

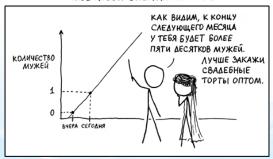
Введение в АД

Лекция 4



Линейная регрессия

МОЁ ХОББИ: ЭКСТРАПОЛИРОВАТЬ





Пусть x — рост песика, а y — его вес.

Что мы знаем?

Ô

Пусть x — рост песика, а y — его вес.

Что мы знаем?

- чем крупнее песик, тем больший вес он имеет;
- песики одинакового роста могут иметь разный вес.



Пусть x — рост песика, а y — его вес.

Что мы знаем?

- чем крупнее песик, тем больший вес он имеет;
- песики одинакового роста могут иметь разный вес.

Выводы:

- ightharpoonup для фиксированного роста песика x его вес y=f(x) является случайной величиной;
- ightharpoonup в среднем вес f(x) возрастает при увеличении роста песика x.



Пусть x — рост песика, а y — его вес.

Что мы знаем?

- чем крупнее песик, тем больший вес он имеет;
- песики одинакового роста могут иметь разный вес.

Выводы:

- ightharpoonup для фиксированного роста песика x его вес y=f(x) является случайной величиной;
- ightharpoonup в среднем вес f(x) возрастает при увеличении роста песика x.



Простая зависимость:

$$y = \theta_0 + \theta_1 x + \varepsilon,$$





$$y = \theta_0 + \theta_1 x + \varepsilon,$$

x — рост песика,

у — вес песика,





$$y = \theta_0 + \theta_1 x + \varepsilon,$$

х — рост песика,

у — вес песика,

 θ_0, θ_1 — неизвестные параметры,





$$y = \theta_0 + \theta_1 x + \varepsilon,$$

x — рост песика,

у — вес песика,

 θ_0, θ_1 — неизвестные параметры,

arepsilon — случайная составляющая с нулевым средним.



Пример

$$y = \theta_0 + \theta_1 x + \varepsilon,$$

x — рост песика,

у — вес песика,

 θ_0, θ_1 — неизвестные параметры,

 ε — случайная составляющая с нулевым средним.

Зависимость линейна по параметрам, линейна по аргументу.



Пример

$$y = \theta_0 + \theta_1 x + \varepsilon,$$

x — рост песика,

у — вес песика,

 θ_0, θ_1 — неизвестные параметры,

 ε — случайная составляющая с нулевым средним.

Зависимость линейна по параметрам, линейна по аргументу.



Более сложная зависимость:

$$y = \theta_0 + \theta_1 x_1 + \theta_2 x_2 + \theta_3 x_2^2 + \varepsilon,$$





Более сложная зависимость:

$$y = \theta_0 + \theta_1 x_1 + \theta_2 x_2 + \theta_3 x_2^2 + \varepsilon,$$

 x_1 — рост песика,

 x_2 — обхват туловища песика,

у — вес песика,





Более сложная зависимость:

$$y = \theta_0 + \theta_1 x_1 + \theta_2 x_2 + \theta_3 x_2^2 + \varepsilon,$$

 x_1 — рост песика,

 x_2 — обхват туловища песика,

у — вес песика,

 $\theta_0, \theta_1, \theta_2, \theta_3$ — неизвестные параметры,



ê

Более сложная зависимость:

$$y = \theta_0 + \theta_1 x_1 + \theta_2 x_2 + \theta_3 x_2^2 + \varepsilon,$$

 x_1 — рост песика,

 x_2 — обхват туловища песика,

у — вес песика,

 $\theta_0, \theta_1, \theta_2, \theta_3$ — неизвестные параметры,

 ε — случайная составляющая с нулевым средним.





Более сложная зависимость:

$$y = \theta_0 + \theta_1 x_1 + \theta_2 x_2 + \theta_3 x_2^2 + \varepsilon,$$

 x_1 — рост песика,

 x_2 — обхват туловища песика,

у — вес песика,

 $\theta_0, \theta_1, \theta_2, \theta_3$ — неизвестные параметры,

arepsilon — случайная составляющая с нулевым средним.

Зависимость линейна по параметрам, квадратична по аргументам.





Более сложная зависимость:

$$y = \theta_0 + \theta_1 x_1 + \theta_2 x_2 + \theta_3 x_2^2 + \varepsilon,$$

 x_1 — рост песика,

 x_2 — обхват туловища песика,

у — вес песика,

 $\theta_0, \theta_1, \theta_2, \theta_3$ — неизвестные параметры,

arepsilon — случайная составляющая с нулевым средним.

Зависимость линейна по параметрам, квадратична по аргументам.

Модель линейной регрессии

Рассматриваем функциональную зависимость вида

$$y = y(x) = \theta_1 x_1 + \dots + \theta_d x_d$$

Модель линейной регрессии

Рассматриваем функциональную зависимость вида

$$y = y(x) = \theta_1 x_1 + \dots + \theta_d x_d$$

 $x_1, ..., x_d$ — признаки,

Модель линейной регрессии

Рассматриваем функциональную зависимость вида

$$y = y(x) = \theta_1 x_1 + \dots + \theta_d x_d$$

 $x_1, ..., x_d$ — признаки,

 $\theta = (\theta_1, ..., \theta_d)^T$ — вектор параметров.

Рассматриваем функциональную зависимость вида

$$y = y(x) = \theta_1 x_1 + \dots + \theta_d x_d$$

 $x_1, ..., x_d$ — признаки,

 $\theta = (\theta_1, ..., \theta_d)^T$ — вектор параметров.

Для оценки θ производится n испытаний вида

$$Y_i = \theta_1 x_{i1} + ... + \theta_d x_{id} + \varepsilon_i, \quad i = 1, ..., n,$$

Рассматриваем функциональную зависимость вида

$$y = y(x) = \theta_1 x_1 + \dots + \theta_d x_d$$

 $x_1, ..., x_d$ — признаки,

 $\theta = (\theta_1, ..., \theta_d)^T$ — вектор параметров.

Для оценки θ производится n испытаний вида

$$Y_i = \theta_1 x_{i1} + ... + \theta_d x_{id} + \varepsilon_i, \quad i = 1, ..., n,$$

 $x_i = (x_{i1},...,x_{id})$ — признаковые описания объекта i

Рассматриваем функциональную зависимость вида

$$y = y(x) = \theta_1 x_1 + \dots + \theta_d x_d$$

 $x_1,...,x_d$ — признаки,

 $\theta = (\theta_1, ..., \theta_d)^T$ — вектор параметров.

Для оценки θ производится n испытаний вида

$$Y_i = \theta_1 x_{i1} + ... + \theta_d x_{id} + \varepsilon_i, \quad i = 1, ..., n,$$

 $x_i = (x_{i1},...,x_{id})$ — признаковые описания объекта i (обычно неслучайные),

Модель линейной регрессии

Рассматриваем функциональную зависимость вида

$$y = y(x) = \theta_1 x_1 + \dots + \theta_d x_d$$

 $x_1, ..., x_d$ — признаки,

 $\theta = (\theta_1, ..., \theta_d)^T$ — вектор параметров.

Для оценки heta производится n испытаний вида

$$Y_i = \theta_1 x_{i1} + ... + \theta_d x_{id} + \varepsilon_i, \quad i = 1, ..., n,$$

 $x_i = (x_{i1},...,x_{id})$ — признаковые описания объекта i (обычно неслучайные),

 ε_i — случайная ошибка измерений.

Модель линейной регрессии

Рассматриваем функциональную зависимость вида

$$y = y(x) = \theta_1 x_1 + \dots + \theta_d x_d$$

 $x_1, ..., x_d$ — признаки,

 $\theta = (\theta_1, ..., \theta_d)^T$ — вектор параметров.

Для оценки θ производится n испытаний вида

$$Y_i = \theta_1 x_{i1} + ... + \theta_d x_{id} + \varepsilon_i, \quad i = 1, ..., n,$$

 $x_i = (x_{i1},...,x_{id})$ — признаковые описания объекта i (обычно неслучайные),

 ε_i — случайная ошибка измерений.

Введем обозначения

$$Y = \begin{pmatrix} Y_1 \\ \dots \\ Y_n \end{pmatrix},$$

Введем обозначения

$$Y = \begin{pmatrix} Y_1 \\ \dots \\ Y_n \end{pmatrix}, \quad X = \begin{pmatrix} x_{11} & \dots & x_{1d} \\ \dots & & \\ x_{n1} & \dots & x_{nd} \end{pmatrix},$$

Введем обозначения

$$Y = \begin{pmatrix} Y_1 \\ \dots \\ Y_n \end{pmatrix}, \quad X = \begin{pmatrix} x_{11} & \dots & x_{1d} \\ \dots & & \\ x_{n1} & \dots & x_{nd} \end{pmatrix}, \quad \varepsilon = \begin{pmatrix} \varepsilon_1 \\ \dots \\ \varepsilon_n \end{pmatrix}.$$

Введем обозначения

$$Y = \begin{pmatrix} Y_1 \\ \dots \\ Y_n \end{pmatrix}, \quad X = \begin{pmatrix} x_{11} & \dots & x_{1d} \\ \dots & & \\ x_{n1} & \dots & x_{nd} \end{pmatrix}, \quad \varepsilon = \begin{pmatrix} \varepsilon_1 \\ \dots \\ \varepsilon_n \end{pmatrix}.$$

Матричная форма записи проведенных испытаний

Введем обозначения

$$Y = \begin{pmatrix} Y_1 \\ \dots \\ Y_n \end{pmatrix}, \quad X = \begin{pmatrix} x_{11} & \dots & x_{1d} \\ \dots & & \\ x_{n1} & \dots & x_{nd} \end{pmatrix}, \quad \varepsilon = \begin{pmatrix} \varepsilon_1 \\ \dots \\ \varepsilon_n \end{pmatrix}.$$

Матричная форма записи проведенных испытаний

$$Y = X\theta + \varepsilon$$
.

Введем обозначения

$$Y = \begin{pmatrix} Y_1 \\ \dots \\ Y_n \end{pmatrix}, \quad X = \begin{pmatrix} x_{11} & \dots & x_{1d} \\ \dots & & \\ x_{n1} & \dots & x_{nd} \end{pmatrix}, \quad \varepsilon = \begin{pmatrix} \varepsilon_1 \\ \dots \\ \varepsilon_n \end{pmatrix}.$$

Матричная форма записи проведенных испытаний

$$Y = X\theta + \varepsilon$$
.

 $X \in \mathbb{R}^{n imes d}$ — регрессоры (или матрица плана эксперимента), $Y \in \mathbb{R}^n$ — отклик.

Введем обозначения

$$Y = \begin{pmatrix} Y_1 \\ \dots \\ Y_n \end{pmatrix}, \quad X = \begin{pmatrix} x_{11} & \dots & x_{1d} \\ \dots & & \\ x_{n1} & \dots & x_{nd} \end{pmatrix}, \quad \varepsilon = \begin{pmatrix} \varepsilon_1 \\ \dots \\ \varepsilon_n \end{pmatrix}.$$

Матричная форма записи проведенных испытаний

$$Y = X\theta + \varepsilon$$
.

 $X \in \mathbb{R}^{n imes d}$ — регрессоры (или матрица плана эксперимента), $Y \in \mathbb{R}^n$ — отклик.

Матричный вид зависимости: $y(x) = x^T \theta$.

Введем обозначения

$$Y = \begin{pmatrix} Y_1 \\ \dots \\ Y_n \end{pmatrix}, \quad X = \begin{pmatrix} x_{11} & \dots & x_{1d} \\ \dots & & \\ x_{n1} & \dots & x_{nd} \end{pmatrix}, \quad \varepsilon = \begin{pmatrix} \varepsilon_1 \\ \dots \\ \varepsilon_n \end{pmatrix}.$$

Матричная форма записи проведенных испытаний

$$Y = X\theta + \varepsilon$$
.

 $X \in \mathbb{R}^{n imes d}$ — регрессоры (или матрица плана эксперимента), $Y \in \mathbb{R}^n$ — отклик.

Матричный вид зависимости: $y(x) = x^T \theta$.

Замечание

Ô

Зависимость y = y(x) должна быть линейна по параметрам, но не обязана быть линейной по признакам.

Замечание

Ô

Зависимость y = y(x) должна быть линейна по параметрам, но не обязана быть линейной по признакам.

Пусть $z_1,...,z_k$ — набор "независимых" переменных.

E

Замечание

Зависимость y = y(x) должна быть линейна по параметрам, но не обязана быть линейной по признакам.

Пусть $z_1,...,z_k$ — набор "независимых" переменных.

Можно рассматривать модель

$$y(x) = \theta_1 x_1(z_1, ..., z_k) + ... + \theta_d x_d(z_1, ..., z_k),$$

где $x_j(z_1,...,z_k)$ — некоторые функции (м.б. нелинейные).

Замечание



Зависимость y = y(x) должна быть линейна по параметрам, но не обязана быть линейной по признакам.

Пусть $z_1,...,z_k$ — набор "независимых" переменных.

Можно рассматривать модель

$$y(x) = \theta_1 x_1(z_1, ..., z_k) + ... + \theta_d x_d(z_1, ..., z_k),$$

где $x_j(z_1,...,z_k)$ — некоторые функции (м.б. нелинейные).

$$x(z_1,...,z_k) = 1;$$

Замечание



Зависимость y = y(x) должна быть линейна по параметрам, но не обязана быть линейной по признакам.

Пусть $z_1,...,z_k$ — набор "независимых" переменных.

Можно рассматривать модель

$$y(x) = \theta_1 x_1(z_1, ..., z_k) + ... + \theta_d x_d(z_1, ..., z_k),$$

где $x_j(z_1,...,z_k)$ — некоторые функции (м.б. нелинейные).

- $x(z_1,...,z_k) = 1;$
- $x(z_1,...,z_k) = \ln z_1;$

Замечание



Зависимость y = y(x) должна быть линейна по параметрам, но не обязана быть линейной по признакам.

Пусть $z_1,...,z_k$ — набор "независимых" переменных.

Можно рассматривать модель

$$y(x) = \theta_1 x_1(z_1, ..., z_k) + ... + \theta_d x_d(z_1, ..., z_k),$$

где $x_j(z_1,...,z_k)$ — некоторые функции (м.б. нелинейные).

- $x(z_1,...,z_k) = \ln z_1;$

Зависимость y = y(x) должна быть линейна по параметрам, но не обязана быть линейной по признакам.

Пусть $z_1,...,z_k$ — набор "независимых" переменных.

Можно рассматривать модель

$$y(x) = \theta_1 x_1(z_1, ..., z_k) + ... + \theta_d x_d(z_1, ..., z_k),$$

где $x_j(z_1,...,z_k)$ — некоторые функции (м.б. нелинейные).

$$x(z_1,...,z_k) = \ln z_1;$$
 $x(z_1,...,z_k) = z_1^2 z_2.$

Зависимость y = y(x) должна быть линейна по параметрам, но не обязана быть линейной по признакам.

Пусть $z_1,...,z_k$ — набор "независимых" переменных.

Можно рассматривать модель

$$y(x) = \theta_1 x_1(z_1, ..., z_k) + ... + \theta_d x_d(z_1, ..., z_k),$$

где $x_j(z_1,...,z_k)$ — некоторые функции (м.б. нелинейные).

$$x(z_1,...,z_k) = \ln z_1;$$
 $x(z_1,...,z_k) = z_1^2 z_2.$



Предполагается линейная зависимость потребления мороженого в литрах на человека от среднесуточной температуры воздуха: $ic = \theta_0 + \theta_1 t$.

Предполагается линейная зависимость потребления мороженого в литрах на человека от среднесуточной температуры воздуха: $ic=\theta_0+\theta_1 t$.

Проведена серия наблюдений

$$IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \varepsilon_i,$$

 t_i — среднесуточная температура воздуха, IC_i — потребление мороженого в литрах на чел., $arepsilon_i\sim\mathcal{N}(0,\sigma^2)$ — случайное отклонение.

Пример: Потребление мороженого

Предполагается линейная зависимость потребления мороженого в литрах на человека от среднесуточной температуры воздуха: $ic=\theta_0+\theta_1 t$.

Проведена серия наблюдений

$$IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \varepsilon_i$$

 t_i — среднесуточная температура воздуха, IC_i — потребление мороженого в литрах на чел., $arepsilon_i \sim \mathcal{N}(0,\sigma^2)$ — случайное отклонение.



Пример: Потребление мороженого

Предполагается линейная зависимость потребления мороженого в литрах на человека от среднесуточной температуры воздуха: $ic=\theta_0+\theta_1 t$.

Проведена серия наблюдений

$$IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \varepsilon_i$$

 t_i — среднесуточная температура воздуха, IC_i — потребление мороженого в литрах на чел., $arepsilon_i \sim \mathcal{N}(0,\sigma^2)$ — случайное отклонение.



Пример: Потребление мороженого

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \varepsilon_i$.

Пример: Потребление мороженого

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \varepsilon_i$.

B данном примере $x_1(t) =$

Пример: Потребление мороженого

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \varepsilon_i$.

B данном примере $x_1(t) = 1$,

Пример: Потребление мороженого

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \varepsilon_i$.

Пример: Потребление мороженого

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \varepsilon_i$.

Пример: Потребление мороженого

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \varepsilon_i$.

$$X =$$

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \varepsilon_i$.

$$X = \begin{pmatrix} 1 & t_1 \\ \dots \\ 1 & t_n \end{pmatrix}, Y =$$

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \varepsilon_i$.

$$X = \begin{pmatrix} 1 & t_1 \\ \dots \\ 1 & t_n \end{pmatrix}, Y = \begin{pmatrix} IC_1 \\ \dots \\ IC_n \end{pmatrix}, \theta =$$

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \varepsilon_i$.

В данном примере $x_1(t) = 1, x_2(t) = t$,

$$X = \begin{pmatrix} 1 & t_1 \\ \dots \\ 1 & t_n \end{pmatrix}, Y = \begin{pmatrix} IC_1 \\ \dots \\ IC_n \end{pmatrix}, \theta = \begin{pmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \end{pmatrix}.$$

Пусть $w=I\{$ выходной день $\}$, зависимость $ic= heta_0+ heta_1t+ heta_2t^2w$.

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \varepsilon_i$.

В данном примере $x_1(t) = 1, x_2(t) = t$,

$$X = \begin{pmatrix} 1 & t_1 \\ \dots \\ 1 & t_n \end{pmatrix}, Y = \begin{pmatrix} IC_1 \\ \dots \\ IC_n \end{pmatrix}, \theta = \begin{pmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \end{pmatrix}.$$

Пусть $w=I\{$ выходной день $\}$, зависимость $ic= heta_0+ heta_1t+ heta_2t^2w$.

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \theta_2 t_i^2 w_i + \varepsilon_i$.

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \varepsilon_i$.

В данном примере $x_1(t) = 1, x_2(t) = t$,

$$X = \begin{pmatrix} 1 & t_1 \\ \dots \\ 1 & t_n \end{pmatrix}, Y = \begin{pmatrix} IC_1 \\ \dots \\ IC_n \end{pmatrix}, \theta = \begin{pmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \end{pmatrix}.$$

Пусть $w=I\{$ выходной день $\}$, зависимость $ic= heta_0+ heta_1t+ heta_2t^2w$.

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \theta_2 t_i^2 w_i + \varepsilon_i$.

B данном примере $x_1(t, w) =$

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \varepsilon_i$.

В данном примере $x_1(t) = 1, x_2(t) = t$,

$$X = \begin{pmatrix} 1 & t_1 \\ \dots \\ 1 & t_n \end{pmatrix}, Y = \begin{pmatrix} IC_1 \\ \dots \\ IC_n \end{pmatrix}, \theta = \begin{pmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \end{pmatrix}.$$

Пусть $w=I\{$ выходной день $\}$, зависимость $ic= heta_0+ heta_1t+ heta_2t^2w$.

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \theta_2 t_i^2 w_i + \varepsilon_i$.

B данном примере $x_1(t, w) = 1$,

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \varepsilon_i$.

В данном примере $x_1(t) = 1, x_2(t) = t$,

$$X = \begin{pmatrix} 1 & t_1 \\ \dots \\ 1 & t_n \end{pmatrix}, Y = \begin{pmatrix} IC_1 \\ \dots \\ IC_n \end{pmatrix}, \theta = \begin{pmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \end{pmatrix}.$$

Пусть $w=I\{$ выходной день $\}$, зависимость $ic= heta_0+ heta_1t+ heta_2t^2w$.

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \theta_2 t_i^2 w_i + \varepsilon_i$.

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \varepsilon_i$.

В данном примере $x_1(t) = 1, x_2(t) = t$,

$$X = \begin{pmatrix} 1 & t_1 \\ \dots \\ 1 & t_n \end{pmatrix}, Y = \begin{pmatrix} IC_1 \\ \dots \\ IC_n \end{pmatrix}, \theta = \begin{pmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \end{pmatrix}.$$

Пусть $w=I\{$ выходной день $\}$, зависимость $ic= heta_0+ heta_1t+ heta_2t^2w$.

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \theta_2 t_i^2 w_i + \varepsilon_i$.

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \varepsilon_i$.

В данном примере $x_1(t) = 1, x_2(t) = t$,

$$X = \begin{pmatrix} 1 & t_1 \\ \dots \\ 1 & t_n \end{pmatrix}, Y = \begin{pmatrix} IC_1 \\ \dots \\ IC_n \end{pmatrix}, \theta = \begin{pmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \end{pmatrix}.$$

Пусть $w=I\{$ выходной день $\}$, зависимость $ic= heta_0+ heta_1t+ heta_2t^2w$.

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \theta_2 t_i^2 w_i + \varepsilon_i$.

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \varepsilon_i$.

В данном примере $x_1(t) = 1, x_2(t) = t$,

$$X = \begin{pmatrix} 1 & t_1 \\ \dots \\ 1 & t_n \end{pmatrix}, Y = \begin{pmatrix} IC_1 \\ \dots \\ IC_n \end{pmatrix}, \theta = \begin{pmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \end{pmatrix}.$$

Пусть $w=I\{$ выходной день $\}$, зависимость $ic= heta_0+ heta_1t+ heta_2t^2w$.

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \theta_2 t_i^2 w_i + \varepsilon_i$.

$$X =$$

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \varepsilon_i$.

В данном примере $x_1(t) = 1, x_2(t) = t$,

$$X = \begin{pmatrix} 1 & t_1 \\ \dots \\ 1 & t_n \end{pmatrix}, Y = \begin{pmatrix} IC_1 \\ \dots \\ IC_n \end{pmatrix}, \theta = \begin{pmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \end{pmatrix}.$$

Пусть $w=I\{$ выходной день $\}$, зависимость $ic= heta_0+ heta_1t+ heta_2t^2w$.

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \theta_2 t_i^2 w_i + \varepsilon_i$.

$$X = \begin{pmatrix} 1 & t_1 & t_1^2 w_1 \\ ... & & \\ 1 & t_n & t_n^2 w_n \end{pmatrix}, Y =$$

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \varepsilon_i$.

В данном примере $x_1(t) = 1, x_2(t) = t$,

$$X = \begin{pmatrix} 1 & t_1 \\ \dots \\ 1 & t_n \end{pmatrix}, Y = \begin{pmatrix} IC_1 \\ \dots \\ IC_n \end{pmatrix}, \theta = \begin{pmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \end{pmatrix}.$$

Пусть $w=I\{$ выходной день $\}$, зависимость $ic= heta_0+ heta_1t+ heta_2t^2w$.

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \theta_2 t_i^2 w_i + \varepsilon_i$.

$$X = \begin{pmatrix} 1 & t_1 & t_1^2 w_1 \\ \dots & & \\ 1 & t_n & t_n^2 w_n \end{pmatrix}, Y = \begin{pmatrix} IC_1 \\ \dots \\ IC_n \end{pmatrix}, \theta =$$

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \varepsilon_i$.

В данном примере $x_1(t) = 1, x_2(t) = t$,

$$X = \begin{pmatrix} 1 & t_1 \\ \dots \\ 1 & t_n \end{pmatrix}, Y = \begin{pmatrix} IC_1 \\ \dots \\ IC_n \end{pmatrix}, \theta = \begin{pmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \end{pmatrix}.$$

Пусть $w=I\{$ выходной день $\}$, зависимость $ic= heta_0+ heta_1t+ heta_2t^2w$.

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \theta_2 t_i^2 w_i + \varepsilon_i$.

$$X = \begin{pmatrix} 1 & t_1 & t_1^2 w_1 \\ \dots & & \\ 1 & t_n & t_n^2 w_n \end{pmatrix}, Y = \begin{pmatrix} IC_1 \\ \dots \\ IC_n \end{pmatrix}, \theta = \begin{pmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \\ \theta_2 \end{pmatrix}.$$

Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \varepsilon_i$.

В данном примере $x_1(t) = 1, x_2(t) = t$,

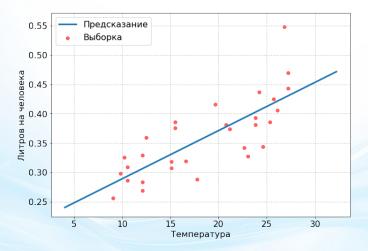
$$X = \begin{pmatrix} 1 & t_1 \\ \dots \\ 1 & t_n \end{pmatrix}, Y = \begin{pmatrix} IC_1 \\ \dots \\ IC_n \end{pmatrix}, \theta = \begin{pmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \end{pmatrix}.$$

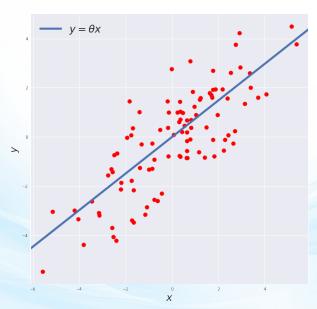
Пусть $w=I\{$ выходной день $\}$, зависимость $ic= heta_0+ heta_1t+ heta_2t^2w$.

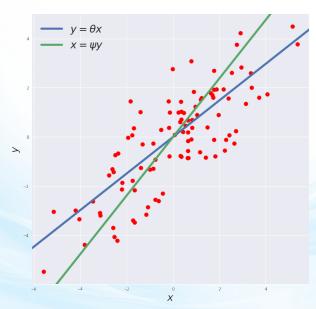
Наблюдения: $IC_i = \theta_0 + \theta_1 t_i + \theta_2 t_i^2 w_i + \varepsilon_i$.

$$X = \begin{pmatrix} 1 & t_1 & t_1^2 w_1 \\ \dots & & \\ 1 & t_n & t_n^2 w_n \end{pmatrix}, Y = \begin{pmatrix} IC_1 \\ \dots \\ IC_n \end{pmatrix}, \theta = \begin{pmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \\ \theta_2 \end{pmatrix}.$$









E

