



第**4-1**章 随机变量与概率分布

- 1. 随机变量与概率分布的概念
- 2. 联合概率分布
- 3. 边缘概率分布
- 4. 条件概率分布
- 5. 随机变量的独立
- 6. 随机变量的变换*

2/13

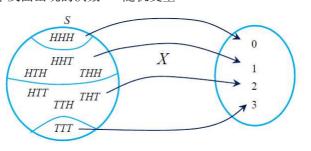


1. 随机变量与随机分布的概念

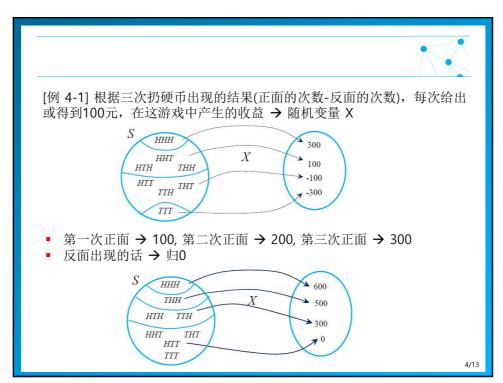


[定义 4-1] 随机变量(random variable)

- 用实数来表示样本空间的各元素的一种函数
- 具有随机分布特点
- 扔三次硬币的试验中出现的样本空间S={HHH, HHT, HTH, HTT, THH, THT, TTH, TTT}
- 硬币反面出现的次数 → 随机变量



3







- 离散型样本空间(discrete sample space)
 - 由有限个或者可数的无限个元素组成的样本空间
 - 离散型随机变量(discrete random variable)
 - ✔ 一直扔硬币,直到出现正面为止的次数
 - ✓ 100个产品中不合格品的数量
- 连续型样本空间(continuous sample space)
 - 可用实线内任意区间来表示的样本空间
 - 连续型随机变量(continuous random variable)
 - ✔ 人的身高和体重
 - ✔ 产品的寿命

5/13

5

1.2 概率分布



[定义 4-2] 离散型概率分布(discrete probability distribution)

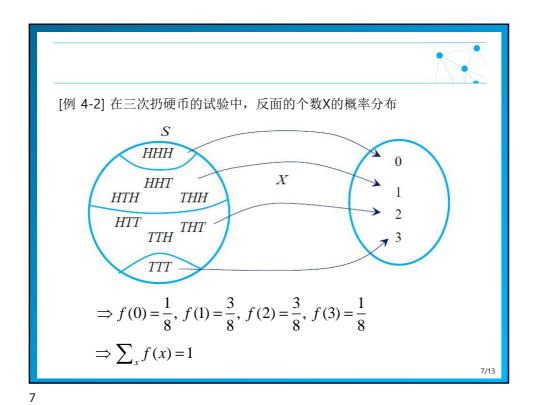
- 由离散型样本空间的随机变量形成的概率分布
 - 概率质量函数(probability mass function)

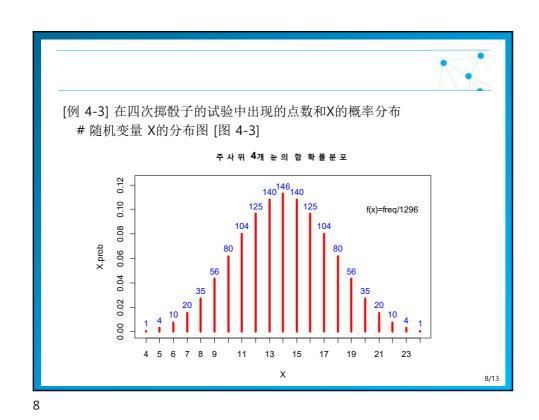
$$P(X = x) = f(x)$$

$$\sum_{x} f(x) = 1, \ 0 \le f(x) \le 1$$

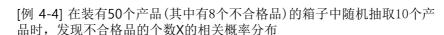
6/13





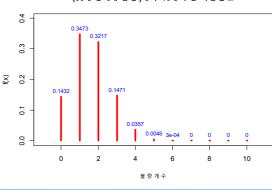






$$f(x) = P(X = x) = \frac{{}_{8}C_{x} \times {}_{42}C_{10-x}}{{}_{50}C_{10}}, \ x = 0, 1, ..., 8$$

(50개 중 8개 불량)에서 10개 추출 확률분포



9



[定义 4-3] 连续型概率分布(continuous probability distribution)

- 具有连续的(不可数的)值的随机变量的概率分布
- 概率分布函数f(x)是用来求概率P(a<X<b)的概率密度函数

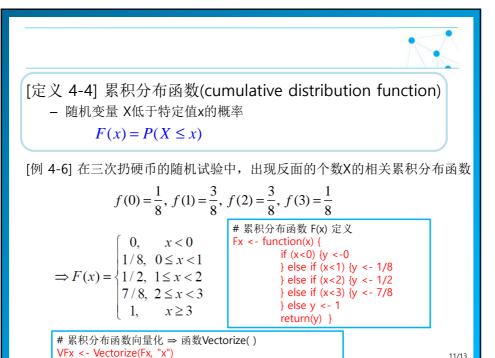
$$P(a < X < b) = \int_{a}^{b} f(x)dx$$
$$f(x) \ge 0, \quad \int_{-\infty}^{\infty} f(x)dx = 1$$

[例 4-5] 密度函数: $f(x) = 2e^{-2x}, 0 < x < \infty$

- (1) 概率分布? $f(x) \ge 0$ $\int_{-\infty}^{\infty} f(x) dx = \int_{0}^{\infty} 2e^{-2x} dx = [-e^{-2x}]_{0}^{\infty} = 1$
- (2) $P(0 < X < 1) = \int_0^1 2e^{-2x} dx = [-e^{-2x}]_0^1 = 1 e^{-2} = 0.8647$

10/13





11

