# Opcije na obrestne mere Interest rate options

Mitja Mandić Fakulteta za matematiko in fiziko 25. marec 2020

#### Povzetek

## Kazalo

1	Uvod	4
2	Na splošno o opcijah 2.1 Lastnosti trgovanja z opcijami	<b>4</b> 4
3	Razlike med opcijami in terminskimi pogodbami	5
4	Primerjava opcij na reguliranem in prostem trgu 4.1 Opcije na borzi	<b>5</b> 6 6

#### 1 Uvod

Opcijam podobne pogodbe poznamo že iz antičnih časov. Prvi znani kupec je bil grški matematik Tales iz Mileta. Napovedano je bilo, da bo letina oljk večja od običajne, zato si je pred žetvijo zagotovil pravico uporabe večjega števila stiskalnic olja. Ko so končali z obiranjem in je bilo oljk nad pričakovanji, je svojo opcijo izkoristil in naprej oddajal stiskalnice po precej višji ceni kot je plačal za najem stiskalnic.

## 2 Na splošno o opcijah

Opcija je pogodba, v kateri prodajalec (ang. writer) kupcu (tudi nosilcu) zagotovi pravico, vendar ne obveze, da bo od nosilca kupil (ang. put option) ali mu prodal (ang. call option) osnovno premoženje (ang. the underlying) do vključno vnaprej dogovorjenega datuma (expiration date). Po tem opcija zapade. V tej nalogi se bomo osredotičili na opcije, kjer je osnovno premoženje obrestna mera ali obrestni instrument. Prodajalec v zameno dobi določeno vsoto denarja, ki jo imenujemo premija, cena po kateri se premoženje predaja oziroma kupuje pa je izvršilna cena (ang. strike price). Glede na možnost izvršitve pogodbe ločimo:

- evropske opcije izvršitev je možna le na dan zapadlosti
- ameriške opcije izvršitev je možna kadarkoli do vključno dneva zapadlosti
- eksotične opcije izvršitev je možna na določene datume (atlantske, bermuda, ...)

Ameriške opcije imajo višjo ceno kot evropske, saj ponujajo tudi več možnosti. Drugače bi to pomenilo arbitražo. Z opcijami se trguje tako na organiziranem trgu (borze), kot tudi na prostem trgu (ang. over-the-counter). Na borzah so standardizirane in se trguje predvsem z opcijami na delnice, terminske pogodbe in blago, medtem ko se na prostem trgu trguje z opcijami na devizne tečaje in obrestne mere.

#### 2.1 Lastnosti trgovanja z opcijami

Po tem ko kupec opcije plača premijo, nima več obveznosti, le še pravice, prodajalec pa se mora držati dogovora - torej prodati oziroma kupiti premoženje, če se kupec za to odloči. Največ kar investitor lahko izgubi je premija, prodajalec pa lahko največ zasluži s prodajo opcije. Torej ima investitor možnost za potencialen profit, prodajalec pa potencialno tveganje za izgubo.

Pri trgovanju z opcijami lahko zavzamemo štiri pozicije:

- 1. Dolgo prodajno (nakup prodajne opcije)
- 2. Kratko prodajno (prodaja prodajne opcije)
- 3. Dolgo nakupno (nakup nakupne opcije)
- 4. Kratko nakupno (prodaja nakupne opcije)

Oglejmo si možnost izplačil opcij, če jih izvršimo na dan zapadlosti. Opcijo nosilec izvrši, če ima od tega profit, torej če je vrednost opcije v času izvršitve pozitivna. vrednost opcije je za nosilca razlika med ceno osnovnega premoženja in premijo. Če s $C_t$  označino vrednost nakupne opcije in s $P_t$  vrednost prodajne, je izplačilo enako:

```
C_t = \max\{\text{vrednost osnovnega premoženja - premija, 0}\}

P_t = \max\{0, \text{ premija - vrednost osnovnega premoženja}\}
```

Če je izplačilo pozitivno, se opcija splača (ang. in the money), če je premija enaka vrednosti osnovnega premoženja je opcija na meji (ang. at the money), in če je razlika manša od nič se opcija ne splača(ang. out of money).

### 3 Razlike med opcijami in terminskimi pogodbami

Glavna razlika med terminskimi pogodbami in opcijami je, da opcije nosilcu ni potrebno ni potrebno izvršiti. Kupec ima pravico, vendar ne obveze, kar pa ne velja za terminske pogodbe - tam morata obe strani izpolniti svoj del posla. Posledično je razmerje med tveganjem in nagrado za instrumenta različno. Kupec terminske pogodbe pri naraščanju vrednosti realizira dolar-za-dolar profit in dolar-za-dolar izgubo ko vrednost pogodbe pada, prodajalec pa ravno nasprotno. V primeru opcij pa ni take simetrije - največ kar investitor lahko izgubi je premija, kar je hkrati največji profit, ki ga lahko dobi prodajalec; to je kompenzacija za potencialno izgubo.

Obe stranki pri terminski pogodbi morata na svoja vzdrževalna računa položiti kritje in ga vzdrževati. Takih zahtev za kupca opcije po plačilu premije ni, saj ne glede na obnašanje osnovnega premoženja ne more izgubiti več kot premijo in zato ni potrebe po kritju. Drugače je za prodajalca. Ker on nosi tveganje mora imeti vzdrževalni račun, nanj pa običajno položi premijo kot kritje. Če se cena opcije spreminja, mora kritje vzdrževati.

# 4 Primerjava opcij na reguliranem in prostem trgu

Z opcijami se, tako kot z ostalimi finančnimi instrumenti, trguje na organiziranem trgu in prostem trgu. Borza, ki želi trgovati z opcijami, mora najprej dobiti potrdila državnih regulativnih ustanov. Take opcije imajo tri glavne prednosti. Prvič, opcije na borzah so standardizirane; imajo poenoteno izvršilno ceno in datum zapadlosti. Drugič, podobno kot pri terminskih pogodbah, ni direktne povezave med kupcem in prodajalcem opcij. Klirinška hiša deluje kot posrednik in skrbi, da so plačila izvedena pravočasno. In tretjič, transkacijski stroški so na borzi manjši.

Višja cena OTC opcij odraža njihovo prilagodljivost, ki jo zahtevajo institucionalni vlagatelji ko borzna opcija ne zadostuje njihovim investicijskim ciljem. Investicijske in komercialne banke izvajajo funkcijo kupca in tudi posrednika pri trgovanju s takimi opcijami. OTC opcija je sicer manj likvidna kot borzna, vendar to za institucionalne vlagatelje ne predstavlja večjih težav, saj te opcije

uporabljajo kot del upravljaja s tveganjem (ang. asset/liability strategy) in jih zadržijo do zapadlosti.

Pri borznih opcijah osnovni kapital lahko predstavljajo tako instrumenti s fiksno obrestno mero (ang. *options on physicals*), kot terminske pogodbe o obrestni meri.

#### 4.1 Opcije na borzi

V tem razdelku si bomo ogledali standardizirane opcije, s katerimi se trguje na borzi. Prevladujejo opcije na terminske pogodbe, zato bomo njim posvetili večino odseka, na koncu pa obrazložili, zakaj prevladujejo ravno te.

#### 4.1.1 Opcije na terminsko pogodbo o obrestni meri

Opcije na terminske pogodbe obstajajo na vse terminske pogodbe omenjene v seminarski nalogi Tima Kalana z naslovom *Terminske pogodbe o obrestni meri*. Opcija na terminsko pogodbo o obrestni meri (ang. *futures options*) daje nosilcu pravico kupcu prodati ali od njega kupiti terminsko pogodbo po izvršilni ceni te pogodbe.

Nakupna opcija daje nosilcu pravico zavzeti dolgo pozicijo v terminski pogodbi v osnovnem premoženju. Če se opcijo odloči izvršiti, kupec zavzame kratko pozicijo. Na podoben način deluje tudi prodajna opcija - če kupec izvrši opcijo, zavzame kratko pozicijo v terminski pogodbi.

Pojavi pa se vprašanje, kako določiti ceno terminski pogodbi. Ob izvršitvi opcije, je cena terminske pogodbe izenačena z izvršilno ceno. Cene se nato poravnajo s tržnimi in kupec opcije bo realiziral profit. V primeru nakupne opcije, mora kupec plačati razliko med trenutno ceno terminske pogodbe in izvršilno ceno, pri prodajni opciji pa razliko med izvršilno in trenutno ceno.

Za lažje razumevanje, si oglejmo primer. Recimo, da investitor kupi nakupno opcijo na terminsko pogodbo o obrestni meri z izvršilno ceno 85. Naj bo trenutna cena te pogodbe na trgu 95 in naj investitor opcijo izvrši. Nosilec zavzame dolgo pozicijo v pogodbi, prodajalec pa kratko. Ker je tržna cena pogodbe 95, izvršilna pa 85, ima investitor profit 10, prodajalec pa tako izgubo. Sedaj ima investitor terminsko pogodbo s tržno vrednostjo 95 in jo lahko likvidira (brez stroškov likvidacije) ali pa zadrži dolgo pozicijo v tej terminski pogodbi. Če jo likvidira, zasluži 95 in ima tako profit 10. Lahko pa zadrži pogodbo in tvega, da ji bo vrednost padla, vendar v vsakem primeru zasluži 10 iz izvršitve opcije.

Oglejmo si sedaj še prodajno opcijo z izvršitveno ceno 85 in naj bo trenutna tržna cena pogodbe 60. Če se kupec odloči izvršiti prodajno opcijo, zavzame kratko pozicijo v terminski pogodbi z izvršilno ceno 85, prodajalec opcije pa dolgo. Ker je cena na trgu nižja kot izvršilna, prodajalec plača kupcu razliko med tema cenama, torej 25. Kupec opcije sedaj drži kratko pozicijo v terminski pogodbi s ceno 60 in ima zopet dve možnosti: svojo pozicijo lahko likvidira, torej kupi terminsko pogodbo s ceno 60, ali ohrani pozicijo. V vsakem primeru pa zasluži 25.