# 4장 연결 데이타 표현

## 순서

- 4.1 노드와 포인터
- 4.2 Java의 참조 변수
- 4.3 단순 연결 리스트
- 4.4 자유 공간 리스트
- 4.5 원형 연결 리스트
- 4.6 이중 연결 리스트
- 4.7 헤더 노드
- 4.8 다항식의 리스트 표현과 덧셈
- 4.9 일반 리스트



## 순차 표현

#### ◆ 장점

- 표현이 간단함
- 원소의 접근이 빠름
  - ◆ 인덱스는 직접 메모리 주소로 변환할 수 있기 때문에 빠른 임의 접근이 가능

#### ◆ 단점

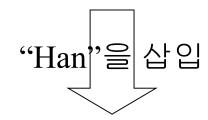
- 원소의 삽입과 삭제가 어렵고 시간이 많이 걸림
  - ◆ 원소의 삽입, 삭제시 해당 원소의 위치 뒤에 있는 모든 원소를 뒤로 물리거나 앞으로 당겨야만 함
- 저장공간의 낭비와 비효율성
  - ◆ 리스트의 길이가 임의로 늘어나고 줄어드는 상황에서 배열의 적정 크기를 미리 결정하기가 어려움
  - ◆ 배열의 오버플로우(overflow)나 과도한 메모리 할당 발생



# 순서 리스트의 순차 표현

- ◆ 리스트 L의 순차 표현과 원소 삽입
  - L=(Cho, Kim, Lee, Park, Yoo) : 알파벳 순서로 된 성씨의 리스트

	Cho	Kim	Lee	Park	Yoo	
I	<b>L[0]</b>	L[1]	L[2]	L[3]	L[4]	L[5]



Cho	Han	Kim	Lee	Park	Yoo
L[0]	L[1]	L[2]	L[3]	L[4]	L[5]



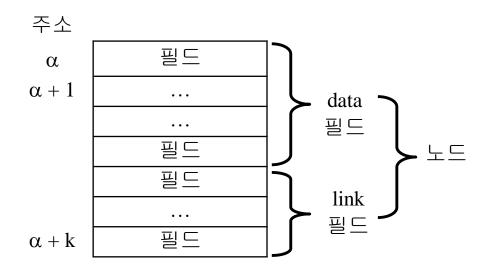
## 연결 표현

- ◆ 연결 표현 (linked representation) 또는 비순차 표현
  - 원소의 물리적 순서가 리스트의 논리적 순서와 일치할 필요 없음
  - 원소를 저장할 때 이 원소의 다음 원소에 대한 주소도 함께 저장해야 함
  - 노드:<원소,주소>쌍의 저장 구조
- ◆ 노드 (node) : 데이타 필드와 링크 필드로 구성
  - 데이타 필드 리스트의 원소, 즉 데이타 값을 저장하는 곳
  - 링크 필드 다른 노드의 주소값을 저장하는 장소 (포인터)



# 노드 구조

◆ 물리적 노드 구조



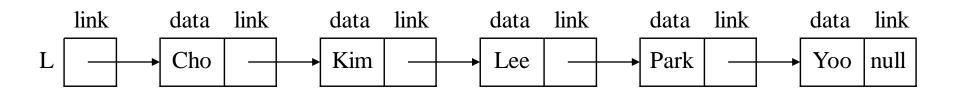
◆ 논리적 노드 구조

data	link
------	------



# 연결 리스트 (linked list)

- ◆ 연결 리스트
  - 링크를 이용해 표현한 리스트
  - 예
    - ◆ "리스트 L" 리스트 전체를 가리킴
    - ◆ "노드 L" 리스트의 첫번째 노드("Cho")를 가리킴





# 연결 리스트 표현 (1)

- ◆ 1. 링크에 실제로는 화살표 대신 주소값이 들어가 있음
  - 예) 원소 "Cho", "Kim", "Lee", "Park", "Yoo"가 저장된 노드들의 주소가 각각 1000, 1004, 990, 1110, 1120일 때

L	1000	
1000	Cho 1004	data link
1004	Kim 990	data link
990	Lee 1110	data link
1110	Park 1120	data link
1120	Yoo null	data link



# 연결 리스트 표현 (2)

- ◆ 2. 연결 리스트의 마지막 노드의 링크 값으로 null을 저장
- ◆ 3. 연결 리스트 전체는 포인터 변수 L로 나타냄. 여기에는 리스트의 첫 번째 노드의 주소가 저장됨
  - 공백 리스트의 경우 L의 값은 null이 됨. 이렇게 null 값을 가진 포인터를 널 포인터라 함
- ◆ 4. 노드의 필드 선택은 점연산자 (·: dot operator) 를 이용
  - 예) L.data : L이 가리키는 노드의 data 필드값, "Cho" L.link.data : L이 가리키는 노드의 link 값이 가리키는 노드의 data 값, "Kim"



# 연결 리스트 표현 (3)

- ◆ 5. 포인터 변수에 대한 연산은 제한되어 있음
  - ① P=null 또는 P≠null : 공백 포인터인가 또는 공백 포인터가 아닌가의 검사
  - ② P=P₁: 포인터 P와 P₁이 모두 같은 노드 주소를 가리키는가?
  - ③ P←null: P의 포인터 값으로 공백 포인터를 지정
  - ④ P←P₁: P₁이 가리키는 노드를 P도 같이 가리키도록 지정
  - ⑤ P.link←P₁: P가 가리키는 노드의 링크 필드에 P₁의 포인터값을 지정
  - ⑥ P←P₁.link: P₁이 가리키는 노드의 링크 값을 포인터
     P의 포인터 값으로 지정



## Java의 참조 변수 (1)

- ◆ 참조 변수 (reference variable)
  - 객체가 만들어져 있는 메모리 주소를 저장하고 있는 변수
  - 다른 언어의 포인터 변수와 비슷하나 산술 연산이 허용되지 않음

#### ◆ Point 클래스 정의의 예

```
class Point {
    int x;
    int y;
    public Point() {
        x = 0;      y = 0;
    }
    public Point(int x1, int y1) {
        x = x1;      y = y1;
    }
}
```



## Java의 참조 변수 (2)

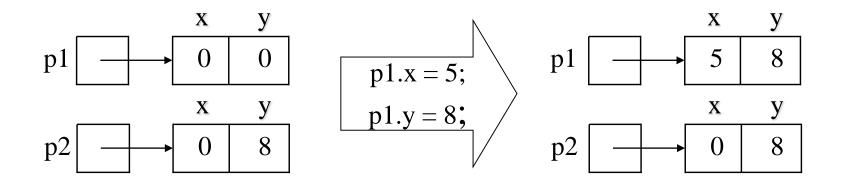
#### ◆ Point 객체의 생성

- Point p1 = new Point();
  - ◆ (1) 새로운 Point 객체를 위해 메모리를 할당
  - ◆ (2) 이 객체의 모든 데이타 필드들을 0으로 초기화
  - ◆ (3) 이 객체에 대한 참조(주소)를 반환하여 참조 변수 p1의 초기값으로 저장
- Point p2 = new Point(0, 8);
  - ◆ 2개의 매개 변수를 가진 생성자를 이용하여 새로운 Point 객체 생성
  - ◆ 데이타 필드 값을 x = 0, y = 8로 초기화
  - ◆ 이 객체에 대한 참조를 참조 변수 p2의 값으로 저장



# Java의 참조 변수 (3)

◆ 데이타 필드 값의 변경

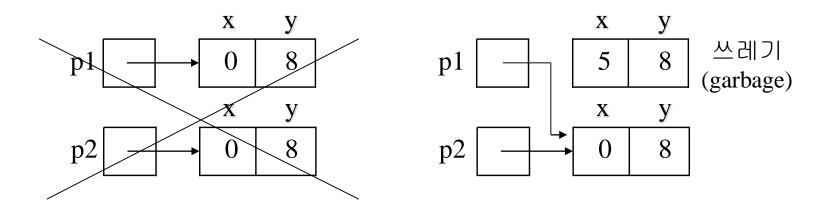


- ◆ 지정문 p1 = p2;
  - p1이 가리키는 객체의 모든 데이타 필드 내용들을 p2가 가리키는 객체의 데이타 필드값들로 대체?
  - p1의 참조값이 p2의 참조값으로 대체?



## Java의 참조 변수 (4)

- ◆ p1 = p2; 의 결과
  - 변수 p2에 저장되어 있는 참조값을 복사해서 변수 p1의 새로운 참조값으로 저장
  - 변수 p1과 p2가 하나의 객체를 공동으로 참조
    - ◆ 어느 한 변수를 통해 객체의 필드값을 변경하면 또다른 변수로 이 값을 접근할 때 변경된 값을 접근



- 이 때 p1이 가리키는 객체의 저장소는 접근할 수 없는 쓰레기(garbage)가 됨
- Java 시스템이 저장소가 부족하게 될 때 쓰레기 수집기(garbage collector)를 기동시켜 쓰레기를 수집하여 재활용(Java 시스템 내에서 자동으로 이루어짐)



## Java로 정의한 노드 구조

◆ 스트링 리스트에 대한 연결 표현을 위한 노드 구조

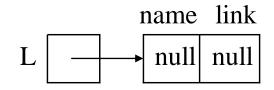
```
class ListNode {
    String name;
    ListNode link;
}
```

- name 필드 String값을 가짐
- link 필드 다른 ListNode 객체를 가리키는 참조값을 가짐
- 리스트는 link 필드들을 통해 연결되는 ListNode 클래스의 객체들이 됨
- link 값이 null이면 그 리스트의 마지막 노드라는 것을 나타냄
- ListNode 변수가 null이면 공백리스트를 나타냄

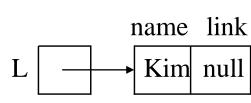


## 리스트 생성의 예 (1)

- ◆ 1. L을 ListNode 타입의 변수로 선언하고 하나의 새로운 ListNode로 초기화
  - ListNode L = new ListNode();
  - 기정 생성자(default constructor)에 의해 name과 link 필드는 null로 초기화



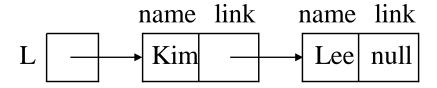
- ◆ 2. 노드 L의 name 필드에 "Kim"을 지정하고 link 필드에는 null을 지정
  - L.name = "Kim";
  - L.link = null;



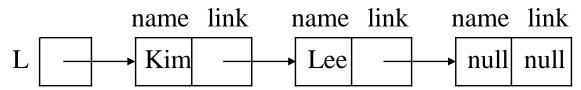


# 리스트 생성의 예(2)

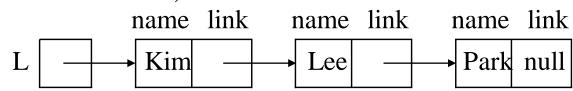
- ◆ 3. 리스트의 L에 "Lee"와 "Park"에 대한 대한 두 개의 새로운 ListNode를 차례로 첨가
  - L.link = new ListNode();
  - L.link.name = "Lee";



• L.link.link = new ListNode();



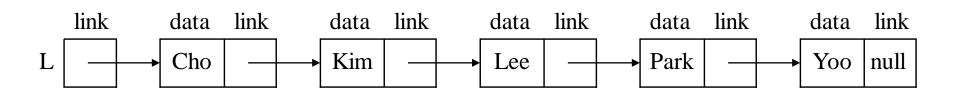
- L.link.link.name = "Park";
- L.link.link.link = null;





## 단순 연결 리스트

- ◆ 단순 연결 리스트 (singly linked list)
  - 하나의 링크 필드를 가진 노드들이 모두 자기 후속노드와 연결되어 있는 노드 열
  - 마지막 노드의 링크 필드는 리스트의 끝을 표시하는 null값을 가짐
  - 별칭: 선형 연결 리스트(linear linked list), 단순 연결 선형 리스트(singly linked linear list), 연결 리스트(linked list), 체인(chain)
  - 단순 연결 리스트의 예





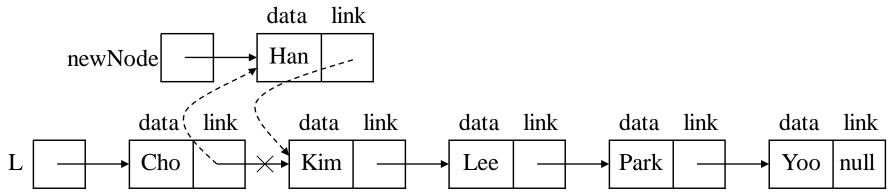
## 원소의 삽입

#### ◆ 원소 삽입 알고리즘

- 예) 리스트 L에 원소 "Han"을 "Cho"와 "Kim" 사이에 삽입
  - ◆ 1. 공백노드를 획득함. newNode라는 변수로 가리키게 함
  - ◆ 2. newNode의 data 필드에 "Han"을 저장
  - ◆ 3. "Cho"를 저장하고 있는 노드의 link 값을 newNode의 link 필드에 저장

(즉 "Kim"을 저장하고 있는 노드의 주소를 newNode의 link에 저장)

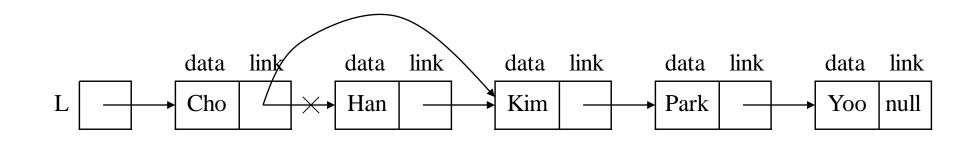
- ◆ 4. "Cho"를 저장한 노드의 link에 newNode의 포인터 값을 저장
- 리스트의 기존 원소들을 이동시킬 필요 없음
- 부수적인 link 필드를 위해 저장 공간을 추가로 사용





## 원소의 삭제

- ◆ 원소 삭제 알고리즘
  - 예) 리스트 L에서 원소 "Han"을 삭제
    - ◆ 1. 원소 "Han"이 들어 있는 노드의 선행자 찾음 ("Cho"가 들어있는 노드)
    - ◆ 2. 이 선행자의 link에 "Han"이 들어있는 노드의 link 값을 저장





## 메모리의 획득과 반납

- ◆ 연결 리스트가 필요로 하는 두 가지 연산
  - 데이타 필드와 하나의 링크 필드를 가진 하나의 공백 노드를 획득하는 방법
  - 사용하지 않는 노드는 다시 반납하여 재사용하는 방법
- ◆ 자유 공간 리스트 (free space list) 가 있는 경우
  - getNode()
    - ◆ 데이타와 링크 필드로 되어 있는 새로운 공백 노드를 가용 공간 리스트로부터 할당받아 그 주소를 반환하는 함수
  - returnNode()
    - ◆ 포인터 변수 P가 지시하는 노드를 가용 공간 리스트에 반환하는 함수
    - ◆ 프로그래밍 언어에 따라 필요한 경우도 있고 필요하지 않은 경우도 있음
    - ◆ Java와 같이 사용하지 못하는 노드를 자동으로 관리해 주는 언어에서도 사용자가 직접 관리할 필요가 있는 경우도 있음



# 리스트 생성 알고리즘(1)

◆ 앞의 두 함수를 사용한 리스트 생성 알고리즘

```
// 첫번째 공백 노드를 할당받아
newNode \leftarrow getNode();
                     // newNode가 그 주소를
                     // 지시하도록 함
newNode.data ← "Cho"; // 원소 값을 저장
                     // 리스트 L을 만듬
L \leftarrow newNode;
                     // 두 번째 공백 노드를 획득
newNode \leftarrow getNode();
                     // 두번째 노드에 원소값과 null을 저장
newNode.data ← 'Kim';
newNode.link \leftarrow null;
L.link ← newNode; // 두 번째 노드를 리스트 L에 연결
```



# 리스트 생성 알고리즘 (2)

◆ 리스트 생성 알고리즘을 점 표기식으로 작성한 경우

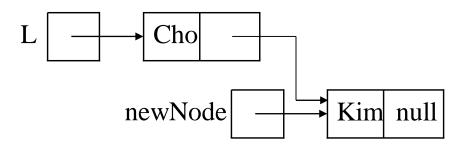
```
L ← getNode();

L.data ← "Cho";

L.link ← getNode();

L.link.data ← "Kim";

L.link.link ← null;
```





## 첫번째 노드 삽입

◆ 리스트 L의 첫번째 노드로 data 값이 x인 노드를 삽입

```
addFirstNode(L, x)

// 리스트 L의 첫번째 노드로 원소 x를 삽입

newNode ← getNode();

newNode.data ← x;

newNode.link ← L;

L ← newNode;

end addFirstNode()
```



## 노드의 삽입 (1)

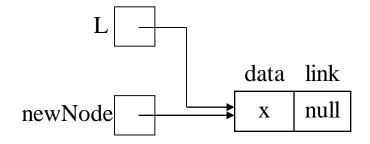
◆ 원소값이 x인 노드를 p가 가리키는 노드 다음에 삽입

```
insertNode(L, p, x)
       // 리스트 L에서 p 노드 다음에 원소값 x를 삽입
       newNode ← getNode(); // 공백 노드를 newNode가 지시
       newNode.data ← x; // 데이타값 x를 저장
       if L=null then { // L이 공백 리스트인 경우
             L \leftarrow newNode;
             newNode.link \leftarrow null;
       else if p=null then { // p가 공백이면 L의 첫 번째 노드로 삽입
             newNode.link \leftarrow L;
             L \leftarrow newNode;
              // p가 가리키는 노드 다음에 삽입
       else {
             newNode.link \leftarrow p.link;
             p.link \leftarrow newNode;
end insertNode()
```

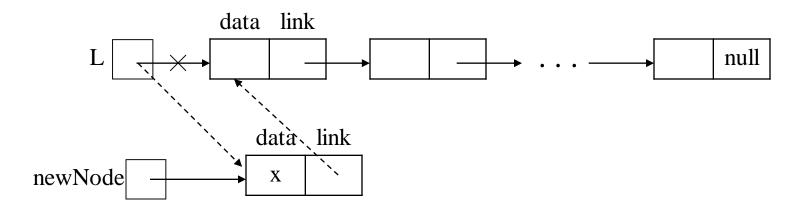


# 노드의 삽입 (2)

• (a) L이 공백 리스트인 경우



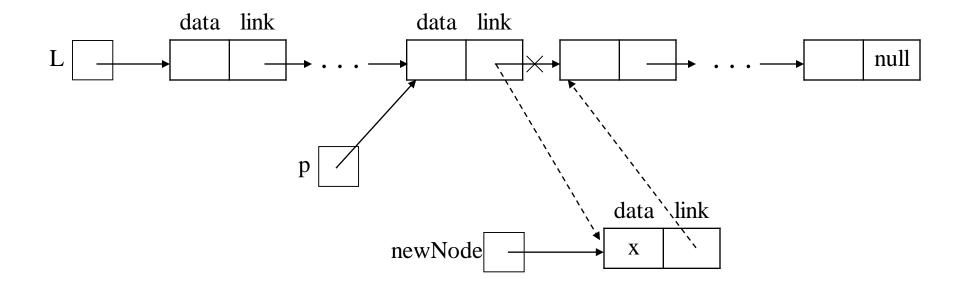
• (b) P가 null인 경우





# 노드의 삽입 (3)

• (c) L과 p가 null이 아닌 경우





## 마지막 노드 삽입

◆ 리스트 L의 마지막 노드로 원소값 x를 첨가

```
addLastNode(L, x)
    // 리스트 L의 끝에 원소 x를 삽입
    newNode ← getNode(); // 새로운 노드 생성
    newNode.data \leftarrow x;
    newNode.link = null;
    if L = \text{null then } \{
       L \leftarrow \text{newNode};
       return;
    p ← L; // p는 임시 순회 포인터 변수
    while p.link ≠ null do // 리스트의 마지막 노드를 찾음
       p \leftarrow p.link;
    p.link ← newNode; // 마지막 노드로 첨가
  end addLastNode()
```



## 노드의 삭제

◆ 리스트 L에서 p가 가리키는 노드의 다음 노드를 삭제

```
delete(L, p)
     // p노드 다음 원소를 삭제
     if (L = null) then error;
     if p = \text{null then } \{
        q ← L; // q는 삭제할 노드
        L ← L.link; // 첫 번째 노드 삭제
     } else {
       q ← p.link; // q는 삭제할 노드
       if q = null then return; // 삭제할 노드가 없는 경우
       p.link \leftarrow q.link;
     returnNode(q); // 삭제한 노드를 자유 공간 리스트에 반환
  end delete()
```



## 노드의 순서를 역순으로 변환

◆ 리스트를 역순으로 만드는 알고리즘

```
reverse(L)
    // L = (e1, e2, ..., en)을 L = (en, en-1, ..., e1)으로 변환
               // 순회 포인터로 p, q, r을 사용한다.
    p \leftarrow L; // p는 역순으로 만들 리스트
    q ← null; // q는 역순으로 만들 노드
    while (p \neq null) do {
       r \leftarrow q; // r은 역순으로 된 리스트
                  // r은 q, q는 p를 차례로 따라간다.
      q \leftarrow p;
      p \leftarrow p.link;
      q.link ← r; // q의 링크 방향을 바꾼다.
    L \leftarrow q;
  end reverse()
```



## 리스트 연결

lacktriangle 두개의 리스트  $\mathbf{L}_1$ 과  $\mathbf{L}_2$ 를 하나로 만드는 알고리즘

```
addList(L1, L2)
    // L1 = (a1, a2, ..., an), L2 = (b1, b2, ..., bm) 일 때,
     // L = (a1, a2, ..., an, b1, b2, ..., bm) 을 생성
     case {
       L1 = null: return L2;
       L2 = null: return L1;
       else: p ← L1; // p는 순회 포인터
          while p.link \neq null do
            p \leftarrow p.link;
          p.link \leftarrow L2;
          return L1;
  end addList()
```



## 원소값 탐색 (1)

◆ 데이타 값이 x인 노드를 찾는 알고리즘

```
searchNode(L, x)

    p ← L;  // p는 임시 포인터
    while (p ≠ null) do {

        if p.data = x then return p;  // 원소 값이 x인 노드를 발견
        p ← p.link;
     }

    return p;  // 원소 값이 x인 노드가 없는 경우 null을 반환
end searchNode()
```



## 원소값 탐색 (2)

◆ 데이타 값이 x인 노드를 찾는 알고리즘의 Java 구현

```
public ListNode searchNode(String x) {
    ListNode p; // ListNode를 가리킬 수 있는 참조변수 선언
    p = L; // p는 L의 첫 번째 노드를 가리킴
    while (p!= null) {
        if (x.equals(p.data)) // p의 data 필드 값을 비교
            return p;
        p = p.link;
    }
    return p; // x 값을 가진 노드가 없는 경우 null을 반환
} // end searchNode()
```



# 마지막 노드 삭제 (1)

#### ◆ 리스트에서 마지막 노드를 삭제하는 프로그램



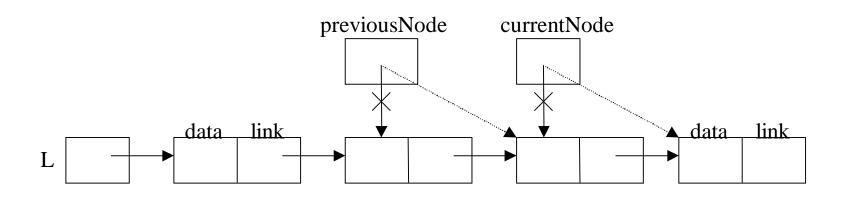
# 마지막 노드 삭제 (2)

```
while (currentNode.link != null) {
    // currentNode가 마지막에 도착할 때까지 이동
    previousNode = currentNode;
    currentNode = currentNode.link;
    }
    previousNode.link = null;
    // previousNode가 지시하는 마지막 두 번째 노드를
    // 마지막 노드로 만듦
    }
} // end deleteLastNode()
```



# 마지막 노드 삭제 (3)

- ◆ currentNode와 previousNode의 동작 과정
  - currentNode 포인터가 어떤 노드를 가리키면 previousNode 포인터는 currentNode가 가리키는 노드의 바로 직전 노드를 가리키도록 함
  - currentNode가 리스트의 마지막 노드를 가리키게 될 때 previousNode는 마지막 두 번째 노드를 가리키게 됨





#### 리스트 출력

#### ◆ 연결 리스트의 프린트

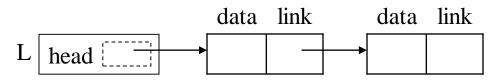
```
public void printList() {
  ListNode p;
  System.out.print("("); // 제일 먼저 "("를 프린트
  p = L; // 순회 포인터로 사용
  while (p != null) {
    System.out.print(p.data); // data 필드 값을 프린트
   p = p.link; // 다음 노드로 이동하여
   if (p!= null) { // 공백인가를 검사
      System.out.print(","); // 원소 사이에 "," 프린트
  System.out.print(")"); // 마지막으로 ")"를 프린트
} // end printList()
```



#### 예제 프로그램(1)

- ◆ ListNode 클래스
  - data 필드와 link 필드를 가진 객체 구조를 정의
  - 이 필드들을 초기화시키기 위해 생성자 정의
- ◆ LinkedList 클래스
  - 실제 연결 리스트를 정의
  - head 필드: private, ListNode 타입으로 선언, 연결 리스트의 첫 번째 노드를 가리킴
- ◆ LinkedList 생성의 예
  - LinkedList L = new LinkedList();

• L에 노드가 연결되어 있는 경우





### 예제 프로그램 (2)

◆ 단순 연결 리스트의 처리

```
public class ListNode {
      String data;
     ListNode link;
     public ListNode() {
         data = link = null;
     public ListNode(String val) {
         data = val;
         link = null;
     public ListNode(String val, ListNode p) {
         data = val;
         link = p;
  } // end ListNode class
```



### 예제 프로그램(3)

```
public class LinkedList{
  private ListNode head;
  public void addLastNode(String x) { // 알고리즘 4.2의 Java 구현
               // list의 끝에 원소 x를 삽입
    ListNode newNode = new ListNode();
    newNode.data = x;
    newNode.link = null;
    if (head == null) {
     head = newNode;
     return;
    ListNode p = head;
    while (p.link != null) { // 마지막 노드를 탐색
      p = p.link;
    p.link = newNode;
  } // end addLastNode()
```



### 예제 프로그램 (4)

```
public void reverse() { // 알고리즘 4.4의 Java 구현
   ListNode p = head;
   ListNode q = null;
   ListNode r = null;
   while (p != null) {
       r = q;
       q = p;
       p = p.link;
       q.link = r;
   head = q;
} // end reverse()
public void deleteLastNode() { // 프로그램 4.2
   ListNode previousNode, currentNode;
   if (head == null) return;
   if (head.link == null) {
       head = null;
       return;
```



#### 예제 프로그램(5)

```
else {
      previousNode = head;
      currentNode = head.link;
      while (currentNode.link != null) {
         previousNode = currentNode;
         currentNode = currentNode.link;
      previousNode.link = null;
  } // end deleteLastNode()
  public void printList() { // 프로그램 4.3
    ListNode p;
     System.out.print("(");
    p = head;
    while (p != null) {
       System.out.print(p.data);
       p = p.link;
       if (p != null) {
        System.out.print(", ");
  } // end printList()
```



© DEL/LenchLinkedList class

#### 예제 프로그램 (6)

```
public class LinkedListTest {
     public static void main(String args[]) {
       LinkedList L = new LinkedList();
       L.addLastNode("Kim");
       L.addLastNode("Lee");
       L.addLastNode("Park");
       L.printList(); // (Kim, Lee, Park)가 프린트
       L.addLastNode("Yoo"); // 원소 "Yoo"를 리스트 끝에 첨가
       L.printList(); // (Kim, Lee, Park, Yoo)가 프린트
       // 마지막 원소를 삭제하고 프린트
       L.deleteLastNode();
       L.printList(); // (Kim, Lee, Park)가 프린트
       // 리스트 L을 역순으로 만들고 프린트
       L.reverse();
       L.printList(); // (Park, Lee, Kim)이 프린트
} // end LinkedListTest class
```



## **Singly Linked List**





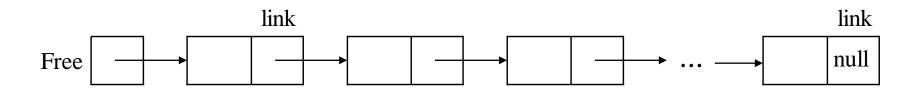






#### 자유 공간 리스트

- ◆ 자유 공간 리스트 (free space list)
  - 필요에 따라 요구한 노드를 할당할 수 있는 자유 메모리 풀
  - 자유 공간 관리를 위해 연결리스트 구조를 이용하기 위해서는 초기에 사용할 수 있는 메모리를 연결 리스트로 만들어 놓아야 함
  - 초기 자유 공간 리스트



 노드 할당 요청이 오면 리스트 앞에서부터 공백 노드를 할당



## 노드 할당 (1)

◆ 새로 노드를 할당하는 함수 (getNode)

```
getNode()

if (Free = null) then

underflow(); // 언더플로우 처리 루틴

newNode ← Free;

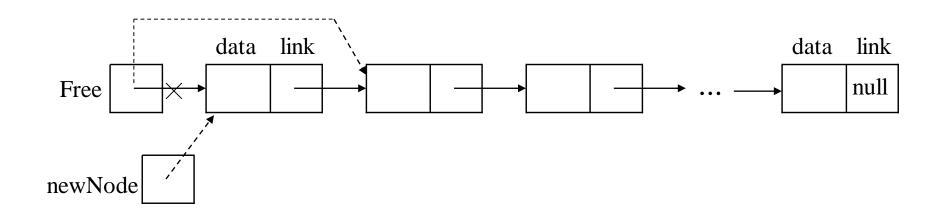
Free ← Free.link;

return newNode;
end getNode()
```



## 노드 할당 (2)

◆ 노드를 할당한 뒤의 자유 공간 리스트



- ◆ 가용 공간이 모두 할당된 경우의 처리 방법
  - 1. 프로그램이 더 이상 사용하지 않는 노드들을 자유 공간 리스트에 반환
  - 2. 시스템이 자동적으로 모든 노드들을 검사하여 사용하지 않는 노드들을 전부 수집하여 자유 공간 리스트의 노드로 만든 뒤 다시 노드 할당 작업 재가 (garbage collection)



#### 노드 반환

- ◆ 삭제된 노드를 자유 공간 리스트에 반환
  - 알고리즘

```
returnNode(p)

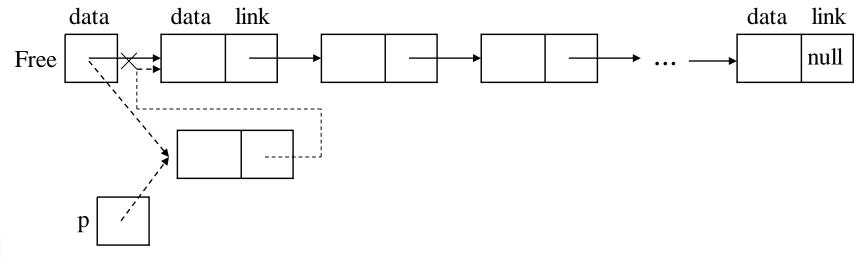
// p는 삭제된 노드에 대한 포인터

p.link←Free;

Free←p;

end returnNode()
```

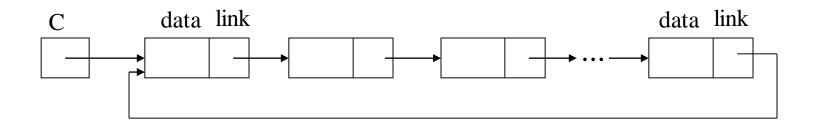
◆ 반환된 노드가 자유 공간 리스트에 삽입되는 과정





#### 원형 연결 리스트

- ◆ 원형 연결 리스트 (circular linked list)
  - 마지막 노드가 다시 첫 번째 노드를 가리키는 리스트
  - 한 노드에서 다른 어떤 노드로도 접근할 수 있음
  - 리스트 전체를 가용공간 리스트에 반환할 때 리스트의 길이에 관계없이 일정 시간에 반환할 수 있음
  - 예





### 원형 연결 리스트 연산 (1)

◆ 원형 연결 리스트를 자유 공간 리스트에 반환

```
returnCList(C)

// 원형 연결 리스트 C를 자유 공간 리스트에 반환

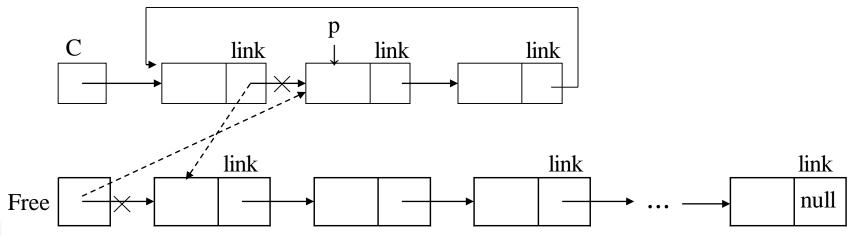
if (C = null) then return;

p ← C.link;

C.link ← Free;

Free ← p;

end returnCList()
```

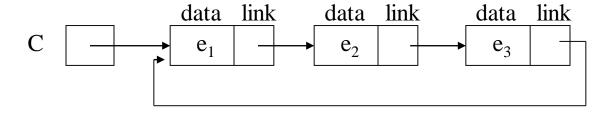




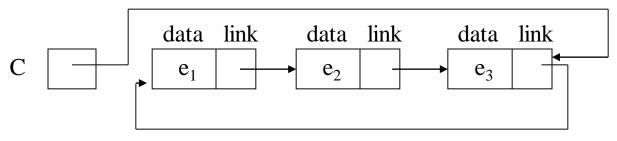
#### 원형 연결 리스트 연산 (2)

#### ◆ 원형 리스트에서의 노드 삽입

• 예)  $CL = (e_1, e_2, e_3)$ 



- ◆ 첫 번째 노드로 새로운 노드 p를 삽입할 때 마지막 노드의 link 필드를 변경시키기 위해 마지막 노드를 찾아야 함 (리스트 CL의 길이만큼 순회)
- ◆ CL을 첫 번째 노드가 아니고 마지막 노드를 지시하도록 하면 리스트의 길이에 상관없이 일정 시간에 노드 삽입 가능





### 원형 연결 리스트 연산 (3)

◆ 노드 삽입 알고리즘

```
insertFront(C, p)

// C는 원형 리스트의 마지막 노드를 지시

// p는 삽입할 노드를 지시

if (C = null) then {

C ← p;

p.link ← C;
}

else {

p.link ← C.link;

C.link ← p;
}

end insertFront()
```



#### 원형 연결 리스트 연산 (4)

#### ◆ 리스트 길이 계산

```
lengthC(C)

// 원형 리스트 C의 길이 계산

if (C = null) then return 0;
length ← 1;
p ← C.link; // p는 순회 포인터

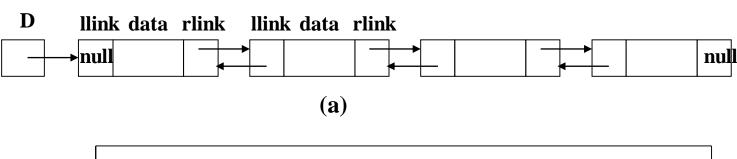
while (p≠C) do { // p가 처음 출발한 위치에 되돌아 왔는지 검사
length ← length + 1;
p ← p.link;
}

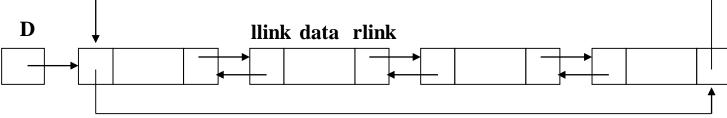
return length;
end lengthC()
```



#### 이중 연결 리스트

- ◆ 단순 연결 리스트나 원형 연결 리스트의 문제점
  - 어떤 노드 p가 있을 때, 이 p의 선행자를 쉽게 찾을 수 없음
- ◆ 이중 연결 리스트 (doubly linked list)
  - 선행 노드를 검색하기 쉬움
  - 노드는 data, llink(왼쪽 링크), rlink(오른쪽 링크) 필드 가짐
  - 선형이 될 수도 있고 원형이 될 수도 있음
  - p = p.llink.rlink = p.rlink.llink







### 이중 연결 리스트 연산(1)

◆ 이중 연결 리스트에서의 노드 삭제

```
deleteD(D, p)

// D는 공백이 아닌 이중 연결 리스트

// p는 삭제할 노드

if (p = null) then return;
p.llink.rlink ← p.rlink;
p.rlink.llink ← p.llink;
end deleteD()
```

◆ 이중 연결 리스트에서의 노드 삽입

```
insertD(D, p, q)

// D는 이중 연결 리스트이고

//노드 q를 노드 p 다음에 삽입
q.llink ← p;
q.rlink ← p.rlink;
p.rlink.llink ← q;
p.rlink ← q;
end insertD()
```



## 이중 연결 리스트 연산(2)

◆ 이중 연결리스트를 구현하기 위한 DoubleListNode 클래스

```
class DoubleListNode {
    Object data;
    DoubleListNode rlink;
    DoubleListNode llink;
}
```



#### 헤더 노드(1)

- ◆ 기존의 연결 리스트 처리 알고리즘
  - 첫 번째 노드나 마지막 노드, 그리고 리스트가 공백인 경우를 예외적인 경우로 처리해야 함
- ◆ 헤더 노드 (header node) 추가
  - 예외 경우를 제거하고 코드를 간단하게 하기 위한 방법
  - 연결 리스트를 처리하는 데 필요한 정보를 저장
  - 헤더 노드의 구조가 리스트의 노드 구조와 같을 필요는 없음
  - 헤더 노드에는 리스트의 첫 번째 노드를 가리키는 포인터, 리스트의 길이, 참조 계수, 마지막 노드를 가리키는 포인터 등의 정보를 저장
  - 객체지향 프로그래밍에서 유용
    - ◆ 공백 리스트도 head가 null인 객체로 나타낼 수 있음
    - ◆ 헤더 노드 없이 공백 리스트를 단순히 null 값으로만 표시하면 공백 리스트에 메소드들이 적용될 수 없음



## 헤더 노드(2)

◆ 헤더 노드 기능을 갖는 연결 리스트를 Java로 구현

```
class ListNode {
     String name;
     ListNode link;
public class LinkedList {
    private int length; // 리스트의 노드 수
   private ListNode head;
           // 리스트의 첫 번째 노드에 대한 포인터
    private ListNode tail;
            // 리스트의 마지막 노드에 대한 포인터
   public LinkedList() { // 공백 리스트 생성
       length = 0;
       head = null;
       tail = null;
```



### 헤더 노드(3)

◆ 헤더 노드 기능을 갖는 연결 리스트를 Java로 구현

```
public void addLastNode(String x) {
public void reverse() {
public void deleteLastNode() {
public void printList() {
// 기타 다른 메소드 정의
```



## 헤더 노드 (4)

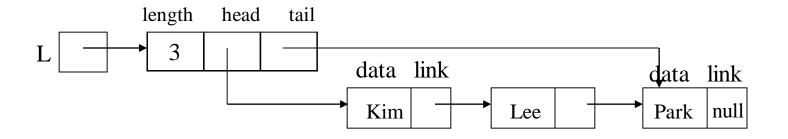
#### ◆ LinkedList 클래스

- 각 LinkedList 객체
  - ◆ length, head, tail 필드 가짐
- 무인자 생성자 LinkedList()
  - ◆ 공백 LinkedList 객체를 생성
- addLastNode(), deleteLastNode() 메소드
  - ◆ 노드의 첨가나 삭제가 일어날 때마다 헤더의 length나 tail 값을 갱신시킬 명령문 포함

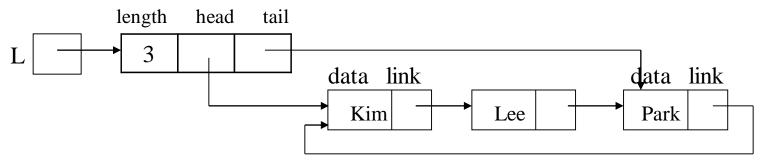


## 헤더 노드(5)

- ◆ 헤더 노드를 가진 연결 리스트 표현
  - 단순 연결 리스트



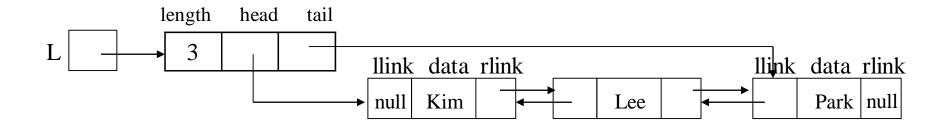
• 원형 연결 리스트



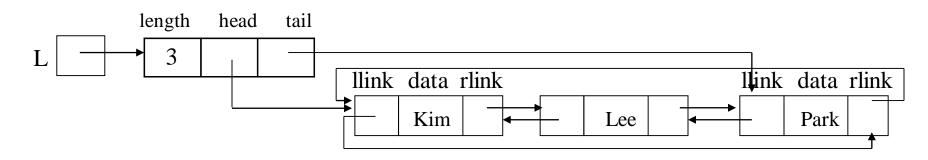


### 헤더 노드(6)

- ◆ 헤더 노드를 가진 연결 리스트 표현
  - 이중 연결 리스트



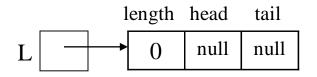
• 이중 원형 연결 리스트





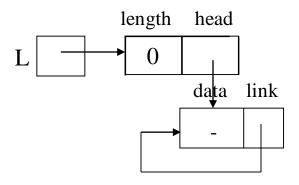
### 헤더 노드(7)

- ◆ 공백 리스트
  - length → 100 → head → null, tail 0 | null



- ◆ 공백 리스트를 표현하는 단순 연결 연형 리스트의 헤더 노드의 구조
  - 생성자

```
LinkedList() {
    head = new ListNode();
    head.link = head;
    length = 0;
}
```

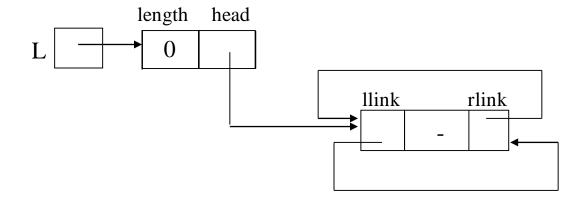




#### 헤더 노드(8)

- ◆ 공백 리스트를 표현하는 이중 연결 원형 리스트의 헤더 노드의 구조
  - 생성자

```
DoubleLinkedList() {
    head = new DoubleListNode();
    head.rlink = head;
    head.llink = head;
    length = 0;
}
```





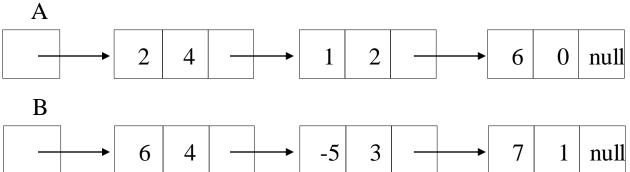
#### 다항식의 리스트 표현

#### ♦ 다항식의 표현

- 다항식은 일반적으로 0이 아닌 항들의 합으로 표현
- 다항식을 단순 연결 리스트로 표현 가능한데 각 항을 하나의 노드로 표현.
- 각 노드는 계수(coef)와 지수(exp) 그리고, 다음 항을 가리키는 링크(link) 필드로 구성

다항식 노드 : coef exp	link
-------------------	------

● 예) 다항식 A(x) = 2x<sup>4</sup> + x<sup>2</sup> + 6 과 B(x) = 6x<sup>4</sup> - 5 x<sup>3</sup> + 7x을 표현





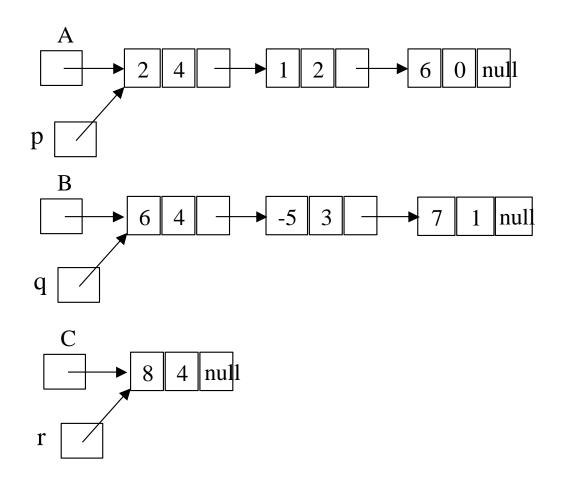
# 다항식의 덧셈(1)

- ◆ 두 다항식을 더하는 연산  $C(x) \leftarrow A(x) + B(x)$ 
  - 포인터 변수 p와 q : 다항식 A와 B의 항들을 따라 순회하는 데 사용
  - p와 q가 가리키는 항의 지수에 따라 3가지 경우에 따라 처리
    - $\bigcirc p.exp = q.exp :$ 
      - ◆ 두 계수를 더해서 0이 아니면 새로운 항을 만들어 결과 다항식 C에 추가한다. 그리고 p와 q는 모두 다음 항으로 이동한다.
    - $\bigcirc$  p.exp < q.exp :
      - ◆ q가 지시하는 항을 새로운 항으로 복사하여 결과 다항식 C에 추가한다. 그리고 q만 다음 항으로 이동한다.
    - $\bigcirc$  p.exp > q.exp :
      - ◆ p가 지시하는 항을 새로운 항으로 복사하여 결과 다항식 C에 추가한다. 그리고 p만 다음 항으로 이동한다.



# 다항식의 덧셈(2)

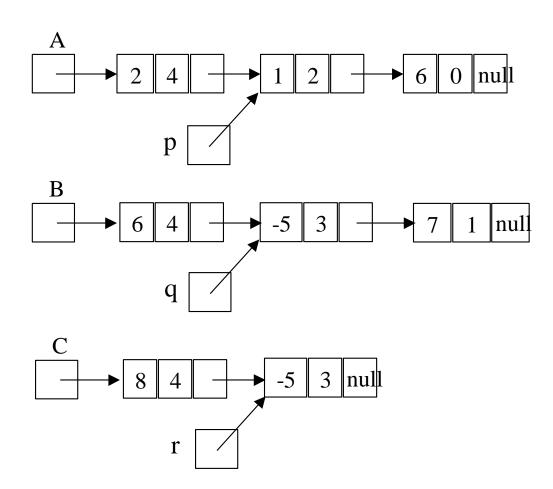
 $\bullet$  P.exp = Q.exp





# 다항식의 덧셈(3)

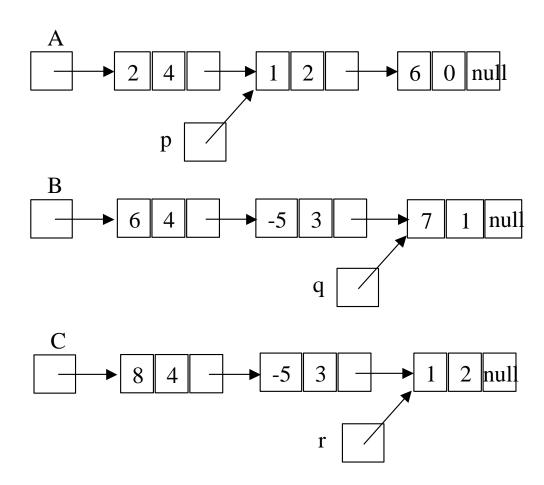
 $\bullet$  P.exp < Q.exp:





# 다항식의 덧셈(4)

 $\bullet$  P.exp > Q.exp:





### 다항식의 덧셈(5)

◆ 다항식에 새로운 항을 첨가

```
appendTerm(poly, c, e, last)
// c는 계수, e는 지수, last는 다항식 poly의 마지막 항을 가리키는 포인터
  newNode \leftarrow getNode();
  newNode.exp \leftarrow e;
  newNode.coef \leftarrow c;
  if (poly = null) then do {
     poly \leftarrow newNode;
     last \leftarrow newNode;
  else {
     last.link \leftarrow newNode;
     last \leftarrow newNode;
end appendTerm()
```



## 다항식 덧셈 알고리즘(1)

◆ 연결 리스트로 표현된 다항식의 덧셈

```
polyAdd(A, B)
   // 단순 연결 리스트로 표현된 다항식 A와 B를 더하여 새로운 C를 반환.
  p \leftarrow A;
  q \leftarrow B;
  C ← null; // 결과 다항식
  r ← null; // 결과 다항식의 마지막 노드를 지시
  while (p ≠ null and q ≠ null) do { // p, q는 순회 포인터
    case {
       p.exp = q.exp:
         sum \leftarrow p.coef + q.coef;
         if (sum \neq 0) then appendTerm(C, sum, p.exp, r);
         p \leftarrow p.link;
         q \leftarrow q.link;
       p.exp < q.exp:
         appendTerm(C, q.coef, q.exp, r);
         q \leftarrow q.link;
```



#### 다항식 덧셈 알고리즘(2)

```
// p.exp > q.exp인 경우
                 appendTerm(C, p.coef, p.exp, r);
            p \leftarrow p.link;
       } // end case
    } // end while
    while (p≠null) do { // A의 나머지 항들을 복사
      appendTerm(C, p.coef, p.exp, r);
      p \leftarrow p.link;
    while (q≠null) do { // B의 나머지 항들을 복사
      appendTerm(C, q.coef, q.exp, r);
      q \leftarrow q.link;
 r.link \leftarrow null;
 return C;
end polyAdd()
```



# 다항식 예







### 일반 리스트

- ◆ 일반 리스트 (general list)
  - n≥0개의 원소 e<sub>1</sub>, e<sub>2</sub> ... e<sub>n</sub>의 유한 순차
  - 리스트의 원소가 원자(atom)일 뿐 아니라 리스트도 허용
  - 리스트의 원소인 리스트를 서브리스트(sublist)라 함.
  - 리스트는 L=(e<sub>1</sub>, e<sub>2</sub> ... e<sub>n</sub>)과 같이 표현함. L은 리스트 이름이고 n은 리스트의 원소수 즉 리스트의 길이가 됨
  - $n\ge 1$ 인 경우 첫번째 원소  $e_1$ 을 L의 head 즉 head(L)라 하고, 첫번째 원소를 제외한 나머지 리스트  $(e_2,\dots e_n)$ 을 L의 tail 즉 tail(L)이라 함
  - 공백 리스트에 대해서는 head와 tail은 정의되지 않음
  - 정의 속에 다시 리스트를 사용하고 있기 때문에 순환적 정의



#### 일반 리스트 예

#### ◆ 일반 리스트의 예

- (1) A=(a, (b, c)): 길이가 2이고 첫 번째 원소는 a이고 두 번째 원소는 서브리스트 (b, c)이다.
  - ◆ 리스트 A에 대해 head(A) = a, tail(A) = ((b, c))
  - ♦ tail(A)에 대해 head(tail(A)) = (b,c).tail(tail(A)) = ()
- (2) B=(A, A, ()): 길이가 3이고 처음 두 원소는 서브리스트 A이고 세 번째 원소는 공백 리스트이다. 여기서 리스트 A를 공용하고 있다.
  - ◆ 리스트 B에 대해 head(B) = A, tail(B) = (A, ())
  - ◆ tail(B)에 대해 head(tail(B)) = A, tail(tail(B)) = (())
- (3) C=(a, C): 길이가 2인 순환리스트로서 두 번째 원소 C는 무한리스트 (a, (a, (a, ...)에 대응된다.
- (4) D=(): 길이가 0인 널(null) 또는 공백 리스트이다.



## 일반 리스트 표현 (1)

◆ 일반 리스트의 노드 구조

tag data link

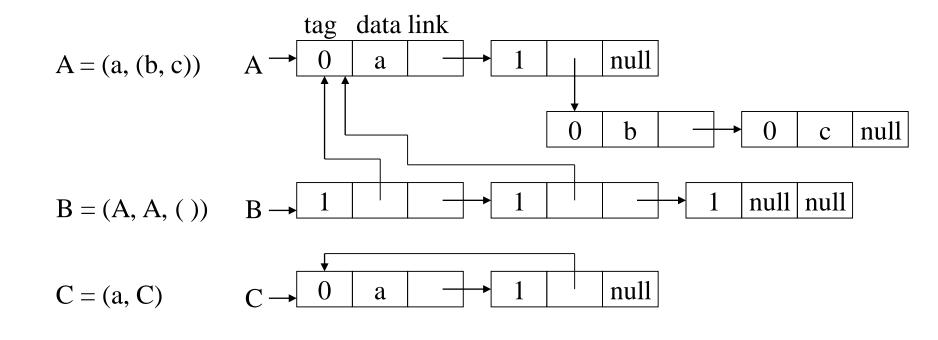
- data 필드: 리스트의 head를 저장
  - ◆ head(L)이 원자인가 또는 서브리스트인가에 따라 원자값 또는 서브리스트의 포인터가 저장됨
- tag 필드: data 필드 값이 원자인지 포인터 값인지를 표시
  - ◆ data 값이 원자값 : tag는 0
  - ◆ data 값이 서브리스트에 대한 포인터 값: tag는 1
- link 필드: 리스트의 tail에 대한 포인터를 저장



## 일반 리스트 표현 (2)

 $D \rightarrow null$ 

◆ 앞의 리스트의 예





D = ()

### 공용 리스트와 참조 계수(1)

#### ◆ 서브리스트의 공용

- 저장 공간을 절약할 수 있는 장점
- 공용 리스트 앞에 노드를 새로 삽입하거나 삭제할 때 그 리스트를 공용하는 리스트도 변경되어야 함
- 앞의 일반 리스트 예에서
  - ◆ 리스트 A의 첫 번째 노드 삭제 : A를 가리키는 포인터 값을 A의 두 번째 노드를 가리키도록 변경
  - ◆ 새로운 노드를 리스트 A의 첫 번째 노드로 첨가 : B의 포인터들을 이 새로 삽입된 첫 번째 노드를 가리키도록 변경
- 한 리스트가 어떤 리스트에 의해 참조되는지 알 수 없으므로 연산 시간이 많이 걸림

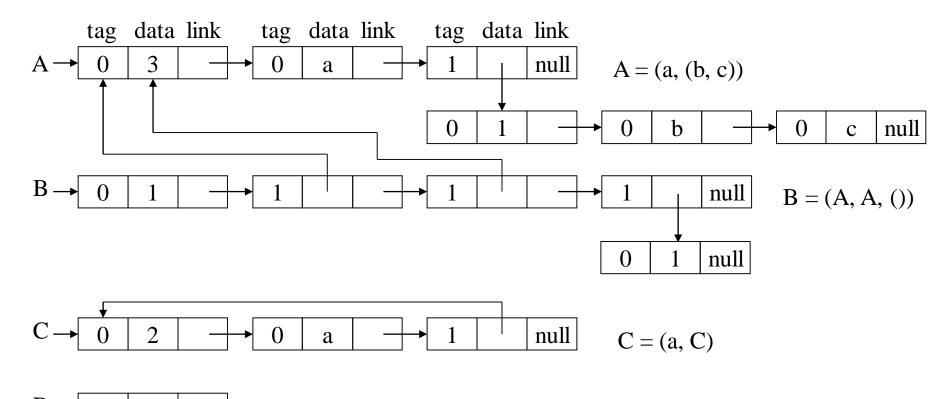
#### ◆ 헤더 노드 추가로 문제 해결

- 공용 리스트를 가리킬 때 헤더 노드를 가리키게 함
- 공용 리스트 내부에서 노드 삽입과 삭제가 일어나더라도 포인터는 영향을 받지 않게 됨



### 공용 리스트와 참조 계수(2)

- ◆ 헤더 노드가 첨가된 리스트 표현
  - 헤더 노드의 data 필드는 참조 계수(자기를 참조하고 있는 포인터 수)를 저장하는 데 사용





null

D=()

## 공용 리스트와 참조 계수(3)

- ◆ 참조 계수 (reference count)
  - 각 리스트를 참조하고 있는 포인터수를 헤더 노드의 data 필드에 저장
  - 리스트를 자유 공간 리스트에 반환할 것인가를 결정할 때, 리스트 헤더에 있는 참조 계수가 0인가만 확인하고 0일 때 반환하면 됨
  - 예)
    - ◆ A.ref = 3 : A와, B의 두 곳에서 참조
    - ◆ B.ref = 1 : B만 참조
    - ◆ C.ref = 2 : C와, 리스트 자체 내에서 참조
    - ◆ D.ref = 1 : D만 참조



### 공용 리스트와 참조 계수 (4)

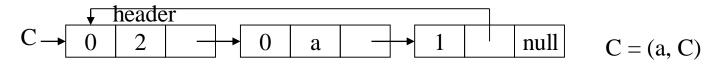
- ◆ 자유 공간 리스트로 리스트 반환
  - p가 가리키는 리스트 삭제하려면 p의 참조 계수 1 감소
  - p의 참조 계수 p.ref가 0이 되면 p의 노드들은 반환
  - p의 서브리스트에 대해서도 순환적으로 수행

```
removeList(L)
   // 헤드 노드의 ref 필드는 참조 계수를 저장
  L.ref ← L.ref - 1; // 참조 계수를 1 감소시킴
  if (L.ref \neq 0) then return;
  p ← L; // p는 순환 포인터
  while (p.link \neq null) do {
    p \leftarrow p.link;
    if p.tag = 1 then removeList(p.data);
          // tag=1이면 서브리스트로 순환
  p.link ← Free; // Free는 자유 공간 리스트
  Free \leftarrow L;
end removeList()
```

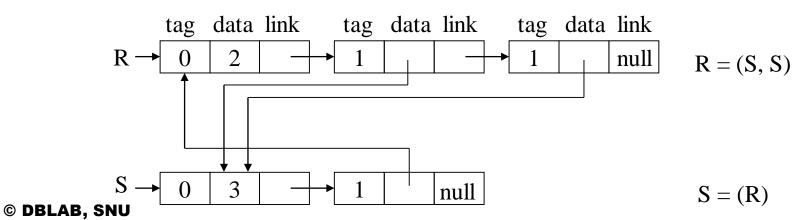


## 쓰레기 수집 (1)

- ◆ 참조 계수 사용의 한계
  - 순환 리스트
    - ◆ 반환되어야 될 리스트인데도 그 참조 계수가 결코 0이 되지 않음
    - ◆ 예) removeList(C): C의 참조 계수를 1로 만들지만 (0이 되지 않지만) 이 리스트는 다른 포인터나 리스트를 통해 접근이 불가능



- 간접 순환
  - ◆ 예) removeList(R)과 removeList(S)가 실행된 뒤에 R.ref = 1, S.ref = 2가 되지만 더 이상 참조할 수 있는 것이 아님. 그러나 참조 계수가 0이 아니기 때문에 반환될 수 없음





### 쓰레기 수집 (2)

#### ◆ 쓰레기 (garbage)

- 실제로 사용하고 있지 않으면서도 자유 공간 리스트에 반환될 수 없는 메모리
- 시스템 내에 쓰레기가 많이 생기면 가용공간 리스트가 고갈되어 프로그램 실행이 중지되는 경우 발생
- 자유 공간이 고갈되어 프로그램 실행을 더 이상 진행할 수 없는 경우 발생 가능

#### ◆ 쓰레기 수집 (garbage collection)

- 사용하지 않는 모든 노드들을 수집하여 자유 공간 리스트에 반환시켜 시스템 운영 지속
- 모든 리스트 노드가 크기가 일정하다고 가정
- 각 노드에 추가로 할당된 markBit라는 특별한 비트는 0과 1만을 갖도록 하여 노드의 사용 여부(사용되지 않음:0, 사용중:1)를 표현



### 쓰레기 수집 (3)

#### ◆ 쓰레기 수집 과정

- 1. 초기화 단계 (initialization)
  - ◆ 메모리에 있는 모든 노드의 마크 비트를 0으로 설정하여 사용하지 않는 것으로 표시
- 2. 마크 단계 (marking phase)
  - ◆ 현재 사용되고 있는 리스트 노드들을 식별해서 마크 비트를 1로 변경한 뒤 이 노드의 data 필드를 검사
  - ◆ data 필드가 다른 리스트를 참조하면 이 필드에서부터 이 단계를 순환적으로 진행
  - ◆ data 필드를 따라 처리를 끝낸 뒤에는 다시 link 필드를 따라 다음 노드를 처리 (이 때 mark bit가 1이면 그 노드를 통한 경로는 진행할 필요 없음)
- 3. 수집 단계 (collecting phase)
  - ◆ 모든 노드의 mark bit를 검사해서 0으로 마크된 모든 노드들을 자유 공간 리스트에 반환



## 쓰레기 수집 (4)

#### ◆ 쓰레기 수집 알고리즘



### 쓰레기 수집 (5)

```
// 수집 단계 : markBit이 0인 노드들을 Free 리스트에 연결
  for (i \leftarrow 0; i < listNodeArraySize; i \leftarrow i+1) do {
    if (listNodeArray[0].markBit = 0) then {
       listNodeArray[i].link \leftarrow Free;
       Free \leftarrow listNodeArray[i];
  markListNode(p)
     // 사용중인 노드를 마크, p는 포인터 변수
    if ((p\neq null) and (p.markBit = 0)) then
       p.markBit \leftarrow 1;
    if (p.tag = 1) then markListNode(p.data);
          // data 경로를 따라 markBit을 검사
    markListNode(p.link); // link 경로를 따라 markBit을 검사
  end markListNode()
end garbageCollection()
```



### 일반 리스트를 위한 함수(1)

◆ 리스트의 복사본 생성

```
copyList(L)
   // L은 비 순환 리스트로서 공용 서브 리스트가 없음
   //L과 똑같은 리스트 p를 만들어 그 포인터를 반환
  p \leftarrow null;
  if (L \neq null) then {
    if (L.tag = 0) then q ← L.data; // 원자 값을 저장
    else q ← copyList(L.data); // 순환 호출
    r ← copyList(L.link); // tail(L)을 복사
    p ← getNode(); // 새로운 노드 생성
    p.data \leftarrow q;
    p.link ← r; // head와 tail을 결합
    p.tag \leftarrow L.tag;
  return p;
end copyList()
```



### 일반 리스트를 위한 함수 (2)

- ◆ 두 리스트의 동일성 검사
  - 구조가 같고 대응되는 필드의 데이타 값이 같아야 동일

```
equalList(S, T)
    // S와 T는 비 순환 리스트, 각 노드는 tag, data, link 필드로 구성
    // S와 T가 똑 같으면 true, 아니면 false를 반환
  b \leftarrow false;
  case {
     S = null \ and \ T = null : b \leftarrow true;
     S \neq null and T \neq null:
       if (S.tag = T.tag) then {
          if (S.tag = 0) then b \leftarrow (S.data = T.data);
           else b \leftarrow equalList(S.data, T.data);
          if (b) then b \leftarrow equalList(S.link, T.link);
  return b;
end equalList()
```



## 일반 리스트를 위한 함수(3)

◆ 리스트의 깊이 계산

```
depthList(L)
   // L은 비 순환 리스트, 노드는 tag, data, link로 구성
   // 리스트 L의 깊이를 반환
  \max \leftarrow 0;
  if (L = null) then return(max); // 공백 리스트의 깊이는 0
  p \leftarrow L;
  while (p ≠ null) do { // p는 순환 포인터
    if (p.tag = 0) then d \leftarrow 0;
    else d ← depthList(p.data); // 순환
    if (d > max) then max ← d; // 새로운 max
    p \leftarrow p.link;
  return max+1;
end depthList()
```



## Java에서의 일반 리스트 구현 (1)

#### ◆ ListNode 클래스

● 노드에 어떤 객체도 저장할 수 있도록 data 필드를 Object로 지정

#### ◆ GenList 클래스

● 연결 리스트의 첫 번째 ListNode에 대한 참조를 저장할 head 필드를 포함한 헤더 노드를 가짐

#### ◆ 프로그램 4.6

```
class ListNode {
   Object data; // 모든 Java 객체가 data 값이 될 수 있다.
   ListNode link;
   public ListNode() {
      data = link = null;
   }
}
```



## Java에서의 일반 리스트 구현 (2)

```
class GenList {
    private ListNode head;
    // 리스트의 첫 번째 ListNode에 대한 참조를 저장

    void insertData (Object x) {
        // 리스트 head 다음에 새로운 ListNode를 삽입
        ListNode newNode = new ListNode();
        newNode.data = x;
        newNode.link = head;
        head = newNode;
    } // insertData()
```



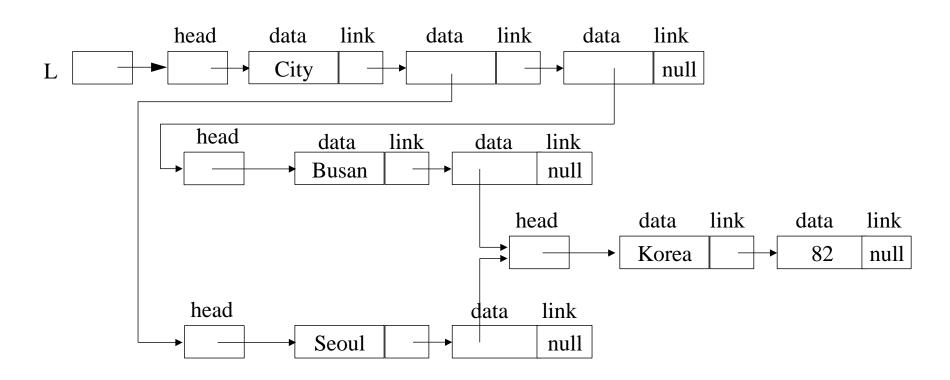
## Java에서의 일반 리스트 구현 (3)

```
void printGL() {
        // 일반 리스트를 프린트
   System.out.print("(");
    ListNode p = head;
    while ( p != null ) { // 공백 리스트가 아닌 경우
      if (p.data instanceof GenList) {
               // data값이 GenList 참조값인가를 검사
        ((GenList)p.data).printGL(); //서브리스트를 순환적으로 프린트
      } else {
        System.out.print(p.data);
      if ((p = p.link) != null) {
        System.out.print(", ");
    } // while
    System.out.print(")");
  } // printGL()
} // end GenList class
```



## Java에서의 일반 리스트 구현 (4)

◆ 공용 서브 리스트를 가진 일반리스트



L = (City, (Seoul, (Korea, 82)), (Busan, (Korea, 82)))



## Java에서의 일반 리스트 구현 (5)

◆ 프로그램 4.7 (일반 리스트 생성 및 프린트)

```
import java.io.*;
 public class GenListPrint {
   public static void main(String[] args) {
      GenList p = new GenList();
      p.insertData(new Integer(82));
      p.insertData("Korea");
      GenList q = new GenList();
      q.insertData(p);
      q.insertData("Seoul");
      GenList r = new GenList();
      r.insertData("Busan");
      GenList L = new GenList();
```



## Java에서의 일반 리스트 구현 (6)

```
L.insertData(r);
L.insertData(q);
L.insertData("City");
L.printGL();
System.out.ptinln();
} // end main()
} // end GenListPrint class
// <프로그램 4.6을 여기에 삽입>
```



```
public GenList copy() { // 공용 서브리스트가 없는 경우.
    GenList gn = new GenList();
    gn.head = theCopy(head);
    return gn;
 private ListNode theCopy(ListNode h) {
    ListNode p = null;
    Object q;
    ListNode r;
    if (h != null) {
      if (!(h.data instanceof GenList)) q = h.data;
      else q = ((GenList)h.data).copy();
      r = theCopy(h.link);
      p = new ListNode();
      p.data = q;
      p.link = r;
    return p;
```



DBLAB, SNU

```
public boolean equal(GenList T) {
     return the Equal(this.head, T.head);
  private boolean theEqual(ListNode s, ListNode t) {
     if (s == null \&\& t == null) return true;
     if (s == null && t != null) { return false;}
     if (s != null && t == null) { return false;}
     if (s.data instanceof GenList && t.data instanceof GenList) {
       if (((GenList)s.data).equal((GenList)t.data)) return the Equal(s.link,
t.link);
       else { return false; }
     } else if (!(s.data instanceof GenList) && !(t.data instanceof GenList))
       if (s.data.equals(t.data)) return the Equal(s.link, t.link);
       else {return false; }
     } else {return false;}
```



```
public int depth() {
    return theDepth(head);
  private int theDepth(ListNode h) {
    int max = 0;
    int d;
    ListNode p;
    if (h == null) return 0;
    p = h;
    while (p != null) {
       if (p.data instanceof GenList) {
         d = ((GenList)p.data).depth();
       } else {
         d = 0;
       if (d > max) max = d;
       p = p.link;
    return max+1;
```



© DBLAB, SNU