群論演習

答案には、論理的推論、式変形等の説明を詳しく記載すること

問題 001

以下, A, B, C は, ある集合 X の部分集合とする. 集合 A, B の対称差 (symmetric difference) $A \triangle B$ を

$$A \triangle B \stackrel{\text{def}}{=} (A \setminus B) \cup (B \setminus A) = (A \cap B^c) \cup (A^c \cap B)$$

で定義する。これについて

- 1 $A \triangle B = B \triangle A$
- **2** $A \triangle B = (A \cup B) \setminus (A \cap B)$
- **3** $(A \triangle B) \triangle C = A \triangle (B \triangle B)$
- **4** $A \cap (B \triangle B) = (A \cap B) \triangle (A \cap C)$

を証明しなさい.

ある意味ハロウィンネタ(遅い)