



Введение в компьютерное зрение. Сверточные сети

Лектор — Троешестова Лидия



Классификация изображений

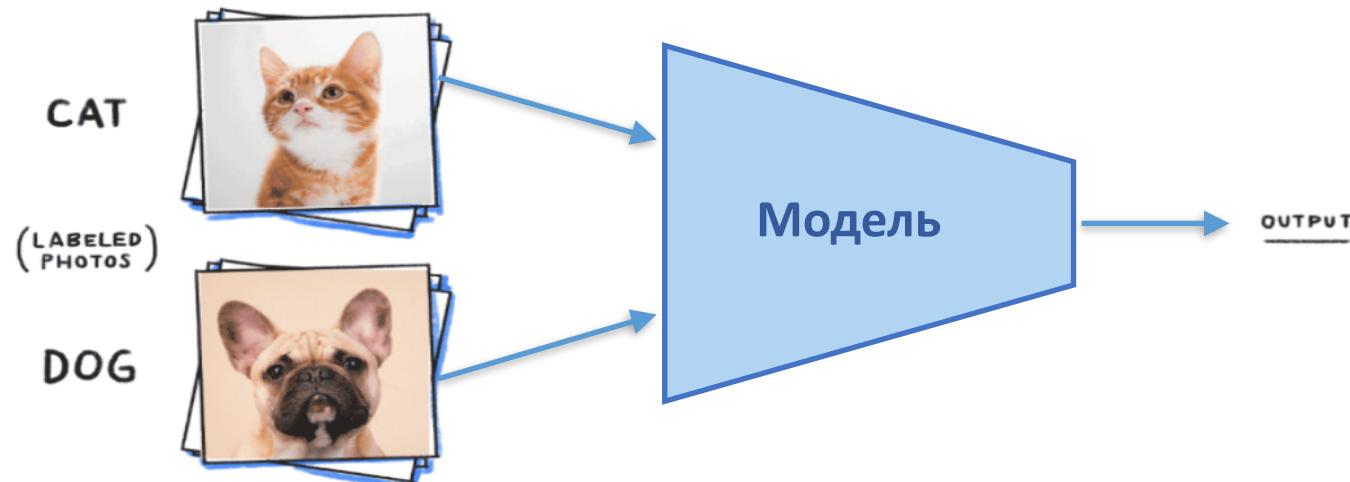
Классификация изображений

X — пространство картинок,

Y — набор классов, например {кошка, собака}.

Требуется построить модель $f: X \rightarrow Y$,

определяющую к какому классу относится объект на картинке.



Проблемы классификации изображений

Разные углы обзора



Разный размер



Деформация



Перекрытие



Разная освещенность



Фон. помехи



Разная форма



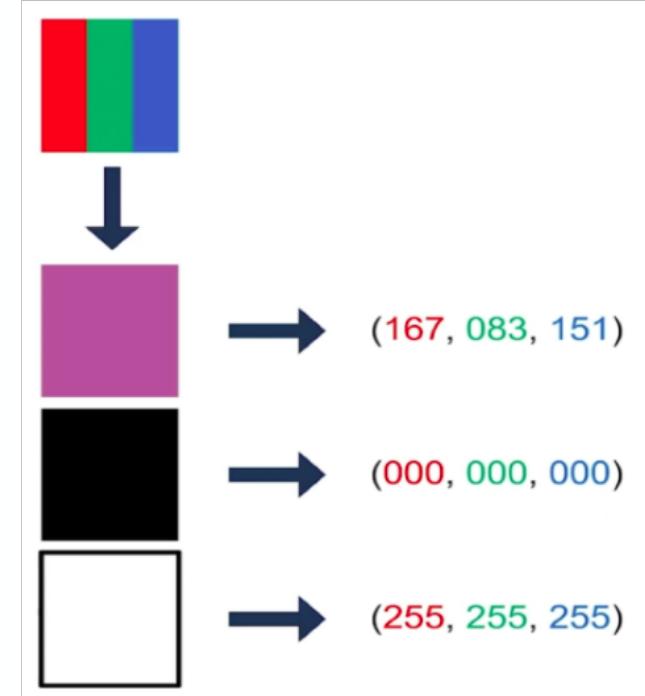
Стандартное представление изображения

- **Черно-белая картинка** — матрица из пикселей.
 - H — длина в пикселях,
 - W — ширина в пикселях.
 - **Пиксель** — число, означ. интенсивность цвета.
 - **Интенсивность** — число от 0 до 1.
Обычно ее кодируют числом от 0 до 255 (1 байт).
- 
- Черно-белая картинка — тензор размера (H, W), состоящий из uint8 чисел.

0	2	15	0	0	11	10	0	0	0	0	9	9	0	0	0	0
0	0	0	4	60	157	236	255	255	177	95	61	32	0	0	29	
0	10	16	119	238	255	244	245	243	250	249	255	222	103	10	0	
0	14	170	255	255	244	254	255	253	245	255	249	253	251	124	1	
2	98	255	228	255	251	254	211	141	116	122	215	251	238	255	49	
13	217	243	255	155	33	226	52	2	0	10	13	232	255	255	36	
16	229	252	254	49	12	0	0	7	7	0	70	237	252	235	62	
6	141	245	255	212	25	11	9	3	0	115	236	243	255	137	0	
0	87	252	250	248	215	60	0	1	121	252	255	248	144	6	0	
0	13	113	255	255	245	255	182	181	248	252	242	208	36	0	19	
1	0	5	117	251	255	241	255	247	255	241	162	17	0	7	0	
0	0	0	4	58	251	255	246	254	253	255	120	11	0	1	0	
0	0	4	97	255	255	255	248	252	255	244	255	182	10	0	4	
0	22	206	252	246	251	241	100	24	113	255	245	255	194	9	0	
0	111	255	242	255	158	24	0	0	6	39	255	232	230	56	0	
0	218	251	250	137	7	11	0	0	0	2	62	255	250	125	3	
0	173	255	255	101	9	20	0	13	3	13	182	251	245	61	0	
0	107	251	241	255	230	98	55	19	118	217	248	253	255	52	4	
0	18	148	250	255	247	255	255	249	255	240	255	129	0	5		
0	0	23	113	215	255	250	248	255	255	248	248	118	14	12	0	
0	0	6	1	0	52	153	233	255	252	147	37	0	0	4	1	
0	0	5	5	0	0	0	0	0	14	1	0	6	6	0	0	

Стандартное представление изображения

- **Цветная картинка** — матрица из пикселей,
 H — высота в пикселях,
 W — ширина в пикселях.
- **Пиксель** обычно представляют в **RGB** формате:
массив интенсивностей **красного**, **зеленого** и **синего**.
- **Интенсивность** — число от 0 до 1.
Обычно ее кодируют числом от 0 до 255 (1 байт).

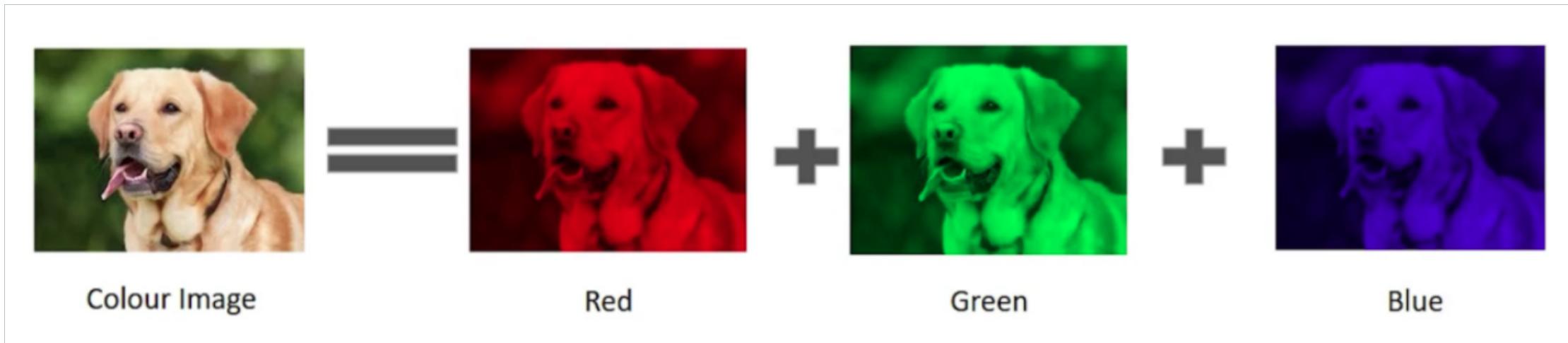


Цветная картинка — тензор размера $(H, W, 3)$, состоящий из `uint8` чисел.

Стандартное представление изображения

Цветная картинка — тензор размера ($H, W, 3$), состоящий из чисел uint8.

Изображение можно разложить на **3 канала** по размерности пикселя.



Классификация изображений до нейросетей

Необходима генерация признаков изображений вручную.



Генерация
признаков



Обучение
модели



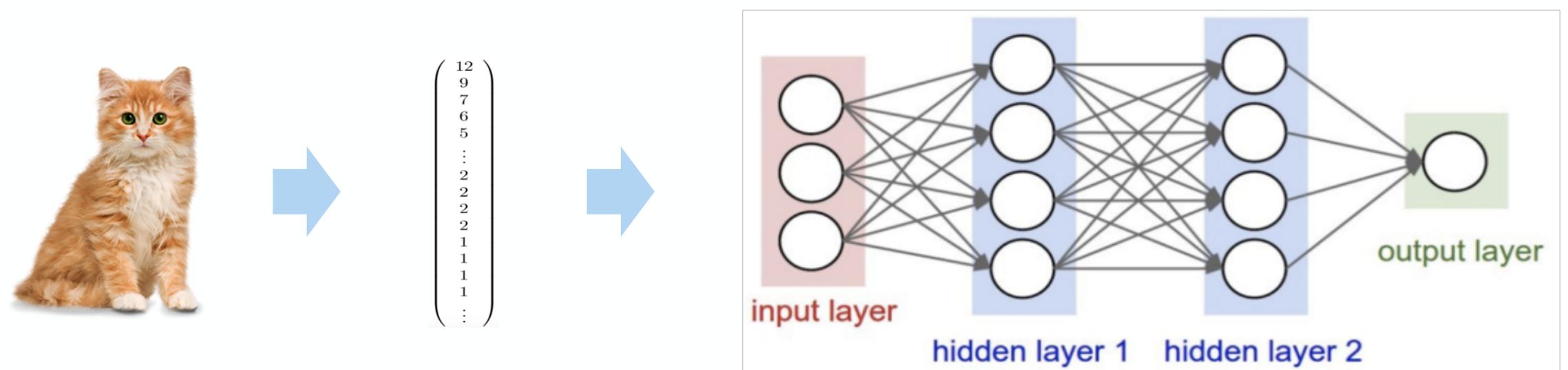
Предсказание

Полезные признаки
изображения
для упрощения
классификации

KNN, ...

Классификация изображений с помощью нейросетей

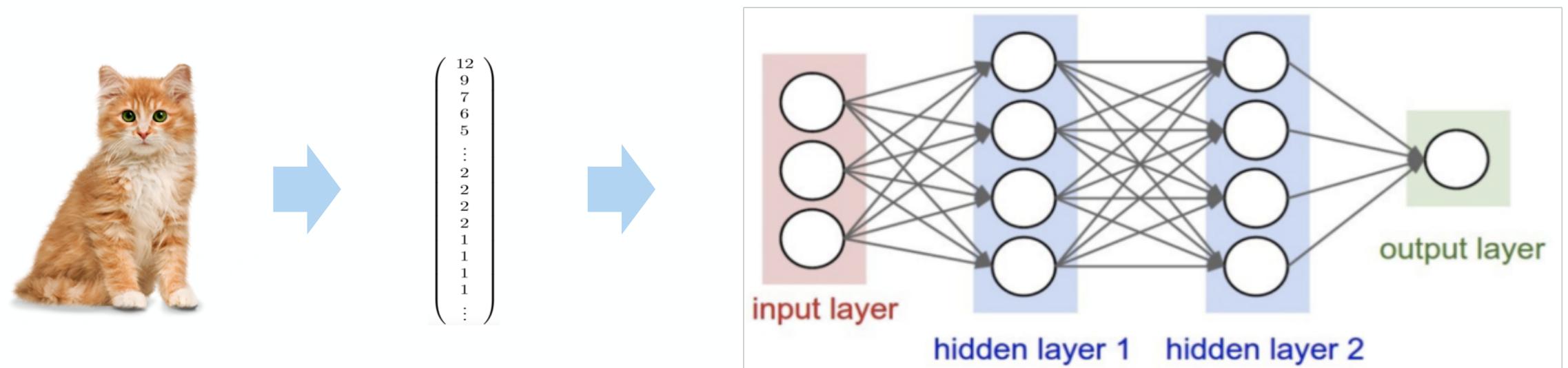
Преобразуем картинку в вектор и подаем результат нейросети.



Насколько Linear слои подходят для решения задачи классификации картинок?

Классификация изображений с помощью нейросетей

Преобразуем картинку в вектор и подаем результат нейросети.



Проблемы линейных слоев:

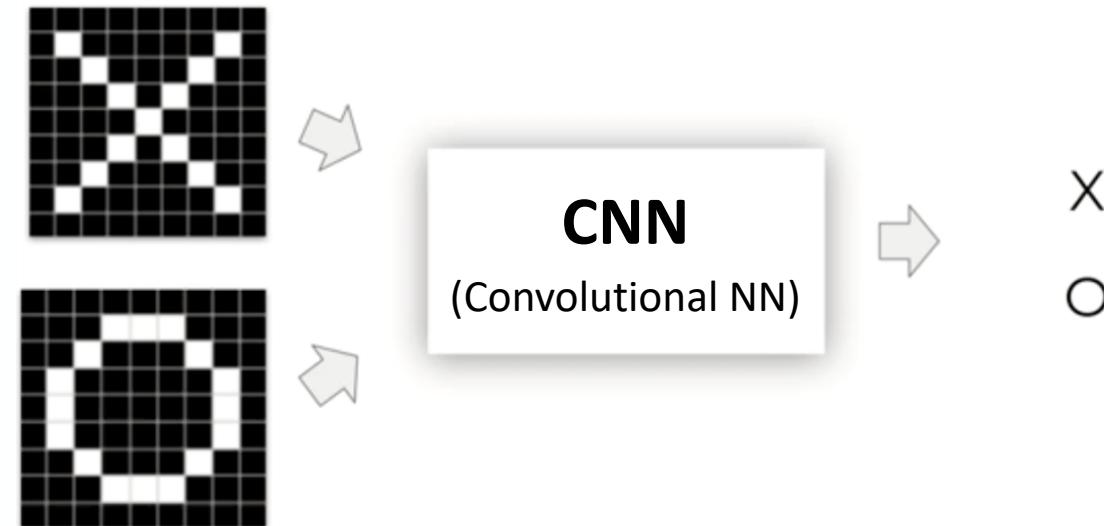
- имеют очень много параметров
- изначально не понимают связи между близко расположеными пикселями, что делает нахождение паттернов сложнее

Свёртка (convolution)

Интуиция свёртки

Поиграем в классификацию

Требуется уметь находить **крестики и нолики** на картинке.
Причем объекты могут находиться в разных местах картинки,
быть не в точности равны искомым паттернам.



Интуиция свёртки

Идея: сделаем локальный поиск паттернов.

Берем паттерн крестика и ищем похожий паттерн на картинке.

- Проходимся окнами по картинке.
- Считаем схожесть этой части картинки и паттерна.
- Записываем результат в соотв. место в матрице.

0	1	1	1	0	0	0
0	0	1	1	1	0	0
0	0	0	1	1	1	0
0	0	0	1	1	0	0
0	0	1	1	0	1	0
0	1	1	0	1	0	0
1	1	0	1	0	0	0

I

1	-1	1
-1	1	-1
1	-1	1

K

-1	2	-1	2	-1
1	0	1	-1	2
1	0	0	3	-2
-1	1	2	-3	3
1	2	-3	4	-2

I*K

Интуиция свёртки

Как считать схожесть?

Чтобы оценить схожесть двух паттернов перемножим их скалярно:

- умножим матрицы поэлементно;
- сложим числа получ. матрицы.

Чем больше значение в матрице, тем больше похожа область картинки на паттерн.

0	1	1	1	0	0	0
0	0	1	1	1	0	0
0	0	0	1	1	1	0
0	0	0	1	1	0	0
0	0	1	1	0	1	0
0	1	1	0	1	0	0
1	1	0	1	0	0	0

I

1	-1	1
-1	1	-1
1	-1	1

K

-1	2	-1	2	-1
1	0	1	-1	2
1	0	0	3	-2
-1	1	2	-3	3
1	2	-3	4	-2

I*K

2D-свёртка

Фильтр / ядро, представляющий из себя матрицу весов, пробегает по исходным данным и вычисляет скалярные произведения с той частью изображения, над которой он сейчас находится.

Изображение

x_{11}	x_{12}	x_{13}
x_{21}	x_{22}	x_{23}
x_{31}	x_{32}	x_{33}

Фильтр

w_{11}	w_{12}
w_{21}	w_{22}

*

=

2D-свёртка

Фильтр / ядро, представляющий из себя матрицу весов, пробегает по исходным данным и вычисляет скалярные произведения с той частью изображения, над которой он сейчас находится.

Изображение

x_{11}	x_{12}	x_{13}
x_{21}	x_{22}	x_{23}
x_{31}	x_{32}	x_{33}

Фильтр

w_{11}	w_{12}
w_{21}	w_{22}

*

=

$$x_{11}w_{11} + x_{12}w_{12} + \\ x_{21}w_{21} + x_{22}w_{22}$$

2D-свёртка

Фильтр / ядро, представляющий из себя матрицу весов, пробегает по исходным данным и вычисляет скалярные произведения с той частью изображения, над которой он сейчас находится.

Изображение

x_{11}	x_{12}	x_{13}
x_{21}	x_{22}	x_{23}
x_{31}	x_{32}	x_{33}

Фильтр

w_{11}	w_{12}
w_{21}	w_{22}

*

=

$$\begin{array}{|c|c|} \hline & x_{11}w_{11} + x_{12}w_{12} + \\ & x_{21}w_{21} + x_{22}w_{22} \\ \hline & \\ \hline & x_{12}w_{11} + x_{13}w_{12} + \\ & x_{22}w_{21} + x_{23}w_{22} \\ \hline \end{array}$$

2D-свёртка

Фильтр / ядро, представляющий из себя матрицу весов, пробегает по исходным данным и вычисляет скалярные произведения с той частью изображения, над которой он сейчас находится.

Изображение

x_{11}	x_{12}	x_{13}
x_{21}	x_{22}	x_{23}
x_{31}	x_{32}	x_{33}

Фильтр

w_{11}	w_{12}
w_{21}	w_{22}

*

=

$$\begin{array}{|c|c|} \hline & x_{11}w_{11} + x_{12}w_{12} + \\ & x_{21}w_{21} + x_{22}w_{22} \\ \hline & x_{21}w_{11} + x_{22}w_{12} + \\ & x_{31}w_{21} + x_{32}w_{22} \\ \hline \end{array}$$
$$x_{12}w_{11} + x_{13}w_{12} +$$
$$x_{22}w_{21} + x_{23}w_{22}$$

2D-свёртка

Фильтр / ядро, представляющий из себя матрицу весов, пробегает по исходным данным и вычисляет скалярные произведения с той частью изображения, над которой он сейчас находится.

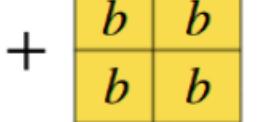
Изображение

x_{11}	x_{12}	x_{13}
x_{21}	x_{22}	x_{23}
x_{31}	x_{32}	x_{33}

Фильтр

w_{11}	w_{12}
w_{21}	w_{22}

*



+

=

$x_{11}w_{11} + x_{12}w_{12} +$ $x_{21}w_{21} + x_{22}w_{22} + b$	$x_{12}w_{11} + x_{13}w_{12} +$ $x_{22}w_{21} + x_{23}w_{22} + b$
$x_{21}w_{11} + x_{22}w_{12} +$ $x_{31}w_{21} + x_{32}w_{22} + b$	$x_{22}w_{11} + x_{23}w_{12} +$ $x_{32}w_{21} + x_{33}w_{22} + b$

После чего к каждому элементу также добавляется смещение b .

2D-свёртка

Формула свертки: $(I * F)_{m,n} = \sum_{i=1}^K \sum_{j=1}^K w_{ij} \cdot x_{m+i-1, n+j-1} + b,$

где I - изображение, F - фильтр размера (K, K) .

Веса w_{ij} и смещение b — обучаемые параметры. K — гиперпараметр.

Изображение

x_{11}	x_{12}	x_{13}
x_{21}	x_{22}	x_{23}
x_{31}	x_{32}	x_{33}

Фильтр

w_{11}	w_{12}
w_{21}	w_{22}

*

b	b
b	b

+

=

$x_{11}w_{11} + x_{12}w_{12} +$ $x_{21}w_{21} + x_{22}w_{22} + b$	$x_{12}w_{11} + x_{13}w_{12} +$ $x_{22}w_{21} + x_{23}w_{22} + b$
$x_{21}w_{11} + x_{22}w_{12} +$ $x_{31}w_{21} + x_{32}w_{22} + b$	$x_{22}w_{11} + x_{23}w_{12} +$ $x_{32}w_{21} + x_{33}w_{22} + b$

2D-свёртка: а как обучать?

Несложно увидеть, что эта операция линейна по отношению к w_{ij} и b . А это значит, что градиенты операции свертки выражаются аналитически, то есть Back Propagation работает!

Изображение

x_{11}	x_{12}	x_{13}
x_{21}	x_{22}	x_{23}
x_{31}	x_{32}	x_{33}

Фильтр

w_{11}	w_{12}
w_{21}	w_{22}

*

b	b
b	b

+

$$\begin{array}{|c|c|} \hline
 x_{11}w_{11} + x_{12}w_{12} + & x_{12}w_{11} + x_{13}w_{12} + \\
 x_{21}w_{21} + x_{22}w_{22} + b & x_{22}w_{21} + x_{23}w_{22} + b \\ \hline
 x_{21}w_{11} + x_{22}w_{12} + & x_{22}w_{11} + x_{23}w_{12} + \\
 x_{31}w_{21} + x_{32}w_{22} + b & x_{32}w_{21} + x_{33}w_{22} + b \\ \hline
 \end{array}$$

$$\frac{\partial L}{\partial F} = \\
 \frac{\partial L}{\partial X} =$$

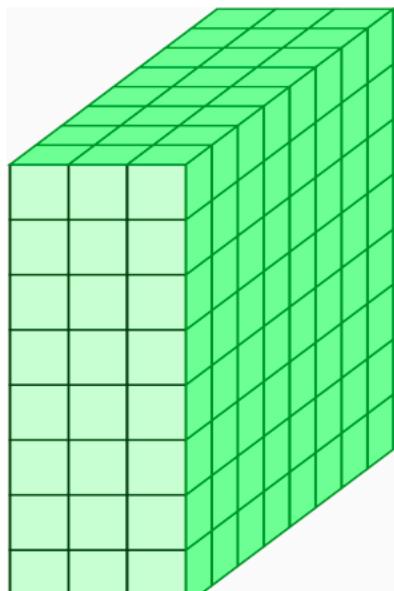


Fun fact: градиент свертки – тоже своего рода свертка.

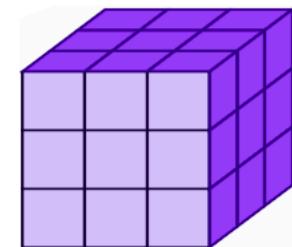
2D-свёртка. Многоканальный вход

Вход — трехмерный тензор размера $H \times W \times C$.

Ядро — трехмерная матрица размера $K \times K \times C$.



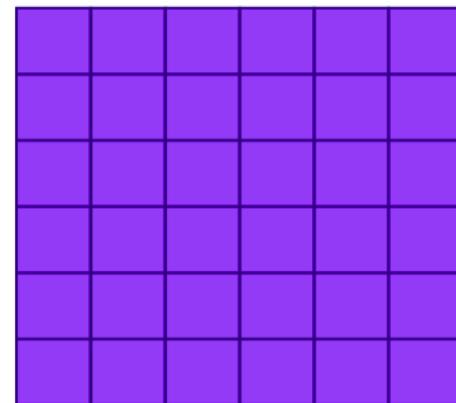
изображение $8 \times 8 \times 3$



фильтр $3 \times 3 \times 3$



смещение



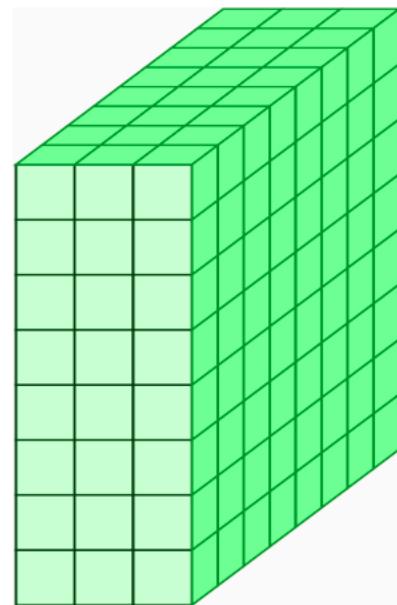
результат — карта 6×6

2D-свёртка. Многоканальный вход

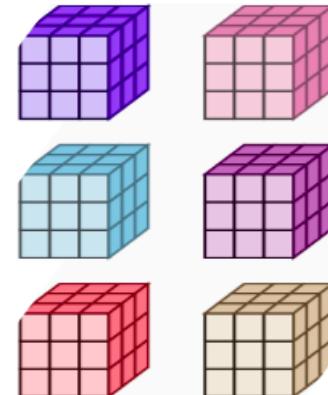
Один фильтр — одна карта, соответствующая одному паттерну.

Возьмем K разных фильтров и применим свертку к ним.

Получим K карт на выходе.



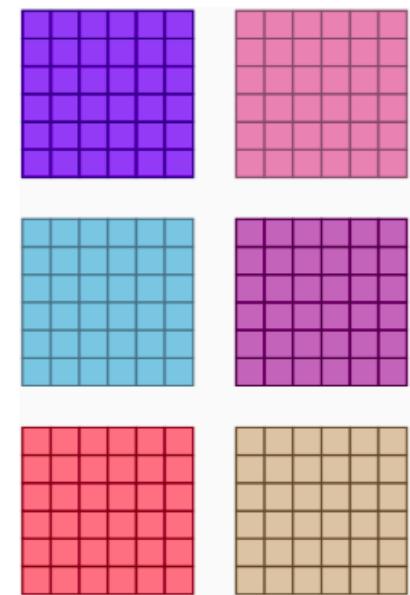
изображение $8 \times 8 \times 3$



6 фильтров $3 \times 3 \times 3$



смещения



6 карт 6×6

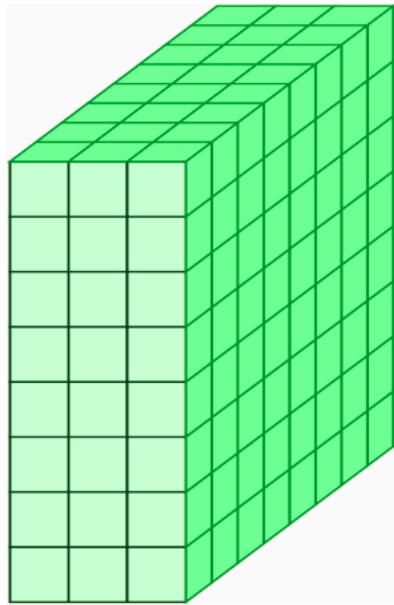
2D-свёртка. Многоканальный вход

Один фильтр — одна карта, соответствующая одному паттерну.

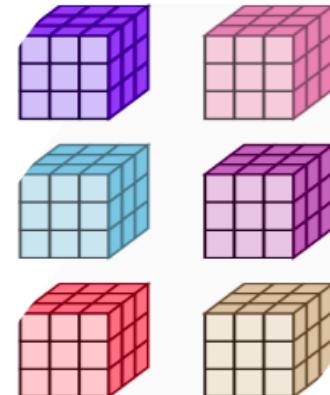
Возьмем K разных фильтров и применим свертку к ним.

Получим K карт на выходе.

Выходную матрицу можно использовать как вход следующего слоя.



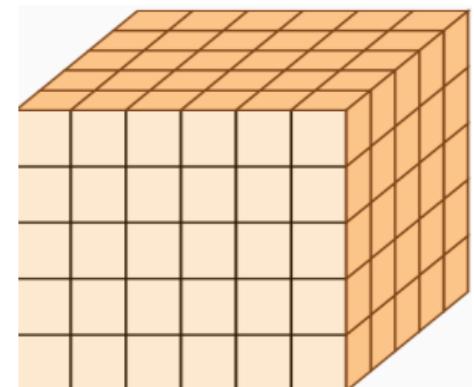
изображение $8 \times 8 \times 3$



6 фильтров $3 \times 3 \times 3$



смещения



6 карт 6×6

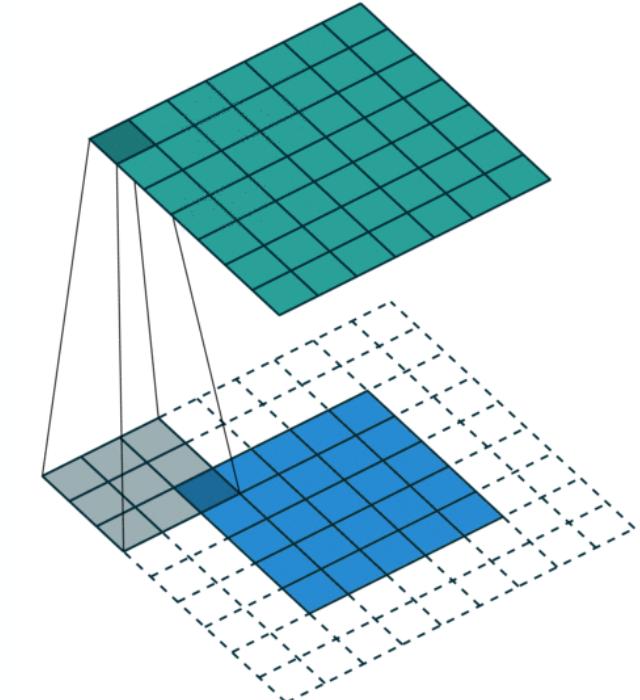
2D-свёртка: padding

Проблема:

- Крайние пиксели никогда не оказываются в центре ядра.
- Выходной размер получается меньше входного.

Padding добавляет по краям фейковые пиксели.

Тогда все пиксели поучаствуют во всех позициях ядра :)



Какими значениями заполнять?

- Нулями (zero-padding).

Самый популярный вариант.

Сеть учится понимать, что окно находится на границе картинки.

- Зеркально

2D-свёртка: stride

Идея: перемещаем ядро с некоторым дискретным шагом.

- $\text{stride} = 1$ (default) - ядро сдвигается на 1 пиксель.
- $\text{stride} = 2$ - ядро сдвигается на 2 пикселя.

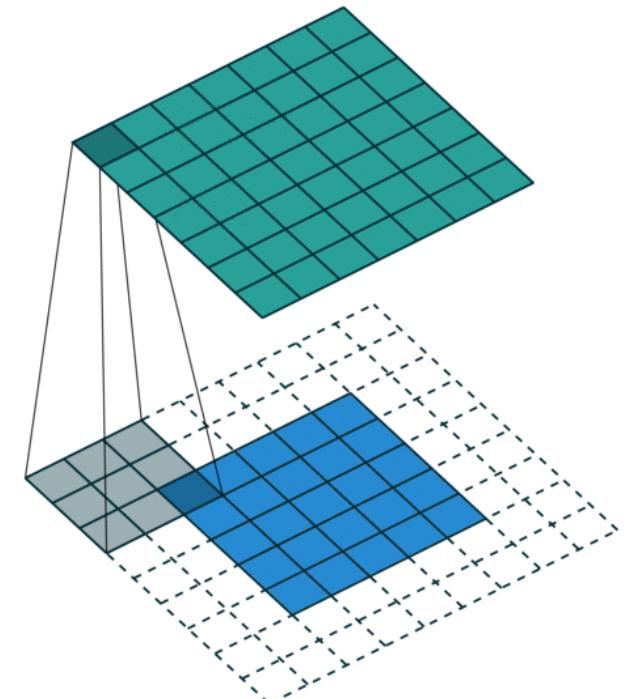
Таким образом, выходной размер уменьшается.

Искомые паттерны всё равно должны найтись,
если исходное изображение достаточно большое.

Больше визуализаций:

<https://ezyang.github.io/convolution-visualizer/>

https://github.com/vdumoulin/conv_arithmetic





Больше свёрток!

- Одной свёрткой можем узнать только наличие простых паттернов на картинке.
- Одной свёрткой не можем найти сложные паттерны.
Если фильтр будет изображать лицо кота, то мы вряд ли найдем что-то похожее на картинке с котом, ведь коты бывают разные.

Идея: сделаем несколько свёрток подряд.

- Первая свёртка будет искать простые паттерны на исходной картинке.
- Вторая будет искать простые паттерны уже на картах после первой свёртки.
Простые паттерны из простых паттернов — уже более сложные паттерны.
- ...



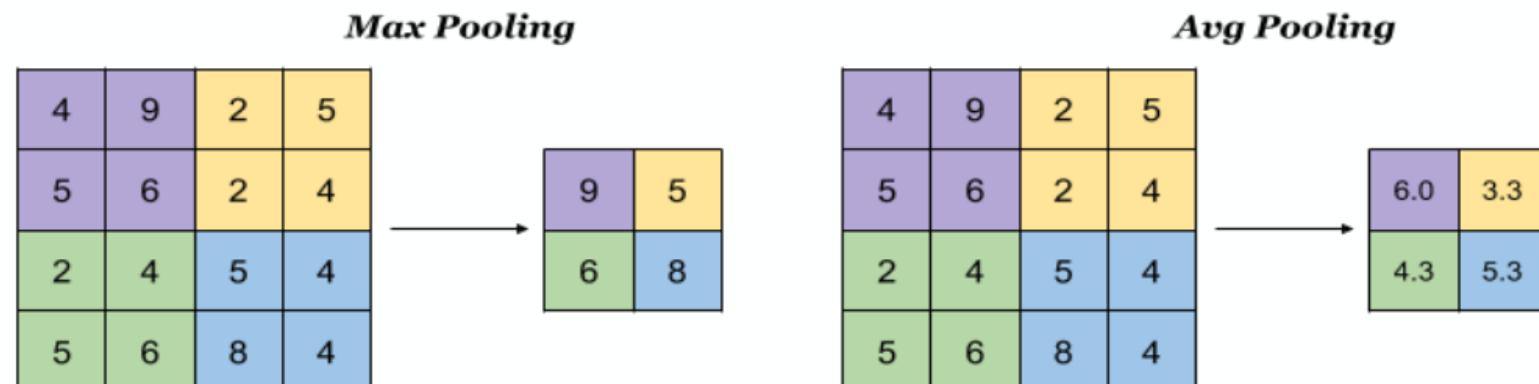
Pooling

2D Pooling

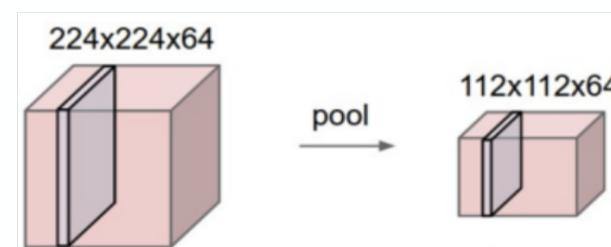
Скользим окном по входным данным и вычисляем нек. функцию от его элементов.

Цель — уменьшение размерности. Применяется обычно после свёрточного слоя.

После свёртки имеем большое количество признаков, для дальнейшей работы настолько подробные признаки уже не нужны. Уменьшим количество признаков, оставив только самое важное.



<https://indoml.com>



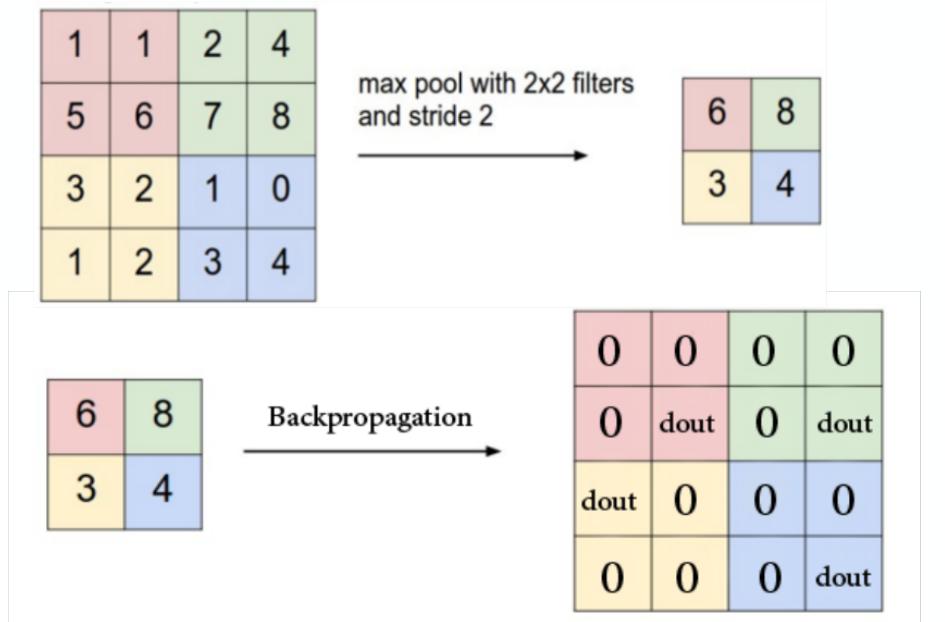
2D Pooling

Гиперпараметры

- kernel_size: часто берут 2
- stride: шаг, с которым будем перемещать окно, часто берут 2
- Функция, которую применяем к элементам в окне:
 - Max
 - Average
 - ...

Back propagation (MaxPooling):

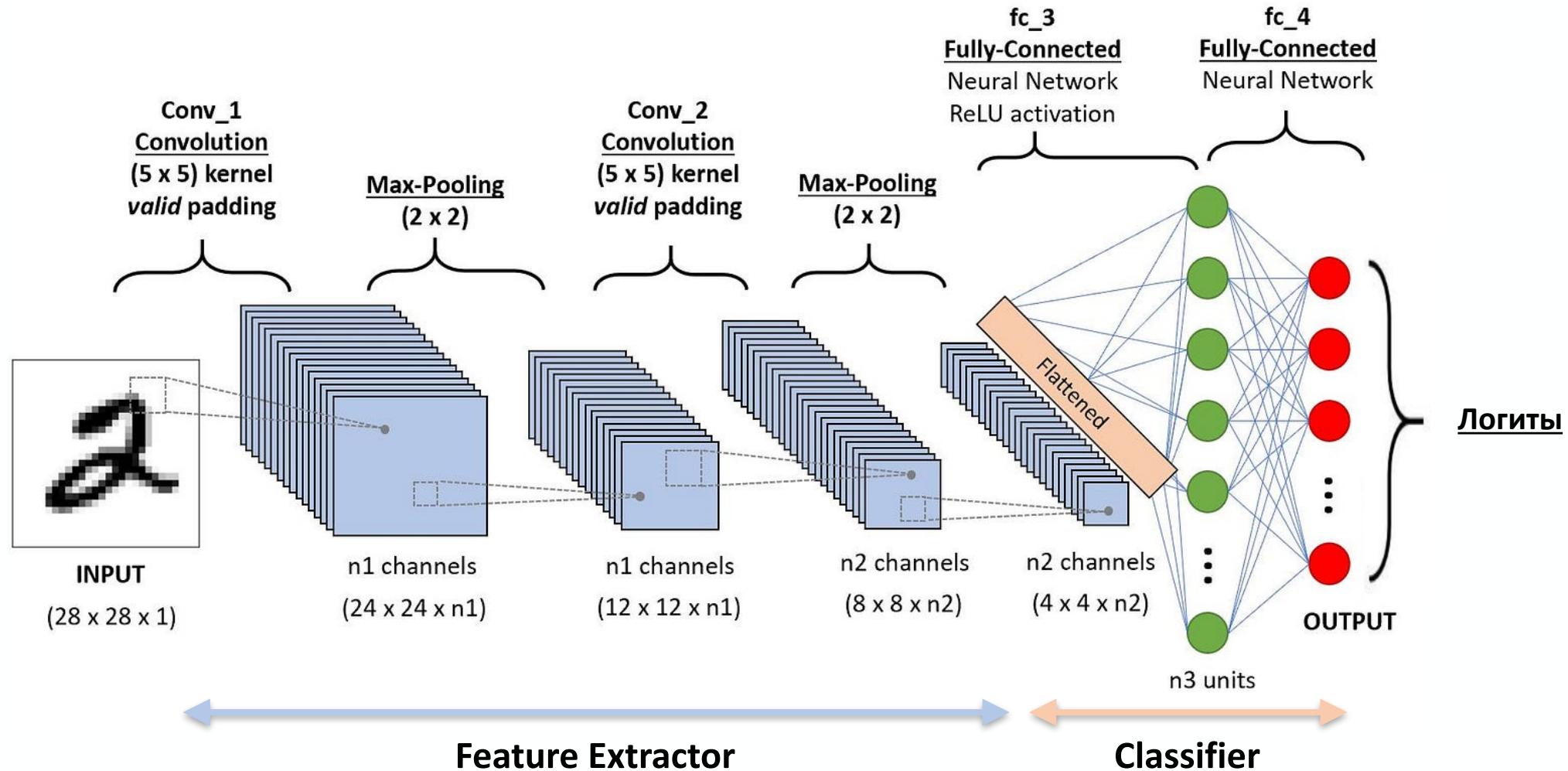
Градиент потечет назад только через значения, выбранные в качестве максимумов.





Классификация с помощью CNN

Классификация с помощью CNN

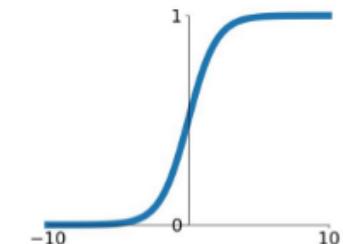


Предсказание вероятности

Бинарная классификация

Нужно нормализовать выход сети на отрезок $[0, 1]$, для этого используется **сигмоида**.

$$\sigma(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}}$$



Мультиклассовая классификация

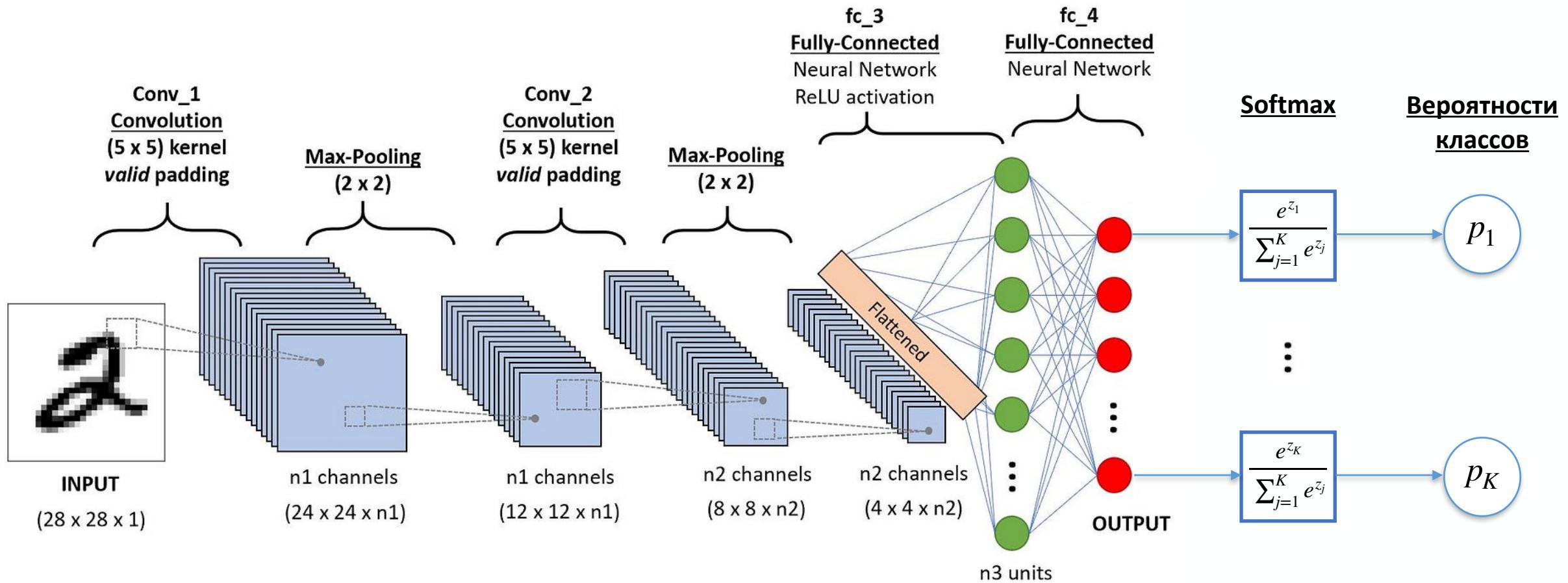
Классы не зависят друг от друга, по сути имеем бинарную классификацию для каждого класса в отдельности. Чтобы отнормировать значения выходов модели на отрезок применяется функция softmax.

$$\text{softmax}(z)_k = \frac{e^{z_k}}{\sum_{j=1}^K e^{z_j}}, \quad k \in \{1, \dots, K\}, \quad K - \text{число классов}$$

Почему бы просто не взять argmax из значений как метку класса?

Градиент будет нулевым практически везде, что не позволит сети обучаться.

Вероятности классов из логитов



Алгоритм обучения

1. Forward Pass:

- вход X – батч картинок (n, H, W, C) – подается в сеть с параметрами θ ;
- выход $\hat{y}_\theta(X)$ – вероятности (n, K);
- Y – one-hot представление истинных меток класса (n, K).

2. Loss: для многоклассовой классификации используется Cross Entropy Loss:

$$\text{CE}(Y, \hat{y}_\theta) = -\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^K Y_{ij} \log(\hat{y}_\theta(X_i))_j$$

3. Backward Pass: считаем градиенты $\nabla_\theta \text{CE}(Y, \hat{y}_\theta)$ в порядке от последних к первым слоям.

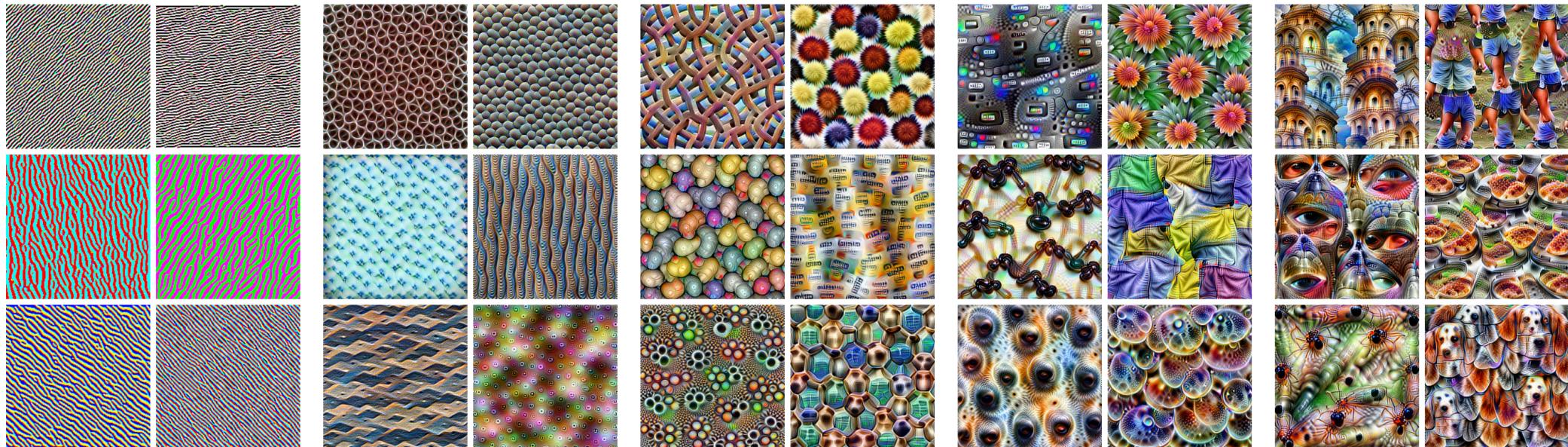
4. Шаг оптимизации: $\theta_t = \theta_{t-1} - \eta \nabla_{\theta_{t-1}} \text{CE}(Y, \hat{y}_{\theta_{t-1}})$

Чему учатся CNN?

Пусть X – вход, Z_{kl} – выход нейрона l на слое k после функции активации.

Так как CNN дифференцируема по своим входам, можно решать задачу $Z_{kl} \rightarrow \max_X$.

Результат – картинка, больше всего активирующая данный нейрон.





BCE!