2.1 一个 70kg 的人刚好漂浮在淡水中,实际上他的身体正好全部在水下。问他的体积是多大?

解: 人所受重力 G = mg, 浮力 $F = \rho Vg$, 漂浮时, $mg = \rho Vg$, 代入题给数据, 得

$$V = \frac{m}{\rho} = \frac{70kg}{1000kg/m^3} = 0.07m^3$$

2.2 假定葡萄酒桶在 15 厘米汞柱的压强作用下会破裂。如果把纯度为 20%的酒精和 80%的水混合而成的酒(即体积为 V 的酒, 20% V 为酒精, 80% V 为水)倒入连在酒桶上的小管内。

试问为使酒桶破裂,此管在桶上方应伸出多高?酒精的密度 $\rho = 0.79 g / cm^3$

解: 查酒精的密度 $\rho = 0.79g/cm^3$, 所以酒的密度为

$$\rho = \rho_{\text{mat}} 20\% + \rho_{\text{t}} 80\%$$
$$= 0.79 \times 0.2 + 1 \times 0.8$$
$$= 0.958g / cm^{3}$$

设伸出高度为 h,则

$$\rho gh = 150mmHg$$

$$h = \frac{150/760 \times 1.01 \times 10^5}{0.958 \times 10^3 \times 9.8} = 2.12m$$

2.3 试解释水龙头流下的水流为什么逐渐变细?

答:由重力的作用,水流越往下流速越快,根据连续性方程 Sv=恒量,流速增加截面减小,所以水流逐渐变细。

- 2.4 由连续性方程可知:截面积大的流速小;而由泊肃叶定律可知:截面积大的流速大,两者是否互相矛盾?
- 答:连续性方程是针对同一流管里,不可压缩流体做稳流时流量守恒。泊肃叶定律是指在一截面相同的水平圆管中,粘性流体稳定流动时的流量与半径的 4 次方成正比,截面积变时,已不是同一流管了,两者条件不同。
- 2.5 一根半径为 r 的血管分成四根血管,每根半径为 r/3。如果在大血管中的平均速度是 v,求 每根小血管中的平均速度是多少?

解: 由
$$S_1 v_1 = S_2 v_2$$
, $S_1 = \pi r^2$, $S_2 = 4\pi (r/3)^2 = 4/9\pi r^2$, $\therefore v_2 = \frac{S_1}{S_2} v_1 = \frac{9}{4} v_1$

- 2.6 水在截面不同的水平管中作稳流,出口处的截面积为管的最细处的 3 倍。若出口处的流速为 2 m/s,问最细处的压强为多少?若在此最细处开一小孔,水会不会流出来?
- 解: 在水平管中选择两点 1、2 分别位于最细和开口处,根据伯努利方程,有

$$p_1 + \frac{1}{2}\rho v_1^2 = p_2 + \frac{1}{2}\rho v_2^2$$
,又 $p_2 = p_0$, $v_2 = 2m/s$ 由连续性方程,得 $v_1 = \frac{S_2}{S_1}v_2 = 6m/s$,

$$\therefore p_1 = p_0 + \frac{1}{2}\rho(v_2^2 - v_1^2) = p_0 - 0.16 \times 10^5 = 0.85 \times 10^5 Pa$$
,若最细处开口,水不会流出。

2.8 在一直立的大水桶的侧面有一直径为 1 mm 的小圆孔,位于桶内水面下 0.2 m 处,求水在小圆孔处流出的速度和体积流量。

解: 设桶的水面为 s_1 v_1 h_1 ρ_1 , 小孔面为 s_2 v_2 h_2 ρ_2 ,直径为d

取小孔面为参考面,
$$P_1 = P_2 = P_0$$
 $h_1 = 0.2m$ $h_2 = 0$

$$:: s_1 >> s_2 \quad :: v_1 \approx 0$$

根据柏努利方程:

$$P_{1} + \frac{1}{2}\rho v_{1}^{2} + \rho g h_{1} = P_{2} + \frac{1}{2}\rho v_{2}^{2} + \rho g h_{2}$$

$$\Rightarrow v_{2} = 2 \%$$

$$\therefore Q = s_2 v_2 = \pi \left(\frac{d}{2}\right)^2 \bullet v_2 = \frac{\pi}{2} \times 10^{-6} \binom{m^3}{s}$$

即小孔处的流速为2m/s,体积流量为 $\frac{\pi}{2} \times 10^{-6} \frac{m^3}{s}$

2.9 如果长颈鹿的大脑比心脏高 2m,它的心脏和大脑间的压强差是多少(假定这两个位置处血液的速度是相同的)?

$$解$$
 : 由 伯 努 利 方 程 $p_{\text{\tilde{\pi}}} + rac{1}{2}
ho v^2 +
ho g h_{\text{\tilde{\pi}}} = p_{\tilde{\pi}} + rac{1}{2}
ho v^2 +
ho g h_{\tilde{\pi}}$,

$$\therefore \Delta p = p_{\text{1}} - p_{\text{1}} = \rho g (h_{\text{1}} - h_{\text{1}}) = 1.05 \times 10^3 \times 9.8 \times 2 = 2.06 \times 10^4 \, Pa = 155 \, mmHg$$

2.10 设某人的心输出量为 0.83×10⁻⁴ m³/s,体循环的总压强差为 12.0 kPa,求此人体循环的总流阻。

解:
$$Rf = \frac{\Delta p}{O} = \frac{12kPa}{0.83 \times 10^{-4} m^3 / s} = 1.45 \times 10^8 Pa \cdot s \cdot m^{-3}$$

2.11 试估算你的心脏每天对体循环的搏血量为多少?

解: 每天对体循环的博血量 $80ml \times 60 \times 60 \times 24 = 6.9 \times 10^6 ml = 6.9m^3$

2.12 设血液的粘度为 η =2.0×10⁻³ Pa·s,若以 72 cm/s 的平均流速通过主动脉,临界雷诺数为 1000,求产生湍流的临界半径。(血液的密度为 1.05×10^3 kg/ m³)

解:
$$R_e = \frac{\rho v r}{\eta}$$
, $\therefore r = \frac{R_e \eta}{\rho v} = \frac{1000 \times 2 \times 10^{-3}}{1.05 \times 10^3 \times 0.72} = 2.6 \times 10^{-3} m = 2.6 mm$

2.13 一个直径为 6.0 mm 的玻璃球,在盛有甘油的筒中自静止下落,现测得小球降落的收尾速度为 3.1 cm/s,求甘油粘度。已知玻璃球的密度为 2.56 g/cm³,甘油的密度为 1.26 g/cm³。

解: 由沉降速度 $v = \frac{2}{9\eta} r^2 (\rho' - \rho) g$,

$$\Rightarrow \eta = \frac{2}{9v}r^2(\rho' - \rho)g = \frac{2}{9 \times 3.1 \times 10^{-2}}(3 \times 10^{-3})^2(2.56 - 1.26) \times 10^3 \times 9.8 = 0.82Pa \cdot s$$