GBI Crashkurs WS 2016/17

Miguel Santos Correa 22. Februar 2017

miguel-correa@web.de

https://github.com/misaco93/GBI-Crashkurs-16-17

Altklausuren

Aufgabentypen:

- Multiple Choice
- Vollständige Induktion
- Relationen
- Kontextfreie Grammatiken
- Graphen
- Reguläre Ausdrücke / Endliche Akzeptoren
- Turingmaschinen

Themen

- Huffman-Codierung
- O-Kalkül
- Prädikatenlogik
- MIMA
- Hoare-Kalkül

Themen

- viele Themen
- sehr oberflächlich
- → Skript lernen!

Themen

- viele Themen
- sehr oberflächlich
- → Skript lernen!
 - Aufgaben sind nicht schwer
 - aber nur mit Übung
- → Altklausuren rechnen!

Gliederung

- Relationen
- 2 Kontextfreie Grammatiken
- 3 Vollständige Induktion
- 4 Huffman-Codierung

Relationen

Paare, Tupel

Unterschied zwischen Paaren und Mengen:

- $(1,2) \neq (2,1)$
- $\{1,2\} = \{2,1\}$

Kartesisches Produkt

Menge aller Paare (a,b) mit $a \in A$ und $b \in B$ $A \times B = \{(a,b) | a \in A \text{ und } b \in B\}$

$${a,b} \times {1,2,3} = {(a,1),(a,2),(a,3),(b,1),(b,2),(b,3)}$$

Relationen

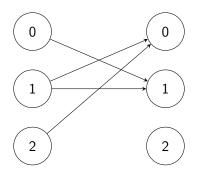
Relation R ist eine Teilmenge von $A \times B$

$$R \subseteq A \times B$$

- $A \times B = \{(a,1), (a,2), (a,3), (b,1), (b,2), (b,3)\}$
- $R_1 = \{(a,1), (b,1), (b,2)\}$
- $R_2 = \{(a,1), (a,3), (b,2), (b,3)\}$
- $(b,3) \in R_2 \text{ oder } bR_23$

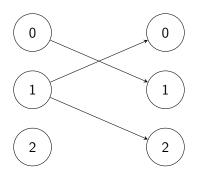
Linkstotal

- Jedes Element aus A steht in Relation zu mindestens einem Element aus B



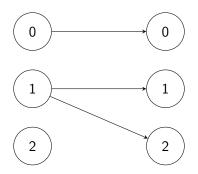
Rechtstotal (surjektiv)

- $\forall b \in B \exists a \in A : (a, b) \in R$
- Jedes Element aus B steht in Relation zu mindestens einem Element aus A



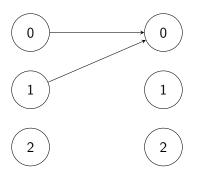
Linkseindeutig (injektiv)

- $\forall (a_1, b_1), (a_2, b_2) \in R : a_1 \neq a_2 \Rightarrow b_1 \neq b_2$
- Jedes Element aus B steht h\u00f6chstens mit einem Element aus A in Relation



Rechtseindeutig

- $\forall (a_1, b_1), (a_2, b_2) \in R : b_1 \neq b_2 \Rightarrow a_1 \neq a_2$
- Jedes Element aus A steht h\u00f6chstens mit einem Element aus B in Relation



Funktionen

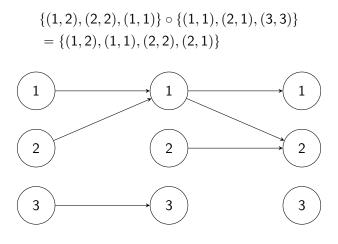
- linkstotale und rechtseindeutige Relationen nennt man Funktionen
- andere Schreibweise: $f: A \rightarrow B$
- Definitionsbereich A, Zielbereich B, Bildbereich f(A)
- linkseindeutige Funktionen nennt man injektiv
- rechtstotale Funktionen nennt man surjektiv
- injektive und surjektive Funktionen nennt man bijektiv

Produkt von Relationen

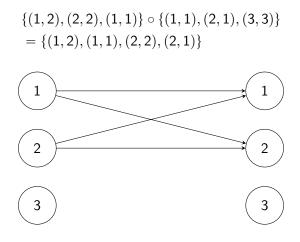
- $R \subseteq M_1 \times M_2$ und $S \subseteq M_2 \times M_3$
- $S \circ R = \{(x, z) | \exists y \in M_2 : (x, y) \in R \land (y, z) \in S\}$
- Beispiel:

$$\begin{aligned} &\{(1,2),(2,2),(1,1)\} \circ \{(1,1),(2,1),(3,3)\} \\ &= \{(1,2),(1,1),(2,2),(2,1)\} \end{aligned}$$

Produkt von Relationen



Produkt von Relationen



$$\mathbb{G}_n = \{0, 1, ..., n-1\}$$

- Geben Sie (graphisch) eine Relation $R_a \subseteq \mathbb{G}_4 \times \mathbb{G}_2$ an, so dass R_a rechtstotal und rechtseindeutig, aber nicht linkstotal und nicht linkseindeutig ist.
- Wie viele solcher Relationen R_a gibt es?
- Geben Sie (in Mengenschreibweise) eine Relation $R_b \subseteq \mathbb{G}_2 \times \mathbb{G}_4$ an, so dass $R_b \circ R_a$ rechtstotal und linkseindeutig ist.

rechtstotal und rechtseindeutig, aber nicht linkstotal und nicht linkseindeutig





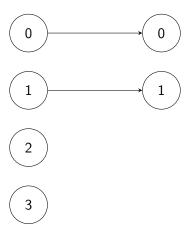




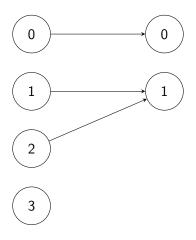




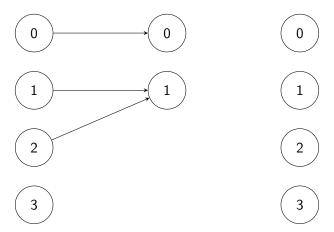
rechtstotal und rechtseindeutig, aber nicht linkstotal und nicht linkseindeutig

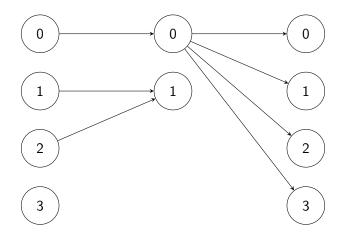


rechtstotal und rechtseindeutig, aber nicht linkstotal und nicht linkseindeutig



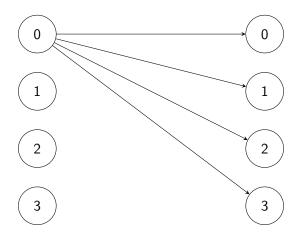
Geben Sie (in Mengenschreibweise) eine Relation $R_b \subseteq \mathbb{G}_2 \times \mathbb{G}_4$ an, so dass $R_b \circ R_a$ rechtstotal und linkseindeutig ist.





$$R_b = \{(0,0), (0,1), (0,2), (0,3)\}$$

Geben Sie (in Mengenschreibweise) eine Relation $R_b \subseteq \mathbb{G}_2 \times \mathbb{G}_4$ an, so dass $R_b \circ R_a$ rechtstotal und linkseindeutig ist.



Reflexivität

- $R \subseteq M \times M$
- R ist reflexiv, wenn: $\Rightarrow \forall x \in M : (x,x) \in R$
- Jedes Element steht in Relation zu sich selbst.

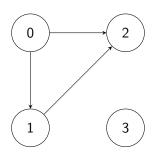




Transitivität

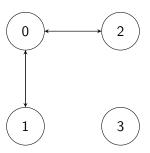
- $R \subseteq M \times M$
- R ist transitiv, wenn:

$$\forall x, y, z \in M : (x, y) \in R \land (y, z) \in R \Rightarrow (x, z) \in R$$



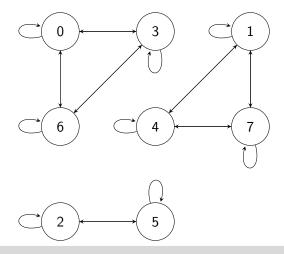
Symmetrie

- $R \subseteq M \times M$
- R ist symmetrisch, wenn: $\forall x, y \in M : (x, y) \in R \Rightarrow (y, x) \in R$



Äquivalenzrelation

- $R \subseteq M \times M$
- R ist reflexiv, symmetrisch und transitiv



Kontextfreie Grammatiken

Kontextfreie Grammatiken

- G=(N,T,S,P)
- N: Menge der Nichtterminalsymbole
- T: Menge der Terminalsymbole
- S: Startsymbol
- P: Produktionsmenge

Beispiele

•
$$G_1 = (\{X, Y\}, \{a\}, Y, \{X \to \epsilon, Y \to aY | X\})$$

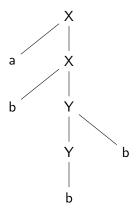
- $G_2 = (\{S\}, \{a, b\}, S, \{S \rightarrow \epsilon | aSa|bSb\})$
- $G_3 = (\{X\}, \{a\}, X, P)$ $P = \{X \rightarrow aX\}$

Ableitungen

- $G_2 = (\{S\}, \{a, b\}, S, \{S \rightarrow \epsilon | aSa|bSb\})$
- $S \Rightarrow aSa \Rightarrow aaSaa \Rightarrow aabSbaa \Rightarrow aab\epsilon baa = aabbaa$
- $S \Rightarrow bSb \Rightarrow baSab \Rightarrow baab$
- $S \Rightarrow \epsilon$

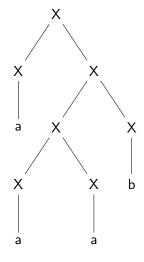
Ableitungsbaum

$$G = (\{X, Y\}, \{a, b\}, X, \{X \rightarrow aX | bY, Y \rightarrow Yb | b\})$$



 $X \Rightarrow aX \Rightarrow abY \Rightarrow abYb \Rightarrow abbb$

 $G = (\{X, Y\}, \{a, b\}, X, \{X \to XX | a | b\})$



z.B. $X \Rightarrow XX \Rightarrow aXX \Rightarrow aXX \Rightarrow aXXb \Rightarrow aaXb \Rightarrow aaAb \Rightarrow aa$

Klausuraufgabe: WS 2014/15 A2

Eine Folge $(L_n)_{n\in\mathbb{N}_0}$ formaler Sprachen sei wie folgt definiert:

$$L_0 = \{\}$$

$$\forall i \in \mathbb{N}_0 : L_{i+1} = \{ba\}L_i\{ab\} \cup \{b\}$$

- Geben Sie L_1 , L_2 und L_3 an.
- Geben Sie $L = \bigcup_{i=0}^{\infty} L_i$ an.
- Geben Sie eine kontextfreie Grammatik G mit L(G) = L an.
- Zeichnen sie passend zu Ihrer Grammatik einen Ableitungsbaum eines Wortes $w \in L_3 \setminus L_2$.

$$L_0 = \{\}$$

$$\forall i \in \mathbb{N}_0 : L_{i+1} = \{ba\}L_i\{ab\} \cup \{b\}$$

• $L_1 = \{b\}$

$$L_0 = \{\}$$

$$\forall i \in \mathbb{N}_0 : L_{i+1} = \{ba\}L_i\{ab\} \cup \{b\}$$

- $L_1 = \{b\}$
- $L_2 = \{babab, b\}$

$$L_0 = \{\}$$

$$\forall i \in \mathbb{N}_0 : L_{i+1} = \{ba\}L_i\{ab\} \cup \{b\}$$

- $L_1 = \{b\}$
- $L_2 = \{babab, b\}$
- $L_3 = \{babababab, babab, b\}$

$$L_0 = \{\}$$

$$\forall i \in \mathbb{N}_0 : L_{i+1} = \{ba\}L_i\{ab\} \cup \{b\}$$

- $L_1 = \{b\}$
- $L_2 = \{babab, b\}$
- $L_3 = \{babababab, babab, b\}$
- $L = \bigcup_{i=0}^{\infty} L_i =$

$$L_0 = \{\}$$

$$\forall i \in \mathbb{N}_0 : L_{i+1} = \{ba\}L_i\{ab\} \cup \{b\}$$

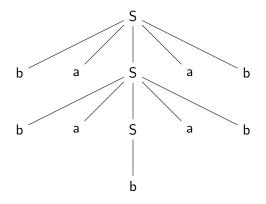
- $L_1 = \{b\}$
- $L_2 = \{babab, b\}$
- $\bullet \ L_3 = \{babababab, babab, b\}$
- $L = \bigcup_{i=0}^{\infty} L_i = \{ (ba)^n b (ab)^n | n \in \mathbb{N}_0 \}$

$$L = \{(ba)^n b (ab)^n | n \in \mathbb{N}_0\}$$

$$L=\{(ba)^nb(ab)^n|n\in\mathbb{N}_0\}$$

$$G = (\{S\}, \{a,b\}, S, \{S \rightarrow baSab|b\})$$

$$G = (\{S\}, \{a, b\}, S, \{S \rightarrow baSab|b\})$$



 $S \Rightarrow baSab \Rightarrow babaSabab \Rightarrow babababab$

Gegeben sei die kontextfreie Grammatik $G = (\{S,A,B\},\{a,b\},S,P)$ mit der Produktionsmenge

$$P = \{S \to ASB | A | B, \\ A \to Aa | \epsilon, \\ B \to bB | \epsilon\}.$$

- Geben Sie zwei verschiedene Ableitungsbäume der Grammatik für das Wort aab an.
- Geben Sie einen regulären Ausdruck an, der die von G erzeugte Sprache L(G) beschreibt.
- Geben Sie eine kontextfreie Grammatik G' an, die die Sprache $(L(G))^*$ erzeugt.

$$P = \{S \to ASB|A|B, \\ A \to Aa|\epsilon, \\ B \to bB|\epsilon\}.$$

Ableitungen für das Wort aab

$$P = \{S \to ASB|A|B, \\ A \to Aa|\epsilon, \\ B \to bB|\epsilon\}.$$

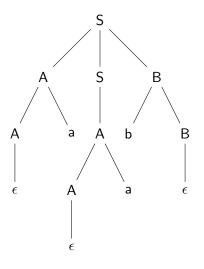
Ableitungen für das Wort aab

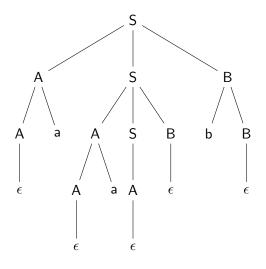
•
$$S \Rightarrow ASB \Rightarrow AAB \Rightarrow ...$$

$$P = \{S \to ASB|A|B, \\ A \to Aa|\epsilon, \\ B \to bB|\epsilon\}.$$

Ableitungen für das Wort aab

- $S \Rightarrow ASB \Rightarrow AAB \Rightarrow ...$
- $S \Rightarrow ASB \Rightarrow AASBB \Rightarrow^2 A\epsilon S\epsilon B \Rightarrow ...$





$$P = \{S \to ASB|A|B,$$

$$A \to Aa|\epsilon,$$

$$B \to bB|\epsilon\}.$$

L(G) =

$$P = \{S \to ASB|A|B, \\ A \to Aa|\epsilon, \\ B \to bB|\epsilon\}.$$

•
$$L(G) = \{a\}^* \{b\}^*$$

$$P = \{S \to ASB|A|B, \\ A \to Aa|\epsilon, \\ B \to bB|\epsilon\}.$$

- $L(G) = \{a\}^* \{b\}^*$
- $L(G)^* = \{a, b\}^*$

$$P = \{S \to ASB|A|B, \\ A \to Aa|\epsilon, \\ B \to bB|\epsilon\}.$$

- $L(G) = \{a\}^* \{b\}^*$
- $L(G)^* = \{a, b\}^*$
- $G' = (\{S\}, \{a, b\}, S, \{S \to aS|bS|\epsilon\})$

Prinzip der vollständigen Induktion

Zu beweisen ist $\forall n \in \mathbb{N}_0 : A(n)$. Man zeigt:

- Für ein festes, aber beliebiges n gilt: $A(n) \Rightarrow A(n+1)$
- A(0) ist wahr
- Gezeigt wurde: $A(0) \Rightarrow A(1) \Rightarrow A(2) \Rightarrow ...$

Mit der Definition

$$x_0 = 0$$

$$\forall n \in \mathbb{N}_0 : x_{n+1} = x_n + 2$$

kann man die Hypothese $\forall n \in \mathbb{N}_0 : x_n = 2n$ beweisen.

Induktionsanfang

- Zu zeigen: $x_n = 2n$ für n=0
- $x_0 = 0$ nach beiden Definitionen

Induktionsvorraussetzung

- Für ein beliebiges aber festes n gilt: $x_n = 2n$
- Wichtig: n ist nicht variabel, die Induktionsvorraussetzung gilt nicht für alle n!

Induktionsschluss

- Zeige: Für das beliebige aber feste n gilt: $x_{n+1} = 2(n+1)$
- Beweis:

$$x_{n+1} = x_n + 2$$
 nach Definition
= $2n + 2$ nach Induktionsvoraussetzung
= $2(n+1)$ fertig

Gegeben sei eine natürliche Zahl $a \in \mathbb{N}_+$. Die Abbildung $S : \mathbb{N}_0 \to \mathbb{Z}$ sei induktiv definiert durch

$$S(0) = 1,$$

$$\forall k \in \mathbb{N}_0 : S(k+1) = a^{k+1} + S(k).$$

Beweisen Sie durch vollständige Induktion, dass gilt:

$$\forall k \in \mathbb{N}_0 : (a-1)S(k) = a^{k+1} - 1.$$

$$S(0)=1$$

$$\forall k\in\mathbb{N}_0: S(k+1)=a^{k+1}+S(k)$$
 zu zeigen $\forall k\in\mathbb{N}_0: (a-1)S(k)=a^{k+1}-1$

$$S(0)=1$$

$$orall k\in \mathbb{N}_0: S(k+1)=a^{k+1}+S(k)$$
 zu zeigen $orall k\in \mathbb{N}_0: (a-1)S(k)=a^{k+1}-1$

Induktionsanfang

$$k = 0$$
: Dann ist $(a - 1)S(0) = a - 1 = a^{0+1} - 1$

$$S(0)=1$$

$$orall k\in \mathbb{N}_0: S(k+1)=a^{k+1}+S(k)$$
 zu zeigen $orall k\in \mathbb{N}_0: (a-1)S(k)=a^{k+1}-1$

Induktionsvoraussetzung

für ein beliebiges aber festes k gelte: $(a-1)S(k) = a^{k+1} - 1$

$$S(0)=1$$

$$orall k\in \mathbb{N}_0: S(k+1)=a^{k+1}+S(k)$$
 zu zeigen $orall k\in \mathbb{N}_0: (a-1)S(k)=a^{k+1}-1$

Induktionsschluss
$$k \rightarrow k+1$$
 zu zeigen: $(a-1)S(k+1) = a^{(k+1)+1} - 1$

$$S(0)=1$$
 $orall k\in \mathbb{N}_0: S(k+1)=a^{k+1}+S(k)$ zu zeigen $orall k\in \mathbb{N}_0: (a-1)S(k)=a^{k+1}-1$

Induktionsschluss
$$k \to k+1$$

zu zeigen: $(a-1)S(k+1) = a^{(k+1)+1} - 1$

$$(a-1)S(k+1) = (a-1)(a^{k+1} + S(k))$$

nach Definition

$$S(0)=1$$

$$orall k\in \mathbb{N}_0: S(k+1)=a^{k+1}+S(k)$$
 zu zeigen $orall k\in \mathbb{N}_0: (a-1)S(k)=a^{k+1}-1$

Induktionsschluss
$$k \to k+1$$
 zu zeigen: $(a-1)S(k+1) = a^{(k+1)+1} - 1$
$$(a-1)S(k+1) = (a-1)(a^{k+1} + S(k)) \qquad \text{nach Definition}$$

$$= (a-1)a^{k+1} + (a-1)S(k)$$

Induktions schluss $k \rightarrow k+1$

$$S(0)=1$$

$$orall k\in \mathbb{N}_0: S(k+1)=a^{k+1}+S(k)$$
 zu zeigen $orall k\in \mathbb{N}_0: (a-1)S(k)=a^{k+1}-1$

zu zeigen:
$$(a-1)S(k+1)=a^{(k+1)+1}-1$$

$$(a-1)S(k+1)=(a-1)(a^{k+1}+S(k)) \qquad \text{nach Definition}$$

$$=(a-1)a^{k+1}+(a-1)S(k)$$

$$=(a-1)a^{k+1}+a^{k+1}-1 \qquad \text{nach I.V.}$$

$$S(0)=1$$

$$\forall k\in\mathbb{N}_0: S(k+1)=a^{k+1}+S(k)$$
 zu zeigen $\forall k\in\mathbb{N}_0: (a-1)S(k)=a^{k+1}-1$

Induktionsschluss
$$k \to k+1$$
 zu zeigen: $(a-1)S(k+1) = a^{(k+1)+1} - 1$
$$(a-1)S(k+1) = (a-1)(a^{k+1} + S(k)) \qquad \text{nach Definition}$$

$$= (a-1)a^{k+1} + (a-1)S(k)$$

$$= (a-1)a^{k+1} + a^{k+1} - 1 \qquad \text{nach I.V.}$$

$$= a^{(k+1)+1} - 1$$

Gegeben sei folgende Funktion $f: \{a, b\}^* \rightarrow \{a, b\}^*$:

$$f(\epsilon) = \epsilon$$

$$\forall w \in \{a, b\}^* : f(aw) = bf(w)$$

$$\forall w \in \{a, b\}^* : f(bw) = af(w)$$

Beweisen Sie per Induktion, dass gilt:

$$\forall w_1, w_2 \in \{a, b\}^* : f(w_1 w_2) = f(w_1) f(w_2)$$

$$f(\epsilon) = \epsilon$$

$$\forall w \in A^* : f(aw) = bf(w)$$

$$\forall w \in A^* : f(bw) = af(w)$$
 zu zeigen
$$\forall w = w_1w_2 \in A^n : f(w_1w_2) = f(w_1)f(w_2)$$

$$f(\epsilon) = \epsilon$$

$$\forall w \in A^* : f(aw) = bf(w)$$

$$\forall w \in A^* : f(bw) = af(w)$$
 zu zeigen
$$\forall w = w_1 w_2 \in A^n : f(w_1 w_2) = f(w_1)f(w_2)$$

Induktionsanfang

$$n = 0$$
: $\{a, b\}^0 = \{\epsilon\}$

$$f(\epsilon) = \epsilon$$

$$\forall w \in A^* : f(aw) = bf(w)$$

$$\forall w \in A^* : f(bw) = af(w)$$
 zu zeigen
$$\forall w = w_1w_2 \in A^n : f(w_1w_2) = f(w_1)f(w_2)$$

Induktionsanfang

$$n = 0$$
: $\{a, b\}^0 = \{\epsilon\}$
 $w_1 = w_2 = \epsilon$

$$f(\epsilon) = \epsilon$$

$$\forall w \in A^* : f(aw) = bf(w)$$

$$\forall w \in A^* : f(bw) = af(w)$$
 zu zeigen
$$\forall w = w_1w_2 \in A^n : f(w_1w_2) = f(w_1)f(w_2)$$

Induktionsanfang

$$n = 0: \{a, b\}^0 = \{\epsilon\}$$

$$w_1 = w_2 = \epsilon$$

$$f(\epsilon \epsilon) = f(\epsilon) = \epsilon = \epsilon \epsilon = f(\epsilon)f(\epsilon)$$

$$f(\epsilon) = \epsilon$$

$$\forall w \in A^* : f(aw) = bf(w)$$

$$\forall w \in A^* : f(bw) = af(w)$$
 zu zeigen
$$\forall w = w_1w_2 \in A^n : f(w_1w_2) = f(w_1)f(w_2)$$

Induktionsvoraussetzung

Für alle Wörter w' mit beliebiger, aber fester Länge $n \in \mathbb{N}_0$ gelte:

$$\forall w' \in A^* \text{ mit } w' = w_1 w_2 : f(w_1 w_2) = f(w_1) f(w_2)$$

$$f(\epsilon) = \epsilon$$

$$\forall w \in A^* : f(aw) = bf(w)$$

$$\forall w \in A^* : f(bw) = af(w)$$
 zu zeigen
$$\forall w = w_1 w_2 \in A^n : f(w_1 w_2) = f(w_1) f(w_2)$$

Induktionsschritt beliebiges $w \in A^{n+1}$

$$f(\epsilon) = \epsilon$$

$$\forall w \in A^* : f(aw) = bf(w)$$

$$\forall w \in A^* : f(bw) = af(w)$$
 zu zeigen
$$\forall w = w_1w_2 \in A^n : f(w_1w_2) = f(w_1)f(w_2)$$

Induktionsschritt beliebiges $w \in A^{n+1}$

 $\mathbf{w} = \mathbf{a}\mathbf{w}'$:

$$f(\epsilon) = \epsilon$$

$$\forall w \in A^* : f(aw) = bf(w)$$

$$\forall w \in A^* : f(bw) = af(w)$$
 zu zeigen
$$\forall w = w_1w_2 \in A^n : f(w_1w_2) = f(w_1)f(w_2)$$

Induktionsschritt beliebiges $w \in A^{n+1}$

• w = aw': $f(w) = f(aw') = bf(w') = bf(w_1w_2) = bf(w_1)f(w_2) = f(aw_1)f(w_2)$

$$f(\epsilon) = \epsilon$$

$$\forall w \in A^* : f(aw) = bf(w)$$

$$\forall w \in A^* : f(bw) = af(w)$$
 zu zeigen
$$\forall w = w_1w_2 \in A^n : f(w_1w_2) = f(w_1)f(w_2)$$

Induktionsschritt beliebiges $w \in A^{n+1}$

- w = aw': $f(w) = f(aw') = bf(w') = bf(w_1w_2) = bf(w_1)f(w_2) = f(aw_1)f(w_2)$
- w = bw': $f(w) = f(bw') = af(w') = af(w_1w_2) = af(w_1)f(w_2) = f(bw_1)f(w_2)$

Huffman-Codierung

Huffman-Codierung

- Übersetzungsfunktion h(x) gesucht
- ullet ϵ -freier und Präfixfreier Homomorphismus
- $h(x): A \to \{0,1\}^*$
- h(w) soll dabei möglichst kurz sein.
- Zeichen, die häufiger vorkommen, bekommen einen kürzeren Code.

$$N_x(w)$$
 2 7 2 1 3 6

e,3

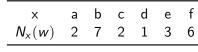
f,6

b,7

2,a

2,c

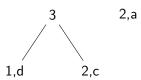
1,d

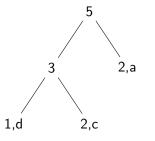


e,3

f,6

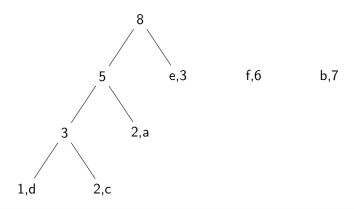
b,7

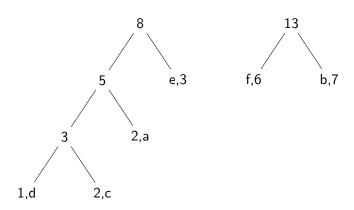


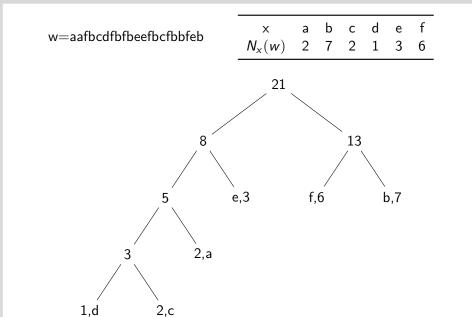


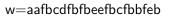
e,3 f,6

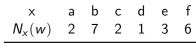
b,7

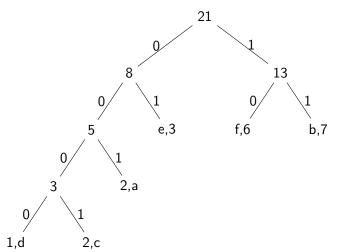


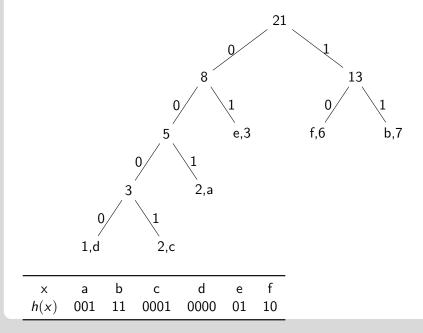












Huffman-Codierung

- w=aafbcdfbfbeefbcfbbfeb
- Die Codierung von w ist 50 Zeichen lang.

Gegeben sei das Alphabet $A = \{a, b, c, d, e, f, g\}$ und ein Wort $w \in A^*$ in dem die Symbole mit folgenden Häufigkeiten vorkommen:

а	b	С	d	е	f	g
11	3	11	24	8	7	36

- Zeichnen Sie den Huffman-Baum.
- Geben Sie die Huffman-Codierung des Wortes bad an.

11,a

11,c

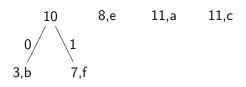
8,e

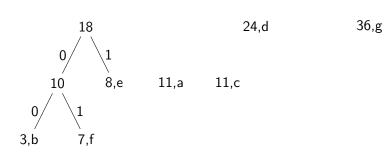
24,d 36,g

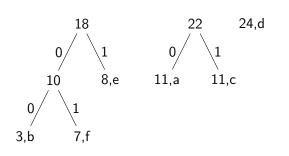
7,f

3,b

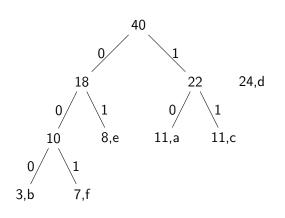
24,d 36,g



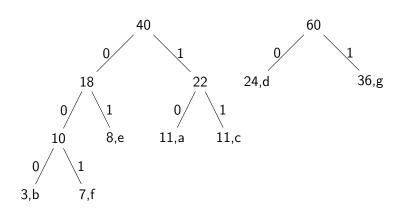


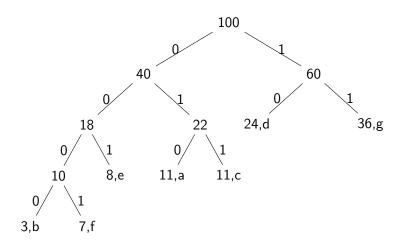


36,g



36,g





 $h(bad) = 0000 \ 010 \ 10$

Gegeben seien zwei Codierungen über dem Alphabet $A = \{a, b, c, d, e\}$

h(x)	a 00		•	d 010	e 011
Х	а	b	С	d	е
h(x)	10	11	001	010	011

Welche der beiden Codierungen ist eine gültige Huffman-Codierung?

