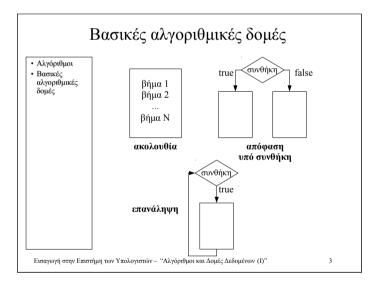
Ιόνιο Πανεπιστήμιο – Τμήμα Πληροφορικής Εισαγωγή στην Επιστήμη των Υπολογιστών 2021-22

Αλγόριθμοι και Δομές Δεδομένων (Ι) (εισαγωγικές έννοιες)

http://mixstef.github.io/courses/csintro/



Μ.Στεφανιδάκης



Τι είναι αλγόριθμος;

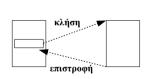
- Αλγόριθμοι
- «Βήμα προς βήμα μέθοδος για την επίλυση ενός προβλήματος»
- Ανεξάρτητα από το υπολογιστικό σύστημα
- Τυπικός ορισμός:
 - Μια διαδικασία με πεπερασμένο αριθμό διατεταγμένων βημάτων
 - πιθανώς με επαναλήψεις και συνθήκες
 - η οποία επιλύει ένα συγκεκριμένο πρόβλημα
 - μετασχηματισμού εισόδων σε εξόδους
 - σε πεπερασμένο χρόνο

Εισαγωγή στην Επιστήμη των Υπολογιστών – "Αλγόριθμοι και Δομές Δεδομένων (Ι)"

2

Υποπρογράμματα (υποαλγόριθμοι)

- ΑλγόριθμοιΒασικές
- Βασικες αλγοριθμικές δομές



- Επαναχρησιμοποίηση
 - κλήση συναρτήσεων
- Ευκολότερη κατανόηση
 - σημαντικό όσο και η απόδοση

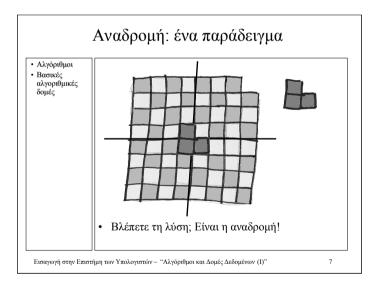
Εισαγωγή στην Επιστήμη των Υπολογιστών – "Αλγόριθμοι και Δομές Δεδομένων (Ι)"

Αναδρομή: ένα κομψό εργαλείο

- Αλγόριθμοι
 Βασικές αλγοριθμικές δομές
- Το γενικότερο πλαίσιο: μείωση ενός προβλήματος σε πολλά υποπροβλήματα
 - Και στη συνέχεια, συνδυασμός των μερικών λύσεων
- Αναδρομή
 - Μία συνάρτηση καλεί τον εαυτό της
 - δημιουργεί μικρότερα υποπροβλήματα
 - Μέχρι να φτάσει σε μια βασική περίπτωση
 - με άμεσο υπολογισμό του (μερικού) αποτελέσματος
 - Ακολουθούν επιστροφές με συνδυασμό των μερικών αποτελεσμάτων
 - μέχρι το τελικό αποτέλεσμα

Εισαγωγή στην Επιστήμη των Υπολογιστών – "Αλγόριθμοι και Δομές Δεδομένων (Ι)"

5



Αναδρομή: ένα παράδειγμα • Αλγόριθμοι • Βασικές αλγοριθμικές δομές • Πώς θα καλύψουμε (αν μπορούμε) τη σκακιέρα με σχήματα τύπου L; Εισαγογή στην Επιστήμη των Υπολογιστών - "Αλγόριθμοι και Δομές Δεδομένων (1)" 6

Αναδρομή

- Αλγόριθμοι
- Βασικές αλγοριθμικές δομές
- Αλγοριθμικά «κομψή» λύση αλλά
 - Πιθανή επιβάρυνση κατά την κλήση των συναρτήσεων
 - Και μεγαλύτερη χρήση πόρων για διατήρηση προηγούμενων καταστάσεων
- Συχνά πρέπει να μετατρέψουμε την αναδρομή σε επανάληψη
 - Ευτυχώς αυτό είναι πάντα δυνατό
 - ακόμα κι αν οδηγεί σε λιγότερο κομψή διατύπωση του αλγορίθμου
 - με τη βοήθεια δομών δεδομένων που μιμούνται τη λειτουργία της αναδρομής

Εισαγωγή στην Επιστήμη των Υπολογιστών - "Αλγόριθμοι και Δομές Δεδομένων (Ι)"

Πολυπλοκότητα ενός αλγορίθμου

- Αλγόριθμοι
- Βασικές αλγοριθμικές δομές
- Πολυπλοκότητα

• Για την κατανόηση της απόδοσής του

- Χρειαζόμαστε ένα βασικό μέγεθος
- Που θα εστιάζει στη μεγάλη εικόνα
 - Την αύξηση του χρόνου εκτέλεσης ανάλογα με το μέγεθος του προβλήματος (δεδομένων εισόδου)
 - Ανεξάρτητα από την ταχύτητα της γλώσσας προγραμματισμού
 - Ανεξάρτητα από την ταχύτητα του υλικού
- Προσοχή: δεν ενδιαφερόμαστε για απόλυτους χρόνους
 - Αντιθέτως, υπολογίζουμε πόσες φορές εκτελείται μια βασική λειτουργία!
 - Σε σχέση με το μέγεθος των δεδομένων εισόδου

Εισαγωγή στην Επιστήμη των Υπολογιστών - "Αλγόριθμοι και Δομές Δεδομένων (Ι)"

0

Ο ασυμπτωτικός συμβολισμός Ο(...)

- Αλγόριθμοι
- Βασικές αλγοριθμικές δομές
- οομες • Πολυπλοκότητα
- Αν για παράδειγμα η πολυπλοκότητα ενός αλγορίθμου είναι O(n²)
 - Αυτό σημαίνει ότι για μέγεθος δεδομένων \mathbf{n} θα εκτελεστεί αριθμός λειτουργιών της τάξης του \mathbf{n}^2
 - Και ότι ένας αλγόριθμος O(n) είναι αποδοτικότερος
 - Απόδοση ανεξάρτητη από μέγεθος δεδομένων
 - Ο(1) η ιδανική περίπτωση!
 - Πολυωνυμικά προβλήματα
 - O(logn), O(n), O(n²), O(nk)
 - Συνήθως επιλύσιμα
 - Μη πολυωνυμικά προβλήματα
 - $O(k^n) \oint O(n!)$
 - Γενικά, μη επιλύσιμα

Εισαγωγή στην Επιστήμη των Υπολογιστών – "Αλγόριθμοι και Δομές Δεδομένων (Ι)"

11

Ο ασυμπτωτικός συμβολισμός Ο(...)

- Αλγόριθμοι
- Βασικές αλγοριθμικές δομές
- Πολυπλοκότητα

Big O notation

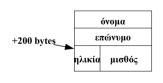
- Έκφραση κλάσης πολυπλοκότητας σε σχέση με το μέγεθος n των δεδομένων εισόδου
 - αφαιρώντας σταθερούς παράγοντες
- Τυπικά
 - O(g(n)), είναι ένα σύνολο συναρτήσεων
 - f(n) ανήκει στο O(g(n)) εάν υπάρχει n₀ και θετική σταθερά c έτσι ώστε f(n)≤cg(n) για κάθε n≥n₀
- Πρακτικά
 - O(g(n)), είναι οι συναρτήσεις που αυξάνονται με αργότερο ρυθμό από το g(n) - άρα είναι αποδοτικότερες
- Παράδειγμα
 - $T\alpha n^2$, $3n^2$, $85.8n^2+3.44$ ανήκουν όλα στο $O(n^2)$

Εισαγωγή στην Επιστήμη των Υπολογιστών - "Αλγόριθμοι και Δομές Δεδομένων (Ι)"

10

Η βασική μονάδα δεδομένων

- Αλγόριθμοι
- Βασικές αλγοριθμικές δομές
- Πολυπλοκότητα
- Δομές δεδομένων
- Η "εγγραφή" (record ή structure)
 - Μία αυτοτελής ομάδα δεδομένων
 - Με συγκεκριμένη μορφή αποθήκευσης
 - Κάθε μέλος της ομάδας βρίσκεται σε καθορισμένη θέση (διεύθυνση) μέσα στην εγγραφή
 - Ως "κόμβος" δεδομένων σε πιο σύνθετες δομές δεδομένων



Εισαγωγή στην Επιστήμη των Υπολογιστών - "Αλγόριθμοι και Δομές Δεδομένων (Ι)"

Πίνακες (arrays)

- Αλγόριθμοι
- Βασικές αλγοριθμικές δομές
- Πολυπλοκότητα
- Δομές
- δεδομένων Πίνακες
- Ακολουθία όμοιων εγγραφών
 - Σε συνεχόμενες θέσεις μνήμης
 - Πίνακας μιας διάστασης
 - Ο υπολογισμός της θέσης (διεύθυνσης) του ί-οστού στοιχείου είναι άμεσος
 - Αρχή πίνακα + i * μέγεθος εγγραφής
 - Θυμηθείτε: το ί ξεκινά από το 0!
 - Είναι δυνατή η υλοποίηση πινάκων πιο πολλών διαστάσεων
 - Π.χ. για πίνακα δύο διαστάσεων, ως συνεχόμενες σειρές
 - Πώς υπολογίζεται στην περίπτωση αυτή η διεύθυνση του στοιχείου ;

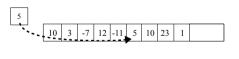
Εισαγωγή στην Επιστήμη των Υπολογιστών - "Αλγόριθμοι και Δομές Δεδομένων (Ι)"

13

Αναζήτηση σε πίνακα

- Αλγόριθμοι
- Βασικές αλγοριθμικές δομές
- Πολυπλοκότητα
- Δομές δεδομένων
- Πίνακες
- Αναζήτηση
- Αναζήτηση στοιχείου με κάποιες ιδιότητες
 - Τιμές-κλειδιά
 - Εύρεση θέσης (i) στοιχείου αν υπάρχει!
- Εάν τα στοιχεία δεν είναι ταξινομημένα...
 - Με βάση τις αναζητούμενες τιμές-κλειδιά
- ...τότε πρέπει να διασχίσουμε τον πίνακα σειριακά
 - από τη μία άκρη προς την άλλη (διάσχιση πίνακα)
 - συγκρίνοντας κάθε στοιχείο που συναντάμε

 - O(n) ΟΚ για μικρούς πίνακες

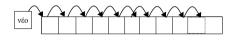


Εισαγωγή στην Επιστήμη των Υπολογιστών - "Αλγόριθμοι και Δομές Δεδομένων (Ι)"

15

Λειτουργίες σε πίνακες

- Αλγόριθμοι
- Βασικές αλγοριθμικές δομές
- Πολυπλοκότητα
- Δομές δεδομένων Πίνακες
- Λήψη στοιχείου i
 - Σταθερή πολυπλοκότητα O(1)
 - Εφόσον ο υπολογισμός της θέσης του κάθε στοιχείου είναι άμεσος
- Προσθήκη στοιγείου (στο τέλος)
 - O(1) θεωρώντας ότι υπάρχει χώρος
 - Άμεσος υπολογισμός θέσης νέου στοιχείου
- Εισαγωγή στοιχείου (π.χ. στην αρχή)
- O(n) θα πρέπει να μετατοπιστούν τα ήδη υπάρχοντα στοιχεία

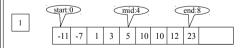


Εισαγωγή στην Επιστήμη των Υπολογιστών - "Αλγόριθμοι και Δομές Δεδομένων (Ι)"

14

Δυαδική Αναζήτηση (binary search)

- Αλγόριθμοι
- Βασικές αλγοριθμικές δομές
- Πολυπλοκότητα
- · Δομές δεδομένων
- Αναζήτηση
- Πίνακες
- Εάν τα στοιχεία είναι ταξινομημένα...
 - Με βάση τις αναζητούμενες τιμές-κλειδιά
- ...τότε η αναζήτηση γίνεται πολύ πιο αποδοτική!
 - Χωρίζοντας τον πίνακα στη μέση
 - Και ψάχνοντας μόνο ένα από τα δύο μέρη
 - Μικρότερο υποπρόβλημα!
 - Επαναλαμβάνουμε τη διαδικασία μέχρι την εύρεση
 - ή μέχρι να φανεί ότι δεν υπάρχει αυτό που ψάχνουμε
 - O(log_n)- η μόνη βιώσιμη λύση για μεγάλους πίνακες!



Εισαγωγή στην Επιστήμη των Υπολογιστών - "Αλγόριθμοι και Δομές Δεδομένων (Ι)"

Δυαδική Αναζήτηση (binary search) • Αλγόριθμοι • Βασικές αλγοριθμικές δομές 1 • Πολυπλοκότητα 10 10 12 23 -11 -7 1 3 Δομές δεδομένων • Πίνακες • Αναζήτηση 1 -11 -7 | 1 | 3 | 5 | 10 | 10 | 12 | 23 17 Εισαγωγή στην Επιστήμη των Υπολογιστών - "Αλγόριθμοι και Δομές Δεδομένων (Ι)"

Ταξινόμηση παρεμβολής (insertion sort) • Αλγόριθμοι Ο πίνακας χωρίζεται σε δύο μέρη Βασικές Το ταξινομημένο μέρος αλγοριθμικές • Αρχικά περιέχει το πρώτο στοιχείο του πίνακα δομές Πολυπλοκότητα • Και το αταξινόμητο Δομές • Τα υπόλοιπα στοιχεία δεδομένων • Πίνακες Κάθε στοιχείο του αταξινόμητου • Αναζήτηση Προωθείται στη σωστή θέση μέσα στο • Ταξινόμηση ταξινομημένο μέρος Το ταξινομημένο μέρος σταδιακά μεγαλώνει Πολυπλοκότητα O(n²) στη χειρότερη περίπτωση O(n) στην καλύτερη (ήδη ταξινομημένα) 19 Εισαγωγή στην Επιστήμη των Υπολογιστών - "Αλγόριθμοι και Δομές Δεδομένων (Ι)"

Ταξινόμηση

Συνήθης λειτουργία σε πίνακες

- Αλγόριθμοι
- Βασικές αλγοριθμικές δομές
- Πολυπλοκότητα
- Δομές δεδομένων
- Πίνακες
- Αναζήτηση • Ταξινόμηση
- Με βάση τιμές κλειδιών (μέρους στοιχείου πίνακα)

με την βέλτιστη πολυπλοκότητα

- Ως βάση για την εφαρμογή άλλων αλγορίθμων
 - Όπως η δυαδική αναζήτηση που είδαμε προηγουμένως
- Δεν υπάρχει μοναδικός αλγόριθμος ταξινόμησης
 - Εξαρτάται από τη μέχρι τώρα διάταξη των δεδομένων
- Στη συνέχεια θα δούμε ορισμένους μόνο από το σύνολο των αλγορίθμων ταξινόμησης

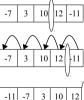
Εισαγωγή στην Επιστήμη των Υπολογιστών – "Αλγόριθμοι και Δομές Δεδομένων (Ι)"

18

Ταξινόμηση παρεμβολής (insertion sort)

- Αλγόριθμοι
- Βασικές αλγοριθμικές
- δομές Πολυπλοκότητα
- Δομές δεδομένων
- Πίνακες
- Αναζήτηση
- Ταξινόμηση





Εισαγωγή στην Επιστήμη των Υπολογιστών - "Αλγόριθμοι και Δομές Δεδομένων (Ι)"

Quicksort

- Αλγόριθμοι
- Βασικές αλγοριθμικές δομές
- Πολυπλοκότητα
- Δομές
- δεδομένων
- Πίνακες
- Αναζήτηση
- Ταξινόμηση
- Ένας από τους γνωστότερους αλγορίθμους ταξινόμησης
 - Ακολουθεί την τακτική της διαμέρισης του πίνακα
 - Μικρότερα και μεγαλύτερα στοιχεία από (τυπικά) το πρώτο στοιχείο του πίνακα
 - Και στη συνέχεια ταξινομεί αναδρομικά τους δύο υποπίνακες
 - Στο τέλος συνενώνει τους πίνακες
 - Μικρότερα + στοιχείο διαμέρισης + μεγαλύτερα
- Πολυπλοκότητα
 - O(n²) στη χειρότερη περίπτωση (ήδη ταξινομημένα)
 - O(nlog,n) καλύτερη περίπτωση και κατά μέσο όρο

Εισαγωγή στην Επιστήμη των Υπολογιστών – "Αλγόριθμοι και Δομές Δεδομένων (Ι)"

21

Διασυνδεδεμένες λίστες

- Αλγόριθμοι
- Βασικές αλγοριθμικές δομές
- Πολυπλοκότητα
- Δομές δεδομένων
- Πίνακες
- Αναζήτηση
- Ταξινόμηση
- Διασυνδεδεμένες λίστες

- Για αποθήκευση ακολουθίας στοιχείων
 - Εναλλακτικά των πινάκων
 - Αποτελείται από κόμβους
 - Στοιχεία (εγγραφές δεδομένων)
 - Κάθε κόμβος διασυνδέεται με τον επόμενο
 - Μονή ή διπλή φορά διασύνδεσης
 - Η εισαγωγή είναι O(1)
 - Αλλαγή μόνο της διασύνδεσης των κόμβων
 - Θα πρέπει όμως να ξέρουμε το σημείο εισαγωγής..
 - Αλλά η προσπέλαση τυχαίου στοιχείου γίνεται τώρα O(n)
 - Θα πρέπει να διασχίσουμε τη λίστα από κάποια άκρη της μέχρι να φτάσουμε στο στοιχείο που θέλουμε

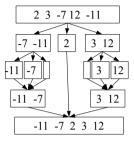


Εισαγωγή στην Επιστήμη των Υπολογιστών - "Αλγόριθμοι και Δομές Δεδομένων (Ι)"

23

Quicksort

- Αλγόριθμοι • Βασικές
- αλγοριθμικές δομές
- Πολυπλοκότητα
- Δομές δεδομένων
- Πίνακες
- Αναζήτηση
- Ταξινόμηση



Εισαγωγή στην Επιστήμη των Υπολογιστών – "Αλγόριθμοι και Δομές Δεδομένων (Ι)"