

Correction TD4 - Les arbres

Exercice 1

```
def creee_arbre (racine, etiquette):  
    return [racine, {racine: []}, {racine: etiquette}]
```

```
def ajouter_fils (A, pere, fils, etiquette_fils):  
    adj = A[1]  
    etiq = A[2]  
    if not pere in adj:  
        raise ValueError ("Le pere n'existe pas")  
    if fils in adj:  
        raise ValueError ("Le fils existe déjà dans l'arbre")  
    adj[fils] = []  
    adj[pere].append(fils)  
    etiq[fils] = etiquette_fils
```

```
def fils (A, p):  
    return A[1][p]
```

```
def pere (A, f):  
    adj = A[1]  
    for pere in adj:  
        for s in adj[pere]:  
            if s == f:  
                return pere  
    return None
```

```
def racine (A):  
    return A[0]
```



```
def etiquette (A,s):  
    return A[s][s]
```

```
def taille_arbre (A):  
    nb_s = taille_rec (A, racine(A))  
    return nb_s
```

```
def taille_rec (A,p):  
    nb_s = 1  
    for f in fils (A,p):  
        nb_s += taille_rec (A,f)  
    return nb_s
```

```
def taille_sous_arbre (A,p):  
    return taille_rec (A,p)
```

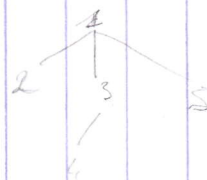
```
def parcours_arbre (A,p):  
    p = []  
    parcours_recuratif (A,p, racine(A))  
    return p
```

```
def parcours_recuratif (A,p,s):  
    p.append(s)  
    for f in fils (A,s):  
        parcours_recuratif (A,p,f)
```

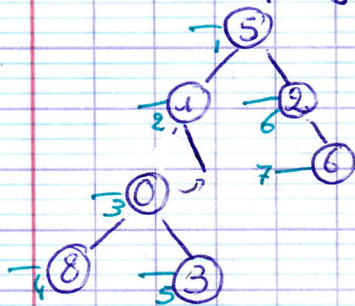
```
def parcours_niveau (A,h,p):  
    parcours_niveau_recuratif (A,h,A[0],p)  
    return p
```

```
def parcours_niveau_recuratif (A,h,s,p):  
    if h == 0:  
        p.append(s)  
    else:  
        for f in fils (A,s):  
            parcours_niveau_recuratif (A,h-1,f,p)
```


$E = A[2]$
 $E[f] = \text{cHquette}$
 return A



Arbres binaires
Parcours préfixe



Résultat:

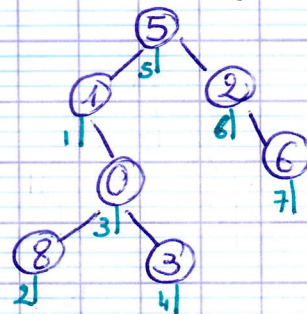
[5, 1, 0, 8, 3, 2, 6]

On fait le tour de l'arbre et dès que l'on rencontre un sommet on le met dans la liste.

```

def prefix-rec(A, s, l)
  l.append(s)
  fg = fils-gauche(A, s)
  if not fg is None:
    prefix-rec(A, fg, l)
  fd = fils-droit(A, s)
  if not fd is None:
    prefix-rec(A, fd, l)
  
```

Parcours infixe



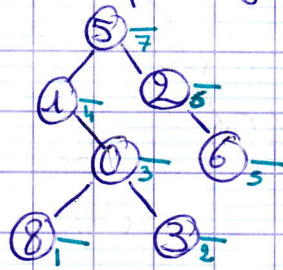
[1, 8, 0, 3, 5, 2, 6]

On fait le tour de l'arbre et quand on rencontre un sommet qui n'a pas encore été inséré dans la liste on l'insère uniquement si son fils gauche (s'il existe) a déjà été inséré.

```

def infixe-rec(A, s, l)
  fg = fils-gauche(A, s)
  if not fg is None:
    infixe-rec(A, fg, l)
  l.append(s)
  fd = fils-droit(A, s)
  if not fd is None:
    infixe-rec(A, fd, l)
  
```


Parcours post-fixe



On fait le tour de l'arbre et quand on rencontre un sommet on l'insère dans la liste uniquement si tous les fils ont déjà été ajoutés.

[8, 3, 0, 1, 6, 2, 5]

def post-fixe-rec(A, s, l)

fg = fils-gauche(A, s)

if not fg is None:

post-fixe-rec(A, fg, l)

fd = fils-droit(A, s)

if not fd is None:

post-fixe-rec(A, fd, l)

l.append(s)