

Segurança da Informação - Lista 1
Prof. Márcio Moretto Ribeiro
Mirela Mei - 11208392

1. Mensagem: privacidadepublicatranparenciaprivada

a) cifra de deslocamento com $k = 3$

$c =$ S U L Y D F L G D G H S X E O L F D W U D Q U S D U H Q F L D D U L Y D G D

**b) cifra de substituição com a seguinte permutação de letras:
Z E B R A S C D F G H I J K L M N O P Q T U V W X Y**

$c =$ M O F U Z B F R Z R A M T E I F B Z Q O Z K P M Z O A K B F Z M O L U Z R Z

c) cifra de Vigenère com chave senha

$c =$ H V V C A U M Q H D W T H I L A G N A R S R F W A J I A J I S T E P V S H N

$m =$ 5 7 8 21 0 2 8 3 0 3 4 15 20 1 11 8 2 0 19 17 0 13 17 15
0 17 4 13 2 8 0 15 17 8 21 0 3 0

$c =$ 18 20 11 24 3 5 11 6 3 6 7 18 23 4 14 11 5 3 22 20 3 16
20 18 3 20 7 16 5 11 3 18 20 11 24 3 6 3

2. Calcule o tamanho do universo das chaves em uma cifra de Vigenère da forma como usada normalmente (escolhendo uma palavra) e na forma como apresentamos formalmente (sequência aleatória com tamanho fixo l)?

Considerando a palavra FOME, tem-se:

O tamanho do universo da chave é $26^4 = 456976$

Já o universo de uma chave aleatória de tamanho fixo l é 26^l

3. Mostre que a cifra de deslocamento não garante sigilo perfeito

É possível demonstrar que a cifra de deslocamento não garante sigilo perfeito por meio de um exemplo.

Seja $\pi \langle \text{gen}, E, D \rangle$ um sistema de criptografia de deslocamento.

Criptografando a mensagem OVO e utilizando a cifra de deslocamento com $k = 4$ obtemos a mensagem SZS.

$$\Pr(C = c \mid M = mo) = 1/26 \cdot 1/26 = 1/676$$

Porém, não é possível fazer o processo inverso de descriptografar a cifra SZS e obter a mensagem OVO, o que quebra o sigilo perfeito.

4. **Descreva com suas palavras o sistema de criptografia de cifra de fluxo. O que precisamos assumir para que esse sistema seja seguro? Em que sentido podemos considerá-lo seguro?**

O sistema de criptografia de cifra de fluxos consiste em definir uma sequência aleatória de bits chamada semente e, a partir dessa semente, gerar uma sequência maior de bits que será usada para encriptar a mensagem utilizando o XOR. Para gerar essa sequência maior de bits utilizamos um gerador de números pseudoaleatórios (PRG). Para assumir que esse sistema é seguro, é necessário assumir que não é possível distinguir as sequências de bits produzidas por um PRG de uma sequência realmente aleatória e para isso é possível utilizar testes distinguidores.

O sistema é seguro para ataques ciphertext only.

5. **Considere um sistema Π seguro contra ataques ciphertext only cujo parâmetro de segurança tem 128 bits ($n = 128$) e um adversário polinomial que derrota o sistema com probabilidade $1/2 + 1/(2^{n/4})$. Com que probabilidade esse adversário derrotaria o sistema se dobrássemos n ?**

Considerando $n=256$, tem-se:

$$12 + 12n/4 = 12 + 12 \cdot 256/4 = 12 + 12 \cdot 64 = 792$$

Portanto, a probabilidade é de 0.5.

6. **Sejam y_0, y_1, y_2, \dots os bits gerados pelo algoritmo RC4. É possível mostrar que para uma distribuição uniforme de sementes e vetores iniciais, a probabilidade dos bits y_9, \dots, y_{16} serem todos iguais a 0 é $2/256$. Mostre como construir um algoritmo eficiente D capaz de distinguir as sequências de bits produzidas pelo RC4 de uma sequência realmente aleatória.**

Seja D um distinguidor que recebe uma sequência m, onde $|m| \geq 16$. D retorna 1 se os bits da posição 8 até 16 forem 0 ou retorna 0 caso contrário.

Portanto:

$$P[D(RC4(s))=1] - P[D(s)=1] \\ 2/256 - 1/256 = 1/256$$

7. Suponha que um bit em uma cifra tenha sido alterado por um erro. Qual o efeito disso na mensagem descriptografada caso a cifra tenha sido produzida usando o modo Ctr? E no caso de ter sido produzida usando o modo CBC?

Utilizando o modo CTR somente o bloco do bit alterado seria perdido. Já no modo CBC, não seria mais possível recuperar a mensagem, pois os blocos subsequentes também seriam afetados

8. Suponha que f seja uma função pseudo-aleatória com chave e blocos ambos de 128 bits e considere o seguinte sistema:
Esse sistema é seguro? Por que?

O sistema não é seguro, pois é possível escolher 2 mensagens de mesmo tamanho, a primeira com blocos iguais e a segunda com blocos diferentes. Dessa forma, ao ver a cifra gerada, será possível distinguir qual mensagem originou cada uma das cifras.