



Bachelorarbeit

Untersuchung des
Skalierungsverhaltens eines
Raspberry Pi-Clusters
unter Verwendung von
HPC-Benchmarks

Judith Greif



Bachelorarbeit

Untersuchung des
Skalierungsverhaltens eines
Raspberry Pi-Clusters
unter Verwendung von
HPC-Benchmarks

Judith Greif

Aufgabensteller: Prof. Dr. Dieter Kranzlmüller
Betreuer: Dr. Nils Gentschen Felde
Christian Straube

Hiermit versichere ich, dass ich die vorliegende Bachelorarbeit selbstständig verfasst und keine anderen als die angegebenen Quellen und Hilfsmittel verwendet habe.

.....
(*Unterschrift der Kandidatin*)

Abstract

Seit dem Beginn seiner Entwicklung punktet der Mini-Computer Raspberry Pi durch Flexibilität, Preis-Leistungs-Verhältnis niedrigschwelligen Zugang und geringen Stromverbrauch. Das macht ihn zum idealen Kandidaten für einen Beowulf-Cluster. Er kann z.B. an Unversitäten zur Forschungszwecken eingesetzt werden oder in eingeschränktem Rahmen einen Supercomputer simulieren.

Tritt der Raspberry Pi in die Welt der Supercomputer ein, muss er sich auch mit ihren Spielregeln messen lassen. Die vorliegende Arbeit untersucht das Skalierungsverhalten eines Raspberry Pi-Clusters unter der Workload von Linpack, Whetstone und STREAM. Sie zeigt auf, ob und in welcher Form sich die ausgewählten HPC-Benchmarks auf dem Cluster auführen lassen und evaluiert die Ergebnisse. Ein Schwerpunkt liegt dabei auf dem Energieverbrauch des Clusters bei unterschiedlichen Versuchsaufbauten.

Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung	1
1.1	Hintergrund	1
1.2	Fragestellung	1
1.3	Vorgehensweise	1
1.4	Struktur	2
2	Grundlagen und Begriffsbildung	3
2.1	Definition: <i>Benchmarking</i>	3
2.2	Definition: <i>Performance</i>	4
2.3	Definition: <i>Energieverbrauch</i>	5
2.4	Benchmarks	5
2.4.1	Linpack	5
2.4.2	Whetstone	7
2.4.3	STREAM	8
2.5	Spezifikation des RPi Modell B	9
2.5.1	Physischer Aufbau	9
2.5.2	Betriebssystem	9
2.6	Raspberry Pi-Cluster als Testumfeld	9
2.6.1	Physischer Aufbau	10
2.6.2	Betriebssystem und Dateisystem	10
2.6.3	Implikationen für den Versuchsaufbau	11
3	Versuchsaufbau und -ablauf	13
3.1	Zielsetzung	13
3.2	Aufbau und Art der Messung	13
3.2.1	Versuchsaufbau Ri-Einzelrechner	13
3.2.2	Versuchsaufbau Bramble	14
3.3	Strommessung	21
3.4	Ergebnisse	23
3.4.1	HPL: Performance	23
3.4.2	STREAM: Performance	25
3.4.3	Stromverbrauch	26
4	Interpretation	33
4.1	HPL: Performance	33
4.2	STREAM: Performance	33
4.3	Stromverbrauch	37
4.4	Grenzen des Versuchsaufbaus	37
	Abbildungsverzeichnis	39

1 Einleitung

Seit Beginn seiner Entwicklung im Jahr 2009 boomt der Minicomputer Raspberry Pi (im Folgenden als *RPi* bezeichnet). Er erhielt z.B. den Designpreis INDEX: award 2013 (vgl. <http://designtoimprovelife.dk/category/s15-award2013>), wurde als Innovation des Jahres bei den T3 Gadget Awards 2012 ausgezeichnet (vgl. <http://www.t3.com/news/t3-gadget-awards-2012-award-winners>) und zum Gadget of the Year 2012 des Linux Journal gewählt (vgl. <http://www.linuxjournal.com/slideshow/readers-choice-2012>). Im Februar dieses Jahres war das Modell B über 2,5 Millionen Mal verkauft worden.

1.1 Hintergrund

Die Leistung von Rechnern, seien es Großrechner, Desktop-Rechner oder Minicomputer, wird häufig durch Benchmarks ermittelt. Das ermöglicht die Vergleichbarkeit der Testergebnisse unterschiedlicher Systeme. Bekannte und erprobte Benchmark-Suites sind z.B. Linpack und Whetstone, mit denen seit den 70er Jahren die Performance von Supercomputern ermittelt wird. Für Einzelrechner mit Linux-Systemen gibt es z.B. die Phoronix Test Suite oder UnixBench, um die Performance der einzelnen Komponenten wie CPU, GPU und RAM zu evaluieren.

1.2 Fragestellung

Im wissenschaftlichen Umfeld werden immer häufiger mehrere RPi zu einem Beowulf-Cluster verschaltet, um parallele Berechnungen auszuführen. Vor diesem Hintergrund stellt sich die Frage: Wie verhält sich ein RPi bei der Ausführung von HPC-Benchmarks? Noch interessanter ist das Verhalten eines RPi-Clusters: Welche CPU-Performance lässt sich damit erzielen und wie verhält sich der Cluster bei Hinzunahme von Ressourcen, d.h. RPi-Rechenkernen? Im Zentrum dieser Arbeit stehen daher CPU-Performance und Skalierungsverhalten eines RPi-Clusters unter den Testbedingungen ausgewählter HPC-Benchmarks. Dazu wird zunächst die Performance eines RPi-Einzelrechners ermittelt. Anschließend wird die Performance eines RPi-Clusters bei Ausführung der Benchmarks evaluiert. Im Fokus steht dabei der Energieverbrauch, der mit Hilfe eines Strommessgeräts für die unterschiedlichen Versuchsaufbauten ermittelt wird.

1.3 Vorgehensweise

Grundsätzlich stellt sich die Frage, welche Benchmarks sich für das zu untersuchende System (RPi-Einzelrechner bzw. RPi-Cluster) und die zu untersuchende Komponente (CPU) eignen. Sie können nur herangezogen werden, wenn hierfür geeignete Implementierungen existieren.

Für den physischen Versuchsaufbau muss sicher gestellt sein, dass alle erforderlichen Komponenten (RPi-Cluster, RPi-Einzelrechner und Strommessgerät) zuverlässig arbeiten. Dies

muss regelmäßig überprüft werden, z.B. durch Kontrolle des Netzwerkstatus der Komponenten.

Die Ausführung der Benchmarks mit unterschiedlichen Anzahlen aktiver und angeschalteter RPi-Nodes erfolgt sinnvollerweise automatisiert durch entsprechende Shellskripte. Die Resultate müssen in geeigneter Form in eine Datenbank geloggt werden, was ebenfalls durch Shellskripte realisiert wird.

Der Stromverbrauch des RPi-Clusters mit unterschiedlichen Anzahlen aktiver und angeschalteter RPi-Nodes wird durch ein Strommessgerät ermittelt, das an die Stromversorgung des RPi-Clusters angeschlossen wird. Seine Messwerte müssen ebenfalls in geeigneter Form in eine Datenbank geloggt werden.

Die Messwerte der Benchmarks müssen mit denen des Strommessgeräts abgeglichen werden, um Aussagen über den Stromverbrauch treffen zu können. Für die Interpretation der ermittelten Versuchsergebnisse ist eine grafische Aufbereitung erforderlich.

1.4 Struktur

Um den Bezugsrahmen zu verdeutlichen, werden in Kapitel 2 zunächst grundlegende Definitionen geklärt. Insbesondere werden die ausgewählten Benchmarks vorgestellt (vgl. Kap. 2.4) und die Spezifikationen von RPi (vgl. Kap. 2.5) und RPi-Cluster erläutert (vgl. Kap. 2.6). Versuchsaufbau und -ablauf werden mit Blick auf Auswahl und Anpassung der RPi-spezifischen Parameter im folgenden Kapitel dargestellt (vgl. Kap. 3). Schließlich werden die Messergebnisse dargestellt (vgl. Kap. 3.4) und interpretiert (vgl. Kap. 4). Den Abschluss bilden eine Zusammenfassung der Untersuchungsergebnisse und ein Ausblick (vgl. Kap. ??).

2 Grundlagen und Begriffsbildung

Es gibt zahlreiche Benchmarks, die bereits an den RPi angepasst und auf diesem ausgeführt wurden. Dabei steht oft die Performance verschiedener Betriebssysteme (z.B. Fedora vs. Debian) oder einzelner Hardware-Komponenten im Vordergrund. Zu diesem Zweck werden hauptsächlich Linux-spezifische Benchmarks verwendet wie Sysbench CPU Benchmark (CPU), PyBench (Python-Implementierung), Apache Benchmark (Webserver), OpenSSL (CPU) oder ioquake3 (GPU).

Bei näherer Betrachtung erscheint es schwierig, sich einen Überblick über die existierenden Benchmarks zu verschaffen. Vieles, was von den Anwendern als „Benchmark“ bezeichnet wird, stellt sich als selbst geschriebene Routine heraus, mit der z.B. die Performance der Grafikkarte getestet werden soll. Auf solche Routinen darf sich die Untersuchung nicht stützen. Im Folgenden wird daher auf grundlegende Begriffe der Untersuchung eingegangen. Anschließend werden die verwendeten Benchmarks (vgl. 2.4) und ihre Ausführung auf dem RPi erläutert (vgl. 3.2).

2.1 Definition: Benchmarking

Unter *Benchmarking* oder „Maßstäbe vergleichen“ versteht man im Allgemeinen die vergleichende Analyse von Ergebnissen oder Prozessen mit einem festgelegten Bezugswert oder Vergleichsprozess. *Computer-Benchmarks*, die hier von Bedeutung sind, dienen dem Vergleich der Rechenleistung von Computer-Systemen, wozu in der Regel Software verwendet wird:

A simple method of measuring performance is by means of a benchmark program.
[...] The intention is that by running it upon a new type of machine one may learn something of the performance the machine would have if it ran the original programs [CW76].

Das *Computer Lexikon 2012* kennt folgende Definition:

Mit einem Benchmark-Programm werden Hardwarekomponenten meist auf Geschwindigkeit getestet, wie z.B. die CPU, das Mainboard, die Festplatte (Schreib-Lese-Geschwindigkeit), die Grafikkarte (Frames/s) usw. Verschiedene Benchmark-Programme liefern oft unterschiedliche Ergebnisse, so dass ein direkter Vergleich zwischen den erreichten Werten kaum aussagekräftig ist [Pre11].

Hieran wird deutlich, dass die Aussagekraft von Benchmarks eng mit der jeweiligen Testumgebung und der Zielsetzung des Benchmarks zusammenhängt. Zwei Benchmarks, die die CPU-Performance evaluieren, liefern möglicherweise unterschiedliche Ergebnisse, weil unterschiedliche Parameter oder sogar Messgrößen zu Grunde liegen. Das ist insbesondere bei der

Auswahl der Implementierungen und Gestaltung der Testumgebung zu berücksichtigen (vgl. Kap. 2.5, 2.6 und 3.2).

In dieser Arbeit soll die Leistung von Hardware-Komponenten eines oder mehrerer parallel arbeitender Rechenkerne mit standardisierten Verfahren ermittelt werden. Rechenberg bezeichnet „*Analyse, Auswahl und Konfiguration* von Gesamtsystemen aus Hardware und Software [Rec06]“ als eine Hauptaufgabe der Leistungsbewertung:

[F]ür diese Aufgaben, die die etwa im Zuge einer Rechnerbeschaffung anfallen, wurde in Form von standardisierten Meßprogrammen und -methoden (*benchmarking*) eine solide Basis geschaffen [Rec06].

Daher wird hier mit *Benchmarking* das **Standardisieren von Arbeit** bezeichnet.

2.2 Definition: Performance

Die physikalische Größe *Leistung* ist als *Energie pro Zeit* definiert. In der Informatik wird der Begriff meist abweichend als Rechenleistung verwendet, d.h. das Zeitverhalten von Programmen und Geräten oder die Leistungsfähigkeit eines Computersystems. Eine Abgrenzung erscheint jedoch schwierig:

The performance of a computer is a complicated issue, a function of many inter-related quantities. These quantities include the application, the algorithm, the size of a problem, the high-level language, the implementation, the human level of effort used to optimize the program, the compiler's ability to optimize, the age of the compiler, the operating system, the architecture of the computer and the hardware characteristics [DLP03].

Das *Informatik-Handbuch* liefert folgende Aspekte:

Quantitative Leistungsanalysen (*performance analyses*) ermitteln Leistungskenngrößen von Rechanlagen. [...] Leistungsbewertung kann sich auf Teilschaltungen, Komponenten (wie Prozessor, Speichersystem oder periphere Geräte), gesamte Rechnerverbünde beziehen [Rec06].

In dieser Arbeit soll die Performance eines RPi-Clusters bei der Ausführung von Benchmark-Programmen ermittelt werden. Curnow erläutert in Bezug auf Whetstone:

We are not claiming [to reflect] the overall performance of a given system. On the contrary, we believe that no single number ever can. It does, however, reflect the performance of a dedicated machine for solving a dense system of linear equations [CW76].

Mit *Performance* wird daher hier die **Rechenleistung** in diesem abgegrenzten Sinn bezeichnet, d.h. die Datenverarbeitungsgeschwindigkeit eines spezifischen Systems, nicht dessen Leistung im physikalischen Sinn. Dabei werden die **Ausführungsrate** und die **Ausführungszeit** als maßgebliche Zahlen betrachtet.

2.3 Definition: Energieverbrauch

Obwohl der Begriff *Energieverbrauch* (engl. *energy consumption* oder *power consumption*) weit verbreitet ist (vgl. z.B. [FH12] und [BL08]), stimmt er nicht mit der physikalischen Definition überein: Nach dem Energieerhaltungssatz bleibt die Gesamtenergie in einem geschlossenen System konstant. Dennoch wird der Begriff auch in der Informatik häufig verwendet, um die Leistungsfähigkeit eines Rechners oder Rechensystems in Abhängigkeit von der Energieaufnahme zu charakterisieren:

Vom physikalischen Standpunkt aus betrachtet, ist der Ausdruck „Energieverbrauch“ falsch. Energie kann nicht verbraucht oder erzeugt, sondern nur umgewandelt werden. Trotzdem hat sich dieser Begriff eingebürgert [...]. Bei elektronischen Systemen wird elektrische Energie verwendet, um Rechenleistung in einer bestimmten Zeitspanne zu generieren, physikalisch gesehen wird die elektrische Energie jedoch zu nahezu hundert Prozent in Wärmeenergie umgewandelt [LB12].

In dieser Arbeit liegt ein Schwerpunkt der Leistungsbewertung auf der Energieaufnahme eines RPi-Clusters bei der Ausführung von Benchmark-Programmen. Mit *Energieverbrauch* ist hier der Exergieverbrauch bzw. die Entropieerzeugung in Watt im physikalischen Sinn gemeint.

2.4 Benchmarks

Aus der Fülle an existierenden Benchmarks eine Auswahl zu treffen erweist sich als trickreich. Mögliche Kriterien für die Auswahl nennt Weicker:

The [...] best benchmark (1) is written in a high-level language, making it portable across different machines, (2) is representative for some kind of programming style (for example, systems programming, numerical programming, or commercial programming), (3) can be measured easily, and (4) has wide distribution [Wei90].

Der Benchmark muss zudem überhaupt auf das gewählte System anwendbar sein, d.h. das System muss dessen Spezifikationen erfüllen bzw. es muss eine geeignete Implementierung vorliegen. Aus diesem Grund musste z.B. SHOC ausscheiden. SHOC ist nicht lauffähig auf dem RPi, da Open CL nicht unterstützt wird.

Für die Untersuchung wurden drei etablierte HPC-Benchmarks vorgegeben, die sowohl auf Cluster-Architekturen als auch Einzelrechnern zur Anwendung kommen: Linpack, Whetstone und STREAM. Sie werden im Folgenden vorgestellt.

2.4.1 Linpack

Grundsätzlich muss zwischen der Linpack-Bibliothek und dem Linpack-Benchmark unterschieden werden. Erstere ist eine numerische Programmbibliothek zum Lösen von linearen Gleichungssystemen und galt darin lange Zeit als Standard. Der Linpack-Benchmark basiert auf zwei ihrer Routinen:

Linpack was designed out of a real, purposeful program that is now used as a benchmark [Wei90].

Er wurde hauptsächlich von Jack Dongarra entwickelt und wird seit den 1970er Jahren zur Klassifizierung von Rechnern verwendet:

Over the years additional performance data was added [...] and today the collection includes over 1300 different computer systems [DLP03].

Seit 1993 werden die leistungsfähigsten Supercomputer der Welt durch die Top500-Rankings ermittelt. Hierzu dient die Variante HPLinpack, auch $N \times N$ Linpack oder High Parallel Computing genannt:

Over recent years, the LINPACK Benchmark has evolved from a simple listing for one matrix problem to an expanded benchmark describing the performance at three levels of problem size on several hundred computers. The benchmark today is used by scientists worldwide to evaluate computer performance, particularly for innovative advanced-architecture machines [DLP03].

Dort findet sich auch eine vertiefte Darstellung des Linpack-Benchmarks.

Funktionsweise

Linpack dient der Ermittlung der CPU-Leistung. Dazu werden Fließpunkt-Operationen auf einer Matrix durchgeführt, die intern in eine lineare Darstellung umgewandelt wird. Das Ergebnis wird als *Performance* in FLOPs („Floating Point Operations Per second“) ermittelt. Der Anteil der Nicht-Fließpunkt-Operationen wie Berechnungen auf Integer-Werten werden bei der Auswertung entweder vernachlässigt oder in die Fließpunkt-Operationen integriert (vgl. [Wei90]). Die Linpack-Varianten Linpack 100, Linpack 1000 und HPLinpack verwenden Matrizen der Größe 100×100 , 1000×1000 bzw. $n \times n$, d.h. eine Matrix variabler Größe, zur Berechnung. HPLinpack liefert Messergebnisse für R_{max} („Performance for the largest problem“), N_{max} („Size of the largest problem run“), $N_{1/2}$ („Size where half the R_{max} execution rate is achieved“) und R_{peak} („Theoretical peak performance“) in *FLOPs*. Entscheidend für die Positionierung in der Top500-Liste ist dabei der R_{max} -Wert. Dabei erreicht der derzeit leistungsfähigste Supercomputer, *Tianhe-2 (Milky Way-2)*, 33862.7 TFLOPs. *SuperMUC*, der zuletzt auf Platz 10 der Top500 gerankt wurde, erzielte 2897.0 TFLOPs.

Beim Vergleich der Ergebnisse von Linpack ist die Matrixgröße von Bedeutung, da ihre Abänderung bei unterschiedlichen Rechnerarchitekturen zu geringerer Datenlokalität und damit zu starken Abweichungen der Ergebnisse führen kann (vgl. [Wei90]). In der Regel werden daher die oben genannten Matrixgrößen verwendet, obwohl der Quellcode eine Änderung zulässt.

Linpack auf dem Raspberry Pi

Bereits kurz nach Verkaufsstart des RPi wurden Implementierungen von Linpack für den RPi bereit gestellt und Ergebnisse von Testläufen im Internet veröffentlicht. Somit liegen bereits Vergleichswerte für einen RPi-Einzelrechner vor. Auch Implementierungen von Linpack für verteilte Systeme unabhängig von den Top500-Rankings sind im Umlauf. Der hier verwendete Quellcode findet sich unter <http://www.netlib.org/benchmark/hp1>.

2.4.2 Whetstone

Auch Whetstone ist als Benchmark im HPC-Bereich und zur Klassifizierung von Einzelrechnern seit vielen Jahren etabliert:

[T]he most common 'stone age' benchmarks (CPU/memory/compiler benchmarks only) [are] in particular the Whetstone, Dhrystone, and Linpack benchmarks. These are the benchmarks whose results are most often cited in manufacturers' publications and in the trade press [Wei90].

Er wurde 1976 von Roy Longbottom und anderen entwickelt und gilt als erstes Programm, das jemals explizit für das Benchmarking industrieller Standards designet wurde (vgl. [Wei90]). Wie Linpack misst er die CPU-Leistung.

Funktionsweise

Die Funktionsweise von Whetstone ähnelt Linpack. Allerdings werden nicht nur Fließkomma-Berechnungen ausgeführt. Auch mathematische Funktionen, Integer-Arithmetik, bedingte Anweisungen etc. kommen zur Anwendung, da die ursprüngliche Programmversion nicht komplex genug war, um ein durchschnittliches FORTRAN-Programm zu simulieren. Gegenüber der ursprünglichen Implementierung in ALGOL 60 war ein damals gängiger FORTRAN-Compiler in der Lage, Zwischenergebnisse in schnellen Registern abzuspeichern und darauf zurückzugreifen. So fiel die gemessene CPU-Leistung deutlich höher aus als erwartet (vgl. [CW76]).

Die einzelnen Teile werden als Module bezeichnet und sind jeweils in eine For-Schleife eingebettet, die viele Male hintereinander ausgeführt wird. Ein Rahmenprogramm steuert Aufruf der Module und Ausgabe der Ergebnisse. Auch die Ausgabe ist Teil des Benchmarks, allerdings bemerkt Curnow hierzu:

This output is only required to ensure that the calculations are logically necessary; it is not intended to represent the output from a typical program [CW76].

Die Ergebnisse wurden zunächst in *Whetstone Instructions per Second* gemessen, heutige Implementierungen liefern Ergebnisse in MFLOPs. Eine detaillierte Darstellung der Entwicklung und Implementierung von Whetstone findet sich bei [CW76], ebenso der ursprüngliche Quellcode in ALGOL 60.

Whetstone auf dem Raspberry Pi

Whetstone erschien wie für den RPi gemacht, da er sich als Standard für Mini-Computer etabliert hat: Der Benchmark war in den 70er Jahren für Maschinen mit deutlich geringerer Rechenleistung als heute entwickelt worden. Bereits damals gingen die Entwickler von notwendigen Anpassungen für neue Speicherhierarchien aus:

When more is known about the characteristics of programs running on these multi-level store machines it may be possible to produce a typical program for particular types of machine. [...] Despite these limitations the program described should be of some value, particularly in relation to smaller machines [CW76].

Er wurde vom Entwickler selbst für den RPi angepasst und auf diesem getestet (vgl. <http://www.roylongbottom.org.uk/Raspberry%20Pi%20Benchmarks.htm>). Auch hier liegen also Vergleichswerte für einen RPi-Einzelrechner vor.

Wie für die meisten etablierten HPC-Benchmarks existieren Implementierungen in höheren Programmiersprachen wie C, C++, Fortran und Java (vgl. <http://freespace.virgin.net/roy.longbottom>). Ob eine lauffähige Implementierung für die Cluster-Architektur existiert, wird sich zeigen müssen.

2.4.3 STREAM

Mit zunehmender Rechenleistung der Prozessoren und der Zunahme an Prozessorkernen innerhalb eines Rechnersystems zeigte sich, dass es nicht ausreicht, die Leistungsfähigkeit lediglich an Hand der CPU-Leistung zu bewerten. Zudem lässt sich eine Tendenz beobachten, dass Rechnersysteme gezielt für die Ausführung bestimmter Benchmarks wie HPLinpack optimiert werden, um in Ranglisten bessere Plätze zu erreichen.

STREAM wurde mit dem Ziel entwickelt, das Verhältnis von CPU-Leistung zu Speichergeschwindigkeit in die Bewertung einzubeziehen. Mittlerweile ist STREAM auch Bestandteil der HPCChallenge Benchmark-Suite. Sie wurde mit der Zielsetzung entwickelt, Anforderungen aus der Anwendungspraxis in die Bewertung von HPC-Rechnersystemen einfließen zu lassen (vgl. [LDK⁺05]).

Funktionsweise

STREAM ist ein synthetischer Benchmark und basiert auf einem Programm aus der wissenschaftlichen Praxis von John McCalpin. Es ermittelt die dauerhafte Speicher-Bandbreite (engl. „sustainable memory bandwidth“ [McC95]) für angrenzende Speicherzugriffe langer Vektoren (engl. „sustainable memory bandwidth for contiguous, long-vector memory accesses“ [McC95]). Die Vektoren müssen lang genug sein, dass sie nicht im Prozessor-Cache vorgehalten, sondern aus dem Arbeitsspeicher geladen werden müssen. STREAM ist somit Teil eines neuen Modells, das als Performance-Maßzahl die Gesamtzeit $T_{total} = T_{cpu}$ (CPU-Performance) + T_{memory} (Speicher-Performance, ermittelt durch STREAM) festlegt (vgl. [McC95] und [McC05]).

STREAM durchläuft bei seiner Ausführung vier Module (Copy, Scale, Add und Triad) und liefert für jedes Modul die durchschnittliche, maximale und minimale Ausführungszeit sowie die Ausführungsrate. Jedes Modul wird mehrfach ausgeführt, um verlässliche Mittelwerte zu erhalten. Folgende Berechnungen werden dabei durchgeführt:

1. Copy: $a(i) = b(i)$
2. Scale: $a(i) = q * b(i)$
3. Add: $a(i) = b(i) + c(i)$
4. Triad: $a(i) = b(i) + q * c(i)$

Zwischen dem Programmcode der Module bestehen Abhängigkeiten, um starke Optimierungen durch den Compiler zu verhindern (vgl. [McC05]). Quellcode und Ergebnisse für STREAM auf verschiedenen Systemen finden sich unter <http://www.cs.virginia.edu/stream>.

STREAM auf dem Raspberry Pi

Auch für STREAM wurden bereits Ergebnisse auf einem RPi-Einzelrechner bereits veröffentlicht (vgl. http://www.cs.virginia.edu/stream/stream_mail/2012/0002.html). Die auf dem RPi-Cluster verwendete Implementierung findet sich unter http://www.cs.virginia.edu/stream/FTP/Code/Versions/stream_mpi.f.

2.5 Spezifikation des RPi Modell B

Was dem Nutzer zuerst auffällt, ist sicherlich die Größe des RPi. Er wird manchmal als „Scheckkarten-Computer“ bezeichnet und überschreitet diese Maße mit 85.60 mm × 53.98 mm × 17 mm tatsächlich nur geringfügig. Auf dieser Platine sind alle Komponenten verbaut, die den RPi zu einem voll funktionsfähigen Rechner machen.

2.5.1 Physischer Aufbau

Der RPi ist mit einem Broadcom BCM2835 als System on a Chip ausgestattet. Es enthält CPU (ein ARM1176JZFS-Prozessor) und GPU (ein Broadcom VideoCore IV-Koprozessor, vgl. [Lan12]). Auffällig ist, dass die CPU des RPi (ein ARM-Chip, wie er auch in Mobiltelefonen zur Anwendung kommt), relativ schwach ist im Vergleich zur GPU. Diese unterstützt Full HD-Auflösung und das Hardware-beschleunigte Rendern verschiedener Videoformate. Das Modell B verfügt über 512 MB SDRAM. Dieser kann nicht erweitert werden.

Der RPi verfügt über einen HDMI-Ausgang, einen Cinch-Ausgang („RCA Jack“) und einen analogen Tonausgang. Er hat zwei USB 2.0-Schnittstellen und eine RJ45-Buchse zum Anschluss einer 10/100 Base-T Ethernet-Schnittstelle. Ein Steckplatz ist für eine SD-Karte vorgesehen, auf der der nicht flüchtige Speicher liegt. Die Stromversorgung erfolgt über einen Mini-USB-Eingang. Zum Betrieb werden 700 mA/5 V benötigt (vgl. [Pow12]). Der Vollständigkeit halber sei das Vorhandensein einer Allzweckeingabe/-ausgabe mit sechs Anschlüssen und jeweils 26 Pins erwähnt. Darüber können, ähnlich wie bei einem Arduino-Board, z.B. LEDs, Sensoren und Displays angesteuert werden.

2.5.2 Betriebssystem

Für den RPi existieren mehrere Varianten bzw. Derivate verbreiteter Betriebssysteme. Am verbreitetsten sind Linux/Unix-basierte Systeme wie FreeBSD und NetBSD (BSD-Varianten), Raspbian (Debian-Variante), Pidora (Fedora-Variante) oder eine Variante von Arch Linux (vgl. [Pow12]). Daneben gibt es Implementierungen von RISC OS und Plan 9. Als Betriebssystem für die RPi-Einzelrechner war Raspbian gewählt worden, die offizielle Distribution der Raspberry Pi Foundation (vgl. <http://www.raspberrypi.org/faqs>). Das Abbild findet sich unter http://downloads.raspberrypi.org/raspbian_latest.

2.6 Raspberry Pi-Cluster als Testumfeld

Seit einiger Zeit lässt sich die Tendenz beobachten, eine größere Anzahl von Raspberry Pis zu einem Cluster zu koppeln (weitere Projekte werden in [CCB⁺13], [Kie13], [Bal12] und [Ou13] dargestellt). Die hier verwendete Architektur wird im Folgenden kurz vorgestellt. Eine detaillierte Darstellung liefert [Kli13].

2.6.1 Physischer Aufbau

Der RPi-Cluster besteht aus 20 RPi Modell B-Einzelrechnern ((1), DNS-Namen pi01 – pi20). Sie sind jeweils über ein Ethernet-Kabel (2) mit einem 24 Port Gigabit-Switch (3) verbunden, der an einen zentralen x86-Server (DNS-Name **careme**) angeschlossen ist.

Er besteht aus einem Mini-ITX-Mainboard (4) und Festplatten mit einem Software-RAID Level 5-System für den Netzwerkzugriff und einem RAID Level 1-System für das Betriebssystem (5).

Die Stromversorgung erfolgt über ein zentrales Netzteil (6). Daran sind zwei Verteiler (7) angeschlossen, an die jeweils 10 RPi-Einzelrechner über Mini-USB-Kabel (8) verbunden sind.

Alle Komponenten befinden sich in einem Metallgehäuse, in dessen Mitte drei Kühlgebläse angebracht sind. Ein solches System relativ kostengünstiger Rechner mit einem BSD- oder

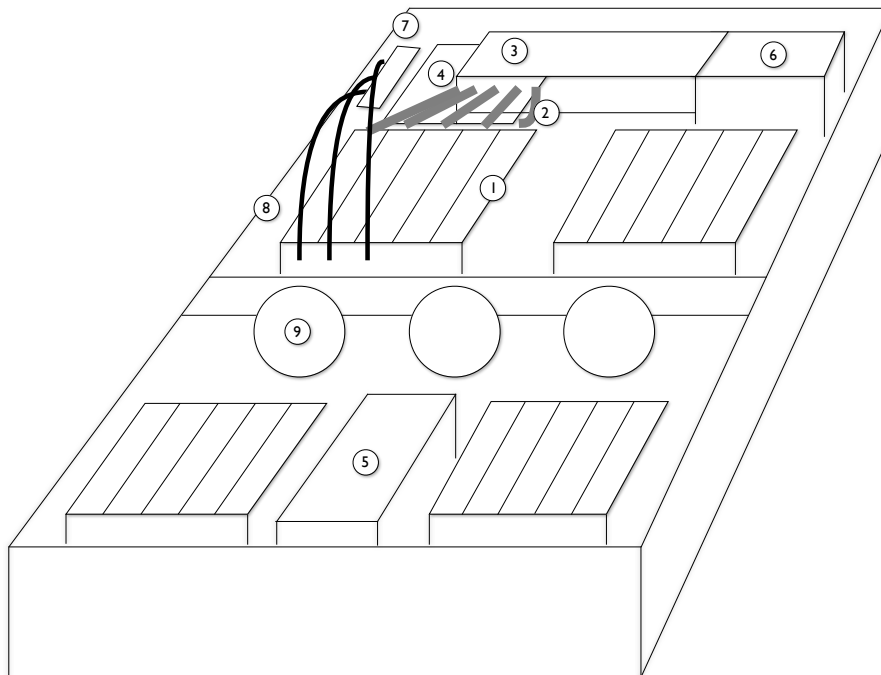


Abbildung 2.1: Schematischer Aufbau des hier verwendeten Bramble.

Linux-Betriebssystem, die über IP kommunizieren, wird im Allgemeinen als *Beowulf* bezeichnet (vgl. [Kie13]). Für einen Beowulf-Cluster aus RPis ist der Begriff *Bramble* gebräuchlich, der im Folgenden verwendet wird (vgl. www.raspberrypi.org/archives/tag/bramble).

2.6.2 Betriebssystem und Dateisystem

Auf den RPi-Knoten ist das oben genannte Betriebssystem Raspbian installiert (vgl. Kap. 2.5.2), auf **careme** eine Standard-Debian-Version. Ein Charakteristikum eines Beowulf-Clusters ist, dass es kein Shared Memory-Interface und keine Cache-Kohärenz gibt. Somit stellt sich die Frage nach der Zeit- und Datensynchronisation der RPi-Knoten und des Servers sowie den Möglichkeiten des gemeinsamen Speicherzugriffs.

Die Datei-Synchronisation des Servers und der RPi-Knoten erfolgt über ein Netz-Dateisystem (hier: **nfs**). Dessen Verwaltung erfolgt auf dem Server über ein Union-Dateisystem (hier: **aufs**), das mehrere Schichten des Dateisystems anlegt: Die unteren Schichten haben nur Leseberechtigungen, die oberste Lese-Schreib-Berechtigungen. Werden Daten in einem geteilten Verzeichnis verändert, so bleiben die unteren Schichten unverändert. Die Änderungen werden nur auf der obersten Schicht geschrieben. Für gemeinsam genutzte Daten des Servers und der Clients steht auf dem Server das Verzeichnis **/srv/nfs-share** bzw. auf den Clients **/srv** zur Verfügung. Eine genaue Darstellung findet sich bei [Kli13].

2.6.3 Implikationen für den Versuchsaufbau

Welche Zugriffsmöglichkeiten auf die Komponenten des Bramble gibt es, und wie können verteilte Berechnungen darauf ausgeführt werden?

Netzzugriff

Der Zugriff auf den Bramble erfolgt aus dem internen Netz über IP und SSH. Auf die einzelnen RPi-Knoten wird von **careme** aus ebenfalls über IP und SSH zugegriffen (private Adressen 10.0.0.2 bis 10.0.0.21).

Es gibt auf jedem RPi-Knoten den Raspbian-Standard-User **pi**, der nicht verändert wurde. Aus Sicherheitsgründen wurden für **careme** keine root-Rechte erteilt, nur für die einzelnen RPi-Knoten. Stattdessen wurde der Benutzer **rpi-user** eingerichtet. Das bedeutet, dass alle Änderungen im geteilten Verzeichnis **/srv** bzw. **/srv/nfs-share** von einem der RPi-Nodes aus vorgenommen werden müssen, da **rpi-user** hierauf keine Schreibberechtigungen hat. Somit wurde vorab RPi-Node **pi03** als Berechnungsknoten definiert, von dem aus alle Skripte ausgeführt, Programme installiert werden etc.. Die Datenbank zur Speicherung von Konfigurationen und Messwerten war hingegen auf dem Server angelegt worden. Dadurch wird häufiges Navigieren zwischen dem Server und dem Berechnungsknoten mit unterschiedlichen Benutzern notwendig.

Die Skripte zur Ausführung der Benchmarks sehen häufig das Herunterfahren einzelner RPi-Knoten vor, um den Energieverbrauch beim Abschalten nicht aktiver RPi-Knoten zu ermitteln. Alle Anwendungen wurden daher auf maximal $n=19$ RPi-Nodes ausgeführt und von **pi03** aus gesteuert.

Ausführung verteilter Anwendungen

Der Versuchsaufbau sieht vor, verteilte Anwendungen auf unterschiedlichen Anzahlen von RPi-Knoten auszuführen. Zur verteilten Berechnung von Anwendungen auf mehreren CPUs steht auf dem Bramble die MPI-Implementierung MPICH in der Version 3.0.4 zur Verfügung. Um die CPUs bzw. RPi-Knoten und die Anzahl der darauf auszuführenden Prozesse zu spezifizieren, muss ein entsprechendes Machinefile erstellt und im geschalteten Verzeichnis abgelegt werden. Dieses wird der Ausführung von MPICH mit **mpiexec** als Parameter übergeben (vgl. Kap. 3.2.2).

3 Versuchsaufbau und -ablauf

Das folgende Kapitel beschreibt Versuchsaufbau und -durchführung sowie Ziele der Messung, von der Erkenntnisse über das Skalierungsverhalten eines RPi-Clusters unter der Arbeitslast der ausgewählten HPC-Benchmarks erwartet werden.

3.1 Zielsetzung

Für das Skalierungsverhalten des Bramble unter der Arbeitslast von Linpack und STREAM werden wie in Kap. 2 beschrieben zwei Maßzahlen betrachtet: Performance und Energieverbrauch.

Die ausgewählten Benchmarks werden auf $n - 1$ RPi-Knoten des Bramble mit $n=19$ RPi-Nodes ausgeführt (vgl. Kap. 2.6.3). Alle Messungen werden zweimal durchgeführt: Mit Stromanschluss der nicht beteiligten RPi-Nodes und ohne. Für beide Benchmarks werden zwei Ergebnisparameter betrachtet: Ausführungsrate in GFLOPs und Ausführungszeit in s für HPL, Ausführungsrate in MB/s und durchschnittliche Ausführungszeit in s für STREAM. Die Ergebnisse der Messreihen werden anschließend gegenübergestellt (vgl. Kap. 3.4).

3.2 Aufbau und Art der Messung

Hier stellen sich zwei grundsätzliche Fragen: Welcher Art ist die Messung und welche Voraussetzungen müssen hierfür erfüllt sein?

Die Performance wird pro Benchmark durch zwei Ergebnisparameter ermittelt. Zwei Messreihen werden durchgeführt: Bramble mit n RPi-Knoten aktiv/20 RPi-Knoten angeschaltet, Bramble mit n RPi-Knoten aktiv/ n RPi-Knoten angeschaltet. Für den Versuchsaufbau sind folgende Aspekte von Bedeutung: Mögliche Modifikationen der RPi-Knoten, Zeitsynchronisation der RPi-Knoten, Skalierung der Messung auf $n - 1$ RPi-Knoten, automatisierte Durchführung der Messung auf $n - 1$ RPi-Knoten sowie Einlesen der Messwerte in eine geeignete Datenstruktur.

3.2.1 Versuchsaufbau Ri-Einzelrechner

Viele Nutzer stellen sich nach Inbetriebnahme eines RPi-Einzelrechners die Frage nach Swap-Speicher und Übertakten (vgl. [Pow12]). Beides liegt nahe, da das Modell B des RPi nur über 512 MB Arbeitsspeicher verfügt. Die CPU-Leistung ist mit 700 MHz ebenfalls eher niedrig.

Im Praxisbetrieb wurde gezeigt, dass ein Übertakten der CPU auf bis zu 1 GHz gefahrlos möglich ist (vgl. z.B. <http://www.raspberrypi.org/introducing-turbo-mode-up-to-50-more-performance-for-free/>). Bei den hier verwendeten RPis wurde davon Abstand genommen, da es wenig zielführend erscheint, die Komponente zu manipulieren, deren Perfor-

mance man durch Benchmarking evaluieren möchte¹. Allerdings gibt es bereits Ergebnisse für Linpack 100 und Whetstone bei auf einem RPi-Einzelrechner bei Übertakten der CPU auf 1 MHz (vgl. <http://www.roylongbottom.org.uk/Raspberry%20Pi%20Benchmarks.htm>).

Zur Allokierung von Swap-Speicher auf dem RPi gibt es grundsätzlich drei Möglichkeiten: Swap-Datei, Swap-Partition oder zRAM.

Das Betriebssystem Raspbian verwendet standardmäßig eine Swap-Datei `/var/swap` auf der SD-Karte (vgl. <http://raspberrypi.stackexchange.com/questions/70/how-to-set-up-swap-space>). Hierbei zeigen sich Probleme: Erstens können ständige Schreibzugriffe auf Dauer die SD-Karte beschädigen. Zweitens sind Schreibzugriffe auf die SD-Karte langsam, was die Performance des Systems bei hoher Arbeitsspeicherlast beeinträchtigen kann (vgl. [Pow12]).

Das gilt auch für die Allokierung einer auf Unix-Systemen üblicherweise genutzten Swap-Partition, weswegen diese Möglichkeit in der Praxis keine Rolle spielt.

Eine weitere Möglichkeit ist die Verwendung von zRAM. Hierbei wird ein Teil des Arbeitsspeichers komprimiert und als Swap Space genutzt. Hierbei werden keine Zugriffe auf die SD-Karte notwendig (vgl. [Pow12]).

Auf dem Bramble-Server war kein Swap-Speicher allokiert worden (vgl. [Kli13]). Trotz der beschriebenen Schwierigkeiten wird auf den RPi-Knoten ein großer Teil des Speichers auf den SD-Karten als Swap-Speicher genutzt, um die Nutzung von Programmen mit mehr Speicherbedarf zu ermöglichen und das Netzwerk durch das Cachen häufig verwendeter Dateien zu entlasten (vgl. [Kli13]).

3.2.2 Versuchsaufbau Bramble

Das Komponentendiagramm 3.1 zeigt den Versuchsaufbau pro Messreihe auf dem Bramble mit Stromversorgung, Netzanschluss und Strommessgerät als physischen Komponenten und der MySQL-Datenbank als logischer Komponente. Eine Messreihe wird als *ExperimentSuite* bezeichnet.

Modifikation der RPi-Knoten

Zu Beginn der Untersuchung zeigte sich, dass einige Mini-USB-Kabel zur Stromversorgung der RPi einen Wackelkontakt hatten oder defekt waren. Sie mussten durch funktionsfähige Kabel ersetzt werden. Ebenso hielten mehrere SD-Karten den häufigen Schreibzugriffen des Versuchsaufbaus nicht stand. Sie mussten durch neue SD-Karten ersetzt werden (vgl. hierzu Kap. 4.4).

Zeitsynchronisation der RPi-Knoten

Der RPi-Einzelrechner besitzt aus Kostengründen keine Systemuhr (vgl. [Sch13]), sondern synchronisiert sich beim Booten gegen einen NTP-Server im Internet. Für die parallele Ausführung eines Programms auf mehreren Rechnerkernen ist die Zeitsynchronisation der RPi-Knoten und des Servers essentiell. Auf dem Bramble wird die Zeitsynchronisation durch einen OpenNTP-Server sichergestellt, gegen den sich die RPi-Knoten synchronisieren (vgl. [Kli13]).

¹Für zukünftige Untersuchungen wäre es interessant zu ermitteln, ob man den relativ hohen Stromverbrauch des Bramble bei Niedriglast (vgl. [Kli13]) durch Untertakten der einzelnen CPUs senken kann (vgl. Kap. ??).



Abbildung 3.1: Komponentendiagramm des Versuchsaufbaus.

Skalierung der Messung auf $n - 1$ RPi-Knoten

Das Aktivitätsdiagramm 3.2 zeigt, welche Schritte aus Benutzersicht für die Durchführung einer ExperimentSuite, d.h. der Ausführung eines Benchmarks auf einer gewählten Anzahl aktiver und angeschalteter RPi-Knoten erforderlich sind. Es wird mit der höchsten Anzahl verwendeter RPi-Knoten (z.B. $n = 19$) begonnen und einmal über alle Knoten von bis zur kleinsten verwendeten Anzahl (z.B. $19 - 4$) iteriert. Danach wird die zweite Messung durchgeführt, wobei nach jedem Iterationsschritt die nicht mehr aktiven RPi-Knoten abgeschaltet werden. Jede Ausführung eines Benchmark-Programms läuft prinzipiell gleich ab, während am Anfang und am Ende spezielle Vorkehrungen zu treffen sind:



Abbildung 3.2: Aktivitätsdiagramm einer ExperimentSuite.

Konfiguration der Datenbank

Die Konfigurationen der Benchmarks und der ExperimentSuites sowie die Messergebnisse der Benchmarks werden in einer MySQL-Datenbank auf **careme** abgelegt. Dafür war ein Datenbankschema vorgegeben worden, das die Bramble-ExperimentSuites in einen größeren Versuchsaufbau integriert. Während der praktischen Arbeit wurde das Schema an einigen Stellen an die tatsächlichen Erfordernisse angepasst: Für jedes ausgeführte Teilmodul eines Benchmarks wurde ein Messpaarparameter definiert, der Unix-Timestamp seines Ausführungsendes ermittelt und zusammen mit dem jeweiligen Messwert in die Datenbank eingelesen. Für jede ExperimentSuite werden Anfangs- und Endzeitpunkt als Unix-Zeitstempel ermittelt und in die Datenbank eingelesen. Die Vorbereitung der Datenbank erfolgt in vier Schritten:

1. Name und Beschreibung des Benchmarks.
2. Beschreibung des Versuchsaufbaus.
3. Konfiguration des Versuchsaufbaus.

4. Verknüpfung von Benchmark-Konfiguration und Versuchsaufbau.

Das Aktivitätsdiagramm 3.3 visualisiert Schritt 1. Hier werden die statischen Konfigurationen für STREAM und HPL festgelegt, was durch zwei Shellskripte `loadGeneratorConfigHpl.sh` und `loadGeneratorConfigStream.sh` realisiert wird. Sie werden zu Beginn des Versuchs einmal ausgeführt. Pro Benchmark muss in drei Tabellen jeweils ein Eintrag erstellt werden: In der Tabelle `LoadGenerator` muss ein Eintrag mit Werten für Name und Beschreibung des Benchmarks eingegeben werden. In der Tabelle `ENUM_LoadGeneratorConfigurationKey` muss Eintrag mit einem Wert für den Konfigurationsschlüssel des Benchmarks erstellt werden. In der Tabelle `LoadGeneratorConfiguration` muss ebenfalls ein Eintrag mit diesem Wert erstellt werden. Die dynamischen Schritte 2 – 4, die pro ExperimentSui-



Abbildung 3.3: Aktivitätsdiagramm zur Vorbereitung der Datenbank für einen Benchmark.

te ausgeführt werden (Name, Beschreibung und Konfiguration des Versuchsaufbaus sowie Verknüpfung von ExperimentSuite und Benchmark-Konfiguration) müssen pro Benchmark-

Ausführung einmal erfolgen. Daher sind sie in die Ausführungsskripte für die Benchmarks integriert, die im Folgenden dargestellt werden. Sie werden in Diagramm 3.4 veranschaulicht.

Automatisierte Durchführung der Messung auf $n - 1$ RPi-Knoten

Die automatisierte Durchführung der Messung erfolgt durch Shellskripte. Sie werden im geteilten Verzeichnis abgelegt und können von `pi03` oder einem anderen Ausführungsknoten aus gestartet werden. Folgende Schritte werden durch die Skripte realisiert:

- 1. Erstellen eines Machinefile zur Verteilung der Arbeitslast auf n RPi-Nodes, ggf. Löschen des alten.**

Der Aufruf von MPICH mit `mpiexec` zur verteilten Ausführung eines Programms auf mehreren CPUs erfolgt mit dem Parameter `-machinefile`. Damit wird auf die Datei verwiesen, in der die Reihenfolge der zu nutzenden CPUs und die Anzahl der darauf auszuführenden Prozesse angegeben ist. Ist eine CPU nicht verfügbar, weil z.B. der entsprechende RPi-Knoten heruntergefahren wurde, wird der Prozess auf der nächsten verfügbaren CPU gestartet.

Hierbei ist darauf zu achten, dass nur so viele Prozesse vergeben werden, wie auch angeschaltete RPi-Knoten zur Verfügung stehen. Die CPUs der RPi-Knoten müssen in der Reihenfolge angegeben werden, in der das Ausführungsskript das Herunterfahren der RPi-Knoten vorsieht. Um Verwechslungen vorzubeugen, wird ein eventuell vorhandenes, veraltetes Machinefile gelöscht.

- 2. Einhängen des geteilten Verzeichnisses auf allen RPis.**

Alle die ExperimentSuites betreffenden Dateien, z.B. die ausführbaren Dateien der Benchmark-Programme und das Machinefile, liegen im geteilten Verzeichnis `/srv` bzw. `/srv/nfs-share`. Um sicherzustellen, dass ein Benchmark-Programm auf einem RPi-Knoten ausgeführt werden kann, muss das geteilte Verzeichnis auf dem jeweiligen RPi-Knoten eingehängt sein.

- 3. Navigation ins Arbeitsverzeichnis der ExperimentSuite.**

Alle Shellskripte zur Konfiguration und Ausführung der ExperimentSuites wurden in einem Verzeichnis `experimentsuite` im geteilten Verzeichnis `/srv` abgelegt. Die Ergebnisdateien werden ebenfalls dort abgelegt.

- 4. Iteration über n ausgewählte Benchmarks:**

- a) Erstellen von Logdateien.**

Für die Ergebnisse der Benchmarks werden Logdateien vorbereitet, in die später die Ausgabe der Benchmarks geschrieben wird.

- b) Iteration über n RPi-Knoten:**

- i. Datenbank für ExperimentSuite vorbereiten.**

Das Aktivitätsdiagramm 3.4 zeigt das Vorbereiten der Datenbank `rpiWerte` für die aktuelle Iteration: Für jede Ausführung eines Benchmark-Programms muss ein Eintrag in der Tabelle `ExperimentSuite` mit Werten für Granularität, Ziel und Startzeitpunkt erstellt werden. In der Tabelle `ExperimentSuiteConfiguration` muss ein Eintrag mit Werten für die Anzahlen aktiver und angeschalteter RPi-Knoten erstellt werden. Beide Tabellen werden über

die Tabelle `N2M_loadConf3expSuite` miteinander verknüpft, in der ein Eintrag mit Werten für die ID des Benchmarks und die ID der ExperimentSuite erstellt werden muss.

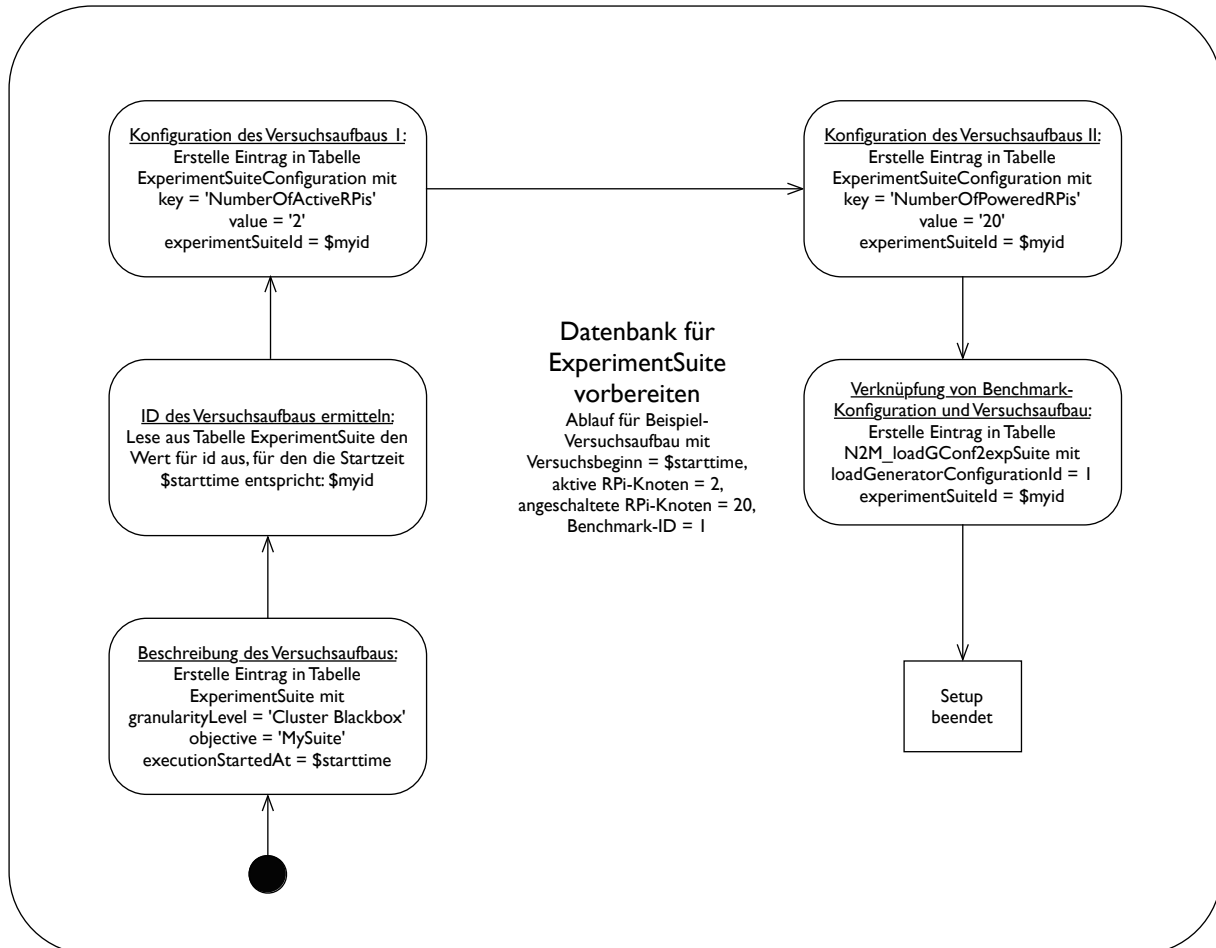


Abbildung 3.4: Aktivitätsdiagramm zur Vorbereitung der Datenbank für eine ExperimentSuite.

ii. Verteilte Ausführung des Benchmarks auf n RPi-Knoten.

Die verteilte Ausführung eines Benchmark-Programms wird mit dem Befehl `mpiexec -n -machinefile -wdir file`

gestartet. Dabei spezifiziert `-n` die gewünschte Anzahl an parallelen Programmaufrufen, `-machinefile` den Pfad zum Machinefile, `-wdir` das Verzeichnis, in das zur Ausführung des Programms gewechselt werden soll, und `file` die auszuführende Datei (vgl. <http://www.mpich.org/static/docs/latest/www1/mpiexec.html>). Ein Aufruf der parallelen Ausführung von HPL auf vier RPi-Nodes mit der verwendeten Verzeichnisstruktur erfolgt z.B. mit

```
mpiexec -n 4 -machinefile  
/srv/libraries/etc/mpich-3.0.4-shared/machinefile_latest  
-wdir /srv/benchmarks/bin/hpl-2.1/messung1  
/srv/benchmarks/bin/hpl-2.1/messung1/xhpl >>  
results/hpl-2.1_'date +%y%m%d'.txt
```

iii. Ermittlung des Ausführungsendes.

Nach der Ausführung des Benchmark-Programms wird der Endzeitpunkt als Unix-Zeitstempel ermittelt. Der entsprechende Eintrag in der Tabelle `ExperimentSuite` wird um diesen Wert ergänzt.

iv. Schreiben der Ergebnisdaten.

Die Ausgabe des Benchmark-Programms wird in die vorbereitete Logdatei geschrieben. Falls die Programm-Ausgabe keinen Zeitstempel vorsieht (z.B. `STREAM`), wird dieser ermittelt und als zusätzliche Zeile hinzugefügt. Das ist notwendig, damit später für jeden Messwert ein Zeitstempel in die Datenbank eingegeben werden kann (vgl. Schritte d und e). Auch zum Abgleich der Messergebnisse der Benchmarks mit denen des Strommessgeräts ist ein Zeitstempel erforderlich (vgl. Kap. ??).

c) Iteration über n RPi-Knoten:

i. Einrichten der Datenbank.

Die Datenbank wird wie in Schritt b) i. beschrieben vorbereitet. Der wesentliche Unterschied ist der Wert für die Anzahl angeschalteter RPi-Knoten. Es wird nicht mehr konstant 20 eingetragen, sondern $n+1$, da nicht mehr aktive RPi-Knoten heruntergefahren werden.

ii. Verteilte Ausführung des Benchmarks auf n RPi-Knoten.

Analog zu Schritt b) ii..

iii. Ermittlung des Ausführungsendes.

Analog zu Schritt b) iii..

iv. Herunterfahren von RPi-Knoten i.

Beim zweiten Lauf eines Benchmark-Programms auf n RPi-Knoten werden nun nicht mehr aktive Knoten heruntergefahren. Das gilt nicht für den Ausführungsknoten `pi03`, der die ganze Zeit zur Ausführung der Skripte und Eingabe der Messergebnisse in die Datenbank benötigt wird.

v. Schreiben der Ergebnisdaten.

Analog zu Schritt b) iv..

d) Parsen der Logdateien für die Datenbank-Eingabe.

Die Ausgabe der Benchmark-Programme ist höchst unterschiedlich und entspricht nicht dem Eingabeformat für die Datenbank `rpiWerte`. Daher wird pro verwendetem Benchmark eine Eingabedatei für die Datenbank erstellt, die pro ExperimentSuite eine Zeile mit Messergebnissen und Zeitstempel enthält. Eine Beispielzeile der Eingabedatei für `STREAM`:

```
Copy: 3649.3 0.167595 0.166607 0.168846 Scale: 3428.0 0.178749  
0.177361 0.180439 Add: 4749.8 0.192614 0.192010 0.193745 Triad:  
4630.1 0.197780 0.196974 0.199436 Unixtime: 1396608095
```

Eine Beispielzeile der Eingabedatei für HPL:

```
WR00L2L2 29 1 2 2 0.09 1.965e-04 HPL_pdgesv() end time Wed Mar
26 15:39:05 2014
```

e) Schreiben der Messergebnisse in die Datenbank.

Falls die Zeitstempel in der Datenbank-Eingabedatei noch nicht dem Format des Unix-Zeitstempels UTC entsprechen (vergangene Sekunden seit dem 1. Januar 1970, vgl. <http://unixhelp.ed.ac.uk/CGI/man-cgi?date>) wie z.B. bei HPL (vgl. Schritt d)), werden sie in dieses Format konvertiert. Für jeden Messwert wird ein Eintrag in der Tabelle `MeasurementValue` mit Werten für Parameter, Messwert, Zeitstempel und ID der ExperimentSuite erstellt.

Zur Durchführung dieser Schritte wurden drei Shellskripte erstellt: `startBenchmarks.sh` zum Erstellen des Machinefile, Einhängen des geteilten Verzeichnisses und Aufruf der Skripte `STREAM.sh` und `hpl-2.1.sh` (Schritte 1–3). Schritt 4 wird für den jeweiligen Benchmark durch die Shellskripte `STREAM.sh` und `hpl-2.1.sh` ausgeführt.

3.3 Strommessung

Die Messung des Stromverbrauchs erfolgt mit dem Strommessgerät *Energenie EGM-PWM-LAN* (vgl. <http://energenie.com/item.aspx?id=6736&lang=de>), im Folgenden als *Energenie* bezeichnet. Es wird zwischen die Steckdose und den Bramble gesteckt und über ein LAN-Kabel mit dem Netzwerk verbunden.

Für den Versuchsaufbau war dem Energenie eine statische IP-Adresse zugewiesen und ein DNS-Eintrag erstellt worden. Damit ist es möglich, im lokalen Netzwerk auf das Gerät und die ermittelten Messwerte zuzugreifen. Für den Zugriff gibt es mehrere Möglichkeiten, darunter eine Webbrowser- und eine Windows-Anwendung. Damit die Software das Gerät erkennt, muss es sich im selben Subnetz befinden wie der zugreifende Rechner.

Die Software musste einmalig für die Benutzung des Energenie eingerichtet werden. Dazu wurden nach der Installation des Programms *PowerManager* IP-Adresse und ein Name für das Energenie eingetragen. In der Webbrowser-Anwendung wurde das Standardpasswort geändert und die NTP-Zeitsynchronisation aktiviert.

Das Energenie misst Spannung in Volt, elektrischen Strom in Ampère, Leistung in Watt und Arbeit in Kilowattstunden. Die Messgenauigkeit innerhalb des Messbereichs von 50W – 2500W beträgt $\pm 2\%$ bzw. $\pm 1W$ (vgl. [scr14]).

Für den Versuchsaufbau erwies sich die Webbrowser-Anwendung als weniger geeignet, da sie hauptsächlich Konfigurationsfunktionen bietet. Zwar werden auf einer grafischen Oberfläche die jeweils aktuellen Werte für Spannung, elektrischen Strom, Leistung und Arbeit angezeigt, doch es können keine Messwerte für eine Zeitspanne abgerufen werden.

Das Programm *PowerManager* bietet erweiterte Funktionalitäten, z.B. die Visualisierung der Leistung über eine Zeitspanne als Kurve. Die ermittelten Messwerte bei Ausführung des Programms in einer SQLite-Datenbank `database.sqlite` im Verzeichnis `C:\Program Data\PowerManagerDatabase` auf der zugreifenden Windows-Maschine abgelegt. Sie können auch als xls-Datei exportiert werden. Dabei werden pro Messung drei Werte angegeben: Beginn der Messung, Ende der Messung und Leistung in Watt. In der Datenbank werden für jede Messung zusätzliche Werte abgelegt wie Widerstand in Ohm und Frequenz in Hertz.

Für die ExperimentSuites sind die Einträge **Stamp** (Zeitstempel als Integer-Wert) und **P** (Leistung in Watt als Double-Wert) in der Tabelle **LogValues** entscheidend. Die Entscheidung für das Auslesen der SQLite-Datenbank gegenüber dem xls-Export fiel wegen der höheren Granularität der Zeitstempel.

Das Aktivitätsdiagramm 3.5 zeigt, welche Schritte aus Benutzersicht pro ExperimentSuite für die Strommessung notwendig sind:

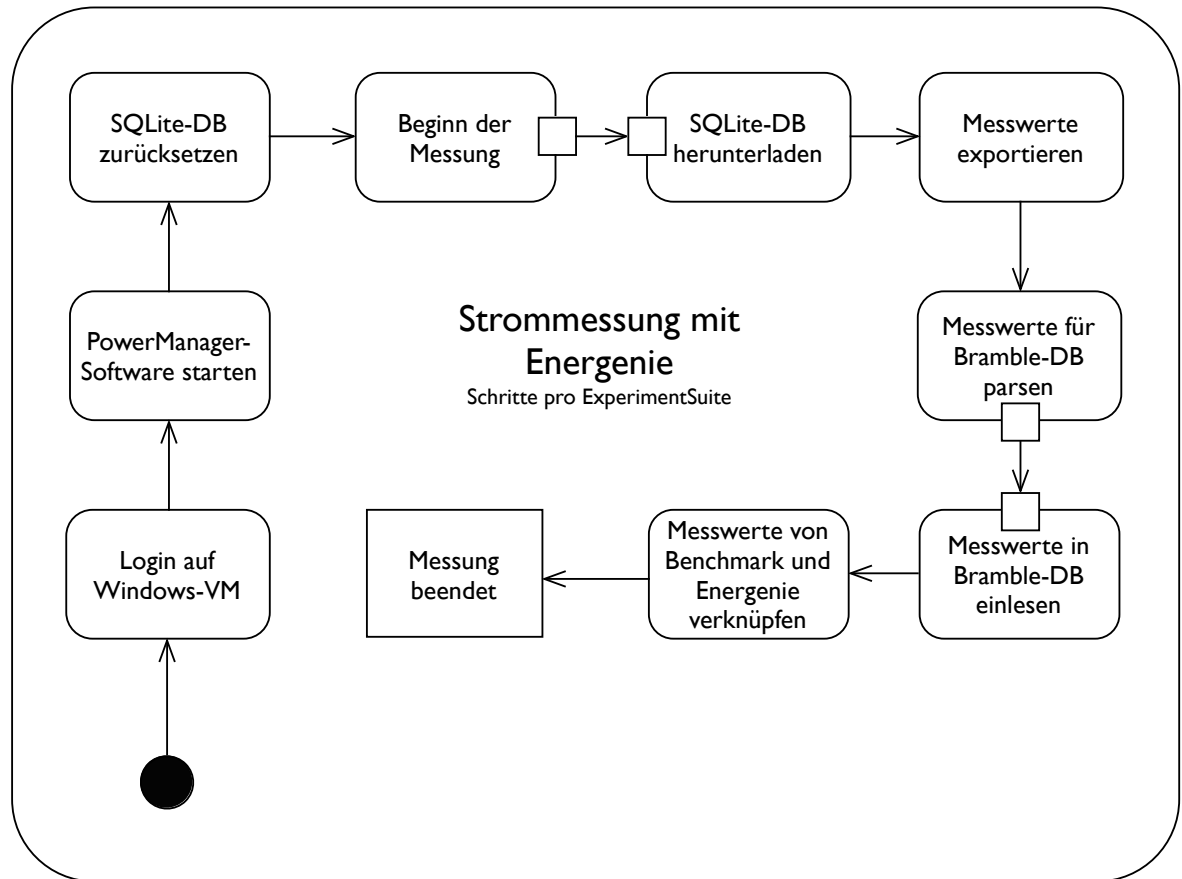


Abbildung 3.5: Aktivitätsdiagramm zur Durchführung einer Strommessung für eine ExperimentSuite.

1. Login auf Windows-Maschine.

Das Programm PowerManager wird nur für ein Windows-Betriebssystem (Windows XP oder höher) angeboten. Für die Ausführung war eine virtuelle Windows-Maschine (Windows 7) im lokalen Netzwerk zur Verfügung gestellt worden.

2. Start der PowerManager-Software.

3. Start der grafischen Aufzeichnung.

Optional ist es möglich, die aktuellen Messwerte für die Leistung auf einer grafischen Oberfläche anzeigen zu lassen. Es hat sich zur Überwachung der Messung als sinnvoll erwiesen.

4. Herunterladen der SQLite-Datenbank.

Zur weiteren Verarbeitung der Messwerte muss die SQLite-Datenbank von der Windows-Maschine heruntergeladen werden.

5. Export der Messwerte.

Zur weiteren Verarbeitung der Messwerte wird die Tabelle `LogValues` exportiert.

6. Parsen der Messwerte für die Bramble-Datenbank.

Zum Einlesen der Messwerte in die MySQL-Datenbank auf dem Bramble müssen sie in ein passendes Format gebracht werden. Hierfür wurde ein Shellskript `parseEnergyValues.sh` erstellt. Es erstellt eine Eingabedatei, die jeweils eine Zeile pro Messung mit Unix-Zeitstempel und Leistung enthält.

7. Einlesen der Messwerte in die Bramble-Datenbank.

Für jede Messung muss ein Eintrag in der Tabelle `MeasurementValue` mit Werten für Parameter, Messwert, Zeitstempel und der ID des Strommessgeräts erstellt werden. Da die MySQL-Datenbank auf dem Bramble liegt, wurde hierfür ein Shellskript `writeEnergyValues.sh` im Verzeichnis `/home/rpi-user/experimentsuite` auf dem Bramble erstellt.

8. Verknüpfung der Messwerte von Energenie und Benchmark-Programm.

Im letzten Schritt müssen die Messwerte des Energenie mit den IDs der Experiment-Suites in der jeweiligen Messreihe verknüpft werden. Hierzu wurde ein Shellskript `matchEnergyValues.sh` im selben Verzeichnis auf dem Bramble erstellt.

3.4 Ergebnisse

Der folgende Abschnitt stellt die Untersuchungsergebnisse für HPL und STREAM auf dem Bramble dar. Jeder Benchmark wurde zweimal ausgeführt. Bei Messreihe 1 waren alle RPi-Knoten angeschaltet, bei Messreihe 2 wurden nicht mehr aktive Knoten heruntergefahren. pi03 als Berechnungsknoten blieb immer angeschaltet (vgl. Kap. 2.6.3).

Da keine Implementierung von Whetstone für eine verteilte Berechnung auf Raspbian existiert, war im Verlauf der Untersuchung vorgegeben worden, Whetstone nicht zu berücksichtigen. HPL in der verwendeten Implementierung benötigt mindestens vier CPUs oder parallele Prozesse. Hier wurde jeder CPU, d.h. jedem RPi-Knoten, genau ein Prozess zugewiesen, sodass zur Ausführung von HPL mindestens vier angeschaltete und aktive RPi-Knoten benötigt werden.

Zur besseren Vergleichbarkeit wurde die verteilte Ausführung von STREAM daran angepasst, d.h. auch STREAM wurde auf mindestens vier RPi-Knoten parallel ausgeführt.

3.4.1 HPL: Performance

HPL in der verwendeten Implementierung (vgl. Kap. 2.4.1) liefert folgende Ausgabe:

Zunächst erfolgt eine Erläuterung der verwendeten Eingabe- und Ausgabeparameter. Die Ausgabeparameter sind invariabel: `Gflops` (Ausführungsrate in GFLOPs) und `Time` (Ausführungsdauer in Sekunden). `Gflops` wird auf 3, `Time` auf 2 Nachkommastellen genau angegeben.

Ein Teil der Eingabeparameter ist invariabel wie `eps` (Maschinengenauigkeit). Die anderen werden in der Datei `HPL.dat` angegeben, die im selben Verzeichnis wie die ausführbare Datei

des Benchmark-Programms liegen muss. Entscheidend sind hierbei Problemgröße bzw. Ordnung des zu lösenden linearen Gleichungssystems N , Blockgröße NB^2 , Größe des Prozessnetzes (Ps und Qs)³, Panel-Faktorisierungsstrategie $PFACTs$ ⁴ und Teilpanel-Faktorisierungsstrategie $RFACTs$ ⁵ (vgl. <http://www.netlib.org/benchmark/hpl/algorithm.html> und ??). Um möglichst gute Resultate für die Performance zu erzielen, muss eine sinnvolle Kombination dieser Parameter gefunden und in `HPL.dat` spezifiziert werden. Folgende Werte erwiesen sich als sinnvoll:

1. N : Die Problemgröße sollte so gewählt werden, dass der Hauptspeicher zu ca. 80% mit der Matrix gefüllt wird. Sie sollte mindestens einige 100 betragen und ein Vielfaches von 96 sein. Bei einer parallelen Ausführung ist die Gesamtmenge an Hauptspeicher entscheidend. Sie verhält sich proportional zu N^2 .

Wie in Kap. 2.5.1 beschrieben, verfügt der RPi über 512 MB SDRAM. Wie bei [Kli13] dargestellt, werden davon ca. 50 MB durch das Betriebssystem belegt, sodass noch ca. 450 MB pro RPi-Knoten zur Verfügung stehen.

Um die Proportionalitätskonstante für N zu ermitteln, wurde mit verschiedenen Vielfachen von 96 experimentiert und die Belegung des Hauptspeichers mit `top` kontrolliert. Für $n = 4$ RPi-Knoten wurde die beste Performance mit $N = 2880$ erzielt. Daraus wurde die Proportionalitätskonstante als

$$k = 8294400/1800 = 4608$$

berechnet.

Somit ergeben sich folgende Werte für N :

$n = 4$ RPi-Knoten:

Verfügbare Hauptspeicher = $450 \text{ MB} \cdot 4 = 1800 \text{ MB}$

$N = 30 \cdot 96 = 2880$ (empirisch ermittelt)

$n = 8$ RPi-Knoten:

Verfügbare Hauptspeicher = $450 \text{ MB} \cdot 8 = 3600 \text{ MB}$

$N = \sqrt{4608 \cdot 3600} \approx 4073 \Rightarrow$ setze $N = 42 \cdot 96 = 4032$

$n = 16$ RPi-Knoten:

Verfügbare Hauptspeicher = $450 \text{ MB} \cdot 16 = 7200 \text{ MB}$

$N = \sqrt{4608 \cdot 7200} = 5760 \Rightarrow$ setze $N = 60 \cdot 96 = 5760$

2. NB : Die Blockgröße ist von der Cache-Größe abhängig, der möglichst vollständig gefüllt werden soll. Es empfiehlt sich eine Quadratzahl zu nehmen, ferner ein Vielfaches von 2.

²Die Lösung des linearen Gleichungssystems erfolgt mittels L/U-Faktorisierung. Dazu wird zunächst eine $n \times n + 1$ -Koeffizientenmatrix der Ausgangsmatrix A erzeugt. Diese wird zur weiteren Bearbeitung in Blöcke der Größe $NB \times NB$ aufgeteilt.

³Die Blöcke werden zur Bearbeitung einem Netz aus Prozessoren der Größe $P \times Q$ übergeben. P bezeichnet darin die Anzahl von Prozessoren in einer Spalte, Q die Anzahl von Prozessoren in einer Zeile des Netzes.

⁴Zur Unterteilung der Matrix in Submatrizen werden drei Möglichkeiten angeboten: Links-schauende, rechts-schauende und Crout-Faktorisierung (vgl. <http://www.netlib.org/benchmark/hpl/tuning.html>).

⁵Als Teilpanel-Faktorisierungsstrategien werden dieselben Möglichkeiten angeboten wie für $PFACTs$.

Der Level 2-Cache von 128 KB des RPi ist für die GPU reserviert (vgl. <http://sandsoftwaresound.net/raspberry-pi/memory-hierarchy/>). Der Level 1-Datencache ist 16 KB groß. Um ein Überlaufen des L1-Caches zu vermeiden, wurde $NB = 8$ gesetzt.

3. P_s und Q_s : Diese sollten gleich sein, möglichst quadratisch und ein Vielfaches von 2. Folgende Werte wurden daher gesetzt:

$n = 4$ RPi-Knoten: $P_s = 2$, $Q_s = 2$

$n = 8$ RPi-Knoten: $P_s = 4$, $Q_s = 2$

$n = 16$ RPi-Knoten: $P_s = 4$, $Q_s = 4$

4. PFACTs: Die beste Performance wurde mit $PFACTs = \text{Left}$ erzielt.

5. RFACTs: Die beste Performance wurde mit $RFACTs = \text{Crout}$ erzielt.

Offensichtlich müssen für unterschiedliche Anzahlen von Prozessoren unterschiedliche Eingabedateien verwendet werden. Daher wurde für jede Ausführung von HPL ein eigenes Arbeitsverzeichnis erstellt und die ausführbare Datei zusammen mit der entsprechenden Eingabedatei dort abgelegt.

Die Diagramme 3.6 und 3.7 zeigen die Ergebnisse von Messreihe 1, jeweils skaliert auf 16–4 RPi-Knoten. Dabei sind jeweils n RPi-Knoten aktiv und alle 20 RPi-Knoten angeschaltet. Die Diagramme 3.8 und 3.9 stellen die Ergebnisse von Messreihe 1 denen von Messreihe

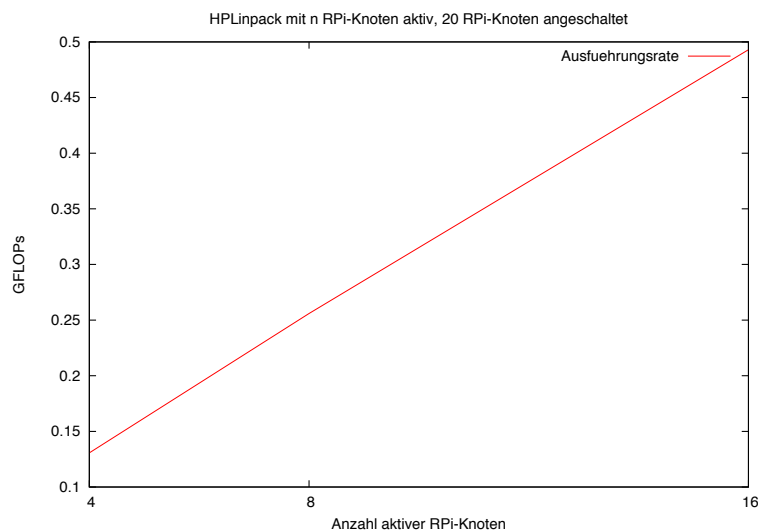


Abbildung 3.6: Ausführungsrates für HPL, Messreihe 1.

2 gegenüber, in der nicht mehr aktive RPi-Knoten nach der Ausführung des Benchmarks heruntergefahren werden. Die Ergebnisse von Messreihe 1 sind rot, die von Messreihe 2 blau dargestellt.

3.4.2 STREAM: Performance

In der Ausgabe von STREAM werden zunächst ebenfalls die verwendeten Parameter angegeben, darunter Anzahl an Prozessoren, Vektorlänge, Speicherbedarf und Anzahl an Iterationen für jedes Modul. Für die vier Module Copy, Scale, Add und Triad (vgl. Kap. 2.4.3)

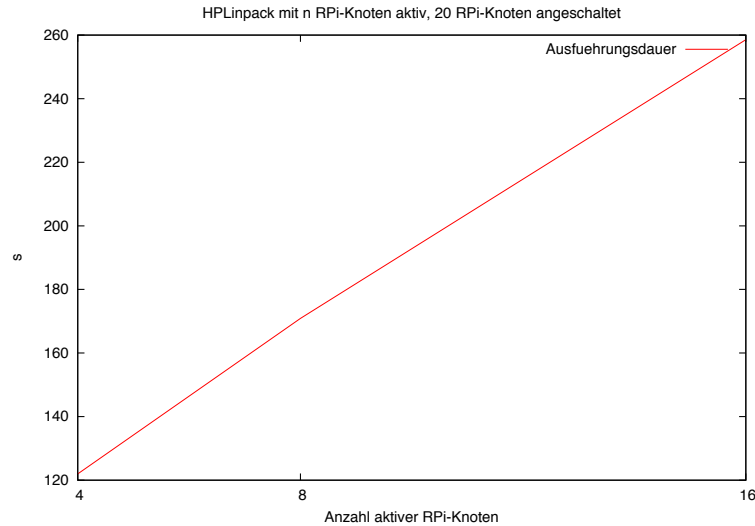


Abbildung 3.7: Ausführungsdauer für HPL, Messreihe 1.

werden die beste erzielte Ausführungsrate in MB/s (**Rate**) und die durchschnittliche (**Avg time**), minimale (**Min time**) und maximale Ausführungsdauer (**Max time**) in Sekunden ausgegeben. Die Ausführungsrate wird auf eine, die Ausführungsdauer auf 6 Nachkommastellen genau angegeben.

Die Diagramme 3.10 und 3.11 zeigen die Ergebnisse von Messreihe 1 für STREAM. Ausgabeparameter sind Ausführungsrate in MB/s und durchschnittliche Ausführungsdauer in Sekunden für Copy, Scale, Add und Triad, skaliert auf 19–4 RPi-Knoten. Dabei sind jeweils n RPi-Knoten aktiv und alle 20 RPi-Knoten angeschaltet. Die Diagramme 3.12 und 3.13 stellen die Ergebnisse von Messreihe 1 und Messreihe 2 für STREAM gegenüber. Die Ergebnisse von Messreihe 1 sind rot, die Ergebnisse von Messreihe 2 sind blau markiert.

3.4.3 Stromverbrauch

Die Diagramme 3.14 und ?? zeigen die Ergebnisse der Strommessung für HPL. Diagramm 3.14 zeigt den Stromverbrauch bei der Ausführung auf 16 – 4 RPi-Knoten, wobei alle 20 RPi-Knoten angeschaltet sind (Messreihe 1). Diagramm 3.15 stellt den Stromverbrauch von Messreihe 1 und Messreihe 2 für HPL gegenüber. Die Diagramme 3.16 und 3.17 zeigen analog die Ergebnisse der Strommessung für STREAM. Diagramm 3.16 zeigt den Stromverbrauch bei der Ausführung auf 19 – 4 RPi-Knoten, wobei alle 20 RPi-Knoten angeschaltet sind (Messreihe 1). Diagramm ?? stellt den Stromverbrauch von Messreihe 1 und Messreihe 2 für STREAM gegenüber.

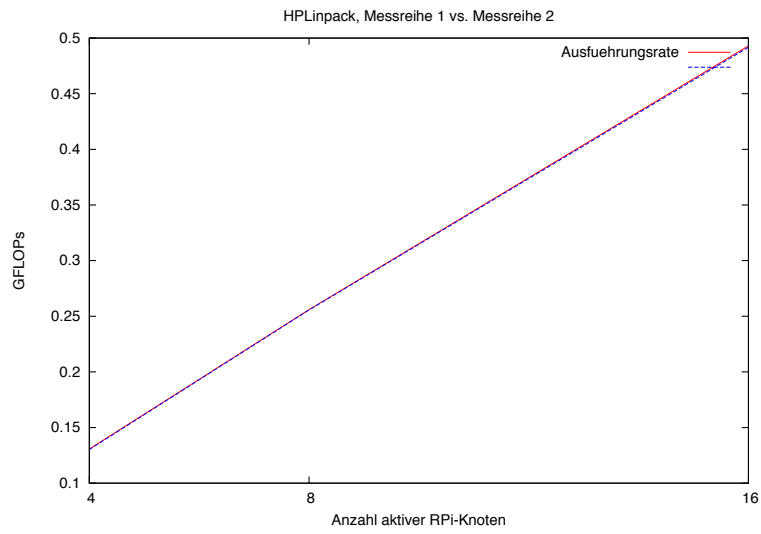


Abbildung 3.8: Ausführungsrate für HPL, Messreihe 1 und Messreihe 2.

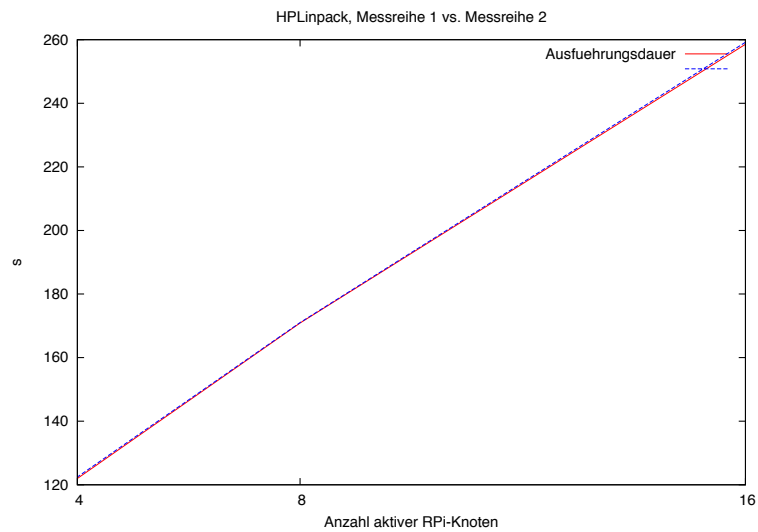


Abbildung 3.9: Ausführungsdauer für HPL, Messreihe 1 und Messreihe 2.

3 Versuchsaufbau und -ablauf

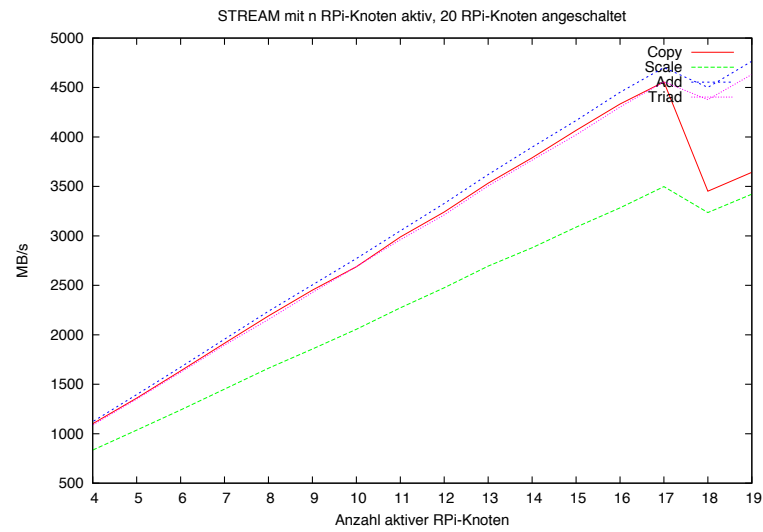


Abbildung 3.10: Ausführungsrate für STREAM, Messreihe 1.

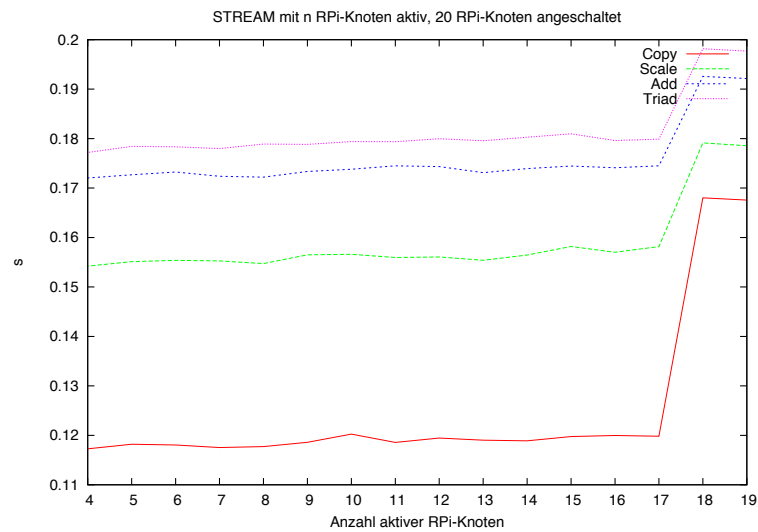


Abbildung 3.11: Ausführungsdauer für STREAM, Messreihe 1.

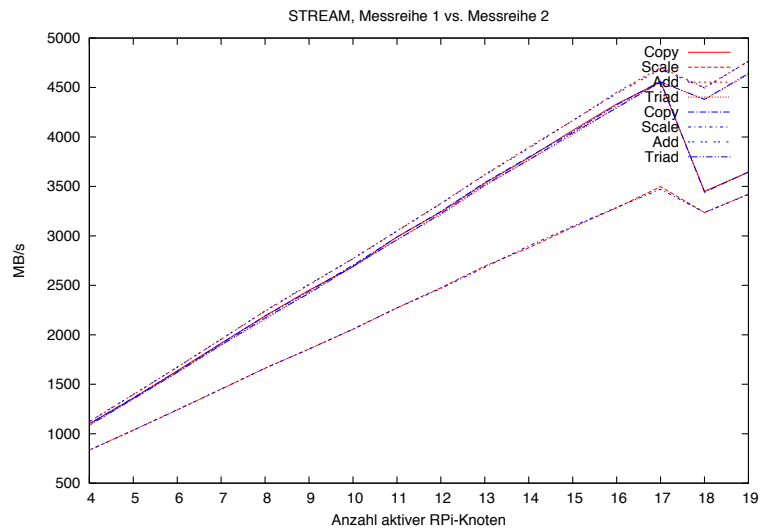


Abbildung 3.12: Ausführungsrate für STREAM, Messreihe 1 und Messreihe 2.

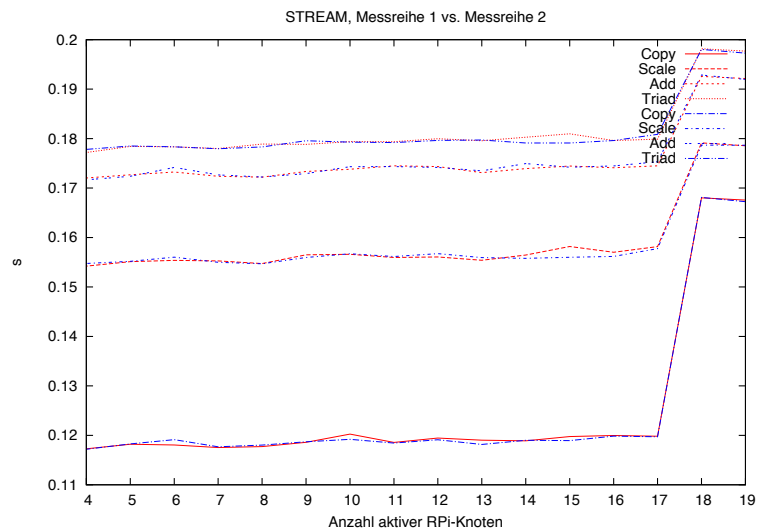


Abbildung 3.13: Ausführungsdauer für STREAM, Messreihe 1 und Messreihe 2.

3 Versuchsaufbau und -ablauf

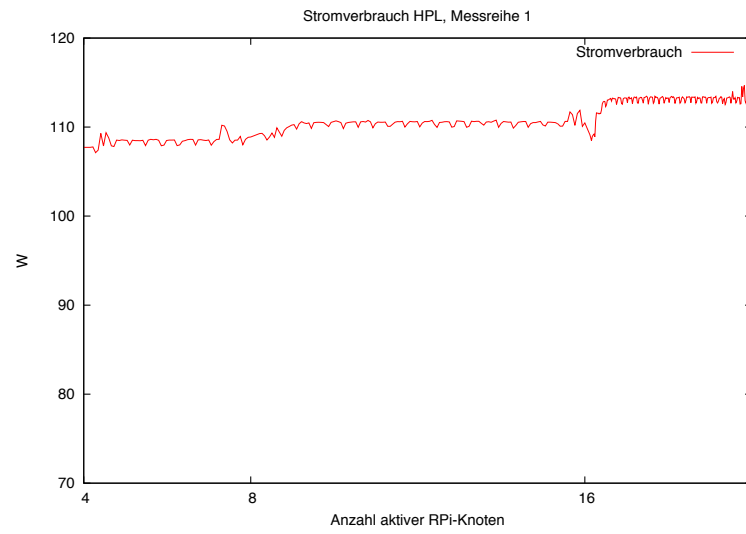


Abbildung 3.14: Stromverbrauch für HPL, Messreihe 1.

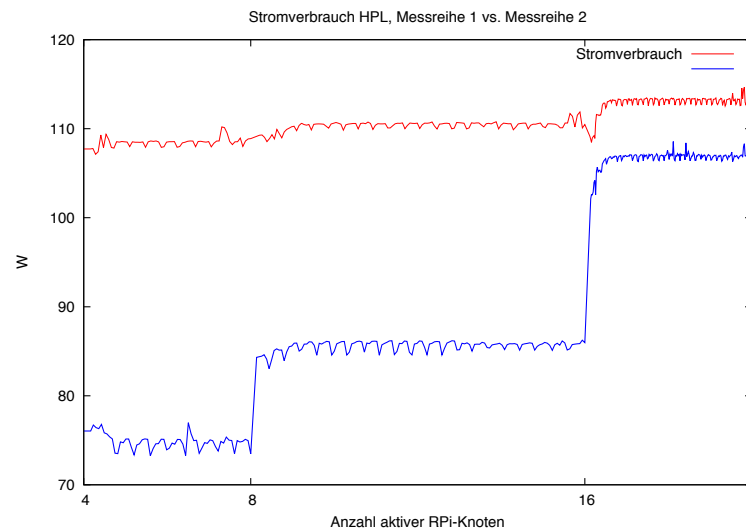


Abbildung 3.15: Stromverbrauch für HPL, Messreihe 1 und Messreihe 2.

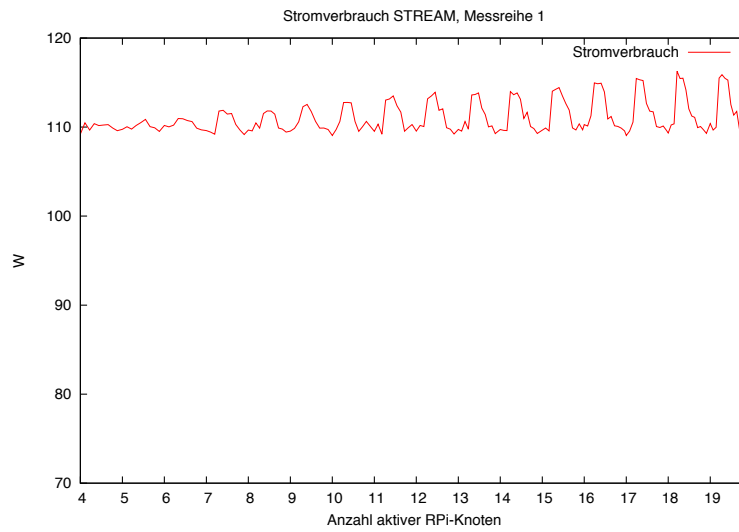


Abbildung 3.16: Stromverbrauch für STREAM, Messreihe 1.

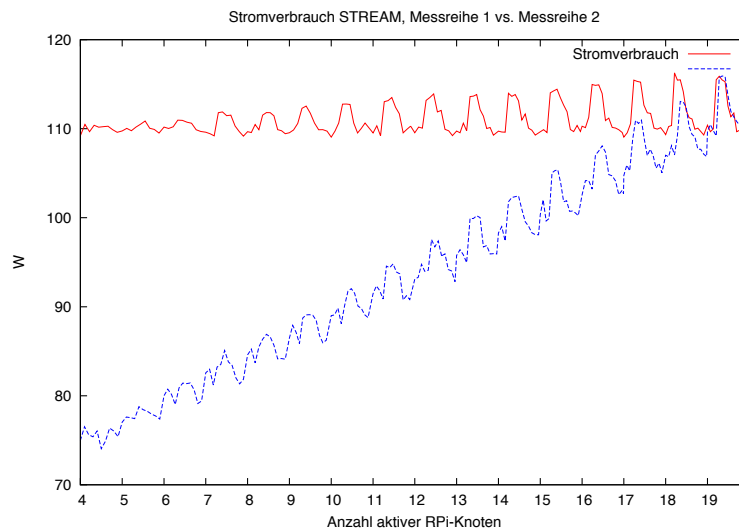


Abbildung 3.17: Stromverbrauch für STREAM, Messreihe 1 und Messreihe 2.

4 Interpretation

Das folgende Kapitel dient der Bewertung und Einordnung der ermittelten Ergebnisse. Im Fokus steht das Skalierungsverhalten des Bramble. Abschließend werden Grenzen des Versuchsaufbaus diskutiert.

4.1 HPL: Performance

Wie in Kapitel 3.4.1 dargestellt, verhält sich das Quadrat der Problemgröße proportional zur Größe des Gesamthauptspeichers. Somit ist bei Hinzunahme von Ressourcen in Form von RPi-Knoten ein linearer Anstieg der Performance zu erwarten. Das gilt ebenfalls für die Ausführungsdauer. Die Diagramme 3.6 und 3.7 bestätigen diese Erwartung: Der Anstieg der Performance ist nahezu linear und beträgt im Mittel 0.031 GFLOPs pro zusätzlicher Ressource. Die maximale Abweichung hiervon beträgt 0.008 GFLOPs. Der Anstieg der Ausführungsdauer ist nahezu linear und beträgt im Mittel 13.28 s. Die maximale Abweichung hiervon beträgt 8.24 s.

Der Versuchsaufbau und die Funktionsweise des Benchmarks lassen vermuten, dass sich kein signifikanter Unterschied in Performance und Ausführungsdauer zeigt, wenn nicht an der Programmausführung beteiligte RPi-Knoten heruntergefahren werden.

Die Diagramme 3.8 und 3.9 bestätigen diese Erwartung: Messreihe 1 und Messreihe 2 werden in den Grafiken nahezu identisch dargestellt. Die Ausführungsdauer in Messreihe 2 ist geringfügig höher als in Messreihe 1. Die maximale Abweichung beträgt dabei 0.63 s, die mittlere Abweichung 0.41 s. Die Performance ist in Messreihe 2 für $n = 4$ und $n = 16$ RPi-Knoten geringfügig niedriger als in Messreihe 1. Die Abweichung beträgt dabei 0.001 GFLOPs, die mittlere Abweichung 0.001 GFLOPs (gerundet auf drei Nachkommastellen an Hand der Messgenauigkeit, vgl. Kap. 3.4.1).

Es lässt sich schlussfolgern, dass das Herunterfahren nicht mehr aktiver RPi-Knoten keine signifikanten Auswirkungen auf Performance und Ausführungsdauer von HPL auf dem Bramble hat. Das Skalierungsverhalten in Messreihe 1 und Messreihe 2 kann damit als gleich bezeichnet werden.

4.2 STREAM: Performance

Die Funktionsweise des Benchmarks lässt erwarten, dass das Hinzunehmen von Ressourcen einen linearen Anstieg der Performance zu Folge hat. McCalpin schreibt hierzu:

[...] unless something is very wrong, the performance of a cluster will be the performance of a node times the number of nodes (vgl. <http://www.cs.virginia.edu/stream/ref.html>).

Für die Ausführungsdauer auf jeder einzelnen CPU ist ein konstantes Verhalten zu erwarten. Die Diagramme 3.10 und 3.11 bestätigen die Erwartungen für $n \leq 17$ RPi-Knoten: Der

Anstieg der Performance bei Hinzunahme von RPi-Knoten ist nahezu linear und beträgt im Mittel 245.9 MB/s (Copy), 205.1 MB/s (Scale), 275.5 MB/s (Add) bzw. 266.9 MB/s (Triad). Die maximale Abweichung hiervon beträgt 54.2 MB/s (Copy), 19.7 MB/s (Scale), 25.9 MB/s (Add) bzw. 25.6 MB/s (Triad). Bei der Ausführungsdauer zeigen sich geringe Abweichungen von maximal 0.001525 s (Copy), 0.002114 s (Scale), 0.002463 s (Add) und 0.003793 s (Triad).

Das Skalierungsverhalten für $n \leq 17$ RPi-Knoten kann somit als erwartungsgemäß bezeichnet werden.

Der Funktionsweise des Benchmarks zu Folge ist zu erwarten, dass auch das Herunterfahren nicht mehr aktiver RPi-Knoten keinen signifikanten Effekt auf Performance und Ausführungsdauer der anderen RPi-Knoten hat. Die Diagramme 3.12 und 3.13 bestätigen dieses Verhalten für $n \leq 17$ RPi-Knoten: Die Ausführungsrate ist in Messreihe 2 nahezu identisch mit der Ausführungsrate in Messreihe 1. Bei der durchschnittlichen Ausführungsdauer von Messreihe 1 gegenüber Messreihe 2 zeigen sich, wie schon innerhalb von Messreihe 1, leichte Unterschiede. Hier liegt die Abweichung von Messreihe 2 gegenüber Messreihe 1 bei maximal 0.000823 s (Ausführungsrate des Moduls Copy auf $n = 15$ RPi-Knoten). Die Abweichung gegenüber der durchschnittlichen Ausführungsdauer liegt für Messreihe 1 bei 0.000968 s, für Messreihe 2 bei -0.000145 s.

Das Skalierungsverhalten des Bramble kann somit auch für Messreihe 2 mit $n \leq 17$ RPi-Knoten als erwartungsgemäß bezeichnet werden. Für $n > 17$ RPi-Knoten zeigt der Bramble ein abweichendes Skalierungsverhalten bezüglich Ausführungsrate und Ausführungsdauer. Tabelle 4.1 stellt erwartete und erzielte Messwerte für Messreihe 1 gegenüber. Abweichungen von mehr als 1 MB/s (Performance) und 0.01 s (Ausführungsdauer) gegenüber den erwarteten Werten sind darin rot markiert. Die erwarteten Werte werden für n RPi-Knoten wie folgt bestimmt:

$$\text{Erwartete Performance} = \frac{\text{Performance für } n = 17}{17} * n$$

$$\text{Erwartete Ausführungsdauer} = \text{Durchschnittliche Ausführungsdauer für } n \leq 17$$

Es stellt sich die Frage, warum das Skalierungsverhalten des Bramble für $n \leq 17$ RPi-Knoten als erwartungsgemäß zu bezeichnen ist und ab $n > 17$ RPi-Knoten eine deutlich schlechtere Performance und verlängerte Ausführungsdauer aufweist. Folgende Erklärungsversuche sind denkbar:

1. Funktionsweise des Benchmarks.

Wie zu Beginn des Kapitels dargestellt, ist auf einem Rechencluster mit einem linearen Anstieg der Performance und annähernd konstanter Ausführungsdauer bei der Hinzunahme von Ressourcen zu rechnen. Dass hier ein gewünschter bzw. erwartungsgemäßer Effekt vorliegt, ist nach der Konzeption des Benchmarks auszuschließen.

2. Architektur des Bramble.

Zwei Ursachen sind denkbar: Systemzeit und Netzwerk.

Wie in Kap. 3.2.2 dargestellt, verfügt der RPi über keine eingebaute Systemuhr. Die Zeitsynchronisation muss daher anders erfolgen, in diesem Fall durch die Synchronisation gegen einen NTP-Server auf **careme** beim Bootvorgang. Wenn ungleich Rechenlast auf die RPi-Knoten verteilt wird, so wäre es denkbar, dass die Systemzeit dieser Knoten driftet und zu abweichenden Messergebnissen in der Ausführungsdauer von

Aktive RPi:	17	18	19
Copy in MB/s (erwartet):	4556.4	4824.4	5092.5
Copy in MB/s (erzielt):	4556.4	3451.6	3642.9
Copy in s (erwartet):	0.118791	0.118791	0.118791
Copy in s (erzielt):	0.119821	0.168030	0.167579
Scale in MB/s (erwartet):	3497.7	3703.5	3909.1
Scale in MB/s (erzielt):	3497.7	3236.2	3421.8
Scale in s (erwartet):	0.156077	0.156077	0.156077
Scale in s (erzielt):	0.158162	0.179140	0.178560
Add in MB/s (erwartet):	1672.5	4978.6	5255.2
Add in MB/s (erzielt):	1672.5	4501.4	4765.8
Add in s (erwartet):	0.173474	0.173474	0.173474
Add in s (erzielt):	0.174494	0.192586	0.192147
Triad in MB/s (erwartet):	4557.4	4852.5	4093.6
Triad in MB/s (erzielt):	4557.4	4377.4	4632.1
Triad in s (erwartet):	0.179196	0.179196	0.179196
Triad in s (erzielt):	0.179882	0.198159	0.197686

Abbildung 4.1: Erwartete und erzielte Messwerte für STREAM auf $n \geq 17$ RPi-Knoten.

STREAM führt. Der Effekt kann in diesem Fall ausgeschlossen werden, da die Last bei $n \leq 17$ Knoten nicht weniger ungleich verteilt ist als bei $n \geq 18$ Knoten, sodass der beschriebene Effekt schon früher eintreten müsste.

Wie in Kap. 2.6 dargestellt, kommunizieren Bramble-Server und RPi-Knoten über ein Ethernet-Netzwerk. Wie bei [Kli13] erläutert, kann damit ein maximaler Datendurchsatz von ca. 2 MB/s erreicht werden. Ein Erklärungsansatz für das abweichende Skalierungsverhalten war daher das Erreichen dieser Obergrenze.

Bezüglich der Bandbreiten zeigte sich durch Nachrechnen, dass bei den Modulen Copy und Scale eine Steigerung um ca. 30-40 MB, bei Add und Triad um ca. 50 MB pro zusätzlichem RPi-Knoten erfolgt. Hierbei handelt es sich natürlich nicht um den Durchsatz des Netzwerks, sondern um den Durchsatz von Hauptspeicherzugriffen jedes einzelnen RPi-Knotens. Diese Steigerung tritt auch bei $n > 17$ RPi-Knoten völlig regulär ein, d.h. der Durchsatz von Hauptspeicherzugriffen verhält sich erwartungsgemäß für alle n . Da zudem durch das Kopieren der STREAM-Binaries in eine lokale Partition kein verbessertes Skalierungsverhalten erreicht werden konnte, scheidet ein Überschreiten des maximalen Netzwerk-Datendurchsatzes als Ursache aus.

3. Ausführung des Benchmarks.

Zwei Ursachen sind denkbar: Netz-Dateisystem und MPI-Implementierung.

Wie in Kap. 2.6.3 und 3.2.2 beschrieben, wird die parallele Ausführung von STREAM durch MPICH angestoßen, das den im Machinefile spezifizierten CPUs eine bestimmte Anzahl an parallelen Programmaufrufen zuweist. Binaries und verwendete Bibliotheken der Benchmarks liegen im geteilten Verzeichnis `/srv`. Es erschien denkbar, dass mehr als 17 parallele Zugriffe darauf das Netz-Dateisystem überlasten. Deswegen wurde probeweise auf den SD-Karten aller RPi-Knoten eine neue Partition erstellt und

Aktive RPi-Knoten:	18
Copy in MB/s (erwartet):	4824.4
Copy in MB/s (erzielt):	3398.3
Copy in s (erwartet):	0.118791
Copy in s (erzielt):	0.170848
Scale in MB/s (erwartet):	3703.5
Scale in MB/s (erzielt):	3189.5
Scale in s (erwartet):	0.156077
Scale in s (erzielt):	0.181711
Add in MB/s (erwartet):	4978.6
Add in MB/s (erzielt):	4373.3
Add in s (erwartet):	0.173474
Add in s (erzielt):	0.199341
Triad in MB/s (erwartet):	4852.5
Triad in MB/s (erzielt):	4149.8
Triad in s (erwartet):	0.179196
Triad in s (erzielt):	0.209507

Abbildung 4.2: Erwartete und erzielte Messwerte für STREAM auf $n = 18$ RPi-Knoten, ntimes=100.

der Inhalt des geteilten Verzeichnisses hinein kopiert. In der Datei `/etc/fstab` aller RPi-Knoten wurde der Mountpoint für `/srv` temporär entsprechend geändert. Das Resultat waren Performance-Einbrüche bei STREAM schon ab $n = 13$ RPi-Knoten, womit das Netz-Dateisystem als Ursache ausscheidet.

Ein weiterer Erklärungsansatz war die Funktionsweise von MPICH bzw. eine mögliche Überlastung des Netzwerks durch den Kommunikations-Overhead ab einem Schwellenwert von $n = 18$ parallelen Programmaufrufen.

MPI hat verschiedene Möglichkeiten der Interprozesskommunikation, u.a. Broadcast- und Unicast-Nachrichten. Bei der parallelen Ausführung von Anwendungen kommen häufig die Funktionen `MPI_Bcast` und `MPI_Gather` zur Anwendung, bei denen ein Root-Prozess entweder eine Nachricht an alle beteiligten CPUs bzw. Prozesse schickt oder die Daten aller beteiligten CPUs bzw. Prozesse einsammelt (vgl. ??). Es erschien denkbar, dass eine Broadcast-Nachricht an mehr als 17 Prozessoren das Netzwerk überlastet und zu den beobachteten Performance-Einbrüchen führt. Daher wurde eine Testversion von STREAM kompiliert und ausgeführt, bei der jeder Test 100 Mal statt zehn Mal durchgeführt wird. Es wurde erwartet, dass bei einer längeren Ausführungsdauer des Programms der Kommunikations-Overhead von MPICH abnimmt, sodass erwartungsgemäße Resultate für die Performance erzielt werden. Das war nicht der Fall. Für $n = 18$ RPi-Knoten wurden folgende Ergebnisse erzielt: Nachdem die Resultate noch schlechter ausfallen als bei STREAM auf $n = 18$ RPi-Knoten mit ntimes=10 (vgl. Tabelle 4.1), kann auch ein Kommunikations-Overhead von MPICH als Ursache ausgeschlossen werden. Die Ursache konnte somit nicht zweifelsfrei geklärt werden.

4.3 Stromverbrauch

4.4 Grenzen des Versuchsaufbaus

Während der Versuchsdurchführung zeigte sich, dass die jetzige Architektur des Bramble in einigen Punkten an ihre Grenzen stößt. Bevor die Benchmarks bzw. die ExperimentSuites ausgeführt werden konnten, mussten einige Fehlerfälle untersucht und behoben werden:

1. Defekte Hardware.

Einige Mini-USB-Kabel waren bereits zu Beginn defekt. Sie mussten durch funktionsfähige Kabel ersetzt werden. Ebenso wurden während der Versuchsdurchführung zwei SD-Karten unbrauchbar. Um die entsprechenden RPi-Knoten wieder lauffähig zu machen, musste ein Speicherabbild einer anderen SD-Karte erstellt und auf zwei neue SD-Karten geschrieben werden.

2. RPi-Knoten nicht erreichbar (ping).

Häufig reagierte ein einzelner RPi-Knoten nicht auf ein `ping` von einem anderen RPi-Knoten oder von `careme` aus (Fehlermeldung: `Destination Host Unreachable`), obwohl die Status-LED Netzwerkaktivität anzeigte. Als einzige Lösung erwies sich Ziehen und wieder Einstecken des Mini-USB-Kabels; war das nicht erfolgreich, musste der Vorgang mit dem Netzkabel wiederholt werden (das Netzkabel alleine reicht nicht aus). Nach einigen Minuten war der Zielknoten i.d.R. wieder mit `ping` erreichbar.

3. RPi-Knoten nicht erreichbar (ssh).

Hier traten drei Fehlerfälle auf: Am häufigsten war die Fehlermeldung `No route to host` beim Versuch, von `careme` oder einem anderen RPi-Knoten aus eine SSH-Verbindung aufzubauen. Auch hier musste das Netzkabel gezogen und wieder eingesteckt werden. Nach einigen Minuten war der Zielknoten wieder erreichbar.

Ein weiterer Fehlerfall war ein überraschender Passwortprompt für `root` beim Versuch, eine SSH-Verbindung von einem RPi-Knoten aus zu einem anderen aufzubauen. Dieses Problem ließ sich durch Eintragen des RSA Public Key von `root` in die Datei `~/.ssh/authorized_keys` auf dem Zielknoten lösen.

Seltener trat die Fehlermeldung `WARNING: REMOTE HOST IDENTIFICATION HAS CHANGED!` auf. In diesem Fall musste der RSA Public Key des anfragenden RPi-Knotens in der Datei `~/.ssh/known_hosts` auf dem Zielknoten korrigiert werden.

4. Geteiltes Verzeichnis nicht eingehängt.

Beim Neustart eines RPi-Knotens wurde häufig das geteilte Verzeichnis nicht eingehängt (Fehlermeldung z.B. `-bash: /srv/libraries/etc/.sharedprofile: No such file or directory`). Dann musste das Verzeichnis mit `mount /srv` auf dem betreffenden RPi-Knoten eingehängt werden.

5. Bash-Befehle werden nicht erkannt.

Gelegentlich wurden auf einzelnen RPi-Knoten häufig verwendete Bash-Befehle nicht mehr erkannt (Fehlermeldung z.B. `mpixec: command not found`). Als Lösung erwies sich ein Logout und erneuter Login auf dem betreffenden RPi-Knoten.

Der Ausschluss dieser Fehlerfälle wurde weitestgehend in die Vorbereitung einer ExperimentSuite integriert: Überprüfung der Netzverbindung aller RPi-Knoten mit `ping` vom Berechnungsknoten `pi03` aus, Einhängen des geteilten Verzeichnisses und damit gleichzeitig die Überprüfung der SSH-Verbindung zu allen RPi-Knoten (vgl. Kap. 3.2.2).

Spontan auftretende Fehler konnten nicht im Vorfeld ausgeschlossen werden. Die Durchführung einer ExperimentSuite erforderte daher immer die Anwesenheit einer Aufsichtsperson, um z.B. Kabel und Status-LEDs der RPi-Knoten zu überprüfen. Trat ein spontaner Fehler auf, musste die Durchführung der ExperimentSuite abgebrochen und von Neuem mit den Vorbereitungen und der Durchführung begonnen werden. Auch das Trennen nicht mehr aktiver RPi-Knoten vom Stromnetz musste manuell erfolgen. Jeder Neustart eines RPi-Knoten musste ebenfalls von Hand veranlasst werden, da nur durch Ziehen und erneutes Einstecken des Mini-USB-Kabels ein Neustart veranlasst werden kann.

Die physische Architektur des Bramble erwies sich in Teilen als Hindernis. Der Aufbau ist so beengt, dass die ständig benötigten Ethernet- und Mini-USB-Anschlüsse der RPi-Knoten `pi11` – `pi20` nur schwer zugänglich sind. Zudem sind manche Mini-USB-Kabel so kurz abgemessen, dass sie kaum bis zum entsprechenden Knoten reichen. Ein häufiges Trennen und wieder Einstecken von Mini-USB- und Netzkabel, wie z.B. in den ExperimentSuites zum Messen des Stromverbrauchs einmal pro RPi-Knoten und Benchmark vorgesehen, wird dadurch erschwert.

Die vorliegenden Messergebnisse wurden durch diese Gegebenheiten nicht beeinflusst, da bei Störungen die ExperimentSuite abgebrochen und der Versuch von Neuem begonnen wurde. Für zukünftige Versuchsaufbauten erscheint eine entsprechende Anpassung der Cluster-Architektur sinnvoll (vgl. Kap. ??).

Abbildungsverzeichnis

2.1	Schematischer Aufbau des hier verwendeten Bramble.	10
3.1	Komponentendiagramm des Versuchsaufbaus.	15
3.2	Aktivitätsdiagramm einer ExperimentSuite.	16
3.3	Aktivitätsdiagramm zur Vorbereitung der Datenbank für einen Benchmark. .	17
3.4	Aktivitätsdiagramm zur Vorbereitung der Datenbank für eine ExperimentSuite.	19
3.5	Aktivitätsdiagramm zur Durchführung einer Strommessung für eine Experi- mentSuite.	22
3.6	Ausführungsrate für HPL, Messreihe 1.	25
3.7	Ausführungsdauer für HPL, Messreihe 1.	26
3.8	Ausführungsrate für HPL, Messreihe 1 und Messreihe 2.	27
3.9	Ausführungsdauer für HPL, Messreihe 1 und Messreihe 2.	27
3.10	Ausführungsrate für STREAM, Messreihe 1.	28
3.11	Ausführungsdauer für STREAM, Messreihe 1.	28
3.12	Ausführungsrate für STREAM, Messreihe 1 und Messreihe 2.	29
3.13	Ausführungsdauer für STREAM, Messreihe 1 und Messreihe 2.	29
3.14	Stromverbrauch für HPL, Messreihe 1.	30
3.15	Stromverbrauch für HPL, Messreihe 1 und Messreihe 2.	30
3.16	Stromverbrauch für STREAM, Messreihe 1.	31
3.17	Stromverbrauch für STREAM, Messreihe 1 und Messreihe 2.	31
4.1	Erwartete und erzielte Messwerte für STREAM auf $n \geq 17$ RPi-Knoten. . . .	35
4.2	Erwartete und erzielte Messwerte für STREAM auf $n = 18$ RPi-Knoten, ntimes=100.	36

Literaturverzeichnis

- [Bal12] BALAKRISHNAN, Nikilesh: *Building and Benchmarking a Low Power ARM Cluster*. 2012. – <http://www.epcc.ed.ac.uk/sites/default/files/Dissertations/2011-2012/Submission-1126390.pdf>
- [BL08] BUHL, Hans ; LAARTZ, Jürgen: Warum Green IT nicht ausreicht – oder: Wo müssen wir heute anpacken, damit es uns übermorgen immer noch gut geht. In: *Wirtschaftsinformatik* (2008), S. 261–265. – <http://dx.doi.org/10.1365/s11576-008-0058-5>
- [CCB⁺13] COX, Simon ; COX, James ; BOARDMAN, Richard u. a.: Iridis-pi: A Low-cost, Compact Demonstration Cluster. In: *Cluster Computing* (2013), S. 1–10. – <http://dx.doi.org/10.1007/s10586-013-0282-7>
- [CW76] CURNOW, Harold ; WICHMANN, Brian: A Synthetic Benchmark. In: *The Computer Journal* (1976), S. 43–49. – <http://http://comjnl.oxfordjournals.org/content/19/1/43.full.pdf>
- [DLP03] DONGARRA, Jack ; LUSZCZEK, Piotr ; PETITET, Antoine: The LINPACK Benchmark: Past, Present and Future. In: *Concurrency and Computation: Practice and Experience* (2003), S. 803–820. – <http://onlinelibrary.wiley.com/doi/10.1002/cpe.728/pdf>
- [FH12] FICHTER, Klaus ; HINTERMANN, Ralph: Energieverbrauch und Energiekosten von Servern und Rechenzentren in Deutschland. Aktuelle Trends und Einsparpotenziale bis 2015 / Borderstep Institut für Innovation und Nachhaltigkeit. Berlin, Mai 2012. – Forschungsbericht. – [http://www.bitkom.org/files/documents/Kurzstudie__Borderstep_1_Rechenzentren\(1\).pdf](http://www.bitkom.org/files/documents/Kurzstudie__Borderstep_1_Rechenzentren(1).pdf)
- [Kie13] KIEPERT, Joshua: *Creating a Raspberry Pi-Based Beowulf Cluster*. 2013. – http://coen.boisestate.edu/ece/files/2013/05/Creating.a.Raspberry.Pi-Based.Beowulf.Cluster_v2.pdf
- [Kli13] KLINGER, Maximilian: *Evaluating the Feasibility and Performance of a Model Raspberry Pi Beowulf Cluster*. 2013. – <http://www.nm.ifi.lmu.de/pub/Fopras>
- [Lan12] LANGER, Alexander: *Raspberry Pi Handbuch*, Februar 2012. – <http://raspberrycenter.de/handbuch/raspberry-pi-handbuch>
- [LB12] LANGE, Walter ; BOGDAN, Martin: *Entwurf und Synthese von Eingebetteten Systemen: Ein Lehrbuch*. München : Oldenbourg, 2012. – ISBN 3486718401
- [LDK⁺05] LUSZCEK, Piotr ; DONGARRA, Jack ; KOESTER, David u. a.: Introduction to the HPC Challenge Benchmark Suite / Lawrence Berkeley National Laboratory.

- Berkeley, April 2005. – Forschungsbericht. – <http://escholarship.org/uc/item/6sv079jp>
- [McC95] MCCALPIN, John: A Survey of Memory Bandwidth and Machine Balance in Current High Performance Computers. In: *IEEE TCCA Newsletter* (1995), S. 19–25. – <http://www.cs.virginia.edu/~mccalpin/papers/balance>
- [McC05] MCCALPIN, John: *STREAM Benchmark*. 2005. – http://www.cs.virginia.edu/~mccalpin/STREAM_Benchmark_2005-01-25.pdf
- [Ou13] OU, Jun: *Pi and the Sky*. 2013. – <https://www.duo.uio.no/bitstream/10852/37445/4/Ou-Jun.pdf>
- [Pow12] POWERS, Shawn: The Open-source Classroom: Your First Bite of Raspberry Pi. In: *Linux Journal* (2012), S. 48–54. – http://dl.acm.org/ft_gateway.cfm?id=2422332&ftid=1329297&dwn=1&CFID=403460446&CFTOKEN=89580898
- [Pre11] PREVEZANOS, Christoph: *Computer-Lexikon 2012*. München : Markt+Technik, 2011. – ISBN 9783827247285
- [Rec06] RECHENBERG, Peter: *Informatik-Handbuch*. München : Hanser, 2006. – ISBN 9783446401853
- [Sch13] SCHMIDT, Maik: *Raspberry Pi. Einstieg, Optimierung, Projekte*. Heidelberg : dpunkt, 2013. – ISBN 9783864900327
- [scr14] *Benutzerhandbuch EGM-PWM-LAN*. : *Benutzerhandbuch EGM-PWM-LAN*, Januar 2014. – http://energenie.com/Repository/6736/EGM-PWM-LAN_manual---fe4469f6-23eb-40be-8c86-e83faf6a2c5b.pdf
- [Wei90] WEICKER, Reinhold: An Overview of Common Benchmarks. In: *Computer* (1990), S. 65–75. – http://dlojewski.dl.funpic.de/download/Diplomarbeit/Andere_Dok/Dhry_Whet/OverviewOfCommonBenchmarks.pdf