

## PROGRAMIRANJE 2



**Milena Vujošević Janićić, Jelena Graovac,  
Nina Radojičić, Ana Spasić,  
Mirko Spasić, Anđelka Zečević**

**PROGRAMIRANJE 2**  
**Zbirka zadataka sa rešenjima**

**Beograd  
2016.**

Autori:

*dr Milena Vujošević Janičić*, docent na Matematičkom fakultetu u Beogradu

*dr Jelena Graovac*, docent na Matematičkom fakultetu u Beogradu

*Nina Radojičić*, asistent na Matematičkom fakultetu u Beogradu

*Ana Spasić*, asistent na Matematičkom fakultetu u Beogradu

*Mirko Spasić*, asistent na Matematičkom fakultetu u Beogradu

*Anđelka Zečević*, asistent na Matematičkom fakultetu u Beogradu

## PROGRAMIRANJE 2

Zbirka zadataka sa rešenjima

Izdavač: Matematički fakultet Univerziteta u Beogradu. Studentski trg 16, Beograd.

Za izdavača: *prof. dr Zoran Rakić*, dekan

Recenzenti:

*dr Gordana Pavlović-Lažetić*, redovni profesor na Matematičkom fakultetu u Beogradu

*dr Dragan Urošević*, naučni savetnik na Matematičkom institutu SANU

Obrada teksta i crteži: *autori*. Dizajn korica: *Anđelka Zečević*

Štampa: Copy Centar, Beograd

CIP Каталогизација у публикацији

Народна библиотека Србије, Београд

ISBN 978-86-7589-107-9

©2016. Milena Vujošević Janičić, Jelena Graovac, Nina Radojičić, Ana Spasić, Mirko Spasić, Anđelka Zečević

Ovo delo zaštićeno je licencom Creative Commons CC BY-NC-ND 4.0 (Attribution-NonCommercial-NoDerivatives 4.0 International License). Detalji licence mogu se videti na veb-adresi <http://creativecommons.org/licenses/by-nc-nd/4.0/>.

Dozvoljeno je umnožavanje, distribucija i javno saopštavanje dela, pod uslovom da se navedu imena autora. Upotreba dela u komercijalne svrhe nije dozvoljena. Prerada, preoblikovanje i upotreba dela u sklopu nekog drugog nije dozvoljena.



# Sadržaj

|          |  |            |
|----------|--|------------|
| <b>1</b> | <b>Uvodni zadaci</b>                                 | <b>1</b>   |
| 1.1      | Podela koda po datotekama . . . . .                  | 1          |
| 1.2      | Algoritmi za rad sa bitovima . . . . .               | 5          |
| 1.3      | Rekurzija . . . . .                                  | 10         |
| <b>2</b> | <b>Pokazivači</b>                                    | <b>19</b>  |
| 2.1      | Pokazivačka aritmetika . . . . .                     | 19         |
| 2.2      | Višedimenzioni nizovi . . . . .                      | 23         |
| 2.3      | Dinamička alokacija memorije . . . . .               | 27         |
| 2.4      | Pokazivači na funkcije . . . . .                     | 33         |
| <b>3</b> | <b>Algoritmi pretrage i sortiranja</b>               | <b>37</b>  |
| 3.1      | Algoritmi pretrage . . . . .                         | 37         |
| 3.2      | Algoritmi sortiranja . . . . .                       | 42         |
| 3.3      | Bibliotečke funkcije pretrage i sortiranja . . . . . | 52         |
| <b>4</b> | <b>Dinamičke strukture podataka</b>                  | <b>57</b>  |
| 4.1      | Liste . . . . .                                      | 57         |
| 4.2      | Stabla . . . . .                                     | 67         |
| <b>5</b> | <b>Rešenja</b>                                       | <b>77</b>  |
| <b>A</b> | <b>Ispitni rokovi</b>                                | <b>333</b> |
| A.1      | Praktični deo ispita, jun 2015. . . . .              | 333        |
| A.2      | Praktični deo ispita, jul 2015. . . . .              | 335        |
| A.3      | Praktični deo ispita, septembar 2015. . . . .        | 336        |
| A.4      | Praktični deo ispita, januar 2016. . . . .           | 338        |
| A.5      | Rešenja . . . . .                                    | 340        |



# Predgovor

U okviru kursa *Programiranje 2* na Matematičkom fakultetu vežbaju se zadaci koji imaju za cilj da studente nauče rekurzivnom pristupu rešavanja problema, ispravnom radu sa pokazivačima i dinamički alociranom memorijom, osnovnim algoritmima pretraživanja i sortiranja, kao i radu sa dinamičkim strukturama podataka, poput listi i stabala. Zadaci koji se nalaze u ovoj zbirci predstavljaju objedinjen skup zadataka sa vežbi i praktikuma ovog kursa, kao i primere zadataka sa održanih ispita. Elektronska verzija zbirke i propratna rešenja u elektronskom formatu, dostupna su besplatno u okviru strane kursa [www.programiranje2.matf.bg.ac.rs](http://www.programiranje2.matf.bg.ac.rs) u skladu sa navedenom licencom.

U prvom poglavlju zbirke obrađene su uvodne teme koje obuhvataju osnovne tehnike koje se koriste u rešavanju svih ostalih zadataka u zbirci: podela koda po datotekama i rekurzivni pristup rešavanju problema. Takođe, u okviru ovog poglavlja dati su i osnovni algoritmi za rad sa bitovima. Drugo poglavlje je posvećeno pokazivačima: pokazivačkoj aritmetici, višedimenzionim nizovima, dinamičkoj alokaciji memorije i radu sa pokazivačima na funkcije. Treće poglavlje obrađuje algoritme pretrage i sortiranja, a četvrto dinamičke strukture podataka: liste i stabla. Dodatak sadrži najvažnije ispitne rokove iz jedne akademske godine. Većina zadataka je rešena, a teži zadaci su obeleženi zvezdicom.

Autori velikog broja zadataka ove zbirke su ujedno i autori same zbirke, ali postoje i zadaci za koje se ne može tačno utvrditi ko je originalni autor jer su zadacima davali svoje doprinose različiti asistenti koji su držali vežbe iz ovog kursa u prethodnih desetak godina. Zbog toga smatramo da je naš osnovni doprinos što smo objedinili, precizno formulisali, rešili i detaljno iskomentarisali sve najvažnije zadatke koji su potrebni za uspešno savlađivanje koncepata koji se obrađuju u okviru kursa. Takođe, formulacije zadataka smo obogatili primerima koji upotpunjuju razumevanje zahteva zadataka i koji omogućavaju čitaocu zbirke da proveriti sopstvena rešenja. Primeri su dati u obliku testova i interakcija sa programom. Testovi su svedene prirode i obuhvataju samo jednostavne ulaze i izlaze iz programa. Interakcija sa programom obuhvata naizmeničnu interakciju čovek-računar u kojoj su ulazi i izlazi isprepleteni. U zadacima koji zahtevaju

rad sa argumentima komandne linije, navedeni su i primeri poziva programa, a u zadacima koji demonstriraju rad sa datotekama, i primeri ulaznih ili izlaznih datoteka. Test primeri koji su navedeni uz ispitne zadatke u dodatku su oni koji su korišćeni za početno testiranje (koje prethodi ocenjivanju) studentskih radova na ispitima.

Neizmerno zahvaljujemo recenzentima, Gordani Pavlović Lažetić i Draganu Uroševiću, na veoma pažljivom čitanju rukopisa i na brojnim korisnim sugestijama. Takođe, zahvaljujemo studentima koji su svojim aktivnim učešćem u nastavi pomogli i doprineli uobličavanju ovog materijala.

Svi komentari i sugestije na sadržaj zbirke su dobrodošli i osećajte se slobodnim da ih pošaljete elektronskom poštom bilo kome od autora<sup>1</sup>.

*Autori*

---

<sup>1</sup>Adrese autora su: milena, jgraovac, nina, aspasic, mirko, andjelkaz, sa nastavkom @matf.bg.ac.rs



# 1

## Uvodni zadaci

### 1.1 Podela koda po datotekama

**Zadatak 1.1** Napisati program za rad sa kompleksnim brojevima.

- (a) Definirati strukturu `KompleksanBroj` koja opisuje kompleksan broj zadan njegovim realnim i imaginarnim delom.
- (b) Napisati funkciju `void ucitaj_kompleksan_broj(KompleksanBroj * z)` koja učitava kompleksan broj `z` sa standardnog ulaza.
- (c) Napisati funkciju `void ispisi_kompleksan_broj(KompleksanBroj z)` koja ispisuje kompleksan broj `z` na standardni izlaz u odgovarajućem formatu.
- (d) Napisati funkciju `float realan_deo(KompleksanBroj z)` koja vraća vrednost realnog dela broja `z`.
- (e) Napisati funkciju `float imaginaran_deo(KompleksanBroj z)` koja vraća vrednost imaginarnog dela broja `z`.
- (f) Napisati funkciju `float moduo(KompleksanBroj z)` koja vraća moduo kompleksnog broja `z`.
- (g) Napisati funkciju `KompleksanBroj konjugovan(KompleksanBroj z)` koja vraća konjugovano-kompleksni broj broja `z`.
- (h) Napisati funkciju `KompleksanBroj saberi(KompleksanBroj z1, KompleksanBroj z2)` koja vraća zbir dva kompleksna broja `z1` i `z2`.

## 1 Uvodni zadaci

---

- (i) Napisati funkciju `KompleksanBroj oduzmi(KompleksanBroj z1, KompleksanBroj z2)` koja vraća razliku dva kompleksna broja  $z1$  i  $z2$ .
- (j) Napisati funkciju `KompleksanBroj mnozi(KompleksanBroj z1, KompleksanBroj z2)` koja vraća proizvod dva kompleksna broja  $z1$  i  $z2$ .
- (k) Napisati funkciju `float argument(KompleksanBroj z)` koja vraća argument kompleksnog broja  $z$ .

Napisati program koji testira prethodno napisane funkcije. Sa standardnog ulaza uneti dva kompleksna broja  $z1$  i  $z2$ , a zatim ispisati realni deo, imaginarni deo, moduo, konjugovano-kompleksan broj i argument broja koji se dobija kao zbir, razlika ili proizvod brojeva  $z1$  i  $z2$  u zavisnosti od znaka ('+', '-', '\*') koji se unosi sa standardnog ulaza.

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite realni i imaginarni deo kompleksnog broja: 1 -3
(1.00 - 3.00 i)
Unesite realni i imaginarni deo kompleksnog broja: -1 4
(-1.00 + 4.00 i)
Unesite znak (+,-,*): -
(1.00 - 3.00 i) - (-1.00 + 4.00 i) = (2.00 - 7.00 i)
Realni_deo: 2
Imaginarni_deo: -7.000000
Moduo: 7.280110
Konjugovano kompleksan broj: (2.00 + 7.00 i)
Argument kompleksnog broja: - 1.292497
```

**Zadatak 1.2** Uraditi prethodni zadatak tako da su sve napisane funkcije za rad sa kompleksnim brojevima zajedno sa definicijom strukture `KompleksanBroj` izdvojene u posebnu biblioteku. Napisati program koji testira ovu biblioteku. Sa standardnog ulaza uneti kompleksan broj, a zatim na standardni izlaz ispisati njegov polarni oblik.

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite realni i imaginarni deo kompleksnog broja: -5 2
Polarni oblik kompleksnog broja je 5.39 * e^i * 2.76
```

**Zadatak 1.3** Napisati biblioteku za rad sa polinomima.

- (a) Definisati strukturu `Polinom` koja opisuje polinom stepena najviše 20 koji je zadat nizom svojih koeficijenata tako da se na  $i$ -toj poziciji u nizu nalazi koeficijent uz  $i$ -ti stepen polinoma.

- (b) Napisati funkciju `void ispisi(const Polinom * p)` koja ispisuje polinom `p` na standardni izlaz, od najvišeg ka najnižem stepenu. Ipisati samo koeficijente koji su različiti od nule.
- (c) Napisati funkciju `Polinom ucitaj()` koja učitava polinom sa standardnog ulaza. Za polinom najpre uneti stepen, a zatim njegove koeficijente.
- (d) Napisati funkciju `double izracunaj(const Polinom * p, double x)` koja vraća vrednosti polinoma `p` u datoj tački `x` koristeći Hornerov algoritam.
- (e) Napisati funkciju `Polinom saberi(const Polinom * p, const Polinom * q)` koja vraća zbir dva polinoma `p` i `q`.
- (f) Napisati funkciju `Polinom pomnozi(const Polinom * p, const Polinom * q)` koja vraća proizvod dva polinoma `p` i `q`.
- (g) Napisati funkciju `Polinom izvod(const Polinom * p)` koja vraća izvod polinoma `p`.
- (h) Napisati funkciju `Polinom n_izvod(const Polinom * p, int n)` koja vraća `n`-ti izvod polinoma `p`.

Napisati program koji testira prethodno napisane funkcije. Sa standardnog ulaza učitati polinome `p` i `q`, a zatim ih ispisati na standardni izlaz u odgovarajućem formatu. Izračunati i ispisati zbir `z` i proizvod `r` unetih polinoma `p` i `q`. Sa standardnog ulaza učitati realni broj `x`, a zatim na standardni izlaz ispisati vrednost polinoma `z` u tački `x` zaokruženu na dve decimale. Na kraju, sa standardnog ulaza učitati broj `n` i na izlaz ispisati `n`-ti izvod polinoma `r`.

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite polinom p (prvo stepen, pa zatim koeficijente od najvećeg stepena do nultog):
3 1.2 3.5 2.1 4.2
Unesite polinom q (prvo stepen, pa zatim koeficijente od najvećeg stepena do nultog):
2 2.1 0 -3.9
Zbir polinoma je polinom z:
1.20x^3+5.60x^2+2.10x+0.30
Prozvod polinoma je polinom r:
2.52x^5+7.35x^4-0.27x^3-4.83x^2-8.19x-16.38
Unesite tacku u kojoj racunate vrednost polinoma z:
0
Vrednost polinoma z u tacki 0.00 je 0.30
Unesite izvod polinoma koji zelite:
3
3. izvod polinoma r je: 151.20x^2+176.40x-1.62
```

**Zadatak 1.4** Napisati biblioteku za rad sa razlomcima.

- (a) Definirati strukturu `Razlomak` koja opisuje razlomak.
- (b) Napisati funkciju `Razlomak ucitaj()` za učitavanje razlomka.
- (c) Napisati funkciju `void ispisi(const Razlomak * r)` koja ispisuje razlomak `r`.
- (d) Napisati funkciju `int brojilac(const Razlomak * r)` koja vraća brojilac razlomka `r`.
- (e) Napisati funkciju `int imenilac(const Razlomak * r)` koja vraća imenilac razlomka `r`.
- (f) Napisati funkciju `double realna_vrednost(const Razlomak * r)` koja vraća odgovarajuću realnu vrednost razlomka `r`.
- (g) Napisati funkciju `double recipročna_vrednost(const Razlomak * r)` koja vraća recipročnu vrednost razlomka `r`.
- (h) Napisati funkciju `Razlomak skрати(const Razlomak * r)` koja vraća skraćenu vrednost datog razlomka `r`.
- (i) Napisati funkciju `Razlomak saberi(const Razlomak * r1, const Razlomak * r2)` koja vraća zbir dva razlomka `r1` i `r2`.
- (j) Napisati funkciju `Razlomak oduzmi(const Razlomak * r1, const Razlomak * r2)` koja vraća razliku dva razlomka `r1` i `r2`.
- (k) Napisati funkciju `Razlomak pomnozi(const Razlomak * r1, const Razlomak * r2)` koja vraća proizvod dva razlomka `r1` i `r2`.
- (l) Napisati funkciju `Razlomak podeli(const Razlomak * r1, const Razlomak * r2)` koja vraća količnik dva razlomka `r1` i `r2`.

Napisati program koji testira prethodne funkcije. Sa standardnog ulaza učitati dva razlomka `r1` i `r2`. Na standardni izlaz ispisati skraćene vrednosti zbira, razlike, proizvoda i količnika razlomaka `r1` i recipročne vrednosti razlomka `r2`.

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite imenilac i brojilac prvog razlomka: 1 2
Unesite imenilac i brojilac drugog razlomka: 2 3
1/2 + 3/2 = 2
1/2 - 3/2 = -1
1/2 * 3/2 = 3/4
1/2 / 3/2 = 1/3
```

## 1.2 Algoritmi za rad sa bitovima

**Zadatak 1.5** Napisati biblioteku `stampanje_bitova` za rad sa bitovima. Biblioteka treba da sadrži funkcije `stampanje_bitova`, `stampanje_bitova_short` i `stampanje_bitova_char` za štampanje bitova u binarnom zapisu celog broja tipa `int`, `short` i `char`, koji se zadaje kao argument funkcije. Napisati program koji testira napisanu biblioteku. Sa standardnog ulaza učitati u heksadekadnom formatu cele brojeve tipa `int`, `short` i `char` i na standardni izlaz ispisati njihovu binarnu reprezentaciju.

*Primer 1*

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite broj tipa int: 0xf4f4f4f
Binarna reprezentacija: 01001111010011110100111101001111
Unesite broj tipa short: 0xf4f
Binarna reprezentacija: 0100111101001111
Unesite broj tipa char: 0xf
Binarna reprezentacija: 01001111
```

**Zadatak 1.6** Napisati funkcije `_bitove_1` i `prebroj_bitove_2` koje vraćaju broj jedinica u binarnom zapisu označenog celog broja  $x$  koji se zadaje kao argument funkcije. Prebrojavanje bitova ostvariti na dva načina:

- formiranjem odgovarajuće maske i njenim pomeranjem (funkcija `prebroj_bitove_1`)
- formiranjem odgovarajuće maske i pomeranjem promenljive  $x$  (funkcija `prebroj_bitove_2`).

Napisati program koji testira napisane funkcije. Sa standardnog ulaza učitati ceo broj u heksadekadnom formatu i redni broj funkcije koju treba primeniti (1 ili 2), a zatim na standardni izlaz ispisati broj jedinica u binarnom zapisu učitano broj za pozivom izabrane funkcije. Ukoliko korisnik ne unese ispravnu vrednost za redni broj funkcije, prekinuti izvršavanje programa i ispisati odgovarajuću poruku na standardni izlaz za greške.

*Primer 1*

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite broj: 0x7F
Unesite redni broj funkcije: 1
Poziva se funkcija prebroj_bitove_1
Broj jedinica u zapisu je 7
```

*Primer 2*

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite broj: -0x7F
Unesite redni broj funkcije: 2
Poziva se funkcija prebroj_bitove_2
Broj jedinica u zapisu je 26
```

*Primer 3*

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite broj: 0x00FF00FF
Unesite redni broj funkcije: 2
Poziva se funkcija prebroj_bitove_2
Broj jedinica u zapisu je 16
```

*Primer 4*

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite broj: 0x00FF00FF
Unesite redni broj funkcije: 3
IZLAZ ZA GREŠKE:
Greska: Neodgovarajući redni broj funkcije.
```

**Zadatak 1.7** Napisati funkcije `unsigned najveci(unsigned x)` i `unsigned najmanji(unsigned x)` koje vraćaju najveći, odnosno najmanji neoznačen ceo broj koji se može zapisati istim binarnim ciframa kao broj `x`.

Napisati program koji testira prethodno napisane funkcije. Sa standardnog ulaza učitati neoznačen ceo broj u heksadekadnom formatu, a zatim ispisati binarnu reprezentaciju najvećeg i najmanjeg broja koji se može zapisati istim binarnim ciframa kao učitani broj.

### Test 1

```

ULAZ:
0x7F
IZLAZ:
Najveci:
11111100000000000000000000000000
Najmanji:
00000000000000000000000001111111

```

### Test 2

```

ULAZ:
0x80
IZLAZ:
Najveci:
10000000000000000000000000000000
Najmanji:
00000000000000000000000000000001

```

### Test 3

```

ULAZ:
0x00FF00FF
IZLAZ:
Najveci:
11111111111111111000000000000000
Najmanji:
00000000000000011111111111111111

```

### Test 4

```

ULAZ:
0xFFFFFFFF
IZLAZ:
Najveci:
11111111111111111111111111111111
Najmanji:
11111111111111111111111111111111

```

**Zadatak 1.8** Napisati funkcije za rad sa bitovima.

- Napisati funkciju `unsigned postavi_0(unsigned x, unsigned n, unsigned p)` koja vraća broj koji se dobija kada se `n` bitova datog broja `x`, počevši od pozicije `p`, postave na 0.
- Napisati funkciju `unsigned postavi_1(unsigned x, unsigned n, unsigned p)` koja vraća broj koji se dobija kada se `n` bitova datog broja `x`, počevši od pozicije `p`, postave na 1.
- Napisati funkciju `unsigned vrati_bitove(unsigned x, unsigned n, unsigned p)` koja vraća broj u kome se `n` bitova najmanje težine poklapa sa `n` bitova broja `x` počevši od pozicije `p`, dok su mu ostali bitovi postavljeni na 0.
- Napisati funkciju `unsigned postavi_1_n_bitova(unsigned x, unsigned n, unsigned p, unsigned y)` koja vraća broj koji se dobija upisivanjem poslednjih `n` bitova najmanje težine broja `y` u broj `x`, počevši od pozicije `p`.
- Napisati funkciju `unsigned invertuj(unsigned x, unsigned n, unsigned p)` koja vraća broj koji se dobija invertovanjem `n` bitova broja `x` počevši od pozicije `p`.



## 1 Uvodni zadaci

na poziciju najmanje težine. Analogno, rotiranje bitova udesno podrazumeva pomeranje svih bitova za jednu poziciju udesno, s tim što se bit sa pozicije najmanje težine pomera na poziciju najveće težine.

- (a) Napisati funkciju `unsigned rotiraj_ulevo(unsigned x, unsigned n)` koja vraća broj koji se dobija rotiranjem `n` puta ulevo datog celog neoznačenog broja `x`.
- (b) Napisati funkciju `unsigned rotiraj_udesno(unsigned x, unsigned n)` koja vraća broj koji se dobija rotiranjem `n` puta udesno datog celog neoznačenog broja `x`.
- (c) Napisati funkciju `int rotiraj_udesno_oznaceni(int x, unsigned n)` koja vraća broj koji se dobija rotiranjem `n` puta udesno datog celog broja `x`.

Napisati program koji sa standardnog ulaza učitava neoznačene cele brojeve `x` i `n` koji se unose u heksadekaskom formatu, tatim ispisuje binarnu reprezentaciju vrednosti dobijene pozivanjem tri prethodno napisane funkcije sa argumentima `x` i `n`, a na kraju ispisuje binarnu reprezentaciju vrednosti dobijene pozivanjem funkcije `rotiraj_udesno_oznaceni` za argumente `-x` i `n`.

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite neoznaceni broj x: ba11a7
Unesite neoznaceni broj n: 5
x = 00000000101110100001000110100111
rotiraj_ulevo(ba11a7, 5)           = 00010111010000100011010011100000
rotiraj_udesno(ba11a7, 5)          = 00111000000001011101000010001101
rotiraj_udesno_oznaceni(ba11a7, 5) = 00111000000001011101000010001101
rotiraj_udesno_oznaceni(-ba11a7, 5) = 110001111111101000010111101110010
```

**Zadatak 1.10** Napisati funkciju `unsigned ogledalo(unsigned x)` koja vraća broj čiji binarni zapis predstavlja sliku u ogledalu binarnog zapisa broja `x`. Napisati program koji testira datu funkciju za broj koji se sa standardnog ulaza zadaje u heksadekadnom formatu. Najpre ispisati binarnu reprezentaciju unetog broja, a zatim i binarnu reprezentaciju broja dobijenog kao njegova slika u ogledalu.

### Test 1

```
ULAZ:
255
IZLAZ:
00000000000000000000000000000000
10101010010000000000000000000000
```

### Test 2

```
ULAZ:
-15
IZLAZ:
11111111111111111111111111101011
11010111111111111111111111111111
```



**Zadatak 1.11** Napisati funkciju `int broj_01(unsigned int n)` koja za dati broj `n` vraća 1 ako u njegovom binarnom zapisu ima više jedinica nego nula, a inače vraća 0. Napisati program koji tu funkciju testira za broj koji se zadaje sa standardnog ulaza.

| <i>Test 1</i>                                | <i>Test 2</i>  | <i>Test 3</i>  |
|--|--|--|
| <pre> ULAZ:   10 IZLAZ:   0           </pre> | <pre> ULAZ:   2147377146 IZLAZ:   1           </pre> | <pre> ULAZ:   1111111115 IZLAZ:   0           </pre> |

**Zadatak 1.12** Napisati funkciju `int broj_parova(unsigned int x)` koja vraća broj pojava dve uzastopne jedinice u binarnom zapisu celog neoznačenog broja `x`. Napisati program koji tu funkciju testira za broj koji se zadaje sa standardnog ulaza. NAPOMENA: *Tri uzastopne jedinice sadrže dve uzastopne jedinice dva puta.*

| <i>Test 1</i>                                | <i>Test 2</i>                                  | <i>Test 3</i>   |
|--|--|---|
| <pre> ULAZ:   11 IZLAZ:   1           </pre> | <pre> ULAZ:   1024 IZLAZ:   0           </pre> | <pre> ULAZ:   2147377146 IZLAZ:   22           </pre> |

**\* Zadatak 1.13** Napisati program koji sa standardnog ulaza učitava pozitivan ceo broj, a na standardni izlaz ispisuje vrednost tog broja sa razmenjenim vrednostima bitova na pozicijama *i* i *j*. Pozicije *i* i *j* učitati kao parametre komandne linije. Pri rešavanju nije dozvoljeno koristiti ni pomoćni niz ni aritmetičke operatore `+`, `-`, `/`, `*`, `%`.

| <i>Primer 1</i>  | <i>Primer 2</i>  | <i>Primer 2</i>  |
|--|--|--|
| <pre> POKRETANJE: ./a.out 1 2  INTERAKCIJA SA PROGRAMOM: ULAZ:   11 IZLAZ:   13           </pre> | <pre> POKRETANJE: ./a.out 1 2  INTERAKCIJA SA PROGRAMOM: ULAZ:   1024 IZLAZ:   1024           </pre> | <pre> POKRETANJE: ./a.out 12 12  INTERAKCIJA SA PROGRAMOM: ULAZ:   12345 IZLAZ:   12345           </pre> |

**\* Zadatak 1.14** Napisati funkciju `void prevod(unsigned int x, char s[])` koja na osnovu neoznačenog broja `x` formira nisku `s` koja sadrži heksadekadni zapis broja `x` koristeći algoritam za brzo prevođenje binarnog u heksadekadni zapis (svake 4 binarne cifre se zamenjuju jednom odgovarajućom heksade-

## 1 Uvodni zadaci

---

kadnom cifrom). Napisati program koji tu funkciju testira za broj koji se zadaje sa standardnog ulaza.

| Test 1                            | Test 2                              | Test 3                               |
|-----------------------------------|-------------------------------------|--------------------------------------|
| ULAZ:<br>11<br>IzLAZ:<br>0000000B | ULAZ:<br>1024<br>IzLAZ:<br>00000400 | ULAZ:<br>12345<br>IzLAZ:<br>00003039 |

\* **Zadatak 1.15** Napisati funkciju koja za data dva neoznačena broja  $x$  i  $y$  invertuje one bitove u broju  $x$  koji se poklapaju sa odgovarajućim bitovima u broju  $y$ . Ostali bitovi treba da ostanu nepromenjeni. Napisati program koji testira tu funkciju za brojeve koji se zadaju sa standardnog ulaza.

| Test 1                                  | Test 2                                  | Test 3                                      |
|---|---|---|
| ULAZ:<br>123 10<br>IzLAZ:<br>4294967285 | ULAZ:<br>3251 0<br>IzLAZ:<br>4294967295 | ULAZ:<br>12541 1024<br>IzLAZ:<br>4294966271 |

**Zadatak 1.16** Napisati funkciju koja vraća broj petica u oktalnom zapisu neoznačenog celog broja  $x$ . Napisati program koji testira tu funkciju za broj koji se zadaje sa standardnog ulaza. NAPOMENA: *Zadatak rešiti isključivo korišćenjem bitskih operatora.*

| Test 1                      | Test 2                       | Test 3                         |
|-----------------------------|------------------------------|--------------------------------|
| ULAZ:<br>123<br>IzLAZ:<br>0 | ULAZ:<br>3245<br>IzLAZ:<br>2 | ULAZ:<br>100328<br>IzLAZ:<br>1 |

## 1.3 Rekurzija

**Zadatak 1.17** Napisati rekurzivnu funkciju koja izračunava  $x^k$ , za dati ceo broj  $x$  i prirodan broj  $k$

- (a) tako da rešenje bude linearne složenosti,
- (b) tako da rešenje bude logaritamske složenosti.

Napisati program koji testira napisane funkcije. Sa standardnog ulaza učitati redni broj funkcije koju treba primeniti ('1' ili '2'), ceo broj  $x$  i prirodan broj  $k$ ,

a zatim na standardni izlaz ispisati rezultat primene izabrane funkcije na unete brojeve. Ukoliko se na ulazu unese pogrešan redni broj funkcije, ispisati odgovarajuću poruku o grešci na standardni izlaz i prekinuti izvršavanje programa.

*Primer 1*

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite redni broj funkcije (1/2):
1
Unesite broj x:      2
Unesite broj k:      10
1024
```

*Primer 2*

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite redni broj funkcije (1/2):
2
Unesite broj x:      9
Unesite broj k:      4
6561
```

**Zadatak 1.18** Koristeći uzajamnu (posrednu) rekurziju napisati:

- funkciju `unsigned paran(unsigned n)` koja proverava da li je broj cifara broja `x` paran i vraća 1 ako jeste, a 0 inače;
- i funkciju `unsigned neparan(unsigned n)` koja proverava da li je broj cifara broja `x` neparan i vraća 1 ako jeste, a 0 inače.

Napisati program koji testira napisane funkcije tako što za heksadekadni broj koji se unosi sa standardnog ulaza ispisuje da li je broj njegovih cifara paran ili neparan.

*Test 1*

```
ULAZ:
11
IZLAZ:
Uneti broj ima paran broj cifara.
```

*Test 2*

```
ULAZ:
123
IZLAZ:
Uneti broj ima neparan broj cifara.
```

**Zadatak 1.19** Napisati repno-rekurzivnu funkciju koja izračunava faktorijel broja  $n$ . Napisati program koji testira napisanu funkciju za proizvoljan broj  $n$  ( $n \leq 12$ ) unet sa standardnog ulaza. NAPOMENA: Gornja vrednost za  $n$  je postavljena na 12 zbog ograničenja veličine broja koji može da stane u promenljivu tipa `int` i činjenice da niz faktorijela brzo raste.

*Primer 1*

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite n (<= 12): 5
5! = 120
```

*Primer 2*

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite n (<= 12): 0
0! = 1
```

**Zadatak 1.20** Napisati funkciju koja vraća  $n$ -ti element u nizu Fibonačijevih brojeva. Elementi niza Fibonačijevih brojeva  $F$  izračunavaju se na osnovu

## 1 Uvodni zadaci

---

sledećih rekurentnih relacija:

$$F(0) = 0$$

$$F(1) = 1$$

$$F(n) = F(n-1) + F(n-2)$$

Napisati program koji testira napisanu funkciju. Sa standardnog ulaza učitati prirodan broj  $n$  i na standardni izlaz ispisati rezultat primene napisane funkcije na prirodan broj  $n$ .

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite koji clan niza se racuna: 5
F(5) = 5
```

### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite koji clan niza se racuna: 8
F(8) = 21
```

**Zadatak 1.21** Elementi niza  $F$  izračunavaju se na osnovu sledećih rekurentnih relacija:

$$F(0) = 0$$

$$F(1) = 1$$

$$F(n) = a \cdot F(n-1) + b \cdot F(n-2)$$

Napisati funkciju koja računa  $n$ -ti element u nizu  $F$

- (a) iterativno,
- (b) tako da funkcija bude rekurzivna i da koristi navedene rekurentne relacije,
- (c) tako da funkcija bude rekurzivna ali da se problemi manje dimenzije rešavaju samo jedan put.

Napisati program koji testira napisane funkcije. Sa standardnog ulaza učitati redni broj funkcije koju treba primeniti ('1','2','3'), vrednosti koeficijenata  $a$  i  $b$  i prirodan broj  $n$ . Na standardni izlaz ispisati rezultat primene odabrane funkcije nad učitanim podacima, a u slučaju unosa pogrešnog rednog broja funkcije ispisati odgovarajuću poruku i prekinuti izvršavanje programa. NAPOMENA: *Niz  $F$  definisan na ovaj način predstavlja uopštenje Fibonačijevih brojeva.*

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite redni broj funkcije:
1 - iterativna
2 - rekurzivna
3 - rekurzivna napredna
1
Unesite koeficijente: 2 3
Unesite koji clan niza se racuna: 5
F(5) = 61
```

### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite redni broj funkcije:
1 - iterativna
2 - rekurzivna
3 - rekurzivna napredna
3
Unesite koeficijente: 4 2
Unesite koji clan niza se racuna: 8
F(8) = 31360
```

**Zadatak 1.22** Napisati rekurzivnu funkciju koja sabira dekadne cifre datog celog broja  $x$ . Napisati program koji testira ovu funkciju za broj koji se unosi sa standardnog ulaza.

|  |   |  |
|--|---|--|
| <p><i>Test 1</i></p> <pre> ULAZ:   123 IZLAZ:   6           </pre> | <p><i>Test 2</i></p> <pre> ULAZ:   23156 IZLAZ:   17           </pre> | <p><i>Test 3</i></p> <pre> ULAZ:   1432 IZLAZ:   10           </pre> |
| <p><i>Test 4</i></p> <pre> ULAZ:   1 IZLAZ:   1           </pre>   | <p><i>Test 5</i></p> <pre> ULAZ:   0 IZLAZ:   0           </pre>      |  |

**Zadatak 1.23** Napisati rekurzivnu funkciju koja sumira elemente niza celih brojeva

- (a) sabirajući elemente počev od početka niza ka kraju niza,
- (b) sabirajući elemente počev od kraja niza ka početku niza.

Napisati program koji testira napisane funkcije. Sa standardnog ulaza učitati redni broj funkcije ('1' ili '2'), zatim dimenziju  $n$  ( $0 < n \leq 100$ ) celobrojnog niza, a potom i elemente niza. Na standardni izlaz ispisati rezultat primene odabrane funkcije nad učitanim nizom, a u slučaju unosa pogrešnog rednog broja funkcije ispisati odgovarajuću poruku i prekinuti izvršavanje programa.

|  |   |
|--|---|
| <p><i>Primer 1</i></p> <pre> INTERAKCIJA SA PROGRAMOM: Unesite redni broj funkcije (1 ili 2): 1 Unesite dimenziju niza: 5 Unesite elemente niza: 1 2 3 4 5 Suma elemenata je 15           </pre> | <p><i>Primer 2</i></p> <pre> INTERAKCIJA SA PROGRAMOM: Unesite redni broj funkcije (1 ili 2): 2 Unesite dimenziju niza: 4 Unesite elemente niza: -5 2 -3 6 Suma elemenata je 0           </pre> |
|--|---|

**Zadatak 1.24** Napisati rekurzivnu funkciju koja određuje maksimum niza celih brojeva. Napisati program koji testira ovu funkciju za niz koji se unosi sa standardnog ulaza. Elementi niza se unose sve do kraja ulaza (EOF). Pretpostaviti da niz neće imati više od 256 elemenata.

### Test 1

```

|| ULAZ:
|| 3 2 1 4 21
|| IZLAZ:
|| 21

```

### Test 2

```

|| ULAZ:
|| 2 -1 0 -5 -10
|| IZLAZ:
|| 2

```

### Test 3

```

|| ULAZ:
|| 1 11 3 5 8 1
|| IZLAZ:
|| 11

```

**Zadatak 1.25** Napisati rekurzivnu funkciju koja izračunava skalarni proizvod dva vektora celih brojeva. Napisati program koji testira ovu funkciju za nizove (vektore) koji se unose sa standardnog ulaza. Prvo treba uneti dimenziju nizova, a zatim i njihove elemente. Na standardni izlaz ispisati skalarni proizvod unetih nizova. Pretpostaviti da nizovi neće imati više od 256 elemenata.

### Primer 1

```

|| INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
|| Unesite dimenziju nizova: 3
|| Unesite elemente prvog niza:
|| 1 2 3
|| Unesite elemente drugog niza:
|| 1 2 3
|| Skalarni proizvod je 14

```

### Primer 2

```

|| INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
|| Unesite dimenziju nizova: 2
|| Unesite elemente prvog niza:
|| 3 5
|| Unesite elemente drugog niza:
|| 2 6
|| Skalarni proizvod je 36

```

**Zadatak 1.26** Napisati rekurzivnu funkciju koja vraća broj pojavljivanja elementa  $x$  u nizu  $a$  dužine  $n$ . Napisati program koji testira ovu funkciju za broj  $x$  i niz  $a$  koji se unose sa standardnog ulaza. Prvo se unosi  $x$ , a zatim elementi niza sve do kraja ulaza. Pretpostaviti da nizovi neće imati više od 256 elemenata.

### Primer 1

```

|| INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
|| Unesite ceo broj:
|| 4
|| Unesite elemente niza:
|| 1 2 3 4
|| Broj pojavljivanja je 1

```

### Primer 2

```

|| INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
|| Unesite ceo broj:
|| 11
|| Unesite elemente niza:
|| 3 2 11 14 11 43 1
|| Broj pojavljivanja je 2

```

### Primer 3

```

|| INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
|| Unesite ceo broj:
|| 1
|| Unesite elemente niza:
|| 3 21 5 6
|| Broj pojavljivanja je 0

```

**Zadatak 1.27** Napisati rekurzivnu funkciju kojom se proverava da li su tri data cela broja uzastopni članovi datog celobrojnog niza. Sa standardnog ulaza

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite tri cela broja:
1 2 3
Unesite elemente niza:
4 1 2 3 4 5
Uneti brojevi jesu uzastopni
clanovi niza.
```

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite tri cela broja:
1 2 3
Unesite elemente niza:
11 1 2 4 3 6
Uneti brojevi jesu uzastopni
clanovi niza.
```

```
ULAZ:
    0x7F
IZLAZ:
    7
```

```
ULAZ:
    0x00FF00FF
IZLAZ:
    16
```

```
ULAZ:
    0xFFFFFFFF
IZLAZ:
    32
```

[illegible]

```
ULAZ:  
0  
IZLAZ:  
00000000000000000000000000000000
```

## 1 Uvodni zadaci

---

| Test 1                       | Test 2                         | Test 3                       |
|------------------------------|--------------------------------|------------------------------|
| ULAZ:<br>5<br>   IZLAZ:<br>5 | ULAZ:<br>125<br>   IZLAZ:<br>7 | ULAZ:<br>8<br>   IZLAZ:<br>1 |

**Zadatak 1.31** Napisati rekurzivnu funkciju za određivanje (dekadne vrednosti) najveće cifre u heksadekadnom zapisu neoznačenog celog broja korišćenjem bitskih operatora. UPUTSTVO: *Binarne cifre grupisati u podgrupe od po četiri cifre, počev od bitova najmanje težine.*

| Test 1                       | Test 2                        | Test 3                        |
|------------------------------|-------------------------------|-------------------------------|
| ULAZ:<br>5<br>   IZLAZ:<br>5 | ULAZ:<br>16<br>   IZLAZ:<br>1 | ULAZ:<br>18<br>   IZLAZ:<br>2 |

**Zadatak 1.32** Napisati rekurzivnu funkciju `int palindrom(char s[], int n)` koja ispituje da li je data niska `s` palindrom. Napisati program koji testira ovu funkciju za nisku koja se zadaje sa standardnog ulaza. Pretpostaviti da niska neće imati više od 31 karaktera.

| Test 1                        | Test 2                         | Test 3                          |
|-------------------------------|--------------------------------|---------------------------------|
| ULAZ:<br>a<br>   IZLAZ:<br>da | ULAZ:<br>aa<br>   IZLAZ:<br>da | ULAZ:<br>aba<br>   IZLAZ:<br>da |

| Test 4                                    | Test 5                                      |
|---|---|
| ULAZ:<br>programiranje<br>   IZLAZ:<br>ne | ULAZ:<br>anavolimilovana<br>   IZLAZ:<br>da |

\* **Zadatak 1.33** Napisati rekurzivnu funkciju koja prikazuje sve permutacije skupa  $\{1, 2, \dots, n\}$ . Napisati program koji testira napisanu funkciju za proizvoljan prirodan broj  $n$  ( $n \leq 15$ ) unet sa standardnog ulaza.



Test 1

```

ULAZ:
  2
IZLAZ:
  1 2
  2 1

```

Test 2

```

ULAZ:
  3
  1 2 3
  1 3 2
  2 1 3
  2 3 1
  3 1 2
  3 2 1

```

Test 3

```

ULAZ:
  -5
  Duzina
  permutacije
  mora biti
  broj iz
  intervala
  [0, 15]!

```

\* **Zadatak 1.34** Paskalov trougao sadrži brojeve čije se vrednosti računaju tako što svako polje ima vrednost zbira dve vrednosti koje su u susedna dva polja iznad. Izuzetak su jedinice na krajevima. Vrednosti brojeva Paskalovog trougla odgovaraju binomnim koeficijentima tj. vrednost polja  $(n, k)$ , gde je  $n$  redni broj hipotenuze, a  $k$  redni broj elementa u tom redu (na toj hipotenuzi) odgovara binomnom koeficijentu  $\binom{n}{k}$ , pri čemu brojanje počinje od nule. Na primer, vrednost polja  $(4, 2)$  je 6.

- Napisati rekurzivnu funkciju koja izračunava vrednost binomnog koeficijenta  $\binom{n}{k}$  koristeći osobine Paskalovog trougla.
- Napisati rekurzivnu funkciju koja izračunava  $d_n$  kao sumu elemenata  $n$ -te hipotenuze Paskalovog trougla.

Napisati program koji za unetu veličinu Paskalovog trougla i redni broj hipotenuze najpre iscertava Paskalov trougao, a zatim štampa sumu elemenata hipotenuze.

Test 1

```

ULAZ:
  5 3
IZLAZ:
      1
     1 1
    1 2 1
   1 3 3 1
  1 4 6 4 1
 1 5 10 10 5 1
8

```

Test 2

```

ULAZ:
  6 5
IZLAZ:
      1
     1 1
    1 2 1
   1 3 3 1
  1 4 6 4 1
 1 5 10 10 5 1
1 6 15 20 15 6 1
32

```

\* **Zadatak 1.35** Napisati rekurzivnu funkciju koja prikazuje sve varijacije sa ponavljanjem dužine  $n$  skupa  $\{a, b\}$ , i program koji je testira, za  $n$  koje se unosi sa standardnog ulaza.

### Test 1

```

|| ULAZ:
|| 2
|| IZLAZ:
|| a a
|| a b
|| b a
|| b b

```

### Test 2

```

|| ULAZ:
|| 3
|| IZLAZ:
|| a a a
|| a a b
|| a b a
|| a b b
|| b a a
|| b a b
|| b b a
|| b b b

```

\* **Zadatak 1.36** *Hanojske kule*: Data su tri vertikalna štapa. Na jednom od njih se nalazi  $n$  diskova poluprečnika 1, 2, 3,... do  $n$ , tako da se najveći nalazi na dnu, a najmanji na vrhu. Ostala dva štapa su prazna. Potrebno je premestiti diskove sa jednog na drugi štap tako da budu u istom redosledu, pri čemu se ni u jednom trenutku ne sme staviti veći disk preko manjeg. Preostali štap koristiti kao pomoćni štap prilikom premeštanja.

Napisati program koji za proizvoljnu vrednost  $n$ , koja se unosi sa standardnog ulaza, prikazuje proces premeštanja diskova.

\* **Zadatak 1.37** *Modifikacija Hanojskih kula*: Data su četiri vertikalna štapa. Na jednom se nalazi  $n$  diskova poluprečnika 1, 2, 3,... do  $n$ , tako da se najveći nalazi na dnu, a najmanji na vrhu. Ostala tri štapa su prazna. Potrebno je premestiti diskove na drugi štap tako da budu u istom redosledu, premestajući jedan po jedan disk, pri čemu se ni u jednom trenutku ne sme staviti veći disk preko manjeg. Preostala dva štapa koristiti kao pomoćne štapove prilikom premeštanja. Napisati program koji za proizvoljnu vrednost  $n$ , koja se unosi sa standardnog ulaza, prikazuje proces premeštanja diskova.

## 2

# Pokazivači

## 2.1 Pokazivačka aritmetika

**Zadatak 2.1** Za dati celobrojni niz dimenzije  $n$ , napisati funkciju koja obrće njegove elemente:

- (a) korišćenjem indeksne sintakse,
- (b) korišćenjem pokazivačke sintakse.

Napisati program koji testira napisane funkcije. Sa standardnog ulaza učitati dimenziju niza  $n$  ( $0 < n \leq 100$ ), a zatim elemente niza. Pozvati funkciju koja obrće njegove elemente korišćenjem indeksne sintakse i prikazati sadržaj niza. Nakon toga pozvati funkciju koja obrće njegove elemente korišćenjem pokazivačke sintakse i prikazati sadržaj niza.

### *Primer 1*

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite dimenziju niza: 3
Unesite elemente niza:
1 -2 3
Nakon obrtanja elemenata, niz je:
3 -2 1
Nakon ponovnog obrtanja elemenata,
niz je:
3 -2 1
```

### *Primer 2*

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite dimenziju niza: 0
IZLAZ ZA GREŠKE:
Greska: Neodgovarajuca dimenzija niza.
```

**Zadatak 2.2** Dat je niz realnih brojeva dimenzije  $n$ . Korišćenjem pokazivačke sintakse, napisati:

- (a) funkciju **zbir** koja izračunava zbir elemenata niza,

- (b) funkciju `proizvod` koja izračunava proizvod elemenata niza,
- (c) funkciju `min_element` koja izračunava najmanji elemenat niza,
- (d) funkciju `max_element` koja izračunava najveći elemenat niza.

Napisati program koji testira napisane funkcije. Sa standardnog ulaza učitati dimenziju  $n$  ( $0 < n \leq 100$ ) realnog niza, a zatim i elemente niza. Na standardni izlaz ispisati zbir, proizvod, minimalni i maksimalni element učitano niza.

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite dimenziju niza: 3
Unesite elemente niza:
-1.1 2.2 3.3
Zbir elemenata niza je 4.400.
Proizvod elemenata niza je -7.986
Minimalni element niza je -1.100
Maksimalni element niza je 3.300
```

### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite dimenziju niza: 5
Unesite elemente niza:
1.2 3.4 0.0 -5.4 2.1
Zbir elemenata niza je 1.300.
Proizvod elemenata niza je -0.000.
Minimalni element niza je -5.400.
Maksimalni element niza je 3.400.
```

**Zadatak 2.3** Korišćenjem pokazivačke sintakse, napisati funkciju koja vrednosti elemenata u prvoj polovini niza povećava za jedan, a u drugoj polovini smanjuje za jedan. Ukoliko niz ima neparan broj elemenata, onda vrednost srednjeg elementa niza ostaviti nepromenjenim. Napisati program koji testira napisanu funkciju. Sa standardnog ulaza učitati dimenziju  $n$  ( $0 < n \leq 100$ ) celobrojnog niza, a zatim i elemente niza. Na standardni izlaz ispisati rezultat primene napisane funkcije nad učitanim nizom.

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite dimenziju niza: 5
Unesite elemente niza:
1 2 3 4 5
Transformisan niz je:
2 3 3 3 4
```

### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite dimenziju niza: 4
Unesite elemente niza:
4 -3 2 -1
Transformisan niz je:
5 -2 1 -2
```

### Primer 3

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite dimenziju niza: 0
IZLAZ ZA GREŠKE:
Greska: Neodgovarajuca dimenzija niza.
```

### Primer 4

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite dimenziju niza: 101
IZLAZ ZA GREŠKE:
Greska: Neodgovarajuca dimenzija niza.
```

**Zadatak 2.4** Napisati program koji ispisuje broj prihvaćenih argumenata komandne linije, a zatim i same argumente kojima prethode njihovi redni brojevi. Nakon toga ispisati prve karaktere svakog od argumenata. Zadatak rešiti:

- (a) korišćenjem indeksne sintakse,

(b) korišćenjem pokazivačke sintakse.

Od korisnika sa ulaza tražiti da izabere koje od ova dva rešenja treba koristiti prilikom ispisa.

### Primer 1

```
POKRETANJE: ./a.out prvi 2. treci -4

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
  Broj argumenata komandne linije je 5.
  Kako zelite da ispisete argumente,
  koriscenjem indeksne ili pokazivacke
  sintakse (I ili P)? I
  Argumenti komandne linije su:
  0 ./a.out
  1 prvi
  2 2.
  3 treci
  4 -4
  Pocetna slova argumenata komandne
  linije:
  . p 2 t -
```

### Primer 2

```
POKRETANJE: ./a.out

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
  Broj argumenata komandne linije je 1.
  Kako zelite da ispisete argumente,
  koriscenjem indeksne ili pokazivacke
  sintakse (I ili P)? P
  Argumenti komandne linije su:
  0 ./a.out
  Pocetna slova argumenata komandne
  linije:
  .
```

**Zadatak 2.5** Korišćenjem pokazivačke sintakse, napisati funkciju koja za datu nisku ispituje da li je palindrom. Napisati program koji vrši prebrojavanje argumenata komandne linije koji su palindromi.

### Primer 1

```
POKRETANJE: ./a.out a b 11 212

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
  Broj argumenata
  koji su palindromi je 4.
```

### Primer 2

```
POKRETANJE: ./a.out

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
  Broj argumenata
  koji su palindromi je 0.
```

**Zadatak 2.6** Napisati program koji kao prvi argument komandne linije prihvata putanju do datoteke za koju treba proveriti koliko reči ima  $n$  karaktera, gde se  $n$  zadaje kao drugi argument komandne linije. Smatrati da reč ne sadrži više od 100 karaktera. U zadatku ne koristiti ugrađene funkcije za rad sa niskama, već implementirati svoje koristeći pokazivačku sintaksu.

### Primer 1

```
POKRETANJE: ./a.out ulaz.txt 1

ULAZ.TXT
  Ovo je sadrzaj datoteke i u njoj
  ima reci koje imaju 1 karakter

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
  Broj reci ciji je broj karaktera 1 je 3.
```

### Primer 2

```
POKRETANJE: ./a.out ulaz.txt 2

DATOTEKA ULAZ.TXT NE POSTOJI

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
  IZLAZ ZA GREŠKE:
  Greska: Neuspesno otvaranje datoteke ulaz.txt.
```

### Primer 3

```
POKRETANJE: ./a.out ulaz.txt

ULAZ.TXT
Ovo je sadrzaj datoteke i u njoj
ima reci koje imaju 1 karakter

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
IZLAZ ZA GREŠKE:
Greska: Nedovoljan broj
argumenata komandne linije.
Program se poziva sa
./a.out ime_dat br_karaktera
```

**Zadatak 2.7** Napisati program koji kao prvi argument komandne linije prihvata putanju do datoteke za koju treba proveriti koliko reči ima zadati sufiks (ili prefiks), koji se zadaje kao drugi argument komandne linije. Smatrati da reč ne sadrži više od 100 karaktera. Program je neophodno pozvati sa jednom od opcija `-s` ili `-p` u zavisnosti od čega treba proveriti koliko reči ima zadati sufiks (ili prefiks). U zadatku ne koristiti ugrađene funkcije za rad sa niskama, već implementirati svoje koristeći pokazivačku sintaksu.

### Primer 1

```
POKRETANJE: ./a.out ulaz.txt ke -s

ULAZ.TXT
Ovo je sadrzaj datoteke i u njoj ima
reci koje se završavaju na ke

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Broj reci koje se završavaju na ke je 2.
```

### Primer 2

```
POKRETANJE: ./a.out ulaz.txt sa -p

ULAZ.TXT
Ovo je sadrzaj datoteke i u njoj ima
reci koje pocinju sa sa

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Broj reci koje pocinju na sa je 3.
```

### Primer 3

```
POKRETANJE: ./a.out ulaz.txt sa -p

DATOTEKA ULAZ.TXT NE POSTOJI

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
IZLAZ ZA GREŠKE:
Greska: Neuspesno otvaranje
datoteke ulaz.txt.
```

### Primer 4

```
POKRETANJE: ./a.out ulaz.txt

ULAZ.TXT
Ovo je sadrzaj ulaza.

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
IZLAZ ZA GREŠKE:
Greska: Nedovoljan broj argumenata
komandne linije.
Program se poziva sa
./a.out ime_dat suf/pref -s/-p
```

## 2.2 Višedimenzioni nizovi

**Zadatak 2.8** Data je kvadratna matrica dimenzije  $n \times n$ .

- Napisati funkciju koja izračunava trag matrice (sumu elemenata na glavnoj dijagonali).
- Napisati funkciju koja izračunava euklidsku normu matrice (koren sume kvadrata svih elemenata).
- Napisati funkciju koja izračunava gornju vandijagonalnu normu matrice (sumu apsolutnih vrednosti elemenata iznad glavne dijagonale).

Napisati program koji testira napisane funkcije. Sa standardnog ulaza učitati broj vrsta (ili kolona) kvadratne matrice  $n$  ( $0 < n \leq 100$ ), a zatim i elemente matrice. Na standardni izlaz ispisati učitane matricu, a zatim trag, euklidsku normu i vandijagonalnu normu učitane matrice.

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite broj vrsta matrice: 3
Unesite elemente matrice po vrstama:
1 -2 3
4 -5 6
7 -8 9
Trag matrice je 5.
Euklidska norma matrice je 16.88.
Vandijagonalna norma matrice je 11.
```

### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite dimenziju matrice: 0
IZLAZ ZA GREŠKE:
Greska: Neodgovarajuća dimenzija
matrice.
```

**Zadatak 2.9** Date su dve kvadratne matrice istih dimenzija  $n \times n$ .

- Napisati funkciju koja proverava da li su matrice jednake.
- Napisati funkciju koja izračunava zbir matrica.
- Napisati funkciju koja izračunava proizvod matrica.

Napisati program koji testira napisane funkcije. Sa standardnog ulaza učitati broj vrsta kvadratnih matrica  $n$  ( $0 < n \leq 100$ ), a zatim i elemente matrica. Na standardni izlaz ispisati da li su matrice jednake, a zatim ispisati zbir i proizvod učitanih matrica.

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite broj vrsta matrica: 3
Unesite elemente prve matrice po vrstama:
1 2 3
1 2 3
1 2 3
Unesite elemente druge matrice po vrstama:
1 2 3
1 2 3
1 2 3
Matrice su jednake.
Zbir matrica je:
2 4 6
2 4 6
2 4 6
Proizvod matrica je:
6 12 8
6 12 8
6 12 8
```

**Zadatak 2.10** Relacija se može predstaviti kvadratnom matricom nula i jedinica na sledeći način: element  $i$  je u relaciji sa elementom  $j$  ukoliko se u preseku  $i$ -te vrste i  $j$ -te kolone matrice nalazi broj 1, a nije u relaciji ukoliko se tu nalazi broj 0.

- (a) Napisati funkciju koja proverava da li je relacija zadata matricom refleksivna.
- (b) Napisati funkciju koja proverava da li je relacija zadata matricom simetrična.
- (c) Napisati funkciju koja proverava da li je relacija zadata matricom tranzitivna.
- (d) Napisati funkciju koja određuje refleksivno zatvorenje relacije (najmanju refleksivnu relaciju koja je nadskup date).
- (e) Napisati funkciju koja određuje simetrično zatvorenje relacije (najmanju simetričnu relaciju koja je nadskup date).
- (f) Napisati funkciju koja određuje refleksivno-tranzitivno zatvorenje relacije (najmanju refleksivnu i tranzitivnu relaciju koja sadrži datu). NAPOMENA: *Koristiti Varšalov algoritam.*

Napisati program koji učitava matricu iz datoteke čije se ime zadaje kao prvi argument komandne linije. U prvoj liniji datoteke nalazi se broj vrsta kvadratne matrice  $n$  ( $0 < n \leq 64$ ), a potom i sami elementi matrice. Na standardni izlaz ispisati rezultat testiranja napisanih funkcija.



*Primer 1*

```

POKRETANJE: ./a.out ulaz.txt

ULAZ.TXT
4
1 0 0 0
0 1 1 0
0 0 1 0
0 0 0 0

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Relacija nije refleksivna.
Relacija nije simetricna.
Relacija jeste tranzitivna.
Refleksivno zatvorenje relacije:
1 0 0 0
0 1 1 0
0 0 1 0
0 0 0 1
Simetricno zatvorenje relacije:
1 0 0 0
0 1 1 0
0 1 1 0
0 0 0 0
Refleksivno-tranzitivno zatvorenje relacije:
1 0 0 0
0 1 1 0
0 0 1 0
0 0 0 1

```

**Zadatak 2.11** Data je kvadratna matrica dimenzije  $n \times n$ .

- Napisati funkciju koja određuje najveći element matrice na sporednoj dijagonali.
- Napisati funkciju koja određuje indeks kolone koja sadrži najmanji element matrice.
- Napisati funkciju koja određuje indeks vrste koja sadrži najveći element matrice.
- Napisati funkciju koja određuje broj negativnih elemenata matrice.

Napisati program koji testira napisane funkcije. Sa standardnog ulaza učitati elemente celobrojne kvadratne matrice čiji se broj vrsta  $n$  ( $0 < n \leq 32$ ) zadaje kao argument komandne linije. Na standardni izlaz ispisati rezultat primene prethodno napisanih funkcija.

### Primer 1

```
POKRETANJE: ./a.out 3

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite elemente matrice dimenzije 3x3:
1 2 3
-4 -5 -6
7 8 9
Najveci element sporedne dijagonale je 7.
Indeks kolone sa najmanjim elementom je 2.
Indeks vrste sa najvećim elementom je 2.
Broj negativnih elemenata matrice je 3.
```

### Primer 2

```
POKRETANJE: ./a.out 4

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite elemente matrice dimenzije 4x4:
-1 -2 -3 -4
-5 -6 -7 -8
-9 -10 -11 -12
-13 -14 -15 -16
Najveci element sporedne dijagonale je -4.
Indeks kolone sa najmanjim elementom je 3.
Indeks vrste sa najvećim elementom je 0.
Broj negativnih elemenata matrice je 16.
```

**Zadatak 2.12** Napisati funkciju kojom se proverava da li je zadata kvadratna matrica dimenzije  $n \times n$  ortonormirana. Matrica je ortonormirana ako je skalarni proizvod svakog para različitih vrsta jednak nuli, a skalarni proizvod vrste sa samom sobom jednak jedinici. Napisati program koji testira napisanu funkciju. Sa standardnog ulaza učitati broj vrsta celobrojne kvadratne matrice  $n$  ( $0 < n \leq 32$ ), a zatim i njene elemente. Na standardni izlaz ispisati rezultat primene napisane funkcije na učitanoj matrici.

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite broj vrsta matrice: 4
Unesite elemente matrice po vrstama:
1 0 0 0
0 1 0 0
0 0 1 0
0 0 0 1
Matrica je ortonormirana.
```

### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite broj vrsta matrice: 3
Unesite elemente matrice po vrstama:
1 2 3
5 6 7
1 4 2
Matrica nije ortonormirana.
```

**Zadatak 2.13** Data je matrica dimenzije  $n \times m$ .

- (a) Napisati funkciju koja učitava elemente matrice sa standardnog ulaza

- (b) Napisati funkciju koja na standardni izlaz spiralno ispisuje elemente matrice, u smeru kretanja kazaljke na satu.

Napisati program koji testira napisane funkcije. Sa standardnog ulaza učitati broj vrsta  $n$  ( $0 < n \leq 10$ ) i broj kolona  $m$  ( $0 < m \leq 10$ ) matrice, a zatim i njene elemente. Na standardni izlaz spiralno ispisati elemente učitane matrice.

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite broj vrsta i broj kolona
matrice:
3 3
Unesite elemente matrice po vrstama:
1 2 3
4 5 6
7 8 9
Spiralno ispisana matrica:
1 2 3 6 9 8 7 4 5
```

### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite broj vrsta i broj kolona
matrice:
3 4
Unesite elemente matrice po vrstama:
1 2 3 4
5 6 7 8
9 10 11 12
Spiralno ispisana matrica:
1 2 3 4 8 12 11 10 9 5 6 7
```

**Zadatak 2.14** Napisati funkciju koja izračunava  $k$ -ti stepen kvadratne matrice dimenzije  $n \times n$  ( $0 < n \leq 32$ ). Napisati program koji testira napisanu funkciju. Sa standardnog ulaza učitati broj vrsta celobrojne matrice  $n$ , elemente matrice i stepen  $k$  ( $0 < k \leq 10$ ). Na standardni izlaz ispisati rezultat primene napisane funkcije. NAPOMENA: *Voditi računa da se prilikom stepenovanja matrice izvrši što manji broj množenja.*

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite broj vrsta kvadratne matrice: 3
Unesite elemente matrice po vrstama:
1 2 3
4 5 6
7 8 9
Unesite stepen koji se racuna: 8
8. stepen matrice je:
510008400 626654232 743300064
1154967822 1419124617 1683281412
1799927244 2211595002 2623262760
```

## 2.3 Dinamička alokacija memorije

**Zadatak 2.15** Napisati program koji sa standardnog ulaza učitava dimenziju niza celih brojeva, a zatim i njegove elemente. Ne praviti nikakve pretpostavke o dimenziji niza. Na standardni izlaz ispisati ove brojeve u obrnutom poretku.

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite dimenziju niza: 3
Unesite elemente niza:
1 -2 3
Niz u obrnutom poretku je: 3 -2 1
```

### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite dimenziju niza: -1
Greska: Neuspesna alokacija memorije.
```

**Zadatak 2.16** Napisati program koji sa standardnog ulaza učitava niz celih brojeva. Brojevi se unose sve dok se ne unese nula. Ne praviti nikakve pretpostavke o dimenziji niza. Na standardni izlaz ispisati ovaj niz brojeva u obrnutom poretku. Zadatak uraditi na dva načina:

- (a) realokaciju memorije niza vršiti korišćenjem `malloc()` funkcije,
- (b) realokaciju memorije niza vršiti korišćenjem `realloc()` funkcije.

Od korisnika sa ulaza tražiti da izabere način realokacije memorije.

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite zeljeni nacin realokacije
(M ili R):
M
Unesite brojeve, nulu za kraj:
1 -2 3 -4 0
Niz u obrnutom poretku je:
-4 3 -2 1
```

### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite zeljeni nacin realokacije
(M ili R):
R
Unesite brojeve, nulu za kraj:
6 -1 5 -2 4 -3 0
Niz u obrnutom poretku je:
3 4 -2 5 -1 6
```

**Zadatak 2.17** Napisati funkciju koja kao rezultat vraća nisku koja se dobija nadovezivanjem dve niske, bez promene njihovog sadržaja. Napisati program koji testira rad napisane funkcije. Sa standardnog ulaza učitati dve niske karaktera (pretpostaviti da niske nisu duže od 50 karaktera i da ne sadrže praznine). Na standardni izlaz ispisati nisku koja se dobija njihovim nadovezivanjem. Za rezultujuću nisku dinamički alocirati memoriju.

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite dve niske karaktera:
Jedan Dva
Nadovezane niske: JedanDva
```

### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite dve niske karaktera:
Ana Marija
Nadovezane niske: AnaMarija
```

**Zadatak 2.18** Napisati program koji sa standardnog ulaza učitava matricu realnih brojeva. Prvo se učitavaju broj vrsta  $n$  i broj kolona  $m$  matrice (ne praviti nikakve pretpostavke o njihovoj veličini), a zatim i elementi matrice. Na standardni izlaz ispisati trag matrice.

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite broj vrsta i broj kolona:
2 3
Unesite elemente matrice po vrstama:
1.2 2.3 3.4
4.5 5.6 6.7
Trag unete matrice je 6.80.
```

### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite broj vrsta i broj kolona:
2 2
Unesite elemente matrice po vrstama:
-0.1 -0.2
-0.3 -0.4
Trag unete matrice je -0.50.
```

**Zadatak 2.19** Napisati biblioteku za rad sa celobrojnim matricama.

- (a) Napisati funkciju `int **alociraj_matricu(int n, int m)` koja dinamički alokira memoriju potrebnu za matricu dimenzije  $n \times m$ .
- (b) Napisati funkciju `int **alociraj_kvadratnu_matricu(int n)` koja alokira memoriju za kvadratnu matricu dimenzije  $n$ .
- (c) Napisati funkciju `int **deallociraj_matricu(int **A, int n)` koja dealocira memoriju matrice sa  $n$  vrsta. Povratna vrednost ove funkcije treba da bude "prazna" matrica.
- (d) Napisati funkciju `void ucitaj_matricu(int **A, int n, int m)` koja učitava već alociranu matricu dimenzije  $n \times m$  sa standardnog ulaza.
- (e) Napisati funkciju `void ucitaj_kvadratnu_matricu(int **A, int n)` koja učitava već alociranu kvadratnu matricu dimenzije  $n \times n$  sa standardnog ulaza.
- (f) Napisati funkciju `void ispisi_matricu(int **A, int n, int m)` koja ispisuje matricu dimenzije  $n \times m$  na standardnom izlazu.
- (g) Napisati funkciju `void ispisi_kvadratnu_matricu(int **A, int n)` koja ispisuje kvadratnu matricu dimenzije  $n \times n$  na standardnom izlazu.
- (h) Napisati funkciju `int ucitaj_matricu_iz_datoteke(int **A, int n, int m, FILE * f)` koja učitava već alociranu matricu dimenzije  $n \times m$  iz već otvorene datoteke  $f$ . U slučaju neuspešnog učitavanja vratiti vrednost različitu od 0.
- (i) Napisati funkciju `int ucitaj_kvadratnu_matricu_iz_datoteke(int **A, int n, FILE * f)` koja učitava već alociranu kvadratnu matricu dimenzije  $n \times n$  iz već otvorene datoteke  $f$ . U slučaju neuspešnog učitavanja vratiti vrednost različitu od 0.

## 2 Pokazivači

- (j) Napisati funkciju `int upisi_matricu_u_datoteku(int **A, int n, int m, FILE * f)` koja upisuje matricu dimenzije  $n \times m$  u već otvorenu datoteku `f`. U slučaju neuspješnog upisivanja vratiti vrednost različitu od 0.
- (k) Napisati funkciju `int upisi_kvadratnu_matricu_u_datoteku(int **A, int n, FILE * f)` koja upisuje kvadratnu matricu dimenzije  $n \times n$  u već otvorenu datoteku `f`. U slučaju neuspješnog upisivanja vratiti vrednost različitu od 0.

Napisati programe koji testiraju napisanu biblioteku.

- (1) Program učitava dimenziju nekvadratne matrice sa standardnog ulaza, a zatim i samu matricu. Potom, matricu upisati u datoteku *matrica.txt*.

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite broj vrsta matrice: 3
Unesite broj kolona matrice: 4
Unesite elemente matrice po vrstama:
1 2 3 4
5 6 7 8
9 10 11 12

MATRICA.TXT
1 2 3 4
5 6 7 8
9 10 11 12
```

### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite broj vrsta matrice: 5
Unesite broj kolona matrice: 0
IZLAZ ZA GREŠKE:
Greska: Broj vrsta i broj kolona ne mogu
biti negativni brojevi.
```

- (2) Program prima kao prvi argument komandne linije putanju do datoteke u kojoj se redom nalazi dimenzija kvadratne matrice i sama matrica, koju treba ispisati na standardnom izlazu.

### Test 1

```
POKRETANJE: ./a.out ulaz.txt

ULAZ.TXT
4
1 2 3 4
5 6 7 8
9 10 11 12
13 14 15 16

IZLAZ:
1 2 3 4
5 6 7 8
9 10 11 12
13 14 15 16
```

### Test 2

```
POKRETANJE: ./a.out ulaz.txt

ULAZ.TXT
dimenzija: 4
1 2 3 4
5 6 7 8
9 10 11 12
13 14 15 16

IZLAZ ZA GREŠKE:
Greska: Neispravan pocetak
datoteke.
```

### Test 3

```
POKRETANJE: ./a.out

IZLAZ:
Koriscenje programa:
./a.out datoteka
```

**Zadatak 2.20** Data je celobrojna matrica dimenzije  $n \times m$ . Napisati funkciju koja ispisuje elemente ispod glavne dijagonale matrice (uključujući i glavnu dijagonalu). Napisati program koji testira napisanu funkciju. Sa standardnog ulaza učitati  $n$  i  $m$  (ne praviti nikakve pretpostavke o njihovoj veličini), zatim učitati elemente matrice i na standardni izlaz ispisati elemente ispod glavne dijagonale matrice. NAPOMENA: *Koristiti biblioteku za rad sa celobrojnim matricama iz zadatka 2.19.*

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite broj vrsta i broj kolona:
2 3
Unesite elemente matrice po vrstama:
1 -2 3
-4 5 -6
Elementi ispod glavne dijagonale matrice:
1
-4 5
```

**Zadatak 2.21** Za zadatu matricu dimenzije  $n \times m$  napisati funkciju koja izračunava redni broj kolone matrice čiji je zbir maksimalan. Napisati program koji testira ovu funkciju. Sa standardnog ulaza učitati dimenzije matrice  $n$  i  $m$  (ne praviti nikakve pretpostavke o njihovoj veličini), a zatim elemente matrice. Na standardni izlaz ispisati redni broj kolone matrice sa maksimalnim zbirom. Ukoliko ima više takvih, ispisati prvu. NAPOMENA: *Koristiti biblioteku za rad sa celobrojnim matricama iz zadatka 2.19.*

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite broj vrsta i broj kolona:
2 3
Unesite elemente matrice po vrstama:
1 2 3
4 5 6
Kolona pod rednim brojem 3 ima
najveci zbir.
```

### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite broj vrsta i broj kolona:
2 4
Unesite elemente matrice po vrstama:
1 2 3 4
8 7 6 5
Kolona pod rednim brojem 1 ima
najveci zbir.
```

**Zadatak 2.22** Data je realna kvadratna matrica dimenzije  $n \times n$ .

- Napisati funkciju koja izračunava zbir apsolutnih vrednosti matrice ispod sporedne dijagonale.
- Napisati funkciju koja menja sadržaj matrice tako što polovi elemente iznad glavne dijagonale, duplira elemente ispod glavne dijagonale, dok elemente na glavnoj dijagonali ostavlja nepromenjene.

## 2 Pokazivači

Napisati program koji testira ove funkcije za matricu koja se učitava iz datoteke čije se ime zadaje kao argument komandne linije. U datoteci se nalazi prvo dimenzija matrice, a zatim redom elementi matrice.

### Primer 1

```
POKRETANJE: ./a.out matrica.txt  
  
MATRICA.TXT  
3  
1.1 -2.2 3.3  
-4.4 5.5 -6.6  
7.7 -8.8 9.9
```

### INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:

```
Zbir apsolutnih vrednosti ispod  
sporedne dijagonale je 25.30.  
Transformisana matrica je:  
1.10 -1.10 1.65  
-8.80 5.50 -3.30  
15.40 -17.60 9.90
```

**Zadatak 2.23** Napisati program koji na osnovu dve realne matrice dimenzije  $m \times n$  formira matricu dimenzije  $2 \cdot m \times n$  tako što naizmenično kombinuje jednu vrstu prve matrice i jednu vrstu druge matrice. Matrice su zapisane u datoteci `matrice.txt`. U prvom redu datoteke se nalaze broj vrsta  $m$  i broj kolona  $n$  matrica, u narednih  $m$  redova se nalaze vrste prve matrice, a u narednih  $m$  redova vrste druge matrice. Rezultujuću matricu ispisati na standardni izlaz.

### Primer 1

```
POKRETANJE: ./a.out matrice.txt  
  
MATRICE.TXT  
3  
1.1 -2.2 3.3  
-4.4 5.5 -6.6  
7.7 -8.8 9.9  
-1.1 2.2 -3.3  
4.4 -5.5 6.6  
-7.7 8.8 -9.9
```

### INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:

```
1.1 -2.2 3.3  
-1.1 2.2 -3.3  
-4.4 5.5 -6.6  
4.4 -5.5 6.6  
7.7 -8.8 9.9  
-7.7 8.8 -9.9
```

**Zadatak 2.24** Na ulazu se zadaje niz celih brojeva čiji se unos završava nulom. Napisati funkciju koja od zadatog niza formira matricu tako da prva vrsta odgovara unetom nizu, a svaka naredna se dobija cikličkim pomeranjem elemenata niza za jednu poziciju ulevo. Napisati program koji testira ovu funkciju. Rezultujuću matricu ispisati na standardni izlaz. NAPOMENA: *Koristiti biblioteku za rad sa celobrojnim matricama iz zadatka 2.19.*

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:  
Unesite elemente niza, nulu za kraj:  
1 2 3 0  
Trazena matrica je:  
1 2 3  
2 3 1  
3 1 2
```

### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:  
Unesite elemente niza, nulu za kraj:  
-5 -2 -4 -1 0  
Trazena matrica je:  
-5 -2 -4 -1  
-2 -4 -1 -5  
-4 -1 -5 -2  
-1 -5 -2 -4
```



**Zadatak 2.25** Petar sakuplja sličice igrača za predstojeće Svetsko prvenstvo u fudbalu. U datoteci `slicice.txt` se nalaze informacije o sličicama koje mu nedostaju u formatu:

`redni_broj_sličice ime_reprezentacije_kojoj_sličica_pripada`  
 Pomozite Petru da otkrije koliko mu sličica ukupno nedostaje, kao i da pronađe ime reprezentacije čijih sličica ima najmanje. Dobijene podatke ispisati na standardni izlaz. NAPOMENA: *Koristiti `realloc()` funkciju za realokaciju memorije.*

### Primer 1

```
SLICICE.TXT
3 Brazil
6 Nemacka
2 Kamerun
1 Brazil
2 Engleska
4 Engleska
5 Brazil
```

### INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:

```
Petru ukupno nedostaje 7 sličica.
Reprezentacija za koju je sakupio
najmanji broj sličica je Brazil.
```

\* **Zadatak 2.26** U datoteci `temena.txt` se nalaze tačke koje predstavljaju temena nekog  $n$ -tougla. Napisati program koji na osnovu sadržaja datoteke na standardni izlaz ispisuje o kom  $n$ -touglu je reč, a zatim i vrednosti njegovog obima i površine. Pretpostavka je da će mnogougao biti konveksan.

### Primer 1

```
TEMENA.TXT
-1 -1
1 -1
1 1
-1 1
```

### INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:

```
U datoteci su zadata temena
cetvorougla.
Obim je 8.
Povrsina je 4.
```

### Primer 2

```
TEMENA.TXT
-1.75 -1.5
3 1.5
2.2 3.1
-2 4
-4.1 1
```

### INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:

```
U datoteci su zadata temena
petougla.
Obim je 18.80.
Povrsina je 22.59.
```

## 2.4 Pokazivači na funkcije

**Zadatak 2.27** Napisati program koji tabelarno štampa vrednosti proizvoljne realne funkcije sa jednim realnim argumentom, odnosno izračunava i ispisuje vrednosti date funkcije u  $n$  ekvidistantnih tačaka na intervalu  $[a, b]$ . Re-

## 2 Pokazivači

alni brojevi  $a$  i  $b$  ( $a < b$ ) kao i ceo broj  $n$  ( $n \geq 2$ ) se učitavaju sa standardnog ulaza. Ime funkcije se zadaje kao argument komandne linije (`sin`, `cos`, `tan`, `atan`, `acos`, `asin`, `exp`, `log`, `log10`, `sqrt`, `floor`, `ceil`, `sqr`).

### Primer 1

```
POKRETANJE: ./a.out sin
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite krajeve intervala:
-0.5 1
Koliko tacaka ima na ekvidistantnoj
mrezi (ukljucujuci krajeve intervala)?
4
x sin(x)
-----
| -0.50000 | -0.47943 |
| 0.00000 | 0.00000 |
| 0.50000 | 0.47943 |
| 1.00000 | 0.84147 |
-----
```

### Primer 2

```
POKRETANJE: ./a.out cos
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite krajeve intervala:
0 2
Koliko tacaka ima na ekvidistantnoj
mrezi (ukljucujuci krajeve intervala)?
4
x cos(x)
-----
| 0.00000 | 1.00000 |
| 0.66667 | 0.78589 |
| 1.33333 | 0.23524 |
| 2.00000 | -0.41615 |
-----
```

**Zadatak 2.28** Napisati funkciju koja izračunava limes funkcije  $f(x)$  u tački  $a$ . Adresa funkcije  $f$  čiji se limes računa se prenosi kao parametar funkciji za računanje limesa. Limes se računa sledećom aproksimacijom (vrednosti  $n$  i  $a$  uneti sa standardnog ulaza kao i ime funkcije):

$$\lim_{x \rightarrow a} f(x) = \lim_{n \rightarrow \infty} f\left(a + \frac{1}{n}\right)$$

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite ime funkcije, n i a:
tan 10000 1.570795
Limes funkcije tan je -10134.46.
```

### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite ime funkcije, n i a:
cos 5000 0.25
Limes funkcije cos je 0.97.
```

**Zadatak 2.29** Napisati funkciju koja određuje integral funkcije  $f(x)$  na intervalu  $[a, b]$ . Adresa funkcije  $f$  se prenosi kao parametar. Integral se računa prema formuli:

$$\int_a^b f(x) = h \cdot \left( \frac{f(a) + f(b)}{2} + \sum_{i=1}^n f(a + i \cdot h) \right)$$

Vrednost  $h$  se izračunava po formuli  $h = (b - a)/n$ , dok se vrednosti  $n$ ,  $a$  i  $b$  unose sa standardnog ulaza kao i ime funkcije iz zaglavlja `math.h`. Na standardni izlaz ispisati vrednost integrala.

### Primer 1

```
|| INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
|| Unesite ime funkcije, n, a i b:
|| cos 6000 -1.5 3.5
|| Vrednost integrala je 0.645931.
```

### Primer 1

```
|| INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
|| Unesite ime funkcije, n, a i b:
|| sin 10000 -5.2 2.1
|| Vrednost integrala je 0.973993.
```

**Zadatak 2.30** Napisati funkciju koja približno izračunava integral funkcije  $f(x)$  na intervalu  $[a, b]$ . Funkcija  $f$  se prosleđuje kao parametar, a integral se procenjuje po Simpsonovoj formuli:

$$I = \frac{h}{3} \left( f(a) + 4 \sum_{i=1}^{n/2} f(a + (2i-1)h) + 2 \sum_{i=1}^{n/2-1} f(a + 2ih) + f(b) \right)$$

Granice intervala i  $n$  su argumenti funkcije. Napisati program, koji kao argumente komandne linije prihvata ime funkcije iz zaglavlja `math.h`, krajeve intervala i  $n$ , a na standardni izlaz ispisuje vrednost odgovarajućeg integrala.

### Primer 1

```
|| INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
|| Unesite ime funkcije, n, a i b:
|| sin 100 -1.0 3.0
|| Vrednost integrala je 1.530295.
```

### Primer 2

```
|| INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
|| Unesite ime funkcije, n, a i b:
|| tan 5000 -4.1 -2.3
|| Vrednost integrala je -0.147640.
```



## 3

# Algoritmi pretrage i sortiranja

## 3.1 Algoritmi pretrage

**Zadatak 3.1** Napisati iterativne funkcije za pretragu nizova. Svaka funkcija treba da vrati indeks pozicije na kojoj je pronađen traženi broj ili vrednost  $-1$  ukoliko broj nije pronađen.

- (a) Napisati funkciju `linarna_pretraga` koja vrši linearnu pretragu niza celih brojeva `a`, dužine `n`, tražeći u njemu broj `x`.
- (b) Napisati funkciju `binarna_pretraga` koja vrši binarnu pretragu sortiranog niza `a`, dužine `n`, tražeći u njemu broj `x`.
- (c) Napisati funkciju `interpolaciona_pretraga` koja vrši interpolacionu pretragu sortiranog niza `a`, dužine `n`, tražeći u njemu broj `x`.

Napisati i program koji generiše rastući niz slučajnih brojeva dimenzije  $n$  i pozivajući napisane funkcije traži broj  $x$ . Programu se kao prvi argument komandne linije prosleđuje prirodan broj  $n$  koji nije veći od 1000000 i broj  $x$  kao drugi argument komandne linije. Potrebna vremena za izvršavanje ovih funkcija dopisati u datoteku `vremena.txt`.

### 3 Algoritmi pretrage i sortiranja

---

#### Test 1

```
POKRETANJE: ./a.out 1000000 23542
```

```
VREMENA.TXT
```

```
IZLAZ:
```

```
Linearna pretraga:  
Element nije u nizu  
Binarna pretraga:  
Element nije u nizu  
Interpolaciona pretraga:  
Element nije u nizu
```

```
Dimenzija niza: 1000000  
Linearna: 3615091 ns  
Binarna: 1536 ns  
Interpolaciona: 558 ns
```

#### Test 2

```
POKRETANJE: ./a.out 100000 37842
```

```
VREMENA.TXT
```

```
IZLAZ:
```

```
Linearna pretraga:  
Element nije u nizu  
Binarna pretraga:  
Element nije u nizu  
Interpolaciona pretraga:  
Element nije u nizu
```

```
Dimenzija niza: 1000000  
Linearna: 3615091 ns  
Binarna: 1536 ns  
Interpolaciona: 558 ns
```

```
Dimenzija niza: 100000  
Linearna: 360803 ns  
Binarna: 1187 ns  
Interpolaciona: 628 ns
```

**Zadatak 3.2** Napisati rekurzivne funkcije algoritama linearne, binarne i interpolacione pretrage i program koji ih testira za brojeve koji se unose sa standardnog ulaza. Linearnu pretragu implementirati na dva načina, svođenjem pretrage na prefiks i na sufiks niza. Prvo se unosi broj koji se traži, a zatim sortirani elementi niza sve do kraja ulaza. Pretpostaviti da niz brojeva koji se unosi neće biti duži od 1024 elemenata.

#### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
```

```
Unesite trazeni broj: 11  
Unesite sortiran niz elemenata:  
2 5 6 8 10 11 23  
Linearna pretraga  
Pozicija elementa je 5.  
Binarna pretraga  
Pozicija elementa je 5.  
Interpolaciona pretraga  
Pozicija elementa je 5.
```

#### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
```

```
Unesite trazeni broj: 14  
Unesite sortiran niz elemenata:  
10 32 35 43 66 89 100  
Linearna pretraga  
Element se ne nalazi u nizu.  
Binarna pretraga  
Element se ne nalazi u nizu.  
Interpolaciona pretraga  
Element se ne nalazi u nizu.
```

**Zadatak 3.3** Napisati program koji preko argumenta komandne linije dobija ime datoteke koja sadrži sortirani spisak studenta po broju indeksa rastuće. Za svakog studenta u jednom redu stoje informacije o indeksu, imenu i prezimenu. Program učitava spisak studenata u niz i traži od korisnika indeks ili prezime studenta čije informacije se potom prikazuju na ekranu. U slučaju više

studenata sa istim prezimenom prikazati informacije o prvom takvom. Odabir kriterijuma pretrage se vrši kroz poslednji argument komandne linije, koji može biti `-indeks` ili `-prezime`. U slučaju neuspešnih pretragi, štampati odgovarajuću poruku. Pretrage implementirati u vidu iterativnih funkcija što manje složeno-sti. Pretpostaviti da u datoteci neće biti više od 128 studenata i da su imena i prezimena svih kraća od 16 slova.

#### Primer 1

```
POKRETANJE: ./a.out datoteka.txt -indeks  
  
DATOTEKA.TXT  
20140003 Marina Petrovic  
20140012 Stefan Mitrovic  
20140032 Dejan Popovic  
20140049 Mirko Brankovic  
20140076 Sonja Stevanovic  
20140104 Ivan Popovic  
20140187 Vlada Stankovic  
20140234 Darko Brankovic
```

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:  
Unesite indeks studenta  
cije informacije zelite:  
20140076  
Indeks: 20140076,  
Ime i prezime: Sonja Stevanovic
```

#### Primer 2

```
POKRETANJE: ./a.out datoteka.txt -prezime  
  
DATOTEKA.TXT  
20140003 Marina Petrovic  
20140012 Stefan Mitrovic  
20140032 Dejan Popovic  
20140049 Mirko Brankovic  
20140076 Sonja Stevanovic  
20140104 Ivan Popovic  
20140187 Vlada Stankovic  
20140234 Darko Brankovic
```

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:  
Unesite prezime studenta  
cije informacije zelite:  
Popovic  
Indeks: 20140032,  
Ime i prezime: Dejan Popovic
```

**Zadatak 3.4** Modifikovati zadatak 3.3 tako da tražene funkcije budu rekurzivne.

**Zadatak 3.5** U datoteci koja se zadaje kao prvi argument komandne linije, nalaze se koordinate tačaka. U zavisnosti od prisustva opcija komandne linije (`-x` ili `-y`), pronaći onu koja je najbliža  $x$ , ili  $y$  osi, ili koordinatnom početku, ako nije prisutna nijedna opcija. Pretpostaviti da je broj tačaka u datateci veći od 0 i ne veći od 1024.

#### Test 1

```
POKRETANJE: ./a.out dat.txt -x

DAT.TXT
12 53
2.342 34.1
-0.3 23
-1 23.1
123.5 756.12

IZLAZ:
-0.3 23
```

#### Test 2

```
POKRETANJE: ./a.out dat.txt

DAT.TXT
12 53
2.342 34.1
-0.3 23
-1 2.1
123.5 756.12

IZLAZ:
-1 2.1
```

**Zadatak 3.6** Napisati funkciju koja određuje nulu funkcije  $\cos(x)$  na intervalu  $[0, 2]$  metodom polovljenja intervala. Algoritam se završava kada se vrednost kosinusne funkcije razlikuje za najviše 0.001 od nule. UPUTSTVO: *Koristiti metod polovljenja intervala (algoritam analogan algoritmu binarne pretrage).* NAPOMENA: *Ovaj metod se može primeniti na funkciju  $\cos(x)$  na intervalu  $[0, 2]$  zato što je ona na ovom intervalu neprekidna, i vrednosti funkcije na krajevima intervala su različitog znaka.*

#### Test 1

```
IZLAZ:
1.57031
```

**Zadatak 3.7** Napisati funkciju koja metodom polovljenja intervala određuje nulu izabrane funkcije na proizvoljnom intervalu sa tačnošću *epsilon*. Ime funkcije se zadaje kao prvi argument komandne linije, a interval i tačnost se unose sa standardnog ulaza. Pretpostaviti da je izabrana funkcija na tom intervalu neprekidna. UPUTSTVO: *U okviru algoritma pretrage koristiti pokazivač na odgovarajuću funkciju (na primer, kao u zadatku 2.27).*

#### Primer 1

```
POKRETANJE: ./a.out cos

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite krajeve intervala: 0 2
Unesite preciznost: 0.001
1.57031
```

#### Primer 2

```
POKRETANJE: ./a.out sin

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite krajeve intervala: 1 5
Unesite preciznost: 0.00001
3.1416
```

#### Primer 3

```
POKRETANJE: ./a.out tan

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite krajeve intervala: -1.1 1
Unesite preciznost: 0.00001
3.8147e-06
```

#### Primer 4

```
POKRETANJE: ./a.out sin

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite krajeve intervala: 1 3
Funkcija sin na intervalu [1, 3]
ne zadovoljava uslove
```



**Zadatak 3.8** Napisati funkciju koja u rastuće sortiranom nizu celih brojeva binarnom pretragom pronalazi indeks prvog elementa većeg od nule. Ukoliko nema elemenata većih od nule, funkcija kao rezultat vraća  $-1$ . Napisati program koji testira ovu funkciju za rastući niz celih brojeva koji se učitavaju sa standardnog ulaza. Niz neće biti duži od 256, i njegovi elementi se unose sve do kraja ulaza.

| <i>Test 1</i>                                    | <i>Test 2</i>                                       | <i>Test 3</i>  |
|--|---|--|
| <pre> ULAZ: -151 -44 5 12 13 15  IZLAZ: 2 </pre> | <pre> ULAZ: -100 -15 -11 -8 -7 -5  IZLAZ: -1 </pre> | <pre> ULAZ: -100 -15 0 13 55 124 258 315 516 7000  IZLAZ: 3 </pre> |

**Zadatak 3.9** Napisati funkciju koja u opadajuće sortiranom nizu celih brojeva binarnom pretragom pronalazi indeks prvog elementa manjeg od nule. Ukoliko nema elemenata manjih od nule, funkcija kao rezultat vraća  $-1$ . Napisati program koji testira ovu funkciju za opadajući niz celih brojeva koji se učitavaju sa standardnog ulaza. Niz neće biti duži od 256, i njegovi elementi se unose sve do kraja ulaza.

| <i>Test 1</i>                                     | <i>Test 2</i>   | <i>Test 3</i>                                       |
|---|---|---|
| <pre> ULAZ: 151 44 5 -12 -13 -15  IZLAZ: 3 </pre> | <pre> ULAZ: 100 55 15 0 -15 -124 -155 -258 -315 -516  IZLAZ: 4 </pre> | <pre> ULAZ: 100 15 11 8 7 5 4 3 2  IZLAZ: -1 </pre> |

**Zadatak 3.10** Napisati funkciju koja određuje ceo deo logaritma za osnovu 2 datog neoznačenog celog broja koristeći samo bitske i relacione operatore.

- Napisati funkciju linearne složenosti koja određuje logaritam pomeranjem broja udesno.
- Napisati funkciju logaritmske složenosti koja određuje logaritam koristeći binarnu pretragu.

Napisati program koji testira napisane funkcije. Sa standardnog ulaza učitati pozitivan ceo broj  $a$  na standardni izlaz ispisati njegov logaritam.

### 3 Algoritmi pretrage i sortiranja

---

| Test 1        | Test 2        | Test 3          |
|---------------|---------------|-----------------|
| ULAZ:<br>4    | ULAZ:<br>17   | ULAZ:<br>1031   |
| IzLAZ:<br>2 2 | IzLAZ:<br>4 4 | IzLAZ:<br>10 10 |

\* **Zadatak 3.11** U prvom kvadrantu dato je  $1 \leq N \leq 10000$  duži svojim koordinatama (duži mogu da se seku, preklapaju, itd.). Napisati program koji pronalazi najmanji ugao  $0 \leq \alpha \leq 90^\circ$ , na dve decimale, takav da je suma dužina duži sa obe strane polupoluprave iz koordinatnog početka pod uglom  $\alpha$  jednak (neke duži bivaju presečene, a neke ne). Program prvo učitava broj  $N$ , a zatim i same koordinate temena duži. UPUTSTVO: *Vršiti binarnu pretragu intervala*  $[0, 90^\circ]$ .

| Primer 1   | Primer 2  | Primer 3  |
|--|---|---|
| INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:<br>Unesite broj tacaka: 2<br>Unesite koordinate tacaka:<br>2 0 2 1<br>1 2 2 2<br>26.57 | INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:<br>Unesite broj tacaka: 2<br>Unesite koordinate tacaka:<br>1 0 1 1<br>0 1 1 1<br>45 | INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:<br>Unesite broj tacaka: 3<br>Unesite koordinate tacaka:<br>1 0 1 1<br>2 0 2 1<br>1 2 2 2<br>26.57 |

## 3.2 Algoritmi sortiranja

**Zadatak 3.12** Napraviti biblioteku koja implementira algoritme sortiranja nizova celih brojeva. Biblioteka treba da sadrži algoritam sortiranja izborom (engl. **selection sort**), sortiranja spajanjem (engl. **merge sort**), brzog sortiranja (engl. **quick sort**), mehurastog sortiranja (engl. **bubble sort**), sortiranja direktnim umetanjem (engl. **insertion sort**) i sortiranja umetanjem sa inkrementom (engl. **shell sort**). Upotrebiti biblioteku kako bi se napravilo poređenje efikasnosti različitih algoritama sortiranja. Efikasnost meriti na slučajno generisanim nizovima, na rastuće sortiranim nizovima i na opadajuće sortiranim nizovima. Izbor algoritma, veličine i početnog rasporeda elemenata niza birati kroz argumente komandne linije. Moguće opcije kojima se bira algoritam sortiranja su: **-m** za sortiranje spajanjem, **-q** za brzo sortiranje, **-b** za mehurasto, **-i** za sortiranje direktnim umetanjem ili **-s** za sortiranje umetanjem sa inkrementom. U slučaju da nije prisutna ni jedna od ovih opcija, niz sortirati algoritmom sortiranja izborom. Niz koji se sortira generisati neopadajuće ako je prisutna opcija

`-r`, nerastuće ako je prisutna opcija `-o` ili potpuno slučajno ako nema nijedne opcije. Vreme meriti programom `time`. Analizirati porast vremena sa porastom dimenzije  $n$ .

|   |   |  |
|---|---|--|
| <p><i>Test 1</i></p> <pre>    POKRETANJE: time ./a.out    200000       IZLAZ:    real 0m42.168s    user 0m42.100s    sys 0m0.000s </pre>      | <p><i>Test 2</i></p> <pre>    POKRETANJE: time ./a.out    400000       IZLAZ:    real 2m48.395s    user 2m48.128s    sys 0m0.000s </pre>  | <p><i>Test 3</i></p> <pre>    POKRETANJE: time ./a.out    800000       IZLAZ:    real 11m13.703s    user 11m12.636s    sys 0m0.000s </pre> |
| <p><i>Test 4</i></p> <pre>    POKRETANJE: time ./a.out    800000 -r       IZLAZ:    real 11m21.533s    user 11m20.436s    sys 0m0.020s </pre> | <p><i>Test 5</i></p> <pre>    POKRETANJE: time ./a.out    800000 -q       IZLAZ:    real 0m0.159s    user 0m0.156s    sys 0m0.000s </pre> | <p><i>Test 6</i></p> <pre>    POKRETANJE: time ./a.out    800000 -m       IZLAZ:    real 0m0.137s    user 0m0.136s    sys 0m0.000s </pre>  |

**Zadatak 3.13** Dve niske su anagrami ako se sastoje od istog broja istih karaktera. Napisati program koji proverava da li su dve niske karaktera anagrami. Niske se zadaju sa standardnog ulaza i neće biti duže od 127 karaktera. UPUTSTVO: Napisati funkciju koja sortira slova unutar niske karaktera, a zatim za sortirane niske proveriti da li su identične.

|   |  |   |
|---|--|---|
| <p><i>Primer 1</i></p> <pre>    INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:    Unesite prvu nisku anagram    Unesite drugu nisku ramgana    jesu </pre> | <p><i>Primer 2</i></p> <pre>    INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:    Unesite prvu nisku anagram    Unesite drugu nisku anagrm    nisu </pre> | <p><i>Primer 3</i></p> <pre>    INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:    Unesite prvu nisku test    Unesite drugu nisku tset    jesu </pre> |
|---|--|---|

**Zadatak 3.14** U datom nizu brojeva treba pronaći dva broja koja su na najmanjem rastojanju. Niz se zadaje sa standardnog ulaza, sve do kraja ulaza, ali neće sadržati više od 256 i manje od 2 elemenata. Na izlaz ispisati razliku pronađena dva broja. UPUTSTVO: Prvo sortirati niz. NAPOMENA: Koristiti biblioteku za sortiranje celih brojeva iz zadatka 3.12.

### 3 Algoritmi pretrage i sortiranja

---

| Test 1                     | Test 2                          | Test 3         |
|----------------------------|---------------------------------|----------------|
| ULAZ:<br>23 64 123 76 22 7 | ULAZ:<br>21 654 65 123 65 12 61 | ULAZ:<br>34 30 |
| IzLAZ:<br>1                | IzLAZ:<br>0                     | IzLAZ:<br>4    |

**Zadatak 3.15** Napisati program koji pronalazi broj koji se najviše puta pojavljivao u datom nizu. Niz se zadaje sa standardnog ulaza sve do kraja ulaza i neće biti duži od 256 i kraći od jednog elemenata. UPUTSTVO: *Prvo sortirati niz, a zatim naći najdužu sekvencu jednakih elemenata.* NAPOMENA: *Koristiti biblioteku za sortiranje celih brojeva iz zadatka 3.12.*

| Test 1                           | Test 2                    | Test 3        |
|----------------------------------|---------------------------|---------------|
| ULAZ:<br>4 23 5 2 4 6 7 34 6 4 5 | ULAZ:<br>2 4 6 2 6 7 99 1 | ULAZ:<br>123  |
| IzLAZ:<br>4                      | IzLAZ:<br>2               | IzLAZ:<br>123 |

**Zadatak 3.16** Napisati funkciju koja proverava da li u datom nizu postoje dva elementa čiji zbir je jednak zadatom celom broju. Napisati i program koji testira ovu funkciju. U programu se prvo učitava broj, a zatim i niz. Elementi niza se unose sve do kraja ulaza. Pretpostaviti da u niz neće biti uneto više od 256 brojeva. UPUTSTVO: *Prvo sortirati niz.* NAPOMENA: *Koristiti biblioteku za sortiranje celih brojeva iz zadatka 3.12.*

| Primer 1   | Primer 2   | Primer 3  |
|--|--|---|
| INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:<br>Unesite trazeni zbir: 34<br>Unesite elemente niza:<br>134 4 1 6 30 23<br>da | INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:<br>Unesite trazeni zbir: 12<br>Unesite elemente niza:<br>53 1 43 3 56 13<br>ne | INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:<br>Unesite trazeni zbir: 52<br>Unesite elemente niza:<br>52<br>ne |

**Zadatak 3.17** Napisati funkciju potpisa `int merge(int *niz1, int dim1, int *niz2, int dim2, int *niz3, int dim3)` koja prima dva sortirana niza, i na osnovu njih pravi novi sortirani niz koji sadrži elemente oba niza. Treća dimenzija predstavlja veličinu niza u koji se smešta rezultat. Ako je ona manja od potrebne dužine, funkcija vraća -1 kao indikator neuspeha, inače vraća 0. Napisati zatim program koji testira ovu funkciju. Nizovi se unose sa standardnog ulaza sve dok se ne unese 0 i može se pretpostaviti da će njihove dimenzije biti

manje od 256.

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite elemente prvog niza:
3 6 7 11 14 35 0
Unesite elemente drugog niza:
3 5 8 0
3 3 5 6 7 8 11 14 35
```

### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite elemente prvog niza:
1 4 7 0
Unesite elemente drugog niza:
9 11 23 54 75 0
1 4 7 9 11 23 54 75
```

**Zadatak 3.18** Napisati program koji čita sadržaj dve datoteke od kojih svaka sadrži spisak imena i prezimena studenata iz jedne od dve grupe, rastuće sortiran po imenima, a u slučaju istog imena po prezimenima, i kreira jedinstven spisak studenata sortiranih takođe po istom kriterijumu. Program dobija nazive datoteka iz komandne linije i jedinstveni spisak upisuje u datoteku `ceo-tok.txt`. Pretpostaviti da ime studenta nije duže od 10, a prezime od 15 karaktera.

### Test 1

```
POKRETANJE: ./a.out prvi-deo.txt drugi-deo.txt

PRVI-DEO.TXT
Andrija Petrovic
Anja Ilic
Ivana Markovic
Lazar Micic
Nenad Brankovic
Sofija Filipovic
Uros Milic
Vladimir Savic

DRUGI-DEO.TXT
Aleksandra Cvetic
Bojan Golubovic
Dragan Markovic
Filip Dukic
Ivana Stankovic
Marija Stankovic
Ognjen Peric

CEO-TOK.TXT
Aleksandra Cvetic
Andrija Petrovic
Anja Ilic
Bojan Golubovic
Dragan Markovic
Filip Dukic
Ivana Markovic
Ivana Stankovic
Lazar Micic
Marija Stankovic
Nenad Brankovic
Ognjen Peric
Sofija Filipovic
Vladimir Savic
Uros Milic
```

**Zadatak 3.19** Napisati funkcije koje sortiraju niz struktura tačaka na osnovu sledećih kriterijuma: (i) njihovog rastojanja od koordinatnog početka, (ii)  $x$  koordinata tačaka, (iii)  $y$  koordinata tačaka. Napisati program koji učitava niz tačaka iz datoteke čije se ime zadaje kao drugi argument komandne linije, i u zavisnosti od prisutnih opcija (prvi argument) u komandnoj liniji (`-o`, `-x` ili `-y`) sortira tačke po jednom od prethodna tri kriterijuma i rezultat upisuje u datoteku čije se ime zadaje kao treći argument komandne linije. U ulaznoj datoteci nije zadato više od 128 tačaka.

#### Test 1

```
POKRETANJE: ./a.out -x in.txt out.txt
```

```
IN.TXT
3 4
11 6
7 3
2 82
-1 6
```

```
OUT.TXT
-1 6
2 82
3 4
7 3
11 6
```

#### Test 2

```
POKRETANJE: ./a.out -o in.txt out.txt
```

```
IN.TXT
3 4
11 6
7 3
2 82
-1 6
```

```
OUT.TXT
3 4
-1 6
7 3
11 6
2 82
```

**Zadatak 3.20** Napisati program koji učitava imena i prezimena građana (najviše njih 1000) iz datoteke `biracki-spisak.txt` i kreira biračke spiskove. Jedan birački spisak je sortiran po imenu građana, a drugi po prezimenu. Program treba da ispisuje koliko građana ima isti redni broj u oba biračka spiska. Pretpostaviti da je za ime, odnosno prezime građana dovoljno 15 karaktera, i da se nijedno ime i prezime ne pojavljuje više od jednom.

#### Test 1

```
BIRACKI-SPISAK.TXT
Bojan Golubovic
Andrija Petrovic
Anja Ilic
Aleksandra Cvetic
Dragan Markovic
Ivana Markovic
Lazar Micic
Marija Stankovic
Filip Dukic

IZLAZ:
3
```

#### Test 2

```
BIRACKI-SPISAK.TXT
Milan Milicevic

IZLAZ:
1
```

#### Test 3

```
DATOTEKA BIRACKI-SPISAK.TXT
NE POSTOJI

IZLAZ ZA GREŠKE:
Neupesno otvaranje
datoteke za citanje
```

**Zadatak 3.21** Definirati strukturu koja čuva imena, prezimena i godišta dece. Pretpostaviti da su imena i prezimena niske karaktera koje nisu duže od 30 karaktera. Napisati funkciju koja sortira niz dece po godištu, a decu istog godišta sortira leksikografski po prezimenu i imenu. Napisati program koji učitava podatke o deci koji se nalaze u datoteci čije se ime zadaje kao prvi argument komandne linije, sortira ih i sortirani niz upisuje u datoteku čije se ime zadaje kao drugi argument komandne linije. Pretpostaviti da u ulaznoj datoteci nisu zadati podaci o više od 128 dece.

### Test 1

```
POKRETANJE: ./a.out in.txt out.txt
```

```
IN.OUT
```

```
Petar Petrovic 2007
Milica Antonic 2008
Ana Petrovic 2007
Ivana Ivanovic 2009
Dragana Markovic 2010
Marija Antic 2007
```

```
OUT.TXT
```

```
Marija Antic 2007
Ana Petrovic 2007
Petar Petrovic 2007
Milica Antonic 2008
Ivana Ivanovic 2009
Dragana Markovic 2010
```

### Test 2

```
POKRETANJE: ./a.out in.txt out.txt
```

```
IN.OUT
```

```
Milijana Maric 2009
```

```
OUT.TXT
```

```
Milijana Maric 2009
```

**Zadatak 3.22** Napisati funkciju koja sortira niz niski po broju suglasnika u niski. Ukoliko reči imaju isti broj suglasnika, sortirati ih po dužini niske rastuće, a ukoliko su i dužine jednake onda leksikografski rastuće. Napisati program koji testira ovu funkciju za niske koje se zadaju u datoteci `niske.txt`. Pretpostaviti da u nizu nema više od 128 elemenata, kao i da svaka niska sadrži najviše 31 karakter.

### Test 1

```
NISKE.TXT
```

```
ana petar andjela milos nikola aleksandar ljubica matej milica
```

```
IZLAZ:
```

```
ana matej milos petar milica nikola andjela ljubica aleksandar
```

**Zadatak 3.23** Napisati program koji simulira rad kase u prodavnici. Kupci prilaze kasi, a prodavac unošenjem bar-koda kupljenog proizvoda dodaje njegovu cenu na ukupan račun. Na kraju, program ispisuje ukupnu vrednost svih proizvoda. Sve artikle, zajedno sa bar-kodovima, proizvođačima i cenama učitati iz datoteke `artikli.txt`. Pretraživanje niza artikala vršiti binarnom pretragom.

#### Primer 1

```
ARTIKLI.TXT
1001 Keks Jaffa 120
2530 Napolitanke Bambi 230
0023 MedenoSrce Pionir 150
2145 Pardon Marbo 70

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Asortiman:
KOD Naziv artikla Ime proizvođača Cena
23 MedenoSrce Pionir 150.00
1001 Keks Jaffa 120.00
2145 Pardon Marbo 70.00
2530 Napolitanke Bambi 230.00
-----
- Za kraj za kraj rada kase, pritisnite CTRL+D!
- Za nov račun unesite kod artikla:

1001
Trazili ste: Keks Jaffa 120.00
Unesite kod artikla [ili 0 za prekid]: 23
Trazili ste: MedenoSrce Pionir 150.00
Unesite kod artikla [ili 0 za prekid]: 0

UKUPNO: 270.00 dinara.

-----
- Za kraj za kraj rada kase, pritisnite CTRL+D!
- Za nov račun unesite kod artikla:

232
Greska: Ne postoji proizvod sa traženim kodom!
Unesite kod artikla [ili 0 za prekid]: 2530
Trazili ste: Napolitanke Bambi 230.00
Unesite kod artikla [ili 0 za prekid]: 0

UKUPNO: 230.00 dinara.

-----
- Za kraj za kraj rada kase, pritisnite CTRL+D!
- Za nov račun unesite kod artikla:

Kraj rada kase!
```

**Zadatak 3.24** Napisati program koji iz datoteke `aktivnost.txt` čita podatke o aktivnostima studenata na praktikumima i upisuje tri spiska redom u datoteke `dat1.txt`, `dat2.txt` i `dat3.txt`. Na prvom su studenti sortirani leksi-kografski po imenu rastuće. Na drugom su sortirani po ukupnom broju urađenih zadataka opadajuće, a ukoliko neki studenti imaju isti broj rešenih zadataka sortiraju se po dužini imena rastuće. Na trećem spisku kriterijum sortiranja je broj časova na kojima su bili, opadajuće. Ukoliko neki studenti imaju isti broj časova, sortirati ih opadajuće po broju urađenih zadataka, a ukoliko se i on poklapa sortirati po prezimenu opadajuće. U datoteci se nalazi ime, prezime studenta, broj



časova na kojima je prisustvovao, kao i ukupan broj uradenih zadataka. Pretpostaviti da studenata neće biti više od 500 i da je za ime studenta dovoljno 20, a za prezime 25 karaktera.

### Test 1

AKTIVNOSTI.TXT

```
Aleksandra Cvetic 4 6
Bojan Golubovic 4 3
Dragan Markovic 3 5
Ivana Stankovic 3 1
Marija Stankovic 1 3
Ognjen Peric 1 2
Uros Milic 2 5
Andrija Petrovic 2 5
Anja Ilic 3 1
Lazar Micic 1 3
Nenad Brankovic 2 4
```

DAT1.TXT

```
Studenti sortirani po imenu
leksikografski rastece:
Aleksandra Cvetic 4 6
Andrija Petrovic 2 5
Anja Ilic 3 1
Bojan Golubovic 4 3
Dragan Markovic 3 5
Ivana Stankovic 3 1
Lazar Micic 1 3
Marija Stankovic 1 3
Nenad Brankovic 2 4
Ognjen Peric 1 2
Uros Milic 2 5
```

DAT2.TXT

```
Studenti sortirani po broju zadataka
opadajuće, pa po dužini imena rastece:
Aleksandra Cvetic 4 6
Uros Milic 2 5
Dragan Markovic 3 5
Andrija Petrovic 2 5
Nenad Brankovic 2 4
Lazar Micic 1 3
Bojan Golubovic 4 3
Marija Stankovic 1 3
Ognjen Peric 1 2
Anja Ilic 3 1
Ivana Stankovic 3 1
```

DAT3.TXT

```
Studenti sortirani po prisustvu
opadajuće, pa po broju zadataka,
pa po prezimenima leksikografski
opadajuće:
Aleksandra Cvetic 4 6
Bojan Golubovic 4 3
Dragan Markovic 3 5
Ivana Stankovic 3 1
Anja Ilic 3 1
Andrija Petrovic 2 5
Uros Milic 2 5
Nenad Brankovic 2 4
Marija Stankovic 1 3
Lazar Micic 1 3
Ognjen Peric 1 2
```

**Zadatak 3.25** U datoteci `pesme.txt` nalaze se informacije o gledanosti pesama na Youtube-u. Svaki red datoteke sadrži informacije o gledanosti pesama u formatu **izvođač – naslov, broj gledanja**. Napisati program koji učitava informacije o pesmama i vrši sortiranje pesama u zavisnosti od argumenata komandne linije na sledeći način:

- nema opcija, sortiranje se vrši po broju gledanja;
- prisutna je opcija `-i`, sortiranje se vrši po imenima izvođača;
- prisutna je opcija `-n`, sortiranje se vrši po naslovu pesama.

Na standardnom izlazu ispisati informacije o pesmama sortiranim na opisani način. Uraditi zadatak bez pravljenja pretpostavki o maksimalnoj dužini imena izvođača i naslova pesme.

| <i>Test 1</i>         | <i>Test 2</i>          | <i>Test 3</i>          |
|-----------------------|------------------------|------------------------|
| POKRETANJE: ./a.out   | POKRETANJE: ./a.out -i | POKRETANJE: ./a.out -n |
| PESME.TXT             | PESME.TXT              | PESME.TXT              |
| 5                     | 5                      | 5                      |
| Ana - Nebo, 2342      | Ana - Nebo, 2342       | Ana - Nebo, 2342       |
| Laza - Oblaci, 29     | Laza - Oblaci, 29      | Laza - Oblaci, 29      |
| Pera - Ptice, 327     | Pera - Ptice, 327      | Pera - Ptice, 327      |
| Jelena - Sunce, 92321 | Jelena - Sunce, 92321  | Jelena - Sunce, 92321  |
| Mika - Kisa, 5341     | Mika - Kisa, 5341      | Mika - Kisa, 5341      |
| IZLAZ:                | IZLAZ:                 | IZLAZ:                 |
| Jelena - Sunce, 92321 | Ana - Nebo, 2342       | Mika - Kisa, 5341      |
| Mika - Kisa, 5341     | Jelena - Sunce, 92321  | Ana - Nebo, 2342       |
| Ana - Nebo, 2342      | Laza - Oblaci, 29      | Laza - Oblaci, 29      |
| Pera - Ptice, 327     | Mika - Kisa, 5341      | Pera - Ptice, 327      |
| Laza - Oblaci, 29     | Pera - Ptice, 327      | Jelena - Sunce, 92321  |

\* **Zadatak 3.26** Razmatrajmo dve operacije: operacija U je unos novog broja x, a operacija N određivanje n-tog po veličini od unetih brojeva. Implementirati program koji izvršava ove operacije. Može postojati najviše 100000 operacija unosa, a uneti elementi se mogu ponavljati, pri čemu se i ponavljanja računaju prilikom brojanja. Optimizovati program, ukoliko se zna da neće biti više od 500 različitih unetih brojeva. NAPOMENA: *Brojeve čuvati u sortiranom nizu i svaki naredni element umetati na svoje mesto.*

#### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite niz operacija: U 2 U 0 U 6 U 4 N 1 U 8 N 2 N 5 U 2 N 3 N 5
0 2 8 2 6
```

\* **Zadatak 3.27** Šef u restoranu je neuredan i palačinke koje ispeče ne slaže redom po veličini. Konobar pre serviranja mora da sortira palačinke po veličini, a jedina operacija koju sme da izvodi je da obrne deo palačinki. Na primer, sledeća slika po kolonama predstavlja naslagane palačinke posle svakog okretanja. Na početku, palačinka veličine 2 je na dnu, iznad nje se redom nalaze najmanja, najveća, itd... Na slici crtica predstavlja mesto iznad koga će konobar okrenuti palačinke. Prvi potez konobara je okretanje palačinki veličine 5, 4 i 3 (prva kolona), i tada će veličine palačinki odozdo nagore biti 2, 1, 3, 4, 5 (druga kolona). Posle još dva okretanja, palačinke će biti složene.

```
3   5   2   1
4   4   1__ 2
5__ 3   3   3
1   1   4   4
```

2    2\_\_ 5    5

Napisati program koji u najviše  $2n - 3$  okretanja sortira učitani niz. UPUTSTVO: *Imitirati **selection sort** i u svakom koraku dovesti jednu palačinku na svoje mesto korišćenjem najviše dva okretanja.*

*Test 1*

```

ULAZ:
23 64 123 76 22 7 34 123 54562 12 453 342 5342 42 542 1 3 432 1 32 43
IZLAZ:
1 1 3 7 12 22 23 32 34 42 43 64 76 123 123 342 432 453 542 5342 54562

```

**Zadatak 3.28** Za zadatu celobrojnu matricu dimenzije  $n \times m$  napisati funkciju koja vrši sortiranje vrsta matrice rastuće na osnovu sume elemenata u vrsti. Napisati potom program koji testira ovu funkciju. Sa standardnog ulaza se prvo unose dimenzije matrice, a zatim redom elementi matrice. Rezultujuću matricu ispisati na standardnom izlazu. NAPOMENA: *Koristiti biblioteku za rad sa celobrojnim matricama iz zadatka 2.19.*

*Test 1*

```

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite dimenzije matrice: 3 2
Unesite elemente matrice po vrstama:
6 -5
-4 3
2 1
Sortirana matrica je:
-4 3
6 -5
2 1

```

*Test 2*

```

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite dimenzije matrice: 4 4
Unesite elemente matrice po vrstama:
34 12 54 642
1 2 3 4
53 2 1 5
54 23 5 671
Sortirana matrica je:
1 2 3 4
53 2 1 5
34 12 54 642
54 23 5 671

```

**Zadatak 3.29** Za zadatu kvadratnu matricu dimenzije  $n$  napisati funkciju koja sortira kolone matrice opadajuće na osnovu vrednosti prvog elementa u koloni. Napisati program koji testira ovu funkciju. Sa standardnog ulaza se prvo unosi dimenzija matrice, a zatim redom elementi matrice. Rezultujuću matricu ispisati na standardnom izlazu. NAPOMENA: *Koristiti biblioteku za rad sa celobrojnim matricama iz zadatka 2.19.*

#### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite dimenziju matrice: 2
Unesite elemente matrice po vrstama:
6 -5
-4 3
Sortirana matrica je:
-5 6
3 -4
```

#### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite dimenziju matrice: 4
Unesite elemente matrice po vrstama:
34 12 54 642
1 2 3 4
53 2 1 5
54 23 5 671
Sortirana matrica je:
12 34 54 642
2 1 3 4
2 53 1 5
23 54 5 671
```

## 3.3 Bibliotečke funkcije pretrage i sortiranja

**Zadatak 3.30** Napisati program u kome se prvo inicijalizuje statički niz struktura osoba sa članovima ime i prezime, a zatim se učitava jedan karakter i pronalazi i štampa jedna struktura iz niza osoba čije prezime počinje tim karakterom. Ako takva osoba ne postoji, štampati  $-1$  na standardnom izlazu za greške. Niz struktura ima manje od 100 elemenata i uređen je u rastućem leksikografskom poretku po prezimenima. Pretraživanje niza vršiti bibliotečkom funkcijom `bsearch`. Na primer, niz osoba može da bude inicijalizovan na sledeći način:

```
Osoba niz_osoba[]={{"Mika", "Antic"},
                    {"Dobrica", "Eric"},
                    {"Desanka", "Maksimovic"},
                    {"Dusko", "Radovic"},
                    {"Ljubivoje", "Rsumovic"}};
```

#### Test 1

```
ULAZ:
R

IZLAZ:
Dusko Radovic
```

#### Test 2

```
ULAZ:
E

IZLAZ:
Dobrica Eric
```

#### Test 3

```
ULAZ:
X

IZLAZ:
-1
```

**Zadatak 3.31** Napisati program koji ilustruje upotrebu bibliotečkih funkcija za pretraživanje i sortiranje nizova i mogućnost zadavanja različitih kriterijuma sortiranja. Sa standardnog ulaza se unosi dimenzija niza celih brojeva, ne veća od 100, a potom i sami elementi niza. Upotrebom funkcije `qsort` sortirati niz u rastućem poretku, sa standardnog ulaza učitati broj koji se traži u nizu, pa

### 3.3 Bibliotečke funkcije pretrage i sortiranja

zatim funkcijama `bsearch` i `lfind` utvrditi da li se zadati broj nalazi u nizu. Na standardnom izlazu ispisati odgovarajuću poruku.

#### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Uneti dimenziju niza: 11
Uneti elemente niza:
5 3 1 6 8 90 34 5 3 432 34
Sortirani niz u rastucem poretku:
1 3 3 5 5 6 8 34 34 90 432
Uneti element koji se trazi u nizu: 34
Binarna pretraga:
Element je nadjen na poziciji 8
Linearna pretraga (lfind):
Element je nadjen na poziciji 7
```

#### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Uneti dimenziju niza: 4
Uneti elemente niza:
4 2 5 7
Sortirani niz u rastucem poretku:
2 4 5 7
Uneti element koji se trazi u nizu: 3
Binarna pretraga:
Elementa nema u nizu!
Linearna pretraga (lfind):
Elementa nema u nizu!
```

**Zadatak 3.32** Napisati program koji sa standardnog ulaza učitava dimenziju niza celih brojeva (ne veću od 100), a potom i same elemente niza. Upotrebom funkcije `qsort` sortirati niz u rastućem poretku prema broju delilaca i tako dobijeni niz odštampati na standardnom izlazu.

#### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Uneti dimenziju niza: 10
Uneti elemente niza:
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
Sortirani niz u rastucem
poretku prema broju delilaca
1 2 3 5 7 4 9 6 8 10
```

#### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Uneti dimenziju niza: 1
Uneti elemente niza:
234
Sortirani niz u rastucem
poretku prema broju delilaca
234
```

#### Primer 3

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Uneti dimenziju niza: 0
Uneti elemente niza:
Sortirani niz u rastucem
poretku prema broju
delilaca:
```

**Zadatak 3.33** Korišćenjem bibliotečke funkcije `qsort` napisati program koji sortira niz niski po sledećim kriterijumima:

- (a) leksikografski,
- (b) po dužini.

Niske se učitavaju iz datoteke `niske.txt`. Pretpostaviti da datoteka ne sadrži više od 1000 niski kao i da je svaka niska dužine najviše 30 karaktera. Program prvo leksikografski sortira niz, primenjuje binarnu pretragu (`bsearch`) zarad traženja niske unete sa standardnog ulaza, a potom traži istu nisku koristeći funkciju `lfind` u nizu koji je neposredno pre toga sortiran po dužini. Rezultate svih sortiranja i pretraga ispisati na standardnom izlazu.

#### Primer 1

```
NISKE.TXT
ana petar andjela milos nikola aleksandar ljubica matej milica

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Leksikografski sortirane niske:
aleksandar ana andjela ljubica matej milica milos nikola petar
Uneti trazenu nisku: matej
Niska "matej" je pronadjena u nizu na poziciji 4
Niske sortirane po duzini:
ana matej milos petar milica nikola andjela ljubica aleksandar
Niska "matej" je pronadjena u nizu na poziciji 1
```

**Zadatak 3.34** Uraditi zadatak 3.33 sa dinamički alociranim niskama i sortiranjem niza pokazivača, umesto niza niski.

**Zadatak 3.35** Napisati program koji korišćenjem bibliotečke funkcije `qsort` sortira studente prema broju poena osvojenih na kolokvijumu. Ukoliko više studenata ima isti broj bodova, sortirati ih po prezimenu leksikografski rastuće. Korisnik potom unosi broj bodova i prikazuje mu se jedan od studenata sa tim brojem bodova ili poruka ukoliko nema takvog. Potom, sa standardnog ulaza, unosi se prezime traženog studenta i prikazuje se osoba sa tim prezimenom ili poruka da se nijedan student tako ne preziva. Za pretraživanje koristiti odgovarajuće bibliotečke funkcije. Podaci o studentima čitaju se iz datoteke čije se ime zadaje preko argumenata komandne linije. Za svakog studenta u datoteci postoje ime, prezime i bodovi osvojeni na kolokvijumu. Pretpostaviti da neće biti više od 500 studenata i da je za ime i prezime svakog studenta dovoljno po 20 karaktera.

#### Primer 1

```
POKRETANJE: ./a.out kolokvijum.txt

ULAZNA DATOTEKA (KOLOKVIJUM.TXT):
Aleksandra Cvetic 15
Bojan Golubovic 30
Dragan Markovic 25
Filip Dukic 20
Ivana Stankovic 25
Marija Stankovic 15
Ognjen Peric 20
Uros Milic 10
Andrija Petrovic 0
Anja Ilic 5
Ivana Markovic 5
Lazar Micic 20
Nenad Brankovic 15

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Studenti sortirani po broju poena
opadajuće, pa po prezimenu rastuće:
Bojan Golubovic 30
Dragan Markovic 25
Ivana Stankovic 25
Filip Dukic 20
Lazar Micic 20
Ognjen Peric 20
Nenad Brankovic 15
Aleksandra Cvetic 15
Marija Stankovic 15
Uros Milic 10
Anja Ilic 5
Ivana Markovic 5
Andrija Petrovic 0
Unesite broj bodova: 20
Pronadjen je student sa unetim
brojem bodova: Filip Dukic 20
Unesite prezime: Markovic
Pronadjen je student sa unetim
prezimenom: Dragan Markovic 25
```

### 3.3 Bibliotečke funkcije pretrage i sortiranja

**Zadatak 3.36** Uraditi zadatak 3.13, ali korišćenjem bibliotečke `qsort` funkcije.

**Zadatak 3.37** Napisati program koji sa standardnog ulaza učitava prvo ceo broj  $n$  ( $n \leq 10$ ), a zatim niz  $S$  od  $n$  niski. Maksimalna dužina svake niske je 31 karakter. Sortirati niz  $S$  bibliotečkom funkcijom `qsort` i proveriti da li u njemu ima identičnih niski.

#### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite broj niski: 4
Unesite niske:
prog search sort search
ima
```

#### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite broj niski: 3
Unesite niske:
test kol ispit
nema
```

#### Primer 3

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite broj niski: 5
Unesite niske:
a ab abc abcd abcde
nema
```

**Zadatak 3.38** Datoteka `studenti.txt` sadrži spisak studenata. Za svakog studenta poznat je nalog na Alas-u (oblika npr. `mr15125`, `mm14001`), ime, prezime i broj poena. Ni ime, ni prezime, neće biti duže od 20 karaktera. Napisati program koji korišćenjem funkcije `qsort` sortira studente po broju poena opadajuće, ukoliko je prisutna opcija `-p`, ili po nalogu, ukoliko je prisutna opcija `-n`. Studenti se po nalogu sortiraju tako što se sortiraju na osnovu godine, zatim na osnovu smeru, i na kraju na osnovu broja indeksa. Sortirane studente upisati u datoteku `izlaz.txt`. Ukoliko je u komandnoj liniji uz opciju `-n` naveden i nalog nekog studenta, funkcijom `bsearch` potražiti i prijaviti broj poena studenta sa tim nalogom.

#### Test 1

```
POKRETANJE: ./a.out -n mm13321

STUDENTI.TXT
mr14123 Marko Antic 20
mm13321 Marija Radic 12
ml13011 Ivana Mitrovic 19
ml13066 Pera Simic 15
mv14003 Jovan Jovanovic 17

IZLAZ.TXT
ml13011 Ivana Mitrovic 19
ml13066 Pera Simic 15
mm13321 Marija Radic 12
mr14123 Marko Antic 20
mv14003 Jovan Jovanovic 17

IZLAZ:
mm13321 Marija Radic 12
```

#### Test 2

```
POKRETANJE: ./a.out -p

STUDENTI.TXT
mr14123 Marko Antic 20
mm13321 Marija Radic 12
ml13011 Ivana Mitrovic 19
ml13066 Pera Simic 15
mv14003 Jovan Jovanovic 17

IZLAZ.TXT
mr14123 Marko Antic 20
ml13011 Ivana Mitrovic 19
mv14003 Jovan Jovanovic 17
ml13066 Pera Simic 15
mm13321 Marija Radic 12
```

**Zadatak 3.39** Definirati strukturu `Datum`. Napisati funkciju koja poredi dva

### 3 Algoritmi pretrage i sortiranja

---

datuma hronološki. Potom, napisati i program koji učitava datume iz datoteke koja se zadaje kao prvi argument komandne linije (ne više od 128 datuma), sortira ih pozivajući funkciju `qsort` iz standardne biblioteke i pozivanjem funkcije `bsearch` iz standardne biblioteke proverava da li datumi učitani sa standardnog ulaza postoje među prethodno unetim datumima. Datumi se učitavaju sve do kraja ulaza.

#### *Primer 1*

```
POKRETANJE: ./a.out datoteka.txt
```

```
DATOTEKA.TXT  
1.1.2013.  
13.12.2016.  
11.11.2011.  
3.5.2015.  
5.2.2009.
```

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
```

```
Unesite sledeci datum: 13.12.2016.  
postoji  
Unesite sledeci datum: 10.5.2015.  
ne postoji  
Unesite sledeci datum: 5.2.2009.  
postoji
```



## 4

# Dinamičke strukture podataka

## 4.1 Liste

**Zadatak 4.1** Napisati biblioteku za rad sa jednostruko povezanom listom čiji čvorovi sadrže cele brojeve.

- (a) Definirati strukturu `Cvor` kojom se predstavlja čvor liste. Čvor treba da sadrži ceo broj `vrednost` i pokazivač na sledeći čvor liste.
- (b) Napisati funkciju `Cvor *napravi_cvor(int broj)` koja kao argument dobija ceo broj, kreira nov čvor liste, inicijalizuje mu polja i vraća njegovu adresu.
- (c) Napisati funkciju `int dodaj_na_pocetak_liste(Cvor ** adresa_glave, int broj)` koja dodaje novi čvor sa vrednošću `broj` na početak liste, čija glava se nalazi na adresi `adresa_glave`.
- (d) Napisati funkciju `Cvor *pronadji_poslednji(Cvor * glava)` koja pronalazi poslednji čvor u listi.
- (e) Napisati funkciju `int dodaj_na_kraj_liste(Cvor ** adresa_glave, int broj)` koja dodaje novi čvor sa vrednošću `broj` na kraj liste.
- (f) Napisati funkciju `Cvor *pronadji_mesto_umetanja(Cvor * glava, int broj)` koja vraća pokazivač na čvor u neopadajuće uređenoj listi iza kojeg bi trebalo dodati nov čvor sa vrednošću `broj`.

- (g) Napisati funkciju `int dodaj_iza(Cvor * tekuci, int broj)` koja iza čvora `tekuci` dodaje novi čvor sa vrednošću `broj`.
- (h) Napisati funkciju `int dodaj_sortirano(Cvor ** adresa_glave, int broj)` koja dodaje novi elemenat u neopadajuće uređenu listu tako da se očuva postojeće uređenje.
- (i) Napisati funkciju `void ispisi_listu(Cvor * glava)` koja ispisuje čvorove liste uokvirene zagradama `[, ]` i međusobno razdvojene zapetama.
- (j) Napisati funkciju `Cvor *pretrazi_listu(Cvor * glava, int broj)` koja proverava da li se u listi nalazi čvor čija je vrednost jednaka argumentu `broj`. Funkcija vraća pokazivač na pronađeni čvor ili `NULL` ukoliko ga ne pronađe.
- (k) Napisati funkciju `Cvor *pretrazi_sortiranu_listu(Cvor * glava, int broj)` koja proverava da li se u listi nalazi čvor sa vrednošću `broj`, pri čemu se pretpostavlja da se pretražuje neopadajuće uređena lista.
- (l) Napisati funkciju `void obrisi_cvor(Cvor ** adresa_glave, int broj)` koja briše sve čvorove u listi koji imaju vrednost jednaku argumentu `broj`.
- (m) Napisati funkciju `void obrisi_cvor_sortirane_liste(Cvor ** adresa_glave, int broj)` koja briše sve čvorove u listi koji imaju vrednost jednaku argumentu `broj`, pri čemu se pretpostavlja da se briše iz neopadajuće uređene liste.
- (n) Napisati funkciju `void oslobodi_listu(Cvor ** adresa_glave)` koja oslobađa dinamički zauzetu memoriju za čvorove liste.

Funkcije dodavanja novog elementa u postojeću listu poput, `dodaj_na_pocetak_liste`, `dodaj_na_kraj_liste` i `dodaj_sortirano`, treba da vrate 0, ukoliko je sve bilo u redu, odnosno 1, ukoliko se dogodila greška prilikom alokacije memorije za nov čvor. *NAPOMENA: Sve funkcije za rad sa listom implementirati iterativno.*

Napisati programe koji koriste jednostruko povezanu listu za čuvanje elemenata koji se unose sa standardnog ulaza. Unošenje novih brojeva u listu prekida se učitavanjem kraja ulaza (EOF). Svako dodavanje novog broja u listu ispratiti ispisivanjem trenutnog sadržaja liste.

- (1) U programu se učitani celi brojevi dodaju na početak liste. Unosi se ceo broj koji se traži u unetoj listi i na ekran se ispisuje rezultat pretrage.

*Primer 1*

```

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite brojeve (CTRL+D za kraj unosa):
2
Lista: [2]
3
Lista: [3, 2]
14
Lista: [14, 3, 2]
5
Lista: [5, 14, 3, 2]
3
Lista: [3, 5, 14, 3, 2]
17
Lista: [17, 3, 5, 14, 3, 2]

Unesite broj koji se traži: 5
Trazeni broj 5 je u listi!

```

*Primer 2*

```

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite brojeve (CTRL+D za kraj unosa):
23
Lista: [23]
14
Lista: [14, 23]
35
Lista: [35, 14, 23]

Unesite broj koji se traži: 8
Broj 8 se ne nalazi u listi!

```

- (2) U programu se učitani celi brojevi dodaju na kraj liste. Unosi se ceo broj čija se sva pojavljivanja u listi brišu. Na ekran se ispisuje sadržaj liste nakon brisanja.

*Primer 1*

```

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite brojeve (CTRL+D za kraj unosa):
2
Lista: [2]
3
Lista: [2, 3]
14
Lista: [2, 3, 14]
3
Lista: [2, 3, 14, 3]
3
Lista: [2, 3, 14, 3, 3]
17
Lista: [2, 3, 14, 3, 3, 17]
3
Lista: [2, 3, 14, 3, 3, 17, 3]

Unesite broj koji se briše: 3
Lista nakon brisanja: [2, 14, 17]

```

*Primer 2*

```

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite brojeve (CTRL+D za kraj unosa):
23
Lista: [23]
14
Lista: [23, 14]
35
Lista: [23, 14, 35]

Unesite broj koji se briše: 3
Lista nakon brisanja: [23, 14, 35]

```

- (3) U programu se učitani celi brojevi dodaju u listu tako da vrednosti budu uređene u neopadajućem poretku. Unosi se ceo broj koji se traži u unetoj listi i na ekran se ispisuje rezultat pretrage. Potom se unosi još jedan ceo broj čija se sva pojavljivanja u listi brišu i prikazuje se aktuelni sadržaj liste nakon brisanja. NAPOMENA: *Prilikom pretraživanja liste i brisanja čvora liste koristiti činjenicu da je lista uređena.*

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite brojeve (CTRL+D za kraj unosa):
2
Lista: [2]
3
Lista: [2, 3]
14
Lista: [2, 3, 14]
3
Lista: [2, 3, 3, 14]
3
Lista: [2, 3, 3, 3, 14]
5
Lista: [2, 3, 3, 3, 5, 14]

Unesite broj koji se trazi: 14
Trazeni broj 14 je u listi!

Unesite broj koji se brise: 3
Lista nakon brisanja: [2, 5, 14]
```

### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite brojeve (CTRL+D za kraj unosa):
23
Lista: [23]
14
Lista: [14, 23]
35
Lista: [14, 23, 35]

Unesite broj koji se trazi: 8
Broj 8 se ne nalazi u listi!

Unesite broj koji se brise: 3
Lista nakon brisanja: [14, 23, 35]
```

**Zadatak 4.2** Napisati biblioteku za rad sa jednostruko povezanim listama koja sadrži sve funkcije iz zadatka 4.1, ali tako da funkcije budu implementirane rekursivno. NAPOMENA: *Koristiti **main** programe i test primere iz zadatka 4.1.*

**Zadatak 4.3** Napisati program koji prebrojava pojavljivanja etiketa HTML datoteke čije se ime zadaje kao argument komandne linije. Rezultat prebrojavanja ispisati na standardni izlaz. Etiketke smestati u listu, a za formiranje liste koristiti strukturu:

```
typedef struct _Element
{
    unsigned broj_pojavljivanja;
    char etiketa[20];
    struct _Element *sledeci;
} Element;
```

### Test 1

```
POKRETANJE: ./a.out datoteka.html

DATOTEKA DATOTEKA.HTML NE POSTOJI.

IZLAZ ZA GREŠKE:
Greska: Neuspesno otvaranje
datoteke datoteka.html.
```

*Test 2*

```

POKRETANJE: ./a.out datoteka.html

IZLAZ:
a - 4
br - 1
h1 - 2
body - 2
title - 2
head - 2
html - 2

DATOTEKA.HTML
<html>
<head><title>Primer</title></head>
<body>
  <h1>Naslov</h1>
  Danas je lep i suncan dan. <br>
  A sutra ce biti jos lepsi.
  <a link='http://www.google.com'> Link 1</a>
  <a link='http://www.math.rs'> Link 2</a>
</body>
</html>

```

**Zadatak 4.4** U datoteci se nalaze podaci o studentima. U svakom redu datoteke nalazi se indeks, ime i prezime studenta. Napisati program kome se preko argumenata komandne linije prosleđuje ime datoteke sa studentskim podacima koje program treba da pročita i smesti u listu. Nakon završenog učitavanja svih podataka o studentima, sa standardnog ulaza unose se, jedan po jedan, indeksi studenata koji se traže u učitanoj listi. Posle svakog unetog indeksa, program ispisuje poruku *da* ili *ne*, u zavisnosti od toga da li u listi postoji student sa unetim indeksom ili ne. Prekid unosa indeksa se vrši unošenjem karaktera za kraj ulaza (EOF). Poruke o greškama ispisivati na standardni izlaz za greške. UPUTSTVO: *Pretpostaviti da je 10 karaktera dovoljno za zapis indeksa i da je 20 karaktera maksimalna dužina bilo imena bilo prezimena studenta.*

*Primer 1*

```

POKRETANJE: ./a.out studenti.txt

STUDENTI.TXT
123/2014 Marko Lukic
3/2014 Ana Sokic
43/2013 Jelena Ilic
41/2009 Marija Zaric
13/2010 Milovan Lazic

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
3/2014 da: Ana Sokic
235/2008 ne
41/2009 da: Marija Zaric

```

*Primer 2*

```

POKRETANJE: ./a.out studenti.txt

DATOTEKA STUDENTI.TXT JE PRAZNA

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
3/2014 ne
235/2008 ne
41/2009 ne

```

\* **Zadatak 4.5** Data je datoteka `brojevi.txt` koja sadrži cele brojeve.

- Napisati funkciju koja iz zadate datoteke učitava brojeve i smešta ih u listu.
- Napisati funkciju koja u jednom prolazu kroz zadatu listu celih brojeva pronalazi maksimalan strogo rastući podniz.

## 4 Dinamičke strukture podataka

---

Napisati program koji u datoteku `rezultat.txt` upisuje nadeni strogo rastući podniz.

| <i>Test 1</i>  | <i>Test 2</i>   | <i>Test 3</i>   |
|--|---|---|
| <pre>BROJEVI.TXT 43 12 15 16 4 2 8  IZLAZ: REZULTAT.TXT 12 15 16</pre> | <pre>DATOTEKA BROJEVI.TXT NE POSTOJI.  IZLAZ ZA GREŠKE: Greska: Neuspesno otvaranje datoteke brojevi.txt.</pre> | <pre>DATOTEKA BROJEVI.TXT JE PRAZNA  IZLAZ: REZULTAT.TXT Rezultat.txt ce biti prazna.</pre> |

\* **Zadatak 4.6** Napisati program koji objedinjuje dve sortirane liste u jednu sortiranu listu. Funkcija ne treba da kreira nove, već da samo preraspodeli postojeće čvorove. Prva lista se učitava iz datoteke čije ime se zadaje kao prvi argument komandne linije, a druga iz datoteke čije se ime zadaje kao drugi argument komandne linije. Rezultujuću listu ispisati na standardni izlaz.

| <i>Test 1</i>  | <i>Test 2</i>  |
|--|--|
| <pre>POKRETANJE: ./a.out dat1.txt dat2.txt  DAT1.TXT 2 4 6 10 15  DAT2.TXT 5 6 11 12 14 16  IZLAZ: [2, 4, 5, 6, 6, 10, 11, 12, 14, 15, 16]</pre> | <pre>POKRETANJE: ./a.out dat1.txt dat2.txt  DAT1.TXT 2 4 6 10 15  DATOTEKA DAT2.TXT NE POSTOJI.  IZLAZ ZA GREŠKE: Greska: Neuspesno otvaranje datoteke dat2.txt.</pre> |

| <i>Test 3</i>  | <i>Test 4</i>  |
|--|--|
| <pre>POKRETANJE: ./a.out dat1.txt dat2.txt  DATOTEKA DAT1.TXT JE PRAZNA  DAT2.TXT 5 6 11 12 14 16  IZLAZ: [5, 6, 11, 12, 14, 16]</pre> | <pre>POKRETANJE: ./a.out dat1.txt  IZLAZ ZA GREŠKE: Greska: Program se poziva sa: ./a.out dat1.txt dat2.txt!</pre> |

\* **Zadatak 4.7** Date su dve jednostruko povezane liste  $L_1$  i  $L_2$ . Napisati funkciju koja od ovih listi formira novu listu  $L$  koja sadrži naizmenično raspoređene čvorove listi  $L_1$  i  $L_2$ : prvi čvor iz  $L_1$ , prvi čvor iz  $L_2$ , drugi čvor  $L_1$ , drugi čvor  $L_2$ , itd. Ne formirati nove čvorove, već samo postojeće rasporediti u jednu listu. Prva lista se učitava iz datoteke čije se ime zadaje kao prvi argument komandne linije, a druga iz datoteke čije se ime zadaje kao drugi argument komandne linije. Rezultujuću listu ispisati na standardni izlaz.

NAPOMENA: *Koristiti testove 2 - 6 za zadatak 4.6.*

#### Test 1

```
POKRETANJE: ./a.out dat1.txt dat2.txt
DAT1.TXT
2 4 6 10 15
DAT2.TXT
5 6 11 12 14 16
IZLAZ:
2 5 4 6 6 11 10 12 15 14 16
```

**Zadatak 4.8** Sadržaj datoteke je aritmetički izraz koji može sadržati zagrade  $\{$ ,  $[$  i  $($ . Napisati program koji učitava sadržaj datoteke `izraz.txt` i korišćenjem steka utvrđuje da li su zagrade u aritmetičkom izrazu dobro uparene. Program štampa odgovarajuću poruku na standardni izlaz.

#### Test 1

```
IZRAZ.TXT
{[23 + 5344] * (24 - 234)} - 23
IZLAZ:
Zagrade su ispravno uparene.
```

#### Test 2

```
IZRAZ.TXT
{[23 + 5] * (9 * 2)} - {23}
IZLAZ:
Zagrade su ispravno uparene.
```

#### Test 3

```
IZRAZ.TXT
{[2 + 54] / (24 * 87)} + (234 + 23)
IZLAZ:
Zagrade nisu ispravno uparene.
```

#### Test 4

```
IZRAZ.TXT
{(2 - 14) / (23 + 11)} * (2 + 13)
IZLAZ:
Zagrade nisu ispravno uparene.
```

#### Test 5

```
DATOTEKA IZRAZ.TXT JE PRAZNA
IZLAZ:
Zagrade su ispravno uparene.
```

#### Test 6

```
DATOTEKA IZRAZ.TXT NE POSTOJI.
IZLAZ ZA GREŠKE:
Greska: Neuspesno otvaranje
datoteke izraz.txt!
```

**Zadatak 4.9** Napisati program koji proverava ispravnost uparivanja etiketa u HTML datoteci. Ime datoteke se zadaje kao argument komandne linije. Poruke o greškama ispisivati na standardni izlaz za greške. UPUTSTVO: *Za rešavanje problema koristiti stek implementiran preko liste čiji čvorovi sadrže HTML etikete.*

### Test 1

```
POKRETANJE: ./a.out datoteka.html
```

```
DATOTEKA.HTML
<html>
<head>
  <title>Primer</title>
</head>
<body>
</body>
```

```
IZLAZ:
Etikete nisu pravilno uparene
(etiketa <html> nije zatvorena)
```

### Test 2

```
POKRETANJE: ./a.out datoteka.html
```

```
DATOTEKA.HTML
<head>
  <title>Primer</title>
</head>
<body>
</body>
</html>
```

```
IZLAZ:
Etikete nisu pravilno uparene
(nadjena je etiketa </html>
koja nije otvorena)
```

### Test 3

```
POKRETANJE: ./a.out datoteka.html
```

```
DATOTEKA.HTML
<html>
<head>
  <title>Primer</title>
</head>
<body>
  <h1>Naslov</h1>
  Danas je lep i suncan dan. <br>
  Sutra ce biti jos lepsi.
  <a link='http://www.math.rs'>Link</a>
</body>
</html>
```

```
IZLAZ:
Etikete su pravilno uparene!
```

### Test 4

```
POKRETANJE: ./a.out datoteka.html
```

```
DATOTEKA.HTML
<html>
<head>
  <title>Primer</title>
</head>
<body>
</html>
```

```
IZLAZ:
Etikete nisu pravilno uparene
(nadjena je etiketa </html>, a
poslednja otvorena je <body>)
```

### Test 5

```
POKRETANJE: ./a.out datoteka.html
```

```
DATOTEKA DATOTEKA.HTML NE POSTOJI.
```

```
IZLAZ ZA GREŠKE:
Greska: Neuspesno otvaranje
datoteke datoteka.html.
```

### Test 6

```
POKRETANJE: ./a.out datoteka.html
```

```
DATOTEKA.HTML JE PRAZNA
```

```
IZLAZ:
Etikete su pravilno uparene!
```

**Zadatak 4.10** Napisati program koji pomaže službeniku u radu na šalteru. Službenik najpre evidentira sve korisničke *JMBG* brojeve (niske koje sadrže po 13 karaktera) i zahteve (niska koja sadrži najviše 999 karaktera). Prijem zahteva korisnika se prekida unošenjem karaktera za kraj ulaza (EOF). Službenik redom pregleda zahteve i odlučuje da li zahtev obrađuje odmah ili kasnije. Program mu postavlja pitanje **Da li korisnika vratate na kraj reda?** i ukoliko on da odgovor *Da*, korisnik se stavlja na kraj reda, čime se obrada njegovog zahteva



odlaže. Ukoliko odgovor nije *Da*, službenik obrađuje zahtev i podatke o korisniku dopisuje na kraj datoteke *izvestaj.txt*. Ova datoteka, za svaki obrađen zahtev, sadrži *JMBG* i zahtev usluženog korisnika. Posle svakog *petog* usluženog korisnika, službeniku se nudi mogućnost da prekine sa radom, nevezano od broja korisnika koji i dalje čekaju u redu. UPUTSTVO: *Za čuvanje korisničkih zahteva koristiti red implementiran korišćenjem listi.*

#### Primer 1

```

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Sluzbenik evidentira korisnicke zahteve:
Novi zahtev [CTRL+D za kraj]
JMBG: 1234567890123
Opis problema: Otvaranje racuna

Novi zahtev [CTRL+D za kraj]
JMBG: 2345678901234
Opis problema: Podizanje novca

Novi zahtev [CTRL+D za kraj]
JMBG: 3456789012345
Opis problema: Reklamacija

Novi zahtev [CTRL+D za kraj]
JMBG:

Sledeci je korisnik sa JMBG: 1234567890123
i zahtevom: Otvaranje racuna
Da li ga vracate na kraj reda? [Da/Ne] Da

Sledeci je korisnik sa JMBG: 2345678901234
i zahtevom: Podizanje novca
Da li ga vracate na kraj reda? [Da/Ne] Ne

Sledeci je korisnik sa JMBG: 3456789012345
i zahtevom: Reklamacija
Da li ga vracate na kraj reda? [Da/Ne] Da

Sledeci je korisnik sa JMBG: 1234567890123
i zahtevom: Otvaranje racuna
Da li ga vracate na kraj reda? [Da/Ne] Da

Sledeci je korisnik sa JMBG: 3456789012345
i zahtevom: Reklamacija
Da li ga vracate na kraj reda? [Da/Ne] Ne

Da li je kraj smene? [Da/Ne] Ne

Sledeci je korisnik sa JMBG: 1234567890123
i zahtevom: Otvaranje racuna
Da li ga vracate na kraj reda? [Da/Ne] Ne

IZVESTAJ.TXT
JMBG: 2345678901234 Zahtev: Podizanje novca
JMBG: 3456789012345 Zahtev: Reklamacija
JMBG: 1234567890123 Zahtev: Otvaranje racuna

```

**Zadatak 4.11** Napisati biblioteku za rad sa dvostruko povezanom listom celih brojeva koja ima iste funkcionalnosti kao biblioteka iz zadatka 4.1. Dopuniti biblioteku novim funkcijama.

- (a) Napisati funkciju `void obrisi_tekuci(Cvor ** adresa_glave, Cvor ** adresa_kraja, Cvor * tekuci)` koja briše čvor na koji pokazuje pokazivač `tekuci` iz liste čiji se pokazivač na čvor koji je glava liste nalazi na adresi `adresa_glave` i poslednji čvor liste na adresi `adresa_kraja`.
- (b) Napisati funkciju `void ispisi_listu_unazad(Cvor * kraj)` koja ispisuje sadržaj liste od poslednjeg čvora ka glavi liste.

Sve funkcije za rad sa listom implementirati iterativno. Zbog efikasnog izvršavanja operacija dodavanja na kraj liste i ispisivanja liste unazad treba, pored pokazivača na glavu liste, čuvati i pokazivač na poslednji čvor liste. NAPOMENA: *Koristiti test primere iz zadatka 4.1*

\* **Zadatak 4.12** Grupa od  $n$  plesača na kostimima ima brojeve od 1 do  $n$ . Plesači najpre formiraju krug tako da brojevi sa njihovih kostima rastu u smeru kazaljke na satu. Plesač sa brojem 1 stavlja levu ruku na rame plesača sa brojem 2, a desnu na svoj kuk i tako redom. Plesač sa brojem  $n$  svoju levu ruku spušta na rame plesača sa brojem 1, a desnu na svoj kuk i tako zatvara krug. Svoju plesnu tačku izvode tako što iz formiranog kruga najpre izlazi  $k$ -ti plesač. Odbrojava se počevši od plesača označenog brojem 1 u smeru kretanja kazaljke na satu. Preostali plesači obrazuju manji krug tako što  $k - 1$ -vi stavlja ruku na rame  $k + 1$ -og i zatvara krug iz kog opet izlazi  $k$ -ti plesač. Odbrojavanje sada počinje od sledećeg suseda prethodno izbačenog, opet u smeru kazaljke na satu. Izlasci iz kruga se nastavljaju sve dok svi plesači ne budu isključeni. Celi brojevi  $n, k$  ( $k < n$ ) se učitavaju sa standardnog ulaza. Napisati program koji će na standardni izlaz ispisati redne brojeve plesača u redosledu napuštanja kruga. UPUTSTVO: *Pri implementaciji koristiti jednostruko povezanu kružnu listu.*

| Test 1                                   | Test 2   | Test 3   |
|--|--|--|
| <pre> ULAZ: 5 3  IZLAZ: 3 1 5 2 4 </pre> | <pre> ULAZ: 8 4  IZLAZ: 4 8 5 2 1 3 7 6 </pre> | <pre> ULAZ: 3 8  IZLAZ ZA GREŠKE: Greska: n mora biti uvek vece od k, a 3 &lt; 8! </pre> |

\* **Zadatak 4.13** Grupa od  $n$  plesača na kostimima ima brojeve od 1 do  $n$ . Plesači najpre formiraju krug tako da brojevi sa njihovih kostima rastu u smeru kazaljke na satu. Svaki plesač levu ruku stavlja na rame plesača sa sledećim većim

brojem, a desnu na rame plesača sa prvim manjim brojem. Plesač sa brojem 1 stavlja levu ruku na rame plesača sa brojem 2, a desnu na rame plesača sa brojem  $n$ . Plesač sa brojem  $n$  svoju desnu ruku spušta na rame plesača sa brojem  $n - 1$ , a levu na rame plesača sa brojem 1 i tako zatvara krug. Plesači izvode svoju plesnu tačku tako što iz formiranog kruga najpre izlazi  $k$ -ti plesač. Odbrojavanje se počinje od plesača označenog brojem 1 u smeru kretanja kazaljke na satu. Preostali plesači obrazuju manji krug iz kog opet izlazi  $k$ -ti plesač. Odbrojavanje sada počinje od sledećeg suseda prethodno izbačenog, uz promenu smera. Ukoliko se prilikom prethodnog izbacivanja odbrojavalo u smeru kazaljke na satu sada će se obrojavati u suprotnom smeru, i obrnuto. Izlasci iz kruga se nastavljaju sve dok svi plesači ne budu isključeni. Celi brojevi  $n$ ,  $k$  ( $k < n$ ) se učitavaju sa standardnog ulaza. Napisati program koji će na standardni izlaz ispisati redne brojeve plesača u redosledu napuštanja kruga. UPUTSTVO: *Pri implementaciji koristiti dvostruko povezanu kružnu listu.*

| <i>Test 1</i>                            | <i>Test 2</i>                                  | <i>Test 3</i>  |
|--|--|--|
| <pre> ULAZ: 5 3  IZLAZ: 3 5 4 2 1 </pre> | <pre> ULAZ: 8 4  IZLAZ: 4 8 5 7 6 3 2 1 </pre> | <pre> ULAZ: 5 8  IZLAZ ZA GREŠKE: Greska: n mora biti uvek vece od k, a 5 &lt; 8! </pre> |

## 4.2 Stabla

**Zadatak 4.14** Napisati biblioteku za rad sa binarnim pretraživačkim stablima.

- Definisati strukturu `Cvor` kojom se opisuje čvor stabla, a koja sadrži ceo broj `broj` i pokazivače `levo` i `desno` redom na levo i desno podstablo.
- Napisati funkciju `Cvor *napravi_cvor(int broj)` koja alocira memoriju za novi čvor stabla i vrši njegovu inicijalizaciju zadatim celim brojem `broj`.
- Napisati funkciju `int dodaj_u_stablo(Cvor ** adresa_korena, int broj)` koja u stablo na koje pokazuje argument `adresa_korena` dodaje ceo broj `broj`. Povratna vrednost funkcije je 0 ako je dodavanje uspešno, odnosno 1 ukoliko je došlo do greške.
- Napisati funkciju `Cvor *pretrazi_stablo(Cvor * koren, int broj)` koja proverava da li se ceo broj `broj` nalazi u stablu sa korenom `koren`. Funk-

cija vraća pokazivač na čvor stabla koji sadrži traženu vrednost ili *NULL* ukoliko takav čvor ne postoji.

- (e) Napisati funkciju `Cvor *pronadji_najmanji(Cvor * koren)` koja pronalazi čvor koji sadrži najmanju vrednost u stablu sa korenom `koren`.
- (f) Napisati funkciju `Cvor *pronadji_najveci(Cvor * koren)` koja pronalazi čvor koji sadrži najveću vrednost u stablu sa korenom `koren`.
- (g) Napisati funkciju `void obrisi_element(Cvor ** adresa_korena, int broj)` koja briše čvor koji sadrži vrednost `broj` iz stabla na koje pokazuje argument `adresa_korena`.
- (h) Napisati funkciju `void ispisi_stablo_infiksno(Cvor * koren)` koja infiksno ispisuje sadržaj stabla sa korenom `koren`. Infiksni ispis podrazumeva ispis levog podstabla, `korena`, a zatim i desnog podstabla.
- (i) Napisati funkciju `void ispisi_stablo_prefiksno(Cvor * koren)` koja prefiksno ispisuje sadržaj stabla sa korenom `koren`. Prefiksni ispis podrazumeva ispis `korena`, levog podstabla, a zatim i desnog podstabla.
- (j) Napisati funkciju `void ispisi_stablo_postfiksno(Cvor * koren)` koja postfiksno ispisuje sadržaj stabla sa korenom `koren`. Postfiksni ispis podrazumeva ispis levog podstabla, desnog podstabla, a zatim i `korena`.
- (k) Napisati funkciju `void oslobodi_stablo(Cvor ** adresa_korena)` koja oslobađa memoriju zauzetu stablom na koje pokazuje argument `adresa_korena`.

Korišćenjem kreirane biblioteke, napisati program koji sa standardnog ulaza učitava cele brojeve sve do kraja ulaza, dodaje ih u binarno pretraživačko stablo i ispisuje stablo u svakoj od navedenih notacija. Zatim omogućiti unos još dva cela broja i demonstrirati rad funkcije za pretragu nad prvim unetim brojem i rad funkcije za brisanje elemenata nad drugim unetim brojem.

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite brojeve (CRL+D za kraj unosa):
7 2 1 9 32 18
Infiksni ispis: 1 2 7 9 18 32
Prefiksni ispis: 7 2 1 9 32 18
Postfiksni ispis: 1 2 18 32 9 7
Trazi se broj: 11
Broj se ne nalazi u stablu!
Brise se broj: 7
Rezultujuce stablo: 1 2 9 18 32
```

### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite brojeve (CRL+D za kraj unosa):
8 -2 6 13 24 -3
Infiksni ispis: -3 -2 6 8 13 24
Prefiksni ispis: 8 -2 -3 6 13 24
Postfiksni ispis: -3 6 -2 24 13 8
Trazi se broj: 6
Broj se nalazi u stablu!
Brise se broj: 14
Rezultujuce stablo: -3 -2 6 8 13 24
```

**Zadatak 4.15** Napisati program koji izračunava i na standardni izlaz ispisuje broj pojavljivanja svake reči datoteke čije se ime zadaje kao argument komandne linije. Program realizovati korišćenjem binarnog pretraživačkog stabla uređenog leksikografski po rečima ne uzimajući u obzir razliku između malih i velikih slova. Ukoliko prilikom pokretanja programa korisnik ne navede ime ulazne datoteke ispisati na standardni izlaz za grešku poruku *Nedostaje ime ulazne datoteke!*. Može se pretpostaviti da dužina reči neće biti veća od 50 karaktera.

*Test 1*

```
POKRETANJE: ./a.out test.txt

TEST.TXT
Sunce utorak raCunar SUNCE programiranje
jabuka PROGramiranje sunCE JABUka

IZLAZ:
jabuka: 2
programiranje: 2
racunar: 1
sunce: 3
utorak: 1

Najcesca rec: sunce (pojavljuje se 3 puta)
```

*Test 2*

```
POKRETANJE: ./a.out suma.txt

SUMA.TXT
lipa zova hrast ZOVA breza LIPA

IZLAZ:
breza: 1
hrast: 1
lipa: 2
zova: 2

Najcesca rec: lipa
(pojavljuje se 2 puta)
```

*Test 3*

```
POKRETANJE: ./a.out ulaz.txt

DATOTEKA ULAZ.TXT NE POSTOJI

IZLAZ ZA GREŠKE:
Greska: Neuspesno otvaranje datoteke ulaz.txt.
```

*Test 4*

```
POKRETANJE: ./a.out

IZLAZ ZA GREŠKE:
Greska: Nedostaje ime ulazne datoteke!
```

**Zadatak 4.16** U svakoj liniji datoteke čije se ime zadaje sa standardnog ulaza nalazi se ime osobe, prezime osobe i njen broj telefona međusobno razdvojeni blanko znakom, na primer *Pera Peric* 064/123–4567. Napisati program koji korišćenjem binarnog pretraživačkog stabla implementira mapu koja sadrži navedene informacije i koja će omogućiti pretragu brojeva telefona za zadata imena i prezimena. Imena i prezimena se unose sve do unosa reči *KRAJ*, a za svaki od unetih podataka ispisuje se ili broj telefona ili obaveštenje da traženi broj nije u imeniku. Može se pretpostaviti da imena, prezimena i brojevi telefona neće biti duži od 30 karaktera, kao i da imenik ne sadrži podatke o osobama sa istim imenom i prezimenom.

### Primer 1

```
IMENIK.TXT
Pera Peric 011/3240-987
Marko Maric 064/1234-987
Mirko Maric 011/589-333
Sanja Savkovic 063/321-098
Zika Zikic 021/759-858

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite ime datoteke: imenik.txt
Unesite ime i prezime: Pera Peric
Broj je: 011/3240-987
Unesite ime i prezime: Marko Markovic
Broj nije u imeniku!
Unesite ime i prezime: KRAJ
```

### Primer 2

```
DATOTEKA IMENIK1.TXT NE POSTOJI

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite ime datoteke: imenik1.txt
IZLAZ ZA GREŠKE:
Greska: Neuspesno otvaranje datoteke
imenik1.txt.
```

**Zadatak 4.17** U datoteci `prijemni.txt` nalaze se podaci o prijemnom ispitu učenika jedne osnovne škole tako što je u svakom redu navedeno ime i prezime učenika (niska od najviše 50 karaktera), broj poena na osnovu uspeha (realan broj), broj poena na prijemnom ispitu iz matematike (realan broj) i broj poena na prijemnom ispitu iz maternjeg jezika (realan broj). Za učenika koji u zbiru osvoji manje od 10 poena na oba prijemna ispita smatra se da nije položio prijemni. Napisati program koji na osnovu podataka iz ove datoteke formira i prikazuje rang listu učenika. Rang lista sadrži redni broj učenika, njegovo ime i prezime, broj poena na osnovu uspeha, broj poena na prijemnom ispitu iz matematike, broj poena na prijemnom ispitu iz maternjeg jezika i ukupan broj poena i sortirana je opadajuće po ukupnom broju poena. Na rang listi se prvo navode oni učenici koji su položili prijemni ispit, a potom i učenici koji ga nisu položili. Između ovih dveju grupa učenika postoji i horizontalna linija koja ih vizuelno razdvaja.

### Test 1

```
PRIJEMNI.TXT
Marko Markovic 45.4 12.3 11
Milan Jevremovic 35.2 1.3 9
Maja Agic 60 19 20
Nadica Zec 54.2 10 15.8
Jovana Milic 23.3 2 5.6

IZLAZ:
1. Maja Agic 60.0 19.0 20.0 99.0
2. Nadica Zec 54.2 10.0 15.8 80.0
3. Marko Markovic 45.4 12.3 11.0 68.7
4. Milan Jevremovic 35.2 1.3 9.0 45.5
-----
5. Jovana Milic 23.3 2.0 5.6 30.9
```

### Test 2

```
DATOTEKA PRIJEMNI.TXT NE POSTOJI

IZLAZ ZA GREŠKE:
Greska: Neuspesno otvaranje datoteke
prijemni.txt.
```

\* **Zadatak 4.18** Napisati program koji implementira podsetnik za rođendane. Informacije o rođendanima se nalaze u datoteci čije se ime zadaje kao argument komandne linije. Svaka linija datoteke je formata *Ime Prezime DD.MM.* i sadži ime osobe, prezime osobe i dan i mesec rođenja. Korisnik unosi datum u naznačenom formatu, a program pronalazi i ispisuje ime i prezime osobe čiji je rođendan zadatog datuma ili ime i prezime osobe koja prva sledeća slavi rođendan. Ovaj postupak treba ponavljati dokle god korisnik ne unese komandu za kraj unosa. Informacije o rođendanima uneti u mapu koja je implementirana preko binarnog pretraživačkog stabla i uređena po datumima - prvo po mesecu, a zatim po danu u okviru istog meseca. Može se pretpostaviti da će svi korišćeni datumi biti validni i *DD.MM.* formata. Takođe, može se pretpostaviti da će ime i prezime osobe biti kraće od 50 karaktera.

*Primer 1*

```
POKRETANJE: ./a.out rodjendani.txt

RODJENDANI.TXT
Marko Markovic 12.12.
Milan Jevremovic 04.06.
Maja Agic 23.04.
Nadica Zec 01.01.
Jovana Milic 05.05.

INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Unesite datum: 23.04.
Slavljenik: Maja Agic
Unesite datum: 01.01.
Slavljenik: Nadica Zec
Unesite datum: 01.05.
Slavljenik: Jovana Milic 05.05.
Unesite datum: 20.12.
Slavljenik: Nadica Zec 01.01.
Unesite datum:
```

*Primer 2*

```
POKRETANJE: ./a.out rodjendani.txt

DATOTEKA RODJENDANI.TXT NE POSTOJI

IZLAZ ZA GREŠKE:
Greska: Neuspesno otvaranje datoteke
rodjendani.txt.
```

**Zadatak 4.19** Dva binarna stabla su identična ako su ista po strukturi i sadržaju tj. ako oba korena imaju isti sadržaj i identična odgovarajuća podstabla. Napistati funkciju `int identitet(Cvor * koren1, Cvor * koren2)` koja proverava da li su binarna stabla `koren1` i `koren2` koja sadrže cele brojeve identična, a zatim i glavni program koji testira njen rad. Elemente pojedinačnih stabla unositi sa standardnog ulaza sve do pojave broja 0. NAPOMENA: *Koristiti biblioteku za rad sa binarnim pretraživačkim stablima iz zadatka 4.14.*

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Prvo stablo:
10 5 15 3 2 4 30 12 14 13 0
Drugo stablo:
10 15 5 3 4 2 12 14 13 30 0
Stabla jesu identicna.
```

### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Prvo stablo:
10 5 15 4 3 2 30 12 14 13 0
Drugo stablo:
10 15 5 3 4 2 12 14 13 30 0
Stabla nisu identicna.
```

\* **Zadatak 4.20** Napisati program za rad sa skupovima u kojem se skupovi predstavljaju pomoću binarnih pretraživačkih stabala. Program za dva skupa čiji se elementi zadaju sa standardnog ulaza, sve do kraja ulaza, ispisuje uniju, presek i razliku skupova. NAPOMENA: *Koristiti biblioteku za rad sa binarnim pretraživačkim stablima iz zadatka 4.14.*

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Prvi skup: 1 7 8 9 2 2
Drugi skup: 3 9 6 11 1
Unija: 1 1 2 2 3 6 7 8 9 9 11
Presek: 1 9
Razlika: 2 2 7 8
```

### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
Prvi skup: 11 2 7 5
Drugi skup: 4 3 3 7
Unija: 2 3 3 4 5 7 7 11
Presek: 7
Razlika: 2 5 11
```

**Zadatak 4.21** Napisati funkciju `void sortiraj(int a[], int n)` koja sortira niz celih brojeva `a` dimenzije `n` korišćenjem binarnog pretraživačkog stabla. Napisati i program koji sa standardnog ulaza učitava ceo broj `n` manji od 50 i niz `a` celih brojeva dužine `n`, poziva funkciju `sortiraj` i rezultat ispisuje na standardni izlaz. NAPOMENA: *Koristiti biblioteku za rad sa binarnim pretraživačkim stablima iz zadatka 4.14.*

### Primer 1

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
n: 7
a: 1 11 8 6 37 25 30
1 6 8 11 25 30 37
```

### Primer 2

```
INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:
n: 55
Greska: Pogresna dimenzija niza!
```

**Zadatak 4.22** Dato je binarno pretraživačko stablo celih brojeva.

- (a) Napisati funkciju koja izračunava broj čvorova stabla.
- (b) Napisati funkciju koja izračunava broj listova stabla.
- (c) Napisati funkciju koja štampa pozitivne vrednosti listova stabla.



- (d) Napisati funkciju koja izračunava zbir čvorova stabla.
- (e) Napisati funkciju koja izračunava najveći element stabla.
- (f) Napisati funkciju koja izračunava dubinu stabla.
- (g) Napisati funkciju koja izračunava broj čvorova na  $i$ -tom nivou stabla.
- (h) Napisati funkciju koja ispisuje sve elemente na  $i$ -tom nivou stabla.
- (i) Napisati funkciju koja izračunava maksimalnu vrednost na  $i$ -tom nivou stabla.
- (j) Napisati funkciju koja izračunava zbir čvorova na  $i$ -tom nivou stabla.
- (k) Napisati funkciju koja izračunava zbir svih vrednosti stabla koje su manje ili jednake od date vrednosti  $x$ .

Napisati program koji testira prethodne funkcije. Stablo formirati na osnovu vrednosti koje se unose sa standardnog ulaza, sve do kraja ulaza, a vrednosti parametara  $i$  i  $x$  pročitati kao argumente komandne linije. NAPOMENA: *Koristiti biblioteku za rad sa binarnim pretraživačkim stablima iz zadatka 4.14.*

| Test 1   | Test 2  |
|--|---|
| POKRETANJE: ./a.out 2 15   | POKRETANJE: ./a.out 3 31  |
| ULAZ:<br>10 5 15 3 2 4 30 12 14 13   | ULAZ:<br>24 53 61 9 7 55 20 16  |
| IZLAZ:<br>Broj cvorova: 10<br>Broj listova: 4<br>Pozitivni listovi: 2 4 13 30<br>Zbir cvorova: 108<br>Najveci element: 30<br>Dubina stabla: 5<br>Broj cvorova na 2. nivou: 3<br>Elementi na 2. nivou: 3 12 30<br>Maksimalni element na 2. nivou: 30<br>Zbir elemenata na 2. nivou: 45<br>Zbir elemenata manjih ili jednakih od 15:<br>78 | IZLAZ:<br>Broj cvorova: 8<br>Broj listova: 3<br>Pozitivni listovi: 7 16 55<br>Zbir cvorova: 245<br>Najveci element: 61<br>Dubina stabla: 4<br>Broj cvorova na 3. nivou: 2<br>Elementi na 3. nivou: 16 55<br>Maksimalni element na 3. nivou: 55<br>Zbir elemenata na 3. nivou: 71<br>Zbir elemenata manjih ili jednakih od 31:<br>76 |

**Zadatak 4.23** Napisati program koji ispisuje sadržaj binarnog pretraživačkog stabla po nivoima. Elementi stabla se učitavaju sa standardnog ulaza sve do kraja ulaza. NAPOMENA: *Koristiti biblioteku za rad sa binarnim pretraživačkim stablima iz zadatka 4.14.*

| <i>Test 1</i>  | <i>Test 2</i>  | <i>Test 3</i>   |
|--|--|---|
| <div style="display: flex; align-items: flex-start;"> <div style="border-left: 1px solid black; padding-left: 5px; margin-right: 5px;">ULAZ:</div> <div>10 5 15 3 2 4 30 12 14 13</div> </div> <div style="display: flex; align-items: flex-start; margin-top: 10px;"> <div style="border-left: 1px solid black; padding-left: 5px; margin-right: 5px;">IZLAZ:</div> <div> 0.nivo: 10<br/> 1.nivo: 5 15<br/> 2.nivo: 3 12 30<br/> 3.nivo: 2 4 14<br/> 4.nivo: 13 </div> </div> | <div style="display: flex; align-items: flex-start;"> <div style="border-left: 1px solid black; padding-left: 5px; margin-right: 5px;">ULAZ:</div> <div>6 11 8 3 -2</div> </div> <div style="display: flex; align-items: flex-start; margin-top: 10px;"> <div style="border-left: 1px solid black; padding-left: 5px; margin-right: 5px;">IZLAZ:</div> <div> 0.nivo: 6<br/> 1.nivo: 3 11<br/> 2.nivo: -2 8 </div> </div> | <div style="display: flex; align-items: flex-start;"> <div style="border-left: 1px solid black; padding-left: 5px; margin-right: 5px;">ULAZ:</div> <div>24 53 61 9 7 55 20 16</div> </div> <div style="display: flex; align-items: flex-start; margin-top: 10px;"> <div style="border-left: 1px solid black; padding-left: 5px; margin-right: 5px;">IZLAZ:</div> <div> 0.nivo: 24<br/> 1.nivo: 9 53<br/> 2.nivo: 7 20 61<br/> 3.nivo: 16 55 </div> </div> |

**\* Zadatak 4.24** Dva binarna stabla su *slična kao u ogledalu* ako su ili oba prazna ili ako oba nisu prazna i levo podstablo svakog stabla je *slično kao u ogledalu* desnom podstablu onog drugog (bitna je struktura stabala, ali ne i njihov sadržaj). Napisati funkciju koja proverava da li su dva binarna pretraživačka stabla *slična kao u ogledalu*, a potom i program koji testira rad funkcije nad stablima čiji se elementi unose sa standardnog ulaza sve do unosa broja 0 i to redom za prvo stablo, pa zatim i za drugo stablo.

| <i>Primer 1</i>  | <i>Primer 2</i>  |
|--|--|
| <div style="display: flex; align-items: flex-start;"> <div style="border-left: 1px solid black; padding-left: 5px; margin-right: 5px;">INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:</div> <div> Prvo stablo: 11 20 5 3 0<br/> Drugo stablo: 8 14 30 1 0<br/> Stabla su slicna kao u ogledalu. </div> </div> | <div style="display: flex; align-items: flex-start;"> <div style="border-left: 1px solid black; padding-left: 5px; margin-right: 5px;">INTERAKCIJA SA PROGRAMOM:</div> <div> Prvo stablo: 11 20 5 3 0<br/> Drugo stablo: 8 20 15 0<br/> Stabla nisu slicna kao u ogledalu. </div> </div> |

**Zadatak 4.25** AVL-stablo je binarno pretraživačko stablo kod kojeg apsolutna razlika visina levog i desnog podstabla svakog elementa nije veća od jedan. Napisati funkciju `int avl(Cvor * koren)` koja izračunava broj čvorova stabla sa korenom `koren` koji ispunjavaju uslov za AVL stablo. Napisati zatim i glavni program koji ispisuje rezultat `avl` funkcije za stablo čiji se elementi unose sa standardnog ulaza sve do kraja ulaza. NAPOMENA: *Koristiti biblioteku za rad sa binarnim pretraživačkim stablima iz zadatka 4.14.*

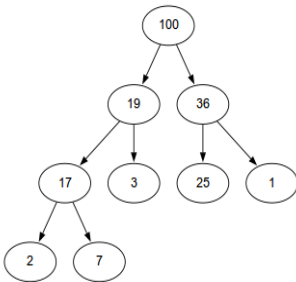
| <i>Test 1</i>   | <i>Test 2</i>  |
|---|--|
| <div style="display: flex; align-items: flex-start;"> <div style="border-left: 1px solid black; padding-left: 5px; margin-right: 5px;">ULAZ:</div> <div>10 5 15 2 11 16 1 13</div> </div> <div style="display: flex; align-items: flex-start; margin-top: 10px;"> <div style="border-left: 1px solid black; padding-left: 5px; margin-right: 5px;">IZLAZ:</div> <div>7</div> </div> | <div style="display: flex; align-items: flex-start;"> <div style="border-left: 1px solid black; padding-left: 5px; margin-right: 5px;">ULAZ:</div> <div>16 30 40 24 10 18 45 22</div> </div> <div style="display: flex; align-items: flex-start; margin-top: 10px;"> <div style="border-left: 1px solid black; padding-left: 5px; margin-right: 5px;">IZLAZ:</div> <div>6</div> </div> |

**Zadatak 4.26** Binarno stablo celih pozitivnih brojeva se naziva *hip* (engl. *heap*) ako za svaki čvor u stablu važi da je njegova vrednost veća od vrednosti svih ostalih čvorova u njegovim podstablima. Napisati funkciju `int hip(Cvor * koren)`

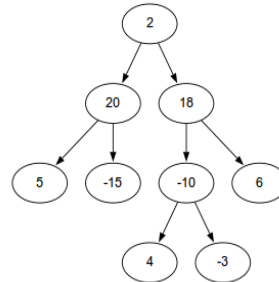
koja proverava da li je dato binarno stablo celih brojeva hip. Napisati zatim i glavni program koji kreira stablo zadato slikom 4.1, poziva funkciju `hip` i ispisuje rezultat na standardni izlaz. NAPOMENA: Za alokaciju i oslobađanje memorije koristiti funkcije `napravi_cvor` i `oslobodi_stablo` iz zadatka 4.14.

Test 1

```
|| IZLAZ:
|| Zadato stablo je hip!
```



Slika 4.1: Zadatak 4.26



Slika 4.2: Zadatak 4.27

**Zadatak 4.27** Dato je binarno stablo celih brojeva.

- Napisati funkciju koja pronalazi čvor u stablu sa najvećim zbirom vrednosti iz desnog podstabla.
- Napisati funkciju koja pronalazi čvor u stablu sa najmanjim zbirom vrednosti iz levog podstabla.
- Napisati funkciju koja štampa sadržaj svih čvorova stabla na putanji od korena do najdubljeg čvora.
- Napisati funkciju koja štampa sadržaj svih čvorova stabla na putanji od korena do čvora koji ima najmanju vrednost u stablu.

Napisati program koji testira gore navedene funkcije nad stablom zadatim slikom 4.2 i rezultat ispisuje na standardni izlaz.

Test 1

```
|| IZLAZ:
|| Vrednost u cvoru sa maksimalnim desnim zbirom: 18
|| Vrednost u cvoru sa minimalnim levim zbirom: 18
|| 2 18 -10 4
|| 2 20 -15
```



## 5

# Rešenja

### Rešenje 1.1

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #include <math.h>
4
5  /* Struktura kojom je predstavljan kompleksan broj sadrzi realan i
6     imaginaran deo kompleksnog broja */
7  typedef struct {
8     float real;
9     float imag;
10 } KompleksanBroj;
11
12 /* Funkcija ucitava sa standardnog ulaza realan i imaginara deo
13    kompleksnog broja i smesta ih u strukturu cija je adresa argument
14    funkcije */
15 void ucitaj_kompleksan_broj(KompleksanBroj * z)
16 {
17     /* Ucitava se vrednost sa standardnog ulaza */
18     printf("Unesite realni i imaginarni deo kompleksnog broja: ");
19     scanf("%f", &z->real);
20     scanf("%f", &z->imag);
21 }
22
23 /* Funkcija ispisuje na standardan izlaz zadati kompleksni broj u
24    obliku (x + i y). Ovoj funkciji se argument prenosi po vrednosti
25    jer se u samoj funkciji ne menja njegova vrednost */
26 void ispisi_kompleksan_broj(KompleksanBroj z)
27 {
28     /* Zapocinje se sa ispisom */
29     printf("(");
30
```

```

32  /* Razlikuju se dva slucaja: 1) realni deo kompleksnog broja
33     razlicit od nule: tada se realni deo ispisuje na standardni
34     izlaz, nakon cega se ispisuje znak + ili - u zavisnosti da li
35     je imaginarni deo pozitivan ili negativan, a potom i apsolutna
36     vrednost imaginarnog dela kompleksnog broja 2) realni deo
37     kompleksnog broja je nula: tada se samo ispisuje imaginaran
38     deo, s tim sto se ukoliko su oba dela nula ispisuje samo 0, bez
39     decimalnih mesta */
40  if (z.real != 0) {
41      printf("%.2f", z.real);
42
43      if (z.imag > 0)
44          printf(" + %.2f i", z.imag);
45      else if (z.imag < 0)
46          printf(" - %.2f i", -z.imag);
47  } else {
48      if (z.imag == 0)
49          printf("0");
50      else
51          printf("%.2f i", z.imag);
52  }
53
54  /* Završava se sa ispisom */
55  printf("\n");
56  }
57
58  /* Funkcija vraća vrednosti realnog dela kompleksnog broja */
59  float realan_deo(KompleksanBroj z)
60  {
61      return z.real;
62  }
63
64  /* Funkcija vraća vrednosti imaginarnog dela kompleksnog broja */
65  float imaginaran_deo(KompleksanBroj z)
66  {
67      return z.imag;
68  }
69
70  /* Funkcija vraća vrednost modula zadatog kompleksnog broja */
71  float moduo(KompleksanBroj z)
72  {
73      return sqrt(z.real * z.real + z.imag * z.imag);
74  }
75
76  /* Funkcija vraća vrednost konjugovano kompleksnog broja koji
77     odgovara kompleksnom broju argumentu */
78  KompleksanBroj konjugovan(KompleksanBroj z)
79  {
80      /* Konjugovano kompleksan broj z se dobija tako sto se promeni
81         znak imaginarnom delu kompleksnog broja */
82      KompleksanBroj z1 = z;
83      z1.imag *= -1;

```

```
84     return z1;
85 }
86
87 /* Funkcija vraća kompleksan broj čija vrednost je jednaka zbiru
88    argumenata funkcije */
89 KompleksanBroj saberi(KompleksanBroj z1, KompleksanBroj z2)
90 {
91     /* Rezultat sabiranja dva kompleksna broja z1 i z2 je kompleksan
92        broj čiji je realan deo zbir realnih delova kompleksnih brojeva
93        z1 i z2, a imaginaran deo zbir imaginarnih delova kompleksnih
94        brojeva z1 i z2 */
95     KompleksanBroj z = z1;
96     z.real += z2.real;
97     z.imag += z2.imag;
98
99     return z;
100 }
101
102 /* Funkcija vraća kompleksan broj čija vrednost je jednaka razlici
103    argumenata funkcije */
104 KompleksanBroj oduzmi(KompleksanBroj z1, KompleksanBroj z2)
105 {
106     /* Rezultat oduzimanja dva kompleksna broja z1 i z2 je kompleksan
107        broj čiji je realan deo razlika realnih delova kompleksnih
108        brojeva z1 i z2, a imaginaran deo razlika imaginarnih delova
109        kompleksnih brojeva z1 i z2 */
110     KompleksanBroj z = z1;
111     z.real -= z2.real;
112     z.imag -= z2.imag;
113
114     return z;
115 }
116
117 /* Funkcija vraća kompleksan broj čija vrednost je jednaka proizvodu
118    argumenata funkcije */
119 KompleksanBroj mnozi(KompleksanBroj z1, KompleksanBroj z2)
120 {
121     /* Rezultat množenja dva kompleksna broja z1 i z2 je kompleksan
122        broj čiji se realan i imaginaran deo računaju po formuli za
123        množenje kompleksnih brojeva z1 i z2 */
124     KompleksanBroj z;
125     z.real = z1.real * z2.real - z1.imag * z2.imag;
126     z.imag = z1.real * z2.imag + z1.imag * z2.real;
127
128     return z;
129 }
130
131 /* Funkcija vraća argument zadatog kompleksnog broja */
132 float argument(KompleksanBroj z)
133 {
134     /* Argument kompleksnog broja z se računa pozivanjem funkcije
```

```
        atan2 iz biblioteke math.h */
136     return atan2(z.imag, z.real);
137 }
138
139 int main()
140 {
141     char c;
142
143     /* Deklaracija 3 promenljive tipa KompleksanBroj */
144     KompleksanBroj z1, z2, z;
145
146     /* Ucitava se prvi kompleksni broj, koji se potom ispisuje na
        standardni izlaz */
147     ucitaj_kompleksan_broj(&z1);
148     ispisi_kompleksan_broj(z1);
149     printf("\n");
150
151     /* Ucitava se drugi kompleksni broj, koji se potom ispisuje na
        standardni izlaz */
152     ucitaj_kompleksan_broj(&z2);
153     ispisi_kompleksan_broj(z2);
154     printf("\n");
155
156     /* Ucitavase znak na osnovu koga korisnik bira aritmeticku
        operaciju koja ce se izvesti nad kompleksnim brojevima, a
        zatim se vrsi provera da li je unet neki od dozvoljenih
        aritmetickih znakova. */
157     getchar();
158     printf("Unesite znak (+,-,*): ");
159     scanf("%c", &c);
160     if (c != '+' && c != '-' && c != '*') {
161         fprintf(stderr, "Greska: Nedozvoljena vrednost operatora.\n");
162         exit(EXIT_FAILURE);
163     }
164
165     /* Analizira se uneti operator */
166     if (c == '+') {
167         /* Racuna se zbir */
168         z = saberi(z1, z2);
169     } else if (c == '-') {
170         /* Racuna se razlika */
171         z = oduzmi(z1, z2);
172     } else {
173         /* Racuna se proizvod */
174         z = mnozi(z1, z2);
175     }
176
177     /* Ispisuje se rezultat */
178     ispisi_kompleksan_broj(z1);
179     printf(" %c ", c);
180     ispisi_kompleksan_broj(z2);
181     printf(" = ");
```



```

188     ispisi_kompleksan_broj(z);
190     /* Ispisuje se realan, imaginaran deo i moduo prvog kompleksnog
        broja */
192     printf("\nRealni_deo: %.f\nImaginarni_deo: %f\nModuo: %f\n",
        realan_deo(z), imaginaran_deo(z), moduo(z));

194     /* Izracunava se i ispisuje konjugovano kompleksan broj drugog
        kompleksnog broja */
196     printf("Konjugovano kompleksan broj: ");
        ispisi_kompleksan_broj(konjugovan(z));
198     printf("\n");

200     /* Testira se funkcija koja racuna argument kompleksnog broja */
        printf("Argument kompleksnog broja: %f\n", argument(z));
202
        exit(EXIT_SUCCESS);
204 }

```

## Rešenje 1.2

*kompleksan\_broj.h*

```

1  /* Zaglavlje kompleksan_broj.h sadrzi definiciju tipa KompleksanBroj
        i deklaracije funkcija za rad sa kompleksnim brojevima. Zaglavlje
3      nikada ne treba da sadrzi definicije funkcija. Da bi neki program
        mogao da koristi ove brojeve i funkcije iz ove biblioteke,
5      neophodno je da ukljuci ovo zaglavlje. */

7  /* Ovim pretprocesorskim direktivama se zakljucava zaglavlje i
        onemogucava se da se sadrzaj zaglavlja vise puta ukljuci. Niska
9      posle kljucne reci ifndef je proizvoljna, ali treba da se ponovi
        u narednoj pretprocesorskoj define direktivi. */
11 #ifndef _KOMPLEKSAN_BROJ_H
        #define _KOMPLEKSAN_BROJ_H
13

15 /* Zaglavlja standardne biblioteke koje sadrže deklaracije funkcija
        koje se koriste u definicijama funkcija navedenim u
        kompleksan_broj.c */
17 #include <stdio.h>
        #include <math.h>
19

21 /* Struktura KompleksanBroj */
        typedef struct {
            float real;
23             float imag;
        } KompleksanBroj;
25

27 /* Deklaracije funkcija za rad sa kompleksnim brojevima. Sve one su
        definisane u kompleksan_broj.c */

```

```

29  /* Funkcija ucitava sa standardnog ulaza realan i imaginara deo
    kompleksnog broja i smesta ih u strukturu cija je adresa argument
    funkcije */
31  void ucitaj_kompleksan_broj(KompleksanBroj * z);
33
35  /* Funkcija ispisuje na standardan izlaz zadati kompleksni broj u
    obliku (x + i y) */
37  void ispisi_kompleksan_broj(KompleksanBroj z);
39
41  /* Funkcija vraća vrednosti realnog dela kompleksnog broja */
43  float realan_deo(KompleksanBroj z);
45
47  /* Funkcija vraća vrednosti imaginarnog dela kompleksnog broja */
49  float imaginaran_deo(KompleksanBroj z);
51
53  /* Funkcija vraća vrednost modula zadatog kompleksnog broja */
55  float moduo(KompleksanBroj z);
57
59  /* Funkcija vraća vrednost konjugovano kompleksnog broja koji
    odgovara kompleksnom broju argumentu */
61  KompleksanBroj konjugovan(KompleksanBroj z);
63
65  /* Funkcija vraća kompleksan broj cija vrednost je jednaka zbiru
    argumenata funkcije */
67  KompleksanBroj saberi(KompleksanBroj z1, KompleksanBroj z2);
69
71  /* Funkcija vraća kompleksan broj cija vrednost je jednaka razlici
    argumenata funkcije */
73  KompleksanBroj oduzmi(KompleksanBroj z1, KompleksanBroj z2);
75
77  /* Funkcija vraća kompleksan broj cija vrednost je jednaka proizvodu
    argumenata funkcije */
79  KompleksanBroj mnozi(KompleksanBroj z1, KompleksanBroj z2);
81
83  /* Funkcija vraća argument zadatog kompleksnog broja */
85  float argument(KompleksanBroj z);
87
89  /* Kraj zakljucanog dela */
91  #endif

```

*kompleksan\_broj.c*

```

1  /* Uključuje se zaglavlje za rad sa kompleksnim brojevima, jer je
    neophodno da bude poznata definicija tipa KompleksanBroj.
    Takodje, time su uključena zaglavlja standardne biblioteke koja
    su navedena u kompleksan_broj.h */
3  #include "kompleksan_broj.h"
5
7  void ucitaj_kompleksan_broj(KompleksanBroj * z)
8  {

```

```
9  /* Ucitavanje vrednosti sa standardnog ulaza */
   printf("Unesite realan i imaginaran deo kompleksnog broja: ");
11  scanf("%f", &z->real);
   scanf("%f", &z->imag);
13  }

15  void ispisi_kompleksan_broj(KompleksanBroj z)
   {
17     /* Zapocinje se sa ispisom */
     printf("(");

19     /* Razlikuju se dva slucaja: 1) realni deo kompleksnog broja
21     razlicit od nule: tada se realni deo ispisuje na standardni
23     izlaz, nakon cega se ispisuje znak + ili - u zavisnosti da li
25     je imaginarni deo pozitivan ili negativan, a potom i apsolutna
27     vrednost imaginarnog dela kompleksnog broja 2) realni deo
     kompleksnog broja je nula: tada se samo ispisuje imaginaran
     deo, s tim sto se ukoliko su oba dela nula ispisuje samo 0, bez
     decimalnih mesta */
     if (z.real != 0) {
29         printf("%.2f", z.real);

31         if (z.imag > 0)
             printf(" + %.2f i", z.imag);
33         else if (z.imag < 0)
             printf(" - %.2f i", -z.imag);
35     } else {
         if (z.imag == 0)
37             printf("0");
         else
39             printf("%.2f i", z.imag);
     }

41     /* Zavrшава se sa ispisom */
     printf(")");
43  }

45  float realan_deo(KompleksanBroj z)
   {
47     /* Vraca se vrednost realnog dela kompleksnog broja */
     return z.real;
49  }

51  float imaginaran_deo(KompleksanBroj z)
   {
53     /* Vraca se vrednost imaginarnog dela kompleksnog broja */
     return z.imag;
55  }

57  float moduo(KompleksanBroj z)
   {
59     /* Koriscenjem funkcije sqrt racuna se moduo kompleksnog broja */
```

```
61     return sqrt(z.real * z.real + z.imag * z.imag);
62 }
63
64 KomplexsanBroj konjugovan(KomplexsanBroj z)
65 {
66     /* Konjugovano kompleksan broj se dobija od datog broja z tako sto
67        se promeni znak imaginarnom delu kompleksnog broja */
68     KomplexsanBroj z1 = z;
69     z1.imag *= -1;
70     return z1;
71 }
72
73 KomplexsanBroj saberi(KomplexsanBroj z1, KomplexsanBroj z2)
74 {
75     /* Rezultat sabiranja dva kompleksna broja z1 i z2 je kompleksan
76        broj ciji je realan deo zbir realnih delova kompleksnih brojeva
77        z1 i z2, a imaginaran deo zbir imaginarnih delova kompleksnih
78        brojeva z1 i z2 */
79     KomplexsanBroj z = z1;
80     z.real += z2.real;
81     z.imag += z2.imag;
82
83     return z;
84 }
85
86 KomplexsanBroj oduzmi(KomplexsanBroj z1, KomplexsanBroj z2)
87 {
88     /* Rezultat oduzimanja dva kompleksna broja z1 i z2 je kompleksan
89        broj ciji je realan deo razlika realnih delova kompleksnih
90        brojeva z1 i z2, a imaginaran deo razlika imaginarnih delova
91        kompleksnih brojeva z1 i z2 */
92     KomplexsanBroj z = z1;
93     z.real -= z2.real;
94     z.imag -= z2.imag;
95
96     return z;
97 }
98
99 KomplexsanBroj mnozi(KomplexsanBroj z1, KomplexsanBroj z2)
100 {
101     /* Rezultat mnozenja dva kompleksna broja z1 i z2 je kompleksan
102        broj ciji se realan i imaginaran deo racunaju po formuli za
103        mnozenje kompleksnih brojeva z1 i z2 */
104     KomplexsanBroj z;
105     z.real = z1.real * z2.real - z1.imag * z2.imag;
106     z.imag = z1.real * z2.imag + z1.imag * z2.real;
107
108     return z;
109 }
110
111 float argument(KomplexsanBroj z)
112 {
```

```

113  /* Argument kompleksnog broja z se racuna pozivanjem funkcije
      atan2 iz biblioteke math.h */
115  return atan2(z.imag, z.real);
}

```

*main.c*

```

/*****
2  Ovaj program koristi korektno definisanu biblioteku kompleksnih
   brojeva. U zaglavlju kompleksan_broj.h nalazi se definicija
4  kompleksnog broja i popis deklaracija podrzanih funkcija, a u
   kompleksan_broj.c se nalaze njihove definicije.
6
   Kompilacija programa se najjednostavnije postize naredbom
8  gcc -Wall -lm -o kompleksan_broj kompleksan_broj.c main.c

10  Kompilacija se moze uraditi i na sledeci nacin:
   gcc -Wall -c -o kompleksan_broj.o kompleksan_broj.c
12  gcc -Wall -c -o main.o main.c
   gcc -lm -o kompleksan_broj kompleksan_broj.o main.o
14
   Napomena: Prethodne komande se koriste kada se sva tri navedena
16  dokumenta nalaze u istom direktorijumu. Ukoliko se biblioteka (npr.
   kompleksan_broj.c kompleksan_broj.h) nalazi u direktorijumu sa imenom
18  header_dir prevodjenje se vrši dodavanjem opcije -I header_dir
   gcc -I header_dir -Wall -lm -o kompleksan_broj kompleksan_broj.c
20  main.c
   *****/
22

24  #include <stdio.h>
   /* Ukljucuje se zaglavlje neophodno za rad sa kompleksnim brojevima
      */
26  #include "kompleksan_broj.h"

28  /* U glavnoj funkciji se za uneti kompleksan broj ispisuje njegov
      polarni oblik */
30  int main()
   {
32     KompleksanBroj z;

34     /* Ucitava se kompleksan broj */
     ucitaj_kompleksan_broj(&z);

36     /* Ispisuje se polarni oblik kompleksnog broja */
38     printf("Polarni oblik kompleksnog broja je %.2f * e^i * %.2f\n",
            moduo(z), argument(z));

40     return 0;
42  }

```

### Rešenje 1.3

*polinom.h*

```
1  #ifndef _POLINOM_H
2  #define _POLINOM_H
3
4  #include <stdio.h>
5  #include <stdlib.h>
6
7  /* Maksimalni stepen polinoma */
8  #define MAKS_STEPEN 20
9
10
11 /* Polinomi se predstavljaju strukturom koja cuva koeficijente
12    (koef[i] je koeficijent uz clan x^i) i stepen polinoma */
13 typedef struct {
14     double koef[MAKS_STEPEN + 1];
15     int stepen;
16 } Polinom;
17
18 /* Funkcija koja ispisuje polinom na standardni izlaz u citljivom
19    obliku. Polinom se prenosi po adresi da bi se uštedela memorija:
20    ne kopira se cela struktura, vec se samo prenosi adresa na kojoj
21    se nalazi polinom koji ispisujemo */
22 void ispis(const Polinom * p);
23
24 /* Funkcija koja ucitava polinom sa tastature */
25 Polinom ucitaj();
26
27 /* Funkcija racuna i vraca vrednost polinoma p u tacki x Hornerovim
28    algoritmom */
29 double izracunaj(const Polinom * p, double x);
30
31 /* Funkcija koja sabira dva polinoma */
32 Polinom saberi(const Polinom * p, const Polinom * q);
33
34 /* Funkcija koja mnozi dva polinoma p i q */
35 Polinom pomnozi(const Polinom * p, const Polinom * q);
36
37 /* Funkcija koja racuna izvod polinoma p */
38 Polinom izvod(const Polinom * p);
39
40 /* Funkcija koja racuna n-ti izvod polinoma p */
41 Polinom n_izvod(const Polinom * p, int n);
42 #endif
```

*polinom.c*

---

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include "polinom.h"
4
5 void ispisi(const Polinom * p)
6 {
7     int nulaPolinom = 1;
8     int i;
9     /* Ispisivanje polinoma pocinje od najviseg stepena ka najnižem da
10      bi polinom bio ispisan na prirodan nacin. Ispisuju se samo oni
11      koeficijenti koji su razliciti od nule. Ispred pozitivnih
12      koeficijenata je potrebno ispisati znak + (osim u slucaju
13      koeficijenta uz najvisi stepen). */
14     for (i = p->stepen; i >= 0; i--) {
15
16         if (p->koef[i]) {
17             /* Polinom nije nula polinom, cim je neki od koeficijenata
18              razlicit od nule */
19             nulaPolinom = 0;
20             if (p->koef[i] >= 0 && i != p->stepen)
21                 putchar('+');
22             if (i > 1)
23                 printf("%.2fx~%d", p->koef[i], i);
24             else if (i == 1)
25                 printf("%.2fx", p->koef[i]);
26             else
27                 printf("%.2f", p->koef[i]);
28         }
29     }
30     /* U slucaju nula polinoma indikator ce imati vrednost 1 i tada se
31      ispisuje nula. */
32     if (nulaPolinom)
33         printf("0");
34     putchar('\n');
35 }
36
37 Polinom ucitaj()
38 {
39     int i;
40     Polinom p;
41
42     /* Ucitava se stepena polinoma */
43     scanf("%d", &p.stepen);
44
45     /* Ponavlja se ucitavanje stepena sve dok se ne unese stepen iz
46      dozvoljenog opsega */
47     while (p.stepen > MAKS_STEPEN || p.stepen < 0) {
48         printf("Stepen polinoma pogresno unet, pokusajte ponovo: ");
49         scanf("%d", &p.stepen);
50     }
51
52     /* Unose se koeficijenti polinoma */
```

```

54     for (i = p.stepen; i >= 0; i--)
        scanf("%lf", &p.koef[i]);

56     /* Vraca se procitani polinom */
    return p;
58 }

60 double izracunaj(const Polinom * p, double x)
{
62     /* Rezultat se na pocetku inicijalizuje na nulu, a potom se u
        svakoj iteraciji najpre mnozi sa x, a potom i uvecava za
64     vrednost odgovarajuceg koeficijenta */

66     /* Primer: Hornerov algoritam za polinom x^4+2x^3+3x^2+2x+1:
        x^4+2x^3+3x^2+2x+1 = (((x+2)*x + 3)*x + 2)*x + 1 */
68
69     double rezultat = 0;
70     int i = p->stepen;
71     for (; i >= 0; i--)
72         rezultat = rezultat * x + p->koef[i];
73     return rezultat;
74 }

76 Polinom saberi(const Polinom * p, const Polinom * q)
{
77     Polinom rez;
78     int i;
79
80     /* Stepen rezultata ce odgovarati stepenu polinoma sa vecim
81     stepenom */
82     rez.stepen = p->stepen > q->stepen ? p->stepen : q->stepen;
83
84     /* Racunaju se svi koeficijenti rezultujucega polinoma tako sto se
85     sabiraju koeficijenti na odgovarajucim pozicijama polinoma koje
86     sabiramo. Ukoliko je pozicija za koju se racuna koeficijent veca
87     od stepena nekog od polaznih polinoma podrazumeva se da je
88     koeficijent jednak koeficijentu uz odgovarajuci stepen iz drugog
89     polinoma */
90     for (i = 0; i <= rez.stepen; i++)
91         rez.koef[i] =
92             (i > p->stepen ? 0 : p->koef[i]) +
93             (i > q->stepen ? 0 : q->koef[i]);
94
95     /* Vraca se dobijeni polinom */
96     return rez;
97 }

98 }

100 Polinom pomnozi(const Polinom * p, const Polinom * q)
{
101     int i, j;
102     Polinom r;
103
104     // ...

```



```
/* Stepen rezultata ce odgovarati zbiru stepena polaznih polinoma
*/
106 r.stepen = p->stepen + q->stepen;
107 if (r.stepen > MAKS_STEPEN) {
108     fprintf(stderr, "Stepen proizvoda polinoma izlazi iz opsega\n");
109     exit(EXIT_FAILURE);
110 }

112 /* Svi koeficijenti rezultujucega polinoma se inicijalizuju na 0 */
113 for (i = 0; i <= r.stepen; i++)
114     r.koef[i] = 0;

116 /* U svakoj iteraciji odgovarajuci koeficijent rezultata se
117    uvecava za proizvod odgovarajucih koeficijenata iz polaznih
118    polinoma */
119 for (i = 0; i <= p->stepen; i++)
120     for (j = 0; j <= q->stepen; j++)
121         r.koef[i + j] += p->koef[i] * q->koef[j];

122 /* Vraca se dobijeni polinom */
123 return r;
124 }

126 Polinom izvod(const Polinom * p)
127 {
128     int i;
129     Polinom r;

132 /* Izvod polinoma ce imati stepen za jedan stepen manji od stepena
133    polaznog polinoma. Ukoliko je stepen polinoma p vec nula, onda
134    je rezultujući polinom nula (izvod od konstante je nula). */
135 if (p->stepen > 0) {
136     r.stepen = p->stepen - 1;

138     /* Racunanje koeficijenata rezultata na osnovu koeficijenata
139        polaznog polinoma */
140     for (i = 0; i <= r.stepen; i++)
141         r.koef[i] = (i + 1) * p->koef[i + 1];
142 } else
143     r.koef[0] = r.stepen = 0;

144 /* Vraca se dobijeni polinom */
145 return r;
146 }

148 Polinom n_izvod(const Polinom * p, int n)
149 {
150     int i;
151     Polinom r;

154 /* Provera da li je n nenegativna vrednost */
155 if (n < 0) {
```

## 5 Rešenja

```
156     fprintf(stderr, "U n-tom izvodu polinoma, n mora biti >=0 \n");
157     exit(EXIT_FAILURE);
158 }
159
160 /* Nulti izvod je bas taj polinom */
161 if (n == 0)
162     return *p;
163
164 /* Za n>=1, n-ti izvod se racuna tako sto se n puta pozove
165    funkcija za racunanje prvog izvoda polinoma */
166 r = izvod(p);
167 for (i = 1; i < n; i++)
168     r = izvod(&r);
169
170 /* Vraca se dobijeni polinom */
171 return r;
172 }
```

*main.c*

```
#include <stdio.h>
2 #include "polinom.h"
3
4 int main(int argc, char **argv)
5 {
6     Polinom p, q, z, r;
7     double x;
8     int n;
9
10    /* Unosi se polinom p */
11    printf
12        ("Unesite polinom p (prvo stepen, pa zatim koeficijente od
13         najveceg stepena do nultog):\n");
14    p = ucitaj();
15
16    /* Ispisuje se polinom p */
17    ispisi(&p);
18
19    /* Unosi se polinom q */
20    printf
21        ("Unesite drugi polinom q (prvo stepen, pa zatim koeficijente
22         od najveceg stepena do nultog):\n");
23    q = ucitaj();
24
25    /* Polinomi se sabiraju i ispisuje se izracunati zbir */
26    z = saberi(&p, &q);
27    printf("Zbir polinoma je polinom z:\n");
28    ispisi(&z);
29
30    /* Polinomi se mnoze i ispisuje se izracunati proizvod */
31    r = pomnozi(&p, &q);
```

```

30 printf("Prozvod polinoma je polinom r:\n");
   ispisi(&r);
32
   /* Ispisuje se vrednost polinoma u unetoj tacki */
34 printf("Unesite tacku u kojoj racunate vrednost polinoma z:\n");
   scanf("%lf", &x);
36 printf("Vrednost polinoma z u tacki %.2f je %.2f\n", x,
         izracunaj(&z, x));
38
   /* Racuna se n-ti izvoda polinoma i ispisuje se dobijeni polinoma
      */
40 printf("Unesite izvod polinoma koji zelite:\n");
   scanf("%d", &n);
42 r = n_izvod(&r, n);
   printf("%d. izvod polinoma r je: ", n);
44 ispisi(&r);
46
   exit(EXIT_SUCCESS);
}

```

## Rešenje 1.5

*stampanje\_bitova.h*

```

1  #ifndef _STAMPANJE_BITOVA_H
   #define _STAMPANJE_BITOVA_H
3
   #include <stdio.h>
5
   /* Funkcija prikazuje na standardni izlaz binarnu reprezentaciju
      celog broja u memoriji. Bitove koji predstavljaju binarnu
7      reprezentaciju broja treba ispisati sa leva na desno, tj. od bita
      najvece tezine ka bitu najmanje tezine */
9      void stampaj_bitove(unsigned x);
11
   /* Funkcija prikazuje na standardni izlaz binarnu reprezentaciju
      celog broja tipa 'short' u memoriji. */
13      void stampaj_bitove_short(short x);
15
   /* Funkcija prikazuje na standardni izlaz binarnu reprezentaciju
      karaktera u memoriji. */
17      void stampaj_bitove_char(char x);
19
   #endif

```

*stampanje\_bitova.c*

```

#include <stdio.h>

```

```

2  #include "stampanje_bitova.h"

4  void stampaj_bitove(unsigned x)
{
6  /* Broj bitova celog broja */
   unsigned velicina = sizeof(unsigned) * 8;

8

   /* Maska koja se koristi za "ocitavanje" bitova celog broja */
10  unsigned maska;

12  /* Pocetna vrednost maske se postavlja na broj ciji binarni zapis
   na mestu bita najvece tezine sadrzi jedinicu, a na svim ostalim
14  mestima sadrzi nulu. U svakoj iteraciji maska se menja tako sto
   se jedini bit jedinica pomera udesno, kako bi se odredio naredni
16  bit broja x koji je argument funkcije. Zatim se odgovarajuca
   cifra, ('0' ili '1'), ispisuje na standardnom izlazu. Neophodno
18  je da promenljiva maska bude deklarisan kao neoznaceni ceo broj
   kako bi se pomeranjem u desno vrsilo logicko pomeranje
20  (popunjavanje nulama), a ne aritmeticko pomeranje (popunjavanje
   znakom broja). */
22  for (maska = 1 << (velicina - 1); maska != 0; maska >>= 1)
      putchar(x & maska ? '1' : '0');

24  putchar('\n');
26 }

28 void stampaj_bitove_short(short x)
{
30  /* Broj bitova celog broja tipa short */
   unsigned velicina = sizeof(short) * 8;

32

   /* Maska koja se koristi za "ocitavanje" bitova broja tipa short */
34  unsigned short maska;

36  for (maska = 1 << (velicina - 1); maska != 0; maska >>= 1)
      putchar(x & maska ? '1' : '0');

38  putchar('\n');
40 }

42 void stampaj_bitove_char(char x)
{
44  /* Broj bitova karaktera */
   unsigned velicina = sizeof(char) * 8;

46

   /* Maska koja se koristi za "ocitavanje" bitova jednog karaktera */
48  unsigned char maska;

50  for (maska = 1 << (velicina - 1); maska != 0; maska >>= 1)
      putchar(x & maska ? '1' : '0');

52  putchar('\n');

```

54 | }

*main.c*

```

1  #include <stdio.h>
2  #include "stampanje_bitova.h"
3
4  int main()
5  {
6      int broj_int;
7      short broj_short;
8      char broj_char;
9
10     /* Ucitava se broj tipa int */
11     printf("Unesite broj tipa int: ");
12     scanf("%x", &broj_int);
13
14     /* Ispisuje se binarna reprezentacija unetog broja */
15     printf("Binarna reprezentacija: ");
16     stampaj_bitove(broj_int);
17
18     /* Ucitava se broj tipa short */
19     printf("Unesite broj tipa short: ");
20     scanf("%hx", &broj_short);
21
22     /* Ispisuje se binarna reprezentacija unetog broja */
23     printf("Binarna reprezentacija: ");
24     stampaj_bitove_short(broj_short);
25
26     /* Ucitava se broj tipa char */
27     printf("Unesite broj tipa char: ");
28     scanf("%hhx", &broj_char);
29
30     /* Ispisuje se binarna reprezentacija unetog broja */
31     printf("Binarna reprezentacija: ");
32     stampaj_bitove_char(broj_char);
33
34     return 0;
35 }

```

## Rešenje 1.6

```

1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3
4  /* Funkcija vraca broj jedinica u binarnoj reprezentaciji broja x
5     kreiranjem odgovarajuce maske i njenim pomeranjem */
6  int prebroj_bitove_1(int x)
7  {

```

```
int br = 0;
9 unsigned broj_pomeranja = sizeof(unsigned) * 8 - 1;

11 /* Formiranje se maska cija binarna reprezentacija izgleda
    100000...0000000, koja služi za očitavanje bita najveće težine.
13 U svakoj iteraciji maska se pomera u desno za 1 mesto, i očitava
    se sledeći bit. Petlja se završava kada više nema jedinica tj.
15 kada maska postane nula. */
unsigned maska = 1 << broj_pomeranja;
17 for (; maska != 0; maska >>= 1)
    x & maska ? br++ : 1;

19 return br;
21 }

23 /* Funkcija vraća broj jedinica u binarnoj reprezentaciji broja x
    formiranjem odgovarajuće maske i pomeranjem promenljive x */
25 int prebroj_bitove_2(int x)
{
27     int br = 0;
    unsigned broj_pomeranja = sizeof(int) * 8 - 1;

29     /* Kako je argument funkcije označen ceo broj x naredba x>>=1 bi
        vrsila aritmeticko pomeranje u desno, tj. popunjavanje bita
        najveće težine bitom znaka. U tom slučaju nikad ne bi bio
31 ispunjen uslov x!=0 i program bi bio zarobljen u beskonacnoj
        petlji. Zbog toga se koristi pomeranje broja x ulevo i maska
33 koja očitava bit najveće težine. */

35     unsigned maska = 1 << broj_pomeranja;
    for (; x != 0; x <<= 1)
37         x & maska ? br++ : 1;

39     return br;
41 }

43 int main()
45 {
    int x, i;

47     /* Učitava se broj sa ulaza */
    printf("Unesite broj:\n");
    scanf("%x", &x);

51     /* Dozvoljava se korisniku da bira na koji način će biti izračunat
        broj jedinica u zapisu broja */
    printf("Unesite redni broj funkcije:\n");
    scanf("%d", &i);

53     /* Ispisuje se odgovarajući rezultat na osnovu unesenog rednog
        broja funkcije */
55     if (i == 1) {
```

```

61     printf("Poziva se funkcija prebroj_bitove_1\n");
    printf("Broj jedinica u zapisu je %d\n", prebroj_bitove_1(x));
} else if (i == 2) {
63     printf("Poziva se funkcija prebroj_bitove_2\n");
    printf("Broj jedinica u zapisu je %d\n", prebroj_bitove_2(x));
65 } else {
    fprintf(stderr, "Greska: Neodgovarajuci redni broj funkcije.\n");
67     exit(EXIT_FAILURE);
}
69
    exit(EXIT_SUCCESS);
71 }

```

## Rešenje 1.7

NAPOMENA: Rešenje koristi biblioteku za štampanje bitova iz zadatka 1.5.

```

1  #include <stdio.h>
    #include "stampanje_bitova.h"
3
/* Funkcija vraca najveći neoznaceni broj sastavljen od istih bitova
5   koji se nalaze u binarnoj reprezentaciji vrednosti promenjive x */
unsigned najveći(unsigned x)
7 {
    unsigned velicina = sizeof(unsigned) * 8;
9
    /* Formira se maska 100000...0000000 */
11    unsigned maska = 1 << (velicina - 1);
13
    /* Rezultat se inicijalizuje vrednoscu 0 */
    unsigned rezultat = 0;
15
    /* Promenljiva x se pomera u levo sve dok postoje jedinice u
17    njenoj binarnoj reprezentaciji (tj. sve dok je promenljiva x
    razlicita od nule). */
19    for (; x != 0; x <= 1) {
        /* Za svaku jedinicu koja se koriscenjem maske detektuje na
21        poziciji najveće težine u binarnoj reprezentaciji promenjive
        x, potiskuje se jedna nova jedinicu sa leva u rezultat */
23        if (x & maska) {
            rezultat >>= 1;
            rezultat |= maska;
25        }
27    }
29
    /* Vraca se dobijena vrednost */
    return rezultat;
31 }
33
/* Funkcija vraca najmanji neoznaceni broj sastavljen od istih
   bitova koji se nalaze u binarnoj reprezentaciji vrednosti

```

## 5 Rešenja

```
35     promenjive x */
36 unsigned najmanji(unsigned x)
37 {
38     /* Rezultat se inicijalizuje vrednoscu 0 */
39     unsigned rezultat = 0;
40
41     /* Promenljiva x se pomera u desno sve dok postoje jedinice u
42        njenoj binarnoj reprezentaciji (tj. sve dok je promenljiva x
43        razlicita od nule). */
44     for (; x != 0; x >>= 1) {
45         /* Za svaku jedinicu koja se koriscenjem vrednosti 1 za masku
46            detektuje na poziciji najmanje tezine u binarnoj
47            reprezentaciji promenjive x, potiskuje se jedna nova jedinicu
48            sa desna u rezultat */
49         if (x & 1) {
50             rezultat <<= 1;
51             rezultat |= 1;
52         }
53     }
54
55     /* Vraca se dobijena vrednost */
56     return rezultat;
57 }
58
59 int main()
60 {
61     int broj;
62
63     /* Ucitava se broj sa ulaza */
64     scanf("%x", &broj);
65
66     /* Ispisuju se, redom, najveći i najmanji broj formirani od bitova
67        unetog broja */
68     printf("Najveci:\n");
69     stampaj_bitove(najveci(broj));
70
71     printf("Najmanji:\n");
72     stampaj_bitove(najmanji(broj));
73
74     return 0;
75 }
```

### Rešenje 1.8

NAPOMENA: Rešenje koristi biblioteku za štampanje bitova iz zadatka 1.5.

```
1 #include <stdio.h>
2 #include "stampanje_bitova.h"
3
4 /* Funkcija postavlja na nulu n bitova pocev od pozicije p. */
5 unsigned postavi_0(unsigned x, unsigned n, unsigned p)
```



```

6 {
8  /******
10  Formira se maska cija binarna reprezentacija ima n bitova
   postavljenih na 0 pocev od pozicije p, dok su svi ostali
12  postavljeni na 1. Na primer, za n=5 i p=10 formira se maska oblika
   1111 1111 1111 1111 1000 0011 1111
14  To se postize na sledeci nacin:
   ~0                1111 1111 1111 1111 1111 1111 1111
16  (~0 << n)         1111 1111 1111 1111 1111 1111 1110 0000
   ~(~0 << n)         0000 0000 0000 0000 0000 0000 0001 1111
18  ~(~0 << n) << ( p-n+1))  0000 0000 0000 0000 0000 0111 1100 0000
   ~(~0 << n) << (p-n+1))  1111 1111 1111 1111 1111 1000 0011 1111
20  *****/
   unsigned maska = ~(~0 << n) << (p - n + 1));
22
   return x & maska;
24 }
26
28 /* Funkcija postavlja na jedinicu n bitova pocev od pozicije p. */
   unsigned postavi_1(unsigned x, unsigned n, unsigned p)
30 {
32  /******
   Formira se maska kod koje je samo n bitova pocev od pocev od
   pozicije p jednako 1, a ostali su 0.
   Na primer, za n=5 i p=10 formira se maska oblika
34  0000 0000 0000 0000 0000 0111 1100 0000
   *****/
   unsigned maska = ~(~0 << n) << (p - n + 1);
36
   return x | maska;
38 }
40
42 /* Funkcija vraca celobrojno polje bitova, desno poravnato, koje
   predstavlja n bitova pocev od pozicije p u binarnoj
   reprezentaciji broja x. */
   unsigned vrati_bitove(unsigned x, unsigned n, unsigned p)
44 {
46  /******
   Kreira se maska kod koje su poslednjih n bitova 1, a ostali su 0.
   Na primer, za n=5
48  0000 0000 0000 0000 0000 0000 0001 1111
   *****/
   unsigned maska = ~(~0 << n);
50
52  /* Najpre se vrednost promenljive x pomera u desno tako da trazeno
   polje bude uz desni kraj. Zatim se maskiraju ostali bitovi, sem
54  zeljenih n i funkcija vraca tako dobijenu vrednost */
   return maska & (x >> (p - n + 1));
56 }

```

```
58 /* Funkcija vraća broj x kome su n bitova počev od pozicije p
    postavljeni na vrednosti n bitova najmanje težine binarne
60 reprezentacije broja y */
    unsigned postavi_1_n_bitova(unsigned x, unsigned n, unsigned p,
62                                unsigned y)
    {
64        /* Kreira se maska kod koje su poslednjih n bitova 1, a ostali
            su 0. */
66        unsigned poslednjih_n_1 = ~(~0 << n);

68        /* Kao i kod funkcije postavi_0, i ovde se kreira maska koja ima n
            bitova postavljenih na 0 počevsi od pozicije p, dok su ostali
70 bitovi 1. */
        unsigned srednjih_n_0 = ~(~(~0 << n) << (p - n + 1));

72        /* U promenljivu x_postavi_0 se smesta vrednost dobijena kada se u
            binarnoj reprezentaciji vrednosti promenljive x postavi na 0 n
74 bitova na pozicijama počev od p */
        unsigned x_postavi_0 = x & srednjih_n_0;

76        /* U promenljivu y_pomeri_srednje se smesta vrednost dobijena od
            binarne reprezentacije vrednosti promenljive y ciji je n
80 bitova najniže težine pomera tako da stoje počev od pozicije p.
            Ostali bitovi su nule. Sa (y & poslednjih_n_1) postave na 0 svi
82 bitovi osim najnižih n */
        unsigned y_pomeri_srednje = (y & poslednjih_n_1) << (p - n + 1);

84        return x_postavi_0 ^ y_pomeri_srednje;
86    }

88 /* Funkcija invertuje bitove u zapisu broja x počevsi od pozicije p
    njih n */
    unsigned invertuj(unsigned x, unsigned n, unsigned p)
    {
92        /* Formira se maska sa n jedinica počev od pozicije p. */
        unsigned maska = ~(~0 << n) << (p - n + 1);

94        /* Operator ekskluzivno ili invertuje sve bitove gde je
            odgovarajući bit maske 1. Ostali bitovi ostaju nepromenjeni. */
96        return maska ^ x;
98    }

100 int main()
    {
102        unsigned x, p, n, y;

104        /* Učitavaju se vrednosti sa standardnog ulaza */
        printf("Unesite neoznačen ceo broj x:\n");
106        scanf("%u", &x);
        printf("Unesite neoznačen ceo broj n:\n");
108        scanf("%u", &n);
        printf("Unesite neoznačen ceo broj p:\n");
```

```
110 scanf("%u", &p);
    printf("Unesite neoznaceni ceo broj y:\n");
112 scanf("%u", &y);

114 /* Ispisuju se binarne reprezentacije broja x i broja koji se
    dobije kada se primeni funkcija postavi_0 za x, n i p */
116 printf("x = %10u %36s = ", x, "");
    stampaj_bitove(x);
118 printf("postavi_0(%10u,%6u,%6u)%16s = ", x, n, p, "");
    stampaj_bitove(postavi_0(x, n, p));
120 printf("\n");

122 /* Ispisuju se binarne reprezentacije broja x i broja koji se
    dobije kada se primeni funkcija postavi_1 za x, n i p */
124 printf("x = %10u %36s = ", x, "");
    stampaj_bitove(x);
126 printf("postavi_1(%10u,%6u,%6u)%16s = ", x, n, p, "");
    stampaj_bitove(postavi_1(x, n, p));
128 printf("\n");

130 /* Ispisuju se binarne reprezentacije broja x i broja koji se
    dobije kada se primeni funkcija vrati_bitove za x, n i p */
132 printf("x = %10u %36s = ", x, "");
    stampaj_bitove(x);
134 printf("vrati_bitove(%10u,%6u,%6u)%13s = ", x, n, p, "");
    stampaj_bitove(vrati_bitove(x, n, p));
136 printf("\n");

138 /* Ispisuju se binarne reprezentacije brojeva x, y i broja koji se
    dobije kada se primeni funkcija postavi_1_n_bitova za x, n, p */
140 printf("x = %10u %36s = ", x, "");
    stampaj_bitove(x);
142 printf("y = %10u %36s = ", y, "");
    stampaj_bitove(y);
144 printf("postavi_1_n_bitova(%10u,%4u,%4u,%10u) = ", x, n, p, y);
    stampaj_bitove(postavi_1_n_bitova(x, n, p, y));
146 printf("\n");

148 /* Ispisuju se binarne reprezentacije broja x i broja koji se
    dobije kada se primeni funkcija invertuj za x, n i p */
150 printf("x = %10u %36s = ", x, "");
    stampaj_bitove(x);
152 printf("invertuj(%10u,%6u,%6u)%17s = ", x, n, p, "");
    stampaj_bitove(invertuj(x, n, p));
154 return 0;
156 }
```

## Rešenje 1.9

NAPOMENA: Rešenje koristi biblioteku za štampanje bitova iz zadatka 1.5.

```
1  #include <stdio.h>
2  #include "stampanje_bitova.h"
3
4  /* Funkcija ceo broj x rotira u levo za n mesta. */
5  unsigned rotiraj_ulevo(int x, unsigned n)
6  {
7      unsigned bit_najvece_tezine;
8
9      /* Maska koja ima samo bit na poziciji najvece tezine postavljen
10       na 1 je neophodna da bi pre pomeranja u levo za 1 bit na
11       poziciji najvece tezine bio sacuvan */
12      unsigned bit_najvece_tezine_maska =
13          1 << (sizeof(unsigned) * 8 - 1);
14      int i;
15
16      /* n puta se vrsi rotaciju za jedan bit u levo. U svakoj iteraciji
17       se odredi bit na poziciji najvece tezine, a potom se pomera
18       binarna reprezentacija trenutne vrednosti promenljive x u levo
19       za 1. Nakon toga, bit na poziciji najmanje tezine se postavlja
20       na vrednost koju je imao bit na poziciji najvece tezine koji je
21       istisnut pomeranjem */
22      for (i = 0; i < n; i++) {
23          bit_najvece_tezine = x & bit_najvece_tezine_maska;
24          x = x << 1 | (bit_najvece_tezine ? 1 : 0);
25      }
26
27      /* Vraca se dobijena vrednost */
28      return x;
29  }
30
31  /* Funkcija neoznacen broj x rotira u desno za n mesta. */
32  unsigned rotiraj_udesno(unsigned x, unsigned n)
33  {
34      unsigned bit_najmanje_tezine;
35      int i;
36
37      /* n puta se ponavlja rotacija u desno za jedan bit. U svakoj
38       iteraciji se odredjuje bit na poziciji najmanje tezine broja x,
39       zatim tako odredjeni bit se pomera u levo tako da bit na
40       poziciji najmanje tezine dodje do pozicije najvece tezine.
41       Zatim, nakon pomeranja binarne reprezentacije trenutne vrednosti
42       promenljive x za 1 u desno, bit na poziciji najvece tezine se
43       postavlja na vrednost vec zapamcenog bita koji je bio na
44       poziciji
45       najmanje tezine. */
46      for (i = 0; i < n; i++) {
47          bit_najmanje_tezine = x & 1;
48          x = x >> 1 | bit_najmanje_tezine << (sizeof(unsigned) * 8 - 1);
49      }
50
51      /* Vraca se dobijena vrednost */
```

```

52     return x;
53 }
54 /* Verzija funkcije koja broj x rotira u desno za n mesta, gde je
55    argument funkcije x oznaceni ceo broj */
56 int rotiraj_udesno_oznaceni(int x, unsigned n)
57 {
58     unsigned bit_najmanje_tezine;
59     int i;
60
61     /* U svakoj iteraciji se odredjuje bit na poziciji najmanje tezine
62        i smesta u promenljivu bit_najmanje_tezine. Kako je x oznacen
63        ceo broj, tada se prilikom pomeranja u desno vrši aritmeticko
64        pomeranje i cuva se znak broja. Dakle, razlikuju se dva slucaja
65        u zavisnosti od znaka broja x. Nije dovoljno da se ova provera
66        izvrši pre petlje, s obzirom da rotiranjem u desno na poziciju
67        najveće težine može doći i 0 i 1, nezavisno od početnog znaka
68        broja smestenog u promenljivu x. */
69     for (i = 0; i < n; i++) {
70         bit_najmanje_tezine = x & 1;
71
72         if (x < 0)
73             /******
74              Siftovanjem u desno broja koji je negativan dobija se 1 kao bit
75              na poziciji najveće težine. Na primer ako je x
76              1010 1011 1100 1101 1110 0001 0010 001b
77              (sa b je oznacen ili 1 ili 0 na poziciji najmanje težine)
78              Onda je sadržaj promenljive bit_najmanje_tezine:
79              0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000 000b
80              Nakon siftovanja sadržaja promenljive x za 1 u desno
81              1101 0101 1110 0110 1111 0000 1001 0001
82              Kako bi umesto 1 na poziciji najveće težine u trenutnoj binarnoj
83              reprezentaciji x bilo postavljeno b nije dovoljno da se pomeri na
84              poziciju najveće težine jer bi se time dobile 0, a u ovom slučaju
85              su potrebne jedinice zbog bitovskog & zato se prvo vrši
86              komplementiranje, a zatim pomeranje
87              ~bit_najmanje_tezine << (sizeof(int)*8 -1)
88              B000 0000 0000 0000 0000 0000 0000 0000
89              gde B oznacava ~b.
90              Potom se ponovo vrši komplementiranje kako bi se b nalazilo na
91              poziciji najveće težine i sve jedinice na ostalim pozicijama
92              ~(~bit_najmanje_tezine << (sizeof(int)*8 -1))
93              b111 1111 1111 1111 1111 1111 1111 1111
94              *****/
95             x = (x >> 1) & ~(~bit_najmanje_tezine <<
96                           (sizeof(int) * 8 - 1));
97         else
98             x = (x >> 1) | bit_najmanje_tezine << (sizeof(int) * 8 - 1);
99     }
100
101     /* Vraca se dobijena vrednost */
102     return x;

```

```
103 }
104
105 int main()
106 {
107     unsigned x, n;
108
109     /* Ucitavaju se vrednosti sa standardnog ulaza */
110     printf("Unesite neoznaceni broj x:");
111     scanf("%x", &x);
112     printf("Unesite neoznaceni broj n:");
113     scanf("%x", &n);
114
115     /* Ispisuje se binarna reprezentacija broja x */
116     printf("x\t\t\t\t\t= ");
117     stampaj_bitove(x);
118
119     /* Testiru se napisane funkcije */
120     printf("rotiraj_ulevo(%x,%u)\t\t= ", x, n);
121     stampaj_bitove(rotiraj_ulevo(x, n));
122
123     printf("rotiraj_udesno(%x,%u)\t\t= ", x, n);
124     stampaj_bitove(rotiraj_udesno(x, n));
125
126     printf("rotiraj_udesno_oznaceni(%x,%u)\t= ", x, n);
127     stampaj_bitove(rotiraj_udesno_oznaceni(x, n));
128
129     printf("rotiraj_udesno_oznaceni(-%x,%u)\t= ", x, n);
130     stampaj_bitove(rotiraj_udesno_oznaceni(-x, n));
131
132     return 0;
133 }
```

### Rešenje 1.10

NAPOMENA: Rešenje koristi biblioteku za štampanje bitova iz zadatka 1.5.

```
1 #include <stdio.h>
2 #include "stampanje_bitova.h"
3
4 /* Funkcija vraca vrednost cija je binarna reprezentacija slika u
5    ogledalu binarne reprezentacije broja x. */
6 unsigned ogledalo(unsigned x)
7 {
8     unsigned najnizi_bit;
9     unsigned rezultat = 0;
10
11     int i;
12     /* U svakoj iteraciji najnizi bit u binarnoj reprezentaciji tekuće
13        vrednosti broja x se određuje i pamti u promenljivoj
14        najnizi_bit, nakon čega se na promenljivu x primeni pomeranje u
15        desno */
16 }
```

```
17     for (i = 0; i < sizeof(x) * 8; i++) {
18         najnizi_bit = x & 1;
19         x >>= 1;
20         /* Potiskivanjem trenutnog rezultata ka levom kraju svi
21            prethodno postavljeni bitovi dobijaju vecu poziciju. Novi bit
22            se postavlja na najnizu poziciju */
23         rezultat <<= 1;
24         rezultat |= najnizi_bit;
25     }
26
27     /* Vraca se dobijena vrednost */
28     return rezultat;
29 }
30
31 int main()
32 {
33     int broj;
34
35     /* Ucitava se broj sa ulaza */
36     scanf("%x", &broj);
37
38     /* Ispisuje se njegova binarna reprezentacija */
39     stampaj_bitove(broj);
40
41     /* Ispisuje se i binarna reprezentacija broja dobijenog pozivom
42        funkcije ogledalo */
43     stampaj_bitove(ogledalo(broj));
44
45     return 0;
46 }
```

### Rešenje 1.11

```
1  #include <stdio.h>
2
3  /* Funkcija vraca 1 ukoliko je u binarnoj reprezentaciji broja n
4     broj jedinica veci od broja nula. U suprotnom funkcija vraca 0 */
5  int broj_01(unsigned int n)
6  {
7      int broj_nula, broj_jedinica;
8      unsigned int maska;
9
10     broj_nula = 0;
11     broj_jedinica = 0;
12
13     /* Maska je inicijalizovana tako da moze da analizira bit najvece
14        tezine */
15     maska = 1 << (sizeof(unsigned int) * 8 - 1);
16
17     /* Cilj je proci kroz sve bitove broja x, zato se maska u svakoj
18        iteraciji pomera u desno pa ce jedini bit koji je postavljen na
19        1 biti na svim pozicijama u binarnoj reprezentaciji maske */
20     while (maska != 0) {
21         /* Provera da li se na poziciji koju odredjuje maska nalazi 0
22            ili 1 i uveca se odgovarajuci brojac */
23         if (n & maska) {
24             broj_jedinica++;
25         } else {
26             broj_nula++;
27         }
28
29         /* Pomera se maska u desnu stranu */
30         maska = maska >> 1;
31     }
32
33     /* Ako je broj jedinica veci od broja nula funkcija vraca 1, u
34        suprotnom vraca 0 */
35     return (broj_jedinica > broj_nula) ? 1 : 0;
36 }
37
38 int main()
39 {
40     unsigned int n;
41
42     /* Ucitava se broj */
43     scanf("%u", &n);
44
45     /* Ispisuje se rezultat */
46     printf("%d\n", broj_01(n));
47
48     return 0;
49 }
```



## Rešenje 1.12

```
1  #include <stdio.h>
2
3  /* Funkcija broji koliko se puta dve uzastopne jedinice pojavljuju u
4     binarnom zapisu celog čneoznaenog broja x */
5  int broj_parova(unsigned int x)
6  {
7      int broj_parova;
8      unsigned int maska;
9
10     /* Vrednost promenljive koja predstavlja broj parova se
11        inicijalizuje na 0 */
12     broj_parova = 0;
13
14     /* Postavlja se maska tako da moze da procita da li su dva
15        najmanja bita u zapisu broja x 11 */
16     /* Binarna reprezentacija broja 3 je 000...00011 */
17     maska = 3;
18
19     while (x != 0) {
20         /* Provera da li se na najmanjim pozicijama broj x nalazi 11 par
21            */
22         if ((x & maska) == maska) {
23             broj_parova++;
24         }
25
26         /* Pomera se broj u desnu stranu da bi se u narednoj iteraciji
27            proveravao sledeci par bitova. Pomeranjem u desno bit najvece
28            tezine se popunjava nulom jer je x neoznaceni broj */
29         x = x >> 1;
30     }
31
32     /* Vraca se dobijena vrednost */
33     return broj_parova;
34 }
35
36 int main()
37 {
38     unsigned int x;
39
40     /* Ucitava se broj */
41     scanf("%u", &x);
42
43     /* Ispisuje se rezultat */
44     printf("%d\n", broj_parova(x));
45
46     return 0;
47 }
```

## Rešenje 1.14

```

#include <stdio.h>

2
/* Niska koja se formira je duzine (sizeof(unsigned int)*8)/4 +1 jer
4   su za svaku heksadekadnu cifru potrebne 4 binarne cifre i jedna
   dodatna pozicija za terminirajucu nulu. Prethodni izraz se moze
6   zapisati kao sizeof(unsigned int)*2+1. */
#define MAKS_DUZINA sizeof(unsigned int)*2 +1

8
/* Funkcija za neoznacen broj x formira nisku s koja sadrzi njegov
10  heksadekadni zapis */
void prevod(unsigned int x, char s[])
12 {
    int i;
14    unsigned int maska;
    int vrednost;

16
    /* Heksadekadni zapis broja 15 je 000...0001111 - odgovarajuca
18     maska za citanje 4 uzastopne cifre */
    maska = 15;

20
    /*****
22     Broj se posmatra od pozicije najmanje tezine ka poziciji najvece
     tezine. Na primer za broj cija je binarna reprezentacija
24     00000000001101000100001111010101
     u prvom koraku se citaju bitovi izdvojeni sa <...>:
26     0000000000110100010000111101<0101>
     u drugom koraku:
28     000000000011010001000011<1101>0101
     u trecem koraku:
30     00000000001101000100<0011>11010101 i tako redom...

32     Indeks i oznacava poziciju na koju se smesta vrednost.
    *****/
34    for (i = MAKS_DUZINA - 2; i >= 0; i--) {
        /* Vrednost izdvojene cifre */
36        vrednost = x & maska;

38        /* Ako je vrednost iz opsega od 0 do 9 odgovarajuci karakter se
         dobija dodavanjem ASCII koda '0'. Ako je vrednost iz opsega
40         od 10 do 15 odgovarajuci karakter se dobija tako sto se prvo
         oduzme 10 (time se dobiju vrednosti od 0 do 5) pa se na tako
42         dobijenu vrednost doda ASCII kod 'A' (time se dobija
         odgovarajuce slovo 'A', 'B', ... 'F') */
44        if (vrednost < 10) {
            s[i] = vrednost + '0';
46        } else {
            s[i] = vrednost - 10 + 'A';
48        }
    }

50    /* Primenljiva x se pomera za 4 bita u desnu stranu i time se u

```

```

    narednoj iteraciji posmatraju sledeca 4 bita */
52     x = x >> 4;
    }
54
    /* Upisuje se terminirajuca nula */
56     s[MAKS_DUZINA - 1] = '\0';
    }
58
59 int main()
60 {
    unsigned int x;
62     char s[MAKS_DUZINA];

    /* Ucitava se broj sa ulaza */
64     scanf("%u", &x);

    /* Poziva se funkcija za prevodjenje */
66     prevod(x, s);

    /* I stampa se dobijena niska */
68     printf("%s\n", s);

    return 0;
72
74 }

```

### Rešenje 1.17

```

#include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>

4  /*****
    Resenje linearne slozenosti:
6     x^0 = 1
     x^k = x * x^(k-1)
8  *****/
int stepen(int x, int k)
10 {
    if (k == 0)
12         return 1;

    return x * stepen(x, k - 1);
14     /* kraci zapis: return k == 0 ? 1 : x * stepen(x,k-1); */
16 }

18 /*****
    Resenje logaritamske slozenosti:
20     x^0 =1;
     x^k = x * (x^2 )^(k/2) , za neparno k
22     x^k = (x^2)^(k/2) , za parno k
     Ovom resenju ce biti potrebno manje rekurzivnih poziva da bi
24     se doslo do rezultata, i stoga je efikasnije.

```

```
*****/
26 int stepen_2(int x, int k)
27 {
28     if (k == 0)
29         return 1;
30
31     /* Ako je stepen paran */
32     if ((k % 2) == 0)
33         return stepen_2(x * x, k / 2);
34
35     /* Inace (ukoliko je stepen neparan) */
36     return x * stepen_2(x * x, k / 2);
37 }
38
39 int main()
40 {
41     int x, k, ind;
42
43     /* Ucitavanje rednog broja funkcije koja ce se primeniti */
44     printf("Unesite redni broj funkcije (1/2):\n");
45     scanf("%d", &ind);
46
47     /* Ucitavanje vrednosti za x i k */
48     printf("Unesite broj x:\n");
49     scanf("%d", &x);
50     printf("Unesite broj k:\n");
51     scanf("%d", &k);
52
53     /* Ispisuje se vrednost koju vraca odgovarajuca funkcija */
54     if (x == 1)
55         printf("%d\n", stepen(x, k));
56     else if (x == 2)
57         printf("%d\n", stepen_2(x, k));
58     else {
59         fprintf(stderr, "Greska: Neodgovarajuci redni broj funkcije.\n");
60         exit(EXIT_FAILURE);
61     }
62
63     exit(EXIT_SUCCESS);
64 }
```

## Rešenje 1.18

```
#include <stdio.h>
2
3 /* NAPOMENA: Ovaj problem je iskoriscen da ilustruje uzajamnu
4    (posrednu) rekurziju */
5
6 /* Deklaracija funkcije neparan mora da bude navedena jer se ta
7    funkcija koristi u telu funkcije paran, tj. koristi se pre svoje
8    definicije. Funkcija je mogla biti deklarirana i u telu funkcije
```

```
    paran. */
10 unsigned neparan(unsigned n);

12 /* Funkcija paran vraca 1 ako broj n ima paran broj cifara, inace
    vraca 0 */
14 unsigned paran(unsigned n)
15 {
16     if (n <= 9)
17         return 0;
18     else
19         return neparan(n / 10);
20 }

22 /* Funkcija neparan vraca 1 ako broj n ima neparan broj cifara,
    inace vraca 0 */
24 unsigned neparan(unsigned n)
25 {
26     if (n <= 9)
27         return 1;
28     else
29         return paran(n / 10);
30 }

32 int main()
33 {
34     int n;

36     /* Ucitava se ceo broj */
37     scanf("%d", &n);

38     /* Ispisuje se rezultat */
40     printf("Uneti broj ima %s paran broj cifara.\n",
        (paran(n) == 1 ? "" : "ne"));
42
44     return 0;
}
```

### Rešenje 1.19

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3
4 /* Pomocna funkcija koja izracunava n! * result. Koristi repnu
5     rekurziju. Result je argument u kome se akumulira do tada
6     izracunatu vrednost faktoriijela. Kada dodje do izlaza iz
7     rekurzije iz rekurzije potrebno je da vratimo result. */
8 int faktoriyel_repna(int n, int result)
9 {
10     if (n == 0)
11         return result;
```

```
13     return faktorijel_repna(n - 1, n * result);
14 }
15
16 /* U sledecim funkcijama je prikazan postupak oslobadjanja od repne
17    rekurzije koja postoji u funkciji faktorijel_repna. */
18
19 /* Funkcija se transformise tako sto se rekurzivni poziv zemeni sa
20    naredbama kojima se vrednost argumenta funkcije postavlja na
21    vrednost koja bi se prosledjivala rekurzivnom pozivu i
22    navodjenjem goto naredbe za vracanje na pocetak tela funkcije. */
23 int faktorijel_repna_v1(int n, int result)
24 {
25     pocetak:
26         if (n == 0)
27             return result;
28
29     result = n * result;
30     n = n - 1;
31     goto pocetak;
32 }
33
34 /* Pisanje bezuslovnih skokova (goto naredbi) nije dobra
35    programerska praksa i prethodna funkcija se koristi samo kao
36    medjukorak. Sledi iterativno resenje bez bezuslovnih skokova */
37 int faktorijel_repna_v2(int n, int result)
38 {
39     while (n != 0) {
40         result = n * result;
41         n = n - 1;
42     }
43
44     return result;
45 }
46
47 /* Prilikom poziva prethodnih funkcija pored prvog argumenta celog
48    broja n, mora da se salje i 1 za vrednost drugog argumenta u kome
49    ce se akumulirati rezultat. Funkcija faktorijel(n) je ovde radi
50    udobnosti korisnika, jer je sasvim prirodno da za faktorijel
51    zahteva samo 1 parametar. Funkcija faktorijel izracunava n!, tako
52    sto odgovarajucoj gore navedenoj funkciji koja zaista racuna
53    faktorijel, salje ispravne argumente i vraca rezultat koju joj ta
54    funkcija vrati. Za testiranje, zameniti u telu funkcije faktorijel
55    poziv faktorijel_repna sa pozivom faktorijel_repna_v1, a zatim sa
56    pozivom funkcije faktorijel_repna_v2. */
57 int faktorijel(int n)
58 {
59     return faktorijel_repna(n, 1);
60 }
61
62 int main()
63 {
64     int n;
```

```
65  /* Ucitava se ceo broj */
67  printf("Unesite n (<= 12): ");
   scanf("%d", &n);
69  if (n > 12) {
   fprintf(stderr, "Greska: Nedozvoljena vrednost za n.\n");
71  exit(EXIT_FAILURE);
   }
73
   /* Ispisuje se rezultat */
75  printf("%d! = %d\n", n, faktorijel(n));
77  exit(EXIT_SUCCESS);
   }
```

## Rešenje 1.21

```
1  #include <stdio.h>

3  /* a) Funkcija racuna n-ti element u nizu F - iterativna verzija */
   int f_iterativna(int n, int a, int b)
5  {
   int i;
7  int f_0 = 0;
   int f_1 = 1;
9  int tmp;

11  if (n == 0)
   return 0;

13  for (i = 2; i <= n; i++) {
15  tmp = a * f_1 + b * f_0;
   f_0 = f_1;
17  f_1 = tmp;
   }

19  return f_1;
21 }

23 /* b) Funkcija racuna n-ti element u nizu F - rekurzivna verzija */
   int f_rekurzivna(int n, int a, int b)
25 {
   /* Izlaz iz rekurzije */
27  if (n == 0 || n == 1)
   return n;

29  /* Rekurzivni pozivi */
31  return a * f_rekurzivna(n - 1, a, b) +
   b * f_rekurzivna(n - 2, a, b);
33 }
```

```

35  /* NAPOMENA: U slucaju da se rekurzijom problem svodi na vise manjih
36     podproblema koji se mogu preklapati, postoji opasnost da se
37     pojedini podproblemi manjih dimenzija resavaju veci broj puta.
38     Npr.  $F(20) = a \cdot F(19) + b \cdot F(18)$ , a  $F(19) = a \cdot F(18) + b \cdot F(17)$ , tj.
39     problem  $F(18)$  se resava dva puta! Problemi manjih dimenzija ce se
40     resavati jos veci broj puta. Resenje za ovaj problem je
41     kombinacija rekurziije sa dinamicnim programiranjem. Podproblemi se
42     resavaju samo jednom, a njihova resenja se pamte u memoriji
43     (obicno u nizovima ili matricama), odakle se koriste ako tokom
44     resavanja ponovo budu potrebni.
45
46     U narednoj funkciji vec izracunati clanovi niza se cuvaju u
47     statickom nizu celih brojeva, jer se staticki niz ne smesta na
48     stek, kao sto je to slucaj sa lokalnim promenljivama, vec na
49     segment podataka, odakle je dostupan svim pozivima rekurzivne
50     funkcije. */
51
52  /* c) Funkcija racuna n-ti broj niza F - efikasnija rekurzivna
53     verzija */
54  int f_napredna(int n, int a, int b)
55  {
56      /* Niz koji cuva resenja podproblema. Kompajler inicijalizuje
57         staticke promenljive na podrazumevane vrednosti. Stoga,
58         elemente celobrojnog niza inicijalizuje na 0 */
59      static int f[20];
60
61      /* Ako je podproblem vec ranije resen, koristi se resenje koje je
62         vec izracunato */
63      if (f[n] != 0)
64          return f[n];
65
66      /* Izlaz iz rekurziije */
67      if (n == 0 || n == 1)
68          return f[n] = n;
69
70      /* Rekurzivni pozivi */
71      return f[n] =
72          a * f_napredna(n - 1, a, b) + b * f_napredna(n - 2, a, b);
73  }
74
75  int main()
76  {
77      int n, a, b, ind;
78
79      /* Unosi se redni broj funkcije koja ce se primeniti */
80      printf("Unesite redni broj funkcije:\n");
81      printf("1 - iterativna\n");
82      printf("2 - rekurzivna\n");
83      printf("3 - rekurzivna napredna\n");
84      scanf("%d", &ind);
85
86      /* Ucitaju se koeficijenti a i b */

```



```

87 printf("Unesite koeficijente:\n");
   scanf("%d%d", &a, &b);
89
   /* Ucitava se broj n */
91 printf("Unesite koji clan niza se racuna:\n");
   scanf("%d", &n);
93
   /* Na osnovu vrednosti promenljive ind ispisuje se rezultat poziva
95     funkcije f_iterativna, f_rekurzivna ili f_napredna */
   if (ind == 0)
97     printf("F(%d) = %d\n", n, f_iterativna(n, a, b));
   else if (ind == 1)
99     printf("F(%d) = %d\n", n, f_rekurzivna(n, a, b));
   else
101     printf("F(%d) = %d\n", n, f_napredna(n, a, b));
103
   return 0;
}

```

## Rešenje 1.22

```

#include <stdio.h>
2
/* Funkcija odredjuje zbir cifara zadatog broja x */
4 int zbir_cifara(unsigned int x)
{
6     /* Izlazak iz rekurzije: ako je broj jednocifren */
   if (x < 10)
8         return x;

10     /* Zbir cifara broja jednak je zbiru svih njegovih cifara osim
       poslednje cifre + poslednja cifra tog broja */
12     return zbir_cifara(x / 10) + x % 10;
}
14
16 int main()
{
18     unsigned int x;

20     /* Ucitava se ceo broj */
   scanf("%u", &x);

22     /* Ispisuje se zbir cifara ucitanog broja */
   printf("%d\n", zbir_cifara(x));
24
   return 0;
26 }

```

## Rešenje 1.23

```
#include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
#define MAKS_DIM 100

4
/* Ako je n<=0, onda je suma niza jednaka nuli. Ako je n>0, onda je
6 suma niza jednaka sumi prvih n-1 elementa uvecenoj za poslednji
   element niza. */
8 int suma_niza_1(int *a, int n)
{
10     if (n <= 0)
        return 0;

12     return suma_niza_1(a, n - 1) + a[n - 1];
14 }

16 /* Funkcija napisana na drugi nacin: Ako je n<=0, onda je suma niza
   jednaka nuli. Ako je n>0, suma niza je jednaka zbiru prvog
18 elementa niza i sume preostalih n-1 elementa. */
int suma_niza_2(int *a, int n)
20 {
    if (n <= 0)
22         return 0;

24     return a[0] + suma_niza_2(a + 1, n - 1);
}

26
int main()
28 {
    int a[MAKS_DIM];
30     int n, i = 0, ind;

32     /* Ucitava se redni broj funkcije */
    printf("Unesite redni broj funkcije (1 ili 2):\n");
34     scanf("%d", &ind);

36     /* Ucitava se broj elemenata niza */
    printf("Unesite dimenziju niza:\n");
38     scanf("%d", &n);

40     /* Ucitava se n elemenata niza. */
    printf("Unesite elemente niza:\n");
42     for (i = 0; i < n; i++)
        scanf("%d", &a[i]);
44

46     /* Na osnovu vrednosti promenljive ind ispisuje se rezultat poziva
       funkcije suma_niza_1, odnosno suma_niza_2 */
    if (ind == 1)
48         printf("Suma elemenata je %d\n", suma_niza_1(a, n));
    else if (ind == 2)
50         printf("Suma elemenata je %d\n", suma_niza_2(a, n));
```

```
52     else {  
53         fprintf(stderr, "Greska: Neodgovarajuci redni broj funkcije.\n");  
54         exit(EXIT_FAILURE);  
55     }  
56     exit(EXIT_SUCCESS);  
57 }
```

## Rešenje 1.24

```
1  #include <stdio.h>  
2  #define MAKS_DIM 256  
  
4  /* Rekurzivna funkcija koja odredjuje maksimum celobrojnog niza niz  
   * dimenzije n */  
6  int maksimum_niza(int niz[], int n)  
7  {  
8      /* Izlazak iz rekurzije: ako je niz dimenzije jedan, najveći je  
       * ujedno i jedini element niza */  
10     if (n == 1)  
11         return niz[0];  
12  
13     /* Resava se problem manje dimenzije */  
14     int max = maksimum_niza(niz, n - 1);  
15  
16     /* Na osnovu poznatog resenja problema dimenzije n-1, resava se  
       * problem dimenzije n */  
18     return niz[n - 1] > max ? niz[n - 1] : max;  
19 }  
20  
21 int main()  
22 {  
23     int brojevi[MAKS_DIM];  
24     int n;  
25  
26     /* Sve dok se ne stigne do kraja ulaza, brojevi se ucitavaju u  
       * niz. Promenljiva i predstavlja indeks tekuceg broja. U niz se  
       * ne moze ucitati vise od MAKS_DIM brojeva, pa se u slucaju da  
       * promenljiva i dostigne vrednost MAKS_DIM prekida unos novih  
       * brojeva. */  
30     int i = 0;  
32     while (scanf("%d", &brojevi[i]) != EOF) {  
33         i++;  
34         if (i == MAKS_DIM)  
35             break;  
36     }  
37     n = i;  
38  
39     /* Stampa se maksimum unetog niza brojeva */  
40     printf("%d\n", maksimum_niza(brojevi, n));
```

```
42     return 0;
    }
```

### Rešenje 1.25

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #define MAKS_DIM 256
4
5  /* Funkcija koja izracunava skalarni proizvod dva data vektora */
6  int skalarno(int a[], int b[], int n)
7  {
8      /* Izlazak iz rekurzije: vektori su duzine 0 */
9      if (n == 0)
10         return 0;
11
12     /* Na osnovu resenja problema dimenzije n-1, resava se problem
13        dimenzije n primenom definicije skalarnog proizvoda a*b =
14        a[0]*b[0] + a[1]*b[1] + ... + a[n-2]*a[n-2] + a[n-1]*a[n-1]
15        Dakle, skalarni proizvod dva vektora duzine n se dobija kada se
16        na skalarni proizvod dva vektora duzine n-1 koji se dobiju od
17        polazna dva vektora otklanjanjem poslednjih elemenata, doda
18        proizvod poslednja dva elementa polaznih vektora. */
19     else
20         return skalarno(a, b, n - 1) + a[n - 1] * b[n - 1];
21 }
22
23 int main()
24 {
25     int i, a[MAKS_DIM], b[MAKS_DIM], n;
26
27     /* Unosi se dimenzija nizova */
28     printf("Unesite dimenziju nizova:");
29     scanf("%d", &n);
30
31     /* Provera da li je dimenzija niza odgovarajuca */
32     if (n < 0 || n > MAKS_DIM) {
33         fprintf(stderr,
34             "Greska: Dimenzija mora biti prirodan broj <= %d!\n",
35             MAKS_DIM);
36         exit(EXIT_FAILURE);
37     }
38
39     /* A zatim i elementi nizova */
40     printf("Unesite elemente prvog niza:");
41     for (i = 0; i < n; i++)
42         scanf("%d", &a[i]);
43
44     printf("Unesite elemente drugog niza:");
45     for (i = 0; i < n; i++)
46         scanf("%d", &b[i]);
```

```

47  /* Ispisuje se rezultat skalarnog proizvoda dva ucitana niza */
49  printf("Skalarni proizvod je %d\n", skalarno(a, b, n));

51  exit(EXIT_SUCCESS);
}

```

## Rešenje 1.26

```

#include <stdio.h>
#define MAKS_DIM 256

/* Funkcija koja racuna broj pojavljivanja elementa x u nizu a
   duzine n */
int br_pojave(int x, int a[], int n)
{
    /* Izlazak iz rekurzije: za niz duzine jedan broj pojava broja x u
       nizu je 1 ukoliko je jedini element a[0] bas x ili 0 inace */
    if (n == 1)
        return a[0] == x ? 1 : 0;

    /* U promenljivu bp se smesta broj pojava broja x u prvih n-1
       elemenata niza a. Ukupan broj pojavljivanja broja x u celom
       nizu a je jednak bp uvecanom za jedan ukoliko je se na poziciji
       n-1 u nizu a nalazi broj x */
    int bp = br_pojave(x, a, n - 1);
    return a[n - 1] == x ? 1 + bp : bp;
}

int main()
{
    int x, a[MAKS_DIM];
    int n, i = 0;

    /* Ucitava se ceo broj */
    printf("Unesite ceo broj:");
    scanf("%d", &x);

    /* Sve dok se ne stigne do kraja ulaza, ucitavaju se brojevi u
       niz. Promenljiva i predstavlja indeks tekuceg broja. U niz se
       ne moze ucitati vise od MAKS_DIM brojeva, pa se u slucaju da
       promenljiva i dostigne vrednost MAKS_DIM prekida unos novih
       brojeva. */
    printf("Unesite elemente niza:");
    i = 0;
    while (scanf("%d", &a[i]) != EOF) {
        i++;
        if (i == MAKS_DIM)
            break;
    }
    n = i;
}

```

```
44  /* Ispisuje se broj pojavljivanja */
    printf("Broj pojavljivanja je %d\n", br_pojave(x, a, n));
46
    return 0;
48 }
```

### Rešenje 1.27

```
1  #include <stdio.h>
   #define MAKS_DIM 256
3
   /* Funkcija koja proverava da li su tri zadata broja uzastopni
   5   članovi niza */
   int tri_uzastopna_clana(int x, int y, int z, int a[], int n)
   {
7     /* Ako niz ima manje od tri elementa izlazi se iz rekurzije i
       vraća se 0 jer nije ispunjeno da su x, y i z uzastopni članovi
       niza */
11    if (n < 3)
        return 0;
13
15    /* Da bi bilo ispunjeno da su x, y i z uzastopni članovi niza a
       dovoljno je da su oni poslednja tri člana niza ili da se oni
       rekuzivno tri uzastopna člana niza a bez poslednjeg elementa */
17    return ((a[n - 3] == x) && (a[n - 2] == y) && (a[n - 1] == z))
        || tri_uzastopna_clana(x, y, z, a, n - 1);
19 }

21 int main()
   {
23     int x, y, z, a[MAKS_DIM];
        int n;
25
27     /* Učitavaju se tri cela broja za koje se ispituje da li su
       uzastopni članovi niza */
        printf("Unesite tri cela broja:");
29     scanf("%d%d%d", &x, &y, &z);

31     /* Sve dok se ne stigne do kraja ulaza, brojeve se učitavaju u
       niz. Promenljiva i predstavlja indeks tekućeg broja. U niz se
       ne može učitati više od MAKS_DIM brojeva, pa se u slučaju da
       promenljiva i dostigne vrednost MAKS_DIM prekida unos novih
       brojeva. */
35     printf("Unesite elemente niza:");
        int i = 0;
37     while (scanf("%d", &a[i]) != EOF) {
        i++;
39         if (i == MAKS_DIM)
            break;
41     }
   }
```

```

43     n = i;

45     /* Na osnovu rezultata poziva funkcije tri_uzastopna_clana
        ispisuje se odgovarajuca poruka */
47     if (tri_uzastopna_clana(x, y, z, a, n))
        printf("Uneti brojevi jesu uzastopni clanovi niza.\n");
49     else
        printf("Uneti brojevi nisu uzastopni clanovi niza.\n");

51     return 0;
53 }

```

### Rešenje 1.28

```

#include <stdio.h>

2
/* Funkcija koja broji bitove postavljene na 1. */
4 int prebroj(int x)
{
6     /* Izlaz iz rekurzije */
    if (x == 0)
8         return 0;

10     /* Ukoliko vrednost promenljive x nije 0, neki od bitova broja x
        je postavljen na 1. Koriscenjem odgovarajuce maske proverava se
12     vrednost bita na poziciji najvece tezine i na osnovu toga se
        razlikuju dva slucaja. Ukoliko je na toj poziciji nula, onda je
14     broj jedinica u zapisu x isti kao broj jedinica u zapisu broja
        x<<1, jer se pomeranjem u levo sa desne stane dopisuju 0. Ako je
16     na poziciji najvece tezine jedinica, rezultat dobijen
        rekurzivnim
        pozivom funkcije za x<<1 treba uvecati za jedan. Za rekurzivni
18     poziv se salje vrednost koja se dobija kada se x pomeri u levo.
        Napomena: argument funkcije x je oznacen ceo broj, usled cega se
20     ne koristi pomeranje udesno, jer funkciji moze biti prosledjen i
        negativan broj. Iz tog razloga, odlucujemo se da proveramo
22     najvisi, umesto najnizeg bita */
    if (x & (1 << (sizeof(x) * 8 - 1)))
24         return 1 + prebroj(x << 1);
    else
26         return prebroj(x << 1);
    /******
28     Krace zapisano
        return ((x & (1<<(sizeof(x)*8-1))) ? 1 : 0) + prebroj(x<<1);
30     *****/
}

32 int main()
34 {
    int x;

36

```

## 5 Rešenja

---

```
/* Ucitava se ceo broj */
38 scanf("%x", &x);

/* Ispisuje se rezultat */
40 printf("%d\n", prebroj(x));

42 return 0;
44 }
```

### Rešenje 1.30

```
#include <stdio.h>

2 /* Rekurzivna funkcija za odredjivanje najveće oktalne cifre */
4 int maks_oktalna_cifra(unsigned x)
{
6 /* Izlazak iz rekurziije: ako je vrednost broja 0, onda je i
   vrednost najveće oktalne cifre u broju 0 */
8 if (x == 0)
   return 0;

10 /* Odredjuje se poslednja oktalna cifra u broju */
12 int poslednja_cifra = x & 7;

14 /* Odredjuje se maksimalna oktalna cifra u broju kada se iz njega
   izbrise poslednja oktalna cifra */
16 int maks_bez_poslednje_cifre = maks_oktalna_cifra(x >> 3);

18 return poslednja_cifra > maks_bez_poslednje_cifre ? poslednja_cifra
   : maks_bez_poslednje_cifre;
20 }

22 int main()
{
24 unsigned x;

26 /* Ucitava se neoznaceni ceo broj */
   scanf("%u", &x);

28 /* Ispisuje se vrednost najveće oktalne cifre unetog broja */
30 printf("%d\n", maks_oktalna_cifra(x));

32 return 0;
}
```

### Rešenje 1.31

```
#include <stdio.h>

2
```



```

4  /* Rekurzivna funkcija za odredjivanje najveće heksadekadne cifre */
   int maks_heksadekadna_cifra(unsigned x)
   {
6     /* Izlazak iz rekurzije: ako je vrednost broja 0, onda je i
       vrednost najveće heksadekadne cifre u broju 0 */
8     if (x == 0)
        return 0;

10
12     /* Odredjuje se poslednja heksadekadna cifra u broju */
       int poslednja_cifra = x & 15;

14     /* Odredjuje se maksimalna heksadekadna cifra broja kada se iz
       njega izbrise poslednja heksadekadna cifra */
16     int maks_bez_poslednje_cifre = maks_heksadekadna_cifra(x >> 4);

18     return poslednja_cifra > maks_bez_poslednje_cifre ? poslednja_cifra
       : maks_bez_poslednje_cifre;
20 }

22 int main()
   {
24     unsigned x;

26     /* Ucitava se neoznaceni ceo broj */
       scanf("%u", &x);

28
30     /* Ispisivanje vrednosti najveće heksadekadne cifre unetog broja */
       printf("%d\n", maks_heksadekadna_cifra(x));

32     return 0;
   }

```

### Rešenje 1.32

```

1  #include <stdio.h>
2  #include <string.h>

4  /* Niska može imati najviše 31 karaktera + 1 za terminalnu nulu */
   #define MAKS_DIM 32

6  /* Funkcija ispituje da li je zadata niska dužine n palindrom */
   int palindrom(char s[], int n)
   {
8     /* Izlaz iz rekurzije - trivijalno, niska dužine 0 ili 1 je
       palindrom */
12    if ((n == 1) || (n == 0))
        return 1;

14
16    /* Da bi niska bila palindrom potrebno je da se poklapaju prvi i
       poslednji karakter i da je palindrom niska koja nastaje kada se
       polaznoj nisci otklone prvi i poslednji karakter */

```

```
18     return (s[n - 1] == s[0]) && palindrom(s + 1, n - 2);
19 }
20
21 int main()
22 {
23     char s[MAKS_DIM];
24     int n;
25
26     /* Ucitava se niska sa standardnog ulaza */
27     scanf("%s", s);
28
29     /* Odredjuje se duzina niske */
30     n = strlen(s);
31
32     /* Ispisuje se da li je niska palindrom ili nije */
33     if (palindrom(s, n))
34         printf("da\n");
35     else
36         printf("ne\n");
37
38     return 0;
39 }
```

### Rešenje 1.33

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #define MAKS_DUZINA_PERMUTACIJE 15
4
5  /* Funkcija koja ispisuje elemente niza a duzine n */
6  void ispisi_niz(int a[], int n)
7  {
8      int i;
9
10     for (i = 1; i <= n; i++)
11         printf("%d ", a[i]);
12     printf("\n");
13 }
14
15 /* Funkcija koja vraca 1 ako se broj x nalazi u nizu a duzine n, a
16    inace 0 */
17 int koriscen(int a[], int n, int x)
18 {
19     int i;
20
21     /* Obilaze se svi elementi niza */
22     for (i = 1; i <= n; i++)
23         /* Ukoliko se naidje na trazenu vrednost, pretraga se prekida */
24         if (a[i] == x)
25             return 1;
26 }
```

```
/* Zaključuje se da broj nije pronadjen */
28 return 0;
}

30
/* Funkcija koja ispisuje sve permutacije od skupa {1,2,...,n}
32 dobija kao argument niz a[] u koji se smesta permutacija, broj m
   oznacava da se u okviru tog poziva funkcije na m-tu poziciju u
34 permutaciji smesta jedan od preostalih celih brojeva, n je
   velicina skupa koji se permutuje. Funkciju se inicijalno poziva
36 sa argumentom m = 1, jer formiranje permutacije pocinje od
   pozicije broj 1. Stoga, a[0] se ne koristi. */
38 void permutacija(int a[], int m, int n)
{
40     int i;

42     /* Izlaz iz rekurzije: Ako je pozicija na koju treba smestiti broj
       premasila velicinu skupa, onda se svi brojevi vec nalaze u
44 permutaciji i ispisuje se permutacija. */
   if (m > n) {
46     ispisi_niz(a, n);
       return;
48 }

50     /* Ideja: pronalazi se prvi broj koji moze da se postavi na m-to
       mesto u nizu (broj koji se do sada nije pojavio u permutaciji).
52 Zatim, rekurzivno se pronalaze one permutacije koje odgovaraju
       ovako postavljenom pocetku permutacije. Kada se to zavrshi, vrsi
54 se provera da li postoji jos neki broj koji moze da se stavi na
       m-to mesto u nizu (to se radi u petlji). Ako ne postoji,
56 funkcija zavrшава sa radom. Ukoliko takav broj postoji, onda se
       ponovo poziva rekurzivno pronalazenje odgovarajucih permutacija,
58 ali sada sa drugacije postavljеним prefiksom. */
   for (i = 1; i <= n; i++) {
60     /* Ako se broj i nije do sada pojavio u permutaciji od 1 do m-1
       pozicije, onda se on postavlja na poziciju m i poziva se
62 ponovo funkcija da dopuni ostatak permutacije posle
       upisivanja i na poziciju m. Inace, nastavlja se dalje,
64 trazeci broj koji se nije pojavio do sada u permutaciji. */
       if (!koriscen(a, m - 1, i)) {
66         a[m] = i;
           permutacija(a, m + 1, n);
68       }
   }
70 }

72 int main(void)
{
74     int n;
       int a[MAKS_DUZINA_PERMUTACIJE + 1];

76     /* Ucitava se broj n iz odgovarajuceg opsega */
78     scanf("%d", &n);
```

```
if (n < 0 || n > MAKS_DUZINA_PERMUTACIJE) {
80     fprintf(stderr,
        "Duzina permutacije mora biti broj iz intervala [0, %d]!\n",
        n",
82     MAKS_DUZINA_PERMUTACIJE);
    exit(EXIT_FAILURE);
84 }

86 /* Ispisuju se permutacije duzine n */
permutacija(a, 1, n);
88
90 exit(EXIT_SUCCESS);
}
```

### Rešenje 1.34

```
#include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>

4 /* Rekurzivna funkcija za racunanje binomnog koeficijenta */
int binomni_koeficijent(int n, int k)
6 {
    /* Ukoliko je k=0 ili k=n, onda je binomni koeficijent 0. Ukoliko
8     je k strogo izmedju 0 i n, onda se koristi formula  $b_k(n,k) = b_{k-1}(n,k-1) + b_k(n-1,k)$  koja se moze izvesti iz definicije
    binomnog koeficijenata */
10     return (0 < k && k < n) ?
12         binomni_koeficijent(n - 1, k - 1) +
        binomni_koeficijent(n - 1, k) : 1;
14 }

16 /*****
    Iterativno izracunavanje datog binomnog koeficijenta
18
19 int binomni_koeficijent (int n, int k) {
20     int i, j, b;
22     for (b=i=1, j=n; i<=k; b =b * j-- / i++);
24     return b;
26 }

    Iterativno resenje je efikasnije i preporucuje se. Rekurzivno
28 resenje je navedeno u cilju demonstracije rekurzivnih tehnika.
    *****/

30 /* Svaki element n-te hipotenuze (osim ivicnih jedinica) dobija kao
32 zbir 2 elementa iz n-1 hipotenuze. Ukljucujuci i pomenute dve
    ivicne jedinice suma elemenata n-te hipotenuze je tacno 2 puta
34 veca od sume elemenata prethodne hipotenuze. */
int suma_elementata_hipotenuze(int n)
```

```

36 {
    return n > 0 ? 2 * suma_elemenata_hipotenuze(n - 1) : 1;
38 }

40 int main()
41 {
42     int n, k, i, d, r;

44     /* Ucitavaju se brojevi d i r */
    scanf("%d %d", &d, &r);

46     /* Ispisuje se Paskalov trougao */
48     putchar('\n');
    for (n = 0; n <= d; n++) {
49         for (i = 0; i < d - n; i++)
50             printf(" ");
52         for (k = 0; k <= n; k++)
53             printf("%4d", binomni_koeficijent(n, k));
54         putchar('\n');
55     }

56     /* Proverava se da li je r nenegativan */
58     if (r < 0) {
        fprintf(stderr,
60             "Redni broj hipotenuze mora biti veci ili jednak od 0!\n"
        );
        exit(EXIT_FAILURE);
62     }

64     /* Ispisuje se suma elemenata hipotenuze */
    printf("%d\n", suma_elemenata_hipotenuze(r));
66     exit(EXIT_SUCCESS);
68 }

```

## Rešenje 2.1

```

#include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>

4 #define MAX 100

6 /* Funkcija obrne elemente niza koriscenjem indekse sintakse */
void obrni_niz_v1(int a[], int n)
8 {
    int i, j;

10     for (i = 0, j = n - 1; i < j; i++, j--) {
12         int t = a[i];
        a[i] = a[j];
14         a[j] = t;
    }
}

```

```
16 }
17 }
18 /* Funkcija obrće elemente niza koriscenjem pokazivacke sintakse */
19 void obrni_niz_v2(int *a, int n)
20 {
21     /* Pokazivaci na elemente niza */
22     int *prvi, *poslednji;
23
24     /* Vrsi se obrtanje niza */
25     for (prvi = a, poslednji = a + n - 1; prvi < poslednji;) {
26         int t = *prvi;
27
28         /* Na adresu na koju pokazuje pokazivac "prvi" postavlja se
29          vrednost koja se nalazi na adresi na koju pokazuje pokazivac
30          "poslednji". Nakon toga se pokazivac "prvi" uvecava za jedan
31          sto za posledicu ima da "prvi" pokazuje na sledeci element u
32          nizu */
33         *prvi++ = *poslednji;
34
35         /* Vrednost promenljive "t" se postavlja na adresu na koju
36          pokazuje pokazivac "poslednji". Ovaj pokazivac se zatim
37          umanjuje za jedan, cime pokazivac "poslednji" pokazuje na
38          element koji mu prethodi u nizu */
39         *poslednji-- = t;
40     }
41
42     /******
43      Drugi nacin za obrtanje niza
44      *****/
45
46     for (prvi = a, poslednji = a + n - 1; prvi < poslednji;
47          prvi++, poslednji--) {
48         int t = *prvi;
49         *prvi = *poslednji;
50         *poslednji = t;
51     }
52     /******
53      */
54 }
55
56 int main()
57 {
58     /* Deklarise se niz od najvise MAX elemenata */
59     int a[MAX];
60
61     /* Broj elemenata niza a */
62     int n;
63
64     /* Pokazivac na elemente niza */
65     int *p;
66
67     printf("Unesite dimenziju niza: ");
```

```

66     scanf("%d", &n);

68     /* Proverava se da li je doslo do prekoracenja ogranicenja
        dimenzije */
70     if (n <= 0 || n > MAX) {
71         fprintf(stderr, "Greska: Neodgovarajuca dimenzija niza.\n");
72         exit(EXIT_FAILURE);
73     }

74     printf("Unesite elemente niza:\n");
76     for (p = a; p - a < n; p++)
77         scanf("%d", p);

78     obrni_niz_v1(a, n);

80     printf("Nakon obrtanja elemenata, niz je:\n");

82     for (p = a; p - a < n; p++)
83         printf("%d ", *p);
84     printf("\n");

86     obrni_niz_v2(a, n);

88     printf("Nakon ponovnog obrtanja elemenata, niz je:\n");

90     for (p = a; p - a < n; p++)
91         printf("%d ", *p);
92     printf("\n");

94     exit(EXIT_SUCCESS);
96 }

```

## Rešenje 2.2

```

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

#define MAX 100

/* Funkcija izracunava zbir elemenata niza */
double zbir(double *a, int n)
{
    double s = 0;
    int i;

    for (i = 0; i < n; i++) s += *(a + i);

    return s;
}

/* Funkcija izracunava proizvod elemenata niza */

```

```
18 double proizvod(double *a, int n)
19 {
20     double p = 1;
21
22     for (; n; n--)
23         p *= *(a + n - 1);
24
25     return p;
26 }
27
28 /* Funkcija izracunava minimalni element niza */
29 double min(double *a, int n)
30 {
31     /* Na pocetku, minimalni element je prvi element */
32     double min = *a;
33     int i;
34
35     /* Ispituje se da li se medju ostalim elementima niza nalazi
36        minimalni */
37     for (i = 1; i < n; i++)
38         if (*(a + i) < min)
39             min = *(a + i);
40
41     return min;
42 }
43
44 /* Funkcija izracunava maksimalni element niza */
45 double max(double *a, int n)
46 {
47     /* Na pocetku, maksimalni element je prvi element */
48     double max = *a;
49
50     /* Ispituje se da li se medju ostalim elementima niza nalazi
51        maksimalni */
52     for (a++, n--; n > 0; a++, n--)
53         if (*a > max)
54             max = *a;
55
56     return max;
57 }
58
59 int main()
60 {
61     double a[MAX];
62     int n, i;
63
64     printf("Unesite dimenziju niza: ");
65     scanf("%d", &n);
66
67     /* Proverava se da li je doslo do prekoračenja ograničenja
68        dimenzije */
```



```

70  if (n <= 0 || n > MAX) {
71      fprintf(stderr, "Greska: neodgovarajuca dimenzija niza.\n");
72      exit(EXIT_FAILURE);
73  }
74
75  printf("Unesite elemente niza:\n");
76  for (i = 0; i < n; i++)
77      scanf("%lf", a + i);
78
79  /* Vrsi se testiranje definisanih funkcija */
80  printf("Zbir elemenata niza je %5.3f.\n", zbir(a, n));
81  printf("Proizvod elemenata niza je %5.3f.\n", proizvod(a, n));
82  printf("Minimalni element niza je %5.3f.\n", min(a, n));
83  printf("Maksimalni element niza je %5.3f.\n", max(a, n));
84
85  exit(EXIT_SUCCESS);
86 }

```

### Rešenje 2.3

```

1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3
4  #define MAX 100
5
6  /* Funkcija povecava za jedan sve elemente u prvoj polovini niza a
7   smanjuje za jedan sve elemente u drugoj polovini niza. Ukoliko
8   niz ima neparan broj elemenata, srednji element ostaje
9   nepromenjen */
10 void povecaj_smanji(int *a, int n)
11 {
12     int *prvi = a;
13     int *poslednji = a + n - 1;
14
15     while (prvi < poslednji) {
16
17         /* Uvecava se element na koji pokazuje pokazivac "prvi" */
18         (*prvi)++;
19
20         /* Pokazivac "prvi" se pomera na sledeci element */
21         prvi++;
22
23         /* Smanjuje se vrednost elementa na koji pokazuje pokazivac
24          "poslednji" */
25         (*poslednji)--;
26
27         /* Pokazivac "poslednji" se pomera na prethodni element */
28         poslednji--;
29     }
30
31     /*****

```

## 5 Rešenja

```
32     Drugi nacin:
33     while (prvi < poslednji) {
34         (*prvi++)++;
35         (*poslednji--)--;
36     }
37     /******
38 }
39
40 int main()
41 {
42     int a[MAX];
43     int n;
44     int *p;
45
46     printf("Unesite dimenziju niza: ");
47     scanf("%d", &n);
48
49     /* Proverava se da li je doslo do prekoracenja ogranicenja
50        dimenzije */
51     if (n <= 0 || n > MAX) {
52         fprintf(stderr, "Greska: Neodgovarajuca dimenzija niza.\n");
53         exit(EXIT_FAILURE);
54     }
55
56     printf("Unesite elemente niza:\n");
57     for (p = a; p - a < n; p++)
58         scanf("%d", p);
59
60     povecaj_smanji(a, n);
61
62     printf("Transformisan niz je:\n");
63     for (p = a; p - a < n; p++)
64         printf("%d ", *p);
65     printf("\n");
66
67     exit(EXIT_SUCCESS);
68 }
```

### Rešenje 2.4

```
#include <stdio.h>
2
3 int main(int argc, char *argv[])
4 {
5     int i;
6     char tip_ispisa;
7
8     printf("Broj argumenata komandne linije je %d.\n", argc);
9
10    printf("Kako zelite da ispisete argumente, koriscenjem"
11           " indeksne ili pokazivacke sintakse (I ili P)? ");
```

```

12  scanf("%c", &tip_ispisa);

14  printf("Argumenti komandne linije su:\n");
15  if (tip_ispisa == 'I') {
16      /* Ispisuju se argumenti komandne linije koriscenjem indeksne
17       * sintakse */
18      for (i = 0; i < argc; i++)
19          printf("%d %s\n", i, argv[i]);
20  } else if (tip_ispisa == 'P') {
21      /* Ispisuju se argumenti komandne linije koriscenjem pokazivacke
22       * sintakse */
23      i = argc;
24      for (; argc > 0; argc--)
25          printf("%d %s\n", i - argc, *argv++);

26      /* Nakon ove petlje "argc" je jednako nuli a "argv" pokazuje na
27       * polje u memoriji koje se nalazi iza poslednjeg argumenta
28       * komandne linije. Kako je u promenljivoj "i" sacuvana vrednost
29       * broja argumenta komandne linije to sada moze ponovo da se
30       * postavi "argv" da pokazuje na nulti argument komandne linije
31       */
32      argv = argv - i;
33      argc = i;
34  }

36  printf("Pocetna slova argumenata komandne linije:\n");
37  if (tip_ispisa == 'I') {
38      /* koristeći indeksnu sintaksu */
39      for (i = 0; i < argc; i++)
40          printf("%c ", argv[i][0]);
41      printf("\n");
42  } else if (tip_ispisa == 'P') {
43      /* koristeći pokazivacku sintaksu */
44      for (i = 0; i < argc; i++)
45          printf("%c ", **argv++);
46      printf("\n");
47  }

48  return 0;
50  }

```

## Rešenje 2.5

```

1  #include <stdio.h>
2  #include <string.h>
3
4  #define MAX 100
5
6  /* Funkcija ispituje da li je niska palindrom, odnosno da li se isto
7   * cita spreda i odpozadi */
8  int palindrom(char *niska)

```

```
9 {
10     int i, j;
11     for (i = 0, j = strlen(niska) - 1; i < j; i++, j--)
12         if (*(niska + i) != *(niska + j))
13             return 0;
14     return 1;
15 }
16
17 int main(int argc, char **argv)
18 {
19     int i, n = 0;
20
21     /* Multi argument komandne linije je ime izvrsnog programa */
22     for (i = 1; i < argc; i++)
23         if (palindrom(*(argv + i)))
24             n++;
25
26     printf("Broj argumenata koji su palindromi je %d.\n", n);
27
28     return 0;
29 }
```

### Rešenje 2.6

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3
4  #define MAX_KARAKTERA 100
5
6  /* Implementacija funkcije strlen() iz standardne biblioteke */
7  int duzina(char *s)
8  {
9      int i;
10     for (i = 0; *(s + i); i++);
11     return i;
12 }
13
14 int main(int argc, char **argv)
15 {
16     char rec[MAX_KARAKTERA + 1];
17     int br = 0, n;
18     FILE *in;
19
20     /* Ukoliko korisnik nije uneo trazene argumente, prijavljuje se
21     greska */
22     if (argc < 3) {
23         fprintf(stderr, "Greska: ");
24         fprintf(stderr, "Nedovoljan broj argumenata komandne linije.\n");
25         fprintf(stderr, "Program se poziva sa %s ime_dat br_karaktera\n",
26                 argv[0]);
27         exit(EXIT_FAILURE);
28     }
```

```

}

29 /* Otvara se datoteka sa imenom koje se zadaje kao prvi argument
31      komandne linije. */
in = fopen(*(argv + 1), "r");
33 if (in == NULL) {
    fprintf(stderr, "Greska: ");
35     fprintf(stderr, "Neuspesno otvaranje datoteke %s.\n", argv[1]);
    exit(EXIT_FAILURE);
37 }

39 n = atoi(*(argv + 2));

41 /* Broje se reci cija je duzina jednaka broju zadatom drugim
    argumentom komandne linije */
43 while (fscanf(in, "%s", rec) != EOF)
    if (duzina(rec) == n)
45         br++;

47 printf("Broj reci ciji je broj karaktera %d je %d.\n", n, br);

49 /* Zatvara se datoteka */
fclose(in);

51 exit(EXIT_SUCCESS);
53 }

```

## Rešenje 2.7

```

1  #include <stdio.h>
    #include <stdlib.h>
3
    #define MAX_KARAKTERA 100
5
    /* Implementacija funkcije strcpy() iz standardne biblioteke */
7  void kopiranje_niske(char *dest, char *src)
    {
9      int i;
      for (i = 0; *(src + i); i++)
11         *(dest + i) = *(src + i);
    }
13
    /* Implementacija funkcije strcmp() iz standardne biblioteke */
15 int poredjenje_niski(char *s, char *t)
    {
17     int i;
      for (i = 0; *(s + i) == *(t + i); i++)
19         if (*(s + i) == '\0')
            return 0;
21     return *(s + i) - *(t + i);
    }

```

```
23  /* Implementacija funkcije strlen() iz standardne biblioteke */
25  int duzina_niske(char *s)
26  {
27      int i;
28      for (i = 0; *(s + i); i++);
29      return i;
30  }
31
32  /* Funkcija ispituje da li je niska zadata drugim argumentom
33     funkcije sufiks niske zadate prvi argumentom funkcije */
34  int sufiks_niske(char *niska, char *sufiks)
35  {
36      int duzina_sufiksa = duzina_niske(sufiks);
37      int duzina_niske_pom = duzina_niske(niska);
38      if (duzina_sufiksa <= duzina_niske_pom &&
39          poredjenje_niski(niska + duzina_niske_pom -
40                          duzina_sufiksa, sufiks) == 0)
41          return 1;
42      return 0;
43  }
44
45  /* Funkcija ispituje da li je niska zadata drugim argumentom
46     funkcije prefiks niske zadate prvi argumentom funkcije */
47  int prefiks_niske(char *niska, char *prefiks)
48  {
49      int i;
50      int duzina_prefiksa = duzina_niske(prefiks);
51      int duzina_niske_pom = duzina_niske(niska);
52      if (duzina_prefiksa <= duzina_niske_pom) {
53          for (i = 0; i < duzina_prefiksa; i++)
54              if (*(prefiks + i) != *(niska + i))
55                  return 0;
56          return 1;
57      } else
58          return 0;
59  }
60
61  int main(int argc, char **argv)
62  {
63      /* Ukoliko korisnik nije uneo trazene argumente, prijavljuje se
64         greska */
65      if (argc < 4) {
66          fprintf(stderr, "Greska: ");
67          fprintf(stderr, "Nedovoljan broj argumenata komandne linije.\n");
68          fprintf(stderr, "Program se poziva sa\n");
69          fprintf(stderr, "%s ime_dat suf/pref -s/-p\n", argv[0]);
70          exit(EXIT_FAILURE);
71      }
72
73      FILE *in;
74      int br = 0;
```

```

75     char rec[MAX_KARAKTERA + 1];

77     in = fopen(*(argv + 1), "r");
    if (in == NULL) {
79         fprintf(stderr, "Greska: ");
        fprintf(stderr, "Neuspesno otvaranje datoteke %s.\n", argv[1]);
81         exit(EXIT_FAILURE);
    }

83
    /* Provera se opcija kojom je pozvan program a zatim se učitavaju
85     reci iz datoteke i broji se koliko njih zadovoljava traženi
        uslov */
87     if (!(poredjenje_niski(*(argv + 3), "-s"))) {
        while (fscanf(in, "%s", rec) != EOF)
89         br += sufiks_niske(rec, *(argv + 2));
        printf("Broj reci koje se završavaju na %s je %d.\n",
91             *(argv + 2), br);
    } else if (!(poredjenje_niski(*(argv + 3), "-p"))) {
93         while (fscanf(in, "%s", rec) != EOF)
            br += prefiks_niske(rec, *(argv + 2));
95         printf("Broj reci koje počinju na %s je %d.\n", *(argv + 2), br);
    }

97     fclose(in);

99     exit(EXIT_SUCCESS);
101 }

```

## Rešenje 2.8

```

1  #include <stdio.h>
    #include <math.h>
3  #include <stdlib.h>

5  #define MAX 100

7  /* Funkcija izracunava trag matrice */
    int trag(int M[][MAX], int n)
9  {
        int trag = 0, i;
11     for (i = 0; i < n; i++)
            trag += M[i][i];
13     return trag;
    }

15
    /* Funkcija izracunava euklidsku normu matrice */
17     double euklidska_norma(int M[][MAX], int n)
    {
19         double norma = 0.0;
        int i, j;
21
    }

```

```
23     for (i = 0; i < n; i++)
        for (j = 0; j < n; j++)
            norma += M[i][j] * M[i][j];
25
26     return sqrt(norma);
27 }
28
29 /* Funkcija izracunava gornju vandijagonalnu normu matrice */
30 int gornja_vandijagonalna_norma(int M[][MAX], int n)
31 {
32     int norma = 0;
33     int i, j;
34
35     for (i = 0; i < n; i++) {
36         for (j = i + 1; j < n; j++)
37             norma += abs(M[i][j]);
38     }
39
40     return norma;
41 }
42
43 int main()
44 {
45     int A[MAX][MAX];
46     int i, j, n;
47
48     printf("Unesite broj vrsta matrice: ");
49     scanf("%d", &n);
50
51     /* Provera prekoracenja dimenzije matrice */
52     if (n > MAX || n <= 0) {
53         fprintf(stderr, "Greska: Neodgovarajuca dimenzija matrice.\n");
54         exit(EXIT_FAILURE);
55     }
56
57     printf("Unesite elemente matrice po vrstama:\n ");
58     for (i = 0; i < n; i++)
59         for (j = 0; j < n; j++)
60             scanf("%d", &A[i][j]);
61
62     /* Ispis sadrzaja matrice koriscenjem indeksne sintakse */
63     for (i = 0; i < n; i++) {
64         /* Ispis elemenata i-te vrste */
65         for (j = 0; j < n; j++)
66             printf("%d ", A[i][j]);
67         printf("\n");
68     }
69
70     /******
71     Ispisuju se elementi matrice koriscenjem pokazivacke sintakse.
72     Kod ovako definisane matrice, elementi su uzastopno smesteni u
73     memoriju, kao na traci. To znaci da su svi elementi prve vrste
```



```

75   redom smesteni jedan iza drugog. Odmah iza poslednjeg elementa
76   prve vrste smesten je prvi element druge vrste za kojim slede
77   svi elementi te vrste i tako dalje redom.
78
79   for( i = 0; i < n ; i++) {
80       for ( j=0 ; j<n ; j++)
81           printf("%d ", *((A+i)+j));
82       printf("\n");
83   }
84   *****/
85   /* Ispisuje se rezultat na standardni izlaz */
86   int tr = trag(A, n);
87   printf("Trag matrice je %d.\n", tr);
88
89   printf("Euklidska norma matrice je %.2f.\n",
90         euklidska_norma(A, n));
91   printf("Vandijagonalna norma matrice je = %d.\n",
92         gornja_vandijagonalna_norma(A, n));
93
94   exit(EXIT_SUCCESS);
95 }

```

## Rešenje 2.9

```

1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3
4  #define MAX 100
5
6  /* Funkcija ucitava elemente kvadratne matrice dimenzije n sa
7   standardnog ulaza */
8  void ucitaj_matricu(int m[][MAX], int n)
9  {
10     int i, j;
11
12     for (i = 0; i < n; i++)
13         for (j = 0; j < n; j++)
14             scanf("%d", &m[i][j]);
15 }
16
17 /* Funkcija ispisuje elemente kvadratne matrice dimenzije n na
18 standardni izlaz */
19 void ispisi_matricu(int m[][MAX], int n)
20 {
21     int i, j;
22
23     for (i = 0; i < n; i++) {
24         for (j = 0; j < n; j++)
25             printf("%d ", m[i][j]);
26         printf("\n");
27     }
28 }

```

```
27     }
28 }
29
30 /* Funkcija proverava da li su zadate kvadratne matrice a i b
31    dimenzije n jednake */
32 int jednake_matrice(int a[][MAX], int b[][MAX], int n)
33 {
34     int i, j;
35
36     for (i = 0; i < n; i++)
37         for (j = 0; j < n; j++)
38             if (a[i][j] != b[i][j])
39                 return 0;
40
41     /* Prosla je provera jednakosti za sve parove elemenata koji su na
42        istim pozicijama. To znaci da su matrice jednake */
43     return 1;
44 }
45
46 /* Funkcija izracunava zbir dve kvadratne matrice */
47 void saberi(int a[][MAX], int b[][MAX], int c[][MAX], int n)
48 {
49     int i, j;
50
51     for (i = 0; i < n; i++)
52         for (j = 0; j < n; j++)
53             c[i][j] = a[i][j] + b[i][j];
54 }
55
56 /* Funkcija izracunava proizvod dve kvadratne matrice */
57 void pomnozi(int a[][MAX], int b[][MAX], int c[][MAX], int n)
58 {
59     int i, j, k;
60
61     for (i = 0; i < n; i++)
62         for (j = 0; j < n; j++) {
63             /* Mnozi se i-ta vrsta prve sa j-tom kolonom druge matrice */
64             c[i][j] = 0;
65             for (k = 0; k < n; k++)
66                 c[i][j] += a[i][k] * b[k][j];
67         }
68 }
69
70 int main()
71 {
72     /* Matrice ciji se elementi zadaju sa ulaza */
73     int a[MAX][MAX], b[MAX][MAX];
74
75     /* Matrice zbira i proizvoda */
76     int zbir[MAX][MAX], proizvod[MAX][MAX];
77
78     /* Dimenzija kvadratnih matrica */
```

```

79     int n;

81     printf("Unesite broj vrsta matrica:\n");
    scanf("%d", &n);

83

    /* Proverava se da li je doslo do prekoračenja */
85     if (n > MAX || n <= 0) {
        fprintf(stderr, "Greska: neodgovarajuca dimenzija ");
87         fprintf(stderr, "matrica.\n");
        exit(EXIT_FAILURE);
89     }

91     printf("Unesite elemente prve matrice po vrstama:\n");
    ucitaj_matricu(a, n);
93     printf("Unesite elemente druge matrice po vrstama:\n");
    ucitaj_matricu(b, n);

95

    /* Izracunava se zbir i proizvod matrica */
97     saberi(a, b, zbir, n);
    pomnozi(a, b, proizvod, n);

99

    /* Ispisuje se rezultat */
101    if (jednake_matrice(a, b, n) == 1)
        printf("Matrice su jednake.\n");
103    else
        printf("Matrice nisu jednake.\n");

105

    printf("Zbir matrica je:\n");
107    ispisi_matricu(zbir, n);

109    printf("Proizvod matrica je:\n");
    ispisi_matricu(proizvod, n);

111    exit(EXIT_SUCCESS);
113 }

```

## Rešenje 2.10

```

#include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>

4  #define MAX 64

6  /* Funkcija proverava da li je relacija refleksivna. Relacija je
    refleksivna ako je svaki element u relaciji sa sobom, odnosno ako
    se u matrici relacije na glavnoj dijagonali nalaze jedinice */
8  int refleksivnost(int m[][MAX], int n)
10 {
    int i;

12    for (i = 0; i < n; i++) {

```

```
14     if (m[i][i] != 1)
15         return 0;
16 }
17
18 return 1;
19 }
20
21 /* Funkcija odredjuje refleksivno zatvorenje zadate relacije. Ono je
22    odredjeno matricom koja sadrzi sve elemente polazne matrice
23    dopunjene jedinicama na glavnoj dijagonali */
24 void ref_zatvorenje(int m[][MAX], int n, int zatvorenje[][MAX])
25 {
26     int i, j;
27
28     /* Prepisuju se vrednosti elemenata pocetne matrice */
29     for (i = 0; i < n; i++)
30         for (j = 0; j < n; j++)
31             zatvorenje[i][j] = m[i][j];
32
33     /* Na glavnoj dijagonali se postavljaju jedinice */
34     for (i = 0; i < n; i++)
35         zatvorenje[i][i] = 1;
36 }
37
38 /* Funkcija proverava da li je relacija simetricna. Relacija je
39    simetricna ako za svaki par elemenata vazi: ako je element "i" u
40    relaciji sa elementom "j", onda je i element "j" u relaciji sa
41    elementom "i". Ovakve matrice su simetricne u odnosu na glavnu
42    dijagonalu */
43 int simetricnost(int m[][MAX], int n)
44 {
45     int i, j;
46
47     /* Obilaze se elementi ispod glavne dijagonale matrice i
48        upoređuju se sa njima simetricnim elementima */
49     for (i = 0; i < n; i++)
50         for (j = 0; j < i; j++)
51             if (m[i][j] != m[j][i])
52                 return 0;
53
54     return 1;
55 }
56
57 /* Funkcija odredjuje simetricno zatvorenje zadate relacije. Ono je
58    odredjeno matricom koja sadrzi sve elemente polazne matrice
59    dopunjene tako da matrica postane simetricna u odnosu na glavnu
60    dijagonalu */
61 void sim_zatvorenje(int m[][MAX], int n, int zatvorenje[][MAX])
62 {
63     int i, j;
64
65     for (i = 0; i < n; i++)
```

```
66     for (j = 0; j < n; j++)
        zatvorenje[i][j] = m[i][j];
68
69     for (i = 0; i < n; i++)
70         for (j = 0; j < n; j++)
71             if (zatvorenje[i][j] == 1)
72                 zatvorenje[j][i] = 1;
73 }
74
75 /* Funkcija proverava da li je relacija tranzitivna. Relacija je
76    tranzitivna ako ispunjava sledece svojstvo: ako je element "i" u
77    relaciji sa elementom "j" i element "j" u relaciji sa elementom
78    "k", onda je i element "i" u relaciji sa elementom "k" */
79 int tranzitivnost(int m[][MAX], int n)
80 {
81     int i, j, k;
82
83     for (i = 0; i < n; i++)
84         for (j = 0; j < n; j++)
85             /* Ispituje se da li postoji element koji narusava *
86                tranzitivnost */
87             for (k = 0; k < n; k++)
88                 if (m[i][k] == 1 && m[k][j] == 1 && m[i][j] == 0)
89                     return 0;
90
91     return 1;
92 }
93
94 /* Funkcija odredjuje refleksivno-tranzitivno zatvorenje zadate
95    relacije koriscenjem Varsalovog algoritma */
96 void ref_tran_zatvorenje(int m[][MAX], int n, int zatvorenje[][MAX])
97 {
98     int i, j, k;
99
100     /* Prepisuju se vrednosti elemenata pocetne matrice */
101     for (i = 0; i < n; i++)
102         for (j = 0; j < n; j++)
103             zatvorenje[i][j] = m[i][j];
104
105     /* Odredjuje se reflektivno zatvorenje matrice */
106     for (i = 0; i < n; i++)
107         zatvorenje[i][i] = 1;
108
109     /* Primenom Varsalovog algoritma odredjuje se tranzitivno
110        zatvorenje matrice */
111     for (k = 0; k < n; k++)
112         for (i = 0; i < n; i++)
113             for (j = 0; j < n; j++)
114                 if ((zatvorenje[i][k] == 1) && (zatvorenje[k][j] == 1)
115                     && (zatvorenje[i][j] == 0))
```

```
118         zatvorenje[i][j] = 1;
119     }
120
121     /* Funkcija ispisuje elemente matrice */
122     void pisi_matricu(int m[][MAX], int n)
123     {
124         int i, j;
125
126         for (i = 0; i < n; i++) {
127             for (j = 0; j < n; j++)
128                 printf("%d ", m[i][j]);
129             printf("\n");
130         }
131     }
132
133     int main(int argc, char *argv[])
134     {
135         FILE *ulaz;
136         int m[MAX][MAX];
137         int pomocna[MAX][MAX];
138         int n, i, j;
139
140         /* Provera da li korisnik nije uneo trazene argumente */
141         if (argc < 2) {
142             printf("Greska: ");
143             printf("Nedovoljan broj argumenata komandne linije.\n");
144             printf("Program se poziva sa %s ime_dat.\n", argv[0]);
145             exit(EXIT_FAILURE);
146         }
147
148         /* Otvara se datoteka za citanje */
149         ulaz = fopen(argv[1], "r");
150         if (ulaz == NULL) {
151             fprintf(stderr, "Greska: ");
152             fprintf(stderr, "Neuspesno otvaranje datoteke %s.\n", argv[1]);
153             exit(EXIT_FAILURE);
154         }
155
156         /* Ucitava se dimenzija matrice */
157         fscanf(ulaz, "%d", &n);
158
159         /* Proverava se da li je doslo do prekoracenja dimenzije */
160         if (n > MAX || n <= 0) {
161             fprintf(stderr, "Greska: neodgovarajuca dimenzija ");
162             fprintf(stderr, "matrice.\n");
163             exit(EXIT_FAILURE);
164         }
165
166         /* Ucitava se element po element matrice */
167         for (i = 0; i < n; i++)
168             for (j = 0; j < n; j++)
169                 fscanf(ulaz, "%d", &m[i][j]);
```

```

170  /* Ispisuje se rezultat */
172  printf("Relacija %s refleksivna.\n",
        refleksivnost(m, n) == 1 ? "jeste" : "nije");
174
176  printf("Relacija %s simetricna.\n",
        simetricnost(m, n) == 1 ? "jeste" : "nije");
178
180  printf("Relacija %s tranzitivna.\n",
        tranzitivnost(m, n) == 1 ? "jeste" : "nije");
182
184  printf("Refleksivno zatvorenje relacije:\n");
186  ref_zatvorenje(m, n, pomocna);
188  pisi_matricu(pomocna, n);
190
192  printf("Simetricno zatvorenje relacije:\n");
194  sim_zatvorenje(m, n, pomocna);
196  pisi_matricu(pomocna, n);
198
199  printf("Refleksivno-tranzitivno zatvorenje relacije:\n");
200  ref_tran_zatvorenje(m, n, pomocna);
201  pisi_matricu(pomocna, n);
202
203  /* Zatvara se datoteka */
204  fclose(ulaz);
206
207  exit(EXIT_SUCCESS);
208 }

```

## Rešenje 2.11

```

1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3
4  #define MAX 32
5
6  /* Funkcija izracunava najveći element na sporednoj dijagonali. Za
   elemente sporedne dijagonale vazi da je zbir indeksa vrste i
   indeksa kolone jednak n-1 */
7
8  int max_sporedna_dijagonala(int m[][MAX], int n)
9  {
10     int i;
11     int max_na_sporednoj_dijagonali = m[0][n - 1];
12
13     for (i = 1; i < n; i++)
14         if (m[i][n - 1 - i] > max_na_sporednoj_dijagonali)
15             max_na_sporednoj_dijagonali = m[i][n - 1 - i];
16
17     return max_na_sporednoj_dijagonali;
18 }
19
20

```

```
/* Funkcija izracunava indeks kolone najmanjeg elementa */
22 int indeks_min(int m[][MAX], int n)
{
24     int i, j;
    int min = m[0][0], indeks_kolone = 0;

26     for (i = 0; i < n; i++)
        for (j = 0; j < n; j++)
            if (m[i][j] < min) {
30                 min = m[i][j];
                indeks_kolone = j;
32             }

34     return indeks_kolone;
}

36 /* Funkcija izracunava indeks vrste najveceg elementa */
38 int indeks_max(int m[][MAX], int n)
{
40     int i, j;
    int max = m[0][0], indeks_vrste = 0;

42     for (i = 0; i < n; i++)
        for (j = 0; j < n; j++)
            if (m[i][j] > max) {
46                 max = m[i][j];
                indeks_vrste = i;
48             }

    return indeks_vrste;
50 }

52 /* Funkcija izracunava broj negativnih elemenata matrice */
int broj_negativnih(int m[][MAX], int n)
54 {
    int i, j;
    int broj_negativnih = 0;

56     for (i = 0; i < n; i++)
        for (j = 0; j < n; j++)
            if (m[i][j] < 0)
                broj_negativnih++;

62     return broj_negativnih;
64 }

66 int main(int argc, char *argv[])
{
68     int m[MAX][MAX];
    int n;
70     int i, j;

72     /* Proverava se broj argumenata komandne linije */
```



```

74     if (argc < 2) {
        printf("Greska: ");
        printf("Nedovoljan broj argumenata komandne linije.\n");
76     printf("Program se poziva sa %s br_vrsta_mat.\n", argv[0]);
        exit(EXIT_FAILURE);
78     }

80     /* Ucitava se broj vrsta matrice */
    n = atoi(argv[1]);

82     if (n > MAX || n <= 0) {
        fprintf(stderr, "Greska: Neodgovarajuci broj ");
        fprintf(stderr, "vrsta matrice.\n");
84     exit(EXIT_FAILURE);
86     }

88     /* Ucitava se matrica */
    printf("Unesite elemente matrice dimenzije %dx%d:\n", n, n);
    for (i = 0; i < n; i++)
    for (j = 0; j < n; j++)
        scanf("%d", &m[i][j]);

94     /* Ispisuju se rezultati izracunavanja */
    printf("Najveci element sporedne dijagonale je %d.\n",
        max_sporedna_dijagonala(m, n));

96     printf("Indeks kolone sa najmanjim elementom je %d.\n",
        indeks_min(m, n));

100    printf("Indeks vrste sa najvećim elementom je %d.\n",
        indeks_max(m, n));

102    printf("Broj negativnih elemenata matrice je %d.\n",
        broj_negativnih(m, n));

104    printf("Broj negativnih elemenata matrice je %d.\n",
        broj_negativnih(m, n));

106    exit(EXIT_SUCCESS);
108 }

```

## Rešenje 2.12

```

1  #include <stdio.h>
   #include <stdlib.h>
3
   #define MAX 32
5
   /* Funkcija ucitava elemente kvadratne matrice dimenzije n sa
   standardnog ulaza */
7  void ucitaj_matricu(int m[][MAX], int n)
9  {
   int i, j;
11

```

```
13     for (i = 0; i < n; i++)
14         for (j = 0; j < n; j++)
15             scanf("%d", &m[i][j]);
16 }
17 /* Funkcija ispisuje elemente kvadratne matrice dimenzije n na
18    standardni izlaz */
19 void ispisi_matricu(int m[][MAX], int n)
20 {
21     int i, j;
22
23     for (i = 0; i < n; i++) {
24         for (j = 0; j < n; j++)
25             printf("%d ", m[i][j]);
26         printf("\n");
27     }
28 }
29
30 /* Funkcija proverava da li je zadata matrica ortonormirana,
31    odnosno, da li je normirana i ortogonalna. Matrica je normirana
32    ako je proizvod svake vrste matrice sa samom sobom jednak
33    jedinici. Matrica je ortogonalna, ako je proizvod dve bilo koje
34    razlicite vrste matrice jednak nuli */
35 int ortonormirana(int m[][MAX], int n)
36 {
37     int i, j, k;
38     int proizvod;
39
40     /* Ispituje se uslov normiranosti */
41     for (i = 0; i < n; i++) {
42         proizvod = 0;
43         for (j = 0; j < n; j++)
44             proizvod += m[i][j] * m[i][j];
45         if (proizvod != 1)
46             return 0;
47     }
48
49     /* Ispituje se uslov ortogonalnosti */
50     for (i = 0; i < n - 1; i++) {
51         for (j = i + 1; j < n; j++) {
52             proizvod = 0;
53             for (k = 0; k < n; k++)
54                 proizvod += m[i][k] * m[j][k];
55             if (proizvod != 0)
56                 return 0;
57         }
58     }
59
60     /* Ako su oba uslova ispunjena, matrica je ortonormirana */
61     return 1;
62 }
63
```

```

int main()
65 {
    int A[MAX][MAX];
67     int n;

69     printf("Unesite broj vrsta matrice: ");
    scanf("%d", &n);

71     if (n > MAX || n <= 0) {
73         fprintf(stderr, "Greska: neodgovarajuca dimenzija ");
        fprintf(stderr, "matrice.\n");
75         exit(EXIT_FAILURE);
    }

77     printf("Unesite elemente matrice po vrstama:\n");
79     ucitaj_matricu(A, n);

81     printf("Matrica %s ortonormirana.\n",
        ortonormirana(A, n) ? "je" : "nije");
83     exit(EXIT_SUCCESS);
85 }

```

### Rešenje 2.13

```

#include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>

4  #define MAX 32

6  /* Funkcija ucitava elemente kvadratne matrice dimenzije n sa
    standardnog ulaza */
8  void ucitaj_matricu(int m[][MAX], int n)
{
10     int i, j;

12     for (i = 0; i < n; i++)
        for (j = 0; j < n; j++)
14         scanf("%d", &m[i][j]);
}

16 /* Funkcija ispisuje elemente kvadratne matrice dimenzije n na
    standardni izlaz */
18 void ispisi_matricu(int m[][MAX], int n)
20 {
    int i, j;

22     for (i = 0; i < n; i++) {
24         for (j = 0; j < n; j++)
            printf("%d ", m[i][j]);
26         printf("\n");
    }
}

```

```
    }
28 }

30 /* Funkcija proverava da li je zadata matrica ortonormirana,
    odnosno, da li je normirana i ortogonalna. Matrica je normirana
32 ako je proizvod svake vrste matrice sa samom sobom jednak
    jedinici. Matrica je ortogonalna, ako je proizvod dve bilo koje
34 razlicite vrste matrice jednak nuli */
int ortonormirana(int m[][MAX], int n)
36 {
    int i, j, k;
38     int proizvod;

40     /* Ispituje se uslov normiranosti */
    for (i = 0; i < n; i++) {
42         proizvod = 0;
        for (j = 0; j < n; j++)
44             proizvod += m[i][j] * m[i][j];
        if (proizvod != 1)
46             return 0;
    }

48     /* Ispituje se uslov ortogonalnosti */
    for (i = 0; i < n - 1; i++) {
50         for (j = i + 1; j < n; j++) {
52             proizvod = 0;
            for (k = 0; k < n; k++)
54                 proizvod += m[i][k] * m[j][k];
            if (proizvod != 0)
56                 return 0;
        }
58     }

60     /* Ako su oba uslova ispunjena, matrica je ortonormirana */
    return 1;
62 }

64 int main()
{
66     int A[MAX][MAX];
    int n;

68     printf("Unesite broj vrsta matrice: ");
70     scanf("%d", &n);

72     if (n > MAX || n <= 0) {
        fprintf(stderr, "Greska: neodgovarajuca dimenzija ");
74         fprintf(stderr, "matrice.\n");
        exit(EXIT_FAILURE);
76     }

78     printf("Unesite elemente matrice po vrstama:\n");
```

```

    ucitaj_matricu(A, n);
80
    printf("Matrica %s ortonormirana.\n",
82         ortonormirana(A, n) ? "je" : "nije");
84
    exit(EXIT_SUCCESS);
}

```

### Rešenje 2.15

```

1  #include <stdio.h>
   #include <stdlib.h>
3
   int main()
5 {
   int *p = NULL;
7   int i, n;
9
   printf("Unesite dimenziju niza: ");
   scanf("%d", &n);
11
   /* Rezervise se prostor za n celih brojeva */
13   if ((p = (int *) malloc(sizeof(int) * n)) == NULL) {
       fprintf(stderr, "Greska: Neupesna alokacija memorije.\n");
15       exit(EXIT_FAILURE);
   }
17
   printf("Unesite elemente niza: ");
19   for (i = 0; i < n; i++)
       scanf("%d", &p[i]);
21
   printf("Niz u obrnutom poretku je: ");
23   for (i = n - 1; i >= 0; i--)
       printf("%d ", p[i]);
25   printf("\n");
27
   /* Oslobadja se prostor rezervisan funkcijom malloc() */
   free(p);
29
   exit(EXIT_SUCCESS);
31 }

```

### Rešenje 2.16

```

   #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
4
   #define KORAK 10

```

```
6 int main()
7 {
8     /* Adresa prvog alociranog bajta */
9     int *a = NULL;
10
11     /* Velicina alocirane memorije */
12     int alocirano;
13
14     /* Broj elemenata niza */
15     int n;
16
17     /* Broj koji se ucitava sa ulaza */
18     int x;
19     int i;
20     int *b = NULL;
21     char realokacija;
22
23     /* Inicijalizacija */
24     alocirano = n = 0;
25
26     printf("Unesite zeljeni nacin realokacije (M ili R):\n");
27     scanf("%c", &realokacija);
28
29     printf("Unesite brojeve, nulu za kraj:\n");
30     scanf("%d", &x);
31
32     while (x != 0) {
33         if (n == alocirano) {
34             alocirano = alocirano + KORAK;
35
36             if (realokacija == 'M') {
37                 /* Vrsi se realokacija memorije sa novom velicinom */
38                 b = (int *) malloc(alocirano * sizeof(int));
39
40                 if (b == NULL) {
41                     fprintf(stderr, "Greska: Neuspesna alokacija memorije.\n");
42                     free(a);
43                     exit(EXIT_FAILURE);
44                 }
45
46                 /* Svih n elemenata koji pocinju na adresi a prepisuju se na
47                  novu adresu b */
48                 for (i = 0; i < n; i++)
49                     b[i] = a[i];
50
51                 free(a);
52
53                 /* Promenljivoj a dodeljuje se adresa pocetka novog, veceg
54                  bloka cija je adresa prilikom alokacije zapamcena u
55                  promenljivoj b */
56                 a = b;
57             } else if (realokacija == 'R') {
```

```

58      /* Zbog funkcije realloc je neophodno da i u prvoj iteraciji
60      "a" bude inicijalizovano na NULL */
      a = (int *) realloc(a, alocirano * sizeof(int));
62      if (a == NULL) {
          fprintf(stderr,
64              "Greska: Neuspesna realokacija memorije.\n");
          exit(EXIT_FAILURE);
66      }
      }
68  }
      a[n++] = x;
70      scanf("%d", &x);
  }
72  printf("Niz u obrnutom poretku je: ");
  for (n--; n >= 0; n--)
74      printf("%d ", a[n]);
  printf("\n");
76
  /* Oslobadja se dinamicki alocirana memorija */
78  free(a);
80
  exit(EXIT_SUCCESS);
}

```

### Rešenje 2.17

```

#include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
  #include <string.h>
4
  #define MAX 1000
6
  /* Funkcija dinamicki kreira niz karaktera u koji smesta rezultat
8  nadovezivanja niski. Adresa kreiranog niza se vraća kao povratna
   vrednost. */
10 char *nadovezi(char *s, char *t)
  {
12     char *p = (char *) malloc((strlen(s) + strlen(t) + 1)
                               * sizeof(char));
14
   /* Proverava se da li je memorija uspesno alocirana */
16     if (p == NULL) {
         fprintf(stderr, "Greska: Neuspesna alokacija memorije.\n");
18         exit(EXIT_FAILURE);
     }
20
   /* Kopiraju se i nadovezuju niske karaktera */
22     strcpy(p, s);
     strcat(p, t);
24

```

```
    return p;
26 }

28 int main()
29 {
30     char *s = NULL;
31     char s1[MAX], s2[MAX];
32
33     printf("Unesite dve niske karaktera:\n");
34     scanf("%s", s1);
35     scanf("%s", s2);
36
37     /* Poziva se funkcija koja nadovezuje niske */
38     s = nadovezi(s1, s2);
39
40     /* Prikazuje se rezultat */
41     printf("Nadovezane niske: %s\n", s);
42
43     /* Oslobadja se memorija alocirana u funkciji nadovezi() */
44     free(s);
45
46     exit(EXIT_SUCCESS);
47 }
```

### Rešenje 2.18

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #include <math.h>
4
5  int main()
6  {
7      int i, j;
8
9      /* Pokazivac na niz vrsta matrice realnih brojeva */
10     double **A = NULL;
11
12     /* Broj vrsta i broj kolona */
13     int n = 0, m = 0;
14
15     /* Trag matrice */
16     double trag = 0;
17
18     printf("Unesite broj vrsta i broj kolona:\n ");
19     scanf("%d%d", &n, &m);
20
21     /* Dinamicki se rezervise prostor za niz vrsta matrice */
22     A = (double **) malloc(sizeof(double *) * n);
23
24     /* Provera se da li je uspelo rezervisanje memorije */
25     if (A == NULL) {
```



```

27     fprintf(stderr, "Greska: Neuspesna alokacija memorije.\n");
    exit(EXIT_FAILURE);
}

29 /* Dinamicki se rezervise prostor za elemente u vrstama */
31 for (i = 0; i < n; i++) {
    A[i] = (double *) malloc(sizeof(double) * m);

33     /* Ukoliko je alokacija neuspesna, pre zavrsetka programa
35     potrebno je osloboditi svih i-1 prethodno alociranih vrsta, i
37     alociran niz pokazivaca */
    if (A[i] == NULL) {
        for (j = 0; j < i; j++)
39             free(A[j]);
        free(A);
41        exit(EXIT_FAILURE);
    }
43 }

45 printf("Unesite elemente matrice po vrstama:\n");
47 for (i = 0; i < n; i++)
    for (j = 0; j < m; j++)
        scanf("%lf", &A[i][j]);

49 /* Izracunava se trag matrice, odnosno suma elemenata na glavnoj
51  dijagonali */
    trag = 0.0;

53     for (i = 0; i < n; i++)
55         trag += A[i][i];

57     printf("Trag unete matrice je %.2f.\n", trag);

59     /* Oslobadja se prostor rezervisan za svaku vrstu */
    for (j = 0; j < n; j++)
61        free(A[j]);

63     /* Oslobadja se memorija za niz pokazivaca na vrste */
    free(A);

65     exit(EXIT_SUCCESS);
67 }

```

## Rešenje 2.19

*matrica.h*

```

1  #ifndef _MATRICA_H_
   #define _MATRICA_H_ 1
3

```

```

/* Funkcija dinamički alokira memoriju za matricu dimenzije n x m */
5 int **alociraj_matricu(int n, int m);

/* Funkcija dinamički alokira memoriju za kvadratnu matricu
   dimenzije n x n */
7 int **alociraj_kvadratnu_matricu(int n);

/* Funkcija oslobadja memoriju za matricu sa n vrsta */
11 int **dealociraj_matricu(int **matrica, int n);

/* Funkcija učitava već alociranu matricu dimenzije n x m sa
   standardnog ulaza */
15 void učitaj_matricu(int **matrica, int n, int m);

/* Funkcija učitava već alociranu kvadratnu matricu dimenzije n sa
   standardnog ulaza */
17 void učitaj_kvadratnu_matricu(int **matrica, int n);

/* Funkcija ispisuje matricu dimenzije n x m na standardnom izlazu */
21 void ispisi_matricu(int **matrica, int n, int m);

/* Funkcija ispisuje kvadratnu matricu dimenzije n na standardnom
   izlazu */
23 void ispisi_kvadratnu_matricu(int **matrica, int n);

/* Funkcija učitava već alociranu matricu dimenzije n x m iz
   datoteke f */
25 int učitaj_matricu_iz_datoteke(int **matrica, int n, int m,
                                FILE * f);

/* Funkcija učitava već alociranu kvadratnu matricu dimenzije n x n
   iz datoteke f */
27 int učitaj_kvadratnu_matricu_iz_datoteke(int **matrica, int n,
                                           FILE * f);

/* Funkcija upisuje matricu dimenzije n x m u datoteku f */
29 int upisi_matricu_u_datoteku(int **matrica, int n, int m, FILE * f);

/* Funkcija upisuje kvadratnu matricu dimenzije n x n u datoteku f */
31 int upisi_kvadratnu_matricu_u_datoteku(int **matrica, int n,
                                           FILE * f);

33
35
37
39
41
43
45
#endif

```

*matrica.c*

```

#include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
#include "matrica.h"

4
int **alociraj_matricu(int n, int m)

```

```
6 {
8     int **matrica = NULL;
9     int i, j;

10     /* Alocira se prostor za niz vrsta matrice */
11     matrica = (int **) malloc(n * sizeof(int *));
12     /* Ako alokacija nije prosla uspesno, povratna vrednost funkcije
13        ce biti NULL, sto mora biti provereno u main funkciji */
14     if (matrica == NULL)
15         return NULL;

16     /* Alocira se prostor za svaku vrstu matrice */
17     for (i = 0; i < n; i++) {
18         matrica[i] = (int *) malloc(m * sizeof(int));
19         /* Ako alokacija nije prosla uspesno, oslobadjaju se svi
20            prethodno alocirani resursi, i povratna vrednost je NULL */
21         if (matrica[i] == NULL) {
22             for (j = 0; j < i; j++)
23                 free(matrica[j]);
24             free(matrica);
25             return NULL;
26         }
27     }
28     return matrica;
29 }

30

31 int **alociraj_kvadratnu_matricu(int n)
32 {
33     /* Alociranje matrice dimenzije n x n */
34     return alociraj_matricu(n, n);
35 }

36

37 int **deallociraj_matricu(int **matrica, int n)
38 {
39     int i;
40     /* Oslobadja se prostor rezervisan za svaku vrstu */
41     for (i = 0; i < n; i++)
42         free(matrica[i]);
43     /* Oslobadja se memorija za niz pokazivaca na vrste */
44     free(matrica);

45     /* Matrica postaje prazna, tj. nealocirana */
46     return NULL;
47 }

48

49 void ucitaj_matricu(int **matrica, int n, int m)
50 {
51     int i, j;
52     /* Elementi matrice se ucitavaju po vrstama */
53     for (i = 0; i < n; i++)
54         for (j = 0; j < m; j++)
55             scanf("%d", &matrica[i][j]);
56 }
```

```
58 }

60 void ucitaj_kvadratnu_matricu(int **matrica, int n)
61 {
62     /* Ucitavanje matrice n x n */
63     ucitaj_matricu(matrica, n, n);
64 }

66 void ispisi_matricu(int **matrica, int n, int m)
67 {
68     int i, j;
69     /* Ispis po vrstama */
70     for (i = 0; i < n; i++) {
71         for (j = 0; j < m; j++)
72             printf("%d ", matrica[i][j]);
73         printf("\n");
74     }
75 }

76 void ispisi_kvadratnu_matricu(int **matrica, int n)
77 {
78     /* Ispis matrice n x n */
79     ispisi_matricu(matrica, n, n);
80 }

82 int ucitaj_matricu_iz_datoteke(int **matrica, int n, int m, FILE * f)
83 {
84     int i, j;
85     /* Elementi matrice se učitavaju po vrstama */
86     for (i = 0; i < n; i++)
87         for (j = 0; j < m; j++)
88             /* Ako je nemoguće učitati sledeći element, povratna vrednost
89              funkcije je 1, kao indikator neuspešnog učitavanja */
90             if (fscanf(f, "%d", &matrica[i][j]) != 1)
91                 return 1;
92
93     /* Uspešno učitana matrica */
94     return 0;
95 }

98 int ucitaj_kvadratnu_matricu_iz_datoteke(int **matrica, int n,
99                                           FILE * f)
100 {
101     /* Učitavanje matrice n x n iz datoteke */
102     return ucitaj_matricu_iz_datoteke(matrica, n, n, f);
103 }

104 int upisi_matricu_u_datoteku(int **matrica, int n, int m, FILE * f)
105 {
106     int i, j;
107     /* Ispis po vrstama */
108     for (i = 0; i < n; i++) {
```

```
110     for (j = 0; j < m; j++)
111         /* Ako je nemoguće ispisati sledeći element, povratna vrednost
112            funkcije je 1, kao indikator neuspešnog ispisa */
113         if (fprintf(f, "%d ", matrica[i][j]) <= 0)
114             return 1;
115         fprintf(f, "\n");
116     }
117
118     /* Uspešno upisana matrica */
119     return 0;
120 }
121
122 int upisi_kvadratnu_matricu_u_datoteku(int **matrica, int n,
123                                         FILE * f)
124 {
125     /* Ispis matrice n x n u datoteku */
126     return upisi_matricu_u_datoteku(matrica, n, n, f);
127 }
```

main\_a.c

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #include "matrica.h"
4
5  int main()
6  {
7      int **matrica = NULL;
8      int n, m;
9      FILE *f;
10
11     /* Učitava se broj vrsta i broj kolona matrice */
12     printf("Unesite broj vrsta matrice: ");
13     scanf("%d", &n);
14     printf("Unesite broj kolona matrice: ");
15     scanf("%d", &m);
16
17     /* Provera dimenzija matrice */
18     if (n <= 0 || m <= 0) {
19         fprintf(stderr, "Greska: Broj vrsta i broj kolona ne mogu biti
20            negativni brojevi.\n");
21         exit(EXIT_FAILURE);
22     }
23
24     /* Rezervise se memorijski prostor za matricu i proverava se da li
25        je memorijski prostor uspešno rezervisan */
26     matrica = alociraj_matricu(n, m);
27     if (matrica == NULL) {
28         fprintf(stderr, "Greska: Neuspešna alokacija matrice.\n");
29         exit(EXIT_FAILURE);
30     }
31 }
```

```

31  /* Ucitava se matrica sa standardnog ulaza */
    printf("Unesite elemente matrice po vrstama:\n");
33  ucitaj_matricu(matrica, n, m);

35  /* Otvara se datoteka za upis matrice */
    if ((f = fopen("matrica.txt", "w")) == NULL) {
37      fprintf(stderr, "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke.\n");
        matrica = dealociraj_matricu(matrica, n);
39      exit(EXIT_FAILURE);
    }

41

43  /* Upis matrice u datoteku */
    if (upisi_matricu_u_datoteku(matrica, n, m, f) != 0) {
        fprintf(stderr, "Greska: Neuspesno upisivanje matrice u datoteku
45      .\n");
        matrica = dealociraj_matricu(matrica, n);
        exit(EXIT_FAILURE);
47    }

49  /* Zatvara se datoteka */
    fclose(f);

51

53  /* Oslobadja se memorija koju je zauzimala matrica */
    matrica = dealociraj_matricu(matrica, n);

55  exit(EXIT_SUCCESS);
}

```

*main\_b.c*

```

#include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
#include "matrica.h"

4

int main(int argc, char **argv)
6  {
    int **matrica = NULL;
    int n;
    FILE *f;

10

    /* Provera argumenata komandne linije */
12    if (argc != 2) {
        fprintf(stderr, "Greska: Koriscenje programa: %s datoteka\n",
            argv[0]);
14        exit(EXIT_FAILURE);
    }

16

    /* Otvara se datoteka za citanje */
18    if ((f = fopen(argv[1], "r")) == NULL) {
        fprintf(stderr, "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke.\n");
    }

```

```

20     exit(EXIT_FAILURE);
21 }
22
23 /* Ucitava se dimenzija matrice */
24 if (fscanf(f, "%d", &n) != 1) {
25     fprintf(stderr, "Greska: Neispravan pocetak datoteke.\n");
26     exit(EXIT_FAILURE);
27 }
28
29 /* Provera se dimenzija matrice */
30 if (n <= 0) {
31     fprintf(stderr, "Greska: Neodgovarajca dimenzija matrice.\n");
32     exit(EXIT_FAILURE);
33 }
34
35 /* Rezervise se memorijski prostor za matricu i vrsi se provera */
36 matrica = alociraj_kvadratnu_matricu(n);
37 if (matrica == NULL) {
38     fprintf(stderr, "Greska: Neuspesna alokacija matrice.\n");
39     exit(EXIT_FAILURE);
40 }
41
42 /* Ucitava se matrica iz datoteke */
43 if (ucitaj_kvadratnu_matricu_iz_datoteke(matrica, n, f) != 0) {
44     fprintf(stderr, "Greska: Neuspesno ucitavanje matrice iz datoteke
45     .\n");
46     matrica = dealociraj_matricu(matrica, n);
47     exit(EXIT_FAILURE);
48 }
49
50 /* Zatvara se datoteka */
51 fclose(f);
52
53 /* Ispis matrice na standardni izlaz */
54 ispisi_kvadratnu_matricu(matrica, n);
55
56 /* Oslobadja se memorija koju je zauzimala matrica */
57 matrica = dealociraj_matricu(matrica, n);
58
59 exit(EXIT_SUCCESS);
60 }

```

## Rešenje 2.20

```

1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #include <math.h>
4  #include "matrica.h"
5
6  /* Funkcija ispisuje elemente matrice ispod glavne dijagonale */
7  void ispisi_elemente_ispod_dijagonale(int **M, int n, int m)

```

```
{
9   int i, j;

11  for (i = 0; i < n; i++) {
12      for (j = 0; j <= i; j++)
13          printf("%d ", M[i][j]);
14      printf("\n");
15  }
16 }

17 int main()
18 {
19     int m, n;
20     int **matrica = NULL;

22     printf("Unesite broj vrsta i broj kolona:\n ");
23     scanf("%d %d", &n, &m);

24     /* Rezervise se memorija za matricu */
25     matrica = alociraj_matricu(n, m);
26     /* Provera alokacije */
27     if (matrica == NULL) {
28         fprintf(stderr, "Greska: Neuspesna alokacija matrice.\n");
29         exit(EXIT_FAILURE);
30     }

31     printf("Unesite elemente matrice po vrstama:\n");
32     ucitaj_matricu(matrica, n, m);

33     printf("Elementi ispod glavne dijagonale matrice:\n");
34     ispisi_elemente_ispod_dijagonale(matrica, n, m);

35     /* Oslobadja se memorija */
36     matrica = dealociraj_matricu(matrica, n);

37     exit(EXIT_SUCCESS);
38 }
```

### Rešenje 2.22

```
#include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include <math.h>

4 /* Funkcija izvrsava trazene transformacije nad matricom */
5 void izmeni(float **a, int n)
6 {
7     int i, j;

8     for (i = 0; i < n; i++)
9         for (j = 0; j < n; j++)
```



```
12         if (i < j)
13             a[i][j] /= 2;
14         else if (i > j)
15             a[i][j] *= 2;
16     }
17
18     /* Funkcija izracunava zbir apsolutnih vrednosti elemenata ispod
19        sporedne dijagonale. Element se nalazi ispod sporedne dijagonale
20        ukoliko je zbir indeksa vrste i indeksa kolone elementa veci od
21        n-1 */
22     float zbir_ispod_sporedne_dijagonale(float **m, int n)
23     {
24         int i, j;
25         float zbir = 0;
26
27         for (i = 0; i < n; i++)
28             for (j = n - i; j < n; j++)
29                 if (i + j > n - 1)
30                     zbir += fabs(m[i][j]);
31
32         return zbir;
33     }
34
35     /* Funkcija ucitava elemente kvadratne matrice dimenzije n x n iz
36        zadate datoteke */
37     void ucitaj_matricu(FILE * ulaz, float **m, int n)
38     {
39         int i, j;
40
41         for (i = 0; i < n; i++)
42             for (j = 0; j < n; j++)
43                 fscanf(ulaz, "%f", &m[i][j]);
44     }
45
46     /* Funkcija ispisuje elemente kvadratne matrice dimenzije n x n na
47        standardni izlaz */
48     void ispisi_matricu(float **m, int n)
49     {
50         int i, j;
51
52         for (i = 0; i < n; i++) {
53             for (j = 0; j < n; j++)
54                 printf("%.2f ", m[i][j]);
55             printf("\n");
56         }
57     }
58
59     /* Funkcija alokira memoriju za kvadratnu matricu dimenzije n x n */
60     float **alociraj_memoriju(int n)
61     {
62         int i, j;
63         float **m;
```

```
64     m = (float **) malloc(n * sizeof(float *));
66     if (m == NULL) {
67         fprintf(stderr, "Greska: Neuspesna alokacija memorije.\n");
68         exit(EXIT_FAILURE);
69     }
70
71     for (i = 0; i < n; i++) {
72         m[i] = (float *) malloc(n * sizeof(float));
73
74         if (m[i] == NULL) {
75             fprintf(stderr, "Greska: Neuspesna alokacija memorije.\n");
76             for (j = 0; j < i; j++)
77                 free(m[j]);
78             free(m);
79             exit(EXIT_FAILURE);
80         }
81     }
82     return m;
83 }
84
85 /* Funkcija oslobadja memoriju zauzetu kvadratnom matricom dimenzije
86    n x n */
87 void oslobodi_memoriju(float **m, int n)
88 {
89     int i;
90
91     for (i = 0; i < n; i++)
92         free(m[i]);
93     free(m);
94 }
95
96 int main(int argc, char *argv[])
97 {
98     FILE *ulaz;
99     float **a;
100     int n;
101
102     /* Ukoliko korisnik nije uneo trazene argumente, prijavljuje se
103        greska */
104     if (argc < 2) {
105         printf("Greska: ");
106         printf("Nedovoljan broj argumenata komandne linije.\n");
107         printf("Program se poziva sa %s ime_dat.\n", argv[0]);
108         exit(EXIT_FAILURE);
109     }
110
111     /* Otvara se datoteka za citanje */
112     ulaz = fopen(argv[1], "r");
113     if (ulaz == NULL) {
114         fprintf(stderr, "Greska: ");
115         fprintf(stderr, "Neuspesno otvaranje datoteke %s.\n", argv[1]);
```

```

116     exit(EXIT_FAILURE);
117 }
118
119 /* Cita se dimenzija matrice */
120 fscanf(ulaz, "%d", &n);
121
122 /* Rezervise se memorija */
123 a = alociraj_memoriju(n);
124
125 /* Ucitavaju se elementi matrice */
126 ucitaj_matricu(ulaz, a, n);
127
128 float zbir = zbir_ispod_sporodne_dijagonale(a, n);
129
130 /* Poziva se funkcija za transformaciju matrice */
131 izmeni(a, n);
132
133 /* Ispisuju se rezultati */
134 printf("Zbir apsolutnih vrednosti ispod sporedne dijagonale ");
135 printf("je %.2f.\n", zbir);
136
137 printf("Transformisana matrica je:\n");
138 ispisi_matricu(a, n);
139
140 /* Oslobadja se memorija */
141 oslobodi_memoriju(a, n);
142
143 /* Zatvara se datoteka */
144 fclose(ulaz);
145
146 exit(EXIT_SUCCESS);
147 }

```

## Rešenje 2.27

```

1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #include <math.h>
4  #include <string.h>
5
6  /* Funkcija tabela() prihvata granice intervala a i b, broj
7   ekvidistantnih tacaka n, kao i pokazivac f koji pokazuje na
8   funkciju koja prihvata double argument, i vraca double vrednost.
9   Za tako datu funkciju ispisuju se njene vrednosti u intervalu
10  [a,b] u n ekvidistantnih tacaka intervala */
11 void tabela(double a, double b, int n, double (*fp) (double))
12 {
13     int i;
14     double x;
15
16     printf("-----\n");

```

```
17     for (i = 0; i < n; i++) {
18         x = a + i * (b - a) / (n - 1);
19         printf("| %8.5f | %8.5f |\n", x, (*fp) (x));
20     }
21     printf("-----\n");
22 }
23
24 double sqr(double a)
25 {
26     return a * a;
27 }
28
29 int main(int argc, char *argv[])
30 {
31     double a, b;
32     int n;
33
34     char ime_funkcije[6];
35
36     /* Pokazivac na funkciju koja ima jedan argument tipa double i
37        povratnu vrednost istog tipa */
38     double (*fp) (double);
39
40     /* Ukoliko korisnik nije uneo trazene argumente, prijavljuje se
41        greska */
42     if (argc < 2) {
43         fprintf(stderr, "Greska: ");
44         fprintf(stderr, "Nedovoljan broj argumenata komandne linije.\n");
45         fprintf(stderr,
46             "Program se poziva sa %s ime_funkcije iz math.h.\n",
47             argv[0]);
48         exit(EXIT_FAILURE);
49     }
50
51     /* Niska ime_funkcije sadrzi ime trazene funkcije koja je navedena
52        u komandnoj liniji */
53     strcpy(ime_funkcije, argv[1]);
54
55     /* Inicijalizuje se pokazivac na funkciju koja se tabelira */
56     if (strcmp(ime_funkcije, "sin") == 0)
57         fp = &sin;
58     else if (strcmp(ime_funkcije, "cos") == 0)
59         fp = &cos;
60     else if (strcmp(ime_funkcije, "tan") == 0)
61         fp = &tan;
62     else if (strcmp(ime_funkcije, "atan") == 0)
63         fp = &atan;
64     else if (strcmp(ime_funkcije, "acos") == 0)
65         fp = &acos;
66     else if (strcmp(ime_funkcije, "asin") == 0)
67         fp = &asin;
68     else if (strcmp(ime_funkcije, "exp") == 0)
```

```

69     fp = &exp;
    else if (strcmp(ime_funkcije, "log") == 0)
71         fp = &log;
    else if (strcmp(ime_funkcije, "log10") == 0)
73         fp = &log10;
    else if (strcmp(ime_funkcije, "sqrt") == 0)
75         fp = &sqrt;
    else if (strcmp(ime_funkcije, "floor") == 0)
77         fp = &floor;
    else if (strcmp(ime_funkcije, "ceil") == 0)
79         fp = &ceil;
    else if (strcmp(ime_funkcije, "sqr") == 0)
81         fp = &sqr;
    else {
83         fprintf(stderr, "Greska");
        fprintf(stderr,
85             "Program jos uvek ne podrzava trazenu funkciju!\n");
        exit(EXIT_FAILURE);
87     }

89     printf("Unesite krajeve intervala:\n");
    scanf("%lf %lf", &a, &b);

91     printf("Koliko tacaka ima na ekvidistantnoj mrezi ");
    printf("(ukljucujuci krajeve intervala)?\n");
    scanf("%d", &n);

95     /* Mreza mora da ukljucuje bar krajeve intervala, tako da se mora
97        uneti broj veci od 2 */
    if (n < 2) {
99        fprintf(stderr, "Greska: Broj tacaka mreze mora biti bar 2!\n");
        exit(EXIT_FAILURE);
101    }

103    /* Ispisuje se ime funkcije */
    printf("      x %10s(x)\n", ime_funkcije);

105    /* Prosledjuje se funkciji tabela() funkcija zadata kao argument
107       komandne linije */
    tabela(a, b, n, fp);

109    exit(EXIT_SUCCESS);
111 }

```

### Rešenje 3.1

```

1  #include <stdio.h>
   #include <stdlib.h>
3  #include <time.h>
   #define MAX 1000000
5

```

```
7  /* Pri prevodjenju program linkovati sa bibliotekom librt opcijom
   -lrt zbog funkcije clock_gettime() */

9  /* Naredne tri funkcije koje vrse pretragu, ukoliko se trazeni
   element pronadje u nizu, vracaju indeks pozicije na kojoj je
11  element pronadjen. Ovaj indeks je uvek nenegativan. Ako element
   nije pronadjen u nizu, funkcije vracaju negativnu vrednost -1,
13  kao indikator neuspesne pretrage. */

15  /* Linearna pretraga: Funkcija pretrazuje niz a[] celih brojeva
   duzine n, trazeci u njemu prvo pojavljivanje elementa x. Pretraga
17  se vrsi prostom iteracijom kroz niz. */
int linearna_pretraga(int a[], int n, int x)
19  {
   int i;
21  for (i = 0; i < n; i++)
       if (a[i] == x)
23         return i;
   return -1;
25 }

27  /* Binarna pretraga: Funkcija trazi u sortiranom nizu a[] duzine n
   broj x. Pretraga koristi osobinu sortiranosti niza i u svakoj
29  iteraciji polovi interval pretrage. */
int binarna_pretraga(int a[], int n, int x)
31  {
   int levi = 0;
33  int desni = n - 1;
   int srednji;
35  /* Dokle god je indeks levi levo od indeksa desni */
   while (levi <= desni) {
37     /* Srednji indeks je njihova aritmeticka sredina */
     srednji = (levi + desni) / 2;
39     /* Ako je element sa sredisnjim indeksom veci od x, tada se x
        mora nalaziti u levom delu niza */
41     if (x < a[srednji])
         desni = srednji - 1;
43     /* Ako je element sa sredisnjim indeksom manji od x, tada se x
        mora nalaziti u desnom delu niza */
45     else if (x > a[srednji])
         levi = srednji + 1;
47     else
         /* Ako je element sa sredisnjim indeksom jednak x, tada je
49         broj x pronadjen na poziciji srednji */
         return srednji;
51  }
   /* Ako element x nije pronadjen, vraca se -1 */
53  return -1;
}

55
57  /* Interpolaciona pretraga: Funkcija trazi u sortiranom nizu a[]
   duzine n broj x. Pretraga koristi osobinu sortiranosti niza i
```

```
59      zasniva se na linearnoj interpolaciji vrednosti koja se trazi
      vrednostima na krajevima prostora pretrage. */
60  int interpolaciona_pretraga(int a[], int n, int x)
61  {
62      int levi = 0;
63      int desni = n - 1;
64      int srednji;
65      /* Dokle god je indeks levi levo od indeksa desni... */
66      while (levi <= desni) {
67          /* Ako je trazeni element manji od pocetnog ili veci od
68             poslednjeg elementa u delu niza a[levi],...,a[desni], tada on
69             nije u tom delu niza. Ova provera je neophodna, da se ne bi
70             dogodilo da se prilikom izracunavanja indeksa srednji izadje
71             izvan opsega indeksa [levi,desni] */
72          if (x < a[levi] || x > a[desni])
73              return -1;
74          /* U suprotnom, x je izmedju a[levi] i a[desni], pa ako su
75             a[levi] i a[desni] jednaki, tada je jasno da je trazeni broj
76             x jednak ovim vrednostima, pa se vraca indeks levi (ili
77             indeks desni). Ova provera je neophodna, jer bi se u
78             suprotnom prilikom izracunavanja indeksa srednji pojavilo
79             deljenje nulom. */
80          else if (a[levi] == a[desni])
81              return levi;
82          /* Racuna se sredisnji indeks */
83          srednji =
84              levi +
85              (int) ((double) (x - a[levi]) / (a[desni] - a[levi]) *
86                  (desni - levi));
87          /* Napomena: Indeks srednji je uvek izmedju levi i desni, ali ce
88             verovatno biti blize trazenoj vrednosti nego da je prosto uvek
89             uzimana aritmiticka sredina indeksa levi i desni. Ovo se moze
90             porediti sa pretragom recnika: ako neko trazi rec na slovo
91             'B', sigurno nece da otvori rechnik na polovini, vec verovatno
92             negde blize pocetku. */
93          /* Ako je element sa indeksom srednji veci od trazenog, tada se
94             trazeni element mora nalaziti u levoj polovini niza */
95          if (x < a[srednji])
96              desni = srednji - 1;
97          /* Ako je element sa indeksom srednji manji od trazenog, tada se
98             trazeni element mora nalaziti u desnoj polovini niza */
99          else if (x > a[srednji])
100              levi = srednji + 1;
101          else
102              /* Ako je element sa indeksom srednji jednak trazenom, onda se
103                 pretraga zavrшава na poziciji srednji */
104              return srednji;
105      }
106      /* U slucaju neuspesne pretrage vraca se -1 */
107      return -1;
108  }
```

```
int main(int argc, char **argv)
{
    int a[MAX];
    int n, i, x;
    struct timespec vreme1, vreme2, vreme3, vreme4, vreme5, vreme6;
    FILE *f;
    /* Provera argumenata komandne linije */
    if (argc != 3) {
        fprintf(stderr,
            "Greska: Program se poziva sa %s dim_niza broj\n",
            argv[0]);
        exit(EXIT_FAILURE);
    }

    /* Dimenzija niza */
    n = atoi(argv[1]);
    if (n > MAX || n <= 0) {
        fprintf(stderr, "Greska: Dimenzija niza neodgovarajuca\n");
        exit(EXIT_FAILURE);
    }

    /* Broj koji se trazi */
    x = atoi(argv[2]);
    /* Elementi niza se generisu slucajno, tako da je svaki sledeci
       veci od prethodnog. Funkcija srandom() inicijalizuje pocetnu
       vrednost sa kojom se krece u izracunavanje sekvence
       pseudo-slucajnih brojeva. Kako generisani niz ne bi uvek bio
       isti, ova vrednost se postavlja na tekuce vreme u sekundama od
       Nove godine 1970, tako da je za svako sledece pokretanje
       programa (u vremenskim intervalima vecim od jedne sekunde) ove
       vrednost drugacija. random()%100 vraca brojeve izmedju 0 i 99 */
    srandom(time(NULL));
    for (i = 0; i < n; i++)
        a[i] = i == 0 ? random() % 100 : a[i - 1] + random() % 100;
    /* Linearna pretraga */
    printf("Linearna pretraga:\n");
    /* Vreme proteklo od Nove godine 1970 */
    clock_gettime(CLOCK_REALTIME, &vreme1);
    i = linearna_pretraga(a, n, x);
    /* Novo vreme i razlika sa prvim predstavlja vreme utroseno za
       linearnu pretragu */
    clock_gettime(CLOCK_REALTIME, &vreme2);
    if (i == -1)
        printf("Element nije u nizu\n");
    else
        printf("Element je u nizu na poziciji %d\n", i);
    /* Binarna pretraga */
    printf("Binarna pretraga:\n");
    clock_gettime(CLOCK_REALTIME, &vreme3);
    i = binarna_pretraga(a, n, x);
    clock_gettime(CLOCK_REALTIME, &vreme4);
    if (i == -1)
```



```

163     printf("Element nije u nizu\n");
164 else
165     printf("Element je u nizu na poziciji %d\n", i);
166 /* Interpolaciona pretraga */
167 printf("Interpolaciona pretraga:\n");
168 clock_gettime(CLOCK_REALTIME, &vreme5);
169 i = interpolaciona_pretraga(a, n, x);
170 clock_gettime(CLOCK_REALTIME, &vreme6);
171 if (i == -1)
172     printf("Element nije u nizu\n");
173 else
174     printf("Element je u nizu na poziciji %d\n", i);
175 /* Podaci o izvršavanju programa bivaju upisani u log */
176 if ((f = fopen("vremena.txt", "a")) == NULL) {
177     fprintf(stderr, "Greska: Neuspesno otvaranje log datoteke.\n");
178     exit(EXIT_FAILURE);
179 }
180
181 fprintf(f, "Dimenzija niza: %d\n", n);
182 fprintf(f, "\tLinearna: %10ld ns\n",
183         (vreme2.tv_sec - vreme1.tv_sec) * 1000000000 +
184         vreme2.tv_nsec - vreme1.tv_nsec);
185 fprintf(f, "\tBinarna: %19ld ns\n",
186         (vreme4.tv_sec - vreme3.tv_sec) * 1000000000 +
187         vreme4.tv_nsec - vreme3.tv_nsec);
188 fprintf(f, "\tInterpolaciona: %12ld ns\n\n",
189         (vreme6.tv_sec - vreme5.tv_sec) * 1000000000 +
190         vreme6.tv_nsec - vreme5.tv_nsec);
191 /* Zatvara se datoteka */
192 fclose(f);
193
194 exit(EXIT_SUCCESS);
195 }

```

### Rešenje 3.2

```

1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3
4 #define MAX 1024
5
6 /* Rekurzivna linearna pretraga od pocetka niza */
7 int linearna_pretraga_r1(int a[], int n, int x)
8 {
9     int tmp;
10    /* Izlaz iz rekurzije */
11    if (n <= 0)
12        return -1;
13    /* Ako je prvi element trazeni */
14    if (a[0] == x)
15        return 0;

```

```
16  /* Pretraga ostatka niza */
    tmp = linearna_pretraga_r1(a + 1, n - 1, x);
18  return tmp < 0 ? tmp : tmp + 1;
}

20
/* Rekurzivna linearna pretraga od kraja niza */
22 int linearna_pretraga_r2(int a[], int n, int x)
{
24     /* Izlaz iz rekurzije */
    if (n <= 0)
26         return -1;
    /* Ako je poslednji element trazeni */
28     if (a[n - 1] == x)
        return n - 1;
30     /* Pretraga ostatka niza */
    return linearna_pretraga_r2(a, n - 1, x);
32 }

34 /* Rekurzivna binarna pretraga */
int binarna_pretraga_r(int a[], int l, int d, int x)
36 {
    int srednji;
38     if (l > d)
        return -1;
40     /* Sredisnja pozicija na kojoj se trazi vrednost x */
    srednji = (l + d) / 2;
42     /* Ako je element na sredisnjoj poziciji trazeni */
    if (a[srednji] == x)
44         return srednji;
    /* Ako je trazeni broj veci od broja na sredisnjoj poziciji,
46     pretrazuje se desna polovina niza */
    if (a[srednji] < x)
48         return binarna_pretraga_r(a, srednji + 1, d, x);
    /* Ako je trazeni broj manji od broja na sredisnjoj poziciji,
50     pretrazuje se leva polovina niza */
    else
52         return binarna_pretraga_r(a, l, srednji - 1, x);
}

54
/* Rekurzivna interpolaciona pretraga */
56 int interpolaciona_pretraga_r(int a[], int l, int d, int x)
{
58     int p;
    /* Ako je trazeni element manji od prvog ili veci od poslednjeg */
60     if (x < a[l] || x > a[d])
        return -1;
62     /* Ako je ostao jedan element u delu niza koji se pretrazuje */
    if (a[d] == a[l])
64         return l;
    /* Pozicija na kojoj se trazi vrednost x */
66     p = l + (d - l) * (x - a[l]) / (a[d] - a[l]);
    if (a[p] == x)
```

```
68     return p;
69     /* Pretraga sufiksa niza */
70     if (a[p] < x)
71         return interpolaciona_pretraga_r(a, p + 1, d, x);
72     /* Pretraga prefiksa niza */
73     else
74         return interpolaciona_pretraga_r(a, l, p - 1, x);
75 }
76
77 int main()
78 {
79     int a[MAX];
80     int x;
81     int i, indeks;
82
83     /* Ucitava se trazeni broj */
84     printf("Unesite trazeni broj: ");
85     scanf("%d", &x);
86
87     /* Ucitavaju se elementi niza sve do kraja ulaza - ocekuje se da
88        korisnik pritisne CTRL+D za naznaku kraja */
89     i = 0;
90     printf("Unesite sortiran niz elemenata: ");
91     while (i < MAX && scanf("%d", &a[i]) == 1) {
92         if (i > 0 && a[i] < a[i - 1]) {
93             fprintf(stderr, "Greska: Elementi moraju biti uneseni ");
94             fprintf(stderr, "u neopadajucem poretku\n");
95             exit(EXIT_FAILURE);
96         }
97         i++;
98     }
99
100     /* Rezultati linearnih pretraga */
101     printf("Linearna pretraga\n");
102     indeks = linearna_pretraga_r1(a, i, x);
103     if (indeks == -1)
104         printf("Element se ne nalazi u nizu.\n");
105     else
106         printf("Pozicija elementa je %d.\n", indeks);
107     indeks = linearna_pretraga_r2(a, i, x);
108     if (indeks == -1)
109         printf("Element se ne nalazi u nizu.\n");
110     else
111         printf("Pozicija elementa je %d.\n", indeks);
112
113     /* Rezultati binarna pretrage */
114     printf("Binarna pretraga\n");
115     indeks = binarna_pretraga_r(a, 0, i - 1, x);
116     if (indeks == -1)
117         printf("Element se ne nalazi u nizu.\n");
118     else
119         printf("Pozicija elementa je %d.\n", indeks);
```

```
120
122 /* Rezultati interpolacione pretrage */
printf("Interpolaciona pretraga\n");
indeks = interpolaciona_pretraga_r(a, 0, i - 1, x);
124 if (indeks == -1)
    printf("Element se ne nalazi u nizu.\n");
126 else
    printf("Pozicija elementa je %d.\n", indeks);
128
    exit(EXIT_SUCCESS);
130 }
```

### Rešenje 3.3

```
#include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
#include <string.h>
4
#define MAX_STUDENATA 128
6 #define MAX_DUZINA 16

8 /* 0 svakom studentu postoje 3 informacije i one su objedinjene u
   strukturi kojom se predstavlja svaki student. */
10 typedef struct {
    /* Indeks mora biti tipa long jer su podaci u datoteci preveliki
12     za int, npr. 20140123 */
    long indeks;
14     char ime[MAX_DUZINA];
    char prezime[MAX_DUZINA];
16 } Student;

18 /* Učitani niz studenata će biti sortirani rastuće prema indeksu, jer
   su studenti u datoteci već sortirani. Iz tog razloga pretraga po
20     indeksu se vrši binarno, dok pretraga po prezimenu mora linearno,
   jer nema garancije da postoji uredjenje po prezimenu. */
22
24 /* Funkcija traži u sortiranom nizu studenata a[] dužine n studenata
   sa indeksom x i vraća indeks pozicije nadjenog člana niza ili -1,
   ako element nije pronađen. */
26 int binarna_pretraga(Student a[], int n, long x)
{
28     int levi = 0;
    int desni = n - 1;
30     int srednji;
    /* Dokle god je indeks levi levo od indeksa desni */
32     while (levi <= desni) {
        /* Racuna se srednja pozicija */
34         srednji = (levi + desni) / 2;
        /* Ako je indeks studenta na toj poziciji veći od traženog, tada
36         se traženi indeks mora nalaziti u levoj polovini niza */
        if (x < a[srednji].indeks)
```

```
38     desni = srednji - 1;
39     /* Ako je pak manji od trazenog, tada se on mora nalaziti u
40        desnoj polovini niza */
41     else if (x > a[srednji].indeks)
42         levi = srednji + 1;
43     else
44         /* Ako je jednak trazenom indeksu x, tada je pronadjen student
45            sa trazenom indeksom na poziciji srednji */
46         return srednji;
47 }
48 /* Ako nije pronadjen, vraca se -1 */
49 return -1;
50 }

52 /* Linearnom pretragom niza studenata trazi se prezime x */
53 int linearna_pretraga(Student a[], int n, char x[])
54 {
55     int i;
56     for (i = 0; i < n; i++)
57         /* Poredi se prezime i-tog studenta i poslatog x */
58         if (strcmp(a[i].prezime, x) == 0)
59             return i;
60     return -1;
61 }

62 /* Main funkcija mora imati argumente jer se ime datoteke i opcija
63    prosledjuju kao argumenti komandne linije */
64 int main(int argc, char *argv[])
65 {
66     Student dosije[MAX_STUDENATA];
67     FILE *fin = NULL;
68     int i;
69     int br_studenata = 0;
70     long trazen_indeks = 0;
71     char trazeno_prezime[MAX_DUZINA];
72     int bin_pretraga;

73     /* Provera da li je korisnik prilikom poziva programa prosledio
74        ime datoteke sa informacijama o studentima i opciju pretrage */
75     if (argc != 3) {
76         fprintf(stderr,
77             "Greska: Program se poziva sa %s ime_datoteke opcija\n",
78             argv[0]);
79         exit(EXIT_FAILURE);
80     }

81     /* Provera prosledjene opcije */
82     if (strcmp(argv[2], "-indeks") == 0)
83         bin_pretraga = 1;
84     else if (strcmp(argv[2], "-prezime") == 0)
85         bin_pretraga = 0;
86     else {
```

```

90     fprintf(stderr,
91             "Greska: Opcija mora biti -indeks ili -prezime\n");
92     exit(EXIT_FAILURE);
93 }
94
95 /* Otvara se datoteka */
96 fin = fopen(argv[1], "r");
97 if (fin == NULL) {
98     fprintf(stderr,
99             "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke %s za citanje\n",
100            argv[1]);
101     exit(EXIT_FAILURE);
102 }
103
104 /* Cita se sve dok postoji red sa informacijama o studentu */
105 i = 0;
106 while (1) {
107     if (i == MAX_STUDENATA)
108         break;
109     if (fscanf
110         (fin, "%ld %s %s", &dosije[i].indeks, dosije[i].ime,
111          dosije[i].prezime) != 3)
112         break;
113     i++;
114 }
115 br_studenata = i;
116
117 /* Nakon citanja, datoteka vise nije neophodna i zatvara se. */
118 fclose(fin);
119
120 /* Pretraga po indeksu */
121 if (bin_pretraga) {
122     /* Unos indeksa koji se binarno trazi u nizu */
123     printf("Unesite indeks studenta cije informacije zelite: ");
124     scanf("%ld", &trazen_indeks);
125     i = binarna_pretraga(dosije, br_studenata, trazen_indeks);
126     /* Rezultat binarne pretrage */
127     if (i == -1)
128         printf("Ne postoji student sa indeksom %ld\n", trazen_indeks);
129     else
130         printf("Indeks: %ld, Ime i prezime: %s %s\n",
131                dosije[i].indeks, dosije[i].ime, dosije[i].prezime);
132 }
133 /* Pretraga po prezimenu */
134 else {
135     /* Unos prezimena koje se linearno trazi u nizu */
136     printf("Unesite prezime studenta cije informacije zelite: ");
137     scanf("%s", trazeno_prezime);
138     i = linearna_pretraga(dosije, br_studenata, trazeno_prezime);
139     /* Rezultat linearne pretrage */
140     if (i == -1)
141         printf("Ne postoji student sa prezimenom %s\n",

```

```
142         trazeno_prezime);
143     else
144         printf("Indeks: %ld, Ime i prezime: %s %s\n",
145             dosije[i].indeks, dosije[i].ime, dosije[i].prezime);
146     }
147
148     exit(EXIT_SUCCESS);
149 }
```

### Rešenje 3.4

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #include <string.h>
4
5  #define MAX_STUDENATA 128
6  #define MAX_DUZINA 16
7
8  typedef struct {
9      long indeks;
10     char ime[MAX_DUZINA];
11     char prezime[MAX_DUZINA];
12 } Student;
13
14 int binarna_pretraga_rekurzivna(Student a[], int levi, int desni,
15     long x)
16 {
17     /* Ako je pozicija elementa na levom kraju veca od pozicije
18        elementa na desnom kraju dela niza koji se pretrazuje, onda se
19        zapravo pretrazuje prazan deo niza. U praznom delu niza nema
20        trazenog elementa pa se vraca -1 */
21     if (levi > desni)
22         return -1;
23     /* Racuna se pozicija srednjeg elementa */
24     int srednji = (levi + desni) / 2;
25     /* Da li je srednji bas onaj trazeni */
26     if (a[srednji].indeks == x) {
27         return srednji;
28     }
29     /* Ako je trazeni indeks manji od indeksa studenta na srednjoj
30        poziciji, onda se pretraga nastavlja u levoj polovini niza, jer
31        je poznato da je niz sortirano po indeksu u rastucem poretку. */
32     if (x < a[srednji].indeks)
33         return binarna_pretraga_rekurzivna(a, levi, srednji - 1, x);
34     /* Inace ga treba traziti u desnoj polovini */
35     else
36         return binarna_pretraga_rekurzivna(a, srednji + 1, desni, x);
37 }
38
39 int linearna_pretraga_rekurzivna_v2(Student a[], int n, char x[])
40 {
41     if (n == 0)
42         return -1;
43     if (a[0].indeks == x[0])
44         return 0;
45     return linearna_pretraga_rekurzivna_v2(a + 1, n - 1, x);
46 }
```

```
41  /* Ako je niz prazan, vraca se -1 */
    if (n == 0)
43      return -1;
    /* Kako se trazi prvi student sa trazanim prezimenom, pocinje se
45     sa prvim studentom u nizu. */
    if (strcmp(a[0].prezime, x) == 0)
47      return 0;
    int i = linearna_pretraga_rekurzivna_v2(a + 1, n - 1, x);
49     return i >= 0 ? 1 + i : -1;
}

51
int linearna_pretraga_rekurzivna(Student a[], int n, char x[])
53 {
    /* Ako je niz prazan, vraca se -1 */
55     if (n == 0)
        return -1;
57     /* Ako se trazi poslednji student sa trazanim prezimenom, pocinje
        se sa poslednjim studentom u nizu. */
59     if (strcmp(a[n - 1].prezime, x) == 0)
        return n - 1;
61     return linearna_pretraga_rekurzivna(a, n - 1, x);
}

63
/* Main funkcija mora imati argumente jer se ime datoteke i opcija
65     prosledjuju kao argumenti komandne linije */
int main(int argc, char *argv[])
67 {
    Student dosije[MAX_STUDENATA];
69     FILE *fin = NULL;
    int i;
71     int br_studenata = 0;
    long trazen_indeks = 0;
73     char trazeno_prezime[MAX_DUZINA];
    int bin_pretraga;
75
    /* Provera da li je korisnik prilikom poziva programa prosledio
77     ime datoteke sa informacijama o studentima i opciju pretrage */
    if (argc != 3) {
79         fprintf(stderr,
            "Greska: Program se poziva sa %s ime_datoteke opcija\n",
81             argv[0]);
        exit(EXIT_FAILURE);
83     }

85     /* Provera prosledjene opcije */
    if (strcmp(argv[2], "-indeks") == 0)
87         bin_pretraga = 1;
    else if (strcmp(argv[2], "-prezime") == 0)
89         bin_pretraga = 0;
    else {
91         fprintf(stderr,
            "Greska: Opcija mora biti -indeks ili -prezime\n");
```



```
93     exit(EXIT_FAILURE);
94 }
95
96 /* Otvara se datoteka */
97 fin = fopen(argv[1], "r");
98 if (fin == NULL) {
99     fprintf(stderr,
100             "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke %s za citanje\n",
101             argv[1]);
102     exit(EXIT_FAILURE);
103 }
104
105 /* Cita se sve dok postoji red sa informacijama o studentu */
106 i = 0;
107 while (1) {
108     if (i == MAX_STUDENATA)
109         break;
110     if (fscanf
111         (fin, "%ld %s %s", &dosije[i].indeks, dosije[i].ime,
112          dosije[i].prezime) != 3)
113         break;
114     i++;
115 }
116 br_studenata = i;
117
118 /* Nakon citanja, datoteka vise nije neophodna i zatvara se. */
119 fclose(fin);
120
121 /* Pretraga po indeksu */
122 if (bin_pretraga) {
123     /* Unos indeksa koji se binarno trazi u nizu */
124     printf("Unesite indeks studenta cije informacije zelite: ");
125     scanf("%ld", &trazen_indeks);
126     i = binarna_pretraga_rekurzivna(dosije, 0, br_studenata,
127                                     trazen_indeks);
128
129     /* Rezultat binarne pretrage */
130     if (i == -1)
131         printf("Ne postoji student sa indeksom %ld\n", trazen_indeks);
132     else
133         printf("Indeks: %ld, Ime i prezime: %s %s\n",
134                dosije[i].indeks, dosije[i].ime, dosije[i].prezime);
135 }
136
137 /* Pretraga po prezimenu */
138 else {
139     /* Unos prezimena koje se linearno trazi u nizu */
140     printf("Unesite prezime studenta cije informacije zelite: ");
141     scanf("%s", &trazeno_prezime);
142     i = linearna_pretraga_rekurzivna_v2(dosije, br_studenata,
143                                         trazeno_prezime);
144
145     /* Rezultat linearne pretrage */
146     if (i == -1)
147         printf("Ne postoji student sa prezimenom %s\n",
```

## 5 Rešenja

```
145         trazeno_prezime);
146     else
147         printf("Indeks: %ld, Ime i prezime: %s %s\n",
148             dosije[i].indeks, dosije[i].ime, dosije[i].prezime);
149 }
151 exit(EXIT_SUCCESS);
}
```

### Rešenje 3.5

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <string.h>
3  #include <math.h>
4  #include <stdlib.h>
5
6  #define MAX 1024
7
8  /* Struktura koja opisuje tacku u ravni */
9  typedef struct Tacka {
10     float x;
11     float y;
12 } Tacka;
13
14 /* Funkcija koja racuna rastojanje zadate tacke od koordinatnog
15    pocetka (0,0) */
16 float rastojanje(Tacka A)
17 {
18     return sqrt(A.x * A.x + A.y * A.y);
19 }
20
21 /* Funkcija koja pronalazi tacku najblizu koordinatnom pocetku u
22    nizu zadatih tacaka t dimenzije n */
23 Tacka najbliza_koordinatnom(Tacka t[], int n)
24 {
25     Tacka najbliza;
26     int i;
27     najbliza = t[0];
28     for (i = 1; i < n; i++) {
29         if (rastojanje(t[i]) < rastojanje(najbliza)) {
30             najbliza = t[i];
31         }
32     }
33     return najbliza;
34 }
35
36 /* Funkcija koja pronalazi tacku najblizu x osi u nizu zadatih
37    tacaka t dimenzije n */
38 Tacka najbliza_x_osi(Tacka t[], int n)
39 {
40     Tacka najbliza;
```

```
41     int i;
    najbliza = t[0];
43     for (i = 1; i < n; i++) {
        if (fabs(t[i].x) < fabs(najbliza.x)) {
45             najbliza = t[i];
        }
47     }
    return najbliza;
49 }

51 /* Funkcija koja pronalazi tacku najblizu y osi u nizu zadatih
    tacaka t dimenzije n */
53 Tacka najbliza_y_osi(Tacka t[], int n)
{
55     Tacka najbliza;
    int i;
57     najbliza = t[0];
    for (i = 1; i < n; i++) {
59         if (fabs(t[i].y) < fabs(najbliza.y)) {
            najbliza = t[i];
61         }
    }
63     return najbliza;
}

65 int main(int argc, char *argv[])
67 {
    FILE *ulaz;
69     Tacka tacke[MAX];
    Tacka najbliza;
71     int i, n;

73     /* Ocekuje se da korisnik prosledi barem ime izvrsnog programa i
        ime datoteke sa tackama */
75     if (argc < 2) {
        fprintf(stderr,
77             "Greska: Programa se poziva sa %s ime_datoteke\n",
                argv[0]);
79         exit(EXIT_FAILURE);
    }

81     /* Otvara se datoteka za citanje */
83     ulaz = fopen(argv[1], "r");
    if (ulaz == NULL) {
85         fprintf(stderr, "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke %s!\n",
            argv[1]);
87         exit(EXIT_FAILURE);
    }

89     /* Sve dok ima tacaka u datoteci, one bivaju smestane u niz sa
        tackama; i predstavlja indeks tekuce tacke */
91     i = 0;
```

```

93  while (fscanf(ulaz, "%f %f", &tacke[i].x, &tacke[i].y) == 2) {
94      i++;
95  }
96  n = i;
97
98  /* Proverava se koji su dodatni argumenti komandne linije. Ako
99     nema dodatnih argumenata */
100  if (argc == 2)
101      /* Trazi se najbliza tacka u odnosu na koordinatni pocetak */
102      najbliza = najbliza_koordinatnom(tacke, n);
103  /* Inace proverava se koji je dodatni argument prosledjen. Ako je
104     u pitanju opcija -x */
105  else if (strcmp(argv[2], "-x") == 0)
106      /* Racuna se rastojanje u odnosu na x osu */
107      najbliza = najbliza_x_osi(tacke, n);
108  /* Ako je u pitanju opcija -y */
109  else if (strcmp(argv[2], "-y") == 0)
110      /* Racuna se rastojanje u odnosu na y osu */
111      najbliza = najbliza_y_osi(tacke, n);
112  else {
113      /* Ako nije zadata opcija -x ili -y, ispisuje se obavestenje za
114         korisnika i prekida se izvršavanje programa */
115      fprintf(stderr, "Greska: Pogresna opcija\n");
116      exit(EXIT_FAILURE);
117  }
118
119  /* Stampaju se koordinate trazene tacke */
120  printf("%g %g\n", najbliza.x, najbliza.y);
121
122  /* Zatvara se datoteka */
123  fclose(ulaz);
124
125  exit(EXIT_SUCCESS);
126 }

```

### Rešenje 3.6

```

1  #include <stdio.h>
2  #include <math.h>
3
4  /* Tacnost */
5  #define EPS 0.001
6
7  int main()
8  {
9      double l, d, s;
10
11      /* Kod intervala [0, 2] leva granica je 0, a desna 2 */
12      l = 0;
13      d = 2;
14

```

```

16  /* Sve dok se ne pronadje trazena vrednost argumenta */
17  while (1) {
18      /* Polovi se interval */
19      s = (l + d) / 2;
20      /* Ako je apsolutna vrednost kosinusa u ovoj tacki manja od
21         zadate tacnosti, prekida se pretraga */
22      if (fabs(cos(s)) < EPS) {
23          break;
24      }
25      /* Ako je nula u levom delu intervala, nastavlja se pretraga na
26         [l, s] */
27      if (cos(l) * cos(s) < 0)
28          d = s;
29      else
30          /* Inace, na intervalu [s, d] */
31          l = s;
32  }
33
34  /* Stampa se vrednost trazene tacke */
35  printf("%g\n", s);
36
37  return 0;
38  }

```

### Rešenje 3.7

```

1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #include <string.h>
4  #include <math.h>
5
6  int main(int argc, char **argv)
7  {
8      double l, d, s, epsilon;
9
10     char ime_funkcije[64];
11
12     /* Pokazivac na funkciju koja ima jedan argument tipa double i
13        povratnu vrednost istog tipa */
14     double (*fp) (double);
15
16     /* Ako korisnik nije uneo argument, prijavljuje se greska */
17     if (argc != 2) {
18         fprintf(stderr, "Greska: Program se poziva sa %s ime_funkcije\n",
19                 argv[0]);
20         exit(EXIT_FAILURE);
21     }
22
23     /* Niska ime_funkcije sadrzi ime trazene funkcije koja je navedena
24        u komandnoj liniji */
25     strcpy(ime_funkcije, argv[1]);

```

```
26  /* Inicijalizuje se pokazivac na funkciju koja se tabelira */
28  if (strcmp(ime_funkcije, "sin") == 0)
    fp = &sin;
30  else if (strcmp(ime_funkcije, "cos") == 0)
    fp = &cos;
32  else if (strcmp(ime_funkcije, "tan") == 0)
    fp = &tan;
34  else if (strcmp(ime_funkcije, "atan") == 0)
    fp = &atan;
36  else if (strcmp(ime_funkcije, "asin") == 0)
    fp = &asin;
38  else if (strcmp(ime_funkcije, "log") == 0)
    fp = &log;
40  else if (strcmp(ime_funkcije, "log10") == 0)
    fp = &log10;
42  else {
    fprintf(stderr,
44         "Greska: Program ne podrzava trazenu funkciju!\n");
    exit(EXIT_SUCCESS);
46  }

48  printf("Unesite krajeve intervala: ");
scanf("%lf %lf", &l, &d);

50
52  if ((*fp) (l) * (*fp) (d) >= 0) {
    fprintf(stderr, "Greska: %s na intervalu ", ime_funkcije);
    fprintf(stderr, "[%g, %g] ne zadovoljava uslove\n", l, d);
54  exit(EXIT_FAILURE);
    }

56
58  printf("Unesite preciznost: ");
scanf("%lf", &epsilon);

60  /* Sve dok se ne pronadje trazena vrednost argumenta */
while (1) {
62    /* Polovi se interval */
    s = (l + d) / 2;
64    /* Ako je apsolutna vrednost trazene funkcije u ovoj tacki manja
       od zadate tacnosti, prekida se pretraga */
66    if (fabs((*fp) (s)) < epsilon) {
        break;
68    }
    /* Ako je nula u levom delu intervala, nastavlja se pretraga na
       [l, s] */
70    if ((*fp) (l) * (*fp) (s) < 0)
72        d = s;
    else
74        /* Inace, na intervalu [s, d] */
        l = s;
76 }
```

```
78  /* Stampa se vrednost trazene tacke */
    printf("%g\n", s);
80
    exit(EXIT_SUCCESS);
82 }
```

### Rešenje 3.8

```
#include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>

4 #define MAX 256

6 int prvi_veci_od_nule(int niz[], int n)
{
8     /* Granice pretrage */
    int l = 0, d = n - 1;
10    int s;
    /* Sve dok je leva manja od desne granice */
12    while (l <= d) {
        /* Racuna se sredisnja pozicija */
14        s = (l + d) / 2;
        /* Ako je broj na toj poziciji veci od nule, a eventualni njegov
16        prethodnik manji ili jednak nuli, pretraga je zavrшена */
        if (niz[s] > 0 && ((s > 0 && niz[s - 1] <= 0) || s == 0))
18            return s;
        /* U slucaju broja manjeg ili jednakog nuli, pretrazuje se desna
20        polovina niza */
        if (niz[s] <= 0)
22            l = s + 1;
        /* A inace, leva polovina */
24        else
            d = s - 1;
26    }
    return -1;
28 }

30 int main()
{
32     int niz[MAX];
    int n = 0;
34
    /* Unos niza */
36    while (scanf("%d", &niz[n]) == 1)
        n++;
38
    /* Stampa se rezultat */
40    printf("%d\n", prvi_veci_od_nule(niz, n));
42    return 0;
}
```

### Rešenje 3.9

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3
4 #define MAX 256
5
6 int prvi_manji_od_nule(int niz[], int n)
7 {
8     /* Granice pretrage */
9     int l = 0, d = n - 1;
10    int s;
11    /* Sve dok je leva manja od desne granice */
12    while (l <= d) {
13        /* Racuna se sredisnja pozicija */
14        s = (l + d) / 2;
15        /* Ako je broj na toj poziciji manji od 0, a eventualni njegov
16         prethodnik veci ili jednak 0, pretraga se završava */
17        if (niz[s] < 0 && ((s > 0 && niz[s - 1] >= 0) || s == 0))
18            return s;
19        /* Ako je broj veci ili jednak 0, pretrazuje se desna polovina
20         niza */
21        if (niz[s] >= 0)
22            l = s + 1;
23        /* A inace leva */
24        else
25            d = s - 1;
26    }
27    return -1;
28 }
29
30 int main()
31 {
32     int niz[MAX];
33     int n = 0;
34
35     /* Unos niza */
36     while (scanf("%d", &niz[n]) == 1)
37         n++;
38
39     /* Stampa se rezultat */
40     printf("%d\n", prvi_manji_od_nule(niz, n));
41
42     return 0;
43 }
```

### Rešenje 3.10



```
1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3
4  unsigned int logaritam_a(unsigned int x)
5  {
6      /* Izlaz iz rekurzije */
7      if (x == 1)
8          return 0;
9      /* Rekurzivni korak */
10     return 1 + logaritam_a(x >> 1);
11 }
12
13 unsigned int logaritam_b(unsigned int x)
14 {
15     /* Binarnom pretragom se trazi jedinica u binarnom zapisu broja x
16     najvece vaznosti, tj. najlevlja. Pretragu se vrši od pozicije 0
17     do 31 */
18     int d = 0, l = sizeof(unsigned int) * 8 - 1;
19     int s;
20     /* Sve dok je desna granica pretrage desnije od leve */
21     while (d <= l) {
22         /* Racuna se sredisnja pozicija */
23         s = (l + d) / 2;
24         /* Proverava se da li je na toj poziciji trazena jedinica */
25         if ((1 << s) <= x && (1 << (s + 1)) > x)
26             return s;
27         /* Pretraga desne polovine binarnog zapisa */
28         if ((1 << s) > x)
29             l = s - 1;
30         /* Pretraga leve polovine binarnog zapisa */
31         else
32             d = s + 1;
33     }
34     return s;
35 }
36
37 int main()
38 {
39     unsigned int x;
40
41     /* Unos podatka */
42     scanf("%u", &x);
43
44     /* Provera da li je uneti broj pozitivan */
45     if (x == 0) {
46         fprintf(stderr, "Greska: Logaritam od nule nije definisan\n");
47         exit(EXIT_FAILURE);
48     }
49
50     /* Ispis povratnih vrednosti funkcija */
51     printf("%u %u\n", logaritam_a(x), logaritam_b(x));
```

```
53     exit(EXIT_SUCCESS);  
}
```

### Rešenje 3.12

*sort.h*

```
#ifndef _SORT_H_
#define _SORT_H_ 1

/* Selection sort: Funkcija sortira niz celih brojeva metodom
   sortiranja izborom. Ideja algoritma je sledeca: U svakoj
   iteraciji pronalazi se najmanji element i premesta se na pocetak
   niza. Dakle, u prvoj iteraciji, pronalazi se najmanji element, i
   dovodi na nulto mesto u nizu. U i-toj iteraciji najmanjih i-1
   elemenata su vec na svojim pozicijama, pa se od elemenata sa
   indeksima od i do n-1 trazi najmanji, koji se dovodi na i-tu
   poziciju. */
void selection_sort(int a[], int n);

/* Insertion sort: Funkcija sortira niz celih brojeva metodom
   sortiranja umetanjem. Ideja algoritma je sledeca: neka je na
   pocetku i-te iteracije niz prvih i elemenata
   (a[0],a[1],...,a[i-1]) sortirano. U i-toj iteraciji treba element
   a[i] umetnuti na pravu poziciju medju prvih i elemenata tako da se
   dobije niz duzine i+1 koji je sortiran. Ovo se radi tako sto se
   i-ti element najpre uporedi sa njegovim prvim levim susedom
   (a[i-1]). Ako je a[i] vece, tada je on vec na pravom mestu, i niz
   a[0],a[1],...,a[i] je sortiran, pa se moze preci na sledecu
   iteraciju. Ako je a[i-1] vece, tada se zamenjuju a[i] i a[i-1], a
   zatim se proverava da li je potrebno dalje potiskivanje elementa u
   levo, poredeci ga sa njegovim novim levim susedom. Ovim uzastopnim
   premestanjem se a[i] umece na pravo mesto u nizu. */
void insertion_sort(int a[], int n);

/* Bubble sort: Funkcija sortira niz celih brojeva metodom mehurica.
   Ideja algoritma je sledeca: prolazi se kroz niz redom poredeci
   susedne elemente, i pri tom ih zamenjujuci ako su u pogresnom
   poretku. Ovim se najveći element poput mehurica istiskuje na
   "povrsinu", tj. na krajnju desnu poziciju. Nakon toga je potrebno
   ovaj postupak ponoviti nad nizom a[0],...,a[n-2], tj. nad prvih
   n-1 elemenata niza bez poslednjeg koji je postavljen na pravu
   poziciju. Nakon toga se isti postupak ponavlja nad sve kracim i
   kracim prefiksima niza, cime se jedan po jedan istiskuju
   elementi na svoje prave pozicije. */
void bubble_sort(int a[], int n);

/* Selsort: Ovaj algoritam je jednostavno prosirenje sortiranja
   umetanjem koje dopusta direktnu razmenu udaljenih elemenata.
```

```

44     Prosirenje se sastoji u tome da se kroz algoritam umetanja
46     prolazi vise puta; u prvom prolazu, umesto koraka 1 uzima se neki
48     korak h koji je manji od n (sto omogucuje razmenu udaljenih
50     elemenata) i tako se dobija h-sortiran niz, tj. niz u kome su
52     elementi na rastojanju h sortirani, mada susedni elementi to ne
54     moraju biti. U drugom prolazu kroz isti algoritam sprovodi se
56     isti postupak ali za manji korak h. Sa prolazima se nastavlja sve
58     do koraka h = 1, u kome se dobija potpuno sortirani niz. Izbor
60     pocetne vrednosti za h, i nacina njegovog smanjivanja menja u
62     nekim slucajevima brzinu algoritma, ali bilo koja vrednost ce
64     rezultovati ispravnim sortiranjem, pod uslovom da je u poslednjoj
66     iteraciji h imalo vrednost 1. */
    void shell_sort(int a[], int n);

68     /* Merge sort: Funkcija sortira niz celih brojeva a[] ucesljavanjem.
70     Sortiranje se vrsi od elementa na poziciji l do onog na poziciji
72     d. Na pocetku, da bi niz bio kompletno sortiran, l mora biti 0, a
74     d je jednako poslednjem validnom indeksu u nizu. Funkcija niz
76     podeli na dve polovine, levu i desnu, koje zatim rekurzivno
78     sortira. Od ova dva sortirana podniza, sortiran niz se dobija
80     ucesljavanjem, tj. istovremenim prolaskom kroz oba niza i izborom
    trenutnog manjeg elementa koji se smesta u pomocni niz. Na kraju
    algoritma, sortirani elementi su u pomocnom nizu, koji se kopira u
    originalni niz. */
    void merge_sort(int a[], int l, int d);

    /* Quick sort: Funkcija sortira deo niza brojeva a izmedju pozicija
    l i d. Njena ideja sortiranja je izbor jednog elementa niza, koji
    se naziva pivot, i koji se dovodi na svoje mesto. Posle ovog
    koraka, svi elementi levo od njega bice manji, a svi desno bice
    veci od njega. Kako je pivot doveden na svoje mesto, da bi niz
    bio kompletno sortiran, potrebno je sortirati elemente levo
    (manje) od njega, i elemente desno (vece). Kako su dimenzije ova
    dva podniza manje od dimenzije pocetnog niza koji je trebalo
    sortirati, ovaj deo moze se uraditi rekurzivno. */
    void quick_sort(int a[], int l, int d);

80 #endif

```

sort.c

```

    #include "sort.h"
2
    #define MAX 1000000
4
    void selection_sort(int a[], int n)
6 {
    int i, j;
8     int min;
    int pom;
10

```

```
12  /* U svakoj iteraciji ove petlje pronalazi se najmanji element
13     medju elementima a[i], a[i+1],...,a[n-1], i postavlja se na
14     poziciju i, dok se element na poziciji i premesta na poziciju
15     min, na kojoj se nalazio najmanji od navedenih elemenata. */
16  for (i = 0; i < n - 1; i++) {
17      /* Unutrasnja petlja pronalazi poziciju min, na kojoj se nalazi
18         najmanji od elemenata a[i],...,a[n-1]. */
19      min = i;
20      for (j = i + 1; j < n; j++)
21          if (a[j] < a[min])
22              min = j;
23
24      /* Zamena elemenata na pozicijama (i) i min. Ovo se radi samo
25         ako su (i) i min razliciti, inace je nepotrebno. */
26      if (min != i) {
27          pom = a[i];
28          a[i] = a[min];
29          a[min] = pom;
30      }
31  }
32
33  void insertion_sort(int a[], int n)
34  {
35      int i, j;
36
37      /* Na pocetku iteracije pretpostavlja se da je niz a[0],...,a[i-1]
38         sortiran */
39      for (i = 1; i < n; i++) {
40          /* U ovoj petlji se redom potiskuje element a[i] ulevo koliko je
41             potrebno, dok ne zauzme pravo mesto, tako da niz a[0],...,a[i]
42             bude sortiran. Indeks j je trenutna pozicija na kojoj se
43             element koji se umece nalazi. Petlja se zavrшава ili kada
44             element dodje do levog kraja (j==0) ili kada se naidje na
45             element a[j-1] koji je manji od a[j]. */
46          int temp = a[i];
47          for (j = i; j > 0 && temp < a[j - 1]; j--)
48              a[j] = a[j - 1];
49          a[j] = temp;
50      }
51  }
52
53  void bubble_sort(int a[], int n)
54  {
55      int i, j;
56      int ind;
57
58      for (i = n, ind = 1; i > 1 && ind; i--)
59          /* Poput "mehurica" potiskuje se najveći element medju
60             elementima od a[0] do a[i-1] na poziciju i-1 upoređujući
61             susedne elemente niza i potiskujući veci u desno */
62          for (j = 0, ind = 0; j < i - 1; j++)
```

```
64     if (a[j] > a[j + 1]) {
65         int temp = a[j];
66         a[j] = a[j + 1];
67         a[j + 1] = temp;
68         /* Promenljiva ind registruje da je bilo premestanja. Samo u
69            tom slucaju ima smisla ici na sledecu iteraciju, jer ako
70            nije bilo premestanja, znaci da su svi elementi vec u
71            dobrom poretku, pa nema potrebe prelaziti na kraci prefiks
72            niza. Algoritam moze biti i bez ovoga, sortiranje bi bilo
73            ispravno, ali manje efikasano, jer bi se cesto nepotrebno
74            vrsila mnoga uporedjivanja, kada je vec jasno da je
75            sortiranje zavrшено. */
76         ind = 1;
77     }
78 }
79
80 void shell_sort(int a[], int n)
81 {
82     int h = n / 2, i, j;
83     while (h > 0) {
84         /* Insertion sort sa korakom h */
85         for (i = h; i < n; i++) {
86             int temp = a[i];
87             j = i;
88             while (j >= h && a[j - h] > temp) {
89                 a[j] = a[j - h];
90                 j -= h;
91             }
92             a[j] = temp;
93         }
94         h = h / 2;
95     }
96 }
97
98 void merge_sort(int a[], int l, int d)
99 {
100     int s;
101     static int b[MAX];          /* Pomocni niz */
102     int i, j, k;
103
104     /* Izlaz iz rekurzije */
105     if (l >= d)
106         return;
107
108     /* Odredjivanje sredisnjeg indeksa */
109     s = (l + d) / 2;
110
111     /* Rekurzivni pozivi */
112     merge_sort(a, l, s);
113     merge_sort(a, s + 1, d);
114
115     /* Inicijalizacija indeksa. Indeks i prolazi krozi levu polovinu
```

```
116     niza, dok indeks j prolazi kroz desnu polovinu niza. Indeks k
    prolazi kroz pomocni niz b[] */
118     i = l;
119     j = s + 1;
120     k = 0;
121
122     /* "Ucesljavanje" koriscenjem pomocnog niza b[] */
123     while (i <= s && j <= d) {
124         if (a[i] < a[j])
125             b[k++] = a[i++];
126         else
127             b[k++] = a[j++];
128     }
129
130     /* U slucaju da se prethodna petlja zavrsla izlaskom promenljive
    j iz dopustenog opsega u pomocni niz se prepisuje ostatak leve
    polovine niza */
131     while (i <= s)
132         b[k++] = a[i++];
133
134     /* U slucaju da se prethodna petlja zavrsla izlaskom promenljive
    i iz dopustenog opsega u pomocni niz se prepisuje ostatak desne
    polovine niza */
135     while (j <= d)
136         b[k++] = a[j++];
137
138     /* Prepisuje se "ucesljani" niz u originalni niz */
139     for (k = 0, i = l; i <= d; i++, k++)
140         a[i] = b[k];
141 }
142
143 /* Pomocna funkcija koja menja mesto i-tom i j-tom elementu niza a */
144 void swap(int a[], int i, int j)
145 {
146     int tmp = a[i];
147     a[i] = a[j];
148     a[j] = tmp;
149 }
150
151 void quick_sort(int a[], int l, int d)
152 {
153     int i, pivot_pozicija;
154
155     /* Izlaz iz rekurzije -- prazan niz */
156     if (l >= d)
157         return;
158
159     /* Particionisanje niza. Svi elementi na pozicijama levo od
    pivot_pozicija (izuzev same pozicije l) su strogo manji od
    pivota. Kada se pronadje neki element manji od pivota, uvecava
    se promenljiva pivot_pozicija i na tu poziciju se premesta
    nadjeni element. Na kraju ce pivot_pozicija zaista biti
```

```

168     pozicija na koju treba smestiti pivot, jer ce svi elementi levo
        od te pozicije biti manji a desno biti veci ili jednaki od
        pivota. */
170     pivot_pozicija = l;
        for (i = l + 1; i <= d; i++)
172         if (a[i] < a[l])
            swap(a, ++pivot_pozicija, i);
174
        /* Postavljanje pivota na svoje mesto */
176     swap(a, l, pivot_pozicija);

178     /* Rekurzivno sortiranje elementa manjih od pivota */
    quick_sort(a, l, pivot_pozicija - 1);
180     /* Rekurzivno sortiranje elementa vecih od pivota */
    quick_sort(a, pivot_pozicija + 1, d);
182 }

```

*main.c*

```

#include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
   #include <time.h>
4  #include "sort.h"

6  /* Maksimalna duzina niza */
   #define MAX 1000000

8
int main(int argc, char *argv[])
10 {
    /******
12     tip_sortiranja == 0 => selectionsort, (podrazumevano)
        tip_sortiranja == 1 => insertionsort, -i opcija komandne linije
14     tip_sortiranja == 2 => bubblesort,      -b opcija komandne linije
        tip_sortiranja == 3 => shellsort,      -s opcija komandne linije
16     tip_sortiranja == 4 => mergesort,      -m opcija komandne linije
        tip_sortiranja == 5 => quicksort,      -q opcija komandne linije
18     *****/
    int tip_sortiranja = 0;
20     /******
        tip_niza == 0 => slucajno generisani nizovi, (podrazumevano)
22     tip_niza == 1 => rastuce sortirani nizovi, -r opcija
        tip_niza == 2 => opadajuce soritrani nizovi, -o opcija
24     *****/
    int tip_niza = 0;

26
    /* Dimenzija niza koji se sortira */
28     int dimenzija;
    int i;
30     int niz[MAX];

32     /* Provera argumenata komandne linije */

```

```
34     if (argc < 2) {
35         fprintf(stderr, "Greska: Program zahteva bar 2 ");
36         fprintf(stderr, "argumenta komandne linije!\n");
37         exit(EXIT_FAILURE);
38     }
39
40     /* Ocitavaju se opcije i argumenati komandne linije */
41     for (i = 1; i < argc; i++) {
42         /* Ako je u pitanju opcija... */
43         if (argv[i][0] == '-') {
44             switch (argv[i][1]) {
45                 case 'i':
46                     tip_sortiranja = 1;
47                     break;
48                 case 'b':
49                     tip_sortiranja = 2;
50                     break;
51                 case 's':
52                     tip_sortiranja = 3;
53                     break;
54                 case 'm':
55                     tip_sortiranja = 4;
56                     break;
57                 case 'q':
58                     tip_sortiranja = 5;
59                     break;
60                 case 'r':
61                     tip_niza = 1;
62                     break;
63                 case 'o':
64                     tip_niza = 2;
65                     break;
66                 default:
67                     fprintf(stderr, "Greska: Pogresna opcija -%c\n", argv[i][1]);
68                     exit(EXIT_SUCCESS);
69                     break;
70             }
71         }
72         /* Ako je u pitanju argument, onda je to duzina niza koji treba
73            da se sortira */
74         else {
75             dimenzija = atoi(argv[i]);
76             if (dimenzija <= 0 || dimenzija > MAX) {
77                 fprintf(stderr, "Greska: Dimenzija niza neodgovarajuca!\n");
78                 exit(EXIT_FAILURE);
79             }
80         }
81     }
82
83     /* Elementi niza se odredjuju slucajno, ali vodeci racuna o tipu
84        niza dobijenom iz komandne linije. srand() funkcija obezbedjuje
85        novi seed za pozivanje rand funkcije, i kako generisani niz ne
```



```

86     bi uvek bio isti seed je postavljen na tekuće vreme u sekundama
87     od Nove godine 1970. rand()%100 daje brojeve izmedju 0 i 99 */
88     srand(time(NULL));
89     if (tip_niza == 0)
90         for (i = 0; i < dimenzija; i++)
91             niz[i] = rand();
92     else if (tip_niza == 1)
93         for (i = 0; i < dimenzija; i++)
94             niz[i] = i == 0 ? rand() % 100 : niz[i - 1] + rand() % 100;
95     else
96         for (i = 0; i < dimenzija; i++)
97             niz[i] = i == 0 ? rand() % 100 : niz[i - 1] - rand() % 100;
98
99     /* Ispisuju se elemenati niza */
100    /******
101    Ovaj deo je iskomentarisan jer sledeci ispis ne treba da se nadje
102    na standardnom izlazu. Njegova svrha je samo bila provera da li
103    je niz generisan u skladu sa opcijama komandne linije.
104
105    printf("Niz koji sortiramo je:\n");
106    for (i = 0; i < dimenzija; i++)
107        printf("%d\n", niz[i]);
108    *****/
109
110    /* Sortira se niz na odgovarajuci nacin */
111    if (tip_sortiranja == 0)
112        selection_sort(niz, dimenzija);
113    else if (tip_sortiranja == 1)
114        insertion_sort(niz, dimenzija);
115    else if (tip_sortiranja == 2)
116        bubble_sort(niz, dimenzija);
117    else if (tip_sortiranja == 3)
118        shell_sort(niz, dimenzija);
119    else if (tip_sortiranja == 4)
120        merge_sort(niz, 0, dimenzija - 1);
121    else
122        quick_sort(niz, 0, dimenzija - 1);
123
124    /* Ispisuju se elemenati niza */
125    /******
126    Ovaj deo je iskomentarisan jer vreme potrebno za njegovo
127    izvršavanje ne bi trebalo da bude ukljuceno u vreme izmereno
128    programom time. Takodje, kako je svrha ovog programa da prikaze
129    vremena razlicitih algoritama sortiranja, dimenzije nizova ce
130    biti, verovatno, ogromne, pa nema smisla imati na izlazu nizove
131    od toliko elemenata. Ovaj deo je koriscen u razvoju programa
132    zarad testiranja korektnosti.
133
134    printf("Sortiran niz je:\n");
135    for (i = 0; i < dimenzija; i++)
136        printf("%d\n", niz[i]);
137    *****/

```

```
138     exit(EXIT_SUCCESS);
    }
```

### Rešenje 3.13

```
#include <stdio.h>
#include <string.h>

#define MAX_DIM 128

/* Funkcija za sortiranje niza karaktera */
void selectionSort(char s[])
{
    int i, j, min;
    char pom;
    for (i = 0; s[i] != '\0'; i++) {
        min = i;
        for (j = i + 1; s[j] != '\0'; j++)
            if (s[j] < s[min])
                min = j;
        if (min != i) {
            pom = s[i];
            s[i] = s[min];
            s[min] = pom;
        }
    }
}

/* Funkcija vraca 1 ako su argumenti anagrami, a 0 inace. */
int anagrami(char s[], char t[])
{
    int i;

    /* Ako dve niske imaju razlicit broj karaktera onda one nisu
       anagrami */
    if (strlen(s) != strlen(t))
        return 0;

    /* Sortiraju se karakteri */
    selectionSort(s);
    selectionSort(t);

    /* Dve sortirane niske su anagrami ako i samo ako su jednake */
    for (i = 0; s[i] != '\0'; i++)
        if (s[i] != t[i])
            return 0;
    return 1;
}

int main()
```

```
46 {  
    char s[MAX_DIM], t[MAX_DIM];  
48  
    /* Ucitavaju se niske sa ulaza */  
50    printf("Unesite prvu nisku: ");  
    scanf("%s", s);  
52    printf("Unesite drugu nisku: ");  
    scanf("%s", t);  
54  
    /* Poziv funkcije */  
56    if (anagrami(s, t))  
        printf("jesu\n");  
58    else  
        printf("nisu\n");  
60    return 0;  
62 }
```

### Rešenje 3.14

NAPOMENA: Rešenje koristi biblioteku za sortiranje celih brojeva iz zadatka 3.12.

```
1 #include <stdio.h>
2 #include "sort.h"
3
4 #define MAX 256
5
6 /* Funkcija koja pronalazi najmanje rastojanje izmedju dva broja u
7    sortiranom nizu celih brojeva */
8 int najmanje_rastojanje(int a[], int n)
9 {
10     int i, min;
11     /* Postavlja se najmanje rastojanje na razliku prvog i drugog
12        elementa niza */
13     min = a[1] - a[0];
14     /* Za sve ostale susedne elemente proverava se njigova razlika */
15     for (i = 2; i < n; i++)
16         if (a[i] - a[i - 1] < min)
17             min = a[i] - a[i - 1];
18     return min;
19 }
20
21 int main()
22 {
23     int i, a[MAX];
24
25     /* Ucitavaju se elementi niza sve do kraja ulaza */
26     i = 0;
27     while (scanf("%d", &a[i]) != EOF)
28         i++;
29
30     /* Za sortiranje niza moze se koristiti bilo koja od funkcija
31        sortiranja iz sort.h. Ilustracije radi, u ovom zadatku koristi
32        se selection sort. */
33     selection_sort(a, i);
34
35     /* Ispisuje se rezultat */
36     printf("%d\n", najmanje_rastojanje(a, i));
37
38     return 0;
39 }
```

### Rešenje 3.15

NAPOMENA: Rešenje koristi biblioteku za sortiranje celih brojeva iz zadatka 3.12.

```
1 #include <stdio.h>
2 #include "sort.h"
3
4 #define MAX_DIM 256
```

```

5
7  /* Funkcija za odredjivanje onog elementa sortiranog niza koji se
   najviše puta pojavio u tom nizu */
9  int najvise_puta(int a[], int n)
10 {
12     int i, j, br_pojava, i_max_pojava = -1, max_br_pojava = -1;
13     /* Za i-ti element izracunava se koliko puta se pojavio u nizu */
14     for (i = 0; i < n; i = j) {
15         br_pojava = 1;
16         for (j = i + 1; j < n && a[i] == a[j]; j++)
17             br_pojava++;
18         /* Ispituje se da li se do tog trenutka i-ti element pojavio
19            najviše puta u nizu */
20         if (br_pojava > max_br_pojava) {
21             max_br_pojava = br_pojava;
22             i_max_pojava = i;
23         }
24     }
25     /* Vraca se element koji se najviše puta pojavio u nizu */
26     return a[i_max_pojava];
27 }
28
29 int main()
30 {
31     int a[MAX_DIM], i;
32
33     /* Ucitavaju se elemenati niza sve do kraja ulaza */
34     i = 0;
35     while (scanf("%d", &a[i]) != EOF)
36         i++;
37
38     /* Za sortiranje niza moze se koristiti bilo koja od funkcija
39        sortiranja iz sort.h. Ilustracije radi, u ovom zadatku koristi
40        se merge sort. */
41     merge_sort(a, 0, i - 1);
42
43     /* Odredjuje se broj koji se najviše puta pojavio u nizu */
44     printf("%d\n", najvise_puta(a, i));
45
46     return 0;
47 }

```

### Rešenje 3.16

NAPOMENA: Rešenje koristi biblioteku za sortiranje celih brojeva iz zadatka 3.12.

```

1  #include <stdio.h>
2  #include "sort.h"
3
4  #define MAX_DIM 256
5

```

```
7  /* Funkcija za binarnu pretragu niza vraca 1 ako se element x nalazi
   u nizu, a 0 inace. Pretpostavlja se da je niz sortiran u rastucem
   poretku */
9  int binarna_pretraga(int a[], int n, int x)
   {
11     int levi = 0, desni = n - 1, srednji;

13     while (levi <= desni) {
        srednji = (levi + desni) / 2;
15         if (a[srednji] == x)
            return 1;
17         else if (a[srednji] > x)
            desni = srednji - 1;
19         else if (a[srednji] < x)
            levi = srednji + 1;
21     }
        return 0;
23 }

25 int main()
   {
27     int a[MAX_DIM], n = 0, zbir, i;

29     /* Ucitava se trazeni zbir */
        printf("Unesite trazeni zbir: ");
31     scanf("%d", &zbir);

33     /* Ucitavaju se elementi niza sve do kraja ulaza */
        i = 0;
35     printf("Unesite elemente niza: ");
        while (scanf("%d", &a[i]) != EOF)
37         i++;
        n = i;
39

41     /* Za sortiranje niza moze se koristiti bilo koja od funkcija
        sortiranja iz sort.h. Ilustracije radi, u ovom zadatku koristi
        se quick sort. */
43     quick_sort(a, 0, n - 1);

45     for (i = 0; i < n; i++)
        /* Za i-ti element niza binarno se pretrazuje da li se u ostatku
47         niza nalazi element koji sabran sa njim ima ucitanu vrednost
        zbira */
49         if (binarna_pretraga(a + i + 1, n - i - 1, zbir - a[i])) {
            printf("da\n");
51             return 0;
        }
53     printf("ne\n");

55     return 0;
   }
```

## Rešenje 3.17

```
1  #include <stdio.h>
2  #define MAX_DIM 256
3
4  /* Funkcija objedinjuje nizove niz1 i niz2 dimenzija dim1 i dim2, a
   rezultat cuva u nizu dim3 za koji je rezervisano dim3 elemenata */
6  int merge(int *niz1, int dim1, int *niz2, int dim2, int *niz3,
            int dim3)
8  {
   int i = 0, j = 0, k = 0;
10  /* U slucaju da je dimenzija treceg niza manja od neophodne,
   funkcija vraca -1 */
12  if (dim3 < dim1 + dim2)
   return -1;
14
   /* Vrsi se ucesljavanje nizova sve dok se ne dodje do kraja jednog
   od njih */
16  while (i < dim1 && j < dim2) {
18     if (niz1[i] < niz2[j])
       niz3[k++] = niz1[i++];
20     else
       niz3[k++] = niz2[j++];
22   }
   /* Ostatak prvog niza prepisuje se u treci */
24   while (i < dim1)
     niz3[k++] = niz1[i++];
26
   /* Ostatak drugog niza prepisuje se u treci */
28   while (j < dim2)
     niz3[k++] = niz2[j++];
30   return dim1 + dim2;
31 }
32
33 int main()
34 {
   int niz1[MAX_DIM], niz2[MAX_DIM], niz3[2 * MAX_DIM];
36   int i = 0, j = 0, k, dim3;
37
38   /* Ucitavaju se nizovi sa ulaza sve dok se ne unese nula.
   Pretpostavka je da na ulazu nema vise od MAX_DIM elemenata */
40   printf("Unesite elemente prvog niza: ");
   while (1) {
42     scanf("%d", &niz1[i]);
     if (niz1[i] == 0)
44       break;
     i++;
46   }
   printf("Unesite elemente drugog niza: ");
48   while (1) {
     scanf("%d", &niz2[j]);
     if (niz2[j] == 0)
50       break;
     j++;
   }
```

```
        break;
52     j++;
    }

54     /* Poziv trazene funkcije */
56     dim3 = merge(niz1, i, niz2, j, niz3, 2 * MAX_DIM);

58     /* Ispis niza */
    for (k = 0; k < dim3; k++)
60         printf("%d ", niz3[k]);
        printf("\n");

62     return 0;
64 }
```

### Rešenje 3.18

```
#include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
#include <string.h>

4
int main(int argc, char *argv[])
6 {
    FILE *fin1 = NULL, *fin2 = NULL;
    FILE *fout = NULL;
    char ime1[11], ime2[11];
10    char prezime1[16], prezime2[16];
    int kraj1 = 0, kraj2 = 0;

12
    /* Ako nema dovoljno argumenata komandne linije */
14    if (argc < 3) {
        fprintf(stderr,
16             "Greska: Program se poziva sa %s datoteka1 datoteka2\n",
                argv[0]);
18        exit(EXIT_FAILURE);
    }

20
    /* Otvara se datoteka zadata prvim argumentom komandne linije */
22    fin1 = fopen(argv[1], "r");
    if (fin1 == NULL) {
24        fprintf(stderr, "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke %s\n",
                argv[1]);
26        exit(EXIT_FAILURE);
    }

28
    /* Otvara se datoteka zadata drugim argumentom komandne linije */
30    fin2 = fopen(argv[2], "r");
    if (fin2 == NULL) {
32        fprintf(stderr, "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke %s\n",
                argv[2]);
34        exit(EXIT_FAILURE);
    }
}
```



```
36     }
37
38     /* Otvara se datoteka za upis rezultata */
39     fout = fopen("ceo-tok.txt", "w");
40     if (fout == NULL) {
41         fprintf(stderr,
42             "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke ceo-tok.txt\n");
43         exit(EXIT_FAILURE);
44     }
45
46     /* Cita se prvi student iz prve datoteke */
47     if (fscanf(fin1, "%s%s", ime1, prezime1) == EOF)
48         kraj1 = 1;
49
50     /* Cita se prvi student iz druge datoteke */
51     if (fscanf(fin2, "%s%s", ime2, prezime2) == EOF)
52         kraj2 = 1;
53
54     /* Sve dok nije dostignut kraj neke datoteke */
55     while (!kraj1 && !kraj2) {
56         int tmp = strcmp(ime1, ime2);
57         if (tmp < 0 || (tmp == 0 && strcmp(prezime1, prezime2) < 0)) {
58             /* Ime i prezime iz prve datoteke je leksikografski ranije, i
59              biva upisano u izlaznu datoteku */
60             fprintf(fout, "%s %s\n", ime1, prezime1);
61             /* Cita se naredni student iz prve datoteke */
62             if (fscanf(fin1, "%s%s", ime1, prezime1) == EOF)
63                 kraj1 = 1;
64         } else {
65             /* Ime i prezime iz druge datoteke je leksikografski ranije, i
66              biva upisano u izlaznu datoteku */
67             fprintf(fout, "%s %s\n", ime2, prezime2);
68             /* Cita se naredni student iz druge datoteke */
69             if (fscanf(fin2, "%s%s", ime2, prezime2) == EOF)
70                 kraj2 = 1;
71         }
72     }
73
74     /* Ako se iz prethodne petlje izašlo zato što je dostignut kraj
75     druge datoteke, onda ima još studenata u prvoj datoteci, koje
76     treba prepisati u izlaznu, redom, jer su već sortirani po
77     imenu. */
78     while (!kraj1) {
79         fprintf(fout, "%s %s\n", ime1, prezime1);
80         if (fscanf(fin1, "%s%s", ime1, prezime1) == EOF)
81             kraj1 = 1;
82     }
83
84     /* Ako se iz prve petlje izašlo zato što je dostignut kraj prve
85     datoteke, onda ima još studenata u drugoj datoteci, koje treba
86     prepisati u izlaznu, redom, jer su već sortirani po imenu. */
87     while (!kraj2) {
```

```
    fprintf(fout, "%s %s\n", ime2, prezime2);
88    if (fscanf(fin2, "%s%s", ime2, prezime2) == EOF)
        kraj2 = 1;
90 }

92 /* Zatvaraju se datoteke */
    fclose(fin1);
94    fclose(fin2);
    fclose(fout);

96    exit(EXIT_SUCCESS);
98 }
```

### Rešenje 3.19

```
1  #include <stdio.h>
   #include <string.h>
3  #include <math.h>
   #include <stdlib.h>
5
   #define MAX_BR_TACAKA 128
7
   /* Struktura koja reprezentuje koordinate tacke */
9  typedef struct Tacka {
    int x;
11    int y;
    } Tacka;
13
   /* Funkcija racuna rastojanje zadate tacke od koordinatnog pocetka */
15 float rastojanje(Tacka A)
    {
17     return sqrt(A.x * A.x + A.y * A.y);
    }
19
   /* Funkcija koja sortira niz tacaka po rastojanju od koordinatnog
21    pocetka */
void sortiraj_po_rastojanju(Tacka t[], int n)
23 {
    int min, i, j;
25    Tacka tmp;

27    for (i = 0; i < n - 1; i++) {
        min = i;
29        for (j = i + 1; j < n; j++) {
            if (rastojanje(t[j]) < rastojanje(t[min])) {
31                min = j;
            }
33        }
        if (min != i) {
35            tmp = t[i];
            t[i] = t[min];
            t[min] = tmp;
        }
    }
}
```

```
37         t[min] = tmp;
38     }
39 }
40 }
41
42 /* Funkcija koja sortira niz tacaka po vrednosti x koordinate */
43 void sortiraj_po_x(Tacka t[], int n)
44 {
45     int min, i, j;
46     Tacka tmp;
47
48     for (i = 0; i < n - 1; i++) {
49         min = i;
50         for (j = i + 1; j < n; j++) {
51             if (abs(t[j].x) < abs(t[min].x)) {
52                 min = j;
53             }
54         }
55         if (min != i) {
56             tmp = t[i];
57             t[i] = t[min];
58             t[min] = tmp;
59         }
60     }
61 }
62
63 /* Funkcija koja sortira niz tacaka po vrednosti y koordinate */
64 void sortiraj_po_y(Tacka t[], int n)
65 {
66     int min, i, j;
67     Tacka tmp;
68
69     for (i = 0; i < n - 1; i++) {
70         min = i;
71         for (j = i + 1; j < n; j++) {
72             if (abs(t[j].y) < abs(t[min].y)) {
73                 min = j;
74             }
75         }
76         if (min != i) {
77             tmp = t[i];
78             t[i] = t[min];
79             t[min] = tmp;
80         }
81     }
82 }
83
84 int main(int argc, char *argv[])
85 {
86     FILE *ulaz;
87     FILE *izlaz;
88     Tacka tacke[MAX_BR_TACAKA];
```

```
89  int i, n;

91  /* Proverava se broj argumenata komandne linije: ocekuje se ime
    izvrnog programa, opcija, ime ulazne datoteke i ime izlazne
93  datoteke, tj. 4 argumenta */
    if (argc != 4) {
95      fprintf(stderr,
                "Greska: Program se poziva sa %s opcija ulaz izlaz\n",
97      argv[0]);
        exit(EXIT_FAILURE);
99  }

101 /* Otvara se datoteka u kojoj su zadate tacke */
    ulaz = fopen(argv[2], "r");
103 if (ulaz == NULL) {
        fprintf(stderr, "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke %s!\n",
105      argv[2]);
        exit(EXIT_FAILURE);
107 }

109 /* Otvara se datoteka u koju treba upisati rezultat */
    izlaz = fopen(argv[3], "w");
111 if (izlaz == NULL) {
        fprintf(stderr, "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke %s!\n",
113      argv[3]);
        exit(EXIT_FAILURE);
115 }

117 /* Sve dok se ne stigne do kraja ulazne datoteke, ucitavaju se
    koordinate tacaka i smestaju na odgovarajuce pozicije odredjene
119 brojacem i. */
    i = 0;
121 while (fscanf(ulaz, "%d %d", &tacke[i].x, &tacke[i].y) != EOF) {
        i++;
123 }

125 /* Ukupan broj procitanih tacaka */
    n = i;

127

129 /* Analizira se prosledjena opcija. Moguce vrednosti za argv[1] su
    "-x" ili "-y" ili "-o", pa je argv[1][0] sigurno crtica
    (karakter -), a karakter argv[1][1] odredjuje kriterijum
131 sortiranja */
    switch (argv[1][1]) {
133 case 'x':
        /* Sortira se po vrednosti x koordinate */
135      sortiraj_po_x(tacke, n);
        break;
137 case 'y':
        /* Sortira se po vrednosti y koordinate */
139      sortiraj_po_y(tacke, n);
        break;
```

```
141     case 'o':
142         /* Sortira se po udaljenosti od koordinatnog pocetka */
143         sortiraj_po_rastojanju(tacke, n);
144         break;
145     }
146
147     /* Upisuje se dobijeni niz u izlaznu datoteku */
148     for (i = 0; i < n; i++) {
149         fprintf(izlaz, "%d %d\n", tacke[i].x, tacke[i].y);
150     }
151
152     /* Zatvaraju se otvorene datoteke */
153     fclose(ulaz);
154     fclose(izlaz);
155
156     exit(EXIT_SUCCESS);
157 }
```

### Rešenje 3.20

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <string.h>
3  #include <stdlib.h>
4
5  #define MAX 1000
6  #define MAX_DUZINA 16
7
8  /* Struktura koja reprezentuje jednog gradjanina */
9  typedef struct gr {
10     char ime[MAX_DUZINA];
11     char prezime[MAX_DUZINA];
12 } Gradjanin;
13
14 /* Funkcija sortira niz gradjana rastuce po imenima */
15 void sort_ime(Gradjanin a[], int n)
16 {
17     int i, j;
18     int min;
19     Gradjanin pom;
20
21     for (i = 0; i < n - 1; i++) {
22         /* Unutrasnja petlja pronalazi poziciju min, na kojoj se nalazi
23            najmanji od elemenata a[i].ime,...,a[n-1].ime. */
24         min = i;
25         for (j = i + 1; j < n; j++)
26             if (strcmp(a[j].ime, a[min].ime) < 0)
27                 min = j;
28         /* Zamena elemenata na pozicijama (i) i min. Ovo se radi samo
29            ako su (i) i min razliciti, inace je nepotrebno. */
30         if (min != i) {
31             pom = a[i];
32             a[i] = a[min];
33             a[min] = pom;
34         }
35     }
36 }
```

```
32     a[i] = a[min];
33     a[min] = pom;
34 }
35 }
36 }

38 /* Funkcija sortira niz gradjana rastuce po prezimenima */
39 void sort_prezime(Gradjanin a[], int n)
40 {
41     int i, j;
42     int min;
43     Gradjanin pom;

44     for (i = 0; i < n - 1; i++) {
45         /* Unutrasnja petlja pronalazi poziciju min, na kojoj se nalazi
46            najmanji od elemenata a[i].prezime,...,a[n-1].prezime. */
47         min = i;
48         for (j = i + 1; j < n; j++)
49             if (strcmp(a[j].prezime, a[min].prezime) < 0)
50                 min = j;
51         /* Zamena elemenata na pozicijama (i) i min. Ovo se radi samo
52            ako su (i) i min razliciti, inace je nepotrebno. */
53         if (min != i) {
54             pom = a[i];
55             a[i] = a[min];
56             a[min] = pom;
57         }
58     }
59 }

60 }

62 /* Pretraga niza gradjana */
63 int linearna_pretraga(Gradjanin a[], int n, Gradjanin * x)
64 {
65     int i;
66     for (i = 0; i < n; i++)
67         if (strcmp(a[i].ime, x->ime) == 0
68             && strcmp(a[i].prezime, x->prezime) == 0)
69             return i;
70     return -1;
71 }

72

74 int main()
75 {
76     Gradjanin spisak1[MAX], spisak2[MAX];
77     int isti_rbr = 0;
78     int i, n;
79     FILE *fp = NULL;

80     /* Otvara se datoteka */
81     if ((fp = fopen("biracki-spisak.txt", "r")) == NULL) {
82         fprintf(stderr,
```

```
84         "Greska: Neupesno otvaranje datoteke za citanje.\n");
85     exit(EXIT_FAILURE);
86 }
87
88 /* Cita se sadrzaj */
89 for (i = 0;
90      fscanf(fp, "%s %s", spisak1[i].ime,
91             spisak1[i].prezime) != EOF; i++)
92     spisak2[i] = spisak1[i];
93 n = i;
94
95 /* Zatvara se datoteka */
96 fclose(fp);
97
98 sort_ime(spisak1, n);
99
100 /*****
101  Ovak deo je iskomentaran jer se u zadatku ne trazi ispis
102  sortiranih nizova. Koriscen je samo u fazi testiranja programa.
103
104  printf("Biracki spisak [uredjen prema imenima]:\n");
105  for(i=0; i<n; i++)
106      printf(" %d. %s %s\n",i,spisak1[i].ime, spisak1[i].prezime);
107  *****/
108
109 sort_prezime(spisak2, n);
110
111 /*****
112  Ovak deo je iskomentaran jer se u zadatku ne trazi ispis
113  sortiranih nizova. Koriscen je samo u fazi testiranja programa.
114
115  printf("Biracki spisak [uredjen prema prezimenima]:\n");
116  for(i=0; i<n; i++)
117      printf(" %d. %s %s\n",i,spisak2[i].ime, spisak2[i].prezime);
118  *****/
119
120 /* Linearno se pretrazuju nizovi */
121 for (i = 0; i < n; i++)
122     if (i == linearna_pretraga(spisak2, n, &spisak1[i]))
123         isti_rbr++;
124
125 /* Alternativno (efikasnije) resenje */
126 /*****
127  for(i=0; i<n ;i++)
128      if( strcmp(spisak2[i].ime, spisak1[i].ime) == 0 &&
129          strcmp(spisak1[i].prezime, spisak2[i].prezime)==0)
130          isti_rbr++;
131  *****/
132
133 /* Ispisuje se rezultat */
134 printf("%d\n", isti_rbr);
```

```
136     exit(EXIT_SUCCESS);  
    }
```

### Rešenje 3.22

```
1  #include <stdio.h>  
2  #include <stdlib.h>  
3  #include <string.h>  
4  #include <ctype.h>  
5  
6  #define MAX_BR_RECII 128  
7  #define MAX_DUZINA_RECII 32  
8  
9  /* Funkcija koja izracunava broj suglasnika u reci */  
10 int broj_suglasnika(char s[])  
11 {  
12     char c;  
13     int i;  
14     int suglasnici = 0;  
15     /* Prolaz karakter po karakter kroz zadatu nisku */  
16     for (i = 0; s[i]; i++) {  
17         /* Ako je u pitanju slovo, konvertuje se u veliko da bi bio  
18            pokriven slucaj i malih i velikih suglasnika. */  
19         if (isalpha(s[i])) {  
20             c = toupper(s[i]);  
21             /* Ukoliko slovo nije samoglasnik uvecava se brojac. */  
22             if (c != 'A' && c != 'E' && c != 'I' && c != 'O' && c != 'U')  
23                 suglasnici++;  
24         }  
25     }  
26     /* Vraca se izracunata vrednost */  
27     return suglasnici;  
28 }  
29  
30 /* Funkcija koja sortira reci po zadatom kriterijumu. Informacija o  
31    duzini reci se mora proslediti zbog pravilnog upravljanja  
32    memorijom */  
33 void sortiraj_reci(char reci[][MAX_DUZINA_RECII], int n)  
34 {  
35     int min, i, j, broj_suglasnika_j, broj_suglasnika_min,  
36         duzina_j, duzina_min;  
37     char tmp[MAX_DUZINA_RECII];  
38     for (i = 0; i < n - 1; i++) {  
39         min = i;  
40         for (j = i; j < n; j++) {  
41             /* Prvo se upoređuje broj suglasnika */  
42             broj_suglasnika_j = broj_suglasnika(reci[j]);  
43             broj_suglasnika_min = broj_suglasnika(reci[min]);  
44             if (broj_suglasnika_j < broj_suglasnika_min)  
45                 min = j;  
46             else if (broj_suglasnika_j == broj_suglasnika_min) {
```



```
47      /* Zatim, recima koje imaju isti broj suglasnika upoređuju
      se duzine */
49      duzina_j = strlen(reci[j]);
      duzina_min = strlen(reci[min]);

51
52      if (duzina_j < duzina_min)
53          min = j;
      else {
54          /* Ako reci imaju i isti broj suglasnika i iste duzine,
          upoređuju se leksikografski */
55          if (duzina_j == duzina_min
56              && strcmp(reci[j], reci[min]) < 0)
57              min = j;
58      }
59  }
60  }
61  }
62  }
63  if (min != i) {
64      strcpy(tmp, reci[min]);
65      strcpy(reci[min], reci[i]);
66      strcpy(reci[i], tmp);
67  }
68  }
69  }

71  int main()
72  {
73      FILE *ulaz;
74      int i = 0, n;

75
76      /* Niz u koji ce biti smestane reci. Prvi broj oznacava broj reci,
77      a drugi maksimalnu duzinu pojedinačne reci */
78      char reci[MAX_BR_RECII][MAX_DUZINA_RECII];

79
80      /* Otvara se datoteka niske.txt za citanje */
81      ulaz = fopen("niske.txt", "r");
82      if (ulaz == NULL) {
83          fprintf(stderr,
84                  "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke niske.txt!\n");
85          exit(EXIT_FAILURE);
86      }

87
88      /* Sve dok se moze procitati sledeca rec */
89      while (fscanf(ulaz, "%s", reci[i]) != EOF) {
90          /* Proverava se da li ucitan maksimalan broj reci, i ako jeste,
          prekida se ucitavanje */
91          if (i == MAX_BR_RECII)
92              break;
93          /* Priprema brojaca za narednu iteraciju */
94          i++;
95      }
96
97      /* n je duzina niza reci i predstavlja poslednju vrednost
```

```
99     koriscenog brojaca */
    n = i;
101 /* Poziva se funkcija za sortiranje reci */
    sortiraj_reci(reci, n);
103
105 /* Ispis sortiranog niza reci */
    for (i = 0; i < n; i++) {
        printf("%s ", reci[i]);
107     }
    printf("\n");
109
111 /* Zatvara se datoteka */
    fclose(ulaz);
113
    exit(EXIT_SUCCESS);
}
```

### Rešenje 3.23

```
#include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
#include <string.h>
4
#define MAX_ARTIKALA 100000
6
/* Struktura koja predstavlja jedan artikal */
8 typedef struct art {
    long kod;
10     char naziv[20];
    char proizvođač[20];
12     float cena;
} Artikal;
14
/* Funkcija koja u nizu artikala binarnom pretragom nalazi onaj sa
16     traženim bar kodom */
int binarna_pretraga(Artikal a[], int n, long x)
18 {
    int levi = 0;
20     int desni = n - 1;

22     /* Dokle god je indeks levi levo od indeksa desni */
    while (levi <= desni) {
24         /* Racuna se srednji indeks */
        int srednji = (levi + desni) / 2;
26         /* Ako je srednji element veci od traženog, tada se traženi
            mora nalaziti u levoj polovini niza */
28         if (x < a[srednji].kod)
            desni = srednji - 1;
30         /* Ako je srednji element manji od traženog, tada se traženi
            mora nalaziti u desnoj polovini niza */
32         else if (x > a[srednji].kod)
```

```
        levi = srednji + 1;
34     else
        /* Ako je sredisnji element jednak trazenom, tada je artikal
36         sa bar kodom x pronadjen na poziciji srednji */
        return srednji;
38     }
    /* Ako nije pronadjen artikal za trazanim bar kodom, vraca se -1 */
40     return -1;
}

42 /* Funkcija koja sortira niz artikala po bar kodovima rastuce */
44 void selection_sort(Artikal a[], int n)
{
46     int i, j;
48     int min;
    Artikal pom;

50     for (i = 0; i < n - 1; i++) {
        min = i;
52         for (j = i + 1; j < n; j++)
            if (a[j].kod < a[min].kod)
54                 min = j;
        if (min != i) {
56             pom = a[i];
            a[i] = a[min];
58             a[min] = pom;
        }
60     }
}

62
64 int main()
{
    Artikal asortiman[MAX_ARTIKALA];
66     long kod;
    int i, n;
68     float racun;
    FILE *fp = NULL;

70
    /* Otvara se datoteka */
72     if ((fp = fopen("artikli.txt", "r")) == NULL) {
        fprintf(stderr,
74             "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke artikli.txt.\n");
        exit(EXIT_FAILURE);
76     }

78     /* Ucitavaju se artikali */
    i = 0;
80     while (fscanf(fp, "%ld %s %s %f", &asortiman[i].kod,
        asortiman[i].naziv, asortiman[i].proizvodjac,
82         &asortiman[i].cena) == 4)
        i++;
84 }
```

```
/* Zatvara se datoteka */
86 fclose(fp);

88 n = i;

90 /* Sortira se celokupan asortiman prodavnice prema kodovima jer ce
91    pri kucanju racuna prodavac unositi kod artikla. Prilikom
92    kucanja svakog racuna pretrazuje se asortiman, da bi se utvrdila
93    cena artikla. Kucanje racuna obuhvata vise pretraga asortimana i
94    cilj je da ta operacija bude sto efikasnija. Zato se koristi
95    algoritam binarne pretrage prilikom pretrazivanja po kodu
96    artikla. Iz tog razloga, potrebno je da asortiman bude sortiran
97    po kodovima i to ce biti uradjeno primenom selection sort
98    algoritma. Sortiranje se vrši samo jednom na pocetku, ali se
99    zato posle artikli mogu brzo pretrazivati prilikom kucanja
100    proizvodljno puno racuna. Vreme koje se utrosi na sortiranje na
101    pocetku izrsavanja programa, kasnije se isplati jer se za
102    brojna trazjenja artikla umesto linearne moze koristiti
103    efikasnija binarna pretraga. */
104 selection_sort(asortiman, n);

106 /* Ispis stanja u prodavnici */
printf
108     ("Asortiman:\nKOD          Naziv artikla      Ime
    proizvodjaca      Cena\n");
for (i = 0; i < n; i++)
110     printf("%10ld %20s %20s %12.2f\n", asortiman[i].kod,
        asortiman[i].naziv, asortiman[i].proizvodjac,
112         asortiman[i].cena);

114 kod = 0;
while (1) {
116     printf("-----\n");
    printf("- Za kraj za kraj rada kase, pritisnite CTRL+D!\n");
118     printf("- Za nov racun unesite kod artikla:\n\n");
    /* Unos bar koda provog artikla sledeceg kupca */
120     if (scanf("%ld", &kod) == EOF)
        break;
    /* Trenutni racun novog kupca */
    racun = 0;
    /* Za sve artikle trenutnog kupca */
    while (1) {
126         /* Vrsi se njihov pronalazak u nizu */
        if ((i = binarna_pretraga(asortiman, n, kod)) == -1) {
128             printf("\tGreska: Ne postoji proizvod sa trazanim kodom!\n");
        } else {
130             printf("\tTrazili ste:\t%s %s %12.2f\n",
                asortiman[i].naziv, asortiman[i].proizvodjac,
132                 asortiman[i].cena);
            /* I dodaje se cena na ukupan racun */
134             racun += asortiman[i].cena;
        }
    }
}
```

```

136     /* Unos bar koda sledeceg artikla trenutnog kupca, ili 0 ako
        on nema vise artikla */
138     printf("Unesite kod artikla [ili 0 za prekid]: \t");
        scanf("%ld", &kod);
140     if (kod == 0)
        break;
142 }
    /* Stampa se ukupan racun trenutnog kupca */
144     printf("\n\tUKUPNO: %.2lf dinara.\n\n", racun);
}

146     printf("Kraj rada kase!\n");
148     exit(EXIT_SUCCESS);
150 }

```

### Rešenje 3.24

```

1  #include <stdio.h>
    #include <stdlib.h>
3  #include <string.h>

5  #define MAX 500

7  /* Struktura sa svim informacijama o pojedinacnom studentu */
    typedef struct {
9      char ime[21];
        char prezime[26];
11     int prisustvo;
        int zadaci;
13 } Student;

15 /* Funkcija za sortiranje niza struktura po prezimenu leksikografski
        rastuce */
17 void sort_ime_leksikografski(Student niz[], int n)
    {
19     int i, j;
        int min;
21     Student pom;

23     for (i = 0; i < n - 1; i++) {
        min = i;
25         for (j = i + 1; j < n; j++)
            if (strcmp(niz[j].ime, niz[min].ime) < 0)
27             min = j;

29         if (min != i) {
            pom = niz[min];
31             niz[min] = niz[i];
                niz[i] = pom;
33         }
    }

```

```
    }
35 }

37 /* Funkcija za sortiranje niza struktura po ukupnom broju uradjenih
    zadatka opadajuće, a ukoliko neki studenti imaju isti broj
39 uradjenih zadataka sortiraju se po dužini imena rastuće. */
void sort_zadatke_pa_imena(Student niz[], int n)
41 {
    int i, j;
43     int max;
    Student pom;
45     for (i = 0; i < n - 1; i++) {
        max = i;
47         for (j = i + 1; j < n; j++)
            if (niz[j].zadaci > niz[max].zadaci)
49                 max = j;
            else if (niz[j].zadaci == niz[max].zadaci
51                     && strlen(niz[j].ime) < strlen(niz[max].ime))
                max = j;
53         if (max != i) {
            pom = niz[max];
55             niz[max] = niz[i];
            niz[i] = pom;
57         }
    }
59 }

61 /* Funkcija za sortiranje niza struktura po broju casova na kojima
    su bili opadajuće. Ukoliko neki studenti imaju isti broj casova,
63 sortiraju se opadajuće po broju uradjenih zadataka, a ukoliko se
    i po broju zadataka poklapaju, njihovo sortiranje ce biti po
65 prezimenu opadajuće. */
void sort_prisustvo_pa_zadatke_pa_prezimeni(Student niz[], int n)
67 {
    int i, j;
69     int max;
    Student pom;
71     for (i = 0; i < n - 1; i++) {
        max = i;
73         for (j = i + 1; j < n; j++)
            if (niz[j].prisustvo > niz[max].prisustvo)
75                 max = j;
            else if (niz[j].prisustvo == niz[max].prisustvo
77                     && niz[j].zadaci > niz[max].zadaci)
                max = j;
79         else if (niz[j].prisustvo == niz[max].prisustvo
                    && niz[j].zadaci == niz[max].zadaci
81                     && strcmp(niz[j].prezime, niz[max].prezime) > 0)
                max = j;
83         if (max != i) {
            pom = niz[max];
85             niz[max] = niz[i];
```

```

    niz[i] = pom;
87     }
    }
89 }

91 int main(int argc, char *argv[])
{
93     Student praktikum[MAX];
    int i, br_studenata = 0;

95     FILE *fp = NULL;

97     /* Otvara se datoteka za citanje */
99     if ((fp = fopen("aktivnost.txt", "r")) == NULL) {
        fprintf(stderr,
101             "Greska: Neupesno otvaranje datoteke aktivnost.txt.\n");
        exit(EXIT_FAILURE);
103     }

105     /* Ucitava se sadrzaj */
    for (i = 0;
107         fscanf(fp, "%s%d", praktikum[i].ime,
                praktikum[i].prezime, &praktikum[i].prisustvo,
109                 &praktikum[i].zadaci) != EOF; i++);
    /* Zatvara se datoteka */
111     fclose(fp);
    br_studenata = i;

113     /* Kreira se prvi spisak studenata po prvom kriterijumu */
    sort_ime_leksikografski(praktikum, br_studenata);
115     /* Otvara se datoteka za pisanje */
117     if ((fp = fopen("dat1.txt", "w")) == NULL) {
        fprintf(stderr,
119             "Greska: Neupesno otvaranje datoteke dat1.txt.\n");
        exit(EXIT_FAILURE);
121     }
    /* Upisuje se niz u datoteku */
123     fprintf
        (fp, "Studenti sortirani po imenu leksikografski rastuce:\n");
125     for (i = 0; i < br_studenata; i++)
        fprintf(fp, "%s %s %d %d\n", praktikum[i].ime,
127                praktikum[i].prezime, praktikum[i].prisustvo,
                praktikum[i].zadaci);
129     /* Zatvara se datoteka */
    fclose(fp);

131     /* Kreira se drugi spisak studenata po drugom kriterijumu */
133     sort_zadatke_pa_imena(praktikum, br_studenata);
    /* Otvara se datoteka za pisanje */
135     if ((fp = fopen("dat2.txt", "w")) == NULL) {
        fprintf(stderr,
137             "Greska: Neupesno otvaranje datoteke dat2.txt.\n");
    }
```

```

    exit(EXIT_FAILURE);
139 }
    /* Upisuje se niz u datoteku */
141 fprintf(fp, "Studenti sortirani po broju zadataka opadajuće,\n");
    fprintf(fp, "pa po dužini imena rastuće:\n");
143 for (i = 0; i < br_studenata; i++)
    fprintf(fp, "%s %s %d %d\n", praktikum[i].ime,
145           praktikum[i].prezime, praktikum[i].prisustvo,
           praktikum[i].zadaci);
147 /* Zatvara se datoteka */
    fclose(fp);
149
    /* Kreira se treci spisak studenata po trecem kriterijumu */
151 sort_prisustvo_pa_zadatke_pa_prezimenama(praktikum, br_studenata);
    /* Otvara se datoteka za pisanje */
153 if ((fp = fopen("dat3.txt", "w")) == NULL) {
    fprintf(stderr,
155           "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke dat3.txt.\n");
    exit(EXIT_FAILURE);
157 }
    /* Upisuje se niz u datoteku */
159 fprintf(fp, "Studenti sortirani po prisustvu opadajuće,\n");
    fprintf(fp, "pa po broju zadataka,\n");
161 fprintf(fp, "pa po prezimenima leksikografski opadajuće:\n");
    for (i = 0; i < br_studenata; i++)
163     fprintf(fp, "%s %s %d %d\n", praktikum[i].ime,
           praktikum[i].prezime, praktikum[i].prisustvo,
165           praktikum[i].zadaci);
    /* Zatvara se datoteka */
167     fclose(fp);
169
    exit(EXIT_SUCCESS);
}

```

### Rešenje 3.25

```

#include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
#include <string.h>
4
#define KORAK 10
6
/* Struktura koja opisuje jednu pesmu */
8 typedef struct {
    char *izvodjac;
10    char *naslov;
    int broj_gledanja;
12 } Pesma;

14 /* Funkcija za upoređjivanje pesama po broju gledanosti (potrebna za
    rad qsort funkcije) */

```



```
16 int uporedi_gledanost(const void *pp1, const void *pp2)
17 {
18     Pesma *p1 = (Pesma *) pp1;
19     Pesma *p2 = (Pesma *) pp2;
20
21     return p2->broj_gledanja - p1->broj_gledanja;
22 }
23
24 /* Funkcija za uporedjivanje pesama po naslovu (potrebna za rad
25    qsort funkcije) */
26 int uporedi_naslove(const void *pp1, const void *pp2)
27 {
28     Pesma *p1 = (Pesma *) pp1;
29     Pesma *p2 = (Pesma *) pp2;
30
31     return strcmp(p1->naslov, p2->naslov);
32 }
33
34 /* Funkcija za uporedjivanje pesama po izvodjacu (potrebna za rad
35    qsort funkcije) */
36 int uporedi_izvodjace(const void *pp1, const void *pp2)
37 {
38     Pesma *p1 = (Pesma *) pp1;
39     Pesma *p2 = (Pesma *) pp2;
40
41     return strcmp(p1->izvodjac, p2->izvodjac);
42 }
43
44 /* Funkcija koja oslobadja memoriju zauzetu dinamickim nizom pesme
45    dimenzije n */
46 void oslobodi(Pesma * pesme, int n)
47 {
48     int i;
49     for (i = 0; i < n; i++) {
50         free(pesme[i].izvodjac);
51         free(pesme[i].naslov);
52     }
53     free(pesme);
54 }
55
56 int main(int argc, char *argv[])
57 {
58     FILE *ulaz;
59     Pesma *pesme;                                /* Pokazivac na deo memorije za
60                                                    cuvanje pesama */
61
62     int alocirano_za_pesme;                       /* Broj mesta alociranih za pesme */
63     int i;                                         /* Redni broj pesme cije se
64                                                    informacije citaju */
65
66     int n;                                         /* Ukupan broj pesama */
67     int j;
68     char c;
69     int alocirano;                                /* Broj mesta alociranih za
```

```
68                                     propratne informacije o pesmama */
69
70     int broj_gledanja;
71
72     /* Priprema se datoteka za citanje */
73     ulaz = fopen("pesme.txt", "r");
74     if (ulaz == NULL) {
75         fprintf(stderr,
76             "Greska: Neuspesno otvaranje ulazne datoteke!\n");
77         exit(EXIT_FAILURE);
78     }
79
80     /* Citaju se informacije o pesmama */
81     pesme = NULL;
82     alocirano_za_pesme = 0;
83     i = 0;
84
85     while (1) {
86         /* Proverava se da li je dostignut kraj datoteke */
87         c = fgetc(ulaz);
88         if (c == EOF) {
89             /* Nema vise sadrzaja za citanje */
90             break;
91         } else {
92             /* Inace, vraca se procitani karakter nazad */
93             ungetc(c, ulaz);
94         }
95
96         /* Proverava se da li postoji dovoljno vec alocirane memorije za
97            citanje nove pesme */
98         if (alocirano_za_pesme == i) {
99             /* Ako ne, ako je potrosena sva alocirana memorija, alocira se
100                novih KORAK mesta */
101             alocirano_za_pesme += KORAK;
102             pesme =
103                 (Pesma *) realloc(pesme,
104                                     alocirano_za_pesme * sizeof(Pesma));
105
106             /* Proverava se da li je nova memorija uspesno realocirana */
107             if (pesme == NULL) {
108                 /* Ako nije ispisuje se obavestenje */
109                 fprintf(stderr, "Greska: Problem sa alokacijom memorije!\n");
110                 /* I oslobadja sva memorija zauzeta do ovog koraka */
111                 oslobodi(pesme, i);
112                 exit(EXIT_FAILURE);
113             }
114         }
115
116         /* Ako jeste, nastavlja se sa citanjem pesama ... */
117         /* Cita se ime izvodjaca */
118         j = 0;                                     /* Pozicija na koju treba smestiti
119                                                    procitani karakter */
120         alocirano = 0;                             /* Broj alociranih mesta */
121     }
```

```
120     pesme[i].izvodjac = NULL;    /* Memorija za smestanje procitanih
                                     karaktera */
122
123     /* Sve do prve beline u liniji (beline koja se nalazi nakon
124        imena izvodjaca) citaju se karakteri iz datoteke */
125     while ((c = fgetc(ulaz)) != ' ') {
126         /* Provera da li postoji dovoljno memorije za smestanje
127            procitanog karaktera */
128         if (j == alocirano) {
129
130             /* Ako ne, ako je potrosena sva alocirana memorija, alocira
131                se novih KORAK mesta */
132             alocirano += KORAK;
133             pesme[i].izvodjac =
134                 (char *) realloc(pesme[i].izvodjac,
135                                 alocirano * sizeof(char));
136
137             /* Provera da li je nova alokacija uspesna */
138             if (pesme[i].izvodjac == NULL) {
139                 /* Ako nije oslobadja se sva memorija zauzeta do ovog
140                    koraka */
141                 oslobodi(pesme, i);
142                 /* I prekida sa izvršavanjem programa */
143                 exit(EXIT_FAILURE);
144             }
145         }
146         /* Ako postoji dovoljno alocirane memorije, smesta se vec
147            procitani karakter */
148         pesme[i].izvodjac[j] = c;
149         j++;
150         /* I nastavlja se sa citanjem */
151     }
152
153     /* Upis terminirajuće nule na kraj reci */
154     pesme[i].izvodjac[j] = '\0';
155
156     /* Preskace se karakter - */
157     fgetc(ulaz);
158
159     /* Preskace se razmak */
160     fgetc(ulaz);
161
162     /* Cita se naslov pesme */
163     j = 0;                                /* Pozicija na koju treba smestiti
164                                           procitani karakter */
165     alocirano = 0;                        /* Broj alociranih mesta */
166     pesme[i].naslov = NULL;              /* Memorija za smestanje procitanih
167                                           karaktera */
168
169     /* Sve do zareza (koji se nalazi nakon naslova pesme) citaju se
170        karakteri iz datoteke */
171     while ((c = fgetc(ulaz)) != ',') {
```

```
172      /* Provera da li postoji dovoljno memorije za smestanje
      procitanog karaktera */
174      if (j == alocirano) {
      /* Ako ne, ako je potrosena sva alocirana memorija, alocira
      se novih KORAK mesta */
176      alocirano += KORAK;
178      pesme[i].naslov =
      (char *) realloc(pesme[i].naslov,
180                      alocirano * sizeof(char));

182      /* Provera da li je nova alokacija uspesna */
      if (pesme[i].naslov == NULL) {
184      /* Ako nije, oslobadja se sva memorija zauzeta do ovog
      koraka */
186      free(pesme[i].izvodjac);
      oslobodi(pesme, i);
188      /* I prekida izvršavanje programa */
      exit(EXIT_FAILURE);
190      }
      }
192      /* Smesta se procitani karakter */
      pesme[i].naslov[j] = c;
194      j++;
      /* I nastavlja dalje sa citanjem */
196      }
      /* Upisuje se terminirajuca nula na kraj reci */
198      pesme[i].naslov[j] = '\0';

200      /* Preskace se razmak */
      fgetc(ulaz);

202
204      /* Cita se broj gledanja */
      broj_gledanja = 0;

206      /* Sve do znaka za novi red (kraja linije) citaju se karakteri
      iz datoteke */
208      while ((c = fgetc(ulaz)) != '\n') {
      broj_gledanja = broj_gledanja * 10 + (c - '0');
210      }
      pesme[i].broj_gledanja = broj_gledanja;

212      /* Prelazi se na citanje sledece pesme */
      i++;
214      }

216
218      /* Informacija o broju procitanih pesama */
      n = i;
      /* Zatvara se datoteka */
220      fclose(ulaz);

222      /* Analiza argumenta komandne linije */
      if (argc == 1) {
```

```

224     /* Nema dodatnih opcija => sortiranje po broju gledanja */
    qsort(pesme, n, sizeof(Pesma), &uporedi_gledanost);
226 } else {
    if (argc == 2 && strcmp(argv[1], "-n") == 0) {
228         /* Sortira se po naslovu */
        qsort(pesme, n, sizeof(Pesma), &uporedi_naslove);
230    } else {
        if (argc == 2 && strcmp(argv[1], "-i") == 0) {
232            /* Sortira se po izvodjacu */
            qsort(pesme, n, sizeof(Pesma), &uporedi_izvodjace);
234        } else {
            fprintf(stderr, "Greska: Nedozvoljeni argumenti!\n");
236            free(pesme);
            exit(EXIT_FAILURE);
238        }
    }
240 }

242 /* Ispis rezultata */
    for (i = 0; i < n; i++) {
244        printf("%s - %s, %d\n", pesme[i].izvodjac, pesme[i].naslov,
            pesme[i].broj_gledanja);
246    }

248 /* Oslobadja se memorija */
    oslobodi(pesme, n);
250
    exit(EXIT_SUCCESS);
252 }

```

### Rešenje 3.28

NAPOMENA: Rešenje koristi biblioteku za rad sa celobrojnim matricama iz zadatka 2.19.

```

#include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
#include "matrica.h"
4
/* Funkcija koja odredjuje zbir v-te vrste matrice a koja ima m
6   kolona */
int zbir_vrste(int **a, int v, int m)
8 {
    int i, zbir = 0;
10
    for (i = 0; i < m; i++) {
12        zbir += a[v][i];
    }
14    return zbir;
}
16

```

```
18  /* Funkcija koja sortira vrste matrice (pokazivace na vrste) na
    osnovu zbira koriscenjem selection sort algoritma */
void sortiraj_vrste(int **a, int n, int m)
20 {
    int i, j, min;
22
    for (i = 0; i < n - 1; i++) {
24         min = i;
        for (j = i + 1; j < n; j++) {
26             if (zbir_vrste(a, j, m) < zbir_vrste(a, min, m)) {
                min = j;
28             }
        }
30         if (min != i) {
            int *tmp;
32             tmp = a[i];
            a[i] = a[min];
34             a[min] = tmp;
        }
36     }
}

38
int main(int argc, char *argv[])
40 {
    int **a;
42     int n, m;

44     /* Unos dimenzija matrice */
    printf("Unesite dimenzije matrice: ");
46     scanf("%d %d", &n, &m);

48     /* Alokacija memorije */
    a = alociraj_matricu(n, m);
50     if (a == NULL) {
        fprintf(stderr, "Greska: Neuspesna alokacija matrice\n");
52         exit(EXIT_FAILURE);
    }
54

    /* Ucitavaju se elementi matrice */
56     printf("Unesite elemente matrice po vrstama:\n");
    ucitaj_matricu(a, n, m);
58

    /* Poziva se funkcija koja sortira vrste matrice prema zbiru */
60     sortiraj_vrste(a, n, m);

62     /* Ispisuje se rezultujuca matrica */
    printf("Sortirana matrica je:\n");
64     ispisi_matricu(a, n, m);

66     /* Oslobadja se memorija */
    a = dealociraj_matricu(a, n);
68
```

```
    exit(EXIT_SUCCESS);
70 }
```

### Rešenje 3.31

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #include <math.h>
4  #include <search.h>
5
6  #define MAX 100
7
8  /* Funkcija poredjenja dva cela broja (neopadajuci poredak) */
9  int poredi_int(const void *a, const void *b)
10 {
11     /* Potrebno je konvertovati void pokazivace u int pokazivace koji
12        se zatim dereferenciraju. Vraca se razlika dobijenih int-ova. */
13     int b1 = *((int *) a);
14     int b2 = *((int *) b);
15
16     /* Zbog moguceg prekoracenja opsega celih brojeva, oduzimanje
17        b1-b2 treba izbegavati */
18     if (b1 > b2)
19         return 1;
20     else if (b1 < b2)
21         return -1;
22     else
23         return 0;
24 }
25
26 /* Funkcija poredjenja dva cela broja (nerastuci poredak) */
27 int poredi_int_nerastuce(const void *a, const void *b)
28 {
29     /* Za obrnuti poredak treba samo promeniti znak vrednosti koju
30        koju vraca prethodna funkcija */
31     return -poredi_int(a, b);
32 }
33
34 int main()
35 {
36     size_t n;
37     int i, x;
38     int a[MAX], *p = NULL;
39
40     /* Unos dimenzije */
41     printf("Uneti dimenziju niza: ");
42     scanf("%ld", &n);
43     if (n > MAX)
44         n = MAX;
45
46     /* Unos elementa niza */
```

```

47  printf("Uneti elemente niza:\n");
    for (i = 0; i < n; i++)
49      scanf("%d", &a[i]);

51  /* Sortira se niz celih brojeva */
    qsort(a, n, sizeof(int), &poredi_int);

53
    /* Prikazuje se sortirani niz */
55  printf("Sortirani niz u rastucem poretku:\n");
    for (i = 0; i < n; i++)
57      printf("%d ", a[i]);
    putchar('\n');

59
    /* Pretrazuje se niz */
61  /* Vrednost koja ce biti trazena u nizu */
    printf("Uneti element koji se trazi u nizu: ");
63  scanf("%d", &x);

65  /* Binarna pretraga */
    printf("Binarna pretraga: \n");
67  p = bsearch(&x, a, n, sizeof(int), &poredi_int);
    if (p == NULL)
69      printf("Elementa nema u nizu!\n");
    else
71      printf("Element je nadjen na poziciji %ld\n", p - a);

73  /* Linearna pretraga */
    printf("Linearna pretraga (lfind): \n");
75  p = lfind(&x, a, &n, sizeof(int), &poredi_int);
    if (p == NULL)
77      printf("Elementa nema u nizu!\n");
    else
79      printf("Element je nadjen na poziciji %ld\n", p - a);

81  return 0;
}

```

### Rešenje 3.32

```

1  #include <stdio.h>
    #include <stdlib.h>
3  #include <math.h>
    #include <search.h>

5
    #define MAX 100

7
    /* Funkcija racuna broj delilaca broja x */
9  int broj_delilaca(int x)
    {
11     int i;
        int br;

```



```
13  /* Negativni brojevi imaju isti broj delilaca kao i pozitivni */
15  if (x < 0)
16      x = -x;
17  if (x == 0)
18      return 0;
19  if (x == 1)
20      return 1;
21  /* Svaki broj veci od 1 ima bar 2 delioca, (1 i samog sebe) */
22  br = 2;
23  for (i = 2; i < sqrt(x); i++)
24      if (x % i == 0)
25          /* Ako i deli x onda su delioci: i, x/i */
26          br += 2;
27  /* Ako je broj x bas kvadrat, onda se iz petlje izaslo kada je
28     promenljiva i bila bas jednaka korenu od x, i tada broj x ima
29     jos jednog delioca */
30  if (i * i == x)
31      br++;
32
33  return br;
34 }
35
36 /* Funkcija poredjenja dva cela broja po broju delilaca */
37 int poredi_po_broju_delilaca(const void *a, const void *b)
38 {
39     int ak = *(int *) a;
40     int bk = *(int *) b;
41     int n_d_a = broj_delilaca(ak);
42     int n_d_b = broj_delilaca(bk);
43
44     return n_d_a - n_d_b;
45 }
46
47 int main()
48 {
49     size_t n;
50     int i;
51     int a[MAX];
52
53     /* Unos dimenzije */
54     printf("Uneti dimenziju niza: ");
55     scanf("%ld", &n);
56     if (n > MAX)
57         n = MAX;
58
59     /* Unos elementa niza */
60     printf("Uneti elemente niza:\n");
61     for (i = 0; i < n; i++)
62         scanf("%d", &a[i]);
63
64     /* Sortira se niz celih brojeva prema broju delilaca */
```

```

65  qsort(a, n, sizeof(int), &poredi_po_broju_delilaca);

67  /* Prikazuje se sortirani niz */
printf("Sortirani niz u rastucem poretku prema broju delilaca:\n");
69  for (i = 0; i < n; i++)
    printf("%d ", a[i]);
71  putchar('\n');

73  return 0;
}

```

### Rešenje 3.33

```

1  #include <stdio.h>
   #include <stdlib.h>
3  #include <string.h>
   #include <search.h>

5
   #define MAX_NISKI 1000
7  #define MAX_DUZINA 31

9  /*****
   Niz nizova karaktera ovog potpisa
11 char niske[3][4];
   se moze graficki predstaviti ovako:
13 -----
   | a | b | c | \0 | | d | e | \0 |   | f | g | h | \0 | |
15 -----
   Dakle kao tri reci (abc, de, fgh), nadovezane jedna na drugu. Za
17 svaku je rezervisano po 4 karaktera ukljucujuci \0. Druga rec sa
   nalazi na adresi koja je za 4 veka od prve reci, a za 4 manja od
19 adrese na kojoj se nalazi treca rec. Adresa i-te reci je niske[i]
   i ona je tipa char*.

21
   Kako pokazivaci a i b u sledecoj funkciji sadrze adrese elemenata
23 koji trebaju biti uporedjeni, (npr. pri porecenju prve i poslednje
   reci, pokazivac a ce pokazivati na slovo 'a', a pokazivac b na
25 slovo 'f') treba ih kastovati na char*, i pozvati funkciju strcmp
   nad njima.

27 *****/
int poredi_leksikografski(const void *a, const void *b)
29 {
   return strcmp((char *) a, (char *) b);
31 }

33 /* Funkcija slicna prethodnoj, osim sto elemente ne uporeduje
   leksikografski, vec po duzini */
int poredi_duzine(const void *a, const void *b)
35 {
37   return strlen((char *) a) - strlen((char *) b);
}

```

```
39 int main()
40 {
41     int i;
42     size_t n;
43     FILE *fp = NULL;
44     char niske[MAX_NISKI][MAX_DUZINA];
45     char *p = NULL;
46     char x[MAX_DUZINA];
47
48     /* Otvara se datoteka */
49     if ((fp = fopen("niske.txt", "r")) == NULL) {
50         fprintf(stderr,
51             "Greska: Neupesno otvaranje datoteke niske.txt.\n");
52         exit(EXIT_FAILURE);
53     }
54
55     /* Cita se sadrzaj datoteke */
56     for (i = 0; fscanf(fp, "%s", niske[i]) != EOF; i++);
57
58     /* Zatvara se datoteka */
59     fclose(fp);
60     n = i;
61
62     /* Sortiraju se niske leksikografski. Biblioteckoj funkciji qsort
63        prosledjuje se funkcija kojom se zadaje kriterijum poredjenja 2
64        niske po duzini */
65     qsort(niske, n, MAX_DUZINA * sizeof(char), &poredi_leksikografski);
66
67     printf("Leksikografski sortirane niske:\n");
68     for (i = 0; i < n; i++)
69         printf("%s ", niske[i]);
70     printf("\n");
71
72     /* Unosi se trazena niska */
73     printf("Uneti trazenu nisku: ");
74     scanf("%s", x);
75
76     /* Binarna pretraga */
77     /* Prosledjuje se pokazivac na funkciju poredi_leksikografski jer
78        je niz vec sortiran leksikografski. */
79     p = bsearch(&x, niske, n, MAX_DUZINA * sizeof(char),
80                 &poredi_leksikografski);
81
82     if (p != NULL)
83         printf("Niska \"%s\" je pronadjena u nizu na poziciji %ld\n",
84             p, (p - (char *) niske) / MAX_DUZINA);
85     else
86         printf("Niska nije pronadjena u nizu\n");
87
88     /* Sortira se po duzini */
89     qsort(niske, n, MAX_DUZINA * sizeof(char), &poredi_duzine);
```

```

91     printf("Niske sortirane po duzini:\n");
93     for (i = 0; i < n; i++)
94         printf("%s ", niske[i]);
95     printf("\n");

97     /* Linearna pretraga */
98     p = lfind(&x, niske, &n, MAX_DUZINA * sizeof(char),
99             &poredi_leksikografski);
100     if (p != NULL)
101         printf("Niska \"%s\" je pronadjena u nizu na poziciji %ld\n",
102             p, (p - (char *) niske) / MAX_DUZINA);
103     else
104         printf("Niska nije pronadjena u nizu\n");
105     exit(EXIT_SUCCESS);
107 }

```

### Rešenje 3.34

```

1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #include <string.h>
4  #include <search.h>
5
6  #define MAX_NISKI 1000
7  #define MAX_DUZINA 31
8
9  /*****
10   Niz pokazivaca na karaktere ovog potpisa
11   char *niske[3];
12   posle alokacije u main-u se moze graficki predstaviti ovako:
13
14   | X | -----> | a | b | c | \0|
15   -----
16   | Y | -----> | d | e | \0|
17   -----
18   | Z | -----> | f | g | h | \0|
19   -----
20
21   Sa leve strane je vertikalno prikazan niz pokazivaca, gde je i-ti
22   njegov element pokazivac koji pokazuje na alocirane karaktere i-te
23   reci. Njegov tip je char*.
24
25   Kako pokazivaci a i b u sledecoj funkciji sadrze adrese elemenata
26   koji trebaju biti uporedjeni (recimo adresu od X i adresu od Z), i
27   kako su X i Z tipa char*, onda a i b su tipa char**, pa se tako
28   moraju i kastovati. Da bi se leksikografski uporedili elementi X i
29   Z, moraju se uporediti stringovi na koje oni pokazuju, pa zato se
30   u sledecoj funkciji poziva strcmp() nad onim na sta pokazuju a i b,
31   kastovani na odgovarajuci tip.
32   *****/

```

```
int poredi_leksikografski(const void *a, const void *b)
33 {
35     return strcmp(*(char **) a, *(char **) b);
37 }
/* Funkcija slicna prethodnoj, osim sto elemente ne uporedjuje
   leksikografski, vec po duzini */
39 int poredi_duzine(const void *a, const void *b)
41 {
43     return strlen(*(char **) a) - strlen(*(char **) b);
45 }
/* Ovo je funkcija poredjenja za bsearch. Pokazivac b pokazuje na
   element u nizu sa kojim se poredi, pa njega treba kastovati na
   char** i dereferencirati, (videti obrazlozenje za prvu funkciju u
   ovom zadatku, a pokazivac a pokazuje na element koji se trazi. U
   main funkciji je to x, koji je tipa char*, tako da pokazivac a
   ovde samo treba kastovati i ne dereferencirati. */
49 int poredi_leksikografski_b(const void *a, const void *b)
51 {
53     return strcmp((char *) a, *(char **) b);
55 }
int main()
57 {
59     int i;
61     size_t n;
63     FILE *fp = NULL;
65     char *niske[MAX_NISKI];
67     char **p = NULL;
69     char x[MAX_DUZINA];
71     /* Otvara se datoteka */
73     if ((fp = fopen("niske.txt", "r")) == NULL) {
75         fprintf(stderr,
77             "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke niske.txt.\n");
79         exit(EXIT_FAILURE);
81     }
    /* Cita se sadrzaj datoteke */
    i = 0;
    while (fscanf(fp, "%s", x) != EOF) {
        /* Alocira se dovoljno memorije za i-tu nisku */
        if ((niske[i] = malloc((strlen(x) + 1) * sizeof(char))) == NULL)
        {
            fprintf(stderr, "Greska: Neuspesna alokacija niske\n");
            exit(EXIT_FAILURE);
        }
        /* Kopira se procitana niska na svoje mesto */
        strcpy(niske[i], x);
        i++;
    }
```

```
83      /* Zatvara se datoteka */
85      fclose(fp);
      n = i;

87      /* Sortiraju se niske leksikografski. Biblioteckoj funkciji qsort
89      se prosledjuje funkcija kojom se zadaje kriterijum poredjenja 2
      niske po duzini */
91      qsort(niske, n, sizeof(char *), &poredi_leksikografski);

93      printf("Leksikografski sortirane niske:\n");
      for (i = 0; i < n; i++)
95          printf("%s ", niske[i]);
      printf("\n");

97      /* Unosi se trazena niska */
99      printf("Uneti trazenu nisku: ");
      scanf("%s", x);

101      /* Binarna pretraga */
103      p = bsearch(x, niske, n, sizeof(char *), &poredi_leksikografski_b);
      if (p != NULL)
105          printf("Niska \"%s\" je pronadjena u nizu na poziciji %ld\n",
                  *p, p - niske);
107      else
          printf("Niska nije pronadjena u nizu\n");

109      /* Linearna pretraga */
111      p = lfind(x, niske, &n, sizeof(char *), &poredi_leksikografski_b);
      if (p != NULL)
113          printf("Niska \"%s\" je pronadjena u nizu na poziciji %ld\n",
                  *p, p - niske);
115      else
          printf("Niska nije pronadjena u nizu\n");

117      /* Sortira se po duzini */
119      qsort(niske, n, sizeof(char *), &poredi_duzine);
      printf("Niske sortirane po duzini:\n");
121      for (i = 0; i < n; i++)
          printf("%s ", niske[i]);
123      printf("\n");

125      /* Oslobadja se zauzeta memorija */
127      for (i = 0; i < n; i++)
          free(niske[i]);

129      exit(EXIT_SUCCESS);
}
```

## Rešenje 3.35

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #include <string.h>
4  #include <search.h>
5
6  #define MAX 500
7
8  /* Struktura sa svim informacijama o pojedinacnom studentu */
9  typedef struct {
10     char ime[21];
11     char prezime[21];
12     int bodovi;
13 } Student;
14
15 /* Funkcija poredjenja za sortiranje po broju bodova. Studenti sa
16    istim brojem bodova se dodatno sortiraju leksikografski po
17    prezimenu */
18 int poredi1(const void *a, const void *b)
19 {
20     Student *prvi = (Student *) a;
21     Student *drugi = (Student *) b;
22
23     if (prvi->bodovi > drugi->bodovi)
24         return -1;
25     else if (prvi->bodovi < drugi->bodovi)
26         return 1;
27     else
28         /* Ako su jednaki po broju bodova, treba ih uporediti po
29            prezimenu */
30         return strcmp(prvi->prezime, drugi->prezime);
31 }
32
33 /* Funkcija za poredjenje koja se koristi u pretrazi po broju
34    bodova. Prvi parametar je ono sto se trazi u nizu (broj bodova),
35    a drugi parametar je element niza ciji se bodovi porede. */
36 int poredi2(const void *a, const void *b)
37 {
38     int bodovi = *(int *) a;
39     Student *s = (Student *) b;
40     return s->bodovi - bodovi;
41 }
42
43 /* Funkcija za poredjenje koja se koristi u pretrazi po prezimenu.
44    Prvi parametar je ono sto se trazi u nizu (prezime), a drugi
45    parametar je element niza cije se prezime poredi. */
46 int poredi3(const void *a, const void *b)
47 {
48     char *prezime = (char *) a;
49     Student *s = (Student *) b;
50     return strcmp(prezime, s->prezime);
```

```

}
52
int main(int argc, char *argv[])
54 {
    Student kolokvijum[MAX];
56     int i;
    size_t br_studenata = 0;
58     Student *nadjen = NULL;
    FILE *fp = NULL;
60     int bodovi;
    char prezime[21];
62
    /* Ako je program pozvan sa nedovoljnim brojem argumenata daje se
64     informacija korisniku kako se program koristi i prekida se
    izvršavanje. */
66     if (argc < 2) {
        fprintf(stderr, "Greska: Program se poziva sa %s datoteka\n",
68             argv[0]);
        exit(EXIT_FAILURE);
70     }

72     /* Otvara se datoteka */
    if ((fp = fopen(argv[1], "r")) == NULL) {
74         fprintf(stderr, "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke %s\n",
            argv[1]);
76         exit(EXIT_FAILURE);
    }

78     /* Ucitava se sadrzaj */
    for (i = 0;
80         fscanf(fp, "%s%s%d", kolokvijum[i].ime,
            kolokvijum[i].prezime,
82             &kolokvijum[i].bodovi) != EOF; i++);

84
    /* Zatvara se datoteka */
86     fclose(fp);
    br_studenata = i;
88

    /* Sortira se niz studenata po broju bodova, gde se unutar grupe
90     studenata sa istim brojem bodova sortiranje vrši po prezimenu */
    qsort(kolokvijum, br_studenata, sizeof(Student), &poredi1);
92

    printf("Studenti sortirani po broju poena opadajuće, ");
94     printf("pa po prezimenu rastuće:\n");
    for (i = 0; i < br_studenata; i++)
96         printf("%s %s %d\n", kolokvijum[i].ime,
            kolokvijum[i].prezime, kolokvijum[i].bodovi);
98

    /* Pretražuju se studenati po broju bodova binarnom pretragom jer
100     je niz sortiran po broju bodova. */
    printf("Unesite broj bodova: ");
102     scanf("%d", &bodovi);

```



```

104     nadjen =
        bsearch(&bodovi, kolokvijum, br_studenata, sizeof(Student),
106             &poredi2);

108     if (nadjen != NULL)
        printf
110         ("Pronadjen je student sa unetim brojem bodova: %s %s %d\n",
            nadjen->ime, nadjen->prezime, nadjen->bodovi);
112     else
        printf("Nema studenta sa unetim brojem bodova\n");

114     /* Pretraga po prezimenu se mora vrsiti linearno jer je niz
116        sortiran po bodovima. */
    printf("Unesite prezime: ");
118    scanf("%s", prezime);

120    nadjen =
        lfind(prezime, kolokvijum, &br_studenata, sizeof(Student),
122            &poredi3);

124    if (nadjen != NULL)
        printf
126        ("Pronadjen je student sa unetim prezimenom: %s %s %d\n",
            nadjen->ime, nadjen->prezime, nadjen->bodovi);
128    else
        printf("Nema studenta sa unetim prezimenom\n");

130    exit(EXIT_SUCCESS);
132 }

```

### Rešenje 3.36

```

#include <stdio.h>
2  #include <string.h>
#include <stdlib.h>

4
#define MAX 128

6
/* Funkcija poredi dva karaktera */
8  int uporedi_char(const void *pa, const void *pb)
{
10     return *(char *) pa - *(char *) pb;
}

12
/* Funkcija vraca 1 ako su argumenti anagrami, a 0 inace */
14  int anagrami(char s[], char t[])
{
16     /* Ako dve niske imaju razlicitu duzinu onda one nisu anagrami */
    if (strlen(s) != strlen(t))
18         return 0;
}

```

```
20  /* Sortiraju se karakteri u niskama */
    qsort(s, strlen(s) / sizeof(char), sizeof(char), &uporedi_char);
22  qsort(t, strlen(t) / sizeof(char), sizeof(char), &uporedi_char);

24  /* Ako su niske nakon sortiranja iste onda one jesu anagrami, u
    suprotnom, nisu */
26  return !strcmp(s, t);
    }

28
    int main()
30  {
        char s[MAX], t[MAX];

32
        /* Unose se niske */
34  printf("Unesite prvu nisku: ");
        scanf("%s", s);
36  printf("Unesite drugu nisku: ");
        scanf("%s", t);

38
        /* Ispituje se da li su niske anagrami */
40  if (anagrami(s, t))
            printf("jesu\n");
42  else
            printf("nisu\n");
44
        return 0;
46  }
```

### Rešenje 3.37

```
1  #include <stdio.h>
    #include <string.h>
3  #include <stdlib.h>

5  #define MAX 10
    #define MAX_DUZINA 32

7
    /* Funkcija poredjenja */
9  int uporedi_niske(const void *pa, const void *pb)
    {
11     return strcmp((char *) pa, (char *) pb);
    }

13
    int main()
15  {
        int i, n;
17     char S[MAX][MAX_DUZINA];

19     /* Unosi se broj niski */
        printf("Unesite broj niski:");
```

```

21     scanf("%d", &n);

23     /* Unosi se niz niski */
    printf("Unesite niske:\n");
25     for (i = 0; i < n; i++)
        scanf("%s", S[i]);

27

    /* Sortira se niz niski */
29     qsort(S, n, MAX_DUZINA * sizeof(char), &uporedi_niske);

31     /*****
        Ovaj deo je iskomentaran jer se u zadatku ne trazi ispis
33         sortiranih niski. Koriscen je samo u fazi testiranja programa.

        printf("Sortirane niske su:\n");
        for(i = 0; i < n; i++)
37             printf("%s ", S[i]);
        *****/

39

    /* Ako postoje dve iste niske u nizu, onda ce one nakon sortiranja
41         niza biti jedna do druge */
    for (i = 0; i < n - 1; i++)
43         if (strcmp(S[i], S[i + 1]) == 0) {
            printf("ima\n");
            return 0;
45         }
47     printf("nema\n");

49     return 0;
}

```

### Rešenje 3.38

```

1  #include <stdio.h>
   #include <stdlib.h>
3  #include <string.h>

5  #define MAX 21

7  /* Struktura koja predstavlja jednog studenta */
   typedef struct student {
9      char nalog[8];
      char ime[MAX];
11     char prezime[MAX];
      int poeni;
13 } Student;

15 /* Funkcija poredi studente prema broju poena, rastuce */
   int uporedi_poeni(const void *a, const void *b)
17 {
    Student s = *(Student *) a;

```

```
19     Student t = *(Student *) b;
    return s.poeni - t.poeni;
21 }

23 /* Funkcija poredi studente prvo prema godini, zatim prema smeru i
    na kraju prema indeksu */
25 int uporedi_nalog(const void *a, const void *b)
{
27     Student s = *(Student *) a;
    Student t = *(Student *) b;
29     /* Za svakog studenta iz naloga se izdvaja godina upisa, smer i
        broj indeksa */
31     int godina1 = (s.nalog[2] - '0') * 10 + s.nalog[3] - '0';
    int godina2 = (t.nalog[2] - '0') * 10 + t.nalog[3] - '0';
33     char smer1 = s.nalog[1];
    char smer2 = t.nalog[1];
35     int indeks1 =
        (s.nalog[4] - '0') * 100 + (s.nalog[5] - '0') * 10 +
37         s.nalog[6] - '0';
    int indeks2 =
39         (t.nalog[4] - '0') * 100 + (t.nalog[5] - '0') * 10 +
        t.nalog[6] - '0';
41     if (godina1 != godina2)
        return godina1 - godina2;
43     else if (smer1 != smer2)
        return smer1 - smer2;
45     else
        return indeks1 - indeks2;
47 }

49 /* Funkcija poredjenja po nalogu za upotrebu u biblioteckoj funkciji
    bsearch */
51 int uporedi_bsearch(const void *a, const void *b)
{
53     /* Nalog studenta koji se trazi */
    char *nalog = (char *) a;
55     /* Kljuc pretrage */
    Student s = *(Student *) b;
57
    int godina1 = (nalog[2] - '0') * 10 + nalog[3] - '0';
59     int godina2 = (s.nalog[2] - '0') * 10 + s.nalog[3] - '0';
    char smer1 = nalog[1];
61     char smer2 = s.nalog[1];
    int indeks1 =
63         (nalog[4] - '0') * 100 + (nalog[5] - '0') * 10 + (nalog[6] -
        '0');
65     int indeks2 =
        (s.nalog[4] - '0') * 100 + (s.nalog[5] - '0') * 10 +
67         (s.nalog[6] - '0');
    if (godina1 != godina2)
69         return godina1 - godina2;
    else if (smer1 != smer2)
```

```
71     return smer1 - smer2;
72 else
73     return indeks1 - indeks2;
74 }
75
76 int main(int argc, char **argv)
77 {
78     Student *nadjen = NULL;
79     char nalog_trazeni[8];
80     Student niz_studenata[100];
81     int i = 0, br_studenata = 0;
82     FILE *in = NULL, *out = NULL;
83
84     /* Ako je broj argumenata komandne linije razlicit i od 2 i od 3,
85        korisnik nije ispravno pokrenuo program. */
86     if (argc != 2 && argc != 3) {
87         fprintf(stderr,
88             "Greska: Program se poziva sa %s -opcija [nalog]\n",
89             argv[0]);
90         exit(EXIT_FAILURE);
91     }
92
93     /* Otvara se datoteka za citanje */
94     in = fopen("studenti.txt", "r");
95     if (in == NULL) {
96         fprintf(stderr,
97             "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke studenti.txt!\n");
98         exit(EXIT_FAILURE);
99     }
100
101     /* Otvara se datoteka za pisanje */
102     out = fopen("izlaz.txt", "w");
103     if (out == NULL) {
104         fprintf(stderr,
105             "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke izlaz.txt!\n");
106         exit(EXIT_FAILURE);
107     }
108
109     /* Ucitavaju se studenti iz ulazne datoteke sve do njenog kraja */
110     while (fscanf
111         (in, "%s %s %s %d", niz_studenata[i].nalog,
112          niz_studenata[i].ime, niz_studenata[i].prezime,
113          &niz_studenata[i].poeni) != EOF)
114         i++;
115
116     br_studenata = i;
117
118     /* Ako je prisutna opcija -p, vrsi se sortiranje po poenima */
119     if (strcmp(argv[1], "-p") == 0)
120         qsort(niz_studenata, br_studenata, sizeof(Student),
121             &uporedi_poeni);
122
123     /* A ako je prisutna opcija -n, vrsi se sortiranje po nalogu */
```

```
123     else if (strcmp(argv[1], "-n") == 0)
124         qsort(niz_studenata, br_studenata, sizeof(Student),
125             &uporedi_nalog);
126
127     /* Sortirani studenti se ispisuju u izlaznu datoteku */
128     for (i = 0; i < br_studenata; i++)
129         fprintf(out, "%s %s %s %d\n", niz_studenata[i].nalog,
130             niz_studenata[i].ime, niz_studenata[i].prezime,
131             niz_studenata[i].poeni);
132
133     /* Ukoliko je u komandnoj liniji uz opciju -n naveden i nalog
134        studenta... */
135     if (argc == 3 && (strcmp(argv[1], "-n") == 0)) {
136         strcpy(nalog_trazeni, argv[2]);
137
138         /* ... pronalazi se student sa tim nalogom. */
139         nadjen =
140             (Student *) bsearch(nalog_trazeni, niz_studenata,
141                 br_studenata, sizeof(Student),
142                 &uporedi_bsearch);
143
144         if (nadjen == NULL)
145             printf("Nije nadjen!\n");
146         else
147             printf("%s %s %s %d\n", nadjen->nalog, nadjen->ime,
148                 nadjen->prezime, nadjen->poeni);
149     }
150
151     /* Zatvaraju se datoteke */
152     fclose(in);
153     fclose(out);
154
155     exit(EXIT_SUCCESS);
156 }
```

### Rešenje 4.1

*lista.h*

```
1  #ifndef _LISTA_H_
2  #define _LISTA_H_
3
4  /* Struktura kojom je predstavljen cvor liste sadrzi celobrojni
5     podatak vrednost i pokazivac na sledeci cvor liste */
6  typedef struct cvor {
7     int vrednost;
8     struct cvor *sledeci;
9  } Cvor;
10
11  /* Funkcija kreira cvor, vrednost novog cvora inicijalizuje na broj,
```

```
12     dok pokazivac na sledeci cvor postavlja na NULL. Vraca pokazivac
13     na novokreirani cvor ili NULL ako alokacija nije bila uspesna. */
14 Cvor *napravi_cvor(int broj);

16 /* Funkcija oslobadja dinamicku memoriju zauzetu za cvorove liste
17    ciji se pokazivac glava nalazi na adresi adresa_glave. */
18 void oslobodi_listu(Cvor ** adresa_glave);

20 /* Funkcija dodaje broj na pocetak liste. Vraca 1 ukoliko je bilo
21    greske pri alokaciji memorije, inace vraca 0. */
22 int dodaj_na_pocetak_liste(Cvor ** adresa_glave, int broj);

24 /* Funkcija pronalazi i vraca pokazivac na poslednji cvor liste, ili
25    NULL ukoliko je lista prazna. */
26 Cvor *pronadji_poslednji(Cvor * glava);

28 /* Funkcija dodaje broj na kraj liste. Vraca 1 ukoliko je bilo
29    greske pri alokaciji memorije, inace vraca 0. */
30 int dodaj_na_kraj_liste(Cvor ** adresa_glave, int broj);

32 /* Pomocna funkcija pronalazi cvor u listi iza koga treba umetnuti
33    nov cvor sa vrednoscu broj. */
34 Cvor *pronadji_mesto_umetanja(Cvor * glava, int broj);

36 /* Funkcija dodaje broj iza zadatog cvora. Vraca 1 ukoliko je
37    dodavanje uspesno, odnosno 0 ukoliko je doslo do greske. */
38 int dodaj_iza(Cvor * tekuci, int broj);

40 /* Funkcija dodaje broj u sortiranu listu tako da lista ostane
41    sortirana. Vraca 1 ukoliko je bilo greske pri alokaciji memorije,
42    inace vraca 0. */
43 int dodaj_sortirano(Cvor ** adresa_glave, int broj);

44 /* Funkcija trazi u listi cvor cija je vrednost jednaka datom broju.
45    Vraca pokazivac na cvor liste u kome je sadrzan trazeni broj ili
46    NULL u slucaju da takav cvor ne postoji u listi. */
47 Cvor *pretrazi_listu(Cvor * glava, int broj);

48 /* Funkcija trazi u listi cvor cija je vrednost jednaka datom broju.
49    U pretrazi oslanja se na cinjenicu da je lista koja se pretrazuje
50    neopadajuce sortirana. Vraca pokazivac na cvor liste u kome je
51    sadrzan trazeni broj ili NULL u slucaju da takav cvor ne postoji.
52    */
53 Cvor *pretrazi_sortiranu_listu(Cvor * glava, int broj);

54 /* Funkcija brise iz liste sve cvorove koji sadrze dati broj.
55    Azurira pokazivac na glavu liste, koji moze biti promenjen u
56    slucaju da se obrise stara glava. */
57 void obrisi_cvor(Cvor ** adresa_glave, int broj);

58 /* Funkcija brise iz liste sve cvorove koji sadrze dati broj,
59    oslanjajuci se na cinjenicu da je prosledjena lista sortirana
```

## 5 Rešenja

---

```
        neopadajuce. Azurira pokazivac na glavu liste, koji moze biti
64     promenjen ukoliko se obrise stara glava liste. */
void obrisi_cvor_sortirane_liste(Cvor ** adresa_glave, int broj);
66
/* Funkcija prikazuje vrednosti cvorova liste pocev od glave ka
68     kraju liste, razdvojene zapetama i uokvirene zagradama. */
void ispisi_listu(Cvor * glava);
70
#endif
```

*lista.c*

```
1  #include <stdio.h>
   #include <stdlib.h>
3  #include "lista.h"

5  Cvor *napravi_cvor(int broj)
   {
7     /* Alokacija memorije za novi cvor uz proveru uspesnosti */
     Cvor *novi = (Cvor *) malloc(sizeof(Cvor));
9     if (novi == NULL)
         return NULL;

11
     /* Inicijalizacija polja strukture */
13     novi->vrednost = broj;
     novi->sledeci = NULL;

15
     /* Vraca se adresa novog cvora */
17     return novi;
   }

19
void oslobodi_listu(Cvor ** adresa_glave)
21 {
     Cvor *pomocni = NULL;

23
     /* Ako lista nije prazna, onda treba osloboditi memoriju */
25     while (*adresa_glave != NULL) {
         /* Potrebno je prvo zapamtiti adresu sledeceg cvora i onda
27             osloboditi cvor koji predstavlja glavu liste */
         pomocni = (*adresa_glave)->sledeci;
29         free(*adresa_glave);

31         /* Sledeci cvor je nova glava liste */
         *adresa_glave = pomocni;
33     }
   }

35
int dodaj_na_pocetak_liste(Cvor ** adresa_glave, int broj)
37 {
     /* Kreira se novi cvor i proverava se uspesnost kreiranja */
39     Cvor *novi = napravi_cvor(broj);
```



```
41     if (novi == NULL)
42         return 1;
43
44     /* Novi cvor se uvezuje na pocetak i postaje nova glave liste */
45     novi->sledeci = *adresa_glave;
46     *adresa_glave = novi;
47
48     /* Vraca se indikator uspesnog dodavanja */
49     return 0;
50 }
51
52 Cvor *pronadji_poslednji(Cvor * glava)
53 {
54     /* U praznoj listi nema cvorova pa se vraca NULL */
55     if (glava == NULL)
56         return NULL;
57
58     /* Sve dok glava pokazuje na cvor koji ima sledbenika, pokazivac
59     glava se pomera na sledeci cvor. Nakon izlaska iz petlje, glava
60     ce pokazivati na cvor liste koji nema sledbenika, tj. na
61     poslednji cvor liste pa se vraca vrednost pokazivaca glava.
62     Pokazivac glava je argument funkcije i njegove promene nece se
63     odraziti na vrednost pokazivaca glava u pozivajucoj funkciji. */
64     while (glava->sledeci != NULL)
65         glava = glava->sledeci;
66
67     return glava;
68 }
69
70 int dodaj_na_kraj_liste(Cvor ** adresa_glave, int broj)
71 {
72     /* Kreira se novi cvor i proverava se uspesnost kreiranja */
73     Cvor *novi = napravi_cvor(broj);
74     if (novi == NULL)
75         return 1;
76
77     /* Ako je lista prazna */
78     if (*adresa_glave == NULL) {
79         /* Glava nove liste je upravo novi cvor */
80         *adresa_glave = novi;
81     } else {
82         /* Ako lista nije prazna, pronalazi se poslednji cvor i novi
83         cvor se dodaje na kraj liste kao sledbenik poslednjeg */
84         Cvor *poslednji = pronadji_poslednji(*adresa_glave);
85         poslednji->sledeci = novi;
86     }
87
88     /* Vraca se indikator uspesnog dodavanja */
89     return 0;
90 }
91
92 Cvor *pronadji_mesto_umetanja(Cvor * glava, int broj)
```

```
{
93  /* U praznoj listi nema takvog mesta i vraca se NULL */
    if (glava == NULL)
95      return NULL;

97  /* Pokazivac glava se pomera na sledeci cvor sve dok ne bude
    pokazivao na cvor ciji sledeci ili ne postoji ili ima vrednost
99  vecu ili jednaku vrednosti novog cvora.*/
    /* Zbog izracunavanja izraza u C-u prvi deo konjunkcije mora biti
101  proverava da li se doslo do poslednjeg cvora liste pre nego sto se
    proveru vrednost u sledecem cvoru, jer u slucaju poslednjeg,
103  sledeci ne postoji, pa ni njegova vrednost. */
    while (glava->sledeci != NULL && glava->sledeci->vrednost < broj)
105      glava = glava->sledeci;

107  /* Iz petlje se moglo izaci pomeranjem pokazivaca glava do
    poslednjeg cvora ili, ranije, nailaskom na cvor ciji sledeci
109  ima vrednost vecu od broj. */
    return glava;
111 }

113 int dodaj_iza(Cvor * tekuci, int broj)
{
115  /* Kreira se novi cvor i proverava se uspesnost kreiranja */
    Cvor *novi = napravi_cvor(broj);
117  if (novi == NULL)
        return 1;

119  /* Novi cvor se dodaje iza tekućeg cvora. */
121  novi->sledeci = tekuci->sledeci;
    tekuci->sledeci = novi;

123  /* Vraca se indikator uspesnog dodavanja */
125  return 0;
}

127 int dodaj_sortirano(Cvor ** adresa_glave, int broj)
129 {
    /* Ako je lista prazna */
131  if (*adresa_glave == NULL) {
        /* Glava nove liste je novi cvor */
        /* Kreiranje novog cvora uz proveru uspesnost kreiranja */
        Cvor *novi = napravi_cvor(broj);
133  if (novi == NULL)
            return 1;

135  *adresa_glave = novi;

137  /* Vraca se indikator uspesnog dodavanja */
139  return 0;
141 }
143 }
```

```
145  /* Inace, ako je broj manji ili jednak vrednosti u glavi liste,
    onda ga treba dodati na pocetak liste. */
147  if ((*adresa_glave)->vrednost >= broj) {
    return dodaj_na_pocetak_liste(adresa_glave, broj);
149  }

    /* U slucaju da je glava liste cvor sa vrednoscu manjom od broj,
151     tada se pronalazi cvor liste iza koga treba uvezati nov cvor */
    Cvor *pomocni = pronadji_mesto_umetanja(*adresa_glave, broj);
153     return dodaj_iza(pomocni, broj);
155 }

Cvor *pretrazi_listu(Cvor * glava, int broj)
157 {
    /* Obilaze se cvorovi liste */
159     for (; glava != NULL; glava = glava->sledeci)
        /* Ako je vrednost tekuceg cvora jednaka zadatom broju, pretraga
161         se obustavlja */
        if (glava->vrednost == broj)
163             return glava;

165     /* Nema trazenog broja u listi i vraca se NULL */
    return NULL;
167 }

Cvor *pretrazi_sortiranu_listu(Cvor * glava, int broj)
169 {
171     /* Obilaze se cvorovi liste */
    /* U uslovu ostanka u petlji, bitan je redosled proveru u
173     konjunkciji. */
    while (glava != NULL && glava->vrednost < broj)
175         glava = glava->sledeci;

177     /* Iz petlje se moglo izaci na vise nacina. Prvi, tako sto je
    glava->vrednost veca od trazenog broja i tada treba vratiti
179     NULL, jer trazen broj nije nadjen medju manjim brojevima pri
    pocetku sortirane liste, pa se moze zakljuciti da ga nema u
181     listi. Drugi nacini, tako sto se doslo do kraja liste i glava
    je NULL ili tako sto je glava->vrednost == broj. U oba
183     poslednja nacina treba vratiti pokazivac glava bilo da je NULL
    ili pokazivac na konkretan cvor. */
185     if (glava->vrednost > broj)
        return NULL;
187     else
        return glava;
189 }

191 void obrisi_cvor(Cvor ** adresa_glave, int broj)
193 {
    Cvor *tekuci = NULL;
    Cvor *pomocni = NULL;
195 }
```

```
197  /* Sa pocetka liste se brisu svi cvorovi koji su jednaki datom
    broju i azurira se pokazivac na glavu liste */
while (*adresa_glave != NULL && (*adresa_glave)->vrednost == broj)
{
199  /* Adresu repa liste treba sacuvati pre oslobadjanja cvora na
    adresi adresa_glave */
201  pomocni = (*adresa_glave)->sledeci;
    free(*adresa_glave);
203  *adresa_glave = pomocni;
}

205
207  /* Ako je nakon ovog brisanja lista ostala prazna, izlazi se iz
    funkcije */
if (*adresa_glave == NULL)
209  return;

211  /* Od ovog trenutka, u svakoj iteraciji petlje promenljiva tekuci
    pokazuje na cvor cija je vrednost razlicita od trazenog broja.
    Isto vazi i za sve cvorove levo od tekućeg. Poredi se vrednost
    sledećeg cvora (ako postoji) sa trazenim brojem. Cvor se brise
    ako je jednak, a ako je razlicit, prelazi se na sledeći cvor.
    Ovaj postupak se ponavlja dok se ne dodje do poslednjeg cvora.
    */
217  tekuci = *adresa_glave;
while (tekuci->sledeci != NULL)
219  if (tekuci->sledeci->vrednost == broj) {
    /* tekuci->sledeci treba obrisati, zbog toga se njegova adresa
    prvo cuva u promenljivoj pomocni. */
221  pomocni = tekuci->sledeci;
    /* Tekucem se preusmerava pokazivac sledeći, preskakanjem
    njegovog trenutnog sledećeg. Njegov novi sledeći ce biti
    sledeći od cvora koji se brise. */
223  tekuci->sledeci = pomocni->sledeci;
    /* Sada treba osloboditi cvor sa vrednoscu broj. */
    free(pomocni);
229  } else {
    /* Inace, ne treba brisati sledećeg od tekućeg i pokazivac se
    pomera na sledeći. */
231  tekuci = tekuci->sledeci;
233  }
    return;
235 }

237 void obrisici_cvor_sortirane_liste(Cvor ** adresa_glave, int broj)
{
239  Cvor *tekuci = NULL;
    Cvor *pomocni = NULL;
241
    /* Sa pocetka liste se brisu svi cvorovi koji su jednaki datom
    broju i azurira se pokazivac na glavu liste. */
243  while (*adresa_glave != NULL && (*adresa_glave)->vrednost == broj)
    {
```

```
245     /* Adresu repa liste treba sacuvati pre oslobadjanja cvora na
        adresi adresa_glave. */
247     pomocni = (*adresa_glave)->sledeci;
        free(*adresa_glave);
249     *adresa_glave = pomocni;
    }

251
253     /* Ako je nakon ovog brisanja lista ostala prazna, funkcija se
        prekida. Isto se radi i ukoliko glava liste sadrzi vrednost
        koja je veca od broja, jer kako je lista sortirana rastuce nema
255     potrebe broj traziti u repu liste. */
    if (*adresa_glave == NULL || (*adresa_glave)->vrednost > broj)
257         return;

259     /* Od ovog trenutka se u svakoj iteraciji pokazivac tekuci
        pokazuje na cvor cija vrednost je manja od trazenog broja, kao
        i svim cvorovima levo od njega. Cvor se brise ako je jednak,
        ili, ako je razlicit, prelazi se na sledeci cvor. Ovaj postupak
263     se ponavlja dok se ne dodje do poslednjeg cvora ili prvog cvora
        cija vrednost je veca od trazenog broja. */
    tekuci = *adresa_glave;
    while (tekuci->sledeci != NULL
265         && tekuci->sledeci->vrednost <= broj)
        if (tekuci->sledeci->vrednost == broj) {
267             pomocni = tekuci->sledeci;
            tekuci->sledeci = tekuci->sledeci->sledeci;
269             free(pomocni);
        } else {
271             /* Ne treba brisati sledeceg od tekuceg jer je manji od
                trazenog i tekuci se pomera na sledeci cvor. */
            tekuci = tekuci->sledeci;
273         }
    }
275     return;
277 }

279
281 void ispisi_listu(Cvor * glava)
    {
283         /* Funkciji se ne salje adresa promenljive koja cuva glavu liste
            jer se lista nece menjati */
        putchar('[');
285         /* Unutar zagrada ispisuju se vrednosti u cvorovima liste od
            pocetka prema kraju liste. */
        for (; glava != NULL; glava = glava->sledeci) {
287             printf("%d", glava->vrednost);
            if (glava->sledeci != NULL)
289                 printf(", ");
        }
291     printf("]\n");
293 }
```

main\_a.c

```

1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include "lista.h"
4
5 /* 1) Glavni program */
6 int main()
7 {
8     /* Lista je prazna na pocetku */
9     Cvor *glava = NULL;
10    Cvor *trazeni = NULL;
11    int broj;
12
13    /* Testiranje funkcije za dodavanja novog broja na pocetak liste */
14    printf("Unesite brojeve (CTRL+D za kraj unosa): ");
15    while (scanf("%d", &broj) > 0) {
16        /* Ako je funkcija vratila 1, onda je bilo greske pri alokaciji
17        memorije za nov cvor. Memoriju alociranu za cvorove liste
18        treba osloboditi pre napustanja programa. */
19        if (dodaj_na_pocetak_liste(&glava, broj) == 1) {
20            fprintf(stderr, "Greska: Neuspesna alokacija memorije za cvor.\n");
21            oslobodi_listu(&glava);
22            exit(EXIT_FAILURE);
23        }
24        printf("\tLista: ");
25        ispisi_listu(glava);
26    }
27
28    /* Testiranje funkcije za pretragu liste */
29    printf("\nUnesite broj koji se trazi: ");
30    scanf("%d", &broj);
31
32    trazeni = pretrazi_listu(glava, broj);
33    if (trazeni == NULL)
34        printf("Broj %d se ne nalazi u listi!\n", broj);
35    else
36        printf("Trazeni broj %d je u listi!\n", trazeni->vrednost);
37
38    /* Oslobadja se memorija zauzeta listom */
39    oslobodi_listu(&glava);
40
41    exit(EXIT_SUCCESS);
42 }

```

main\_b.c

```

1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include "lista.h"
4

```

```

/* 2) Glavni program */
6 int main()
{
8     /* Lista je prazna na pocetku */
    Cvor *glava = NULL;
10    int broj;

12    /* Testira se funkcija za dodavanja novog broja na kraj liste */
    printf("Unesite brojeve: (za kraj CTRL+D)\n");
14    while (scanf("%d", &broj) > 0) {
        /* Ako je funkcija vratila 1, onda je bilo greske pri alokaciji
16        memorije za nov cvor. Memoriju alociranu za cvorove liste
        treba osloboditi pre napustanja programa. */
18        if (dodaj_na_kraj_liste(&glava, broj) == 1) {
            fprintf(stderr, "Greska: Neuspesna alokacija memorije za cvor %
            d\n", broj);
20            oslobodi_listu(&glava);
            exit(EXIT_FAILURE);
22        }
        printf("\tLista: ");
24        ispisi_listu(glava);
    }

26    /* Testira se funkcije kojom se brise cvor liste */
    printf("\nUnesite broj koji se brise: ");
28    scanf("%d", &broj);

30    /* Brisu se cvorovi iz liste cije je polje vrednost jednako broju
32    procitanom sa ulaza */
    obrisi_cvor(&glava, broj);

34    printf("Lista nakon brisanja: ");
36    ispisi_listu(glava);

38    /* Oslobadja se memorija zauzeta listom */
    oslobodi_listu(&glava);

40    exit(EXIT_SUCCESS);
42 }

```

main.c.c

```

#include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
#include "lista.h"

4
/* 3) Glavni program */
6 int main()
{
8     /* Lista je prazna na pocetku */
    Cvor *glava = NULL;

```

```

10  Cvor *trazeni = NULL;
    int broj;

12

14  /* Testira se funkcija za dodavanje vrednosti u listu tako da bude
    uredjena neopadajuće */
    printf("Unesite brojeve (CTRL+D za kraj unosa): ");
16  while (scanf("%d", &broj) > 0) {
    /* Ako je funkcija vratila 1, onda je bilo greske pri alokaciji
    18  memorije za nov cvor. Memoriju alociranu za cvorove liste
    treba osloboditi pre napustanja programa. */
    if (dodaj_sortirano(&glava, broj) == 1) {
    20      fprintf(stderr, "Greska: Neuspesna alokacija memorije za cvor %
    d\n", broj);
    22      oslobodi_listu(&glava);
      exit(EXIT_FAILURE);
    24  }
    printf("\tLista: ");
    26  ispisi_listu(glava);
  }

28

30  /* Testira se funkcija za pretragu liste */
    printf("\nUnesite broj koji se trazi: ");
    scanf("%d", &broj);

32

34  trazeni = pretrazi_listu(glava, broj);
    if (trazeni == NULL)
        printf("Broj %d se ne nalazi u listi!\n", broj);
36  else
        printf("Trazeni broj %d je u listi!\n", trazeni->vrednost);

38

40  /* Testira se funkcija kojom se brise cvor liste */
    printf("\nUnesite broj koji se brise: ");
    scanf("%d", &broj);

42

44  /* Brisu se cvorovi iz liste cije polje vrednost je jednako broju
    procitanom sa ulaza */
    obrisi_cvor_sortirane_liste(&glava, broj);

46

48  printf("Lista nakon brisanja: ");
    ispisi_listu(glava);

50  /* Oslobadja se memorija zauzeta listom */
    oslobodi_listu(&glava);

52

54  exit(EXIT_SUCCESS);
}

```

### Rešenje 4.2

*lista.h*



```
1  #ifndef _LISTA_H_
2  #define _LISTA_H_

4  /* Struktura kojom je predstavljen cvor liste sadrzi celobrojni
   podatak vrednost i pokazivac na sledeci cvor liste. */
6  typedef struct cvor {
   int vrednost;
8  struct cvor *sledeci;
   } Cvor;

10 /* Funkcija kreira cvor, vrednost novog cvora inicijalizuje na broj,
12 dok pokazivac na sledeci cvor postavlja na NULL. Vraca pokazivac
   na novokreirani cvor ili NULL ako alokacija nije bila uspesna. */
14 Cvor *napravi_cvor(int broj);

16 /* Funkcija oslobadja dinamicku memoriju zauzetu za cvorove liste
   ciji se pokazivac glava nalazi na adresi adresa_glave. */
18 void oslobodi_listu(Cvor ** adresa_glave);

20 /* Funkcija dodaje novi cvor na pocetak liste. Vraca 1 ukoliko je
   bilo greske pri alokaciji memorije, inace vraca 0. */
22 int dodaj_na_pocetak_liste(Cvor ** adresa_glave, int broj);

24 /* Funkcija dodaje broj na kraj liste. Vraca 1 ukoliko je bilo
   greske pri alokaciji memorije, inace vraca 0. */
26 int dodaj_na_kraj_liste(Cvor ** adresa_glave, int broj);

28 /* Funkcija dodaje broj u rastuce sortiranu listu tako da nova lista
   ostane sortirana. Vraca 1 ukoliko je bilo greske pri alokaciji
30 memorije, inace vraca 0. */
   int dodaj_sortirano(Cvor ** adresa_glave, int broj);

32 /* Funkcija trazi u listi cvor cija je vrednost jednaka datom broju.
34 Vraca pokazivac na cvor liste u kome je sadrzan trazeni broj ili
   NULL u slucaju da takav cvor ne postoji u listi. */
36 Cvor *pretrazi_listu(Cvor * glava, int broj);

38 /* Funkcija trazi u listi cvor cija je vrednost jednaka datom broju.
   U pretrazi oslanja se na cinjenicu da je lista koja se pretrazuje
40 neopadajuce sortirana. Vraca pokazivac na cvor liste u kome je
   sadrzan trazeni broj ili NULL u slucaju da takav cvor ne postoji.
   */
42 Cvor *pretrazi_sortiranu_listu(Cvor * glava, int broj);

44 /* Funkcija brise iz liste sve cvorove koji sadrže dati broj.
   Azurira pokazivac na glavu liste, koji može biti promenjen u
46 slucaju da se obriše stara glava liste. */
   void obrisi_cvor(Cvor ** adresa_glave, int broj);

48 /* Funkcija brise iz liste sve cvorove koji sadrže dati broj,
50 oslanjajući se na cinjenicu da je prosledjena lista sortirana
```

```
neopadajuće. Azurira pokazivac na glavu liste, koji može biti
52   promenjen ukoliko se obriše stara glava liste. */
void obriši_cvor_sortirane_liste(Cvor ** adresa_glave, int broj);
54
/* Funkcija ispisuje samo vrednosti cvorova liste razdvojene
56   zaptama. */
void ispisi_vrednosti(Cvor * glava);
58
/* Funkcija prikazuje vrednosti cvorova liste počev od glave ka
60   kraju liste, razdvojene zaptama i uokvirene zgradama. */
void ispisi_listu(Cvor * glava);
62
#endif
```

*lista.c*

```
1  #include <stdio.h>
   #include <stdlib.h>
3  #include "lista.h"

5  Cvor *napravi_cvor(int broj)
   {
7     /* Alokacija memorije za novi cvor uz proveru uspesnosti */
     Cvor *novi = (Cvor *) malloc(sizeof(Cvor));
9     if (novi == NULL)
         return NULL;
11
     /* Inicijalizacija polja strukture */
13     novi->vrednost = broj;
     novi->sledeci = NULL;
15
     /* Vraca se adresa novog cvora */
17     return novi;
   }

19
void oslobodi_listu(Cvor ** adresa_glave)
21 {
   /* Ako je lista već prazna */
23   if (*adresa_glave == NULL)
       return;
25
   /* Ako lista nije prazna, treba osloboditi memoriju. Treba
27     osloboditi rep liste, pre oslobađanja memorije za glavu liste
     */
     oslobodi_listu(&(*adresa_glave)->sledeci);
29     /* Nakon oslobodjenog repa, oslobađa se glava liste i azurira se
     glava u pozivajućoj funkciji tako da odgovara praznoj listi */
31     free(*adresa_glave);
     *adresa_glave = NULL;
33 }
```

```
35 int dodaj_na_pocetak_liste(Cvor ** adresa_glave, int broj)
36 {
37     /* Kreira se novi cvor i proverava se uspesnost kreiranja */
38     Cvor *novi = napravi_cvor(broj);
39     if (novi == NULL)
40         return 1;
41
42     /* Novi cvor se uvezuje na pocetak i postaje nova glave liste */
43     novi->sledeci = *adresa_glave;
44     *adresa_glave = novi;
45
46     /* Vraca se indikator uspesnog dodavanja */
47     return 0;
48 }
49
50 int dodaj_na_kraj_liste(Cvor ** adresa_glave, int broj)
51 {
52     /* Ako je lista prazna */
53     if (*adresa_glave == NULL) {
54
55         /* Novi cvor postaje glava liste */
56         Cvor *novi = napravi_cvor(broj);
57         /* Ukoliko je bilo greske pri kreiranju novog cvora, vraca se 1 */
58         if (novi == NULL)
59             return 1;
60
61         /* Azuriranjem vrednosti na koju pokazuje adresa_glave, ujedno
62            se azurira i pokazivacka promenljiva u pozivajucoj funkciji */
63         *adresa_glave = novi;
64
65         /* Vraca se indikator uspesnog dodavanja */
66         return 0;
67     }
68
69     /* Ako lista nije prazna, broj se dodaje u rep liste. */
70     /* Prilikom dodavanja u listu na kraj u velikoj vecini slucajeva
71        novi broj se dodaje u rep liste u rekurzivnom pozivu.
72        Informaciju o uspesnosti alokacije u rekurzivnom pozivu
73        funkcija prosledjuje visem rekurzivnom pozivu koji tu
74        informaciju vraca u rekurzivni poziv iznad, sve dok se ne vrati
75        u main. Tek je iz main funkcije moguće pristupiti pravom
76        pocetku liste i osloboditi je celu, ako ima potrebe. Ako je
77        funkcija vratila 0, onda nije bilo greske. */
78     return dodaj_na_kraj_liste(&(*adresa_glave)->sledeci, broj);
79 }
80
81 int dodaj_sortirano(Cvor ** adresa_glave, int broj)
82 {
83     /* Ako je lista prazna */
84     if (*adresa_glave == NULL) {
85
```

```
/* Novi cvor postaje glava liste */
87 Cvor *novi = napravi_cvor(broj);

/* Ukoliko je bilo greske pri kreiranju novog cvora, vraca se 1
89 */
if (novi == NULL)
91     return 1;

/* Azurira se glava liste */
93 *adresa_glave = novi;

/* Vraca se indikator uspesnog dodavanja */
95
97 return 0;
}

/* Lista nije prazna. Ako je broj manji ili jednak od vrednosti u
101 glavi liste, onda se dodaje na pocetak liste */
if ((*adresa_glave)->vrednost >= broj)
103     return dodaj_na_pocetak_liste(adresa_glave, broj);

/* Inace, broj treba dodati u rep, tako da rep i sa novim cvorom
105 bude sortirana lista. */
return dodaj_sortirano(&(*adresa_glave)->sledeci, broj);
107 }

109 Cvor *pretrazi_listu(Cvor * glava, int broj)
111 {
    /* U praznoj listi nema vrednosti */
113     if (glava == NULL)
        return NULL;

115     /* Ako glava liste sadrzi trazeni broj, vraca se pokazivac glava */
117     if (glava->vrednost == broj)
        return glava;

119     /* Inace, pretraga se nastavlja u repu liste */
121     return pretrazi_listu(glava->sledeci, broj);
}

123 Cvor *pretrazi_sortiranu_listu(Cvor * glava, int broj)
125 {
    /* Trazenog broja nema ako je lista prazna ili ako je broj manji
127     od vrednosti u glavi liste, jer je lista neopadajuce sortirana
    */
    if (glava == NULL || glava->vrednost > broj)
129         return NULL;

    /* Ako glava liste sadrzi trazeni broj, vraca se pokazivac glava */
131     if (glava->vrednost == broj)
        return glava;
133

135     /* Inace, pretraga se nastavlja u repu liste */
```

```
137     return pretrazi_listu(glava->sledeci, broj);
139 void obrisi_cvor(Cvor ** adresa_glave, int broj)
140 {
141     /* U praznoj listi nema cvorova za brisanje. */
142     if (*adresa_glave == NULL)
143         return;
144
145     /* Prvo se brisu cvorovi iz repa koji imaju vrednost broj */
146     obrisi_cvor(&(*adresa_glave)->sledeci, broj);
147
148     /* Preostaje provera da li glavu liste treba obrisati */
149     if ((*adresa_glave)->vrednost == broj) {
150         /* Pomocni pokazuje na cvor koji treba da se obrise */
151         Cvor *pomocni = *adresa_glave;
152         /* Azurira se pokazivac na glavu da pokazuje na sledeci u listi
153            i brise se cvor koji je bio glava liste. */
154         *adresa_glave = (*adresa_glave)->sledeci;
155         free(pomocni);
156     }
157 }
159 void obrisi_cvor_sortirane_liste(Cvor ** adresa_glave, int broj)
160 {
161     /* Ako je lista prazna ili glava liste sadrzi vrednost koja je
162        veca od broja, kako je lista sortirana rastuce nema potrebe
163        broj traziti u repu liste i zato se funkcija prekida */
164     if (*adresa_glave == NULL || (*adresa_glave)->vrednost > broj)
165         return;
166
167     /* Brisu se cvorovi iz repa koji imaju vrednost broj */
168     obrisi_cvor(&(*adresa_glave)->sledeci, broj);
169
170     /* Preostaje provera da li glavu liste treba obrisati */
171     if ((*adresa_glave)->vrednost == broj) {
172         /* Pomocni pokazuje na cvor koji treba da se obrise */
173         Cvor *pomocni = *adresa_glave;
174         /* Azurira se pokazivac na glavu da pokazuje na sledeci u listi i
175            brise se cvor koji je bio glava liste */
176         *adresa_glave = (*adresa_glave)->sledeci;
177         free(pomocni);
178     }
179 }
181 void ispisi_vrednosti(Cvor * glava)
182 {
183     /* Prazna lista */
184     if (glava == NULL)
185         return;
186
187     /* Ispisuje se vrednost u glavi liste */
```

```

printf("%d", glava->vrednost);
189
/* Ako rep nije prazan, ispisuje se znak ',' i razmak. Rekurzivno
191 se poziva ista funkcija za ispis ostalih. */
if (glava->sledeci != NULL) {
193     printf(", ");
    ispisi_vrednosti(glava->sledeci);
195 }
}

197 void ispisi_listu(Cvor * glava)
199 {
    /* Funkciji se ne salje adresa promenljive koja cuva glavu liste,
201 jer nece menjati listu, pa nema ni potrebe da azuriza pokazivac
    na glavu liste iz pozivajuće funkcije. Ona ispisuje samo
203 zgrade, a rekurzivno ispisivanje vrednosti u listi prepusta
    rekurzivnoj pomocnoj funkciji ispisi_vrednosti, koja ce ispisati
205 elemente razdvojene zapeatom i razmakom. */
    putchar('[');
207     ispisi_vrednosti(glava);
    printf("]\n");
209 }

```

## Rešenje 4.3

```

#include <stdio.h>
2 #include <string.h>
#include <stdlib.h>
4
#define MAX_DUZINA 20
6
/* Struktura kojom je predstavljen cvor liste sadrzi naziv etikete,
8 broj pojavljivanja etikete i pokazivac na sledeci cvor liste */
typedef struct _Cvor {
10     char etiketa[20];
    unsigned broj_pojavljivanja;
12     struct _Cvor *sledeci;
} Cvor;
14

/* Pomocna funkcija koja kreira cvor. Vraca pokazivac na novi cvor
16 ili NULL ako alokacija nije uspesno izvršena */
Cvor *napravi_cvor(unsigned br, char *etiketa)
18 {
    /* Alokacija memorije za cvor uz proveru uspesnosti alokacije */
20     Cvor *novi = (Cvor *) malloc(sizeof(Cvor));
    if (novi == NULL)
22         return NULL;

24     /* Inicijalizacija polja strukture */
    novi->broj_pojavljivanja = br;
26     strcpy(novi->etiketa, etiketa);

```

```
28     novi->sledeci = NULL;
30     /* Vraca se adresa novog cvora */
31     return novi;
32 }
33 /* Funkcija oslobadja dinamicku memoriju zauzetu cvorovima liste */
34 void oslobodi_listu(Cvor ** adresa_glave)
35 {
36     Cvor *pomocni = NULL;
37
38     /* Sve dok lista ni bude prazna, brise se tekuca glava liste i
39        azurira se vrednost glave liste */
40     while (*adresa_glave != NULL) {
41         pomocni = (*adresa_glave)->sledeci;
42         free(*adresa_glave);
43         *adresa_glave = pomocni;
44     }
45     /* Pokazivac glava u main funkciji, na adresi adresa_glave, bice
46        postavljen na NULL vrednost po izlasku iz petlje. */
47 }
48
49 /* Funkcija dodaje novi cvor na pocetak liste. Vraca 1 ako je doslo
50    do greske pri alokaciji memorije za nov cvor, inace vraca 0. */
51 int dodaj_na_pocetak_liste(Cvor ** adresa_glave, unsigned br,
52                             char *etiketa)
53 {
54     /* Kreira se novi cvor i proverava se uspesnost alokacije */
55     Cvor *novi = napravi_cvor(br, etiketa);
56     if (novi == NULL)
57         return 1;
58
59     /* Dodaje se novi cvor na pocetak liste */
60     novi->sledeci = *adresa_glave;
61     *adresa_glave = novi;
62
63     /* Vraca se indikator uspesnog dodavanja */
64     return 0;
65 }
66
67 /* Funkcija vraca cvor koji kao vrednost sadrzi trazenu etiketu ili
68    NULL ako takav cvor ne postoji u listi. */
69 Cvor *pretrazi_listu(Cvor * glava, char etiketa[])
70 {
71     Cvor *tekuci;
72
73     /* Obilazi se cvor po cvor liste */
74     for (tekuci = glava; tekuci != NULL; tekuci = tekuci->sledeci)
75         /* Ako tekuci cvor sadrzi trazenu etiketu, vraca se njegova
76            vrednost */
77         if (strcmp(tekuci->etiketa, etiketa) == 0)
78             return tekuci;
```

```
80  /* Cvor nije pronadjen */
    return NULL;
82 }

84 /* Funkcija ispisuje sadrzaj liste */
void ispisi_listu(Cvor * glava)
86 {
    /* Pocevsi od cvora koji je glava lista, ispisuju se sve etikete i
    broj njihovog pojavljivanja u HTML datoteci. */
88     for (; glava != NULL; glava = glava->sledeci)
90         printf("%s - %u\n", glava->etiketa, glava->broj_pojavljivanja);
92 }

/* Glavni program */
94 int main(int argc, char **argv)
{
96     /* Proverava se da li je program pozvan sa ispravnim brojem
    argumenata
    komandne linije. */
98     if (argc != 2) {
        fprintf(stderr,
100             "Greska: Program se poziva sa: ./a.out datoteka.html!\n")
        ;
        exit(EXIT_FAILURE);
102     }

104     /* Priprema datoteke za citanje */
    FILE *in = NULL;
106     in = fopen(argv[1], "r");
    if (in == NULL) {
108         fprintf(stderr,
            "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke %s!\n", argv[1]);
110         exit(EXIT_FAILURE);
    }

112
    char c;
114     int i = 0;
    char procitana[MAX_DUZINA];
116     Cvor *glava = NULL;
    Cvor *trazeni = NULL;
118
    /* Cita se datoteka, karakter po karakter, dok se ne procita cela
    */
120     while ((c = fgetc(in)) != EOF) {
        /* Proverava se da li se pocinje sa citanjem nove etikete */
122         if (c == '<') {
            /* Proverava se da li se cita zatvarajuca etiketa */
124             if ((c = fgetc(in)) == '/') {
                i = 0;
126                 while ((c = fgetc(in)) != '>')
                    procitana[i++] = c;
```



```

128     }
129     /* Cita se otvarajuca etiketa */
130     else {
131         i = 0;
132         pročitana[i++] = c;
133         while ((c = fgetc(in)) != ' ' && c != '>')
134             pročitana[i++] = c;
135     }
136     pročitana[i] = '\0';

138     /* Traži se pročitana etiketa među postojećim cvorovima
139        liste. Ukoliko ne postoji, dodaje se novi cvor za učitano
140        etiketu sa brojem pojavljivanja 1. Inače se uvećava broj
141        pojavljivanja etikete. */
142     traženi = pretraži_listu(glava, pročitana);
143     if (traženi == NULL) {
144         if (dodaj_na_pocetak_liste(&glava, 1, pročitana) == 1) {
145             fprintf(stderr,
146                 "Greska: Neuspesna alokacija memorije za nov cvor\n
147             ");
148             oslobodi_listu(&glava);
149             exit(EXIT_FAILURE);
150         } else
151             traženi->broj_pojavljivanja++;
152     }
153 }

154 /* Zatvara se datoteka */
155 fclose(in);

156 /* Ispisuje se sadržaj cvorova liste */
157 ispisi_listu(glava);

158 /* Oslobadja se memorija zauzeta listom */
159 oslobodi_listu(&glava);

160 exit(EXIT_SUCCESS);
161 }

```

#### Rešenje 4.4

```

#include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
#include <string.h>

4
#define MAX_INDEKS 11
6 #define MAX_IME_PREZIME 21

8 /* Struktura kojom se predstavlja cvor liste koji sadrži podatke o
   studentu */

```

```
10 typedef struct _Cvor {
11     char broj_indeksa[MAX_INDEKS];
12     char ime[MAX_IME_PREZIME];
13     char prezime[MAX_IME_PREZIME];
14     struct _Cvor *sledeci;
15 } Cvor;
16
17 /* Funkcija kreira i inicijalizuje cvor liste i vraca pokazivac na
18    novi cvor ili NULL ukoliko je doslo do greske */
19 Cvor *napravi_cvor(char *broj_indeksa, char *ime, char *prezime)
20 {
21     /* Alokacija memorije za cvor uz proveru uspesnosti alokacije */
22     Cvor *novi = (Cvor *) malloc(sizeof(Cvor));
23     if (novi == NULL)
24         return NULL;
25
26     /* Inicijalizacija polja strukture */
27     strcpy(novi->broj_indeksa, broj_indeksa);
28     strcpy(novi->ime, ime);
29     strcpy(novi->prezime, prezime);
30     novi->sledeci = NULL;
31
32     /* Vraca se adresa novog cvora */
33     return novi;
34 }
35
36 /* Funkcija oslobadja memoriju zauzetu cvorovima liste */
37 void oslobodi_listu(Cvor ** adresa_glave)
38 {
39     /* Ako je lista prazna, nema potrebe oslobadjati memoriju */
40     if (*adresa_glave == NULL)
41         return;
42
43     /* Rekurzivnim pozivom se oslobadja rep liste */
44     oslobodi_listu(&(*adresa_glave)->sledeci);
45
46     /* Potom se oslobadja i glava liste */
47     free(*adresa_glave);
48
49     /* Proglasava se lista praznom */
50     *adresa_glave = NULL;
51 }
52
53 /* Funkcija dodaje novi cvor na pocetak liste. Vraca 1 ako je doslo
54    do greske pri alokaciji memorije za nov cvor, inace vraca 0. */
55 int dodaj_na_pocetak_liste(Cvor ** adresa_glave, char *broj_indeksa,
56                             char *ime, char *prezime)
57 {
58     /* Kreira se novi cvor i proverava se uspesnost alokacije */
59     Cvor *novi = napravi_cvor(broj_indeksa, ime, prezime);
60     if (novi == NULL)
61         return 1;
```

```
62      /* Dodaje se novi cvor na pocetak liste */
64      novi->sledeci = *adresa_glave;
        *adresa_glave = novi;
66
        /* Vraca se indikator uspesnog dodavanja */
68      return 0;
    }
70
    /* Funkcija ispisuje sadrzaj cvorova liste. */
72    void ispisi_listu(Cvor * glava)
    {
74        /* Pocevsi od glave liste */
        for (; glava != NULL; glava = glava->sledeci)
76            printf("%s %s %s\n", glava->broj_indeksa, glava->ime,
                    glava->prezime);
78    }
80
    /* Funkcija vraca cvor koji kao vrednost sadrzi trazeni broj
       indeksa. U suprotnom funkcija vraca NULL */
82    Cvor *pretrazi_listu(Cvor * glava, char *broj_indeksa)
    {
84        /* Ako je lista prazna, ne postoji trazeni cvor */
        if (glava == NULL)
86            return NULL;
88
        /* Poredi se trazeni broj indeksa sa brojem indeksa u glavi liste
           */
        if (!strcmp(glava->broj_indeksa, broj_indeksa))
90            return glava;
92
        /* Ukoliko u glavi liste nije trazeni indeks, pretraga se
           nastavlja u repu liste */
94        return pretrazi_listu(glava->sledeci, broj_indeksa);
    }
96
    /* Glavni program */
98    int main(int argc, char **argv)
    {
100        /* Argumenti komandne linije su neophodni jer se iz komandne
           linije dobija ime datoteke sa informacijama o studentima */
102        if (argc != 2) {
            fprintf(stderr,
104                "Greska: Program se poziva sa: ./a.out ime_datoteke\n");
            exit(EXIT_FAILURE);
106        }
108
        /* Priprema datoteke za citanje */
        FILE *in = NULL;
110        in = fopen(argv[1], "r");
        if (in == NULL) {
112            fprintf(stderr,
```

```

114         "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke %s.\n", argv[1]);
        exit(EXIT_FAILURE);
    }

116
    /* Deklaracije pomocnih promenljiva za citanje vrednosti koje
    treba smestiti u listu */
118    char ime[MAX_IME_PREZIME], prezime[MAX_IME_PREZIME];
120    char broj_indeksa[MAX_INDEKS];
    Cvor *glava = NULL;
122    Cvor *trazeni = NULL;

124    /* Ucitavanje vrednosti u listu */
    while (fscanf(in, "%s %s %s", broj_indeksa, ime, prezime) != EOF)
126        if (dodaj_na_pocetak_liste(&glava, broj_indeksa, ime, prezime)) {
            fprintf(stderr,
128                "Greska: Neuspesna alokacija memorije za nov cvor\n");
            oslobodi_listu(&glava);
130            exit(EXIT_FAILURE);
        }

132
    /* Datoteka vise nije potrebna i zatvara se. */
134    fclose(in);

136    /* Ucitava se indeks po indeks studenta koji se trazi u listi. */
    while (scanf("%s", broj_indeksa) != EOF) {
138        trazeni = pretrazi_listu(glava, broj_indeksa);
        if (trazeni == NULL)
140            printf("ne\n");
        else
142            printf("da: %s %s\n", trazeni->ime, trazeni->prezime);
    }

144
    /* Oslobadja se memorija zauzeta za cvorove liste. */
146    oslobodi_listu(&glava);

148    exit(EXIT_SUCCESS);
}

```

### Rešenje 4.6

NAPOMENA: Rešenje koristi biblioteku za rad sa listama iz zadatka 4.1.

```

1 #include <stdio.h>
  #include <stdlib.h>
3 #include "lista.h"

5 /* Funkcija objedinjuje dve liste ciji se pokazivaci na glave nalaze
   na adresama adresa_glave_1 i adresa_glave_2 prevezivanjem
7   pokazivaca postojećih cvorova listi */
  Cvor *objedini(Cvor ** adresa_glave_1, Cvor ** adresa_glave_2)
9 {

```

```
11  /* Pokazivaci na pocetne cvorove listi koje se prevezuju */
    Cvor *lista1 = *adresa_glave_1;
    Cvor *lista2 = *adresa_glave_2;
13
15  /* Pokazivac na pocetni cvor rezultujuce liste */
    Cvor *rezultujuca = NULL;
    Cvor *tekuci = NULL;
17
19  /* Ako su obe liste prazne i rezultat je prazna lista */
    if (lista1 == NULL && lista2 == NULL)
        return NULL;
21
23  /* Ako je prva lista prazna, rezultat je druga lista */
    if (lista1 == NULL)
        return lista2;
25
27  /* Ako je druga lista prazna, rezultat je prva lista */
    if (lista2 == NULL)
        return lista1;
29
31  /* Odredjuje se prvi cvor rezultujuce liste - to je ili prvi cvor
    liste lista1 ili prvi cvor liste lista2 u zavisnosti od toga
    koji sadrzi manju vrednost */
33  if (lista1->vrednost < lista2->vrednost) {
        rezultujuca = lista1;
        lista1 = lista1->sledeci;
35  } else {
        rezultujuca = lista2;
        lista2 = lista2->sledeci;
37  }
39
41  /* Kako promenljiva rezultujuca pokazuje na pocetak nove liste, ne
    sme joj se menjati vrednost. Zato se koristi pokazivac tekuci
    koji sadrzi adresu trenutnog cvora rezultujuce liste */
43  tekuci = rezultujuca;
45
47  /* U svakoj iteraciji petlje rezultujucoj listi se dodaje novi
    cvor tako da bude uredjena neopadajuce. Pokazivac na listu iz
    koje se uzima cvor se azurira tako da pokazuje na sledeci cvor
    */
    while (lista1 != NULL && lista2 != NULL) {
49        if (lista1->vrednost < lista2->vrednost) {
            tekuci->sledeci = lista1;
            lista1 = lista1->sledeci;
51        } else {
            tekuci->sledeci = lista2;
            lista2 = lista2->sledeci;
53        }
55        tekuci = tekuci->sledeci;
57    }
59
    /* Ako se iz petlje izaslo jer se stiglo do kraja prve liste, na
    rezultujucu listu treba nadovezati ostatak druge liste */
```

```
61     if (lista1 == NULL)
62         tekuci->sledeci = lista2;
63     else
64         /* U suprotnom treba nadovezati ostatak prve liste */
65         tekuci->sledeci = lista1;
66
67     /* Preko adresa glava polaznih listi vrednosti pokazivaca u
68        pozivajucoj funkciji se postavljaju na NULL jer se svi cvorovi
69        prethodnih listi nalaze negde unutar rezultujuce liste. Do njih
70        se moze doci prateci pokazivace iz glave rezultujuce liste, tako
71        da stare pokazivace treba postaviti na NULL. */
72     *adresa_glave_1 = NULL;
73     *adresa_glave_2 = NULL;
74
75     return rezultujuca;
76 }
77
78 int main(int argc, char **argv)
79 {
80     /* Argumenti komandne linije su neophodni */
81     if (argc != 3) {
82         fprintf(stderr,
83             "Greska: Program se poziva sa:\n ./a.out dat1.txt dat2.
84             txt\n");
85         exit(EXIT_FAILURE);
86     }
87
88     /* Otvaraju se datoteke u kojima se nalaze elementi listi */
89     FILE *in1 = NULL;
90     in1 = fopen(argv[1], "r");
91     if (in1 == NULL) {
92         fprintf(stderr,
93             "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke %s.\n", argv[1]);
94         exit(EXIT_FAILURE);
95     }
96
97     FILE *in2 = NULL;
98     in2 = fopen(argv[2], "r");
99     if (in2 == NULL) {
100         fprintf(stderr,
101             "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke %s.\n", argv[2]);
102         exit(EXIT_FAILURE);
103     }
104
105     /* Liste su na pocetku prazne */
106     int broj;
107     Cvor *lista1 = NULL;
108     Cvor *lista2 = NULL;
109
110     /* Ucitavanje listi */
111     while (fscanf(in1, "%d", &broj) != EOF)
112         dodaj_na_kraj_liste(&lista1, broj);
```

```

113 while (fscanf(in2, "%d", &broj) != EOF)
    dodaj_na_kraj_liste(&lista2, broj);
115
117 /* Datoteke vise nisu potrebne i treba ih zatvoriti. */
    fclose(in1);
    fclose(in2);
119
121 /* Pokazivac rezultat ce pokazivati na glavu liste dobijene
    objedinjavanjem listi */
    Cvor *rezultat = objedini(&lista1, &lista2);
123
125 /* Ispis rezultujuce liste. */
    ispisi_listu(rezultat);
127
129 /* Lista rezultat dobijena je prevezivanjem cvorova polaznih listi.
    Njenim oslobadjanjem oslobadja se sva zauzeta memorija. */
    oslobodi_listu(&rezultat);
131
    exit(EXIT_SUCCESS);
}

```

## Rešenje 4.8

```

1  #include <stdio.h>
   #include <stdlib.h>
3
   /* Struktura kojom je predstavljen cvor liste sadrzi karakter koji
   5     predstavlja vidjenu zagradu i pokazivac na sledeci cvor liste */
   typedef struct cvor {
7     char zagrada;
       struct cvor *sledeci;
9   } Cvor;

11  /* Funkcija koja oslobadja memoriju zauzetu stekom */
   void oslobodi_stek(Cvor ** stek)
13  {
       Cvor *tekuci;
15     Cvor *pomocni;

17     /* Oslobadja se cvor po cvor steka */
       tekuci = *stek;
19     while (tekuci != NULL) {
           pomocni = tekuci->sledeci;
21         free(tekuci);
           tekuci = pomocni;
23     }

25     /* Stek se proglašava praznim */
       *stek = NULL;
27 }

```

```
29  /* Glavni program */
    int main()
31  {
        /* Stek je na pocetku prazan */
        Cvor *stek = NULL;
        FILE *ulaz = NULL;
35     char c;
        Cvor *pomocni = NULL;

37
        /* Otvaranje datotoke za citanje izraza */
        ulaz = fopen("izraz.txt", "r");
        if (ulaz == NULL) {
41             fprintf(stderr,
                        "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke izraz.txt!\n");
43             exit(EXIT_FAILURE);
        }

45
        /* Cita se datoteka, karakter po karakter, dok se ne procita cela
        */
        while ((c = fgetc(ulaz)) != EOF) {
47             /* Ako je ucitana otvorena zagrada, stavlja se na stek */
            if (c == '(' || c == '{' || c == '[') {
49                 /* Alocira se memorija za novi cvor liste i proverava se
                    uspesnost alokacije */
                    pomocni = (Cvor *) malloc(sizeof(Cvor));
51                 if (pomocni == NULL) {
53                     fprintf(stderr, "Greska: Neuspesna alokacija memorije!\n");
55                     /* Oslobadjanje memorije zauzete stekom */
57                     oslobodi_stek(&stek);
                    /* Prekid izvršavanja programa */
                    exit(EXIT_FAILURE);
59                 }

61                 /* Inicijalizacija polja strukture */
                    pomocni->zagrada = c;

63
                    /* Promena vrha steka */
                    pomocni->sledeci = stek;
                    stek = pomocni;
65                 }
            }
            /* Ako je ucitana zatvorena zagrada, proverava se da li je stek
            prazan i ako nije, da li se na vrhu steka nalazi odgovarajuca
            otvorena zagrada */
67             else {
71                 if (c == ')' || c == '}' || c == ']') {
73                     if (stek != NULL && ((stek->zagrada == '(' && c == ')')
                                            || (stek->zagrada == '{' && c == '}')
75                                             || (stek->zagrada == '[' && c == ']')))
                        {
77                             /* Sa vrha steka se uklanja otvorena zagrada */
                                pomocni = stek->sledeci;
```



```
79         free(stek);
80         stek = pomocni;
81     } else {
82         /* Dakle zagrade u izrazu nisu ispravno uparene */
83         break;
84     }
85 }
86
87 /* Procitana je cela datoteka i treba je zatvoriti */
88 fclose(ulaz);
89
90 /* Ako je stek prazan i procitana je cela datoteka, zagrade su
91    ispravno uparene */
92 if (stek == NULL && c == EOF)
93     printf("Zagrade su ispravno uparene.\n");
94 else {
95     /* U suprotnom se zakljucuje da zagrade nisu ispravno uparene */
96     printf("Zagrade nisu ispravno uparene.\n");
97     /* Oslobadja se memorija koja je ostala zauzeta stekom */
98     oslobodi_stek(&stek);
99 }
100
101 exit(EXIT_SUCCESS);
102 }
103 }
```

## Rešenje 4.9

*stek.h*

```
1  #ifndef _STEK_H_
2  #define _STEK_H_
3
4  #include <stdio.h>
5  #include <stdlib.h>
6  #include <string.h>
7  #include <ctype.h>
8
9  #define MAX 100
10
11 #define OTVORENA 1
12 #define ZATVORENA 2
13
14 #define VAN_ETIKETE 0
15 #define PROCITANO_MANJE 1
16 #define U_ETIKETI 2
17
18 /* Struktura kojim se predstavlja cvor liste sadrzi ime etikete i
19    pokazivac na sledeci cvor */
20 typedef struct cvor {
21     char etiketa[MAX];
22     struct cvor *sledeci;
23 } Cvor;
24
25 /* Funkcija kreira novi cvor, upisuje u njega etiketu i vraca
26    njegovu adresu ili NULL ako alokacija nije bila uspesna */
27 Cvor *napravi_cvor(char *etiketa);
28
29 /* Funkcija oslobadja memoriju zauzetu stekom */
30 void oslobodi_stek(Cvor ** adresa_vrha);
31
32 /* Funkcija postavlja na vrh steka novu etiketu. U slucaju greske
33    pri alokaciji za novi cvor funkcija vraca 1, inace vraca 0 */
34 int potisni_na_stek(Cvor ** adresa_vrha, char *etiketa);
35
36 /* Funkcija skida sa vrha steka etiketu. Ako je drugi argument
37    pokazivac razlicit od NULL, tada u niz karaktera na koji on
38    pokazuje upisuje ime etikete koja je upravo skinuta sa steka dok
39    u suprotnom ne radi nista. Funkcija vraca 0 ako je stek prazan
40    (pa samim tim nije bilo moguće skinuti vrednost sa steka) ili 1 u
41    suprotnom */
42 int skini_sa_steka(Cvor ** adresa_vrha, char *etiketa);
43
44 /* Funkcija vraca pokazivac na string koji sadrzi etiketu na vrhu
45    steka. Ukoliko je stek prazan, vraca NULL */
46 char *vrh_steka(Cvor * vrh);
```

```

48 /* Funkcija prikazuje stek od vrha prema dnu */
void prikazi_stek(Cvor * vrh);
50
/* Funkcija iz datoteke kojoj odgovara pokazivac f cita sledecu
52 etiketu, i upisuje je u nisku na koju pokazuje pokazivac etiketa.
Vraca EOF u slucaju da se dodje do kraja datoteke pre nego sto se
54 procita etiketa. Vraca OTVORENA, ako je procitana otvorena
etiketa, odnosno ZATVORENA, ako je procitana zatvorena etiketa */
56 int uzmi_etiketu(FILE * f, char *etiketa);
58 #endif

```

stek.c

```

#include "stek.h"
2
Cvor *napravi_cvor(char *etiketa)
4 {
    /* Alokacija memorije za novi cvor uz proveru uspesnost alokacije
    */
    Cvor *novi = (Cvor *) malloc(sizeof(Cvor));
    6 if (novi == NULL)
        return NULL;
    8

    /* Inicijalizacija polja u novom cvoru */
    if (strlen(etiketa) >= MAX) {
    10     fprintf(stderr, "Greska: Etiketa je preduga, bice skracena.\n");
    12     etiketa[MAX - 1] = '\0';
    14 }
    strcpy(novi->etiketa, etiketa);
    16 novi->sledeci = NULL;

    /* Vraca se adresa novog cvora */
    18 return novi;
    20 }

void oslobodi_stek(Cvor ** adresa_vrha)
{
    22 Cvor *pomocni;

    /* Sve dok stek nije prazan, brise se cvor koji je vrh steka */
    26 while (*adresa_vrha != NULL) {
        /* Potrebno je prvo zapamtiti adresu sledeceg cvora i onda
        28 osloboditi cvor koji predstavlja vrh steka */
        pomocni = *adresa_vrha;
        /* Sledeci cvor je novi vrh steka */
        32 *adresa_vrha = (*adresa_vrha)->sledeci;
        free(pomocni);
    34 }

    36 /* Nakon izlaska iz petlje stek je prazan i pokazivac na adresi

```

```
        adresa_vrha ce pokazivati na NULL. */
38 }

40 int potisni_na_stek(Cvor ** adresa_vrha, char *etiketa)
41 {
42     /* Kreira se novi cvor i proverava se uspesnost kreiranja */
43     Cvor *novi = napravi_cvor(etiketa);
44     if (novi == NULL)
45         return 1;
46
47     /* Novi cvor se uvezuje na vrh i postaje nov vrh steka */
48     novi->sledeci = *adresa_vrha;
49     *adresa_vrha = novi;
50     return 0;
51 }

52 int skini_sa_steka(Cvor ** adresa_vrha, char *etiketa)
53 {
54     Cvor *pomocni;
55
56     /* Pokusaj skidanja vrednosti sa praznog steka rezultuje greskom i
57        vraca se 0 */
58     if (*adresa_vrha == NULL)
59         return 0;
60
61     /* Ako adresa na koju se smesta etiketa nije NULL, onda se na tu
62        adresu kopira etiketa sa vrha steka */
63     if (etiketa != NULL)
64         strcpy(etiketa, (*adresa_vrha)->etiketa);
65
66     /* Element sa vrha steka se uklanja */
67     pomocni = *adresa_vrha;
68     *adresa_vrha = (*adresa_vrha)->sledeci;
69     free(pomocni);
70
71     /* Vraca se indikator uspesno izvorsene radnje */
72     return 1;
73 }

74
75 char *vrh_steka(Cvor * vrh)
76 {
77     /* Prazan stek nema cvor koji je vrh i vraca se NULL */
78     if (vrh == NULL)
79         return NULL;
80
81     /* Inace, vraca se pokazivac na nisku etiketa koja je polje cvora
82        koji je na vrhu steka. */
83     return vrh->etiketa;
84 }

85
86 void prikazi_stek(Cvor * vrh)
87 {
88 }
```

```
90     /* Ispisuje se spisak etiketa na steku od vrha ka dnu. */
    for (; vrh != NULL; vrh = vrh->sledeci)
        printf("<#s>\n", vrh->etiketa);
92 }

94 int uzmi_etiketu(FILE * f, char *etiketa)
{
96     int c;
    int i = 0;
98     /* Stanje predstavlja informaciju dokle se stalo sa citanjem
    etikete. Inicijalizuje se vrednoscu VAN_ETIKETE jer jos uvek
100     nije zapoceto citanje. */
    /* Tip predstavlja informaciju o tipu etikete. Uzima vrednosti
102     OTVORENA ili ZATVORENA. */
    int stanje = VAN_ETIKETE;
104     int tip;

106     /* HTML je neosetljiv na razliku izmedju malih i velikih slova,
    dok to u C-u ne vazi. Zato ce sve etikete biti prevedene u
108     zapis samo malim slovima. */
    while ((c = fgetc(f)) != EOF) {
110         switch (stanje) {
            case VAN_ETIKETE:
112                 if (c == '<')
                    stanje = PROCITANO_MANJE;
114                 break;
            case PROCITANO_MANJE:
116                 if (c == '/') {
                    /* Cita se zatvorena etiketa */
                    tip = ZATVORENA;
118                 } else {
                    if (isalpha(c)) {
120                        /* Cita se otvorena etiketa */
                        tip = OTVORENA;
122                        etiketa[i++] = tolower(c);
124                    }
                }
            }
126        /* Od sada se cita etiketa i zato se menja stanje */
        stanje = U_ETIKETI;
128        break;
        case U_ETIKETI:
130            if (isalpha(c) && i < MAX - 1) {
                /* Ako je procitani karakter slovo i nije prekoracena
132                dozvoljena duzina etikete, procitani karakter se smanjuje
                i smesta u etiketu */
                etiketa[i++] = tolower(c);
134            } else {
136                /* Inace, staje se sa citanjem etikete. Korektno se završava
                niska koja sadrzi procitanu etiketu i vraća se njen tip */
138                etiketa[i] = '\0';
                return tip;
140            }
        }
```

```

        break;
142     }
    }
144     /* Doslo se do kraja datoteke pre nego sto je procitana naredna
        etiketa i vraca se EOF. */
146     return EOF;
}

```

*main.c*

```

1  #include "stek.h"

3  /* Glavni program */
int main(int argc, char **argv)
5  {
    /* Na pocetku, stek je prazan i etikete su uparene jer nijedna jos
       nije procitana. */
    Cvor *vrh = NULL;
    9  char etiketa[MAX];
    int tip;
    11 int uparene = 1;
    FILE *f = NULL;

    13
    /* Ime datoteke se preuzima iz komandne linije. */
    15 if (argc < 2) {
        fprintf(stderr, "Greska:");
    17     fprintf(stderr, "Program se poziva sa:\n %s ime_html_datoteke\n",
            argv[0]);
    19     exit(EXIT_FAILURE);
    }

    21
    /* Datoteka se otvara za citanje */
    23 if ((f = fopen(argv[1], "r")) == NULL) {
        fprintf(stderr, "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke %s.\n",
    25     argv[1]);
        exit(EXIT_FAILURE);
    27 }

    29
    /* Cita se etiketa po etiketa, sve dok ih ima u datoteci. */
    while ((tip = uzmi_etiketu(f, etiketa)) != EOF) {
    31     /* Ako je otvorena etiketa, stavlja se na stek. Izuzetak su
        etikete <br>, <hr> i <meta> koje nemaju sadrzaj, pa ih nije
    33     potrebno zatvoriti. U HTML-u postoje jos neke etikete koje
        koje nemaju sadrzaj (npr link). Zbog jednostavnosti
    35     pretpostavlja se da njih nema u HTML dokumentu. */
        if (tip == OTVORENA) {
    37             if (strcmp(etiketa, "br") != 0
                && strcmp(etiketa, "hr") != 0
    39                 && strcmp(etiketa, "meta") != 0)
                if (potisni_na_stek(&vrh, etiketa) == 1) {
    41                     fprintf(stderr,

```

```

    "Greska: Neuspesna alokacija memorije za nov cvor\n
");
43     oslobodi_stek(&vrh);
    exit(EXIT_FAILURE);
45 }
}
47 /* Ako je zatvorena etiketa, tada je uslov dobre uparenosti da
   je u pitanju zatvaranje etikete koja je poslednja otvorena, a
49   jos uvek nije zatvorena. Ona se mora nalaziti na vrhu steka.
   Ako je taj uslov ispunjen, skida se sa steka, jer je upravo
51   zatvorena. U suprotnom, pronadjena je nepravilnost i etikete
   nisu pravilno uparene. */
53 else if (tip == ZATVORENA) {
    if (vrh_steka(vrh) != NULL
55         && strcmp(vrh_steka(vrh), etiketa) == 0)
        skini_sa_steka(&vrh, NULL);
57     else {
        printf("Etikete nisu pravilno uparene\n");
59         printf("(nadjena je etiketa </%s>", etiketa);
        if (vrh_steka(vrh) != NULL)
61             printf(", a poslednja otvorena je </%s>)\n",
                vrh_steka(vrh));
63         else
            printf(" koja nije otvorena)\n");
65         uparene = 0;
        break;
67     }
}
69 }
/* Zavrшено je citanje i datoteka se zatvara */
71 fclose(f);

73 /* Ako do sada nije pronadjeno pogresno uparivanje, stek bi
   trebalo da bude prazan. Ukoliko nije, tada postoje etikete koje
75   su ostale otvorene */
if (uparene) {
77     if (vrh_steka(vrh) == NULL)
        printf("Etikete su pravilno uparene!\n");
79     else {
        printf("Etikete nisu pravilno uparene\n");
81         printf("(etiketa </%s> nije zatvorena)\n", vrh_steka(vrh));
        /* Oslobadja se memorija zauzeta stekom */
83         oslobodi_stek(&vrh);
    }
85 }

87 exit(EXIT_SUCCESS);
}
```

## Rešenje 4.10

*red.h*

```
1  #ifndef _RED_H_
2  #define _RED_H_
3
4  #include <stdio.h>
5  #include <stdlib.h>
6
7  #define MAX 1000
8  #define JMBG_DUZINA 14
9
10 /* Struktura predstavlja zahtev korisnika. Obuhvata JMBG korisnika i
11    opis njegovog zahteva. */
12 typedef struct {
13     char jmbg[JMBG_DUZINA];
14     char opis[MAX];
15 } Zahtev;
16
17 /* Struktura kojom je predstavljen cvor liste, obuhvata zahtev
18    korisnika i pokazivac na sledeci cvor liste. */
19 typedef struct cvor {
20     Zahtev nalog;
21     struct cvor *sledeci;
22 } Cvor;
23
24 /* Funkcija kreira novi cvor, inicijalizuje polje nalog na zahtev sa
25    poslate adrese i vraca adresu novog cvora ili NULL ako je doslo do
26    greske pri alokaciji. Prosledjuje joj se pokazivac na zahtev koji
27    treba smestiti u novi cvor zbog smestanja manjeg podatka na
28    sistemski stek. Pokazivac na strukturu Zahtev je manje velicine u
29    bajtovima(B) u odnosu na strukturu Zahtev. */
30 Cvor *napravi_cvor(Zahtev * zahtev);
31
32 /* Funkcija prazni red oslobadjajuci memoriju koji je red zauzimao */
33 void oslobodi_red(Cvor ** pocetak, Cvor ** kraj);
34
35 /* Funkcija dodaje na kraj reda novi zahtev. Vraca 1 ako je doslo do
36    greske pri alokaciji memorije za novi cvor, inace vraca 0. */
37 int dodaj_u_red(Cvor ** adresa_pocetka, Cvor ** adresa_kraja,
38                Zahtev * zahtev);
39
40 /* Funkcija skida sa pocetka reda zahtev. Ako je poslednji argument
41    pokazivac razlicit od NULL, tada se u strukturu na koju on
42    pokazuje upisuje zahtev koji je upravo skinut sa reda dok u
43    suprotnom ne upisuje nista. Vraca 0, ako je red bio prazan ili 1
44    u suprotnom. */
45 int skini_sa_reda(Cvor ** adresa_pocetka, Cvor ** adresa_kraja,
46                  Zahtev * zahtev);
47
```



```
49  /* Funkcija vraca pokazivac na strukturu koja sadrzi zahtev
korisnika na pocetku reda. Ukoliko je red prazan funkcija vraca
NULL. */
51  Zahtev *pocetak_reda(Cvor * pocetak);

53  /* Funkcija prikazuje sadrzaj reda. */
void prikazi_red(Cvor * pocetak);
55
#endif
```

red.c

```
#include "red.h"

2
Cvor *napravi_cvor(Zahtev * zahtev)
4 {
    /* Alokacija memorije za novi cvor uz proveru uspesnost alokacije
    */
6    Cvor *novi = (Cvor *) malloc(sizeof(Cvor));
    if (novi == NULL)
8        return NULL;

10    /* Inicijalizacija polja strukture */
    novi->nalog = *zahtev;
12    novi->sledeci = NULL;

14    /* Vraca se adresa novog cvora */
    return novi;
16 }

18 void oslobodi_red(Cvor ** pocetak, Cvor ** kraj)
{
20    Cvor *pomocni = NULL;

22    /* Sve dok red nije prazan brise se cvor koji je pocetka reda */
    while (*pocetak != NULL) {
24        /* Potrebno je prvo zapamtiti adresu sledeceg cvora i onda
        osloboditi cvor sa pocetka reda */
26        pomocni = *pocetak;
        *pocetak = (*pocetak)->sledeci;
28        free(pomocni);
    }
30    /* Nakon izlaska iz petlje red je prazan. Pokazivac na kraj reda
        treba postaviti na NULL. */
32    *kraj = NULL;
}

34
int dodaj_u_red(Cvor ** adresa_pocetka, Cvor ** adresa_kraja,
36                Zahtev * zahtev)
{
38    /* Kreira se novi cvor i proverava se uspesnost kreiranja */
```

```
40  Cvor *novi = napravi_cvor(zahtev);
    if (novi == NULL)
        return 1;
42
44  /* U red se uvek dodaje na kraj. Zbog postojanja pokazivaca na
    kraj, to je podjednako efikasno kao dodavanje na pocetak liste
    */
    if (*adresa_kraja != NULL) {
46      (*adresa_kraja)->sledeci = novi;
      *adresa_kraja = novi;
48  } else {
    /* Ako je red bio ranije prazan */
50    *adresa_pocetka = novi;
    *adresa_kraja = novi;
52  }

54  /* Vraca se indikator uspesnog dodavanja */
    return 0;
56 }

58 int skini_sa_reda(Cvor ** adresa_pocetka, Cvor ** adresa_kraja,
                   Zahtev * zahtev)
60 {
    Cvor *pomocni = NULL;
62
    /* Ako je red prazan */
64    if (*adresa_pocetka == NULL)
        return 0;
66
    /* Ako je prosledjen pokazivac zahtev, na tu adresu se prepisuje
    zahtev koji je na pocetku reda. */
68    if (zahtev != NULL)
70        *zahtev = (*adresa_pocetka)->nalog;

72    /* Oslobadja se memorija zauzeta cvorom sa pocetka reda i
    azurira se pokazivac na adresi adresa_pocetka da pokazuje na
    sledeci cvor u redu. */
74    pomocni = *adresa_pocetka;
    *adresa_pocetka = (*adresa_pocetka)->sledeci;
    free(pomocni);
76
78    /* Ukoliko red nakon oslobadjanja pocetnog cvora ostane prazan,
    potrebno je azurirati i vrednost pokazivaca na adresi
    adresa_kraja na NULL */
80    if (*adresa_pocetka == NULL)
        *adresa_kraja = NULL;
82
84    return 1;
86 }

88 Zahtev *pocetak_reda(Cvor * pocetak)
    {
```

```

90  /* U praznom redu nema zahteva */
    if (pocetak == NULL)
92      return NULL;

94  /* Inace, vraća se pokazivac na zahtev sa pocetka reda */
    return &(pocetak->nalog);
96  }

98  void prikazi_red(Cvor * pocetak)
    {
100     /* Prikazuje se sadržaj reda od pocetka prema kraju */
        for (; pocetak != NULL; pocetak = pocetak->sledeci)
102         printf("%s %s\n", (pocetak->nalog).jmbg, (pocetak->nalog).opis);

104     printf("\n");
    }

```

*main.c*

```

1  #include <stdio.h>
   #include <stdlib.h>
3  #include <string.h>
   #include "red.h"
5
   #define VREME_ZA_PAUZU 5
7
   /* Glavni program */
9  int main(int argc, char **argv)
    {
11     /* Red je prazan. */
        Cvor *pocetak = NULL, *kraj = NULL;
13     Zahtev nov_zahtev;
        Zahtev *sledeci = NULL;
15     char odgovor[3];
        int broj_usluzenih = 0;
17
        /* Sluzbenik evidentira korisnicke zahteve unosnjem njihovog JMBG
19         broja i opisa potrebne usluge. */
        printf("Sluzbenik evidentira korisnicke zahteve:\n");
21     while (1) {

23         /* Ucitava se JMBG broj */
        printf("\nNovi zahtev [CTRL+D za kraj]\n\tJMBG: ");
25         if (scanf("%s", nov_zahtev.jmbg) == EOF)
            break;
27

        /* Neophodan je poziv funkcije getchar da bi se i nov red nakon
29         JMBG broja procitao i da bi fgets nakon toga procitala
            ispravan red sa opisom zahteva */
31         getchar();

```

```
33      /* Ucitava se opis problema */
34      printf("\tOpis problema: ");
35      fgets(nov_zahtev.opis, MAX - 1, stdin);
36      /* Ako je poslednji karakter nov red, eliminise se */
37      if (nov_zahtev.opis[strlen(nov_zahtev.opis) - 1] == '\n')
38          nov_zahtev.opis[strlen(nov_zahtev.opis) - 1] = '\0';
39
40      /* Dodaje se zahtev u red i proverava se uspesnost dodavanja */
41      if (dodaj_u_red(&pocetak, &kraj, &nov_zahtev) == 1) {
42          fprintf(stderr,
43              "Greska: Neuspesna alokacija memorije za nov cvor\n");
44          oslobodi_red(&pocetak, &kraj);
45          exit(EXIT_FAILURE);
46      }
47  }
48
49  /* Otvaranje datoteke za dopisivanje izvestaja */
50  FILE *izlaz = fopen("izvestaj.txt", "a");
51  if (izlaz == NULL) {
52      fprintf(stderr,
53          "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke izvestaj.txt\n");
54      exit(EXIT_FAILURE);
55  }
56
57  /* Dokle god ima korisnika u redu, treba ih usluziti */
58  while (1) {
59      sledeci = pocetak_reda(pocetak);
60      /* Ako nema nikog vise u redu, prekida se petlja */
61      if (sledeci == NULL)
62          break;
63
64      printf("\nSledeci je korisnik sa JMBG: %s\n", sledeci->jmbg);
65      printf("i zahtevom: %s\n", sledeci->opis);
66
67      skini_sa_reda(&pocetak, &kraj, &nov_zahtev);
68
69      broj_usluzenih++;
70
71      printf("\tDa li ga vracate na kraj reda? [Da/Ne] ");
72      scanf("%s", odgovor);
73
74      if (strcmp(odgovor, "Da") == 0)
75          dodaj_u_red(&pocetak, &kraj, &nov_zahtev);
76      else
77          fprintf(izlaz, "JMBG: %s\tZahtev: %s\n", nov_zahtev.jmbg,
78              nov_zahtev.opis);
79
80      if (broj_usluzenih == VREME_ZA_PAUZU) {
81          printf("\nDa li je kraj smene? [Da/Ne] ");
82          scanf("%s", odgovor);
83
84          if (strcmp(odgovor, "Da") == 0)
```

```

85         break;
86     else
87         broj_usluzenih = 0;
88     }
89 }

91 /*****
92  Usluzivanje korisnika moze da se izvrsi i na sledeci nacin: */
93 /*****

95 while (skini_sa_reda(&pocetak, &kraj, &nov_zahtev)) {
96     printf("\nSledeci je korisnik sa JMBG brojem: %s\n",
97         nov_zahtev.jmbg);
98     printf("sa zahtevom: %s\n", nov_zahtev.opis);
99     broj_usluzenih++;

101     printf("\tDa li ga vracate na kraj reda? [Da/Ne] ");
102     scanf("%s", odgovor);
103     if (strcmp(odgovor, "Da") == 0)
104         dodaj_u_red(&pocetak, &kraj, &nov_zahtev);
105     else
106         fprintf(izlaz, "JMBG: %s\tZahtev: %s\n",
107             nov_zahtev.jmbg, nov_zahtev.opis);

109     if (broj_usluzenih == VREME_ZA_PAUZU) {
110         printf("\nDa li je kraj smene? [Da/Ne] ");
111         scanf("%s", odgovor);
112         if (strcmp(odgovor, "Da") == 0)
113             break;
114         else
115             broj_usluzenih = 0;
116     }
117 }

119 /*****
120  /* Datoteka vise nije potrebna i treba je zatvoriti. */
121  fclose(izlaz);

123  /* Ukoliko je sluzbenik prekinuo sa radom, mozda je bilo jos
124     neusluzenih korisnika, u tom slucaju treba osloboditi memoriju
125     koju zauzima red sa neobradjenim zahtevima korisnika. */
126     oslobodi_red(&pocetak, &kraj);

127     exit(EXIT_SUCCESS);
128 }

```

## Rešenje 4.11

*dvostruko\_povezana\_lista.h*

```
#ifndef _DVOSTRUKO_POVEZANA_LISTA_H_
```

```
2 #define _DVOSTRUKO_POVEZANA_LISTA_H_

4 /* Struktura kojom je predstavljen cvor liste sadrzi celobrojnu
   vrednost i pokazivace na sledeci i prethodni cvor liste. */
6 typedef struct cvor {
   int vrednost;
8   struct cvor *sledeci;
   struct cvor *prethodni;
10 } Cvor;

12 /* Funkcija kreira cvor, vrednost novog cvora inicijalizuje na broj,
   dok pokazivac na sledeci cvor postavlja na NULL. Vraca pokazivac
14 na novokreirani cvor ili NULL ako alokacija nije bila uspesna. */
Cvor *napravi_cvor(int broj);

16 /* Funkcija oslobadja dinamiciku memoriju zauzetu za cvorove liste
   ciji se pocetni cvor nalazi na adresi adresa_glave, a poslednji
18 na adresi adresa_kraja. */
void oslobodi_listu(Cvor ** adresa_glave, Cvor ** adresa_kraja);

22 /* Funkcija dodaje novi cvor na pocetak liste. Vraca 1 ukoliko je
   bilo greske pri alokaciji memorije, inace vraca 0. */
24 int dodaj_na_pocetak_liste(Cvor ** adresa_glave, Cvor **
   adresa_kraja, int broj);

26 /* Funkcija dodaje broj na kraj liste. Vraca 1 ukoliko je bilo
   greske pri alokaciji memorije, inace vraca 0. */
28 int dodaj_na_kraj_liste(Cvor ** adresa_glave, Cvor ** adresa_kraja,
   int broj);

30 /* Pomocna funkcija pronalazi cvor u listi iza koga treba umetnuti
   novi cvor sa vrednoscu broj. */
32 Cvor *pronadji_mesto_umetanja(Cvor * glava, int broj);

34 /* Funkcija dodaje broj iza zadatog cvora. Vraca 1 ukoliko je
   dodavanje uspesno, odnosno 0 ukoliko je doslo do greske. */
36 int dodaj_iza(Cvor * tekuci, int broj);

38 /* Funkcija dodaje broj u sortiranu listu tako da lista ostane
   sortirana. Vraca 1 ukoliko je bilo greske pri alokaciji memorije,
40 inace vraca 0. */
42 int dodaj_sortirano(Cvor ** adresa_glave, Cvor ** adresa_kraja, int
   broj);

44 /* Funkcija trazi u listi cvor cija je vrednost jednaka datom broju.
   Vraca pokazivac na cvor liste u kome je sadržan traženi broj ili
46 NULL u slučaju da takav cvor ne postoji u listi. */
Cvor *pretrazi_listu(Cvor * glava, int broj);

50 /* Funkcija trazi u listi cvor cija je vrednost jednaka datom broju.
   U pretrazi oslanja se na činjenicu da je lista koja se pretražuje
52 neopadajuće sortirana. Vraca pokazivac na cvor liste koji sadrži
```

```

54     trazeni broj ili NULL u slucaju da takav cvor ne postoji. */
Cvor *pretrazi_sortiranu_listu(Cvor * glava, int broj);

56
/* Funkcija brise cvor na koji pokazuje pokazivac tekuci u listi
58     ciji pokazivac glava se nalazi na adresi adresa_glave. */
void obrisi_tekuci(Cvor ** adresa_glave, Cvor ** adresa_kraja, Cvor *
60         tekuci);

62
/* Funkcija brise iz liste sve cvorove koji sadrže dati broj.
    Azurira pokazivac na glavu liste, koji može biti promenjen u
64     slucaju da se obrise stara glava. */
void obrisi_cvor(Cvor ** adresa_glave, Cvor ** adresa_kraja, int
66         broj);

68
/* Funkcija brise iz liste sve cvorove koji sadrže dati broj,
    oslanjajući se na cinjenicu da je prosledjena lista neopadajuće
70     sortirana. Azurira pokazivac na glavu liste, koji može biti
    promenjen ukoliko se obrise stara glava liste. */
72 void obrisi_cvor_sortirane_liste(Cvor ** adresa_glave, Cvor **
        adresa_kraja, int broj);
74
/* Funkcija prikazuje vrednosti cvorova liste počev od glave ka
76     kraju liste, razdvojene zapetama i uokvirene zagradama. */
void ispisi_listu(Cvor * glava);
78
/* Funkcija prikazuje vrednosti cvorova liste počevši od kraja ka
80     glavi liste, razdvojene zapetama i uokvirene zagradama. */
void ispisi_listu_unazad(Cvor * kraj);
82
#endif

```

#### *dvostruko\_povezana\_lista.c*

```

1  #include <stdio.h>
    #include <stdlib.h>
3  #include "dvostruko_povezana_lista.h"

5  Cvor *napravi_cvor(int broj)
    {
7      /* Alokacija memorije za novi cvor uz proveru uspesnosti */
        Cvor *novi = (Cvor *) malloc(sizeof(Cvor));
9      if (novi == NULL)
            return NULL;

11
        /* Inicijalizacija polja strukture */
13     novi->vrednost = broj;
        novi->sledeci = NULL;

15
        /* Vraca se adresa novog cvora */
17     return novi;
    }

```

```
19 void oslobodi_listu(Cvor ** adresa_glave, Cvor ** adresa_kraja)
20 {
21     Cvor *pomocni = NULL;
22
23     /* Ako lista nije prazna, onda treba osloboditi memoriju */
24     while (*adresa_glave != NULL) {
25         /* Potrebno je prvo zapamtiti adresu sledeceg cvora i onda
26            osloboditi memoriju cvora koji predstavlja glavu liste */
27         pomocni = (*adresa_glave)->sledeci;
28         free(*adresa_glave);
29         /* Sledeci cvor je nova glava liste */
30         *adresa_glave = pomocni;
31     }
32     /* Nakon izlaska iz petlje lista je prazna. Pokazivac na kraj
33        liste treba postaviti na NULL */
34     *adresa_kraja = NULL;
35 }
36
37 int dodaj_na_pocetak_liste(Cvor ** adresa_glave, Cvor **
38                             adresa_kraja, int broj)
39 {
40     /* Kreira se novi cvor i proverava se uspesnost kreiranja */
41     Cvor *novi = napravi_cvor(broj);
42     if (novi == NULL)
43         return 1;
44
45     /* Sledbenik novog cvora je glava stare liste */
46     novi->sledeci = *adresa_glave;
47
48     /* Ako stara lista nije bila prazna, onda prethodni cvor glave
49        treba da bude novi cvor. Inace, novi cvor je ujedno i pocetni i
50        krajnji */
51     if (*adresa_glave != NULL)
52         (*adresa_glave)->prethodni = novi;
53     else
54         *adresa_kraja = novi;
55
56     /* Novi cvor je nova glava liste */
57     *adresa_glave = novi;
58
59     /* Vraca se indikator uspesnog dodavanja */
60     return 0;
61 }
62
63 int dodaj_na_kraj_liste(Cvor ** adresa_glave, Cvor ** adresa_kraja,
64                         int broj)
65 {
66     /* Kreira se novi cvor i proverava se uspesnost kreiranja */
67     Cvor *novi = napravi_cvor(broj);
68     if (novi == NULL)
69         return 1;
```



```
71  /* U slucaju prazne liste, glava nove liste je upravo novi cvor i
73  ujedno i cela lista. Azurira se vrednost na koju pokazuju
    adresa_glave i adresa_kraja */
75  if (*adresa_glave == NULL) {
    *adresa_glave = novi;
77  *adresa_kraja = novi;
    } else {
79  /* Ako lista nije prazna, novi cvor se dodaje na kraj liste kao
    sledbenik poslednjeg cvora i azurira se samo pokazivac na
81  kraj liste */
    (*adresa_kraja)->sledeci = novi;
83  novi->prethodni = (*adresa_kraja);
    *adresa_kraja = novi;
85  }

87  /* Vraca se indikator uspesnog dodavanja */
    return 0;
89  }

91  Cvor *pronadji_mesto_umetanja(Cvor * glava, int broj)
    {
93  /* U praznoj listi nema takvog mesta i vraca se NULL */
    if (glava == NULL)
95  return NULL;

97  /* Pokazivac glava se pomera na sledeci cvor sve dok ne bude
    pokazivala na cvor ciji sledeci cvor ili ne postoji ili ima
99  vrednost vecu ili jednaku od vrednosti novog cvora.*/
    /* Zbog izracunavanja izraza u C-u prvi deo konjunkcije mora biti
101  provera da li se doslo do poslednjeg cvora liste pre nego sto
    se proveru vrednost u sledecem cvoru jer u slucaju poslednjeg,
103  sledeci ne postoji pa ni njegova vrednost. */
    while (glava->sledeci != NULL && glava->sledeci->vrednost < broj)
105  glava = glava->sledeci;

107  /* Iz petlje se moglo izaci pomeranjem pokazivaca glava do
    poslednjeg cvora ili, ranije, nailaskom na cvor ciji sledeci
109  ima vrednost vecu od broj */
    return glava;
111  }

113  int dodaj_iza(Cvor * tekuci, int broj)
    {
115  /* Kreira se novi cvor i proveru se uspesnost kreiranja */
    Cvor *novi = napravi_cvor(broj);
117  if (novi == NULL)
        return 1;
119
    novi->sledeci = tekuci->sledeci;
121  novi->prethodni = tekuci;
```

```
123  /* Ako tekuci ima sledeceg, onda se sledecem dodeljuje prethodnik,  
125      a potom i tekuci dobija novog sledeceg postavljanjem pokazivaca  
      na ispravne adrese */  
127  if (tekuci->sledeci != NULL)  
      tekuci->sledeci->prethodni = novi;  
      tekuci->sledeci = novi;  
129  
      /* Vraca se indikator uspesnog dodavanja */  
131  return 0;  
}  
133  
int dodaj_sortirano(Cvor ** adresa_glave, Cvor ** adresa_kraja, int  
135      broj)  
{  
137  /* Ako je lista prazna, novi cvor je i prvi i poslednji cvor */  
      if (*adresa_glave == NULL) {  
139      /* Kreira se novi cvor i proverava se uspesnost kreiranja */  
          Cvor *novi = napravi_cvor(broj);  
141          if (novi == NULL)  
              return 1;  
143  
          /* Azuriraju se vrednosti pocetka i kraja liste */  
145          *adresa_glave = novi;  
          *adresa_kraja = novi;  
147  
          /* Vraca se indikator uspesnog dodavanja */  
149          return 0;  
      }  
151  
      /* Ukoliko je vrednost glave liste veca ili jednaka od nove  
153      vrednosti onda novi cvor treba staviti na pocetak liste */  
      if ((*adresa_glave)->vrednost >= broj) {  
155          return dodaj_na_pocetak_liste(adresa_glave, adresa_kraja, broj);  
      }  
157  
      /* Pronazi se cvor iza koga treba uvezati novi cvor */  
159      Cvor *pomocni = pronadji_mesto_umetanja(*adresa_glave, broj);  
      /* Dodaje se novi cvor uz proveru uspesnosti dodavanja */  
161      if (dodaj_iza(pomocni, broj) == 1)  
          return 1;  
163      /* Ako pomocni cvor pokazuje na poslednji element liste, onda je  
          novi cvor poslednji u listi. */  
165      if (pomocni == *adresa_kraja)  
          *adresa_kraja = pomocni->sledeci;  
167  
      return 0;  
169 }  
  
171 Cvor *pretrazi_listu(Cvor * glava, int broj)  
{  
173  /* Obilaze se cvorovi liste */  
      for (; glava != NULL; glava = glava->sledeci)
```

```
175     /* Ako je vrednost tekuceg cvora jednaka zadatom broju, pretraga
176        se obustavlja */
177     if (glava->vrednost == broj)
178         return glava;
179
180     /* Nema trazenog broja u listi i vraca se NULL */
181     return NULL;
182 }
183
184 Cvor *pretrazi_sortiranu_listu(Cvor * glava, int broj)
185 {
186     /* Obilaze se cvorovi liste */
187     /* U uslovu ostanka u petlji, bitan je redosled u konjunkciji */
188     for (; glava != NULL && glava->vrednost <= broj;
189          glava = glava->sledeci)
190     {
191         /* Ako je vrednost tekuceg cvora jednaka zadatom broju, pretraga
192            se obustavlja */
193         if (glava->vrednost == broj)
194             return glava;
195
196         /* Nema trazenog broja u listi i bice vraceno NULL */
197         return NULL;
198     }
199
200     /* Kod dvostruko povezane liste brisanje odredjenog cvora se moze
201        lako realizovati jer on sadrzi pokazivace na svog sledbenika i
202        prethodnika u listi. U funkciji se bise cvor zadat argumentom
203        tekuci */
204     void obrisi_tekuci(Cvor ** adresa_glave, Cvor ** adresa_kraja, Cvor *
205                       tekuci)
206     {
207         /* Ako je tekuci NULL pokazivac, nema potrebe za brisanjem */
208         if (tekuci == NULL)
209             return;
210
211         /* Ako postoji prethodnik tekuceg cvora, onda se postavlja da
212            njegov sledbenik bude sledbenik tekuceg cvora */
213         if (tekuci->prethodni != NULL)
214             tekuci->prethodni->sledeci = tekuci->sledeci;
215
216         /* Ako postoji sledbenik tekuceg cvora, onda njegov prethodnik
217            treba da bude prethodnik tekuceg cvora */
218         if (tekuci->sledeci != NULL)
219             tekuci->sledeci->prethodni = tekuci->prethodni;
220
221         /* Ako je glava cvor koji se brise, nova glava liste ce biti
222            sledbenik stare glave */
223         if (tekuci == *adresa_glave)
224             *adresa_glave = tekuci->sledeci;
225
226         /* Ako je cvor koji se brise poslednji u listi, azurira se i
227            pokazivac na kraj liste */
228     }
```

```
227     if (tekuci == *adresa_kraja)
228         *adresa_kraja = tekuci->prethodni;
229
230     /* Oslobadja se dinamicki alociran prostor za cvor tekuci */
231     free(tekuci);
232 }
233
234 void obrisi_cvor(Cvor ** adresa_glave, Cvor ** adresa_kraja,
235                 int broj)
236 {
237     Cvor *tekuci = *adresa_glave;
238
239     /* Sve dok ima cvorova cija je vrednost jednaka zadatom broju,
240        takvi cvorovi se brisu iz liste. */
241     while ((tekuci = pretrazi_listu(*adresa_glave, broj)) != NULL)
242         obrisi_tekuci(adresa_glave, adresa_kraja, tekuci);
243 }
244
245 void obrisi_cvor_sortirane_liste(Cvor ** adresa_glave, Cvor **
246                                 adresa_kraja, int broj)
247 {
248     Cvor *tekuci = *adresa_glave;
249
250     /* Sve dok ima cvorova cija je vrednost jednaka zadatom broju,
251        takvi cvorovi se brisu iz liste. */
252     while ((tekuci =
253            pretrazi_sortiranu_listu(*adresa_glave, broj)) != NULL)
254         obrisi_tekuci(adresa_glave, adresa_kraja, tekuci);
255 }
256
257 void ispisi_listu(Cvor * glava)
258 {
259     putchar('[');
260     /* Unutar zagrada ispisuju se vrednosti u cvorovima liste od
261        pocetka prema kraju liste */
262     for (; glava != NULL; glava = glava->sledeci) {
263         printf("%d", glava->vrednost);
264         if (glava->sledeci != NULL)
265             printf(", ");
266     }
267     printf("]\n");
268 }
269
270 void ispisi_listu_unazad(Cvor * kraj)
271 {
272     putchar('[');
273     /* Unutar zagrada ispisuju se vrednosti u cvorovima liste od kraja
274        prema pocetku liste */
275     for (; kraj != NULL; kraj = kraj->prethodni) {
276         printf("%d", kraj->vrednost);
277         if (kraj->prethodni != NULL)
```

```
279     printf(", ");
    }
281     printf("]\n");
}
```

main\_a.c

```
#include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
#include "dvostruko_povezana_lista.h"

4
/* 1) Glavni program */
6 int main()
{
8     /* Lista je prazna na pocetku */
    /* Cuvaju se pokazivaci na glavu liste i na poslednji cvor liste,
10     da bi operacije poput dodavanja na kraj liste i ispisivanja
        liste unazad bile efikasne poput dodavanja na pocetak liste i
12     ispisivanja liste od pocetnog do poslednjeg cvora. */
    Cvor *glava = NULL;
14     Cvor *kraj = NULL;
    Cvor *trazeni = NULL;
16     int broj;

18     /* Testira se funkcija za dodavanje novog broja na pocetak liste */
    printf("Unesite brojeve (CTRL+D za kraj unosa): ");
20     while (scanf("%d", &broj) > 0) {
        /* Ako je funkcija vratila 1, onda je bilo greske pri alokaciji
22         memorije za novi cvor. Memoriju alociranu za cvorove liste
            treba osloboditi pre napustanja programa */
        if (dodaj_na_pocetak_liste(&glava, &kraj, broj) == 1) {
24             fprintf(stderr,
26                 "Greska: Neuspesna alokacija memorije za cvor.\n");
                oslobodi_listu(&glava, &kraj);
28                 exit(EXIT_FAILURE);
            }
30             printf("\tLista: ");
            ispisi_listu(glava);
32         }

34     /* Testira se funkcija za pretragu liste */
    printf("\nUnesite broj koji se trazi u listi: ");
36     scanf("%d", &broj);

38     /* Pokazivac trazeni dobija vrednost rezultata pretrage */
    trazeni = pretrazi_listu(glava, broj);
40     if (trazeni == NULL)
        printf("Broj %d se ne nalazi u listi!\n", broj);
42     else
        printf("Trazeni broj %d je u listi!\n", trazeni->vrednost);
44 }
```

```

/* Ispisuje se lista unazad */
46 printf("\nLista ispisana u nazad: ");
   ispisi_listu_unazad(kraj);

48

/* Oslobadja se memorija zauzeta za cvorove liste */
50 oslobodi_listu(&glava, &kraj);

52 exit(EXIT_SUCCESS);
}

```

main\_b.c

```

1 #include <stdio.h>
  #include <stdlib.h>
3 #include "dvostruko_povezana_lista.h"

5 /* 2) Glavni program */
int main()
7 {
  /* Lista je prazna na pocetku. */
9  Cvor *glava = NULL;
  Cvor *kraj = NULL;
11 int broj;

13 /* Testira se funkcija za dodavanje novog broja na kraj liste */
  printf("Unesite brojeve (CTRL+D za kraj unosa): ");
15 while (scanf("%d", &broj) > 0) {
  /* Ako je funkcija vratila 1, onda je bilo greske pri alokaciji
17     memorije za novi cvor. Memoriju alociranu za cvorove liste
     treba osloboditi pre napustanja programa */
19     if (dodaj_na_kraj_liste(&glava, &kraj, broj) == 1) {
        fprintf(stderr,
21             "Greska: Neuspesna alokacija memorije za cvor.\n");
        oslobodi_listu(&glava, &kraj);
23         exit(EXIT_FAILURE);
    }
25     printf("\tLista: ");
    ispisi_listu(glava);
27 }

29 /* Testira se funkcija za brisanje elemenata iz liste */
  printf("\nUnesite broj koji se brise iz liste: ");
31 scanf("%d", &broj);

33 /* Brisu se cvorovi iz liste cije polje vrednost je jednako broju
   procitanom sa ulaza */
35 obrisi_cvor(&glava, &kraj, broj);

37 printf("Lista nakon brisanja: ");
  ispisi_listu(glava);
39

```

```
41  /* Ispisuje se lista unazad */
    printf("\nLista ispisana u nazad: ");
    ispisi_listu_unazad(kraj);
43
    /* Oslobadja se memorija zauzeta za cvorove liste */
45  oslobodi_listu(&glava, &kraj);
47  exit(EXIT_SUCCESS);
}
```

main.c.c

```
#include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
  #include "dvostruko_povezana_lista.h"
4
/* 3) Glavni program */
6  int main()
{
8    /* Lista je prazna na pocetku */
    Cvor *glava = NULL;
10   Cvor *kraj = NULL;
    Cvor *trazeni = NULL;
12   int broj;

14   /* Testira se funkcija za dodavanje vrednosti u listu tako da ona
       bude uredjena neopadajuće */
16   printf("Unesite brojeve (CTRL+D za kraj unosa): ");
   while (scanf("%d", &broj) > 0) {
18     /* Ako je funkcija vratila 1, onda je bilo greske pri alokaciji
        memorije za novi cvor. Memoriju alociranu za cvorove liste
        treba osloboditi pre napustanja programa */
20     if (dodaj_sortirano(&glava, &kraj, broj) == 1) {
22       fprintf(stderr,
                "Greska: Neuspesna alokacija memorije za cvor.\n");
24       oslobodi_listu(&glava, &kraj);
        exit(EXIT_FAILURE);
26     }
    printf("\tLista: ");
28     ispisi_listu(glava);
  }

30
  /* Testira se funkcija za pretragu liste */
32   printf("\nUnesite broj koji se trazi u listi: ");
   scanf("%d", &broj);
34

  /* Pokazivac trazeni dobija vrednost rezultata pretrage */
36   trazeni = pretrazi_listu(glava, broj);
   if (trazeni == NULL)
38     printf("Broj %d se ne nalazi u listi!\n", broj);
   else
```

## 5 Rešenja

```
40     printf("Trazeni broj %d je u listi!\n", trazen->vrednost);

42     /* Testira se funkcija za brisanje elemenata iz liste */
    printf("\nUnesite broj koji se brise iz liste: ");
44     scanf("%d", &broj);

46     /* Brisu se cvorovi iz liste cije polje vrednost je jednako broju
        procitanom sa ulaza */
48     obrisi_cvor_sortirane_liste(&glava, &kraj, broj);

50     printf("Lista nakon brisanja: ");
    ispisi_listu(glava);
52

54     /* Ispisuje se lista unazad */
    printf("\nLista ispisana u nazad: ");
    ispisi_listu_unazad(kraj);
56

58     /* Oslobadja se memorija zauzeta za cvorove liste */
    oslobodi_listu(&glava, &kraj);

60     exit(EXIT_SUCCESS);
}
```

### Rešenje 4.14

*stabla.h*

```
1  #ifndef _STABLA_H_
2  #define _STABLA_H_ 1

4  /* a) Struktura kojom se predstavlja cvor binarnog pretraživackog
    stabla */
6  typedef struct cvor {
    int broj;
8     struct cvor *levo;
    struct cvor *desno;
10 } Cvor;

12 /* b) Funkcija koja alokira memoriju za novi cvor stabla,
    inicijalizuje polja strukture i vraća pokazivac na novi cvor */
14 Cvor *napravi_cvor(int broj);

16 /* c) Funkcija koja dodaje zadati broj u stablo. Povratna vrednost
    funkcije je 0 ako je dodavanje uspesno, odnosno 1 ukoliko je
18     doslo do greske */
    int dodaj_u_stablo(Cvor ** adresa_korena, int broj);
20

22 /* d) Funkcija koja proverava da li se zadati broj nalazi stablu */
    Cvor *pretrazi_stablo(Cvor * koren, int broj);
```



```

24 /* e) Funkcija koja pronalazi cvor koji sadrzi najmanju vrednost u
    stablu */
26 Cvor *pronadji_najmanji(Cvor * koren);

28 /* f) Funkcija koja pronalazi cvor koji sadrzi najveću vrednost u
    stablu */
30 Cvor *pronadji_najveci(Cvor * koren);

32 /* g) Funkcija koja brise cvor stabla koji sadrzi zadati broj */
void obrisi_element(Cvor ** adresa_korena, int broj);

34

/* h) Funkcija koja ispisuje stablo u infiksnoj notaciji (Levo
36   postablo - Koren - Desno podstablo ) */
void ispisi_stablo_infiksno(Cvor * koren);

38

/* i) Funkcija koja ispisuje stablo u prefiksnoj notaciji (Koren -
40   Levo podstablo - Desno podstablo ) */
void ispisi_stablo_prefiksno(Cvor * koren);

42

/* j) Funkcija koja ispisuje stablo u postfiksnoj notaciji (Levo
44   podstablo - Desno podstablo - Koren) */
void ispisi_stablo_postfiksno(Cvor * koren);

46

/* k) Funkcija koja oslobadja memoriju zauzetu stablom */
48 void oslobodi_stablo(Cvor ** adresa_korena);

50 #endif

```

stabla.c

```

#include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
#include "stabla.h"

4

Cvor *napravi_cvor(int broj)
6 {
    /* Alocira se memorija za novi cvor i proverava se uspesnost
8     alokacije. */
    Cvor *novi = (Cvor *) malloc(sizeof(Cvor));
10    if (novi == NULL)
        return NULL;

12    /* Inicijalizuju se polja novog cvora. */
14    novi->broj = broj;
    novi->levo = NULL;
16    novi->desno = NULL;

18    /* Vraca se adresa novog cvora. */
    return novi;
20 }

```

```
22 int dodaj_u_stablo(Cvor ** adresa_korena, int broj)
23 {
24     /* Ako je stablo prazno */
25     if (*adresa_korena == NULL) {
26
27         /* Kreira se novi cvor */
28         Cvor *novi_cvor = napravi_cvor(broj);
29
30         /* Proverava se uspesnost kreiranja */
31         if (novi_cvor == NULL) {
32
33             /* Ukoliko je doslo do greske, vraca se odgovarajuca vrednost */
34             return 1;
35         }
36         /* Inace ... */
37         /* Novi cvor se proglašava korenom stabla */
38         *adresa_korena = novi_cvor;
39
40         /* I vraca se indikator uspesnosti kreiranja */
41         return 0;
42     }
43
44     /* Ako stablo nije prazno, trazi se odgovarajuca pozicija za
45        zadati broj */
46
47     /* Ako je zadata vrednost manja od vrednosti korena */
48     if (broj < (*adresa_korena)->broj)
49
50         /* Broj se dodaje u levo podstablo */
51         return dodaj_u_stablo(&(*adresa_korena)->levo, broj);
52
53     else
54         /* Inace, broj je veci (ili jednak) od vrednosti u korenu pa se
55            dodaje u desno podstablo */
56         return dodaj_u_stablo(&(*adresa_korena)->desno, broj);
57 }
58
59 Cvor *pretrazi_stablo(Cvor * koren, int broj)
60 {
61
62     /* Ako je stablo prazno, vrednost se sigurno ne nalazi u njemu */
63     if (koren == NULL)
64         return NULL;
65
66     /* Ako je trazena vrednost sadrzana u korenu */
67     if (koren->broj == broj) {
68
69         /* Prekida se pretraga */
70         return koren;
71     }
72 }
```

```
74  /* Inace, ako je broj manji od vrednosti sadrzane u korenu */
    if (broj < koren->broj)

76      /* Pretraga se nastavlja u levom podstablu */
      return pretrazi_stablo(koren->levo, broj);

78  else
80      /* U suprotnom, pretraga se nastavlja u desnom podstablu */
      return pretrazi_stablo(koren->desno, broj);
82  }

84  Cvor *pronadji_najmanji(Cvor * koren)
  {
86
88      /* Ako je stablo prazno, prekida se pretraga */
      if (koren == NULL)
          return NULL;

90
92      /* Vrednosti koje su manje od vrednosti u korenu stabla nalaze se
         levo od njega */

94      /* Ako je koren cvor koji nema levo podstablo, onda on sadrzi
         najmanju vrednost */
      if (koren->levo == NULL)
          return koren;

98
100     /* Inace, pretragu treba nastaviti u levom podstablu */
    return pronadji_najmanji(koren->levo);
102  }

104  Cvor *pronadji_najveci(Cvor * koren)
  {
106
108     /* Ako je stablo prazno, prekida se pretraga */
      if (koren == NULL)
          return NULL;

110
112     /* Vrednosti koje su vece od vrednosti u korenu stabla nalaze se
        desno od njega */

114     /* Ako je koren cvor koji nema desno podstablo, onda on sadrzi
        najveću vrednost */
      if (koren->desno == NULL)
          return koren;

116
118     /* Inace, pretragu treba nastaviti u desnom podstablu */
    return pronadji_najveci(koren->desno);
120  }

122  void obrisi_element(Cvor ** adresa_korena, int broj)
  {
124      Cvor *pomocni_cvor = NULL;
```

```
126  /* Ako je stablo prazno, brisanje nije primenljivo */
127  if (*adresa_korena == NULL)
128      return;
129
130  /* Ako je vrednost koju treba obrisati manja od vrednosti u korenu
131     stabla, ona se eventualno nalazi u levom podstablu, pa treba
132     rekursivno primeniti postupak na levo podstablo. Koren ovako
133     modifikovanog stabla je nepromenjen. */
134  if (broj < (*adresa_korena)->broj) {
135      obrisi_element(&(*adresa_korena)->levo, broj);
136      return;
137  }
138
139  /* Ako je vrednost koju treba obrisati veca od vrednosti u korenu
140     stabla, ona se eventualno nalazi u desnom podstablu pa treba
141     rekursivno primeniti postupak na desno podstablo. Koren ovako
142     modifikovanog stabla je nepromenjen. */
143  if ((*adresa_korena)->broj < broj) {
144      obrisi_element(&(*adresa_korena)->desno, broj);
145      return;
146  }
147
148  /* Slede podslucajevi vezani za slucaj kada je vrednost u korenu
149     jednaka broju koji se brise (tj. slucaj kada treba obrisati
150     koren) */
151
152  /* Ako koren nema sinova, tada se on prosto brise, i rezultat je
153     prazno stablo (vraca se NULL) */
154  if ((*adresa_korena)->levo == NULL
155      && (*adresa_korena)->desno == NULL) {
156      free(*adresa_korena);
157      *adresa_korena = NULL;
158      return;
159  }
160
161  /* Ako koren ima samo levog sina, tada se brisanje vrši tako sto
162     se brise koren, a novi koren postaje levi sin */
163  if ((*adresa_korena)->levo != NULL
164      && (*adresa_korena)->desno == NULL) {
165      pomocni_cvor = (*adresa_korena)->levo;
166      free(*adresa_korena);
167      *adresa_korena = pomocni_cvor;
168      return;
169  }
170
171  /* Ako koren ima samo desnog sina, tada se brisanje vrši tako sto
172     se brise koren, a novi koren postaje desni sin */
173  if ((*adresa_korena)->desno != NULL
174      && (*adresa_korena)->levo == NULL) {
175      pomocni_cvor = (*adresa_korena)->desno;
176      free(*adresa_korena);
177      *adresa_korena = pomocni_cvor;
```

```
178     return;
179 }
180
181 /* Slučaj kada koren ima oba sina - najpre se potrazi sledbenik
182 korena (u smislu poretka) u stablu. To je upravo po vrednosti
183 najmanji cvor u desnom podstablu. On se može pronaci npr.
184 funkcijom pronadji_najmanji(). Nakon toga se u koren smesti
185 vrednost tog cvora, a u taj cvor se smesti vrednost korena (tj.
186 broj koji se briše). Zatim se prosto rekursivno pozove funkcija
187 za brisanje na desno podstablo. S obzirom da u njemu treba
188 obrisati najmanji element, a on zasigurno ima najviše jednog
189 potomka, jasno je da će njegovo brisanje biti obavljeno na jedan
190 od jednostavnijih načina koji su gore opisani. */
191 pomocni_cvor = pronadji_najmanji((*adresa_korena)->desno);
192 (*adresa_korena)->broj = pomocni_cvor->broj;
193 pomocni_cvor->broj = broj;
194 obris_element(&(*adresa_korena)->desno, broj);
195 }
196
197 void ispisi_stablo_infiksno(Cvor * koren)
198 {
199     /* Ako stablo nije prazno */
200     if (koren != NULL) {
201
202         /* Prvo se ispisuju svi cvorovi levo od korena */
203         ispisi_stablo_infiksno(koren->levo);
204
205         /* Zatim se ispisuje vrednost u korenu */
206         printf("%d ", koren->broj);
207
208         /* Na kraju se ispisuju cvorovi desno od korena */
209         ispisi_stablo_infiksno(koren->desno);
210     }
211 }
212
213 void ispisi_stablo_prefiksno(Cvor * koren)
214 {
215     /* Ako stablo nije prazno */
216     if (koren != NULL) {
217
218         /* Prvo se ispisuje vrednost u korenu */
219         printf("%d ", koren->broj);
220
221         /* Zatim se ispisuju svi cvorovi levo od korena */
222         ispisi_stablo_prefiksno(koren->levo);
223
224         /* Na kraju se ispisuju svi cvorovi desno od korena */
225         ispisi_stablo_prefiksno(koren->desno);
226     }
227 }
228
229 void ispisi_stablo_postfiksno(Cvor * koren)
```

```

230 {
231     /* Ako stablo nije prazno */
232     if (koren != NULL) {
233
234         /* Prvo se ispisuju svi cvorovi levo od korena */
235         ispisi_stablo_postfiksno(koren->levo);
236
237         /* Zatim se ispisuju svi cvorovi desno od korena */
238         ispisi_stablo_postfiksno(koren->desno);
239
240         /* Na kraju se ispisuje vrednost u korenu */
241         printf("%d ", koren->broj);
242     }
243 }
244
245 void oslobodi_stablo(Cvor ** adresa_korena)
246 {
247     /* Ako je stablo prazno, nepotrebno je oslobadjati memoriju */
248     if (*adresa_korena == NULL)
249         return;
250
251     /* Inace ... */
252     /* Oslobadja se memorija zauzeta levim podstablom */
253     oslobodi_stablo(&(*adresa_korena)->levo);
254
255     /* Oslobadja se memorija zauzeta desnim podstablom */
256     oslobodi_stablo(&(*adresa_korena)->desno);
257
258     /* Oslobadja se memorija zauzeta korenom */
259     free(*adresa_korena);
260
261     /* Proglasava se stablo praznim */
262     *adresa_korena = NULL;
263 }

```

*main.c*

```

1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #include "stabla.h"
4
5  int main()
6  {
7      Cvor *koren;
8      int n;
9      Cvor *trazeni_cvor;
10
11     /* Proglasava se stablo praznim */
12     koren = NULL;
13

```

```

15  /* Citaju se vrednosti i dodaju u stablo uz proveru uspesnosti
    dodavanja */
16  printf("Unesite brojeve (CTRL+D za kraj unosa): ");
17  while (scanf("%d", &n) != EOF) {
18      if (dodaj_u_stablo(&koren, n) == 1) {
19          fprintf(stderr, "Greska: Neuspelo dodavanje broja %d.\n", n);
20          oslobodi_stablo(&koren);
21          exit(EXIT_FAILURE);
22      }
23  }

24
25  /* Generisu se trazeni ispisi: */
26  printf("\nInfiksni ispisi: ");
27  ispisi_stablo_infiksno(koren);
28  printf("\nPrefiksni ispisi: ");
29  ispisi_stablo_prefiksno(koren);
30  printf("\nPostfiksni ispisi: ");
31  ispisi_stablo_postfiksno(koren);

32
33  /* Demonstrira se rad funkcije za pretragu */
34  printf("\nTrazi se broj: ");
35  scanf("%d", &n);
36  trazeni_cvor = pretrazi_stablo(koren, n);
37  if (trazeni_cvor == NULL)
38      printf("Broj se ne nalazi u stablu!\n");
39
40  else
41      printf("Broj se nalazi u stablu!\n");

42
43  /* Demonstrira se rad funkcije za brisanje */
44  printf("Briše se broj: ");
45  scanf("%d", &n);
46  obrisi_element(&koren, n);
47  printf("Rezultujuće stablo: ");
48  ispisi_stablo_infiksno(koren);
49  printf("\n");

50
51  /* Oslobadja se memorija zauzeta stablom */
52  oslobodi_stablo(&koren);

53  exit(EXIT_SUCCESS);
54
55 }

```

### Rešenje 4.15

```

1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #include <string.h>
4  #include <ctype.h>

5
6  #define MAX 50

```

```
8  /* Struktura kojom se opisuje cvor stabla: sadrzi rec, njen broj
   /* pojavljivanja i redom pokazivace na levo i desno podstablo */
10 typedef struct cvor {
    char *rec;
12     int brojac;
    struct cvor *levo;
14     struct cvor *desno;
} Cvor;

16
/* Funkcija koja kreira novi cvora stabla */
18 Cvor *napravi_cvor(char *rec)
{
20     /* Alocira se memorija za novi cvor i proverava se uspesnost
       alokacije. */
22     Cvor *novi_cvor = (Cvor *) malloc(sizeof(Cvor));
    if (novi_cvor == NULL)
24         return NULL;

26     /* Alocira se memorija za zadatu rec: potrebno je rezervisati
       memoriju za svaki karakter reci ukljucujuci i terminirajucu
       nulu */
28     novi_cvor->rec = (char *) malloc((strlen(rec) + 1) * sizeof(char));
    if (novi_cvor->rec == NULL) {
        free(novi_cvor);
32         return NULL;
    }

34     /* Inicijalizuju se polja u novom cvoru */
36     strcpy(novi_cvor->rec, rec);
    novi_cvor->brojac = 1;
38     novi_cvor->levo = NULL;
    novi_cvor->desno = NULL;

40
    /* Vraca se adresa novog cvora */
42     return novi_cvor;
}

44
/* Funkcija koja dodaje novu rec u stablo - ukoliko je dodavanje
46 uspesno povratna vrednost je 0, u suprotnom povratna vrednost je
   1 */
48 int dodaj_u_stablo(Cvor ** adresa_korena, char *rec)
{
50     /* Ako je stablo prazno */
    if (*adresa_korena == NULL) {
52         /* Kreira se cvor koji sadrzi zadatu rec */
        Cvor *novi_cvor = napravi_cvor(rec);
54         /* Proverava se uspesnost kreiranja novog cvora */
        if (novi_cvor == NULL) {
56             /* I ukoliko je doslo do greske, vraća se odgovarajuća
               vrednost */
58             return 1;
        }
    }
}
```



```

    }
60  /* Inace... */
    /* Novi cvor se proglašava korenom stabla */
62  *adresa_korena = novi_cvor;

    /* I vraća se indikator uspešnog dodavanja */
    return 0;
66  }

68  /* Ako stablo nije prazno, traži se odgovarajuća pozicija za novu
    rec */

70  /* Ako je rec leksikografski manja od reci u korenu ubacuje se u
    levo podstablo */
72  if (strcmp(rec, (*adresa_korena)->rec) < 0)
74      return dodaj_u_stablo(&(*adresa_korena)->levo, rec);

76  else
    /* Ako je rec leksikografski veća od reci u korenu ubacuje se u
    desno podstablo */
78  if (strcmp(rec, (*adresa_korena)->rec) > 0)
80      return dodaj_u_stablo(&(*adresa_korena)->desno, rec);

82  else {
    /* Ako je rec jednaka reci u korenu, uvećava se njen broj
    pojavljivanja */
84      (*adresa_korena)->brojac++;

86      /* I vraća se indikator uspešnog dodavanja */
88      return 0;
    }
90  }

92  /* Funkcija koja oslobađa memoriju zauzetu stablom */
void oslobodi_stablo(Cvor ** adresa_korena)
94  {
    /* Ako je stablo prazno, nepotrebno je oslobađati memoriju */
96  if (*adresa_korena == NULL)
    return;

98  /* Inace ... */
100  /* Oslobađa se memorija zauzeta levim podstablom */
    oslobodi_stablo(&(*adresa_korena)->levo);

102  /* Oslobađa se memorija zauzeta desnim podstablom */
104  oslobodi_stablo(&(*adresa_korena)->desno);

106  /* Oslobađa se memorija zauzeta korenom */
    free((*adresa_korena)->rec);
108  free(*adresa_korena);

110  /* Stablo se proglašava praznim */

```

```
112     *adresa_korena = NULL;
114 }
116 /* Funkcija koja pronalazi cvor koji sadrzi najfrekventniju rec (rec
    sa najvećim brojem pojavljivanja) */
118 Cvor *nadjij_najfrekventniju_rec(Cvor * koren)
120 {
122     Cvor *max, *max_levo, *max_desno;
124
126     /* Ako je stablo prazno, prekida se sa pretragom */
128     if (koren == NULL)
130         return NULL;
132
134     /* Pronalazi se najfrekventnija rec u levom podstablu */
136     max_levo = nadjij_najfrekventniju_rec(koren->levo);
138
140     /* Pronalazi se najfrekventnija rec u desnom podstablu */
142     max_desno = nadjij_najfrekventniju_rec(koren->desno);
144
146     /* Trazi se maksimum vrednosti pojavljivanja reci iz levog
        podstabla, korena i desnog podstabla */
148     max = koren;
150     if (max_levo != NULL && max_levo->brojac > max->brojac)
152         max = max_levo;
154     if (max_desno != NULL && max_desno->brojac > max->brojac)
156         max = max_desno;
158
160     /* Vraca se adresa cvora sa najvećim brojem pojavljivanja */
162     return max;
164 }
166
168 /* Funkcija koja ispisuje reci iz stabla u leksikografskom poretku
    pracen brojem pojavljivanja */
170 void prikazi_stablo(Cvor * koren)
172 {
174     /* Ako je stablo prazno, završava se sa ispisom */
176     if (koren == NULL)
178         return;
180
182     /* Zbog leksikografskog poretka, prvo se ispisuju sve reci iz
        levog podstabla */
184     prikazi_stablo(koren->levo);
186
188     /* Zatim rec iz korena */
190     printf("%s: %d\n", koren->rec, koren->brojac);
192
194     /* I nastavlja se sa ispisom reci iz desnog podstabla */
196     prikazi_stablo(koren->desno);
198 }
200
202 /* Funkcija ucitava sledecu rec iz zadate datoteke f i upisuje je u
    niz rec. Maksimalna dužina reci je odredjena argumentom max.
```

```
164     Funkcija vraca EOF ako u datoteci nema vise reci ili 0 u
        suprotnom. Rec je niz malih ili velikih slova. */
166 int procitaj_rec(FILE * f, char rec[], int max)
167 {
168     /* Karakter koji se cita */
169     int c;
170
171     /* Indeks pozicije na koju se smesta procitani karakter */
172     int i = 0;
173
174     /* Sve dok ima mesta za jos jedan karakter u nizu i dokle se god
        nije stiglo do kraja datoteke... */
175 while (i < max - 1 && (c = fgetc(f)) != EOF) {
176     /* Proverava se da li je procitani karakter slovo */
177     if (isalpha(c))
178         /* Ako jeste, smesta se u niz - pritom se vrši konverzija u
            mala slova jer program treba da bude neosetljiv na razliku
            izmedju malih i velikih slova */
179         rec[i++] = tolower(c);
180
181     else
182         /* Ako nije, proverava se da li je procitano barem jedno slovo
            nove reci */
183         /* Ako jeste, prekida se sa citanjem */
184         if (i > 0)
185             break;
186
187     /* U suprotnom se ide na sledecu iteraciju */
188 }
189
190 /* Dodaje se na rec terminirajuca nula */
191 rec[i] = '\0';
192
193 /* Vraca se 0 ako je procitana rec, tj. EOF u suprotnom */
194 return i > 0 ? 0 : EOF;
195 }
196
197 int main(int argc, char **argv)
198 {
199     Cvor *koren = NULL, *max;
200     FILE *f;
201     char rec[MAX];
202
203     /* Provera da li je navedeno ime datoteke prilikom pokretanja
        programa */
204     if (argc < 2) {
205         fprintf(stderr, "Greska: Nedostaje ime ulazne datoteke!\n");
206         exit(EXIT_FAILURE);
207     }
208
209     /* Priprema datoteke za citanje */
210     if ((f = fopen(argv[1], "r")) == NULL) {
```

```
216     fprintf(stderr, "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke %s.\n",
        argv[1]);
    exit(EXIT_FAILURE);
218 }

220 /* Ucitavanje reci iz datoteke i smestanje u binarno stablo
    pretrage uz proveru uspesnosti dodavanja */
222 while (procitaj_rec(f, rec, MAX) != EOF) {
    if (dodaj_u_stablo(&koren, rec) == 1) {
224         fprintf(stderr, "Greska: Neuspelo dodavanje reci %s.\n", rec);
        oslobodi_stablo(&koren);
226         exit(EXIT_FAILURE);
    }
228 }

230 /* Posto je citanje reci zavrшено, zatvara se datoteka */
fclose(f);
232

234 /* Prikazuju se sve reci iz teksta i brojevi njihovih
    pojavljivanja. */
prikazi_stablo(koren);
236

238 /* Pronalazi se najfrekventnija rec */
max = najfrekventniju_rec(koren);

240 /* Ako takve reci nema... */
if (max == NULL)
242
    /* Ispisuje se odgovarajuće obavestjenje */
    printf("U tekstu nema reci!\n");
244
246 else
    /* Inace, ispisuje se broj pojavljivanja reci */
    printf("Najcesca rec: %s (pojavljuje se %d puta)\n",
        max->rec, max->brojac);
248

250 /* Oslobadja se dinamicki alociran prostor za stablo */
oslobodi_stablo(&koren);
252

254 exit(EXIT_SUCCESS);
}
```

## Rešenje 4.16

```
1 #include <stdio.h>
  #include <stdlib.h>
3  #include <string.h>
  #include <ctype.h>
5
  #define MAX_IME_DATOTEKE 50
7  #define MAX_CIFARA 13
```

```
9  #define MAX_IME_I_PREZIME 100
11
12  /* Struktura kojom se opisuje cvor stabla: sadrzi ime i prezime,
13     broj telefona i redom pokazivace na levo i desno podstablo */
14  typedef struct cvor {
15      char ime_i_prezime[MAX_IME_I_PREZIME];
16      char telefon[MAX_CIFARA];
17      struct cvor *levo;
18      struct cvor *desno;
19  } Cvor;
20
21  /* Funkcija koja kreira novi cvora stabla */
22  Cvor *napravi_cvor(char *ime_i_prezime, char *telefon)
23  {
24      /* Alocira se memorija za novi cvor i proverava se uspesnost
25         alokacije. */
26      Cvor *novi_cvor = (Cvor *) malloc(sizeof(Cvor));
27      if (novi_cvor == NULL)
28          return NULL;
29
30      /* Inicijalizuju se polja novog cvora */
31      strcpy(novi_cvor->ime_i_prezime, ime_i_prezime);
32      strcpy(novi_cvor->telefon, telefon);
33      novi_cvor->levo = NULL;
34      novi_cvor->desno = NULL;
35
36      /* Vraca se adresa novog cvora */
37      return novi_cvor;
38  }
39
40  /* Funkcija koja dodaje novu osobu i njen broj telefona u stablo -
41     ukoliko je dodavanje uspesno povratna vrednost je 0, u suprotnom
42     povratna vrednost je 1 */
43  int
44  dodaj_u_stablo(Cvor ** adresa_korena, char *ime_i_prezime,
45                char *telefon)
46  {
47      /* Ako je stablo prazno */
48      if (*adresa_korena == NULL) {
49          /* Kreira se novi cvor */
50          Cvor *novi_cvor = napravi_cvor(ime_i_prezime, telefon);
51          /* Proverava se uspesnost kreiranja novog cvora */
52          if (novi_cvor == NULL) {
53              /* I ukoliko je doslo do greske, vraca se odgovarajuca
54                 vrednost */
55              return 1;
56          }
57          /* Inace... */
58          /* Novi cvor se proglašava korenom stabla */
59          *adresa_korena = novi_cvor;
60
61          /* I vraca se indikator uspešnog dodavanja */
62      }
```

```
        return 0;
61    }

63    /* Ako stablo nije prazno, trazi se odgovarajuca pozicija za novi
        unos. Kako pretragu treba vrsiti po imenu i prezimenu, stablo
65        treba da bude pretrazivacko po ovom polju */

67    /* Ako je zadato ime i prezime leksikografski manje od imena i
        prezimena koje se nalazi u korenu, podaci se dodaju u levo
69        podstablo */
    if (strcmp(ime_i_prezime, (*adresa_korena)->ime_i_prezime)
71        < 0)
        return dodaj_u_stablo(&(*adresa_korena)->levo, ime_i_prezime,
73            telefon);

75    else
        /* Ako je zadato ime i prezime leksikografski vece od imena i
77        prezimena sadržanog u korenu, podaci se dodaju u desno
        podstablo */
79        if (strcmp(ime_i_prezime, (*adresa_korena)->ime_i_prezime) > 0)
            return dodaj_u_stablo(&(*adresa_korena)->desno, ime_i_prezime,
81                telefon);

83    /* Pretostavka zadatka je da nema istih imena i prezimena u
        datoteci, pa se sledeca naredba nikada i neki izvršiti */
85    return 0;
}

87    /* Funkcija koja oslobadja memoriju zauzetu stablom */
89    void oslobodi_stablo(Cvor ** adresa_korena)
    {
91        /* Ako je stablo prazno, nepotrebno je oslobadjati memoriju */
        if (*adresa_korena == NULL)
93            return;

95        /* Inace ... */
        /* Oslobadja se memorija zauzeta levim podstablom */
97        oslobodi_stablo(&(*adresa_korena)->levo);

99        /* Oslobadja se memorija zauzeta desnim podstablom */
        oslobodi_stablo(&(*adresa_korena)->desno);
101
        /* Oslobadja se memorija zauzeta korenom */
103        free(*adresa_korena);

105        /* Stablo se proglašava praznim */
        *adresa_korena = NULL;
107    }

109    /* Funkcija koja ispisuje imenik u leksikografskom poretку */
    /* Napomena: ova funkcija nije trazena u zadatku ali se može
111    koristiti za proveru da li je stablo lepo kreirano ili ne */
```

```
void prikazi_stablo(Cvor * koren)
113 {
    /* Ako je stablo prazno, završava se sa ispisom */
115     if (koren == NULL)
        return;

117     /* Zbog leksikografskog poretka, prvo se ispisuju podaci iz levog
119     podstabla */
    prikazi_stablo(koren->levo);

121     /* Zatim se ispisuju podaci iz korena */
123     printf("%s: %s\n", koren->ime_i_prezime, koren->telefon);

125     /* I nastavlja se sa ispisom podataka iz desnog podstabla */
    prikazi_stablo(koren->desno);
127 }

129 /* Funkcija učitava sledeći kontakt iz zadate datoteke i upisuje ime
    i prezime i broj telefona u odgovarajuće nizove. Maksimalna dužina
131 imena i prezimena određena je konstantom MAX_IME_PREZIME, a
    maksimalna dužina broja telefona konstantom MAX_CIFARA. Funkcija
133 vraća EOF ako nema više kontakata ili 0 u suprotnom. */
int procitaj_kontakt(FILE * f, char *ime_i_prezime, char *telefon)
135 {
    /* Karakter koji se cita */
137     int c;

139     /* Indeks pozicije na koju se smesta procitani karakter */
    int i = 0;

141     /* Linije datoteke koje se obradjuju su formata Ime Prezime
143     BrojTelefona */

145     /* Preskacu se eventualne praznine sa pocetka linije datoteke */
    while ((c = fgetc(f)) != EOF && isspace(c));

147     /* Prvo procitano slovo upisuje se u ime i prezime */
149     if (!feof(f))
        ime_i_prezime[i++] = c;

151     /* Naznaka kraja citanja imena i prezimena ce biti pojava prve
153     cifre tako da se citanje vrši sve dok se ne naidje na cifru.
    Pritom treba voditi racuna da li ima dovoljno mesta za
155 smestanje procitanog karaktera i da se slučajno ne dodje do
    kraja datoteke */
157     while (i < MAX_IME_I_PREZIME - 1 && (c = fgetc(f)) != EOF) {
        if (!isdigit(c))
159             ime_i_prezime[i++] = c;

        else if (i > 0)
            break;

161     }
163 }
```

```
165  /* Upisuje se terminirajuca nula na mesto poslednjeg procitanog
    blanko karaktera */
167  ime_i_prezime[--i] = '\0';

169  /* I pocinje se sa citanjem broja telefona */
    i = 0;

171

173  /* Upisuje se cifra koja je vec procitana */
    telefon[i++] = c;

175  /* I citaju se preostale cifre. Naznaka kraja ce biti pojava
    karaktera cije prisustvo nije dozvoljeno u broju telefona */
177  while (i < MAX_CIFARA - 1 && (c = fgetc(f)) != EOF)
    if (c == '/' || c == '-' || isdigit(c))
179      telefon[i++] = c;
    else
181      break;

183  /* Upisuje se terminirajuca nula */
    telefon[i] = '\0';

185

187  /* Vraca se 0 ako je procitan kontakt ili EOF u suprotnom */
    return !feof(f) ? 0 : EOF;
}

189

191  /* Funkcija koja trazi u imeniku osobu sa zadatim imenom i
    prezimenom */
Cvor *pretrazi_imenik(Cvor * koren, char *ime_i_prezime)
193  {
    /* Ako je imenik prazan, završava se sa pretragom */
195    if (koren == NULL)
        return NULL;

197

199    /* Ako je trazeno ime i prezime sadržano u korenu, takodje se
    završava sa pretragom */
    if (strcmp(koren->ime_i_prezime, ime_i_prezime) == 0)
201        return koren;

203    /* Ako je zadato ime i prezime leksikografski manje od vrednosti u
    korenu pretraga se nastavlja levo */
205    if (strcmp(ime_i_prezime, koren->ime_i_prezime) < 0)
        return pretrazi_imenik(koren->levo, ime_i_prezime);

207

209    else
        /* U suprotnom, pretraga se nastavlja desno */
        return pretrazi_imenik(koren->desno, ime_i_prezime);
211  }

213  int main(int argc, char **argv)
  {
215      char ime_datoteke[MAX_IME_DATOTEKE];
```



```
217 Cvor *koren = NULL;
218 Cvor *trazeni;
219 FILE *f;
220 char ime_i_prezime[MAX_IME_I_PREZIME];
221 char telefon[MAX_CIFARA];
222 char c;
223 int i;
224
225 /* Ucitava se ime datoteke i vrsi se njena priprema za citanje */
226 printf("Unesite ime datoteke: ");
227 scanf("%s", ime_datoteke);
228 getchar();
229 if ((f = fopen(ime_datoteke, "r")) == NULL) {
230     fprintf(stderr, "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke %s.\n",
231             ime_datoteke);
232     exit(EXIT_FAILURE);
233 }
234
235 /* Citaju se podaci iz datoteke i smestaju u binarno stablo
236    pretrage uz proveru uspesnosti dodavanja */
237 while (procitaj_kontakt(f, ime_i_prezime, telefon) != EOF)
238     if (dodaj_u_stablo(&koren, ime_i_prezime, telefon) == 1) {
239         fprintf(stderr,
240                 "Greska: Neuspelo dodavanje podataka za osobu %s.\n",
241                 ime_i_prezime);
242         oslobodi_stablo(&koren);
243         exit(EXIT_FAILURE);
244     }
245
246 /* Zatvara se datoteka */
247 fclose(f);
248
249 /* Omogucava se pretraga imenika */
250 while (1) {
251     /* Ucitava se ime i prezime */
252     printf("Unesite ime i prezime: ");
253     i = 0;
254     while ((c = getchar()) != '\n')
255         ime_i_prezime[i++] = c;
256     ime_i_prezime[i] = '\0';
257
258     /* Ako je korisnik uneo naznaku za kraj pretrage, obustavlja se
259        funkcionalnost */
260     if (strcmp(ime_i_prezime, "KRAJ") == 0)
261         break;
262
263     /* Inace se ispisuje rezultat pretrage */
264     trazeni = pretrazi_imenik(koren, ime_i_prezime);
265     if (trazeni == NULL)
266         printf("Broj nije u imeniku!\n");
267     else
268         printf("Broj je: %s \n", trazeni->telefon);
```

```
    }
269
    /* Oslobadja se memorija zauzeta imenikom */
271    oslobodi_stablo(&koren);
273
    exit(EXIT_SUCCESS);
}
```

### Rešenje 4.17

```
1  #include <stdio.h>
   #include <stdlib.h>
3  #include <string.h>
5
   #define MAX 51
7
   /* Struktura koja definise cvorove stabla: sadrzi ime i prezime
   studenta, ukupan uspeh, uspeh iz matematike, uspeh iz maternjeg
9   jezika i redom pokazivace na levo i desno podstablo */
   typedef struct cvor_stabla {
11     char ime[MAX];
       char prezime[MAX];
13     double uspeh;
       double matematika;
15     double jezik;
       struct cvor_stabla *levo;
17     struct cvor_stabla *desno;
   } Cvor;
19
   /* Funkcija kojom se kreira cvor stabla */
21 Cvor *napravi_cvor(char ime[], char prezime[], double uspeh,
       double matematika, double jezik)
23 {
   /* Alocira se memorija za novi cvor i proverava se uspesnost
25   alokacije. */
   Cvor *novi = (Cvor *) malloc(sizeof(Cvor));
27   if (novi == NULL)
       return NULL;
29
   /* Inicijalizuju se polja strukture */
31   strcpy(novi->ime, ime);
       strcpy(novi->prezime, prezime);
33   novi->uspeh = uspeh;
       novi->matematika = matematika;
35   novi->jezik = jezik;
       novi->levo = NULL;
37   novi->desno = NULL;
39
   /* Vraca se adresa kreiranog cvora */
       return novi;
41 }
```

```
43 /* Funkcija koja dodaje cvor sa zadatim vrednostima u stablo -  
44    ukoliko je dodavanje uspesno povratna vrednost je 0, u suprotnom  
45    povratna vrednost je 1 */  
46 int dodaj_u_stablo(Cvor ** koren, char ime[], char prezime[],  
47    double uspeh, double matematika, double jezik)  
48 {  
49     /* Ako je stablo prazno */  
50     if (*koren == NULL) {  
51         /* Kreira se novi cvor */  
52         Cvor *novi_cvor =  
53             napravi_cvor(ime, prezime, uspeh, matematika, jezik);  
54         /* Proverava se uspesnost kreiranja novog cvora */  
55         if (novi_cvor == NULL) {  
56             /* I ukoliko je doslo do greske, vraca se odgovarajuca  
57                vrednost */  
58             return 1;  
59         }  
60         /* Inace... */  
61         /* Novi cvor se proglašava korenom stabla */  
62         *koren = novi_cvor;  
63  
64         /* I vraca se indikator uspesnog dodavanja */  
65         return 0;  
66     }  
67  
68     /* Ako stablo nije prazno, dodaje se cvor u stablo tako da bude  
69        sortirano po ukupnom broju poena */  
70     if (uspeh + matematika + jezik >  
71         (*koren)->uspeh + (*koren)->matematika + (*koren)->jezik)  
72         return dodaj_u_stablo(&(*koren)->levo, ime, prezime, uspeh,  
73             matematika, jezik);  
74     else  
75         return dodaj_u_stablo(&(*koren)->desno, ime, prezime, uspeh,  
76             matematika, jezik);  
77 }  
78  
79 /* Funkcija kojom se oslobadja memorija zauzeta stablom */  
80 void oslobodi_stablo(Cvor ** koren)  
81 {  
82     /* Ako je stablo prazno, nepotrebno je oslobadjati memoriju */  
83     if (*koren == NULL)  
84         return;  
85  
86     /* Inace ... */  
87     /* Oslobadja se memorija zauzeta levim podstablom */  
88     oslobodi_stablo(&(*koren)->levo);  
89  
90     /* Oslobadja se memorija zauzeta desnim podstablom */  
91     oslobodi_stablo(&(*koren)->desno);  
92 }  
93
```

```
/* Oslobadja se memorija zauzeta korenom */
95 free(*koren);

/* Stablo se proglašava praznim */
97 *koren = NULL;
99 }

101 /* Funkcija ispisuje sadržaj stabla. Ukoliko je vrednost argumenta
103 položili jednaka 0 ispisuju se informacije o učenicima koji nisu
    položili prijemni, a ako je vrednost argumenta različita od nule,
105 ispisuju se informacije o učenicima koji su položili prijemni */
void stampaj(Cvor * koren, int položili)
107 {
    /* Stablo je prazno - prekida se sa ispisom */
109     if (koren == NULL)
        return;
111
    /* Stampaju se informacije iz levog podstabla */
113     stampaj(koren->levo, položili);

115     /* Stampaju se informacije iz korenog cvora */
    if (položili && koren->matematika + koren->jezik >= 10)
117         printf("%s %s %.1lf %.1lf %.1lf %.1lf\n", koren->ime,
                koren->prezime, koren->uspeh, koren->matematika,
119                koren->jezik,
                koren->uspeh + koren->matematika + koren->jezik);
121     else if (!položili && koren->matematika + koren->jezik < 10)
        printf("%s %s %.1lf %.1lf %.1lf %.1lf\n", koren->ime,
123                koren->prezime, koren->uspeh, koren->matematika,
                koren->jezik,
125                koren->uspeh + koren->matematika + koren->jezik);

127     /* Stampaju se informacije iz desnog podstabla */
    stampaj(koren->desno, položili);
129 }

131 /* Funkcija koja određuje koliko studenata nije položilo prijemni
    ispit */
133 int nisu_položili(Cvor * koren)
{
135     /* Ako je stablo prazno, broj onih koji nisu položili je 0 */
    if (koren == NULL)
137         return 0;

139     /* Pretraga se vrši i u levom i u desnom podstablu - ako uslov za
        polaganje nije ispunjen za koreni cvor, broj studenata se
141         uvecava za 1 */
    if (koren->matematika + koren->jezik < 10)
143         return 1 + nisu_položili(koren->levo) +
            nisu_položili(koren->desno);
145 }
```

```
147     return nisu_položili(koren->levo) + nisu_položili(koren->desno);
148 }
149 int main(int argc, char **argv)
150 {
151     FILE *in;
152     Cvor *koren;
153     char ime[MAX], prezime[MAX];
154     double uspeh, matematika, jezik;
155
156     /* Otvara se datoteke sa rezultatima sa prijemnog za citanje */
157     in = fopen("prijemni.txt", "r");
158     if (in == NULL) {
159         fprintf(stderr,
160             "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke prijemni.txt.\n");
161         exit(EXIT_FAILURE);
162     }
163
164     /* Citanje podataka i dodavanje u stablo uz proveru uspesnosti
165        dodavanja */
166     koren = NULL;
167     while (fscanf(in, "%s %s %lf %lf %lf", ime, prezime, &uspeh,
168         &matematika, &jezik) != EOF) {
169         if (dodaj_u_stablo
170             (&koren, ime, prezime, uspeh, matematika, jezik)
171             == 1) {
172             fprintf(stderr,
173                 "Greska: Neuspelo dodavanje podataka za %s %s.\n", ime,
174                 prezime);
175             oslobodi_stablo(&koren);
176             exit(EXIT_FAILURE);
177         }
178     }
179
180     /* Zatvaranje datoteke */
181     fclose(in);
182
183     /* Stampaju se prvo podaci o ucenicima koji su položili prijemni */
184     stampaj(koren, 1);
185
186     /* Linija se iscrtava samo ako postoje učenici koji nisu položili
187        prijemni */
188     if (nisu_položili(koren) != 0)
189         printf("-----\n");
190
191     /* Stampaju se podaci o ucenicima koji nisu položili prijemni */
192     stampaj(koren, 0);
193
194     /* Oslobadja se memorija zauzeta stablom */
195     oslobodi_stablo(&koren);
196
197     exit(EXIT_SUCCESS);
```

```
}
```

### Rešenje 4.18

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include <string.h>
4
5 #define MAX_NISKA 51
6
7 /* Struktura koja opisuje jedan cvor stabla: sadrzi ime i prezime
8    osobe, dan i mesec rođenja i redom pokazivace na levo i desno
9    podstablo */
10 typedef struct cvor_stabla {
11     char ime[MAX_NISKA];
12     char prezime[MAX_NISKA];
13     int dan;
14     int mesec;
15     struct cvor_stabla *levo;
16     struct cvor_stabla *desno;
17 } Cvor;
18
19 /* Funkcija koja kreira novi cvor */
20 Cvor *napravi_cvor(char ime[], char prezime[], int dan, int mesec)
21 {
22     /* Alocira se memorija */
23     Cvor *novi = (Cvor *) malloc(sizeof(Cvor));
24     if (novi == NULL)
25         return NULL;
26
27     /* Inicijalizuju se polja strukture */
28     strcpy(novi->ime, ime);
29     strcpy(novi->prezime, prezime);
30     novi->dan = dan;
31     novi->mesec = mesec;
32     novi->levo = NULL;
33     novi->desno = NULL;
34
35     /* Vraca se adresa novog cvora */
36     return novi;
37 }
38
39 /* Funkcija koja dodaje novi cvor u stablo. Stablo treba da bude
40    uredjeno po datumu - prvo po mesecu, a zatim po danu. Ukoliko je
41    dodavanje uspesno povratna vrednost je 0, u suprotnom povratna
42    vrednost je 1 */
43 int dodaj_u_stablo(Cvor ** koren, char ime[], char prezime[],
44                    int dan, int mesec)
45 {
46     /* Ako je stablo prazno */
47     if (*koren == NULL) {
```

```
49  /* Kreira se novi cvor */
    Cvor *novi_cvor = napravi_cvor(ime, prezime, dan, mesec);
51  /* Proverava se uspesnost kreiranja novog cvora */
    if (novi_cvor == NULL) {
53      /* I ukoliko je doslo do greske, vraca se odgovarajuca
        vrednost */
55      return 1;
    }
57  /* Inace... Novi cvor se proglašava korenom stabla */
    *koren = novi_cvor;

59

    /* I vraca se indikator uspesnog dodavanja */
61    return 0;
}

63
    /* Stablo se uredjuje po mesecu, a zatim po danu u okviru istog
    meseca */
65    if (mesec < (*koren)->mesec)
67        return dodaj_u_stablo(&(*koren)->levo, ime, prezime, dan, mesec);
    else if (mesec == (*koren)->mesec && dan < (*koren)->dan)
69        return dodaj_u_stablo(&(*koren)->levo, ime, prezime, dan, mesec);
    else
71        return dodaj_u_stablo(&(*koren)->desno, ime, prezime, dan,
                                mesec);
73 }

75 /* Funkcija vrši pretragu stabla i vraca cvor sa traženim datumom */
Cvor *pretrazi(Cvor * koren, int dan, int mesec)
77 {
    /* Stablo je prazno, obustavlja se pretraga */
79    if (koren == NULL)
        return NULL;

81
    /* Ako je traženi datum u korenu */
83    if (koren->dan == dan && koren->mesec == mesec)
        return koren;

85
    /* Ako je mesec traženog datuma manji od meseca sadržanog u korenu
    ili ako su meseci isti ali je dan traženog datuma manji od
    aktuelnog datuma, pretražuje se levo podstablo - pre toga se
    svakako proverava da li leva grana postoji - ako ne postoji
    treba vratiti prvi sledeći, a to je bas vrednost uocenog korena
    */
87    if (mesec < koren->mesec
        || (mesec == koren->mesec && dan < koren->dan)) {
93        if (koren->levo == NULL)
            return koren;
        else
95            return pretrazi(koren->levo, dan, mesec);
97    }
```

```
99  /* Inace se nastavlja pretraga u desnom delu */
    return pretrazi(koren->desno, dan, mesec);
101 }

103 /* Funkcija koja pronalazi najmanji datum u stablu */
Cvor *pronadji_najmanji_datum(Cvor * koren)
105 {
    /* Stablo je prazno, obustavlja se pretraga */
107     if (koren == NULL)
        return NULL;
109
    /* Ako ne postoji leva grana korena, zbog uredjenja stabla koren
111     sadrzi najmanji datum */
    if (koren->levo == NULL)
113         return koren;
    else
115         /* Inace, trazimo manji datum u levom podstablu */
        return pronadji_najmanji_datum(koren->levo);
117 }

119 /* Funkcija koja za dati dan i mesec odredjuje nisku formata DD.MM.
    */
void datum_u_nisku(int dan, int mesec, char datum[])
121 {
    if (dan < 10) {
123         datum[0] = '0';
        datum[1] = dan + '0';
125     } else {
        datum[0] = dan / 10 + '0';
127         datum[1] = dan % 10 + '0';
    }
129     datum[2] = '.';

    if (mesec < 10) {
131         datum[3] = '0';
        datum[4] = mesec + '0';
133     } else {
        datum[3] = mesec / 10 + '0';
135         datum[4] = mesec % 10 + '0';
    }
137     datum[5] = '.';
139     datum[6] = '\0';
}

141
143 /* Funkcija koja oslobadja memoriju zauzetu stablom */
void oslobodi_stablo(Cvor ** adresa_korena)
{
145     /* Stablo je prazno */
    if (*adresa_korena == NULL)
147         return;

149     /* Oslobadja se memorija zauzeta levim podstablom (ako postoji) */
```



```
151     if ((*adresa_korena)->levo)
        oslobodi_stablo(&(*adresa_korena)->levo);

153     /* Oslobadja se memorija zauzeta desnim podstablom (ako postoji) */
    if ((*adresa_korena)->desno)
155         oslobodi_stablo(&(*adresa_korena)->desno);

157     /* Oslobadja se memorija zauzeta korenom */
    free(*adresa_korena);

159     /* Proglasava se stablo praznim */
161     *adresa_korena = NULL;
}

163
165 int main(int argc, char **argv)
{
    FILE *in;
    Cvor *koren;
    Cvor *slavljenik;
169     char ime[MAX_NISKA], prezime[MAX_NISKA];
    int dan, mesec;
171     char datum[7];

173     /* Provera da li je zadato ime ulazne datoteke */
    if (argc < 2) {
175         /* Ako nije, ispisuje se poruka i prekida se sa izvršavanjem
            programa */
177         fprintf(stderr, "Greska: Nedostaje ime ulazne datoteke!\n");
        exit(EXIT_FAILURE);
179     }

181     /* Inace, priprema se datoteka za citanje */
    in = fopen(argv[1], "r");
183     if (in == NULL) {
        fprintf(stderr, "Greska: Neuspesno otvaranje datoteke %s.\n",
185             argv[1]);
        exit(EXIT_FAILURE);
187     }

189     /* I stablo se popunjava podacima uz proveru uspesnosti dodavanja
        */
    koren = NULL;
191     while (fscanf
        (in, "%s %s %d.%d.", ime, prezime, &dan, &mesec) != EOF)
193         if (dodaj_u_stablo(&koren, ime, prezime, dan, mesec) == 1) {
            fprintf(stderr,
195                 "Greska: Neuspelo dodavanje podataka za %s %s.\n", ime,
                    prezime);
            oslobodi_stablo(&koren);
            exit(EXIT_FAILURE);
197         }
199 }
```

```
201  /* Datoteka se zatvara */
    fclose(in);
203
    /* Omogucuje se pretraga podataka */
205  while (1) {
207      /* Ucitava se novi datum */
      printf("Unesite datum: ");
209      if (scanf("%d.%d.", &dan, &mesec) == EOF)
          break;
211
      /* Pretrazuje se stablo */
213      slavljenik = pretrazi(koren, dan, mesec);
215
      /* Ispisuju se pronadjeni podaci */
217
      /* Ako slavljenik nije pronadjen, to moze znaci da: */
      /* 1. drvo je prazno */
219      if (slavljenik == NULL && koren == NULL) {
          printf("Nema podataka o ovom ni o sledecem rodjendanu.\n");
221          continue;
      }
223      /* 2. posle datuma koji je unesen, nema podataka u stablu - u
         ovom slucaju se pretraga vrsi pocevsi od naredne godine i
         ispisuje se najmanji datum */
225      if (slavljenik == NULL) {
227          slavljenik = pronadji_najmanji_datum(koren);
          datum_u_nisku(slavljenik->dan, slavljenik->mesec, datum);
229          printf("Slavljenik: %s %s %s\n", slavljenik->ime,
              slavljenik->prezime, datum);
231          continue;
      }
233
      /* Ako je slavljenik pronadjen, razlikuju se slucajevi: */
      /* 1. Pronadjeni su tacni podaci */
235      if (slavljenik->dan == dan && slavljenik->mesec == mesec) {
237          printf("Slavljenik: %s %s\n", slavljenik->ime,
              slavljenik->prezime);
239          continue;
      }
241
      /* 2. Pronadjeni su podaci o prvom sledecem rodjendanu */
243      datum_u_nisku(slavljenik->dan, slavljenik->mesec, datum);
      printf("Slavljenik: %s %s %s\n", slavljenik->ime,
245          slavljenik->prezime, datum);
  }
247
  /* Oslobadja se memorija zauzeta stablom */
249  oslobodi_stablo(&koren);
251
  exit(EXIT_SUCCESS);
}
```

## Rešenje 4.19

NAPOMENA: Rešenje koristi biblioteku za rad sa binarnim pretraživačkim stablima iz zadatka 4.14.

```

1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3
4  /* Uključuje se biblioteka za rad sa stablima */
5  #include "stabla.h"
6
7  /* Funkcija koja proverava da li su dva stabla koja sadrže cele
8     brojeve identična. Povratna vrednost funkcije je 1 ako jesu,
9     odnosno 0 ako nisu */
10 int identitet(Cvor * koren1, Cvor * koren2)
11 {
12     /* Ako su oba stabla prazna, jednaka su */
13     if (koren1 == NULL && koren2 == NULL)
14         return 1;
15
16     /* Ako je jedno stablo prazno, a drugo nije, stabla nisu jednaka */
17     if (koren1 == NULL || koren2 == NULL)
18         return 0;
19
20     /* Ako su oba stabla neprazna i u korenu se nalaze različite
21        vrednosti, može se zaključiti da se razlikuju */
22     if (koren1->broj != koren2->broj)
23         return 0;
24
25     /* Inace, proverava se da li vazi jednakost i levih i desnih
26        podstabala */
27     return (identitet(koren1->levo, koren2->levo)
28             && identitet(koren1->desno, koren2->desno));
29 }
30
31 int main()
32 {
33     int broj;
34     Cvor *koren1, *koren2;
35
36     /* Učitavaju se elementi prvog stabla */
37     koren1 = NULL;
38     printf("Prvo stablo: ");
39     scanf("%d", &broj);
40     while (broj != 0) {
41         if (dodaj_u_stablo(&koren1, broj) == 1) {
42             fprintf(stderr, "Greska: Neuspelo dodavanje broja %d.\n",
43                     broj);
44             oslobodi_stablo(&koren1);
45             exit(EXIT_FAILURE);
46         }
47         scanf("%d", &broj);

```

```

48     }

50     /* Ucitavaju se elementi drugog stabla */
    koren2 = NULL;
52     printf("Drugo stablo: ");
    scanf("%d", &broj);
54     while (broj != 0) {
        if (dodaj_u_stablo(&koren2, broj) == 1) {
56             fprintf(stderr, "Greska: Neuspelo dodavanje broja %d.\n",
                           broj);
58             oslobodi_stablo(&koren2);
            exit(EXIT_FAILURE);
60         }
        scanf("%d", &broj);
62     }

64     /* Poziva se funkcija koja ispituje identitet stabala i ispisuje
        se njen rezultat */
66     if (identitet(koren1, koren2))
        printf("Stabla jesu identicna.\n");
68     else
        printf("Stabla nisu identicna.\n");

70     /* Oslobadja se memorija zauzeta stablima */
72     oslobodi_stablo(&koren1);
    oslobodi_stablo(&koren2);

74     exit(EXIT_SUCCESS);
76 }

```

### Rešenje 4.20

NAPOMENA: Rešenje koristi biblioteku za rad sa binarnim pretraživačkim stablima iz zadatka 4.14.

```

#include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>

4  /* Uključuje se biblioteka za rad sa stablima */
#include "stabla.h"

6

8  /* Funkcija kreira novo stablo identicno stablu koje je dato
   korenom. Povratna vrednost funkcije je 0 ukoliko je kopiranje
   uspesno, odnosno 1 ukoliko je doslo do greske */
10 int kopiraj_stablo(Cvor * koren, Cvor ** duplikat)
   {
12     /* Izlaz iz rekurziije */
     if (koren == NULL) {
14         *duplikat = NULL;
         return 0;
16     }

```

```
18  /* Duplira se koren stabla i postavlja da bude koren novog stabla
   */
   *duplikat = napravi_cvor(koren->broj);
20  if (*duplikat == NULL) {
       return 1;
22  }

24  /* Rekurzivno se dupliraju levo i desno podstablo i njihove adrese
   se cuvaju redom u pokazivacima na levo i desno podstablo korena
   duplikata */
26  int kopija_levo = kopiraj_stablo(koren->levo, &(*duplikat)->levo);
28  int kopija_desno =
       kopiraj_stablo(koren->desno, &(*duplikat)->desno);
30
   /* Ako je uspesno duplirano i levo i desno podstablo */
32  if (kopija_levo == 0 && kopija_desno == 0)
       /* Uspesno je duplirano i celo stablo */
34     return 0;
   /* Inace, prijavljuje se da je doslo do greske */
36  return 1;
}

38
/* Funkcija izracunava uniju dva skupa predstavljena stablima -
40 rezultujući skup tj. stablo se dobija modifikacijom prvog stabla.
   Povratna vrednost funkcije je 0 ukoliko je kreiranje nije
42 uspesno, odnosno 1 ukoliko je doslo do greske */
int kreiraj_uniju(Cvor ** adresa_korena1, Cvor * koren2)
44 {
   /* Ako drugo stablo nije prazno */
46  if (koren2 != NULL) {
       /* 1. Dodaje se njegov koren u prvo stablo */
48     if (dodaj_u_stablo(adresa_korena1, koren2->broj) == 1) {
           return 1;
50     }

52     /* 2. Rekurzivno se racuna unija levog i desnog podstabla drugog
       stabla sa prvim stablom */
54     int unija_levo = kreiraj_uniju(adresa_korena1, koren2->levo);
56     int unija_desno = kreiraj_uniju(adresa_korena1, koren2->desno);

       /* Ako je unija podstabala uspesno kreirana */
58     if (unija_levo == 0 && unija_desno == 0)
           /* Uspesno je kreirana i unija stabala */
60         return 0;

       /* U suprotnom se prijavljuje da je doslo do greske */
62     return 1;
64 }

66
/* Ako je drugo stablo prazno, nista se ne preduzima */
return 0;
```

```
68 }
69
70 /* Funkcija izracunava presek dva skupa predstavljana stablima -
71    rezultujući skup tj. stablo se dobija modifikacijom prvog stabla.
72    Povratna vrednost funkcije je 0 ukoliko je kreiranje preseka
73    uspesno, odnosno 1 ukoliko je doslo do greske */
74 int kreiraj_presek(Cvor ** adresa_korena1, Cvor * koren2)
75 {
76     /* Ako je prvo stablo prazno, tada je i rezultat prazno stablo */
77     if (*adresa_korena1 == NULL)
78         return 0;
79
80     /* Inace... Kreira se presek levog i desnog podstabla sa drugim
81        stablom, tj. iz levog i desnog podstabla prvog stabla brisu se
82        svi oni elementi koji ne postoje u drugom stablu */
83     int presek_levo = kreiraj_presek(&(*adresa_korena1)->levo, koren2);
84     int presek_desno =
85         kreiraj_presek(&(*adresa_korena1)->desno, koren2);
86     if (presek_levo == 0 && presek_desno == 0) {
87         /* Ako se koren prvog stabla ne nalazi u drugom stablu tada se
88            on uklanja iz prvog stabla */
89         if (pretrazi_stablo(koren2, (*adresa_korena1)->broj) == NULL)
90             obrisi_element(adresa_korena1, (*adresa_korena1)->broj);
91
92         /* Presek stabala je uspesno kreiran */
93         return 0;
94     }
95     /* Inece, prijavljuje se da je doslo do greske */
96     return 1;
97 }
98
99 /* Funkcija izracunava razliku dva skupa predstavljana stablima -
100    rezultujući skup tj. stablo se dobija modifikacijom prvog stabla.
101    Povratna vrednost funkcije je 0 ukoliko je kreiranje razlike
102    uspesno, odnosno 1 ukoliko je doslo do greske */
103 int kreiraj_razliku(Cvor ** adresa_korena1, Cvor * koren2)
104 {
105     /* Ako je prvo stablo prazno, tada je i rezultat prazno stablo */
106     if (*adresa_korena1 == NULL)
107         return 0;
108
109     /* Inace... */
110     /* Kreira se razlika levog i desnog podstabla sa drugim stablom,
111        tj. iz levog i desnog podstabla prvog stabla se brisu svi oni
112        elementi koji postoje i u drugom stablu */
113     int razlika_levo =
114         kreiraj_razliku(&(*adresa_korena1)->levo, koren2);
115     int razlika_desno =
116         kreiraj_razliku(&(*adresa_korena1)->desno, koren2);
117     if (razlika_levo == 0 && razlika_desno == 0) {
118         /* Ako se koren prvog stabla nalazi i u drugom stablu tada se on
119            uklanja se iz prvog stabla */

```

```
120     if (pretrazi_stablo(koren2, (*adresa_korena1)->broj) != NULL)
121         obrisi_element(adresa_korena1, (*adresa_korena1)->broj);
122
123     /* Razlika stabala je uspesno kreirana */
124     return 0;
125 }
126
127 /* Inace, prijavljuje se da je doslo do greske */
128 return 1;
129 }
130
131 int main()
132 {
133     Cvor *skup1;
134     Cvor *skup2;
135     Cvor *pomocni_skup = NULL;
136     int n;
137
138     /* Ucitavaju se elementi prvog skupa */
139     skup1 = NULL;
140     printf("Prvi skup: ");
141     while (scanf("%d", &n) != EOF) {
142         if (dodaj_u_stablo(&skup1, n) == 1) {
143             fprintf(stderr, "Greska: Neuspelo dodavanje broja %d.\n", n);
144             oslobodi_stablo(&skup1);
145             exit(EXIT_FAILURE);
146         }
147     }
148
149     /* Ucitavaju se elementi drugog skupa */
150     skup2 = NULL;
151     printf("Drugi skup: ");
152     while (scanf("%d", &n) != EOF) {
153         if (dodaj_u_stablo(&skup2, n) == 1) {
154             fprintf(stderr, "Greska: Neuspelo dodavanje broja %d.\n", n);
155             oslobodi_stablo(&skup2);
156             exit(EXIT_FAILURE);
157         }
158     }
159
160     /* Kreira se unija skupova: prvo se napravi kopija prvog skupa
161        kako bi se polazni skup mogao iskoristiti i za preostale
162        operacije */
163     if (kopiraj_stablo(skup1, &pomocni_skup) == 1) {
164         oslobodi_stablo(&skup1);
165         oslobodi_stablo(&pomocni_skup);
166         exit(EXIT_FAILURE);
167     }
168     if (kreiraj_uniju(&pomocni_skup, skup2) == 1) {
169         oslobodi_stablo(&pomocni_skup);
170         oslobodi_stablo(&skup2);
171         exit(EXIT_FAILURE);
172     }
```

```
172     }
173     printf("Unija: ");
174     ispisi_stablo_infiksno(pomocni_skup);
175     putchar('\n');
176
177     /* Oslobadja se memorija zauzeta pomocnim skupom sa rezultatom
178        operacije */
179     oslobodi_stablo(&pomocni_skup);
180
181     /* Kreira se presek skupova: prvo se napravi kopija prvog skupa
182        kako bi se polazni skup mogao iskoristiti i za preostale
183        operacije */
184     if (kopiraj_stablo(skup1, &pomocni_skup) == 1) {
185         oslobodi_stablo(&skup1);
186         oslobodi_stablo(&pomocni_skup);
187         exit(EXIT_FAILURE);
188     }
189     if (kreiraj_presek(&pomocni_skup, skup2) == 1) {
190         oslobodi_stablo(&pomocni_skup);
191         oslobodi_stablo(&skup2);
192         exit(EXIT_FAILURE);
193     }
194     printf("Presek: ");
195     ispisi_stablo_infiksno(pomocni_skup);
196     putchar('\n');
197
198     /* Oslobadja se memorija zauzeta pomocnim skupom sa rezultatom
199        operacije */
200     oslobodi_stablo(&pomocni_skup);
201
202     /* Kreira se razlika skupova: prvo se napravi kopija prvog skupa
203        kako bi se polazni skup mogao iskoristiti i za preostale
204        operacije */
205     if (kopiraj_stablo(skup1, &pomocni_skup) == 1) {
206         oslobodi_stablo(&skup1);
207         oslobodi_stablo(&pomocni_skup);
208         exit(EXIT_FAILURE);
209     }
210     if (kreiraj_razliku(&pomocni_skup, skup2) == 1) {
211         oslobodi_stablo(&pomocni_skup);
212         oslobodi_stablo(&skup2);
213         exit(EXIT_FAILURE);
214     }
215     printf("Razlika: ");
216     ispisi_stablo_infiksno(pomocni_skup);
217     putchar('\n');
218
219     /* Oslobadja se memorija zauzeta pomocnim skupom sa rezultatom
220        operacije */
221     oslobodi_stablo(&pomocni_skup);
222
223     /* Oslobadja se memorija zauzeta polaznim skupovima */
```



```
224   oslobodi_stablo(&skup1);
      oslobodi_stablo(&skup2);
226
      exit(EXIT_SUCCESS);
228 }
```

### Rešenje 4.21

NAPOMENA: Rešenje koristi biblioteku za rad sa binarnim pretraživačkim stablima iz zadatka 4.14.

```
1  #include <stdio.h>
   #include <stdlib.h>
3
   /* Uključuje se biblioteka za rad sa stablima */
5  #include "stabla.h"
7
   #define MAX 50
9
   /* Funkcija koja obilazi stablo sa leva na desno i smesta vrednosti
      cvorova u niz. Povratna vrednost funkcije je broj vrednosti koje
11  su smestene u niz */
   int kreiraj_niz(Cvor * koren, int a[])
13 {
      int r, s;
15
      /* Stablo je prazno - u niz je smesteno 0 elemenata */
17   if (koren == NULL)
       return 0;
19
      /* Dodaju se u niz elementi iz levog podstabla */
21   r = kreiraj_niz(koren->levo, a);
23
      /* Tekuca vrednost promenljive r je broj elemenata koji su upisani
         u niz i na osnovu nje se moze odrediti indeks novog elementa */
25
      /* Smesta se vrednost iz korena */
27   a[r] = koren->broj;
29
      /* Dodaju se elementi iz desnog podstabla */
      s = kreiraj_niz(koren->desno, a + r + 1);
31
      /* Racuna se indeks na koji treba smestiti naredni element */
33   return r + s + 1;
   }
35
   /* Funkcija sortira niz tako sto najpre elemente niza smesti u
      stablo, a zatim kreira novi niz prolazeci kroz stablo sa leva na
37   desno. Povratna vrednost funkcije je 0 ukoliko je niz uspesno
      kreiran i sortiran, a 1 ukoliko je doslo do greske.
39
```

```
41     Ovaj nacin sortiranja je primer sortiranja koje nije "u mestu"
43     kao sto je to slucaj sa ostalim opisanim algoritmima sortiranja
44     jer se sortiranje vrši u pomocnoj dinamičkoj strukturi, a ne
45     razmenom elemenata niza. */
46 int sortiraj(int a[], int n)
47 {
48     int i;
49     Cvor *koren;
50
51     /* Kreira se stablo smestanjem elemenata iz niza u stablo */
52     koren = NULL;
53     for (i = 0; i < n; i++) {
54         if (dodaj_u_stablo(&koren, a[i]) == 1) {
55             oslobodi_stablo(&koren);
56             return 1;
57         }
58     }
59     /* Infiksni obilaskom stabla elementi iz stabla se prepisuju u
60     niz a */
61     kreiraj_niz(koren, a);
62
63     /* Stablo vise nije potrebno pa se oslobadja zauzeta memorija */
64     oslobodi_stablo(&koren);
65
66     /* Vraca se indikator uspesnog sortiranja */
67     return 0;
68 }
69
70 int main()
71 {
72     int a[MAX];
73     int n, i;
74
75     /* Ucitavaju se dimenzija i elementi niza */
76     printf("n: ");
77     scanf("%d", &n);
78     if (n < 0 || n > MAX) {
79         printf("Greska: Pogresna dimenzija niza!\n");
80         exit(EXIT_FAILURE);
81     }
82
83     printf("a: ");
84     for (i = 0; i < n; i++)
85         scanf("%d", &a[i]);
86
87     /* Poziva se funkcija za sortiranje */
88     if (sortiraj(a, n) == 0) {
89         /* Ako je niz uspesno sortiran, ispisuje se rezultujuci niz */
90         for (i = 0; i < n; i++)
91             printf("%d ", a[i]);
92         printf("\n");
93     } else {
```

```

93     /* Inace, obavestava se korisnik da je doslo do greske */
    printf("Greska: Problem prilikom sortiranja niza!\n");
95 }
97 exit(EXIT_SUCCESS);
}

```

## Rešenje 4.22

NAPOMENA: Rešenje koristi biblioteku za rad sa binarnim pretraživačkim stablima iz zadatka 4.14.

```

#include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>

4 /* Uključuje se biblioteka za rad sa stablima */
#include "stabla.h"

6 /* a) Funkcija koja izracunava broj cvorova stabla */
8 int broj_cvorova(Cvor * koren)
{
10     /* Ako je stablo prazno, broj cvorova je nula */
    if (koren == NULL)
12         return 0;

14     /* U suprotnom je broj cvorova stabla jednak zbiru broja cvorova u
        levom podstablu i broja cvorova u desnom podstablu - 1 se dodaje
        zato sto treba racunati i koren */
16     return broj_cvorova(koren->levo) + broj_cvorova(koren->desno) + 1;
18 }

20 /* b) Funkcija koja izracunava broj listova stabla */
int broj_listova(Cvor * koren)
22 {
    /* Ako je stablo prazno, broj listova je nula */
24     if (koren == NULL)
        return 0;

26     /* Proverava se da li je tekuci cvor list */
28     if (koren->levo == NULL && koren->desno == NULL)
        /* Ako jeste vraca se 1 - to ce kasnije zbog rekurzivnih poziva
        uvecati broj listova za 1 */
30         return 1;

32     /* U suprotnom se prebrojavaju listovi koje se nalaze u
        podstablima */
34     return broj_listova(koren->levo) + broj_listova(koren->desno);
36 }

38 /* c) Funkcija koja stampa pozitivne vrednosti listova stabla */
void pozitivni_listovi(Cvor * koren)

```

```
40 {
41     /* Slucaj kada je stablo prazno */
42     if (koren == NULL)
43         return;
44
45     /* Ako je cvor list i sadrzi pozitivnu vrednost */
46     if (koren->levo == NULL && koren->desno == NULL && koren->broj > 0)
47         /* Stampa se */
48         printf("%d ", koren->broj);
49
50     /* Nastavlja se sa stampanjem pozitivnih listova u podstablama */
51     pozitivni_listovi(koren->levo);
52     pozitivni_listovi(koren->desno);
53 }
54
55 /* d) Funkcija koja izracunava zbir cvorova stabla */
56 int zbir_svih_cvorova(Cvor * koren)
57 {
58     /* Ako je stablo prazno, zbir cvorova je 0 */
59     if (koren == NULL)
60         return 0;
61
62     /* Inace, zbir cvorova stabla izracunava se kao zbir korena i svih
63     elemenata u podstablama */
64     return koren->broj + zbir_svih_cvorova(koren->levo) +
65            zbir_svih_cvorova(koren->desno);
66 }
67
68 /* e) Funkcija koja izracunava najveći element stabla */
69 Cvor *najveci_element(Cvor * koren)
70 {
71     /* Ako je stablo prazno, obustavlja se pretraga */
72     if (koren == NULL)
73         return NULL;
74
75     /* Zbog prirode pretrazivackog stabla, vrednosti veće od korena se
76     nalaze u desnom podstablu */
77
78     /* Ako desnog podstabla nema */
79     if (koren->desno == NULL)
80         /* Najveća vrednost je koren */
81         return koren;
82
83     /* Inace, najveća vrednost se traži desno */
84     return najveci_element(koren->desno);
85 }
86
87 /* f) Funkcija koja izracunava dubinu stabla */
88 int dubina_stabla(Cvor * koren)
89 {
90     /* Dubina praznog stabla je 0 */
91     if (koren == NULL)
```

```
92     return 0;

94     /* Izracunava se dubina levog podstabla */
    int dubina_levo = dubina_stabla(koren->levo);

96     /* Izracunava se dubina desnog podstabla */
    int dubina_desno = dubina_stabla(koren->desno);

100    /* Dubina stabla odgovara vecoj od dubina podstabala - 1 se dodaje
        jer se racuna i koren */
102    return dubina_levo >
        dubina_desno ? dubina_levo + 1 : dubina_desno + 1;
104 }

106 /* g) Funkcija koja izracunava broj cvorova na i-tom nivou stabla */
    int broj_cvorova_na_itom_nivou(Cvor * koren, int i)
108 {
    /* Ideja je spustanje kroz stablo sve dok se ne stigne do traznog
        nivoa */

110     /* Ako nema vise cvorova, nema spustanja niz stablo */
    if (koren == NULL)
112         return 0;

114     /* Ako se stiglo do traznog nivoa, vraca se 1 - to ce kasnije
        zbog rekurzivnih poziva uvecati broj cvorova za 1 */
116     if (i == 0)
        return 1;

118     /* Inace, spusta se jedan nivo nize i u levom i u desnom postablu
        */
120     return broj_cvorova_na_itom_nivou(koren->levo, i - 1)
        + broj_cvorova_na_itom_nivou(koren->desno, i - 1);
122 }

124

126 /* h) Funkcija koja ispisuje sve elemente na i-tom nivou */
    void ispis_nivo(Cvor * koren, int i)
128 {
    /* Nema vise cvorova, nema spustanja kroz stablo */
    if (koren == NULL)
130         return;

132     /* Ako se stiglo do traznog nivoa - ispisuje se vrednost */
    if (i == 0) {
134         printf("%d ", koren->broj);
        return;
136     }

138     /* Inace, spustanje se nastavlja za jedan nivo nize i u levom i u
        desnom podstablu */
    ispis_nivo(koren->levo, i - 1);
    ispis_nivo(koren->desno, i - 1);
140 }
142 }
```

```
144 /* i) Funkcija koja izracunava maksimalnu vrednost na i-tom nivou
    stabla */
146 Cvor *najveci_element_na_itom_nivou(Cvor * koren, int i)
    {
148     /* Ako je stablo prazno, obustavlja se pretraga */
    if (koren == NULL)
150         return NULL;

152     /* Ako se stiglo do trazenog nivoa, takodje se prekida pretraga */
    if (i == 0)
154         return koren;

156     /* Pronalazi se maksimum na i-tom nivou levog podstabla */
    Cvor *a = najveci_element_na_itom_nivou(koren->levo, i - 1);
158
    /* Pronalazi se maksimum na i-tom nivou desnog podstabla */
160     Cvor *b = najveci_element_na_itom_nivou(koren->desno, i - 1);

162     /* Trazi se i vraca maksimum izracunatih vrednosti */
    if (a == NULL && b == NULL)
164         return NULL;
    if (a == NULL)
166         return b;
    if (b == NULL)
168         return a;
    /* Ako su obe vrednosti razlicite od NULL, veca od vrednosti se
170     nalazi u b cvoru jer je stablo pretrazivacko */
    return b;
172 }

174 /* j) Funkcija koja izracunava zbir cvorova na i-tom nivou */
int zbir_cvorova_na_itom_nivou(Cvor * koren, int i)
176 {
    /* Ako je stablo prazno, zbir je nula */
178     if (koren == NULL)
        return 0;

180
    /* Ako se stiglo do trazenog nivoa, vraca se vrednost */
182     if (i == 0)
        return koren->broj;

184
    /* Inace, spustanje se nastavlja za jedan nivo nize i traze se
186     sume iz levog i desnog podstabla */
    return zbir_cvorova_na_itom_nivou(koren->levo, i - 1)
188         + zbir_cvorova_na_itom_nivou(koren->desno, i - 1);
    }
190

192 /* k) Funkcija koja izracunava zbir svih vrednosti u stablu koje su
    manje ili jednake od date vrednosti x */
194 int zbir_manjih_od_x(Cvor * koren, int x)
```

```
196 {
197     /* Ako je stablo prazno, zbir je nula */
198     if (koren == NULL)
199         return 0;
200
201     /* Ako je vrednost u korenu manja od trazene vrednosti, zbog
202        prirode pretrazivackog stabla treba obici i levo i desno
203        podstablo */
204     if (koren->broj <= x)
205         return koren->broj + zbir_manjih_od_x(koren->levo, x) +
206             zbir_manjih_od_x(koren->desno, x);
207
208     /* Inace, racuna se samo suma vrednosti iz levog podstabla jer
209        medju njima jedino moze biti onih koje zadovoljavaju uslov */
210     return zbir_manjih_od_x(koren->levo, x);
211 }
212
213 int main(int argc, char **argv)
214 {
215     /* Analiza argumenata komandne linije */
216     if (argc != 3) {
217         fprintf(stderr,
218             "Greska: Program se poziva sa: ./a.out nivo
219             broj_za_pretragu\n");
220         exit(EXIT_FAILURE);
221     }
222
223     int i = atoi(argv[1]);
224     int x = atoi(argv[2]);
225
226     /* Kreira se stablo uz proveru uspesnosti dodavanja novih
227        vrednosti */
228     Cvor *koren = NULL;
229     int broj;
230     while (scanf("%d", &broj) != EOF) {
231         if (dodaj_u_stablo(&koren, broj) == 1) {
232             fprintf(stderr, "Greska: Neuspelo dodavanje broja %d.\n",
233                 broj);
234             oslobodi_stablo(&koren);
235             exit(EXIT_FAILURE);
236         }
237     }
238
239     /* Ispisuju se rezultati rada funkcija */
240     printf("Broj cvorova: %d\n", broj_cvorova(koren));
241     printf("Broj listova: %d\n", broj_listova(koren));
242     printf("Pozitivni listovi: ");
243     pozitivni_listovi(koren);
244     printf("\n");
245     printf("Zbir cvorova: %d\n", zbir_svih_cvorova(koren));
246     if (najveci_element(koren) == NULL)
247         printf("Najveci element: ne postoji\n");
248     else
```

```

246     printf("Najveci element: %d\n", najveci_element(koren)->broj);
248     printf("Dubina stabla: %d\n", dubina_stabla(koren));
250     printf("Broj cvorova na %d. nivou: %d\n", i,
            broj_cvorova_na_itom_nivou(koren, i));
252     printf("Elementi na %d. nivou: ", i);
        ispis_nivo(koren, i);
254     printf("\n");
        if (najveci_element_na_itom_nivou(koren, i) == NULL)
256         printf("Nema elemenata na %d. nivou!\n", i);
        else
258         printf("Maksimalni element na %d. nivou: %d\n", i,
                najveci_element_na_itom_nivou(koren, i)->broj);
260
        printf("Zbir elemenata na %d. nivou: %d\n", i,
262                zbir_cvorova_na_itom_nivou(koren, i));
        printf("Zbir elemenata manjih ili jednakih od %d: %d\n", x,
264                zbir_manjih_od_x(koren, x));
266
        /* Oslobadja se memorija zauzeta stablom */
        oslobodi_stablo(&koren);
268
        exit(EXIT_SUCCESS);
270 }

```

### Rešenje 4.23

NAPOMENA: Rešenje koristi biblioteku za rad sa binarnim pretraživačkim stablima iz zadatka 4.14.

```

#include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>

4 /* Uključuje se biblioteka za rad sa stablima */
#include "stabla.h"

6
/* Funkcija koja izracunava dubinu stabla */
8 int dubina_stabla(Cvor * koren)
{
10     /* Dubina praznog stabla je 0 */
    if (koren == NULL)
12         return 0;

14     /* Izracunava se dubina levog podstabla */
    int dubina_levo = dubina_stabla(koren->levo);
16
    /* Izracunava se dubina desnog podstabla */
18     int dubina_desno = dubina_stabla(koren->desno);
20
    /* Dubina stabla odgovara vecoj od dubina podstabala - 1 se dodaje

```



```

    jer se racuna i koren */
22     return dubina_levo >
        dubina_desno ? dubina_levo + 1 : dubina_desno + 1;
24 }

26 /* Funkcija koja ispisuje sve elemente na i-tom nivou */
void ispisi_nivo(Cvor * koren, int i)
28 {
    /* Nema vise cvorova, nema spustanja niz stablo */
30     if (koren == NULL)
        return;

32     /* Ako se stiglo do trazenog nivoa - ispisuje se vrednost */
34     if (i == 0) {
        printf("%d ", koren->broj);
36         return;
    }

38     /* Inace, vrsi se spustanje za jedan nivo nize i u levom i u
        desnom podstablu */
40     ispisi_nivo(koren->levo, i - 1);
    ispisi_nivo(koren->desno, i - 1);
42 }

44 /* Funkcija koja ispisuje stablo po nivoima */
void ispisi_stablo_po_nivoima(Cvor * koren)
46 {
    int i;

48     /* Prvo se izracunava dubina stabla */
50     int dubina;
    dubina = dubina_stabla(koren);

52     /* Ispisuje se nivo po nivo stabla */
54     for (i = 0; i < dubina; i++) {
        printf("%d. nivo: ", i);
56         ispisi_nivo(koren, i);
        printf("\n");
58     }
}

60 int main(int argc, char **argv)
62 {
    Cvor *koren;
64     int broj;

66     /* Citaju se vrednosti sa ulaza i dodaju se u stablo uz proveru
        uspesnosti dodavanja */
68     koren = NULL;
    while (scanf("%d", &broj) != EOF) {
70         if (dodaj_u_stablo(&koren, broj) == 1) {
            fprintf(stderr, "Greska: Neuspelo dodavanje broja %d.\n",
72                 broj);
        }
    }
}
```

```
74     oslobodi_stablo(&koren);
       exit(EXIT_FAILURE);
76   }
78   /* Ispisuje se stablo po nivoima */
       ispisi_stablo_po_nivoima(koren);
80
       /* Oslobadja se memorija zauzeta stablom */
82     oslobodi_stablo(&koren);
84     exit(EXIT_SUCCESS);
   }
```

### Rešenje 4.25

NAPOMENA: *Rešenje koristi biblioteku za rad sa binarnim pretraživačkim stablima iz zadatka 4.14.*

```
1  #include <stdio.h>
   #include <stdlib.h>
3
   /* Uključuje se biblioteka za rad sa stablima */
5  #include "stabla.h"
7
   /* Funkcija koja izračunava dubinu stabla */
   int dubina_stabla(Cvor * koren)
9  {
       /* Dubina praznog stabla je 0 */
11     if (koren == NULL)
           return 0;
13
       /* Izračunava se dubina levog podstabla */
15     int dubina_levo = dubina_stabla(koren->levo);
17
       /* Izračunava se dubina desnog podstabla */
           int dubina_desno = dubina_stabla(koren->desno);
19
       /* Dubina stabla odgovara vecoj od dubina podstabala - 1 se dodaje
       jer se racuna i koren */
21     return dubina_levo >
           dubina_desno ? dubina_levo + 1 : dubina_desno + 1;
23 }
25
   /* Funkcija koja racuna broj cvorova koji ispunjavaju uslov za AVL
   stablo */
27 int avl(Cvor * koren)
29 {
       int dubina_levo, dubina_desno;
31
       /* Ako je stablo prazno, zaustavlja se brojanje */
```

```

33     if (koren == NULL) {
34         return 0;
35     }

37     /* Izracunava se dubina levog podstabla korena */
    dubina_levo = dubina_stabla(koren->levo);

39     /* Izracunava se dubina desnog podstabla korena */
    dubina_desno = dubina_stabla(koren->desno);

43     /* Ako je uslov za AVL stablo ispunjen */
    if (abs(dubina_desno - dubina_levo) <= 1) {
45         /* Racuna se broj AVL cvorova u levom i desnom podstablu i
           uvecava za jedan iz razloga sto koren ispunjava uslov */
47         return 1 + avl(koren->levo) + avl(koren->desno);
    } else {
49         /* Inace, racuna se samo broj AVL cvorova u podstablama */
        return avl(koren->levo) + avl(koren->desno);
51     }
    }

53
55 int main(int argc, char **argv)
56 {
    Cvor *koren;
57     int broj;

59     /* Ucitavaju se vrednosti sa ulaza i dodaju u stablo uz proveru
       uspesnosti dodavanja */
61     koren = NULL;
    while (scanf("%d", &broj) != EOF) {
63         if (dodaj_u_stablo(&koren, broj) == 1) {
            fprintf(stderr, "Greska: Neuspelo dodavanje broja %d.\n",
65                 broj);
            oslobodi_stablo(&koren);
67             exit(EXIT_FAILURE);
        }
69     }

71     /* Racuna se i ispisuje broj AVL cvorova */
    printf("%d\n", avl(koren));

73     /* Oslobadja se memorija zauzeta stablom */
75     oslobodi_stablo(&koren);

77     exit(EXIT_SUCCESS);
}

```

### Rešenje 4.26

NAPOMENA: Rešenje koristi biblioteku za rad sa binarnim pretraživačkim stablima iz zadatka 4.14.



# Dodatak A

## Ispitni rokovi

### A.1 Praktični deo ispita, jun 2015.

**Zadatak A.1** Kao argument komandne linije zadaje se ime ulazne datoteke u kojoj se nalaze niske. U prvoj liniji datoteke nalazi se informacija o broju niski, a zatim u narednim linijama po jedna niska ne duža od 50 karaktera. Napisati program u kojem se dinamički alocira memorija za zadati niz niski, a zatim se na standardnom izlazu u redosledu suprotnom od redosleda čitanja ispisuju sve niske koje počinju velikim slovom. U slučaju pojave bilo kakve greške na standardnom izlazu za grešku ispisati vrednost  $-1$  i prekinuti izvršavanje programa.

#### *Test 1*

```
POKRETANJE: ./a.out ulaz.txt

ULAZ.TXT
5
Programiranje
Matematika
12345
dInAmiCnArEc
Ispit

IZLAZ:
Ispit
Matematika
Programiranje
```

#### *Test 2*

```
POKRETANJE: ./a.out ulaz.txt

ULAZ.TXT
2
maksimalano
poena

IZLAZ:
```

### Test 3

```

POKRETANJE: ./a.out ulaz.txt

DATOTEKA ULAZ.TXT NE POSTOJI

IZLAZ ZA GREŠKE:
-1

```

### Test 4

```

POKRETANJE: ./a.out

IZLAZ ZA GREŠKE:
-1

```

**Zadatak A.2** Data je biblioteka za rad sa binarnim pretraživačkim stablima čiji čvorovi sadrže cele brojeve. Napisati funkciju `int sumiraj_n (Cvor * koren, int n)` koja izračunava zbir svih čvorova koji se nalaze na  $n$ -tom nivou stabla (koren se nalazi na nultom nivou, njegova deca na prvom nivou i tako redom). Ispravnost napisane funkcije testirati na osnovu zadate `main` funkcije i biblioteke za rad sa pretraživačkim stablima.

Napisati program koji sa standardnog ulaza učitava najpre prirodan broj  $n$ , a potom i brojeve sve do pojave nule koje smešta u stablo i ispisuje rezultat pozivanja funkcije `sumiraj_n` za broj  $n$  i tako kreirano stablo. U slučaju greške na standardni izlaz za greške ispisati  $-1$ . NAPOMENA: *Koristiti biblioteku za rad sa binarnim pretraživačkim stablima 4.14.*

### Test 1

```

ULAZ:
2 8 10 3 6 14 13 7 4 0
IZLAZ:
20

```

### Test 2

```

ULAZ:
0 50 14 5 2 4 56 8 52 7 1 0
IZLAZ:
50

```

**Zadatak A.3** Sa standardnog ulaza učitava se broj vrsta i broj kolona celobrojne matrice  $A$ , a zatim i elementi matrice  $A$ . Napisati program koji će ispisati indeks kolone u kojoj se nalazi najviše negativnih elemenata. Ukoliko postoji više takvih kolona, ispisati indeks prve kolone. Može se pretpostaviti da je broj vrsta i broj kolona manji od 50. U slučaju greške ispisati vrednost  $-1$  na standardni izlaz za greške.

### Test 1

```

ULAZ:
4 5
1 2 3 4 5
-1 2 -3 4 -5
-5 -4 -3 -2 1
-1 0 0 0 0
IZLAZ:
0

```

### Test 2

```

ULAZ:
2 3
0 0 -5
1 2 -4
IZLAZ:
2

```

### Test 3

```

ULAZ:
-2
IZLAZ ZA GREŠKE:
-1

```

## A.2 Praktični deo ispita, jul 2015.

**Zadatak A.4** Napisati program koji kao prvi argument komandne linije prima ime dokumenta u kome treba prebrojati sva pojavljivanja tražene niske (bez preklapanja) koja se navodi kao drugi argument komandne linije (iskoristiti funkciju standardne biblioteke `strstr`). U slučaju bilo kakve greške ispisati `-1` na standardni izlaz za greške. Pretpostaviti da linije datoteke neće biti duže od 127 karaktera.

Potpis funkcije `strstr`:

```
char *strstr(const char *haystack, const char *needle);
```

Funkcija traži prvo pojavljivanje podniske `needle` u nisci `haystack`, i vraća pokazivač na početak podniske, ili `NULL` ako podniska nije pronađena.

### Test 1

```
POKRETANJE: ./a.out ulaz.txt test
ULAZ.TXT
Ovo je test primer.
U njemu se rec test javlja
vise puta. testtesttest
IZLAZ:
5
```

### Test 2

```
POKRETANJE: ./a.out
IZLAZ ZA GREŠKE:
-1
```

### Test 3

```
POKRETANJE: ./a.out ulaz.txt foo
DATOTEKA ULAZ.TXT NE POSTOJI
IZLAZ ZA GREŠKE:
-1
```

### Test 4

```
POKRETANJE: ./a.out ulaz.txt .
DATOTEKA ULAZ.TXT JE PRAZNA
IZLAZ:
0
```

**Zadatak A.5** Na početku datoteke `trouglovi.txt` nalazi se broj trouglova čije su koordinate temena zapisane u nastavku datoteke. Napisati program koji učitva trouglove, i ispisuje ih na standardni izlaz sortirane po površini opadajuće (koristiti Heronov obrazac:  $P = \sqrt{s * (s - a) * (s - b) * (s - c)}$ , gde je  $s$  poluobim trougla). U slučaju bilo kakve greške ispisati `-1` na standardni izlaz za greške. Ne praviti nikave pretpostavke o broju trouglova u datoteci, i proveriti da li je datoteka ispravno zadata.

### Test 3

```
DATOTEKA TROUGLOVI.TXT NE POSTOJI
IZLAZ ZA GREŠKE:
-1
```

### Test 4

```
TROUGLOVI.TXT
0
IZLAZ:
```

|                       |                  |
|-----------------------|------------------|
| <i>Test 1</i>         | <i>Test 2</i>    |
| TROUGLOVI.TXT         | TROUGLOVI.TXT    |
| 4                     | 3                |
| 0 0 0 1.2 1 0         | 1.2 3.2 1.1 4.3  |
| 0.3 0.3 0.5 0.5 0.9 1 |                  |
| -2 0 0 0 0 1          |                  |
| -2 0 0 0 0 1          |                  |
|                       | IZLAZ ZA GREŠKE: |
|                       | -1               |
| IZLAZ:                |                  |
| 2 0 2 2 -1 -1         |                  |
| -2 0 0 0 0 1          |                  |
| 0 0 0 1.2 1 0         |                  |
| 0.3 0.3 0.5 0.5 0.9 1 |                  |

**Zadatak A.6** Data je biblioteka za rad sa binarnim pretraživačkim stablima celih brojeva. Napisati funkciju

```
int prebroj_n(Cvor *koren, int n)
```

koja u datom stablu prebrojava čvorove na  $n$ -tom nivou, koji imaju tačno jednog potomka. Pretpostaviti da se koren nalazi na nivou 0. Ispravnost napisane funkcije testirati na osnovu zadate `main` funkcije i biblioteke za rad sa stablima.

NAPOMENA: *Koristiti biblioteku za rad sa binarnim pretraživačkim stablima iz zadatka 4.14.*

|  |  |  |
|--|--|--|
| <p><i>Test 1</i></p> <pre> ULAZ:   1 5 3 6 1 4 7 9 IZLAZ:   1           </pre> | <p><i>Test 2</i></p> <pre> ULAZ:   2 5 3 6 1 0 4 7 9 IZLAZ:   2           </pre> | <p><i>Test 3</i></p> <pre> ULAZ:   0 4 2 5 IZLAZ:   0           </pre> |
| <p><i>Test 4</i></p> <pre> ULAZ:   3 IZLAZ:   0           </pre>               | <p><i>Test 5</i></p> <pre> ULAZ:   -1 4 5 1 7 IZLAZ:   0           </pre>        |  |

### A.3 Praktični deo ispita, septembar 2015.

**Zadatak A.7** Sa standardnog ulaza se učitavaju neoznačeni celi brojevi  $x$  i  $n$ . Na standardni izlaz ispisati neoznačen ceo broj koji se dobija od broja  $x$  kada se njegov binarni zapis rotira za  $n$  mesta udesno (na primer, ako je binarni zapis broja  $x$  jednak 00000000000000000000000001111, i ako je  $n = 1$  tada na standardni izlaz treba ispisati neočnaučen broj čiji je binarni zapis jednak





iz zadatka 2.19.

|   |  |   |
|---|--|---|
| <p><i>Test 1</i></p> <pre> ULAZ: 4 1 2 3 4 2 1 4 3 3 4 2 1 4 3 1 2 IZLAZ: 10 </pre> | <p><i>Test 2</i></p> <pre> ULAZ: 3 1 1 1 1 1 1 1 1 1 IZLAZ: 3 </pre> | <p><i>Test 3</i></p> <pre> ULAZ: 2 1 1 2 2 IZLAZ: - </pre>    |
| <p><i>Test 4</i></p> <pre> ULAZ: 2 1 2 1 2 IZLAZ: - </pre>                          | <p><i>Test 5</i></p> <pre> ULAZ: 1 5 IZLAZ: 5 </pre>                 | <p><i>Test 6</i></p> <pre> ULAZ: 0 IZLAZ ZA GREŠKE: -1 </pre> |

## A.4 Praktični deo ispita, januar 2016.

**Zadatak A.10** Napisati funkciju `unsigned int zamena(unsigned int x)` koja u datom broju `x` menja mesta prvom i četvrtom bajtu. Prvi bajt je sačinjen od 8 bitova najmanje težine. Napisati program koji testira funkciju `zamena` za ceo broj unet sa standardnog ulaza. U slučaju da je uneti broj negativan, na standardni izlaz za greške program ispisuje `-1`, a inače ispisuje na standardni izlaz broj dobijen primenom funkcije `zamena`.

|   |   |   |
|---|---|---|
| <p><i>Test 1</i></p> <pre> ULAZ: 285278344 IZLAZ: 2281766929 </pre> | <p><i>Test 2</i></p> <pre> ULAZ: 1024 IZLAZ: 1024 </pre>        | <p><i>Test 3</i></p> <pre> ULAZ: 1 IZLAZ: 16777216 </pre> |
| <p><i>Test 4</i></p> <pre> ULAZ: 0 IZLAZ: 0 </pre>                  | <p><i>Test 5</i></p> <pre> ULAZ: -63 IZLAZ ZA GREŠKE: -1 </pre> |   |

**Zadatak A.11** Data je biblioteka za rad sa binarnim pretraživackim stablima celih brojeva. Napisati funkciju `int najduzi_put (Cvor * koren)` koja

za dato stablo izračunava dužinu najdužeg puta od korena do nekog lista. Ako je stablo prazno, povratna vrednost funkcije je  $-1$ . Ako stablo ima samo koren, dužina najdužeg puta je  $0$ . Ispravnost napisane funkcije testirati na osnovu zadate **main** funkcije i biblioteke za rad sa stablima. **NAPOMENA:** *Koristiti biblioteku za rad sa binarnim pretraživačkim stablima celih brojeva iz zadatka 4.14.*

### Test 1

```
ULAZ:
10 5 15 3 2 4 30 12 14 13
IZLAZ:
4
```

### Test 2

```
ULAZ:
3
IZLAZ:
0
```

### Test 3

```
ULAZ:
5 6
IZLAZ:
1
```

### Test 4

```
ULAZ:
7 5 8
IZLAZ:
1
```

### Test 5

```
ULAZ:
5 7 8
IZLAZ:
2
```

**Zadatak A.12** Sa standardnog ulaza zadaje se ime datoteke u kojoj se nalazi matrica realnih brojeva jednostruke tačnosti i jedan realan broj. Napisati program koji iz datoteke učitava matricu realnih brojeva, a zatim pronalazi i na standardni izlaz ispisuje indeks vrste matrice u kojoj se uneti realan broj pojavljuje najmanje puta. Ako postoji više takvih vrsta, ispisati indeks prve vrste. U datoteci su prvo navedena dva cela broja koja predstavljaju dimenzije matrice, redom broj vrsta i broj kolona, a zatim i elementi matrice vrstu po vrstu. U slučaju greške ispisati  $-1$  na standardni izlaz za greške. Pretpostaviti da ime datoteke neće biti duže od 30 karaktera. **NAPOMENA:** *U zadatku treba koristiti dinamičku alokaciju memorije.*

### Test 1

```
ULAZ:
brojevi.txt 0

BROJEVI.TXT
4 4
0 0 0 1.2
1 0 0.3 0.3
0.5 0.5 0.9 -1
-2 0 0 0

IZLAZ:
2
```

### Test 2

```
ULAZ:
in.txt 2

IN.TXT
3 3
2 0 2
-1 2 -1
2 5 3

IZLAZ:
1
```

### Test 3

```
ULAZ:
brojevi.txt 12

DATOTEKA BROJEVI.TXT JE PRAZNA

IZLAZ ZA GREŠKE:
-1
```

## A.5 Rešenja

### Rešenje A.1

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #include <ctype.h>
4  #define MAKS 50

6  /* Funkcija vrši dinamičku alokaciju memorije potrebne n linija tj.
   n niski od kojih nijedna nije duža od MAKS karaktera. */
8  char **alociranje_memorije(int n)
9  {
10     char **linije = NULL;
11     int i, j;
12     /* Alocira se prostor za niz vrsti matrice */
13     linije = (char **) malloc(n * sizeof(char *));
14     /* U slučaju neuspješnog otvaranja ispisuje se -1 na stderr i
       program završava. */
15     if (linije == NULL)
16         return NULL;
17     /* Alocira se prostor za svaku vrstu matrice. Niska nije duža od
       MAKS karaktera, a 1 se dodaje zbog terminirajuće nule. */
18     for (i = 0; i < n; i++) {
19         linije[i] = malloc((MAKS + 1) * sizeof(char));
20         /* Ako alokacija nije prošla uspješno, oslobadja se svi
           prethodno alocirani resursi, i povratna vrednost je NULL */
21         if (linije[i] == NULL) {
22             for (j = 0; j < i; j++) {
23                 free(linije[j]);
24             }
25             free(linije);
26             return NULL;
27         }
28     }
29     return linije;
30 }

32 /* Funkcija oslobadja dinamički alociranu memoriju */
33 char **oslobadjanje_memorije(char **linije, int n)
34 {
35     int i;
36     /* Oslobadja se prostor rezervisan za svaku vrstu */
37     for (i = 0; i < n; i++) {
38         free(linije[i]);
39     }
40     /* Oslobadja se memorija za niz pokazivaca na vrste */
41     free(linije);
42
43     /* Matrica postaje prazna, tj. nealocirana */
44 }
```

```
    return NULL;
48 }

50 int main(int argc, char *argv[])
51 {
52     FILE *ulaz;
53     char **linije;
54     int i, n;

56     /* Proverava argumenata komandne linije. */
57     if (argc != 2) {
58         fprintf(stderr, "-1\n");
59         exit(EXIT_FAILURE);
60     }

62     /* Otvara se datoteka cije ime je navedeno kao argument komandne
63        linije neposredno nakon imena programa koji se poziva. U
64        slucaju neuspesnog otvaranja ispisuje se -1 na stderr i program
65        zavrшава izvršavanje. */
66     ulaz = fopen(argv[1], "r");
67     if (ulaz == NULL) {
68         fprintf(stderr, "-1\n");
69         exit(EXIT_FAILURE);
70     }
71     /* Ucitava se broj linija. */
72     fscanf(ulaz, "%d", &n);

74     /* Alociranje memorije na osnovu ucitanog broja linija. */
75     linije = alociranje_memorije(n);

76     /* U slucaju neuspesne alokacije ispisuje se -1 na stderr i
77        program završava. */
78     if (linije == NULL) {
79         fprintf(stderr, "-1\n");
80         exit(EXIT_FAILURE);
81     }

82     /* Iz datoteke se ucita svih n linija. */
83     for (i = 0; i < n; i++) {
84         fscanf(ulaz, "%s", linije[i]);
85     }

86     /* Ispisu se u odgovarajućem poretku ucitane linije koje
87        zadovoljavaju kriterijum. */
88     for (i = n - 1; i >= 0; i--) {
89         if (isupper(linije[i][0])) {
90             printf("%s\n", linije[i]);
91         }
92     }

93     /* Oslobadja se memorija koja je dinamički alocirana. */
94     linije = oslobadjanje_memorije(linije, n);
95 }
96
98
```

```
100  /* Zatvara se datoteka. */
    fclose(ulaz);
102  exit(EXIT_SUCCESS);
}
```

### Rešenje A.2

NAPOMENA: Rešenje koristi biblioteku za rad sa binarnim pretraživačkim stablima iz zadatka 4.14.

*main.c*

```
#include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
  #include "stabla.h"

4
int sumiraj_n(Cvor * koren, int n)
6 {
    /* Ako je stablo prazno, suma je nula */
8     if (koren == NULL)
        return 0;
10    /* Inace ... */
    /* Ako je n jednako nula, vraca se broj iz korena */
12    if (n == 0)
        return koren->broj;
14    /* Inace, izracunava se suma na (n-1)-om nivou u levom podstablu,
        kao i suma na (n-1)-om nivou u desnom podstablu i vraca se zbir
16        te dve izracunate vrednosti jer predstavlja zbir svih cvorova na
        n-tom nivou u pocetnom stablu */
18    return sumiraj_n(koren->levo, n - 1)
        + sumiraj_n(koren->desno, n - 1);
20 }

22 int main()
{
24     Cvor *koren = NULL;
    int n;
26     int nivo;

28     /* Ucitava se vrednost nivoa */
    scanf("%d", &nivo);
30     while (1) {
        scanf("%d", &n);
32         /* Ukoliko je korisnik uneo 0, prekida se dalje citanje. */
        if (n == 0)
34             break;
        /* Ako nije, dodaje se procitani broj u stablo. */
36         if (dodaj_u_stablo(&koren, n) == 1) {
            fprintf(stderr, "-1\n");
        }
    }
}
```

```

38     oslobodi_stablo(&koren);
        exit(EXIT_FAILURE);
40     }
    }

42     /* Ispisuje se rezultat rada trazene funkcije */
44     printf("%d\n", sumiraj_n(koren, nivo));

46     /* Oslobadja se memorija */
        oslobodi_stablo(&koren);

48     exit(EXIT_SUCCESS);
50 }

```

### Rešenje A.3

```

#include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
#define MAKS 50

4  /* Funkcija ucitava elemente matrice sa standardnog ulaza */
6  void ucitaj_matricu(int m[][MAKS], int v, int k)
{
8      int i, j;
      for (i = 0; i < v; i++) {
10         for (j = 0; j < k; j++) {
             scanf("%d", &m[i][j]);
12         }
      }
14 }

16 /* Funkcija racuna broj negativnih elemenata u k-oj koloni matrice m
    koja ima v vrsta */
18 int broj_negativnih_u_koloni(int m[][MAKS], int v, int k)
{
20     int broj_negativnih = 0;
    int i;
22     for (i = 0; i < v; i++) {
        if (m[i][k] < 0)
24         broj_negativnih++;
    }
26     return broj_negativnih;
}

28 /* Funkcija vraca indeks kolone matrice m u kojoj se nalazi najvise
    negativnih elemenata */
30 int maks_indeks(int m[][MAKS], int v, int k)
32 {
    int j;
34     int broj_negativnih;
    /* Inicijalizacija na nulu indeksa kolone sa maksimalnim brojem

```

```
36     negativnih (maks_indeks_kolone), kao i maksimalnog broja
    negativnih elemenata u nekoj koloni (maks_broj_negativnih) */
38     int maks_indeks_kolone = 0;
    int maks_broj_negativnih = 0;

40
41     for (j = 0; j < k; j++) {
42         /* Racuna se broj negativnih u j-oj koloni */
        broj_negativnih = broj_negativnih_u_koloni(m, v, j);
44         /* Ukoliko broj negativnih u j-toj koloni veci od trenutnog
            maksimalnog, azurira se trenutni maksimalni broj negativnih
            kao i indeks kolone sa maksimalnim brojem negativnih */
46         if (maks_broj_negativnih < broj_negativnih) {
48             maks_indeks_kolone = j;
            maks_broj_negativnih = broj_negativnih;
50         }
    }
52     return maks_indeks_kolone;
}

54
55 int main()
56 {
57     int m[MAKS][MAKS];
58     int v, k;

60     /* Ucitava se broj vrsta matrice */
    scanf("%d", &v);

62
63     /* Proverava se validnost broja vrsta */
64     if (v < 0 || v > MAKS) {
        fprintf(stderr, "-1\n");
        exit(EXIT_FAILURE);
66     }

68
69     /* Ucitava se broj kolona matrice */
70     scanf("%d", &k);

72
73     /* Proverava se validnost broja kolona */
74     if (k < 0 || k > MAKS) {
        fprintf(stderr, "-1\n");
        exit(EXIT_FAILURE);
76     }

77     /* Ucitaju se elementi matrice */
78     ucitaj_matricu(m, v, k);

80
81     /* Pronalazi se kolona koja sadrzi najveći broj negativnih
        elemenata i ispisuje se rezultat */
82     printf("%d\n", maks_indeks(m, v, k));

84     exit(EXIT_SUCCESS);
}
```



## Rešenje A.4

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include <string.h>
4 #define MAKS 128
5
6 int main(int argc, char **argv)
7 {
8     FILE *f;
9     int brojac = 0;
10    char linija[MAKS], *p;
11
12    /* Provera da li je broj argumenata komandne linije 3 */
13    if (argc != 3) {
14        fprintf(stderr, "-1\n");
15        exit(EXIT_FAILURE);
16    }
17    /* Otvara se datoteka ciji je naziv zadat kao argument komandne
18       linije */
19    if ((f = fopen(argv[1], "r")) == NULL) {
20        fprintf(stderr, "-1\n");
21        exit(EXIT_FAILURE);
22    }
23    /* Cita se sadrzaj otvorene datoteke, liniju po liniju. */
24    while (fgets(linija, MAKS, f) != NULL) {
25        p = linija;
26        while (1) {
27            p = strstr(p, argv[2]);
28
29            /* Ukoliko nije podniska tj. p je NULL izlazi se iz petlje */
30            if (p == NULL)
31                break;
32            /* Inace se uvecava brojac */
33            brojac++;
34            /* p se pomera da bi se u sledecoj iteraciji posmatra ostatak
35               linije nakon uocene podniske */
36            p = p + strlen(argv[2]);
37        }
38    }
39
40    /* Zatvara se datoteka */
41    fclose(f);
42
43    /* Ispisuje se vrednost brojaca */
44    printf("%d\n", brojac);
45
46    exit(EXIT_SUCCESS);
47 }
```

## Rešenje A.5

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #include <math.h>
4
5  /* Struktura trougao */
6  typedef struct _trougao {
7      double xa, ya, xb, yb, xc, yc;
8  } trougao;
9
10 /* Funkcija racuna duzinu duzi */
11 double duzina(double x1, double y1, double x2, double y2)
12 {
13     return sqrt((x1 - x2) * (x1 - x2) + (y1 - y2) * (y1 - y2));
14 }
15
16 /* Funkcija racuna povrsinu trougla koristeći Heronov obrazac */
17 double povrsina(trougao t)
18 {
19     /* Racunaju se duzine stranica trougla */
20     double a = duzina(t.xb, t.yb, t.xc, t.yc);
21     double b = duzina(t.xa, t.ya, t.xc, t.yc);
22     double c = duzina(t.xa, t.ya, t.xb, t.yb);
23     /* Racuna se poluobim trougla */
24     double s = (a + b + c) / 2;
25     /* Primenom Heronovog obrasca racuna se povrsina trougla */
26     return sqrt(s * (s - a) * (s - b) * (s - c));
27 }
28
29 /* Funkcija poredi dva trougla: ukoliko je povrsina trougla koji je
30 prvi argument funkcije manja od povrsine trougla koji je drugi
31 element funkcije funkcija vraca 1, ukoliko je veca -1, a ukoliko
32 su povrsine dva trougla jednake vraca nulu. Dakle, funkcija je
33 napisana tako da se moze proslediti funkciji qsort da se niz
34 trouglova sortira po povrsini opadajuće. */
35 int poredi(const void *a, const void *b)
36 {
37     trougao x = *(trougao *) a;
38     trougao y = *(trougao *) b;
39     double xp = povrsina(x);
40     double yp = povrsina(y);
41     if (xp < yp)
42         return 1;
43     if (xp > yp)
44         return -1;
45     return 0;
46 }
47
48 int main()
49 {
50     FILE *f;
```

```
52     int n, i;
    trougao *niz;

54     /* Otvara se datoteka ciji je naziv trouglovi.txt */
    if ((f = fopen("trouglovi.txt", "r")) == NULL) {
56         fprintf(stderr, "-1\n");
        exit(EXIT_FAILURE);
58     }

60     /* Ucitava se podatak o broju trouglova iz datoteke */
    if (fscanf(f, "%d", &n) != 1) {
62         fprintf(stderr, "-1\n");
        exit(EXIT_FAILURE);
64     }

66     /* Dinamicka alokacija memorije: za niz trouglova duzine n
        rezervise se memorijski prostor */
    if ((niz = malloc(n * sizeof(trougao))) == NULL) {
68         fprintf(stderr, "-1\n");
        exit(EXIT_FAILURE);
70     }

72     /* Ucitavaju se podaci u niz iz otvorene datoteke */
    for (i = 0; i < n; i++) {
74         if (fscanf(f, "%lf%lf%lf%lf%lf", &niz[i].xa, &niz[i].ya,
76             &niz[i].xb, &niz[i].yb, &niz[i].xc,
78             &niz[i].yc) != 6) {
            fprintf(stderr, "-1\n");
            exit(EXIT_FAILURE);
80         }
    }

82     /* Poziva se funkcija qsort da sortira niz na osnovu funkcije
    poredi */
    qsort(niz, n, sizeof(trougao), &poredi);

86     /* Ispisuje se sortirani niz na standardni izlaz */
    for (i = 0; i < n; i++)
88         printf("%g %g %g %g %g %g\n", niz[i].xa, niz[i].ya, niz[i].xb,
90             niz[i].yb, niz[i].xc, niz[i].yc);

92     /* Oslobadja se dinamicki alocirana memorija */
    free(niz);

94     /* Zatvara se datoteka */
    fclose(f);

96     exit(EXIT_SUCCESS);
98 }
```

## Rešenje A.6

NAPOMENA: Rešenje koristi biblioteku za rad sa binarnim pretraživačkim stablima iz zadatka 4.14.

main.c

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #include "stabla.h"
4
5  /* Funkcija ucitava brojeve sa standardnog ulaza i smesta ih u
6     stablo. Funkcija vraća 1 u slučaju neuspješnog dodavanja elementa
7     u stablo, a inače 0. */
8  int ucitaj_stablo(Cvor ** koren)
9  {
10     *koren = NULL;
11     int x;
12     /* Sve dok ima brojeva na standardnom ulazu, učitani brojevi se
13        dodaju u stablo. Ukoliko funkcija dodaj_u_stablo vrati 1, onda
14        je i povratna vrednost iz funkcije ucitaj_stablo 1. */
15     while (scanf("%d", &x) == 1)
16         if (dodaj_u_stablo(koren, x) == 1)
17             return 1;
18     return 0;
19 }
20
21 /* Funkcija prebrojava broj cvorova na n-tom nivou u stablu */
22 int prebroj_n(Cvor * koren, int n)
23 {
24     /* Ukoliko je stablo prazno, rezultat je nula. Takodje, ako je n
25        negativan broj, na tom nivou nema cvorova (rezultat je nula). */
26     if (koren == NULL || n < 0)
27         return 0;
28     /* Ukoliko je n = 0, na tom nivou je samo koren. Ukoliko ima
29        jednog potomka funkcija vraća 1, inače 0 */
30     if (n == 0) {
31         if (koren->levo == NULL && koren->desno != NULL)
32             return 1;
33         if (koren->levo != NULL && koren->desno == NULL)
34             return 1;
35         return 0;
36     }
37     /* Broj cvorova na n-tom nivou je jednak zbiru broja cvorova na
38        (n-1)-om nivou levog podstabla i broja cvorova na (n-1)-om
39        nivou levog podstabla */
40     return prebroj_n(koren->levo, n - 1)
41         + prebroj_n(koren->desno, n - 1);
42 }
43
44 int main()
45 {
```

```

46  Cvor *koren;
    int n;
48  scanf("%d", &n);

50  /* Ucitavaju se elementi u stablo. U slucaju neuspesne alokacije
    oslobodja se alocirana memorija i izlazi se iz programa. */
52  if (ucitaj_stablo(&koren) == 1) {
    fprintf(stderr, "-1\n");
54  oslobodi_stablo(&koren);
    exit(EXIT_FAILURE);
56  }

58  /* Ispisuje se rezultat */
    printf("%d\n", prebroj_n(koren, n));
60
    /* Oslobadja se dinamicki alocirana memorija za stablo */
62  oslobodi_stablo(&koren);

64  exit(EXIT_SUCCESS);
}

```

## Rešenje A.7

```

#include <stdio.h>

2
/* Funkcija vraca broj ciji binarni zapis se dobija kada se binarni
   zapis argumenta x rotira za n mesta udesno */
4  unsigned int rotiraj(unsigned int x, unsigned int n)
6  {
    int i;
    unsigned int maska = 1;
    /* Formira se maska sa n jedinica na kraju, npr za n=4 maska bi
       izgledala: 000...00001111 */
10   /* Maska se moze formirati i naredbom: maska = (1 << n) - 1; U
       nastavku je drugi nacin. */
12   for (i = 1; i < n; i++)
14     maska = (maska << 1) | 1;
    /* Kada se x poremeri za n mesta udesno x >> n, poslednjih n
       bitova binarne reprezentacije broja x ce "ispasti". Za rotaciju
       je potrebno da se tih n bitova postavi na pocetak broja.
       Kreirana maska omogucava da se tih n bitova izdvoji sa (maska &
       x), a zatim se pomeranjem za (sizeof(unsigned) * 8 - n) mesta
       ulevo tih n bitova postavlja na pocetak. Primenom logicke
       disjunkcije dobija se rotirani broj. */
22   return (x >> n) | ((maska & x) << (sizeof(unsigned) * 8 - n));
   }
24
int main()
26 {
    unsigned int x, n;
28

```

```
30  /* Ucitaju se brojevi sa standardnog ulaza */
    scanf("%u%u", &x, &n);

32  /* Ispisuje se rezultat */
    printf("%u\n", rotiraj(x, n));

34  return 0;
}
```

### Rešenje A.8

*liste.h*

```
1  #ifndef _LISTE_H_
2  #define _LISTE_H_ 1

4  /* Struktura koja predstavlja cvor liste */
    typedef struct cvor {
6      double vrednost;
        struct cvor *sledeci;
8    } Cvor;

10 /* Pomocna funkcija koja kreira cvor. */
    Cvor *napravi_cvor(double broj);

12 /* Funkcija oslobadja dinamiciku memoriju zauzetu za elemente liste
    ciji se pocetni cvor nalazi na adresi adresa_glave. */
14 void oslobodi_listu(Cvor ** adresa_glave);

16 /* Funkcija pronalazi i vraća pokazivac na poslednji element liste,
    ili NULL kao je lista prazna */
18 Cvor *pronadji_poslednji(Cvor * glava);

20 /* Funkcija dodaje novi cvor na kraj liste. Vraca 1 ukoliko je bilo
    greske pri alokaciji memorije, inace vraća 0. */
22 int dodaj_na_kraj_liste(Cvor ** adresa_glave, double broj);

24 /* Funkcija prikazuje sve elemente liste pocev od glave ka kraju
    liste. */
26 void ispisi_listu(Cvor * glava);

28 #endif
```

*liste.c*

```
1  #include <stdio.h>
    #include <stdlib.h>
3  #include "liste.h"
```

```
5  /* Pomocna funkcija koja kreira cvor. */
   Cvor *napravi_cvor(double broj)
7  {
   Cvor *novi = (Cvor *) malloc(sizeof(Cvor));
9   if (novi == NULL)
       return NULL;
11  /* inicijalizacija polja u novom cvoru */
   novi->vrednost = broj;
13  novi->sledeci = NULL;
   return novi;
15 }

17 /* Funkcija oslobadja dinamicku memoriju zauzetu za elemente liste
   ciji se pocetni cvor nalazi na adresi adresa_glave. */
19 void oslobodi_listu(Cvor ** adresa_glave)
   {
21   Cvor *pomocni = NULL;
   while (*adresa_glave != NULL) {
23     pomocni = (*adresa_glave)->sledeci;
     free(*adresa_glave);
25     *adresa_glave = pomocni;
   }
27 }

29 /* Funkcija pronalazi i vraća pokazivac na poslednji element liste,
   ili NULL kao je lista prazna */
31 Cvor *pronadji_poslednji(Cvor * glava)
   {
33   /* Ako je lista prazna, nema ni poslednjeg cvor i u tom slucaju
   funkcija vraća NULL. */
35   if (glava == NULL)
       return NULL;
37   while (glava->sledeci != NULL)
       glava = glava->sledeci;
39   return glava;
   }

41 /* Funkcija dodaje novi cvor na kraj liste. Vraća 1 ukoliko je bilo
   greske pri alokaciji memorije, inace vraća 0. */
43 int dodaj_na_kraj_liste(Cvor ** adresa_glave, double broj)
45 {
   Cvor *novi = napravi_cvor(broj);
47   if (novi == NULL)
       return 1;
49   if (*adresa_glave == NULL) {
       *adresa_glave = novi;
51   return 0;
   }
53   Cvor *poslednji = pronadji_poslednji(*adresa_glave);
   poslednji->sledeci = novi;
55   return 0;
   }
```

```
57  /* Funkcija prikazuje elemente liste pocev od glave ka kraju liste.
    */
59  void ispisi_listu(Cvor * glava)
    {
61      for (; glava != NULL; glava = glava->sledeci)
          printf("%.2lf ", glava->vrednost);
63      putchar('\n');
    }
```

*main.c*

```
#include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
  #include "liste.h"

4
  /* Funkcija umece novi cvor iza tekuceg u listi */
6  void dodaj_iza(Cvor * tekuci, Cvor * novi)
    {
8      /* Novi cvor se dodaje iza tekuceg cvora. */
      novi->sledeci = tekuci->sledeci;
10     tekuci->sledeci = novi;
    }

12
  /* Funkcija koja dopunjuje listu na nacin opisan u tekstu zadatka.
14     Vraca 1 ukoliko je bilo greske pri alokaciji memorije, inace
       vraca 0. */
16  int dopuni_listu(Cvor ** adresa_glave)
    {
18     Cvor *tekuci;
      Cvor *novi;
20     double aritmeticka_sredina;
      /* U slucaju prazne ili jednoclane liste, funkcija vraca 1 */
22     if (*adresa_glave == NULL || (*adresa_glave)->sledeci == NULL)
         return 1;
24     /* Promenljiva tekuci se inicijalizacuje da pokazuje na pocetni
        cvor */
26     tekuci = *adresa_glave;
      /* Sve dok ima cvorova u listi racuna se aritmeticka sredina
28         vrednosti u susednim cvorovima i kreira cvor sa tom vrednoscu.
        U slucaju neuspele alokacije novog cvora, funkcija vraca 1.
30         Inace, novi cvor se umece izmedju dva cvora za koje je racunata
        aritmeticka sredina */
32     while (tekuci->sledeci != NULL) {
        aritmeticka_sredina =
34         ((tekuci)->vrednost + ((tekuci)->sledeci)->vrednost) / 2;
        novi = napravi_cvor(aritmeticka_sredina);
36         if (novi == NULL)
             return 1;
38         /* Poziva se funkcija koja umece novi cvor iza tekuceg cvora */
        dodaj_iza(tekuci, novi);
    }
```



```

40     /* Tekuci cvor se pomera na narednog u listi (to je novoumetnuti
41        cvor), a zatim jos jednom da bi pokazivao na naredni cvor iz
42        polazne liste */
43     tekuci = tekuci->sledeci;
44     tekuci = tekuci->sledeci;
45 }
46 return 0;
47 }
48
49 int main()
50 {
51     Cvor *glava = NULL;
52     double broj;
53
54     /* Dok se ne stigne do kraja ulaza, ucitavaju se elementi i dodaju
55        se na kraj liste */
56     while (scanf("%lf", &broj) > 0) {
57         /* Ako je funkcija vratila 1, onda je bilo greske pri alokaciji
58            memorije za nov cvor. Memoriju alociranu za cvorove liste
59            treba osloboditi. */
60         if (dodaj_na_kraj_liste(&glava, broj) == 1) {
61             fprintf(stderr, "Greska: Neuspela alokacija za cvor %lf.\n",
62                     broj);
63             oslobodi_listu(&glava);
64             exit(EXIT_FAILURE);
65         }
66     }
67
68     /* Poziva se funkcija da dopuni listu. Ako je funkcija vratila 1,
69        onda je bilo greske pri alokaciji memorije za nov cvor.
70        Memoriju alociranu za cvorove liste treba osloboditi. */
71     if (dopuni_listu(&glava) == 1) {
72         fprintf(stderr, "Greska: Neuspela alokacija za cvor %lf.\n",
73                 broj);
74         oslobodi_listu(&glava);
75         exit(EXIT_FAILURE);
76     }
77
78     /* Ispisuju se elementi liste */
79     ispisi_listu(glava);
80
81     /* Oslobadja se memorija rezervisana za listu */
82     oslobodi_listu(&glava);
83
84     exit(EXIT_SUCCESS);
85 }

```

## Rešenje A.9

```

#include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>

```

```

#include "matrica.h"

4
/* Funkcija racuna zbir elemenata v-te vrste */
6 int zbir_vrste(int **M, int n, int v)
{
8     int j, zbir = 0;
    for (j = 0; j < n; j++)
10         zbir += M[v][j];
    return zbir;
12 }

/* Funkcija racuna zbir elemenata k-te kolone */
14 int zbir_kolone(int **M, int n, int k)
{
16     int i, zbir = 0;
    for (i = 0; i < n; i++)
18         zbir += M[i][k];
    return zbir;
20 }

22
/* Funkcija proverava da li je kvadrat koji joj se prosledjuje kao
24 argument magican. Ukoliko jeste magican funkcija vraca 1, inace
    0. Argument funkcije zbir ce sadrzati zbir elemenata neke vrste
    ili kolone ukoliko je kvadrat magican. */
26 int magicni_kvadrat(int **M, int n, int *zbir_magicnog)
{
28     int i, j;
    int zbir = 0, zbir_pom;
    /* Promenljivu zbir inicijalizujemo na zbir 0-te vrese */
32     zbir = zbir_vrste(M, n, 0);

34     /* Racunaju se zbrovi u ostalim vrstama i ako neki razlikuje od
        vrednosti promeljive zbir funkcija vraca 1 */
36     for (i = 1; i < n; i++) {
        zbir_pom = zbir_vrste(M, n, i);
38         if (zbir_pom != zbir)
            return 0;
40     }

    /* Racunaju se zbrovi u svim kolonama i ako neki razlikuje od
42 vrednosti promeljive zbir funkcija vraca 1 */
    for (j = 0; j < n; j++) {
44         zbir_pom = zbir_kolone(M, n, j);
        if (zbir_pom != zbir)
46             return 0;
    }

48     /* Inace su zbrovi svih vrsta i kolona jednaki, postavlja se
        vrednost u zbir_magicnog i funkcija vraca 1 */
50     *zbir_magicnog = zbir;
    return 1;
52 }

54 int main()

```

```

{
56     int n;
57     int **matrica = NULL;
58     int zbir_magicnog;
59     scanf("%d", &n);
60
61     /* Provera da li je n strogo pozitivan */
62     if (n <= 0) {
63         printf("-1\n");
64         exit(EXIT_FAILURE);
65     }
66
67     /* Dinamicka alokacija kvadratne matrice dimenzije n */
68     matrica = alociraj_matricu(n, n);
69     if (matrica == NULL) {
70         printf("-1\n");
71         exit(EXIT_FAILURE);
72     }
73
74     /* Ucitavaju se elementi matrice sa standardnog ulaza */
75     ucitaj_matricu(matrica, n, n);
76
77     /* Ispisuje se rezultat na osnovu fukcije magicni_kvadrat */
78     if (magicni_kvadrat(matrica, n, &zbir_magicnog)) {
79         printf("%d\n", zbir_magicnog);
80     } else
81         printf("-\n");
82
83     /* Oslobadja se dinamicki alocirana memorija */
84     matrica = deallociraj_matricu(matrica, n);
85
86     exit(EXIT_SUCCESS);
87 }

```

### Rešenje A.10

```

#include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3
4 #define BITOVA_U_BAJTU 8
5
6 /* Funkcija u datom broju x menja mesta prvom i četvrtom bajtu */
7 unsigned int zamena(unsigned int x)
8 {
9     /* Deklaracija promenljivih za odgovarajuće maske i pomocne
10      promenljive */
11     unsigned maska_prvi_bajt, maska_cetvrti_bajt;
12     unsigned maska_prvi_bajt_komplement, maska_cetvrti_bajt_komplement;
13     unsigned prvi_bajt, cetvrti_bajt;
14     unsigned i;

```

```
16  /* Maska prvi bajt odgovara broju cija je binarna reprezentacija
17     00000...00000111111111 (8 bitova najmanje tezine su jedinice, a
18     ostalo su nule) moze se dobiti i tako sto se maska_prvi_bajt
19     postavi na heksadekadnu vrednost FF. Drugi nacin za
20     inicijalizaciju maske maska_prvi_bajt je dodavanjem jedinica sa
21     desne strane: */
22  maska_prvi_bajt = 1;
23  for (i = 1; i < BITOVA_U_BAJTU; i++)
24      maska_prvi_bajt = maska_prvi_bajt << 1 | 1;

26  /* Maska cetvrti bajt odgovara broju cija je binarna
27     reprezentacija 1111111100000...00000 (8 bitova najvece tezine
28     su jedinice, a ostalo su nule) i moze se dobiti pomeranjem
29     bitova prethodno kreirane maske maska_prvi_bajt tako da
30     jedinice budu na poziciji bajta najvece tezine. */
31  maska_cetvrti_bajt =
32      maska_prvi_bajt << ((sizeof(unsigned) - 1) * BITOVA_U_BAJTU);

34  /* Primenom operatora ~ na maska_prvi_bajt dobija se broj cija je
35     binarna reprezentacija 11111...1111100000000 (8 bitova
36     najmanje tezine su nule, a ostalo su jedinice) */
37  maska_prvi_bajt_komplement = ~maska_prvi_bajt;
38  /* Primenom operatora ~ na maska_prvi_bajt dobija se broj cija je
39     binarna reprezentacija 0000000011111...11111 (8 bitova najvece
40     tezine su nule, a ostalo su jedinice) */
41  maska_cetvrti_bajt_komplement = ~maska_cetvrti_bajt;

42
43  /* U promenljivu prvi_bajt se smesta broj koji se dobija kada se
44     bitovi prvog bajta broja x pomere ulevo, tako da budu na
45     poziciji cetvrtog bajta */
46  prvi_bajt =
47      (maska_prvi_bajt & x) << ((sizeof(unsigned) - 1) *
48                                BITOVA_U_BAJTU);
49
50  /* U promenljivu cetvrti_bajt se smesta broj koji se dobija kada
51     se bitovi cetvrtog bajta broja x pomere udesno, tako da budu na
52     poziciji prvog bajta */
53  cetvrti_bajt =
54      (maska_cetvrti_bajt & x) >> ((sizeof(unsigned) - 1) *
55                                    BITOVA_U_BAJTU);

56  /* Na nule se postavlja 8 bitova najmanje tezine, a ostali bitovi
57     ostaju nepromenjeni */
58  x = x & maska_prvi_bajt_komplement;

59
60  /* Na nule se postavlja 8 bitova najvece tezine, a ostali bitovi
61     ostaju nepromenjeni */
62  x = x & maska_cetvrti_bajt_komplement;

63
64  /* Na bitove na poziciji cetvrtog bajta se postavljaju bitovi iz
65     prvog bajta */
66  x = x | prvi_bajt;
```

```

68  /* Na bitove na poziciji cetvrtog bajta se postavljaju bitovi iz
    prvog bajta */
70  x = x | cetvrti_bajt;

72  return x;
}

74  int main()
76  {
    int x;

78  /* Sa standardnog ulaza se ucitava ceo broj */
80  scanf("%d", &x);

82  /* Provera da li je uneti broj negativan */
84  if (x < 0) {
        fprintf(stderr, "-1\n");
        exit(EXIT_FAILURE);
86  }

88  /* Ispisuje se rezultat primene funkcije zamena na uneti broj x */
    printf("%u\n", zamena(x));
90
    exit(EXIT_SUCCESS);
92 }

```

### Rešenje A.11

NAPOMENA: Rešenje koristi biblioteku za rad sa binarnim pretraživačkim stablima iz zadatka 4.14.

```

#include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
#include "stabla.h"

4
/* Funkcija racuna duzinu najduzeg puta od korena do nekog lista */
6  int najduzi_put(Cvor * koren)
{
8  /* Pomocne promenljive */
    int najduzi_u_levom, najduzi_u_desnom;

10
    /* Ako je stablo prazno, povratna vrednost je -1 */
12  if (koren == NULL)
        return -1;

14
    /* Rekurzivno se izracuna duzina najduzeg puta u levom podstablu */
16  najduzi_u_levom = najduzi_put(koren->levo);

    /* Rekurzivno se izracuna duzina najduzeg puta u levom podstablu */
18  najduzi_u_desnom = najduzi_put(koren->desno);

20

```

```

22  /* Veka od prethodno izracunatih vrednosti za podstabla se uvecava
    za 1 i vraca kao konacan rezultat */
    return 1 + (najduzi_u_levom >
24         najduzi_u_desnom ? najduzi_u_levom : najduzi_u_desnom);
}

26
27 int main()
28 {
    Cvor *stablo = NULL;
30     int x;

32     /* U svakoj iteraciji se procitani broj dodaje u stablo. */
    while (scanf("%d", &x) == 1)
34         if (dodaj_u_stablo(&stablo, x) == 1) {
            fprintf(stderr, "-1\n");
36             exit(EXIT_FAILURE);
        }

38
    /* Ispisuje se rezultat rada trazene funkcije */
40     printf("%d\n", najduzi_put(stablo));

42     /* Oslobadja se memorija */
    oslobodi_stablo(&stablo);

44
    exit(EXIT_SUCCESS);
46 }

```

### Rešenje A.12

```

1  #include <stdio.h>
    #include <stdlib.h>
3  /* Ime datoteke nije duze od 30 karaktera */
    #define MAX 31

5
6  /* Funkcija alokira memorijski prostor za matricu sa n vrsta i m
    kolona */
7  float **alociraj_matricu(int n, int m)
9  {
    float **matrica = NULL;
11     int i, j;

13     /* Alokira se prostor za niz vrsta matrice */
    matrica = (float **) malloc(n * sizeof(float *));
15     /* Ako alokacija nije prosla uspesno, povratna vrednost funkcije
        ce biti NULL, sto mora biti provereno u main funkciji */
17     if (matrica == NULL)
        return NULL;

19
    /* Alokira se prostor za svaku vrstu matrice */
21     for (i = 0; i < n; i++) {
        matrica[i] = (float *) malloc(m * sizeof(float));
    }
}

```

```
23     /* Ako alokacija nije prosla uspesno, oslobadjaju se svi
        prethodno alocirani resursi, i povratna vrednost je NULL */
25     if (matrica[i] == NULL) {
        for (j = 0; j < i; j++)
27         free(matrica[j]);
        free(matrica);
29         return NULL;
    }
31 }

33 return matrica;
}

35 /* Funkcija oslobadja alocirani memorijski prostor */
37 float **deallociraj_matricu(float **matrica, int n)
{
39     int i;
    /* Oslobadja se prostor rezervisan za svaku vrstu */
41     for (i = 0; i < n; i++)
        free(matrica[i]);

43     /* Oslobadja se memorija za niz pokazivaca na vrste */
45     free(matrica);

47     /* Matrica postaje prazna, tj. nealocirana */
    return NULL;
49 }

51 /* Funkcija prebrojava koliko se puta pojavljuje broj x u i-toj
    vrsti matrice A, gde je m broj elemenata u vrsti */
53 int prebroj_u_itoj_vrsti(float **A, int i, int m, int x)
{
55     int j;
    int broj = 0;
57     for (j = 0; j < m; j++) {
        if (A[i][j] == x)
59             broj++;
    }
61     return broj;
}

63 /* Funkcija vraca indeks vrste matrice A u kojoj se realan broj x
    pojavljuje najmanje puta */
65 int indeks_vrste(float x, float **A, int n, int m)
{
67     /* Indeks vrste sa minimalnim brojem pojavljivanja broja x */
69     int min;
    /* Broj pojavljivanja broja x u vrsti sa indeksom min */
71     int min_broj;
    /* Promenljiva u kojoj ce se racunati broj pojavljivanja broja x u
    tekucnoj vrsti */
73     int broj_u_vrsti;
```

```
75  /* Pomocne promenljive */
76  int i;
77
78  /* Promenljiva min se inicijalizuje na nulu, a min_broj na broj
79  pojavljivanja broja x u nultoj vrsti */
80  min = 0;
81  min_broj = prebroj_u_itoj_vrsti(A, 0, m, x);
82
83  /* Za svaku vrstu (osim nulte) se racuna broj pojavljivanja broja
84  x u njoj, pa ukoliko je taj broj manji od trenutno najmanjeg
85  azuriraju se promenljive min i min_broj */
86  for (i = 1; i < n; i++) {
87      broj_u_vrsti = prebroj_u_itoj_vrsti(A, i, m, x);
88      if (broj_u_vrsti < min_broj) {
89          min_broj = broj_u_vrsti;
90          min = i;
91      }
92  }
93
94  /* Funkcija vraća odgovarajući indeks vrste */
95  return min;
96  }
97
98  int main()
99  {
100      FILE *in;
101      char datoteka[MAX];
102      float broj;
103      float **A = NULL;
104      int i, j, m, n;
105
106      /* Sa standardnog ulaza se učitava ime datoteke i realan broj */
107      scanf("%s", datoteka);
108      scanf("%f", &broj);
109
110      /* Otvara se datoteka za citanje */
111      in = fopen(datoteka, "r");
112
113      /* Provera da li je datoteka uspesno otvorena */
114      if (in == NULL) {
115          fprintf(stderr, "-1\n");
116          exit(EXIT_FAILURE);
117      }
118
119      /* Dimenzije matrice se učitavaju iz datoteke (prva dva cela broja
120      u datoteci). U slučaju neuspesnog učitavanja, na standardni
121      izlaz za greske se ispisuje -1 i prekida se program. */
122      if (fscanf(in, "%d %d", &n, &m) == EOF) {
123          fprintf(stderr, "-1\n");
124          exit(EXIT_FAILURE);
125      }
126  }
```



```
127  /* Provera da li su ucitani brojevi m i n pozitivni */
129  if (n <= 0 || m <= 0) {
131      fprintf(stderr, "-1\n");
      exit(EXIT_FAILURE);
  }

133  /* Alokacija matrice */
  A = alociraj_matricu(n, m);

135

137  /* Provera da li je alokacija uspela */
  if (A == NULL) {
139      fprintf(stderr, "-1\n");
      exit(EXIT_FAILURE);
  }

141

143  /* Ucitavaju se elementi matrice iz datoteke */
  for (i = 0; i < n; i++) {
145      for (j = 0; j < m; j++)
          fscanf(in, "%f", &A[i][j]);
  }

147

149  /* Zatvara se datoteka */
  fclose(in);

151  /* Ispisuje se rezultat poziva funkcije */
  printf("%d\n", indeks_vrste(broj, A, n, m));

153

155  /* Oslobadja se memorija koju je zauzimala matrica */
  A = dealociraj_matricu(A, n);

157  exit(EXIT_SUCCESS);
}
```