# Computação Gráfica (3º ano de LCC) **Trabalho Prático (Fase 2)** — **Grupo 3**Relatório de Desenvolvimento

André Lucena Ribas Ferreira (A94956) — Carlos Eduardo da Silva Machado (A96936) — Gonçalo Manuel Maia de Sousa (A97485)

14 de abril de 2023

Resumo							
Este relatório aborda a sol "Computação Gráfica".	ução proposta para o	enunciado da $2^{\frac{a}{2}}$ fas	se do Trabalho Prá	tico da Unidade	Curricular		
T							

# Conteúdo

1	Introdução			
	1.1 Estrutura do Relatório	. 2		
2	Generator	3		
3	Engine	5		
	3.1 Nova Definição de Grupos e Transformações Geométricas	. 5		
	3.2 Câmara	. 8		
	3.2.1 Movimento da Câmara	. 9		
	3.2.2 Funções Auxiliares	. 10		
	3.2.3 Alterações à Função $render\_scene$	. 10		
4 Resultados		12		
	4.1 Demo	. 12		
5	Conclusão	15		

# Introdução

O presente relatório tem como objetivo apresentar a solução concebida pelo Grupo 3 para a  $2^{\underline{a}}$  fase do Trabalho Prático da Unidade Curricular "Computação Gráfica".

Esta fase consiste em apenas modificar o *engine* de forma a possuir, agora, a possibilidade de definir hierarquias de grupos e transformações. Além disso, também construímos uma demo estática do sistema solar.

#### 1.1 Estrutura do Relatório

Para além deste, o relatório compreende diferentes Capítulos. Em 2 apresenta-se extensão à implementação da aplicação generator. Em 3 apresenta-se as extensões à implementação da aplicação engine. Em 4 expõe-se imagens tiradas aos modelos gerados a partir dos xmls dos test files. Em 5 apresenta-se a conclusão do relatório.

### Generator

Decidimos implementar como figura extra o Cilindro, já tendo implementado o Torus no guião passado.

Os parâmetros necessários para definir um cilindro são: o raio (radius), a altura (height), as fatias (slices) e pilhas (stacks).

A implementação do cilindro é análoga às outras primitivas que já definimos, nomeadamente da esfera, por se basear em definir os triângulos verticalmente para cada *slice* e posteriormente rodar sobre o seu eixo.

Para tal, definimos um ângulo alfa através de  $2^*\pi/slices$ , através desse alfa vamos poder criar o triângulo correspondente a cada fatia do cilindro

Iniciamos com a construção da base do cilindro, com um triângulo para cada slice criando três pontos que juntos geram um triângulo. Um deles será sempre a origem, para que a base do cone fique no plano xOz, enquanto os outros dois serão pontos no perímetro da circunferência, no sentido dos ponteiros do relógio para a orientação da base ser no sentido negativo do eixo Oy. A construção da base de cima do cilindro que segue o mesmo principio da base baixo, diferindo apenas na altura. A função é semelhante à outras criadas, utilizamos um **std:vector** que será útil para guardar os pontos em tuplos. Consideram-se circunferências ao longo da altura do cilindro, com saltos ditados pelos valores division\_height\_step. Para cada uma das slices, definem-se dois triângulos orientados para fora do sólido geométrico. Para tal, utilizam-se coordenadas análogas à rotação ao redor do eixo Oy, por se tratar de uma circunferência

```
vector<tuple<float , float , float >>* generate cylinder(float radius, float height, int slices,
                           int stacks){
                        vector<tuple<float, float, float>>* point array = new vector<tuple<float, float, float>>;
 2
  3
                         float division height step = height/stacks;
  4
                         float alfa = 2*M PI/slices;
  5
                         for (int i = 0; i < slices; i++) {
                                         //bottom part
                                        point_array \rightarrow push_back(make_tuple(0.0f, -height/2, 0.0f));
                                        point\_array -> push\_back \big(\, make\_tuple \big(\, radius * sin \, \big(\, alfa \ * \ (\, i+1) \, \big)\,, -\, height \, / \, 2\,, \ radius * cos \, \big(\, alfa \, * \, (\, i+1) \, \big)\,, -\, height \, / \, 2\,, \ radius * cos \, \big(\, alfa \, * \, (\, i+1) \, \big)\,, -\, height \, / \, 2\,, \ radius * cos \, \big(\, alfa \, * \, (\, i+1) \, \big)\,, -\, height \, / \, 2\,, \ radius * \, cos \, \big(\, alfa \, * \, (\, i+1) \, \big)\,, -\, height \, / \, 2\,, \ radius * \, cos \, \big(\, alfa \, * \, (\, i+1) \, \big)\,, -\, height \, / \, 2\,, \ radius * \, cos \, \big(\, alfa \, * \, (\, i+1) \, \big)\,, -\, height \, / \, 2\,, \ radius * \, cos \, \big(\, alfa \, * \, (\, i+1) \, \big)\,, -\, height \, / \, 2\,, \ radius * \, cos \, \big(\, alfa \, * \, (\, i+1) \, \big)\,, -\, height \, / \, 2\,, \ radius * \, cos \, \big(\, alfa \, * \, (\, i+1) \, \big)\,, -\, height \, / \, 2\,, \ radius * \, cos \, \big(\, alfa \, * \, (\, i+1) \, \big)\,, -\, height \, / \, 2\,, \ radius * \, cos \, \big(\, alfa \, * \, (\, i+1) \, \big)\,, -\, height \, / \, 2\,, \ radius * \, alfa \, 
10
                       alfa * (i+1)));
                                        point array->push back(make tuple(radius*sin(alfa * i),-height/2, radius*cos(alfa *
11
                       i)));
12
13
                                         point array->push back(make tuple(radius*sin(alfa * i), height/2, radius*cos(alfa * i
14
                                         point array->push back(make tuple(radius*sin(alfa * (i+1)), height/2, radius*cos(alfa
                                        point array->push back(make tuple(0.0f, height/2, 0.0f));
16
17
                                        //middle part
18
```

```
for (int j=0; j < stacks; j++){
19
               double bot_height = -height/2 + j*division_height_step;
20
               double top_height = bot_height + division_height_step;
21
22
               point array->push back(make tuple(radius*sin(alfa * i), bot height, radius*cos(
23
      alfa * i)));
               point\_array -> push\_back(make\_tuple(radius*sin(alfa * (i+1)),bot height, radius*))
24
      \cos(alfa * (i+1)));
               point_array->push_back(make_tuple(radius*sin(alfa * i),top_height, radius*cos(
25
      alfa * i)));
26
               point_array->push_back(make_tuple(radius*sin(alfa * i),top_height, radius*cos(
27
      alfa * i)));
               point\_array -> push\_back(make\_tuple(radius*sin(alfa * (i+1)),bot height, radius*))
28
      \cos(alfa * (i+1)));
               point array->push back(make tuple(radius*sin(alfa * (i+1)),top height, radius*
29
      \cos(alfa * (i+1)));
          }
30
31
32
33
      return point_array;
34
  }
```

Depois, no main, basta extrair do **std::vector** o número de pontos com o método **size()** e o array de tuplos com o método **data()** e escrevemos em ficheiro com a função *points write* criada no guião anterior.

```
if (!strcmp(argv[1], "cylinder")){
          vector<tuple<float, float, float>>* cylinder = generate_cylinder(atof(argv[2]), atof(argv[3]), atoi(argv[4]), atoi(argv[5]));
          points_write(argv[6], cylinder->size(), cylinder->data());
          free(cylinder);
}
```

## Engine

Neste capítulo, vamos abordar as mudanças que fizemos ao código relativo ao *engine* de modo a suprir as novas necessidades enunciadas na fase 2 e alguns extras.

Deste modo, vamos dividir este capítulo em:

- Nova Definição de Grupos e Transformações Geométricas
- Câmara

#### 3.1 Nova Definição de Grupos e Transformações Geométricas

Nesta fase temos de ter a possibilidade de criar subgrupos para cada grupo do ficheiro **xml**, à exceção do primeiro grupo, criando uma hierarquia. Então alteramos a classe *Group* para possuir um **std::vector** de apontadores para *Group*, onde se guardarão os seus filhos, já que estes vão herdar as transformações de trás. No ficheiro **xml**, cada grupo pode possuír um campo *transform* com transformações, sendo que só podemos ter um transformação de cada tipo (*rotate*, *translate* e *scale*) e a ordem das transformações é importante. Tendo isso em conta, na classe é adicionado um **std::vector** *transformations* que guarda um *char* com a inicial de cada transformação na ordem que foi dada. Além disso, guardamos as coordenadas x, y e z, no caso da rotação também o ângulo, nos *arrays* correspondentes.

```
class Group{
public:
    std::vector<Model*> models;

std::vector<char> transformations;
float translate[3];
float rotate[4];
float scale[3];

std::vector<Group*> subGroups;
};
```

No ficheiro parser.cpp, a função parse\_group foi alterada para possuir recursividade e transformações. Além disso, passamos tudo relativo aos modelos para uma função parse\_group\_models e criamos a função parse\_group\_transform para lidar com o parsing xml das transformações.

```
void parse_group(xml_node<> *group_node, Group* group){
    xml_node<>> *temp;

// Transformacoes
    if((temp = group_node->first_node("transform")))
        parse_group_transform(temp, group);
```

```
7
      // Modelos
8
      if ((temp = group_node->first_node("models")))
9
           parse_group_models(temp, group);
10
11
      // Grupos
12
       for(temp = group node->first node("group"); temp; temp = temp->next sibling("group")){
13
           Group *groupChild = new Group;
14
           group->subGroups.push_back(groupChild);
15
16
           parse group(temp, groupChild);
      }
17
  }
18
```

```
1
      for (xml node *node models = node Models -> first node (); node models; node models =
2
     node models->next sibling()){
          // Criar fstream e abrir
3
          fstream filestream;
          filestream.open(node models->first attribute()->value(), ios::in|ios::binary);
          // Ler inteiro para o n
          int n;
          filestream.read((char*)&n, sizeof(int));
8
9
          // Ler array de tuplos
10
          tuple<float , float , float >* tuples = new tuple<float , float , float >[n];
11
          filestream . read((char*) tuples, sizeof(tuple < float, float, float >) * n);
12
13
           / fechar o ficheiro
14
          filestream.close();
15
          // Criar o model, guardar os tuplos e o inteiro no model, guardar o model no group
17
          Model* model = new Model;
18
          model->figure = tuples;
19
          model \rightarrow size = n;
20
          group->models.push back(model);
21
      }
22
  }
23
```

Na função parse\_group\_transform, fazemos o que foi descrito anteriormente: percorremos os nodos translate dentro do nodo transform através de um ciclo for pois não temos certeza do número exato de transformações que o o grupo poderá ter, apenas que podemos ter no mínimo 0 transformações e no máximo 3 (uma de cada tipo).

Em cada transformação, caso não encontremos algum dos atributos, tomamos como default o valor 0. A lógica é idêntica à das outras funções de parsing, comparamos o nome do nodo com as nossas possibilidades, se a string é a mesma, verificamos a existência de cada um dos atributos e valores.

```
void parse group transform (xml node >> *node transform, Group* group) {
2
      for (xml node >> *node temp = node transform -> first node(); node temp; node temp =
3
      node temp->next sibling()){
           if (!strcmp(node temp->name(), "translate")){
5
               group—>transformations.push back('t');
6
               xml attribute >> * attr;
               if ((attr = node temp->first attribute("x")))
                    group->translate[0] = atof(attr->value());
10
               else
11
                    group \rightarrow translate[0] = 0;
12
```

```
13
                  if ((attr = node temp->first attribute("y")))
14
                       group->translate[1] = atof(attr->value());
15
16
                       group \rightarrow translate[1] = 0;
17
18
                  if ((attr = node temp->first attribute("z")))
19
                       group \rightarrow translate[2] = atof(attr \rightarrow value());
20
21
                  else
22
                       group \rightarrow translate[2] = 0;
            } else if (!strcmp(node_temp->name(), "rotate")){
23
                  group->transformations.push_back('r');
24
25
                  xml attribute >> * attr;
26
                  if ((attr = node temp->first attribute("angle")))
27
                       group \rightarrow rotate[0] = atof(attr \rightarrow value());
28
29
                       group \rightarrow rotate[0] = 0;
30
31
                  if ((attr = node temp->first attribute("x")))
32
                       group \rightarrow rotate[1] = atof(attr \rightarrow value());
33
                  else
34
                       group \rightarrow rotate[1] = 0;
35
36
                  if ((attr = node temp->first attribute("y")))
37
                       group->rotate[2] = atof(attr->value());
38
                  else
39
                       group \rightarrow rotate[2] = 0;
40
41
                  if ((attr = node_temp->first_attribute("z")))
42
                       group->rotate[3] = atof(attr->value());
43
                  else
44
                       group \rightarrow rotate[3] = 0;
45
            } else if (!strcmp(node temp->name(), "scale")){
46
                  group->transformations.push back('s');
47
48
                  xml attribute >> * attr;
49
                  if ((attr = node temp->first attribute("x")))
50
                       group \rightarrow scale[0] = atof(attr \rightarrow value());
51
                  else
52
                       group \rightarrow scale[0] = 0;
53
                  if ((attr = node_temp->first_attribute("y")))
55
                       group \rightarrow scale[1] = atof(attr \rightarrow value());
56
                  else
57
                       group \rightarrow scale[1] = 0;
58
59
                  if ((attr = node temp->first attribute("z")))
60
                       group \rightarrow scale[2] = atof(attr \rightarrow value());
61
                  else
62
                       group \rightarrow scale[2] = 0;
63
            }
64
       }
65
  }
66
```

No engine.cpp, passamos a parte de desenho do grupo para uma função própria, também recursiva, que vai em percorrer cada modelo e desenhá-lo de acordo com as transformações indicadas, repetindo-o para todos os seus filhos, recursivamente, de modo a que funciona como uma travessia em profundidade. Em relação às transformações, percorremos o **std::vector** com as inicias de cada uma delas, e através de um *switch*, decidimos a função do *glut* respetiva,

inserindo os elementos do array da transformação.

```
void drawGroup(Group* group){
    glPushMatrix();
    for (char transformation: group->transformations) {
      switch(transformation){
5
6
        case 't': {
           glTranslatef(group->translate[0], group->translate[1], group->translate[2]);
9
10
11
         case 'r': {
12
           glRotatef(group->rotate[0], group->rotate[1], group->rotate[2], group->rotate[3]);
13
           break;
        case 's':{
17
           glScalef(group->scale[0], group->scale[1], group->scale[2]);
18
           break;
19
20
21
      }
22
    }
23
24
    glBegin (GL TRIANGLES);
25
    for (Model* groupModel: group->models) {
26
      for(int i=0; i<groupModel->size; i++){
27
         glVertex3f(get<0>(groupModel->figure[i]), get<1>(groupModel->figure[i]), get<2>(
28
      groupModel->figure[i]));
      }
29
    }
30
    glEnd();
31
32
    for (Group* groupChild: group->subGroups)
33
      drawGroup(groupChild);
34
35
36
    glPopMatrix();
37
38
```

#### 3.2 Câmara

Como funcionalidade adicional, de modo a melhor visualizar a demo criada, adicionou-se componentes FPS de movimentação e de rotação à câmara da cena.

Para tal, tornou-se necessário definir 3 vetores:

- Vetor up, dado como parâmetro do ficheiro xml, que representa o vetor vertical da câmara;
- Vetor d, que representa a direção da vista da câmara, calculada subtraindo lookAt de position, ambos dados como parâmetros do ficheiro xml;
- Vetor r, que representa a direção de deslocamento para a direita da câmara. É calculada pelo produto externo  $d \times up$ .

e também diversas variáveis, que ditam a diferença de rotação e quanto já foi alterado em cada um dos eixos de rotação/translação:

Desse modo, são possíveis os seguintes comandos:

- 'w': Deslocar no sentido do vetor d;
- 'a': Deslocar no sentido contrário ao vetor r;
- 's': Deslocar no sentido contrário ao do vetor d;
- 'd': Deslocar no sentido do vetor r;
- 'u': Rodar o vetor d no sentido positivo ao redor do vetor r;
- 'j': Rodar o vetor d no sentido negativo ao redor do vetor r;
- 'h': Rodar o vetor d no sentido positivo ao redor do vetor up;
- 'k': Rodar o vetor d no sentido negativo ao redor do vetor up;
- spacebar: Deslocar no sentido positivo do eixo y;
- **shift** + **spacebar**: Deslocar no sentido negativo do eixo y;
- 'r': Repor os valores iniciais da demo.

#### 3.2.1 Movimento da Câmara

O movimento da câmara tem em consideração o minimizar dos erros obtidos pelo somar da posição ao longo de vários movimentos. O movimento numa dada direção é adquirido por multiplicação de um escalar até ocorrer uma rotação do eixo da direção, o vetor d. Nesse momento, guarda-se a posição atual de modo a poder repor o escalar e considerar uma nova direção.

Este comportamento encontra-se implementado no vetor saved, que guarda a última posição onde o vetor direção foi alterado, e a função save position, que calcula a última posição como ocorreria na função render scene.

```
void save position() {
       float d[3] = { camera global->lookAt[0] - camera global->position[0],
          camera global->lookAt[1] - camera global->position[1],
          camera global->lookAt[2] - camera global->position[2] };
       normalize vector(d);
       normalize vector(camera global->up);
9
       rotate over vector(d, camera global->up, look rotate right * look rotate delta right);
10
11
        \begin{array}{l}  \textbf{float} \ \ r[3] = \{ \ d[1] \ * \ camera\_global \rightarrow up[2] \ - \ camera\_global \rightarrow up[1] \ * \ d[2] \ , \\  \ d[2] \ * \ camera\_global \rightarrow up[0] \ - \ camera\_global \rightarrow up[2] \ * \ d[0] \ , \\  \ d[0] \ * \ camera\_global \rightarrow up[1] \ - \ camera\_global \rightarrow up[0] \ * \ d[1] \ \}; \\ \end{array} 
12
13
14
15
       normalize vector(r);
16
17
```

```
rotate_over_vector(d, r, look_rotate_up * look_rotate_delta_up);
18
19
    saved[0] += d[0] * camera\_move\_delta * camera\_front + r[0] * camera\_move\_delta *
20
      camera\_side + camera\_up * camera\_move\_delta * camera\_global \rightarrow up [0];
    saved[1] += camera side * camera move delta * r[1] + camera front * camera move delta * d
21
      [1] + camera_up * camera_move_delta * camera_global->up[1];
    saved[2] += camera side * camera move delta * r[2] + camera front * camera move delta * d
22
      [2] + camera up * camera move delta * camera global->up[2];
    camera front = 0;
24
    camera up = 0;
    camera\_side = 0;
25
  }
26
```

#### 3.2.2 Funções Auxiliares

Todos os vetores em cima mencionados são calculados e normalizados, utilizando a função normalize vector.

```
float normalize_vector(float p[3]) {
    float norm = sqrt(pow(p[0], 2) + pow(p[1], 2) + pow(p[2], 2));
    p[0] = p[0] / norm;
    p[1] = p[1] / norm;
    p[2] = p[2] / norm;
    return norm;
}
```

As rotações sobre os diferentes vetores têm em consideração os cálculos necessários para que tal ocorra, nomeadamente a de efetuar duas rotações para colocar o vetor de rotação pretendido no plano yOz e no eixo z, efetuando a rotação ao redor desse eixo e, por fim, recolocar o vetor através de rotações contrárias. Este comportamento encontra-se implementado na função  $rotate\_over\_vector$ , considerando a matriz de rotação com os parâmetros apenas a depender do ponto inicial, do vetor e do ângulo de rotação.

```
void rotate over vector(float p[3], float v[3], float angle) {
                       float q[3];
                       float omc = 1 - \cos(\text{angle}), s = \sin(\text{angle}), c = \cos(\text{angle});
                     q[0] = p[0] * (pow(v[0], 2) * omc + c) + p[1] * (v[0] * v[1] * omc - v[2] * s) + p[2] * (v[0] * v[1] * omc + v[2] * s) + p[2] * (v[0] * v[1] * omc + v[2] * s) + p[2] * (v[0] * v[1] * omc + v[2] * s) + p[2] * (v[0] * v[1] * omc + v[2] * s) + p[2] * (v[0] * v[1] * omc + v[2] * s) + p[2] * (v[0] * v[1] * omc + v[2] * s) + p[2] * (v[0] * v[1] * omc + v[2] * s) + p[2] * (v[0] * v[1] * omc + v[2] * s) + p[2] * (v[0] * v[1] * omc + v[2] * s) + p[2] * (v[0] * v[1] * omc + v[2] * s) + p[2] * (v[0] * v[1] * omc + v[2] * s) + p[2] * (v[0] * v[1] * omc + v[2] * s) + p[2] * (v[0] * v[1] * omc + v[2] * s) + p[2] * (v[0] * v[1] * omc + v[2] * s) + p[2] * (v[0] * v[1] * omc + v[2] * s) + p[2] * (v[0] * v[1] * omc + v[2] * s) + p[2] * (v[0] * v[1] * omc + v[2] * s) + p[2] * (v[0] * v[1] * omc + v[2] * 
                                [0] * v[2] * omc + v[1] * s);
                     q[1] \ = \ p[0] \ * \ (v[1] \ * \ v[0] \ * \ omc \ + \ v[2] \ * \ s) \ + \ p[1] \ * \ (pow(v[1] \ , \ 2) \ * \ omc \ + \ c) \ + \ p[2] \ * \ (v[1] \ , \ v[1] \ )
  6
                      \begin{array}{l} [1] \ * \ v[2] \ * \ omc \ - \ v[0] \ * \ s) \ ; \\ q[2] \ = \ p[0] \ * \ (v[2] \ * \ v[0] \ * \ omc \ - \ v[1] \ * \ s) \ + \ p[1] \ * \ (v[2] \ * \ v[1] \ * \ omc \ + \ v[0] \ * \ s) \ + \ p[1] \end{array} 
                                [2] * (pow(v[2], 2) * omc + c);
                     p[0] = q[0];
  9
10
                     p[1] = q[1];
                      p[2] = q[2];
11
12
```

#### 3.2.3 Alterações à Função render scene

Utilizando estas duas funções, e tendo em conta o comportamento pretendido, alterou-se a função que coloca a cena para se calcular tanto a nova posição como o novo ponto de vista da câmara. Posteriormente, este código será colocado numa única função que devolverá os parâmetros a se passar à função gluLookAt.

Em primeiro lugar, calcula-se o vetor d. A variável norm armazena a norma deste vetor, após normalizado, para se ter calculada a distância entre o ponto original e o ponto de vista original, distância esta que não se deve alterar com as rotações e com as movimentações da câmara.

Normaliza-se o vetor d para, no cálculo do deslocamento, se poder definir com clareza qual o delta do movimento, não estando dependente da distância que o ponto de vista estava da posição inicial.

```
float d[3] = { camera_global->lookAt[0] - camera_global->position[0],
    camera_global->lookAt[1] - camera_global->position[1],
    camera_global->lookAt[2] - camera_global->position[2] };

float norm = normalize_vector(d);
```

Após se normalizar o vetor up, calcula-se a rotação "horizontal" da direção, rodando o vetor d ao redor do up:

```
normalize_vector(camera_global->up);
rotate_over_vector(d, camera_global->up, look_rotate_right * look_rotate_delta_right);

4
```

Apenas neste momento é que se calcula o vetor r, já que este depende desta nova direção que d tomou. Posteriormente, efetua-se a sua rotação.

O deslocamento da câmara é calculado da seguinte forma, tendo em conta os delta de translação e as direções frente/direita:

Por fim, a posição da câmara é este deslocamento somado à última posição guardada na variável saved, e o ponto de vista o mesmo somando a distância de vista multiplicada pela direção da vista, o vetor d.

## Resultados

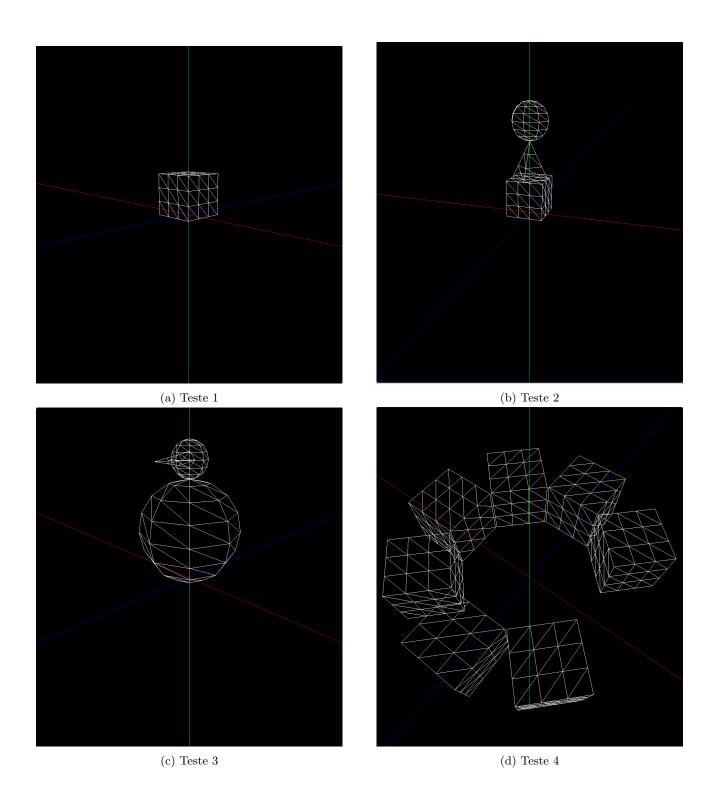
Neste capítulo apresentamos os resultados obtidos da execução de ambas as aplicações utilizando os ficheiros de teste fornecidos.

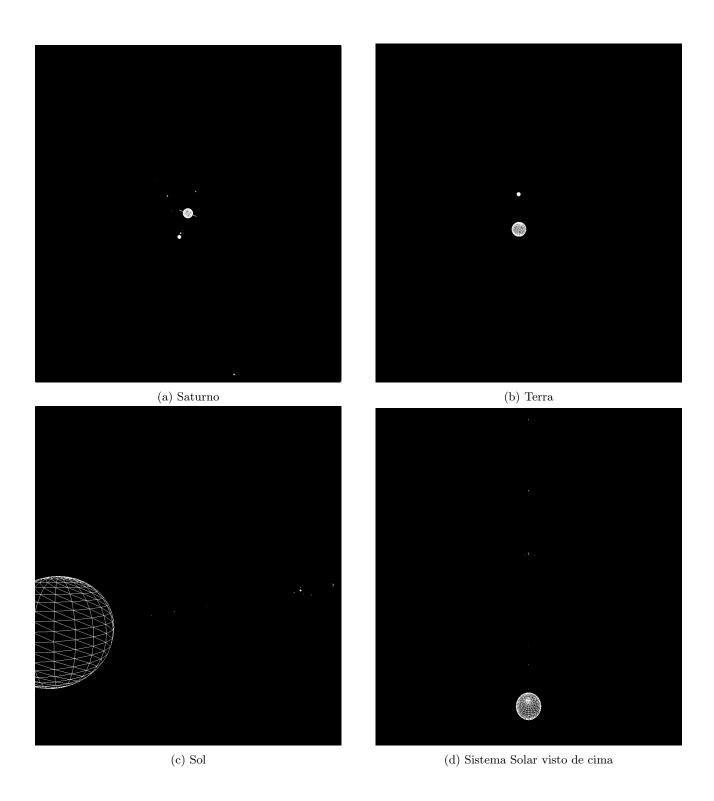
#### 4.1 Demo

A Demo consistiu em gerar cada um dos planetas do Sistema Solar, incluindo também as suas luas, provisionais ou não. Para tal, foram usados *scripts* para se poder gerar valores aleatórios de rotação ao redor dos planetas para as suas luas, tal como calcular distâncias e escalas reais a partir da definição de escala do sol, isto é, a sua escala ditava quanto é que eram reduzidos os kilometros para o sistema de coordenadas usada.

Para o desenho de Saturno, utilizou-se um Torus com o valor de escala de y próximo de 0, para aparecer praticamente plano.

Como a escala dos corpos celestes é a real, apesar de não o ser perfeitamente a sua distância, nota-se a ocorrência de um fenómeno onde as luas são desenhadas em algumas posições e noutras não. Em primeira hipótese pensamos tratar-se de **Z-fighting** mas tal não correspondia com a ideia de estarem a disputar entre si por um dado pixel, já que todas pareciam apenas ocupar um. Não encontramos nem solução nem explicação para este acontecimento no desenvolver deste relatório.





# Conclusão

Em suma, ao longo deste relatório foi implementada lógica de grupos aninhados para codificar transformações geométricas em **xml**. Além disso, implementaram-se funcionalidades de uma câmara FPS, com movimento e rotação. Pretende-se implementar mais funcionalidades para a câmara, no futuro, nomeadamente do modo explorador em órbita de cada um dos planetas.