)

2. 否定后件式 (M. T.):

$$p \supset q, \sim q, \therefore \sim p$$

11. 交换律 (Com.):

$$(p \vee q) \stackrel{T}{=} (q \vee p)$$

$$(p \cdot q) \stackrel{T}{=} (q \cdot p)$$

3. 假言三段论 (H. S.):

$$p \supset q, q \supset r, \therefore p \supset r$$

12. 结合律 (Assoc.):

$$[p \vee (q \vee r)] \stackrel{T}{=} [(p \vee q) \vee r]$$

$$[p \cdot (q \cdot r)] \stackrel{T}{=} [(p \cdot q) \cdot r]$$

4. 析取三段论 (D. S.):

$$p \vee q, \sim p, \therefore q$$

13. 分配律 (Dist.):

$$[p \cdot (q \vee r)] \stackrel{T}{=} [(p \cdot q) \vee (p \cdot r)]$$

$$[p \vee (q \cdot r)] \stackrel{T}{=} [(p \vee q) \cdot (p \vee r)]$$

5. 构造式二难 (C. D.):

$$(p \supset q) \cdot (r \supset s), p \vee r, \therefore q \vee s$$

14. 双重否定律 (D. N.):

$$p \stackrel{T}{=} \sim \sim p$$

6. 吸收律 (Abs.):

$$p \supset q, \therefore p \supset (p \cdot q)$$

15. 易位律 (Trans.):

$$(p \supset q) \stackrel{T}{=} (\sim q \supset \sim p)$$

7. 简化律 (Simp.):

$$p \cdot q, \therefore p$$

16. 实质蕴涵律 (Impl.):

$$(p \supset q) \stackrel{T}{=} (\sim p \vee q)$$

8. 合取律 (Conj.):

$$p, q, \therefore p \cdot q$$

17. 实质等值律 (Equiv.):

$$(p \equiv q) \stackrel{T}{=} [(p \supset q) \cdot (q \supset p)]$$

$$(p \equiv q) \stackrel{T}{=} [(p \cdot q) \vee (\sim p \cdot \sim q)]$$

9. 附加律 (Add.):

$$p, \therefore p \vee q$$

18. 输出律 (Exp.):

$$[(p \cdot q) \supset r] \stackrel{T}{=} [p \supset (q \supset r)]$$

19. 重言律 (Taut.):

$$p \stackrel{T}{=} (p \vee q)$$

$$p \stackrel{T}{=} (p \cdot p)$$

