

مقایسه الگوریتم‌های مرتب‌سازی

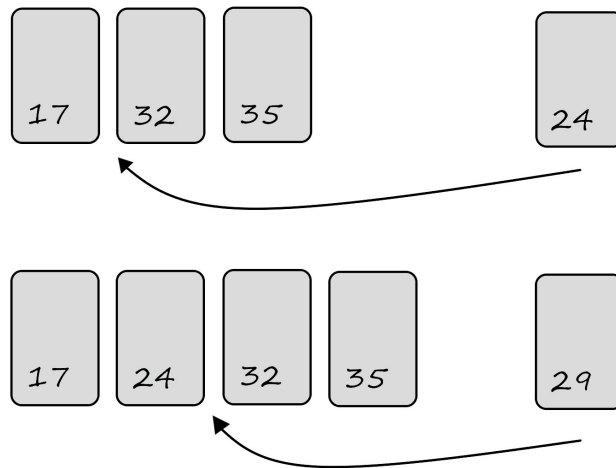
محمد ترابی - علی جعفرآبادی - رضا تاج‌گذاری

تیرماه ۱۴۰۲

۱ مرتب‌سازی درجی^۱

اگر یک دسته کارت به شما داده شود که اعداد ۱ تا ۵۰ روی آن نوشته شده است، چگونه آن را مرتب^۲ می‌کنید؟ احتمالاً اول تعداد کمی کارت برمی‌دارید و آن‌ها را مرتب می‌کنید؛ سپس بقیه کارت‌ها را یکی پس از دیگری نگاه می‌کنید و در جای مناسب میان کارت‌های مرتب شده قرار می‌دهید. شکل ۱ نمایی کلی از این روش مرتب‌سازی نشان می‌دهد.

وقتی کارت‌ها را با این روند مرتب می‌کنیم، همواره تعدادی از کارت‌ها مرتب شده است و کارت‌هایی که هنوز مرتب نشده، یکی پس از دیگری در دسته کارت‌های مرتب شده درج^۳ می‌شوند. اگر با این روش کارت‌ها را مرتب کنیم، درواقع از مرتب‌سازی درجی استفاده کرده‌ایم.



شکل ۱: مرتب کردن کارت‌ها به کمک مرتب‌سازی درجی

^۱insertion sort

^۲sort

^۳insert

الگوریتم مرتب‌سازی درجی

آرایه‌ای به طول یک همواره مرتب است؛ بنابراین از عنصر دوم شروع می‌کنیم و جلو می‌رویم. فرض کنیم که به عنصر i رسیده‌ایم، عناصر قبل از i مرتب‌اند. لذا از آخرین عنصر قبل از i شروع می‌کنیم و به عقب می‌رویم. هر یک از عناصر بزرگتر از i را یک واحد به سمت راست انتقال^۴ می‌دهیم. وقتی به عنصری کوچک‌تر از i یا به ابتدای آرایه رسیدیم متوقف می‌شویم و i را همانجا درج می‌کنیم. هنگامی که عنصر i را درج می‌کنیم، i عنصر اول آرایه مرتب می‌شوند. بنابراین این کار را ادامه می‌دهیم تا تمام عناصر آرایه مرتب شوند. درستی مرتب‌سازی درجی را می‌توان به کمک ثابت‌های حلقه^۵ اثبات کرد. [۱] شبه‌کد مرتب‌سازی درجی را می‌توانید در الگوریتم ۱ که در ادامه آمده است مشاهده کنید^۶.

الگوریتم ۱ مرتب‌سازی درجی

```
1: procedure INSERTIONSORT(arr, n)
2:   for  $i \leftarrow 1$  to  $n - 1$  do
3:      $key \leftarrow arr[i]$ 
4:      $j \leftarrow i - 1$ 
5:     while  $j \geq 0$  and  $arr[j] > key$  do
6:        $arr[j + 1] \leftarrow arr[j]$ 
7:        $j \leftarrow j - 1$ 
8:      $arr[j + 1] \leftarrow key$ 
```

اگر الگوریتم بالا را روی آرایه^۷ $[7, 6, 6, 4, 9]$ اجرا کنیم، آرایه بدین صورت مرتب می‌شود:

$[7, 6, 6, 4, 9] \rightarrow [7, 7, 6, 4, 9] \rightarrow [6, 7, 6, 4, 9] \rightarrow [6, 7, 7, 4, 9] \rightarrow$
 $[6, 6, 7, 4, 9] \rightarrow [6, 6, 7, 7, 9] \rightarrow [6, 6, 6, 7, 9] \rightarrow [6, 6, 6, 7, 9] \rightarrow$
 $[4, 6, 6, 7, 9] \rightarrow [4, 6, 6, 7, 9]$

^۴shift

^۵loop invariants

^۶ توجه داشته باشید که الگوریتم بر پایه صفر است؛ یعنی عنصر اول آرایه $arr[0]$ می‌باشد.

توجه داشته باشید که پیچیدگی زمانی مرتب‌سازی درجی در بهترین حالت خطی است. همچنین بهترین حالت وقتی اتفاق می‌افتد که آرایه مرتب باشد. می‌توانیم نتیجه بگیریم که در مواقعی که آرایه مرتب و یا تقریباً مرتب است مرتب‌سازی درجی بسیار سریع عمل می‌کند. بنابراین اگر از قبل مطلع هستیم که معمولاً داده‌های ما تقریباً مرتب است، استفاده از مرتب‌سازی درجی می‌تواند گزینه مناسبی باشد. به عنوان مثال فرض کنید که یک لیست هزارتایی از اسامی دانشجویان یک موسسه در اختیار دارید که به ترتیب حروف الفبا مرتب شده اند. در سال جدید پنجاه دانشجو در موسسه نام نویسی می‌کنند و اسامی آن‌ها به آخر آرایه اضافه می‌شود. اگرچه روش‌های زیادی برای مرتب کردن لیست جدید دانشجویان وجود دارد، مرتب‌سازی درجی گزینه مناسبی محسوب می‌شود و از دیگر روش‌های مرتب‌سازی که در این مقاله توضیح داده شده، بهتر عمل می‌کند.

خوب است بدانید می‌توان پیچیدگی زمانی مرتب‌سازی درجی در بدترین حالت را با تغییراتی در الگوریتم آن بهبود بخشید. به عنوان مثال مرتب‌سازی شل^۷ یک روش مرتب‌سازی دیگر است که از مرتب‌سازی درجی استفاده می‌کند و در حالت کلی دارای پیچیدگی زمانی بهتری است. [۲] [۳] جزئیات الگوریتم و پیچیدگی زمانی مرتب‌سازی شل را در این مقاله بررسی نمی‌کنیم.

مراجع

- [1] T. H. Cormen, C. E. Leiserson, R. L. Rivest, and C. Stein. *Introduction to Algorithms*. The MIT Press, 4th ed. , 2022.
- [2] R. B. Frank, R. M.; Lazarus, “A high-speed sorting procedure,” *Communications of the ACM*, p.20–22, 1960.
- [3] R. Sedgewick, “A new upper bound for shellsort,” *Journal of Algorithms*, p.159–173, 1986.

⁷shell sort