Часть 1. Аналитический метод

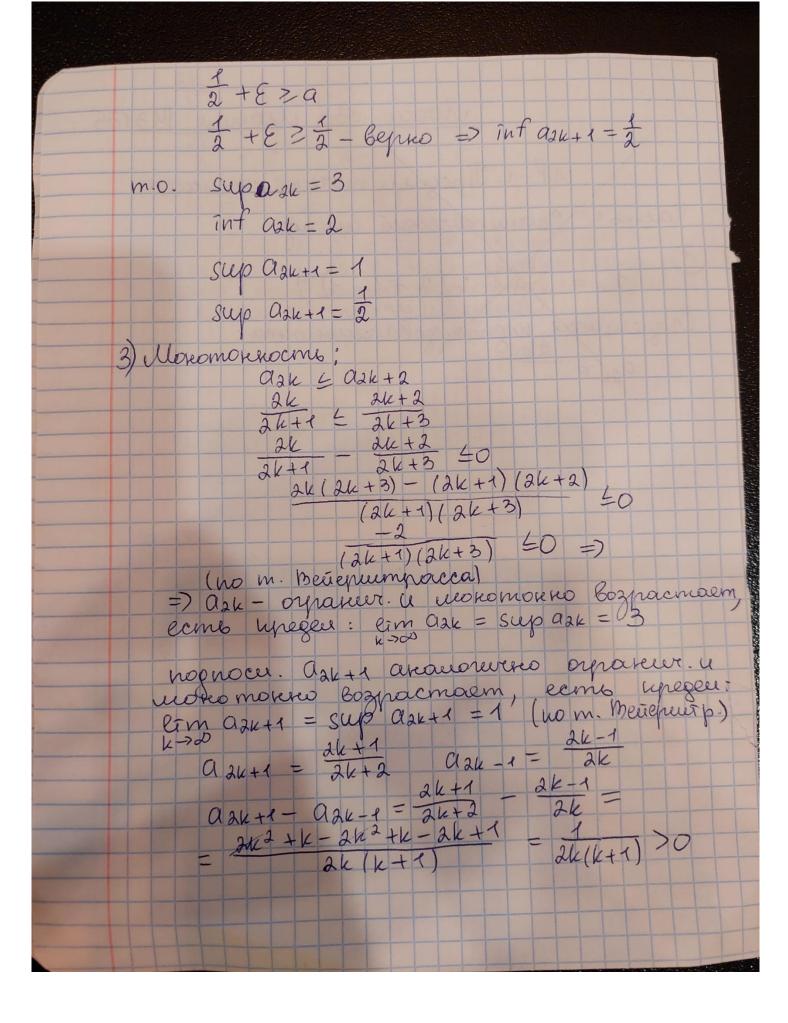
Mockeymoba Mapure 143235
NP-1. Thegen u moreroue marceuge.
lacmo 1. Araceumereckeur memog
o (im (2+(-1)))
$u \to \infty$ 1) $\lim_{n \to \infty} \left(\frac{n}{n+1}\right) = \lim_{n \to \infty} \frac{1}{n+1} = \lim_{n \to \infty} \frac{1}{n+1} = 1$
2) Tiognocuegobamens vocames:
$\lim_{k \to \infty} (3 + (-1)^{2k}) = 2 + 1 = 3$ $\lim_{k \to \infty} (n = 2k)$
$erm(2+(-1)^{2k+1})=2-1=1$
(n=2k+1)
1. Croqueurieur nog nocuezobaineurocomer:
$a_{2k} = \frac{2k}{2k+1} \cdot 3 \left(\begin{array}{c} lim & a_{2k} = 1 \cdot 3 = 3 \end{array} \right)$
$a_{2k+1} = \frac{\alpha k+1}{2k+2} \cdot 1 (\lim_{n \to \infty} a_{2k+1} = 1 - 1 = 1)$
m.k. 7 2 nognocueg. u lim azk + limazk+1,
mo A liman. => nocuer. un pacroquencie.
2. Mr. 60 racmeressex megeres : 23, 19
3. lim an = 3; lim an = 1

4. In packopuncie (cue. n. 1) 2 1 azk = 2k+1 ·3 VK: Cz azk $a_2 = \frac{2}{3} \cdot 3$ $a_4 = \frac{4}{5} \cdot 3$ $a_6 = \frac{6}{7} - 3$ a2k = 2k+2 -3 2 2 2-3=3 = Sup a2k VK: aak & sup aak => => 7 k 48 >0: azu> sup azu-E 2k+1·3>3-E $\frac{2k}{2k+1} > 1 - \frac{\epsilon}{3}$ | , (2k+1) 2k > 2k+1- \frac{\xi}{3} \cdot 2k - \frac{\xi}{3} $\frac{\mathcal{E}}{3}(2k+1) > 1 \quad (:\frac{\mathcal{E}}{3} > 0)$ 2k+1 > 3 \mathcal{E} $2k > \frac{3}{\mathcal{E}} - 1$ k > 2 - 2 k > [3 - 1] +1 => => supak = 3

a2 = 3-3 Q4=5-3 a6 = 5 - 3 infaze = 3-3=2 TO Stelle + Vk : aak > infak => =7 Fix VE >0: azk Linfax + E 3.3 = aak gue Ux. 2k 2k+1 · 3 - 2 · 3 = 2+E $\frac{6k}{2k+1} - 2 + 2k = 20 = 2 \text{ inf } a_{2k} = 2.$ 2) $a_{2k+1} = \frac{2k+1}{2k+2} - 1 = \frac{2k-1}{2k} - 1$ 05=5 61 az = \$ 41 = Sup azk+1 VK: Clak-1 = 1 alk-1= 2k-1 2k-1 = 2k 1 -1 2k =0 => sup aak +1=1

VK: ask+1 5 supare+1=) =7 =1 K HE >0: Qak > Sup Qak+1 1-E Lask-1 $\begin{array}{c|c}
 2k - 1 \\
 2k - 1 \\
 2k - 1 \\
 2k - 1 \\
 2k - 2k + 2k \\
 2k - 2k + 2k \\
 2k - 1 \\
 2k - 1 \\
 2k - 1
 \end{array}$ 248 >1 K > 1 => sup oak+1=1 Q1= 1 Q3 = 3 4 inf a2k-9= 1 2 = a2k-1, VK 1 = 24-1 K 4 24-1 K-120 K=1 Yk: azu+12 Inf azu+1=) 37k 4E>O: aak+1 4 infaak+1 +E 1+E ≥ a2k-1

4) m.o. sup xn = max (1,3) = 3 inf Zn = min (\frac{1}{2}, \frac{2}{3}) = \frac{1}{2} lim xn =3 lim xn = 13 Hansonbinner Fremeron de cyngernbergen, ecuse gormunium. Beprinner yrands obiena ber Hannerburen Fremeren = 1. 9 VE>0 3N(E): 4n>N: lan-A/LE $a_{2k} = \frac{2k}{2k+1} \cdot 3$ (azk -3/48 2k+2 -3 4E 6k-3(2k+1)/4E | 6k-6k-3 | LE | 2k+1 | LE | 2k+1 | LE | 3 | 2k+1 | LE 2 2 > 2



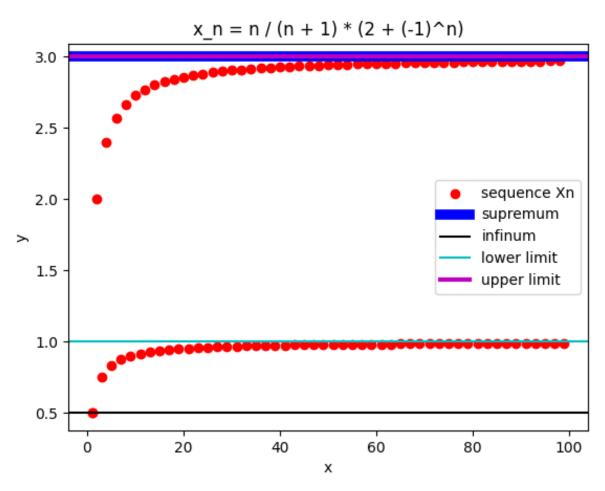
 $\frac{2k}{3} + \frac{1}{3} > \frac{1}{\epsilon}$ $\frac{2k}{3} > \frac{1}{\epsilon} - \frac{1}{3}$ $\frac{2k}{2} = \frac{1}{3}$ $\frac{3}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{3}$ 1926 - 316E, m.e. 4.c. moro novelepa recens Boroparenore noproceso, nonagason 8 E - Okpernewano nepegera.

Часть 2. Численный метод

В предложенной программе существует возможность выбора задания, т.к. при реализации всех пунктов задания на одном графике, график становится трудным для просмотра, а также реализован ввод значения ерѕ с клавиатуры.

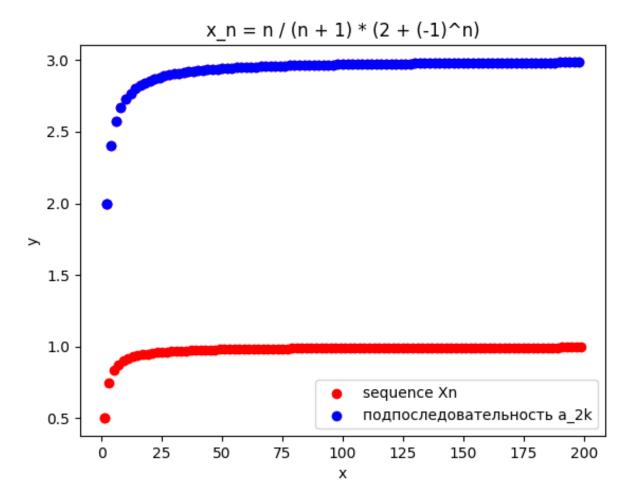
Скачивание библиотеки: pip install matplotlib

1) Построение графика с помощью библиотеки matplotlib. Из этой библиотеки используем: pyplot - специальную коллекцию функций в стиле команд. Отмечаем необходимые данные с помощью команды: plt.axhline. Строки кода: 14 – 47.



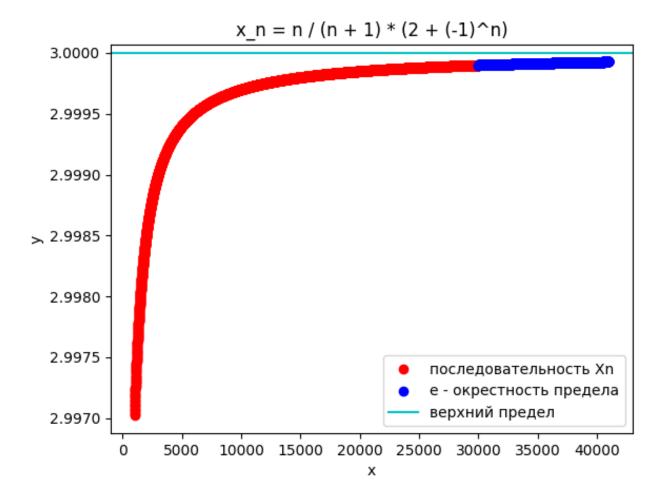
2) Построение графика с помощью библиотеки matplotlib. Строки кода: 50 – 102.

На данном графике выделена сходящаяся подпоследовательность а2k.



3) Построение графика с помощью библиотеки matplotlib. Выделение е – окрестности предела другим цветом. Строки кода: 105 – 161.

На графике ниже: eps = 0.0001.



4) Построение графика с помощью библиотеки matplotlib. Из аналитического метода мы поняли, что не достигается супремум. Поэтому осуществляем проверку точной грани для него. Строки кода: 164 - 223.

На графике ниже: eps = 0.1. Для этого значения программа отметила точку и вывела ее значение: x = 22 (m), y = 2.8695652173913047 (x_m).

