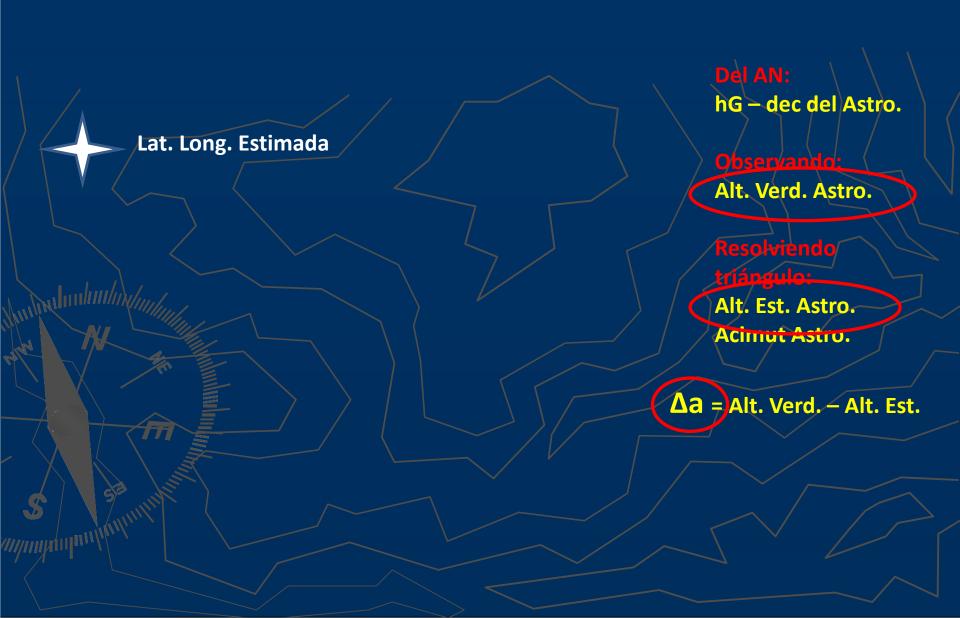
Resumiendo...

•Inicialmente tengo una latitud y longitud estimada y las coordenadas del astro (hG y declinación). hG – dec del Astro Lat. Long. Estimada

•Obtengo la altura verdadera del astro con un sextante + correcciones Resuelvo el triangulo de posición de la situación de estima (tengo todos los datos necesarios) y obtengo la altura del astro y el acimut en la posición estimada. hG – dec del Astro. Lat. Long. Estimada **Observando:** Alt. Verd. Astro. Alt. Est. Astro. **Acimut Astro.**

•Calculo el Δa como la diferencia entre la altura verdadera y la altura estimada.



•Desde mi situación de estima, pinta una recta de longitud Δa en la dirección del acimut (calculado previamente) en el sentido que corresponda. Obtengo el punto M.

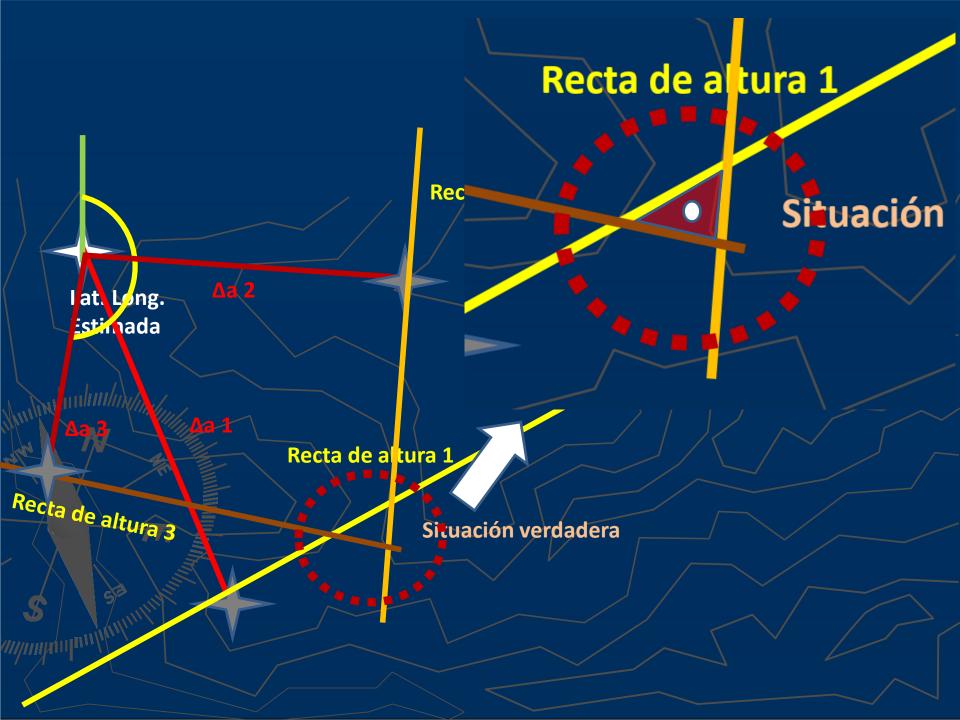


•En el punto M pinto una recta perpendicular a la recta Δa. Dicha recta es mi RECTA DE ALTURA (lugar geométrico donde me encuentro).

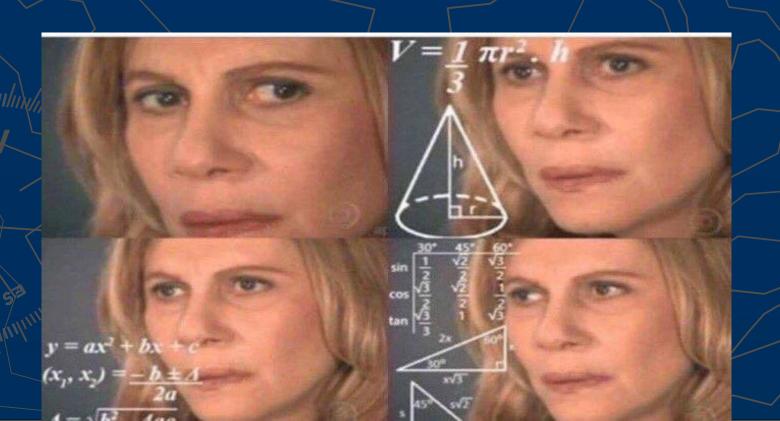


•Realizo este cálculo otra vez "simultaneamente", o traslado las rectas de altura si no lo hago simultáneamente, y donde se corten las rectas de altura es mi situación verdadera.





Problema completo de posicionamiento con rectas de altura



A Hz = 06:30 del 21 de junio de 2018, nos encontramos en situación de estima ϕ_e = 36° 22′ N, L_e = 124° 40′ E, navegando al 255° a 15 nudos. Poco después, observamos la siguiente serie de alturas del limbo inferior del Sol:

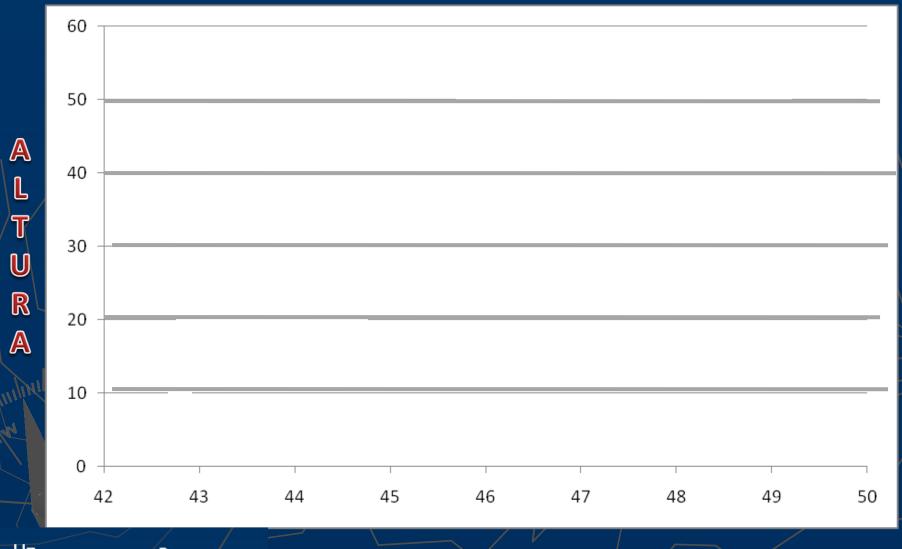
12,4′
21,8'
33,81
28,0'
52,4'

Elevación del observador 5 m, ci = +2' (más). Calcular el determinante Punto Aproximado

Tenemos 5 alturas del mismo astro tomadas de manera consecutiva.

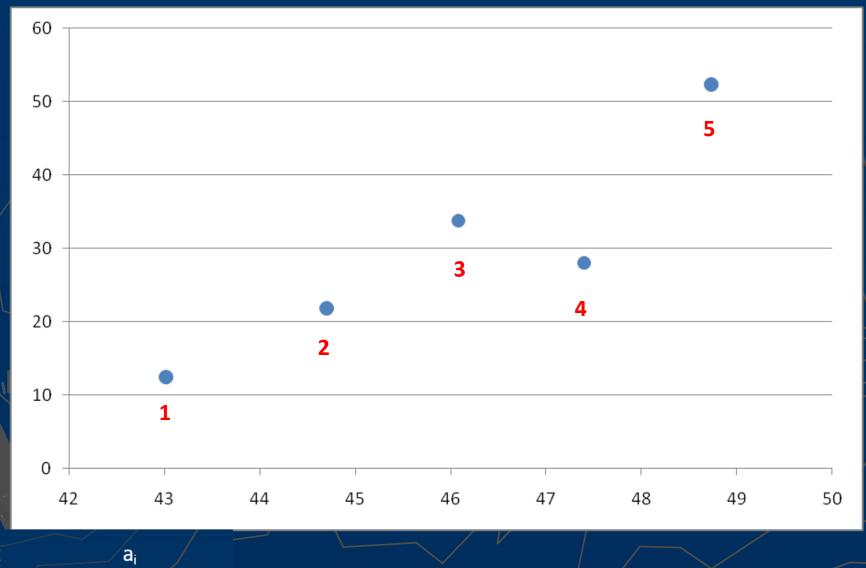
Primero representaremos las alturas en un gráfico simple, para comprobar si alguna altura está mal tomada.

Después, con las alturas correctas, calcularemos la altura media y tiempo medio

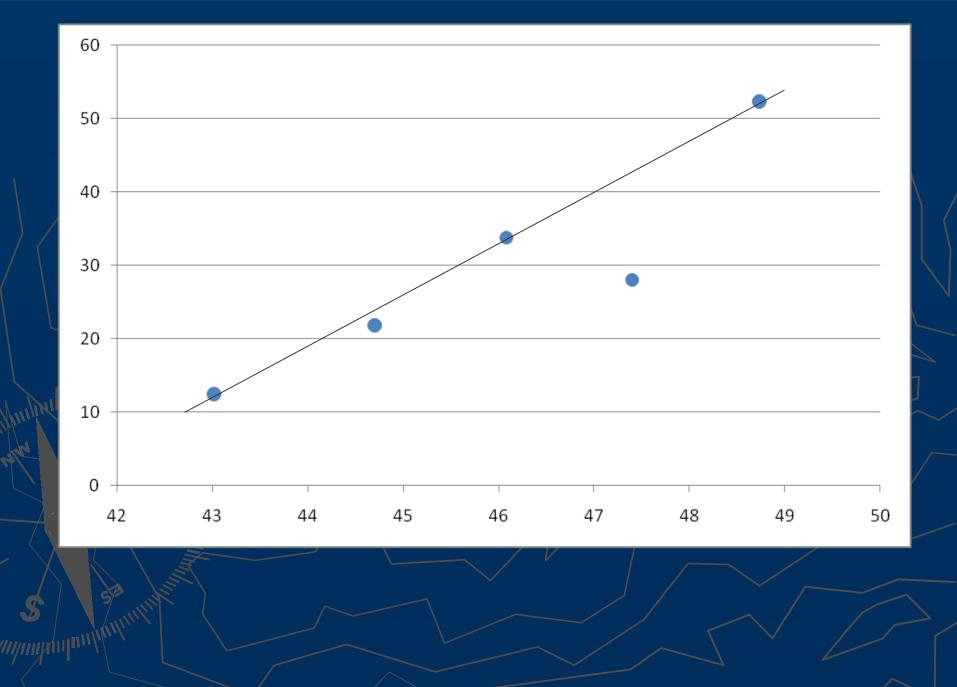


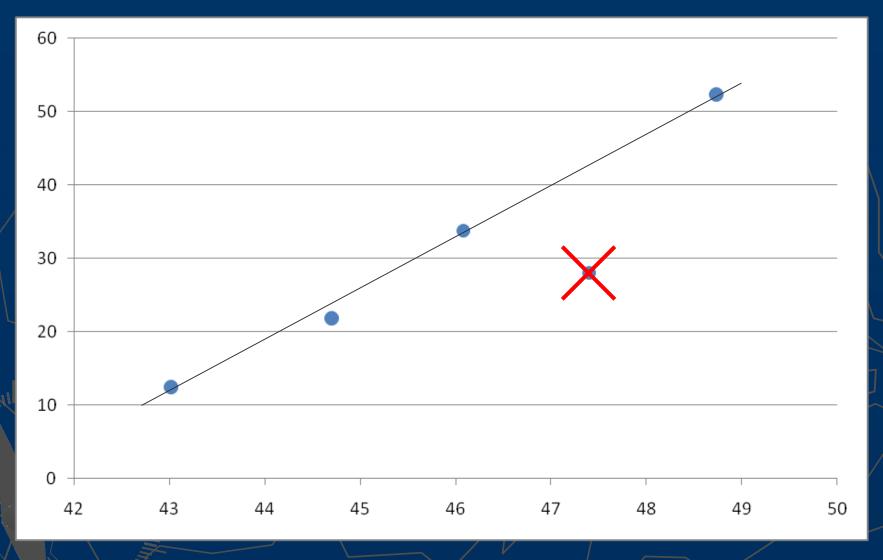
Hz a_i
06:43:01 25° 12,4'
06:44:42 25° 21,8'
06:46:05 25° 33,8'
06:47:24 25° 28,0'
06:48:44 25° 52,4'

Hz

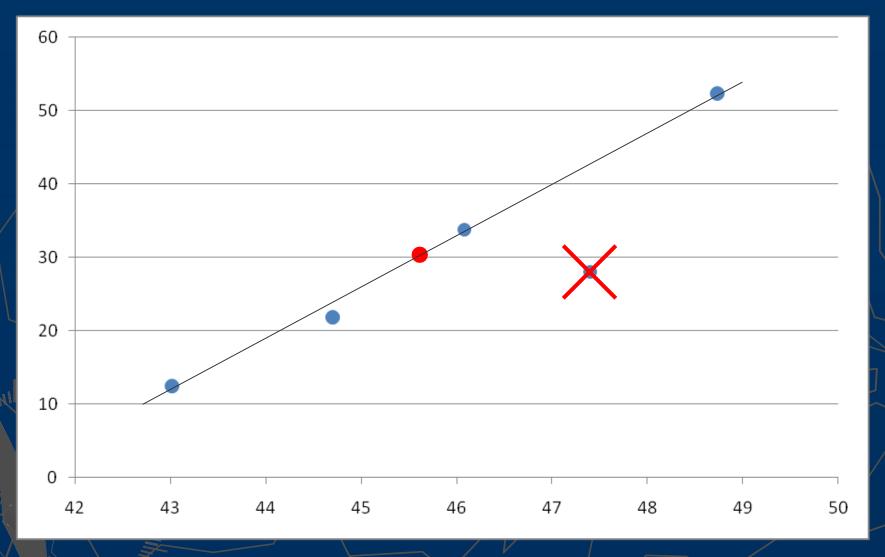


HZ	/ a _i /	
06:43:01	259 12,4′	1
06:44:42	25º 21,8'	2
06:46:05	250 33,8'	3
06:47:24	25º 28,0'	4
06:48:44	25º 52,4'	5





Eliminamos la 4^a y promediamos las 4 horas y las 4 alturas



Eliminamos la 4^a y promediamos las 4 horas y las 4 alturas Hz = 06:45:38 (21 de junio de 2018) $a_i = 25^o 30,1'$

La altura que hemos obtenido es la altura INSTRUMENTAL.

Necesitaremos hacer las correcciones necesarias para obtener la altura VERDADERA (observador en el centro de la

Tierra, sin atmosfera)

	Depresión	Refracción	Paralaje	Semidiámetro		
Sol	Tabla A	Tabla B				
Luna	Tabla A	Tablas d	e las páginas 388	3 y 389		
VENUS MARTE	Tabla A	Tabla C parte izquierda	Tabla C parte derecha	_		
Júpiter, Saturno y Estrellas	Tabla A	Tabla C parte izquierda	_	_		

			CC	nnec	CIONE	C DAT							1/EDD4	DEDA		387
			D	EL SO	CIONE L (LIMI	S PAP BO IN	FER	BTEN IOR), I	EK I PLA	.A.A NET	ALTU FA O	UKA EST	VERDA RELLA	DEKA , 2020		
	TABLA A TABLA B = SOL (LIMBO INFERIOR)															
	DEPRESIÓN DE HORIZON DE SEMIDIÁMETRO, REFRACCIÓN Y PARALAJE Cornec. adiciona															
	Elevación observador en metros	Corrección	Elevación observador en metros	- di	Altura	orrección	Altı	па	uopoallo 0	Altı	ıra	·Ē	Altura	orrección	(20)	20)
	8 S	Ě	Serv Berv	Corr	ptc.	Ě	apt	o.	Ě	api	b.)	Correctión	apte.	Ě	Enc 1	o al
	편음합	ŏ	m 6 2	٥,		٥,	0	,	,	0	,	٥,	0 /	٥,	Enc 23	+0.3
	1.6	-2.3	12.7	- 64	6 13	+ 8.2	8	54 +1	0.2	13		+12.2		+14.2	Feb 27	+0.2
	1.7	-2.4	13/1 1 .6	- 65	6 27	+ 8.3	9	ns +1	0.3	14		+12.3	28 32	+14.3		+0.1'
	2.0	-2.5	4.0	- 66	6 33	+ 8.4 8.5	9	15	0.4	14		+12.5	29 59	+14.4	Mar 22	0.0'
	2.2	-2.6 -2.7	4.4	- 67 - 68	6 40	8.6	9	26 +1	0.6	14		+12.0		+14.6	Abr 13	
	2.3	-2.8	4.8	- 69	6 53	+ 8.7	9	48 +1	0.7	15		+127	35 16	+14.7	May 7	-0.1'
	2.5	-2.9	5.3	- 7.0	7 00	+ 88	10	00 +1	0.8	16		+128	37 25	+14.8	*	-0.2'
	2.7	-3.0	5.7	- 7.1	7 06	+ 9.	10	12 +1	1.0	16		+13.0	39 49	+15.0	Jun 12	-0.3'
	3.1	-3.1	106	- 7.2	7 14 7 21	+ 9.	10	38 +1	1.1	17		+13.1	45 30	+15.1	Jul 27	
	3.3	-3.2	17.	- 7.3 - 7.4	7 28	+ 9.2	10	52 +1	1.2	18	23	+13.2	48 53	+15.2	Sep 1	-0.2
	3.5	-3.3 -3.4	17.6	- 7.5	7 36	+ 9.3 + 9.4	11	06	1.3	19		+13.3	52 43	+15.3	-	-0.1'
	3.7	-3.5	18.0	-7.6	7 44	+ 9.5	11 :	21 +1	1.5	19		+13.5	57 01	+15.5	Sep 25	0.0'
	3.9	-3.6	18.5	- 7.	7 52 8 00	+ 9.6	11 :	+1	1.6	20:		+13.6	61 51	+15.6	Oct 17	. 0.1/
	4.2	-3.7	19.0 19.5	- 7.8	08	+ 9.7	12	no +1	1.7	21		+13.7	72.14	+15.7	Nov 9	+0.1'
	4.7	-3.8	20.0	- 7.9	8 1	+ 9.8	12	26 +1	1.8	22	53	+13.8	79 42	+15.8		+0.2'
	4.9	-3.9 -4.0	20.5	- 80 - 81	8 26	+120	12	44	2.0	23		+14.0	86 30	+16.0	Dic 15	4.31
	5.2	-4.0 -4.1	21.0	- 81 - 82	8 35 8 45	+10.1	13 13		2.1	24 .	52 59	+14.1			Dic 31	
	5.4	-4.2	21.5	- 83	0 40		-	TA RLA				ras y	/ Ecabo	LAS		
	5.7 6.0	-4.3	22.1	- 84		RE		CIÓN		-				AJE (20)	20)	
	6.2	-4.4	23.1	- 85		cdén	ī			odón		П	Venus		Marte	
	6.5	-4.5	23.7	- 86	Altur	. 18		Altura		8	Fed	has	Cualquier altura	< 30°	tura aparei > 30°	nte > 60°
	6.8	-4.6 -4.7	24.2	- 8.7 - 8.8	apte.	, g	П	apte.		OLO,	Enc	1			< 60°	
	7.1	-4.7 -4.8	24.8	- 89	6 30	-7.3	П	14 00	-3		Enc	16	+0.1' +0.1'	+0.1'	0.0 ⁴ +0.1 ⁴	0.0'
	7.4	-4.9	25.4	- 9.0	6 40	-7. -7		15 00 16 00	-3 -3		Mar	1	+0.1'	+0.1'	+0.1'	0.0
	7.7 8.0	-5.0	25.9	- 9.1	7 00		3	17 00	-3		Abr	16	+0.2	+0.1'	+0.1'	0.0
	8.4	-5.1	27.1	- 9.2	7 15	-1		18 00	-3		May	8	+0.4	+0.1	+0.1	0.0'
	8.7	-5.2	27.7	- 9.3	7 30 7 45	- 6.7		19 00 20 00	-2 -2		May	28	+0.5	+0.1'	+0.1'	0.0'
	9.0	-5.3 -5.4	28.3	- 9.4 - 9.5	8 00	6.5		21 00	-2		Jun	2	+0.5	+0.1'	+0.1'	+0.1'
	9.4	-5.5	28.9	- 9.6	8 15 8 30	-6.3 -6.3		22 00 24 00	-2 -2		Jun	10	+0.4'	+0.1'	+0.1'	+0.1'
	9.7	-5.6	29.5	- 9.7	8 45	-6.0		26 00	-2		Jun	14	+0.4'	+0.2'	+0.1'	+0.1'
	10.1 10.4	-5.7	30.1	- 9.8	9 00	-5.9		28 00	-1		Jun	29	+0.3'	+0.2'	+0.1'	+0.1'
	10.4	-5.8	31.3	- 9.9	9 20 9 4	-5.7 -5.5		32 00 36 00	-1 -1		Jul	21	+0.2'	+0.2'	+0.1'	+0.1'
	11.2	-5.9	32.0	-10.0 -10.1	10 0	-5.3	3	40 00	-1	.2	Jul	22	+0.2	+0.2'	+0.2	+0.1'
	11.6	-6.0 -6.1	32.6	-10.1	10/30	-5.1		45 00	-1		Ago	19	+0.2'	+0.3'	+0.2	+0.1'
	11.9	-6.2	33.3	-10.3	11 30	-4.8 -4.6		50 00 60 00	-0 -0		Sep	5	+0.1'	+0.3'	+0.2	+0.1'
	12.3	-6.3	33.9	-10.4	12 00	-4.5	5	70 00	-0	0.4	Nov Dic	17 7	+0.1'	+0.2'	+0.2'	+0.1'
	12.7		34.6		12 30 13 00	-4.3 -4.1		80 00 90 00	-0	0.2	Die	31	+0.1'	+0.2'	+0.1'	+0.1'
\					ura aparen	to es la	obser	vada con	regida	por	depre	sión o	el horizont			
· •				Para el	uso de est	as tabla	ıs, en l	os valon	os exp	lícite	os tom	nar el	valor super	iot		
													valor super			

Hz = 06:45:38 (21 de junio de 2018)

 $a_i = 25^{\circ} 30,1'$ Elevación 5 m

Calculamos a_v:

$$a_i = 25^{\circ} 30.1'$$

$$a_o = 25^o 32.1'$$
 (Dep. hor.) T. A = $-4.0'$

$$1.A = (-4,0)$$

$$a_{ap} = 25^{\circ} 28,1'$$

(SD, ref., par) T. B =
$$+14.1'$$

(SD \neq 16') C.A. = $(-0.3')$

$$a_v = 25^{\circ} 41.9'$$

Elevac -2.3-2.41.9 -2.52.0 -2.62.2 -2.72.3 -2.82.5 -2.92.7 -3.02.9 -3.13.1 -3.23.3 -3.33.5 -3.4-3.53.9 -3.6-3.7-3.8-4.0

= SOL (LIMBO INFERIOR)

$\mathbf{b} = \mathbf{SOL} (\mathbf{I})$		INFERIC	JK)		
FRACCIÓN	Y PARA	LAJE		Correc. ac	licional
Altura apte.	Corrección	Altura apte.	Corrección	(201) Ene. 1	
13 23 13 44 14 06 14 29 14 53 15 18 15 45 16 13 16 43	+12.2 +12.3 +12.4 +12.5 +12.6 +12.7 +12.8 +12.9 +13.0	25 59 27 12 28 32 29 59 31 34 33 19 35 16 37 25 39 49	, +14.2 +14.3 +14.4 +14.5 +14.6 +14.7 +14.8	Ene. 22 Feb. 27 Mar. 22 Abr. 13 May. 7 Jun. 12	+0'.3 +0'.2 +0'.1 0'.0 -0'.1 -0'.2 -0'.3
17 14 17 47	+13.1	42 30 45 30		Jul. 27	
18 23 19 01	+13.2 +13.3 +13.4	48 53 52 43	+15.2 +15.3 +15.4	Sep. 1 Sep. 25	-0.2
19 41 20 24 21 10	+13.5 +13.6 +13.7	57 01 61 51 67 16	+15.5 +15.6 +15.7	Oct. 17	0′.0 +0′.1
21 59 22 53 23 50	+13.8 +13.9 +14.0	73 14 79 42 86 30	+15.8 +15.9 +16.0	Nov. 10 Dic. 15	+0′.2
24 52 25 59	+14.1	90 00	10.0	Dic. 31	+0′.3

`								
_		Depresión	Refracción	Paralaje	Semidiámetro			
	SOL	Tabla A	Tabla B					
	LUNA	Tabla A	Tablas d	e las páginas 388	3 y 389			
	VENUS MARTE	Tabla A	Tabla C parte izquierda	Tabla C parte derecha	_			
_	JÚPITER, SATURNO Y ESTRELLAS	Tabla A	Tabla C parte izquierda	_	_			

Ya tenemos la ALTURA VERDADERA del Sol a las Hz = 06:45:38 (hora legal)

Pero los datos del Almanaque están en Tiempo Universal UT.

Necesito pasar de HORA LEGAL a HORA UNIVERSAL.

Recordamos que la Hora Legal es la Hora Universal + la diferencia de horas (en función de la longitud)

L_e = 124º 40' E

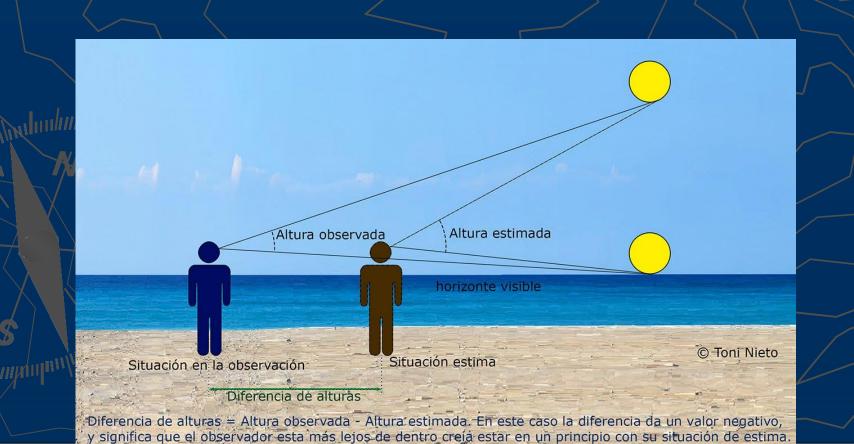
Calculamos el UT:

 $L_{e} = 124^{o} \ 40' \ E = 8^{h} \ 18^{m} \ 40^{s} \Rightarrow Hz = UT + 8 \quad Hz = 06:45:38$ del 21.06.2018 \Rightarrow

 $UT = 22^h 45^m 38^s del 20.06.18$



Calculamos cómo se vería el Sol $(a_e y Z_{(e)})$ si estuviésemos en la situación de estima $\phi_e y L_e$



¿Qué datos necesito?

Necesito conocer el hG y la declinación del Sol a las 22^h 45^m 38^s UT del **20.06.18**

Hago uso del Almanaque Náutico...

Calculamos las coordenadas del Sol:

$$UT = 22^h 45^m 38^s$$

hG a
$$22^h$$
 = 149^o $35,1'$
Por 45^m 38^s = 11^o $24,3'$

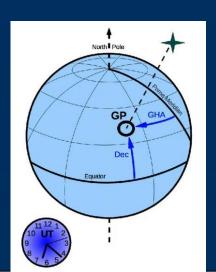
$$hG = 160^{\circ} 59,4'(W)$$

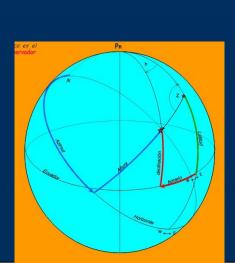
$$L_e = 124^{\circ} 40,0'(E)$$

$$hL = 285^{\circ} 39,4'$$

$$P_E = 74^{\circ} 20,6'(E)$$

$Dec(\delta) = +23^{\circ} 26,1'$





UT	J. J
h 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11	
12 13 14 15 16 17	3

60 min --- 14.9966º

 $X = 11.406^{\circ} = 11^{\circ} 24.3^{\circ}$

X

45.633 min ---

UT	S O L SD: 15'.7					
		2 ^h 01. ^m 6				
· 92	hG ⊙	Dec				
h	0 /	0 /				
0	179 38.1	$+23\ 25.7$				
1 2	194 37.9 209 37.8	25.7 25.7				
3	209 37.8	25.8				
4	239 37.5	25.8				
5	254 37.4	$+23\ 25.8$				
6	269 37.3	+23 25.8				
7	284 37.1	25.9				
8	299 37.0	25.9				
9	314 36.9	25.9				
10	329 36.7	25.9				
11	344 36.6	$+23\ 25.9$				
12	359 36.4	$+23\ 25.9$				
13	14 36.3	26.0				
14	29 36.2	26.0				
15	44 36.0	26.0				
16	59 35.9	26.0				
17	74 35.8	$+23\ 26.0$				
18	89 35.6	$+23\ 26.0$				
19	104 35.5	26.0				
20	119 35.4	26.0				
21	134 35 2	26.1				
22	149 35.1	26.1				
23 24	164 34.9 179 34.8	26.1 + 23 26.1				
	ARIES	+ 23 20.1 VEN				

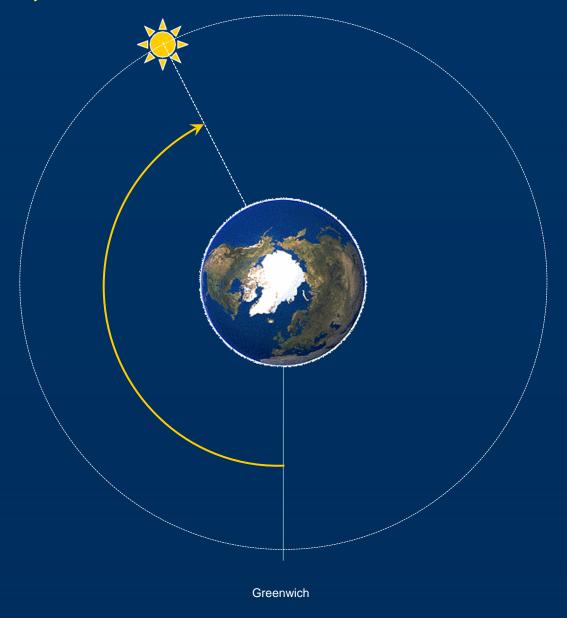


hG a
$$22^h$$
 = 149^o $35,1'$
Por 45^m 38^s = 11^o $24,3'$
hG = 160^o $59,4'$ (W)
L_e = 124^o $40,0'$ (E)
hL = 285^o $39,4'$
P_E = 74^o $20,6'$ (E)
Dec (δ) = $+23^o$ $26,1'$



Calculamos las coordenadas del Sol: UT = 22^h 45^m 38^s

hG a
$$22^h$$
 = 149^o $35,1'$
Por 45^m 38^s = 11^o $24,3'$
hG = 160^o $59,4'$ (W)
L_e = 124^o $40,0'$ (E)
hL = 285^o $39,4'$
P_E = 74^o $20,6'$ (E)
Dec (δ) = $+23^o$ $26,1'$



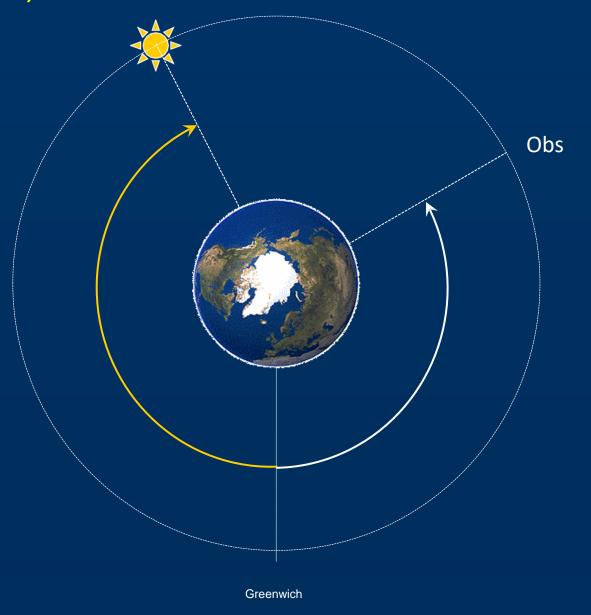
$$L_{\rm e} = 124^{\rm o} 40,0' \, {\rm E}$$

Calculamos las coordenadas del Sol:

 $UT = 22^h 45^m 38^s$

hG a
$$22^h$$
 = 149^o $35,1'$
Por 45^m 38^s = 11^o $24,3'$
hG = 160^o $59,4'$ (W)
L_e = 124^o $40,0'$ (E)
hL = 285^o $39,4'$
P_E = 74^o $20,6'$ (E)

 $Dec(\delta) = +23^{\circ} 26,1'$

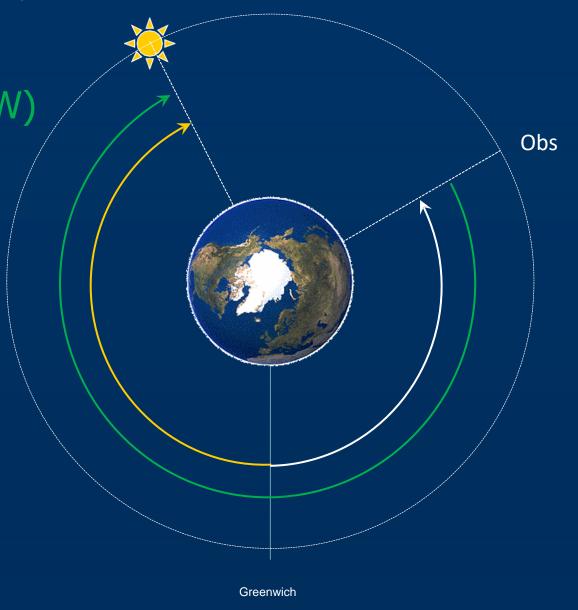


 $L_{\rm e} = 124^{\rm o} 40,0' \, {\rm E}$

 $hL = 285^{\circ} 39,4' (W)$

Calculamos las coordenadas del Sol:

hG a
$$22^h$$
 = 149^o $35,1'$
Por 45^m 38^s = 11^o $24,3'$
hG = 160^o $59,4'$ (W)
 L_e = 124^o $40,0'$ (E)
hL = 285^o $39,4'$
 P_E = 74^o $20,6'$ (E)
Dec (δ) = $+23^o$ $26,1'$



$$hG = 160^{\circ} 59,4' (W)$$

$$L_{\rm e} = 124^{\rm o} 40,0' \, {\rm E}$$

$$hL = 285^{\circ} 39,4' (W)$$

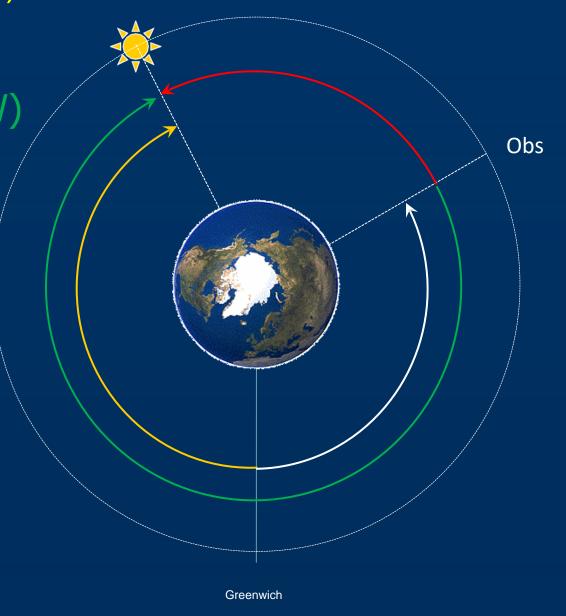
$$P_E = 74^{\circ} 20,6' (E)$$

Calculamos las coordenadas del Sol:

 $UT = 22^h 45^m 38^s$

hG a
$$22^h$$
 = 149^o $35,1'$
Por 45^m 38^s = 11^o $24,3'$
hG = 160^o $59,4'$ (W)
 L_e = 124^o $40,0'$ (E)
hL = 285^o $39,4'$
 P_E = 74^o $20,6'$ (E)

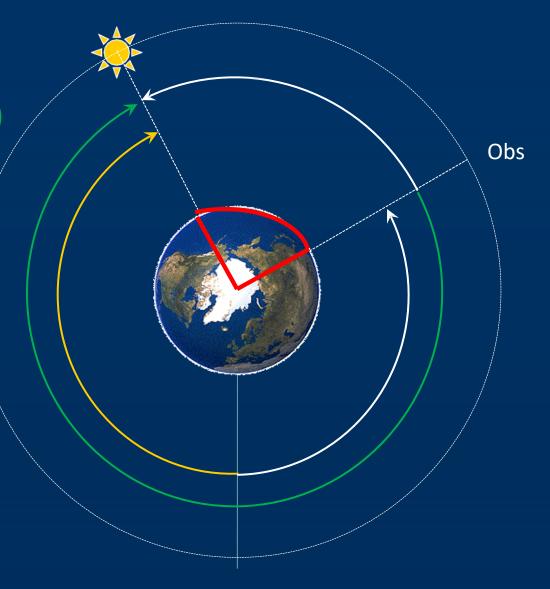
 $Dec(\delta) = +23^{\circ} 26,1'$



 $L_e = 124^{\circ} 40,0' E$

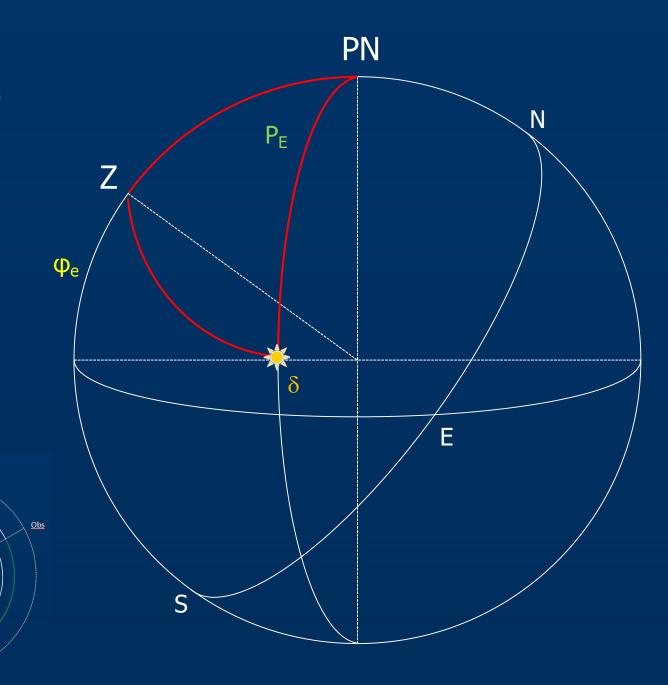
 $hL = 285^{\circ} 39,4' (W)$

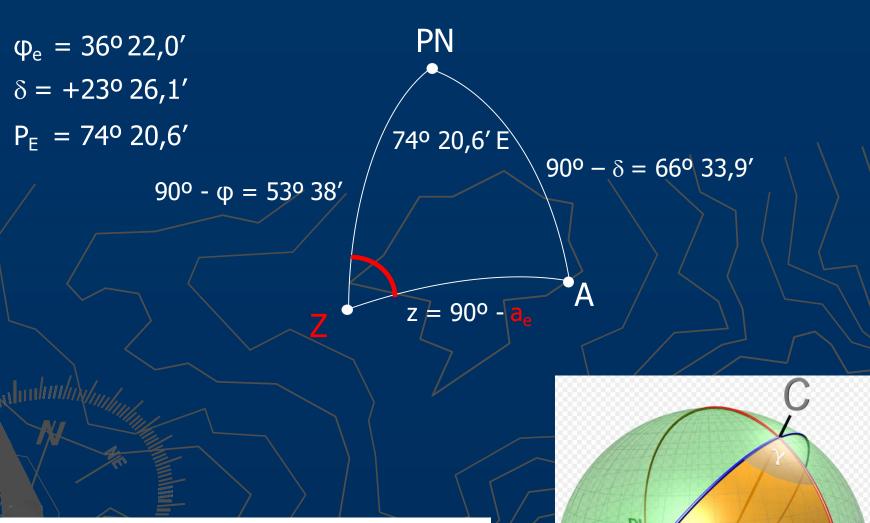
 $P_E = 74^{\circ} 20,6' (E)$



$$\phi_e = 36^{\circ} 22,0'$$
 $\delta = +23^{\circ} 26,1'$
 $P_E = 74^{\circ} 20,6'$

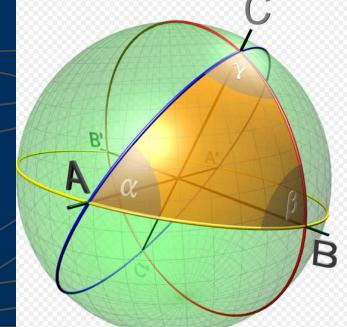
hG = 160° 59,4' (W) L_e = 124° 40,0' E

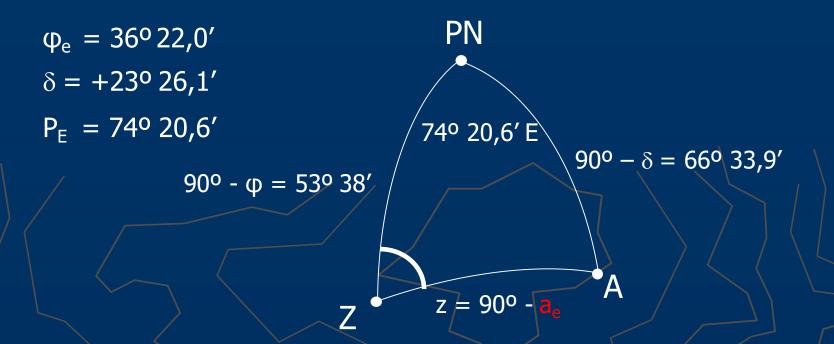




Fórmula del coseno

 $\cos CB = \cos AC \cos AB + \sin AC \sin AB \cos \alpha$





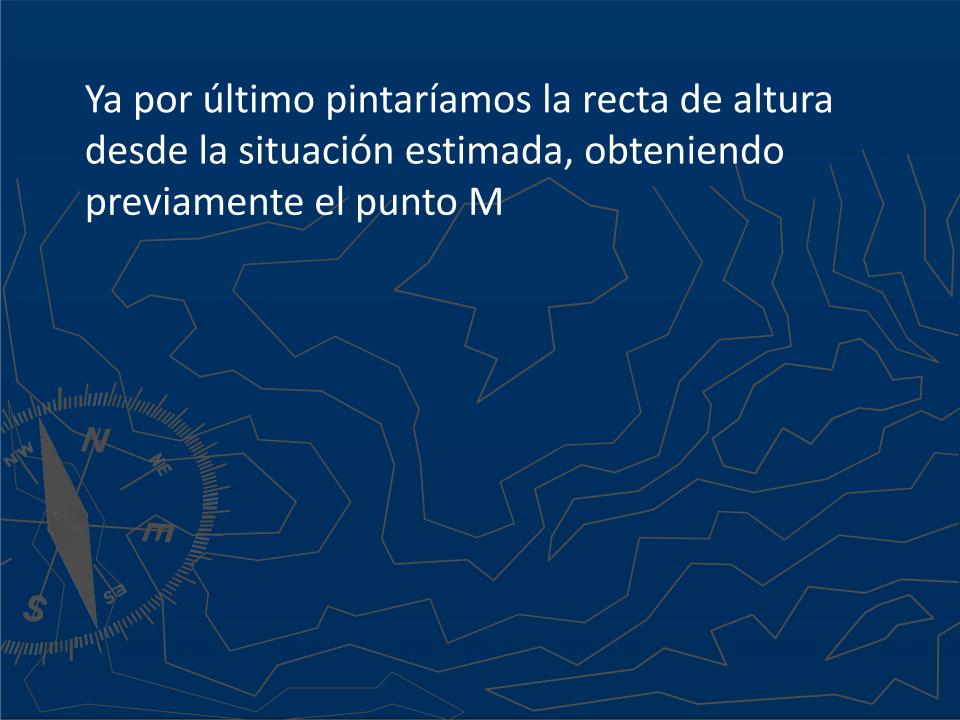
$$cos(z) = cos(90 - \varphi) cos(90 - \delta) + sen(90 - \varphi) sen(90 - \delta) cos(P)$$
 $cos(z) = cos(53^{\circ} 38,0') cos(66^{\circ} 33,9') + sen(53^{\circ} 38,0') sen(66^{\circ} 33,9') cos(74^{\circ} 20,6')$
 $cos(z) = 0,435 207 443 952 680...$
 $z = 90 - a_e = 64,201 505 408...^{\circ} = 64^{\circ} 12,1';$
 $a_e = 25^{\circ} 47,9'$

 $-a_e = 25^{\circ} 41,9' - 25^{\circ} 47,9' = -6,0'$

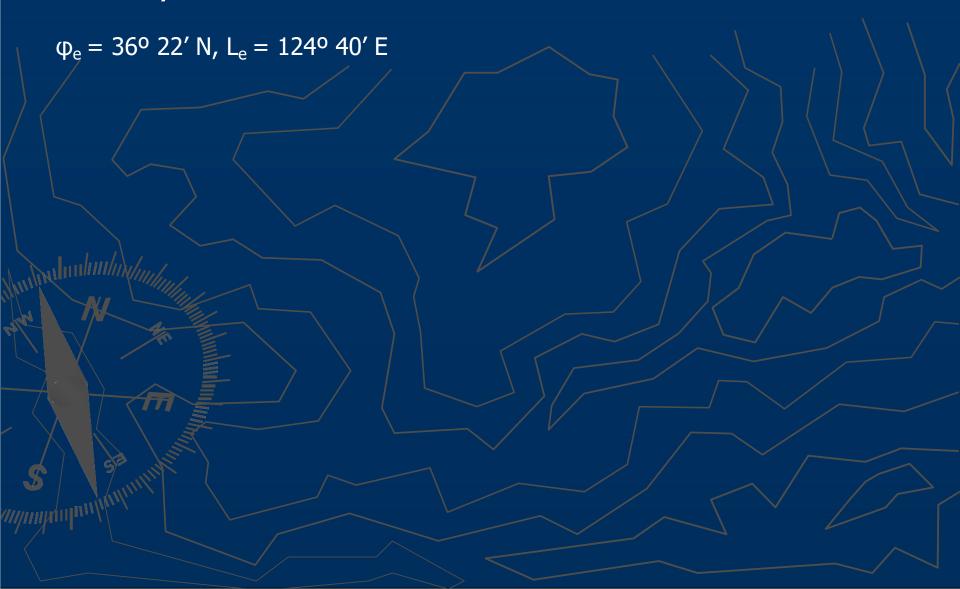
$$\phi_e = 36^{\circ} 22,0'$$
 PN
 $\delta = +23^{\circ} 26,1'$
 $P_E = 74^{\circ} 21,0'$
 $z = 64^{\circ} 12,1'$
 $y = 64^{\circ} 12,1'$

$$\cos (90 - \delta) = \cos (90 - \phi) \cos (z) + \sin (90 - \phi) \sin (z) \cos (Z)$$
 $\cos (Z) = [\cos(90 - \delta) - \cos(90 - \phi) \cos(z)] / [\sin(90 - \phi) \sin(z)]$
 $\cos (Z) = [\cos (66^{\circ} 33,9') - \cos (53^{\circ} 38,0') \cos (64^{\circ} 12,4')] / [\sin (53^{\circ} 38,0') \sin (64^{\circ} 12,4')]$
 $\cos (Z) = 0.192 628 469...$

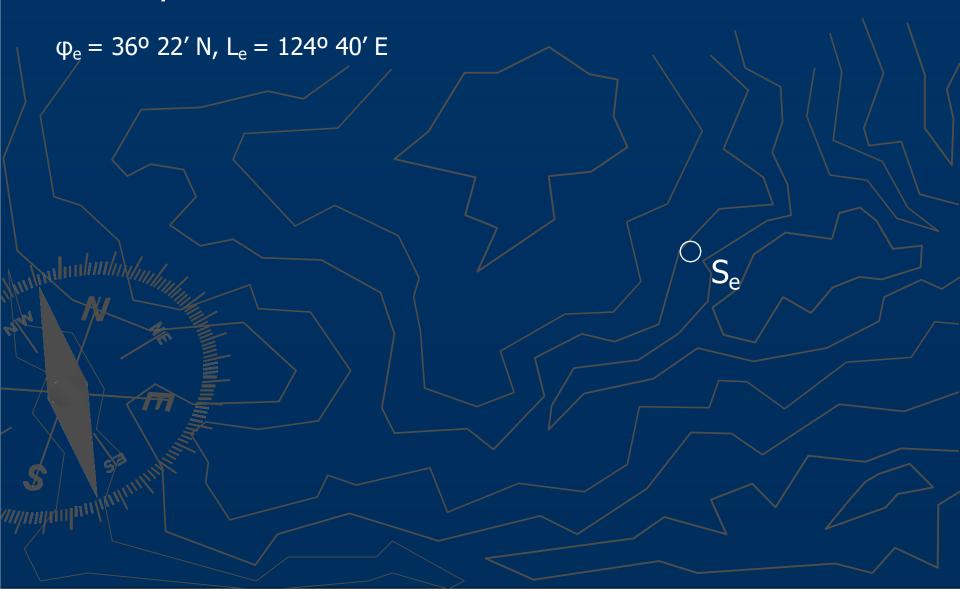
$Z = 78,8938° \neq 79° E$

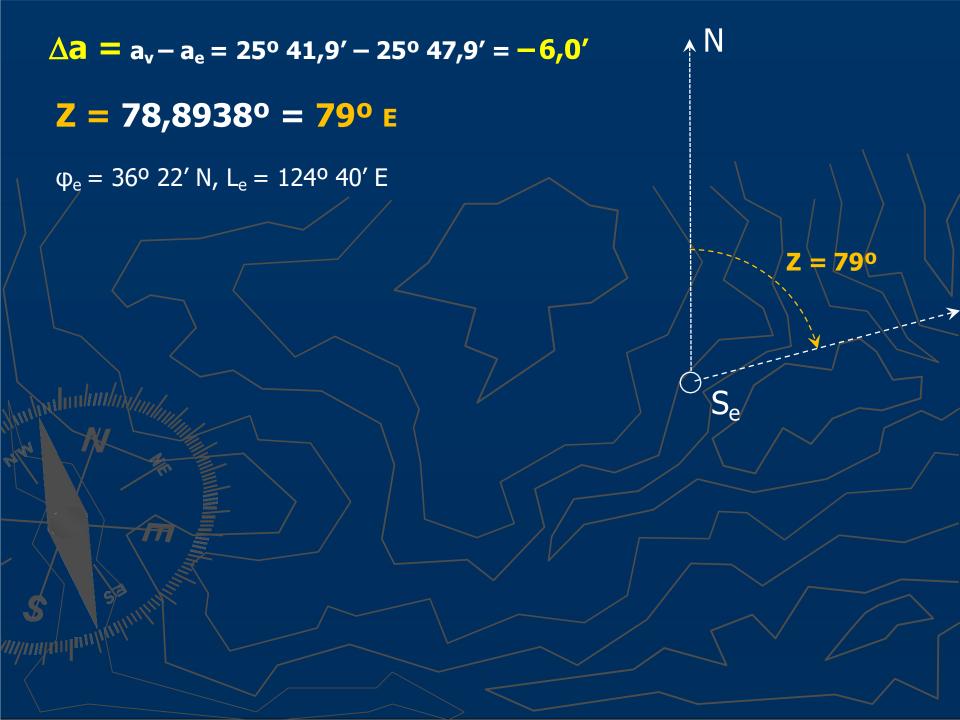


$$\triangle a = a_v - a_e = 25^{\circ} 41.9' - 25^{\circ} 47.9' = -6.0'$$



$$\triangle a = a_v - a_e = 25^{\circ} 41.9' - 25^{\circ} 47.9' = -6.0'$$

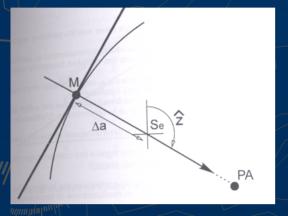




$$\Delta a = a_v - a_e = 25^{\circ} 41.9' - 25^{\circ} 47.9' = -6.0'$$

$$\phi_e = 36^{\circ} 22' \text{ N}, L_e = 124^{\circ} 40' \text{ E}$$

2) Ax menor que Ae, luego ΔA menor que cero (negativo). En este caso, altura cenital verdadera es mayor que la altura cenital estimada, y el punto aproximado M está situado ΔA millas desde la situación de estima, a lo largo de la línea del azimut y en DIRECCIÓN OPUESTA AL ASTRO (a su polo de iluminación)



PUNTO APROXIMADO

ΔA

SITUACIÓN
ESTIMADA

> POLO DE ILUMINACIÓN

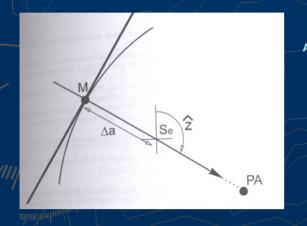


$$\Delta a = 6.0'$$

$$\Delta a = a_v - a_e = 25^{\circ} 41.9' - 25^{\circ} 47.9' = -6.0'$$

$$\phi_e = 36^{\circ} 22' \text{ N}, L_e = 124^{\circ} 40' \text{ E}$$

2) Av menor que Ae, luego ΔA menor que cero (negativo). En este caso, altura cenital verdadera es mayor que la altura cenital estimada, y el punto aproximado M está situado ΔA millas desde la situación de estima, a lo largo de la línea del azimut y en DIRECCIÓN OPUESTA AL ASTRO (a su polo de iluminación)



PUNTO APROXIMADO

ΔA

SITUACIÓN
ESTIMADA

> POLO DE ILUMINACIÓN



 $\Delta a = 6,0'$

Recta de altura ¡El barco está en algún punto de esta recta!

