# 数据结构

#### 深圳技术大学 大数据与互联网学院

### 3.1 栈

- 一. 栈的概念
- 栈是限定仅在表尾(top)进行插入或删除操作的线性表
- 允许插入和删除的一端称为栈顶(top,表尾),另一端称为栈底(bottom,表头)
- 特点:后进先出(LIFO)

## 第三章 栈和队列

- 3.1 栈
- 3.2 栈的应用举例
- 3.3 栈与递归的实现
- 3.4 队列

2

### 3.1 栈

- 一. 栈的概念
- 栈的ADT, P45

ADT Stack {

数据对象: D =  $\{a_i \mid a_i \in ElemSet, i=1, 2, 3, ..., n\}$ 

数据关系:  $R = \{\langle a_{i-1}, a_i \rangle \mid a_{i-1}, a_i \in D\}$ 

基本操作: InitStack(&S) // 构造空栈

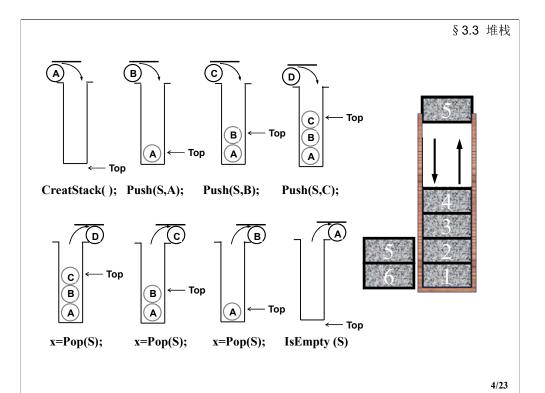
Push (&S, e) // 进栈

Pop(&S, &e) // 出栈

GetTop(S, &e) // 取栈顶元素值

StackEmpty(S) // 栈是否为空

} ADT Stack



- 二. 顺序栈
- 顺序栈是栈的一种实现,是顺序存储结构,利用一组地 址连续的存储单元依次存放自栈底到栈顶的数据元素
- 指针top指向栈顶元素在顺序栈中的下一个位置,base 为栈底指针,指向栈底的位置

```
第3章 线性结构
                                                                    § 3.3 堆栈
       ▶ Push 和 Pop 可以任意穿插交替进行;
       ▶求后缀表达式 562/+34*- 时: Push 和 Pop的序列是:
            Push(S,5);
            Push(S,6);
            Push(S,2); /* S: 5 6 2 */
            x=Pop(S); /* x=2 */
            y=Pop(S); /* y=6 */
            Push(S,y/x); /* y/x=3, S: 5 3 */
            x=Pop(S); /* x=3 */
            y=Pop(S); /* y=5 */
            Push(S,x+y); /* y+x=8, S: 8 */
            Push(S,3);
            Push(S,4); /* S: 8 3 4 */
            x=Pop(S); /* x=4 */
            y=Pop(S); /* y=3 */
            Push(S,x*y); /* y*x=12 , S: 8 12 */
            x=Pop(S); /* x=12 */
```

5/23

### 3.1 栈

- 二. 顺序栈
- 顺序栈的定义

y=Pop(S); /\* y=8 \*/

Push(S,y-x); /\* S: -4 \*/

x=Pop(S); /\* x=-4 \*/

```
#define STACK_INIT_SIZE 100 // 栈存储空间的初始分配量 #define STACKINCREMENT 10 // 栈存储空间的分配增量 class SqStack{
    SElemType *base // 栈底指针,也是栈的基址 SElemType *top; // 栈顶指针 int stacksize; // 当前分配的存储容量(元素数) };
```

顺序栈在存储结构上类似于顺序表,都是一维数组

- 二. 顺序栈
- 顺序栈的特性:
  - top=0 或top=base 表示空栈
  - □ base=NULL表示栈不存在
  - □ 当插入新的栈顶元素时, 指针top+1
  - □ 删除栈顶元素时,指针top-1
  - □ 当top>stacksize时,栈满,溢出

9

### 3.1 栈

- 二. 顺序栈
- 顺序栈的进栈(插入元素)

### 3.1 栈

- 二. 顺序栈
- 顺序栈的创建

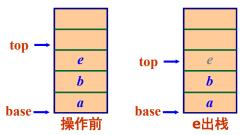
```
Status SqStack::InitStack(int size=STACK_INIT_SIZE) {
    stacksize = size;
    base = new SElemType[stack_size];
    if (! base) exit(OVERFLOW); // 存储分配失败
    top = base;
    return OK;
} // InitStack
```

10

### 3.1 栈

- 二. 顺序栈
- 顺序栈的出栈(删除元素)

```
Status SqStack::Pop(SElemType &e) {
    if (top == base) return ERROR; // 空栈
    e = *(--top);
    return OK;
} // Pop
```



- 二. 顺序栈
- 顺序栈的取栈元素

```
Status SqStack::GetPop(SElemType &e) {
    if (top == base) return ERROR; // 空栈
    e = *(top-1); // 只是取值不做出栈处理
    return OK;
} // GetPop
```

13

### 3.1 栈

- 三. 链栈
- 初始化

```
void LinkStack::Init() {
    top = new StackNode;
    top->next = NULL;
} // 初始化空的链表栈
```

### 3.1 栈

#### 三. 链栈

■ 栈的链式存储结构称为链栈,是运算受限的单链表。其插入和删除操作只能在表头位置上进行。因此,链栈没有必要像单链表那样附加头结点,栈项指针top就是链表的头指针。

```
链栈的结点类型说明如下:
class StackNode{
    ElemType data;
    StackNode *next;
};
class LinkStack{
    StackNode *top;
    ... // 其他成员

};

**P校
```

### 3.1 栈

- 三. 链栈
- 进栈

```
Status LinkStack::Push(ElemType e) {
    StackNode *p = new StackNode;
    if (!p) return ERROR; // 申请新结点失败,
返回错误标志
    p->data=e;
    p->next=top->next;
    top->next=p; //钩链
    return OK;
}
```

#### 三. 链栈

■ 出栈

```
Status LinkStack::Pop(ElemType &e){
   if (top->next==NULL)
      return ERROR; // 栈空,返回错误标志
   StackNode* p = top->next; e = p->data; //取栈顶元素
   top->next = p->next; // 修改栈顶指针
   delete p;
   return OK;
}
```

17

#### 3.2 栈的应用

- 一. 数制转换
- 实现函数(十进制 -> 八进制)

```
void conversion() {
   LinkStack S; S.Init(); // 创建新栈S
  int N; cin << N;
                       // 输入一个十进制数N
   while (N) {
      S.Push (N % 8);
                       // 将余数送入栈中
                       // 求整除数
      N = N/8;
                       // 如果栈不空
   while (!S.Empty()) {
                       // 将栈中数出栈
      int e; S.Pop(e);
      cout << e;
   }
} // conversion
```

#### 3.2 栈的应用

- 一. 数制转换
- 将十进制转换为其它进制(d), 其原理为:

```
N = (N/d)*d + N mod d
例如: (1348)10 = (2504)8 , 其运算过程如下:
N N /8 N mod 8
1348 168 4
168 21 0
21 2 5
2 0 2
```

18

#### 3.2 栈的应用

- 二. 行编辑
- 用户输入一行字符
- 允许用户输入出差错,并在发现有误时,可以用退格符 "#"及时更正
  - □ 假设从终端接受两行字符:

whli##ilr#e (s#\*s)

□ 实际有效行为: while (\*s)

### 3.2 栈的应用

#### 三、括号匹配的校验

在处理表达式过程中需要对括号匹配进行检验,括号匹配包括三种: "("和")", "["和"]", "{"和"}"。例如表达式中包含括号如下:

( ) [ ( ) ( [ ] ) ] { }
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12

上例可以看出第1和第2个括号匹配,第3和第10个括号匹配,4和5匹配,6和9匹配,7和8匹配,11和12匹配

21

#### 3.2 栈的应用

#### 四、表达式求值

要实现表达式求值,首先需要正确理解一个表达式,主要是运算的先后顺序。

[例3.4] 对于算术表达式来说,其基本规则是:

- ▶ 先乘除,后加减; 先括号内,再括号外;
- ▶ 相同优先级情况下从左到右。
- ▶ 比如,5+6/2-3\*4就是一个算术表达式,它的正确理解应该是:
- > 5+6/2-3\*4 = 5+3-3\*4 = 8-3\*4 = 8-12 = -4.
- ▶ 可以看到这类表达式主要由两类对象构成的,即运算数(如2、3、 4等)和运算符号(如+、-、\*、/等)。
- ➤ 不同运算符号优先级是不一样的,而且运算符号均位于两个运算数中间。

计算机编译程序是如何自动地理解表达式的?

### 3.2 栈的应用

#### 三、括号匹配的校验

#### ■ 求解算法

- □ 初始化, i=0, 建立堆栈, 栈为空, 输入表达式
- □ 读取表达式第;个字符
- □ 如果第i个字符是左括号,入栈
- □ 如果第i个字符是右括号,检查栈顶元素是否匹配如果匹配,弹出栈顶元素如果不匹配,报错退出
- □ i+1,是否已经表达式末尾 未到末尾,重复步骤2 已到达末尾
- □ 堆栈为空,返回匹配正确,堆栈不为空,返回错误

22

### 3.2 栈的应用

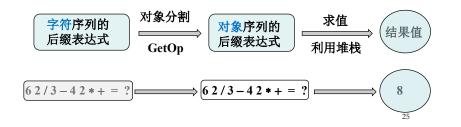
#### 四、表达式求值

- ❖ 后缀表达式
- Arr 中缀表达式: 运算符号位于两个运算数之间。如,a+b\*c-d/e 5+6/2-3\*4
- ▶ 后缀表达式:运算符号位于两个运算数之后。如, abc\*+de/-62/3-42\*+

#### 3.2 栈的应用

#### 四、表达式求值

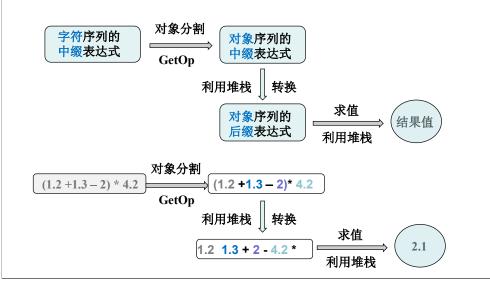
- ▶应用堆栈实现后缀表达式求值的基本过程:
- . 从左到右读入后缀表达式的各项(运算符或运算数);
- . 根据读入的对象(运算符或运算数)判断执行操作;
- . 操作分下列3种情况:
- 1. 当读入的是一个运算数时,把它被压入栈中;
- 2. 当读入的是一个运算符时,就从堆栈中弹出适当数量的运算数,对该运算进行计算,计算结果再压回到栈中;
- 3. 处理完整个后缀表达式之后, 堆栈顶上的元素就是表达式的结果值。



#### 3.2 栈的应用

#### 四、表达式求值

❖ 中缀表达式求值

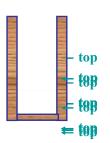


#### 3.2 栈的应用

#### 四、表达式求值

- ❖ 后缀表达式
- ▶ 中缀表达式: 运算符号位于两个运算数之间。如,a+b\*c-d/e
- ▶ 后缀表达式: 运算符号位于两个运算数之后。如, abc\*+de/-

[(6)] 
$$62/3-42*+=?$$



对象: 6 (运算数)	对象: 2 (运算数)
对象: <mark>/</mark> (运算符)	对象: 3 (运算数)
73207 (10)/13 /	7,120.0 (1031.20.)
对象: - (运算符)	对象: 4 (运算数)
对象: 2 (运算数)	对象: * ( 运算符 )
八多: 2 (运开致 )	/70多。 (趋异的)
对象: + (运算符)	Pop: 8

T(N) = O(N)。不需要知道运算符的优先规则。

### 3.2 栈的应用

#### 四、表达式求值

❖中缀表达式转换为后缀表达式

顺序	+	12	*	L	(	)	#
+	>	>	<	<	<	>	>
-0.	>	>	<	<	<	>	>
*	>	>	>	>	<	>	>
1	>	>	>	>	<	>	>
(	<	<	<	<	<	=	×
)	>	>	>	>	×	>	>
#	<	<	<	<	<	×	-

#### 3.2 栈的应用

#### 四、表达式求值

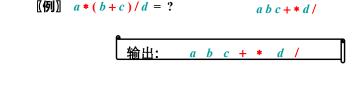
- ❖中缀表达式转换为后缀表达式
- ▶ 从头到尾读取中缀表达式的每个对象,对不同对象按不同的情况处理。 对象分下列6种情况:
  - ① 如果遇到空格则认为是分隔符,不需处理:
  - ②若遇到运算数,则直接输出;
  - ③若是左括号,则将其压入堆栈中;
  - ④若遇到的是右括号,表明括号内的中缀表达式已经扫描完毕, 将栈顶的运算符弹出并输出,直到遇到左括号(左括号也出栈, 但不输出);
  - ⑤若遇到的是运算符,若该运算符的优先级大于栈顶运算符的优先级时,则把它压栈;若该运算符的优先级小于等于栈顶运算符时,将栈顶运算符弹出并输出,再比较新的栈顶运算符,按同样处理方法,直到该运算符大于栈顶运算符优先级为止,然后将该运算符压栈;
  - ⑥若中缀表达式中的各对象处理完毕,则把堆栈中存留的运算符一并输出。

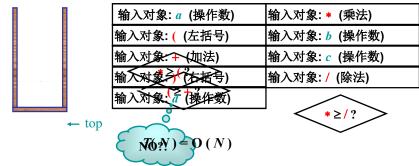
#### 3.3 栈与递归实现

- 栈的另一个重要应用是在程序设计语言中实现递归调用递归调用: 一个函数(或过程)直接或间接地调用自己本身,简称递归 (Recursive)。
- 为保证递归调用正确执行,系统设立一个"递归工作栈",作为整个递归调用过程期间使用的数据存储区。
  - □ 每一层递归包含的信息如:参数、局部变量、上一层的返回地 址构成一个"工作记录"。每进入一层递归,就产生一个新的 工作记录压入栈顶;每退出一层递归,就从栈顶弹出一个工作 记录。

#### 3.2 栈的应用

#### 四、表达式求值





#### 3.3 栈与递归实现

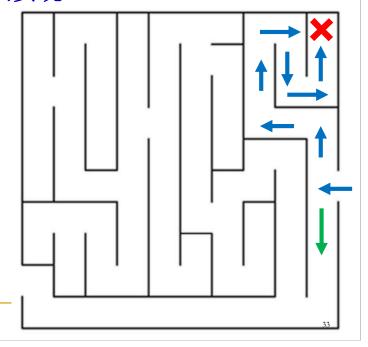
#### 五、迷宫求解

- 迷宫求解一般采用"穷举法"
- 逐一沿顺时针方向查找相邻块(一共四块一东(右)、南 (下),西(左)、北(上))是否可通,即该相邻块既是通 道块,且不在当前路径上
- 用一个栈来记录已走过的路径

#### 3.3 栈与递归实现

#### 五、迷宫求解

■ 举例



#### 3.3 栈与递归实现

#### 六. 汉诺塔

- 汉诺塔(又称Hanoi塔)问题是源于印度一个古老传说的益智玩具 。大梵天创造世界的时候做了三根金刚石柱子,在一根柱子上从下 往上按照大小顺序摞着64片黄金圆盘。大梵天命令婆罗门把圆盘从 下面开始按大小顺序重新摆放在另一根柱子上。并且规定,在小圆 盘上不能放大圆盘,在三根柱子之间一次只能移动一个圆盘。当所 有金片从一根柱移到另一根柱时,世界将毁灭。
- 设定移动次数是f(n)
  - **f**(1)=1
  - f(2)=3
  - f(3)=7
  - f(k+1) = 2\*f(k)+1
  - 不难证明f(n)=2n-1

#### 3.3 栈与递归实现

■ 举例

```
五、迷宫求解 int move(dir, path){
                // dir: 移动方向
                // path: 当前路径
                if 反向移动或无法移动: return 0;
                移动位置,记录path;
                if 到达终点:
                    输出path;
                    exit 0;
                if 死路:
                     return 0;
                move(right, path);
                move(up, path);
                move(left, path);
                move (down, path);
                return 0;
```

### 3.3 栈与递归实现

#### 六. 汉诺塔

用递归的方法实现

```
int Count=0;
void move(char x, int n, char z);
void hanoi (int n, char x, char y, char z) {
  if (n==1)
    move (x, 1, z);
  else {
    hanoi (n-1, x, z, y);
   move(x, n, z);
   hanoi(n-1, y, x, z);
}
void move(char x, int n, char z) {
   printf(" %2i. Move disk %i from %c to
c\n'', ++Count, n, x, z);
```

### 3.3 栈与递归实现

#### 六. 汉诺塔

- 当n=64,移动一次用1秒,共需多长时间呢?
  - 一个平年365天有31536000 秒,闰年366天有31622400秒,平均 每年31556952秒,得到:

18446744073709551615/31556952=584554049253.855年

■ 表明移完这些金片需要5845亿年以上,而地球存在至今不过45亿 年

### Take Home Message

- ⑩栈: 先进后出
  - <sup>©</sup>只在top端进行数据进栈与出栈的操作
- ⊕栈的应用:
  - ☑表达式的计算: 先将中缀转后缀, 再使用后缀进行计 算
  - ∞递归算法

5/