

数据结构

深圳技术大学
大数据与互联网学院

第九章 查找

9.1 静态查找表

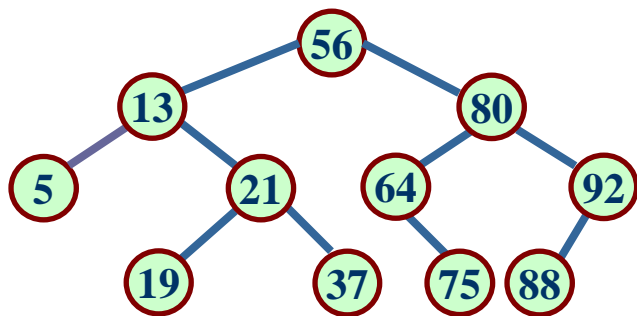
9.2 动态查找表

9.3 哈希表

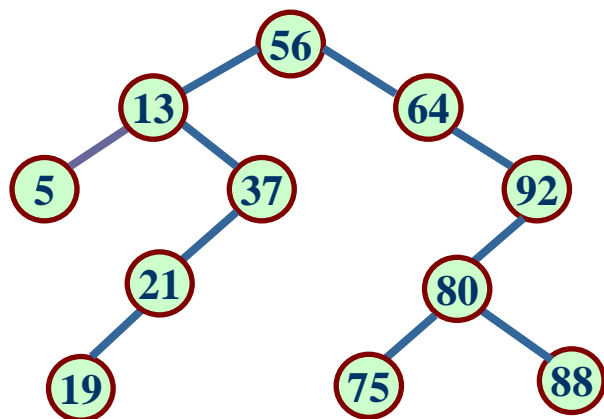
9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

- 平衡二叉树是二叉排序(查找)树的另一种形式
- 平衡二叉树又称AVL树(Adelsen-Velskii and Landis)
 - 其特点为：树中每个结点的左、右子树深度之差的绝对值不大于1，即 $|h_L - h_R| \leq 1$



AVL树



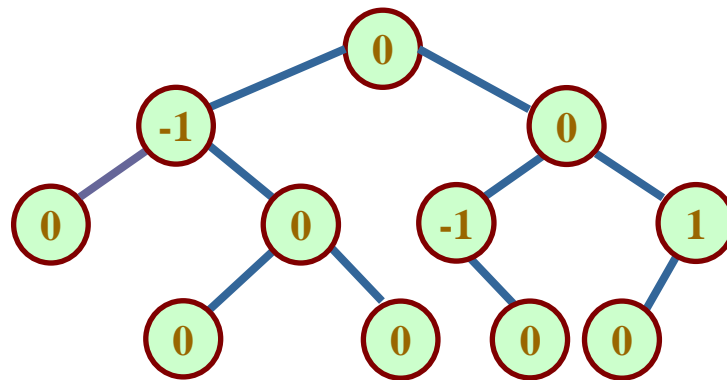
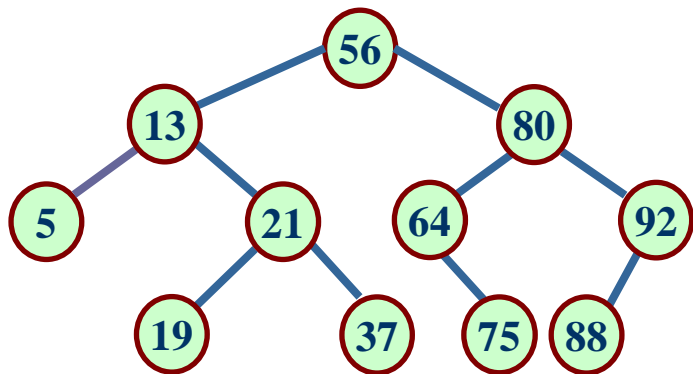
非AVL树

9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 平衡因子

- 每个结点附加一个数字，给出该结点左子树的高度减去右子树的高度所得的高度差，这个数字即为结点的平衡因子balance
- AVL树任一结点平衡因子只能取 -1, 0, 1



9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 平衡化旋转

- 如果在一棵平衡的二叉查找树中插入一个新结点，造成了不平衡。此时必须调整树的结构，使之平衡化。

■ 平衡化旋转(处理)有两类：

- 单向旋转（单向右旋和单向左旋）
- 双向旋转（先左后右旋转和先右后左旋转）

9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 平衡化旋转

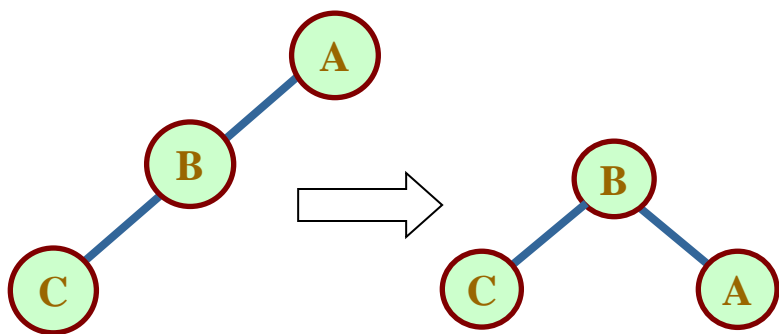
- ❑ 每插入一个新结点时，AVL树中相关结点的平衡状态会发生改变
- ❑ 在插入一个新结点后，需要从插入位置沿通向根的路径回溯，检查各结点的平衡因子
- ❑ 如果在某一结点发现高度不平衡，停止回溯。
- ❑ 从发生不平衡的结点起，沿刚才回溯的路径取直接下两层的结点。对这三个结点进行平衡化处理
- ❑ 平衡化处理包括：
 - 单向右旋
 - 单向左旋
 - 先左后右旋转
 - 先右后左旋转

9.2 动态查找表

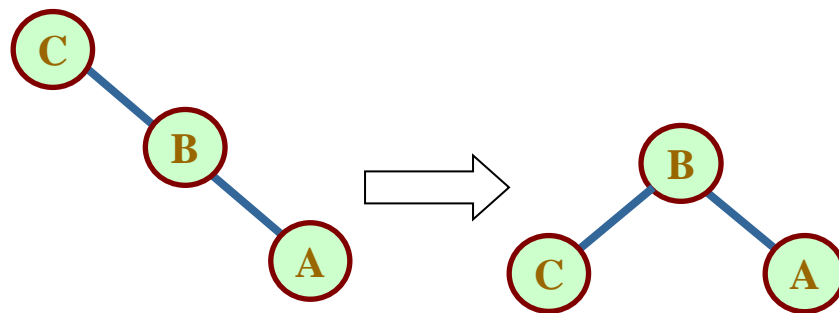
二. 平衡二叉树

■ 平衡化单向旋转

- 如果这三个结点处于一条直线上 (“/”型或 “\”型)，则采用单向旋转进行平衡化 $[A > B > C]$
- 单向旋转分为单向右旋 (“/”型) 和单向左旋 (“\”型)



单向右旋



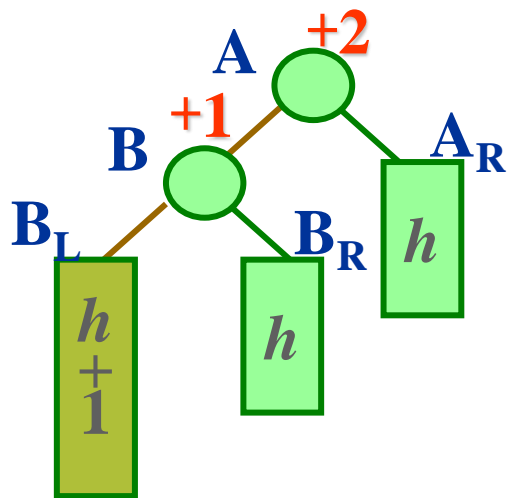
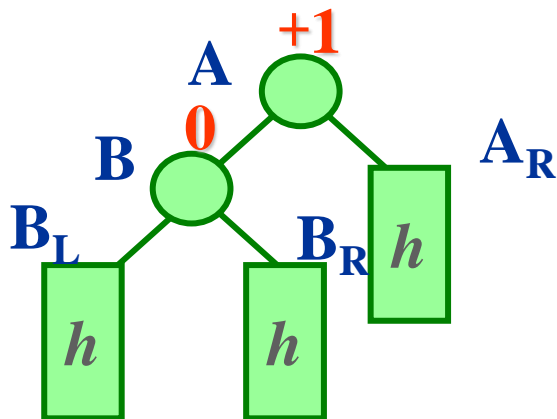
单向左旋

9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 单向右旋

- 在B左子树 B_L 上插入新结点使其高度增1，导致结点A的平衡因子增到+2，造成不平衡进行平衡化[A>B>C]

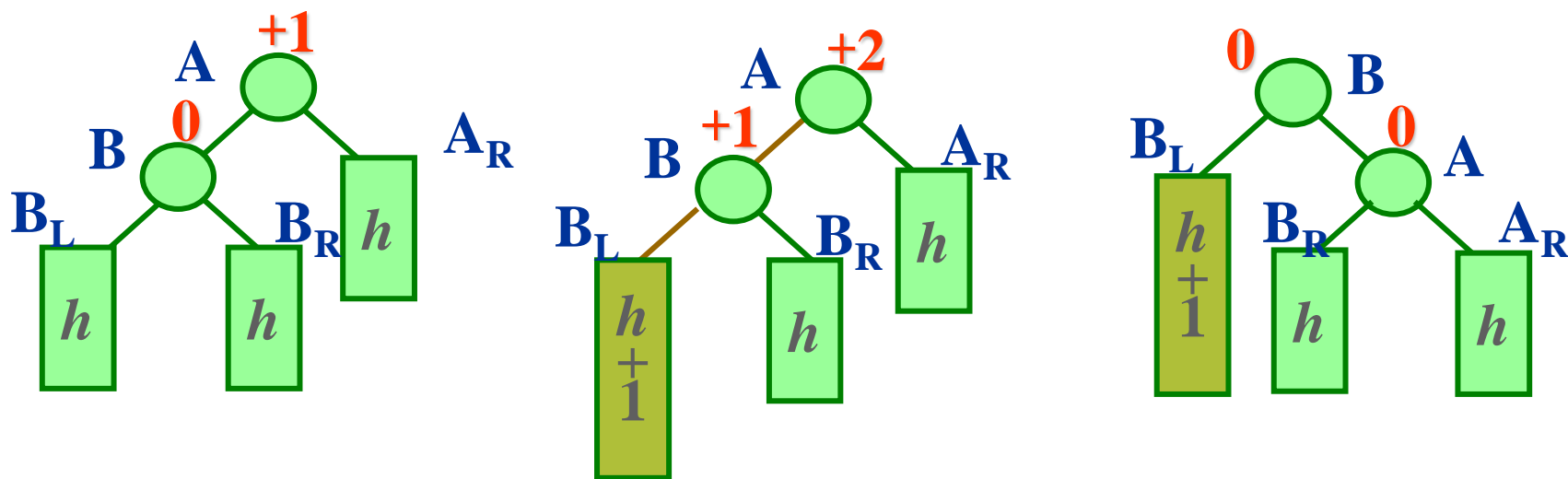


9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 单向右旋的具体操作

- 为使树恢复平衡，从A沿插入路径连续取3个结点A、B和 B_L (“/”型)
- 以结点B为旋转轴，将结点A顺时针(右)旋转。

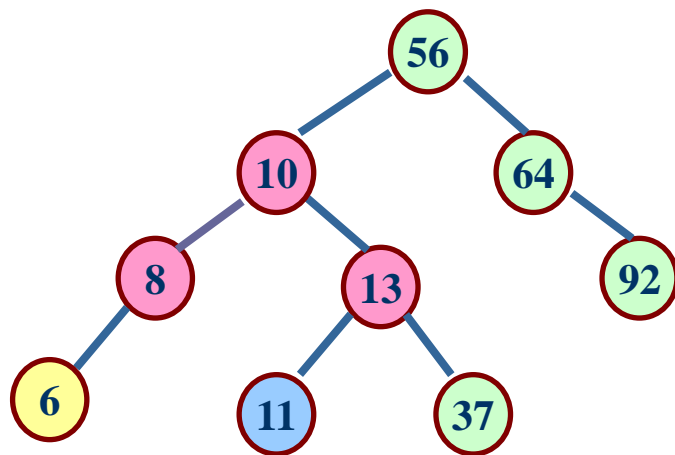
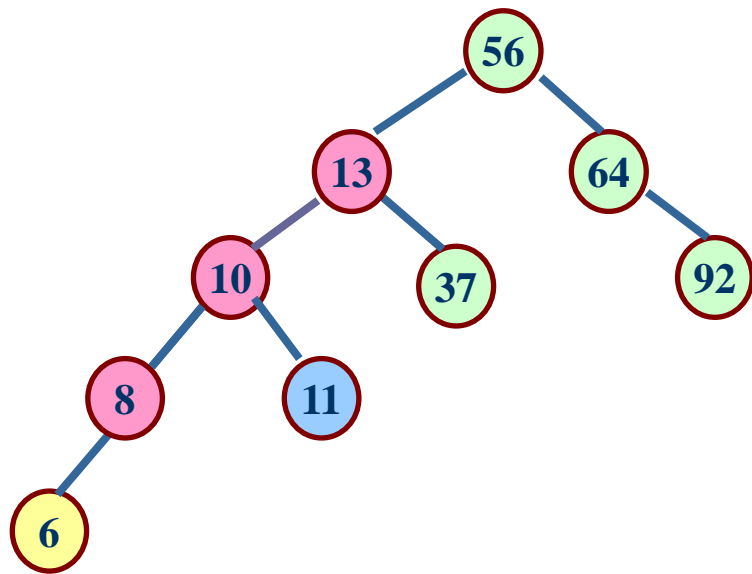


- 实际操作，A变为B的右孩子，原B右孩子变为A左孩子

9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 举例，已知AVL树如下图，插入新数据6，求插入后的树

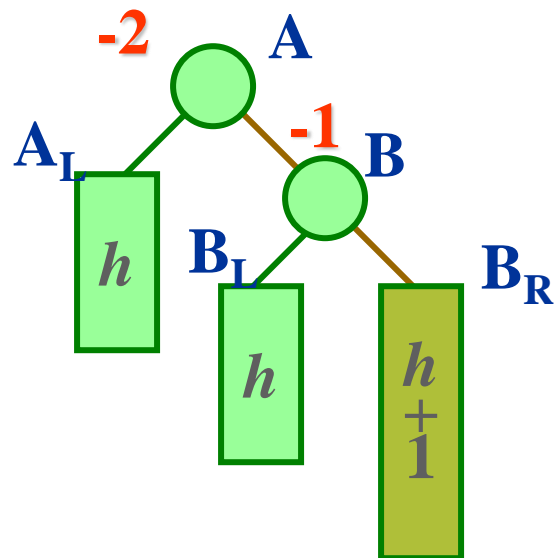
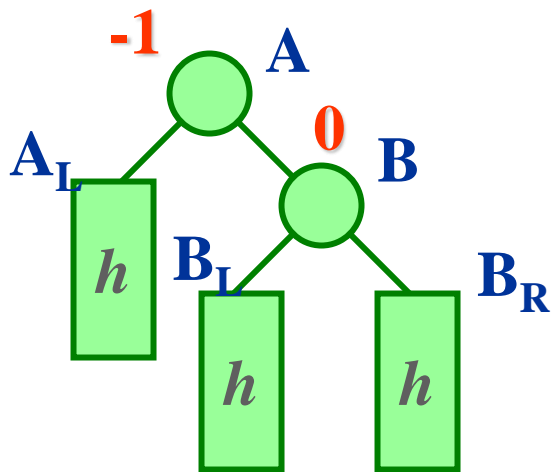


9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 单向左旋

- 在B右子树 B_R 中插入新结点，该子树高度增1导致结点A的平衡因子变成-2，出现不平衡

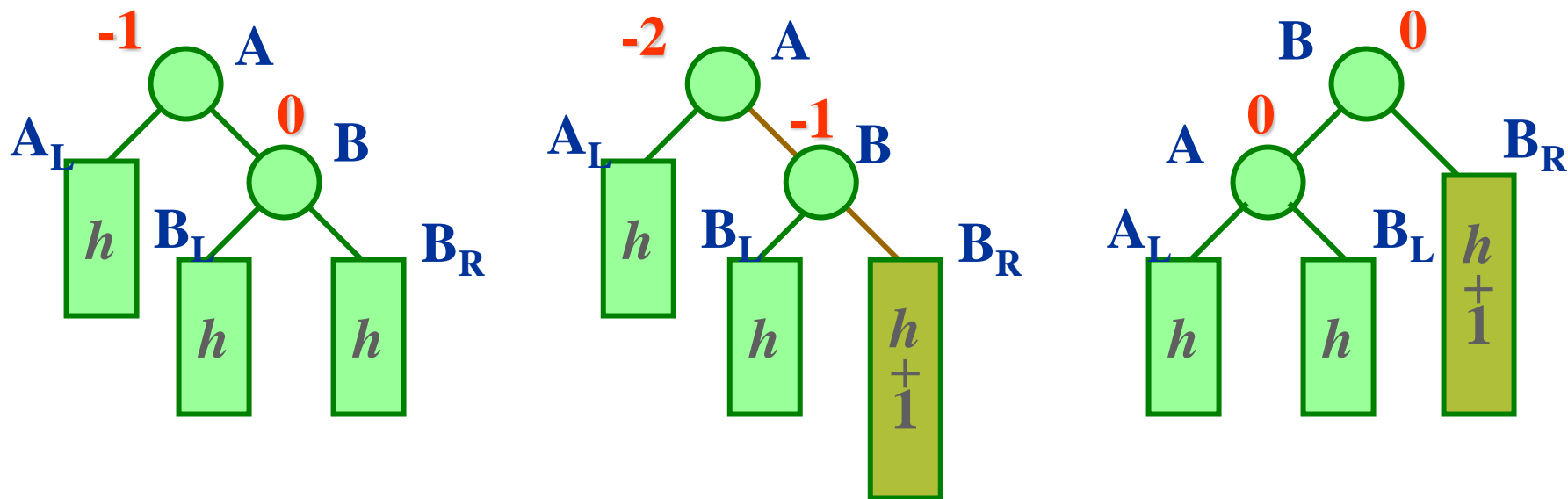


9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 单向左旋

- 沿插入路径检查三个结点A、B和 B_R (“\”型)
- 以结点B为旋转轴，让结点A反时针(左)旋转

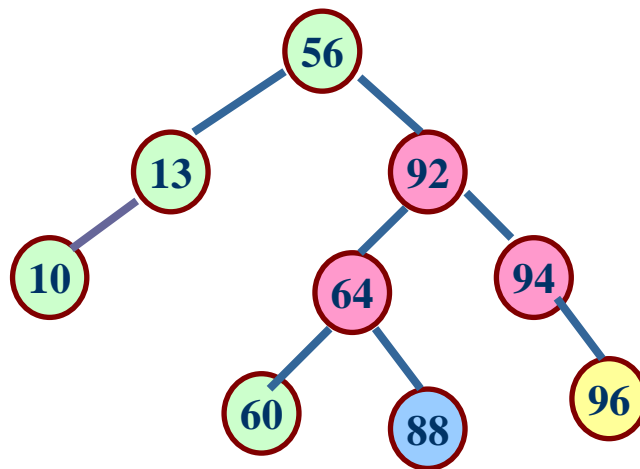
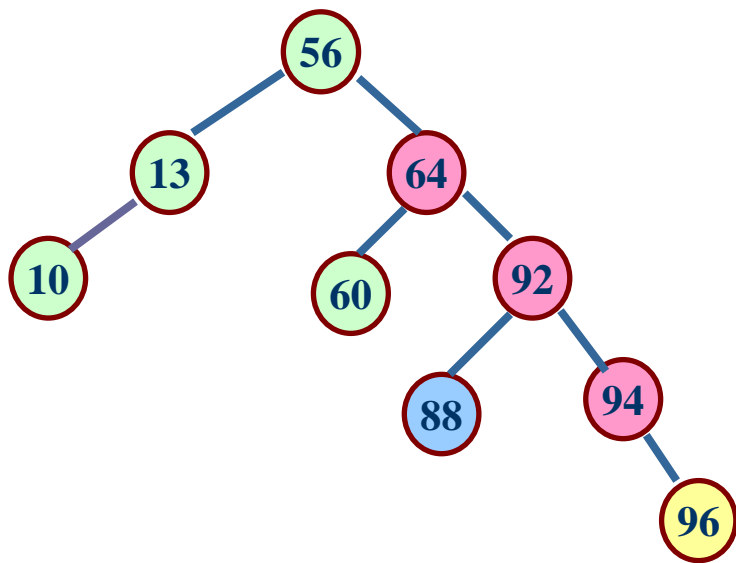


- 实际操作，A变为B的左孩子，原B左孩子变为A右孩子

9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 举例，已知AVL树如下图，插入新数据96，求插入后的树

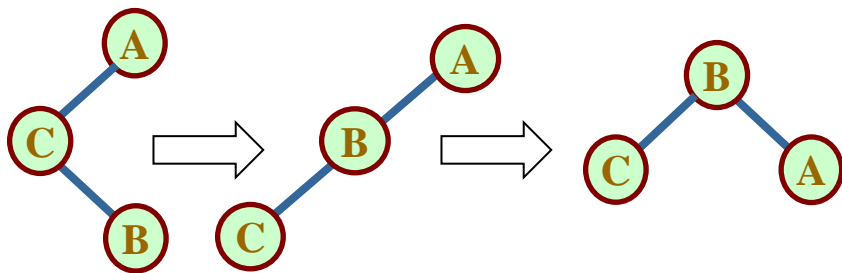


9.2 动态查找表

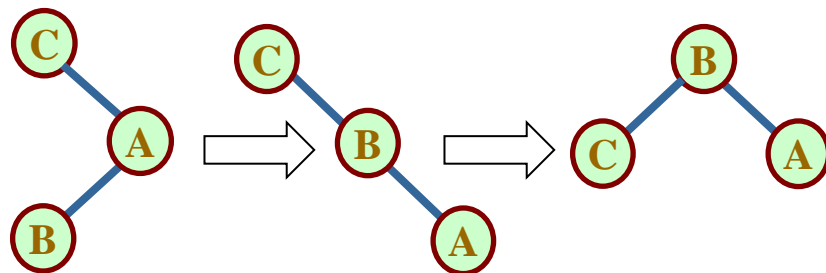
二. 平衡二叉树

■ 平衡化双向旋转

- 如果这三个结点处于一条折线上 (“<”型或 “>”型)，则采用双向旋转进行平衡化 $[A > B > C]$
- 双旋转分为先左后右 (“<”型) 和先右后左 (“>”型)



先左后右旋转



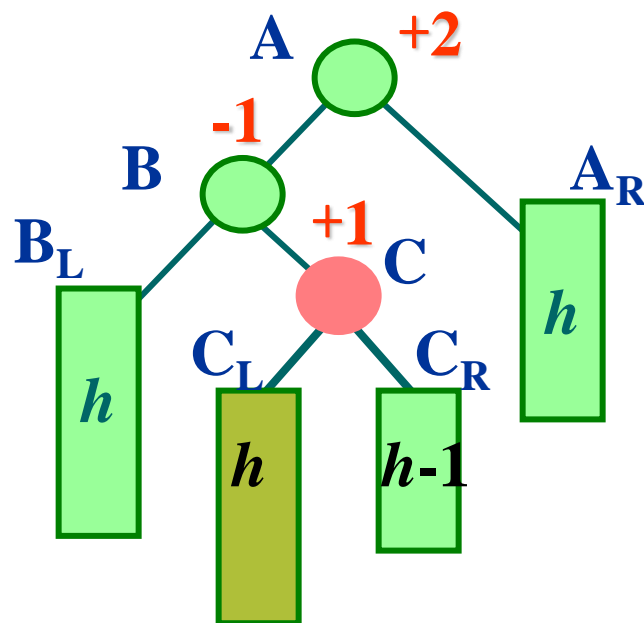
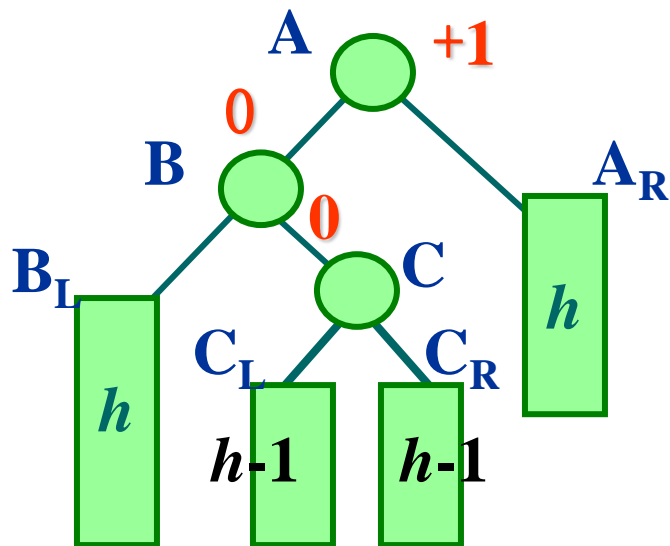
先右后左旋转

9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 先左后右双向旋转

- 在C的子树 C_L 或 C_R 中插入新结点，该子树的高度增1。结点A的平衡因子变为+2，发生了不平衡

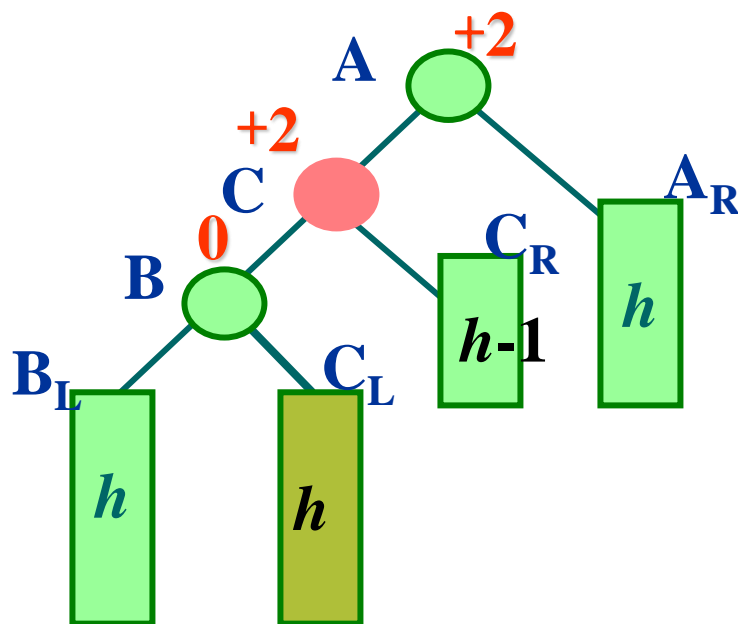
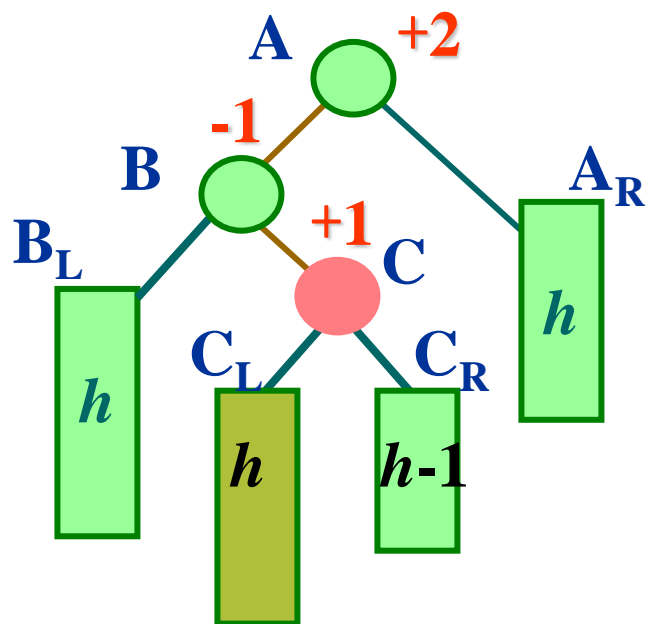


9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 先左后右双向旋转

- 从结点A起沿插入路径选取3个结点A、B和C (“<”型)
- 以结点B为旋转轴，做单向左旋



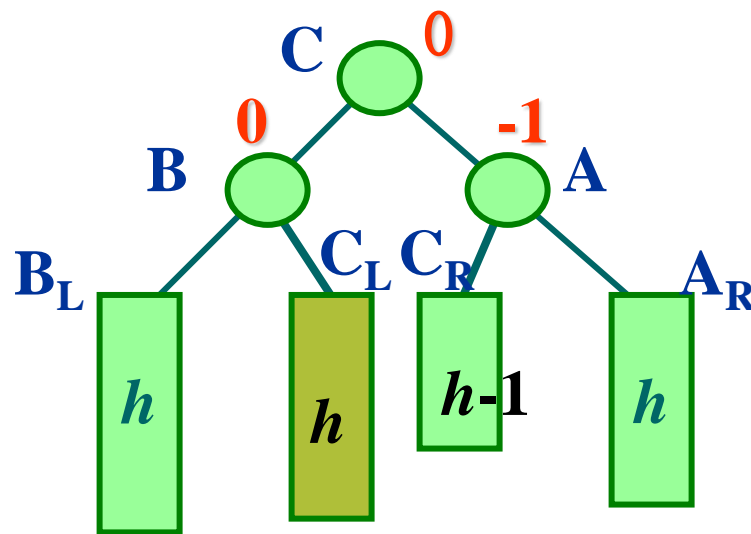
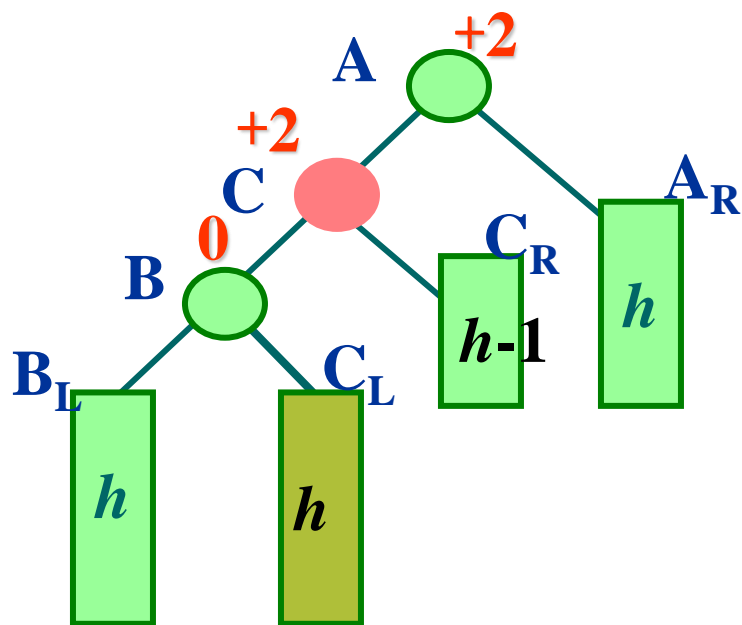
- A左孩子变为C (C替换B)，B变为C左孩子，原C左孩子变为B右孩子

9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 先左后右双向旋转

□ 再以结点C为旋转轴，做单向右旋



□ A变为C右孩子，原C右孩子变为A左孩子

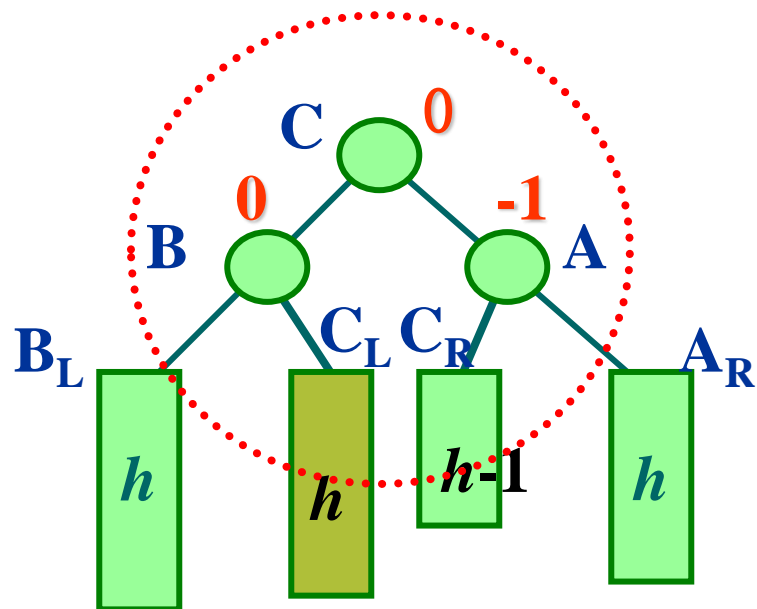
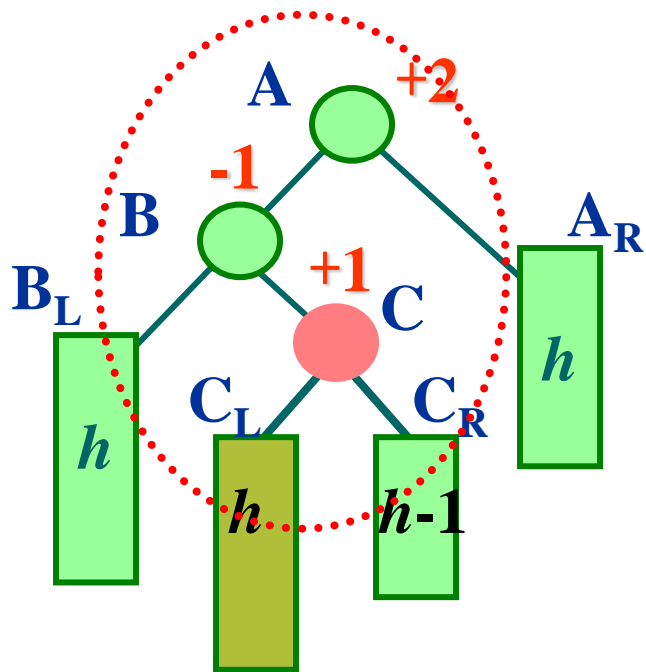
9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 先左后右双向旋转，全部操作

□ B变为C左孩子，A变为C右孩子

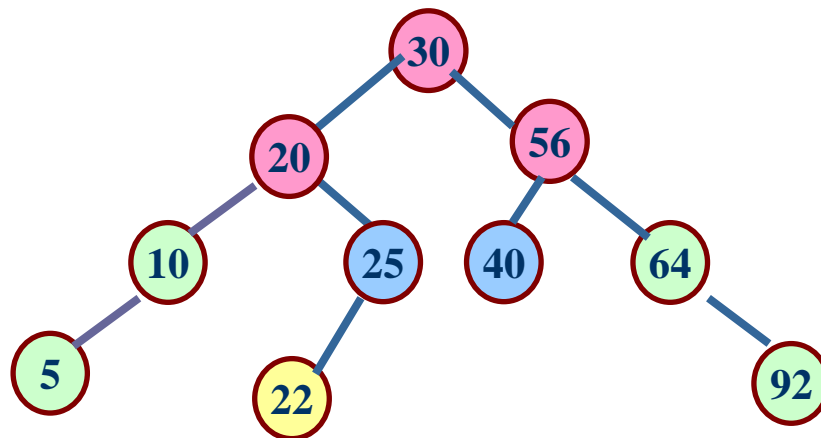
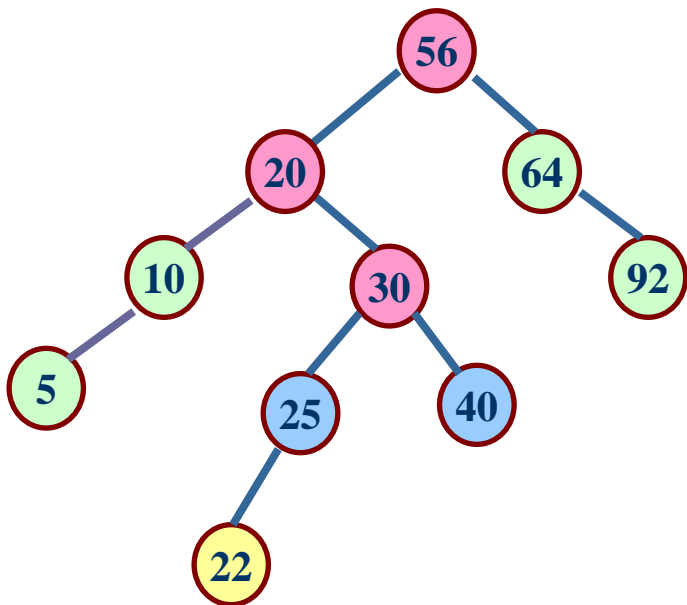
□ C左孩子变为B右孩子，C右孩子变为A左孩子



9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 举例，已知AVL树如下图，插入新数据22，求插入后的树

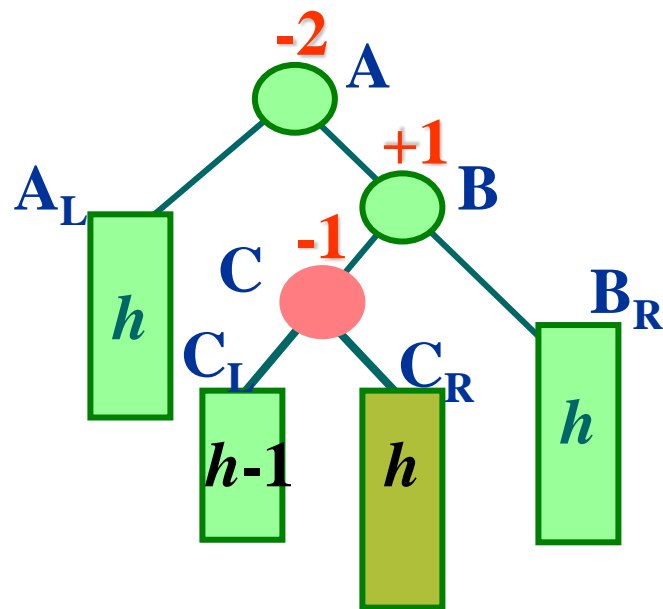
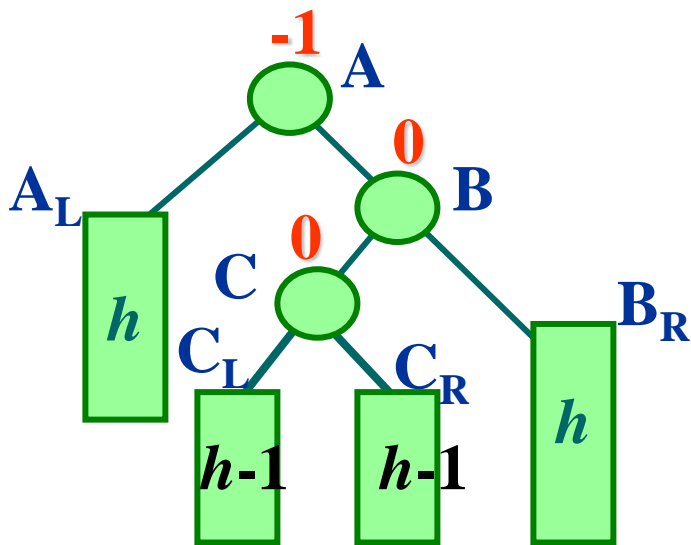


9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 先右后左双向旋转

- 在C的子树 C_L 或 C_R 中插入新结点，该子树的高度增1。结点A的平衡因子变为-2，发生了不平衡

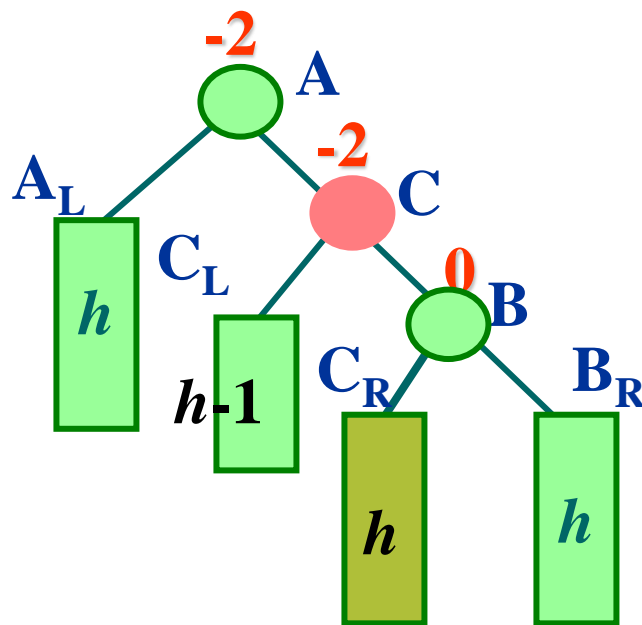
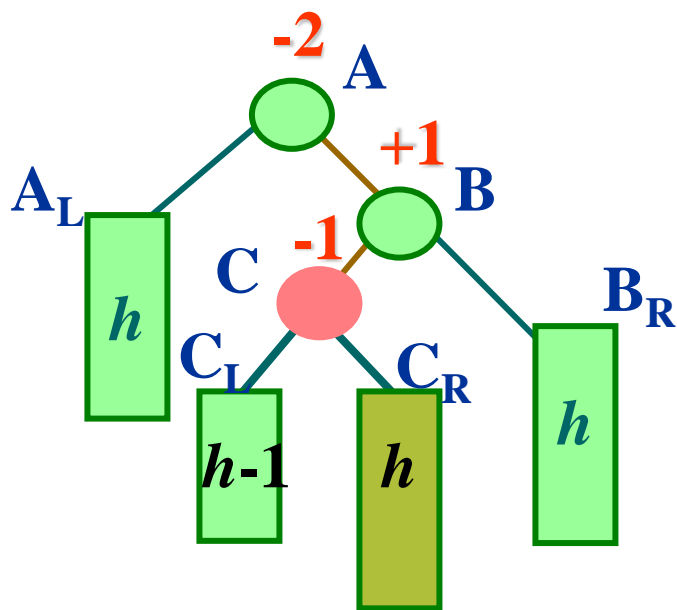


9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 先右后左双向旋转

- 从结点A起沿插入路径选取3个结点A、C和D (“>”型)
- 以结点B为旋转轴，作单向右旋



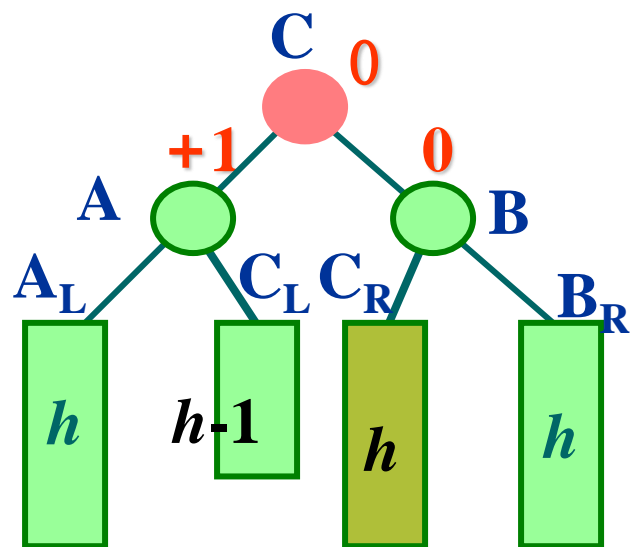
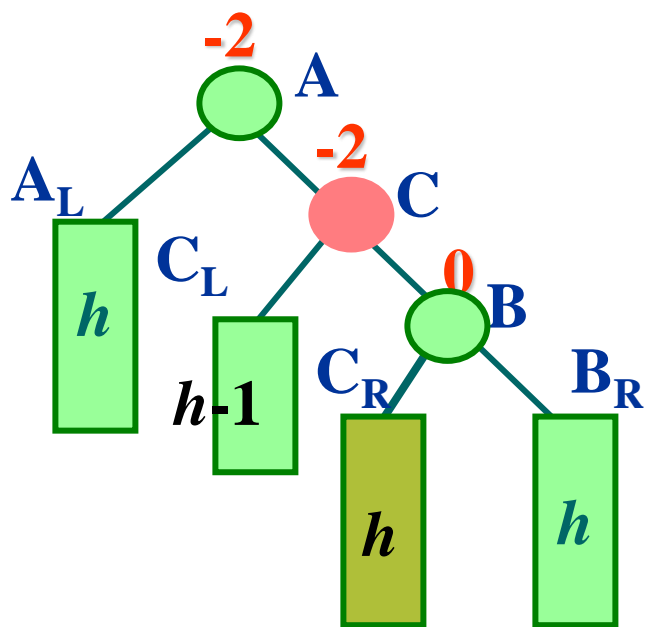
- A右孩子变为C (C替换B)，B变为C右孩子，原C右孩子变为B左孩子

9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 先右后左双向旋转

□ 再以结点C为旋转轴，作单向左旋



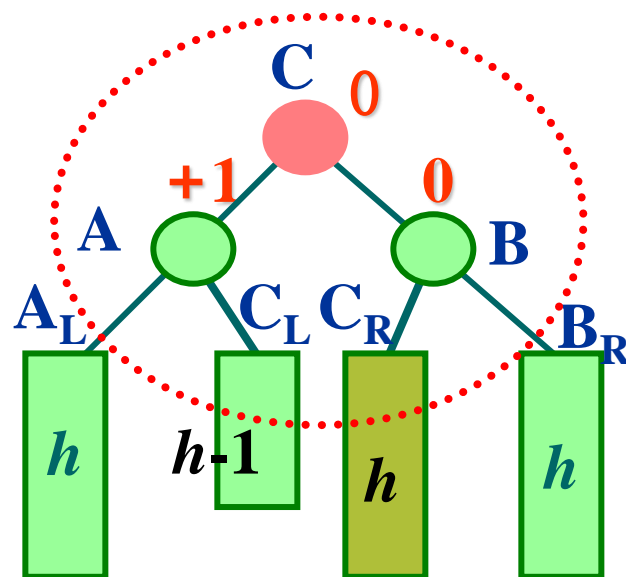
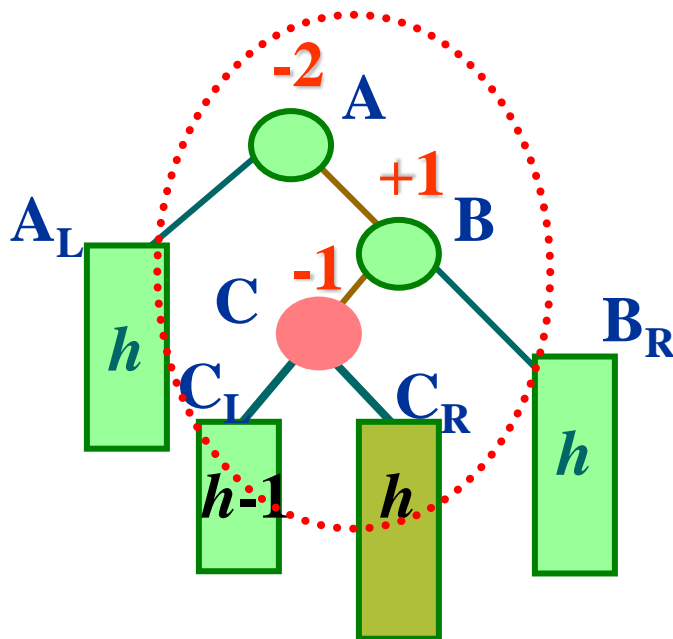
□ A变为C左孩子，原C左孩子变为A右孩子

9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 先右后左双向旋转，最终操作

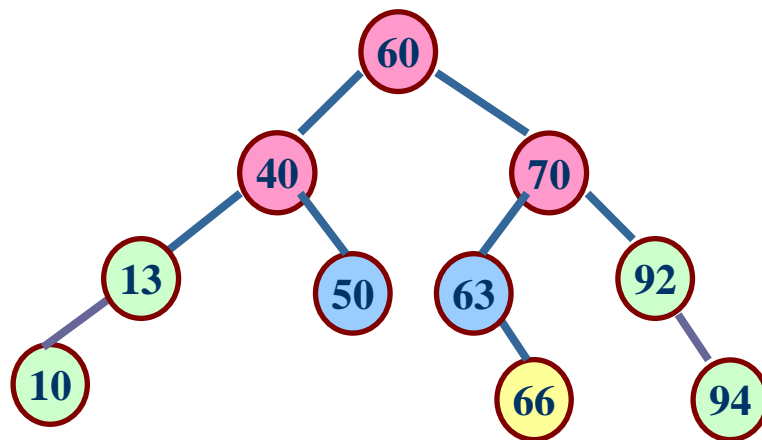
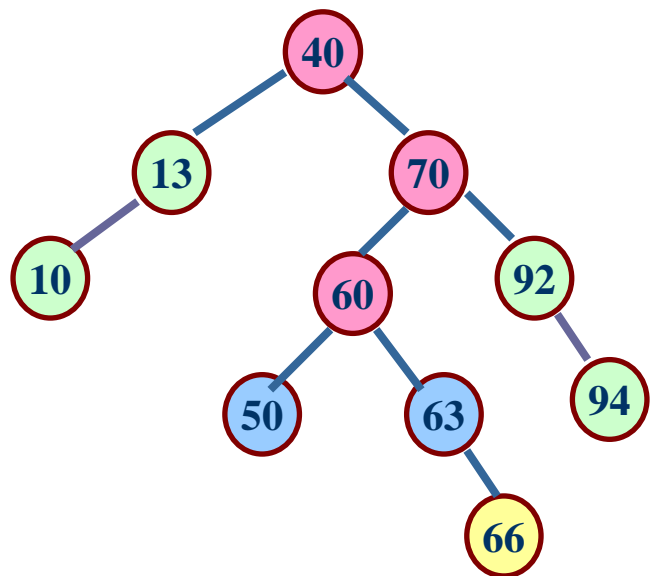
- A变为C左孩子，B变为C右孩子
- C左孩子变为A右孩子，C右孩子变为B左孩子



9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 举例，已知AVL树如下图，插入新数据66，求插入后的树



9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 平衡二叉树的删除

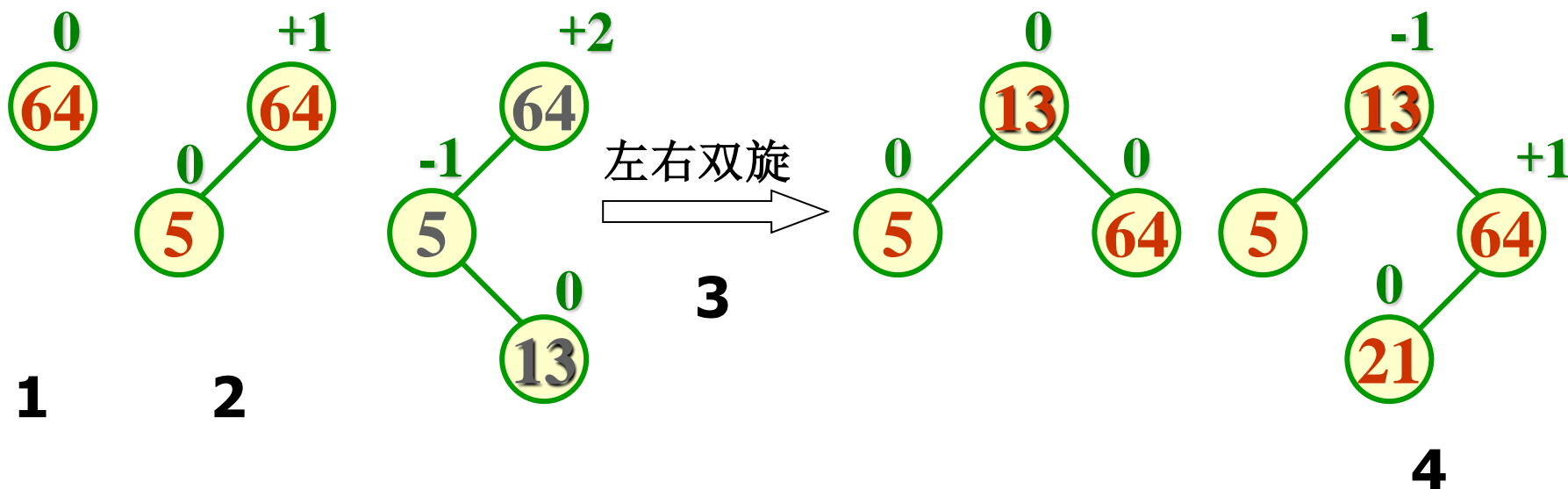
- ❑ 如果被删结点A没有孩子，则直接删除之，并作平衡化处理
- ❑ 如果被删结点A最多只有一个孩子，那么将结点A从树中删去，并将其双亲指向它的指针指向它的唯一的孩子，并作平衡化处理
- ❑ 如果被删结点A有两个子女，则用该结点的直接前驱S替代被删结点，然后对直接前驱S作删除处理(S只有一个孩子或没有孩子)
- ❑ 和二叉排序树的删除一样，增加了平衡化处理

9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 综合举例

- 画出在初始为空的AVL树中依次插入
64, 5, 13, 21, 19, 80, 75, 37, 56的生长过程, 并在有旋转
时说出旋转的类型。

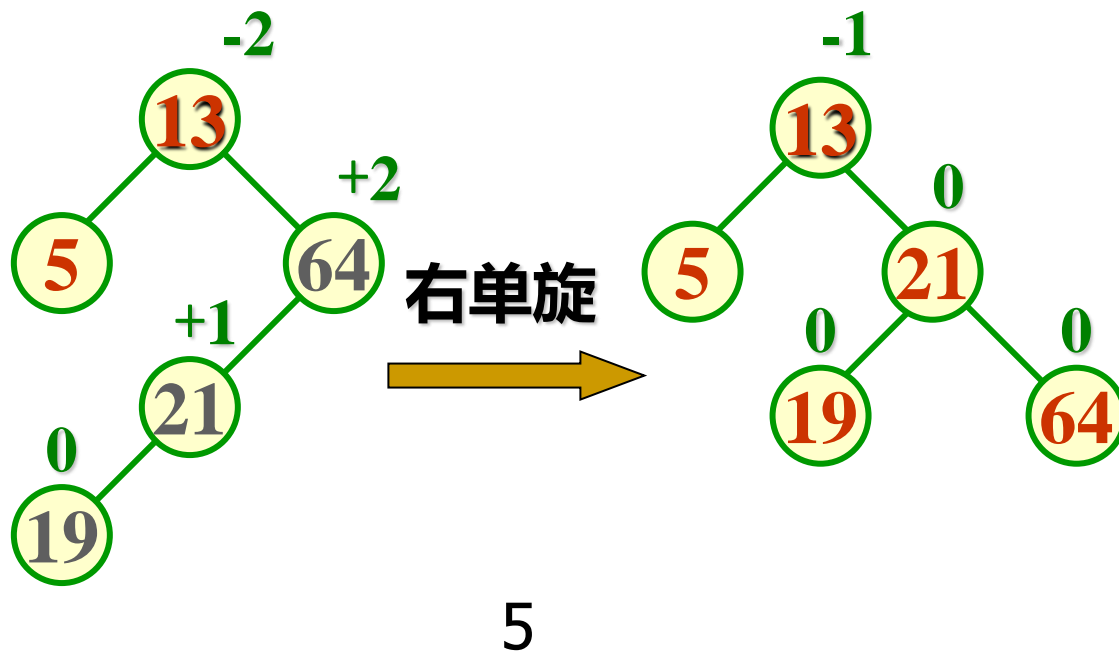


9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 举例

- 在完成 64, 5, 13, 21 后，继续插入 **19**, 80, 75, 37, 56 时该树的生长过程，

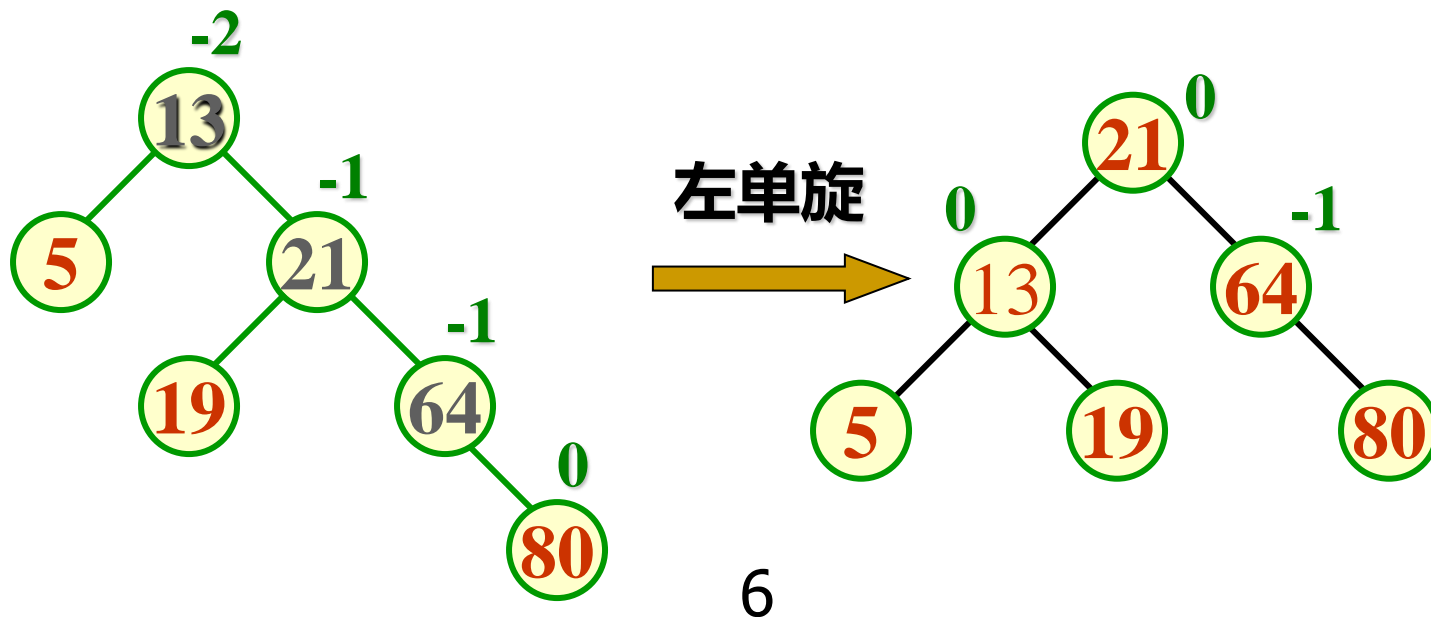


9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 举例

- 在完成64, 5, 13, 21, 19后，继续插入80, 75, 37, 56时该树的生长过程，

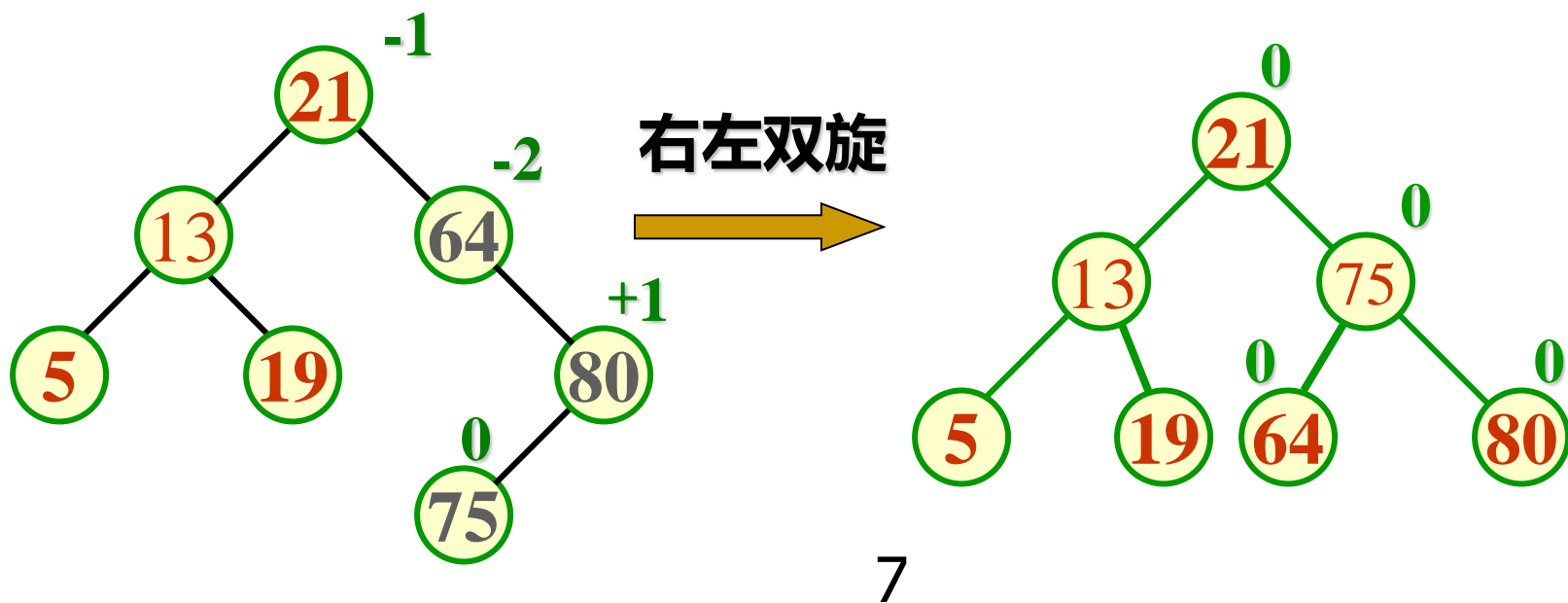


9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 举例

- 在完成 64, 5, 13, 21, 19, 80 后，继续插入 75, 37, 56 时该树的生长过程，

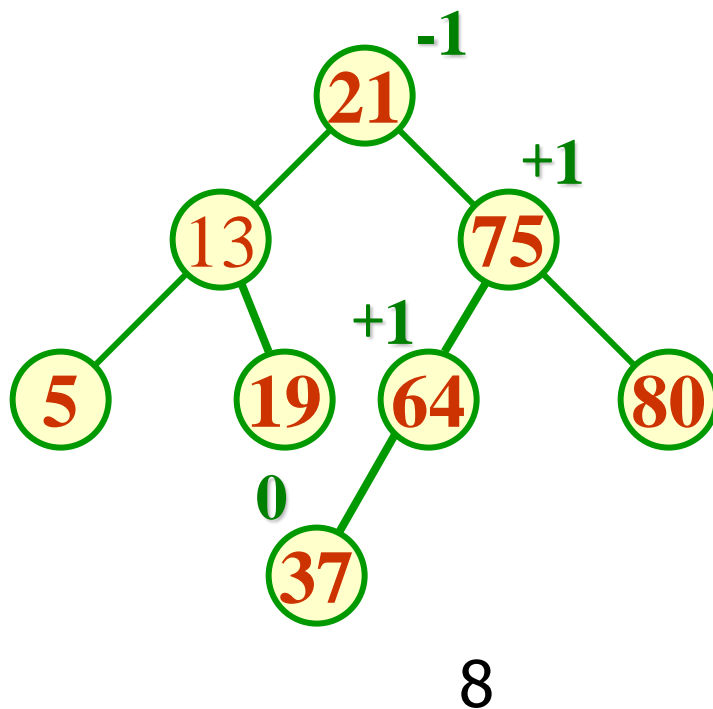


9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 举例

- 在完成 64, 5, 13, 21, 19, 80, 70 后，继续插入 **37**, 56 时该树的生长过程，

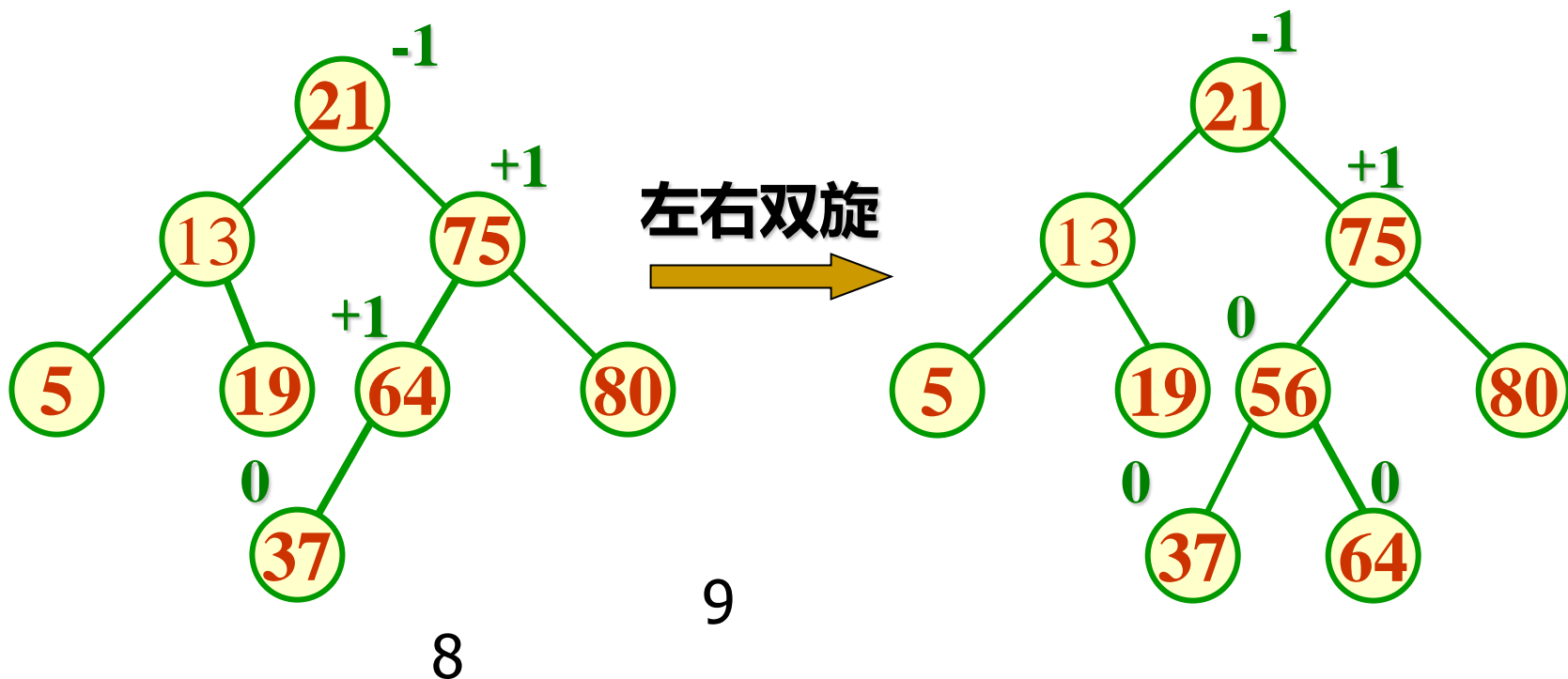


9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 举例

- 在完成 64, 5, 13, 21, 19, 80, 70, 37 后，继续插入 **56** 时该树的生长过程，



9.2 动态查找表

二. 平衡二叉树

■ 平衡二叉树删除举例

- ❑ 独立删除5、64、37，无需平衡化处理
- ❑ 独立删除80，单向右旋处理
- ❑ 连续删除5和13，以21-75-64做右左双旋

