

004

**다수 인원 대상 지하철 역 중간지점 찾기**  
**불사조팀**

2018112025 박익범 (팀장)  
2018112008 김균호  
2020112377 김민수  
2020213314 한지윤



# C O N T E N T S



1

서론



2

해결방안



3

비교



4

기대효과

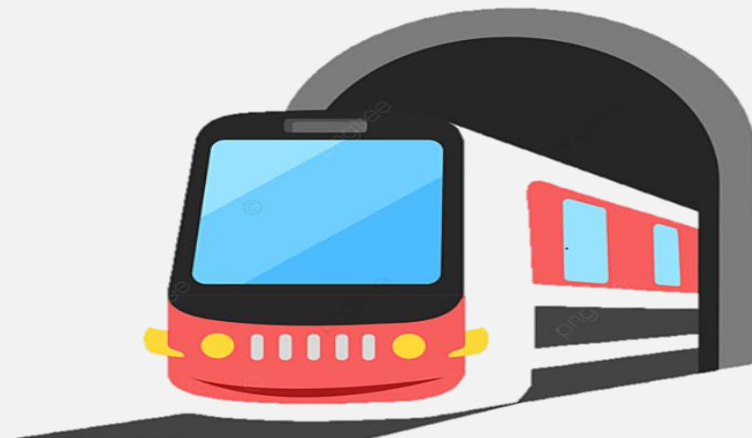
# 1 서론

이 많은 사람들이  
어디에서 만나야 하지?



[주제]

N명의 사람들이 모임을 가지고자 할 때,  
개인이 선호하는 지하철역을 입력 받아  
가장 적합한 중간 지점의 지하철역을 구해준다!

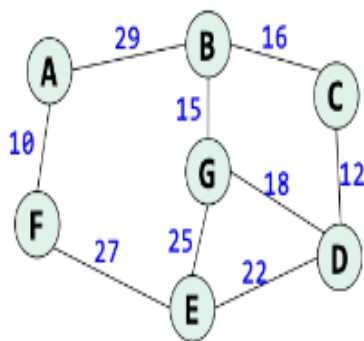


# 1 서론

[지하철역 데이터 입력하기]

필요한 데이터 : 지하철 역의 이름, 환승 지점, 역 사이의 거리, 지하철 역의 위도와 경도

인접 행렬을 이용한 가중치 그래프의 표현 예



(a) 가중치 그래프

	A	B	C	D	E	F	G
A	0	29	∞	∞	∞	10	∞
B	29	0	16	∞	∞	∞	15
C	∞	16	0	12	∞	∞	∞
D	∞	∞	12	0	22	∞	18
E	∞	∞	∞	22	0	27	25
F	10	∞	∞	∞	27	0	∞
G	∞	15	∞	18	25	∞	0

(b) 인접 행렬을 이용한 표현

동대입구	37.55905041	127.0052968
잠실새내	37.51160835	127.0863007
당산	37.5347735	126.9026073
약수	37.55449098	127.0108871
충정로	37.55974797	126.9644842
녹번	37.60080316	126.9358144

<역의 위도와 경도를 데이터를 입력한 TXT 파일>

# 1 서론

	A	B	C	D	E	F
1	소요산동두천 보산 두천중 지행					
2	소요산	0	2.5	inf	inf	inf
3	동두천	2.5	0	1.6	inf	inf
4	보산	inf	1.6	0	1.4	inf
5	동두천중앙	inf	inf	1.4	0	1
6	지행	inf	inf	inf	1	0

<이해를 돕기 위한 EXCEL 파일>

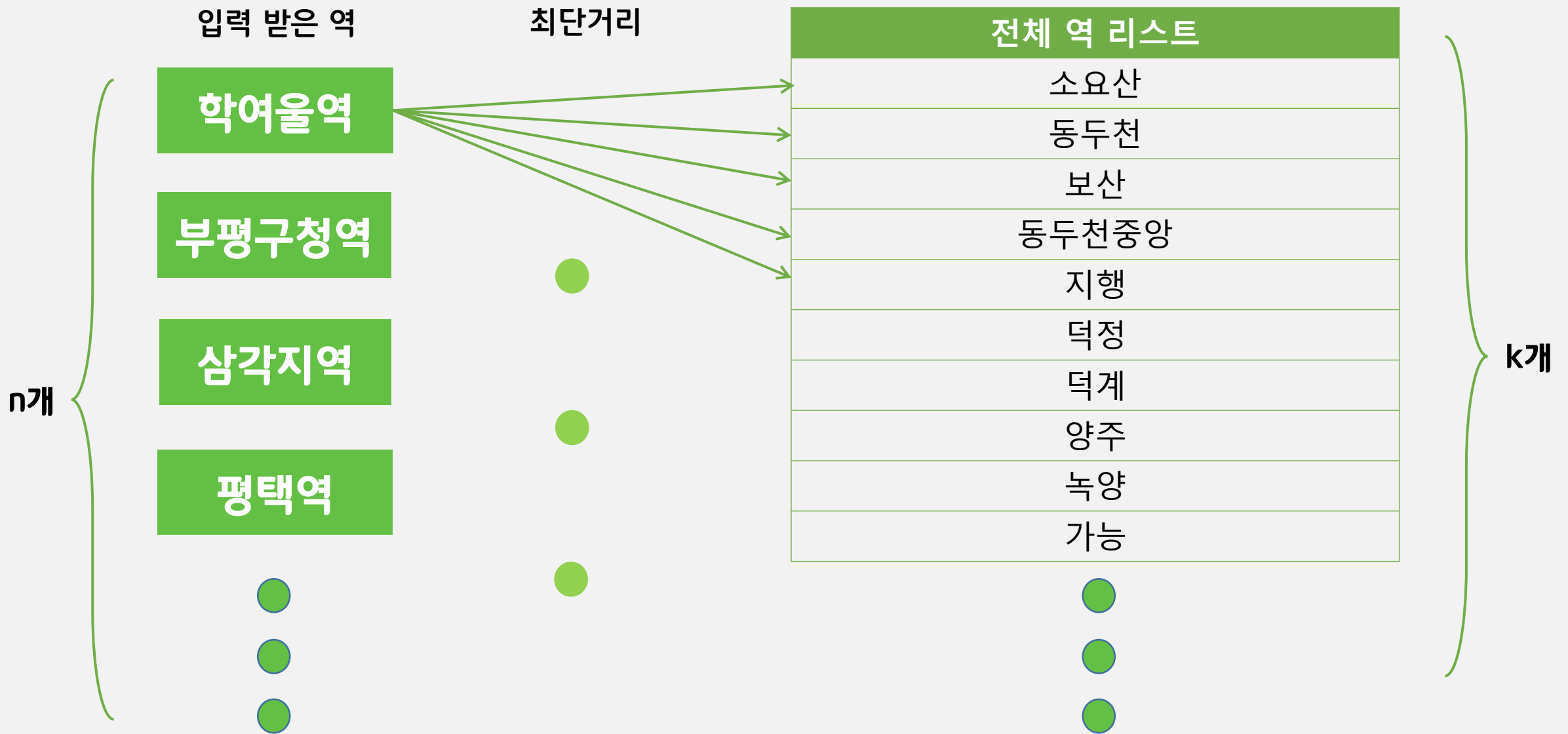


파일(F)	편집(E)	서식(O)	보기(V)	도움말(H)		
소요산	동두천	보산	동두천중앙	지행	덕정	
강매	화전	수색	가좌	신촌(경의중앙)	홍대입구	
전	완정	독정	검암	검바위	아시어드경기장	
0	2.5	inf	inf	inf	inf	inf
f	inf	inf	inf	inf	inf	inf
f	inf	inf	inf	inf	inf	inf
2.5	0	1.6	inf	inf	inf	inf
f	inf	inf	inf	inf	inf	inf

<역의 이름과 역 사이의 거리 데이터를 입력한 TXT 파일>

## 2

## 해결방안 - 1



## 2

## 해결방안 - 1

		k								중앙값	
n	요배요역	소요산	동두천	보산	동두천중앙	지행					
		3	6	2	5	1	●	●	●	⇒	6
	파평구정역	1	2	9	2	6	●	●	●	⇒	9 ⇒ 최솟값
	삼각지역	4	6	15	26	14	●	●	●	⇒	14
				●							
				●							
				●							

## 2

## 해결방안 – 1 <중앙값>

### - 평균이 아닌 중앙값을 고른 이유

평균은 극단적인 값에 영향을 많이 받음

-> 극단적인 값에 영향을 덜 받는 중앙값 선택

### - 알고리즘

우선순위 큐를 이용

해당 값을 모두 push

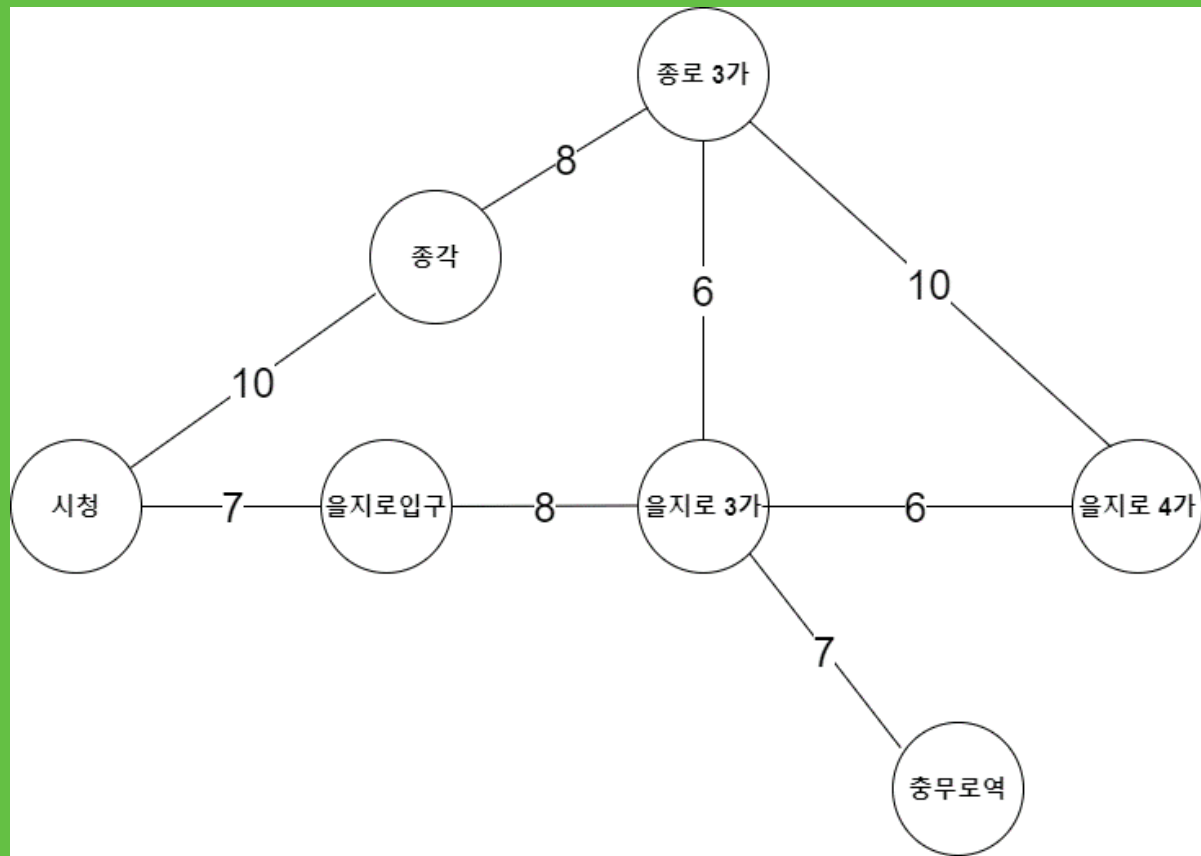
If 홀수 -> pop:  $(n-1)/2$  한 후 top

If 짝수 -> pop:  $n/2 - 1$  한 후 top에 있는 값 a+ 한 번 더 pop 하고 top에 있는 값 b,  $(a+b)/2$



## 2

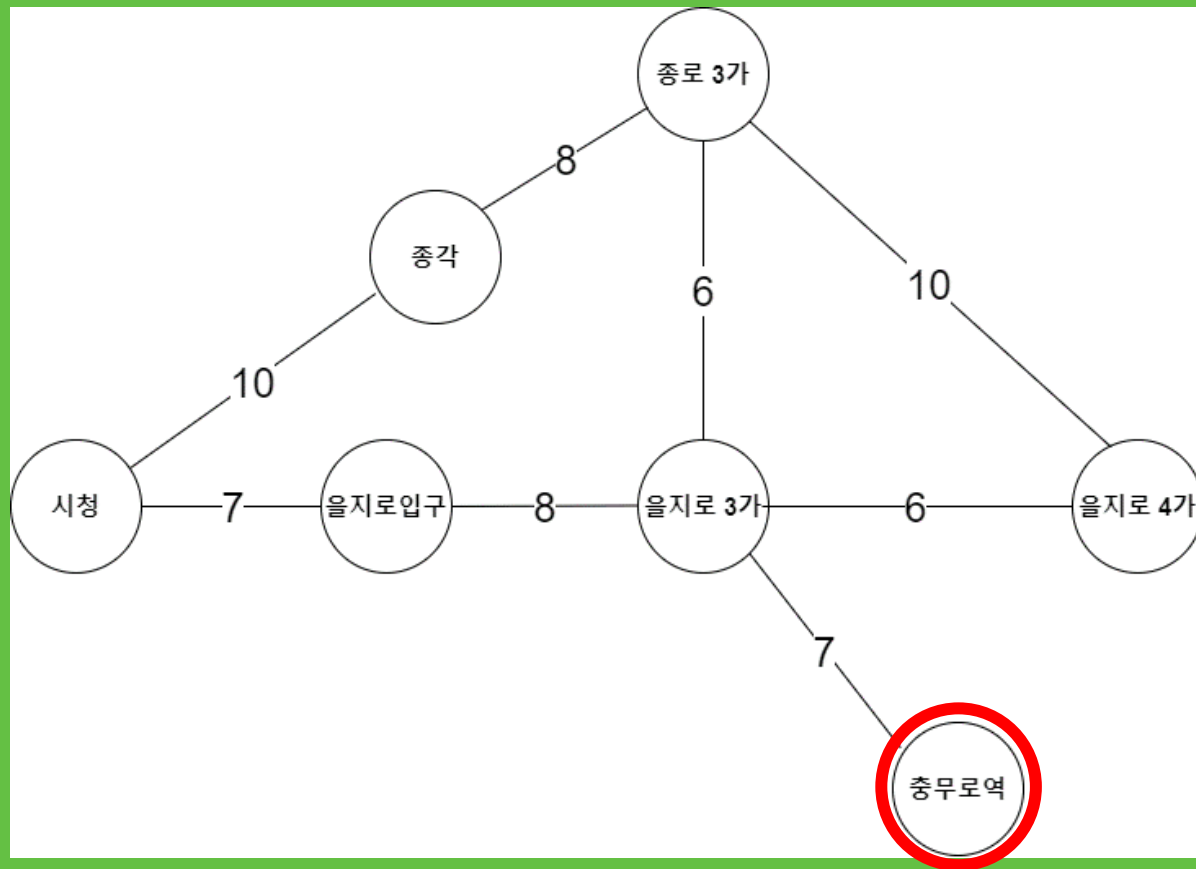
## 해결방안 – 1 &lt;최단거리&gt;



노드 이름	충무로	을지로3가	을지로입구	시청	종각	종로3가	을지로4가	우선순위 큐	POP
거리	0	INF	INF	INF	INF	INF	INF	(거리: -0, 노드: 충무로)	

## 2

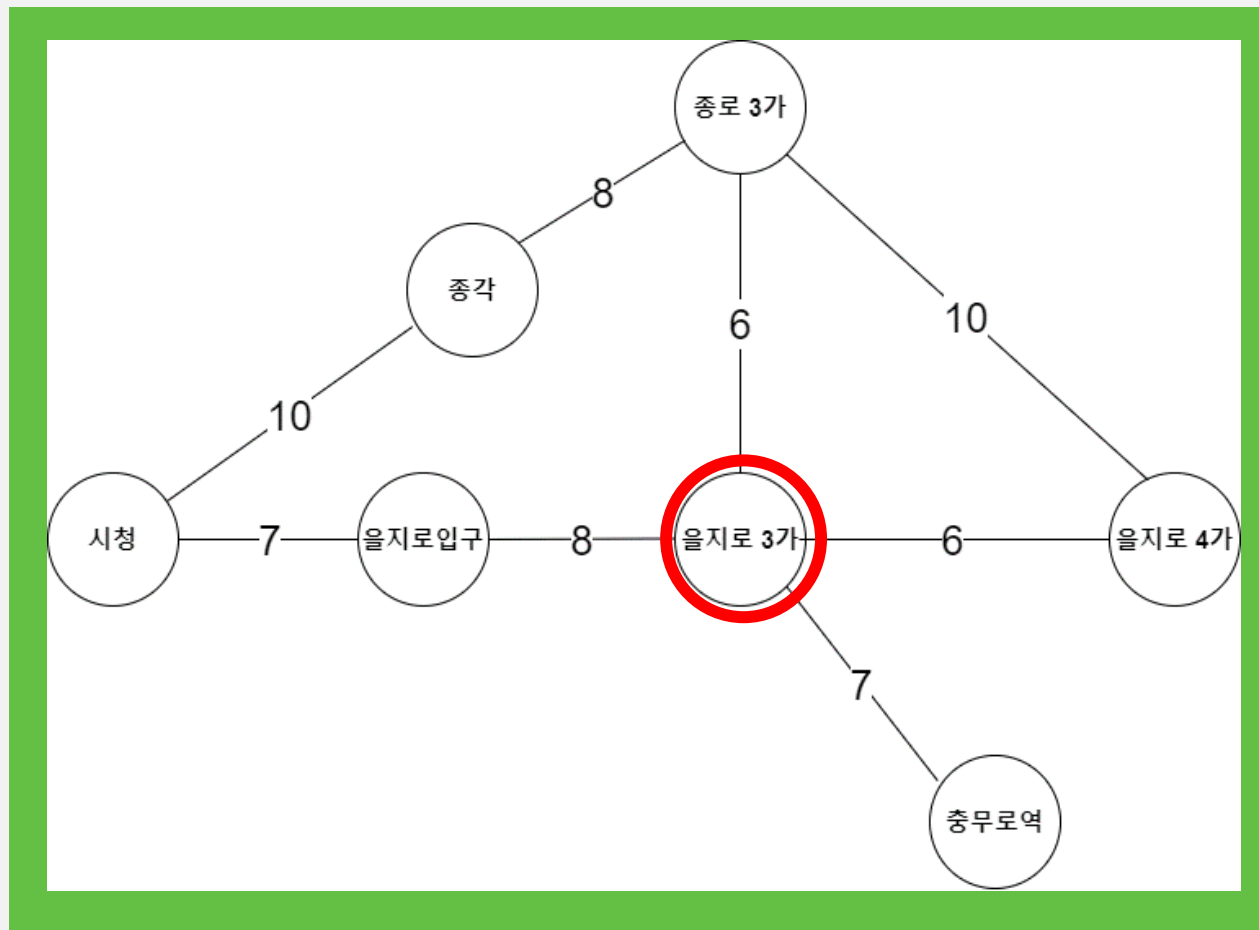
## 해결방안 – 1 &lt;최단거리&gt;



노드 이름	충무로	을지로3가	을지로입구	시청	종각	종로3가	을지로4가	우선순위 큐	POP
거리	0	7	INF	INF	INF	INF	INF	(거리: -7, 노드: 을지로3가)	

## 2

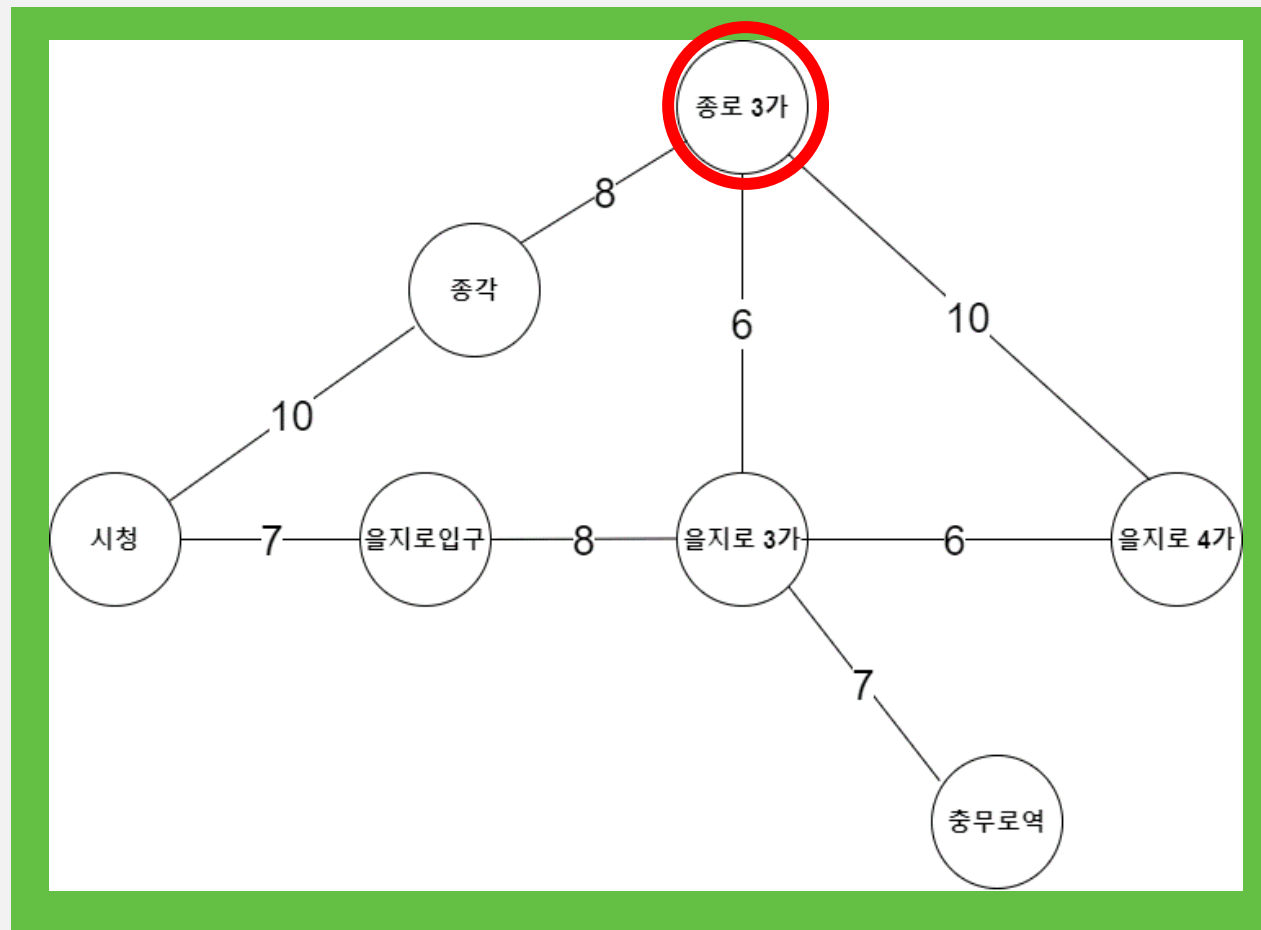
## 해결방안 – 1 &lt;최단거리&gt;



노드 이름	충무로	을지로3가	을지로입구	시청	종각	종로3가	을지로4가	우선순위 큐	POP
거리	0	7	15	INF	INF	13	13	(거리: -13, 노드: 종로3가)	(거리: -13, 을지로4가), (거리: -15, 을지로입구)

## 2

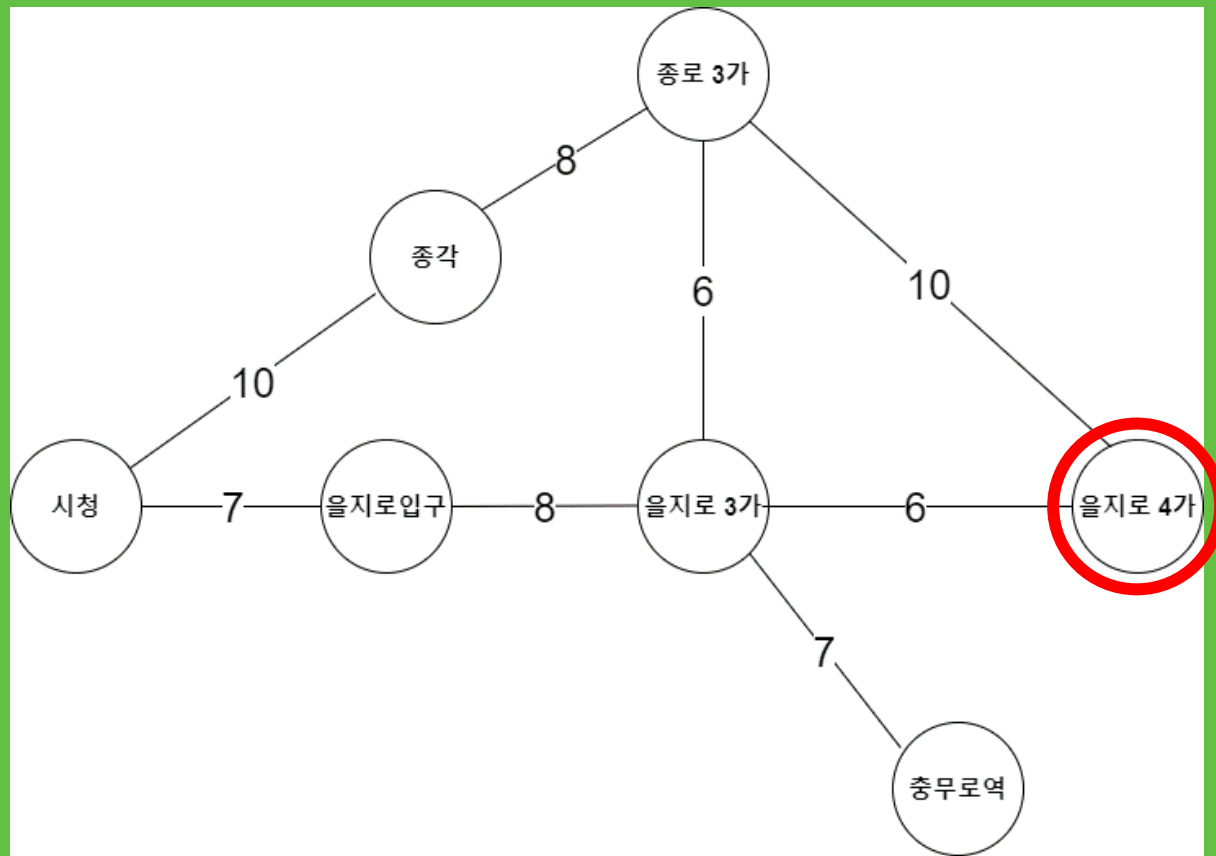
## 해결방안 – 1 &lt;최단거리&gt;



노드 이름	충무로	을지로3가	을지로입구	시청	종각	종로3가	을지로4가	우선순위 큐	POP
거리	0	7	15	INF	21	13	13	(거리: -13, 을지로4가), (거리: -15, 을지로입구) (거리: -21, 종각)	

## 2

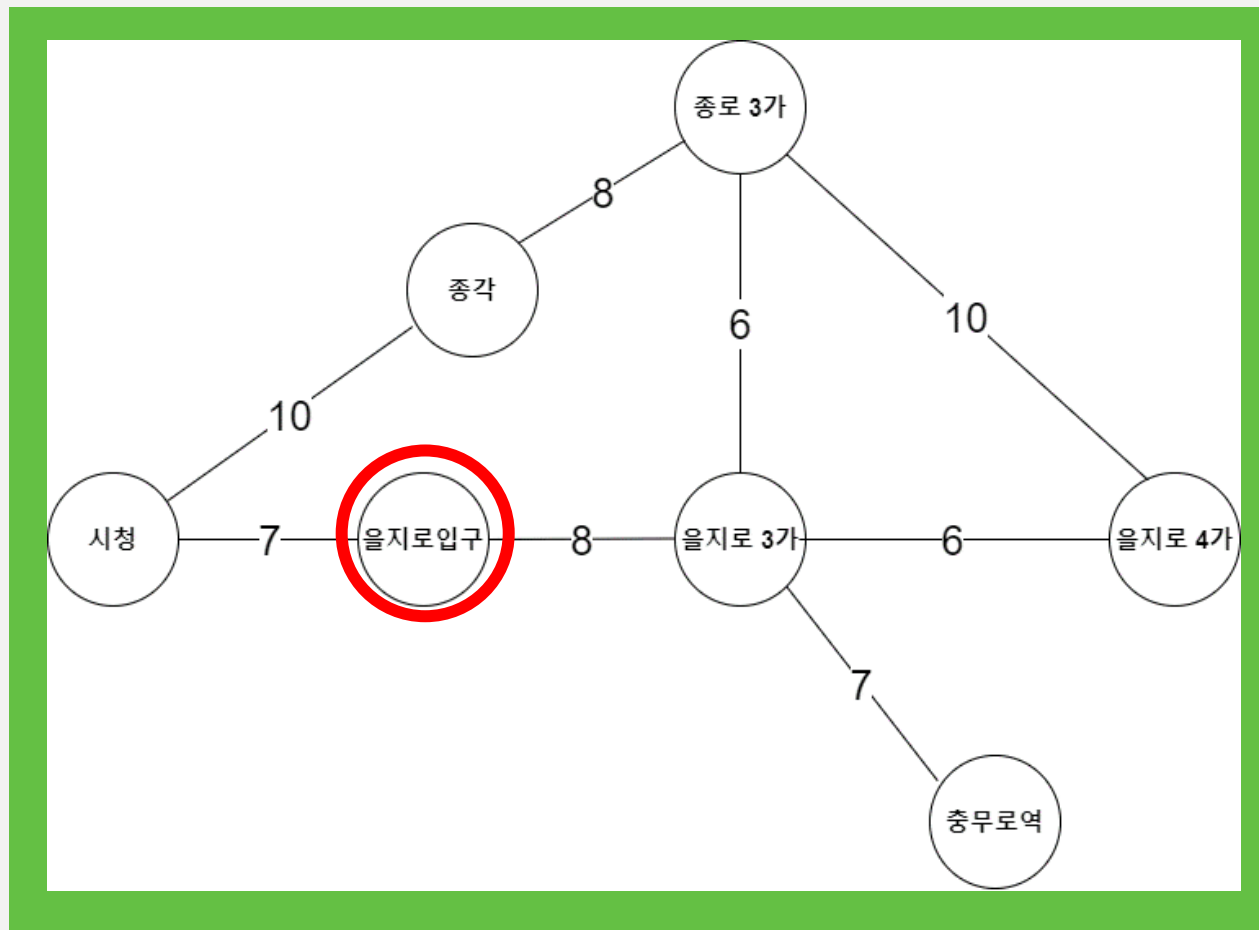
## 해결방안 – 1 &lt;최단거리&gt;



노드 이름	충무로	을지로3가	을지로입구	시청	종각	종로3가	을지로4가	우선순위 큐	POP
거리	0	7	15	INF	21	13	13	(거리: -15, 을지로입구)	(거리:-21, 종각)

## 2

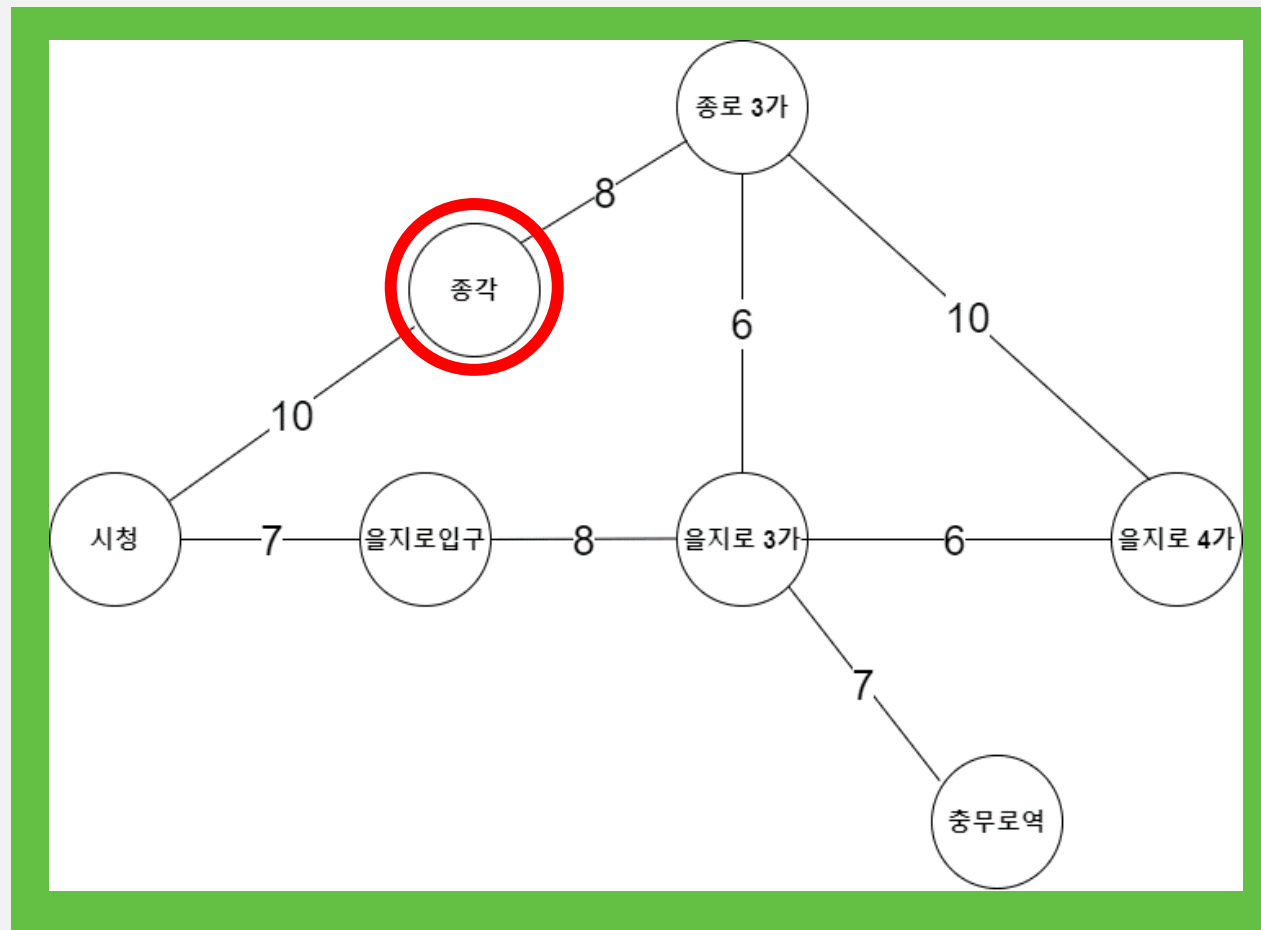
## 해결방안 – 1 &lt;최단거리&gt;



노드 이름	충무로	을지로3가	을지로입구	시청	종각	종로3가	을지로4가	우선순위 큐 POP
거리	0	7	15	22	21	13	13	(거리:-21, 종각) (거리: -22, 시청)

## 2

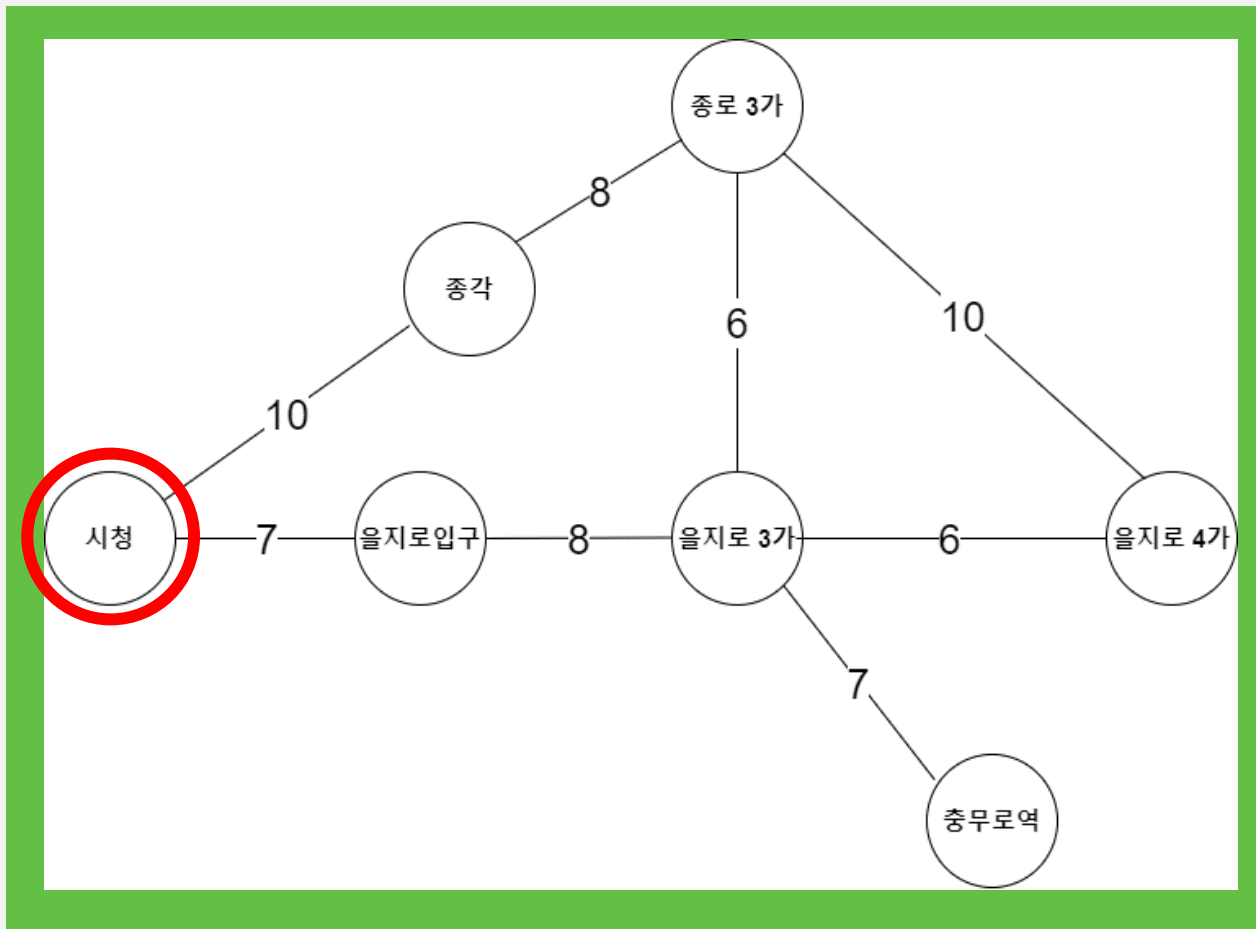
## 해결방안 – 1 &lt;최단거리&gt;



노드 이름	충무로	을지로3가	을지로입구	시청	종각	종로3가	을지로4가	우선순위 큐	POP
거리	0	7	15	22	21	13	13	(거리: -22, 시청)	

## 2

## 해결방안 – 1 &lt;최단거리&gt;

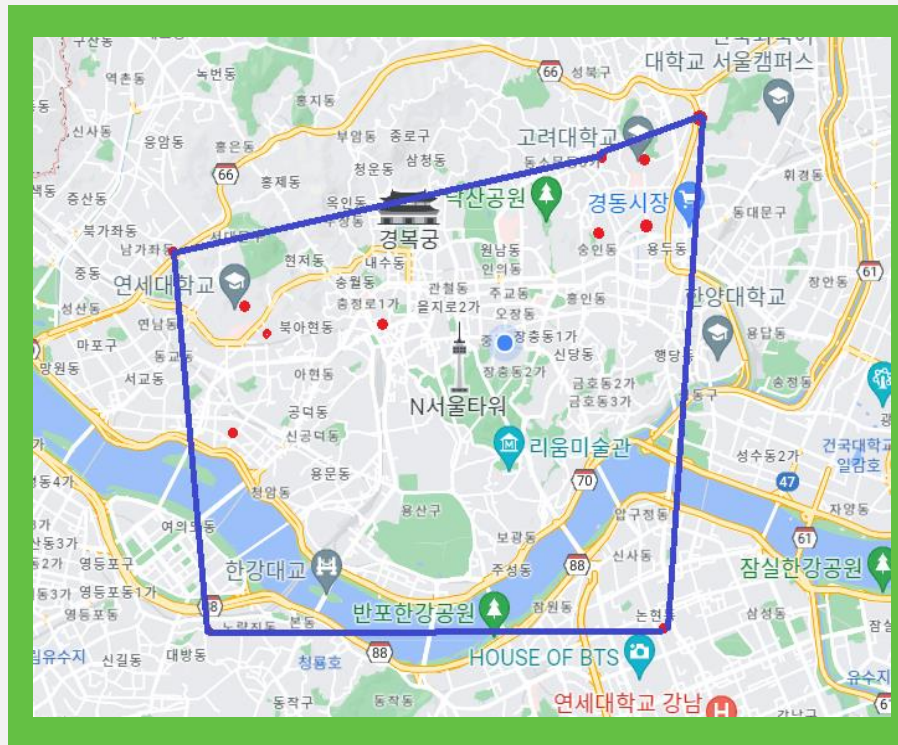


노드 이름	충무로	을지로3가	을지로입구	시청	종각	종로3가	을지로4가	우선순위 큐
거리	0	7	15	22	21	13	13	EMPTY



### 3 해결방안 - 2

Approach: 가장 자리 역만 이어 다각형을 만든다음,  
그 다각형의 중심 좌표를 구하면 어떨까?



### 3

## 해결 방안 2-절차

기준점  
찾기



탐색을 시작할 첫  
기준 좌표를 정한다.

좌표  
정렬



탐색을 위하여 반시  
계 방향으로 정렬한  
다.

탐색



스택을 이용하여, 볼  
록 겹질 좌표를 구  
한다.

결과  
출력



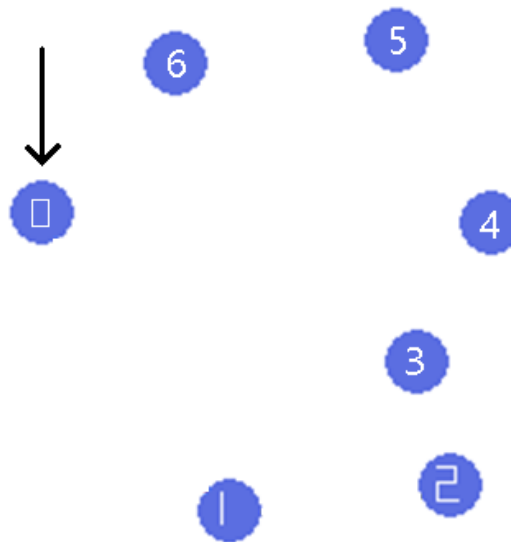
구한 볼록 겹질 좌표들의  
평균 좌표를 구해, 가장 가  
까운 역을 출력한다.

### 3 해결 방안 – 2 : 첫 기준점 찾기

1. X 좌표가 가장 작은 역을 기준점으로 정렬

```
bool x_comp(Point A, Point B){  
    if A.x==B.x  
        order by y location ascending  
    else  
        order by x location ascending  
}
```

After Sort: 0 6 1 5 3 2 4

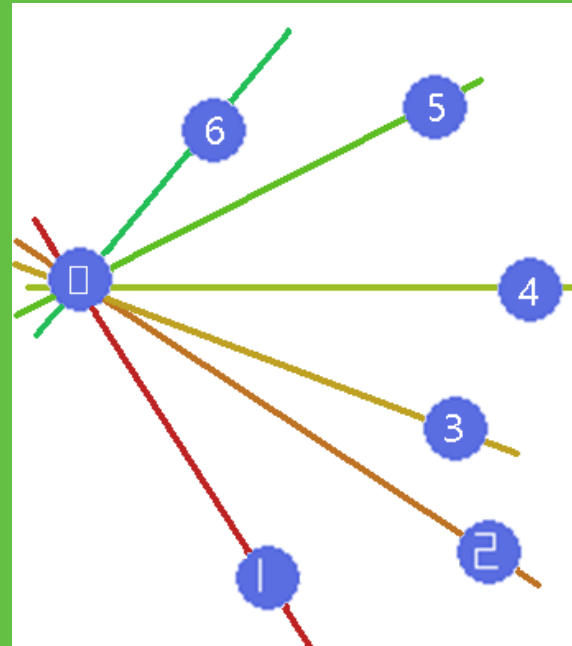


### 3 해결 방안 – 2 : 반시계 정렬

2. 기울기가 작은 순서대로 오름차순 정렬

```
bool gradient_comp(Point A, Point B){  
    return get_gradient(first_location, A) <  
           get_gradient(first_location, B);  
}
```

After Sort: 0 1 2 3 4 5 6



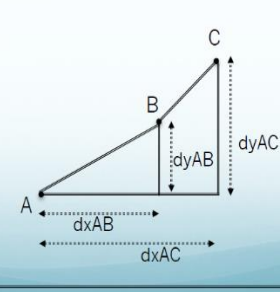
### 3 해결 방안 – 2 : 선분의 방향

3. 두 선분을 비교해, 반시계 방향인 경우만 push

```
int Direction(Point A, Point B, Point C){  
    if line AB, BC are clockwise:  
        return 1  
    else if line AB, BC are counterclockwise:  
        return -1  
    if line AB, BC's gradient are same:  
        return 0  
}
```

#### Direction(A,B,C)

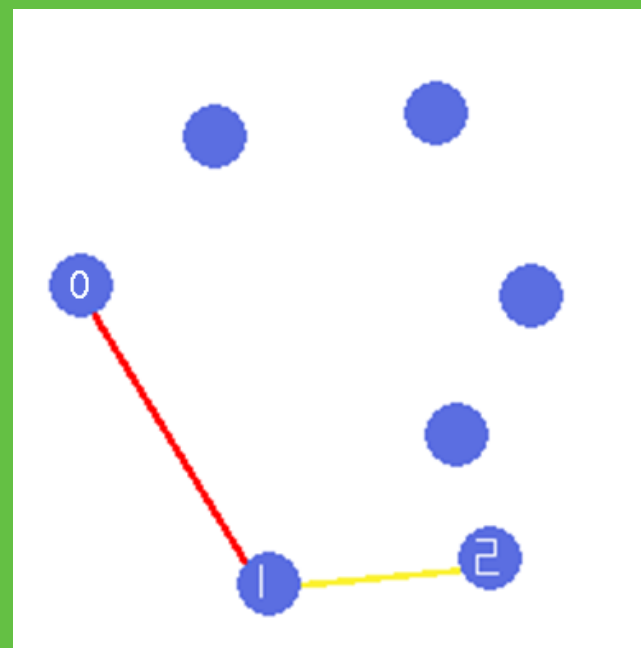
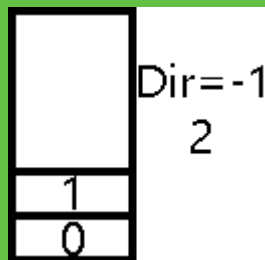
반시계방향	AB기울기 < AC기울기	시계방향	AB기울기 > AC기울기
$\frac{dy_{AB}}{dx_{AB}} < \frac{dy_{AC}}{dx_{AC}}$		$\frac{dy_{AB}}{dx_{AB}} > \frac{dy_{AC}}{dx_{AC}}$	
$dy_{AB}dx_{AC} < dy_{AC}dx_{AB}$		$dy_{AB}dx_{AC} > dy_{AC}dx_{AB}$	



### 3 해결 방안 – 2 : 스택 탐색(1)

4. 초기 두 점을 스택에 push, Direction()을 이용해  
선분의 방향 확인

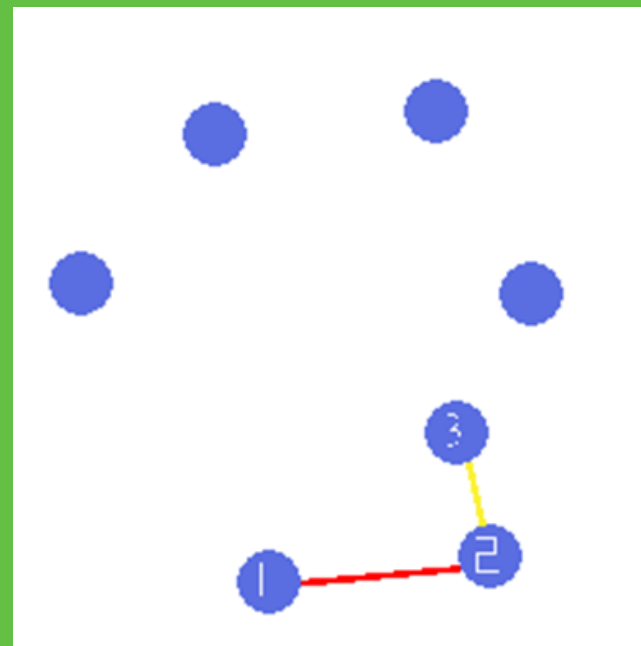
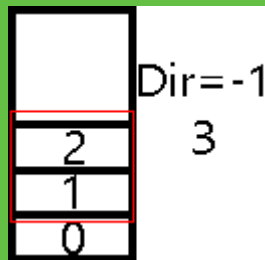
```
//arr[stk[]]: 해당 index의 좌표  
//시계 방향이거나 일직선시, 스택에서 제거  
for 2 to location size  
    while top>=2 and gradient(arr[stk[t-2]],arr[stk[t-1]],arr[t])>=0  
        top--;  
    stk[top++]=t;
```



### 3 해결 방안 – 2 : 스택 탐색(2)

5. 스택 top의 두 점을 스택에 push, Direction()을  
이용해  
선분의 방향 확인

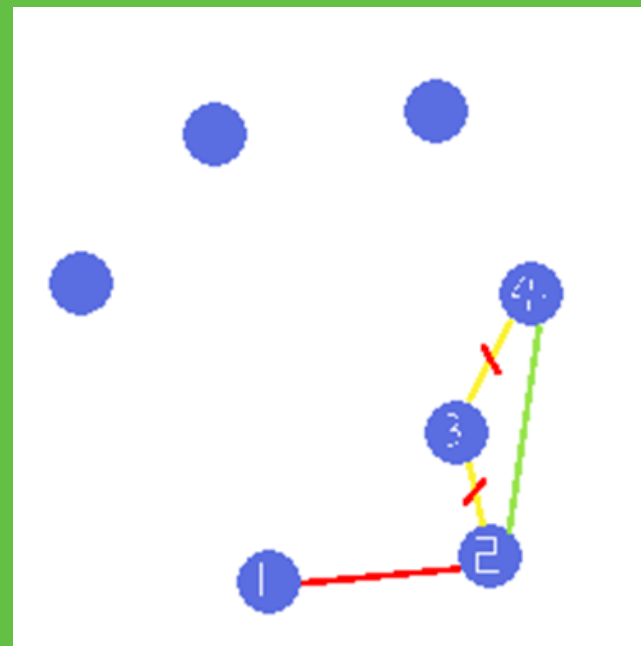
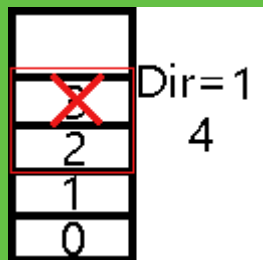
```
//arr[stk[]]: 해당 index의 좌표  
//시계 방향이거나 일직선시, 스택에서 제거  
for 2 to location size  
    while top>=2 and gradient(arr[stk[t-2]],arr[stk[t-1]],arr[t])>=0  
        top--;  
    stk[top++]=t;
```



### 3 해결 방안 – 2 : 스택 탐색(3)

6. 두 선분이 시계 방향이 된 경우, 스택 Top 삭제

```
//arr[stk[]]: 해당 index의 좌표  
//시계 방향이거나 일직선시, 스택에서 제거  
for 2 to location size  
    while top>=2 and gradient(arr[stk[t-2]],arr[stk[t-1]],arr[t])>=0  
        top--;  
    stk[top++]=t;
```

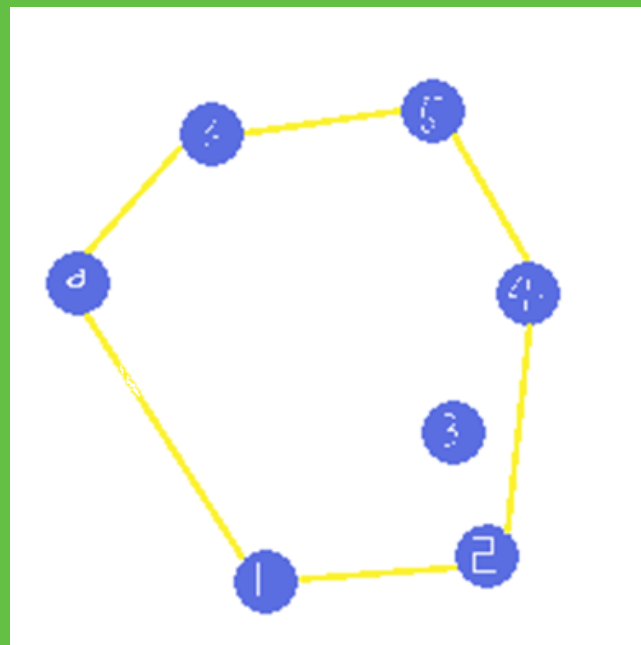
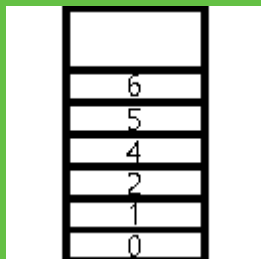




### 3 해결 방안 – 2 : 최종 좌표

7. 모든 좌표를 돌면, 스택에 있는 좌표가 볼록 꺾질의 좌표에 해당됨.

```
//arr[stk[]]: 해당 index의 좌표  
//시계 방향이거나 일직선시, 스택에서 제거  
for 2 to location size  
    while top>=2 and gradient(arr[stk[t-2]],arr[stk[t-1]],arr[t])>=0  
        top--;  
    stk[top++]=t;
```

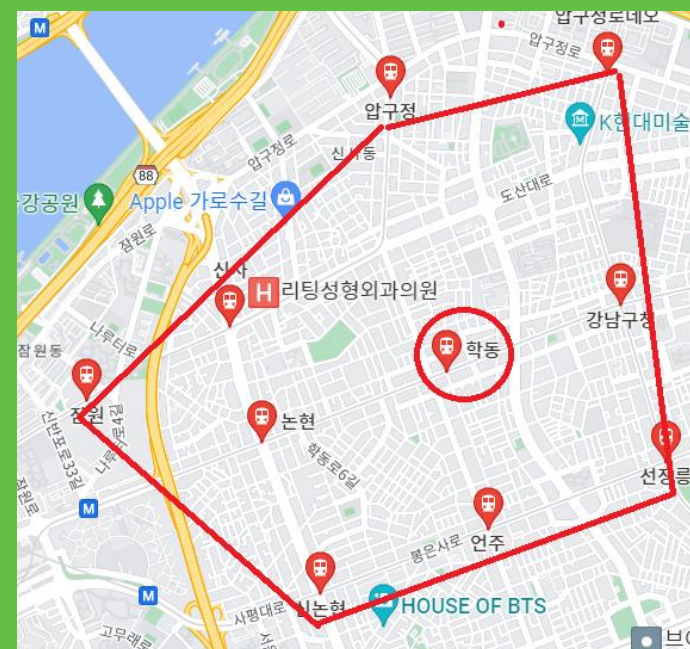


### 3 해결 방안 – 2 : 가장 가까운 역

유클리드 거리를 구해, 가장 가까운 지하철 역 반환

중간 좌표 결과: 37.5159 127.027  
가장 가까운 역과 좌표: 학동역  
37.5144 127.032

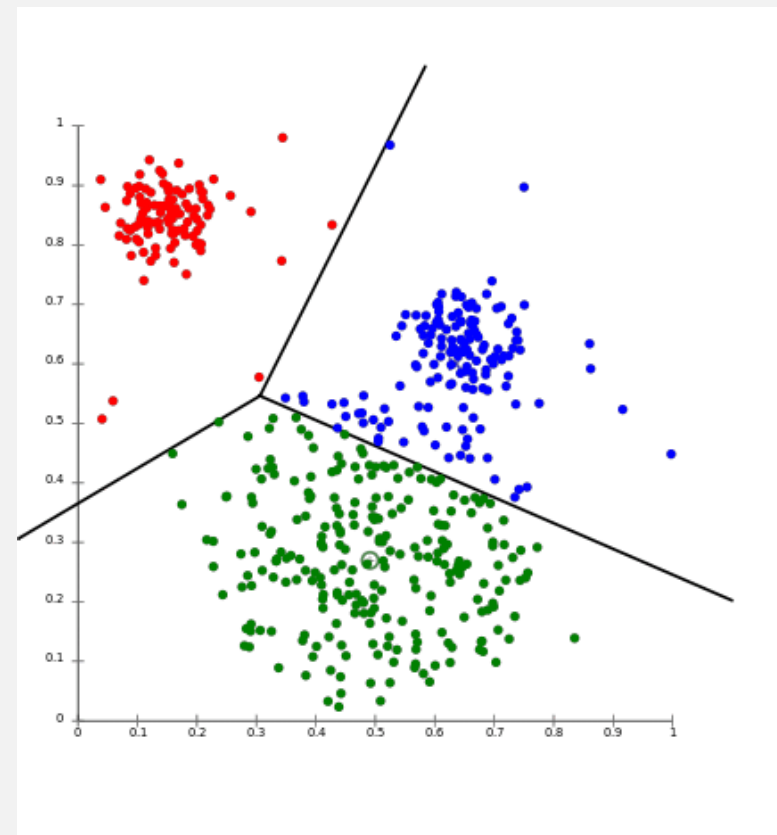
10  
압압신잠강선학논언신



## 2

## 해결방안 – 3 &lt;분포의 평균&gt;

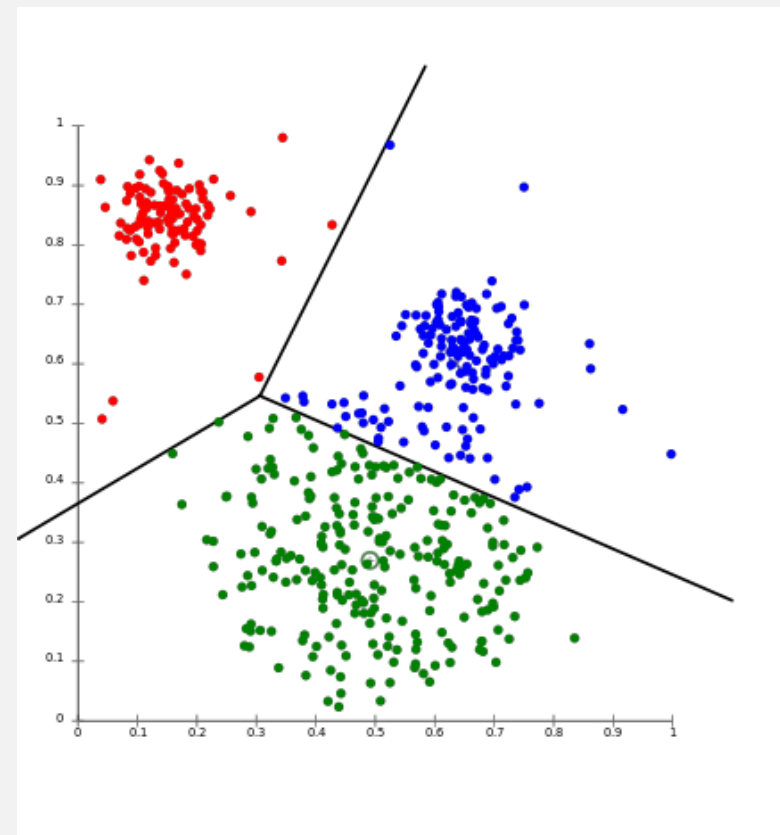
**Idea :** N명의 사람들이 각자의  
역에서 출발하니까,  
분포를 나누고, 분포의 중심들을 연결해서  
평균의 위치를 구하면 어떨까?



2

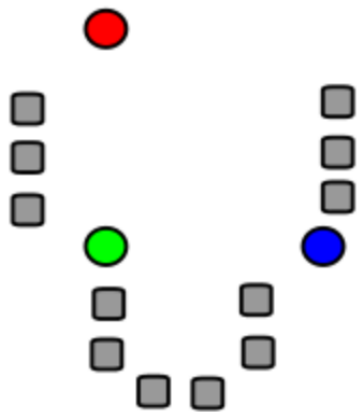
## 해결방안 – 3 <분포의 평균>

분포를 나누지 말고,  
모든 분포의 평균값을 구해  
주변의 역을 출력하자!

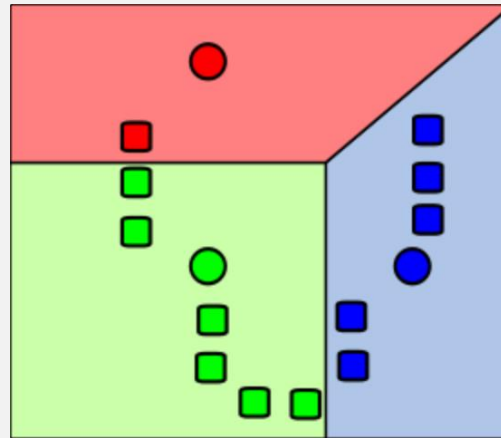


## 2

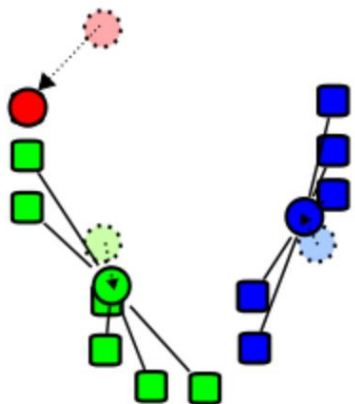
## 해결방안 – 3 &lt;분포의 평균&gt;



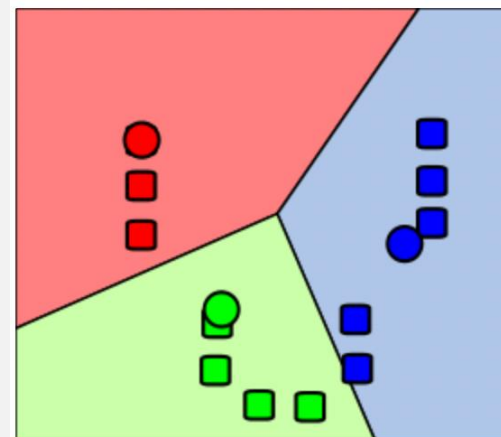
(1)  
초기값  
(클러스터의 중심) 설정



(2)  
설정한 평균값을 기준으로  
grouping 해준다.



(3)  
그룹에 있는 오브젝트들의  
평균을 구해서  
평균값을 재설정한다.



(4)  
이과정을 계속 반복해서,  
그룹의 평균에 수렴하게  
만든다

## 해결방안 – 3 <분포의 평균>



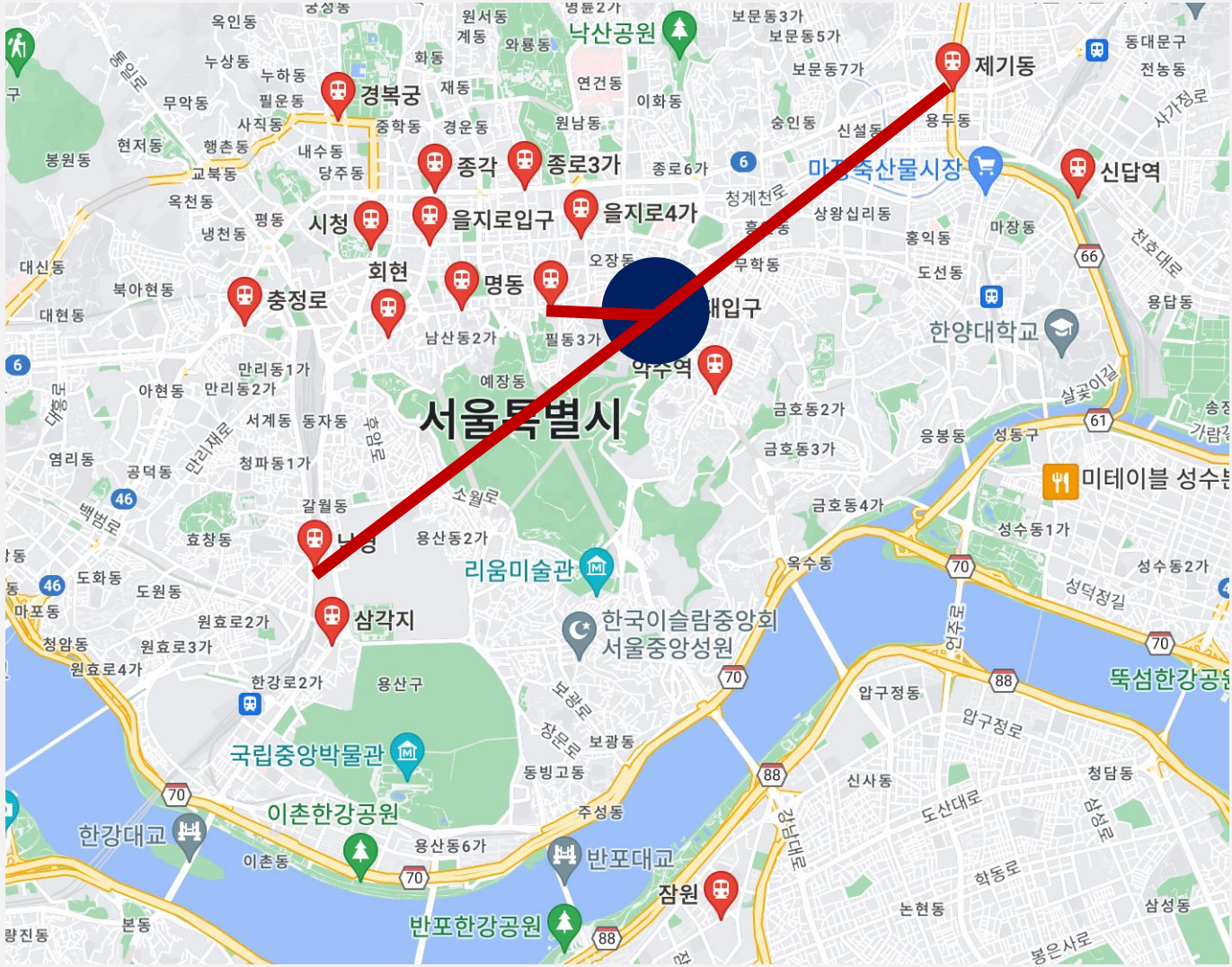


## 해결방안 - 3 <분포의 평균>



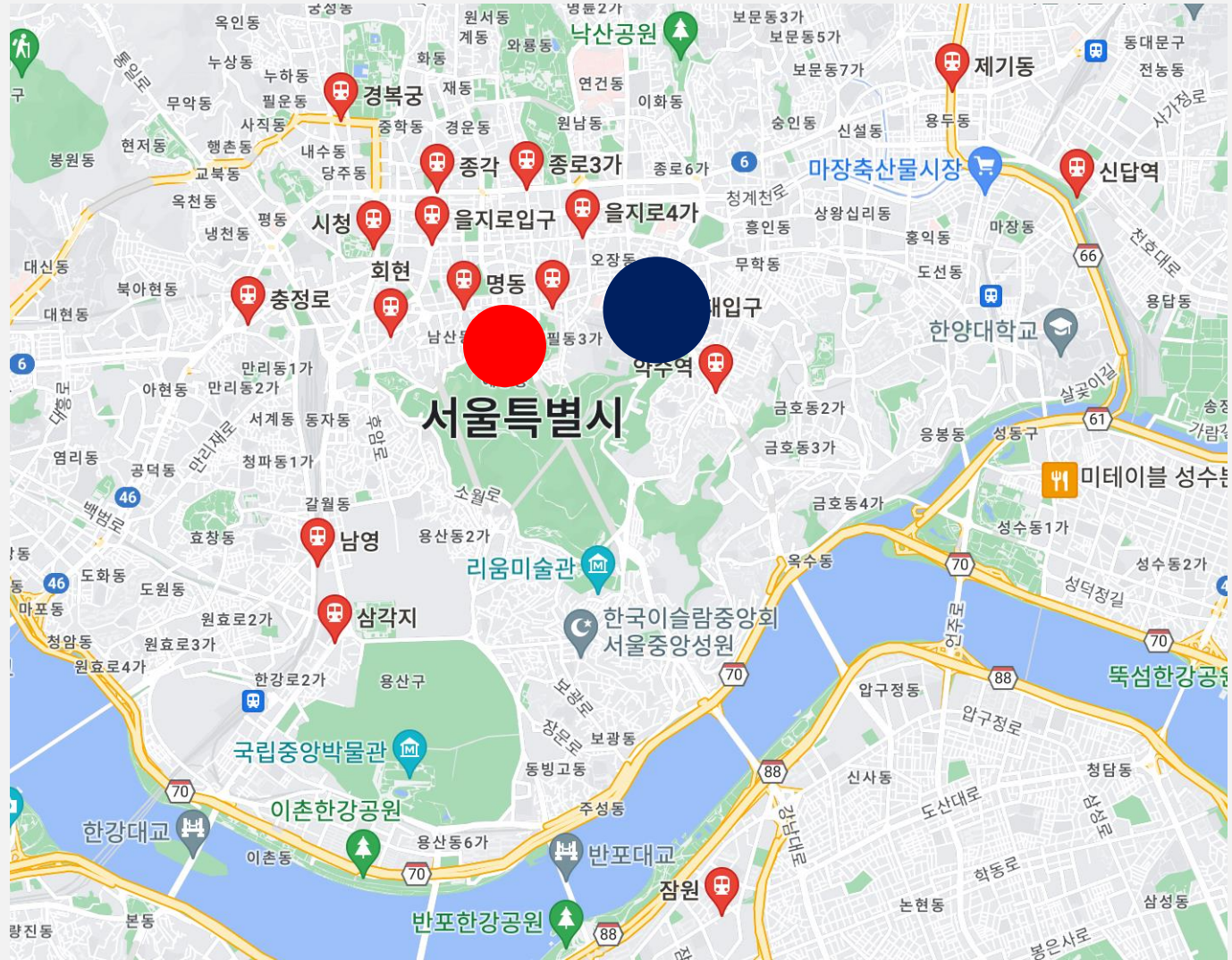


## 해결방안 - 3 <분포의 평균>





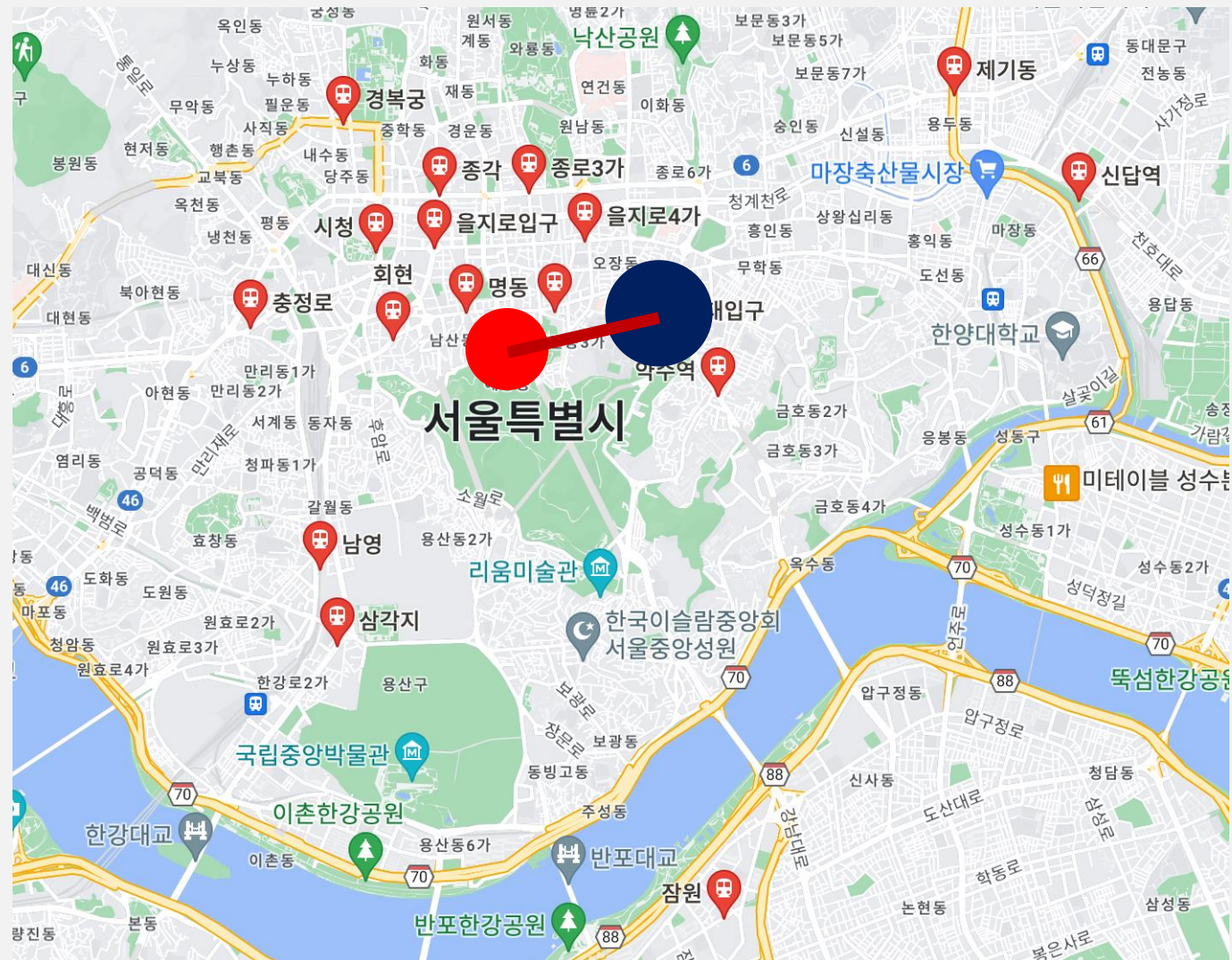
## 해결방안 - 3 <분포의 평균>





## 2

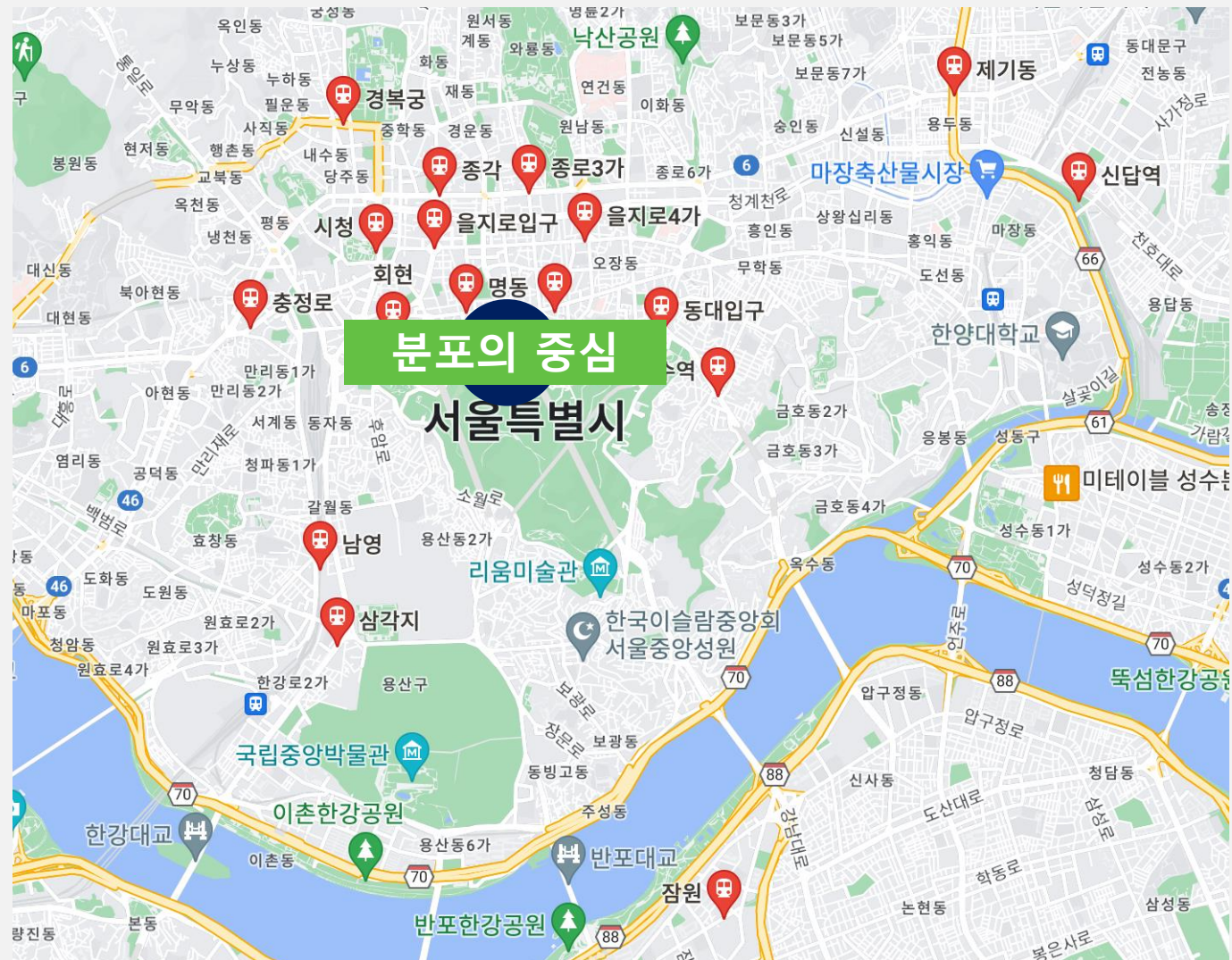
## 해결방안 – 3 &lt;분포의 평균&gt;





## 2

## 해결방안 – 3 &lt;분포의 평균&gt;



### 3 결과 및 성능 비교

A: 최단경로 찾기와 중앙값을 이용하여 중간지점 찾기

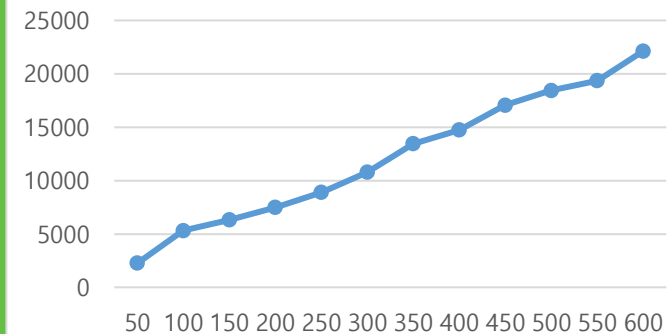
B: 블록 껍질의 중심을 이용하여 중간지점 찾기

C: 분포의 평균을 이용하여 중간지점 찾기

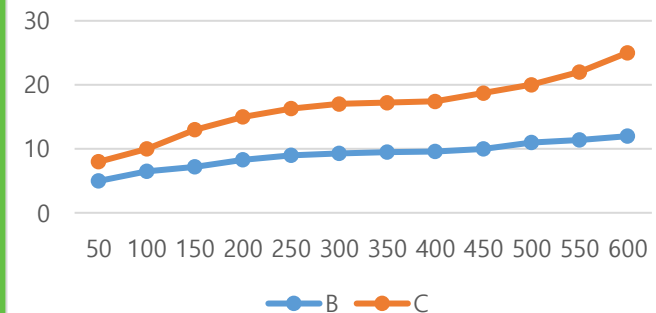
단위:N명/ms

	50	100	150	200	250	300	350	400	450	500	550	600
A	2280	5324	6334	7503	8903	10800	13462	14743	17068	18453	19363	22143
B	5	6.5	7.2	8.3	9	9.3	9.5	9.6	10	11	11.4	12
C	8	10	13	15	16.3	17	17.2	17.4	18.7	20	22	25

A알고리즘 수행시간



B와 C 알고리즘 수행시간



### 3 결과 및 성능 분석

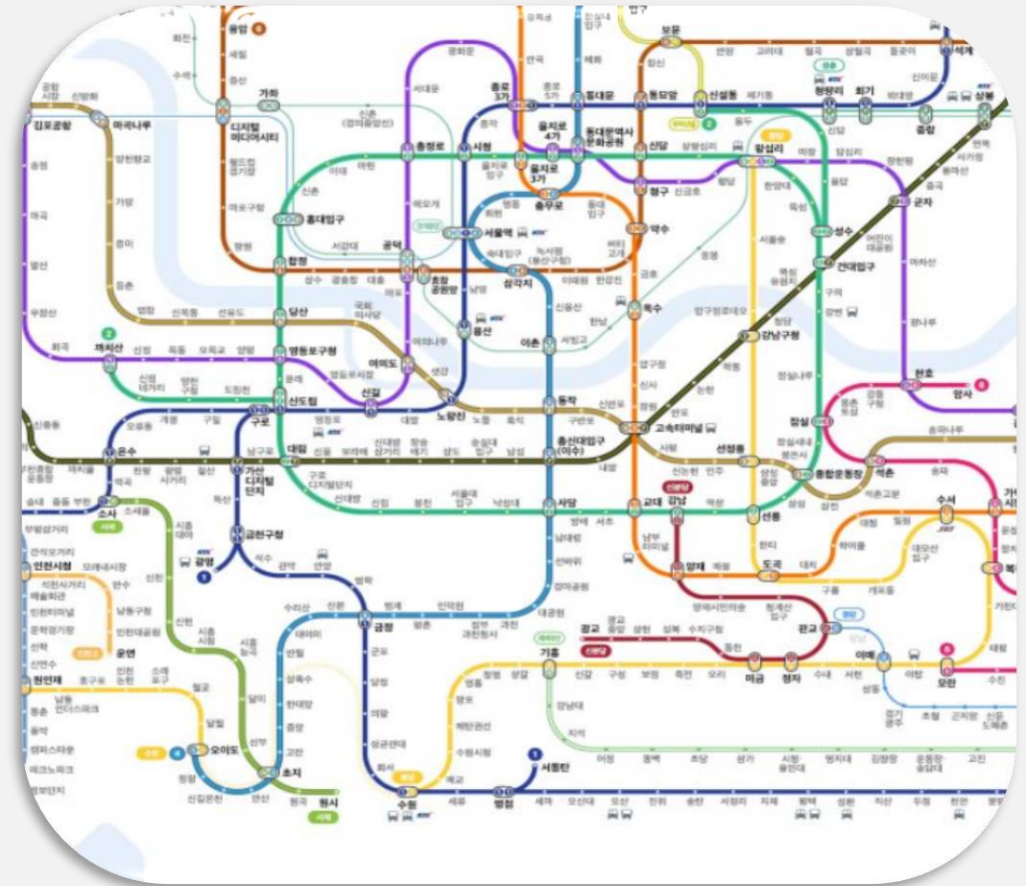
A: 평균이 아닌 중앙값 이용, 실제 거리 고려-> 오차 ↓

B,C: 이상 값도 평균 포함-> 오차 ↑ but, A 대비 속도 ↑

	A	B	C
장점	실제 지하철 간 거리를 탐색해 중앙역을 계산-> 가장 현실적이고 정확한 결과	<ul style="list-style-type: none"> <li>- 가장 빠름</li> <li>- 입력의 크기가 증가해도 결과 시간이 큰 폭으로 증가하지 않음.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- 분포의 평균값을 구하는 방식</li> <li>-&gt; 안정적인 결과</li> <li>- 한 역이 아닌 반경 1km 내의 주변 역을 반환</li> <li>-&gt; 정확도 높아짐</li> </ul>
단점	한 개의 입력마다 모든 지하철 역의 최단거리를 구해야 함 -> 입력의 수가 증가함에 따라 소요 시간 역시 크게 증가, 세 개의 알고리즘 중에서 가장 오래 걸림	<ul style="list-style-type: none"> <li>- 입력 받은 좌표가 한 분포로 극단적으로 치중된 경우 다수의 사람들에게 불리한 결과</li> <li>- 반환한 결과 값이 환승을 고려하지 않아 정확성이 다소 떨어질 수 있음</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- input의 수가 늘어 날 수록 시간 복잡도 기하급수적 증가</li> <li>- 비정상적인 값이 들어있을 경우 최적의 위치가 아닐 수 도 있음</li> </ul>

## 4 기대효과

- 직접 거리를 비교해 보며 중간 장소를 찾을 필요 없음
- 약속 장소를 정하는데 걸리는 시간 단축
- 쉽게 약속 장소를 정할 수 있도록 도움
- 소수의 인원이 아닌 다수의 인원도 측정 가능해 더욱 효과적



004

감 사 합 니 다