## МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ (ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ)

Кафедра прикладной физики

### КВАЗИОПТИЧЕСКИЕ ИЗМЕРЕНИЯ НА МИЛЛИМЕТРОВЫХ ВОЛНАХ

Учебно-методическое пособие

москва мфти 2013 УДК 537.87:537.86.029 538.958

#### Рецензент

Доктор физико-математических наук, профессор Ю. А. Садов

**Квазиоптические измерения на миллиметровых волнах**: учебнометодическое пособие / сост.: В. Б. Анзин, А.А. Волков, В.В. Глушков, Б.П. Горшунов, С.В. Демишев, Е.С. Жукова, Г.В. Козлов, Н.Е. Случанко.— М. : МФТИ, 2013. — 43 с.

Включены описания работ, задачи и контрольные вопросы лабораторного практикума 3-го курса факультета проблем физики и энергетики МФТИ. В практикуме предусматривается выполнение исследования оптических явлений и свойств веществ в миллиметровом диапазоне длин волн с использованием приборов и устройств современного автоматизированного лабораторного комплекта «Оптик»

Для студентов физических специальностей, изучающих оптику в курсе общей физики.

УДК 537.87:537.86.029 538.958

<sup>©</sup> Федеральное государственное, автономное образовательное учреждение высшего профессионального образования «Московский физико-технический институт (государственный университет)», 2013

### ОГЛАВЛЕНИЕ

ОГЛАВЛЕНИЕ	3
ПРЕДИСЛОВИЕ	5
І. ВВЕДЕНИЕ	6
II. ОПИСАНИЕ ПРИБОРОВ ЛАБОРАТОРНОГО ПРАК	ТИКУМА
	9
1. Генератор электромагнитных волн миллиметр	08020
диапазона	9
2. Пироэлектрический приемник	10
3. Интерферометр Фабри-Перо миллиметрового	диапазона
длин волн	11
4. Преобразователь поляризации	13
5. Дифракционная решетка	14
6. Приборы для измерения углового распределения	
дифрагирующего излучения	15
6.1. Универсальный измеритель	15
6.2. Гониометр	16
7. Пластина переменной толщины	
8. Пленочный аттенюатор миллиметрового излуч	ения. 17
9. Поглощающая диафрагма	
10. Поглощающий экран	19
11. Оправа для сеток	19
12. Держатель образцов	21
13. Электронный блок	22
14. Исследуемые образцы	
III. УКАЗАНИЯ ПО ТЕХНИКЕ БЕЗОПАСНОСТИ	24
IV. ОПИСАНИЕ ЛАБОРАТОРНЫХ РАБОТ	26
РАБОТА № 1. ИНТЕРФЕРОМЕТР ФАБРИ-ПЕРО	26
1.1. Теория интерферометра Фабри-Перо	26
1.2. Подготовка к проведению эксперимента	
1.2. 1100готовки к провесению эксперименти	50
РАБОТА №2. ИССЛЕДОВАНИЕ И ПРЕОБРАЗОВАНИЕ ТИПА ПО	
МИЛЛИМЕТРОВОГО ИЗЛУЧЕНИЯ	32
2.1. Поляризационные элементы миллиметрового	диапазона
длин волн	
РАБОТА №3 ЛИФРАКЦИОННАЯ РЕШЕТКА	36

3.1. Теория дифракции на решетке	36
V. РЕКОМЕНДАЦИИ ПО ОБРАБОТКЕ ЭК	СПЕРИМЕНТАЛЬНЫХ
ДАННЫХ	41
ЛИТЕРАТУРА	43

### ПРЕДИСЛОВИЕ

учебное пособие Настоящее содержит описание лабораторного практикума, разработанного и используемого обучении студентов на факультете проблем физики и энергетики физико-технического института (государственного университета). Практикум включает набор лабораторных работ по исследованию оптических явлений и свойств веществ в миллиметровом диапазоне длин волн и предусматривает использование приборов и устройств современного автоматизированного лабораторного комплекта «Оптик», являющегося совместной разработкой ведущих специалистов Института общей физики РАН и МФТИ. Применяемая квазиоптическая методика позволяет осуществить большинство традиционных, а также ряд оригинальных оптических лабораторных экспериментов, включая интерференции/дифракции электромагнитных спектроскопии конденсированных сред.

Лабораторный практикум предназначен для студентов физических специальностей, изучающих оптику в курсе общей физики.

### І. ВВЕДЕНИЕ.

Лабораторный практикум "Квазиоптические измерения на миллиметровых волнах" предназначен для студентов физических специальностей, изучающих оптику в курсе общей физики.

Особенностью практикума является использование квазиоптических элементов: линз, диафрагм, зеркал, поляризаторов и т. п., позволяющих формировать квазипараллельные пучки в открытом пространстве без использования волноводов. "Квазиоптичность" элементов определяется тем, что хотя их размер L и превышает существенно длину волны излучения  $\lambda$  ( $L/\lambda \sim 10 \div 100$ ), но все же это превышение не столь велико, чтобы можно было бы пренебречь дифракционными явлениями, как в оптике, где  $L/\lambda \sim 10^5 \div 10^6$ .

Несмотря на некоторую непараллельность пучков, создаваемых квазиоптическими элементами, И невозможность сфокусировать излучение в "точку", квазиоптическая методика позволяет осуществить большинство традиционных оптических лабораторных экспериментов, интерференции, дифракции спектроскопии. задачи Квазиоптические элементы и пучки позволяют передавать с малыми потерями и расходимостью миллиметровое излучение на расстояние порядка нескольких метров, что вполне достаточно для большинства экспериментальных установок, работающих в миллиметровом диапазоне длин волн. При этом размеры квазиоптических элементов остаются в разумных пределах 10÷20 см.

Необходимо отметить, что перенесение оптических элементов в субмиллиметровый диапазон длин волн имеет важное преимущество, поскольку это существенно облегчает юстировку оптических схем и не требует использования точной механики. Поэтому работы практикума позволяют студентам приобрести "чувство оптического эксперимента" и "потрогать руками" сложные оптические явления, не опасаясь перекрутить винт тонкой регулировки на пол-оборота. Кроме того, при изучении практикума студенты приобретают навык настройки оптических схем в диапазоне длин волн недоступных человеческому глазу.

В курсе общей физики существенное место отводится изучению шкалы электромагнитных волн, причем акцентируется единая природа различных электромагнитных излучений — от рентгеновского до радиоволн. Практикум "Квазиоптические измерения на миллиметровых волнах" материализует этот теоретический принцип, поскольку, несмотря на изменение длины волны в 1000 раз и более оказывается возможным наблюдать те же оптические явления и реализовать те же

оптические эксперименты, что и в видимом диапазоне. Поэтому данный практикум может рассматриваться как полезное дополнение к стандартным лабораторным работам при изучении курса оптики.

Вместе с тем, переход к миллиметровому диапазону длин волн не сводится только к масштабированию оптических экспериментов и представляет самостоятельный интерес. Во-первых, миллиметровый диапазон длин волн позволяет легко моделировать такие сложные задачи, как дифракция рентгеновских лучей в кристаллах. При этом студенты получают возможность изучать основные принципы рентгеноструктурного анализа, не прибегая к сложным установкам повышенной опасности. и не расходуя время на обработку фотоматериалов и фотометрирование.

Во-вторых, миллиметровый диапазон длин волн представляет собой исключительный интерес для физики конденсированного состояния и молекулярной физики. В этот диапазон попадают характерные частоты вращательных движений молекул газов и паров, колебаний атомов в ионных и молекулярных кристаллах. К этой же области частот относятся характерные энергии электронных переходов и фазовых переходов в сегнетоэлектриках, магнетиках и сверхпроводниках. Поэтому ряд задач практикума ориентирован на измерение характеристик твердых тел в миллиметровом диапазоне длин волн.

В-третьих, миллиметровый диапазон длин волн является важным не только для фундаментальных задач спектроскопии, но и для ряда прикладных задач. В частности, весьма перспективным является применение миллиметровых волн в радиолокации, космической связи, в задачах контроля технологических процессов и мониторинга окружающей среды. Современный физик или инженер, работающий в этой области, должен хорошо владеть основными закономерностями явлений и методами работы в данном диапазоне длин волн, в том числе и квазиоптическими метолами.

Следует подчеркнуть, что в области фундаментальной и прикладной физики микроволн, и в том числе в физике волн миллиметрового диапазона, российская наука занимает и продолжает занимать лидирующие позиции. Практикум "Квазиоптические измерения на миллиметровых волнах" не имеет зарубежных аналогов и опирается на самые современные отечественные технологии.

При выполнении задач практикума необходимо внимательно изучить методическую сторону лабораторной работы, в том числе ознакомиться с описанием приборов и устройств практикума, вынесенного в специальный раздел. Необходимо тщательно соблюдать рекомендации по технике безопасности, являющиеся залогом

длительной успешной карьеры физика-экспериментатора И продлевающие жизнь лабораторного оборудования. Следует иметь в виду, что теоретические сведения в описании задач носят «минимальнонеобходимый» характер и не охватывают всего многообразия явлений, с придется столкнуться студенту-экспериментатору. которыми ответов на поставленные вопросы в ряде случаев потребуется самостоятельное изучение рекомендованной и другой специальной литературы. Мы полагаем, что самостоятельная попытка осмысления полученных экспериментальных данных является необходимым элементом обучения и должна способствовать более глубокому пониманию физики миллиметрового диапазона длин волн.

### II. ОПИСАНИЕ ПРИБОРОВ ЛАБОРАТОРНОГО ПРАКТИКУМА

### 1. Генератор электромагнитных воли миллиметрового лиапазона.

Источник электромагнитных волн на лавинно-пролетном диоде (рис. 1) генерирует излучение мощностью 5 - 10 мВт с длиной  $\lambda \cong 2$  мм (частота 140 ГГц  $\pm 1\%$ ). Ширина диаграммы направленности на выходе из рупора (рупорной антенны) составляет  $20^\circ$  на уровне половины интенсивности. Поляризация излучения линейная, электрический вектор перпендикулярен широкой стенке волновода, примыкающего к рупору. Излучение монохроматично со спектральной шириной линии не более чем 1 МГц. Рупор расположен на передней части корпуса генератора. На корпусе также расположен разъем для соединения с источником питания постоянного тока ( $24B \pm 2B/0,25A$ ). Источник питания входит в состав электрического блока, включающего систему регистрации (см. п. 13 настоящего раздела).

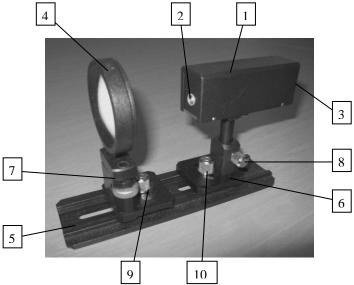


Рис. 1. Генератор с линзой на рельсах. 1 - корпус генератора, 2 - рупор, 3 - разъем, 4 - линза, 5 - рельсы, 6, 7 - рейтеры, 8, - фиксирующая гайка, 9, 10 - фиксирующие винты.

Генератор установлен на стержне рейтера с помощью винта М5; рейтер может перемещаться по рельсам длины 180 мм, (см. рис.1), на которых расположен другой рейтер с тефлоновой линзой диаметром 50 мм и фокусным расстоянием 60 мм. Конструкция допускает перемещение как вдоль рельс (в пределах 55 мм), так и в поперечном направлении (в пределах 20 мм), что позволяет расположить рупор генератора в фокусе линзы для формирования квазипараллельного пучка излучения на необходимой высоте над плоскостью оптического стола.

Для перемещения генератора и линзы в горизонтальном направлении необходимо ослабить фиксирующие гайки, расположенные на квадратном основании рейтера.

Для перемещения генератора или линзы в вертикальном направлении следует ослабить фиксирующий винт рейтера, который позволяет менять высоту оптической оси прибора в пределах 25 мм.

### 2. Пироэлектрический приемник.

Пироэлектрический приемник (рис. 2) на основе кристалла  ${\rm LiTaO_3}$  предназначен для регистрации модулированного электромагнитного излучения в области от миллиметрового диапазона до оптического диапазона. При прямоугольной модуляции мощности излучения с периодом, много меньшим времени тепловой релаксации кристалла ( $\sim$ 0,3 c), сигнал с приемника имеет пилообразную форму. Амплитуда сигнала пропорциональна интенсивности излучения.

Пироэлектрический кристалл электронная схема расположены предварительного усилителя алюминиевом цилиндрическом (или прямоугольном) корпусе диаметром 54 мм и длиной 43 мм (рис. 2), что обеспечивает защиту от электромагнитных помех. Фильтры, вырезающие оптическое излучение, расположены непосредственно перед кристаллом LiTaO<sub>3</sub>. От перепадов атмосферного давления кристалл пироприемника защищен герметичным кварцевым окном. Миллиметровое излучение фокусируется на пирокристалл тефлоновой линзой (рис. 2). На задней панели расположен разъем для подсоединения к электронному блоку питания и детектирования (см. п. 13 данного раздела). Пироприемник устанавливается на стержне рейтера с помощью винта М5; рейтер перемещается по рельсам длины 180 мм, на которых расположен другой рейтер с тефлоновой линзой диаметра 50 мм и с фокусным расстоянием 60 мм (рис. 2).

Конструкция допускает перемещение как вдоль рельс (в пределах 55 мм), так и в поперечном направлении (в пределах 20 мм), что позволяет расположить пирокристалл в фокусе линзы для получения максимального сигнала.

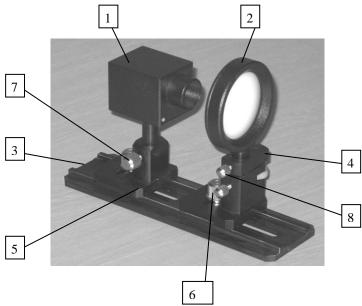


Рис. 2. Пироприемник с линзой на рельсах. 1 - пироприемник; 2 - линза; 3 - рельсы; 4, 5 - рейтеры; 6 - фиксирующая гайка; 7, 8 - фиксирующие винты.

Для перемещения пироприемника и линзы в горизонтальном направлении необходимо ослабить фиксирующие гайки, квадратного основания рейтера. Для перемещения пироприемника или линзы в вертикальном направлении следует ослабить фиксирующий винт на соответствующем рейтере, который позволяет регулировать высоту оптической оси прибора в пределах 25 мм.

## 3. Интерферометр Фабри-Перо миллиметрового диапазона длин волн.

Интерферометр Фабри-Перо (ИФП) (рис.3) предназначен для измерения длины волны электромагнитного излучения. ИФП состоит из полупрозрачных параллельных сетчатых зеркал, расположенных на расстоянии d друг от друга. Зеркала приклеены к стальным оправкам, которые удерживаются магнитными держателями (рис.3).

Регулировка параллельности зеркал ИФП производится с помощью трех юстировочных винтов с гайками фиксации, расположенных на одном из держателей (см. рис. 3); существенно, чтобы параллельность зеркал была не хуже чем 0.02 мм.

Держатель подвижного зеркала перемещается по салазкам, при помощи микрометрического винта, причем расстояние между зеркалами d варьируется в пределах от 0 до 12 мм.

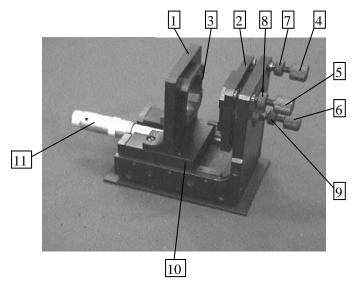


Рис. 3. Интерферометр Фабри-Перо (без зеркал): 1 - подвиж-ный держатель; 2 - неподвижный держатель; 3 - паз с магнитами; 4, 5, 6 - юстировочные винты; 7, 8, 9 - гайки фиксации юстировочных винтов; 10 - салазки; 11 - микрометрический винт.

Отсчет перемещения подвижного зеркала по шкале микрометра производится с точностью 0,01 мм. При хорошей юстировке ИФП точность измерения длины волны составляет порядка 0,005 мм.

Диаметр зеркал интерферометра равен 40 мм, что при используемой длине волны ( $\lambda \cong 2$  мм) и расстоянии между зеркалами  $d \le 12$  мм, позволяет пренебречь дифракционными потерями. Таким образом, добротность резонатора, образованного двумя зеркалами, определяется, в основном, коэффициентом отражения зеркал. Контраст ИФП составляет не менее 10.

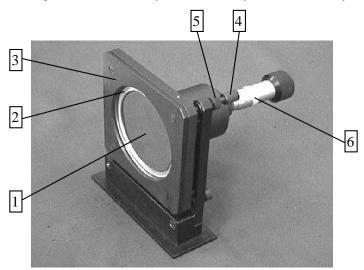
Для устранения нежелательных отражений, держатели зеркал ИФП снабжены кольцевыми вставками из специальной резины, поглощающей электромагнитное излучение в миллиметровом диапазоне длин волн.

Габариты интерферометра: 215 мм х 90 мм х 135 мм.

### 4. Преобразователь поляризации.

Преобразователь поляризации представляет собой два параллельных зеркала, расположенных на расстоянии d друг от друга, одно из которых, подвижное, - сплошное металлическое, а другое, неподвижное, - сетчатое, проволоки которого вертикальны (рис. 4).

Линейно поляризованное излучение падет на преобразователь поляризации с электрическим вектором E, направленным под углом 45° к проволокам сетки. Составляющая вектора E, параллельная проволокам зеркала, отражается В направлении приемника. Перпендикулярная же составляющая проходит сетчатое зеркало, затем отражается от сплошного зеркала и снова проходит сквозь сетку в направлении приемника, преодолев ПО отношению составляющей дополнительный путь, равный  $d\sqrt{2}$ . Таким образом, пучок, отраженный преобразователем в направлении к приемнику, состоит из двух волн с взаимно перпендикулярными поляризациями, с равными амплитудами и разностью фаз  $\Delta \phi = 2\pi d\sqrt{2}/\lambda$ . Поэтому, меняя расстояние d и, следовательно, разность фаз  $\Delta \varphi$ , можно получить любую поляризацию в этом пучке - линейную, эллиптическую, или



круговую.

Рис. 4. Преобразователь поляризации. 1 - сплошное металлическое подвижное зеркало, 2 - неподвижное сетчатое зеркало, 3 - держатель сетки, 4 - юстировочный винт, 5 - гайка фиксации юстировочного винта,

#### 6 - микрометрический винт.

Сплошное металлическое зеркало преобразователя поляризации (рис. 4) перемещается при помощи микрометрического винта таким образом, что расстояние между зеркалами может меняться в пределах от 0 до 6 мм. Рабочий диаметр сплошного металлического зеркала составляет 75 мм. Параллельность зеркал должна быть не хуже чем Преобразователь поляризации снабжен 0.02 MM.юстировочными винтами с гайками фиксации, позволяющими производить в небольших положения пределах регулировку вокруг вертикальной горизонтальных осей.

Габариты преобразователя поляризации: 180 мм x 120 мм x 160 мм.

### 5. Дифракционная решетка.

Дифракционная решетка представляет собой лавсановую пленку с напылёнными металлическими полосками, образующими систему щелей с шагом d =6 мм и шириной щели a =2 мм (рис. 5). Пленка приклеена к оправке диаметра 98 мм, которая вставлена в круглую рамку. В нижней части рамки имеется отверстие с резьбой М4 для установки на стержень, и прозрачной шкалы, штрих которой перпендикулярен плоскости решетки.

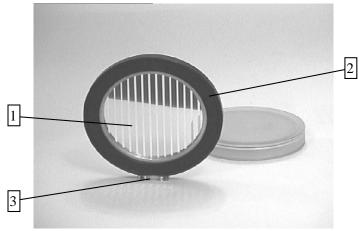


Рис.5. Дифракционная решетка в сборном виде. 1 - решетка, 2 - рамка, 3 - прозрачная шкала.

## 6. Приборы для измерения углового распределения дифрагирующего излучения.

### 6.1. Универсальный измеритель.

Прибор состоит из круглого основания диаметра 200 мм с лимбом, цена деления которого равна 1°, цилиндрической стойки с втулкой ø12,7 мм, снабженной меньшим лимбом диаметра 60 мм с ценой деления 1° и подвижной направляющей длины 235 мм, вращающейся вокруг общей оси (рис.6). В средней части направляющей имеется вырез со стрелкой, указывающей угол поворота по большому лимбу. На свободном конце направляющей сделано отверстие для болта с круглой гайкой, предназначенное для крепления на направляющей рельса с пироприемником и фокусирующей линзой (для этого в рельсе имеется соответствующий паз).

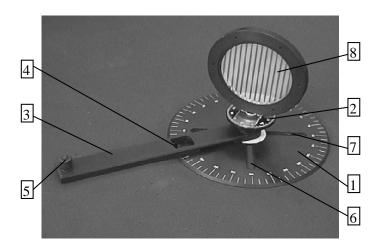


Рис. 6. Прибор для измерения углового распределения дифрагирующего излучения с установленной в нем дифракционной решеткой. 1 - основание с большим лимбом; 2 - маленький лимб на стойке; 3 - направляющая для пироприемника; 4 - указатель угла поворота направляющей; 5 - гайка крепежного болта; 6, 7 - крепежные щели; 8 - дифракционная решетка в собранном виде.

Стержень с дифракционным объектом (например, с дифракционной решеткой) вставляется в отверстие стойки, причем высоту объекта и угол его поворота можно фиксировать винтом,

расположенным в стойке. Основание крепится к оптическому столу с помощью винтов.

### 6.2. Гониометр.

Гониометр имеет вил. аналогичный показанному рис. на Особенностью конструкции гониометра является синхронизация вращения направляющей и дифракционного объекта с помощью специальной зубчатой передачи. Механизм устроен таким образом, что при повороте направляющей на угол ф дифракционный объект поворачивается на угол  $\varphi/2$ . Гониометр используется в задаче, моделирующей рассеяние рентгеновских лучей в кристаллах.

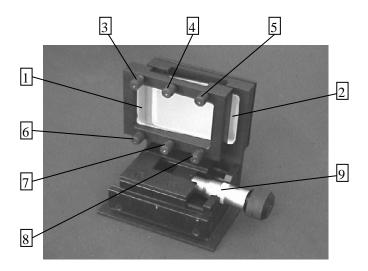


Рис. 7. Пластина переменной толщины. 1 - подвижный клин; 2 - неподвижный клин; 3, 4, 5, 6, 7, 8 - гайки регулировки натяжения пружин; 9 - микрометрический винт.

### 7. Пластина переменной толщины.

Прибор представляет собой плоскопараллельную пластину, образованную двумя взаимодополняющими клиньями из плавленого кварца. Для уменьшения паразитных отражений соприкасающиеся поверхности клиньев матированы. Один из клиньев установлен в неподвижную рамку (см. рис. 7), другой – в рамку, перемещающуюся по

салазкам. Положение подвижной рамки изменяется с помощью микрометрического винта с точностью 0,01 мм. При перемещении салазок один из клиньев скользит по поверхности другого, при этом толщина пластины d плавно меняется. Угол клина выбран таким, чтобы при его сдвиге на величину  $\Delta x$  изменение толщины пластины составило  $\Delta d = 0,1$   $\Delta x$ . Постоянный прижим одного клина к другому обеспечивается шестью пружинами, расположенными на рамке подвижного клина под гайками регулировки натяжения пружин (рис. 7).

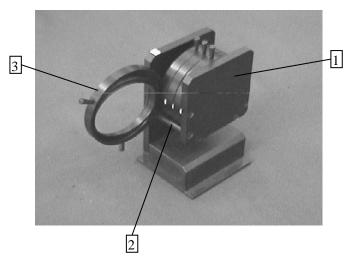
Рабочая апертура пластины переменной толщины составляет 54 мм x 54 мм, максимальное изменение толщины равно 2 мм.

Габариты прибора: 100 мм х 170 мм х 130 мм.

### 8. Пленочный аттенюатор миллиметрового излучения.

Пленочный аттенюатор ослабляет интенсивность излучения, защищая тем самым приемник от перегрузки, а также уменьшает влияние на генератор резонансных приборов, например интерферометра Фабри-Перо.

Аттенюатор рекомендуется помещать в оптическом тракте при



измерении коэффициента пропускания материала (например, плавленого кварца в пластине переменной толщины) с целью устранения паразитных отражений от поверхности пирокристалла приемника и стоячих волн в области перед приемником.

Рис. 8. Пленочный аттенюатор излучения. 1 - магазин аттенюатора, 2 -

общая ось крепления рамок с ослабляющими пленками, 3 - пленка в рамке в рабочем положении.

В магазине аттенюатора (рис. 8) имеются 4 пленки в рамках, закрепленных на общей оси. Поворотом вокруг этой оси пленки выдвигаются в пучок излучения, обеспечивая необходимое ослабление интенсивности на выходе прибора.

Для предотвращения нежелательных резонансных отражений при одновременном использовании нескольких ослабляющих пленок, пленки смонтированы таким образом, что их плоскости не параллельны друг другу.

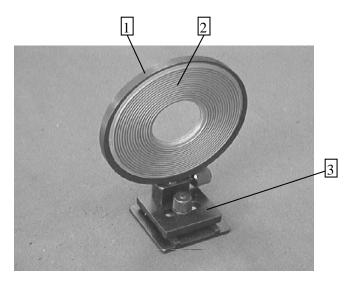


Рис. 9. Поглощающая диафрагма на рейтере. 1 - металлическая апертура, 2 - специальная поглощающая резина, 3 - регулятор.

Пленки изготовлены путем напыления металла на лавсановую пленку. Ослабление каждой пленки составляет 8-10 дБ. Рабочий диаметр пленок равен 60 мм.

Габариты аттенюатора с пленками, вставленными в магазин: 80 мм x 140 мм.

### 9. Поглощающая диафрагма.

Поглощающая диафрагма служит для устранения внеосевых пучков излучения. Она изготовлена из металла с покрытием из специальной резины, поглощающей электромагнитное излучение в

миллиметровом диапазоне длин волн. Для подавления прямых слабых отражений от резины диафрагма имеет гофрированную поверхность.

Диафрагма крепится на стержне рейтера с помощью винта M5, (рис.9).

Рабочая апертура диафрагмы составляет 40 мм, внешний диаметр равен 118 мм.

### 10. Поглощающий экран.

Поглощающий экран используется для перекрытия пучка излучения и практически полного его поглощения.

В качестве экрана используется металлическая пластина с покрытием из специальной резины, поглощающей излучение в миллиметровом диапазоне длин волн. Для устранения слабых отражений от резины экран имеет гофрированную поверхность.

Экран крепится на опоре при помощи винта M5 (рис.10). Диаметр экрана равен 120 мм.

### 11. Оправа для сеток.

Оправа для сеток состоит из держателя сетки, расположенного в квадратной рамке с круговой шкалой, цена деления которой составляет 1°. Квадратная рамка снабжена юстировочными винтами регулировки наклона вокруг вертикальной и горизонтальной осей и ручку поворота держателя сетки на заданный угол (рис. 11).

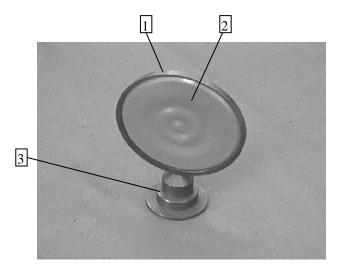
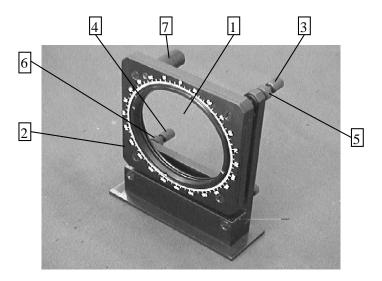


Рис. 10. Поглощающий экран на опоре. 1 - металлический экран, 2 - покрытие из специальной резины, 3 - опора.

Для регулировки плоскости квадратной рамки необходимо:

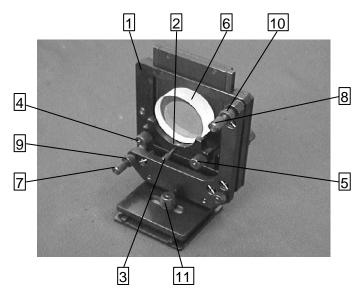
- ослабить гайку фиксации юстировочного винта;
- с помощью юстировочных винтов установить сетку в необходимое положение;
  - зафиксировать положение винтов гайками.

Сетки используются в качестве поляризаторов, анализаторов, зеркал и делителей пучка миллиметрового излучения и представляют собой проволоки диаметром  $15\,$  мкм, укрепленные на диафрагме диаметра  $86\,$  мм с шагом  $60\,$  мкм, много меньшим длины волны излучения. Сетка пропускает излучение с электрическим вектором E, направленным перпендикулярно проволокам, и отражает излучение, вектор E которого направлен вдоль проволок. Для того, чтобы при помощи сетки изменить (или проанализировать) поляризацию излучения, необходимо вращать ручку сетки, расположенную на задней части рамки, контролируя угол поворота по белой риске, расположенной



против круговой шкалы.

Рис. 11. Оправа с сеткой в собранном виде. 1 - сетка; 2 - квадратная рамка; 3, 4 - юстировочные винты; 5, 6 - гайки фиксации юстировочных винтов; 7 - ручка поворота сетки.



диаметром 98 мм. Центр рабочей апертуры рамки расположен на высоте 100 мм.

Габариты рамки для сеток: 140 мм х 48 мм х 160 мм.

### 12. Держатель образцов.

Рис. 12. Держатель образцов для экспериментов на пропускание/отражение. 1 - подвижная пластина с диафрагмой; крепежный узел; 3 - ручка крепежного узла; 4, 5 - юстировочные гайки; 6 - образец; 7, 8 - юстировочные винты; 9, 10 - гайки фиксации юстировочных винтов; 11 - гайка фиксации рейтера.

Держатель образцов состоит из подвижной пластины с диафрагмой и крепежным узлом для установки исследуемых образцов. Держатель снабжен юстировочной системой, аналогичной той, которая используется в оправе для сеток (рис. 12).

Для установки образца в крепежный узел необходимо потянуть за ручку узла, расположенную в центре (между двумя юстировочными винтами с пружинами), и плотно прижать образец к плоскости с диафрагмой. Степень прижима образцов различной толщины регулируются юстировочными гайками с пружинами.

Положение подвижной пластины с образцом относительно пучка можно менять в пределах 40 мм по вертикали (фиксация осуществляется винтом на подвижной плоскости) и в пределах 30 мм по горизонтали (фиксация осуществляется гайкой рейтера).

Диаметр рабочей апертуры держателя составляет 45 мм.

Габариты держателя: 120 мм х 80 мм х 168 мм.

### 13. Электронный блок.

Электронный блок предназначен для усиления и регистрации сигнала с пироприемника, а также для питания генератора миллиметровых волн и пироприемника.

Питание генератора (0,25 A, 24 V) может осуществляться как в импульсном режиме с частотой повторения 8 Гц, так и в непрерывном режиме, который используется для регулировки питающего напряжения 24 В. При прямоугольной модуляции мощности излучения с частотой 8 Гц напряжение на пироприемнике имеет пилообразную форму той же



частоты. В электронном блоке это напряжение дополнительно усиливается, затем производится синхронное детектирование и интегрирование сигнала.

Коэффициент усиления можно менять с шагом 1, 10 — нажатием соответствующих кнопок на передней панели блока (рис. 13). На этой панели также расположенѕ кнопка включения и цифровой индикатор сигнала.

Рис. 13. Общий вид электронного блока.

На задней панели электронного блока (рис. 14) имеется коаксиальный разъем для питания генератора, штырьковый разъем для подсоединения кабеля пироприемника и стандартный разъем интерфейса USB для подсоединения к компьютеру.

Потребляемая мощность блока составляет 60 Вт при переменном токе 50-60 Гц, 220 В.

Габариты блока: 200 мм х 160 мм х 65 мм.

### 14. Исследуемые образцы.

Лабораторный практикум укомплектован следующими образцами:

- а) Металлические пленки, напыленные на лавсановую подложку (5 пленок с различным пропусканием от 3 % до 80 % и с одной и той же проводимостью). Диаметр рамок пленок составляет 56 мм.
- б) Образцы стекла К8. Толщины двух плоскопараллельных образцов равны  $d_1=11,72$  мм,  $d_2=17,58$  мм, их диаметры составляют 56



MM.

Рис. 14. Задняя панель электронного блока: USB - разъем интерфейса, IMPATT diode generator - коаксиальный разъем для питания генератора, Detector - разъем для пироприемника, разъем подключения шнура питания.

c) Модели двухмерных кристаллических решеток. Роль пространственная решетка, состоящая «кристалла» играет из параллельных металлических проволок. Проекции проволок на перпендикулярную плоскость образуют квадратную решетку.

## III. УКАЗАНИЯ ПО ТЕХНИКЕ БЕЗОПАСНОСТИ.

Уровень мощности генератора, используемого в лабораторном практикуме, безопасен для человека. Вместе с тем, не следует без необходимости подвергать тело экспериментатора воздействию миллиметрового излучения: перегораживать луч рукой, направлять луч от генератора в глаза и т.п. Для того, чтобы перекрыть луч используйте специальный экран. Отметим, что использование юстировочных элементов при аккуратной работе сводит к минимуму возможный контакт с миллиметровым излучением.

При работе следует избегать действий, которые могут привести к повреждению устройств и квазиоптических элементов практикума. Крайне осторожного обращения требуют сетки и поверхности зеркал. Запрещается трогать поверхность сеток и зеркал пальцами. Для хранения зеркал и сеток, не используемых в данный момент, следует использовать защитные элементы.

Располагать устройства практикума на оптическом столе необходимо аккуратно, избегая ударов и падений, которые могут привести к выходу из строя точной механики.

Электронный блок должен быть включен в сеть с защитным занулением. Металлический оптический стол должен быть заземлен.

Категорически запрещается снимать крышку блока, а также разбирать корпус генератора и приемника. Ремонт этих элементов практикума должен производиться только квалифицированным персоналом.

Запрещается отключать и подключать соединительные инуры генератора и приемника при включенном электронном блоке, так как это может привести к его повреждению. При необходимости подключить генератор, приемник или другое внешнее устройство вначале выключите блок и только после этого произведите подключение.

Использование криостата требует соблюдения техники безопасности при работе с жидким азотом. Основными опасными факторами при работе с этим хладагентом являются возможность асфиксии и ожога при попадании жидкого азота на незащищенную поверхность тела.

Работы с жидким азотом следует проводить в проветриваемом или вентилируемом помещении. При заполнении объема криостата из сосуда дьюара необходимо использовать специальную воронку, а также применять индивидуальные средства защиты: очки и перчатки.

Перед началом работы в практикуме студенты должны пройти инструктаж по технике безопасности и получить допуск к работе на установках.

## IV. ОПИСАНИЕ ЛАБОРАТОРНЫХ РАБОТ. РАБОТА № 1. ИНТЕРФЕРОМЕТР ФАБРИ-ПЕРО.

Цель эксперимента - изучение работы интерферометра Фабри-Перо (ИФП), измерение длины волны излучения с помощью интерферометра и определение его резкости и контраста.

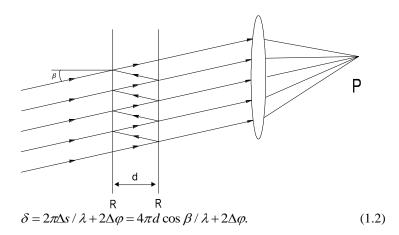
### 1.1. Теория интерферометра Фабри-Перо.

Интерферометр Фабри-Перо состоит ИЗ ДВУХ частично отражающих параллельных зеркал, расположенных на расстоянии d друг от друга. Обозначим коэффициенты отражения, пропускания и поглощения зеркал по интенсивности соответственно через R, T и A; из закона сохранения энергии следует соотношение T = 1 - R - A между этими величинами. Амплитудные коэффициенты отражения и преломления соответственно равны  $R^{1/2}$  и  $T^{\tilde{L}/2}$  . Пусть на зеркала под углом В к нормали падает параллельный пучок монохроматического излучения с длиной волны λ, а прошедшее излучение расположенной позади интерферометра линзой фокусируется в точку P (рис. 1.1). Волна между зеркалами многократно частично отражается от каждого зеркала, а все прошедшие волны в точке P интерферируют.

Наименьшая разность хода между двумя прошедшими волнами составляет

$$\Delta s = 2d\cos\beta,\tag{1.1}$$

а соответствующая разность фаз равна



### Рис. 1.1. Интерферометр Фабри-Перо.

Здесь  $\Delta \varphi$  - скачок фазы при отражении. При изменении расстояния d (или длины волны  $\lambda$ ) конструктивная интерференция прошедших волн возникает, когда разность фаз кратна  $2\pi$ :

$$\delta = 2\pi m,\tag{1.3}$$

(целое число m называется порядком интерференции) и в точке P с изменением d будут периодически возникать максимумы интенсивности. Для вычисления зависимости интенсивности от d необходимо сложить комплексные амплитуды всех волн, прошедших интерферометр. Если падающая на интерферометр волна имеет амплитуду  $E_0$ , то по прохождении двух зеркал ее амплитуда будет  $\sqrt{T}\sqrt{T}E_0 = TE_0$ . При каждом двукратном отражении амплитуда  $E_{0i}$  превращается в  $\sqrt{R}\sqrt{R}E_{0i} = RE_{0i}$ . Таким образом, для результирующей комплексной амплитуды получается геометрическая прогрессия (см. рис. 1.2):

$$E = TE_0 (1 + Re^{-i\delta} + R^2 e^{-2\delta} + R^3 e^{-3\delta} + \dots).$$
 (1.4)

В пределе бесконечно широких зеркал или для нормального падения пучка ( $\beta=0$ ), когда поперечное «убегание» пучка отсутствует, для бесконечно большого числа прошедших пучков

$$E = E_0 T / (1 - \text{Re}^{-i\delta}),$$
 (1.5)

и для интенсивности результирующей прошедшей волны  $I_* \propto EE^*$  получим

$$I_{t} = I_{0}T^{2} / (1 - \operatorname{Re}^{-i\delta})(1 - \operatorname{Re}^{i\delta}) = \frac{I_{0}T^{2}}{(1 - R)^{2} + 4R \sin^{2}(\delta/2)}.$$

$$R^{2}T^{1/2}E_{0}$$

С учетом соотношения T = 1 - R - A выражение для интенсивности принимает вид

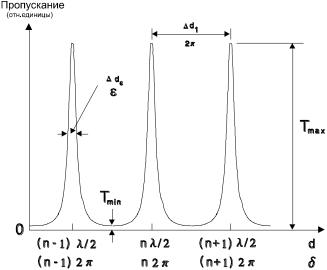


Рис. 1.2. К теории интерферометра Фабри-Перо.

Рис. 1.3. Пропускание интерферометра Фабри-Перо в зависимости от расстояния d между зеркалами и фазы  $\delta$ .

$$\frac{I_{t}}{I_{0}} = T_{H\Phi II} = \left(1 - \frac{A}{1 - R}\right)^{2} / \left(1 + \frac{4R}{(1 - R)^{2}} \sin^{2}(\delta / 2)\right), \tag{1.6}$$

где  $T_{U\Phi\Pi}$  - коэффициент пропускания интерферометра. На рис. 1.3 приведена соответствующая зависимость  $T_{U\Phi\Pi}$  от  $\delta$  и пропорционального ему d ( $\delta = 4\pi d/\lambda$ ). Обращает на себя внимание, что форма кривой  $T_{U\Phi\Pi}(\delta)$  существенно отличается от синусоидальной.

Ширину пиков пропускания  $\varepsilon$  на половине интенсивности можно найти из формулы (1.6), учитывая, что для  $\delta = 2\pi m \pm \varepsilon/2$   $T_{H\Phi\Pi} = (T_{\max} - T_{\min})/2$ . Тогда из (1.6) следует, что

$$\frac{4R}{(1-R)^2}\sin^2(\varepsilon/4)=1,$$

или

$$\varepsilon = 4\arcsin\left(\frac{1-R}{2\sqrt{R}}\right). \tag{1.7}$$

При достаточно больших R

$$\varepsilon \cong 2(1-R)/\sqrt{R} \,. \tag{1.8}$$

Таким образом, острота пиков пропускания растет с увеличением R, поскольку увеличивается показатель геометрической прогрессии (1.4), т.е. возрастает количество эффективно взаимодействующих пучков при многолучевой интерференции. Обычно в спектроскопии для ширины интерференционных пиков интерферометра Фабри-Перо используют безразмерную величину F, называемую «остротой» или «резкостью» интерферометра (finesse), определяемую как отношение расстояния между пиками ( $2\pi$ ) к их ширине

$$F = \frac{2\pi}{\varepsilon} \cong \frac{\pi\sqrt{R}}{1-R} \,. \tag{1.9}$$

Найдем связь между резкостью F и добротностью резонатора  $Q=\omega/\Delta\omega_p=-\lambda/\Delta\lambda_p$ , где  $\Delta\omega_p$ ,  $\Delta\lambda_p$  - ширина резонансного пика. Дифференцируя (1.2), получаем связь  $\Delta\delta$  с  $\Delta\lambda$ :

$$\Delta \delta = -\frac{4\pi d}{\lambda} \frac{\Delta \lambda}{\lambda}.\tag{1.10}$$

При  $\Delta \delta = \varepsilon$  из (1.9) и (1.10) следует

$$arepsilon = rac{2\pi}{F} = -rac{4\pi d}{\lambda} rac{\Delta \lambda_p}{\lambda} \, , \, \, _{ ext{ИЛИ}} rac{\lambda}{\Delta \lambda_p} = -rac{2dF}{\lambda} \cong -mF \, .$$

Таким образом,

$$Q = \omega / \Delta \omega_{p} = mF, \qquad (1.11)$$

и добротность резонатора Фабри-Перо равна произведению резкости и порядка интерференции.

Из формулы (1.6) видно, что 
$$T_{H\Phi H}^{\max} = \left(1 - \frac{A}{1-R}\right)^2$$
, а контраст

интерферометра равный по определению отношению  $\frac{T_{H\phi II}^{\max}}{T_{H\phi II}^{\min}} = \zeta$  равен:

$$\zeta = \left(\frac{1+R}{1-R}\right)^2. \tag{1.12}$$

Таким образом, резкость и контрастность интерферометра не зависят от коэффициента поглощения зеркал, а определяются только их коэффициентом отражения.

В классической оптике ИФП (эталон Фабри-Перо) используется в качестве селективного элемента, пропускающего излучение с длиной волны  $\lambda=2d$ /m. При этом к точности изготовления прибора предъявляются высокие требования: необходимо жестко выдерживать плоскопараллельность зеркал и обеспечить условие d=const. Кроме того, вследствие малости длины волны света необходимо вводить поправку на тепловое расширение держателя зеркал или термостатировать эталон.

В миллиметровом диапазоне длин волн применение ИФП существенно расширяется. Легко можно реализовать ситуацию, когда расстояние между зеркалами является не постоянным, а переменным. Такое устройство можно использовать, например, для прецизионного измерения длины волны излучения.

### 1.2. Подготовка к проведению эксперимента

ВНИМАНИЕ! Во избежание повреждения не прикасайтесь к зеркалам ИФП. Переносите ИФП только за основание.

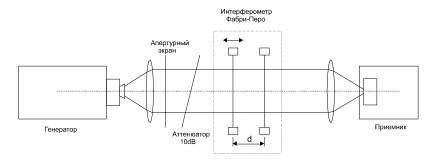


Рис. 1.4. Квазиоптическая схема для измерений длины волны и характеристик интерферометра Фабри-Перо.

Соберите установку по схеме рис. 1.4 в следующем порядке:

- а) С помощью линейки отрегулируйте высоту расположения генератора, тефлоновой линзы и приемника в их подставках так, чтобы центры рупора и тефлоновых линз были на высоте 80 мм от основания.
- б) Закрепите генератор и линзу вдоль «оси», образованной одним из рядов отверстий в плите-основании так, чтобы расстояние от плоскости симметрии линзы до узкого места рупора генератора было 60 мм (используйте линейку).

- в) Закрепите на этой же «оси» на расстоянии  $\cong 40$  см от тефлоновой линзы генератора приемный узел так, чтобы ось симметрии приемного узла совпадала с осью всей системы.
- г) Соедините генератор и приемный узел кабелями с электронным блоком (см. описание электронного блока).
- д) Включите электронный блок. Мигание светодиода на корпусе генератора свидетельствует о нормальной работе прибора. Поставьте переключатель входного аттенюатора в положение 1:1, а ручку «плавно» в положение максимального усиления.
- е) Медленно передвигая линзу генератора перпендикулярно оси системы в небольших пределах, добейтесь максимального показания прибора электронного блока. Проверьте расстояние между линзой и рупором. При необходимости восстановите его и повторите юстировку.
- ж) Ослабьте гайку на корпусе приемного узла и, вращая оправу линзы приемника, подъюстируйте ее до получения максимального сигнала. Зафиксируйте положение линзы барашком.
- 3) Поставьте между линзой генератора и приемником интерферометр Фабри-Перо так, чтобы его ось совпадала с осью системы. Закрепите интерферометр на плите.

### Упражнение 1.1. Измерение длины волны излучения.

Вращая микрометрический винт ИФП, убедитесь в периодическом изменении показаний электронного блока. Это свидетельствует о работе интерферометра.

ВНИМАНИЕ! При работе следите за тем, чтобы не загораживать рукой пучок излучения, иначе показания прибора будут искажены.

Сблизьте максимально зеркала интерферометра, затем, медленно раздвигая их, найдите первый максимум сигнала с приемника и определите по шкале микрометра его положение  $L_{I}$ . Продолжая вращать микрометрический винт, найдите положения  $d=L_{2},\ L_{3},\ \ldots,\ L_{m}$ , отвечающие максимумами с номерами 2, 3, ..., m (m  $\leq$  12).

По наклону прямой L = f(m) рассчитайте длину волны излучения и определите погрешность нахождения  $\lambda$ . Для анализа используйте метод наименьших квадратов.

### Упражнение 1.2. Измерение характеристик ИФП.

Медленно сблизьте зеркала. Вращая микрометрический винт, снимите зависимость интенсивности прошедшего сигнала I(L); постройте график. Кривая I(L) должна содержать несколько (5 - 10) интерференционных максимумов. Рассчитайте контраст и резкость интерферометра; найдите коэффициент отражения R.

Используя формулу (1.6), подберите коэффициент поглощения так, чтобы теоретическая зависимость наилучшим образом описывала экспериментальную кривую I(L). Постройте график теоретической зависимости I(L), отвечающий наилучшей аппроксимации, проанализируйте полученный результат.

# РАБОТА №2. ИССЛЕДОВАНИЕ И ПРЕОБРАЗОВАНИЕ ТИПА ПОЛЯРИЗАЦИИ МИЛЛИМЕТРОВОГО ИЗЛУЧЕНИЯ.

В рамках данного эксперимента мы выполним ряд упражнений по исследованию поляризации электромагнитного излучения миллиметрового диапазона, используя квазиоптические методы.

### **2.1.** Поляризационные элементы миллиметрового диапазона длин волн.

Тип поляризации электромагнитного излучения определяется траекторией, которую описывает в плоскости волнового фронта конец электрического вектора волны E. Рассмотрим две волны с одинаковой частотой, распространяющиеся в одном направлении, электрические векторы которых направлены вдоль осей х и у, соответственно:

$$E_{x} = E_{0x} \cos \omega t; \quad E_{y} = E_{0y} \cos(\omega t - \Delta \phi), \tag{2.1}$$

где  $\Delta \phi$  - разность фаз колебаний в этих волнах.

Исключая время из этой системы уравнений, можно получить уравнение для траектории конца вектора  $\pmb{E}$  результирующей волны в координатах  $E_{\mathcal{X}}, E_{\mathcal{Y}}$ :

$$\left(\frac{E_x}{E_{0x}}\right)^2 + \left(\frac{E_y}{E_{0y}}\right)^2 - 2\frac{E_x E_y}{E_{0x} E_{0y}} \cos \Delta \phi = \sin^2 \Delta \phi, \tag{2.2}$$

т.е. уравнение эллипса. Форма эллипса и его ориентация зависят от величин  $E_{0x},\,E_{0y}$  и  $\Delta \phi$ . В частности, при  $\Delta \phi=\pi m$  ,  $m=0,\,\pm 1,\,\pm 2,\,\dots$  эллипс вырождается в прямую  $E_x=(-1)^m\,\frac{E_{0x}}{E_{0y}}\,E_y$  и поляризация называется линейной, при  $\Delta \phi=(2m+1)\pi/2$  и  $E_{0x}=E_{0y}=E_0$  эллипс становится кругом  $E_x^2+E_y^2=E_0^2$  и соответствующая поляризация называется круговой, во всех остальных случаях поляризация - эллиптическая.

Основным поляризационным элементом миллиметрового и субмиллиметрового диапазонов является проволочная сетка. Сетка

состоит из натянутых на (обычно) круглую металлическую оправку тонких (порядка  $10\,$  мкм) проводников с периодом, много меньшим длины волны излучения (на практике - обычно от  $30\,$  мкм и более). Излучение с поляризацией E, параллельной проволочкам, будет индуцировать токи в проводниках и эффективно отражаться от сетки. Это так называемый случай E-поляризации (индуктивная сетка). В случае H-поляризации, когда вектор E волны перпендикулярен проводникам (емкостная сетка), коэффициент отражения будет мал, и волна будет проходить сквозь сетку практически невозмущенной. В промежуточном случае, когда вектор E направлен под углом  $\alpha$  по отношению к проводникам, компонента Eсоз $\alpha$  отразится от сетки, а компонента Esin $\alpha$  пройдет сквозь сетку.

Ha приборы, основе сеток строятся самые различные предназначенные ДЛЯ анализа, управления И преобразования миллиметрового и субмиллиметрового излучения: поляризаторы, анализаторы, делители пучка, зеркала, компенсаторы, преобразователи поляризации.

### Упражнение 2.1. Изучение работы сетки в качестве анализатора излучения.

Соберите квазиоптическую схему, показанную на рис. 2.1.

Поскольку на выходе генератора излучение поляризовано, интенсивность, прошедшая через сетку анализатора I, будет зависеть от угла поворота сетки  $\alpha$ . Снимите зависимость  $I(\alpha)$  и постройте график в полярных координатах. Проанализируйте полученный результат. Определите углы  $\alpha_0$ , отвечающие максимуму прошедшего сигнала для двух сеток, которые будут использоваться в следующем упражнении.



Рис. 2.1. Квазиоптическая схема для изучения работы анализатора.

### Упражнение 2.2. Изучение работы преобразователя поляризации.

Преобразователь поляризации представляет собой два параллельных зеркала с расстоянием d между ними, одно из которых, подвижное, - сплошное металлическое, а другое, неподвижное, -

сетчатое, проволочки которого вертикальны. Излучение падает на преобразователь поляризации под углом  $45^{\circ}$  к плоскости зеркал, причем оно линейно поляризовано с вектором E, направленным под углом  $45^{\circ}$  к проволочкам сетки преобразователя поляризации. Это достигается установкой в пучок перед преобразователем поляризатора, проводники которого направлены под углом  $45^{\circ}$  к вертикали.

Составляющая вектора E, параллельная проволочкам сетчатого зеркала, отразится в направлении приемника, а перпендикулярная составляющая пройдет сетчатое зеркало, затем отразится от сплошного зеркала и снова пройдет сквозь сетку в направлении приемника, преодолев по отношению к первой составляющей дополнительный путь, равный  $d\sqrt{2}$ . Таким образом, пучок, отраженный преобразователем в направлении к приемнику, состоит из двух волн с взаимно перпендикулярными поляризациями, равными амплитудами и разностью фаз  $\Delta \phi = 2\pi d\sqrt{2}/\lambda$ . Поэтому, изменяя расстояние d, и следовательно,  $\Delta \phi$ , в соответствии с (2.2) можно получить любую поляризацию в этом пучке - линейную, эллиптическую или круговую.

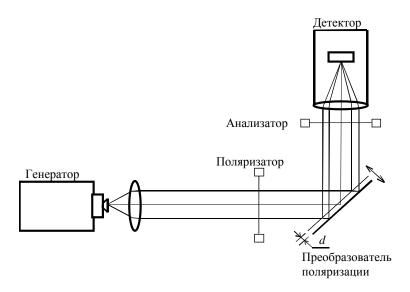


Рис. 2.2. Квазиоптическая схема для изучения преобразования типа поляризации миллиметрового излучения.

### Упражнение 2.3. Получение различных типов поляризации с помощью преобразователя поляризации.

- 1. Соберите схему рис. 2.2 без поляризатора и анализатора. Подвижное зеркало расположите вплотную к сетчатому, плоскость зеркала должна образовывать с осью пучка излучения угол в 45°. Перемещая линзы генератора и приемника, добейтесь максимального сигнала (ось пучка должна при этом попадать на середину зеркала).
- 2. Вставьте в схему поляризатор (проволоки должны быть повернуты на угол  $\alpha=45^\circ$  относительно направления, отвечающего максимуму проходящего сигнала (см. упражнение 2.1)).
- 3. Вставьте в схему анализатор. Вращая анализатор, поверьте характер проходящего излучения.

УКАЗАНИЕ. Для уменьшения амплитуды стоячих волн в тракте рекомендуется располагать плоскости поляризатора и анализатора под небольшим (5° - 10°) углом к оси пучка излучения.

- 4. Поверните анализатор на угол 45° относительно  $\alpha_0$ .
- 5. Перемещая микрометрический винт, снимите зависимость интенсивности от положения подвижного зеркала I(d).
- 6. Выбрав 5 6 характерных точек по d между минимум и максимум кривой I(d) определите характер поляризации, отвечающий этим точкам. Для этого установите фиксированное значение d и с помощью микрометрического винта снимите зависимость  $I(\alpha)$ , вращая анализатор. Повторите эксперимент для каждого выбранного положения d. Постройте семейство кривых  $I(\alpha)$  для различных d в полярных координатах. Объясните полученный результат.
- 7. Рассчитайте значение dсоответствующее поляризации. Установив подвижное зеркало, проверьте правильность (регистрируется зависимость  $I(\alpha)$ как в Оптимизируйте оптическую схему путем небольших перемещений подвижного зеркала и поворотов анализатора. Добейтесь того, чтобы отношение  $I(\alpha)$  в максимуме и минимуме было бы возможно близким к Снимите И постройте В полярных оптимизированную кривую. Объясните влияние юстировки на качество полученной круговой поляризации.

### РАБОТА №3. ДИФРАКЦИОННАЯ РЕШЕТКА.

Цель эксперимента - изучение дифракции электромагнитных волн миллиметрового диапазона на системе эквидистантных щелей в плоском непрозрачном экране (дифракционная решетка) и определение длины волны излучения с помощью решетки.

### 3.1. Теория дифракции на решетке.

Рассмотрим решетку, состоящую из ряда длинных эквидистантных щелей (см. описание решетки в разделе II, п. 5). Если период решетки, состоящей из N щелей равен d, а расстояние между щелями равно a (рис. 3.1), то угловое распределение интенсивности прошедшего излучения I дается формулой

$$I = I_0 \left( \frac{\sin(Nkdp/2)}{\sin(kdp/2)} \right)^2 \left( \frac{\sin(kap/2)}{kap/2} \right)^2, \tag{3.1}$$

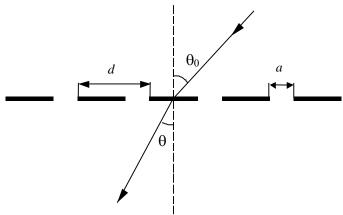
где

$$p \equiv \sin \theta - \sin \theta_0; \tag{3.2}$$

$$k = 2\pi / \lambda . (3.3)$$

Формулы (3.1) – (3.3) соответствуют случаю дифракции Фраунгофера, т. е. описывают ситуацию в дальнем поле, когда выполняется условие R >

 $\sqrt{4D^3/\lambda}$  (здесь *R*- расстояние от точки наблюдения до дифракционного



объекта, имеющего характерный размер D).

Рис. 3.1. Дифракционная решетка.

Первый из сомножителей в формуле (3.1) описывает интерференцию N дифрагированных волн от N щелей, а второй – дифракцию на одной щели. Максимумы интенсивности  $I(\theta)$  определяются из условия

$$p = \sin \theta - \sin \theta_0 = \frac{m\lambda}{d} \quad (m = 0, \pm 1, \pm 2, ...).$$
 (3.4)

Целое число m называется порядком интерференции.

В случае нормального падения  $\theta_0 = 0$  формула (3.1) принимает вид

$$I(\theta) \propto \frac{\sin^2 u}{u^2} \frac{\sin^2 Nv}{\sin^2 v},\tag{3.5}$$

где  $u = \pi a \sin \theta / \lambda$ ,  $v = \pi d \sin \theta / \lambda$ .

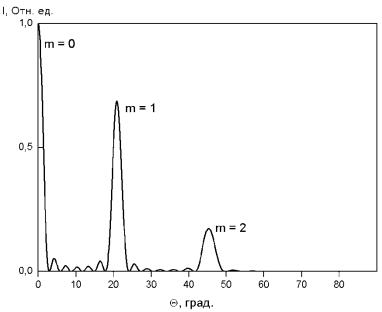
Если ширина щели  $a \ll \lambda$ , то первый множитель равен 1 и распределение интенсивности (3.5) соответствует полю антенной системы из эквидистантных синфазных диполей. График зависимости интенсивности дифрагированного излучения от угла  $\theta$ , рассчитанный по формуле (3.5) при N=7 для решетки, используемой в задаче, приведен на рис. 3.2.

Из выражения (3.5) видно, что острота максимумов возрастает с ростом N, соответственно растет и разрешающая сила решетки  $\lambda/\Delta\lambda = mN$ . Видно также, что при  $d\sin\theta = \pm m\lambda$  имеются главные максимумы, между которыми находятся (N-1) минимумов, разделенных (N - 2) вторичными максимумами (см. рис. 3.2). Эти вторичные максимумы и минимумы образуются вследствие интерференции волн от соответственных точек щелей, расположенных на расстояниях 2d, 3d, ..., (N-1)dдруга. Минимумы получаются  $dsin\theta = \lambda/N$  ,  $2\lambda/N$  ,  $3\lambda/N$  , ...,  $(N-1)\lambda/N$  . Вторичные максимумы имеют превышающую нескольких процентов не интенсивностей главных максимумов.

С помощью дифракционной решетки можно определять длину волны излучения, пользуясь условием интерференции для нормального падения

$$\lambda = d\sin\theta_m / m,\tag{3.6}$$

где  $\theta_m$  - направление на главный максимум m-го порядка. Для решетки, используемой в задаче, у которой a=2 мм, d=6 мм  $\cong 3\lambda$ , максимально возможный порядок m=3 (при  $\theta_3\cong 90^\circ$ ). Однако вследствие того, что d=3a, как видно из (3.5), максимум третьего порядка отсутствует.



Численно из формулы (3.5) следует, что интенсивности максимумов для нашей решетки соотносятся следующим образом:  $I_0:I_1:I_2:I_3=1:0.685:0.172:0.$ 

Рис. 3.2. Дифракция на решетке, рассчитанная для d=6 мм, a=2 мм,  $\lambda=2,14$  мм, N=7.

## Упражнение 3.1. Изучение дифракции на решетке в проходящих лучах.

- а) Используя микроскоп МБС-10 и окуляр со шкалой, точно измерьте параметры a и d дифракционной решетки. Соберите установку по схеме, показанной на рис. 3.3. На подвижную направляющую поворотного устройства установите узел приемника с линзой и закрепите его винтом.
- б) Выньте дифракционную решетку и расположите направляющую с приемником и генератор вдоль одной прямой (рис. 3.3). Отъюстируйте оптическую схему, добившись максимального сигнала. Высота пучка излучения должна соответствовать середине дифракционной решетки. Вставьте дифракционную решетку так, чтобы ее плоскость была бы перпендикулярна пучку излучения.
- в) Вращая подвижную направляющую, снимите зависимость  $I(\theta)$  и постройте график. Рассчитайте по графику  $I(\theta)$  длину волны излучения

генератора  $\lambda$ . Сравните полученное значение с результатом, полученным с помощью интерферометра Фабри-Перо. Объясните, чем определяется погрешность определения  $\lambda$  с помощью дифракционной решетки.

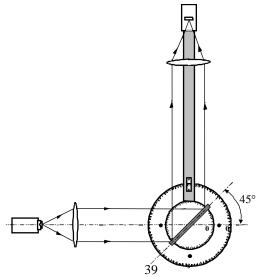


Сравните экспериментальную зависимость  $I(\theta)$  с теоретической (формула (3.5)). Определите эффективное число щелей N, участвующих в образовании дифракционной картины. Объясните возможные причины расхождения расчетных и экспериментальных данных.

Рис. 3.3 Изучение дифракции на решетке в геометрии пропускания.

## Упражнение 3.2. Изучение дифракции на решетке в отраженных лучах.

- а) Установите решетку под углом 45° к оси пучка (рис. 3.4).
- б) Снимите зависимость  $I(\theta)$  в геометрии отражения.



### Рис. 3.4. Изучение дифракции на решетке в геометрии отражения.

- в) Повторите эксперимент для случая, когда решетка образует с пучком излучения угол в 30°. Выполните расчет ожидаемой теоретической угловой зависимости интенсивности излучения для геометрии отражения.
- г) Сравните полученные экспериментальные зависимости  $I(\theta)$  с расчетными (формула (3.1)). Объясните возможные причины расхождения расчетных и экспериментальных данных. Объясните, как связаны параметры дифракционной решетки в случаях пропускания и отражения.

## V. РЕКОМЕНДАЦИИ ПО ОБРАБОТКЕ ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНЫХ ДАННЫХ.

Одной из целей настоящего практикума является обучение студентов "технологии" сравнения полученных в ходе выполнения работ экспериментальных данных с результатами теоретических расчетов. большинство данных представляется соответствующих зависимостей, при оформлении работ практикума рекомендуется использовать современные пакеты для обработки данных персональных компьютерах. К удачным программам, приспособленным к задачам экспериментальной физики, следует отнести программу Origin фирмы Microcal Software (рекомендуется использовать версии 3.5 и старше), работающую в среде Microsoft Windows. Программа Origin позволяет заносить экспериментальные данные в таблицы (worksheets), столбцы которых играют роль независимых и зависимых переменных, а строка с номером і дает координаты точек  $X_i$ ,  $Y_{1i}$ ,  $Y_{2i}$ , ...,  $Y_{ni}$ , причем каждая из зависимостей  $Y_1(X), Y_2(X), ..., Y_n(X)$  может быть построена и математически обработана независимым образом. Выделив столбец щелчком мыши на его заглавной ячейке, можно изменить его назначение, сделав независимой или зависимой переменной (пункт меню "set as..."). После выделения столбца зависимой переменной  $Y_k$  вызов пункта меню "Plot" позволяет немедленно получить график функции  $Y_k(X)$ , который можно распечатать на принтере.

Каждый элемент графика, включая диапазон, тип, подпись и масштаб оси можно изменить, дважды щелкнув мышью по соответствующему элементу, после чего будет отображено контекстное меню. Характер отображения данных (точки, линия, точки и соединительная линия, символьные точки) можно изменить, дважды щелкнув по экспериментальной кривой или по соответствующему символу легенды.

В основе отображения графиков в программе Origin используется концепция слоев. Каждый слой можно представить себе в виде прозрачной пленки, на которой нарисован график (или несколько графиков) Y(X). Существенно, что X и Y в различных случаях могут быть как связанными (linked) (например, общая ось X), так и независимыми. В последнем случае возможно независимое масштабирование картинок, отвечающих различным слоям. Это позволяет представлять сложные наборы данных.

Номера слоев отображаются на функциональных кнопках вверху окна Graph; дважды щелкнув на кнопке соответствующего слоя можно

получить доступ к его содержанию и выбрать или изменить наборы данных, которые будут отображаться на картинке слоя в виде графиков. Предусмотрены различные настройки свойств слоя и его трансформации при масштабировании.

При моделировании различных теоретических зависимостей полезным может оказаться пункт меню Set Column Value, который позволяет задавать значение ячейке столбца как функции номера і и (или) по значениям ячеек, отвечающих различным столбцам таблицы.

Сильной стороной программы Origin является широкий набор возможностей математической обработки данных (численное интегрирование и дифференцирование, метод наименьших квадратов, приближение полиномом, приближение нелинейными функциями). В случае необходимости пользователь имеет возможность запрограммировать свою собственную функцию для аппроксимации экспериментальных данных.

Программа Origin содержит также разнообразные оформительские элементы и позволяет снабжать графики подписями, стрелками и линиями и т. п. Интуитивно понятный Windows – подобный интерфейс (выдели объект, после чего настрой его или трансформируй), а также развитая справочная система делает эту программу легкой в освоении даже без специальных руководств. Некоторые сложности на начальном этапе освоения могут создать не всегда рациональное и "прозрачное" распределение пунктов меню (как правило, относящихся к обработке данных). Однако этот недостаток искупается гибкостью работы с экспериментальными данными и "быстротой" перехода от таблицы данных к готовому графику.

### ЛИТЕРАТУРА

- 1. Сивухин Д. В. Оптика. М.: Наука, 1980. гл. III, §36; гл. IV, §47,52,61; гл. IV, §46.
- 2. Сивухин Д. В. Электричество. М.: Наука, 1983. гл. I, §39.
- 3. Лансберг Г. С. Оптика. М.: Наука, 1976. гл. VII, §30; гл. IX, §46.
- 4. Борн М., Вольф Э. Основы оптики. М.: Наука, 1973. гл.7, §7.6.
- 5. Киттель Ч. Введение в физику твердого тела. М.: Наука, 1978. 620 с.
- 6. Иверонова В. И., Ревкевич Г. П. Теория рассеяния рентгеновских лучей. М.: МГУ, 1978. гл. 3, §1.
- 7. Струков Б. А., Леванюк А. П. Физические основы сегнетоэлектрических явлений в кристаллах. М.: Наука, 1983. гл. II.
- 9. Техника спектроскопии в дальней инфракрасной, субмиллиметровой и миллиметровой областях спектра/ Под ред. Т.М.Лифшица. М.: Мир, 1970. гл. 7.
- 10. Девятков М. Н. Генератор на лавиннопролетном диоде, описание задачи спецпрактикума СВЧ. М.: Наука, 1972. -
- 11. Лебедева В. В. Экспериментальная оптика. М.: МГУ, 1994. гл. 5, §5.4.
- 12. Кунце Х.-И. Методы физических измерений. М.: Мир, 1989. §7.3.5.
- 13. Керолл Дж. СВЧ-генераторы на горячих электронах. М.: Мир, 1972.

-

#### Учебное издание

#### КВАЗИОПТИЧЕСКИЕ ИЗМЕРЕНИЯ НА МИЛЛИМЕТРОВЫХ ВОЛНАХ

Учебно-методическое пособие

Составители: Анзин Владимир Борисович, Волков Александр Александрович, Глушков Владимир Витальевич, Горшунов Борис Петрович, Демишев Сергей Васильевич, Жукова Елена Сергеевна, Козлов Геннадий Викторович, Случанко Николай Ефимович

Редактор *И. А. Волкова.* Корректор *О. П. Котова.* Подписано в печать  $30.05.2013.\Phi$ ормат  $60 \times 84^{-1}/_{16}$ . Усл. печ. л. 3,0. Уч.-изд. л. 2,0.

Тираж 50 экз. Заказ №

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего профессионального образования «Московский физико-технический институт (государственный университет)» 141700, Московская обл., г. Долгопрудный, Институтский пер., 9 Тел. (495) 408-5822. E-mail: rio@mail.mipt.ru

Отдел оперативной полиграфии «Физтех-полиграф» 141700, Московская обл., г. Долгопрудный, Институтский пер., 9 Тел. (495) 408-8430. E-mail: polygraph@miptic.ru