

BFS

Grafo:

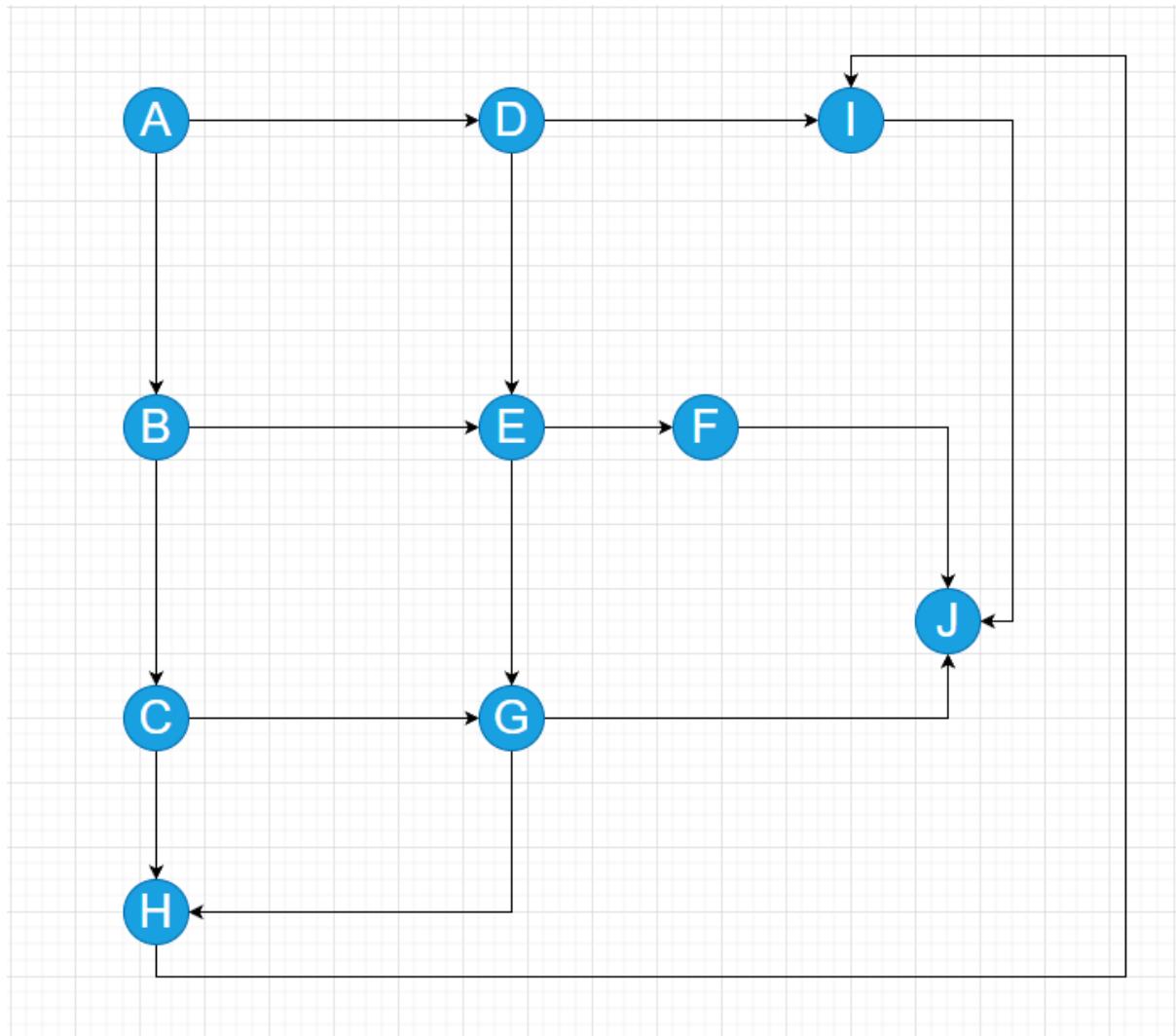


Tabela:

Passo	Vértice Atual	Fila	Vizinhos Descobertos	Distâncias Atualizadas
0	A	[A]	B,D	A.d = 0
1	B	[D]	C,E	B.d = 1
2	D	[C,E]	I	D.d = 1
3	C	[E,I]	G,H	C.d = 2
4	E	[I,G,H]	F	E.d = 2
5	I	[G,H,F]	J	I.d = 3
6	G	[H,F,J]	-	G.d = 3
7	H	[F,J]	-	H.d = 3
8	F	[J]	-	F.d = 3
9	J	-	-	J.d = 3

Respostas:

3. Identifique o caminho de A para J e sua distância mínima.

Caminho: A->D->I->J

Distância mínima: 3

1.5 Parte B: Análise Comparativa

Execute BFS também partindo de A para encontrar os caminhos mais curtos

para:
• Cantina (G): Caminho = A->B->C->G , Distância = 3

• Estacionamento (I): Caminho = A->D->I , Distância = 2

• Laboratório de Informática (F): Caminho = A->D->E->F , Distância = 3 Análise:

Qual localização está mais próxima da portaria? Biblioteca

1.6 Parte C: Modificação do Algoritmo

```
Função BFS_CaminhoMaisCurto(G, origem, destino):
    Para cada vértice v em G:
        v.cor = BRANCO
        v.dist = ∞
        v.pred = NULL

    origem.cor = CINZA
    origem.dist = 0
    origem.pred = NULL

    fila = [origem]

    Enquanto fila não estiver vazia:
        u = fila.pop(0)

        Se u == destino:
            caminho = []
            atual = destino

            Enquanto atual != NULL:
                Inserir atual no inicio de caminho
                atual = atual.pred

            Retornar (destino.dist, caminho)

        Para cada vizinho v de u:
            Se v.cor == BRANCO:
                v.cor = CINZA
                v.dist = u.dist + 1
                v.pred = u
                fila.append(v)

        u.cor = PRETO

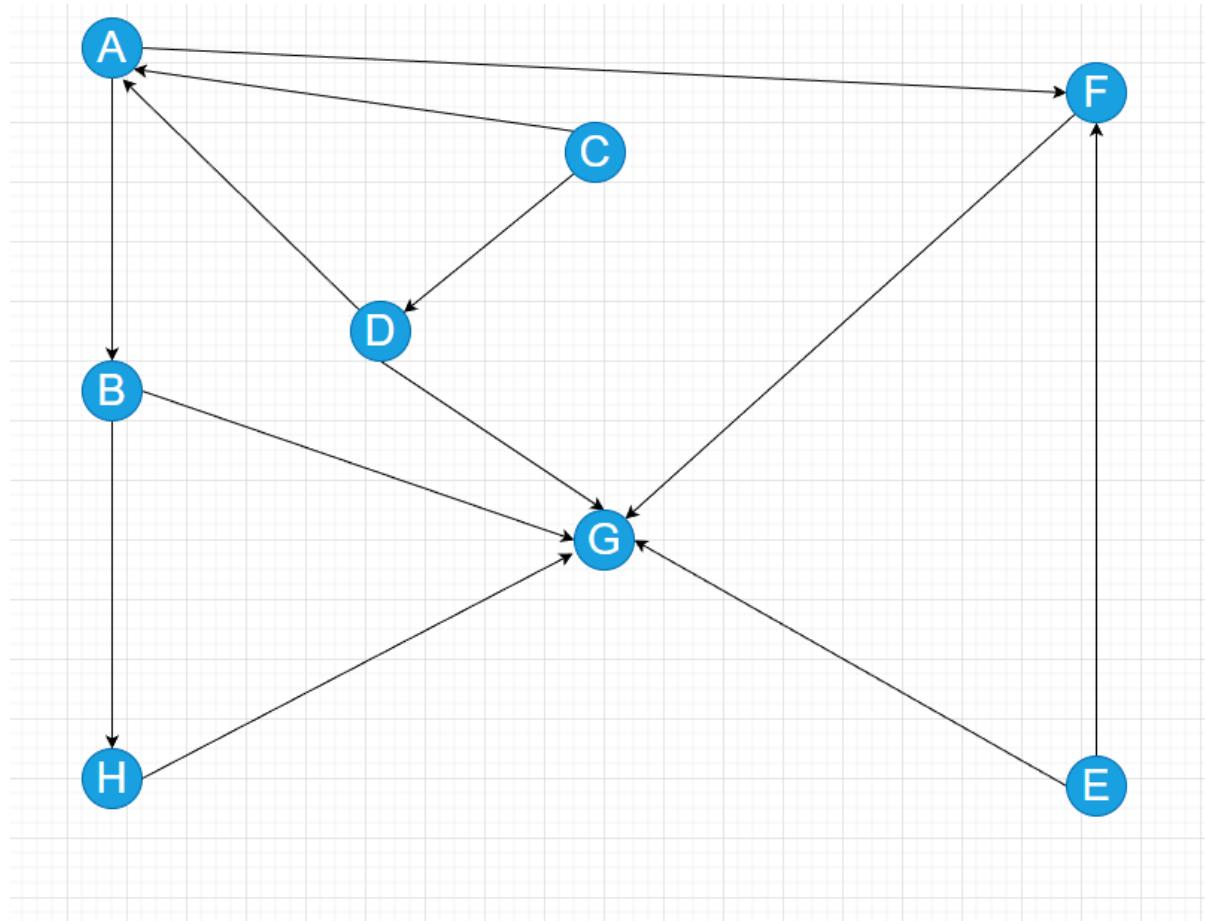
    Retornar (∞, [])
```

1.7 Parte D: Questões Teóricas

1. Por que BFS garante encontrar o caminho mais curto em grafos não-ponderados? Porque ele explora nível por nível, ou seja, ele vai eliminando todos os nós mais próximos do início até os mais longes, garantindo que o primeiro caminho encontrado seja o com menor arestas
2. Se as arestas tivessem pesos diferentes, BFS ainda funcionaria? Justifique.
Não, pois BFS ignora o peso.

DFS

Grafo:



Respostas:

2.4 Parte A: Representação e Análise

1. Desenhe o grafo direcionado com as dependências.
2. Identifique visualmente se existem ciclos óbvios. Não existe
3. Liste todas as dependências diretas de cada módulo:

- A depende de: B, F
- B depende de: G, H
- C depende de: A, D
- D depende de: A, G
- E depende de: F, G
- F depende de: G
- G depende de: -
- H depende de: G

2. Registre cada back edge encontrada (aresta que vai para um vértice CINZA):

Back edge: $\rightarrow C \rightarrow A, D \rightarrow A$

Ciclo detectado: $C \rightarrow A \rightarrow B \rightarrow H \rightarrow \dots$ e $D \rightarrow A \rightarrow B \rightarrow \dots \rightarrow D$ (dependência circular envolvendo D e A)

3. Classifique todas as arestas:

Aresta	Tipo
$A \rightarrow B$	Tree edge
$A \rightarrow F$	Tree edge
$B \rightarrow H$	Tree edge
$B \rightarrow G$	Tree edge
$C \rightarrow A$	Back edge
$C \rightarrow D$	Tree edge
$D \rightarrow A$	Back edge
$D \rightarrow G$	Forward edge
$E \rightarrow F$	Forward edge
$E \rightarrow G$	Forward edge
$F \rightarrow G$	Forward edge
$H \rightarrow G$	Forward edge

2.6 Parte C: Implementação do Detector de Ciclos

Função DetectaCicloDFS(G):

Para cada vértice v em G:

v.cor = BRANCO

v.pred = NULL

ciclos = []

Para cada vértice v em G:

Se v.cor == BRANCO:

DFS_Visita(v, ciclos)

Se ciclos não estiver vazio:

Retornar (true, ciclos)

Senão:

Retornar (false, [])

Função DFS_Visita(u, ciclos):

u.cor = CINZA

Para cada vizinho v de u:

Se v.cor == BRANCO:

v.pred = u

DFS_Visita(v, ciclos)

Se v.cor == CINZA:

| ciclo = [v]

atual = u

Enquanto atual != v:

| inserir atual no início de ciclo

| atual = atual.pred

| inserir v no final do ciclo

| ciclos.append(ciclo)

u.cor = PRETO

2.7 Parte D: Análise de Resultados

1. Quantos ciclos existem no grafo de dependências? 2 ciclos
2. Quais módulos estão envolvidos em dependências circulares? A,B,C
3. Proponha uma solução para quebrar os ciclos mantendo o máximo de dependências possível.
Remover C->A ou D->A

2.8 Parte E: Questões Teóricas

1. Por que back edges em DFS indicam ciclos em grafos direcionados?

Porque ele vai para um vértice cinza que ainda está na pilha de recursão formando um loop.

2. Como você modificaria o algoritmo para grafos não-direcionados?

Ignorar a aresta que vai para o predecessor.

3. Qual é a diferença entre detectar ciclos e encontrar componentes fortemente conexos?

Detectar ciclo verifica se existe pelo menos uma dependência circular, já componentes fortemente conexos identifica todos os subconjuntos de vértices, onde cada vértice é alcançável a partir de qualquer outro no mesmo subconjunto.

tabela inteira da 2.5:

<u>vertice</u>	cor	desc	final	predecessor
C	CINZA	1	-	NULL
A	CINZA	2	-	C
B	CINZA	3	-	A
H	CINZA	4	5	B
B	PRETO	-	6	A
G	CINZA	7	8	B
A	PRETO	-	9	C
F	CINZA	10	11	A
A	PRETO	-	-	C
C	PRETO	-	12	-
D	CINZA	13	-	C
A	CINZA	14	15	D
G	CINZA	16	17	D
D	PRETO	-	18	C
E	CINZA	19	-	-
F	CINZA	20	21	E
G	CINZA	22	23	E
E	PRETO	-	24	-
F	PRETO	-	25	E
G	PRETO	-	26	E
H	PRETO	-	27	B