# Regulacija asinhronskega motorja v slabljenju polja

# Mitja Alič

E-pošta: mitja1357@gmail.com

**Povzetek. IZHODIŠČA**. Potreba po velikem razponu vrtilne hitrosti je v sedanjosti na področju vodenja pogonov zelo potrebna. Z uporabo napetostno-frekvenčnih pretvornikov se lahko generira poljubne oblike in velikosti napajalnih napetosti. Na podlagi različnih tehnik in izračunov nastavljamo željene vrednosti za pogone. V tem delu bom predstavil tehnike za regulacijo stroja v področju konstantne moči, pri čemer je želja po čim višjem ustvarjenem navoru.

**METODE**. Ob pregledu strokovne literature, ki je ustrezala študiji, sem zbral primere tehnik, s katerimi asinhronski motor reguliramo v območju salbljenja polja, hkrati pa zagotovimo visoko vrednost ustvarjenega navora

**REZULTATI.** S simulacijami sem prikazal, da s pomočjo ražličnih tehnik, stroj v področju slabljenja polja ustvari ražlične velikosti električnega navora.

**ZAKLJUČEK**. Obstaja veliko pristopov, kako regulirati pogon asinhronskega motorja v področju slabljenja polja. Različne tehnike se odzivajo različno. S katero tehniko bo motor reguliran, je odvisno le od načrtovalca pogona.

Ključne besede: dvoosni koordinatni sistem, magnetilni tok, navor, slabljenje polja

#### Control of asynchronous motor in the field weakening

Abstract: BACKGROUND. The need of large range of speed for integrated electric drives is nowadays crucial. Due to AC-AC converters, power signals could have variable amplitude or frequency. An engineer is required to set up the technique for determination of referenced values of currents and voltages. By using different techniques, electrical drive will respond variously. In this paper I will represent some of the techniques, for setting referenced values of currents in the field weakening range. By using different techniques, torque capability is changed.

**METHODS**. A systematic search of bibliographic databases was performed. Crucial pieces of information were collected in this document. Few of the techniques has been simulated with Matlab.

**RESULTS.** The results shows, by using different technique for regulation of electrical drive in field weakening range profundly influence on torque capability.

**CONCLUSION**. Setting referenced values of stator currents, dependes of chosen technique. The technique that will be used for electrical drive, it is depending on the constructor.

#### 1 Uvod

Želja po velikem razponu vrtilne hitrosti elektromotorjev je v sedanjem času zelo zaželjena. Z uporabo napetostno-frekvenčnih pretvornikov se lahko pogone zelo dobro prilagodi bremenom, katere bo moral premagovati. Z različnimi metodami se pogone lahko vodi v širokem območju. V območjih do nazivne hitrosti se uporablja metoda U/f [1], ki v področju do nazivne hitrosti omogoča ustvariti konstanten navor. V nadnazivnih hitrostih začne pogon omejevati napetostna zmožnost napajalnega pretvornika. Navadno se pri tej točki obra-

tovanja spremeni metoda za določanje željenih vrednosti tokov v motor. V literaturah [1],[2],[3] ipd. so opisane metode ki se jih je primerno poslužiti. Za obratovanje v nadnazivnih hitrostih je potrebno zmanjšati vrednost magnetnega sklepa v zračni reži. Ta metoda ne zagotovi enakega navora kot v podnazivnem območju navora. V tem območju sta vrednosti napajalne napetosti in toka konstantni, zato se to območje delovanja imenuje območje konstantne moči. Za obratovanje s čim višjim navorom pa je potrebno pravilno nastaviti željene vrednosti tokov. Motor hkrati ne sme preseči nazivnih vrednosti napajalne napetosti in toka, saj bi se mu s tem lahko skrajšala življenska doba.

V tem delu bom predstavil različne metode za določanje željenih vrednosti tokov. S programskim paketom Matlab simuliral delovanje motorja v nadnazivnih hitrostih in pri tem preizkusil nekatere metode.

# 2 STANDARDNA METODA

Napajalni pretvornik pogona ima definirano napetostno in tokovno limito. Napetostna limita je odvisna od enosmerne napetosti generirane v pretvorniku.[3] Zaradi omejene izhodne napetosti pretvornika je lahko maksimalna napetost:

$$u_{sd}^2 + u_{sa}^2 = U_{smax}^2 (1)$$

 $u_{sd}$  in  $u_{sq}$  predstavljata vzolžno in prečno komponento napetosti v dvoosnem koordinatnem sistemu. Napetosti sta odvisni od prečne  $i_{sq}$  in vzdolžne  $i_{sd}$  komponente toka ter magnetilnega toka  $i_{mr}$  (enačbi 2,

2 ALIČ

3). Magnetilna komponenta toka je odvisna le od  $i_{sd}$  (enačba 4).[1]

$$u_{sd} = R_{S}i_{Sd} + L'_{s}\frac{di_{sd}}{dt} - L'_{s}\omega_{mr}i_{sq} + (L_{s} - L'_{s})\frac{di_{mr}}{dt}$$
(2)  
$$u_{sq} = R_{s}i_{sq} + L'_{s}\frac{di_{sq}}{dt} + L'_{s}\omega_{mr}i_{sd} + (L_{s} - L'_{s})\omega_{mr}i_{mr}$$
(3)

$$T_R \frac{di_{mr}}{dt} + i_{mr} = i_{sd} \tag{4}$$

V stacionarnem stanju so vrednosti odvodov enake 0. Magnetilni tok ima takrat enako vrednost kot  $i_{sd}$ . Pri višjih vrtilnih hitrostih postane ohmski padec napetosti zanemarljiv in enačbi se v stacionarnem staju poenostaviti v:

$$u_{sd} = -L_s' \omega_{mr} i_{sq} \tag{5}$$

$$u_{sq} = L_s \omega_{mr} i_{sd} \tag{6}$$

Enačbi 5 in 6 vstavimo v enačbo 1:

$$(L_s'\omega_{mr}i_{sq})^2 + (L_s\omega_{mr}i_{sd})^2 = U_{smax}^2$$
 (7)

Rezultat predstavlja maksimalno vrednost statorskih tokov v dvoosnem koordinatnem sistemu, v odvistnosti od napetosti. Če izraz nekoliko predelamo dobimo enačbo iz katere prepoznamo elipso:

$$(\frac{i_{sd}}{a})^2 + (\frac{i_{sq}}{b})^2 = 1 (8)$$

a in b predstavljata pol osi elipse,  $a=U_{smax}/(\omega_{mr}L_s)$ ,  $b=U_{smax}/(\omega_{mr}L_s')$ . Polosi sta funkciji vrtilne hitrosti in z naraščanjem hitrosti postajati manjši.

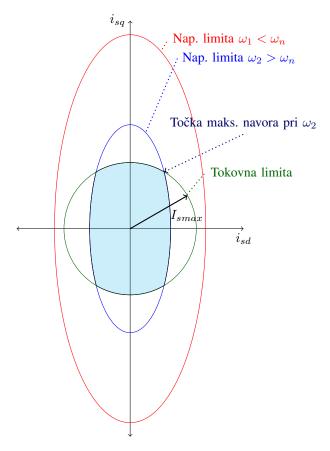
Vsak motor je konstruiran za določene pogoje in temu primerno je določen tudi nazivni tok. Če stroj obratuje z višjim tokom kot je nazivni, se bo zaradi toplotnih izgub v navitjih začel segrevati. S segrevanjem se lahko stroj deformira, ali se mu z obratovanjem v takih pogojih skrajša življenska doba. Maksimalen tok v motor je tako definiran kot:

$$i_{sd}^2 + i_{sq}^2 = \hat{I}_n^2 = I_{smax}^2 \tag{9}$$

Pogojema določenima z enačbama 8 in 9, mora statorski tok vedno ustrezati. Ob takem obratovanju bo stroj lahko deloval celotno življensko dobo.[3]

Če grafično ponazorimo napetostno in tokovno limito nam presek limit prikazuje točko, ki označuje največjo vrednost  $i_{sd}$  in  $i_{sq}$  (Slika 1). V tej točki motor ustvari največji navor. Tokovna limita je ponazorjena s krožnico, z radijem  $I_{smax}$ . Elipsa predstavlja napetostno limito, ki je v odvisnosti od vrtilne hitrosti spreminja. Pri nižjih vrtilnih hitrostih sta polosi večji od polmera tokovne limite(Napetostna limita za  $\omega_1$  na sliki 1), zato vpliva na željene vrednosti tokov  $i_{sd}$  in  $i_{sq}$  le tokovna limita

(tokovni vektor se mora gibati znotraj zelenega kroga). Pri višjih vrtilnih hitrostih se polosi elipse zmanjšati in željene vrednosti tokov se morajo prilagoditi tudi napetostni limiti(Napetostna limita za  $\omega_2$  na sliki 1). Željeni vrednosti tokov  $i_{sd}$  in  $i_{sq}$  se morati prilagoditi preseku območja, ki ga označujet obarvan del.



Slika 1: Prikaz napetostne in tokovne limite pri dveh različnih vrtilnih hirostih

Pri vrtilnih hitrostih višjih od nazivne se standardno uporablja slabljenje polja po prvi potenci. Pri tej metodi se znižuje vrednost toka  $i_{sd}$  v obratnem razmerju z vrtilno hitrostjo,

$$i_{sd}^* = i_{sdn} \frac{\omega_n}{\omega_r} \tag{10}$$

kjer  $i_{sdn}$  predstavlja nazivno vrednost magnetilnega toka,  $\omega_n$  predstavlja nazivno vrtilno hitrost, ki jo ponvadi navede proizvajalec in  $\omega_r$  trenutno vrtilno hitrost rotorja. Ulomek  $\frac{\omega_r}{\omega_n}$  bi lahko nadomestili tudi z vrtilno hitrostjo v p.u. sistemu. Maksimalna vrednost  $i_{sq}$  pri tej metodi določi limita iz enačbe 9:[3]

$$i_{sqmax} = \sqrt{I_{smax}^2 - i_{sd}^{*2}}$$
 (11)

.

# 3 IZBOLJŠANA METODA

V nadeljevanju sta opisani dve tehniki nastavljanja željene vrednosti vzdolžnega toka, pri katerih je magnetna nasičenost zanemarjena. Predpostavljamo linearno karakteristiko magnetilnice, katera je v realnosti drugače nelinearna. Prva tehnika (Tehnika A) ustvari večji navor v območju nad vrtilno hitrostjo kot standardna. Druga (Tehnika B) temelji na prvi metodi, vendar lahko ob prehodnih pojavih ustvari večji navor kot tehnika A.[3]

#### 3.1 Tehnika A

Ob definiranem napajalnem pretvorniku je podana makismalno vrednost izhodne napetosti in toka. Ob upoštevanju enačb 8 in 11 lahko izrazimo vrtilno hitrost pri kateri je še lahko nazivni vzdolžni tok. Vrtilna hitrost pri kateri se poslužimo tehnike slabljenja polja je odvisna od parametrov napajalnega pretvornika, nazivnega vzdolžnega toka ter statorske in stresane induktivnosti.

$$\omega_n = \frac{U_{smax}}{\sqrt{i_{sdn}^2 (L_s^2 - L_s'^2) + (L_s' I_{smax})^2}}$$
(12)

V področju slabljenja polja bo navor višji od standardne metode ob upoštevanju limit, ki jih določati enačbi 8 in 9.

$$i_{sd}^* = \sqrt{\frac{(\frac{U_{smax}}{\omega})^2 - (L_s' I_{smax})^2}{L_s^2 - L_s'^2}}$$
 (13)

Vrednost  $i_{sd}^*$  glede na vrtilno hitrost v področju slabljenja polja lahko razberemo iz slike 1, v presečišču elipse in krožnice.

## 3.2 Tehnika B

Pri tehniki A je upoštevano, da je motor v stacionarnem stanju in mangetilni tok enak  $i_{sd}$ . Navorno enačbo za asinhroski motor se lahko zapiše kot:[1]

$$M_{el} = \frac{3}{2} p_p \frac{L_m}{L_r} |\psi_{rd}| i_{sq}$$
 (14)

Pri čemer  $\psi_r$  predstavlja rotorski magnetni sklep. Le ta je odvisen od magnetilnega toka, ki je posledica  $i_{sd}$ .

$$\psi_{rd} = \frac{L_m i_{sd}}{1 + T_r p} \tag{15}$$

kjer p predstavlja operator odvajanja po času p=d/dt in  $T_r\,$  rotorska časovna konstanta.

Rešitev enačebe 15 je:

$$\psi_{rd} = L_m i_{sd} + \Delta \psi_{rd} \tag{16}$$

kjer je

$$\Delta \psi_{rd} = (\psi_{rd}(t_0) - L_m i_{Sd}(t_0)) e^{\frac{t_0 - t}{T_r}}$$
 (17)

 $t_0$  predstavlja začetni čas. Elektromagnetni navor je tako povišan

$$M_{el} = \frac{3}{2} p_p \frac{L_m}{L_r} (L_m i_{sd} + \Delta \psi_{rd}) i_{sq}$$
 (18)

Ob upoštevanju neenakosti magnetilnega toka in vzdolžne komponente statroskega toka v enačbi 3 in posledično tudi v enačbi 8, je željena vrednost vzdolžne komponente toka:

$$i_{sd}^* =$$

$$\frac{\sqrt{(cL_s)^2 + d[(\frac{U_{smax}}{\omega})^2 - L_s'^2 I_{smax}^2 - c^2]} - cL_s}{d}$$
(19)

$$i_{sqmax} = \sqrt{I_{smax}^2 - i_{sd}^{*2}}$$
 (20)

Pri čemer

$$c = \frac{L_m}{L_r} (\psi_r(t_0) - L_m i_{sd}(t_0))$$

$$d = L_s^2 - L_s^{\prime 2}$$

Po prehodnem pojavu (Enačba 15), c konvergira k 0. S tem se izraz 19 poenostavi v 13.[3]

#### 4 SIMULACIJE IN UPORABA TEHNIK

Simulacije sem izvedel s programskim paketom Matlab. Za model asinhronskega motorja sem si izbral naslednje podatke:

- $P_n = 0.5 \text{ kW}$
- $M_n = 2.5 \text{ Nm}$
- $U_n = 15 \text{ V}$
- $I_{mrn} = i_{sdn} = 18.7 \text{ A}$
- $I_n = 28.4 \text{ A}$
- $n_N = 2200 \text{ rpm}$
- $R_s = 0.074 \Omega$
- $R_r = 0.0513 \ \Omega$
- $L_s = 2.596 \text{ mH}$ •  $L_r = 2.559 \text{ mH}$
- $\bullet \ \ L_m=2.4 \ \mathrm{mH}$
- $p_p = 1$  polov par
- $J = 0.001 \text{ kg m}^2$

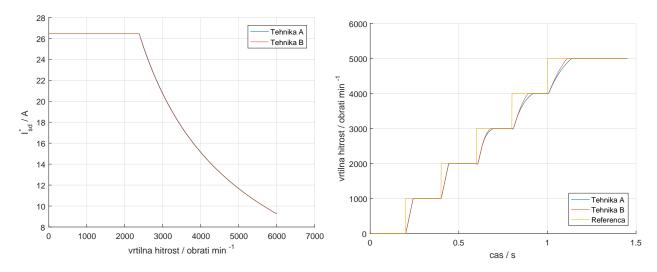
Za izračune v simulaciji sem uporabil dvoosni koordinatni sistem v katerega sem pretvoril asinhronski motor.

Motor sem reguliral z neposredno FOC metodo. Limite v regulaciji sem nastavil po izrazih v 7 in 9. Osrednji del simulacij se je navezoval na določanje vzdolžne komponente toka. Za njeno določanje sem uporabil izraza iz zgoraj teoretično opisanih postopkov (Glej poglavje 3.1, 3.2).

## 5 REZULTATI SIMULIRANIH TEHNIK

Pri simulaciji izboljšanih tehnik nisem upošteval nelinearnosti železa. Zato je vrtilna hitrost lahko naraščala tudi v območju, kjer se je v realnosti potrebno poslužiti druge tehnike zaradi nasičenosti železa.

4 ALIČ



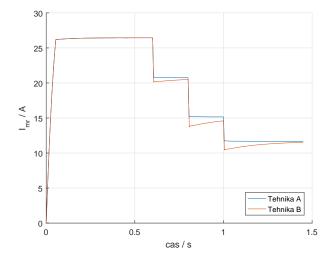
Slika 2: Odvisnost željene vrednosti vzdolžne komponente toka od vrtilne hitrosti

Slika 3: Potek prehodov vrtilne hitrosti

### 5.1 Statična karakteristika

Statično karakteristiko sem simuliral tako, da sem željeno vrednost vrtilne hitrosti linearno večal. Rezultat simulacije je na sliki 5.1.

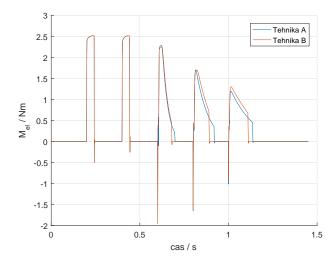
V poglavju 3.2 je opisano, da je v stacionarnem stanju vrednost  $i_{sd}^*$  enaka v obeh tehnikah. V simulaciji je manjše odstopanje druge tehnike. Vrednost vrtilne hitrosti sem linearno višal, zato se je spreminjala tudi željena vrednost vzdožne komponente. Rotorski magnetni pretok linearno sledi vrednosti  $i_{sd}$ . Konstanta c tako ni 0. Izraz v 19 zato ni enak 13 in od tu je manjše odstopanje.



Slika 4: Potek vrednosti magnetilnega toka

# 5.2 Prehodni pojav

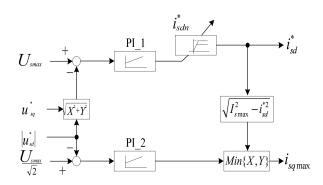
V naslednji simulaciji sem simuliral prehode vrtilne hitrosti. Za željeno vrednost vrtilne hitrosti sem nastavljal stopničasto funkcijo. Ob tem sem opazoval vrtilno hirost, vrednosti magnetilnega toka in potek ustvarjenega navora. Določanje željene vrednosti  $i_{sd}$  sem nastavljal z uporabo tehnik opisanih v poglavju 3.1 in 3.2. Potek simulacije je predstavljen na slikah 3, 4 in 5. V področju slabljenja polja se vrednost željene vrednosti vzdolžne komponente toka manjša. Pri času 0,6 s sem se začel posluževati tehnik primernih v področju slabljenja polja. Motor v tem področju lahko ustvari manjši navor, kot ga je lahko ustvarjal v območju pod nazivno hitrostjo. Na sliki 5 se vidi kako motor v območju višjih vrtilnih hitrosti ne ustvari več polnega navora. Najvišja vrednost ustvarjenega navora pada obratno sorazmerno z višanjem vrtilne hitrosti. Prehodni pojav vrtilne hitrosti zaradi manjšega ustvarjenega navora traja dlje (Slika 3).



Slika 5: Potek ustvarjenga navora

# 6 DRUGE METODE ZA ZAGOTOVITEV MAKSIMALNEGA NAVORA

V regulaciji se nastavlja vrednosti željenih tokov, vendar motor se krmili z napetostjo. Izhod regulacije je napetost, katero morje potrebno prilagoditi glede na področje delovanja. V področju konstantnega navora je želja zagotoviti naziven magnetni pretok ( $i_{sd}^* = \text{konst.}$ ). Prečna in vzdolžna komponenta napetosti sta nižji od maksimalne izhodne napetosti. V tem področju se uporablja U/f metoda. [1] Ko U/f metoda doseže maksimalno izhodno napetost je potrebno prečno komponento napetosti manjšati (Enačba 3). Za ohranjanje maksimalne napetosti lahko vzdolžno komponento napetosti povišamo. V obratovanju z maksimalno izhondno napetostjo, se bo lahko zagotovil največji navor. Slika 6 prikazuje primer blokove sheme za zagotavljanje maksimalnega navora. Strategija je sestavljena iz dveh PI regulatorjev za določanje vzdolžne komponente toka in maksimalne vrednosti  $i_{sq}$ .

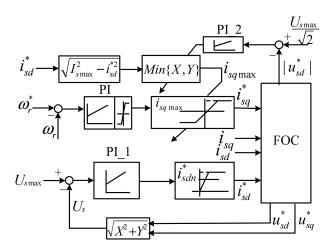


Slika 6: Blokovna shema za določanje vzolžne komponente toka in maksimalne vrednosti prečne komponente toka[4]

Regulator PI\_1 regulira vzdolžno komponento toka in skrbi za zmanjševanja magnetnega pretoka v področju slabljenja polja. Regulator PI\_2 skrbi, da sta vrednosti  $|u_{sd}^*|$  in  $u_{sq}^*$  enaki  $U_{smax}/\sqrt{2}$ , saj motor v tej delovni točki ustvari največji navor.

Na sliki 7 je prikazan primer uporabe takega načina določanja željenih vrednosti tokov. Regulator PI\_1 je omejen z nazivno vrednostjo vzdožne komponente toka in uravnava vrednost toka, ko je na izhodu zahtevana maksimalna napetost. Regulator PI\_2 je v nasičenju ko motor obratuje v območju konstantnega navora. Maksimalna vrednost  $i_{sq}$  je omejena z izrazom  $\sqrt{I_{smax}^2 - i_{sd}^2}$ . V tem območju je maksimalna vrednost prečne komponente toka odvisna le od  $i_{sd}$ . V področju slabljenja polja se začne željena vrednost vzdolžne komponente toka manjšati, s tem pa se začne višati vrednost maksimalne vrednosti pre'čne komponente. Izhod regulatorja PI\_2 se zaradi narašcanja absolutne vrednosti prečne komponente napetosti manjšati. Sočasno začne regulator PI\_2 siliti končno izhodno napetostvzdolžne komponente k vrednosti  $U_{smax}/\sqrt{2}$ . Rezultat delovanja s to strategijo je, da motor ves čas deluje v točki maksimalnega navora.

[4]



Slika 7: Blokovna shema regulacije za ustvarjanje maksimalnega navora[4]

## 7 ZAKLJUČEK

Predstavil sem regulacijo motorja v področju slabljenja polja. Opisal sem osnovno metodo, kako nastavljati željeno vrednost vzdolžne komponente toka. Predstavil sem tudi izboljšani tehniki, s katerima lahko motor ustvari višji navor v območju nad nazivno hitrostjo. Simuliral sem poteke nastavljanje vzdolžne komponente toka glede na željeno vrtilno hitrost. Na koncu sem predstavil še metodo, katera napaja motor tako, da vedno deluje v točki največjega ustvarjenega navora.

Vrtenje motorja v nadnazivnih hitrostih nam omogoča večji razpon željene vrtilne hitrosti. Z uporabo primernih tehnik lahko v širokem območju vrtilne hitrosti dosežemo maksimalen navor. S tem delom sem prikazal, da se lahko v območju nad nazivno hitrostjo obratuje dobro. S primerno metodo se da še zvišati ustvarjen navor. Metodo katero se bo uporabilo v pogonu, je nato odvisno le od načrtovalca.

# LITERATURA

- [1] V. Ambrožič, P. Zajec, *Električni servo pogoni*, slovensko združenje elektroenergetikov CIGRÉ-CIRED, 2016
- [2] P. Jereb, D. Miljavec, Električni stroji: temeljna znanja, Fa kulteta za elektrotehniko, Ljubljana, 2014
- [3] P. Vas, Sensorless Vector and Direct Torque Control, Oxford University Press, pp 632–641, 1998
- [4] Y. Xu, C. Shen, H. Hui and Z. Huang, Field Weakening Strategy in a Wide Speed Range of Induction Motors for Electric Vehicles Based on Maximum Torque Control Power Electronics and Application Conference and Exposition, p. 740, 2014