### Homework7

@rosefantasie

### 2022年11月24日

# 1 作业要求

- 1. 求实对称三对角阵的全部特征值和特征向量。
- (1) 用 C++ 编制利用**过关 Jacobi 方法**求实对称三对角阵全部特征值和特征向量的通用子程序。
  - (2) 利用你所编制的子程序求矩阵(从 50 阶到 100 阶)

$$A = \begin{pmatrix} 4 & 1 & & & \\ 1 & 4 & 1 & & & \\ & \ddots & \ddots & \ddots & \\ & & 1 & 4 & 1 \\ & & & 1 & 4 \end{pmatrix}$$

的全部特征值和特征向量。

参考课本 P217,设你的程序经过 k 步迭代后停止了,得到  $Q_k = J_1 \cdots J_k$  及  $AQ_k = Q_k A_k$ ,要求程序直接输出 50,60,70,80,90,100 阶的  $Q_k$  和  $A_k$  (指助教跑的时候可以直接看到所有结果) 且给出每次求解的迭代次数和所用时间,报告里只需给出 50 阶的两个矩阵截图,对于 60,70,80,90,100 阶,请在报告中给出从小到大排序后的全部特征值。

交上来的源文件中的参考输出格式:

n=xx, 迭代次数: x, 用时 xxx s.

Ak=

[矩阵]

Qk =

[矩阵]

- 2. 求实对称三对角阵的指定特征值及对应的特征向量.
- (1) 用 C++ 编制先利用**二分法**求实对称三对角阵指定特征值,再利用**反幂法**求对应特征向量的通用子程序。

#### (2) 利用你所编制的子程序求矩阵

$$A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & & & \\ -1 & 2 & -1 & & & \\ & \ddots & \ddots & \ddots & \\ & & -1 & 2 & -1 \\ & & & -1 & 2 \end{pmatrix}_{100 \times 100}$$

#### 的最大和最小特征值及对应的特征向量。

要求输出迭代次数,用时,特征值和特征向量。参考输出格式:最小特征值:x,迭代次数:y,用时:z ms.

## 2 涉及算法

过关 Jacobi: 先看懂 P211-213 的经典 Jacobi 方法, 再参考 P217 过关 Jacobi 方法的描述。

二分法: 参考 P223 推论 7.4.1 下面的文字描述。其中变号数的计算见算法 7.4.1。

反幂法: P169 6.3 节开头的迭代格式。

特别提醒: 请看懂文字描述再根据算法写代码!!!!!!!

### 3 附加说明

- 1. 尽量使用 c++ 和 visual studio.
- 2. 提交内容和说明见群文件。
- 3. 本次作业ddl 为 2022.12.22(冬至)23:59,请大家尽早提交,不要卡点。超时作业没有特殊情况者拒收。若有特殊情况请提前私聊助教沟通。
- 4. 请确保你的程序能顺利跑出正确的结果再上交!!! 可以用 Mathematica/Matlab 等工具来 验证你的解是否正确。
  - 5. 没有报告的程序作业不予批改。