# 4주차 PyTorch로 시작하는 강화학습 입문 Camp

출석: 10명 (조교 2명 제외)

### 강의 내용

# **On-Policy vs Off-Policy Learning**

1. On-Policy Learning

환경을 실행(데이터를 모으는 정책 또는 모아져 있는 데이터를 만든 정책; 보통(s,a,r,s')로 주어짐)하는 정책과 학습(QL, PG, PO 등으로 업데이터하는 정 책, 데이터 생성에 적용가능한 정책, 대체로 모든 정책  $\pi(a|s)$  을 알고 있다. )하는 정책이 같은 경우

... A2C, TRPO, PPO

2. Off-Policy Learning

환경을 실행하는 정책과 학습하는 정책이 다른 경우, 여기서

환경을 실행하는 정책 : Behavior policy

학습하는 정책: Current policy 이라고 보통 표현한다.

- ... **DQN** : Behavior policy는  $\epsilon$ -greedy policy , Current policy : 현재 가치 함수에 대해 greedy policy
- 3. Off-Policy learning의 필요성
  - 1. 데이터를 효율적으로 사용 현재 정책으로 만든 데이터만 사용하는 On-policy에 비해 과거/전문가의 정책으로 만든 데이터를 사용가능하기 때문 에 데이터를 효율적으로 사용가능하다.
  - 2. 탐험으로 발견한 높은 수확의 데이터를 여러번 학습 할 수 있다.
  - 3. 전문가, 학습을 마친 알고리즘의 정책이 만든 데이터를 기반으로 학습이 가능하다.

#### **Retrace Lambda**

GAE에서 설명 했던 TD $\lambda$  와 유사하다. 차이점은 Retrace Lambda는 Action value function를 추정하기 위해서 n-step consistency를 t-consistency 로 변환한다. 행동 가치 함수의 Lambda Backup은 다음 수식과 같다.

$$Q_{\lambda}^{\pi}(s_{t}, a_{t}) = Q^{\pi}(s_{t}, a_{t}) + \gamma \lambda Q_{\lambda}^{\pi}(s_{t+1}, a_{t+1}) + (r_{t} + \gamma Q^{\pi}(s_{t+1}, a_{t+1} - Q^{\pi}(s_{t}, a_{t}))$$

수식을 글로 풀면, 지금까지 학습한 가치함수값에 에피소드 끝부터 계산해온 다음 시점의 가치함수값의 lambda backup을 더하고 다음 시점의 Temporal Difference를 더한 것이 행동 가치 함수의 lambda backup 이다. 위 식을 t의 끝부터 더한 것을 표현하는 Notation으로 변환하면 다음과 같다.

$$Q_{\lambda}^{\pi}(s_t, a_t) = Q^{\pi}(s_t, a_t) + \mathbb{E}_{\pi}[\sum_{n=0}^{\infty} (\gamma \lambda)^n (r_{t+n} + \gamma \mathbb{E}_{\pi} Q(s_{t+n+1}, a_{t+n+1}) - Q(s_{t+n}, a_{t+n}))]$$

위 수식에서 현재 정책이 만든 데이터에 대한 가치함수가 대신 Importance sampling을 사용하면 다음 수식과 같다. 다음 수식에서  $\frac{\pi(s_{t+s},a_{t+s})}{\mu(s_{t+s},a_{t+s})}$  부분은 정책분포를 데이터를 만든 정책분포  $\pi$  에서  $\mu$  로 바꾸었기에 곱해주는 것으로 이렇게 하면 결과적으로 데이터를 만든 정책 분포에 대한 기댓값을 구할 수 있다.

$$Q_{\lambda}^{\pi}(s_{t}, a_{t}) = Q^{\pi}(s_{t}, a_{t}) + \mathbb{E}_{\mu}[\sum_{n=0}^{\infty} (\prod_{s=1}^{n} \gamma \lambda \frac{\pi(s_{t+s}, a_{t+s})}{\mu(s_{t+s}, a_{t+s})}) (r_{t+n} + \gamma \mathbb{E}_{\pi} Q(s_{t+n+1}, a_{t+n+1}) - Q(s_{t+n}, a_{t+n}))]$$

여기서 데이터를 만들 때 사용하는 정책 분포 $\mu$  는 과거의 정책, 전문가의 정책등을 사용할 수 있다.

다만,  $\frac{\pi(s_{t+s}, a_{t+s})}{\mu(s_{t+s}, a_{t+s})}$ 은  $0 < \frac{\pi(s_{t+s}, a_{t+s})}{\mu(s_{t+s}, a_{t+s})} < \infty$  로 분산이 커질 수 있다. 이 점을 보완하기 위해 다음 처럼 최댓값을 1로 clipping 해준다.  $\min(rac{\pi(s_{t+s},a_{t+s})}{\mu(s_{t+s},a_{t+s})},1)$  이를 **Truncated Importance weight**라고 부른다. 따라서 행동가치함수를 추정하는 Retrace Lambda의 최종 수식은 다음

, 과 같다.

$$Q_{\lambda}^{\pi}(s_{t}, a_{t}) = Q^{\pi}(s_{t}, a_{t}) + \mathbb{E}_{\mu}[\sum_{n=0}^{\infty}(\prod_{s=1}^{n}\gamma\lambda\min{(\frac{\pi(s_{t+s}, a_{t+s})}{\mu(s_{t+s}, a_{t+s})}, 1))}(r_{t+n} + \gamma\mathbb{E}_{\pi}Q(s_{t+n+1}, a_{t+n+1}) - Q(s_{t+n}, a_{t+n}))]$$

# **Actor-Critic with Experience Replay (ACER)**

: 행동가치함수를 Off-Policy Learning으로 학습하고(Retrace Lambda), PG를 Off-policy Learning으로 계산 할 수 있어야한다. 다음 수식은 Actor-Critic 방식으로 정책의 경사를 계산하는 식이다.

$$abla_{ heta} J(\pi_{ heta}) = rac{1}{1-\gamma} \mathbb{E}_{\pi} [
abla_{ heta} \log \pi_{ heta}(a|s) Q^{\pi}(s,a)]$$

위 수식에서  $Q^\pi(s,a)$  는 Retrace Lambda로 추정했다. 이 때 정책경사를 계산하면서도 현재 정책이 아닌 다른 정책을 사용하기위해서 Importance weight같은 방식으로 다음처럼 근사 할 수 있겠다.

$$abla_{ heta} J(\pi_{ heta}) pprox rac{1}{1-\gamma} \mathbb{E}_{s \sim d^{\mu}, a \sim \mu} [rac{\pi(a|s)}{\mu(a|s)} 
abla_{ heta} \log \pi_{ heta}(a|s) Q^{\pi}(s,a)]$$

위 식을 **Off-policy policy gradient theorem** 이라고 하였다. 그리고 다음 수식 전개에서  $\dfrac{\pi(a|s)}{\mu(a|s)}$  를 ho(a|s)라고 표현 할 것이다.

ho(a|s) 또한 분산이 매우 클 수 있기에 ACER에서는 이를 다음과 같은 방식으로 Cliping 한다.

$$abla_{ heta}J(\pi_{ heta})pprox rac{1}{1-\gamma}\mathbb{E}_{s\sim d^{\mu},a\sim \mu}[\min(
ho(a|s),c)
abla_{ heta}\log\pi_{ heta}(a|s)Q^{\pi}(s,a)] + \mathbb{E}_{s\sim d^{\mu},a\sim \mu}[\max(rac{
ho(a|s)-c}{
ho(a|s)},0)
abla_{ heta}\log\pi_{ heta}(a|s)Q^{\pi}(s,a)]$$

c는 보통 1로 설정한다. ho(a|s) 의 의미를 생각해보면, 현재 정책이 이전 정책에 비해 얼마나 크냐, 혹은 작으냐를 나타내는 것이다. ho(a|s) 가 1보다 작다는 의미는 현재 정책은 특정 상태에서 특정행동을 할 확률이 작은데 전문가/과거의 데이터를 만든 정책은 그 확률이 크다고 하는 경우이다. 이 때는 수식의 뒷부분이 max 연산 때문에 없어진다. 그 반대의 경우에는 수식의 앞부분이 min 연산으로 c(1)로 clipping 되고, 뒷부분에 1보다 작은 값이 각 정책 경사에 곱해진다.

## Soft MDP

- Multi-Armed Bandit(MAB) 문제
  - : state는 하나 , Action 은 여러개 인 문제

ex> 어떤 슬롯 머신을 당길지 정하는 문제를 예로 사용

• Randomized selection

MAB문제에서 Action 선택을 확률적으로 하는 것

이 때 확률을 고려할 때, 지금까지 얻은 보상에 비례하게 확률분포를 구성한다. 이 때, 각 행동에 대해 지금 까지 얻은 보상의 평균이고 MAB문제 에서는 state가 하나이므로 이는  $Q^\pi(s,a)$  라고 할 수 있겠다.

Optimism in the face of Uncertainty

행동에 대한 최적의 가치함수를

$$V^*(s) = \max_{\pi} \mathbb{E}_{a \sim \pi}[Q^*(s,a)] + H(\pi^*(\cdot|s))$$

로 정의한다. 이 때 엔트로피 항은 다음처럼 정의된다.

$$H(\pi^*(\cdot|s)) = \sum_{a \in \mathcal{A}} -\pi(a|s) \log \pi(a|s)$$
  
=  $\mathbb{E}_{\pi}[-\log \pi(a|s)]$ 

뒤에 엔트로피 항이 추가 되었기 때문에 행동을 선택하는 확률분포가 좀더 평평하게 되어서 더 다양한 시도를 할 수 있다.

$$V^*(s) = \max_\pi \mathbb{E}_{a \sim \pi}[Q^*(s,a)] + H(\pi^*(\cdot|s))$$
 이 수식 의 값은 해당 시점에서의 action별 보상들을 softmax 연산 한 것과 거의 같다.

$$\pi^*(a|s) = rac{\exp(Q^*(s,a))}{\sum_{a\in A} \exp(Q^*(s,a))}$$
 로 하고(정책분포를 softmax로 계산하고)  $V^*(s)$  를 계산하면

$$V^*(s) = \log \sum_{a \in A} \exp(Q^*(s,a))$$
가 된다.

이 때, 가치함수의 정의대로

$$Q^*(s,a) = r_s^a + \gamma \sum_{s' \in S} V^*(s') T_{s,s'}^a$$

이를  $\pi*(a|s)$  식에 대입하면

$$\pi^*(a|s) = \frac{\exp\left(r_s^a + \gamma \sum_{s' \in S} T_{s,s'}^a V^*(s')\right)}{\exp(V^*(s))}, \ \forall s \in S, a \in A$$

이렇게 해서 **softMDP** 의 최적정책과 최적 가치함수가 만족하는 일관성(consistency)는 다음과 같다.

$$V^*(s) - \gamma \sum_{s' \in S} T^a_{s,s'} V^*(s') = r(s,a) - \log \pi^*(a|s)$$

이제 일관성을 만족하도록 error를 줄이는 학습을 하면 된다. 그 방법이 다음 배울 3가지 이다.

## Path consistency Learning

다음의 비용함수가 0에 수렴하도록 학습하는 것이 목적이다.

1-step consistency 
$$C( heta,\phi) = -V_\phi(s) + \gamma V_\phi(s') + r(s,a) - \log \pi_ heta(a|s)$$

d-step consistency 
$$C( heta,\phi) = -V_\phi(s_t) + \gamma^d V_\phi(s_{t+d}) + \sum_{j=0}^{d-1} \gamma^j [r(s_{t+j},a_{t+j}) - \log \pi_\theta(a_{t+j}|s_{t+j})]$$

$$ho o rac{1}{2} C( heta,\phi)^2 = (-V_\phi(s_t) + \gamma^d V_\phi(s_{t+d}) + \sum_{j=0}^{d-1} \gamma^j [r(s_{t+j},a_{t+j}) - \log \pi_ heta(a_{t+j}|s_{t+j})])^2$$

#### **Soft Actor-Critic**

최적 정책 분포, 가치 함수에 대해서

$$Q^*(s,a) = r_s^a + \gamma \sum_{s' \in S} V^*(s') T_{s,s'}^a$$

$$V^*(s) = \max_{\pi} Q^*(s,a) + \mathbb{E}_{\pi}[-\log \pi^*(a|s)]$$

$$\pi^*(a|s) = rac{\exp(Q^*(s,a))}{\displaystyle\sum_{a\in A} \exp(Q^*(s,a))}$$

일반적인 정책 분포, 가치 함수에 대해서는  $Q(s,a) = r_s^a + \gamma \sum_{s' \in S} V(s') T_{s,s'}^a$ 

$$V(s) = \max_{\pi} Q(s,a) + \mathbb{E}_{\pi}[-\log \pi(a|s)]$$

$$\pi^*(a|s) \doteq rac{\exp(Q(s,a))}{\displaystyle\sum_{a \in A} \exp(Q(s,a))}$$

이를 강화학습으로 바꿔주면,

$$Q(s,a) pprox r_s^a + \gamma V(s')$$

$$V(s) pprox Q(s,a) - \log \pi(a|s)$$

$$\pi^*(a|s) \doteq rac{exp(Q(s,a))}{\sum_{a \in A} \exp(Q(s,a))}$$

#### **Self-imitation Learning**

좋은 데이터를 확보했을 때, 해당 데이터를 잘 학습하면 그 데이터 보다 더 좋은 성적을 내면서 발전하지만 잘 학습하지 못하면 전과 비슷하고 더 좋은 성적을 내지 못한다. 데이터를 확보하는 과정에서 얻은 좋은 데이터를 잘 활용하여 학습하도록 한다.

t 시점에서 상태가치함수와 보상의 관계를 보면, t 시점에서 상태가치함수가 보상보다 크면 데이터를 모은 시점보다 더 높은 성적을 받고, 반대의 경우, 상태가치함수가 보상보다 작으면 데이터를 모은 시점보다 더 낮은 성적을 받는다. 이에 전자는 학습이 필요하지 않고, 후자는 학습이 더 필요한 데이터이다.

$$L^{sil} = \mathbb{E}_{s,a,R \in D}[L^{sil}_{policy} + \beta^{sil}L^{sil}_{value}]$$

$$L_{value}^{sil} = rac{1}{2} ||(R-V_{ heta}(s))||^2$$
 ... 현재 학습한 것보다 더 좋은 상태임을 알려주고

$$L_{policy}^{sil} = -\log_{\pi_{ heta}}(a|s)(R-V_{ heta}(s))$$
 ... 그 행동을 더 하도록 학습 한다.

최적의 행동가치함수는 다음과 같은 하한(Lower bound)를 가진다.

$$egin{aligned} Q^*(s_t, a_t) &= \mathbb{E}_{\pi^*}[r_t + \sum_{k=t+1}^{\infty} \gamma^{k-t}(r_k + lpha H_k^{\pi})] \ &\geq \mathbb{E}_{\mu}[r_t + \sum_{k=t+1}^{\infty} \gamma^{k-t}(r_k + lpha H_k^{\mu})] \end{aligned}$$

최종 비용함수의 형태는 일반정책을 이용해 하한식을 사용하고, 이를 Lower bouned soft Q-Learning 이라고 한다.

$$L = \mathbb{E}_{s,a,R\sim \mu}[rac{1}{2}||(R-Q_{ heta}(s,a))_{+}||^{2}]$$

알고있는 것보다 좋으면 학습하고 아니면 학습하지 않는다.

질문