НАЦІОНАЛЬНИЙ ТЕХНІЧНИЙ УНІВЕРСИТЕТ УКРАЇНИ

"КИЇВСЬКИЙ ПОЛІТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ ім. Ігоря Сікорського" Навчально-науковий фізико-технічний інститут Кафедра математичних методів захисту інформації

Симетрична Криптографія

Комп'ютерний практикум №1

Виконали: Студенти групи ФІ-13 Ісаченко Нікіта Бондаренко Олександр

1 Мета роботи

Засвоєння понять ентропії на символ джерела та його надлишковості, вивчення та порівняння різних моделей джерела відкритого тексту для наближеного визначення ентропії, набуття практичних навичок щодо оцінки ентропії на символ джерела.

2 Хід роботи

Необхідно було підрахувати частоти біграм(як з пробілами, так і без), символів, а також їх ентропій. Оскільки реалізовували ми все на мові програмування С++, ми викорстали усю силу потоків стандартної бібліотеки цієї мови для обробки текстових файлів. Як кодування взяли застаріле СР-1251, через те, що воно вміщуєтся у один байт, і таким чином з ним і простіше працювати(на відміну від utf-8, яке символи в якій можуть кодуватись різною довжиною), а також дозволило зменшити обсяг вхідних файлів. Особливих труднощів під час виконання комп'ютерного практикуму не виявлено.

3 Результати

Оскільки біграм дуже багато, ми взяли відносно невеликий текст, щоб не роздувати звіт на 100 сторінок статистичних даних.

Нижче наведенинй підрахунок ймовірностей та частот символів у тектсі з пробілами, з відповідним значенням ентропії:

```
Letters:
a -- 71, 0.0527489,
6 -- 19, 0.0141159,
в -- 62, 0.0460624,
г -- 18, 0.013373,
д -- 31, 0.0230312,
e -- 98, 0.0728083,
x -- 18, 0.013373,
3 -- 18, 0.013373,
и -- 112, 0.0832095,
й -- 9, 0.00668648,
\kappa -- 29, 0.0215453,
\pi -- 33, 0.0245171,
M -- 51, 0.03789,
н -- 83, 0.0616642,
o -- 125, 0.0928678,
\pi -- 25, 0.0185736,
p -- 51, 0.03789,
c -- 62, 0.0460624,
т -- 74, 0.0549777,
y -- 26, 0.0193165,
\varphi -- 1, 0.000742942,
x -- 15, 0.0111441,
ц -- 4, 0.00297177,
ч -- 14, 0.0104012,
ш -- 2, 0.00148588,
щ -- 2, 0.00148588,
```

```
ы -- 26, 0.0193165,

ь -- 32, 0.0237741,

э -- 3, 0.00222883,

ю -- 9, 0.00668648,

я -- 28, 0.0208024,

-- 195, 0.144874,

Total letter in text: 32

Entropy of symbols: 4.36575
```

Перша колонка- кількість, друга- ймовірність появи. Внизу наведено потужність алфавіту на ентропію на символ(або H_1).

Без пробілів:

```
Text size: 1151
Letters:
a -- 71, 0.0616855,
б -- 19, 0.0165074,
в -- 62, 0.0538662,
r -- 18, 0.0156386,
д -- 31, 0.0269331,
e -- 98, 0.0851434,
x -- 18, 0.0156386,
з -- 18, 0.0156386,
и -- 112, 0.0973067,
й -- 9, 0.00781929,
к -- 29, 0.0251955,
\pi -- 33, 0.0286707,
м -- 51, 0.0443093,
н -- 83, 0.0721112,
o -- 125, 0.108601,
\pi -- 25, 0.0217202,
p -- 51, 0.0443093,
c -- 62, 0.0538662,
т -- 74, 0.0642919,
y -- 26, 0.0225891,
ф -- 1, 0.00086881,
x -- 15, 0.0130321,
ц -- 4, 0.00347524,
ч -- 14, 0.0121633,
\mathbf{m} -- 2, 0.00173762,
щ -- 2, 0.00173762,
ы -- 26, 0.0225891,
ь -- 32, 0.0278019,
э -- 3, 0.00260643,
ю -- 9, 0.00781929,
я -- 28, 0.0243267,
```

Total letter in text: 31

Entropy of symbols: 4.40741

Можемо побачити, що у тексті з пробілами ентропія на символ трохи менша через те, що пробіл — найчастіший символ, що робить розподіл символів менш подібним до випадкового.

Лістинг підрахунку біграм буде наведений після висновку у додатку A, через його великий об'єм. Однак можемо навести результати підрахунку частот та кількостей біграм у тексті.

З пробілами(перетинні):

Total overlaping bigrams in text: 1345 Entropy of overlaping bigrams in text: 3.78871

З пробілами(неперетинні):

Total non overlaping bigrams in text: 673 Entropy of non overlaping bigrams in text: 3.66332

Без пробілів(перетинні):

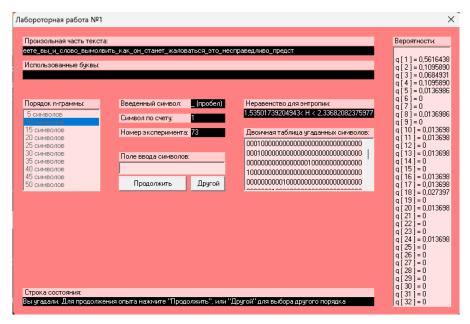
Total overlaping bigrams in text: 1150 Entropy of overlaping bigrams in text: 3.88691

Без пробілів(неперетинні):

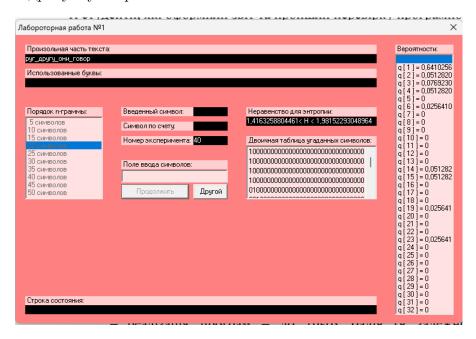
Total non overlaping bigrams in text: 575 Entropy of non overlaping bigrams in text: 3.74531

$oldsymbol{4}$ Оцінки для $H^{(10)}, H^{(20)}, H^{(30)}$

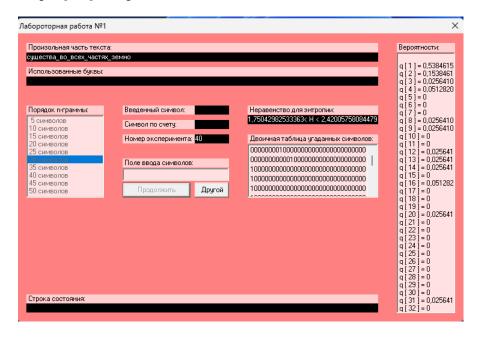
Скріншот підрахунку ентропії $H^{(10)}$ з-за допомогою CoolPinkProgram.



Скріншот підрахунку ентропії $H^{(20)}$:



Скріншот підрахунку ентропії $H^{(30)}$:



5 Оцінка надлишковості російської мови

Маємо, що:

$$1.535 \le H^{(10)} \le 2.337$$

 $1.416 \le H^{(20)} \le 1.982$
 $1.750 \le H^{(30)} \le 2.420$

Надлишковість обчислюється за формулою:

$$R = 1 - \frac{H_{\mathrm{inf}}}{H_0}$$
, де $H_0 = \log_2 32 = 5$

Маючи ці відомості, оцінимо надлишковість:

 $H^{(10)}: 0.693 \ge R \ge 0.5326$ $H^{(20)}: 0.717 \ge R \ge 0.604$ $H^{(30)}: 0.65 \ge R \ge 0.516$

6 Висновок

У роботі ми оцінили надлишковість російської мови та ентропії на символ та біграм, що певне знадобиться нам у подальших дослідженнях. Ось така штука.

Додаток А: результат підрахунку біграм

Без пробілів

Перетинні біграми:

```
Overlapping Bigrams:
a6 -- 1, 0.000869565,
ав -- 2, 0.00173913,
ar -- 1, 0.000869565,
ад -- 2, 0.00173913,
ae -- 5, 0.00434783,
аж -- 7, 0.00608696,
аз -- 5, 0.00434783,
ак -- 4, 0.00347826,
a\pi -- 5, 0.00434783,
am -- 5, 0.00434783,
ан -- 11, 0.00956522,
ап -- 2, 0.00173913,
ap -- 3, 0.0026087,
ac -- 4, 0.00347826,
ат -- 7, 0.00608696,
ay -- 1, 0.000869565,
ax -- 2, 0.00173913,
аш -- 1, 0.000869565,
axo -- 3, 0.0026087,
ба -- 2, 0.00173913,
66 -- 1, 0.000869565,
бе -- 2, 0.00173913,
6x -- 1, 0.000869565,
би -- 1, 0.000869565,
6\pi - 1, 0.000869565,
бо -- 5, 0.00434783,
бр -- 2, 0.00173913,
6x -- 1, 0.000869565,
бы -- 1, 0.000869565,
бя -- 2, 0.00173913,
```

```
ва -- 10, 0.00869565,
```

- вд -- 3, 0.0026087,
- ве -- 7, 0.00608696,
- ви -- 7, 0.00608696,
- вк -- 1, 0.000869565,
- вл -- 1, 0.000869565,
- вм -- 1, 0.000869565,
- вн -- 4, 0.00347826,
- во -- 15, 0.0130435,
- BC -- 3, 0.0026087,
- ву -- 1, 0.000869565,
- вы -- 8, 0.00695652,
- вь -- 1, 0.000869565,
- ra -- 4, 0.00347826, гд -- 1, 0.000869565,
- ги -- 1, 0.000869565,
- гк -- 1, 0.000869565,
- гл -- 1, 0.000869565,
- ro -- 4, 0.00347826,
- гр -- 2, 0.00173913,
- rc -- 1, 0.000869565,
- гт -- 1, 0.000869565,
- ry -- 2, 0.00173913,
- да -- 3, 0.0026087,
- дв -- 1, 0.000869565,
- дд -- 1, 0.000869565,
- де -- 7, 0.00608696,
- ди -- 4, 0.00347826,
- дн -- 1, 0.000869565,
- до -- 7, 0.00608696,
- др -- 2, 0.00173913,
- ду -- 1, 0.000869565,
- ды -- 3, 0.0026087,
- дь -- 1, 0.000869565,
- ea -- 1, 0.000869565,
- еб -- 4, 0.00347826,
- ев -- 6, 0.00521739,
- er -- 3, 0.0026087,
- ед -- 2, 0.00173913,
- ee -- 3, 0.0026087,
- еж -- 1, 0.000869565,
- ез -- 1, 0.000869565,
- еи -- 8, 0.00695652,
- ей -- 4, 0.00347826,
- ек -- 1, 0.000869565,
- ел -- 7, 0.00608696,
- ем -- 10, 0.00869565,
- ен -- 15, 0.0130435,
- eo -- 3, 0.0026087,
- $e\pi$ -- 3, 0.0026087,

```
ep -- 9, 0.00782609,
```

- ec -- 8, 0.00695652,
- ет -- 5, 0.00434783,
- ey -- 2, 0.00173913,
- ex -- 2, 0.00173913,
- жд -- 3, 0.0026087,
- me -- 5, 0.00434783,
- жи -- 3, 0.0026087,
- жн -- 7, 0.00608696,
- за -- 1, 0.000869565,
- зв -- 4, 0.00347826,
- зд -- 1, 0.000869565,
- зи -- 2, 0.00173913,
- зм -- 3, 0.0026087,
- зн -- 5, 0.00434783,
- зо -- 1, 0.000869565,
- зу -- 1, 0.000869565,
- иа -- 1, 0.000869565,
- иб -- 1, 0.000869565,
- ив -- 9, 0.00782609,
- иг -- 2, 0.00173913,
- ид -- 3, 0.0026087,
- ие -- 6, 0.00521739,
- иж -- 4, 0.00347826,
- из -- 5, 0.00434783,
- ии -- 7, 0.00608696,
- ик -- 4, 0.00347826, ил -- 2, 0.00173913,
- $m_1 = 2, 0.00173913$
- им -- 12, 0.0104348,
- ин -- 4, 0.00347826,
- ио -- 3, 0.0026087,
- ип -- 3, 0.0026087,
- ир -- 4, 0.00347826,
- ис -- 7, 0.00608696,
- ит -- 12, 0.0104348,
- иу -- 2, 0.00173913,
- их -- 4, 0.00347826,
- иц -- 1, 0.000869565,
- ич -- 6, 0.00521739,
- иэ -- 1, 0.000869565,
- ию -- 1, 0.000869565,
- ия -- 8, 0.00695652,
- йв -- 1, 0.000869565,
- йд -- 1, 0.000869565,
- йж -- 1, 0.000869565,
- йи -- 1, 0.000869565,
- йк -- 1, 0.000869565,
- йм -- 1, 0.000869565,
- йп -- 1, 0.000869565,
- йс -- 1, 0.000869565,

```
йч -- 1, 0.000869565,
```

- $\kappa a -- 5, 0.00434783,$
- кг -- 1, 0.000869565,
- $\kappa x -- 1, 0.000869565,$
- ки -- 4, 0.00347826,
- $\kappa\pi$ -- 3, 0.0026087,
- ко -- 6, 0.00521739,
- кр -- 6, 0.00521739,
- $\kappa c -- 1, 0.000869565,$
- ку -- 1, 0.000869565,
- кф -- 1, 0.000869565,
- ла -- 7, 0.00608696,
- ле -- 4, 0.00347826,
- ли -- 5, 0.00434783,
- лк -- 1, 0.000869565,
- лн -- 2, 0.00173913,
- ло -- 1, 0.000869565,
- лу -- 1, 0.000869565,
- ль -- 8, 0.00695652,
- лю -- 1, 0.000869565,
- ля -- 3, 0.0026087,
- ma -- 3, 0.0026087,
- мб -- 1, 0.000869565,
- мг -- 1, 0.000869565,
- ме -- 8, 0.00695652,
- ми -- 6, 0.00521739,
- мк -- 1, 0.000869565,
- MH -- 3, 0.0026087,
- мо -- 12, 0.0104348,
- $M\Pi$ -- 1, 0.000869565,
- мр -- 2, 0.00173913,
- MC -- 3, 0.0026087,
- му -- 4, 0.00347826,
- мч -- 2, 0.00173913,
- мы -- 4, 0.00347826,
- на -- 9, 0.00782609,
- нв -- 1, 0.000869565,
- не -- 8, 0.00695652,
- ни -- 21, 0.0182609,
- нн -- 4, 0.00347826,
- но -- 27, 0.0234783,
- нс -- 2, 0.00173913,
- ну -- 1, 0.000869565,
- нц -- 1, 0.000869565,
- ны -- 4, 0.00347826,
- нь -- 2, 0.00173913,
- ня -- 3, 0.0026087,
- of -- 6, 0.00521739,
- ов -- 18, 0.0156522,
- or -- 7, 0.00608696,

```
од -- 6, 0.00521739,
```

- oe -- 2, 0.00173913,
- ож -- 2, 0.00173913,
- оз -- 4, 0.00347826,
- ои -- 7, 0.00608696,
- ой -- 3, 0.0026087,
- ок -- 2, 0.00173913,
- ол -- 9, 0.00782609,
- ом -- 11, 0.00956522,
- он -- 5, 0.00434783,
- oo -- 3, 0.0026087,
- оп -- 2, 0.00173913,
- op -- 4, 0.00347826,
- oc -- 16, 0.013913,
- от -- 7, 0.00608696,
- oy -- 2, 0.00173913,
- ox -- 3, 0.0026087,
- оц -- 2, 0.00173913,
- оч -- 1, 0.000869565,
- оя -- 3, 0.0026087,
- πe -- 4, 0.00347826,
- πo -- 11, 0.00956522,
- $\pi p -- 7, 0.00608696,$
- πc -- 1, 0.000869565,
- пт -- 1, 0.000869565,
- пы -- 1, 0.000869565,
- pa -- 13, 0.0113043,
- рв -- 1, 0.000869565,
- pe -- 10, 0.00869565,
- рж -- 1, 0.000869565,
- ри -- 7, 0.00608696,
- рм -- 1, 0.000869565,
- рн -- 1, 0.000869565,
- po -- 7, 0.00608696,
- py -- 4, 0.00347826,
- ры -- 5, 0.00434783,
- ря -- 1, 0.000869565,
- ca -- 3, 0.0026087,
- св -- 6, 0.00521739,
- ce -- 5, 0.00434783,
- си -- 5, 0.00434783,
- ск -- 4, 0.00347826,
- cm -- 1, 0.000869565,
- co -- 3, 0.0026087,
- $c\pi -- 5, 0.00434783,$
- cp -- 1, 0.000869565,
- ст -- 18, 0.0156522,
- cy -- 2, 0.00173913,
- сч -- 1, 0.000869565,
- ся -- 8, 0.00695652,

```
та -- 7, 0.00608696,
```

- тб -- 1, 0.000869565,
- тв -- 2, 0.00173913,
- тд -- 1, 0.000869565,
- те -- 5, 0.00434783,
- ти -- 13, 0.0113043,
- TK -- 3, 0.0026087,
- тл -- 2, 0.00173913,
- тн -- 4, 0.00347826,
- то -- 12, 0.0104348,
- тп -- 2, 0.00173913,
- тр -- 3, 0.0026087,
- ть -- 19, 0.0165217,
- уб -- 1, 0.000869565,
- ув -- 2, 0.00173913,
- yr -- 3, 0.0026087,
- уд -- 4, 0.00347826,
- уз -- 2, 0.00173913,
- ул -- 2, 0.00173913,
- ум -- 1, 0.000869565,
- ун -- 1, 0.000869565,
- yp -- 1, 0.000869565,
- yc -- 3, 0.0026087,
- ут -- 2, 0.00173913,
- уч -- 1, 0.000869565,
- ущ -- 1, 0.000869565,
- ую -- 2, 0.00173913,
- фи -- 1, 0.000869565,
- xa -- 1, 0.000869565,
- хв -- 1, 0.000869565,
- хи -- 1, 0.000869565,
- хн -- 4, 0.00347826,
- xo -- 5, 0.00434783,
- xp -- 1, 0.000869565,
- xc -- 2, 0.00173913,
- це -- 2, 0.00173913,
- ци -- 2, 0.00173913,
- ча -- 1, 0.000869565,
- че -- 5, 0.00434783,
- чи -- 1, 0.000869565,
- чн -- 3, 0.0026087,
- чт -- 3, 0.0026087,
- чь -- 1, 0.000869565,
- ше -- 2, 0.00173913,
- ще -- 2, 0.00173913,
- ыв -- 1, 0.000869565,
- ыд -- 2, 0.00173913,
- ые -- 6, 0.00521739,
- ыз -- 1, 0.000869565,
- ыи -- 1, 0.000869565,

```
ый -- 2, 0.00173913,
ык -- 1, 0.000869565,
ым -- 3, 0.0026087,
ыс -- 1, 0.000869565,
ыт -- 4, 0.00347826,
ыу -- 1, 0.000869565,
ых -- 2, 0.00173913,
ыэ -- 1, 0.000869565,
ьб -- 1, 0.000869565,
ьв -- 5, 0.00434783,
ьд -- 1, 0.000869565,
ьи -- 1, 0.000869565,
ьк -- 1, 0.000869565,
ьн -- 8, 0.00695652,
ьп -- 3, 0.0026087,
ъс -- 7, 0.00608696,
ьт -- 1, 0.000869565,
ьч -- 1, 0.000869565,
ьш -- 1, 0.000869565,
ьэ -- 1, 0.000869565,
ью -- 1, 0.000869565,
эм -- 1, 0.000869565,
эт -- 2, 0.00173913,
юк -- 1, 0.000869565,
юр -- 2, 0.00173913,
ют -- 4, 0.00347826,
юч -- 1, 0.000869565,
ющ -- 1, 0.000869565,
яб -- 2, 0.00173913,
яв -- 2, 0.00173913,
яи -- 3, 0.0026087,
як -- 3, 0.0026087,
ям -- 1, 0.000869565,
ян -- 1, 0.000869565,
яп -- 3, 0.0026087,
яр -- 1, 0.000869565,
яс -- 2, 0.00173913,
ят -- 7, 0.00608696,
ях -- 1, 0.000869565,
яю -- 1, 0.000869565,
Total overlaping bigrams in text: 1150
Entropy of overlaping bigrams in text: 3.88691
```

Неперетинні біграми:

```
ав -- 1, 0.00173913,
ае -- 2, 0.00347826,
аж -- 3, 0.00521739,
аз -- 2, 0.00347826,
ал -- 2, 0.00347826,
```

```
am -- 3, 0.00521739,
```

- ан -- 4, 0.00695652,
- ap -- 2, 0.00347826,
- ac -- 3, 0.00521739,
- ат -- 3, 0.00521739,
- ay -- 1, 0.00173913,
- аш -- 1, 0.00173913,
- ба -- 1, 0.00173913,
- 6x -- 1, 0.00173913,
- би -- 1, 0.00173913,
- бо -- 3, 0.00521739,
- бр -- 1, 0.00173913,
- бя -- 1, 0.00173913,
- ва -- 6, 0.0104348,
- вд -- 3, 0.00521739,
- ве -- 5, 0.00869565,
- ви -- 3, 0.00521739,
- вк -- 1, 0.00173913,
- вл -- 1, 0.00173913,
- вн -- 3, 0.00521739,
- во -- 11, 0.0191304,
- вс -- 2, 0.00347826,
- вы -- 6, 0.0104348,
- га -- 2, 0.00347826,
- ги -- 1, 0.00173913,
- гк -- 1, 0.00173913,
- го -- 3, 0.00521739,
- да -- 3, 0.00521739,
- дв -- 1, 0.00173913,
- дд -- 1, 0.00173913,
- де -- 4, 0.00695652,
- ди -- 2, 0.00347826,
- дн -- 1, 0.00173913,
- до -- 1, 0.00173913,
- др -- 1, 0.00173913,
- ду -- 1, 0.00173913,
- ды -- 1, 0.00173913,
- дь -- 1, 0.00173913,
- ea -- 1, 0.00173913,
- еб -- 3, 0.00521739,
- ев -- 1, 0.00173913,
- er -- 2, 0.00347826,
- ед -- 1, 0.00173913,
- ee -- 2, 0.00347826,
- ex -- 1, 0.00173913,
- ез -- 1, 0.00173913,
- еи -- 5, 0.00869565,
- ей -- 3, 0.00521739,
- ел -- 2, 0.00347826,
- ем -- 4, 0.00695652,

```
ен -- 6, 0.0104348,
```

- eo -- 2, 0.00347826,
- em -- 2, 0.00347826,
- ep -- 8, 0.013913,
- ec -- 5, 0.00869565,
- ет -- 4, 0.00695652,
- ey -- 1, 0.00173913,
- ex -- 2, 0.00347826,
- жд -- 2, 0.00347826,
- me -- 3, 0.00521739,
- жи -- 2, 0.00347826,
- жн -- 3, 0.00521739,
- за -- 1, 0.00173913,
- зв -- 2, 0.00347826,
- зд -- 1, 0.00173913,
- зи -- 1, 0.00173913,
- зм -- 1, 0.00173913,
- зн -- 2, 0.00347826,
- зо -- 1, 0.00173913,
- ив -- 2, 0.00347826,
- иг -- 2, 0.00347826,
- ид -- 2, 0.00347826,
- лд 2, 0.00017020;
- ие -- 4, 0.00695652,
- иж -- 1, 0.00173913,
- из -- 3, 0.00521739,
- ии -- 2, 0.00347826,
- им -- 6, 0.0104348,
- ин -- 2, 0.00347826,
- ио -- 2, 0.00347826,
- ип -- 1, 0.00173913,
- ир -- 2, 0.00347826,
- ис -- 4, 0.00695652,
- ит -- 7, 0.0121739,
- иу -- 1, 0.00173913,
- их -- 3, 0.00521739,
- иц -- 1, 0.00173913,
- ич -- 4, 0.00695652,
- йи -- 1, 0.00173913,
- йм -- 1, 0.00173913,
- йп -- 1, 0.00173913,
- $\kappa a -- 5, 0.00869565,$
- кг -- 1, 0.00173913,
- кж -- 1, 0.00173913,
- ки -- 3, 0.00521739,
- кл -- 2, 0.00347826,
- ко -- 3, 0.00521739,
- кр -- 4, 0.00695652,
- кс -- 1, 0.00173913,
- ку -- 1, 0.00173913,
- кф -- 1, 0.00173913,

```
ла -- 6, 0.0104348,
```

- ле -- 3, 0.00521739,
- ли -- 3, 0.00521739,
- лн -- 2, 0.00347826,
- ло -- 1, 0.00173913,
- лу -- 1, 0.00173913,
- ль -- 5, 0.00869565,
- ля -- 1, 0.00173913,
- ма -- 1, 0.00173913,
- мг -- 1, 0.00173913,
- ме -- 3, 0.00521739,
- ми -- 4, 0.00695652,
- мо -- 6, 0.0104348,
- мр -- 2, 0.00347826,
- MC -- 3, 0.00521739,
- му -- 4, 0.00695652,
- мч -- 1, 0.00173913,
- мы -- 2, 0.00347826,
- F 0 00000F0F
- на -- 5, 0.00869565,
- не -- 4, 0.00695652,
- ни -- 14, 0.0243478,
- нн -- 1, 0.00173913,
- но -- 17, 0.0295652,
- нс -- 1, 0.00173913,
- ны -- 3, 0.00521739,
- нь -- 2, 0.00347826,
- ня -- 2, 0.00347826,
- об -- 6, 0.0104348,
- ов -- 5, 0.00869565,
- or -- 3, 0.00521739,
- од -- 1, 0.00173913,
- oe -- 1, 0.00173913,
- ож -- 1, 0.00173913,
- оз -- 2, 0.00347826,
- ои -- 2, 0.00347826,
- ой -- 1, 0.00173913,
- $o\pi -- 2, 0.00347826,$
- ом -- 5, 0.00869565,
- он -- 3, 0.00521739,
- oo -- 1, 0.00173913,
- oπ -- 2, 0.00347826,
- op -- 3, 0.00521739,
- oc -- 9, 0.0156522,
- от -- 3, 0.00521739,
- oy -- 1, 0.00173913,
- ox -- 2, 0.00347826,
- оц -- 2, 0.00347826,
- оч -- 1, 0.00173913,
- оя -- 1, 0.00173913,
- по -- 5, 0.00869565,

```
\pi p -- 5, 0.00869565,
```

- πc -- 1, 0.00173913,
- $\pi\tau$ -- 1, 0.00173913,
- пы -- 1, 0.00173913,
- pa -- 6, 0.0104348,
- рв -- 1, 0.00173913,
- pe -- 2, 0.00347826,
- ри -- 2, 0.00347826,
- po -- 3, 0.00521739,
- py -- 2, 0.00347826,
- ры -- 2, 0.00347826,
- ря -- 1, 0.00173913,
- ca -- 1, 0.00173913,
- св -- 2, 0.00347826,
- ce -- 2, 0.00347826,
- си -- 3, 0.00521739,
- см -- 1, 0.00173913,
- co -- 2, 0.00347826,
- сп -- 4, 0.00695652,
- m 1 0 00172012
- cp -- 1, 0.00173913,
- ст -- 6, 0.0104348,
- cy -- 1, 0.00173913,
- ся -- 4, 0.00695652,
- та -- 5, 0.00869565,
- те -- 2, 0.00347826,
- ти -- 10, 0.0173913,
- тк -- 2, 0.00347826,
- тн -- 1, 0.00173913,
- то -- 4, 0.00695652,
- тр -- 1, 0.00173913,
- ть -- 10, 0.0173913,
- ув -- 2, 0.00347826,
- yr -- 2, 0.00347826,
- уд -- 1, 0.00173913,
- уз -- 1, 0.00173913,
- ул -- 2, 0.00347826,
- yr -- 1, 0.00173913,
- уч -- 1, 0.00173913,
- ую -- 2, 0.00347826,
- хн -- 1, 0.00173913,
- xo -- 3, 0.00521739,
- xp -- 1, 0.00173913,
- xc -- 1, 0.00173913,
- ци -- 1, 0.00173913,
- ча -- 1, 0.00173913,
- че -- 1, 0.00173913,
- чн -- 1, 0.00173913,
- чт -- 2, 0.00347826,
- чь -- 1, 0.00173913,
- ше -- 1, 0.00173913,

```
ще -- 1, 0.00173913,
ыв -- 1, 0.00173913,
ыд -- 1, 0.00173913,
ые -- 2, 0.00347826,
ыи -- 1, 0.00173913,
ый -- 2, 0.00347826,
ым -- 1, 0.00173913,
ыс -- 1, 0.00173913,
ыт -- 1, 0.00173913,
ых -- 1, 0.00173913,
ьб -- 1, 0.00173913,
ьв -- 1, 0.00173913,
ьд -- 1, 0.00173913,
ьк -- 1, 0.00173913,
ьн -- 3, 0.00521739,
ьс -- 4, 0.00695652,
ьт -- 1, 0.00173913,
ью -- 1, 0.00173913,
эм -- 1, 0.00173913,
эт -- 2, 0.00347826,
ют -- 4, 0.00695652,
юч -- 1, 0.00173913,
ющ -- 1, 0.00173913,
яб -- 1, 0.00173913,
яв -- 2, 0.00347826,
яи -- 2, 0.00347826,
як -- 2, 0.00347826,
ям -- 1, 0.00173913,
ян -- 1, 0.00173913,
яп -- 2, 0.00347826,
яр -- 1, 0.00173913,
ят -- 4, 0.00695652,
ях -- 1, 0.00173913,
Total non overlaping bigrams in text: 575
Entropy of non overlaping bigrams in text: 3.74531
```

З пробілами

Перетинні біграми:

```
а -- 1, 0.000743494,
6 -- 8, 0.00594796,
в -- 25, 0.0185874,
г -- 2, 0.00148699,
д -- 6, 0.00446097,
ж -- 3, 0.00223048,
з -- 2, 0.00148699,
и -- 26, 0.0193309,
к -- 10, 0.00743494,
л -- 3, 0.00223048,
```

```
M -- 8, 0.00594796,
```

- н -- 17, 0.0126394,
- o -- 5, 0.00371747,
- π -- 19, 0.0141264,
- p -- 11, 0.00817844,
- c -- 23, 0.0171004,
- T -- 6, 0.00446097,
- y -- 9, 0.00669145,
- ф -- 1, 0.000743494,
- x -- 1, 0.000743494,
- ц -- 1, 0.000743494,
- ч -- 5, 0.00371747,
- э -- 3, 0.00223048,
- a -- 4, 0.00297398,
- аб -- 1, 0.000743494,
- ав -- 2, 0.00148699,
- ar -- 1, 0.000743494,
- ад -- 2, 0.00148699,
- ae -- 5, 0.00371747,
- ax -- 7, 0.00520446,
- аз -- 5, 0.00371747,
- ак -- 4, 0.00297398,
- ал -- 5, 0.00371747,
- ам -- 5, 0.00371747,
- ан -- 11, 0.00817844,
- ап -- 1, 0.000743494,
- ap -- 2, 0.00148699,
- ac -- 3, 0.00223048,
- ат -- 7, 0.00520446,
- ax -- 2, 0.00148699,
- аш -- 1, 0.000743494,
- 0 0 00000040
- aw -- 3, 0.00223048,
- ба -- 2, 0.00148699,
- 66 -- 1, 0.000743494,
- бе -- 2, 0.00148699,
- 6x -- 1, 0.000743494,
- би -- 1, 0.000743494,
- $6\pi 1, 0.000743494,$
- 60 -- 5, 0.00371747,
- бр -- 2, 0.00148699,
- бх -- 1, 0.000743494,
- бы -- 1, 0.000743494,
- бя -- 2, 0.00148699,
- в -- 4, 0.00297398,
- ва -- 10, 0.00743494,
- вд -- 2, 0.00148699,
- ве -- 7, 0.00520446,
- ви -- 7, 0.00520446,
- вк -- 1, 0.000743494,
- вл -- 1, 0.000743494,

```
вн -- 3, 0.00223048,
```

- во -- 15, 0.0111524,
- вс -- 2, 0.00148699,
- ву -- 1, 0.000743494,
- вы -- 8, 0.00594796,
- вь -- 1, 0.000743494,
- г -- 2, 0.00148699,
- ra -- 4, 0.00297398,
- гд -- 1, 0.000743494,
- ги -- 1, 0.000743494,
- гк -- 1, 0.000743494,
- гл -- 1, 0.000743494,
- ro -- 4, 0.00297398,
- гр -- 2, 0.00148699,
- гу -- 2, 0.00148699,
- д -- 1, 0.000743494,
- да -- 3, 0.00223048,
- дд -- 1, 0.000743494,
- де -- 7, 0.00520446,
- ди -- 4, 0.00297398,
- дн -- 1, 0.000743494,
- до -- 7, 0.00520446,
- др -- 2, 0.00148699,
- ду -- 1, 0.000743494,
- ды -- 3, 0.00223048,
- дь -- 1, 0.000743494,
- e -- 27, 0.0200743,
- e6 -- 3, 0.00223048,
- ев -- 2, 0.00148699,
- er -- 3, 0.00223048,
- ед -- 2, 0.00148699,
- ee -- 3, 0.00223048,
- еж -- 1, 0.000743494,
- ез -- 1, 0.000743494,
- еи -- 1, 0.000743494,
- ей -- 4, 0.00297398,
- ек -- 1, 0.000743494,
- $e\pi -- 6, 0.00446097,$
- ем -- 9, 0.00669145,
- ен -- 15, 0.0111524,
- eo -- 2, 0.00148699,
- ep -- 7, 0.00520446,
- ec -- 6, 0.00446097,
- ет -- 3, 0.00223048,
- ex -- 2, 0.00148699,
- жд -- 3, 0.00223048,
- me -- 5, 0.00371747,
- жи -- 3, 0.00223048,
- жн -- 7, 0.00520446,
- за -- 1, 0.000743494,

```
зв -- 4, 0.00297398,
```

- зд -- 1, 0.000743494,
- зи -- 2, 0.00148699,
- зм -- 3, 0.00223048,
- зн -- 5, 0.00371747,
- зо -- 1, 0.000743494,
- зу -- 1, 0.000743494,
- и -- 36, 0.0267658,
- иа -- 1, 0.000743494,
- ив -- 5, 0.00371747,
- иг -- 2, 0.00148699,
- ид -- 2, 0.00148699,
- ие -- 6, 0.00446097,
- иж -- 2, 0.00148699,
- из -- 4, 0.00297398,
- ии -- 2, 0.00148699,
- ик -- 2, 0.00148699,
- ил -- 2, 0.00148699,
- им -- 9, 0.00669145,
- ин -- 2, 0.00148699,
- ио -- 1, 0.000743494,
- ир -- 3, 0.00223048,
- ис -- 3, 0.00223048,
- ит -- 12, 0.00892193,
- их -- 4, 0.00297398,
- ич -- 5, 0.00371747,
- ию -- 1, 0.000743494,
- ия -- 8, 0.00594796,
- й -- 8, 0.00594796,
- йс -- 1, 0.000743494,
- κ -- 7, 0.00520446,
- $\kappa a -- 5, 0.00371747,$
- кж -- 1, 0.000743494,
- ки -- 2, 0.00148699,
- кл -- 2, 0.00148699,
- ко -- 6, 0.00446097,
- $\kappa p -- 6, 0.00446097,$
- π -- 1, 0.000743494,
- ла -- 7, 0.00520446,
- ле -- 4, 0.00297398,
- ли -- 5, 0.00371747,
- лн -- 2, 0.00148699,
- ло -- 1, 0.000743494,
- $\pi y -- 1, 0.000743494,$
- ль -- 8, 0.00594796,
- лю -- 1, 0.000743494,
- ля -- 3, 0.00223048,
- м -- 14, 0.0104089,
- ма -- 3, 0.00223048,
- ме -- 8, 0.00594796,

```
ми -- 5, 0.00371747,
```

- мн -- 1, 0.000743494,
- мо -- 11, 0.00817844,
- MC -- 1, 0.000743494,
- му -- 4, 0.00297398,
- мы -- 4, 0.00297398,
- н -- 3, 0.00223048,
- на -- 9, 0.00669145,
- не -- 8, 0.00594796,
- ни -- 19, 0.0141264,
- нн -- 4, 0.00297398,
- но -- 27, 0.0200743,
- нс -- 2, 0.00148699,
- ну -- 1, 0.000743494,
- нц -- 1, 0.000743494,
- ны -- 4, 0.00297398,
- нь -- 2, 0.00148699,
- ня -- 3, 0.00223048,
- o -- 20, 0.0148699,
- o6 -- 5, 0.00371747,
- ов -- 15, 0.0111524,
- or -- 7, 0.00520446,
- од -- 6, 0.00446097,
- oe -- 2, 0.00148699,
- ож -- 2, 0.00148699,
- оз -- 4, 0.00297398,
- ои -- 4, 0.00297398,
- ой -- 3, 0.00223048,
- ок -- 2, 0.00148699,
- ол -- 9, 0.00669145,
- ом -- 10, 0.00743494,
- он -- 4, 0.00297398,
- oo -- 2, 0.00148699,
- op -- 3, 0.00223048,
- oc -- 12, 0.00892193,
- от -- 6, 0.00446097,
- ox -- 3, 0.00223048,
- оц -- 2, 0.00148699,
- оч -- 1, 0.000743494,
- оя -- 3, 0.00223048,
- $\pi e -- 4, 0.00297398,$
- по -- 11, 0.00817844,
- $\pi p -- 7, 0.00520446,$
- пс -- 1, 0.000743494,
- $\pi\tau$ -- 1, 0.000743494,
- пы -- 1, 0.000743494,
- p -- 1, 0.000743494,
- pa -- 13, 0.00966543,
- pe -- 10, 0.00743494,
- рж -- 1, 0.000743494,

```
ри -- 7, 0.00520446,
```

- рм -- 1, 0.000743494,
- рн -- 1, 0.000743494,
- po -- 7, 0.00520446,
- py -- 4, 0.00297398,
- ры -- 5, 0.00371747,
- ря -- 1, 0.000743494,
- c -- 1, 0.000743494,
- ca -- 3, 0.00223048,
- св -- 6, 0.00446097,
- ce -- 5, 0.00371747,
- си -- 5, 0.00371747,
- ск -- 4, 0.00297398,
- co -- 3, 0.00223048,
- $c\pi -- 5, 0.00371747,$
- cp -- 1, 0.000743494,
- ст -- 18, 0.0133829,
- cy -- 2, 0.00148699,
- сч -- 1, 0.000743494,
- ся -- 8, 0.00594796,
- т -- 10, 0.00743494,
- та -- 7, 0.00520446,
- тв -- 1, 0.000743494,
- тд -- 1, 0.000743494,
- Te -- 5, 0.00371747,
- ти -- 13, 0.00966543,
- тк -- 2, 0.00148699,
- тл -- 1, 0.000743494,
- тн -- 1, 0.000743494,
- то -- 12, 0.00892193,
- тр -- 2, 0.00148699,
- ть -- 19, 0.0141264,
- y -- 5, 0.00371747,
- уб -- 1, 0.000743494,
- ув -- 1, 0.000743494,
- yr -- 3, 0.00223048,
- уд -- 4, 0.00297398,
- уз -- 1, 0.000743494,
- ул -- 2, 0.00148699,
- ум -- 1, 0.000743494,
- ун -- 1, 0.000743494,
- yc -- 2, 0.00148699,
- ут -- 1, 0.000743494,
- уч -- 1, 0.000743494,
- ущ -- 1, 0.000743494,
- ую -- 2, 0.00148699,
- фи -- 1, 0.000743494,
- x -- 5, 0.00371747,
- xa -- 1, 0.000743494,
- хи -- 1, 0.000743494,

```
хн -- 2, 0.00148699,
xo -- 5, 0.00371747,
xp -- 1, 0.000743494,
це -- 2, 0.00148699,
ци -- 2, 0.00148699,
ча -- 1, 0.000743494,
че -- 5, 0.00371747,
чи -- 1, 0.000743494,
чн -- 3, 0.00223048,
чт -- 3, 0.00223048,
чь -- 1, 0.000743494,
ше -- 2, 0.00148699,
ще -- 2, 0.00148699,
ы -- 6, 0.00446097,
ыв -- 1, 0.000743494,
ые -- 6, 0.00446097,
ыз -- 1, 0.000743494,
ый -- 2, 0.00148699,
ык -- 1, 0.000743494,
ым -- 3, 0.00223048,
ыт -- 4, 0.00297398,
ых -- 2, 0.00148699,
ь -- 19, 0.0141264,
ьк -- 1, 0.000743494,
ьн -- 3, 0.00223048,
ъс -- 6, 0.00446097,
ьт -- 1, 0.000743494,
ьш -- 1, 0.000743494,
ью -- 1, 0.000743494,
эм -- 1, 0.000743494,
эт -- 2, 0.00148699,
\mathbf{r} -- 4, 0.00297398,
ют -- 3, 0.00223048,
юч -- 1, 0.000743494,
ющ -- 1, 0.000743494,
я -- 17, 0.0126394,
ям -- 1, 0.000743494,
яр -- 1, 0.000743494,
ят -- 7, 0.00520446,
яю -- 1, 0.000743494,
Total overlaping bigrams in text: 1345
Entropy of overlaping bigrams in text: 3.78871
```

Непертинні біграми:

```
6 -- 5, 0.00742942,

в -- 14, 0.0208024,

г -- 1, 0.00148588,

д -- 4, 0.00594354,

и -- 14, 0.0208024,
```

```
\kappa -- 7, 0.0104012,
```

- π -- 2, 0.00297177,
- M -- 4, 0.00594354,
- н -- 6, 0.0089153,
- o -- 3, 0.00445765,
- $\pi 11, 0.0163447,$
- p -- 3, 0.00445765,
- c -- 9, 0.013373,
- т -- 1, 0.00148588,
- y -- 6, 0.0089153,
- Φ -- 1, 0.00148588,
- ц -- 1, 0.00148588,
- ч -- 2, 0.00297177,
- a -- 2, 0.00297177,
- ar -- 1, 0.00148588,
- ад -- 2, 0.00297177,
- ae -- 3, 0.00445765,
- ax -- 4, 0.00594354,
- аз -- 1, 0.00148588,
- ак -- 3, 0.00445765,
- $a\pi -- 1, 0.00148588,$
- ам -- 1, 0.00148588,
- ан -- 7, 0.0104012,
- ап -- 1, 0.00148588,
- ap -- 2, 0.00297177,
- ac -- 1, 0.00148588,
- ат -- 3, 0.00445765,
- ax -- 1, 0.00148588,
- am -- 2, 0.00297177,
- ба -- 1, 0.00148588,
- 66 -- 1, 0.00148588,
- $6\pi 1, 0.00148588,$
- бо -- 2, 0.00297177,
- бр -- 1, 0.00148588,
- бх -- 1, 0.00148588,
- бя -- 1, 0.00148588,
- в -- 2, 0.00297177,
- ва -- 4, 0.00594354,
- вд -- 1, 0.00148588,
- ве -- 4, 0.00594354,
- ви -- 1, 0.00148588,
- вн -- 2, 0.00297177,
- во -- 7, 0.0104012,
- вс -- 1, 0.00148588,
- ву -- 1, 0.00148588,
- вы -- 4, 0.00594354,
- г -- 1, 0.00148588,
- ra -- 1, 0.00148588,
- ги -- 1, 0.00148588,
- гк -- 1, 0.00148588,

```
гл -- 1, 0.00148588,
```

- ro -- 3, 0.00445765,
- гр -- 1, 0.00148588,
- ry -- 1, 0.00148588,
- да -- 1, 0.00148588,
- де -- 2, 0.00297177,
- ди -- 2, 0.00297177,
- до -- 3, 0.00445765,
- др -- 1, 0.00148588,
- ды -- 2, 0.00297177,
- e -- 12, 0.0178306, еб -- 2, 0.00297177,
- er -- 1, 0.00148588,
- ед -- 2, 0.00297177,
- ee -- 2, 0.00297177, еи -- 1, 0.00148588,
- ей -- 2, 0.00297177,
- ек -- 1, 0.00148588,
- ел -- 4, 0.00594354,
- ем -- 3, 0.00445765,
- ен -- 5, 0.00742942,
- eo -- 2, 0.00297177,
- ep -- 4, 0.00594354,
- ec -- 3, 0.00445765,
- ет -- 2, 0.00297177,
- ex -- 1, 0.00148588,
- жд -- 2, 0.00297177,
- me -- 4, 0.00594354,
- жи -- 2, 0.00297177,
- $\mathtt{жh}$ -- 2, 0.00297177,
- за -- 1, 0.00148588,
- зв -- 4, 0.00594354,
- зд -- 1, 0.00148588,
- зм -- 3, 0.00445765,
- зн -- 4, 0.00594354,
- зу -- 1, 0.00148588,
- и -- 21, 0.0312036,
- иа -- 1, 0.00148588,
- ив -- 2, 0.00297177,
- иг -- 1, 0.00148588,
- ид -- 2, 0.00297177,
- ие -- 5, 0.00742942,
- из -- 1, 0.00148588,
- ик -- 1, 0.00148588,
- им -- 7, 0.0104012,
- ин -- 1, 0.00148588,
- ио -- 1, 0.00148588,
- ир -- 1, 0.00148588,
- ис -- 2, 0.00297177,
- ит -- 6, 0.0089153,

```
ич -- 4, 0.00594354,
```

- ия -- 4, 0.00594354,
- й -- 4, 0.00594354,
- йс -- 1, 0.00148588,
- к -- 1, 0.00148588,
- $\kappa a -- 2, 0.00297177,$
- кж -- 1, 0.00148588,
- ки -- 1, 0.00148588,
- кл -- 1, 0.00148588,
- ко -- 3, 0.00445765,
- кр -- 3, 0.00445765,
- л -- 1, 0.00148588,
- ла -- 3, 0.00445765,
- ле -- 3, 0.00445765,
- ли -- 1, 0.00148588,
- лн -- 2, 0.00297177,
- ль -- 7, 0.0104012,
- лю -- 1, 0.00148588,
- ля -- 2, 0.00297177,
- м -- 11, 0.0163447,
- ме -- 3, 0.00445765,
- ми -- 2, 0.00297177,
- мо -- 3, 0.00445765,
- му -- 2, 0.00297177,
- мы -- 2, 0.00297177,
- н -- 1, 0.00148588,
- 5 0 00740040
- на -- 5, 0.00742942,
- не -- 5, 0.00742942,
- ни -- 10, 0.0148588,
- нн -- 2, 0.00297177,
- но -- 18, 0.0267459,
- нс -- 1, 0.00148588,
- нц -- 1, 0.00148588,
- ны -- 2, 0.00297177,
- нь -- 1, 0.00148588,
- ня -- 2, 0.00297177,
- o -- 6, 0.0089153,
- of -- 2, 0.00297177,
- ов -- 9, 0.013373,
- or -- 3, 0.00445765,
- од -- 4, 0.00594354,
- ож -- 2, 0.00297177,
- ои -- 3, 0.00445765,
- ой -- 1, 0.00148588,
- ок -- 1, 0.00148588,
- ол -- 3, 0.00445765,
- ом -- 7, 0.0104012,
- он -- 1, 0.00148588,
- oo -- 2, 0.00297177,
- op -- 2, 0.00297177,

```
oc -- 4, 0.00594354,
```

- от -- 3, 0.00445765,
- ox -- 2, 0.00297177,
- оц -- 2, 0.00297177,
- оя -- 2, 0.00297177,
- пе -- 1, 0.00148588,
- πo -- 5, 0.00742942,
- пр -- 4, 0.00594354,
- pa -- 10, 0.0148588,
- pe -- 5, 0.00742942,
- рж -- 1, 0.00148588,
- ри -- 3, 0.00445765,
- рн -- 1, 0.00148588,
- po -- 3, 0.00445765,
- py -- 2, 0.00297177,
- ры -- 2, 0.00297177,
- c -- 1, 0.00148588,
- ca -- 2, 0.00297177,
- св -- 4, 0.00594354,
- ce -- 2, 0.00297177,
- си -- 4, 0.00594354,
- ск -- 2, 0.00297177,
- co -- 1, 0.00148588,
- 1, 0.00140000
- сп -- 3, 0.00445765,
- cp -- 1, 0.00148588,
- ст -- 12, 0.0178306,
- ся -- 6, 0.0089153,
- т -- 5, 0.00742942,
- та -- 3, 0.00445765,
- тв -- 1, 0.00148588,
- те -- 3, 0.00445765,
- ти -- 5, 0.00742942,
- тк -- 1, 0.00148588,
- то -- 7, 0.0104012,
- тр -- 1, 0.00148588,
- ть -- 11, 0.0163447,
- y -- 4, 0.00594354,
- уб -- 1, 0.00148588,
- yr -- 1, 0.00148588,
- уд -- 2, 0.00297177,
- уз -- 1, 0.00148588,
- yc -- 1, 0.00148588,
- ут -- 1, 0.00148588,
- ущ -- 1, 0.00148588,
- ую -- 1, 0.00148588,
- x -- 4, 0.00594354,
- xa -- 1, 0.00148588,
- хи -- 1, 0.00148588,
- хн -- 1, 0.00148588,
- xo -- 3, 0.00445765,

```
ча -- 1, 0.00148588,
че -- 3, 0.00445765,
чи -- 1, 0.00148588,
чн -- 1, 0.00148588,
чт -- 2, 0.00297177,
ше -- 2, 0.00297177,
ще -- 1, 0.00148588,
ы -- 5, 0.00742942,
ыв -- 1, 0.00148588,
ые -- 3, 0.00445765,
ыз -- 1, 0.00148588,
ый -- 1, 0.00148588,
ым -- 1, 0.00148588,
ыт -- 2, 0.00297177,
ь -- 11, 0.0163447,
ъс -- 1, 0.00148588,
ью -- 1, 0.00148588,
эм -- 1, 0.00148588,
эт -- 2, 0.00297177,
ю -- 2, 0.00297177,
ют -- 1, 0.00148588,
я -- 7, 0.0104012,
ям -- 1, 0.00148588,
ят -- 2, 0.00297177,
яю -- 1, 0.00148588,
Total non overlaping bigrams in text: 673
Entropy of non overlaping bigrams in text: 3.66332
```